

مثال: اگر بنواهییم نقدی توپ را درون جعبه قرار دهیم به این صورت خواهد بود که اگر درون هر جعبه ۴ توپ قرار دهیم، ۱۸ توپ بدون جای مانند و اگر درون هر جعبه ۶ توپ قرار دهیم، ۱۰ توپ

جعبه خالی ماند. تعداد توپها چه نسبتی از تعداد جعبه هاست؟

جعبه:  $x$

نقداد توپها  $\rightarrow 40x + 180$

نقداد توپها  $\rightarrow 60x - 180$

$40x + 180 = 60x - 180$

$360 = 20x \rightarrow x = 18$

تعداد جعبهها  $\rightarrow 18 \times 18 + 180 = 900$

تعداد توپها  $\rightarrow 60 \times 18 - 180 = 900$

مثال: اگر نقدی دانش آموزو نیکت در اختیار داشته باشیم و درون هر نیکت چنانچه دو نفر بنشینند، یک دانش آموز با در روی زمین بنشیند و اگر روی هر نیکت سه نفر بنشینند، یک نیکت خالی میماند. تعداد دانش

آموزان در این کلاس چقدر است؟

تعداد نیکت	تعداد دانش آموزان	تعداد نیکت باقی مانده
۱	$1 \times 2 + 1 = 3$	۰
۲	$2 \times 2 + 1 = 5$	۰
۳	$3 \times 2 + 1 = 7$	۰
۴	$4 \times 2 + 1 = 9$	۱

یک نفر اضافه

دو نفر روی هر نیکت بنشینند

یک نفر اضافه

تعداد نیکتها

یک دانش آموز اضافه است.

$2x + 1$

$3x(x-1) = 2x + 1 \Rightarrow 3x^2 - 3x = 2x + 1$

$3x^2 - 5x - 1 = 0$

$3x^2 - 2x = 1 + 3$

$x = 4$

تعداد نیکتها

سه برابر نقداد نیکتها به جز یک نیکت

$2 \times 4 + 1 = 9$  ، نقداد دانش آموزان

\* حل معادلات لویا (کسری): اگر معادلات به صورت کسر مطرح شوند دقیقاً مانند عملیات جبری برای کسرها انجام می دادیم. کل می کنیم یعنی باید

۱) همه کسرها را به یک طرف تساوی می بریم تا حاصل کل کسرها در عملیات جبری بینشان برابر شود

۲) با استفاده از خرج مشترک لویا، کسرها را به یک کسری تبدیل می کنیم

۳) صورت کسرها را برابر می کنیم و حاصل را حل می کنیم (چون اگر صورت یک کسر صفر شود، کل آن کسر صفر می شود)

مثال:

$\frac{x-2}{3} + \frac{3x-1}{4} = \frac{3}{1}$

$\frac{4(x-2) + 3(3x-1)}{12} = \frac{36}{12}$

$4x - 8 + 9x - 3 = 36$

$13x - 11 = 36$

$13x = 47$

$x = \frac{47}{13}$

سؤال: اگر حسین واحد و تقی روی هم ۱۰۰,۰۰۰ تومان پول داشته باشند و بدانیم حسین از دو برابر پول تقی ۱۰,۰۰۰ تومان بیشتر پول دارد و اگر نیز دو برابر حسین پول دارد، تفضل پول تقی از احمد چقدر است؟

\* یادآوری: در این گونه سوالات متغیری که بیش از همه تکرار شده یا از مابقی کوچکتر است را به عنوان متغیر اول ستانده در نظر می‌گیریم:

تقی =  $x$

حسین =  $2x + 10000 = 2x + 10000$

احمد =  $2 \times \text{حسین} = 2 \times (2x + 10000)$

$x + 20000$

احمد =  $4 \times 10000 + 20000 = 60000$

توکل پول تقی - پول احمد =  $10000 - 60000 = 50000$

$\oplus \rightarrow 100000 = x + 2x + 10000 + x + 20000$

$\Rightarrow 7x + 30000 = 100000$

$7x = 100000 - 30000$

$\Rightarrow 7x = 70000 \rightarrow x = 10000$  پول تقی