

MATLAB نسبت به حروف بزرگ و کوچک، حساس است. با قراردادن ; در انتهای هر دستور، از چاپ نتایج

جلوگیری می‌شود.

### دستورات پاک کردن

clc پاک کردن صفحه نمایش

clear پاک کردن (delete) تمامی متغیرها

clear x پاک کردن (delete) متغیر x

### توابع مثلثاتی

cosh(x)	کسینوس هیپربولیک	acos(x)	معکوس کسینوس، رادیان
cot(x)	کوتانژانت، رادیان	acosd(x)	معکوس کسینوس، درجه
cotd(x)	کوتانژانت، درجه	acosh(x)	معکوس کسینوس هیپربولیک
coth(x)	کوتانژانت هیپربولیک	acot(x)	معکوس کوتانژانت، رادیان
csc(x)	کسکانت، رادیان	acotd(x)	معکوس کوتانژانت، درجه
cscd(x)	کسکانت، درجه	acoth(x)	معکوس کوتانژانت هیپربولیک
csch(x)	کسکانت هیپربولیک	acsc(x)	معکوس کسکانت، رادیان
sec(x)	سکانت، رادیان	acscd(x)	معکوس کسکانت، درجه
secd(x)	سکانت، درجه	acsch(x)	معکوس کسکانت هیپربولیک
sech(x)	سکانت هیپربولیک	asec(x)	معکوس سکانت، رادیان
sin(x)	سینوس، رادیان	asecd(x)	معکوس سکانت، درجه
sind(x)	سینوس، درجه	asech(x)	معکوس سکانت هیپربولیک
sinh(x)	سینوس هیپربولیک	asin(x)	معکوس سینوس، رادیان
tan(x)	تانژانت، رادیان	asind(x)	معکوس سینوس، درجه
tand(x)	تانژانت، درجه	asinh(x)	معکوس سینوس هیپربولیک
tanh(x)	تانژانت هیپربولیک	atan(x)	معکوس تانژانت، رادیان
		atand(x)	معکوس تانژانت، درجه
		atanh(x)	معکوس تانژانت هیپربولیک
		cos(x)	کسینوس، رادیان
		cosd(x)	کسینوس، درجه

### توابع نمایی

$e^x$ (ورودی حقیقی و مختلط)	exp(x)
لگاریتم در مبنای e (ورودی حقیقی و مختلط)	log(x)
لگاریتم در مبنای ۲ (ورودی حقیقی و مختلط)	log2(x)
لگاریتم در مبنای ۱۰ (ورودی حقیقی و مختلط)	log10(x)
لگاریتم در مبنای e (ورودی فقط اعداد حقیقی مثبت)	reallog(x)
جذر (ورودی فقط اعداد حقیقی نامنفی)	realsqrt(x)
جذر (ورودی حقیقی و مختلط)	sqrt(x)
$\sqrt[y]{x}$	nthroot(x,y)

### توابع گرد کردن

گرد کردن به سمت صفر	fix(x)
گرد کردن به سمت منفی بی نهایت	floor(x)
گرد کردن به سمت مثبت بی نهایت	ceil(x)
قدر مطلق	abs(x)
گرد کردن به سمت نزدیک ترین عدد صحیح	round(x)
نمایش عدد x با d رقم اعشار	vpa(x,d)
نمایش عدد x با d رقم اعشار	maple('evalf(x,d)')

### توابع ریاضیات گسسته

تجزیه x به عوامل اول	factor(x)
x!	factorial(x)
بزرگ ترین مقسوم علیه مشترک x و y	gcd(x,y)
کوچک ترین مضرب مشترک x و y	lcm(x,y)
نمایش ۱ در صورت اول بودن x و در غیر این صورت، نمایش 0	isprime(x)
$\binom{x}{y}$	nchoosek(x,y)
نمایش اعداد اول از ۲ تا x	primes(x)

### توابع اعداد مختلط

$\sqrt{-1}$	i
$\sqrt{-1}$	j
محاسبه مقدار قدرمطلق	abs(z)
محاسبه مقدار زاویه برحسب رادیان	angle(z)
محاسبه مزدوج	conj(z)
نمایش قسمت موهومی	imag(z)
نمایش قسمت حقیقی	real(z)
اگر Z عدد حقیقی باشد، مقدار ۱ و اگر منطبق باشد، صفر را برمی گرداند.	isreal(z)
ایجاد یک عدد مختلط به فرم $a+bi$	complex(a,b)

(مثال)

```
>> z1=2+3*i
z1 =
    2.0000 + 3.0000i
>> z2=-5+j
z2 =
   -5.0000 + 1.0000i
>> r=abs(z1)
r =
    3.6056
>> a=angle(z2)
a =
    2.9442
```

### فرمت‌ها

نمایش خروجی با ۱۴ یا ۱۵ رقم اعشار	format long
نمایش خروجی با ۴ رقم اعشار	format short
نمایش خروجی با ۴ رقم اعشار و نماد علمی	format short e
نمایش خروجی با ۱۴ یا ۱۵ رقم اعشار و نماد علمی	format long e
نمایش خروجی به صورت کسری	format rat

Ex.)  $\sqrt{\sinh(0.125)} + \cos(35^\circ) * \sqrt[6]{\ln 25} + \left(\frac{10}{3}\right) * [\tanh 17] + \log_7 23 = ?$

```
Command Window
>> clear
>> a=sqrt(sinh(0.125))+cosd(35)+nthroot(log(25),6)+nchoosek(10,3)*floor(tanh(17))+(log(23))/log(7)
a =
    3.999606098686637
>> vpa(a,10)
ans =
    3.999606099
>> format long
>> a
a =
    3.999606098686637
>> vpa(a,11)
ans =
    3.9996060987
>> disp(a)
    3.999606098686637
>> display(a)
a =
    3.999606098686637
>> format rat
>> a
a =
    10155/2539
```

## معرفی تابع یک متغیره

مثال) می‌خواهیم تابع  $y=f(x)=1+\sin^2(x)$  را معرفی، مقدار دهی و رسم کنیم.

```
>> clear
>> format long
>> syms x
>> f=inline('1+(sin(x))^2','x')

f =

    Inline function:
    f(x) = 1+(sin(x))^2

>> f(0)

ans =

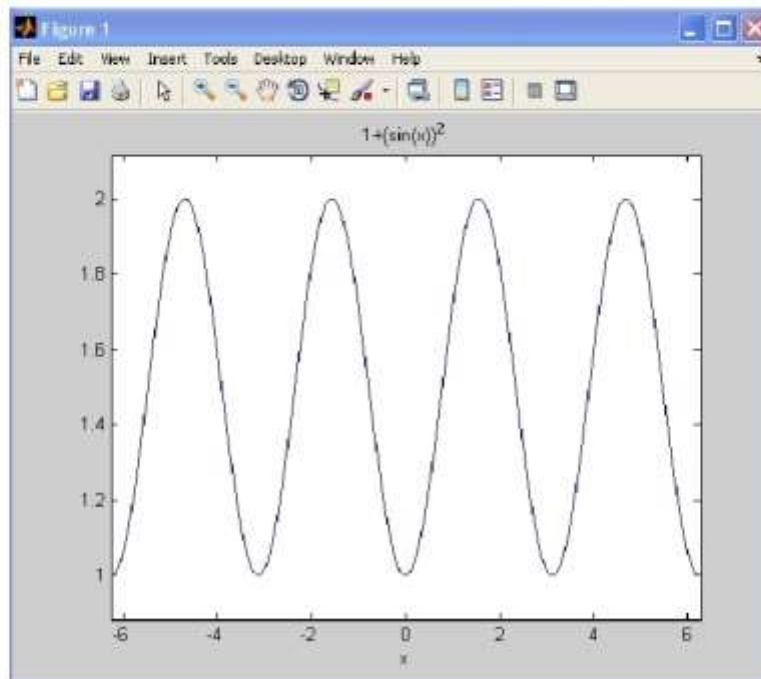
    1

>> f(pi+atan(0.25))

ans =

    1.058823529411765

>> ezplot(f)
>>
```



---

### معرفی تابع دو متغیره

مثال) می‌خواهیم تابع  $f(x,y)=1+xy-\sin(x+2y)$  را معرفی و مقداردهی کنیم.

```
>> syms x y
>> f=inline('1+x*y-sin(x+2*y)', 'x', 'y')
```

f =

```
Inline function:
f(x,y) = 1+x*y-sin(x+2*y)
```

```
>> a=f(pi,2)
```

a =

```
6.526382811871658
```

مقداردهی با دستور `subs`

(مثال)

```
>> syms a b x c
>> f=a*x^2+b*x+c
```

f =

```
a*x^2+b*x+c
```

```
>> m=subs(f,x,2)
```

m =

```
4*a+2*b+c
```

در مثال بالا مقدار ۲ در متغیر X جایگذاری شده است.

(مثال)

```
>> syms a b x c
>> f=a*x^2+b*x+c
```

f =

```
a*x^2+b*x+c
```

```
>> k=subs(f, {x,a,b,c}, {2,-3,4,8})
```

---

---

k =

4

در مثال بالا مقدار ۲ در متغیر X، مقدار ۳- در متغیر a، مقدار ۴ در متغیر b، مقدار ۸ در متغیر C، جایگذاری شده است.

### عملیات بر روی چندجمله‌ای‌ها

(مثال)

```
>> syms t x y
>> f=(x+2)^3+4*y*t+y*x+t*x+4*y*(x+2);
>> g=(x^2-1)*(x-2)*(x-3);
>> collect(f,x)
```

ans =

```
x^3+6*x^2+(12+t+5*y)*x+8+8*y+4*y*t
```

```
>> collect(g,x)
```

ans =

```
-6+x^4-5*x^3+5*x^2+5*x
```

```
>> e=x^4+4;
>> factor(e)
```

ans =

```
(x^2-2*x+2)*(x^2+2*x+2)
```

```
>> factor(g)
```

ans =

```
(x-1)*(x+1)*(x-2)*(x-3)
```

```
>> h=cos(x+y);  
>> expand(g)
```

```
ans =
```

```
-6+x^4-5*x^3+5*x^2+5*x
```

```
>> expand(h)
```

```
ans =
```

```
cos(x)*cos(y)-sin(x)*sin(y)
```

```
>> expand(f)
```

```
ans =
```

```
x^3+6*x^2+12*x+8+4*y*t+5*y*x+t*x+8*y
```

```
>> p=(cos(3*x))^2+(sin(3*x))^2
```

```
p =
```

```
cos(3*x)^2+sin(3*x)^2
```

```
>> simplify(p)
```

```
ans =
```

```
1
```

```
> b=(1/x^3+6/x^2+12/x+8)^(1/3);
```

```
>> b1=simple(b);
```

```
>> b1
```

```
b1 =
```

```
(2*x+1)/x
```

```
>> b2=simplify(b);
```

```
>> b2
```



b2 =

$$((2*x+1)^3/x^3)^(1/3)$$

همانطور که ملاحظه می‌گردد، دستور `collect`، `f` را برحسب `x` مرتب می‌کند. دستور `factor`، `e` را تجزیه می‌کند. دستور `expand` بسط می‌دهد و دستور `simplify` و `simple` عبارت را ساده می‌کند.

نمایش با دستور `pretty`

```
>> syms s
>> n=(10*s^2+40*s+30)/(s^2+6*s+8);
>> pretty(n)
```

$$\frac{10s^2 + 40s + 30}{s^2 + 6s + 8}$$

```
>>
```

محاسبه حدود توابع

$$\text{Ex.) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2} = ?$$

```
>> syms x
>> l=limit((1-cos(x))/(x^2),x,0)
```

l =

1/2

$$\text{Ex.) } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{ax^2 + 2x}}{2x + \sin(x)} = ?$$

```
>> syms x a
>> l=limit((sqrt(a*x^2+2*x))/(2*x+sin(x)),x,+inf)
```

l =

1/2\*a^(1/2)

$$\text{Ex.) } \lim_{x \rightarrow \pi^-} [\sin x] = ?$$

```
>> syms x
>> l=limit(floor(sin(x)),x,pi,'left')
```

---

l =

0

Ex.)  $\lim_{x \rightarrow \pi^+} [\sin x] = ?$

```
>> l=limit(floor(sin(x)),x,pi,'right')
```

l =

-1

Ex.)  $\lim_{x \rightarrow \pi} [\sin x] = ?$

```
>> l=limit(floor(sin(x)),x,pi)
```

l =

NaN

دقت شود که منظور از NaN ، Not a Number می باشد.

محاسبه مشتق توابع

Ex.)  $\frac{d}{dx} (x + \tan x) = ?$

```
>> syms x
```

```
>> f=x+tan(x);
```

```
>> d=diff(f,x)
```

d =

2+tan(x)^2

Ex.)  $\frac{d^4}{dx^4} (x + \tan x) = ?$

```
>> syms x
```

```
>> f=x+tan(x);
```

```
>> d4=diff(f,x,4)
```

d4 =

16\*(1+tan(x)^2)^2\*tan(x)+8\*tan(x)^3\*(1+tan(x)^2)

---

اگر می‌خواستیم مقدار مشتق چهارم  $f$  را در نقطه  $x = -7.5$  حساب کنیم :

```
>> syms x
>> f=x+tan(x);
>> d4=diff(f,x,4);
>> subs(d4,x,-7.5)
```

ans =

-4.318149972714537e+003

Ex.)  $\frac{\partial^2 f}{\partial y^2} (y^3x^2 + y^2x + z^2xy^4) = ?$

```
>> syms x y z
>> f=y^3*x^2+y^2*x+z^2*x*y^4;
>> d2=diff(f,y,2)
```

d2 =

$6*y*x^2+2*x+12*z^2*x*y^2$

Ex.)  $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} (y^3x^2 + y^2x + z^2xy^4) = ?$

```
>> syms x y z
>> f=y^3*x^2+y^2*x+z^2*x*y^4;
>> d=diff(diff(f,y),x)
```

d =

$6*y^2*x+2*y+4*z^2*y^3$

محاسبه انتگرال معین

Ex.)  $\int e^{ax} \cos(bx) dx = ?$

```
>> syms a b x
>> k=int(exp(a*x)*cos(b*x),x)
```

k =

$a/(a^2+b^2)*exp(a*x)*cos(b*x)+b/(a^2+b^2)*exp(a*x)*sin(b*x)$

```
>> pretty(k)
```

$$\frac{a \exp(a x) \cos(b x)}{a^2 + b^2} + \frac{b \exp(a x) \sin(b x)}{a^2 + b^2}$$

```
>>
```

محاسبه انتگرال نامعین

Ex.)  $\int_{-5}^{7.6} x e^{ax} dx = ?$

```
>> syms a x
```

```
>> k=int(x*exp(a*x),x,-5,7.6)
```

```
k =
```

$$\frac{1}{5} (5 \exp(-5a) + 25 \exp(-5a)a - 5 \exp(38/5a) + 38 \exp(38/5a)a) / a^2$$

```
>> pretty(k)
```

$$\frac{\exp(38/5 a) a}{1/5} \frac{5 \exp(-5 a) + 25 \exp(-5 a) a - 5 \exp(38/5 a) + 38 \exp(38/5 a) a}{a^2}$$

```
>> collect(k,a)
```

```
ans =
```

$$(5 \exp(-5a) + 38/5 \exp(38/5a)) / a + (\exp(-5a) - \exp(38/5a)) / a^2$$

```
>> pretty(ans)
```

$$\frac{5 \exp(-5 a) + 38/5 \exp(38/5 a)}{a} + \frac{\exp(-5 a) - \exp(38/5 a)}{a^2}$$

```
>>
```

$$\text{Ex.) } \int_0^{+\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = ?$$

```
>> syms x  
>> h=int(1/(1+x^2),x,0,+inf)
```

h =

1/2\*pi

محاسبه انتگرال دوگانه

$$\text{Ex.) } \int_1^{e^4} \int_0^x \frac{dy dx}{(x+y)^2} = ?$$

```
>> syms x y  
>> b=int(int(1/(x+y)^2,y,0,x),x,1,exp(4))  
b =
```

1/2\*log(960500813064011)-22\*log(2)

```
>> vpa(b,3)
```

ans =

2.0

تذکره: در مبحث ریاضیات عددی، توابع `triplequad` و `dblquad` برای محاسبه انتگرال دوگانه و سه گانه به روش عددی به کار می روند.

---

## وارد کردن ماتریس

برای وارد کردن درایه‌های ماتریس، مانند مثال زیر عمل می‌کنیم.

$$Ex.) A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 4 & 5 & \pi \\ -0.6 & 9 & \sqrt{2} \end{bmatrix}$$

```
>> A=[1 2 -3;4 5 pi;-0.6 9 sqrt(2)]
```

```
A =
```

```
    1.0000    2.0000   -3.0000  
    4.0000    5.0000    3.1416  
   -0.6000    9.0000    1.4142
```

```
!
```

می‌توان به جای به کار بردن space از , استفاده کرد.

```
>> A=[1,2,-3;4,5,pi;-0.6,9,sqrt(2)]
```

```
A =
```

```
    1.0000    2.0000   -3.0000  
    4.0000    5.0000    3.1416  
   -0.6000    9.0000    1.4142
```

```
>> B=[1 3 5;-1 2 4;0 1 -3]
```

```
B =
```

```
     1     3     5  
    -1     2     4  
     0     1    -3
```

## ترانزاده ماتریس

```
>> At=A'
```

```
At =
```

```
    1.0000    4.0000   -0.6000  
    2.0000    5.0000    9.0000  
   -3.0000    3.1416    1.4142
```

## دترمینان ماتریس

```
>> detA=det(A)
```

```
detA =
```

```
   -153.2869
```

---

---

## اثر (trace) ماتریس

برای محاسبه اثر (trace) ماتریس، یعنی جمع عناصر روی قطر اصلی از دستور trace استفاده می‌کنیم.

```
>> trace(A)
```

```
ans =
```

```
7.414213562373095
```

## معکوس ماتریس

```
>> A_invers=inv(A)
```

```
A_invers =
```

```
0.1383    0.1946   -0.1388  
0.0492    0.0025    0.0988  
-0.2544   0.0665    0.0196
```

## عملیات روی ماتریس‌ها

```
>> C=A+B
```

```
C =
```

```
2.0000    5.0000    2.0000  
3.0000    7.0000    7.1416  
-0.6000   10.0000   -1.5858
```

```
>> D=A*B
```

```
D =
```

```
-1.0000    4.0000   22.0000  
-1.0000   25.1416   30.5752  
-9.6000   17.6142   28.7574
```

```
>> E=B^4
```

```
E =
```

```
-40    40   -104  
0     -8   -168  
-8    -32   176
```

---

---

```
>> F=A+3.75*B
```

```
F =
```

```
  4.7500   13.2500   15.7500
  0.2500   12.5000   18.1416
 -0.6000   12.7500   -9.8358
```

تولید ماتریس واحد، قطری، یک و صفر

```
>> G=eye(4)
```

```
G =
```

```
  1   0   0   0
  0   1   0   0
  0   0   1   0
  0   0   0   1
```

```
>> G1=eye(4,3)
```

```
G1 =
```

```
  1   0   0
  0   1   0
  0   0   1
  0   0   0
```

```
>> G1=eye(4,5)
```

```
G1 =
```

```
  1   0   0   0   0
  0   1   0   0   0
  0   0   1   0   0
  0   0   0   1   0
```

---



---

```
>> H=[1 2 -3 -4];  
>> K=diag(H)
```

```
K =
```

```
    1    0    0    0  
    0    2    0    0  
    0    0   -3    0  
    0    0    0   -4
```

```
>> diag(K)
```

```
ans =
```

```
    1  
    2  
   -3  
   -4
```

```
>> ans'
```

```
ans =
```

```
    1    2   -3   -4
```

---

---

```
>> L=ones(4)
```

```
L =
```

```
    1    1    1    1
    1    1    1    1
    1    1    1    1
    1    1    1    1
```

```
>> L1=ones(4,6)
```

```
L1 =
```

```
    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1
```

```
>> M=zeros(4,6)
```

```
M =
```

```
    0    0    0    0    0    0
    0    0    0    0    0    0
    0    0    0    0    0    0
    0    0    0    0    0    0
```

تولید ماتریس با درایه‌های تصادفی توزیع یکنواخت

```
>> N=rand(4,6)
```

```
N =
```

```
    0.8147    0.6324    0.9575    0.9572    0.4218    0.6557
    0.9058    0.0975    0.9649    0.4854    0.9157    0.0357
    0.1270    0.2785    0.1576    0.8003    0.7922    0.8491
    0.9134    0.5469    0.9706    0.1419    0.9595    0.9340
```

تولید ماتریس با درایه‌های تصادفی توزیع نرمال

```
>> M=randn(4,6)
```

```
M =
```

```
   -0.4326   -1.1465    0.3273   -0.5883    1.0668    0.2944
   -1.6656    1.1909    0.1746    2.1832    0.0593   -1.3362
    0.1253    1.1892   -0.1867   -0.1364   -0.0956    0.7143
    0.2877   -0.0376    0.7258    0.1139   -0.8323    1.6236
```

---

## اندیس ماتریس

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

```
a =
```

```
    1    2    3
    4    5    6
    7    8    9
```

```
>> x=a(3,2)
```

```
x =
```

```
    8
```

```
>> a(2,3)=-9
```

```
a =
```

```
    1    2    3
    4    5   -9
    7    8    9
```

```
>> a(4,3)=10
```

```
a =
```

```
    1    2    3
    4    5   -9
    7    8    9
    0    0   10
```

تولید ماتریس با علامت (colon) :

مثال) برداری تولید کنید که شروع آن، ۱۰ باشد و با گام ۰/۳ تا ۱۴ پیش برود.

```
>> a=10:0.3:14
```

```
a =
```

```
Columns 1 through 8
```

```
10.0000 10.3000 10.6000 10.9000 11.2000 11.5000 11.8000 12.1000
```

```
Columns 9 through 14
```

```
12.4000 12.7000 13.0000 13.3000 13.6000 13.9000
```

```
>> a'
```

```
ans =
```

```
10.0000
```

```
10.3000
```

```
10.6000
```

```
10.9000
```

```
11.2000
```

```
11.5000
```

```
11.8000
```

```
12.1000
```

```
12.4000
```

```
12.7000
```

```
13.0000
```

```
13.3000
```

```
13.6000
```

```
13.9000
```

---

## عملیات روی سطر و ستون ماتریس

```
>> a=[1 2 3;-4 -5 -6;7 8 9]
```

```
a =
```

```
     1     2     3
    -4    -5    -6
     7     8     9
```

```
>> b=a(:,1)
```

```
b =
```

```
     1
    -4
     7
```

```
>> b=a(:,2)
```

```
b =
```

```
     2
    -5
     8
```

```
>> b'
```

```
ans =
```

```
     2    -5     8
```

```
>> c=a(3,:)
```

```
c =
```

```
     7     8     9
```

```
>> d=a(1:2,2:3)
```

```
d =
```

```
     2     3
    -5    -6
```

---

---

```
>> a
```

```
a =
```

```
    1     2     3
   -4    -5    -6
    7     8     9
```

```
>> a(2,:)=[4.5 5.5 6.5]
```

```
a =
```

```
    1.0000    2.0000    3.0000
    4.5000    5.5000    6.5000
    7.0000    8.0000    9.0000
```

مشاهده سائز ماتریس

```
>> size(a)
```

```
ans =
```

```
     3     3
>> e=[1 2 3 4 5 6];
>> length(e)
```

```
ans =
```

```
     6
```

تابع sum

این تابع، ستون‌های ماتریس را جمع می‌کند.

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

```
a =
```

```
    1     2     3
    4     5     6
    7     8     9
```

```
>> s=sum(a)
```

```
s =
```

```
    12    15    18
```

---

## تابع repmat

برای تولید ماتریس با تکرار کردن ماتریس مورد نظر به کار می‌رود.

```
>> a=[1 2 3 4]
```

```
a =
```

```
1 2 3 4
```

```
>> b=repmat(a,2,3)
```

```
b =
```

```
1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 3 4
1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 3 4
```

```
>> c=[1 2 3;4 5 6]
```

```
c =
```

```
1 2 3
4 5 6
```

```
>> d=repmat(c,2,3)
```

```
d =
```

```
1 2 3 1 2 3 1 2 3
4 5 6 4 5 6 4 5 6
1 2 3 1 2 3 1 2 3
4 5 6 4 5 6 4 5 6
```

## تولید بردار با رابطه خطی

دستور `linspace(a,b,n)` یک بردار با شروع `a` و خاتمه `b` با تعداد `n` عضو تولید می‌کند.

```
>> a=linspace(2,20,5)
```

```
a =
```

```
2.0000 6.5000 11.0000 15.5000 20.0000
```

```
>> b=linspace(-2,3,8)
```

```
b =
```

```
-2.0000 -1.2857 -0.5714 0.1429 0.8571 1.5714 2.2857 3.0000
```

## عملیات بر روی آرایه‌ها

ماتریس زیر را در نظر بگیرید:

$$\text{Ex.) } A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

می‌خواهیم هر کدام از عناصر را به توان ۲ برسانیم. اگر دستور  $A^2$  را اجرا کنیم، ماتریس  $A$  در خودش ضرب می‌شود. پس باید عملگر دیگری را تعریف کنیم.

در عملیات بر روی آرایه‌ها به جای  $*$  از  $.*$ ، و به جای  $^$  از  $.^$ ، و به جای  $/$  از  $./$  استفاده می‌کنیم.

```
>> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

```
A =
```

```
     1     2     3
     4     5     6
     7     8     9
```

```
>> B=[0.1 0.2 0.3;0.4 0.7 0.9;0.2 -0.7 -20]
```

```
B =
```

```
    0.1000    0.2000    0.3000
    0.4000    0.7000    0.9000
    0.2000   -0.7000  -20.0000
```

```
>> A.^2
```

```
ans =
```

```
     1     4     9
    16    25    36
    49    64    81
```

```
>> A.*B
```

```
ans =
```

```
    0.1000    0.4000    0.9000
    1.6000    3.5000    5.4000
    1.4000   -5.6000  -180.0000
```

```
>> A./B
```

```
ans =
```

```
   10.0000   10.0000   10.0000
   10.0000    7.1429    6.6667
   35.0000  -11.4286   -0.4500
```



```
>> A.^B
```

```
ans =
```

```
1.0000    1.1487    1.3904
1.7411    3.0852    5.0158
1.4758    0.2333    0.0000
```

بدین وسیله می‌توانیم ماتریس‌ها را در ورودی توابع مورد نظر قرار دهیم.

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
```

```
>> f=inline('x.^2+2*cos(x)', 'x')
```

```
f =
```

```
Inline function:
```

```
f(x) = x.^2+2*cos(x)
```

```
>> f(a)
```

```
ans =
```

```
2.0806    3.1677    7.0200
14.6927   25.5673   37.9203
50.5078   63.7090   79.1777
```

رسم نمودار توابع یک متغیره با دستور plot

دستور plot نقاط  $x_i$  و  $y_i$  را رسم می‌کند.

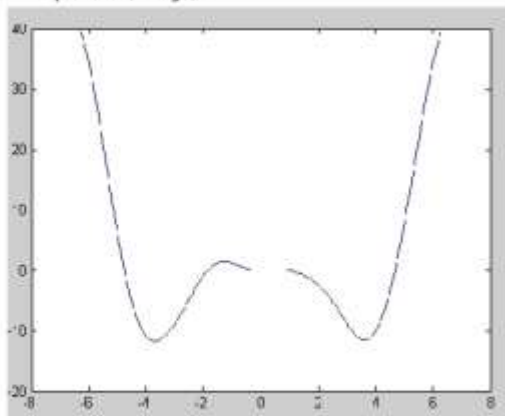
مثال) نمودار تابع زیر را در فاصله  $-2\pi \leq x < 2\pi$  رسم کنید.

$$y = f(x) = x^2 \cos x + \sin^3 x$$

```
>> x=-2*pi:0.01:2*pi;
```

```
>> y=(x.^2).*cos(x)-(sin(x)).^3;
```

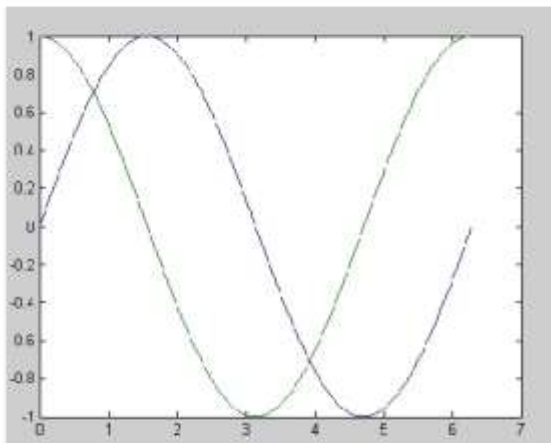
```
>> plot(x,y)
```



---

مثال) رسم نمودار  $\sin(x)$  و  $\cos(x)$  در کنار هم.

```
>> x=0:0.001:2*pi;  
>> y1=sin(x);  
>> y2=cos(x);  
>> plot(x,y1,x,y2)
```



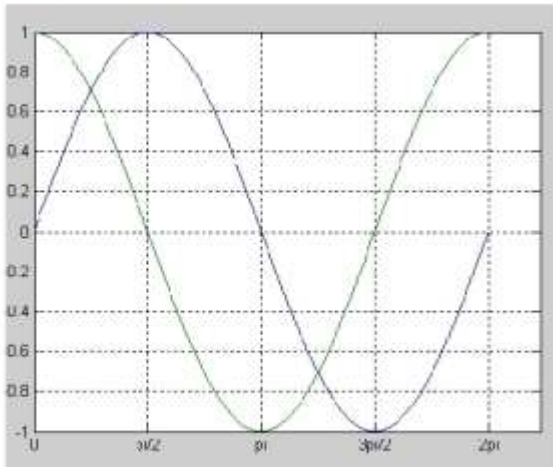
برای حل این روش می‌توان فرامین زیر را نیز به کار برد.

```
>> x=0:0.001:2*pi;  
>> y1=sin(x);  
>> y2=cos(x);  
>> plot(x,y1)  
>> hold on  
>> plot(x,y2)
```

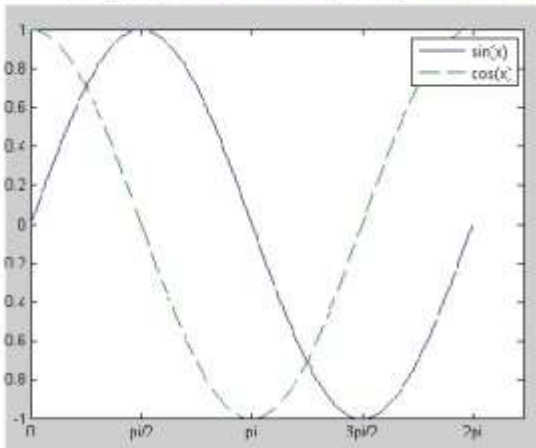
به دستورات زیر دقت کنید.

```
>> x=0:0.001:2*pi;  
>> y1=sin(x);  
>> y2=cos(x);  
>> plot(x,y1,x,y2)  
>> set(gca,'XTick',0:pi/2:2*pi)  
>> set(gca,'XTickLabel',{'0','pi/2','pi','3pi/2','2pi'})  
>> grid
```

---



```
>> x=0:0.001:2*pi;
>> y1=sin(x);
>> y2=cos(x);
>> plot(x,y1,'-',x,y2,'--')
>> legend('sin(x)', 'cos(x)')
>> set(gca,'XTick',0:pi/2:2*pi)
>> set(gca,'XTickLabel',{'0','pi/2','pi','3pi/2','2pi'})
```

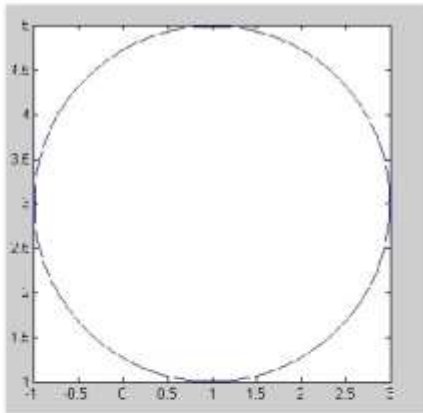


رسم پارامتریک منحنی در صفحه با plot

مثال) مطلوبیت رسم منحنی زیر.

$$Ex.) (x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 2$$

```
>> t=0:0.001:2*pi;
>> x=1+2*cos(t);
>> y=3+2*sin(t);
>> plot(x,y)
>> axis square
```



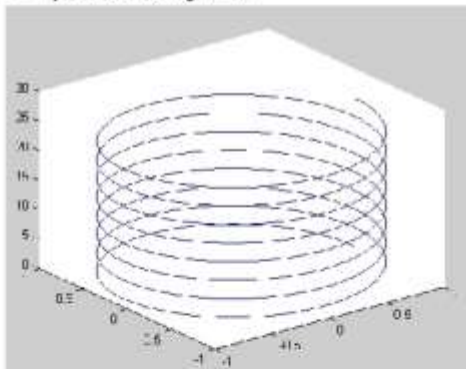
رسم پارامتریک منحنی در فضا با plot3

مثال) مطلوبست رسم مارپیچ دایره‌ای با معادله زیر.

```

x = cos 2t, y = sin 2t, z = t, 0 ≤ t ≤ 8π
>> t=0:0.001:8*pi;
>> x=cos(2*t);
>> y=sin(2*t);
>> z=t;
>> plot3(x,y,z)

```



دستور reshape

```
>> reshape(a,6,2)
```

ans =

1	3
5	7
9	11
2	4
6	8
10	12

```

>> b=-2:2:24

b =

Columns 1 through 13

    -2     0     2     4     6     8    10    12    14    16    18    20    22

Column 14

    24
>> c=reshape(b,7,2)

c =

    -2    12
     0    14
     2    16
     4    18
     6    20
     8    22
    10    24

```

## M-File ها

به سه دلیل نیاز به ایجاد M-File داریم:

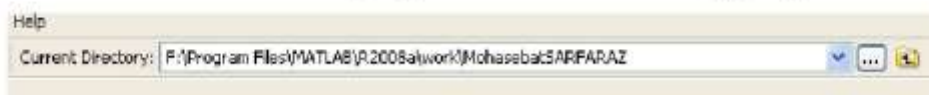
- ۱- ایجاد و ذخیره توابع پیچیده تر
- ۲- نوشتن و ضبط توالی زیاد فرامین
- ۳- استفاده از ساختارهای کنترل و تکرار

دو نوع M-File داریم: function M-File و script M-File

برای نوشتن و ایجاد M-File به صورت زیر عمل می کنیم.

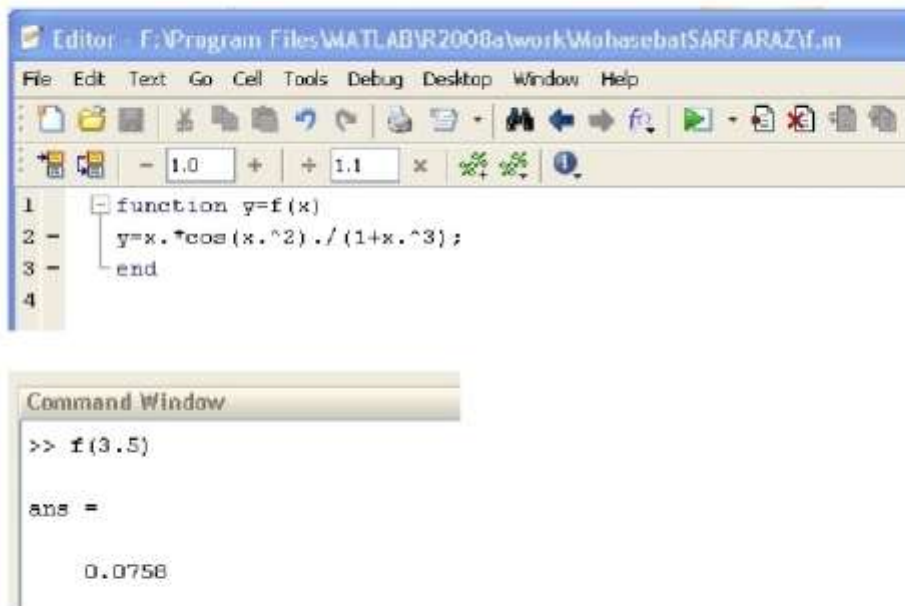


توجه شود که M-File ها باید در Current Directory ذخیره شوند.



## function M-File

فرض کنیم که نیاز به محاسبه تابع  $y=f(x)=xcos(x^2)/(1+x^3)$  داریم. M-File زیر را ایجاد و ذخیره می‌کنیم و برای به دست آوردن مقدار تابع در  $x=3.5$  کافی است در خط فرمان دستور  $f(3.5)$  را اجرا کنیم.



```
Editor - F:\Program Files\MATLAB\R2008a\work\MohasebatSARFARAZ\m
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
- 1.0 + + 1.1 x
1 function y=f(x)
2     y=x.*cos(x.^2)./(1+x.^3);
3     end
4

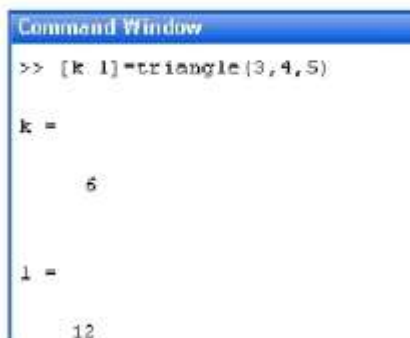
Command Window
>> f(3.5)

ans =

    0.0758
```

ممکن است یک تابع چندین ورودی و خروجی داشته باشد. به عنوان مثال می‌خواهیم محیط و مساحت یک مثلث با سه ضلع معلوم را حساب کنیم.

```
function [area prim]=triangle(a,b,c)
z=(a+b+c)/2;
area=sqrt(z*(z-a)*(z-b)*(z-c));
prim=2*z;
end
```



```
Command Window
>> [k l]=triangle(3,4,5)

k =

     6

l =

    12
```

## دستور feval

کاربرد این دستور در M-Fileها محاسبه مقدار تابع در ازای ورودی‌های آن است.

(مثال)

```
Editor - F:\Program Files\MATLAB\R2008a\work\MohasebatSARFARAZ\Main.m
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
- 1.0 + ÷ 1.1 x
1 function s=fun(x,y)
2 - s=x.^2.*cos(x.*y)+x.*y.^3;
3 - end
4
>> feval('fun',2,3.2)

ans =

    69.508739675032785
```

استفاده از عبارات منطقی برای محاسبه توابع چند ضابطه‌ای

$$\text{Ex.) } g(x) = \begin{cases} x & x < 0 \\ x^2 & 0 \leq x < 3 \\ x^3 - 6x & x \geq 3 \end{cases}$$

```
Editor - F:\Program Files\MATLAB\R2008a\work\MohasebatSARFARAZ\Main.m
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
- 1.0 + ÷ 1.1 x
1 function y=g(x)
2 - y1=(x).*(x<0);
3 - y2=(x.^2).*((x<3)-(x<0));
4 - y3=(x.^3-6*x).*(x>=3);
5 - y=y1+y2+y3;
6 - end
```

```
>> g(0)
```

```
ans =
```

```
0
```

```
>> g(3)
```

```
ans =
```

```
9
```

```
>> g(2)
```

```
ans =
```

```
4
```

برای رسم نمودار  $y=g(x)$  در فاصله 0 تا 6 به صورت زیر عمل می‌کنیم.

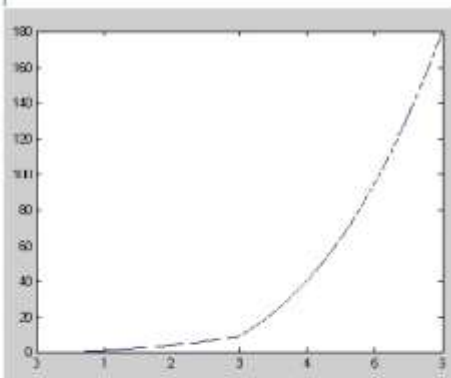
Command Window

```
>> x=0:0.0001:6;
```

```
>> y=g(x);
```

```
>> plot(x,y)
```

```
>>
```



### script M-File

این نوع **M-File** برای جمع‌آوری مجموعه‌ای از فرامین که یک برنامه را می‌سازند، استفاده می‌شود و مانند تابع،

ورودی نمی‌گیرد و فقط نقش اجرایی دارد.

مثال) می‌خواهیم نمودار  $y=f(x)=x^n e^{-nx}$  را برای  $n=1, 2, \dots, 10$  در فاصله 0 تا 20 رسم کنیم.



```
>> g(0)
```

```
ans =
```

```
0
```

```
>> g(3)
```

```
ans =
```

```
9
```

```
>> g(2)
```

```
ans =
```

```
4
```

برای رسم نمودار  $y=g(x)$  در فاصله 0 تا 6 به صورت زیر عمل می‌کنیم.

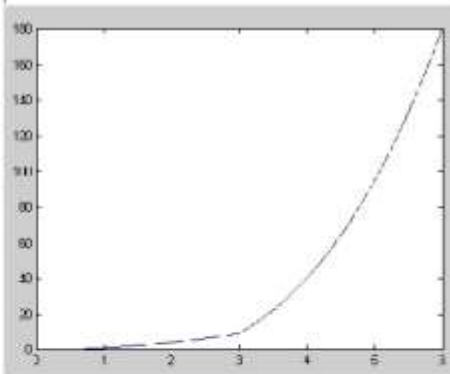
Command Window

```
>> x=0:0.0001:6;
```

```
>> y=g(x);
```

```
>> plot(x,y)
```

```
>>
```



### script M-File

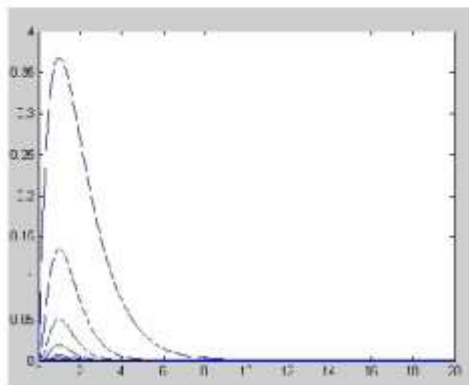
این نوع M-File برای جمع‌آوری مجموعه‌ای از فرامین که یک برنامه را می‌سازند، استفاده می‌شود و مانند تابع، ورودی نمی‌گیرد و فقط نقش اجرایی دارد.

مثال) می‌خواهیم نمودار  $y=f(x)=x^n e^{-nx}$  را برای  $n=1, 2, \dots, 10$  در فاصله 0 تا 20 رسم کنیم.

```
Editor - F:\Program Files\MATLAB\2008a\work\MohasebatSARFARAZ\graph.m
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
- 1.0 + 1.1 x
1 - clear
2 - clc
3 - x=0:0.001:20;
4 - for n=1:10
5 -     y=x.^n.*exp(-n*x);
6 -     plot(x,y)
7 -     hold on
8 - end
```

M-File را با نام graph.m ذخیره می کنیم.

```
Command Window
>> graph
```



## ریاضیات عددی

### حل معادلات غیر خطی به روش نصف کردن فاصله‌ها

مثال صفحه ۳۴ :

$$x^3 + x^2 - 3x - 3 = 0 \quad x \in (1,2)$$

M-File شماره ۱ :

```
[c,err,yc]=bisect(f,a,b,delta)
```

c : ریشه تابع، err : خطایی که برنامه را قطع کرده، yc : مقدار تابع در آزای ریشه یعنی  $f(c)$ ، تابع مورد نظر که به صورت inline وارد می‌شود، a : نقطه ابتدایی بازه، b : نقطه انتهایی بازه، delta : خطای قابل اغماض

```
Command Window
>> f=inline('x^3+x^2-3*x-3','x');
>> [c,err,yc]=bisect(f,1,2,0.00001)

k =

    17

c =

    1.732051849365234

err =

    7.629394531250000e-006

yc =

    9.859673310685935e-006
```

مشاهده می‌شود که ۱۷ بار عمل تکرار صورت گرفته است.

M-File شماره ۲ :

```
r = bisect2(fun,[a,b],xtol,ftol,verbose)
```

r : ریشه تابع، f : تابع مورد نظر که به صورت M-File وارد می‌شود، a : نقطه ابتدایی بازه، b : نقطه انتهایی بازه، xtol : خطای قابل اغماض، اگر verbose برابر ۱ باشد، تکرار را نشان می‌دهد.

```
Editor - F:\Program Files\MATLAB\R2008a\work\MohasebatSARFARAZM.m
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
- 1.0 + ÷ 1.1 ×
1 function y=f(x)
2 y=x.^3+x.^2-3*x-3;
3 end
4
```

```
>> r = bisect2('f',[1,2],0.00001,0.00001,1)
```

```
Bisection iterations for f.m
```

k	xm	fm
1	1.5000e+000	-1.8750e+000
2	1.7500e+000	1.7188e-001
3	1.6250e+000	-9.4336e-001
4	1.6875e+000	-4.0942e-001
5	1.7188e+000	-1.2479e-001
6	1.7344e+000	2.2030e-002
7	1.7266e+000	-5.1755e-002
8	1.7305e+000	-1.4957e-002
9	1.7324e+000	3.5127e-003
10	1.7314e+000	-5.7282e-003
11	1.7319e+000	-1.1092e-003
12	1.7322e+000	1.2013e-003
13	1.7321e+000	4.5962e-005
14	1.7320e+000	-5.3166e-004
15	1.7320e+000	-2.4286e-004
16	1.7320e+000	-9.8448e-005
17	1.7320e+000	-2.6243e-005

```
r =
```

```
1.732048034667969
```

```
>> r = bisect2('f',[1,2],0.00001,0.00001,0)
```

```
r =
```

```
1.732048034667969
```

## حل دستگاه معادلات خطی به روش حذفی گاوس - جردن

M-File شماره ۱ (بدون پایداری):

```
x = GEshow(A,b,ptol)
```

x: بردار جواب، A و b ماتریس‌هایی که در رابطه  $Ax=b$  هستند، ptol: خطای قابل اغماض

(مثال صفحه ۱۰۱)

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 2 & 7 & 18 \\ 7 & 1 & 3 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 5 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[1 3 4;2 7 18;7 1 3];
```

```
>> b=[2;1;5];
```

```
>> x = GEshow(A,b,50*eps)
```

```
Begin forward elimination with Augmented system:
```

1	3	4	2
2	7	18	1
7	1	3	5

```
After elimination in column 1 with pivot = 1.000000
```

1	3	4	2
0	1	10	-3
0	-20	-25	-9

```
After elimination in column 2 with pivot = 1.000000
```

1	3	4	2
0	1	10	-3
0	0	175	-69

```
x =
```

```
0.748571428571428  
0.942857142857143  
-0.394285714285714
```

```
>> format rat
```

```
>> x
```

```
x =
```

```
131/175  
33/35  
-69/175
```

M-File شماره ۲ (با پایداری، سطرهای بزرگ را در اول می‌آورد):

`x = GEPivShow(A,b,ptol)`

x: بردار جواب، A و b ماتریس‌هایی که در رابطه  $Ax=b$  هستند، ptol: خطای قابل اغماض

مثال صفحه ۱۰۳:

$$\begin{bmatrix} 0.6 & 3.8 & 7 \\ 2.6 & 3.1 & 5 \\ 3.7 & 5.8 & 2.9 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 5.7 \\ 2.6 \\ 3.4 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[.6 3.8 7;2.6 3.1 5;3.7 5.8 2.9];
```

```
>> b=[5.7;2.6;3.4];
```

```
>> x = GEPivShow(A,b,50*eps)
```

```
Begin forward elimination with Augmented system:
```

```
0.6000000000000000 3.8000000000000000 7.0000000000000000 5.7000000000000000
2.6000000000000000 3.1000000000000000 5.0000000000000000 2.6000000000000000
3.7000000000000000 5.8000000000000000 2.9000000000000000 3.4000000000000000
```

```
Swap rows 1 and 3; new pivot = 3.7
```

```
After elimination in column 1 with pivot = 3.700000
```

```
3.7000000000000000 5.8000000000000000 2.9000000000000000 3.4000000000000000
0 -0.975675675675676 2.962162162162162 0.210810810810811
0 2.859459459459460 6.529729729729730 5.148648648648649
```

```
Swap rows 2 and 3; new pivot = 2.85946
```

```
After elimination in column 2 with pivot = 2.859459
```

```
3.7000000000000000 5.8000000000000000 2.9000000000000000 3.4000000000000000
0 2.859459459459460 6.529729729729730 5.148648648648649
0 0 5.190170132325141 1.967580340264650
```

```
x =
```

```
-0.843695367132867
```

```
0.934877622377622
```

```
0.379097465034965
```

روش سوم)

در این روش از M-File ای استفاده نمی‌شود.

مثال صفحه ۱۰۳)

$$\begin{bmatrix} 0.6 & 3.8 & 7 \\ 2.6 & 3.1 & 5 \\ 3.7 & 5.8 & 2.9 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 5.7 \\ 2.6 \\ 3.4 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[.6 3.8 7;2.6 3.1 5;3.7 5.8 2.9];
>> b=[5.7;2.6;3.4];
>> x=A\b
```

x =

```
-0.843695367132867
 0.934877622377623
 0.379097465034965
```

### حل دستگاه معادلات خطی به روش تجزیه ماتریس به L و U

روش اول) در این روش از دستوری که خود برنامه دارد، استفاده می‌کنیم.

(مثال صفحه ۱۰۵)

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[3 -1 2;1 2 3;2 -2 -1];
>> [L U]=lu(A)
```

L =

```
 1.0000         0         0
 0.3333     1.0000         0
 0.6667    -0.5714     1.0000
```

U =

```
 3.0000    -1.0000     2.0000
         0     2.3333     2.3333
         0         0    -1.0000
```

```
>> format rat
```

```
>> L
```

L =

```
 1         0         0
 1/3       1         0
 2/3     -4/7         1
```

```
>> U
```

U =

```
 3         -1         2
 0         7/3        7/3
 0         0         -1
```

---

مثال صفحه ۱۰۶

```

$$\begin{bmatrix} 3.7 & 5.8 & 2.9 \\ 2.6 & 3.1 & 5 \\ 0.6 & 3.8 & 7 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 3.4 \\ 2.6 \\ 5.7 \end{bmatrix}$$
  
>> A=[3.7 5.8 2.9;2.6 3.1 5;.6 3.8 7];  
>> b=[3.4;2.6;5.7];  
>> [L U]=lu(A);  
>> z=L\b  
z =  
  
3.4000000000000000  
5.148648648648649  
1.967580340264650  
  
x =  
  
-0.843695367132867  
0.934877622377623  
0.379097465034965
```

روش دوم

X = lufact(A,B)

مثال صفحه ۱۰۶

```

$$\begin{bmatrix} 3.7 & 5.8 & 2.9 \\ 2.6 & 3.1 & 5 \\ 0.6 & 3.8 & 7 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 3.4 \\ 2.6 \\ 5.7 \end{bmatrix}$$
  
>> A=[3.7 5.8 2.9;2.6 3.1 5;.6 3.8 7];  
>> b=[3.4;2.6;5.7];  
>> X = lufact(A,b)  
  
X =  
  
-0.843695367132867  
0.934877622377622  
0.379097465034965
```



روش سوم)

`[L,U] = luNopiv(A,ptol)`

مثال صفحه ۱۰۵)

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[3 -1 2;1 2 3;2 -2 -1];  
>> [L,U] = luNopiv(A,50*eps)
```

L =

1	0	0
1/3	1	0
2/3	-4/7	1

U =

3	-1	2
0	7/3	7/3
0	0	-1

**حل دستگاه معادلات خطی به روش تجزیه چولسکی**

باید توجه داشته باشیم که ماتریس مورد نظر، متقارن باشد.

روش اول) استفاده از M-File

`C = Cholesky(A)`

مثال)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 3 & 6 & 10 \\ 1 & 4 & 10 & 20 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[1 1 1 1;1 2 3 4;1 3 6 10;1 4 10 20];  
>> C = Cholesky(A)
```

C =

1	1	1	1
0	1	2	3
0	0	1	3
0	0	0	1

## روش دوم) استفاده از دستور موجود در Matlab

```
>> C=chol(A)
```

```
C =
```

```
    1    1    1    1
    0    1    2    3
    0    0    1    3
    0    0    0    1
```

مثال صفحه ۱۱۱ به روش چولسکی)

$$\begin{bmatrix} 7 & -4 & 0 \\ -4 & 12 & -6 \\ 0 & -6 & 14 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 12 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[7 -4 0;-4 12 -6;0 -6 14];
>> b=[12;0;0];
>> c=chol(A);
>> x=c\(c'\b)
```

```
x =
```

```
2.262857142857143
0.960000000000000
0.411428571428571
```

## حل دستگاه معادلات خطی به روش ژاکوبی

باید توجه کرد که ماتریس A حتما قطری مسلط باشد.

$$|a_{ii}| \geq \sum_{j=1}^n |a_{ij}|, i \neq j$$

M-File شماره ۱:

```
X=jacobi(A,B,P,delta,max1)
```

P ماتریس حدس اولیه است.

مثال صفحه ۱۱۱)

$$\begin{bmatrix} 7 & -4 & 0 \\ -4 & 12 & -6 \\ 0 & -6 & 14 \end{bmatrix} x = \begin{bmatrix} 12 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, x^{(0)} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[7 -4 0;-4 12 -6;0 -6 14];
>> b=[12;0;0];
>> X=jacobi(A,b,[1;1;1],0.00001,500)
```

```
X =
```

```
2.262848599656562
0.960001910979077
0.411422164028136
```

```
X=jacobi2(A,B,P,delta,max1)
```

```
>> A=[7 -4 0;-4 12 -6;0 -6 14];
>> b=[12;0;0];
>> X=jacobi2(A,b,[1;1;1],0.00001,500)
```

---

```
Marhaleye [1]
  2.285714285714286
  0.833333333333333
  0.428571428571429
```

---

```
Marhaleye [2]
  2.190476190476191
  0.976190476190476
  0.357142857142857
```

---

```
Marhaleye [3]
  2.272108843537415
  0.908730158730159
  0.418367346938775
```

---

```
Marhaleye [4]
  2.233560090702948
  0.966553287981859
  0.389455782312925
```

```
.
.
.
```

---

```
Marhaleye [22]
  2.262848599656562
  0.960001910979077
  0.411422164028136
```

---

```
X =
```

```
  2.262848599656562
  0.960001910979077
  0.411422164028136
```

اگر خطای قابل اغماض را برابر eps قرار دهیم

```
>> X=jacobi2(A,b,[1;1;1],eps,500)
```

---

```
Marhaleye [77]
2.262857142857143
0.9600000000000000
0.411428571428571
```

---

```
X =
2.262857142857143
0.9600000000000000
0.411428571428571
```

حل دستگاه معادلات خطی به روش گاوس- سیدل  
باید توجه کرد که ماتریس A حتما قطری مسلط باشد.

$$|a_{ii}| \geq \sum_{j=1}^n |a_{ij}|, i \neq j$$

M-File شماره ۱:

```
X=gseid(A,B,P,delta,max1)
```

P ماتریس حدس اولیه است.

(مثال صفحه ۱۱۲)

```
[ 7  -4  0 ]
[-4  12 -6] x = [12] , x^(0) = [1]
[ 0  -6  14]      [ 0]      [ 1]
>> A=[7 -4 0;-4 12 -6;0 -6 14];
>> b=[12;0;0];
>> X=gseid(A,b,[1;1;1],0.00001,500)
```

```
X =
2.262865384766905
0.960005838019415
0.411431073436892
```

M-File شماره ۲:

```
X=gseid2(A,B,P,delta,max1)
>> A=[7 -4 0;-4 12 -6;0 -6 14];
>> b=[12;0;0];
>> X=gseid2(A,b,[1;1;1],0.00001,500)
```

---

Marhaleye [1]

2.285714285714286  
1.261904761904762  
0.540816326530612

---

Marhaleye [2]

2.435374149659864  
1.082199546485261  
0.463799805636540

.  
.  
.

---

Marhaleye [12]

2.262877505222436  
0.960014423342083  
0.411434752860893

---

Marhaleye [13]

2.262865384766905  
0.960005838019415  
0.411431073436892

---

X =

2.262865384766905  
0.960005838019415  
0.411431073436892

---

---

```
>> x = newtonSys('sys2',[1;2;3],0.0000001,0.0000001,500,1)
```

```
Newton iterations
```

k	norm(f)	norm(dx)
1	2.483e+000	3.363e-001
2	9.963e-002	6.072e-002
3	3.742e-003	9.670e-003
4	6.156e-005	1.336e-004
5	1.141e-008	2.484e-008

```
x =
```

```
1.100104523608455  
2.200333077232529  
3.298915531163949
```

محاسبه مقادیر ویژه و بردارهای ویژه ماتریس با دستور eig

(مثال صفحه ۱۳۶)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[1 2;2 4];  
>> [V,D]=eig(A)
```

```
V =
```

```
-0.894427190999916  0.447213595499958  
0.447213595499958  0.894427190999916
```

```
D =
```

```
0  0  
0  5
```

اعداد روی قطر اصلی D یعنی 0 و 5 مقادیر ویژه هستند.

ستون‌های V بردارهای ویژه هستند.

---

| D=A:



محاسبه مقادیر ویژه و بردارهای ویژه ماتریس با روش توانی

```
[lambda,v] = powerit(A,s,nit,x0,verbose)
```

lambda: بزرگترین مقدار ویژه، V: بردار ویژه، S: پارامتر shift که در روش توانی، 0 است، nit: حداکثر

تکرار، x0: حدس اولیه

مثال صفحه ۱۴۲

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 2 \\ 10 & 3 & 4 \\ 3 & 6 & 1 \end{bmatrix}, z^{(0)} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

```
>> A=[2 3 2;10 3 4;3 6 1];
```

```
>> [lambda,v] = powerit(A,0,10,[1;1;1],1)
```

```
k    norm(u,inf)
1     17.000000
2     9.470588
3     11.583851
4     10.831635
5     11.049800
6     10.985906
7     11.003953
8     10.998903
9     11.000303
10    10.999917
```

```
lambda =
```

```
10.999916852432536
```

```
v =
```

```
0.500000822104932
1.000000000000000
0.750003642445965
```

### درون‌یابی به وسیله چندجمله‌ای‌های لاگرانژ

$C = \text{lagran}(X, Y)$

C بردار دربردارنده ضرایب چندجمله‌ای برازش یافته

برای محاسبه مقدار چندجمله‌ای در نقطه  $x_0$  دستور  $\text{polyval}(C, x_0)$  را اجرا می‌کنیم.

(مثال صفحه ۱۷۲)

x	f(x)
3.2	22
2.7	17.8
1	14.2
4.8	38.3

$x_0 = 3.0$

```
>> x=[3.2 2.7 1 4.8];
>> y=[22 17.8 14.2 38.3];
>> C=lagran(x,y)

C =

    -0.5275    6.4952   -16.1177    24.3499

>> polyval(C,3)

ans =

    20.2120
```

چندجمله‌ای مورد نظر عبارتست از

$$P(x) = -0.5275x^3 + 6.4952x^2 - 16.1177x + 24.3499 \text{ \& } P(x_0 = 3) = 20.2120$$



## درون‌یابی به روش تفاضل محدود

(مثال صفحه ۱۸۴)

x	f(x)
0.00	0
0.20	0.03
0.40	0.423
0.60	0.684
0.80	1.03
1.00	1.557
1.20	2.572

`D = divDiffTable(x,y)`

در ابتدای اجرای برنامه، اگر  $X_i$  ها متساوی الفاصله بودند، ۱ و در غیر این صورت 0 را وارد می‌کنیم.

```
>> x=[0 .2 .4 .6 .8 1 1.2];  
>> y=[0 .203 .423 0.684 1.03 1.557 2.572];  
>> D = divDiffTable(x,y)  
motesaviol fasele? 0 or 1 1
```

D =

```
      0      0      0      0      0      0      0  
0.2030 0.2030      0      0      0      0      0  
0.4230 0.2200 0.0170      0      0      0      0  
0.6840 0.2610 0.0410 0.0240      0      0      0  
1.0300 0.3460 0.0850 0.0440 0.0200      0      0  
1.5570 0.5270 0.1810 0.0960 0.0520 0.0320      0  
2.5720 1.0150 0.4880 0.3070 0.2110 0.1590 0.1270
```

تذکر: برای محاسبه  $f'(X)$  در نقطه داده شده، مانند مثال صفحه ۱۸۸ عمل می‌کنیم.

## انتگرال گیری عددی به روش ذوزنقه‌ای

```
I = trapezoid(fun,a,b,npanel)
```

fun: تابع تحت انتگرال که به صورت inline وارد می‌شود، a و b حدود انتگرال، npanel: تعداد پانل‌ها

(تعداد تقسیمات محور Xها)

(مثال صفحه ۲۸۷)

$$I = \int_0^1 e^x dx, n = 4$$

```
>> f=inline('exp(x)', 'x');
```

```
>> I = trapezoid(f,0,1,4)
```

```
I =
```

```
1.7272
```

```
>> format long
```

```
>> I
```

```
I =
```

```
1.718281828546544
```

## انتگرال گیری عددی به روش $\frac{1}{3}$ سیمپسون (سیمپسون مرکب)

```
I = simpson(fun,a,b,npanel)
```

(مثال صفحه ۲۸۷)

$$I = \int_0^1 e^x dx, n = 4$$

```
>> f=inline('exp(x)', 'x');
```

```
>> I = simpson(f,0,1,4)
```

```
I =
```

```
1.718284154699897
```