

**Part A: Vocabulary**

**Directions:** Choose the answer (1),(2),(3), or (4) that best completes the sentence. Then mark the number corresponding to that answer on your answer sheet.

- 1- It is not too ..... to make a selection from the box ,since the contents are homogeneous.  
 1) costly                  2) easy                  3) soon                  4) difficult
- 2- An autopsy should reveal the true cause of the patient's.....  
 1) decease                  2) complaints                  3) illness                  4) relapse
- 3- we are forbidden to use ..... , since our act is to be a pantomime.  
 1) costumes                  2) frowns                  3) words                  4) gestures
- 4- It is entirely normal for a child of two to be under the care of a (an).....  
 1) orthodontist                  2) orthopedist                  3) pediatrician                  4) pedagogue
- 5- The epidemic is thought to have started when the Brazilian monkey travelled to Europe with a circus and ..... some of the animals there.  
 1) infested                  2) was contagious to                  3) infected                  4) quarantined
- 6- His performance was so spectacular that he was ..... out for praise by the team manager at the end of the game.  
 1) singled                  2) filtered                  3) distinguished                  4) selected
- 7- You can decide not to go to university but you ..... the risk of not getting a good job later.  
 1) suffer                  2) run                  3) do                  4) put
- 8- Now you mention his name, I do have a vague ..... of having once met Stephen Harmiss. But I couldn't tell you where it was!  
 1) remembrance                  2) memorial                  3) recollection                  4) recall
- 9- This is a great example of the Yellow Eared Rabbit, a rabbit ..... to this part of Portugal and not found anywhere else in the world.  
 1) specially                  2) strange                  3) peculiar                  4) particularly
- 10- When getting onto a metro or standard train, you should always be careful of the ..... between the station platform and the train itself. This can be up to 15cm in distance.  
 1) drop                  2) gap                  3) empty                  4) void

**Part B: Grammar**

**Directions:** Read the following passage and decide which choice, (1),(2),(3), or (4) best fits the blank. Then mark the number corresponding to that answer on your answer sheet.

- When I visit big cities like Paris, I usually avoid(11)..... to the most famous places because I really hate crowds. But it was no use (12)..... that to my friend Tatjana because she was really eager(13).....the Mona Lisa in the Louvre and she refused(14) ..... outside while she went in. she said it is worth (15).....together.
- 11- 1) go                  2) going                  3) gone                  4) to go
  - 12- 1) trying explain                  2) trying to explain                  3) to try explaining                  4) to try to explain
  - 13- 1) for see                  2) to see                  3) in seeing                  4) seeing
  - 14- 1) letting me to wait                  2) letting me wait                  3) to let me to wait                  4) to let me wait
  - 15- 1) to watch                  2) to have watched                  3) watching                  4) watched

**PART C: Reading Comprehension**

**Directions:** Read the following passages and choose the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark it on your answer sheet.

**Passage 1:**

The most commonly used techniques for the separation and purification of miscible liquids are distillation and solvent **extraction**. In recent years, adsorption, ion exchange and chromatography have become practical alternatives to distillation or solvent extraction in many special applications.

Distillation is probably the most widely used separation technique in the chemical process industries. Solvent extraction and the associated technique, leaching (solid-liquid extraction) are covered in detail in reference books. Adsorption, which can be used for the separation of liquid and gases mixtures.

Adsorption is also covered in the books by Suzuki and Crittenden and Thomas. Ion exchange, the separation of dissolved solids. Through ion exchange is usually associated with water purification the technique has applications in other industries. Chromatography, which is finding increasing applications in the downstream processing of biochemical products. Here, the discussion is **restricted** to a brief review of solvent-extraction processes.

- 16- In paragraph 1 line 2, the term **extraction** is closest in meaning to;  
1) division                  2) separation                  3) revision                  4) integration
- 17- According to paragraph 1, what operation can become practical alternative to conventional techniques for the separation of miscible liquids?  
1) wet techniques            2) solvent extraction            3) distillation                  4) ion exchange
- 18- In paragraph 3, it is stated that; ion exchange is  
1) in various industries                  2) purely for water purification  
3) purely for industrial purposes                  4) used in organic chemistry research
- 19- Which one is stated in the passage that, the most widely used separation technique in the chemical process industries is  
1) extraction                  2) chromatography                  3) Distillation                  4) crystallization
- 20- In paragraph 3, the term **restricted** is closest in meaning to;  
1) retained                  2) limited                  3) contaminated                  4) contained

#### **Passage 2:**

Solvent extraction, also called liquid-liquid extraction, can be used to separate a substance from a solution by extraction into another solvent. It can be used ether to recover a valuable substance from the original solution, or to purify the original solvent by removing an unwanted component. Examples of solvent extraction are: the extraction of uranium and plutonium salts from solution in nitric acid, in the nuclear industry; and the purification of water. The process depends on the substance being extracted, the solute, having a greater solubility in the solvent used for the extraction than in the original feed solvent. The two solvents must be essentially **immiscible**.

The solvents are mixed in a contactor, to effect the transfer of solute, and then the phases separated. The depleted feed solvent leaving the extractor is called the raffinate, and the solute rich extraction solvent, the extract. The solute is normally recovered from the extraction solvent, by distillation, and the extraction solvent recycled. The simplest form of extractor is a mixer-settler, which consist of an **agitated** tank and a decanter. The design of extraction columns is discussed in many reference books.

- 21- In paragraph 1 line 7, the term **immiscible** is closest in meaning to;  
1) mixing                  2) mixable                  3) unmixable                  4) permeable
- 22- In the paragraph 1, it is stated that; liquid-liquid extraction is used for  
1) purification purposes                  2) valuable substances only  
3) expensive material                  4) purification of pollutants
- 23- In paragraph 2, it is stated that; raffinate is a(n)  
1) reagent                  2) solute                  3) extract                  4) solvent
- 24- According to the passage, what process is used for recover of the solute from the extraction solvent?  
1) liquid-liquid extraction                  2) distillation  
3) mixer-settler                  4) ion exchange
- 25- In paragraph 2 line 12, the term **agitated** is closest in meaning to;  
1) steamed                  2) crystalized                  3) stirred                  4) seeded

#### **Passage 3:**

The primary need for gas-solid separation processes is for gas cleaning: the removal of dispersed finely divided solids (dust) and liquid mists from gas streams. Process gas streams must often be cleaned up to prevent **contamination** of catalysts or products, and to avoid damage to equipment, such as compressors. Also, effluent gas streams must be cleaned to comply with air-pollution regulations and

for reasons of hygiene, to remove toxic and other hazardous materials. There is also often a need for clean, filtered air for processes using air as a raw material and where clean working atmospheres are needed, for instance, in the pharmaceutical and electronics industries. The particles to be removed may range in size from large molecules, measuring a few hundredths of a micrometre, to the coarse dusts arising from the attrition of catalysts or the fly ash from the combustion of pulverised fuels.

A variety of equipment has been developed for gas cleaning. The principal types used in the process industries are listed in technical Tables, which are **adapted** from a selection guide given by Sargent. Tables show the general field of application of each type in terms of the particle size separated, the expected separation efficiency, and the throughput. It can be used to make a preliminary selection of the type of equipment likely to be suitable for a particular application. Descriptions of the equipment shown in technical tables and can be found in various handbooks: Perry *et al.*

- 26- In paragraph 1 line 3, the term **contamination** is closest in meaning to;  
 1) defending      2) demanding      3) treating      4) impurity
- 27- In the paragraph 1, it is stated that; the air is used as a  
 1) pure material      2) a raw material      3) process initiator      4) initializer
- 28- In paragraph 2, it is stated that; for gas cleaning there  
 1) are many equipment      2) is only one technique  
 3) is no sure technique      4) are some processes but neither works
- 29- Which one is stated in the passage that, the particles to remove are  
 1) large      2) very tiny      3) of various sizes      4) pulverized
- 30- In paragraph 2 line 11, the term **adapted** is closest in meaning to;  
 1) taken back      2) taken down      3) taken into      4) taken up

## انتقال حرارت او ۲

-۳۱ جسمی کروی که در آن تولید یا مصرف انرژی وجود ندارد، به نگاهان روی سطح آن شار گذشتی اعمال می‌کنیم. کدام گزینه بیان کننده شرط مرزی صحیح برای حل مسئله است؟

$$\frac{\partial T}{\partial r} \Big|_{r=R} = cte \quad (1)$$

$$\frac{\partial T}{\partial r} \Big|_{r=\infty} = 0 \quad (2)$$

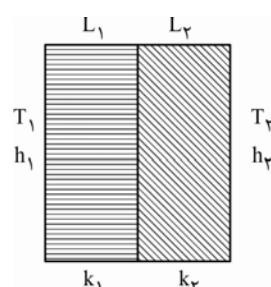
$$T(r) = \text{finite} \quad (3)$$

$$T(R) = 0 \quad (4)$$

$$T(\infty) = \text{finite} \quad (5)$$

$$\frac{\partial T}{\partial r} \Big|_{r=\infty} = cte \quad (6)$$

$$T(r = \infty) = \text{finite} \quad (7)$$

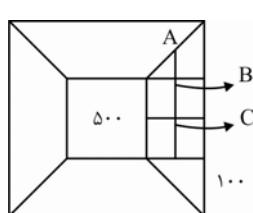


$$q > \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{h_1} + \frac{L_1}{k_1} + \frac{L_2}{k_2} + \frac{1}{h_2}} \quad (1)$$

$$q < \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{h_1} + \frac{L_1}{k_1} + \frac{L_2}{k_2} + \frac{1}{h_2}} \quad (2)$$

$$q = \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{h_1} + \frac{L_1}{k_1} + \frac{L_2}{k_2} + \frac{1}{h_2}} \quad (3)$$

$$q = \frac{T_1 - T_2}{\frac{L_1}{k_1} + \frac{L_2}{k_2}} \quad (4)$$



-۳۳ در شکل زیر دمای نقاط A, B و C نسبت به هم چگونه است؟

$$A < B < C \quad (1)$$

$$B < C < A \quad (2)$$

$$A = B = C \quad (3)$$

$$C < B < A \quad (4)$$

-۳۴ جریان آرام روی صفحه‌ای برقرار است. میزان  $h$  در فاصله  $8\text{cm}$  از لبه جسم چند برابر  $h$  در فاصله  $2\text{cm}$  از لبه است؟

$$4(4)$$

$$\frac{1}{4}(3)$$

$$2(2)$$

$$\frac{1}{2}(1)$$

-۳۵ پروفایل سرعت و دما درون لوله‌ای به شکل زیر توسعه می‌یابد. در مورد عدد  $Pr$  چه چیزی می‌توان گفت؟

۱) سیال به نسبت دارای رسانندگی گرمایی بالایی است.



۲) عدد  $Pr$  سیال مقدار کوچکی است.

۳) مقدار  $Pr$  سیال عدد بزرگی است.

۴) نمی‌توان با قطعیت اظهار نظر کرد.

-۳۶  $k$  (ضریب هدایت گرمایی) فلزات  $k$  و مایعات و  $k$  گازها با افزایش دما:

۱) فلزات و  $k$  گازها هر دو افزایش می‌یابند و  $k$  مایعات کاهش می‌یابد.

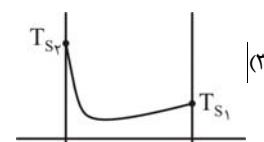
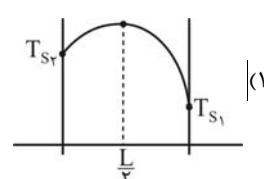
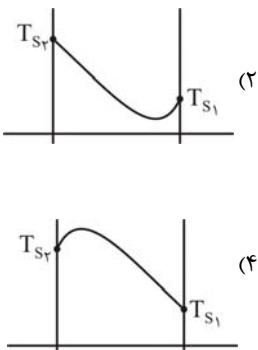
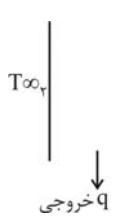
۲) گازها ممکن است کم یا زیاد شود ولی  $k$  فلزات و مایعات کاهش می‌یابد.

۳) فلزات ممکن است کم یا زیاد شود ولی  $k$  گازها و مایعات افزایش می‌یابد.

۴) فلزات و مایعات ممکن است کم یا زیاد شود ولی  $k$  گازها افزایش می‌یابد.

-۳۷ فرض کنید تغییر مقابله جایی متصل است که با شدت یکنواخت  $\dot{q}$  از گرمای درون آن کاسته می‌شود، نمودار توزیع دمای این تیغه به

چه شکل می‌شود؟  $100_2 > 100_1$



-۳۸ چنانچه شعاع خارجی لوله‌ای  $20\text{cm}$  بوده و رسانایی حرارتی هوای اطراف عایق  $\frac{W}{M^2 \cdot L}$  باشد،  $\frac{W}{m^2 \cdot c}$  و ضریب انتقال حرارتی عایق  $\frac{W}{m^2 \cdot c}$  باشد.

ضخامت بحرانی عایق چهقدر است؟

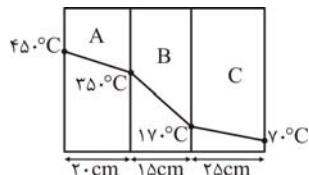
$$60(4)$$

$$50(3)$$

$$40(2)$$

$$30(1)$$

-۳۹ برای دیواره‌ی نشان داده شده به شکل مقابل که از سه لایه متفاوت تشکیل شده است کدام عبارت صحیح است؟



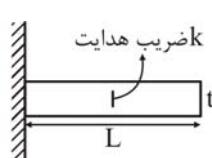
۱) همه سطوح فلز باید باشد.

۲) سطوح آزاد مواد A و C گرم می‌شوند.

۳) در بین لایه‌ی B و A تولید حرارت وجود دارد.

۴) در بین مواد، ماده‌ی لایه‌ی B کمترین ضریب هدایت حرارتی را دارد می‌باشد.

-۴۰ با داشتن کدام‌یک از شروط زیر پرهی مقابل را می‌توان نازک فرض نموده که در آن انتقال گرما یک بعدی می‌باشد؟



ضریب انتقال حرارت جابه‌جا

$$\frac{h}{k} \leq \frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{ht}{k} \leq \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{ht}{kL} \leq \frac{1}{2} \quad (3)$$

۴) در این پره فرض نازک بودن و انتقال حرارت یک بعدی برقرار نمی‌شود.

-۴۱ پرهای استوانه‌ای شکل با ضریب هدایت  $k$  و شعاع  $r$  در محیطی با ضریب جابه‌جایی گرمایی  $h$  قرار دارد. اگر شعاع این پرهی استوانه‌ای نصف گردد و در محیطی با ضریب جابه‌جایی گرمایی  $2h$  قرار گیرد ضریب تأثیر پره در حرارت جدید چند برابر حالت قبل خواهد بود؟

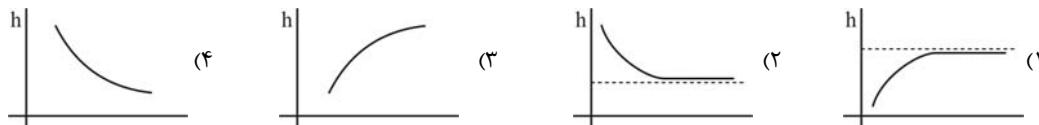
$$\frac{e_2}{e_1} = ?$$

(۲) ۴

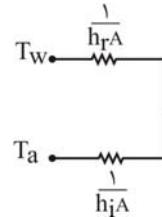
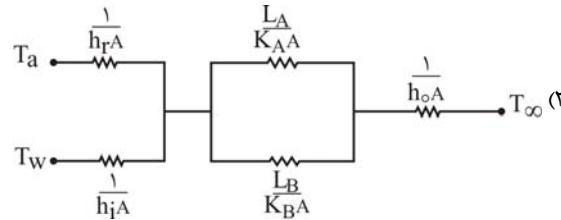
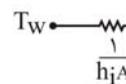
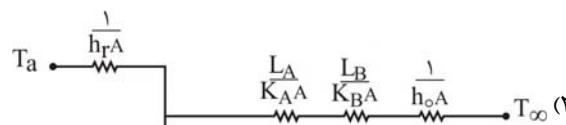
(۳)

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$  $\frac{1}{2}$ 

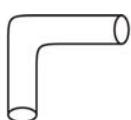
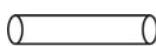
-۴۲ در جریان آرام داخل لوله‌ها که در حال گرم شدن باشد، کدام نمودار رابطه‌ی صحیح  $h$  (ضریب انتقال حرارت گرمایی) را با  $x$  طول لوله درست نشان می‌دهد.



-۴۳ یک فر شامل دریچه مرکبی است که فضای داخل فر را از هوای اتاق جدا می‌کند. این دریچه از دو ورقه پلاستیکی (A و B) تشکیل شده است. دمای دیواره و هوای فر به ترتیب  $T_w$  و  $T_a$  و دمای هوای اتاق است. ضریب  $h_i$  انتقال گرمایی جابه‌جایی داخلی، ضریب  $h_r$  انتقال گرمایی تشعشعی و ضریب  $h_o$  جابه‌جایی خارجی است. مدار گرمایی مسئله کدام است؟



-۴۴ سه لوله به شکل زیر موجود هستند که در آنها سیالی با سرعت یکسان و به صورت آشفته در حرکت است، سطح مقطع لوله‌ها با هم برابر است. انتقال حرارت در کدام یک از آنها بیشتر است؟



(A)

(B)

(C)

(۴) در همه یکسان است.

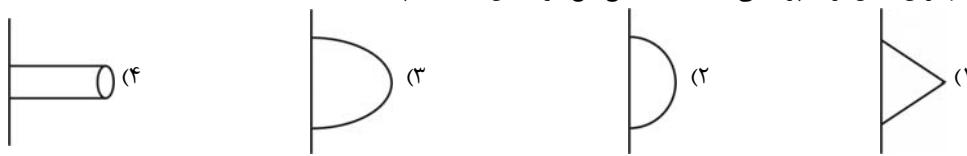
(۳)

(۲)

(۱)

-۴۵

بهترین شکل برای پرهای که با یک سطح داغ در تماس هستند، چیست؟



## ترمودینامیک

-۴۶ مقداری مایع اشباع درون یک سیلندر و پیستون قرار دارد که روی پیستون مقدار زیادی وزنه‌ی بینهایت کوچک قرار دارد. سیلندر و پیستون قابلیت انتقال حرارت با محیط اطراف که در درجه حرارت ثابت است را دارد. حال یکی از وزنه‌ها را برداشته و صبر می‌کنیم تا به حالت تعادل جدید برسیم. کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) تمام مایع به بخار اشباع تبدیل می‌شود.  
 (۲) مقدار کمی به بخار تبدیل شده و سیستم دو فازی می‌شود.  
 (۳) تمام مایع به بخار سوپرهیت تبدیل می‌شود.  
 (۴) در حال تعادل، حالت سیستم همان حالت اولیه قبل از برداشتن وزنه است.
- ۴۷ یک سیلندر پیستون که حاوی گازی است و از معادله  $P(V-b) = cte$  پیروی می‌کند، به طور برگشت پذیر به دو برابر حجم اولیه خود انبساط می‌یابد. کار انجام یافته کدام است؟

$$P_1(V_1 - b) \ln\left(1 + \frac{V_1 - b}{V_1}\right) \quad (۲)$$

$$P_2(V_2 - b) \ln\frac{P_2}{P_1} \quad (۱)$$

$$P_1(V_1 - b) \ln\left(1 - \frac{V_1}{V_1 - b}\right) \quad (۴)$$

$$P_2(V_2 - b) \ln\left(\frac{V_2}{V_2 - 2b} + 1\right) \quad (۳)$$

-۴۸ افت فشار جریان آب داخل یک لوله افقی عایق باعث کدام یک از تحولات زیر می‌شود؟  
 (۱) افزایش دما  
 (۲) کاهش آنتالپی

(۳) افزایش آنتالپی  
 (۴) با این اطلاعات نمی‌توان اظهار نظر کرد

-۴۹ اگر یک گاز ایده آل یک فرایند پلیتروپیک با نمای  $1/3$  را از دمای  $300\text{ K}$  به  $400\text{ K}$  کند و نسبت حرارت ویژه برابر  $1/4$  باشد  

$$(R = 8 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol} \cdot \text{K}}) \quad (\frac{C_P}{C_V} = 1/4)$$

$$+600 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}} \quad (۴) \quad -800 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}} \quad (۳) \quad -600 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}} \quad (۲) \quad -800 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}} \quad (۱)$$

-۵۰ بازده یک سیکل کارنو برابر  $80\%$  است. ضریب عملکرد یک یخچال و یک پمپ حرارتی که منابع گرم و سرد آن همان منابع سیکل کارنو باشد به ترتیب کدام است؟

$$1/25, 0/25 \quad (۱) \quad 0/25, 1/25 \quad (۲) \quad 1/25, 0/25 \quad (۳) \quad 4,5 \quad (۴)$$

-۵۱ یک موتور با سه منبع حرارتی  $C, B, A$  در تبادل گرما می‌باشد. این موتور مقداری حرارت از منبع  $A$  در دمای  $T_A$  می‌گیرد و حرارت دفع شده به دو منبع  $T_C, T_B$  به ترتیب به میزان  $2Q, Q$  می‌باشد. بازده کلی این موتور کدام است؟ ( $\eta_1$  بازده بین  $T_A, T_B$ ,  $\eta_2$  بازده بین  $T_C, T_A$  می‌باشد.)

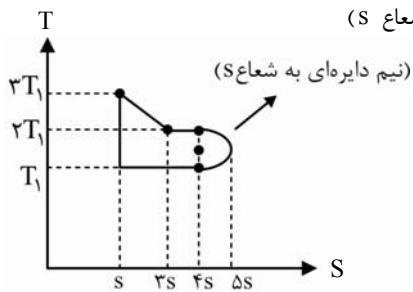
$$\frac{\eta_1 + 2\eta_2 - 3\eta_1\eta_2}{3 - 2\eta_1 - \eta_2} \quad (۴) \quad \frac{\eta_1 + 2\eta_2 - 3\eta_1\eta_2}{3 - \eta_1 - 2\eta_2} \quad (۳) \quad \frac{2\eta_1 + \eta_2 - 3\eta_1\eta_2}{3 - 2\eta_1 - \eta_2} \quad (۲) \quad \frac{2\eta_1 + \eta_2 - 3\eta_1\eta_2}{3 - \eta_1 - 2\eta_2} \quad (۱)$$

-۵۲ راندمان آدیاباتیک برگشت‌پذیر یک پمپ آب که  $18\text{ m}^3/\text{hr}$  آب را از فشار  $5\text{ MPa}$  به  $6\text{ MPa}$  می‌رساند،  $60\%$  است. توان پمپ چقدر است؟

$$5.0\text{ kW} \quad (۴) \quad 50.0\text{ kW} \quad (۳) \quad 3.0\text{ kW} \quad (۲) \quad 10.8\text{ MW} \quad (۱)$$

-۵۳ با توجه به نمودار زیر جرم مخصوص ماده‌ای که فرایند (۱) به (۲) را طی می‌کند بر حسب  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  برابر است با: (فرایند آنتروپوی ثابت است.)





-۵۴ اگر سیکلی مطابق شکل زیر باشد، بازده آن چقدر است؟ ( $\pi = 3$ ) (نیم دایره‌های به شعاع (S))

$$\frac{38}{21} \quad (1)$$

$$\frac{38}{27} \quad (2)$$

$$\frac{22}{37} \quad (3)$$

$$\frac{62}{111} \quad (4)$$

-۵۵ اگر  $\Delta H' = H' - H$  باشد که  $H$  مربوط به گاز واقعی و  $H'$  مربوط به کار کامل است، آنگاه کدام گزینه صحیح می‌باشد؟

$$\Delta H' = \int_V^\infty [P - T(\frac{\partial P}{\partial T})_V] dV \quad (2)$$

$$\Delta H' = 0 \quad (4)$$

$$\Delta H' = \int_0^P [V - T(\frac{\partial V}{\partial T})_P] dP \quad (1)$$

$$\Delta H' = RT \int_0^P (\frac{\partial Z}{\partial T})_P \frac{dP}{P} \quad (3)$$

-۵۶ برای معادله حالت ردلیش کوانگ  $T = \frac{\partial C_V}{\partial V}$  برابر کدام گزینه است؟

$$P = \frac{RT}{V-b} - \frac{a}{T^{\frac{1}{2}}V(V+b)}$$

$$-\frac{3}{4} \frac{a}{T^{\frac{1}{2}}V(V+b)} \quad (2)$$

$$\frac{3}{4} \frac{a}{T^{\frac{1}{2}}V(V+b)} \quad (4)$$

$$\frac{RT}{V-b} - \frac{1}{2} \frac{a}{T^{\frac{1}{2}}V(V+b)} \quad (1)$$

$$\frac{RT}{V-b} + \frac{1}{2} \frac{a}{T^{\frac{1}{2}}V(V+b)} \quad (3)$$

-۵۷ ضریب ژول تامسون را برای معادله حالت زیر محاسبه کنید.

$$Z = 1 + \frac{BP}{RT}$$

$$B = a - \frac{b}{T}$$

$$\mu_j = \frac{1}{C_p} [\frac{rb}{T} - a] \quad (2)$$

$$\mu_j = \frac{1}{C_p} [a - \frac{rRT}{P}] \quad (4)$$

$$\mu_j = \frac{1}{C_p} [a - \frac{rb}{T}] \quad (1)$$

$$\mu_j = \frac{1}{C_p} [\frac{rRT}{P} - a] \quad (3)$$

-۵۸ رابطه فشار بخار بر حسب دما برای ماده A به صورت  $P^S = 0.005T^{\gamma} + T$  kPa و  $T$  بر حسب کلوین

است. اگر حجم مخصوص مایع  $V_f = 0.001$  و حجم مخصوص بخار  $V_g = 0.001$  بر حسب  $\frac{m^3}{kg}$  باشد، مقدار آنتالپی تبخیر در دمای

۳۰۰ K کدام است؟

$$80 \cdot \frac{kJ}{kg} \quad (4)$$

$$240 \cdot \frac{kJ}{kg} \quad (3)$$

$$100 \cdot \frac{kJ}{kg} \quad (2)$$

$$120 \cdot \frac{kJ}{kg} \quad (1)$$

-۵۹ در مورد کار برگشت پذیر اگر گاز کامل باشد، کدامیک از گزینه‌های زیر غلط است؟

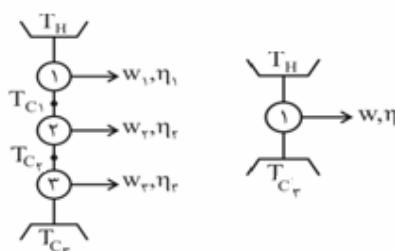
(۱) کار تولید شده در فرایند انبساط فشار ثابت از انبساط آدیاباتیک بیشتر است.

(۲) کار لازم برای فرایند تراکم آدیاباتیک بیشتر از تراکم فشار ثابت است.

(۳) کار تولید شده در فرایند انبساط فشار ثابت بیشتر از انبساط دما ثابت است.

(۴) کار لازم برای فرایند تراکم دما ثابت بیشتر از فرایند تراکم آدیاباتیک است.

-۶۰- سه موتور گرمایی به صورت شکل زیر با هم سری شده‌اند. اگر یک موتور گرمایی بین دو دمای  $T_H$  و  $T_{C_3}$  کار کند در این



صورت رابطه بازدهی ( $\eta$ ) به چه صورت خواهد بود؟

$$\eta = \eta_1 + \eta_2 + \eta_3 \quad (1)$$

$$\eta = \eta_1 \eta_2 \eta_3 \quad (2)$$

$$\eta = \eta_1 + \eta_2 + \eta_3 - \eta_1 \eta_2 - \eta_1 \eta_3 - \eta_2 \eta_3 + \eta_1 \eta_2 \eta_3 \quad (3)$$

$$\eta = \eta_1 + \eta_2 + \eta_3 + \eta_1 \eta_2 + \eta_1 \eta_3 + \eta_2 \eta_3 - \eta_1 \eta_2 \eta_3 \quad (4)$$

-۶۱- در یک مخزن اختلاط، جریان ۱ و ۲ و ۳ با هم مخلوط و جریان ۴ را به وجود می‌آید.

$$\text{جریان ۱: شدت} = \frac{\text{kg}}{\text{kg.K}} = \frac{\text{kJ}}{\text{s}} \quad (1)$$

$$\text{جریان ۴: آنتروپی} = \frac{\text{kg}}{\text{kg.K}} = \frac{\text{kJ}}{\text{s}} \quad (2)$$

$$\text{شدت انتقال گرما از محیط به مخزن} = 260.0 \text{ kW} \quad (3)$$

$$\text{شدت خالص تغییر آنتروپی تحول} = \frac{\text{kW}}{\text{K}} \quad (4)$$

باشد، رابطه بین جرم و آنتروپی جریان ۳ کدام است؟

$$m_3 = \frac{6/2}{S_3 + 3} \quad (4)$$

$$m_3 = \frac{8/2}{S_3 + 6} \quad (3)$$

$$m_3 = \frac{8/2}{S_3 - 6} \quad (2)$$

$$m_3 = \frac{6/2}{S_3 - 3} \quad (1)$$

-۶۲- فرض کنید برای یک گاز ایده‌آل داریم:

$$(\frac{\partial T}{\partial S})_V = 1/3 (\frac{\partial T}{\partial S})_P$$

در این صورت مقدار ظرفیت گرمای ویژه در فشار ثابت ( $C_P$ ) برای این گاز کدام است؟

$$4/334R \quad (4)$$

$$4R \quad (3)$$

$$2R \quad (2)$$

$$2/334R \quad (1)$$

-۶۳- کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

$$\lim_{V \rightarrow 0} (PV) = 22/73 \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ bar} \quad (2)$$

$$\lim_{P \rightarrow 0} (PV) = 22/73 \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ bar} \quad (1)$$

$$\lim_{V \rightarrow 0} (PV) = 22730 \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ bar} \quad (4)$$

$$\lim_{P \rightarrow 0} (PV) = 22730 \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ bar} \quad (3)$$

-۶۴- وقتی که یک گاز ایده‌آل در یک فرآیند آدیباتیک فشرده شده و سپس تا همان دمای اولیه سرد می‌شود، حرارت منقل شده در کولر برابر است با:

$$(1) \text{ کار انجام شده توسط کمپرسور}$$

$$(2) \text{ کار انجام شده روی کمپرسور}$$

$$(3) \text{ حرارت آزاد شده توسط گاز}$$

$$(4) \text{ کار انجام شده برابر صفر خواهد بود.}$$

-۶۵- کدامیک از جملات زیر صحیح نیست؟

(۱) برای یک فرآیند برگشت ناپذیر تغییر آنتروپی از دو مسیر متفاوت بین دو حالت A و B یکسان است.

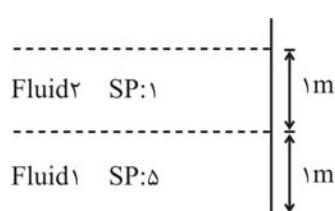
(۲) نسبت کمیت گرمای منقل شده از منبع در دمای ثابت برای یک انتقال برگشت ناپذیر را نمی‌توان با  $\frac{Q}{T}$  نشان داد.

(۳) اثر انتقال گرما بر یک منبع گرم بدون توجه به دمای منبع گرم یا سرد مشابه است.

(۴) تغییر آنتروپی یک منبع گرم همیشه بوسیله  $\frac{Q}{T}$  داده می‌شود.

## مکانیک سیالات

-۶۶- دو لایه از سیالی مطابق شکل زیر در مخزنی قرار دارند. نیروی وارد از طرف سیال به دیواره جانبی چقدر است؟

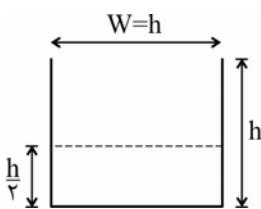


$$36 \times 10^4 \text{ N} \quad (1)$$

$$18 \times 10^4 \text{ N} \quad (2)$$

$$10 \times 10^4 \text{ N} \quad (3)$$

$$9 \times 10^4 \text{ N} \quad (4)$$



-۶۷- ظرفی تا نیمه پر است. حداکثر چه شتاب جانبی می‌توان به ظرف وارد کرد بدون اینکه سیال بیرون بریزد؟

$$a = g \quad (1)$$

$$a = \frac{1}{2}g \quad (2)$$

$$a = 3g \quad (3)$$

$$a = 2g \quad (4)$$

-۶۸- کدام عبارت صحیح نیست؟

۱) معادله برنولی از معادله اول در حالتی که دانسیته ثابت باشد، بدست می‌آید.

۲) در معادله اول فرض پایداری جریان در نظر گرفته شده است.

۳) در معادله اول دانسیته ثابت به کار رفته است.

۴) در معادله اول فرض عدم وجود اصطکاک به کار رفته است.

-۶۹- سیالی با ویسکوزیته سینماتیک  $\frac{m^2}{s} = 10^{-4}$  و با سرعت  $\frac{m}{s} = 7$  درون لوله‌ای به قطر  $32\text{mm}$  و طول  $200\text{ m}$  حرکت می‌کند. افت

هد این سیال چند متر است؟

$$500 \quad (4)$$

$$375 \quad (3)$$

$$250 \quad (2)$$

$$125 \quad (1)$$

-۷۰- اگر جریان سیال درون لوله آرام باشد، کدام شکل نشان دهنده توزیع سرعت درون لوله است؟ (وقتی که سیال بینگهام باشد)



-۷۱- درون لوله‌ای جریان کاملاً متلاطم وجود دارد. اگر سرعت را دو برابر کنیم انتظار داریم افت فشار ..... .

۱)  $(1/5)$  برابر شود. ۲)  $4$  برابر شود. ۳)  $2$  برابر شود. ۴)  $1/5$  برابر شود.

-۷۲- کدام یک از عبارت‌های زیر صحیح است؟

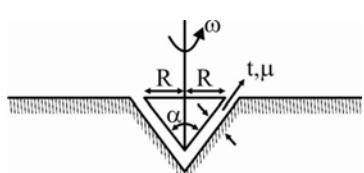
۱) در سیالات نیوتونی سرعت تغییر شکل زاویه‌ای ثابت است.

۲) در نقطه از سیال، تنش برشی مستقل از جهت جریان است.

۳) در سیالات نیوتونی بین تنش برشی موثر و سرعت تغییر شکل زاویه‌ای رابطه خطی وجود دارد.

۴) در سیال ساکن تنش برشی به علت تبادل مولکولی وجود دارد.

-۷۳- در شکل زیر بین مخروط و جدار ساکن روغن با ویسکوزیته  $\mu$  و ضخامت ناچیز  $t$  قرار دارد، گشتاور  $T$  باعث چرخش این مخروط می‌شود، سرعت زاویه‌ای ( $\omega$ ) بر حسب رادیان بر ثانیه برابر خواهد بود با :



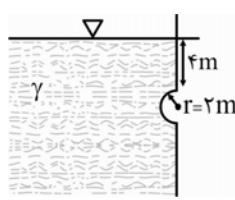
$$\omega = \frac{\gamma T \sin \alpha}{R^4 \mu} \quad (2)$$

$$\omega = \frac{\gamma T \sin \alpha}{\pi R^3 \mu} \quad (4)$$

$$\omega = \frac{2t T \sin(\frac{\alpha}{2})}{\pi R^4 \mu} \quad (1)$$

$$\omega = \frac{T \sin(\frac{\alpha}{2})}{\pi R^3 \mu} \quad (3)$$

-۷۴- نیروی افقی  $F_x$  و نیروی قائم  $F_y$  وارد بر نیمکره شکل زیر در واحد عرض برابر است با :



$$F_y = \frac{16}{3} \gamma \pi \quad F_x = 24 \gamma \quad (1)$$

$$F_y = \frac{16}{3} \gamma \pi \quad F_x = 24 \gamma \pi \quad (2)$$

$$F_y = 16 \gamma \pi \quad F_x = 32 \gamma \pi \quad (3)$$

$$F_y = 8 \gamma \pi \quad F_x = 16 \gamma \pi \quad (4)$$

-۷۵ مقدار افت فشار بر واحد طول یک لوله در جریان آرام برابر با  $\frac{2\mu}{R^3}$  می‌باشد. نرخ تغییرات سرعت برای این جریان در دیواره لوله کدام است؟

$$\left( \frac{\partial v}{\partial r} \right)_{r=R}$$

$$\frac{2}{R} \quad (4)$$

$$\frac{2}{R^2} \quad (3)$$

$$\frac{R^2}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{R^2} \quad (1)$$

-۷۶ در حالت اولیه تنش روی دیواره لوله‌ای برابر با  $f_1 w_1^2$  و ضریب اصطکاک آن  $f_1$  می‌باشد. در صورتی که تنش دو برابر و دبی جریان دو برابر شود، کدام یک از گزینه‌های زیر در مورد ضریب اصطکاک در حالت دوم صحیح می‌باشد؟

$$f_2 = 4f_1 \quad (4)$$

$$f_2 = 2f_1 \quad (3)$$

$$f_2 = f_1 \quad (2)$$

$$f_2 = \frac{1}{2} f_1 \quad (1)$$

-۷۷ کدام عبارت بیان شده در مورد ضریب افت موضعی اتصالات نادرست است؟

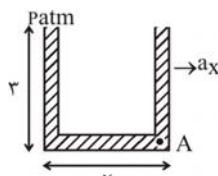
۱) ضریب افت در زانویی تابع زاویه انحراف آن است.

۲) ضریب افت در خروجی جریان از لوله به مخزن تابع شکل دهانه خروجی لوله است.

۳) ضریب افت شیرها تابعی از میزان بازشدنی آن‌ها می‌باشد.

۴) ضریب افت در ورودی جریان از مخزن به لوله تابع شکل دهانه ورودی لوله است.

-۷۸ در لوله U شکل مقابله چنانچه فشار در نقطه A اتمسفریک باشد. شتاب دستگاه چقدر است؟



$$\frac{1}{2}g \quad (1)$$

$$\frac{2}{3}g \quad (2)$$

$$\frac{3}{2}g \quad (3)$$

$$2g \quad (4)$$

-۷۹ دو مولفه بردار سرعت یک سیال غیر قابل تراکم داده شده است. مولفه سوم سرعت کدام خواهد بود؟

$$U_x = -ax^2y, U_y = axz^2$$

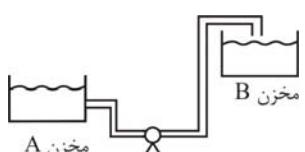
$$U_z = 2axz + f(x, y) \quad (2)$$

$$U_z = 2axy + f(x, y) \quad (1)$$

$$U_z = -2axz^2 + f(x, y) \quad (4)$$

$$U_z = -2axy + f(x, y) \quad (3)$$

-۸۰ آب با چگالی  $\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  از مخزن A به مخزن B که ۱۰ متر از آن بالاتر است، پمپ می‌شود. اگر فشار در دو مخزن اتمسفریک باشد و سرعت جریان درون لوله  $\frac{m}{s}$  باشد. کار مصرفی پمپ با بازدهای ۴۰٪ چند ژول است؟ (از افت انرژی در مسیر صرف نظر می‌شود).



$$10 \quad (1)$$

$$10/8 \quad (2)$$

$$25 \quad (3)$$

$$27 \quad (4)$$

### کنترل فرآیندها

-۸۱ مقدار  $(t)$  در ناحیه  $0 < t < 1/1$  چقدر است؟ اگر  $X(s) = \frac{1/1 - e^{-2s}}{2s}$  باشد.

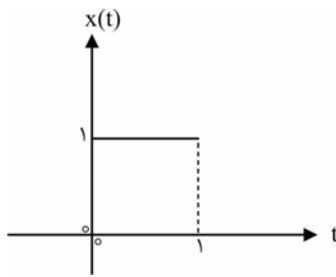
$$-0/5 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$0/55 \quad (2)$$

$$0/05 \quad (1)$$

-۸۲ اگر به یک سیستمی با تابع انتقال  $\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{1}{2s+1}$  ورودی زیر اعمال شود، مقدار پاسخ سیستم در لحظه‌ی  $t = 2$  چند است؟



$$e^{-\frac{1}{2}} - e^{-1} \quad (1)$$

$$e^{-1} - e^{-\frac{1}{2}} \quad (2)$$

$$e^{\frac{1}{2}} - e \quad (3)$$

$$e - e^{\frac{1}{2}} \quad (4)$$

-۸۳ اگر در یک سیستم درجه اول سطح مایع رابطه‌ی دبی خروجی با ارتفاع به صورت  $q = 2h^{\frac{1}{3}}$  باشد، آنگاه تابع انتقال این

$$\text{سیستم} \left( \frac{H(s)}{Q_i(s)} \right) \text{برابر است با:}$$

$$\frac{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}}{As + \frac{c}{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}}} \quad (4)$$

$$\frac{1}{As + \frac{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}}{c}} \quad (3)$$

$$\frac{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}}{\frac{c}{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}} As + 1} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\frac{\frac{2}{3}h_s^{\frac{2}{3}}}{c} As + 1} \quad (1)$$

-۸۴ تابع تبدیل بین ورودی و خروجی یک سیستم به صورت  $\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{1}{\frac{1}{3}s + 2}$  وارد آن شود.

خروجی پس از زمان طولانی چگونه است؟

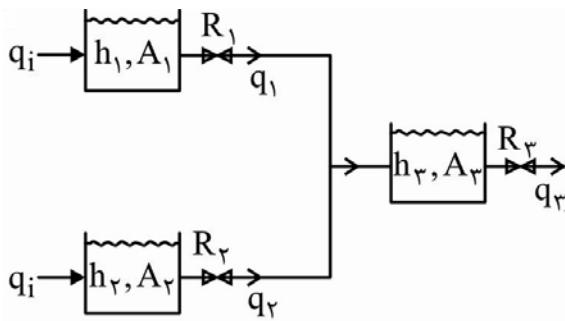
$$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}} \sin(2t - \tan^{-1}(\frac{1}{\sqrt{5}})) \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{5}} \sin(2t - \tan^{-1}(\frac{1}{\sqrt{3}})) \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{10}} \sin(2t - \tan^{-1}(\frac{1}{\sqrt{3}})) \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{10}} \sin(2t + \tan^{-1}(\frac{1}{\sqrt{3}})) \quad (3)$$

-۸۵ تابع انتقال کلی در سیستم زیر کدام است؟ ( $R_1 = R_2 = R$ ,  $A_1 = A_2 = A$ ,  $q = \frac{h}{R}$ )



$$\frac{Q_T(s)}{Q_i(s)} = \frac{2}{(RA_s + 1)(R_2 A_2 s + 1)} \quad (1)$$

$$Q_T(s) = \frac{2}{(R_2 A_2 s + 1)} (Q_i(s) + Q_T(s)) \quad (2)$$

$$Q_T(s) = 2Q_i(s) \cdot \frac{R_2}{R} \quad (3)$$

$$\frac{Q_T(s)}{Q_i(s)} = \frac{1}{(RA_s + 1)(R_2 A_2 s + 1)} \quad (4)$$

-۸۶ پاسخ پله‌ای واحد یک سیستم درجه دوم  $y(t) = 2[t - (2+t)e^{-\gamma t}]$  است. پاسخ آن به ازای ورودی ضربان ایده آل با بزرگی پنج کدام است؟

$$1 \cdot [1 - e^{-\gamma t}] \quad (2)$$

$$2[1 + e^{-\gamma t}(5 + 3t)] \quad (1)$$

$$1 \cdot [1 + 3(2+t)e^{-\gamma t}] \quad (4)$$

$$1 \cdot [1 + e^{-\gamma t}(5 + 3t)] \quad (3)$$

-۸۷ اگر تابع تبدیل سیستمی به صورت  $G(s) = \frac{1}{s^2 + 1/4s + 4}$  باشد، نسبت دوره تناوب این سیستم به دوره تناوب طبیعی نوسان

$$\frac{T}{T_n} \text{ کدام است؟}$$

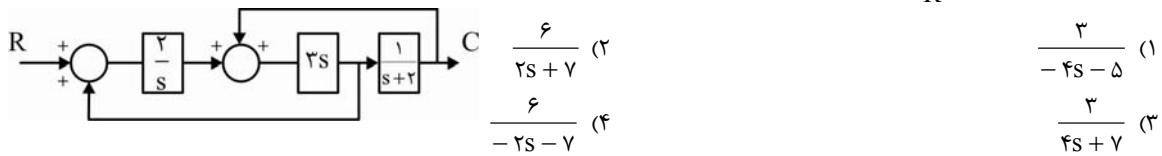
$$\frac{\Delta}{\sqrt{21}} \quad (4)$$

$$\frac{2\pi\sqrt{21}}{5} \quad (3)$$

$$\frac{10\pi}{\sqrt{21}} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{21}}{5} \quad (1)$$

-۸۸ کدام گزینه تابع تبدیل  $\frac{C}{R}$  نمودار جعبه‌ای زیر را نشان می‌دهد؟



-۸۹ اگر تغییرات ارتفاع در یک سیستم سطح مایع از ۱۰ تا ۱۵ متر باشد و هدف کنترل ارتفاع در رنج ۱۲/۵ تا ۱۳/۲۵ متر باشد، در صد پنهانی تناسبی و  $k_c$  برای شیر کنترل برقی و نیوماتیکی به ترتیب کدام است؟

$$16, \frac{64}{3}, 75 \quad (4)$$

$$\frac{64}{3}, 16, 75 \quad (3)$$

$$\frac{64}{3}, 16, 15 \quad (2)$$

$$16, \frac{64}{3} \quad (1)$$

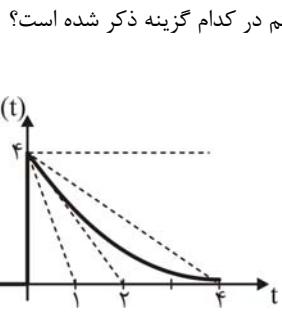
-۹۰ فرض کنید تابع تبدیل سیستمی به صورت  $F(s) = \frac{1}{(s+3)(s^2+2s+3)(s^2+1)}$  باشد. رفتار پاسخ سیستم پس از گذشت زمان طولانی به چه شکل می‌باشد؟

(۱) پاسخ به صورت نمایی و میرا می‌باشد.

(۲) پاسخ به صورت نوسانی با دامنه افزاینده با زمان است.

(۳) پاسخ به صورت نوسانی با دامنه کاهنده با زمان است.

(۴) پاسخ به صورت نوسان دائم با دامنه ثابت است.



$$\begin{aligned} & \frac{2e^{-s}}{4s+1} \quad (1) \\ & \frac{4e^{-s}}{4s+1} \quad (2) \\ & \frac{2}{4s+1} \quad (3) \\ & \frac{4}{4s+1} \quad (4) \end{aligned}$$

-۹۱ اگر پاسخ یک سیستم به ورودی ضربانی ایده‌آل به اندازه ۲ مطابق شکل باشد، تابع تبدیل این سیستم در کدام گزینه ذکر شده است؟

(۱) پاسخ به صورت نمایی و میرا می‌باشد.

$$\tau = 4, \zeta = 1/25 \quad (1)$$

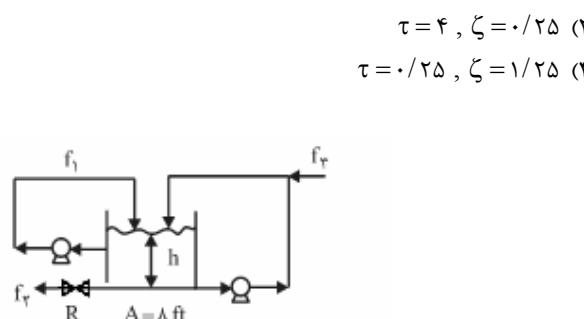
$$\tau = 4, \zeta = 0/25 \quad (2)$$

$$\tau = 0/25, \zeta = 1/25 \quad (3)$$

$$\tau = 0/25, \zeta = 0/25 \quad (4)$$

-۹۲ اگر پاسخ یک سیستم کنترل به ورودی پله واحد به صورت  $y(t) = 1 + e^{-0/\Delta t} + e^{-0/125t}$  باشد، ضریب میرایی ( $\zeta$ ) و ثابت زمانی

(۲) برای این سیستم چقدر است؟

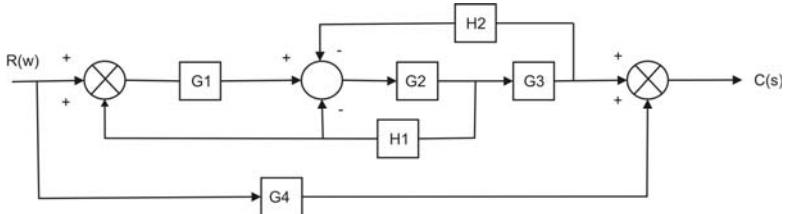


$$\frac{H(s)}{F_1(s)} = \frac{2}{4s+1} \quad (2) \quad \frac{H(s)}{F_1(s)} = \frac{1}{16s+1} \quad (1)$$

$$\frac{H(s)}{F_2(s)} = \frac{2}{16s+1} \quad (4) \quad \frac{H(s)}{F_2(s)} = \frac{4}{16s+1} \quad (3)$$

-۹۳ تابع تبدیل فرآیند مقابله کدام است؟

-۹۴- با استفاده از جبر جعبه‌ای دیاگرامها نسبت  $\frac{C(s)}{R(s)}$  در نمودار جعبه‌ای زیر از چه رابطه‌ای تعیت می‌کند؟



$$\frac{C(S)}{R(S)} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_2(G_3 H_2 + H_1 - G_1 H_1)} \quad (1)$$

$$\frac{C(S)}{R(S)} = G_4 + \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_2(G_3 H_2 + H_1 - G_1 H_1)} \quad (2)$$

$$\frac{C(S)}{R(S)} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_2(G_3 H_2 + H_1 - G_1 H_1 + G_1 G_2 G_4)} \quad (3)$$

-۹۵- عکس تبدیل لاپلاس تابع  $F(s) = \frac{s^2 + 2s - 1}{s^2 - 1}$  به کدام صورت زیر است؟

$$f(t) = \delta(t) + e^{-t} + e^t \quad (1)$$

$$f(t) = e^t + te^{-t} \quad (2)$$

$$f(t) = \delta(t) + te^{-t} + e^{-t} \quad (3)$$

## انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲

-۹۶- ضریب نفوذ گاز A در گاز B در دمای  $T_1$  و فشار ۴ اتمسفر برابر  $6 \times 10^{-5} \frac{m^3}{s}$  است. اگر دما ۲۰ درصد افزایش یابد و فشار ۵۰ درصد کاهش یابد، بدون در نظر گرفتن تاثیرات تابع برخورده، ضریب نفوذ گاز A در گاز B در حالت دوم چقدر است؟ ضمناً فرض می‌کنیم ضریب نفوذ با توان دوم دما تناسب مستقیم دارد.

$$6 \times 10^{-5} \frac{m^3}{s} \quad (1) \quad 5 \times 10^{-5} \frac{m^3}{s} \quad (2) \quad 4 \times 10^{-5} \frac{m^3}{s} \quad (3) \quad 2 \times 10^{-5} \frac{m^3}{s} \quad (4)$$

-۹۷- در یک برج جداره مرتضوب به قطر  $4\text{cm}$ ، برای جذب آمونیاک از هوا توسط حلal A، نسبت قطر برج به عمق موثر نفوذ ( $\frac{d}{z_f}$ ) برابر با

$$20 \text{ بوده است. اگر ضریب نفوذ آمونیاک در هوا برابر } \frac{cm^3}{s} / 25 \text{ باشد، عدد شروود چقدر است؟ فرض کنید تئوری فیلمی برقرار باشد.} \quad (1)$$

$$30 \quad (2) \quad 25 \quad (3) \quad 20 \quad (4) \quad 15 \quad (5)$$

-۹۸- اگر در یک سیستم دو فازی گاز - مایع، معادله خط تعادل به صورت  $y = \frac{3}{2}x$  باشد و ۶۰ درصد مقاومت کل در فاز مایع باشد، کدام رابطه بین  $k_y, k_x$  (ضرائب فردی انتقال جرم) برقرار است؟

$$k_y = 0.4k_x \quad (1) \quad k_x = 0.6k_y \quad (2) \quad k_y = 0.6k_x \quad (3) \quad k_x = k_y \quad (4)$$

-۹۹- در یک سیستم انتقال جرم دو فازی گاز - مایع که جزء A از فاز گاز به فاز مایع منتقل می‌شود، اگر ۴۰ درصد از مقاومت کل در فاز گاز باشد و کسر مولی جزء A در مقطع مشخصی از برج در توده دو فاز گاز و مایع به ترتیب  $x_{AL} = 0.2$  و  $y_{AG} = 0.2$  باشد و منحنی تعادلی به صورت  $y = 5x$  باشد، کدام رابطه بین غلظت‌های فصل مشترک وجود دارد؟

$$10x_{A_i} - 3y_{A_i} = 0.6 \quad (1) \quad 3x_{A_i} + 10y_{A_i} = 0.8 \quad (2)$$

$$10x_{A_i} + 3y_{A_i} = 0.8 \quad (3) \quad 3x_{A_i} - 10y_{A_i} = 0.6 \quad (4)$$

-۱۰۰- سینی‌های برج نقطی باید حداقل ..... میلیمتر در دو انتهای تراز شوند تا .....  
 ۱۲ میلیمتر - توزیع مایع روی سینی به درستی انجام شود.  $6\text{ میلیمتر}$  - توزیع مایع روی سینی به درستی انجام شود.  
 ۳۰۶ میلیمتر - از پدیده طغیان جلوگیری شود.

۱۰۱ - در یک برج جذب گازی، نیروی محرکه در کل برج ثابت است. اگر حلال به صورت خالص از بالای برج وارد و در پایین برج دارای  $X_1 = 0/15$  باشد و در صورتی که گاز ورودی دارای  $Y_1 = 0/1$  باشد، مقدار  $Y_2$  در بالای برج کدام است؟ (منحنی تعادل دارای معادله‌ی)

$$Y = \frac{1}{2} X \text{ می‌باشد}$$

۰/۰۲ (۱)      ۰/۰۲۵ (۲)      ۰/۰۳ (۳)      ۰/۰۳۵ (۴)

۱۰۲ - خوراک ورودی به یک تبخیر کننده‌ی ناگهانی حاوی ۴۰ درصد مولی از جزء فرار است. با توجه به شکل زیر چند درصد از خروجی تبخیر کننده به صورت مایع است؟



۱۰ (۱)

۲۰ (۲)

۳۰ (۳)

۴۰ (۴)

۱۰۳ - در یک تبخیر کننده‌ی دیفرانسیلی، مخلوط ۶۰ درصد متانول و ۴۰ درصد آب تبخیر می‌شود. اگر در پایان تبخیر، مایع باقیمانده در دیگ تبخیر حاوی ۳۰ درصد متانول باشد، اختلاف ترکیب متانول اولین و آخرین قطره‌ی ورودی به ظرف جمع‌آوری چقدر است؟ ( $\alpha = ۲$  ضریب فراپیت)

۰/۱۹ (۱)      ۰/۲۳ (۲)      ۰/۲۹ (۳)      ۰/۳۴ (۴)

۱۰۴ - در یک ستون تقطیر دو جزئی که دارای یک محصول جانبی بالای محل ورود خوراک است، نسبت جریان برگشتی دو است ( $R = ۲$ ). اگر

مقدار جریان جانبی ( $S$ ) برابر با  $\frac{1}{3} \text{ kmol/s}$  باشد و شب خط عملیاتی بین محصول جانبی و نقطه‌ی ورود خوارک برابر با  $\frac{1}{2}$  باشد، مقدار

جریان پائین برج ( $W$ ) کدام است؟ خوارک ورودی مایع اشباع بوده و با دبی  $10 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$  وارد برج می‌شود.

$8 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$  (۴)       $6 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$  (۳)       $4 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$  (۲)       $3 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$  (۱)

۱۰۵ - در یک برج تقطیر سینی‌دار مجهز به یک کندانسور کامل، مقدار جریان برگشتی ( $R$ ) برابر با  $\frac{3}{2}$  است. اگر بار حرارتی کندانسور به ازای

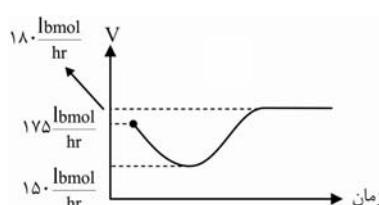
۱۰ مول محصول بالای برج برابر با  $\frac{90000 \text{ kJ}}{\text{kmol}}$  باشد، حرارت نهان تبخیر مولی مخلوط چقدر است؟

$4000 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}}$  (۴)       $3800 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}}$  (۳)       $3600 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}}$  (۲)       $3200 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol}}$  (۱)

۱۰۶ - خوارکی با دبی  $200 \frac{\text{kmol}}{\text{hr}}$  به صورت دو فازی با ۴۰ درصد مایع که حاوی ۶۰ درصد جزء سبکتر است، به برج تقطیری وارد می‌شود. اگر

محصول بالا حاوی ۸۰ درصد ماده‌ی فرار و محصول پائین حاوی ۲۰ درصد ماده‌ی فرار باشد و حداقل بخار خروجی از ریبویلر  $150 \frac{\text{lb mol}}{\text{hr}}$  باشد،

مقدار حداقل جریان برگشتی در این برج چقدر است؟



۱/۱۵ (۲)      ۱/۲ (۳)      ۱/۲۵ (۴)      ۱/۱ (۱)

۱۰۷ - در جدا سازی یک مخلوط دو جزئی به روش تقطیر وقتی که کسر مولی جزء فرارتر  $5/0$  است، معادلات خطوط تبادل برج به صورت

$y = 1/5x - 0/1$  می‌باشند. در این صورت فاز خوارک ورودی به برج کدام است؟

$$y = 0/3x + 0/5$$

۱) بخار اشباع      ۲) بخار فوق گرم      ۳) مایع اشباع      ۴) دو فازی

۱۰۸ - یک آزمایش در شرایط دمایی مختلف برای اندازه‌گیری ضریب نفوذ نادسن برای عبور گاز A و B از یک جسم با منافذ کوچک استوانه‌ای انجام شده است و نتایج در جدول زیر آمده است. مقدار T کدام است؟

ماده	وزن مولکولی	دما آزمایش	ضریب نفوذ نادسن
A	۳۰	۳۰۰ K	$0.5 \times 10^{-4} \frac{m^2}{s}$
B	۲۰	T	$1 \times 10^{-4} \frac{m^2}{s}$

۹۰۰ K (۴)

۸۰۰ K (۳)

۷۰۰ K (۲)

۶۰۰ K (۱)

۱۰۹ - اعداد بدون بعد پکلت و استانتون در انتقال جرم به ترتیب معادل با .....

$$\frac{FL}{CD_{AB}} \text{ و } \frac{LU}{D_{AB}} \quad (2)$$

$$\frac{F}{G} \text{ و } \frac{LU}{v} \quad (4)$$

$$\frac{F}{CU} \text{ و } \frac{FL}{CD_{AB}} \quad (1)$$

$$\frac{F}{CU} \text{ و } \frac{LU}{D_{AB}} \quad (3)$$

۱۱۰ - در مقاطعی از ستون جذب غلظت‌های توده و فصل مشترک به صورت زیر بوده است.

$$\text{اگر نسبت مقاومت فاز گاز به مایع برابر ۲ باشد و منحنی تعادلی به شکل } y = \frac{3}{2}x \text{ باشد، مقدار } x_{AL} \text{ کدام است؟}$$

$$\rightarrow \begin{cases} y_{AG} = 0.2 \\ x_{AL} \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} y_{A_i} = 0.1 \\ x_{A_i} = 0.05 \end{cases}$$

۰/۰۲۶ (۴)

۰/۰۱۶۷ (۳)

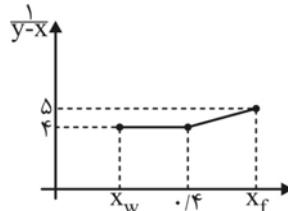
۰/۰۳ (۲)

۰/۰۲ (۱)

۱۱۱ - در یک عملیات انتقال جرم، آب از جامد A با استفاده از هوای خشک جداسازی می‌شود. اگر شب خط عملیاتی (تبادل) در این عملیات برابر ۰/۰ باشد و مقدار هوای خشک ۲۰ kg و جامد حاوی ۲۰ درصد وزنی آب باشد، جرم کل فاز جامد مرطوب چقدر است؟

$$15 \text{ kg} \quad (4) \quad 12 \text{ kg} \quad (3) \quad 10 \text{ kg} \quad (2) \quad 8 \text{ kg} \quad (1)$$

۱۱۲ - یک تقطیر دیفرانسیلی (ساده) در آزمایشگاه صورت گرفته است. اگر نمودار فرضی زیر، حاصل نتایج این آزمایش بوده باشد، کدام عبارت در مورد تعداد مول‌های باقیمانده در پایان تقطیر (W) صحیح است؟



$$\begin{cases} x_W = 0.1 \\ x_F = 0.8 \end{cases} \quad \text{ی: جزء مولی ماده فرار در بخار و در هر لحظه}$$

$$W = \frac{F}{\exp(3)} \quad (2)$$

$$W = \frac{F}{\exp(2)} \quad (1)$$

$$W = \frac{F}{\exp(5)} \quad (4)$$

$$W = \frac{F}{\exp(4)} \quad (3)$$

۱۱۳ - کدام گزینه در رابطه با انتقال جرم از روی یک کره در حالت جابه جایی آزاد صحیح است؟

$$sh = f(Re, sc) \quad (4) \quad sh = f(Gr, sc) \quad (3) \quad sh = 2/7 \quad (2) \quad sh = 2 \quad (1)$$

۱۱۴ - در مقایسه برج‌های سینی دار با برج‌های پر شده کدام گزینه صحیح است؟

(۱) برای موادی که در دمای بالا به سرعت تخریب می‌شوند، برج پر شده مناسب است.

(۲) برای موادی که ایجاد کف می‌کنند، برج‌های سینی دار مناسب است.

(۳) برای مواد خورنده برج‌های سینی دار مناسب است.

(۴) اگر نسبت مایع به گاز زیاد باشد، برج‌های سینی دار مناسب است.

۱۱۵ - با توجه به ملاحظات ترمودینامیکی، مناسب‌ترین حالت ورود خوارک به برج تقطیر کدام است؟

(۱) با دمای کمتر از نقطه جوش

(۲) شامل ۵۰٪ مایع و ۱۰٪ بخار

(۳) شامل ۹۰٪ مایع و ۱۰٪ بخار

## سینتیک و طرح راکتورهای شیمیابی

۱۱۶- واکنش  $A \rightarrow B + \frac{1}{\gamma} C$  در یک فاز همگن دارای معادله سرعت زیر است:

$$-r_A = \frac{k_1 [A]^\gamma}{1 + k_2 [A]} , \quad k_1 = K_{10} e^{-75000/RT} , \quad k_2 = K_{20} e^{-30000/RT}$$

درجه و انرژی فعالیت در ابتدای واکنش به ترتیب کدام است؟

- ۴۵۰۰۰ (۴)      ۷۵۰۰۰ (۳)      ۷۵۰۰۰ (۲)      ۴۵۰۰۰ (۱)

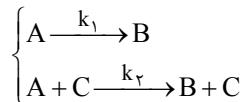
۱۱۷- در یک راکتور ناپیوسته با حجم ثابت، واکنش  $A \rightarrow 2B$  در فاز گاز انجام می‌شود. ابتدا راکتور از گاز A خالص در فشار  $S_0$  و دمای  $400\text{K}$  پر شده است. اگر این واکنش در دمای ثابت صورت گیرد، هنگامی که فشار جزئی A در مخلوط واکنش به  $\frac{S_0}{3}$  برسد، فشار کل مخلوط کدام است؟

$$\frac{\gamma}{3} S_0 (4) \quad 2S_0 (3) \quad \frac{5}{3} S_0 (2) \quad \frac{4}{3} S_0 (1)$$

۱۱۸- واکنش اتوکاتالیزوری  $A + B \rightarrow B + C$  با معادله سرعت  $r_A = k C_A C_B$  در یک راکتور Batch انجام می‌شود. اگر داشته باشیم  $C_{B0} = 0.5 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$  و  $C_{A0} = 2 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$

$$3/75k (4) \quad (1/25)^2 k (3) \quad 6/25k (2) \quad 1/25k (1)$$

۱۱۹- در واکنش کاتالیزوری همگن زیر اگر با اعمال تغییری در غلظت کاتالیزور، سرعت واکنش ۲۰ درصد افزایش یابد و داشته باشیم  $k_2 = 2k_1$ ، کدام رابطه‌ی بین غلظت اولیه‌ی کاتالیزور ( $C_1$ ) و غلظت کاتالیز بعد از اعمال تغییر ( $C_2$ ) وجود دارد؟



$$C_2 = 1/2C_1 + 0.1 (2) \quad C_2 = 1/4C_1 + 0.1 (1) \\ C_2 = 1/2C_1 + 0.1 (4) \quad C_2 = 1/4C_1 + 0.1 (3)$$

۱۲۰- واکنش درجه صفر  $A \xrightarrow{3R} B$  در فاز گاز و در یک راکتور plug به حجم ۱۵۰ لیتر انجام می‌شود. اگر شدت جریان ورودی به راکتور برابر با  $15 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$  و شدت جریان خروجی از آن برابر با  $5 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$  باشد و خوراک ترکیبی از گاز بی‌اثر و گاز A باشد، چند درصد از خوراک را گاز بی‌اثر تشکیل می‌دهد؟ ( $C_{A0} = 0.1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ )

$$r_A = 2 \frac{\text{mol}}{\text{lit.hr}}$$

$$(4) \text{ خوراک گاز بی‌اثر ندارد} \quad (5) \text{ درصد} \quad (2) \text{ درصد} \quad (1) \text{ ۲ درصد}$$

۱۲۱- واکنش گازی ابتدایی  $A + B \xrightarrow{k} C$  به صورت ایزوترمal در یک راکتور plug صورت می‌گیرد. اگر  $k = 2 \frac{\text{lit}}{\text{mol.min}}$  و سرعت در

$$\text{مدخل راکتور برابر با } 16 \frac{\text{mol}}{\text{lit.min}} \text{ باشد و داشته باشیم } C_{A0} = 2C_{B0} , \text{ مقادیر } C_{A0} \text{ و } C_{B0} \text{ به ترتیب کدامند؟ (بر حسب)} \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$$

$$1.2 (4) \quad 2.6 (3) \quad 2.4 (2) \quad 4.8 (1)$$

۱۲۲- واکنش اتوکاتالیستی  $A + B \rightarrow B + C$  در یک راکتور Mixed با نسبت جریان برگشتی  $R = 2$  انجام می‌شود. اگر درجه تبدیل واکنش برابر با  $= 0.25$  باشد و معادله سرعت واکنش به فرم  $-r_A = k C_A C_B$  باشد، با ۳ برابر کردن نسبت جریان برگشتی مقدار  $X_A$  چقدر تغییر می‌کند؟

$$(1) ۳ برابر می‌شود.$$

$$(2) ۹ برابر می‌شود.$$

$$(3) تغییر نمی‌کند$$

۴ فقط می‌توان گفت افزایش می‌باید و میزان افزایش بستگی به شرایط دارد.

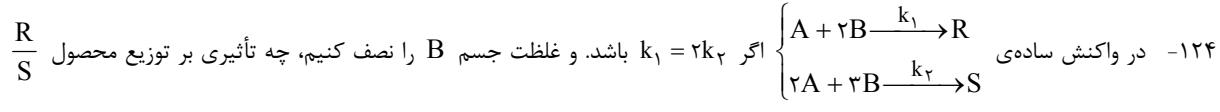
- ۱۲۳ در یک راکتور دوره‌ای، یک واکنش درجه صفر انجام می‌شود. اگر نسبت جریان برگشتی برابر با  $R = 2$ ، حجم راکتور برابر با  $20 \text{ lit}$  و میزان تبدیل  $A$  برابر با  $90\%$  باشد، در صورتی که مقدار ثابت سرعت واکنش برابر با  $\frac{\text{mol}}{\text{lit} \cdot \text{min}}$  باشد، مقدار شدت جریان مولی ترکیب‌شونده، چقدر است؟

$$\frac{222}{3} \frac{\text{mol}}{\text{min}} \quad (4)$$

$$\frac{210}{3} \frac{\text{mol}}{\text{min}} \quad (3)$$

$$\frac{190}{2} \frac{\text{mol}}{\text{min}} \quad (2)$$

$$\frac{180}{1} \frac{\text{mol}}{\text{min}} \quad (1)$$



(۲) آن را افزایش می‌دهد.

(۳) نمی‌توان اظهار نظر کرد.

(۱) آن را کاهش می‌دهد.

(۴) تغییری نمی‌کند.

- ۱۲۵ واکنش ابتدایی  $A \xrightleftharpoons[k_2]{k_1} 2R$  در فاز مایع و در یک راکتور مخلوط شونده انجام می‌گیرد.  $k_1 = 2 \text{ min}^{-1}$  و  $k_2 = 1 \frac{\text{lit}}{\text{min} \cdot \text{mol}}$  می‌باشد. زمان پر شدن ( $t$ ) در این راکتور را چقدر در نظر بگیریم تا میزان تبدیل به  $80\%$  میزان تبدیل تعادلی برسد؟

$(C_{R_0} = 0, C_{A_0} = 1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}})$

۲/۱۵ (۴)	۲ (۳)	۱/۵ (۲)	۰/۷۱ (۱)
----------	-------	---------	----------

- ۱۲۶ واکنش‌های زیر در یک راکتور mixed انجام می‌گیرد:



$$0/85 \quad (1) \quad 0/65 \quad (2) \quad 0/75 \quad (3)$$

- ۱۲۷ تعداد ۱۰۰ راکتور مخلوط شونده، هر کدام با حجم ۲ لیتر به صورت سری به هم وصل شده‌اند. از این راکتورها برای انجام یک واکنش درجه اول استفاده می‌شود. اگر بخواهیم درصد تبدیل را بعد از راکتور  $N = 100$  محاسبه کنیم، فرمول مناسب کدام است؟

$$\tau = \frac{-1}{k} \ln(1 - x_A) \quad (2)$$

$$\tau = \frac{-N}{k} \ln(1 - X_A)^{\frac{1}{N}} \quad (1)$$

$$\tau = (1 + k\tau N)^N \quad (4)$$

$$\tau = +\frac{1}{k} \ln(1 - x_A)^N \quad (3)$$

- ۱۲۸ مخلوطی از گاز  $A$  و  $B$  با نسبت استوکیومتری و حضور  $10\%$  گاز بی‌اثر و فشار اولیه  $15 \text{ atm}$  وارد مخزن صلبی شده و واکنش گازی مقابل انجام می‌شود:  $A + 2B \rightarrow C + D$  پس از  $10$  دقیقه از پیشرفت واکنش اگر فشار نهایی  $12 \text{ atm}$  باشد، چند درصد گاز  $B$  به  $C$  و  $D$  تبدیل می‌شود؟

$$66\% \quad (4) \quad 55\% \quad (3) \quad 44\% \quad (2) \quad 33\% \quad (1)$$

- ۱۲۹ واکنش ساده‌ی  $R \rightarrow A$  در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته انجام می‌گیرد. در حال حاضر درصد تبدیل  $50\%$  است. اگر حجم راکتور را در شرایط یکسان نصف کنیم، درصد تبدیل برابر خواهد بود با:

$$72.5\% \quad (4) \quad 74.0\% \quad (3) \quad 74.3\% \quad (2) \quad 73.3\% \quad (1)$$

- ۱۳۰ واکنش  $A \rightarrow R$  در فاز مایع صورت می‌گیرد. مقدار ناخالصی  $S$  در محصولات خروجی از راکتور که از  $90\%$  تبدیل ماده  $A$  خالص به غلظت اولیه  $\frac{\text{مول}}{\text{لیتر}}$  به دست آمده است در یک راکتور مخلوط شونده چه مقدار است؟

$$57/5 \quad (4) \quad 51/4 \frac{\text{mol}}{\text{lit}} \quad (3) \quad 46/5 \frac{\text{mol}}{\text{lit}} \quad (2) \quad 40/6 \frac{\text{mol}}{\text{lit}} \quad (1)$$

## ریاضیات (کاربردی - عددی)

- ۱۳۱ - معادله دیفرانسیل  $(x^{-1} + y^{-1})dx + 2axy^{-1}dy = 0$  یک معادله کامل است اگر مقدار  $a$  برابر باشد با :

$$-1 \quad (4) \quad -\frac{1}{2} \quad (3) \quad 1 \quad (2) \quad \frac{1}{2} \quad (1)$$

- ۱۳۲ - جواب خاص معادله دیفرانسیل زیر مطابق کدام یک از گزینه‌های زیر می‌باشد؟

$$y''' - 3y'' + 3y' = x$$

$$y_p = (c_1 \ln x + c_2)x^3 \quad (2) \quad y_p = \frac{1}{6}x^2 + \frac{1}{3}x \quad (1)$$

$$y_p = (c_1 + c_2x + c_3x^2)\ln x \quad (4) \quad y_p = x^3 + \frac{1}{6}x^2 + \frac{1}{3}x \quad (3)$$

- ۱۳۳ - کدام یک از بسطهای توانی زیر، یکی از حل‌های معادله دیفرانسیل  $y'' + x^4y = 0$  می‌باشد؟

$$y = 1 - \frac{x^5}{30} + \frac{x^{12}}{396} - \dots \quad (2) \quad y = 1 - \frac{x^6}{30} + \frac{x^{13}}{136} - \dots \quad (1)$$

$$y = 1 - \frac{x^6}{30} + \frac{x^{12}}{396} - \dots \quad (4) \quad y = 1 - \frac{x^4}{30} + \frac{x^{10}}{396} - \dots \quad (3)$$

- ۱۳۴ - عکس تبدیل لپلاس  $F(s) = \frac{1}{s^2(s^2 - 1)}$  برابر است با :

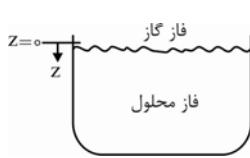
$$\cosh t - \sinh t \quad (4) \quad \sinh t - t \quad (3) \quad \sinh t + 1 \quad (2) \quad \cosh t - 1 \quad (1)$$

- ۱۳۵ - کدام یک از معادلات زیر تغییرات غلظت را برای انتقال جرم حالت ناپایدار همراه با واکنش شیمیایی برای یک سیستم کروی به درستی نشان می‌دهد؟

$$\frac{\partial C}{\partial t} = D \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r \frac{\partial C}{\partial r}) - kC^n \quad (2) \quad \frac{\partial C}{\partial t} = D \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r \frac{\partial C}{\partial r}) - kC^n \quad (1)$$

$$\frac{\partial C}{\partial t} = D \left( \frac{\partial^2 C}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial C}{\partial r} \right) \quad (4) \quad \frac{\partial C}{\partial t} = D \frac{1}{r} \left( \frac{\partial}{\partial r} (r^2 \frac{\partial C}{\partial r}) \right) - kC^n \quad (3)$$

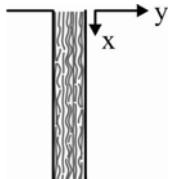
- ۱۳۶ - اکسیژن در محلول سولفیت سدیم حل می‌شود و در اثر واکنش مرتبه اول  $R_A = kC_A$  مصرف می‌گردد. اگر غلظت اکسیژن در سطح مشترک گاز و مایع برابر  $C_A^*$  باشد و در فواصل زیاد از سطح مشترک غلظت اکسیژن داخل محلول را بتوان صفر فرض کرد، کدام یک از معادلات زیر توزیع یک بعدی غلظت اکسیژن را برای حالت پایدار در داخل محلول به درستی نشان می‌دهد؟



$$\frac{C_A}{C_A^*} = \exp(-\sqrt{\frac{D}{k}}z) \quad (2) \quad \frac{C_A}{C_A^*} = \exp(-\sqrt{\frac{k}{D}}z) \quad (1)$$

$$\frac{C_A}{C_A^*} = \exp(-\frac{D}{K}z) \quad (4) \quad \frac{C_A}{C_A^*} = \exp(-\frac{k}{D}z) \quad (3)$$

- ۱۳۷ - سیالی به صورت فیلمی نازک بر روی دیوارهای جریان دارد و گاز A از پایین به سمت بالا جریان دارد. گاز به دورن سیال نفوذ می‌کند. برای بدست آوردن توزیع غلظت گاز در سیال کدام یک از معادلات دیفرانسیل زیر مطلوب است؟



$$D \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} - u \frac{\partial C_A}{\partial x} = 0 \quad (2) \quad D \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} - u \frac{\partial C_A}{\partial x} - \frac{\partial C_A}{\partial y} = 0 \quad (1)$$

$$D \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} + u \frac{\partial C_A}{\partial x} = 0 \quad (4) \quad D \frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} - u \frac{\partial C_A}{\partial y} = 0 \quad (3)$$

- ۱۳۸ - فرض کنید  $f(x)$  جوابی از معادله  $(x^2 - 1)y'' + 2xy' - 20y = 0$  باشد که به صورت چند جمله‌ای است و  $f(1) = 1$  می‌باشد. در این

صورت حاصل  $\int_{-1}^1 (f(x) + x)^2 dx$  برابر است با :

$$0 \quad (4) \quad \frac{2}{3} \quad (3) \quad \frac{2}{9} \quad (2) \quad \frac{8}{9} \quad (1)$$

- ۱۳۹ معادله دیفرانسیل  $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + u \frac{\partial u}{\partial y} = 2y$  یک معادله دیفرانسیل با مشتقات جزئی است که این معادله ..... و ..... می‌باشد.

۱) همگن و خطی      ۲) ناهمگن و غیر خطی      ۳) همگن و غیر خطی      ۴) ناهمگن و خطی

- ۱۴۰ با تغییر متغیر  $v = ux + 3y$  و  $u = vx$  معادله دیفرانسیل  $\frac{\partial f}{\partial u} = 3 \frac{\partial f}{\partial x} - 5 \frac{\partial f}{\partial y} = 0$  را به صورت ساده نموده‌ایم. در این صورت کدام گزینه در مورد  $a, b$  صحیح می‌باشد؟

$$a = \frac{3}{5}b \quad (۴) \quad a = \frac{5}{3}b \quad (۳) \quad a = 2b \quad (۲) \quad a = b = 1 \quad (۱)$$

- ۱۴۱ معادله دیفرانسیل توزیع دمای ناپایا در یک میله به صورت زیر بیان شده است. جواب عمومی برای این معادله کدام است؟

$$\frac{\partial u}{\partial t} = k \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

$$B.C \begin{cases} u(0, t) = 0 \\ u(L, t) = 0 \end{cases}, \quad u(x, 0) = f(x)$$

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} B_n \sin \frac{n\pi}{L} x e^{-k(\frac{n\pi}{L})^2 t} \quad (۱)$$

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} B_n \sin \frac{(2n+1)\pi}{2L} x e^{-k(\frac{(2n+1)\pi}{2L})^2 t} \quad (۲)$$

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} B_n \cos \frac{n\pi}{L} x e^{-k(\frac{n\pi}{L})^2 t} \quad (۳)$$

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} B_n \cos \frac{(2n+1)\pi}{2L} x e^{-k(\frac{(2n+1)\pi}{2L})^2 t} \quad (۴)$$

- ۱۴۲ معادله دیفرانسیل و شرایط مرزی برای توزیع دما در یک استوانه به طول  $L$  و شعاع  $R$  به صورت زیر می‌باشد. جواب عمومی برای این معادله کدام گزینه خواهد بود؟

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = 0$$

$$T(r, 0) = f(r)$$

$$T(r, L) = T_\infty$$

$$T(0, z) = T_\infty$$

$$T(R, Z) = T_\infty$$

$$y = \sum_{n=0}^{\infty} E_n \sin(\lambda_n r) I_0(\lambda_n z) \quad (۲)$$

$$y = \sum_{n=0}^{\infty} E_n I_0(\lambda_n y) \sin(\lambda_n z) \quad (۱)$$

$$y = \sum_{n=0}^{\infty} E_n k_0(\lambda_n r) J_0(\lambda_n z) \quad (۴)$$

$$y = \sum_{n=0}^{\infty} E_n J_0(\lambda_n r) \sinh(\lambda_n z) \quad (۳)$$

- ۱۴۳ کدام گزینه جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $\sqrt{1+y^2} dx = (\sqrt{1+y^2} \sin y - xy) dy$  می‌باشد؟

$$x = \frac{1}{\sqrt{1+y^2}} (-\cos y + c) \quad (۲)$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{1+y^2}} (-\cos x + c) \quad (۱)$$

$$x = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} (-\cos y + c) \quad (۴)$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} (-\cos x + c) \quad (۳)$$

- ۱۴۴ جواب معادله دیفرانسی  $y' = y$  باشد، آنگاه درباره دنباله‌ی  $a_n$  می‌توان گفت:

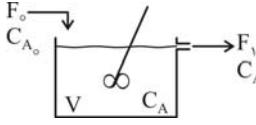
$$a_{n+1} = \frac{a_n}{n+1} \quad (۲)$$

$$a_{n+1} = \frac{a_n}{n!} \quad (۴)$$

$$a_{n+1} = \frac{a_n}{n} \quad (۱)$$

$$a_{n+1} = \frac{a_n}{n+2} \quad (۳)$$

- ۱۴۵ در ظرف اختلاطی به حجم  $V$  و اکنش درجه اول  $(-r_A = kC_A)$  رخ می دهد. اگر دبی حجمی مایع ورودی برابر با  $F_0$  و غلظت حل شونده در ورودی برابر با  $C_{A_0}$  باشد، کدام گزینه می تواند تغییرات غلظت با زمان را نشان دهد؟



$$\frac{dC_A}{dt} = \frac{F_0}{V}(C_{A_0} - C_A) \quad (2)$$

$$\frac{dC_A}{dt} = \frac{F_0}{V}(kC_A - C_{A_0}) \quad (4)$$

$$\frac{dC_A}{dt} + \frac{F_0 + VK}{V}C_A = \frac{F_0}{V}C_{A_0} \quad (1)$$

$$\frac{dC_A}{dt} = -\frac{(F_0 + VK)}{V}C_A \quad (3)$$

- ۱۴۶ در معادله دیفرانسیل  $y'' + \lambda y = 0$  با شرایط مرزی  $y(0) = 0$  و  $y'(0) = \frac{\pi}{\zeta}$  مقادیر ویژه این معادله برابر خواهد بود با:

$$\lambda_n = (2n)^2 \quad (4)$$

$$\lambda_n = (n\pi)^2 \quad (3)$$

$$\lambda_n = (2n \pm 1)^2 \quad (2)$$

$$\lambda_n = \left(\frac{2n \pm 1}{\zeta}\right)\pi^2 \quad (1)$$

- ۱۴۷ یک کره به شعاع  $a$  حاوی ماده  $A$  با غلظت اولیه  $C_0$  است. آنرا داخل محلولی از ماده  $A$  با غلظت  $C^*$  قرار می دهیم. توزیع غلظت در این کره کدام گزینه می باشد؟

$$\frac{\partial C}{\partial t} = D\left(\frac{\partial^2 C}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial C}{\partial r}\right)$$

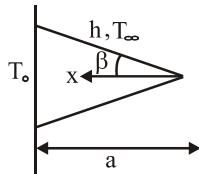
$$C = C^* + \frac{ra}{\pi}(C_0 - C^*) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{nr} \left(e^{-\frac{D\pi^2 n^2 t}{a^2}}\right) \sin \frac{n\pi r}{a} \quad (1)$$

$$C = C^* + \frac{ra}{\pi}(C_0 - C^*) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{nr} \left(e^{-\frac{D\pi^2 n^2 t}{a^2}}\right) \cos \frac{n\pi r}{a} \quad (2)$$

$$C = C^* + \frac{ra}{\pi}(C_0 - C^*) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{(rn+1)r} \left(e^{-\frac{-Dt(rn+1)^2 \pi^2}{r^2 a^2}}\right) \sin \frac{(rn+1)\pi r}{ra} \quad (3)$$

$$C = C^* + \frac{ra}{\pi}(C_0 - C^*) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{(rn+1)r} \left(e^{-\frac{-Dt(rn+1)^2 \pi^2}{r^2 a^2}}\right) \cos \frac{(rn+1)\pi r}{ra} \quad (4)$$

- ۱۴۸ توزیع دما دو پره مثلثی شکل مقابل کدام است؟



$$T - T_\infty = \frac{T_0}{I(\gamma m \sqrt{a})} I_o(\gamma m \sqrt{x}) + \frac{T_0}{K_o(\gamma m \sqrt{a})} K_o(\gamma m \sqrt{x}) \quad (1)$$

$$T - T_\infty = \frac{T_0}{I_o(\gamma m \sqrt{a})} I_o(\gamma m \sqrt{x}) \quad (2)$$

$$T - T_\infty = \frac{T_0}{K_o(\gamma m \sqrt{a})} K_o(\gamma m \sqrt{x}) \quad (3)$$

$$T - T_\infty = \frac{T_0}{K_o(\gamma m \sqrt{a})} I_o(\gamma m \sqrt{x}) + \frac{T_0}{I_o(\gamma m \sqrt{a})} K_o(\gamma m \sqrt{x}) \quad (4)$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{1}{\alpha^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} \quad \text{معادله } 149$$

(۱) معادله بیضوی است. (۲) یک معادله سهموی است. (۳) یک معادله هذلولی است. (۴) هیچ کدام.

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial u}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 u}{\partial \theta^2} = 0 \quad \text{جواب معادله } 150$$

$$\begin{cases} u(r, \theta) = f(\theta) \\ u(r, 0) = f(\theta) \end{cases} \quad \text{محدود}$$

$$u(r, \theta) = u\left(r, \frac{\pi}{r}\right) = 0$$

$$u(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n r^n \sin rn\theta \quad (2)$$

$$u(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n r^n \cos rn\theta \quad (4)$$

$$u(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n r^{-n} \sin rn\theta \quad (1)$$

$$u(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n r^{-n} \cos rn\theta \quad (3)$$