

		تاریخ : ۱۳۹۶/۱۰/۲ شروع آزمون: ۸ صبح زمان آزمون : ۱۵۰ دقیقه	یاد او آرام بخش دل هاست امتحانات: نوبت اول سال تحصیلی ۹۷-۹۶	مرکز ملی پژوهش استعدادهای درخشان دبیرستان پژوهش استعدادهای درخشان علامه حلی ۹	
	دییر: آقای فیضیان	درس: حسابان ۱	کلاس:	پایه و رشته: یازدهم ریاضی	نام و نام خانوادگی :
بارم	سوال				
	ردیف				
	<p>جهای خالی را پر کنید و راه حل محاسبه جواب را به صورت خلاصه بنویسید.</p> <p>(۱) مساحت مثلثی با سه راس به مختصات $C(0,2), B(3,0), A(2,5)$ برابر می باشد.</p> <p>(۲) اگر x, y دو ضلع قائم از مثلثی به طول وتر $5\sqrt{2}$ باشند، بیشترین مقدار $y + 3x$ مساوی است.</p> <p>(۳) مجموعه جواب معادله $x^4 + 2x^2 - 15 = x^4 - 20 - 2x^2 + 5$ به صورت $[a,b]$ است، ab برابر است.</p> <p>(۴) اگر در تابع $f(x) = \sqrt{\frac{\sin x - 3}{-3x^2 + bx + 2c}}$ مقادیر c, b به ترتیب برابر و می باشد.</p> <p>(۵) اگر $g(x) = f(3x - 4), f^{-1}(x) = x + \sqrt{x}$ باشند، حاصل $(f \circ g)^{-1}(x)$ برابر می باشد.</p> <p>سه ضلع مثلثی به معادلات $BC: 2y + 3x = 6, AC: y - 2x = 5, AB: 2y - x = 3$ هستند، معادله ارتفاع AH از این مثلث مفروض را بنویسید.</p>				
۱					
۲					
۱	ادامه در صفحه ۲				

بارم	سوال	ردیف
۱	دو ضلع یک مستطیل منطبق بر دو خط به معادلات $6 = 2x - y$ و $6 = 2y + x$ را در نقطه $(5, 8)$ دارند. مساحت این مستطیل چقدر است؟	۳
۱	در یک دنباله حسابی که تعداد جملات آن زوج است، مجموع جملات فرد 24 ، مجموع جملات زوج 30 و تفاضل جمله اول از آخر $10/5$ می باشد، تعداد جملات این دنباله را بدست آورید.	۴
۱	در مثلث متساوی الاضلاعی به ضلع واحد، وسط های اضلاع را بطور متواالی به هم وصل می کنیم تا مثلث متساوی الاضلاع جدیدی بوجود آید و این کار را ادامه می دهیم. حداقل تا مرحله چندم می توانیم این عمل را تکرار کنیم تا مجموع محیط های مثلث های بوجود آمده از $5/98$ تجاوز نکند.	۵
۱	معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن از سه برابر عکس ریشه های معادله $x^2 + 6x + 2 = 0$ دو واحد بیشتر باشد.	۶

بارم	سوال	ردیف
۱	<p>فاصله دو شهر واقع در کنار رودخانه ای ۱۴۴ کیلو متر است. یک کشتی از شهر اول به شهر دوم می رود و پس از دو ساعت توقف همین مسیر را برابر می گردد. مدت زمان سفر در مجموع ۱۷ ساعت می باشد. در صورتی که سرعت حرکت کشتی در مسیر جريان آب ۸ کیلومتر در ساعت بیشتر از سرعت آن در خلاف جريان آب باشد، سرعت حرکت کشتی را در جهت حرکت آب تعیین کنید.</p>	۷
۲	$\sqrt{x+8+2\sqrt{x+7}} + \sqrt{x+1-\sqrt{x+7}} = 4$ <p>معادله گنجگ مقابله را حل کنید.</p>	۸
۱/۵	<p>در کدام بازه از مقادیر x نمودار تابع $y = \sqrt{5+4x-x^2}$ در بالای نمودار تابع $y = x-3$ قرار دارد؟</p>	۹

ردیف	سوال	بارم
۱۰	دامنه تعریف تابع $f(x) = \sqrt{x[-\frac{2x}{15}]}$ را بدست آورید.	۱
۱۱	اگر دو تابع $g(x) = \frac{ax+b}{x^2+cx+d}$ ، $f(x) = \frac{v}{x-\alpha}$ با هم برابر باشند، مقادیر d, c, b, a را محاسبه کنید.	۱
۱۲	برای دو تابع $\frac{f \cdot g}{x-f}$ ، $g(x) = \frac{2}{\sqrt{9-x^2}}$ و $f = \{(-4,1), (-2,5), (0,3), (1,4), (3,2)\}$ را بیابید.	۱
۱۳	اگر g باشد، دامنه تابع gof را بدون تشکیل ضابطه آن بدست آورید.	۱

ردیف	سوال	بارم
۱۴	<p>اگر $f(x) = x^4 + 10x + 6$، تابع $g(x) = x^4 - 6x - 10$ را چنان باید که $gof(x)$ باشد.</p>	۱
۱۵	<p>نمودار تابع $y = \begin{cases} x^4 - 2x \\ x^4 - x \end{cases}$ رارسم نماید.</p>	۱
۱۶	<p>ضابطه تابع وارون تابع $f(x) = \frac{x^4 x }{x^4 + 1}$ با ضابطه f را بدست آورید.</p>	۱

بارم	سؤال	ردیف
۱	فاصله محل برخورد تابع $f(x) = x^5 + x + 1$ با معکوس خود از مبدا مختصات چقدر است؟	۱۷
۱	نمودار تابع $y = x - \left[\frac{x}{3} + 1 \right] + 2$ را در فاصله $(-3, 3)$ رسم نمایید.	۱۸
موفق و پیروز و سر بلند باشید.		
۶		