

مساحت سطح مقطع گلو برابر است با:

$$(۷-۳)$$

که در آن l طول جوش است. بنابراین تنش σ_x برابر است با:

$$(۷-۴)$$

این تنش را می‌توان به دو مؤلفه تنش برشی τ و تنش نرمال σ تقسیم کرد:

$$(۷-۵)$$

با استفاده از دایره موهر بزرگترین تنش اصلی برابر است با:

$$\sigma_1 = \frac{F}{2hl} + \sqrt{\left(\frac{F}{2hl}\right)^2 + \left(\frac{F}{hl}\right)^2} = 1.618 \frac{F}{hl} \quad (۷-۶)$$

XX

تنش برشی ماکزیمم هم برابر است با:

$$(۷-۷)$$

با این وجود در طراحی مرسوم است که تنش برشی روی سطح مقطع گلو را مبنا قرار داده و از تمام تنشهای نرمال صرف‌نظر گردد.

بنابراین معادله تنش برشی بصورت مقابل خواهد بود:

$$\tau = \frac{F}{0.707hl} = 1.414 \frac{F}{hl} \quad (۷-۸)$$

این معادله که برای طراحی بکار می‌رود تنش برشی را $\frac{1.414}{1.118} = 1.27$ برابر بیشتر از معادله (۷-۷) می‌دهد.

لذا برای طراحی از معادله زیر استفاده می‌کنیم:

$$(۷-۹)$$

XX

در شکل روبرو بارگذاری روی دو جوش موازی انجام می‌شود. چون دو جوش داریم سطح مقطع گلو برای دو نوار برابر است با:

$$A = 2 \times 0.707hl = 1.414hl \quad (۷-۱۰)$$

حال باید مرکز ثقل مجموعه جوش یعنی G را بیابیم:

$$\bar{x} = \frac{A_1x_1 + A_2x_2}{A}, \quad \bar{y} = \frac{A_1y_1 + A_2y_2}{A} \quad (7-18)$$

فاصله G_1 تا G یعنی r_1 برابر است با:

$$r_1 = \sqrt{(\bar{x} - x_1)^2 + \bar{y}^2} \quad (7-19)$$

فاصله G_2 تا G یعنی r_2 برابر است با:


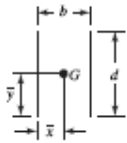
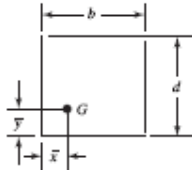
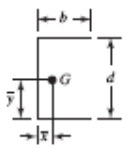
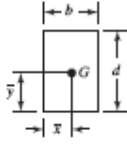

$$r_2 = \sqrt{(y_2 - \bar{y})^2 + (x_2 - \bar{x})^2} \quad (7-20)$$

حال با استفاده از قضیه محورهای موازی ممان اینرسی مجموعه جوش بدست می‌آید:

$$(7-21)$$

XX

جدول (7-1): خواص پیچشی جوشهای نواری

Weld	Throat Area	Location of G	Unit Second Polar Moment of Area
	$A = 0.70 hd$	$\bar{x} = 0$ $\bar{y} = d/2$	$J_u = d^3/12$
	$A = 1.41 hd$	$\bar{x} = b/2$ $\bar{y} = d/2$	$J_u = \frac{d(3b^2 + d^2)}{6}$
	$A = 0.707h(2b + d)$	$\bar{x} = \frac{b^2}{2(b+d)}$ $\bar{y} = \frac{d^2}{2(b+d)}$	$J_u = \frac{(b+d)^4 - 6b^2d^2}{12(b+d)}$
	$A = 0.707h(2b + d)$	$\bar{x} = \frac{b^2}{2b+d}$ $\bar{y} = d/2$	$J_u = \frac{8b^3 + 6bd^2 + d^3}{12} - \frac{b^4}{2b+d}$
	$A = 1.414h(b + d)$	$\bar{x} = b/2$ $\bar{y} = d/2$	$J_u = \frac{(b+d)^3}{6}$
	$A = 1.414 \pi hr$		$J_u = 2\pi r^3$

این مقداری است که باید در معادله (۷-۱۴) مورد استفاده قرار گیرد.

ضمناً فاصله r باید از G و گشتاور M باید حول G یعنی مرکزوار مجموعه جوش محاسبه شود.

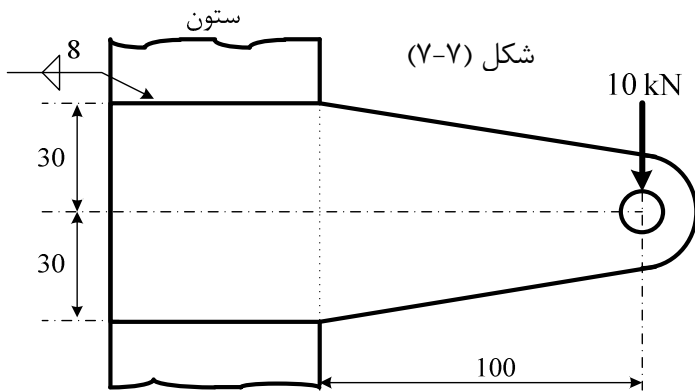
در عمل برای آسان کردن کار محاسبه ممان اینرسی قطبی جوش نواری بجای محاسبات قبلی از رابطه زیر استفاده می کنند:

$$(۷-۲۲)$$

XX

مثال (۷-۱)

مجموعه جوش شکل زیر برای اتصال تیر یکسر گیردار به ستون استفاده شده است. اگر استحکام تسلیم ماده جوش



300MPa باشد ضریب ایمنی را برای معیار انرژی واپیچش حساب کنید.

ابعاد به میلی متر هستند.

XX

حل: ابتدا باید تنش برشی اولیه τ' را بیابیم.

سطح مقطع گلو برای این جوش طبق جدول (۷-۱) برابر است با:

$$\tau' = \frac{V}{A}$$

بنابراین تنش برشی اولیه برابر است با:

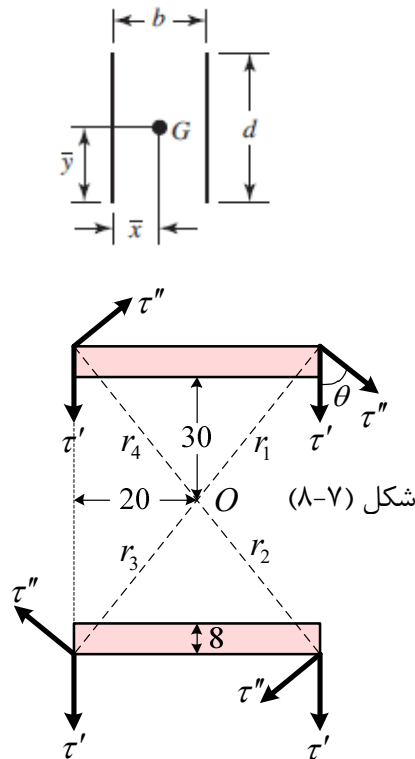
XX

مختصات مرکز ثقل الگوی جوش یعنی نقطه O عبارت است از:

$$\bar{x} = \quad , \quad \bar{y} =$$

سپس فاصله گوشه های جوش از مرکز ثقل یعنی r_i ها را پیدا می کنیم:

XX



$$r_1 = r_2 = r_3 = r_4 = \sqrt{\left(\frac{b}{2} + h\right)^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{60 \times 10^{-3}}{2} + 8 \times 10^{-3}\right)^2 + \left(\frac{40 \times 10^{-3}}{2}\right)^2} = 42.9 \times 10^{-3} \text{ m}$$

در مرحله بعد باید J را بیابیم. با استفاده از جدول (۷-۱):

$$J_u = \frac{d(3b^2 + d^2)}{6} = \frac{40 \times 10^{-3} \left(3(60 \times 10^{-3})^2 + (40 \times 10^{-3})^2\right)}{6} = 8.2667 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

$$J =$$

XX

از طرف دیگر گشتاور M برابر است با:

$$\tau'' = \frac{Mr}{J} =$$

بنابراین تنش برشی ثانویه در هر گوشه از جوش برابر است با:

در نهایت تنش‌های برشی اولیه و ثانویه را طبق شکل (۷-۸) در گوشه‌های جوش رسم کرده و برآیند آنها را بدست می‌آوریم.

البته تنش برآیند را تنها در گوشه‌های سمت راست جوش که بحرانی‌ترند تعیین می‌کنیم.

XX

$$\theta = 90 - \tan^{-1} \frac{20}{38} = 62.24^\circ$$

زاویه بین تنش برشی اولیه و ثانویه در گوشه‌های سمت راست عبارت است از:

$$\tau = \sqrt{\tau'^2 + \tau''^2 + 2\tau'\tau'' \cos \theta} = 122.12 \text{ MPa}$$

بنابراین تنش برشی برآیند برابر است با:

$$S_{sy} = 0.577S_y =$$

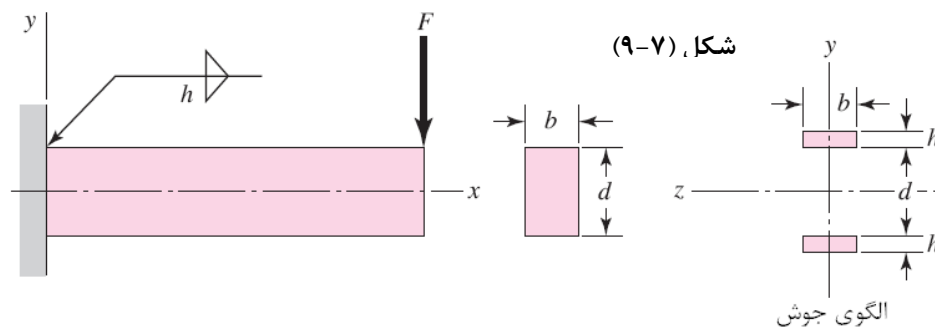
حال با استفاده از معیار وان میز داریم:

$$n =$$

در نتیجه ضریب ایمنی مساوی است با:

XX

خمش در اتصالات جوش شده



$$\tau' = \frac{V}{A} = \frac{6 \times 10^3}{2.6653 \times 10^{-4}} = 22.51 \text{ MPa}$$

در نتیجه:

در مرحله بعد باید I را بیابیم. با استفاده از جدول (۷-۱):

$$J_u = 2\pi r^3 = 2\pi (10 \times 10^{-3})^3 = 6.2832 \times 10^{-6} \text{ m}^3$$

$$J = 0.707 h J_u = 0.707 \times 6 \times 10^{-3} \times 6.2832 \times 10^{-6} = 2.6653 \times 10^{-8} \text{ m}^4$$

سطح مقطع جوش دایره‌ای است بنابراین:

xx

$$M = F \times l = 6 \times 10^3 \times 50 \times 10^{-3} = 300 \text{ N.m}$$

از طرف دیگر گشتاور M برابر است با:

بنابراین تنش خمشی در هر نقطه از جوش برابر است با:

تنش معادل وان-میز در گلوی جوش برابر است با:

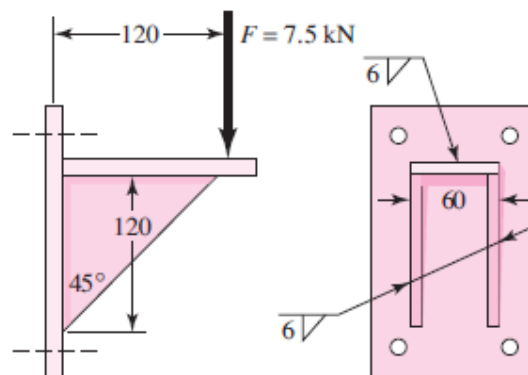
$$\sigma' = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau'^2} = \sqrt{360.17^2 + 3 \times 22.51^2} = 362.27 \text{ MPa}$$

$$n = \frac{S_y}{\sigma'} = \frac{450}{362.27} = 1.24$$

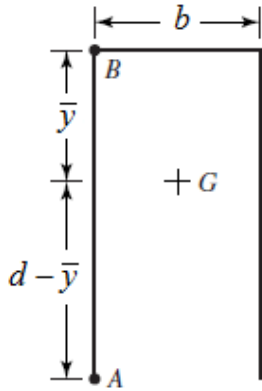
در نهایت:

مسائل فصل هفتم

مسئله ۷-۱- اگر استحکام تسلیم جوش شکل زیر 200MPa باشد ضریب ایمنی اتصال را بیابید.



Dimensions in millimeters



حل: مجموعه جوش مقابل که نمایش آن در شکل زیر آمده است تحت خمش قرار دارد.

با استفاده از جدول (۷-۲) مشخصات هندسی این جوش عبارتند از:

$$h = 6 \text{ mm} , \quad d = 120 \text{ mm} , \quad b = 60 \text{ mm} \Rightarrow$$

$$A = 0.707h(b + 2d) = 0.707 \times 6 \times (60 + 2 \times 120) = 1270 \text{ mm}^2 = 1270 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$\bar{y} = \frac{d^2}{b + 2d} = \frac{120^2}{60 + 2 \times 120} = 48 \text{ mm}$$

$$I_u = \frac{2d^3}{3} - 2d^2\bar{y} + (b + 2d)\bar{y}^2 = \frac{2 \times 120^3}{3} - 2 \times 120^2 \times 48 + (60 + 2 \times 120) \times 48^2 = 461000 \text{ mm}^3 = 461000 \times 10^{-9} \text{ m}^3$$

$$I = 0.707hI_u = 0.707 \times 6 \times 461000 = 1960000 \text{ mm}^4 = 1960000 \times 10^{-12} \text{ m}^4$$

تنش‌ها را باید در بحرانی‌ترین نقطه جوش حساب کنیم. با توجه به مقدار \bar{y} نقطه A بیشترین فاصله را از مرکزوار مجموعه جوش داشته و از نقاط دیگر جوش بحرانی‌تر است.

$$c_A = \sqrt{\bar{x}^2 + (d - \bar{y})^2} = \sqrt{30^2 + (120 - 48)^2} = 78 \text{ mm}$$

$$\tau' = \frac{F}{A} = \frac{7.5 \times 10^3}{1270 \times 10^{-6}} = 5.91 \text{ MPa}$$

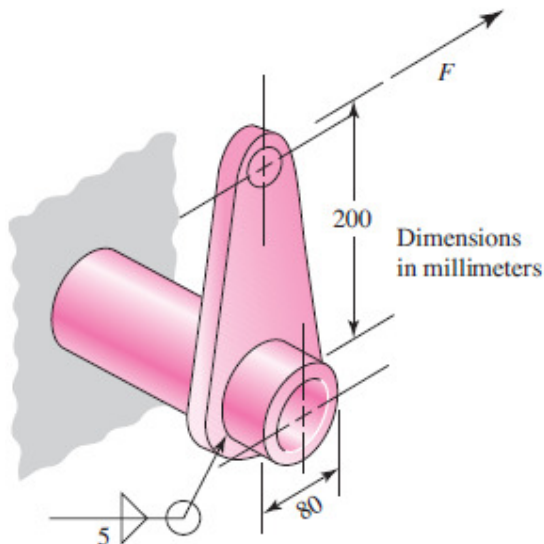
$$M = 7.5 \times 10^3 \times 120 \times 10^{-3} = 900 \text{ N.m} \quad \Rightarrow \quad \sigma_A = \frac{Mc_A}{I} = \frac{900 \times 78 \times 10^{-3}}{1960000 \times 10^{-12}} = 33.1 \text{ MPa}$$

$$\sigma'_A = \sqrt{\sigma_A^2 + 3\tau'^2} = \sqrt{33.1^2 + 3 \times 5.91^2} = 34.65 \text{ MPa} \quad \text{بنابراین تنش معادل وان-میزز در گلوی جوش برابر است با:}$$

$$n = \frac{S_y}{\sigma'_A} = \frac{200}{34.65} = 5.77$$

ضریب ایمنی هم برابر است با:

مسئله ۷-۲- تنش برشی مجاز جوش زیر 140MPa است. نیروی F که سبب این تنش در گلوی جوش می‌شود را تعیین کنید.



حل: با توجه به علامت جوش مشخص است که در دو طرف بازو

(عضو عمودی) یک جوش سرتاسری با گلوی 5mm وجود دارد.

تنش برشی اولیه در جوش صفر است. زیرا حتی اگر جوش وجود

هم نداشت بدلیل ممانعت عضو افقی، بازو نمی‌توانست حرکت

انتقالی در جهت نیرو داشته باشد. بلکه تنها می‌تواند در اثر نیروی

F حول عضو افقی بچرخد که این چرخش که ناشی از گشتاور پیچشی است در جوش تولید تنش برشی ثانویه می‌کند. این تنش برشی ثانویه را بصورت زیر تعیین می‌کنیم:

$$\tau' = 0$$

$$J_u = 2\pi r^3 = 2\pi \times 40^3 = 402000 \text{ mm}^3 = 402000 \times 10^{-9} \text{ m}^3$$

$$J = 0.707hJ_u = 0.707 \times 5 \times 402000 = 1420000 \text{ mm}^4 = 1420000 \times 10^{-12} \text{ m}^4$$

$$M = 200 \times 10^{-3} \times F = 0.2F \text{ N.m}$$

$$\tau'' = \frac{1}{2} \frac{Mr}{J} = \frac{0.2F \times (40+5) \times 10^{-3}}{2 \times 1420000 \times 10^{-12}} = 3.17 \times 10^3 F$$

ضریب یک دوم از آن جهت ایجاد شده است که در دو طرف بازو جوش داریم.

$$\tau'' = \tau_{all} \Rightarrow 3.17 \times 10^3 F = \tau_{all} = 140 \times 10^6 \Rightarrow F = 44.2 \times 10^3 \text{ N} = 44.2 \text{ kN}$$

ضریب یک دوم از آن جهت ایجاد شده است که در دو طرف بازو جوش داریم.

مسئله ۷-۳- اگر در مثال (۷-۱) در مرکزوار مجموعه جوش یک پیچ $M32 \times 4$ با کلاس ISO 4.8 اضافه کنیم ضریب

ایمنی اتصال چه مقدار خواهد شد؟

حل: به عهده دانشجو