



کامنت های زرد رنگ : مربوط به راهنمای معلم و

کلیدها و متون و کادر های سبز رنگ : پاسخ تمرینات می باشد.

برای مشاهده متن داخل کامنت ها ، باید فایل PDF را

با نرم افزار آکروبات ریدر باز نمایید و

سپس روی شکل کامنت کلیک نمایید.

کامنت های راهنما+پاسخ تمرینات

(ویژه معلمان)

کامنتهای راهنما و فایلهای دست ورزی ، پس از تکمیل در پشتیبانی سایت گروه تالیف و کاتال ریاضیات دبستان در دسترس خواهد بود.



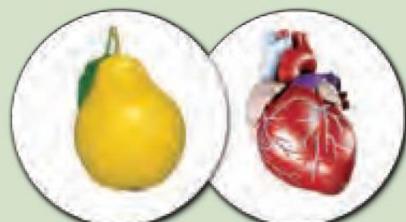
حمدی خوش پیام - ناحیه ۱ قزوین

www.mathrde.ir

Telegram.me/RiaziDabestan



در دهان انسان روزانه تقریباً ۲ لیتر برازق ترشح می شود، تقریباً به اندازه یک بارچ!



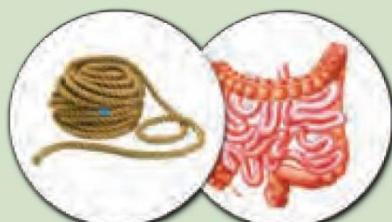
جرم قلب حدود 300 گرم است، تقریباً به اندازه یک کلاهی! در ضمن قلب روزی 100000 بار می تبدد.



طول رگ های بدن حدود 100000 کیلومتر است که اگر مویرگ هارا هم اضافه کنیم 180000 کیلومتر می شود. این مقدار تقریباً نصف فاصله زمین تا ماه است!



بوست بدن تقریباً سطحی معادل 2 متر مربع را می بوشاند و حدود 3 کیلوگرم جرم دارد که این مقدار 7 درصد جرم بدن است.



طول روده‌ی کوچک و روده‌ی بزرگ $7/6$ متر است.



کلیه‌ها روزی 12 تا 15 لیتر خون تصفیه و 2 لیتر ادرار تولید می کنند.

طول و سطح

فعالیت

- ۱- کارهای یک هفته‌ی اخیر خود را مور کنید. دو مورد از مواردی را که نیاز به دانستن اندازه‌ای داشتید بنویسید و با هم گروهی هایتان مطرح کنید. باز پاسخ
- ۲- بعضی از مواردی که اندازه‌گیری آن را قبلاً یاد گرفته‌ایم، در جدول سمت راست آمده است. واحدهای مربوط به هر کدام را از کادر سمت چپ انتخاب کنید و از کوچک به بزرگ در جدول در جای مناسب بنویسید.

سانتی‌مترمربع	کیلوگرم	روز
درجه	دقیقه	متر
کیلومتر	میلی‌لیتر	گرم
لیتر	مترمربع	ثانیه
میلی‌متر	سانتی‌مترمکعب	سانتی‌متر
کیلومترمربع	ساعت	مترمکعب

واحد (از کوچک به بزرگ)	طول
میلی‌متر - سانتی‌متر - متر - کیلومتر	طول
ثانیه - دقیقه - ساعت - روز	زمان
سانتی‌مترمربع - مترمربع - کیلومترمربع	سطح
گرم - کیلوگرم	جرم
درجه	زاویه
میلی‌لیتر (سانتی‌مترمکعب) - لیتر - مترمکعب	حجم

۳- هر یک از تصویرهای زیر به کدام یک از موارد جدول اشاره می‌کند؟ مانند نمونه زیر آن بنویسید.

۴- شما هم برای هر مورد مثالی متفاوت بزنید.

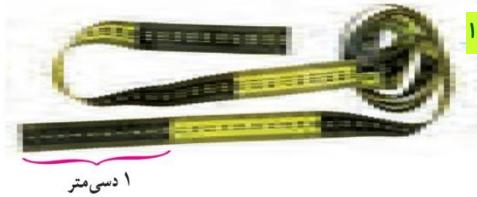


• کار در کلاس •

در هریک از موارد زیر کدام مقدار را اندازه می‌گیریم؟ دور آن خط بکشید.



• فعالیت •



۱- یک متر خیاطی بردارید. طول آن چند سانتی متر است؟ **۱۵۰**

چند متر است؟ **۱/۵**

با توجه به اینکه هر ده سانتی متر یک **دسمتر** است،

۱۵ متر خیاطی چند دسمتر است؟

۲- اندازه‌های زیر را در مورد خودتان حدس بزنید و در جدول بنویسید. سپس به کمک ابزار مناسب، اندازه‌گیری و جدول را کامل کنید. **باز پاسخ**

ارتفاع میز		۱	۵	۲۰	۱۰	۱۰۰	۱۴۰	حدس
۱	۱	ع	۱۸	۱۲	۸۵	۱۵۵	طول	
متر	متر	متر	سانتی متر	سانتی متر	سانتی متر	سانتی متر	واحد	

• کار در کلاس •

$$1 \text{ متر} \times 100 = 1000 \text{ کیلومتر}$$

۱- در جاهای خالی واحد مناسب بنویسید.

$$1 \text{ دسمتر} \times 10 = 1 \text{ متر}$$

$$1 \text{ سانتی متر} \times 10 = 1 \text{ دسمتر}$$

$$1 \text{ میلی متر} \times 10 = 1 \text{ سانتی متر}$$

۲- طول قدم‌های مجید تقریباً $۵/۰$ متر است. مجید چند قدم باید بردارد تا یک کیلومتر رفته باشد؟

$$\text{قدم} = 1000 \div 0.5 = 2000$$

با

$$\text{قدم} = 100000 \div 50 = 2000 \text{ سانتی متر}$$

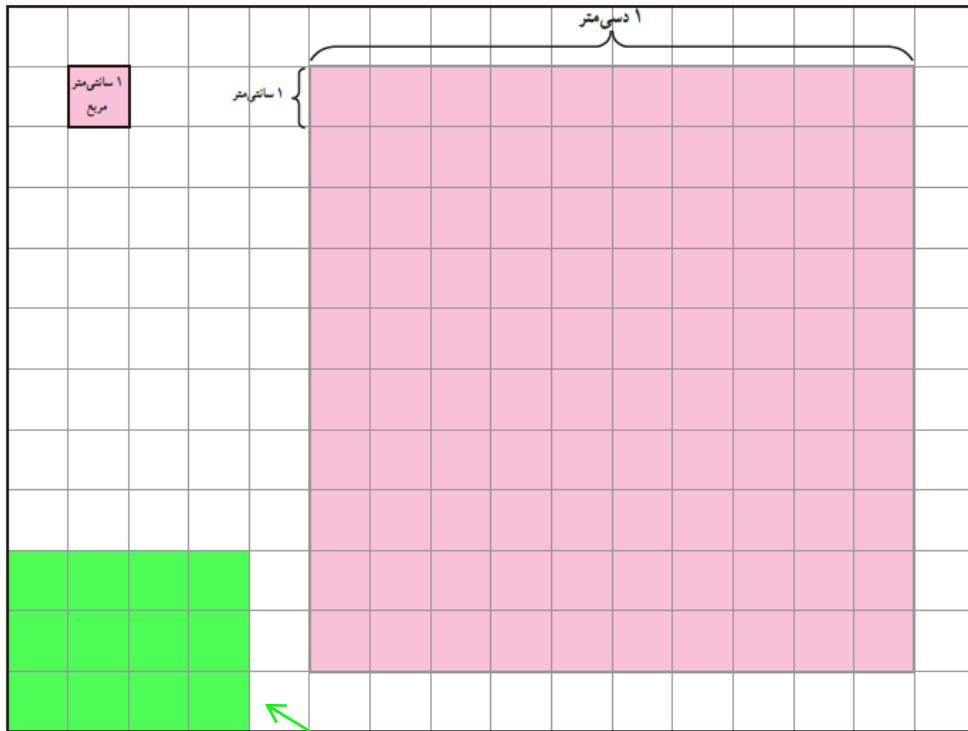
فعّالیت

- ۱- (الف) کف دست خود را روی مربع های زیر بگذارید و دور آن را بکشید. مساحت کف دست شما تقریباً **۱۰۰** سانتی متر مربع است.
- ب) به کمک سطح دست خود، دو چیز مثال بزنید که مساحت آن بین **۲** تا **۶** دسی متر مربع باشد.

جا مدادی = ۲ دسی متر

کاغذ دفتر = ۴ دسی متر

جلد کتاب ریاضی = ۶ دسی متر



- پ) سطح مستطیلی به مساحت **۱۲** سانتی متر مربع از مربع های بالا رنگ کنید. این مستطیل سطح چه چیز واقعی می تواند باشد؟

$$\text{سانتی متر} \quad 3 = \text{عرض مستطیل}$$

$$\text{سانتی متر} \quad 4 = \text{طول مستطیل}$$



- ۲- کف کلاس یک مربع بکشید که هر ضلع آن **۱۰** دسی متر یا **۱** متر باشد.

داخل این مربع بایستید. چند نفر جا شدید؟

۱۶ الی ۱۷ نفر



$$\text{۲- در تصویر ده برو مساحت کف کلاس چند متر مربع است؟ یا یک عدد مخلوط بیان کنید.}$$

$$\frac{1}{2} \times 3 \frac{1}{4} = 15 \quad \frac{1}{4} = 4 \quad \frac{1}{2} \times 3 = 15 \quad \frac{1}{4} = 4 \quad \frac{1}{2} \times 3 = 15 \quad \frac{1}{4} = 4$$

برای دقیق تر شدن اندازه سطح پیشنهاد می کنید از چه واحدی استفاده کنیم؟

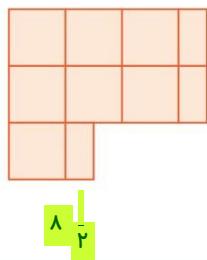
کوچکتر شدن واحد اندازه گیری - سانتی متر و ...

۹۰

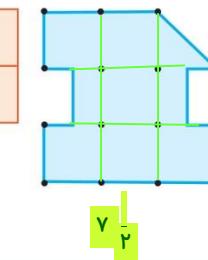
• کار در کلاس •

با توجه به واحد سطح، مساحت هر شکل را با یک عدد مخلوط بیان کنید.

: واحد

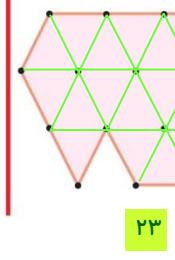


۸ ۲

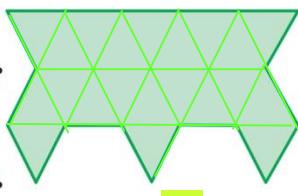


۷ ۲

: واحد



۲۳



۲۱

• فعالیت •

اگر مساحت زمینی 10000 مترمربع باشد، مساحت آن یک هکتار است. معمولاً مساحت زمین‌های کشاورزی را با واحد هکتار بیان می‌کنند.



۱- مساحت زمین مشهدی غلام یک هکتار است. هر ضلع آن چند متر می‌تواند باشد؟

$$\text{مساحت} = 1 \text{ هکتار} = 10000 \text{ مترمربع}$$

$$10000 = 100 \times 100$$

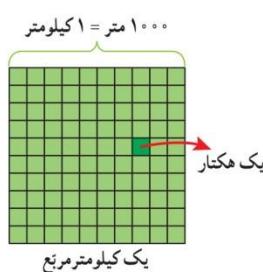
$$100 = 10 \times 10$$

$$10 = 1 \times 10$$

$$1 = 1 \times 1$$

$$1 = 1 \text{ متر}$$

اگر مربعی داشته باشیم که هر ضلع آن 100 متر یا یک کیلومتر باشد، مساحت آن یک کیلومترمربع است.



۲- هر کیلومترمربع چند هکتار است؟

$$1 \text{ کیلومتر} = 1000 \text{ متر}$$

$$1 \text{ کیلومتر} = 1000 \times 1000 \text{ متر}$$

$$1000 \times 1000 = 1000000 \text{ متر}$$

$$1000000 \div 10000 = 100$$

• کار در کلاس •

۱- در جای خالی عدد یا واحد یا مثال مناسب بنویسید.

◆ طول تخته‌ی کلاس بین 2 و 3 متر است.

◆ مساحت CD یک دسی مترمربع است.

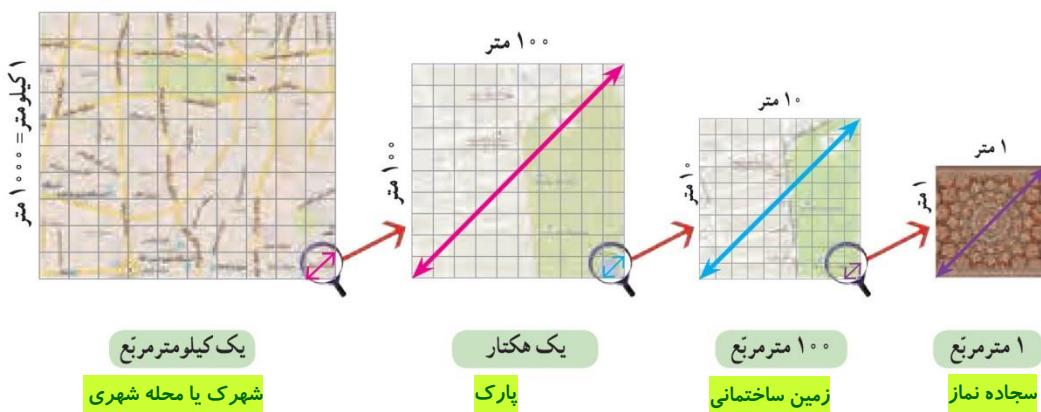
◆ مساحت منزلی 75 متر مربع است.

◆ قطر دگمه‌ی لباس 10 میلی‌متر است.

◆ مساحت دریاچه‌ی خزر 370 هزار کیلومتر مربع است.

۲- هر یک از تصویرهای زیر سطح چه چیز واقعی می‌تواند باشد؟

۱ کیلومتر = ۱۰۰۰ متر



۳- به کمک جدول تابع، واحدها را به تبدیل کنید.

مترمربع	۱	۰·۱
سانتیمترمربع	۱۰۰۰۰	۶۰۰۰

کیلومترمربع	۱	۲۰
مترمربع	۱۰۰۰۰۰	۲۰۰۰۰۰

کیلومترمربع	۱	۹
هکتار	۱۰۰	۹۰۰



۴- تحقیق کنید:
 مساحت کشور ایران (۱۶۴۸۱۹۵ کیلومتر مربع) (واحد کیلومتر مربع)
 مساحت استان شما: (۱۵۵۶۷ سانتیمترمربع) (واحد سانتیمترمربع)
 مساحت مدرسه‌ی شما: (۱۵۳۵ متر مربع) (واحد: متر مربع)
 مساحت زمین والبیال (۵۴ متر مربع) (واحد: متر مربع)

تمرین

۱- در خانه بگردید. سطوح‌هایی پیدا کنید که به شکل مربع یا مستطیل باشند. مساحت آنها را پیدا کنید و در جدول

بنویسید.

مساحت بین ۱ تا ۲۰ مترمربع			مساحت بین ۱۰۰ و ۱۰۰۰ سانتیمترمربع			مساحت کمتر از ۱۰۰ سانتیمترمربع			سطح
فرش	میز ناهار خوری	كتاب ریاضی	لپ تاپ	تبلت	ماشین حساب	کنترل			
۰·۲ متر مربع	۰·۴ متر مربع	۰·۳۰ سانتی متر مربع	۰·۴۰ سانتی متر مربع	۰·۲۰ سانتی متر مربع	۰·۱۰ سانتی متر مربع	۰·۱۵ سانتی متر مربع			طول (واحد)
۰·۱ متر مربع	۰·۳ متر مربع	۰·۲۰ سانتی متر مربع	۰·۳۰ سانتی متر مربع	۰·۱۰ سانتی متر مربع	۰·۰۵ سانتی متر مربع	۰·۰۴ سانتی متر مربع			عرض (واحد)
۰·۲ متر مربع	۰·۱۲ متر مربع	۰·۶۰ سانتی متر مربع	۰·۱۲۰ سانتی متر مربع	۰·۲۰ سانتی متر مربع	۰·۰۵۰ سانتی متر مربع	۰·۰۶۰ سانتی متر مربع			مساحت (واحد)

$$\text{دقیق} = 70 \text{ هکتار} \approx 7 \text{ کیلومتر مربع}$$

$$\text{دقیق} = 99 \text{ چند متر مربع است؟ تقریباً یک کیلومتر مربع}$$

$$\text{الف) سطح صحن جامع رضوی تقریباً چند متر مربع است؟} \quad \text{ب) از باب الجواد تا حرم امام رضا چند متر است؟}$$

$$\text{پ) مساحت صحن انقلاب بزرگ‌تر است یا صحن آزادی؟ چقدر؟} \quad \text{صحن انقلاب}$$

$$100 \text{ متر} \approx 99 = 3 \times 33 = \text{عرض}$$

$$230 \text{ متر} \approx 231 = 7 \times 33 = \text{طول}$$

$$23000 \text{ مترمربع} = 100 \times 230 = \text{مساحت}$$



$$6 \text{ هکتار} = 6 \text{ کیلومتر مربع}$$

هر یک سانتی‌متر بر روی نقشه برابر 33 متر بر روی زمین است.

$$... = 96000$$

$$... \times 16000 = 96000$$

$$3 - \text{در نزدیکی رودبار زمینی به مساحت } 6 \text{ کیلومترمربع زیر کشت زیتون است. اگر سالانه از هر هکتار آن } 16000 \text{ کیلوگرم}$$

$$... \times 96000 = 96000$$

$$... \text{ کیلوگرم زیتون در سال}$$

$$... = 115200000$$

$$... \times 12000 = 115200000$$

$$... \text{ زیتون بدست آید، و هر کیلوگرم زیتون به قیمت } 12000 \text{ تومان صادر شود، درآمد سالانه‌ی حاصل از این زمین چقدر است؟}$$

$$= 1600 \text{ وات} \times 8 \text{ ساعت}$$

$$1600 \text{ وات در روز}$$

4 - یک مترمربع صفحه‌ی خورشیدی با استفاده از تابش خورشید در هر ساعت حدود 200 وات برق تولید می‌کند. اگر روزانه 8 ساعت آفتاب بتابد،

هر متر مربع صفحه‌ی خورشیدی در یک ماه چند وات برق تولید می‌کند؟

برای تولید 100 کیلو وات برق چه سطحی از صفحه لازم است؟

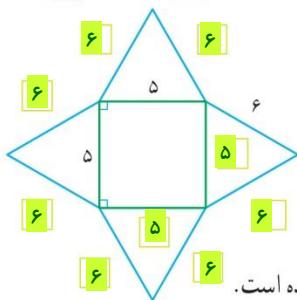
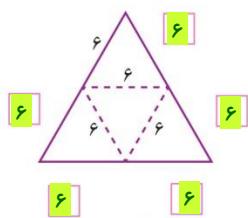
$$\text{وات} = 100 \times 100 = 10000 \text{ کیلو وات}$$

$$\text{صفحه یک متر مربعی} = 500 = 10000 \div 200 \text{ وات}$$

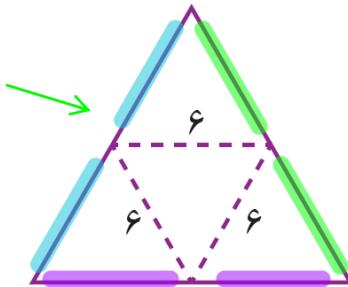


حجم و جرم

فعالیت



مجلس شورای اسلامی ایران



۱- شکل رو به رو یک هرم و شکل زیر گستردگی آن است.

اندازه ها را روی شکل کامل کنید و گستردگی آن را بحسب سانتی متر بکشید و از روی خط چین تا کنید.
کدام پاره خط ها کار هم قرار می گیرد؟ با حساب نواری بچسبانید.

۲- گستردگی رو به رو را نیز مانند هرم قبلی بکشید و هرم دیگری بسازید.

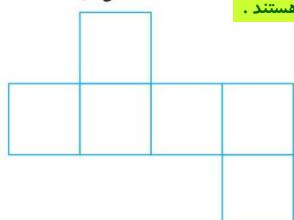
می توانید طول ضلع مثلث ها یا مربع را تغییر دهید.

۳- یکی از دانش آموزان گستردگی مکعب و مکعب مستطیل را به شکل های زیر کشیده است.

اندازه هی تمام ضلع ها را روی شکل کامل کنید و سطوح های مساوی را هم رنگ کنید.

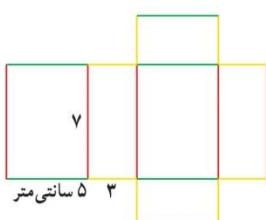
همه ضلع ها با هم برابر و ۴ سانتی متر هستند - همه سطح ها با هم برابر و ۱۶ سانتی متر مربع هستند.

۴ سانتی متر



$$\text{سانتی متر مکعب} = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

$$\text{سانتی متر مربع} = 6 \times (4 \times 4) = 96$$



$$\text{سانتی متر مکعب} = 7 \times 5 \times 3 = 105$$

$$\text{سانتی متر مربع} = 2 \times [(5 \times 7) + (7 \times 3) + (3 \times 5)] = 142$$



- ۴- با مستطیلی مانند شکل رو به رو یک استوانه ساخته ایم (عرض ها را به هم چسبانده ایم).
حسن بزیند اگر استوانه را از روی باره خط نشان داده شده برش بزنیم، چه شکلی درست می شود؟ این کار را انجام دهید و شکل به دست آمده را بکشید.

متوازی الاضلاع

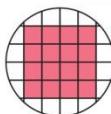


• کار در کلاس

- ۱- اشیایی مانند اشیای ردیف اول جدول پیدا کنید، آنها را در دست بگیرید و جدول را کامل کنید.

						شمی
						شکل هندسی
استوانه	کره	مخروط	هرم	مکعب مستطیل	مکعب	نام
						تصویر از بالا
						تصویر از رو به رو

ستگی به سطحی از مکعب مستطیل دارد که روی زمین است.



- ۲- کف یک استوانه مکعب های واحد چیده ایم. شکل رو به رو تصویر آن را از بالا نشان می دهد.

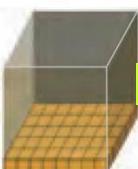
اگر ۵ لایه مکعب واحد بچینیم، حجم استوانه تقریباً چند مکعب واحد می شود؟ $16 \times 5 = 80$

چگونه می توانیم اندازه دقتی تری از حجم پیدا کیم؟ **باید از مکعب های ربع و نصف هم استفاده**

- ۳- کف انباری را با کارتون های به شکل مکعب با ضلع یک متر مانند شکل رو به رو برد هایم.

مساحت کف انبار چقدر است؟ $40 \times 1 = 40$ متر مربع کارتون ها چقدر است؟ $1 \times 1 = 1$ متر مکعب

دو مقدار به دست آمده با هم چه تفاوتی دارند؟ **اوی مربوط به سطح است و دومی مربوط به حجم.**



با اینکه مقدار های برابری دارند،
ولی واحد های آنها متفاوت است.

• فعالیت



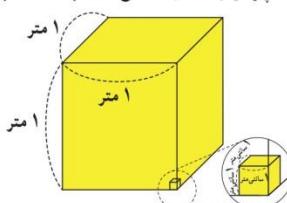
- ۱- با میله یا چوب های یک متری، مکعبی به حجم یک متر مکعب بسازید.
چند میله استفاده کردی؟ **۱۲** هر سطح این مکعب چند مترمربع است؟ **۱**

به نظر شما کولر آبی چه حجمی دارد؟ **تقریباً ۱ متر مکعب**

حجم کلاس خود را تخمين بزنید. **باز پاسخ - ۲۰ تا ۱۰۰ متر مکعب**

- ۲- چهار وسیله به شکل مکعب یا مکعب مستطیل پیدا کنید و حجم تقریبی آن را به دست آورید.

کلاس	دستمال کاغذی	باز پاسخ	کتاب ریاضی	وسیله
$6 \times 5 \times 3 = 90$	$20 \times 10 \times 5 = 100$	$\times \times =$	$26 \times 20 \times 1 = 520$	اندازه هی حجم
متر مکعب	سانتی		سانتی	واحد

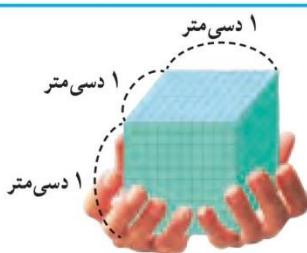


• کار در کلاس •

- ۱- حجم اتاقی $6 \times 5 \times 2$ مترمکعب است. طول و عرض و ارتفاع آن چه اندازه هایی می تواند باشد؟ $1 \times 3 \times 2$ یا $6 \times 5 \times 2$ توجه: هر ارتفاعی را نمی توان برای اتاق در نظر گرفت.
- ۲- جاهای خالی را پر کنید.
- دسمترمکعب $1 = 1 \text{ دسمتر} \times 1 \text{ دسمتر} \times 1 \text{ دسمتر}$ مترمکعب
- سانتیمترمکعب $1 = 1 \text{ سانتیمتر} \times 1 \text{ سانتیمتر} \times 1 \text{ سانتیمتر}$ مترمکعب
- ۳- جاهای خالی را پر کنید و به کمک جدول تناسب، واحدها را به یکدیگر تبدیل کنید.

مترمکعب	1	4	دسمترمکعب	1	۶۵	مترمکعب	1	۰/۴
دسمترمکعب	۱۰۰۰	۴۰۰۰	سانتیمترمکعب	۱۰۰۰	۶۵۰۰	سانتیمترمکعب	۱۰۰۰۰۰	۴۰۰۰۰۰

• فعالیت •



۱- هر سانتیمترمکعب یک سیسی است.

یک دسمترمکعب 1000 سیسی یا یک لیتر است.

یک مترمکعب معادل چند لیتر است؟ 1000

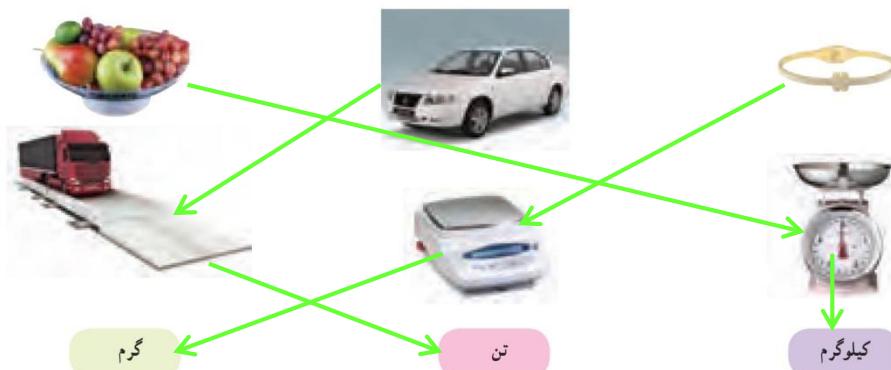
۲- جرم یک سیسی آب تقریباً یک گرم است.

یک لیتر آب تقریباً 1000 گرم یا یک کیلوگرم جرم دارد.

روی بطری شیر یک لیتری را نگاه کنید. شیر داخل آن چند گرم است؟ 1000

$$1 \text{ کیلوگرم} = 1000 \text{ گرم} \quad 1000 \text{ گرم} = 1 \text{ کیلوگرم}$$

۳- هر یک از وسایل زیر را به ابزارها و واحدهای اندازه‌گیری مناسب وصل کنید.



• کار در کلاس •

خودرو	هندوانه	خودتان	کتاب ریاضی	کیف	حده
باز پاسخ	باز پاسخ	باز پاسخ	باز پاسخ	باز پاسخ	حده
۱	۵ تا ۳	۳۰	۳۰۰	۱۰۰۰ تا ۵۰۰	جرم
تن	کیلوگرم	کیلوگرم	گرم	گرم	واحد

- ۱- جرم موارد روی رورا ابتدا حده بزنید و سپس اندازه بگیرید و در جدول بنویسید.

- ۲- میانگین جرم داشت آموزان کلاس خود را پیدا کنید. 35 کیلوگرم

تمرین



۱- در جای خالی عدد یا واحد مناسب بنویسید.

برای جلد کردن کتاب ریاضی ۸۷۵ سانتی متر مربع نایلون مصرف شد.

مساحت **تابلو** ۲۰ دسی متر مربع است.

حجم کمد لباسی $\frac{1}{32}$ متر مکعب است.

مساحت بوستان تزدیک منزل ما $\frac{1}{3}$ هکتار است.

کامیونی که روی باسکول رفته بود ۱۰ تن جرم داشت.

در پارچ بزرگ ۵ لیتر آب جا می‌گیرد. **سماور-کلمن**

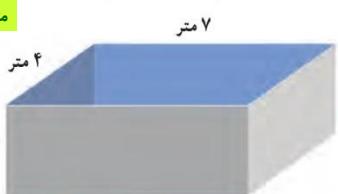
حجم کوله پشتی ... سانتی متر مکعب است.

۲- می خواهیم داخل حوضجه روبه رو رانگ کنیم. اگر برای رانگ آمیزی هر متر مربع $\frac{1}{2}$ کیلوگرم رنگ کافی باشد.

$$2 \times [(7 \times 2) + (4 \times 2)] + (7 \times 4) = 72$$

متر مربع

حوضجه



برای کل حوضجه چند کیلوگرم رنگ باید تهیه شود؟

چند لیتر آب برای بر شدن حوضجه لازم است؟

$$\text{متر مکعب} = 56 = 7 \times 4 \times 2 = \text{حجم حوضجه}$$

$$56 \times 1000 = 56000$$

$$72 \times \frac{1}{2} = 14/4 = 14/4$$

کیلو رنگ

متر

۲

متر

۴

متر

۷

متر

۳- حجم مکعبی به ضلع $\frac{1}{1}$ دسی متر، چند دسی متر مکعب است؟ این مقدار حجم چه چیزی می‌تواند باشد؟

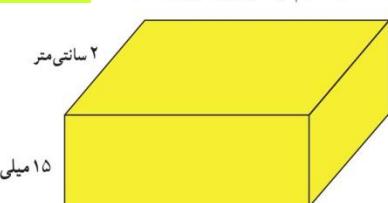
۴- حجم مکعب مستطیل روبه رو $\frac{1}{4}/\frac{8}{2}$ سانتی متر مکعب است.

طول آن چند سانتی متر است؟

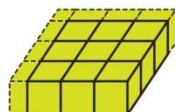
$$1/5 \text{ سانتی متر} = 15 \text{ میلی متر} = \text{ارتفاع}$$

$$\text{حجم} = 1/5 \times 2 \times 14/82$$

$$\text{سانتی متر} = 4/94 = 4/94 \div 3 = 4/28 = \text{طول}$$



۵- حجم شکل روبه رو چند واحد است؟ با یک عدد مخلوط نشان دهید.



$$\frac{1}{4} = \text{شمارش}$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6} = \text{ضرب مساحتی}$$



۶- گنجایش لیوان روبه رو تقریباً چند سی سی است؟

$$\text{سانتی متر مکعب یاسی سی} = 302/5 = 30 \times 5/5 \times 5/5 = 30 \text{ حجم مکعب مستطیل}$$

۷- مکعبی از جنس یونولیت به ضلع ۲ دسی متر داریم.

اگر بخواهیم مکعب هایی به ضلع یک دسی متر از آن بیزیم، چند مکعب خواهیم داشت؟ **۸ مکعب**.

اگر ضلع مکعب اولی ۳ دسی متر باشد چطور؟ **۲۷ مکعب**

$$3 \times 3 \times 3 = 27$$

$$27 \div 1 = 27$$

مساحت دایره

فعالیت

۱- سال گذشته آموختید که محیط دایره چگونه به دست می‌آید.

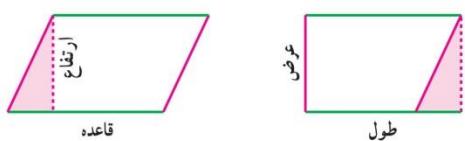
$$\text{قطر} \times \frac{3}{14} = \text{محیط دایره}$$

$$\text{شعاع} \times \frac{3}{14} = \frac{1}{2} \text{ محیط دایره}$$

$$(\text{نصف قطر})$$



در کلاس چهارم با جایه‌جایی قسمتی از سطح متوازی‌الاضلاع، این شکل را به مستطیل تبدیل کردیم تا مساحت متوازی‌الاضلاع را به کمک مساحت مستطیل (طول × عرض) به دست آوریم.



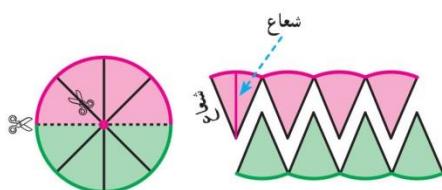
$\text{ارتفاع} \times \text{قاعده} = \text{مساحت متوازی‌الاضلاع}$

اکنون می‌خواهیم سطح دایره را نیز به یکی از شکل‌هایی که مساحت آن را می‌دانیم تبدیل کنیم تا مساحت دایره را بیابیم.

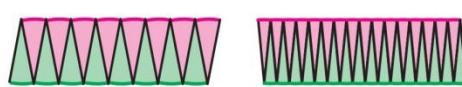
شما چه پیشنهادی دارید؟ باز پاسخ

۲- دایره‌ای را نصف کنید. از روی چند شعاع تا بهی دایره برش بزنید. دو نیم دایره را مانند شکل زیر کار هم بگذارید. این

شکل شبیه چه شکل هندسی است؟ حالا برش‌ها را بیشتر کنید. **مستطیل** **متوازی‌الاضلاع**



$\text{قاعده} \times \text{ارتفاع} = \text{مساحت متوازی‌الاضلاع}$



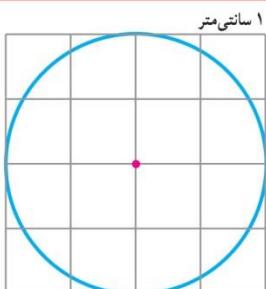
$\text{عرض} \times \text{طول} = \text{مساحت مستطیل}$

$\frac{1}{2} \text{ محیط دایره} \times \text{شعاع} = \text{مساحت دایره}$

$= \text{عدد بی} \times \text{شعاع} \times \text{شعاع}$

مساحت دایره برابر است با $\text{شعاع} \times \text{شعاع} \times \text{عدد بی}$

کار در کلاس



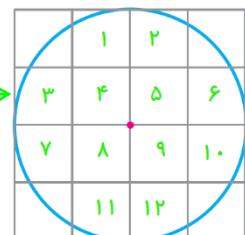
۱- مساحت این دایره را به کمک فعالیت بالا به دست آورید.

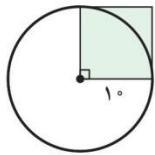
$$\text{سانتی‌متر مربع} = 2 \times 2 \times \frac{3}{14} = \frac{12}{56}$$

مساحت تقریبی آن را با شمردن مرتعه‌ها پیدا کنید.

$$\text{سانتی‌متر مربع} = 12 = \text{مساحت تقریبی}$$

با **کوچکتر** کردن مرتعه‌ها، اندازه‌ی دقیق‌تری از مساحت دایره به دست می‌آید.





۲- مساحت دایره را رویه و تقریباً چند برابر مساحت مرتع است؟

$$\text{مساحت مرتع} = 10 \times 10 = 100$$

$$\text{مساحت دایره} = 10 \times 10 \times \frac{\pi}{4} = 314$$

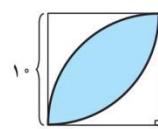
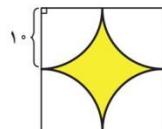
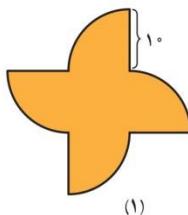
در نتیجه تقریباً ۳ برابر

۳- اجسامی مثل لیوان، بشقاب و ... را که سطح دایره‌ای دارند به کلاس بیاورید. با مداد کف آن را روی کاغذ بکشید و مساحت تقریبی آن را با اندازه‌گیری به دست آورید و جدول زیر را به کمک هم کلاسی هایتان کامل کنید. کدام قسمت دایره را اندازه می‌گیرید؟ (عدد بی را ۳ درنظر بگیرید)

سکه	دی.وی.دی	بشقاب	لیوان	جسم
۹	۶	۱۰	۳	شعاع
۲۴۳	۱۰۸	۳۰۰	۲۷	مساحت
واحد مساحت میلی متر مربع	سانتی متر مربع	سانتی متر مربع	سانتی متر مربع	

• فعالیت •

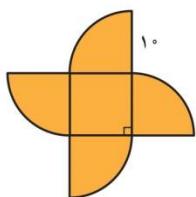
۱- می‌خواهیم مساحت قسمت‌های رنگی شکل‌های زیر را بینا کنیم.
ابتدا راه حل خود را بنویسید و سپس راه حل آموزان را مطالعه و کامل کنید.



هدی شکل (۱) را به یک مرتع و ۴ تاریع دایره تقسیم و این گونه فکر کرد:
مساحت ۴ تاریع دایره + مساحت مرتع = مساحت شکل
مساحت یک دایره

$$= (10 \times 10) + (10 \times 10 \times \frac{\pi}{4})$$

$$= 414$$



رُویا در مورد شکل (۲) فکر کرد که می‌تواند آن را به ۴ تاریع دایره تقسیم کند. به این صورت:

مساحت ۴ تاریع دایره - مساحت مرتع بزرگ = مساحت شکل
مساحت یک دایره

$$= (400) - (314) = 86$$

و مثل این است که آنها را روی



لیلا در مورد شکل (۳) فکر کرد که دو تاریع دایره می‌بیند

اضافه دارد.



بس

دو تاریع دایره به اندازه‌ی یک



هم گذاشته‌اند.

$$\text{مساحت مریع} - \text{مساحت دو تاریع دایره} = \text{مساحت شکل}$$

مساحت نیم دایره

$$= 157 - 100 = 57$$

$$\frac{78}{5} - 50 = \frac{28}{5}$$

ندا در مورد شکل (۳) این گونه فکر کرد:

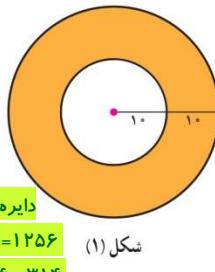
توضیح دهد ندا چگونه فکر کرده است.

$$\frac{28}{5} + \frac{28}{5} = \frac{56}{5}$$

$$\text{مساحت نصف مریع} - \text{مساحت ربع دایره} = \text{مساحت نیم هلال}$$

$$\frac{1}{2} \times \text{مساحت نیم هلال} = \text{مساحت هلال}$$

• کار در کلاس •



شکل (۱)

$$\text{دایره کوچک} - \text{دایره بزرگ} = \text{مساحت نارنجی}$$

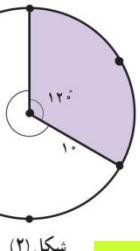
$$20 \times 20 \times \pi / 14 = 1256$$

$$10 \times 10 \times \pi / 14 = 314$$

$$1256 - 314 = 942$$

$$\text{مساحت رنگی به سفید} = \frac{942}{314}$$

برابر ۳



شکل (۲)

الف) در شکل (۱) حدس می‌زنید قسمت رنگی چند برابر

قسمت بی‌رنگ باشد؟ باز پاسخ - ۲ یا ۳ برابر

ب) در شکل (۲) نسبت مساحت قسمت رنگ شده به کل دایره

چقدر است؟ ۱ به ۳ - با توجه به تقسیم بندی شکل یا نسبت ۱۲۰ به ۳۶۰

پ) مساحت قسمت رنگی هر شکل را پیدا کنید. آیا حدس شما

صحیح بود؟ $\frac{10 \times 10 \times \pi / 14}{3} = 104/6$

$$\text{مساحت دایره} = 10 \times 10 \times \pi / 14 = 314$$

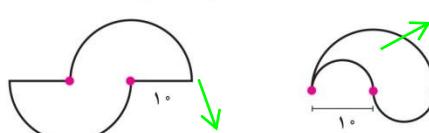
$$\text{مساحت رنگی به کل دایره} = \frac{104/6}{314} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3}$$

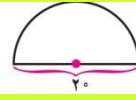
$$1 \text{ به } 3$$

تمرين

۱- محیط و مساحت شکل‌های زیر را پیدا کنید.



$$\text{مساحت} = (10 \times 10 \times \pi / 14) / 4 = 157$$



$$\text{قطر} + (\text{نصف دایره}) = \text{محیط}$$

$$20 + (20 \times \pi / 14) / 2 = 31/4 + 20 = 51/4$$

$$\text{مساحت} = (10 \times 10 \times \pi / 14) / 2 = 157$$

$$\text{دایره کوچک} + (\text{نصف دایره بزرگ}) = \text{محیط}$$

$$\text{محیط} = (20 \times \pi / 14) / 2 + (10 \times \pi / 14) = 31/4 + 31/4 = 62/8$$

$$\text{مساحت} = 31/4 + 31/4 = 62/8$$

$$\text{مساحت} = (2 \times 2 \times \pi / 14) / 4 = 3/14$$

$$\text{شعاع} + \text{شعاع} + (\text{ربع دایره}) = \text{محیط}$$

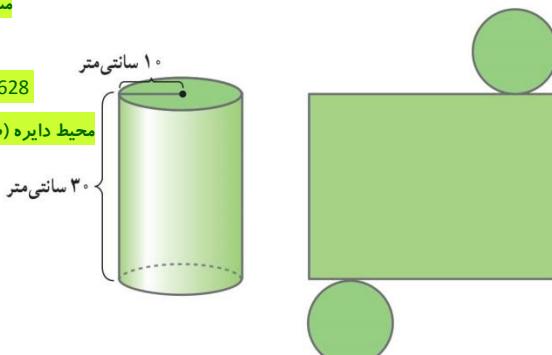
$$(4 \times \pi / 14) / 4 + 2 + 2 = 7/14$$

$$\text{مساحت} = (20 \times \pi / 14) / 2 + 20 = 31/4 + 20 = 51/4$$

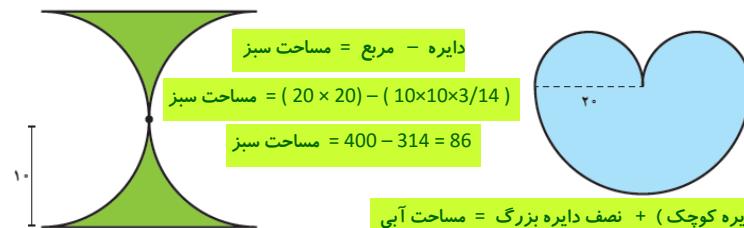
۲- در منزل بگردید و وسایلی را که سطح دایره دارند پیدا کنید. ابتدا مساحت آنها را حدس بزنید، سپس اندازه بگیرید و جدول را کامل کنید. (عدد بی را ۳ در نظر بگیرید)

مساحت بیشتر از ۵۰۰ سانتی مترمربع	مساحت بین ۱۰۰ و ۵۰۰ سانتی مترمربع	مساحت کمتر از ۱۰۰ سانتی مترمربع	
پنکه	ساعت دیواری	ساعت مچی	نام و سیله
۳۰	۱۵	۲	شعاع (سانتی متر)
۲۷۰۰	۴۵۰	۱۲	مساحت (سانتی مترمربع)

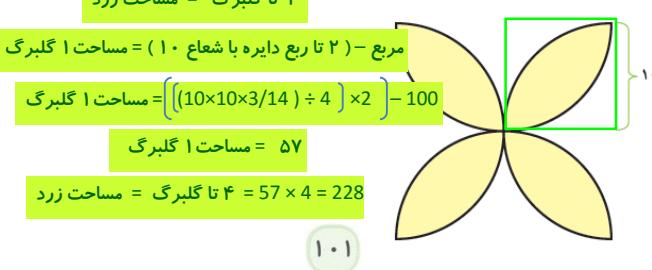
۳- برای ساختن استوانه‌ی زیر چند سانتی مترمربع کاغذ لازم است؟



۴- ابتدا روش محاسبه‌ی مساحت قسمت‌های رنگ شده را توضیح دهید و سپس آن را به دست آورید.



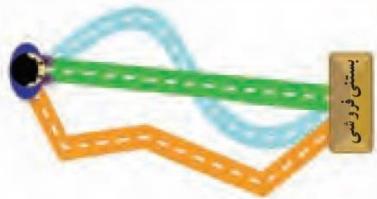
$$(10 \times 10 \times 3/14) \div 2 + (10 \times 10 \times 3/14) = 628 + 314 = 942$$



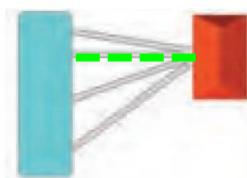
$$(۲ دایره یا ۴ نیم دایره) + مریع وسط = مساحت صورتی
 (10 \times 10) + (10 \times 10 \times 3/14) \times 2 = 100 + 628 = 728$$

خط و زاویه

فعالیت



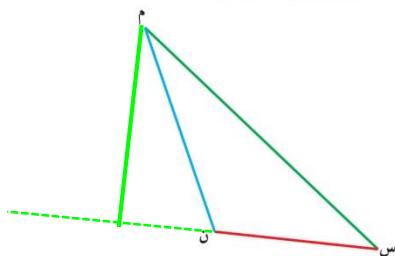
- ۱- در تصویر رو به رو، اگر بخواهد مهدی را با کوتاه ترین راه به بستنی فروشی برسانید کدام راه را انتخاب می کند؟ **مسیر سبز**
فاصله‌ی دو نقطه، طول کوتاه‌ترین پاره‌خط است که دو نقطه را به هم وصل می کند.



- ۲- لوله‌ی آبی از کنار خانه‌ای در روستارد می شود.
راه‌هایی از خانه به لوله کشیده شده است. کوتاه‌ترین راه را رنگ کنید.

آیا این راه بر خط لوله‌ی آب عمود است؟ **بله**

فاصله‌ی نقطه از خط، طول پاره‌خط است که از نقطه به خط عمود می شود.



$$= \text{مساحت مثلث} (3/5 \times 3) / 2 = 5/25$$

کار در کلاس

در شکل رو به رو فاصله‌ی آقای احمدی را از هر سه خیابان پیدا کنید.

$$= \text{از بنفسه} 0/5$$

$$= \text{از شهید رزمی} 0/8$$

$$= \text{از کشاورز} 1$$



فعالیت

- ۱- چند خط بکشید که از وسط پاره‌خط (م ب) بگذرد. م
۲- چند خط بکشید که بر پاره‌خط (م ب) عمود باشد.
۳- چند خط می‌توان کشید که هم از وسط پاره‌خط (م ب) بگذرد و هم بر آن عمود باشد؟ یك

عمود منصف، خط است که از وسط یک پاره‌خط بگذرد و بر آن عمود باشد.

کار در کلاس

پاره‌خط (ج د) را به هر اندازه که می خواهید روی کاغذ بکشید. کاغذ را طوری تا کنید که نقطه‌ی (ج) و (د) روی هم بیفتند.

خط ترا پر نگ کنید. آیا این خط عمود منصف پاره‌خط (ج د) است؟ **بله**

یک نقطه روی عمود منصف بگذارید و به دو سر پاره‌خط (ج د) وصل کنید.

آیا دو پاره‌خط به دست آمده روی هم افتدند؟ **بله**

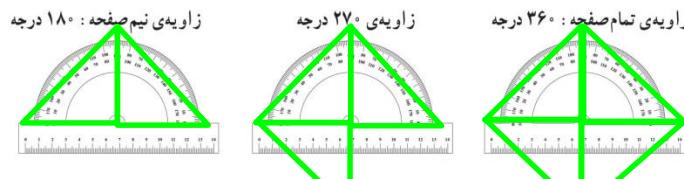
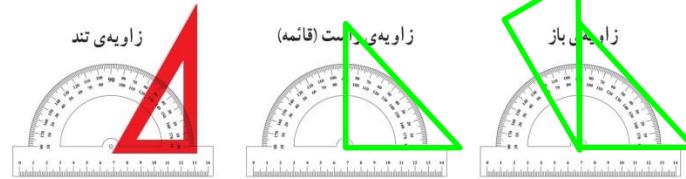
پاسخ خود را با هم کلاسی هایتان مقایسه کنید. **دست ورزی** (اجام تمرین به صورت عملی، توسط دانش آموزان)

• فعالیت •

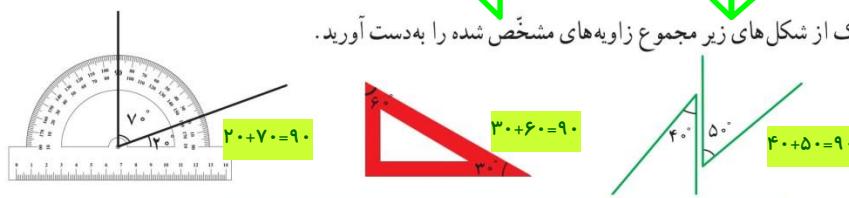
Telegram.me/RiaziDabestan

www.Mathrade.ir

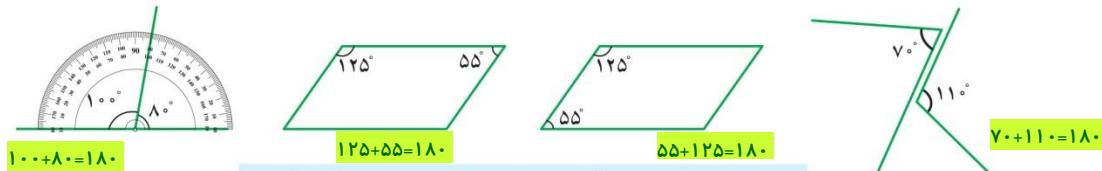
- مانند نمونه با استفاده از گشتهای یک یا چند گونیا، زاویه‌های زیر را بسازید و تصویر آن را بکشید.



- در هر یک از شکل‌های زیر مجموع زاویه‌های مشخص شده را به دست آورید.



به هر دو زاویه که مجموع آنها 90° درجه باشد دو زاویه‌ی متمم گویند.



به هر دو زاویه که مجموع آنها 180° درجه باشد دو زاویه‌ی مکمل گویند.

• کار در کلاس •

- جاهای خالی را کامل کنید.

زاویه 74°	زاویه 25°	زاویه 60°	زاویه 110°
متّم 16°	متّم 65°	متّم 30°	متّم 70°
مکمل 106°	مکمل 155°	مکمل 120°	مکمل 90°

- در هر یک از موارد بالا اختلاف زاویه‌ی متّم و زاویه‌ی مکمل چقدر است?

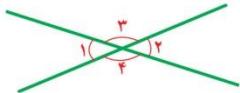
دو زاویه‌ی متّم را به گونه‌ای تقسیم کنید که اندازه‌ی یک زاویه دو برابر دیگری باشد.

هر کدام از این زاویه‌ها چند درجه است؟ 30° و 60°

- همین کار را با دو زاویه‌ی مکمل انجام دهید. هر کدام از این دو زاویه چند درجه است?

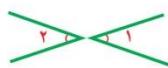
120° و 60°

• فعالیت •

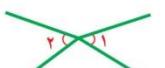


وقتی دو خط همیگر را قطع می‌کنند چهار زاویه درست می‌شود. زاویه‌های رو به رو دو به دو متقابل به رأس هستند. در شکل رو به رو زاویه‌ی ۱ و ۲ و زاویه‌ی ۳ و ۴ با هم متقابل به رأس هستند.

۱- آیا زاویه‌های مشخص شده زیر متقابل به رأس هستند؟ چرا؟ **بیستند**



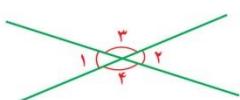
دو خط همیگر را قطع نکرده اند - راس مشترک



خط‌ها در امتداد هم نیستند.



خط‌ها در امتداد هم نیستند.



۲- زاویه‌های مثل زاویه‌های رو به رو را روی کاغذ شفاف بکشید. حالا کاغذ شفاف را آنقدر بچرخانید که ضلع‌های زاویه دوباره روی هم قرار بگیرد. آیا می‌توانیم بگوییم زاویه‌ی ۳ و ۴ با هم برابر است؟ **بله**

زاویه‌ی ۱ و ۲ چطور؟ **بله**

۳- در شکل‌های زیر کدام دو زاویه با هم برابرند و زاویه‌های بالا و پایین.



۴- اگر زاویه‌ی (۱) پنجاه درجه باشد، زاویه‌ی (۲) چند درجه است؟ چرا؟ **۱۳۰** - زیرا زاویه ۱ و ۲ مکمل هستند و مجموع آنها ۱۸۰ می‌شود.

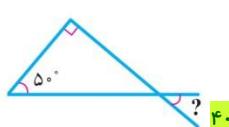
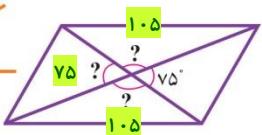
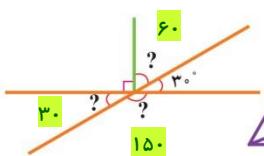
آیا می‌توان گفت زاویه‌ی (۳) مکمل زاویه‌ی (۲) است؟ **بله**

با این حساب زاویه‌ی (۳) چند درجه است؟ **۵۰**

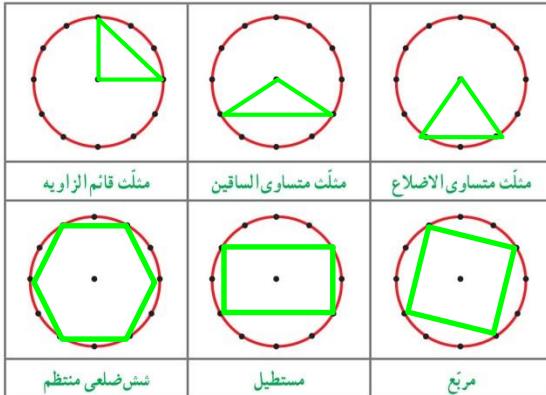
زاویه‌ی (۳) با کدام زاویه برابر است؟ **زاویه ۱**

زاویه‌ی (۲) چطور؟ **زاویه ۴**

• کار در کلاس •



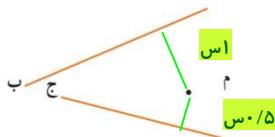
۱- اندازه‌ی زاویه‌های خواسته شده را بیابید.



۲- دایره‌ای بکشید و مانند شکل رو به رو، روی نقاط آن سوزن بزنید.

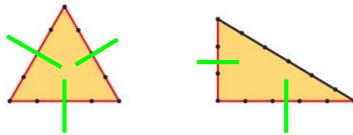
با کش، شکل‌های داخل جدول را بسازید و تصویر آن را بکشید. از نقطه‌ی مرکز هم استفاده کنید.
تصویرهای خود را با تصویرهای هم کلاسی هایتان مقایسه کنید.

• تمرین

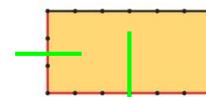


۱- فاصله‌ی نقطه‌ی (م) را از دو خط داده شده پیدا کنید.

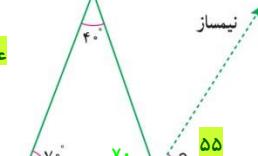
۲- در شکل‌های زیر عمودمنصف ضلع‌های قرمز رنگ را بکشید.



۳- زاویه‌های خواسته شده را بیابید. راه حل خود را بنویسید.



۴- مکمل زاویه‌ی (۱) صد و پنجاه درجه است. زاویه‌ی (۲) چند درجه است؟



وقتی مکمل ۱۵۰ باشد، زاویه یک ۳۰ درجه است، زاویه ۱ و ۲ جو متقابل به راس هستند با هم برابرند

۵- نسبت دو زاویه‌ی متمم ۲ به ۳ است. هر کدام چند درجه است؟

۶- نسبت متمم زاویه‌ای به مکمل آن $\frac{2}{5}$ است. این زاویه چند درجه است؟

۷- زاویه‌ی بین عقربه‌ی ساعت‌شمار و عقربه‌ی دقیقه‌شمار را در زمان‌های زیر پیدا کنید.



۸- ده درصد دایره‌ی رو به رو آبی است. زاویه‌ی خواسته شده چند درجه است؟

۹- درصد دایره را زرد کنید. این زاویه چند درجه است؟

۱۰- درصد دایره چه زاویه‌ای را نشان می‌دهد؟ اگر شاعع دایره 10° سانتی‌متر باشد این مقدار چه مساحتی دارد؟

$$10 \times 10 \times \pi / 4 = 314$$

$$\frac{3}{4} \times 314 = 235.5$$

$$درجه ۷۵ = (3 \times 90) - (3 \times 60)$$

زاویه بزرگ	۳	۵۴
زاویه کوچک	۲	۳۶
مجموع	۵	۹۰

اندازه دقیق زاویه بین عقربه‌های ساعت $3:30$
از طریق نقاله و رابطه ریاضی بدست می‌آید.
 $(3 \times 60) - (5/5 \times 30) = 180 - 30 = 150$

۱۱- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۲- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۳- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۴- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۵- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۶- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۷- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۸- نیمساز زاویه را بکشید.

۱۹- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۰- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۱- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۲- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۳- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۴- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۵- نیمساز زاویه را بکشید.

۲۶- نیمساز زاویه را بکشید.

مرور فصل

Telegram.me/RiaziDabestan

www.Matherde.ir

فرهنگ نوشتن

۱- مراحل ساخت یک مکعب مستطیل را بنویسید.

۲- مستطیل که ۲ برابر با هم مساوی هستند، را به هم می‌حسابیم.

۳- چگونه می‌توانیم اندازه‌ای را دقیق‌تر بیان کنیم؟

با کوچکتر کردن واحد‌ها.

۴- آیا دقت در اندازه‌گیری همیشه مطلوب و یا مقرر به صرفه است؟

خیر - در مواردی که اندازه گیری دقیق، زمان زیادی نیاز دارد یا وسیله‌ی اندازه گیری گران قیمتی می‌خواهد و اندازه تقریبی نیاز ما را رفع می‌کند.

مثلاً در خرید آهن برای ساختمان، نیاز نداریم ولی برای خرید طلا، باید دقیق اندازه گرفت.

۵- مراحل پیدا کردن فاصله‌ی یک نقطه از خط را بنویسید.

کوتاه‌ترین فاصله نقطه از خط، مسیر عمود است. پس باید از نقطه به خط، یک خط عمود رسم کنیم و آن را اندازه بگیریم.

تمرین



اندازه‌ی مساحت قاعده آب میوه، ۵۰ سانتی متر مربع است.

اندازه‌ی ارتفاع آب میوه، ۲۰ سانتی متر است.

اندازه‌ی حجم آب میوه، ۱ لیتر است.

۱- مهرداد گفت: اندازه‌ی _____ است.

۲- برای هر یک از اندازه‌های زیر مثال‌های واقعی پیدا کنید.

بین ۲ تا ۴ لیتر: گنجایش کلمن آب طول مداد ۱۵

حدود ۵ دقیقه: زمان یک ترک موسیقی وزن کتاب ۱۰۰

۲ تا ۵ هکتار: مساحت پارک جنگلی ۱۰۰ تا ۱۵۰ متر مربع: مساحت منزل

بین هزار تا ده هزار سانتی متر مکعب: حجم دوغ خانواده

۳ تا ۲۰ سی سی: حجم شیر تغذیه مدارس

حدود ۱۰ تن: وزن کامیون

۳- واحده را به یکدیگر تبدیل کنید.

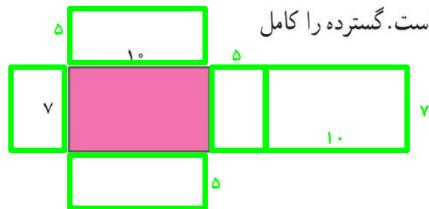
لیتر	۱	۹/۵
سی سی	۱۰۰	۹۵۰۰

کیلومترمربع	۱	۰/۱۰
هکتار	۱۰۰	۳۰

کیلوگرم	۱	۰/۶۵
گرم	۱۰۰	۶۵۰

متر	۱	۳/۲
دسی متر	۱۰	۳۲

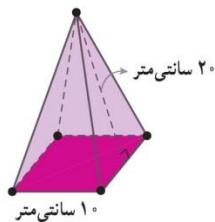
$$1/7 \text{ مترمکعب} = 1200 \text{ دسی مترمکعب} = 30000 \text{ سانتی مترمربع} = 3 \text{ مترمربع} = 4 \text{ سانتی مترمکعب}$$



۴- بخشی از گستردگی مکعب مستطیلی به ارتفاع ۵ واحد کشیده شده است. گستردگ را کامل کنید. سطح گستردگ و حجم مکعب مستطیل را بدست آورید.

$$\text{مساحت سطوح گستردگ} = 2 \times [(10 \times 7) + (10 \times 5) + (7 \times 5)] = 2 \times (70 + 50 + 35) = 2 \times 155 = 310$$

$$\text{حجم مکعب} = 10 \times 7 \times 5 = 350.$$



۵- اگر بخواهیم یک جعبه‌ی مقوایی به شکل رو به رو بازیم چقدر مقدار مقوای نیاز داریم؟

$$(3 \text{ مثلث جانبی}) + \text{ مربع(قاعده)} = \text{مساحت سطوح}$$

$$\text{مساحت مربع} = 10 \times 10 = 100$$

$$\text{مساحت مثلث جانبی} = 4 \times 10 \times 20 \div 2 = 4 \times 100 = 400$$

$$\text{مساحت سطوح} = 500 = 500 + 400 = 900$$

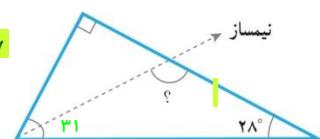
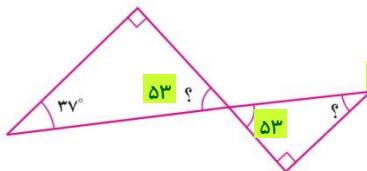
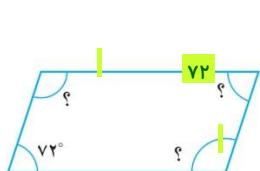
۶- در جاهای خالی یکی از عددهای ۴ و ۸ و ۱۲ و ۱۶ را بگذارید.

$$\text{محیط مربعی به ضلع } 16 \text{ سانتی متر} = 64 \text{ سانتی متر}$$

$$\text{مساحت مربعی به ضلع } 8 \text{ سانتی متر} = 64 \text{ سانتی مترمربع}$$

$$\text{حجم مکعبی به ضلع } 4 \text{ سانتی متر} = 64 \text{ سانتی مترمکعب}$$

۷- زاویه‌های خواسته شده چند درجه است؟

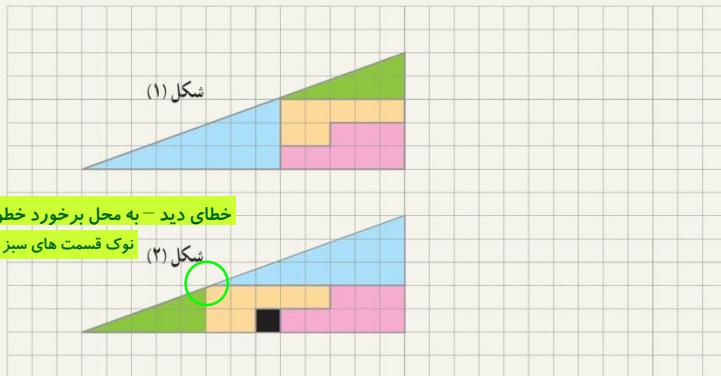


معمّا و سرگرمی

قطعه‌ها را مانند شکل (۱) ببرید و سپس مانند شکل (۲) در کنار هم قرار دهید.

آیا مساحت این دو شکل هم اندازه است؟ **بله**

خطای دید - قسمت‌های سبز و زرد و آبی در شکل دوم کمی کوچکتر از همنگ خود در شکل ۱ هستند.



با تشکر از همکاران عزیز که
در اصلاح پاسخ‌ها یاری
نمودند،

آقایان و خانم‌ها:

آرمان مقدم - گلستان

خدیجه بیزنسی - نور

مهین حاتم نیا - ایلام

خانم نیک آبین - تهران

سمیه نائلی - خراسان رضوی

فاطمه رحمت آبادی - کرمانشاه

سکینه اسماعیلی، ارومیه

نرگس باقر آبادی - قزوین

کیانوش صحنعلی - خوزستان

فرهنگ خواندن

تاکنون کلماتی مانند: کیلومتر، مگابایت، نانومتر و ... را شنیده‌اید. آیا می‌دانید معنی هر کدام چیست؟
کیلو یعنی 1000 (هزار) برابر. پس یک کیلوگرم یعنی 1000 گرم و یک کیلومتر یعنی 1000 متر و یک
کیلویایت (1024 بایت) تقریباً 1000 بایت است.

مگا یعنی 1000000 (میلیون) برابر و گیگا یعنی $1,000,000,000$ (میلیارد) برابر.

از آن طرف دسی یعنی یک دهم ($\frac{1}{10}$) و سانتی یعنی یک صدم ($\frac{1}{100}$) و میلی یعنی یک هزارم ($\frac{1}{1000}$)

میکرو یعنی یک میلیونیوم ($\frac{1}{1000000}$) و نانو یعنی یک میلیاردم ($\frac{1}{1,000,000,000}$)

پس **یک سانتی‌متر** یعنی **یک صدم‌متر** و **یک میلی‌لیتر** یعنی **یک هزارم‌لیتر** و **یک نانومتر** یعنی **یک میلیاردم‌متر**.