

کنترل خرید

مکانیک سیالات

خواص سیال
استاتیک سیالات
جریان سیالات
محاسبات تلفات انرژی در جریان سیالات
۵۳
۵۴
۵۵
۵۶
۵۷
۵۸
۵۹
۶۰
۶۱
۶۲
۶۳
۶۴
۶۵
۶۶
۶۷
۶۸
۶۹
۷۰
۷۱
۷۲
۷۳
۷۴
۷۵
۷۶
۷۷
۷۸
۷۹
۸۰
۸۱
۸۲
۸۳
۸۴
۸۵
۸۶
۸۷
۸۸
۸۹
۹۰
۹۱
۹۲
۹۳
۹۴
۹۵
۹۶
۹۷
۹۸
۹۹
۱۰۰

کنترل فرآیندها

تبديل لاپلاس
۶۷
سیستم‌های کنترلی درجه اول
۶۷
سیستم‌های درجه اول متواالی و درجه دوم
۷۰
شیرهای کنترل، کنترلرها، ساده‌سازی بلاک دیاگرامها و افت کنترل
۷۲
پایداری، آزمون روث، مکان هندسی ریشه‌ها
۷۵
پاسخ فرکانسی، دیاگرام‌های بد و نایکوپست
۷۹

انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲

نفوذ مولکولی
۸۳
ضرایب انتقال جرم
۸۴
انتقال جرم بین فازها
۸۵
دستگاه‌های مربوط به عملیات گاز - مایع
۸۶
جذب و دفع گاز
۸۷
تقطیر
۸۸
استخراج مایع - مایع
۸۹
عملیات مرطوب‌سازی
۹۰
خشک کردن drying
۹۱
تبخیر
۹۲
جذب سطحی adsorption
۹۳
استخراج از جامدات Leaching
۹۴
۹۵
۹۶
۹۷
۹۸
۹۹
۱۰۰

سینتیک و طرح راکتورهای شیمیابی

واکنش‌های شیمیابی و معادلات سرعت
۱۰۱
تفسیر نتایج حاضر از راکتورهای نایپوسته
۱۰۲
راکتورهای منفرد کامل و مقدمات طراحی راکتور
۱۰۴
راکتور دوره‌ای (Recycle)
۱۰۵
طراحی راکتور برای واکنش‌های منفرد
۱۰۶
انتخاب راکتور مناسب
۱۰۷
طرح راکتور برای واکنش‌های چندگانه
۱۰۸
اثرات دما و فشار روی پیشرفت واکنش
۱۰۹
۱۱۰
۱۱۱

ریاضیات (کاربردی - عددی)

معادلات دیفرانسیل معمولی ODE
۱۱۲
معادلات دیفرانسیل مرتبه اول
۱۱۲
معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم
۱۱۲

حل معادلات دیفرانسیل با استفاده از سری ها

معادلات دیفرانسیل پارهای

ریشه یابی

درون یابی

انتگرال گیری

حل معادلات دیفرانسیل (محاسبات عددی)

حل معادلات دیفرانسیل پارهای (به روش محاسبات عددی)

حل دستگاه معادلات (ماتریس ها)

حل تشریحی

۱۲۸	زبان عمومی و تخصصی
۱۳۶	انتقال حرارت ۱ و ۲
۱۵۱	ترمودینامیک
۱۶۹	مکانیک سیالات
۱۸۰	کنترل فرآیندها
۱۹۳	انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲
۲۰۷	سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی
۲۱۸	ریاضیات (کاربردی - عددی)

Reading Comprehension

Direction: Read the following nine passages and answer the questions by choosing the best choice among (1), (2), (3) or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

Passage I

Fluid mechanics, as the name indicates, is that branch of applied mechanics which is concerned with the static and dynamics of liquids and gases. The analysis of the behavior of fluids is based upon the fundamental laws of applied mechanics which relate to the conservation of mass-energy and the force-momentum equation, together with other concepts and equations with which the student who has already studied solid-body mechanics will be familiar. There are, however, two major aspects of fluid mechanics which differ from solid-body mechanics. The first is the nature and properties of the fluid itself, which are very different from those of a solid. The second is that, instead of dealing with individual bodies or elements of know mass, fluid mechanics is frequently concerned with the behavior of a continuous stream of fluid, without beginning or end.

1 - Academically speaking, the student who takes the course of fluid mechanics, should have already passed solid mechanics. In other words, solid-body mechanic is fluid mechanics. (۸۵ سال)

- 1) needed to 2) prerequisite to 3) requisite to 4) prior to

2 - Unlike solid-body mechanics, is dealing with the behaviour of a continuous stream of fluid, without beginning or end. (۸۵ سال)

- 1) statics 2) dynamics 3) fluid mechanics 4) applied mechanics

3 - Fluid mechanics is regarded as a branch of applied mechanics because (۸۵ سال)

- 1) it is dealing with liquid and gases
2) fluid laws are similar to solid laws
3) the behaviour of fluid is bases upon the fundamental laws of applied mechanics
4) fluid mechanics like applied mechanics is concerned with the dynamics of continuous streams

Passage II

Petrochemicals are generally considered to be chemical compounds which are derived from petroleum either by direct manufacturer or by indirect manufacture as by-products from the variety of processes that are used during the refining of petroleum. Gasoline, kerosene, fuel oils, lubrication oils, waxes, asphalts, and the like are excluded from the definition of petrochemicals, since they are not, in the true sense, chemical compounds, but are, in fact, intimate mixtures of hydrocarbons.

The starting materials for the petrochemical industry are obtained from crude petroleum in one of two general ways. They may be present in the virgin petroleum and, as such, are isolated by physical methods such as distillation or solvent extraction. On the other hand, they may be present, if at all, in trace amounts and are synthesized during the refining operations.

4 - Fuel oils, lubricating oils, waxes and asphalts are (۸۵ سال)

- 1) petrochemicals 2) mixtures of hydrocarbons
3) partially petrochemicals 4) petroleum based chemicals

5 - The feedstock for petrochemical industry may be obtained either directly from of crude oil, or during refining operations. (۸۵ سال)

- 1) distillation – synthesized 2) distillation – solvent extraction
3) synthesis – distillation 4) solvent extraction – distillation

Passage III

The 19th Century saw enormous advances in polymer chemistry. However, it required the insights of chemical engineers during the 20th Century to make mass produced polymers a viable economic reality. When a plastic called bakelite was introduced in 1908 it sparked the dawn of the “Plastic Age” and quickly found used in electric insulation, plugs & sockets, clock bases, iron cooking handles, and fashionable jewelry. Today plastic has become so common that we hardly notice it exists. Yet nearly all aspects of modern life are positively and profoundly impacted by plastic.

6 – According to the above passage, choose the correct sentence. (۸۵ سوال)

- 1) Plastic is not a useful product in modern life.
- 2) Polymer chemistry is part of chemical engineering.
- 3) All the artificial jewelries are made from Bakelite.
- 4) Mass production of plastic was the achievement of chemical engineering.

7 – According to the above passage, complete the following sentence “It sparked the dawn of plastic age” means (۸۵ سوال)

- | | |
|------------------------------------|---|
| 1) the plastic age started | 2) Bakelite is a plastic |
| 3) plastic can be joined by sparks | 4) when you see a spark the dawn starts |

Passage IV

One of the industrial processes for the production of phenol is a two stage oxidation reaction in which initially toluene is converted to benzoic acid which in turn is oxidized to phenol. Efficient gas-liquid contacting design and economic recovery of organics from the water containing fractions in the second stage are the two main design problems.

The incentive for switching to toluene as an aromatic source comes from the oversupply of toluene available at low-cost from petroleum reforming. The major disadvantages of the method are the two-stage oxidation with the handling of solid intermediate and a fairly elaborate process scheme throughout. The development of a simpler, single step oxidation of toluene would indeed be a major break-through in synthetic phenol production.

8 – Toluene is a good raw material for the production of phenol because (۸۵ سوال)

- 1) it is an aromatic source
- 2) its production exceeds its demand
- 3) it is converted to phenol in two stages
- 4) it is produced during petroleum reforming

9 – In the production of phenol, benzoic acid is a/an (۸۵ سوال)

- 1) product
- 2) by-product
- 3) raw material
- 4) an intermediate

Passage V

From blankets and cloths to beds and pillows, synthetic fibers keep up warm, comfortable, and provide a good night's rest. Synthetic fibers also help reduce the strain on natural sources of cotton and wool, and can be tailored to specific applications. For example; nylon stockings make legs look young which bullet proof vests keep people out of harm's way.

10 – According to the text, choose the correct sentence. (۸۵ سوال)

- 1) synthetic fibers have a dominant role in everyday life.
- 2) synthetic fibers are not as good as natural fibers.
- 3) synthetic fibers are made from petroleum derivatives.
- 4) synthetic fibers put a lot of pressure on the consumption of cotton and wool.

Passage VI

An immense number of analytical solutions for conduction heat-transfer problems has been accumulated in the literature over the past 100 years. Even so, in many practical situations the geometry or boundary conditions are such that an analytical solution has not been obtained at all, or if the solution has been developed, it involves such a complex series solution that numerical evaluation becomes exceedingly difficult. For such situations the most fruitful approach to the problem is one based on finite-difference techniques. Of course, the rapid development of high-speed computers has enabled the practicing heat-transfer specialist to obtain numerical solutions to many problems heretofore believed to be impossible.

11 – From the text, the writer implies that the accumulation of the analytical solutions to the problems of conduction heat-transfer has not offered clear-cut solutions to them over the past 100 years.

The word “offered” here is closest in meaning to

(۸۵ سال)

- 1) attained 2) prescribed 3) proposed 4) mentioned

12 – From the text, it can be inferred that with the aid of high-speed computers, heat-transfer specialists have made a remarkable in finding numerical solutions to many problems heretofore believed to be impossible.

(۸۵ سال)

- 1) Progress 2) latterly 3) which 4) formerly

13 – The word “heretofore” in the last line of the text is closest in meaning to

(۸۵ سال)

- 1) they 2) latterly 3) which 4) formerly

Passage VII

Chemical engineers have long studied complex chemical processes by breaking them up into smaller “unit operations.” Such operations might consist of heat exchangers, filters, chemical reactors and the like. Fortunately this concept has also been applied to the human body. The results of such analysis have helped improve clinical care, suggested improvements in diagnostic and therapeutic devices, and led to mechanical wonders such as artificial organs. Medical doctors and chemical engineers continue to work hand in hand to help us live longer fuller lives.

14 – According to the text above, finish the following sentence.

The human body

(۸۵ سال)

- 1) "Unit-operations" are more complicated than human organs.
- 2) Most of the diagnostic and the therapeutic devices are made by chemical engineers.
- 3) Medical doctors would not do anything without the help of chemical engineers.
- 4) Chemical engineers have helped medical doctors for health improvement of human.

15 – According to the text above, finish the following sentence.

The human body

(۸۵ سال)

- 1) is complete chemical process
- 2) can work with many artificial organs
- 3) can be broken up into small unit operations
- 4) needs more clinical care than complicated chemical plants

Passage VIII

Petroleum refineries are marvels of modern engineering. Within them a maze of pipes, distillation columns, and chemical reactors turn crude oil into valuable products. Large refineries cost billions of dollars, employ several thousand workers, operate around the clock, and occupy the same area as several hundred football stadiums. The U.S. has about 300 refineries that can process anywhere between 40 and 400,000 barrels of oil

These refineries turn out the gasoline and chemical feedstock's that keep the country running

16 – A maze of pipe refers to (سال ۸۵)

- 1) pipes with lots of valves and fittings
- 2) numerous pipes gone everywhere
- 3) a number of large pipes
- 4) pipes of different sizes

17 – Operations around the clock means (سال ۸۵)

- 1) work very precisely
- 2) operate on a time basis
- 3) all units are time dependent
- 4) operate on a continuous basis

Passage IX

The domination of oil is coming to an end. Emissions of CO₂ must be reduced.

These two widely-publicised premises press for new sources of energy, and soon, too. The steadily increasing price of crude oil adds weight. Could hydrogen be the elixir for the world's energy supply?

Why not? Hydrogen is the most abundant element on earth (in the universe, in fact), and its energy release does not contribute CO₂ to the atmosphere. Hydrogen looks ideal. No more energy cartels; no more global warming warnings attributed to human's energy uses. Seems perfect. Let's look at key facets of such an energy system to be sure.

First, availability. Yes, hydrogen is all over the place-in almost everything organic, in the ground, and in water, the substance which covers about 70% of the earth's surface. But is hydrogen easily captured by itself? There's a rub. Hydrogen clings tightly to its neighbours. Much energy has to be expended for it to release its bond, then, usually, some more energy must be given up to separate and purify it; hydrogen has to be pure for most effective, efficient energy uses.

18 – We need new sources of energy in order to (سال ۸۵)

- 1) decrease oil prices
- 2) decrease CO₂ discharges
- 3) publicise the two premises
- 4) make oil a dominant source of energy

19 – What is a disadvantage of hydrogen as an energy source? (سال ۸۵)

- 1) It has to be pure.
- 2) It is all over the place.
- 3) It is not energy efficient.
- 4) It is elixir of the world's energy supply.

20 – Hydrogen can be a good alternative energy source to oil because (سال ۸۵)

- 1) it is an ideal gas
- 2) it is a scarce element
- 3) it does not cause global warning
- 4) it has low CO₂ emission to atmosphere

Reading Comprehension

Direction: Read the following passages and answer the questions by choosing the best choice among (1), (2), (3) or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

In leaching, soluble material is dissolved from its mixture with an inert solid by means of a liquid solvent. Typical countercurrent leaching plant consists of a series of units, in each of which the solid from the previous unit is mixed with the liquid from the succeeding unit and the mixture allowed to settle. The solid is then transferred to the next succeeding unit, and the liquid to the previous unit. As the liquid flows from unit to unit, it becomes enriched in solute, and as the solid flows from unit in the reverse directions, it becomes impoverished in solute. The solid discharged from one end of the system is well extracted, and the solution leaving at the other end is strong in solute. The thoroughness of the extractions depends on the amount of solvent and the number of units. In principle, the unextracted solute can be reduced to any desired amount if enough solvent and a sufficient number of units are used.

21 – Which of the following words best describes the passage of the liquid and the solid from one unit to another? (سال ۸۶)

- 1) alternate 2) counter current 3) co-current 4) succeeding

22 – What is the best meaning for impoverished as used in this text? (سال ۸۶)

- 1) demoted 2) denatured 3) devastated 4) depleted

23 – What is the best meaning for discharged as used in this text? (سال ۸۶)

- 1) disbanded 2) dismissed 3) removed 4) introduced

A diffusion driven desalination process was recently described where a very effective direct-contact condenser with a packed bed is used to condense water vapor out of an air/vapor mixture. A laboratory scale direct contact condenser with packed bed has been fabricated with co-current and countercurrent flow stages. Temperature and humidity data have been collected at the inlet and exit of the packed bed for different water to air mass flow ratios that vary between 0 and 2.5. The condenser effectiveness is strongly dependent on the water to air mass flow ratio and not sensitive to the air inlet temperature/humidity. Because the temperature range is small at any cross section for the current application, a simplified two-fluid model using one-dimensional mass and energy conservation equations has been developed for co-current and countercurrent flow packed bed direct contact condensation heat and mass transfer. A one-dimensional model based on conservation principles, predicts the variation of temperature, humidity, and condensation rate through the condenser stages. In general, the analytical model proves to be quite satisfactory for predicting the thermal performance of both flow configurations.

24 – A direct contact condenser can be fabricated with flow stages. (سال ۸۶)

- 1) vertical 2) perpendicular 3) horizontal 4) cocurrent

25 – The condenser efficiency is sensitive to (سال ۸۶)

- 1) temperature 2) humidity
3) latent heat 4) water to air mass flow ratio

26 – The two fluid models for heat and mass transfer in direct contact condensation has been used (سال ۸۶)

- 1) because of the low temperature variation
2) because of the constant temperature
3) because of the low pressure variation
4) to develop one dimensional mass and energy conservation equation

27 – In which case is the use of the analytical model satisfactory? (سال ۸۶)

- 1) with caution for counter current flow 2) cocurrent and countercurrent flows
3) only cocurrent flow 4) for vertical flow

Important determinants of solvent selection

Early predictions suggested that solvents would eventually be eliminated from industrial applications because of health and environmental concerns. After a short period of a small decline in solvent use in 1990s, the solvent demand is now growing steadily by 2.3% per year.

At the same time, there have been changes in the types of solvents that are being used today. The general trend towards elimination and replacement of some the more toxic and environmentally unfriendly species. There has been an increase in the use of high-performance solvents, as well as the application of engineering controls to prevent accidental releases of solvents. In line with these trends, it is essential for chemical engineers to understand the parameters that are important for solvent selection, enabling them to choose a high performance solvent for a particular application.

- 28 – Solvent consumption is (سال ۸۶)
 1) being eliminated 2) at steady state 3) growing slowly 4) growing fast
- 29 – Species means (سال ۸۶)
 1) brands 2) elements 3) micrororganisms 4) solvents
- 30 – In line with these trends means, (سال ۸۶)
 1) in accordance with what was said before
 2) in harmony with consumption
 3) in comparison with others 4) nevertheless
- 31 – To choose the right solvent (سال ۸۶)
 1) selection parameters should be understood
 2) prices should be compared
 3) plant engineers should be trained 4) its performance should be high

Research investigation for a chemical industrial company in general covers three main aspects. There is research on the existing processes, which has the objectives of improving the processes and lowering the costs; then there is a field of research arising from modifications and alterations to these processes and lastly there is exploratory research on entirely new processes and products.

- 32 – One of the main objectives to carry out research in a chemical industrial company is: (سال ۸۶)
 1) decreasing taxes
 2) increasing production costs ,
 3) changes in an existing process 4) increasing maintenance
- 33 – The results of research in a chemical industrial company can be: (سال ۸۶)
 1) abandoned product
 2) completely new products
 3) conventional products 4) traditional products

In one plant, odorous emissions were observed for several years near a drum dryer line used for volatilizing an organic solvent from a reaction mixture.

Although two dryer-product lines existed, the odors were observed only near one line. The analysis and field testing indicated that the chemical compounds causing the odors were produced in upstream unit operations due to the hydrolysis of a chemical additive used in the process. The hydrolysis products were stripped out of the solution by the process solvent and appeared as odorous fumes at the dryer. Conditions for hydrolysis were favorable at upstream locations because of temperature and acidity conditions and the residence time available in the process. Also, the water for the hydrolysis was provided by another water-based chemical additive used in the dryer line that had the odor problem.

Because the cause of the odorous emission was the process chemistry, the plant had to evaluate ways to minimize hydrolysis and the resulting formation of odorous products. Ventilation modifications to mitigate the odor levels would not be a long-term solution to the odor problem.

- 34 – The text talks about how the odors can be (سال ۸۶)
 1) prevented 2) observed 3) generated 4) emitted
- 35 – The main source of odor was due to (سال ۸۶)
 1) acidic conditions
 2) degradation of the organic solvent
 3) hydrolysis of a chemical compound 4) long residence time conditions
- 36 – Odor problem could be successfully overcome by, (سال ۸۶)
 1) adding a new line
 2) preventing hydrolysis
 3) strip out chemical compound 4) ventilation

37 – Water for hydrolysis comes from

(۸۶ سال)

- 1) another chemical additive
- 2) chemical reaction within the process
- 3) odorous compound
- 4) the other dryer line

The search for alternative sources of energy has led various directions. Many communities are burning garbage and other biological waste products to produce electricity. Converting waste products to gases or oil is also an efficient way to dispose of wastes.

Experimental work is being done to derive synthetic fuels from coal, oil shale, and coal tars. But to date, that process has proven expensive. Other experiments are underway to harness power with giant windmills. Geothermal power, heat from the earth, is also being tested.

Some expert utility companies to revive hydroelectric power derived from streams and rivers. Fifty years ago hydroelectric power provided one third of the electricity used in the United States, but today it supplies only 4 percent. The oceans are another potential source of energy. Scientists are studying ways to convert the energy of ocean currents, tides, and waves to electricity. Experiments are also underway to make use of temperature differences in ocean water to produce energy.

38 – Which is the best title for the passage?

(۸۶ سال)

- 1) The use of water products for Energy
- 2) New discoveries in geothermal power
- 3) Efficient ways of disposing of waste
- 4) Alternative sources of energy

39 – Which of the following is NOT mentioned in the passage as an alternative source of energy? (۸۶ سال)

- 1) Synthetic fuels
- 2) Geothermal power
- 3) Electricity
- 4) Burning of garbage

40 – What can be inferred from the last paragraph?

(۸۶ سال)

- 1) All alternative production of energy will be derived from water
- 2) Alternative energy will come from a variety of sources
- 3) Hydroelectric power will be the main source of energy
- 4) Synthetic fuels will be the principal source of alternative energy

PART A: Vocabulary

Direction: Choose the number of the answer (1), (2), (3) or (4) that best completes the sentence. Then mark your answer on the answer sheet.

41 – The board agreed to two committees to examine the proposals. (۸۷ سال)

- 1) distinguish
- 2) generate
- 3) establish
- 4) attribute

42 – The Red Cross organized the of food and clothing in the disaster area. (۸۷ سال)

- 1) distribution
- 2) application
- 3) integration
- 4) implementation

43 – A high of the products tested were found to contain harmful chemicals. (۸۷ سال)

- 1) contribution
- 2) proportion
- 3) dimension
- 4) resolution

44 – The slight difference in the way men and women are affected by the drug is not really (۸۷ سال)

- 1) intrinsic
- 2) contrary
- 3) predominant
- 4) significant

45 – The schedule isn't final, but we don't many changes. (۸۷ سال)

- 1) estimate
- 2) anticipate
- 3) conduct
- 4) allocate

46 – They principles of international law to claim ownership of the sunken ship. (۸۷ سال)

- 1) invoked
- 2) promoted
- 3) induced
- 4) derived

- 47 – The program allows learners to their own interests as well as do their school work. (سال ۸۷)
1) attain 2) retain 3) display 4) pursue
- 48 – Continued economic growth is a danger to the environmental of the planet. (سال ۸۷)
1) assurance 2) stability 3) convention 4) conformity
- 49 – During the last one hundred years, every aspect of life has been westernized. (سال ۸۷)
1) conversely 2) primarily 3) virtually 4) redundantly
- 50 – U.N. officials have called for extra financial to deal with the emergency. (سال ۸۷)
1) resources 2) circumstances 3) parameters 4) initiatives

PART B: Grammar

Direction: Read the following passages and decide which choice (1), (2), (3) or (4) best fits each blank. Then mark your answer on your answer sheet.

Everyone brings some kind of power to the negotiating table. It's easy to be awed ... (51)... external sources of power and influence while ... (52)... such internal sources of your own power ... (53)... your self-esteem, self-knowledge and confidence ... (54)... fast on your feet. Power in a negotiation can be very dynamic. Be patient and your own store of internal power ... (55)... to your advantage.

- 51 – (سال ۸۷)
1) for 2) with 3) by 4) from
- 52 – (سال ۸۷)
1) overlooking 2) to overlook 3) be overlooking 4) being overlooked
- 53 – (سال ۸۷)
1) of 2) as 3) like 4) about
- 54 – (سال ۸۷)
1) you think 2) so thinking 3) to think 4) as you are thinking
- 55 – (سال ۸۷)
1) being working 2) is working 3) is to work 4) will work

PART C: Reading Comprehension

Direction: Read the following passages and choose the best choice (1), (2), (3) or (4). Then mark it on your answer sheet.

Passage I

Discarded tires have been a disposal problem in the past and continue to accumulate throughout the world today. Recent figures from the United States Environmental Protection Agency (EPA) show that over 279 million discarded tires are being added to an estimated 2~3 billion tires currently stockpiled around the U.S. The discarded tires can present both health and environmental hazards. Improperly stored tires are potential breeding grounds for diseases-carrying insects and rodents; tire fires can be difficult and expensive to extinguish and can cause air, soil and water quality problems.

۱۷ | مجموعه مهندسی شیمی | آزاد پارسه | آموزش عالی آزاد پارسه

56 – In the U.S., there are:

(سال ۸۷)

- 1) little concerns about used tires.
 2) about 2-3 billion tires on the roads.
 3) billions of accumulated used tires.
 4) millions of improper stockpiles of discarded tires

57 – To extinguish means to

(سال ۸۷)

- 1) put out 2) expand
 3) destroy 4) find out

58 – Due to storage of discarded tires

(سال ۸۷)

- 1) environmental hazards may be eliminated
 2) there will be potential for energy saving
 3) soil quality problem can be prevented
 4) water pollution may happen

Passage II

The human-relations aspect of engineering practice is not usually emphasized in undergraduate training because of the great quantity of technical information and techniques the student must learn. That this may be a fallacious course is implied by the fact that failures of young engineers because of personnel problems are at least five times as frequent as failures because of inadequate technical training. All engineers must realize that the industry in which they are working requires team effort of all personnel. Valuable information can be obtained from operators of limited educational background who have observed similar processes. The person who has "lived" with an operation has probably observed actions and effects and has learned methods of detailed control that cannot be approached by formal theory alone. The best engineering job can be done only with proper regard for all available facts regardless of their source. A new process or the technical improvement of an existing one designed without due regard for the operators is usually destined to failure. The start-up of a new plant or the installation of a technical change is likely to be much smoother and the cost of it much less if the operating personnel understand the objectives and are convinced of their soundness.

59 – According to the passage

(سال ۸۷)

- 1) there is no failure of young engineers due to personal relations.
 2) inadequate technical information can be compensated by personal relations.
 3) failure of young engineers due to personal relations is five time greater than failure due to inadequate technical training.
 4) failure of young engineers due to inadequate technical training is five times greater than failure due to personal relations.

60 – According to the passage personal relations aspect of engineering is not emphasized because

(سال ۸۷)

- 1) it is not important in engineering practice
 2) industry work does not require team effort
 3) human relations aspect of engineering can be taught in industry
 4) there is a lot of technical information to be taught in undergraduate training

61 – "Soundness" in the last sentence mean that the objectives are

(سال ۸۷)

- 1) lousy 2) logically valid 3) irrational 4) with sound

62 – According to the passage a lot of technical information can be obtained from

(سال ۸۷)

- 1) operating personnel
 2) human relations
 3) the startup of a new plant
 4) observing actions and effects

Passage III

Batch reactors are one of the reactors that are extensively used in industry. Because of its flexibility and convenience in operation, batch reactors are always used in manufacturing products in small volume but of high added value. However, batch reactors are operated in a closed tank. Improper control may have other sub-reaction or cracking reaction not found in correct production. If out of control, reactors may reach high temperature and pressure beyond the endurance of the reactor, thus resulting in a runaway. Similar runaway phenomenon can be found in continuously stirred tank reactors (CSTRs).

63 – A runaway (۸۷ سال)

- 1) only occurs in CSTR
- 2) only occurs in batch reactors
- 3) is the limit of endurance of a batch reactor
- 4) is a situation which has grown out of control

64 – Batch reactors (۸۷ سال)

- 1) are operated at very high pressure and temperature
- 2) are used for massive production of expensive products
- 3) are used for production of expensive products
- 4) can be used for the production of a very limited range of products

Passage IV

Activated carbon (AC) has been widely used in various fields due to its outstanding adsorption capacity of organic compounds. AC can remove harmful organic compounds from industrial wastewaters. Recently, the demand for AC is growing rapidly in Korea as the emission standards of treated wastewater become more stringent. However, a disadvantage of using AC is its high cost in both operation and disposal of spent ones, which makes the regeneration of the spent activated carbon (SAC) economically feasible. Thermal regeneration has been a broadly applied method among various techniques, but, upon the regeneration, it suffers from production of air pollutants, a high energy input, decrease in hardness of AC, and enlargement of pore size.

As an alternative to the thermal regeneration, chemical regeneration of SAC using organic solvents might be a choice due to its high regenerating rates as well as recovery of the original integrity of SAC. Chemical regeneration becomes more economical than thermal regeneration as the amount of adsorbate increases.

65 – The emission standards of treated wastewater in Korea have become: (۸۷ سال)

- 1) tougher
- 2) relaxed
- 3) more complex
- 4) more flexible

66 – What can be said for thermal regeneration of activated carbon? (۸۷ سال)

- 1) It encloses the pore size of activated carbon.
- 2) It has been used more than other techniques.
- 3) It increases the hardness of activated carbon.
- 4) It has economical energy consumption.

67 – Chemical regeneration of activated carbon might be a better choice compared to thermal regeneration because: (۸۷ سال)

- 1) it is always more economical
- 2) it uses an organic solvent
- 3) the amount of adsorbate increases
- 4) it produces reactivated carbon at a high rate

Passage V

In recent years, the risks posed by chemical industries to life, property and environment has significantly increased due to many reasons: increased population density near industrial complexes, size of operation, complexity, and use of extreme operating conditions. This has led to the development and use of better hazard identification and analysis techniques like EMEIA, QRA, HAZOP etc. which try to reduce the

frequency and consequences of accidents. Such safety analyses at later stages complicate the design and prompt additional costs. Estimates show that in the oil and chemical industries, 15-30% of capital cost is now spent on such safety and pollution prevention measures. This has challenged chemical industries to develop processes that are inherently safer, environmentally friendlier, simpler, and more cost effective.

Just because it has not happened yet, does not mean that one has a safe facility. Many people have said, "We haven't had an accident here in 15 years." They, therefore, assume they have a safe facility. Such a statement is an absolute fallacy. No doubt they said that one day before Bhopal, Chernobyl Pasadena, etc.

- 68 – In the second paragraph of the passage “an absolute fallacy” means: (۸۷ سال)
1) completely wrong 2) unbelievable 3) an exaggeration 4) perfectly true

69 – In the first sentence in the second paragraph of the passage, “it” refers to: (۸۷ سال)
1) hazard 2) an accident
3) hazard analysis and identification 4) frequency and consequences of accidents

70 – The hazards of chemical industries have increased recently because chemical factories: (۸۷ سال)
1) have become less complex 2) use moderate temperatures and pressures
3) have got bigger in size 4) are situated near to less populated areas

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3) or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 71 – Dogs and wolves are members of the same..... . (سال ۸۸)
 1) species 2) monsters 3) creatures • 4) primates

72 – I've been prescribed iron tablets to make up the..... . (سال ۸۸)
 1) fault 2) nutrition 3) deficiency 4) protection

73 – After years of research, scholars have finally.....this theory to a scholar in ancient Greece. (سال ۸۸)
 1) pondered 2) ascribed 3) depicted 4) disclosed

74 – They.....a 500-year lifespan for a plastic container. (سال ۸۸)
 1) alleged 2) survived . 3) diverged 4) postulated

75 – Teachers settled for a 4% pay rise with effect from last April. 1) foregone (سال ۸۸)
 1) foregone 2) preceding 3) retrospective 4) substantial

76 – Although she is only 20 years old, she has shown greatto stress. (سال ۸۸)
 1) potency 2) maturity 3) attribute 4) resilience

77 – The school governors have absolute 'over which students they admit. (سال ۸۸)
 1) discretion 2) attendance 3) pragmatism 4) aggression

78 – Short questions are more likely to.....a response. (سال ۸۸)
 1) elicit 2) undergo 3) perceive . 4) register ,.

79 – Many principles arein the Declaration of Human Rights. (سال ۸۸)
 1) resided 2) embodied 3) proceeded 4) submitted

80 – Scientists used to reason that the Sun went round the Earth, not (سال ۸۸)

- 1) in turn 2) vice versa 3) on the other hand 4) by contrast

PART B: Grammar

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

China has been influenced mainly by three systems of religion and morals: Confucianism, Taoism, and Buddhism. ... (81) ... started in China but Buddhism ... (82) ... from India in the 1st or 2nd century AD. Confucianism was usually regarded as the official religion of China until the revolution of 1911. The founder of Confucianism was Confucius, who was born in the 6th century BC and lived in ... (83) He taught that human happiness comes from the relationships between people; ... (84) ... the way in which people treat one another. The worship of ancestors an old Chinese custom was warmly recommended by him because ... (85) ... the old ways unchanged. God was to be honoured, but people could not know much about him and should not try to find out about supernatural things.

81 – (سال ۸۸)

- 1) Two first 2) First two 3) The two first 4) The first two

82 – (سال ۸۸)

- 1) carried there 2) was carried there
3) carried until there 4) was carried until there

83 – (سال ۸۸)

- 1) trouble times 2) troubling time
3) troubled times 4) troublesome time

84 – (سال ۸۸)

- 1) that is 2) in case
3) in addition 4) which includes

85 – (سال ۸۸)

- 1) it helped keeping 2) his helping for keeping of
3) it helped to keep 4) he helped keeping

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer questions 16-29 by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on our answer sheet.

Passage I:

Often spectacular oxidation of organic matter by atmospheric oxygen occurs by combustion. The burning of trees, grass and petroleum are examples of oxidation through the combustion process. Many organic compounds can exist in the environment in the presence of the 20% of oxygen in the atmosphere without combustion occurring. However, ignition by a spark or flame initiates the occurrence of combustion. The burning or combustion of organic matter such as wood and petroleum, is a major source of energy in human society. This has a major impact on the occurrence of oxygen and carbon dioxide in the Earth's atmosphere. The energy produced by combustion of many organic compounds can be estimated. The production of this energy is critical to the use of organic compounds as fuels.

۲۱ | مجموعه مهندسی شیمی
 مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

- 86 – What is the major source of energy in our life? (۸۸ سال)
 1) Nuclear 2) Biomass 3) Inorganic matter 4) Organic matter
- 87 – "Spectacular" means: (۸۸ سال)
 1) Gentle 2) Amazing 3) Partial 4) Spontaneous
- 88 – Oxygen depletion is because of (۸۸ سال)
 1) trees activities 2) ignition by a flame
 3) release of oxygen from organic matter 4) combinations of organic matters with oxygen
- 89 – Usually, the presence of oxygen will not affect organic compounds unless there is a/an (۸۸ سال)
 1) great accident 2) increase in temperature
 3) major source of energy 4) radical change in occurrence
- 90 – The text talks about: (۸۸ سال)
 1) Fuel from Oxidation 2) Energy for Human Society
 3) Oxidation through Combustion 4) Combustion through Oxidation

Passage II:

Leaching differs very little from the washing of filtered solids and leaching equipment strongly resembles the washing section of various filters. In leaching, the amount of soluble material removed is often rather greater than in ordinary filtration washing, and the properties of the solids may change considerably during the leaching operation. Coarse, hard, or granular feed solids may disintegrate into pulp or mush when their content of soluble material is removed.

When the solids form an open, permeable mass throughout the leaching operation, solvent may be percolated through an unagitated bed of solids. With impermeable solids or materials which disintegrate during leaching, the solids are dispersed into the solvent and are later separated from it. Both methods may be either batch or continuous.

- 91 – During filtration washing operation, the properties of the solvent may..... (۸۸ سال)
 1) remain the same 2) change 3) disintegrate 4) improve
- 92 – Which one of the following is the nearest in meaning to the underlined word disintegrate in the text? (۸۸ سال)
 1) dismantle 2) give away 3) take apart 4) break up
- 93 – from the text, it is understood that during leaching operation of permeable solids, the solvent may be an..... unagitated bed of solids. (۸۸ سال)
 1) passed through 2) poured out 3) secreted into 4) stirred in
- 94 – Which one of the following is the nearest in meaning to the underlined word dispersed in the text? (۸۸ سال)
 1) decayed 2) faded away 3) destroyed 4) discarded
- 95 – Which of the following titles is the most appropriate for the passage? (۸۸ سال)
 . 1) The Leaching Process 2) Filtration versus Leaching
 . 3) Leaching Equipment Performance . 4) Batch and Continuous Leaching Methods

Passage III:

Today's chemical process industry is gearing itself toward safer technology for a better environment. With increasing safety awareness in the industry and society, it has become every process engineer's responsibility to design a plant that provides 'minimum damage to the environment... the emphasis is often to minimize waste of materials and energy due to plant leaks.

Apart from pollution due to leakage of toxic materials, every drop leaked adds to the production cost. These leaks come from various sources - typically pumps, valves and flange joints. This can be reduced considerably, if not eliminated totally, by various steps. Valve leakage can be reduced by: 1) proper choice of valves with respect to material of construction, size and design conditions 2) proper installation; 3) periodic and preventive maintenance. In spite of taking all precautions, there is a possibility of fluid leakage from the valve gland. A bellows seal valve remedies this problem.

96 – Which of the following suggestions is the most suitable title for this passage? (۸۸ سال)

- 1) How to minimise valve leakage
- 2) Safer technology for a better environment
- 3) Toxic pollution in the chemical process industries
- 4) The importance of fluid leakage in chemical process

97 – Fluid leakage in chemical processes can lead to which of the following: (۸۸ سال)

- | | |
|---------------------------------|-----------------------------------|
| 1) reduction in pollution | 2) refrain from material waste |
| 3) increase in production costs | 4) decrease in energy consumption |

98 – Which of the following suggestions can reduce leakage of the valves: (۸۸ سال)

- | | |
|---------------------------------|------------------------------------|
| 1) the use of bellow seal valve | 2) choice of valves |
| 3) installation of the valve | 4) prevention of valve maintenance |

99 – In the last sentence "remedies" means: (۸۸ سال)

- | | | | |
|-------------|--------------|---------------|----------------|
| 1) relieves | 2) activates | 3) aggravates | 4) intensifies |
|-------------|--------------|---------------|----------------|

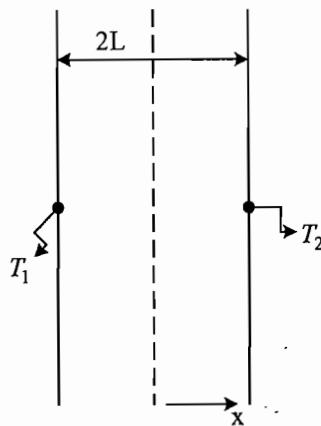
Part D: Fill in the blank by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

100 – There are two ways of a signal: (a) pneumatically, using compressed air or liquid, or (b) electrically, using electrical signals. (۸۸ سال)

- | | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1) transferring | 2) transporting | 3) transmitting | 4) transcending |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|

انتقال حرارت هدایتی یک بعدی و پایدار

- ۱۰۱ - در صفحه‌ای به ضخامت $2L$ حرارت با نوچ \dot{q} (W/m^3) تولید می‌شود. اگر جدارهای در دو طرف در دمای T_1 و محیط دارای دمای نیز برابر A باشد، مقدار حرارت انتقال یافته از صفحه به محیط در شرایط پایا چقدر است؟ (سال ۸۵)



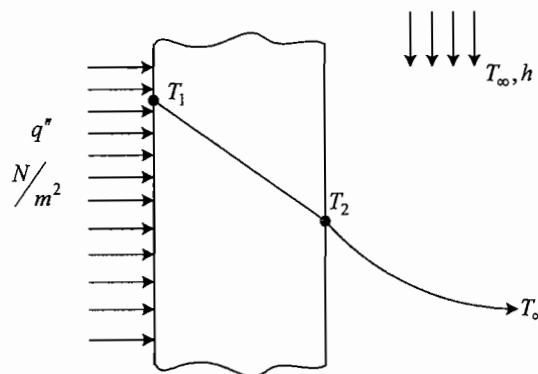
$$q = \dot{q} \quad (1)$$

$$q = \dot{q}(L \cdot A) \quad (2)$$

$$q = 2\dot{q}L \cdot A \quad (3)$$

$$q = \dot{q}\left(\frac{L \cdot A}{2}\right) \quad (4)$$

- ۱۰۲ - در دیوار تخت جامد شکل زیر در صورتی که ضریب هدایت حرارتی ثابت و برابر k و مساحت دیوار A باشد کدام‌یک از روابط زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)



$$T_2 = \frac{q''}{h} + T_\infty \quad (1)$$

$$T_1 = \frac{q''}{h} + T_\infty \quad (2)$$

$$T_2 = \frac{q''}{h} - T_\infty \quad (3)$$

$$T_1 = \frac{q''}{h} - T_\infty \quad (4)$$

- ۱۰۳ - ضریب هدایت گرمایی جسمی تابع دما است و با گرم شدن جسم کاهش می‌یابد. دمای یک طرف تیغه‌ای از این جسم T_3 و دمای طرف دیگر آن T_2 و هر دو ثابت‌اند. دمای وسط تیغه نسبت به مقدار $\frac{1}{2}(T_1 + T_2)$ چگونه است؟ (سال ۸۵)
- ۱) کمتر است. ۲) بیشتر است. ۳) برابر است. ۴) اطلاعات کافی نیست.

- ۱۰۴ - سه پره کاملاً هم شکل از سه جنس مختلف ساخته شده است و ضریب نفوذ حرارتی آن‌ها مطابق $\alpha_A > \alpha_B > \alpha_C$ است. روی آن‌ها موم پوشش داده شده است. اگر ابتدای میله‌ها به طور عمودی در آب جوش قرار گیرند، طولی از آن‌ها که موم روی آن ذوب شده باشد چگونه است؟ (سال ۸۵)

$$L_A = L_B = L_C \quad (1)$$

$$L_A > L_B > L_C \quad (2)$$

$$L_A < L_B < L_C \quad (3)$$

۴) هیچ‌کدام، میزان موم ذوب شده بستگی به ضریب هدایت حرارتی پره‌ها ندارد.

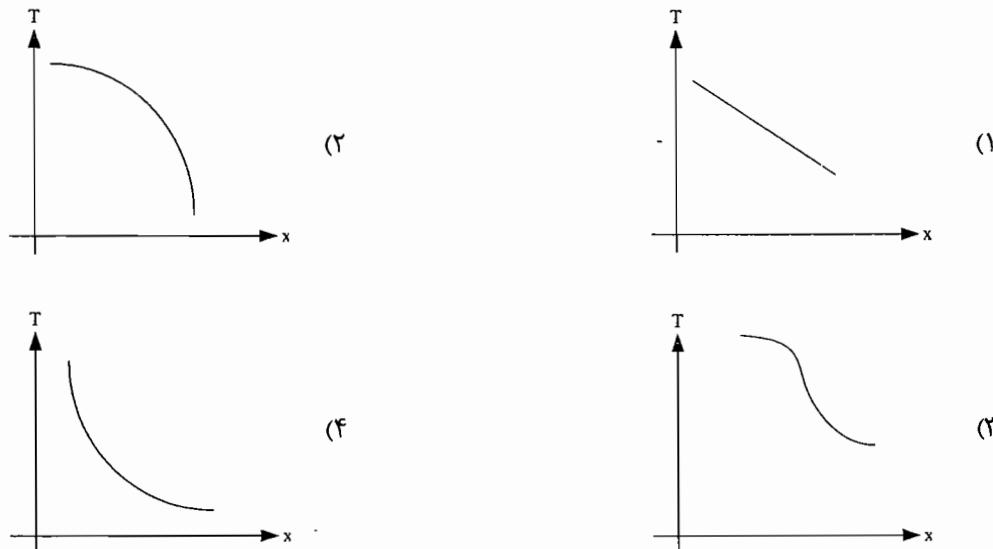
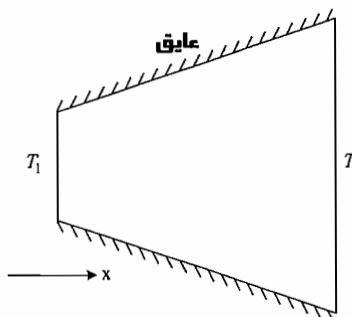
- ۱۰۵ - ضایعات رادیوакتیو در داخل ظروف کروی ذخیره‌سازی می‌شوند. این ضایعات انرژی به صورت $\dot{q} = \dot{q}_0 \left[1 - \left(\frac{r}{R} \right)^2 \right]$ تولید می‌نمایند که در آن R شعاع کره و \dot{q}_0 ثابت است. انرژی تولید شده در واحد حجم می‌باشد. این کره در سیالی با دمای T_∞ ضریب جابجایی h قرار می‌گیرد. در حالت پایا دمای دیوار کره چقدر خواهد بود؟ (سال ۸۶)

$$T_w = T_\infty - \frac{2\dot{q}_0 R}{15h} \quad (۱) \quad T_w = T_\infty - \frac{4\dot{q}_0 R}{15h} \quad (۲) \quad T_w = T_\infty + \frac{4\dot{q}_0 R}{15h} \quad (۳) \quad T_w = T_\infty + \frac{2\dot{q}_0 R}{15h} \quad (۴)$$

- ۱۰۶ - یک سیم الکتریکی به قطر ۳ میلی‌متر و طول ۵ متر با یک پوشش پلاستیکی به ضخامت ۲ میلی‌متر که ضریب هدایت حرارتی آن $k = 0.15 \frac{W}{m^{\circ}C}$ می‌باشد، پوشیده شده است. اگر این عایق حرارتی در محیطی به دمای ۳۰ درجه سانتی‌گراد که ضریب انتقال حرارت جابجایی آن $12 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$ است قرار گیرد، شعاع بحرانی عایق پلاستیکی کدام است؟ (سال ۸۶)

$$(۱) 8 \text{ سانتی‌متر} \quad (۲) 4 \text{ سانتی‌متر} \quad (۳) 12.5 \text{ میلی‌متر} \quad (۴) 8.5 \text{ سانتی‌متر}$$

- ۱۰۷ - در شکل زیر که انتقال حرارت به صورت یک بعدی و پایا می‌باشد و خواص حرارتی جسم ثابت است تغییرات دما در جهت x به صورت زیر خواهد بود؟ (سال ۸۶)



- ۱۰۸ - مؤثر بودن (Fin) یک پره (Effectiveness) بسیار بلند در کدام یک از شرایط زیر بیشتر است؟ (سال ۸۶)

- (۱) ضریب هدایت حرارتی پره زیاد و ضریب جابجایی انتقال حرارت هوای اطراف نیز زیاد باشد.
- (۲) ضریب هدایت حرارتی پره کم و ضریب جابجایی انتقال حرارت هوای اطراف نیز کم باشد.
- (۳) ضریب هدایت حرارتی پره زیاد و ضریب جابجایی انتقال حرارت هوای اطراف کم باشد.
- (۴) ضریب هدایت حرارتی پره کم و ضریب جابجایی انتقال حرارت هوای اطراف زیاد باشد.

۲۵ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

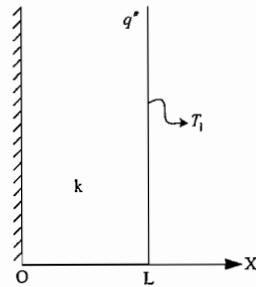
۱۰۹ - در یک کره به قطر R با ضریب هدایت حرارتی k حرارت با نرخ $\dot{q} \left(\frac{W}{m^3} \right)$ تولید می‌شود. شیب دما روی سطح بیرونی عبارتست از:

(سال ۸۶)

$$\begin{array}{lll} -\frac{\dot{q}R}{3k} & (۴) & -\frac{2\dot{q}R}{3k} & (۳) & -\frac{4\dot{q}R}{4k} & (۲) \\ & & & & & & -\frac{3\dot{q}R}{2k} & (۱) \end{array}$$

۱۱۰ - در دیواره شکل زیر "q" حرارت تولیدی به ازای واحد حجم است. اگر در $x=L$ دمای سطح برابر T_1 باشد در شرایط پایا دمای سطح عایق شده چقدر است؟

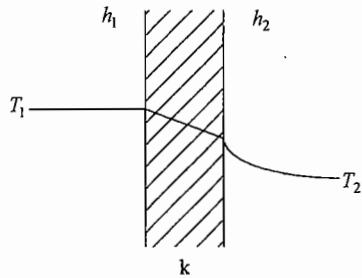
(سال ۸۷)



$$\begin{array}{ll} T_1 + \frac{q''L^2}{2k} & (۲) \\ T_1 + \frac{q''L}{k} & (۱) \\ T_1 + \frac{q''L}{2k} & (۴) \\ T_1 + \frac{q''L^2}{k} & (۳) \end{array}$$

۱۱۱ - توزیع دمای پایا در سیستمی که دیواره جامدی دو سیال با دمای توده T_1 و T_2 را از هم جدا می‌کند به صورت زیر است. کدام گزینه صحیح است؟

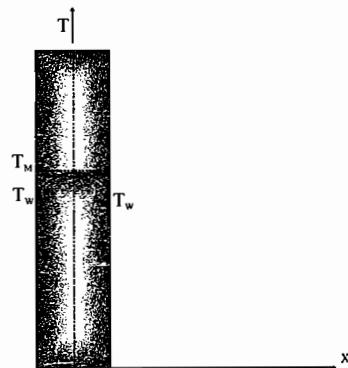
(سال ۸۷)



$$\begin{array}{l} (۱) h_1 \text{ ثابت بوده و } h_2 < h_1 \\ (۲) h_1 \text{ ثابت بوده و } h_2 \ll h_1 \\ (۳) h_1 \text{ ثابت بوده و } h_2 = h_0 \text{ بسیار بزرگ و معین} \\ (۴) h_1 = h_2 \text{ ثابت بوده و } k \end{array}$$

۱۱۲ - شکل زیر توزیع درجهی حرارت در یک صفحه‌ی یک بعدی با منبع حرارتی در حالت پایا را نشان می‌دهد. در این شکل دمای دیواره مرکز جسم می‌باشد. اگر ضخامت جسم به نصف تقلیل یابد در صورتی که دمای دیواره همانند حالت قبل برابر با T_w و حرارت تولیدی در واحد حجم مشابه قبل باشد، در حالت پایا دمای ماکزیمم چه وضعیتی نسبت به حالت اول خواهد داشت؟

(سال ۸۸)



- (۱) کمتر از T_M است.
- (۲) برابر با T_M است.
- (۳) بیشتر از T_M است.
- (۴) برابر با T_M است ولی در مرکز جسم واقع نیست.

۱۱۳ - یک پره (fin) به شکل مکعب مستطیل و با طول زیاد داریم. اگر دمای محیط T_A و دمای پایه پره T_0 باشد. برای معادله‌ی

(سال ۸۸)

$$m^2 = \frac{hp}{kA} \quad \text{توزيع دما کدام مورد صحیح است؟}$$

$$T = T_A + (T_0 - T_A) e^{-mx} \quad (۲)$$

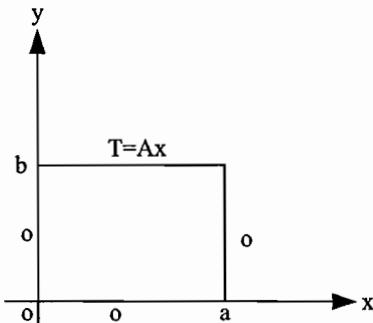
$$T = T_A + (T_0 - T_A) e^{+mx} \quad (۴)$$

$$T = T_A - (T_0 - T_A) e^{-mx} \quad (۱)$$

$$T = T_A - (T_0 - T_A) e^{+mx} \quad (۳)$$

انتقال حرارت هدایتی چند بعدی - پایدار

۱۱۴ - یک صفحه مستطیلی مطابق شکل زیر با مشخصات داده شده وجود دارد. در صورتی که انتقال حرارت پایا و خواص حرارتی ثابت باشند، توزیع دما در صفحه به صورت کدام یک از حالت‌های زیر خواهد بود؟ (سال ۸۶)



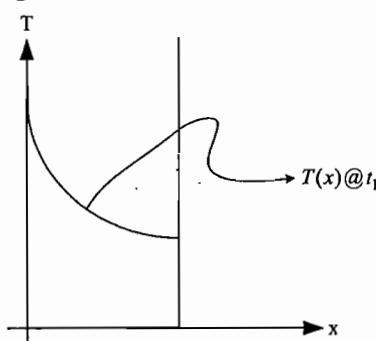
$$T(x,y) = \frac{2Aa}{\pi} (-1)^{\frac{n+1}{n}} \frac{\sin \frac{n\pi y}{a} \sin \frac{n\pi y}{a}}{\sinh \frac{n\pi b}{a}} \quad (۱)$$

$$T(x,y) = \frac{2Aa}{\pi} \frac{(-1)^{\frac{n+1}{n}}}{n} \sin \frac{n\pi y}{a} \frac{\sinh \left(\frac{n\pi x}{a} \right)}{\sinh \left(\frac{n\pi b}{a} \right)} \quad (۲)$$

$$T(x,y) = \frac{2Aa}{\pi} \frac{(-1)^{\frac{n+1}{n}}}{n} \sin \frac{n\pi x}{a} \frac{\sinh \left(\frac{n\pi y}{a} \right)}{\sinh \left(\frac{n\pi b}{a} \right)} \quad (۳)$$

انتقال حرارت هدایتی سیستم‌های ناپایدار

۱۱۵ - در صورتی که تغییرات دما با مکان در داخل یک دیوار در یک زمان مشخص t_1 در یک فرآیند گذرا به صورت زیر باشد از آن چه نتیجه‌ای می‌توان گرفت؟ (سال ۸۶)



- ۱) سرد یا گرم شدن دیوار بستگی به ضریب هدایت حرارتی آن دارد.
- ۲) دیوار در ابتدا گرم و در زمان دیگر سرد می‌شود.
- ۳) دیوار گرم می‌شود.
- ۴) دیوار سرد می‌شود.

۱۱۶ - در سرد شدن یک جامد در زمان‌های مختلف، اختلاف دمای محسوسی بین سطح و مرکز آن مشاهده نمی‌شود، این بدین معنی است که: (سال ۸۷)

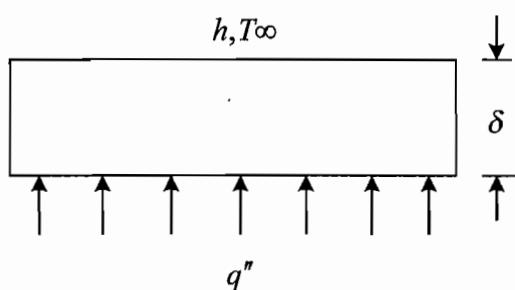
$$Bi > 0.1 \quad (۱) \qquad Bi < 0.1 \quad (۲) \qquad Bi = 1 \quad (۳) \qquad Bi = \infty \quad (۴)$$

۱۱۷ - یک دیوار داغ ناگهان در محیطی با دمای T_∞ و ضریب جابجایی انتقال حرارت h قرار می‌گیرد. اگر ضخامت دیوار δ باشد در چه شرایطی می‌توان سیستم را یکپارچه حرارتی فرض کرد؟ (سال ۸۷)

- ۱) در صورتی که ضریب هدایت حرارتی دیوار بسیار زیاد و یا ضخامت δ بسیار کم باشد.
- ۲) در صورتی که ضریب هدایت حرارتی دیوار بسیار کم و یا ضخامت δ بسیار کم باشد.
- ۳) در صورتی که ضریب هدایت حرارتی دیوار بسیار زیاد و یا ضخامت δ بسیار زیاد باشد.
- ۴) در صورتی که ضریب هدایت حرارتی دیوار بسیار کم و یا ضخامت δ بسیار زیاد باشد.

۱۱۸ - دیواری ابتدا در دمای T_{∞} بوده و ناگهان شار حرارتی از سطح پایینی اعمال می‌شود. از تغییرات دما در ضخامت δ صرف نظر

کنید و فرض کنید $m = \frac{h}{\rho C_p \delta}$ توزیع دما در دیوار شکل زیر چگونه است؟ (سال ۸۷)



$$\frac{T - T_{\infty}}{q''} = e^{-mt} \quad (2)$$

$$\frac{T - T_{\infty}}{h} = e^{-mt} \quad (1)$$

$$\frac{T - T_{\infty}}{q''} = 1 - e^{mt} \quad (4)$$

$$\frac{T - T_{\infty}}{h} = 1 - e^{-mt} \quad (3)$$

۱۱۹ - سیالی در لوله‌ای با دمای دیواره ثابت در حالت پایا (Steady State) با سرعت ثابت V_0 عبور کرده و سرد می‌شود. ضریب انتقال حرارت جابجایی بین سیال و دیواره لوله برابر h است. جهت یافتن دمای سیال کدامن معادله را باید حل کنیم؟ (سال ۸۵)

$$k \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + h [T - T_w] = 0 \quad (2)$$

$$\rho C V_0 \frac{\partial T}{\partial z} = k \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} \quad (1)$$

$$\rho C V_0 \frac{\partial T}{\partial z} = \frac{k}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + h [T - T_w] \quad (4)$$

$$\rho C V_0 \frac{\partial T}{\partial z} = \frac{k}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) \quad (3)$$

۱۲۰ - یک لوله با قطر داخلی و خارجی i و D از طریق اتصال جدار لوله به برق DC با شدت $\dot{q} = \left(\frac{W}{m^3} \right)$ حرارت داده می‌شود. دیوار خارجی لوله عایق‌بندی شده است. آب با شدت \dot{m} از داخل لوله جریان دارد. در صورتی که دمای ورودی و خروجی آب به لوله به ترتیب T_{b_i} و T_{b_o} باشد کدامیک از جملات زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

۱) شرط مرزی حرارتی دما ثابت بوده و مقدار حرارت دریافتی با $(D_o^2 - D_i^2)$ نسبت عکس دارد.

۲) شرط مرزی حرارتی دما ثابت بوده و مقدار حرارت دریافتی با $(D_o^2 - D_i^2)$ نسبت مستقیم دارد.

۳) شرط مرزی حرارتی شار ثابت بوده و مقدار حرارت دریافتی با $(D_o^2 - D_i^2)$ نسبت عکس دارد.

۴) شرط مرزی حرارتی شار ثابت بوده و مقدار حرارت دریافتی با $(D_o^2 - D_i^2)$ نسبت مستقیم دارد.

۱۲۱ - جریان آرام سیال، در داخل لوله افقی در حالت جابجایی اجباری در شرایط توسعه یافته و پایا بودن جریان برقرار است. عدد پکلت (Peclet Number) عدد بزرگی می‌باشد. شرط مرزی دما ثابت و یا شار حرارتی ثابت در دیواره لوله برقرار بوده و جهت حرکت سیال z می‌باشد. به چند شرط مرزی حرارتی جهت حل معادله حاکم انرژی نیاز است؟ (سال ۸۵)

۱) یک شرط مرزی در جهت z و یک شرط مرزی در جهت r ۲) دو شرط مرزی در جهت z و یک شرط مرزی در جهت r

۳) یک شرط مرزی در جهت z و دو شرط مرزی در جهت r ۴) دو شرط مرزی در جهت z و دو شرط مرزی در جهت r

۱۲۲ - در مورد اتلاف حرارتی ویسکوزیته (Viscous Dissipation) در معادله انرژی کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

۱) اتلاف ویسکوزیته با گرادیان سرعتها و ویسکوزیته دینامیکی سیال متناسب است.

۲) اتلاف ویسکوزیته با گرادیان سرعتها و ویسکوزیته سینماتیکی سیال متناسب است.

۳) اتلاف ویسکوزیته با سرعت در جهت‌های مختلف و ویسکوزیته دینامیکی سیال متناسب است.

۴) اتلاف ویسکوزیته با سرعت در جهت‌های مختلف و ویسکوزیته دینامیکی سیال متناسب است.

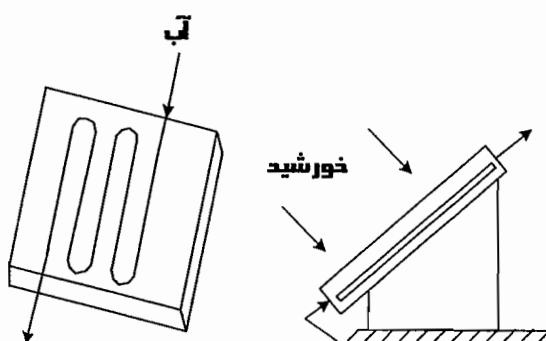
(سال ۸۵) ۱۲۳ - از نظر ریاضی شرط مرزی سطح عایق شده می‌تواند همانند شرط مرزی زیر باشد؟

۱) محیط جابجایی با $Bi < 0.1$ است.
۲) محیط جابجایی اما با $h = 0$ است.

۳) محیط جابجایی اما با $h = \infty$ است.
۴) محیط جابجایی اما با $\frac{k}{L} \gg h$ است.

(سال ۸۶) ۱۲۴ - در یک گردآورنده خورشیدی از قاب شیشه‌ای استفاده می‌شود به طوری که نور خورشید ابتدا از شیشه عبور کرده و سپس به

صفحه فلزی گیرنده تابشی می‌رسد. این شیشه به چه منظور تعییه شده است؟



(سال ۸۶) ۱۲۵ - مایع داغی در یک لوله مارپیچ که در هوای ساکن قرار دارد جاری است. ضریب انتقال حرارت مایع با جداره داخلی لوله

مارپیچ در مقایسه با یک لوله مستقیم و همان شرایط سیال چگونه است؟

- ۱) بزرگتر
۲) مساوی
۳) کوچکتر
۴) بسته به جنس مایع ممکن است کوچکتر یا بزرگتر باشد.

(سال ۸۶) ۱۲۶ - دیواری به ضخامت $2L$ مفروض است. انتقال حرارت در این دیوار فقط در جهت x صورت می‌گیرد. اگر دیوار در مقطع $2L$ شار

حرارتی q_w دریافت کند و در معرض هوا با دمای T_∞ و ضریب انتقال حرارت h_0 باشد، شرط مرزی جهت حل معادله دیفرانسیل

انتقال حرارت در این مقطع عبارتست از:

$$-k \frac{\partial T}{\partial x} \Big|_{x=2L} + q_w + h(T_\infty - T_w) = 0 \quad (۲)$$

$$-k \frac{\partial T}{\partial x} \Big|_{x=2L} = h(T_w - T_\infty) \quad (۱)$$

$$-k \frac{\partial T}{\partial x} \Big|_{x=2L} = h(T_\infty - T_w) - q_w \quad (۴)$$

$$-k \frac{\partial T}{\partial x} \Big|_{x=2L} = h(T_w - T_\infty) + q_w \quad (۳)$$

(سال ۸۶) ۱۲۷ - شرط توسعه یافته‌گی حرارتی برای شرط مرزی دمای ثابت در داخل کانال چیست؟ T_w دمای دیوار و T_b دمای بالک

سیال است.

$$\frac{\partial T_b}{\partial x} = 0 \quad (۴)$$

$$\frac{\partial T}{\partial x} = 0 \quad (۳)$$

$$\frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{T_b - T}{T_w - T_b} \right] = 0 \quad (۲)$$

$$\frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{T_w - T}{T_w - T_b} \right] = 0 \quad (۱)$$

۲۹ | مجموعه مهندسی شیمی | پارسه آموزش عالی آزاد

۱۲۸ - موازنۀ انرژی برای وزش سیال بر روی صفحه افقی در داخل لایه مرزی با کدام فرض ساده کننده به صورت زیر درمی‌آید:

(سال ۸۷)

$$u \frac{\partial T}{\partial x} + v \frac{\partial T}{\partial y} = \alpha \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{v}{C_p} \left(\frac{\partial u}{\partial y} \right)^2$$

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{\partial T}{\partial x} \quad (۴)$$

$$\frac{\partial T}{\partial y} \gg \frac{\partial T}{\partial x} \quad (۵)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} \approx 0 \quad (۶)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = 0 \quad (۷)$$

(سال ۸۷)

۱۲۹ - در تعریف عدد Peclet کدامیک از جملات زیر صحیح است؟

۱) نسبت افزایش انرژی سیال به انتقال حرارت به طریق هدایت در جهت حرکت سیال

۲) نسبت افزایش انرژی سیال به انتقال حرارت به طریق هدایت در جهت عمود بر حرکت سیال

۳) نسبت افزایش انرژی سیال به انتقال حرارت به جابجایی در جهت عمود بر حرکت سیال

۴) نسبت افزایش انرژی سیال به دلیل انتقال حرارت هدایتی به انتقال حرارت جابجایی

۱۳۰ - اگر بتوان معادله‌ی توزیع درجه‌ی حرارت در لایه مرزی حرارتی بر روی یک سطح تخت را توسط رابطه‌ی زیر بیان نمود،

معادله‌ی تابع ضریب انتقال حرارت جابجایی موضعی کدام یک از روابط زیر می‌باشد؟ در این رابطه‌ی λ ضریب ثابت و بقیه

پارامترها کمیت‌های رایج در انتقال حرارت جابجایی می‌باشند

(سال ۸۸)

$$\frac{T(x,y) - T_W}{T_\infty - T_W} = \lambda x^{-\frac{1}{2}} ; \quad 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq \delta_t$$

$$\frac{k \lambda x^{-\frac{1}{2}}}{T_W - T_\infty} \quad (۸)$$

$$\frac{\lambda x^{-\frac{1}{2}}}{\delta_t} \quad (۹)$$

$$\frac{3}{2} \frac{k}{\delta_t} \quad (۱۰)$$

$$k \lambda x^{-\frac{1}{2}} \quad (۱۱)$$

۱۳۱ - سیالی با دمای T_1 درون لوله‌ای فلزی جریان دارد. اگر سرعت حرکت سیال در شرایط لایه‌ای دو برابر شود، نسبت انتقال

حرارت جابجایی به هدایتی:

(سال ۸۸)

۱) دو برابر می‌شود.

۲) نصف می‌شود.

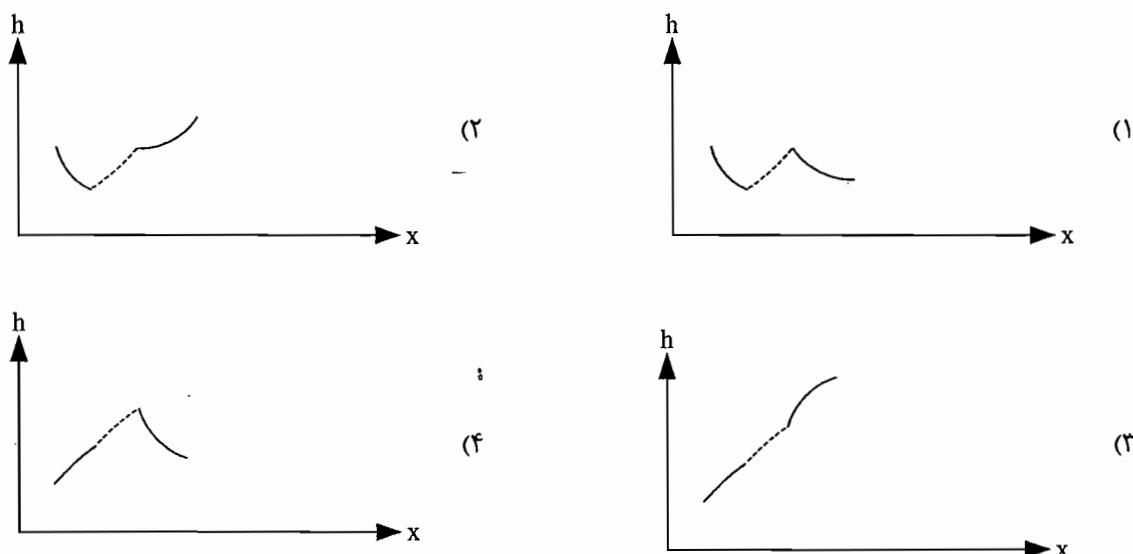
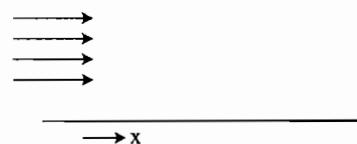
۳) تغییری نمی‌کند.

۴) ۱.6 برابر می‌شود.

۳۰ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

انتقال حرارت اجباری در روی صفحه تخت

۱۳۲ - در شکل زیر وقتی سیالی بر روی صفحه افقی می‌وزد تغییرات ضریب جابجایی انتقال حرارت (h) با \times چگونه است؟ (سال ۸۵)



۱۳۳ - عدد پرانتل جیوه بسیار کوچک است پس می‌توان نتیجه گرفت:

(۱) چگالی جیوه خیلی زیاد است.

(۲) ضریب نفوذ گرمایی جیوه کوچک است.

(۳) ضخامت لایه مرزی دمایی از ضخامت لایه مرزی سرعتی خیلی کوچکتر است.

(۴) ضخامت لایه مرزی دمایی از ضخامت لایه مرزی سرعتی خیلی بزرگتر است.

۱۳۴ - یک صفحه عمودی با دمای ثابت در داخل سیال سرد قرار دارد. اگر جریان ارام باشد کدامیک از جملات زیر صحیح است؟

(سال ۸۶)

(۱) ضریب جابجایی محلی در بخش بالای صفحه بیشتر بوده و با ضخامت لایه مرزی نسبت عکس دارد.

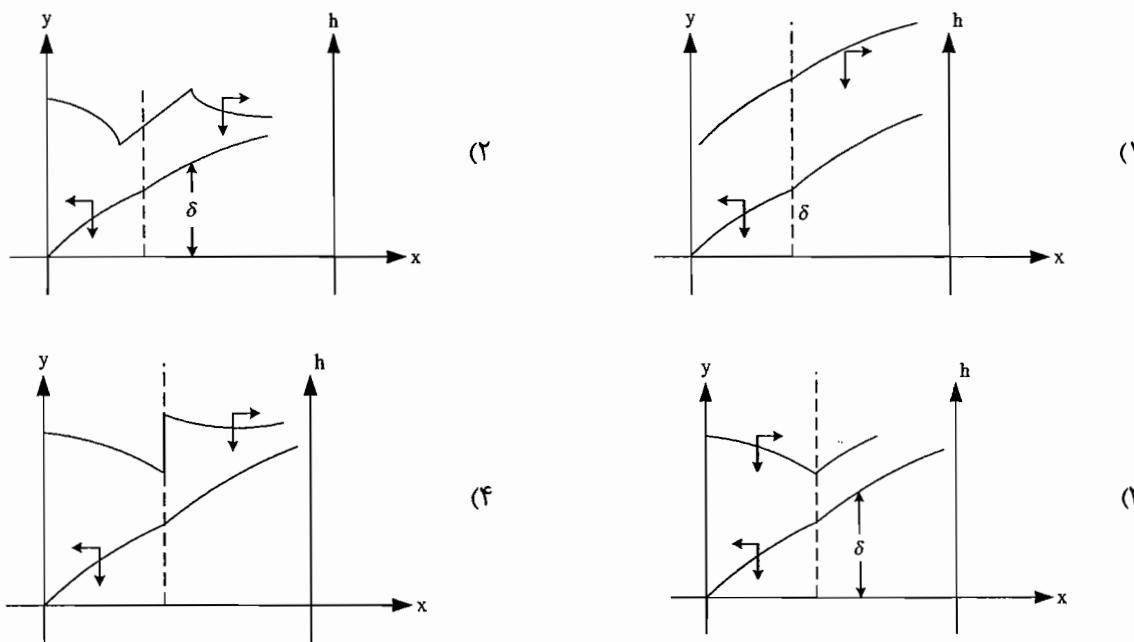
(۲) ضریب جابجایی محلی در بخش بالای صفحه کمتر بوده و با ضخامت لایه مرزی نسبت عکس دارد.

(۳) ضریب جابجایی محلی در بخش بالای صفحه بیشتر بوده و با ضخامت لایه مرزی نسبت مستقیم دارد.

(۴) ضریب جابجایی محلی در بخش بالای صفحه کمتر بوده و با ضخامت لایه مرزی نسبت مستقیم دارد.

۳۱ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۱۳۵ - جریانی از سیال سرد بر روی یک صفحه داغ می‌وزد و هر سه ناحیه لایه‌ای، گذرا و آشفته در لایه مرزی رخ می‌دهد. کدام شکل پروفایل صحیح ضریب انتقال حرارت محلی است؟ (سال ۸۶)



۱۳۶ - سیال نیوتونی بین دو صفحه موازی قرار دارد. صفحه‌ی بالایی با سرعت u کشیده می‌شود در حالی که صفحه‌ی پایینی ثابت است. صفحه‌ی پایینی عایق‌بندی شده و دمای صفحه‌ی بالایی T_2 می‌باشد. فلاکس حرارتی از صفحه متحرک چقدر است؟ (سال ۸۷)

$$q'' = \frac{\mu u^2}{2L} \quad (4)$$

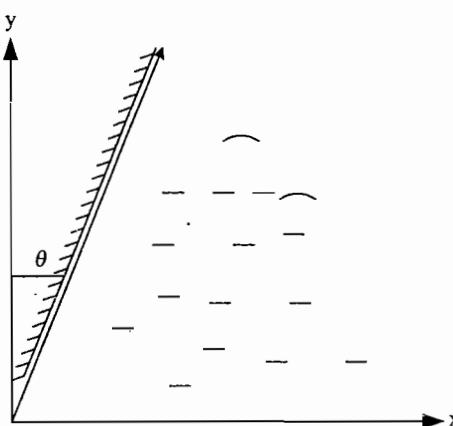
$$q'' = \frac{2\mu u^2}{L} \quad (3)$$

$$q'' = \frac{\mu u^2}{L} \quad (2)$$

$$q'' = \frac{4\mu u^2}{L} \quad (1)$$

جابه‌جایی آزاد

۱۳۷ - برای یک صفحه مورب که یک وجه آن در تماس با سیال داغ ساکن است و با محور عمودی زاویه θ می‌سازد، وقتی زاویه θ حداقل تا ۴۰ درجه افزایش یابد کدامیک از جملات زیر در مورد عدد ناسلت متوسط (\overline{Nu}) صحیح است؟ (سال ۸۵)



(1) \overline{Nu} کاهش می‌یابد.

(2) \overline{Nu} افزایش می‌یابد.

(3) \overline{Nu} تا یک زاویه‌ای ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

(4) \overline{Nu} تا یک زاویه‌ای ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

۱۳۸ - صفحه گرمی در یک سیال سرد ساکن به طور عمودی واقع شده است. عدد ناسلت جابجایی آزاد در نقاط مختلف بر حسب ضخامت لایه مرزی چگونه تغییر می کند؟ (سال ۸۵)

- (۱) با کاهش ضخامت لایه مرزی و کاهش فاصله از بالاترین نقطه صفحه کاهش می یابد.
- (۲) با افزایش ضخامت لایه مرزی و افزایش فاصله از بالاترین نقطه صفحه کاهش می یابد.
- (۳) با افزایش ضخامت لایه مرزی افزایش و با افزایش فاصله از بالاترین نقطه صفحه کاهش می یابد.
- (۴) با کاهش ضخامت لایه مرزی افزایش و با افزایش فاصله از بالاترین نقطه صفحه افزایش می یابد.

۱۳۹ - آیا عایق کردن دودکش کوره های نفتی ضرورتی دارد؟ (سال ۸۵)

- (۱) به جای عایق کاری بهتر است قطر دودکش را کم کرد.
- (۲) عایق کاری خلاف قصد ما در اتلاف حرارتی است و سودی ندارد.
- (۳) افزایش ارتفاع دودکش در ایجاد مکش مهم تر از عایق کاری است.
- (۴) عایق کاری موجب گرم ماندن توده گاز و حفظ مکش گازهای داغ در حال صعود می شود.

۱۴۰ - مفهوم عدد بدون بعد گراش چیست؟ (سال ۸۶)

- (۱) حاصل ضرب Re و Pr
- (۲) نسبت نیروهای شناوری به نیروهای ویسکوز
- (۳) نسبت نوسلت به رینولدز

۱۴۱ - یک صفحه افقی که در دو انتهایها به منبع گرمی متصل است در اثر جابجایی آزاد گرما از دست می دهد. در حالت پایا کدامیک از جملات زیر صحیح است؟ (سال ۸۶)

- (۱) دما در سطح پایین بیشتر از دمای سطح بالا می باشد.
- (۲) دما در سطح پایین و بالا برابرند.
- (۳) دمای سطح پایین کمتر از دمای سطح بالا می باشد.
- (۴) بستگی به ضریب هدایت گرمایی صفحه دارد و ممکن است دما در سطح بالا پایین تر یا بالاتر باشد.

۱۴۲ - برای انتقال حرارت جابجایی آزاد در جریان آرام از یک سطح عمودی ضریب انتقال جابجایی محلی $h_x = Cx^{-\frac{1}{4}}$ است که در آن x فاصله از ابتدای صفحه بوده و C عدد ثابتی است. نسبت ضریب انتقال حرارت جابجایی متوسط \bar{h}_x به ضریب انتقال حرارت جابجایی محلی h_x چقدر است؟ (سال ۸۶)

$$2.0 \quad (۱) \quad \frac{4}{3} \quad (۲) \quad \frac{2}{3} \quad (۳) \quad \frac{1}{3} \quad (۴)$$

۱۴۳ - یک لوله با قطر D و طول L به وسیله المان الکتریکی حرارت داده می شود که شار حرارتی در طول لوله به صورت زیر تغییر می نماید. سیال در دمای T_{mi} وارد شده و در دمای T_{mo} خارج می شود. تابعیت دمای خروجی چگونه خواهد بود؟ (سال ۸۶)

$$T_{mo} = T_{mi} + 4 \frac{DLq''_0}{\dot{m}C_p} \quad (۱)$$

$$T_{mo} = T_{mi} + 2 \frac{DLq''_0}{\dot{m}C_p} \quad (۲)$$

$$T_{mo} = T_{mi} + \frac{DLq''_0}{3\dot{m}C_p} \quad (۳)$$

۱۴۴ - ضریب انتقال حرارتی بین یک صفحه عمودی به دمای T_w و هوای ساکن به دمای T_∞ از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$Nu_x = \frac{hx}{k} = \left(\frac{Gr_x}{4} \right)^{\frac{1}{4}} * g(P_r)$$

که در آن (P_r) یعنی تابعی از Pr است:

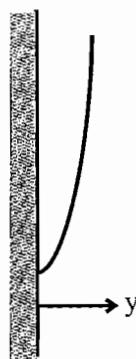
$$Gr_x = \frac{g\beta(T_w - T_\infty)x^3}{v^2}$$

باشد، در این صورت عدد ناسلت متوسط بر روی صفحه عمودی برابر است با:

$$\overline{Nu_L} = \frac{4}{3} Nu_x \Big|_{x=L} \quad (1) \quad \overline{Nu_L} = \frac{1}{2} Nu_x \Big|_{x=L} \quad (2) \quad \overline{Nu_L} = 2 Nu_x \Big|_{x=L} \quad (3) \quad \overline{Nu_L} = Nu_x \Big|_{x=L} \quad (4)$$

۱۴۵ - هوای گرم در مجاورت یک صفحه عمودی در اثر انتقال حرارت جابه‌جایی طبیعی بالا می‌رود. اگر y فاصله افقی از روی صفحه باشد، حداقل سرعت سیال در کجا اتفاق می‌افتد؟

(سال ۸۸)



$$(1) \text{ در } y > \frac{\delta_t}{2}$$

$$(2) \text{ در } y = \frac{\delta_t}{2}$$

$$(3) \text{ در } y < \frac{\delta_t}{2}$$

$$(4) \text{ در } y = \delta$$

۱۴۶ - جسم کروی شکلی با قطر اولیه معلوم در معرض هوای کاملاً ساکنی قرار دارد. اگر قطر کره ۲ برابر شود مقدار ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی و مقدار حرارت انتقال یافته آن با هوای اطراف چگونه تغییر می‌کند؟

(سال ۸۸)

۱) هردو کاهش می‌یابند.

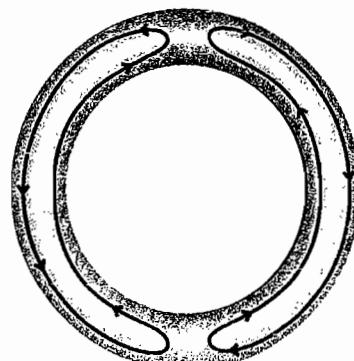
۲) هردو افزایش می‌یابند.

۳) ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی افزایش و مقدار انتقال حرارت کاهش می‌یابد.

۴) ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی کاهش و مقدار انتقال حرارت افزایش می‌یابد.

۱۴۷ - سیالی بین دو استوانه هم محور افقی محبوس است. مسیر حرکت سیال در اثر نیروی محرکه شناوری، مطابق شکل روبروست. کدام گزینه صحیح است؟

(سال ۸۸)



۱) استوانه داخلی سرد و استوانه خارجی گرم است.

۲) استوانه داخلی گرم است و استوانه خارجی سرد است.

۳) نیمه پائین استوانه‌ها گرم و نیمه بالایی سرد است.

۴) نیمه چپ استوانه‌ها گرم و نیمه راست سرد است.

۱۴۸ - بین یک سطح جامد و سیال مجاور آن، انتقال گرما فقط به صورت جابه‌جایی آزاد صورت می‌گیرد. علت اصلی چه می‌تواند باشد؟
(سال ۸۸)

- ۱) تفاوت چگالی جامد و سیال
۲) تراکم‌پذیری سیال
۳) وجود نیروی جاذبه
۴) تراکم‌ناپذیری سیال

۱۴۹ - در جابه‌جایی آزاد روی یک صفحه تخت عمودی در رژیم لایه‌ای رابطه h_x و x (فاصله از لبه صفحه) به صورت زیر است:
(سال ۸۸)

$$h_x \propto x^{\frac{1}{2}} \quad (۱) \quad h_x \propto x^{\frac{1}{4}} \quad (۲) \quad h_x \propto x^{-\frac{1}{2}} \quad (۳) \quad h_x \propto x^{-\frac{1}{4}} \quad (۴)$$

جابه‌جایی آزاد و اجباری

۱۵۰ - استوانه داغی در هوای محیط قرار گرفته است. در کدام یک از حالات زیر استوانه زودتر سرد می‌شود؟
(سال ۸۸)

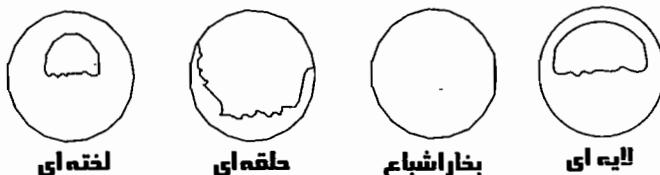
۱) استوانه افقی باشد و با پنکه‌ای هوا را از پایین به بالا روی استوانه بدمیم.
۲) استوانه عمودی باشد و با پنکه‌ای هوا را از بالا به پایین روی استوانه بدمیم.
۳) استوانه افقی باشد و با پنکه‌ای هوا را از بالا به پایین روی استوانه بدمیم.
۴) استوانه عمودی باشد و با پنکه‌ای هوا را از پایین به بالا روی استوانه بدمیم.

جوشش و میعان

۱۵۱ - بالاترین ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی h در کدام یک از موارد زیر قابل دستیابی است?
(سال ۸۵)

۱) چگالش قطره‌ای
۲) جوشش هسته‌ای
۳) جریان گاز در لوله با سرعت فراصوت
۴) جریان مایع در لوله با سرعت فراصوت

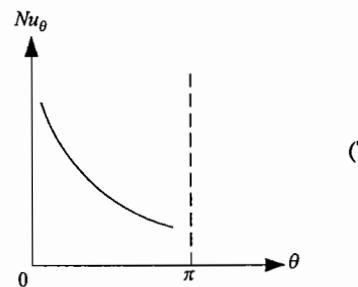
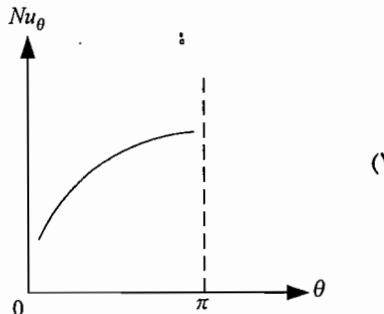
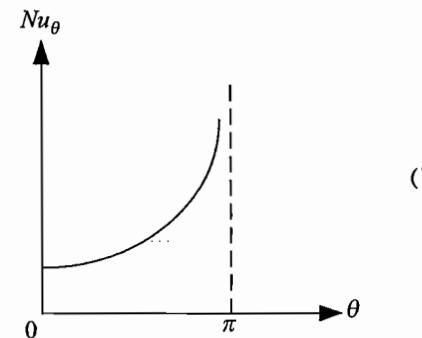
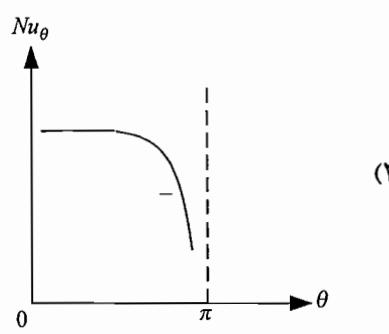
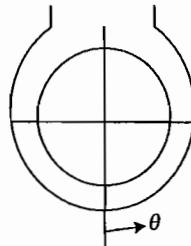
۱۵۲ - بخار اشباع در داخل لوله‌ای که از جداره آن حرارت تلف می‌شود جاری است. ترتیب وقوع الگوی جریان به دلیل اتفاق حرارتی در داخل لوله کدام است؟
(سال ۸۷)



- ۱) بخار اشباع - حلقه‌ای - لایه‌ای - لخته‌ای
۲) بخار اشباع - لخته‌ای - لایه‌ای - حلقه‌ای
۳) حلقه‌ای - لخته‌ای - لایه‌ای - بخار اشباع
۴) لخته‌ای - لایه‌ای - حلقه‌ای - بخار اشباع

۱۵۳ - بخار اشباع در یک لوله افقی جریان دارد که داخل اتاقی با هوا ساکن واقع شده است. منحنی Nu_θ بر حسب θ مطابق (سال ۸۷)

کدامیک از شکل‌های زیر است؟

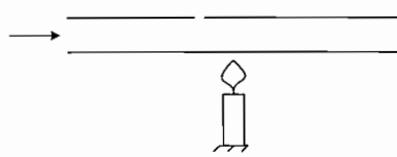


۱۵۴ - در میان بخار آب بر روی چهار لوله افقی که بالای سر هم قرار گرفته‌اند داریم $h_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} h_4$. دلیل کاهش ضریب انتقال حرارت (سال ۸۷)

نسبت به یک ردیف لوله چیست؟

- (۱) افزایش اغتشاش در فیلم
- (۲) کاهش زمان تماس بین فیلم و لوله‌ها
- (۳) تماس فیلم بین دو ردیف لوله با بخار اشباع
- (۴) ضخیم‌تر شدن لایه بر روی لوله‌های پایین

۱۵۵ - مایع اشباعی در داخل لوله فلزی می‌گذرد که در یک نقطه آن شار حرارتی زیادی بر روی جداره بیرونی اعمال می‌شود به نحوی که جوشش جابجایی رخ دهد. مقدار حرارت کل دریافتی توسط سیال مطابق کدام عبارت بیان می‌شود؟ (سال ۸۷)



$$\left(\frac{Q}{A} \right)_{کل} = \left[\left(\frac{Q}{A} \right)_{جابجایی} * \left(\frac{Q}{A} \right)_{جوشش} \right]^{\frac{1}{2}} \quad (1)$$

$$\left(\frac{Q}{A} \right)_{کل} = \frac{1}{2} \left[\left(\frac{Q}{A} \right)_{جابجایی} + \left(\frac{Q}{A} \right)_{جوشش} \right] \quad (2)$$

$$\left(\frac{Q}{A} \right)_{کل} = \left(\frac{Q}{A} \right)_{جابجایی} * C_1 + \left(\frac{Q}{A} \right)_{جوشش} * C_2 \quad (3)$$

$$\left(\frac{Q}{A} \right)_{کل} = \left(\frac{Q}{A} \right)_{جوشش} * \left(\frac{Q}{A} \right)_{جابجایی} \quad (4)$$

۳۶ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۵۶ - اگر با اعمال پوشش تفلون بر روی سطوح فلزی چگالنده، خیس‌شوندگی فلز کم شود میزان تولید مایع چگالیده
(سال ۸۸)

- ۱) فرقی نمی‌کند.
- ۲) کاهش می‌باید.
- ۳) افزایش می‌باید.
- ۴) به دمای میان مایع بستگی دارد.

۱۵۷ - کدام عامل موجب افزایش بیشتر میان در یک چگالنده می‌شود؟
(سال ۸۸)

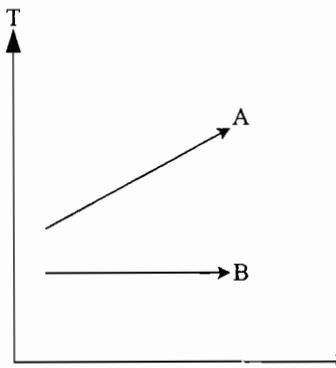
- ۱) کاهش ΔP سیالی که تغییر فاز ندارد.
- ۲) انتخاب آرایش ناهمسو برای حرکت دو سیال
- ۳) هر اقدامی که منتهی به کاهش ضخامت لایه مرزی در سیال با تغییر فاز شود.
- ۴) هر اقدامی که منتهی به کاهش ضخامت لایه مرزی در سیال بدون تغییر فاز شود.

مبدل‌های حرارتی

۱۵۸ - داخل هر کدام از لوله‌های یک مبدل گاز - گاز یک فنر قرار می‌دهیم. گاز داخل لوله در حال سرد شدن در فرایندی پایا است.
اگر قبل و بعد از تعییه فنر جریان در هم باشد و افت فشار سمت لوله‌ها ΔP_t و ضریب جابجایی سمت لوله‌ها h_t نامیده شوند.
(سال ۸۸)

- ۱) h_t و ΔP_t هر دو کاهش می‌بایند.
- ۲) کم و h_t زیاد می‌شود.
- ۳) زیاد و h_t کم می‌شود.
- ۴) h_t و ΔP_t هر دو افزایش می‌بایند.

۱۵۹ - در یک مبدل زوج لوله همسو نمودار تغییرات دما در طول لوله‌ها به صورت شکل زیر است. کار این دستگاه چیست؟ (سال ۸۵)



۱۶۰ - در هر کدام از دو حالت زیر در یک مبدل حرارتی پوسته و لوله سیال را از کدام قسمت باید عبور داد؟
(سال ۸۶)

الف - سیال جرمزا (رسوبزا) باشد.

ب - سیال فقط خورنده باشد.

- ۱) باید در حالت الف از لوله و در حالت ب از پوسته عبور کند.
- ۲) در هر دو حالت باید از لوله عبور کند.
- ۳) در حالت الف از پوسته و در حالت ب از پوسته عبور کند.
- ۴) در حالت الف و ب هر دو باید از پوسته عبور کند.

۳۷ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

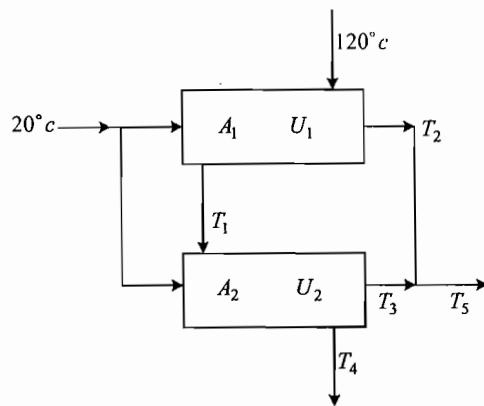
۱۶۱ - در آرایش زیر از دو مبدل زوج لوله استفاده شده است که در آن‌ها $A_1, A_2, U_1, U_2, \dot{m}_c, \dot{m}_h$ و نیز C_{pc} و C_{ph} معلوم هستند. چنانچه \dot{m} به نسبت مساوی بین دو مبدل تقسیم شده باشد، در حل معادلات حاکم برای محاسبه T_1 تا T_5 کدام روش را باید انتخاب کرد؟ (سال ۸۷)

۱) دستگاه غیرخطی است ولی قابل حل است.

۲) دستگاه معادلات خطی است و به راحتی n معادله مجهول حل می‌شود.

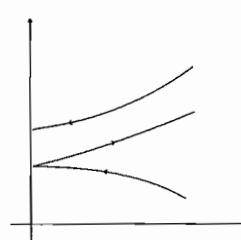
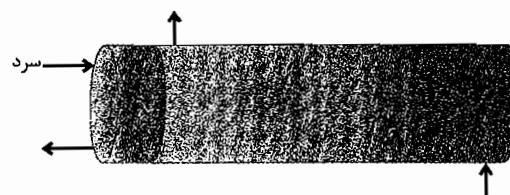
۳) دستگاه غیرخطی است ولی تعداد مجهول‌ها بیش از معادلات است.

۴) دستگاه شدیداً غیرخطی است و باید به روش حدس و خطا آن را حل کرد.

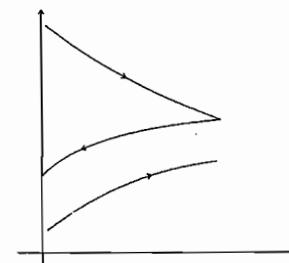


(سال ۸۸)

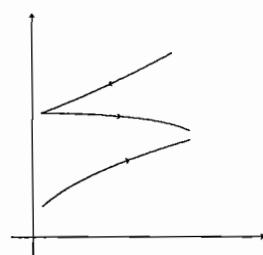
۱۶۲ - کدام پروفایل دما در مورد یک مبدل پوسته‌ای و لوله‌ای (مطابق شکل روبرو) صحیح می‌باشد؟



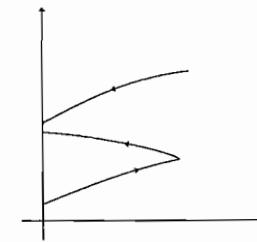
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

(سال ۸۸)

۱۶۳ - مهم‌ترین دلیل افزودن تعداد پوسته در یک مبدل پوسته و لوله‌ای چیست؟

۱) کوچک بودن ضریب تصحیح LMTD

۲) افزایش مقدار حرارت انتقال یافته

۳) کمبود سطح انتقال حرارت

۴) کاهش ΔP سیال لوله

تابش حرارتی (تشعشع)

(سال ۸۵) ۱۶۴ - در مورد کدام اجسام می‌توان گفت که قانون کیرشهف $\epsilon = \alpha$ صادق است؟

۱) اجسام سیاه

۲) اجسام خاکستری

۳) همه اجسام در همه طول موج‌ها

۱۶۵ - در یک استوانه سیاه با کف داغ یک سپر گرمایی لغزنده قرار دارد. با افزایش فاصله x (از کف استوانه تا سپر) مقدار تابش

(سال ۸۵)

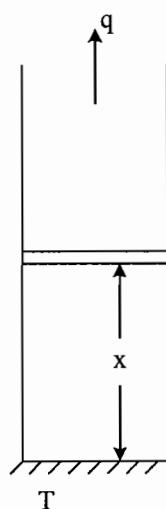
گرمایی از دهانه استوانه q چگونه تغییر می‌کند؟

۱) مقدار q تابع x نیست.

۲) مقدار q همیشه ثابت است.

۳) با افزایش x مقدار q بیشتر می‌شود.

۴) با افزایش x از مقدار q کاسته می‌شود.



(سال ۸۵) ۱۶۶ - سطح فلز تابنده گداخته‌ای تدریجاً سرد می‌شود. کدام تغییر رنگ صحیح است؟

۱) قرمز - نارنجی - زرد ۲) زرد - نارنجی - قرمز ۳) سفید - نارنجی - زرد ۴) سفید - زرد

۱۶۷ - اگر از توان نشری جسم سیاه که تابعی از دما و طول موج است مشتق گرفته و مساوی صفر قرار دهیم، چه نتیجه‌ای حاصل

(سال ۸۶)

می‌شود؟

۱) با افزایش دما، رنگ فلز گداخته به سمت طول موج‌های پایین می‌رود.

$$\lambda_{\max} T = Cte \quad (2)$$

۲) با کاهش دما مقدار λ متناظر با $E_{b\max}$ افزایش دارد.

۳) همه موارد

(سال ۸۶)

۱۶۸ - یک جسم تابنده ایده‌آل چه خصوصیتی دارد؟

$$\alpha_\lambda = \epsilon_\lambda \quad (1)$$

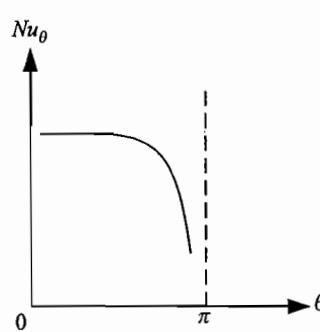
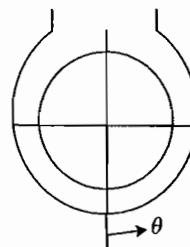
۲) به رنگ سیاه باشد.

۳) همه تابش حرارتی دریافتی را جذب کند.

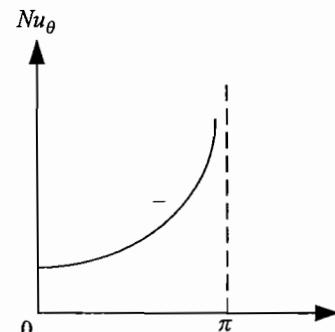
۴) در همه امتدادها و همه طول موج‌ها به یکسان از خود تابش صادر کند.

۳۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

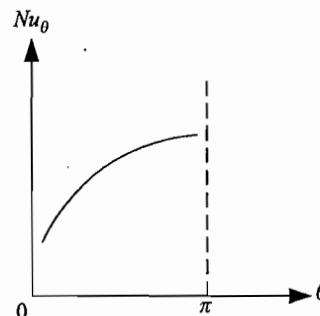
۱۶۹ - بخار اشباع در یک لوله افقی جریان دارد که داخل اتاقی با هوای ساکن واقع شده است. منحنی Nu_θ بر حسب θ مطابق (سال ۸۷) کدامیک از شکل‌های زیر است؟



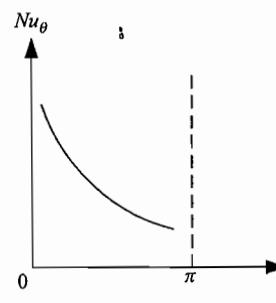
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

(سال ۸۸)

۱۷۰ - توان صدور یک جسم سیاه در λ_{\max} با دمای مطلق آن چه رابطه‌ای دارد؟

- (۱) با دمای مطلق جسم بستگی دارد.
- (۲) با عکس دمای مطلق جسم بستگی دارد.
- (۳) با توان چهارم دمای مطلق جسم بستگی دارد.
- (۴) با توان پنجم دمای مطلق جسم بستگی دارد.

قانون اول ترمودینامیک

۱۷۱ - درون مخزن صلبی مایعی (تک فازی) در دمای 25°C و فشار پنج آتمسفر وجود دارد. در صورتی که به این مخزن گرما بدهیم تا به دما 35°C افزایش یابد فشار نهائی تقریباً چند آتمسفر خواهد شد؟ نسبت $\frac{\beta}{K}$ برای این مایع برابر ۲۰ آتمسفر بر درجه کلوین می‌باشد. (β ضریب انبساط حجمی و K ضریب تراکم ایزوترمال است.) (سال ۸۵)

$$205 \quad (4) \quad 145 \quad (3) \quad 85 \quad (2) \quad 7.5 \quad (1)$$

۱۷۲ - برای تحول پلی تروپیک رورسیبل گاز کامل (با توان پلی تروپیک n) با گرمای ویژه ثابت $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$ داریم:

$$\Delta u = \frac{R\Delta T}{n-1} \quad (4) \quad \Delta H = \frac{R\Delta T}{\gamma-1} \quad (3) \quad W = -\Delta u \quad (2) \quad \Delta u = \frac{R\Delta T}{\gamma-1} \quad (1)$$

۱۷۳ - اگر نسبت گرماهای ویژه گاز کاملی ثابت فرض شود $\left(\gamma = \frac{C_p}{C_v} = \text{cte} \right)$ تغییر انرژی داخلی مخصوص آن عبارت است از: (سال ۸۶)

$$\gamma(p_2v_2 - p_1v_1) \quad (4) \quad \frac{\gamma(p_1v_1 - p_2v_2)}{\gamma-1} \quad (3) \quad \frac{p_1v_1 - p_2v_2}{\gamma-1} \quad (2) \quad \frac{p_2v_2 - p_1v_1}{\gamma-1} \quad (1)$$

۱۷۴ - جربانی با شدت ۴ و انتالپی ۵ با جربان دیگری به شدت ۵ و انتالپی ۲۰ به طور یکنواخت مخلوط می‌شود. در صورتی که انتالپی جربان خروجی برابر ۱۰ باشد شدت انتقال گرما با محیط چند است؟ واحدها هماهنگ است. (سال ۸۶)

$$30 \quad (4) \quad 10 \quad (3) \quad -10 \quad (2) \quad -30 \quad (1)$$

۱۷۵ - یک دیگ بخار (Boiler) در هر ساعت ۱۰۰ kg بخار آب مرطوب تولید می‌کند به طوری که انتالپی ویژه آب مایع ورودی به دیگ بخار $h_w = 230 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ و انتالپی ویژه بخار آب خروجی از آن $h_s = 2750 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ است. شدت مصرف سوخت ۱۵۰ و ارزش حرارتی (مقدار گرما بر هر واحد جرم) آن $280 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ می‌باشد. بازدهی دیگ بخار برابر کدام است؟ (سال ۸۶)

$$\% 80 \quad (4) \quad \% 60 \quad (3) \quad \% 50 \quad (2) \quad \% 30 \quad (1)$$

۱۷۶ - یک تانک عایق به مدت نیم ساعت با همزمانی به توان 20 watt که درون تانک قرار دارد، هم زده می‌شود. اگر باشد و دمای اولیه گاز درون تانک $T_1 = 200 \text{ K}$ باشد، دمای نهایی گاز درون تانک بر حسب کلوین چقدر است؟ (جرم گاز درون تانک 1 kg می‌باشد). (سال ۸۶)

$$360 \quad (4) \quad 236 \quad (3) \quad 200 \quad (2) \quad 164 \quad (1)$$

۱۷۷ - گاز ایده‌آلی از شرایط اولیه P_1, T_1 به صورت آدیاباتیک و برگشت‌ناپذیر تا فشار P_2 فشرده می‌شود و سپس به صورت آدیاباتیک و برگشت‌ناپذیر تا فشار اولیه P_1 و دمای نهایی T منبسط می‌شود. کدام گزینه صحیح است؟ (سال ۸۶)

$$T \geq T_1 \quad (4) \quad T = T_1 \quad (3) \quad T > T_1 \quad (2) \quad T < T_1 \quad (1)$$

۴۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۷۸ - جریانی از مایع خالص ۱ با شدت $\frac{J}{mol \cdot s}$ ۴ و با انثالپی $\frac{J}{mol}$ ۳۳۰۰ با جریانی از مایع خالص ۲ با انثالپی $\frac{J}{mol \cdot s}$ ۴۲۰۰ در یک مخلوط کننده و طی یک فرآیند پایا (پایدار) کاملاً مخلوط می‌شود و در نتیجه جریانی که دارای انثالپی $\frac{J}{mol}$ ۶۳۴۰ است خارج می‌شود. مخلوط کننده مجهز به یک همزن با توان ۵ kw و یک گرم‌کن برقی با توان ۲۰ kw است. شدت جریان مایع خالص ۲ عبارت است از:

$$6 \frac{mol}{s} (4) \quad 8 \frac{mol}{s} (3) \quad 9 \frac{mol}{s} (2) \quad 12 \frac{mol}{s} (1)$$

- (سال ۸۶) ۱۷۹ - در مورد تحول پلیتروپیک رورسیبل گاز کامل که داریم $pV^n = cte$. کدام عبارت صحیح است؟
- کار به n بستگی دارد.
 - گرما فقط به n بستگی دارد.
 - تغییر انرژی داخلی به n هیچ‌گونه بستگی ندارد.
 - مقدار گرمای مبادله شده از مقدار کار مبادله شده کمتر است.

۱۸۰ - گازی در شرایط اولیه T_1 و p_1 , ابتدا به صورت آدیباتیک برگشت‌ناپذیر تا T_2 و p_2 منبسط شده و سپس توسط یک فرآیند آدیباتیک برگشت‌پذیر تا T_3 و p_1 فشرده شده و نهایتاً به صورت فشار ثابت و برگشت‌پذیر به شرایط اولیه T_1 و p_1 می‌رسد. کدام عبارت برای این چرخه صحیح است؟

- گاز در طی این چرخه حتماً حرارت جذب می‌کند.
- آنتروپی گاز در طی چرخه افزایش می‌یابد.
- گاز در طی این چرخه حتماً حرارت به محیط می‌دهد.
- گاز در طی این چرخه هیچ حرارتی جذب یا دفع نمی‌کند.

۱۸۱ - در طول شاشه یک باتری، جریان ۲۰ آمپر و ولتاژ ۱۲.۸ ولت است. نرخ (شدت) انتقال حرارت از باتری ۱۰ وات است. انرژی درونی با چه سرعتی تغییر می‌یابد؟

$$246 \frac{J}{S} (4) \quad 146 \frac{J}{S} (3) \quad -246 \frac{J}{S} (2) \quad -146 \frac{J}{S} (1)$$

۱۸۲ - گاز کاملی در دمای k ۴۰۰° و فشار 1 MPa در لوله‌ای جریان دارد. $\gamma = \frac{c_p}{c_v} = 1.6$. مخزن خالی و عایق به لوله متصل است و شیر مخزن متصل به لوله باز می‌شود. تا این گاز کامل به درون لوله جریان یابد و وقتی فشار درون مخزن به 1 MPa رسید شیر را می‌بندیم. دمای نهائی درون مخزن چند درجه کلوین می‌باشد؟

$$640 (4) \quad 540 (3) \quad 460 (2) \quad 400 (1)$$

۱۸۳ - در یک فرآیند برگشت‌پذیر، نیتروژن در سیلندری از فشار P_1 و دمای T_1 تا فشار P_2 فشرده می‌شود. در طول فرآیند تراکم، رابطه بین فشار و حجم $V = \text{const}$ است. انتقال حرارت در واحد جرم، چقدر است؟

$$(c_v/R + 0.3R)(T_2 - T_1) (2) \quad (c_v + 0.3R)(T_2 - T_1) (1) \\ -3.34(c_v + R)(T_2 - T_1) (4) \quad (c_v - 3.34R)(T_2 - T_1) (3)$$

۱۸۴ - درون مخزن عایقی گاز کاملی با دمای $300^\circ k$ و فشار ۵۴ اتمسفر وجود دارد اگر شیر متصل به مخزن را باز کنیم تا فشار به ۲ آتمسفر کاهش یابد و سپس شیر را ببندیم در این لحظه دمای گاز درون مخزن بر حسب درجه کلوین تقریباً چیست؟ در صورتی

$$(سال ۸۷) \quad \gamma = \frac{c_p}{c_v} = 1.5$$

$$300 (4) \quad 250 (3) \quad 200 (2) \quad 100 (1)$$

۱۸۵ - بخار آب داغ با انتالپی ویژه $\frac{kg}{sec} \frac{kJ}{kg}$ ۳۶۹۰ و نرخ (شدت) جریان ۵ وارد یک توربین آدیاباتیک شده و به صورت بخار اشباع با

انتالپی ویژه $\frac{kg}{kg} \frac{kJ}{kg}$ ۲۶۷۵ از آن خارج می‌گردد. اتلاف گرما از توربین 5 kw تخمین زده می‌شود. در صورتی که بازدهی توربین ۸۰%

(سال ۸۷) باشد ماکزینم قدرت تولیدی توربین (برای تحول خیالی) چقدر است؟

$$10.15 \text{ MW} \quad (4) \quad 7.24 \text{ MW} \quad (3) \quad 6.34 \text{ MW} \quad (2) \quad 5.07 \text{ MW} \quad (1)$$

۱۸۶ - در صورتی که ضریب تراکم ایزوترمال یک مایع در دمای T از معادله $k = \frac{a}{V(P+b)}$ به دست آید که در آن a و b دو مقدار

ثبت می‌باشند و V حجم مخصوص جرمی است. مقدار کار لازم برای تحول ایزوترمال رورسیبل یک کیلوگرم از آن مایع از فشار

(سال ۸۸) تا فشار P_2 کدام است؟ P_1

$$a(P_2 - P_1) + ab \ln \frac{P_2 + b}{P_1 + b} \quad (2) \quad a(P_1 - P_2) - ab \ln \frac{P_2 + b}{P_1 + b} \quad (1)$$

$$a(P_1 - P_2) + ab \ln \frac{P_2 + b}{P_1 + b} \quad (4) \quad a(P_1 - P_2) + ab \ln \frac{P_1 + b}{P_2 + b} \quad (3)$$

۱۸۷ - هوا به عنوان گاز کامل در محفظه‌ای به حجم 40 لیتر و فشار 240kPa قرار دارد. آن را به آرامی گرم می‌کنیم تا حجم محفظه

به 120 لیتر و فشار هوا به 120kPa برسد. مقدار $(\Delta H - \Delta U)$ در این تحول بر حسب ژول (J) چه قدر است؟

$$4800 \quad (4) \quad 3800 \quad (3) \quad 2800 \quad (2) \quad 1800 \quad (1)$$

۱۸۸ - آب مایع با سرعت $\frac{m}{sec}$ به طور یکنواخت در لوله‌ای به قطر 1cm جریان دارد. در صورتی که این آب ناگهان وارد لوله‌ای به

(سال ۸۸) قطر 2cm شود تغییر آنتالپی مخصوص آن بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم کدام است؟ (لوله‌ها افقی هستند).

$$+30 \quad (4) \quad +0.03 \quad (3) \quad -0.03 \quad (2) \quad -30 \quad (1)$$

خواص حجمی سیالات خالص، گازهای ایده‌آل و حقیقی

۱۸۹ - دمای بویل (Boyle Temperature) برای یک گاز به صورت $\lim_{P \rightarrow 0} \left[\frac{\partial(PV)}{\partial P} \right]$ تعریف می‌شود. دمای بویل T_B برای گازی که از

(سال ۸۵) پیروی می‌کند بر حسب ثابت‌های a و b عبارت است از:

$$\text{معادله حالت} \quad Z = 1 + \left(b - \frac{a}{RT^2} \right) \frac{P}{RT}$$

$$T_B = \left(\frac{Rb}{a} \right)^{\frac{5}{2}} \quad (4) \quad T_B = \left(\frac{a}{Rb} \right)^{\frac{3}{2}} \quad (5) \quad T_B = \sqrt[3]{\frac{a}{Rb}} \quad (2) \quad T_B = \left(\frac{a}{Rb} \right)^{\frac{2}{3}} \quad (1)$$

۱۹۰ - درون مخزن صلبی مایع و بخار اشباع (خالص) داریم. حال به این مخزن گرما می‌دهیم، در این صورت کدام یک از احکام زیر

(سال ۸۶) صحیح است؟

۱) در نهایت همه بخار، مایع خواهد شد.

۲) در نهایت همه مایع، بخار خواهد شد.

۳) در نهایت به نقطه بحرانی می‌رسیم.

۴) در نهایت درون مخزن فقط یک فاز خواهیم داشت ولی با این داده‌ها نمی‌توانیم بگوییم مایع است یا بخار.

۴۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۹۱ - فشار اشباع نقصانی آرگون در دمای نقصانی $T_r = 0.7$ به کمک معادله حالت واندروالس ($P = \frac{RT}{v-b} - \frac{a}{v^2}$) a و b مقادیر ثابتی هستند) برابر با $P_r^s = 0.1$ است. با توجه به مقادیر ضریب استنتریک آرگون ($\omega=0.1$) و اتان ($\omega=0.0$) فشار اشباع نقصانی اتان در

دمای نقصانی $T_r = 0.7$ به کمک معادله واندروالس کدام است؟ (سال ۸۶)

$$P_r^s > 0.1 \quad (4)$$

$$P_r^s \geq 0.1 \quad (3)$$

$$P_r^s = 0.1 \quad (2)$$

$$P_r^s < 0.1 \quad (1)$$

۱۹۲ - برای مایع خالص (در حالت واقعی) کدام رابطه برای تغییرات حجم مایع با فشار در دمای ثابت همواره برقرار است؟ (سال ۸۷)

$$\left(\frac{\partial v}{\partial p} \right)_T > 0 \quad (2)$$

$$\left(\frac{\partial v}{\partial p} \right)_T < 0 \quad (1)$$

$$\left(\frac{\partial^2 v}{\partial p^2} \right)_T < 0, \quad \left(\frac{\partial v}{\partial p} \right)_T \geq 0 \quad (4)$$

$$\left(\frac{\partial v}{\partial p} \right)_T \leq 0 \quad (3)$$

۱۹۳ - برای یک مایع در دمای $20^\circ C$ و فشار 1 bar مقادیر زیر داده شده است. اگر فشار مایع را $10^\circ C$ برابر کنیم دمای آن تقریباً چند

$$\beta \equiv \frac{1}{v} \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P = 10^{-3} \frac{1}{^\circ C}, \quad K \equiv -\frac{1}{v} \left(\frac{\partial v}{\partial P} \right)_T = 10^{-5} \frac{1}{\text{bar}}$$

(سال ۸۷)

$$0.01^\circ C \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (1) \quad 10^\circ C \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (2) \quad 0.09^\circ C \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (3) \quad 90^\circ C \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (4)$$

۱۹۴ - یک مخزن صلب سربسته از سیالی پر شده است که برای آن تعیین گردیده‌اند. مخزن به طور ناگهانی در تماس با یک جسم داغ قرار می‌گیرد و در نتیجه دمای آن به میزان $10^\circ C$ بالا می‌رود. فشار آن چقدر افزایش خواهد یافت؟ (سال ۸۷)

$$45 \text{ bar} \quad (4)$$

$$54 \text{ bar} \quad (3)$$

$$85 \text{ bar} \quad (2)$$

$$198 \text{ bar} \quad (1)$$

۱۹۵ - فایده‌ی دستگاه کالریمتر خفگی (Throttling calorimeter) کدام عبارت است؟ (سال ۸۸)

(۱) برای تعیین ضریب ژول تامسون به کار می‌رود.

(۲) برای اندازه‌گیری کیفیت بخار اشباع جاری در لوله‌ها به کار می‌رود.

(۳) برای تعیین گرمای مبادله شده در فرآیند خفگی به کار می‌رود.

(۴) برای تعیین تجربی آنتالپی نسبت به یک مرجع خاص تعریف شده به کار می‌رود.

۱۹۶ - مخزنی حاوی 5 kg از ماده A با کیفیت ۰.۳ است. حجم کل مایع بر حسب m^3 در این مخزن چه‌قدر است؟ (در صورتی که

$$\text{حجم مخصوص مایع اشباع و بخار اشباع ماده A به ترتیب } 3 \text{ و } \frac{m^3}{kg} 27 \text{ باشد.} \quad (\text{سال ۸۸})$$

$$105 \quad (4)$$

$$94.5 \quad (3)$$

$$40.5 \quad (2)$$

$$10.5 \quad (1)$$

۱۹۷ - برای یک مخلوط گازی دوگانه داریم $\delta_{12} = 2B_{12} - B_{11} - B_{22}$ و $z = 1 + \frac{BP}{RT}$ یا تغییر حجم به علت اختلاط در دما و فشار ثابت کدام است؟ (y_1 و y_2 کسر مولی هستند). (سال ۸۸)

$$(1-y_1)y_2\delta_{12} \quad (4)$$

$$y_1y_2\delta_{12} \quad (3)$$

$$y_1(1-y_2)\delta_{12} \quad (2)$$

$$2y_1y_2\delta_{12} \quad (1)$$

۱۹۸ - در دمای ثابت در مورد حجم باقیمانده یک گاز واقعی $\alpha = V' - V = \frac{RT}{P} - V$ کدام عبارت صحیح می‌باشد؟ (سال ۸۸)

(۱) اگر فشار آن گاز به سمت صفر رود α همیشه صفر خواهد بود.

(۲) اگر فشار آن گاز به سمت صفر رود α همیشه مثبت خواهد بود.

(۳) اگر فشار آن گاز به سمت صفر رود α به سمت حدی می‌کند که تابع جنس آن گاز است.

(۴) اگر فشا آن گاز به سمت صفر رود α به سمت حدت، مثلاً کند که تابع جنس آن گاز نباشد.

قانون دوم ترمودینامیک

۱۹۹ - کدامیک از احکام زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

- (۱) انتروپی یک سیستم بسته همیشه افزایش می‌یابد.
- (۲) انرژی کل یک سیستم بسته همیشه ثابت می‌ماند.
- (۳) انترالپی کل یک سیستم بسته هیچ‌گاه نمی‌تواند کاهش یابد. (۴) انتروپی یک سیستم بسته ایزوله هیچ‌گاه کاهش نمی‌یابد.

۲۰۰ - با نزدیک شدن به دمای صفر مطلق: (سال ۸۵)

- (۱) انتروپی به سمت صفر میل می‌کند.
- (۲) انرژی کل به سمت صفر میل می‌کند.
- (۳) انتروپی و انرژی به سمت صفر میل می‌کنند.

۲۰۱ - یک مول گاز حقیقی که از معادله حالت زیر پیروی می‌نماید طی یک فرآیند همدما (ایزوترم) از فشار P_1 به فشار P_2 می‌رسد.

$$\text{تغییر انتروپی گاز در طی این فرآیند کدام گزینه است؟ (b) مقدار ثابتی است. (a) } V = \frac{RT}{P} + b \quad (۱)$$

$$\Delta S = -R \ln \frac{P_2}{P_1} \quad (۲) \quad \Delta S = +R \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (۳) \quad \Delta S = +R \ln \frac{P_2}{P_1} \quad (۴) \quad \Delta S = -R \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (۵)$$

۲۰۲ - جریانی با شدت سه و آنتروپی مخصوص دو بهطور کاملاً یکنواخت (پایدار) و آدیباتیک وارد یک توربین شده و با آنتروپی مخصوص ۴ خارج می‌شود. شدت خالص (یا کل) تغییر انتروپی این تحول چند است؟ واحدها اختیاری و هماهنگ است. (سال ۸۵)

- (۱) ۸
- (۲) ۶
- (۳) ۴
- (۴) ۲

۲۰۳ - مختاری ادعا می‌کند که یک ماشین گرمایی ساخته است که 25 kW انرژی در دمای 400 K می‌گیرد و $\frac{J}{S} 10000$ در دمای 300 K به منبع سرد می‌دهد و 15 kW توان مکانیکی مفید تولید می‌کند. آیا ادعای او درست است؟ (سال ۸۵)

- (۱) بله، چون از ماشین کارنو بیشتر انرژی تلف می‌کند.
- (۲) بله، چون بازدهی آن از بازدهی ماشین کارنو کمتر است.
- (۳) بله، چون از ماشین کارنو توان کمتری دارد.

۲۰۴ - یک گاز ایده‌آل به صورت ایزوترم (فرآیند دما ثابت) منبسط می‌شود. انتروپی گاز چه تغییری می‌کند؟ (سال ۸۵)

- (۱) افزایش می‌یابد.
- (۲) کاهش می‌یابد.
- (۳) ثابت می‌ماند چون $Q=0$ است.

۲۰۵ - کدامیک از عبارات زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

- (۱) در یک فرآیند غیرآدیباتیک یک سیستم بسته انتروپی سیستم بسته افزایش می‌یابد.
- (۲) در هر فرآیند آدیباتیک توسط یک سیستم بسته انرژی داخلی همواره در حال افزایش است.
- (۳) انرژی کل سیستم بسته‌ای که با محیطش هیچ‌گونه کار و همچنین گرما مبادله نمی‌کند ثابت می‌ماند.
- (۴) در فرایندی که توسط گاز محبوس در یک سیلندر دارای پیستون انجام می‌گیرد مجموع تغییرات انرژی بتانسیل و انرژی جنبشی مساوی صفر است.

۲۰۶ - یک جسم کوچک به جرم ده گرم و به گرمای ویژه ۱۰ ژول بر درجه کلوین و به دمای 600 K درون هوای آزاد تا دمای محیط 300 K سرد می‌شود تغییر انتروپی هوا چند ژول بر درجه کلوین خواهد شد؟ (سال ۸۶)

$$100 \ln 2 \quad (۱) \quad 100 \quad (۲) \quad -100 \ln 2 \quad (۳) \quad -100 \quad (۴)$$

۲۰۷ - یک مول گاز الف را با دو مول گاز ب در دما و فشار ثابت مخلوط می‌کنیم. در صورتی که هر دو گاز ایده‌آل (گاز کامل) فرض شوند تغییر انتروپی این تحول چیست؟ (سال ۸۶)

$$R \ln \frac{27}{4} \quad (۱) \quad R \ln \frac{27}{6} \quad (۲) \quad R \ln \frac{27}{2} \quad (۳) \quad R \ln \frac{3}{3\sqrt{e}} \quad (۴)$$

۲۰۸ - یک چرخه حرارتی بین منابع حرارتی 600 k و 300 k کار می‌کند و راندمان چرخه حقیقی 50% راندمان چرخه کارنو می‌باشد. دمای محیط 300 k است. در صورتی که میزان شدت حرارت جذب شده از منبع حرارتی گرم $Q_H^0 = 600\text{ kW}$ باشد،

(سال ۸۷) شدت انتروپی تولیدی $\left(\frac{\text{kJ}}{\text{k}\cdot\text{s}} \right)$ چند است؟ (بر حسب S_G^0)

- 2.0 (۴) 1.5 (۳) 1.0 (۲) 0.5 (۱)

۲۰۹ - سیستمی در دمای T به محیطی در دمای T_0 ($T_0 < T$) به مقدار Q حرارت می‌دهد. کدام عبارت درست است؟ (سال ۸۸)

۱) کاهش آنتروپی سیستم بیشتر از $\frac{Q}{T}$ است.

۲) افزایش آنتروپی سیستم کمتر از $\frac{Q}{T}$ است.

۳) افزایش آنتروپی سیستم بیشتر از $\frac{Q}{T}$ است.

ترمودینامیک فرآیندهای جریانی

۲۱۰ - هوا در 100 KPa و 280 K به صورت یکنواخت (فرایند پایا) به 600 KPa و 400 K کمپرس می‌شود. دبی جرمی هوا $0.02 \frac{\text{kg}}{\text{sec}}$

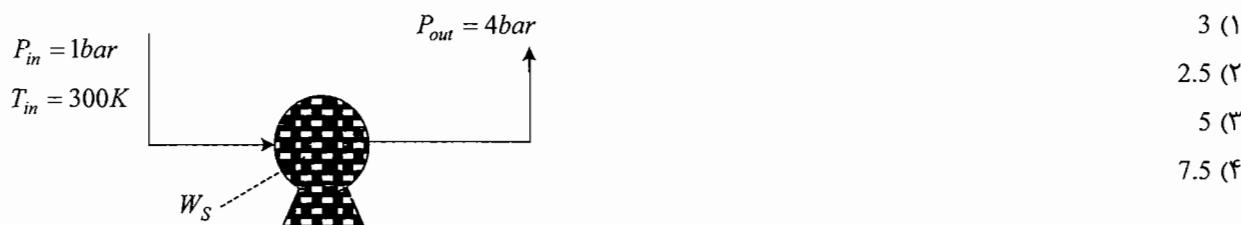
و افت حرارت از کمپرسور $C_p = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ است. اگر برای هوا $16 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ باشد، توان لازم کمپرسور بر حسب kW چه می‌باشد؟ (سال ۸۵)

- 136 (۴) - 272 (۳) - 136 (۲) - 2.72 (۱)

۲۱۱ - در شکل زیر یک گاز ایده‌آل به صورت برگشت‌پذیر و آدیابتیک در یک سیکل سرماسازی متراکم می‌شود. کار لازم برای این

فرایند بر حسب کیلوژول بر مول چقدر می‌باشد؟ (سال ۸۵)

$$C_p = 2R, \quad R = 8.3 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$



۲۱۲ - فشار گاز ایده‌آلی طی یک فرآیند آدیابتیک برگشت‌پذیر 2 برابر شده و دمای آن 80°C افزایش می‌یابد. در صورتی که فشار همان گاز ایده‌آل (با شرایط اولیه مشابه) طی یک فرآیند آدیابتیک برگشت‌ناپذیر با راندمان 50% نسبت به حالت آدیابتیک برگشت‌پذیر 2 برابر شود. دمای گاز چند درجه سانتی‌گراد افزایش می‌یابد؟ (سال ۸۷)

- 160 (۴) 120 (۳) 80 (۲) 60 (۱)

۲۱۳ - هوا در دمای 1000 K وارد یک توربین گازی فرضی می‌شود و تا فشار 100 kPa و دمای 600 K منبسط می‌شود. بازده توربین

در نظر گرفته شود، فشار جریان ورودی به توربین بر حسب kPa چه قدر است؟ اگر $K = 1.5 = \frac{C_p}{C_v}$ و $C_p = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}}$ 50% است.

(سال ۸۸)

- 7800 (۴) 7500 (۳) 2000 (۲) 12500 (۱)

بازگشت ناپذیری و قابلیت کارددهی

۲۱۴ - تغییر انتروپی یک فرآیند $\frac{J}{K}$ ۲.۴۱ میباشد. در این فرآیند ۱kJ گرما در ۵۰۰K به سیستم اضافه میشود. این فرآیند از لحاظ (سال ۸۵) ترمودینامیکی چیست؟

- ۳) هر دو حالت ممکن است. ۴) مشخص نمیشود. ۱) برگشت ناپذیر ۲) برگشت پذیر

خواص ترمودینامیکی سیالات

۲۱۵ - کدامیک از تساوی های زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

$$C_P = P \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T \quad (۱) \quad C_P = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \quad (۲) \quad C_P = T \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P \quad (۳) \quad C_P = T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \quad (۴)$$

۲۱۶ - معادله حالت برای یک مایع به صورت $\frac{v}{v_0} = 1 + aT - b(P-1)$ داده میشود که در آن v_0 حجم مولی در شرایط استاندارد

(سال ۸۶) $\left(\frac{\partial s}{\partial v} \right)_T = \left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_V$ کدام گزینه صحیح است؟ و a و b مقادیر ثابت میباشند. با استفاده از رابطه ماسکول

- ۱) در دمای ثابت انتروپی مایع با عکس مجذور حجم مخصوص تغییر میکند.
۲) در دمای ثابت انتروپی مایع با فشار تغییر نمیکند.
۳) در دمای ثابت انتروپی مایع تابع حجم مخصوص میباشد.
۴) در دمای ثابت انتروپی مستقل از حجم مخصوص میباشد.

۲۱۷ - رفتار گازی توسط معادله حالت $PV = RT + BP$ داده شده است که در آن B مقداری ثابت میباشد. اگر n مول از این گاز در دمای ثابت و به صورت برگشت ناپذیر از شرایط اولیه (P_1, V_1) به شرایط (P_2, V_2) برسد، کدام رابطه زیر برای تغییر انرژی آزاد گیبس صحیح میباشد؟ (سال ۸۶)

$$\Delta G = nRT \ln \left(\frac{P_2}{P_1} \right) + nB(P_2 - P_1) \quad (۱) \quad \Delta G = -nRT \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) + B(P_2 + P_1) \quad (۲)$$

$$\Delta G = -nRT \ln \left(\frac{V_2 - nB}{V_1 - nB} \right) + n(P_2 - P_1) \quad (۳) \quad \Delta G = nRT \ln \left(\frac{P_2 - nB}{P_1 - nB} \right) + nB(P_2 - P_1) \quad (۴)$$

۲۱۸ - برای یک ماده خالص در مورد $\left(\frac{\partial s}{\partial p} \right)_T$ کدام عبارت صحیح است؟ (سال ۸۷)

- ۱) همیشه منفی است.
۲) میتواند مثبت و یا منفی و یا صفر باشد.
۳) همیشه مثبت است.
۴) برای گاز کامل صفر است.

۲۱۹ - در مورد سیالات تراکم ناپذیر کدام عبارت صحیح است؟ (سال ۸۷)

- ۱) فقط انتالپی آن مستقل از فشار است.
۲) فقط انرژی داخلی آن مستقل از فشار است.
۳) هم انرژی داخلی و هم انتالپی و هم انتروپی آن مستقل از فشار است.
۴) هم انرژی داخلی و هم انتالپی آن مستقل از فشار است و انتروپی آن تابع فشار است.

۲۲۰ - برای هر گازی که از معادله حالت $T = \frac{p + \frac{a}{v^2}}{b}$ تبعیت میکند، برابر است با:

$$\frac{ab^2}{4} \quad (۱) \quad \frac{ab}{v} \quad (۲) \quad \frac{a}{v} \quad (۳) \quad \frac{b}{v} \quad (۴)$$

خواص ترمودینامیکی مخلوط‌های همگن

۲۲۱ - در صورتی که γ_1 ضریب اکتیویته سازنده (۱) در یک مخلوط دوتایی و γ_2 ضریب اکتیویته سازنده (۲) باشد کدامیک از روابط زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

$$x_1 \frac{d \ln \gamma_1}{dx_1} + x_2 \frac{d \ln \gamma_2}{dx_2} = 0 \quad (۱)$$

$$\int_0^1 (x_1 \ln \gamma_1 + x_2 \ln \gamma_2) dx_1 = 0 \quad (۲)$$

$$x_1 \frac{d \ln \gamma_1}{dx_1} + x_2 \frac{d \ln \gamma_2}{dx_1} = 0 \quad (۳)$$

$$\int_0^1 \ln \gamma_2 dx_2 = 0 \quad (۴)$$

۲۲۲ - فوگاسیته یک گاز خالص با معادله $f = P + \alpha P^2$ داده می‌شود. کدامیک از معادلات زیر صحیح می‌باشد؟ (سال ۸۵)

۴) هیچ کدام

$$\frac{PV}{RT} = 1 - \frac{\alpha^2 P}{1 + \alpha P} \quad (۱)$$

$$\frac{PV}{RT} = 1 + \frac{\alpha P}{1 + \alpha P} \quad (۲)$$

$$\frac{PV}{RT} = 1 + \frac{\alpha^2 P}{1 + \alpha P} \quad (۳)$$

۲۲۳ - در دمای 25°C و فشار 20 atm فوگاسیته سازنده (۱) در یک مخلوط مایع دو سازندهای توسط رابطه زیر داده می‌شود. ثابت هنری سازنده (۱) برابر است با: (سال ۸۵)

۱۰۰ atm (۱)

80 atm (۲)

20 atm (۳)

5 atm (۴)

$$\hat{f}_1 = 100x_1 - 160x_1^2 + 80x_1^3$$

۲۲۴ - در یک مخلوط دوتایی در دمای T و فشار P (برحسب آتمسفر) عبارت زیر برای حجم مولی جزئی سازنده (۱) داده شده است.

$$\bar{V}_1 = 25(1 + 0.01P) + 3x_1$$

کدام گزینه بیانگر پتانسیل شیمیایی سازنده (۱) می‌باشد.

$$f(T) + (\bar{V}_1 P + 3x_1) P \quad (۱) \quad f(T) + [\bar{V}_1 - 0.125P] P \quad (۲) \quad (\bar{V}_1 P + 3x_1) \quad (۳) \quad f(T) + \bar{V}_1 P \quad (۴)$$

۲۲۵ - ضریب تراکم‌پذیری (Z) یک گاز معلوم است ولی دما و فشار آن را نمی‌دانیم. در مورد فوگاسیته و ضریب فوگاسیته آن چه می‌توان گفت؟ معادله حالت گاز با بسط دو جمله‌ای ویریال تخمین زده می‌شود؟ ($Z = 1 + B/P$) (سال ۸۶)

۱) فقط فوگاسیته آن قابل محاسبه است.

۲) فقط ضریب فوگاسیته آن قابل محاسبه است.

۳) هم ضریب فوگاسیته و هم فوگاسیته آن قابل محاسبه است.

۴) نه فوگاسیته و نه ضریب فوگاسیته آن را می‌توان حساب کرد.

۲۲۶ - در یک مخلوط دو جزئی در فاز مایع حاوی ۴۰٪ مولی ماده A و ۶۰٪ مولی ماده B در دمای ثابت T و فشار ثابت P ، شدت

تغییرات حجم جزئی مولی ماده A برحسب کسر مولی ماده A برابر $\frac{cm^3}{mol} 10$ است. در این شرایط شدت تغییرات حجم جزئی مولی

ماده B برحسب کسر مولی ماده B چند $\frac{cm^3}{mol}$ است؟ (سال ۸۶)

6.7 (۱)

-6.7 (۲)

10 (۳)

15 (۴)

۲۲۷ - برای یک مخلوط دوتایی در دمای ثابت انرژی آزاد گیبس اضافی (Excess) مخلوط و انرژی آزاد گیبس سازندهای خالص توسط مقادیر زیر داده می‌شود. مقدار انرژی آزاد گیبس مخلوطی با نسبت‌های مولی مساوی از سازندهای (۱) و (۲) برابر است با:

$$\frac{G_1}{RT} = 1.5, \quad \frac{G_2}{RT} = 2, \quad \frac{G^{\text{ex}}}{RT} = -1.5x_1 x_2$$

(سال ۸۶)

۱۰۰۰۱۷۵ + ۱۰۰۰۱۷۴

۱۰۰۰۱۷۶ + ۱۰۰۰۱۷۳

۱۰۰۰۱۷۵ + ۱۰۰۰۱۷۲

$RT \ln 0.5$ (۱)

(سال ۸۶) ۲۲۸ - کدامیک از روابط زیر صحیح است؟

$$\left(\frac{\partial \ln \gamma_i}{\partial p} \right)_{T,x} = \frac{V^E}{RT^2} \quad (4) \quad \left(\frac{\partial \ln \gamma_i}{\partial p} \right)_{T,x} = \frac{V_i}{RT} \quad (5) \quad \left(\frac{\partial \ln \gamma_i}{\partial p} \right)_{T,x} = \frac{\bar{V}_i}{RT} \quad (6) \quad \left(\frac{\partial \ln \gamma_i}{\partial p} \right)_{T,x} = \frac{\Delta V_i}{RT} \quad (7)$$

(۲۲۹) ۲۲۹ - در یک مخلوط دوتایی در دمای 100K و فشار 25 atm با ترکیب درصد مولی یکسان از اجزاء (۱) و (۲) اطلاعات زیر داده شده است. گرمای ناشی از اختلاط این سازندگان برحسب $\frac{\text{cal}}{\text{g mol}}$ برابر است با:

$$\ln \gamma_1 = 0.4 T x_2^2, \quad \ln \gamma_2 = 0.4 T x_1^2, \quad R = 2 \frac{\text{cal}}{\text{g mol k}}$$

- 2000 (۴)	- 1000 (۳)	1000 (۲)	2000 (۱)
------------	------------	----------	----------

(سال ۸۶) ۲۳۰ - رابطه زیر برای انرژی آزاد گیبس اضافی در یک محلول دوتایی به دست آمده است:

$$\frac{g^E}{RT} = x_1 x_2 \left[\frac{2.15}{T} x_1 + \frac{4.5}{T} x_2 \right]$$

کدام عبارت برای حجم اضافی V^E صحیح است؟

$$V^E = \frac{6.65}{T} x_1 x_2 \quad (4) \quad V^E = \frac{6.65}{T} \quad (3) \quad V^E = -\frac{6.65}{T^2} \quad (6) \quad V^E = 0 \quad (7)$$

(۲۳۱) ۲۳۱ - مخلوط دو جزئی پروپان - بوتان در شرایط $P=10\text{ bar}$ و $T=100^\circ\text{C}$ به صورت دو فازی مایع بخار می‌باشد. در این شرایط فشار اشباع پروپان خالص $P^s=15\text{ bar}$ و ضریب فوگاسیته اشباع پروپان خالص $\phi=0.9$ است. ثابت هنری پروپان در مخلوط فوق برحسب bar کدامیک از مقادیر زیر می‌تواند باشد؟

10 (۴)	13.5 (۳)	15 (۲)	150 (۱)
--------	----------	--------	---------

(سال ۸۷) ۲۳۲ - پتانسیل شیمیایی متان در مخلوط گازی متان و اتان در کدامیک از شرایط زیر بیشترین مقدار را دارد؟ دمای کلیه مخلوطها 25°C است.

- (۱) مخلوط 10% ملی متان و 90% ملی اتان تحت فشار 100 kpa
- (۲) مخلوط 90% ملی متان و 10% ملی اتان تحت فشار 10 kpa
- (۳) مخلوط 10% ملی متان و 90% ملی اتان تحت فشار 10 kpa
- (۴) مخلوط 90% ملی متان و 10% ملی اتان تحت فشار 100 kpa

(سال ۸۷) ۲۳۳ - ثابت هنری آب در هپتان در شرایط $T=150^\circ\text{C}$ و $P=1\text{ bar}$ برابر با 1000 bar است. میزان حلایق آب در هپتان ($x_{\text{H}_2\text{O}}$) در شرایط $T=150^\circ\text{C}$ و $P=50\text{ bar}$ تقریباً چقدر است؟ فشار بخار اشباع آب مایع در دمای 150°C برابر با 5 bar است.

0.001 (۴)	0.002 (۳)	0.005 (۲)	0.01 (۱)
-----------	-----------	-----------	----------

(سال ۸۷) ۲۳۴ - در یک مخلوط دوگانه رابطه زیر داده شده است.. $\frac{G^E}{RT} = x_1 x_2 (100x_1 + 20x_2)^2$ مقدار ضریب اکتیویته سازنده (۱) در رقت بینهایت برابر است با:

10000 (۴)	400 (۳)	100 (۲)	20 (۱)
-----------	---------	---------	--------

(سال ۸۷) ۲۳۵ - انتالپی اضافی یک مخلوط دو جزئی به صورت $H^E = -335x_1x_2$ داده می‌شود. تغییرات انتالپی جز (۱) در مخلوط نسبت به انتالپی خالص آن جزء در همان دما و فشار (یعنی \bar{H}_1^E) برابر است با:

335(-3x_2^2 + 4x_2 - 1) (۴)	335(-3x_1^2 + 4x_1 - 1) (۳)	335(3x_2^2 - 4x_2 + 1) (۲)	335(3x_1^2 - 4x_1 + 1) (۱)
-----------------------------	-----------------------------	----------------------------	----------------------------

۴۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۳۶- برای یک محلول دوگانه‌ی مایع رابطه‌ی $\frac{G^B}{RT} = \beta x_1 x_2$ در دما و فشار ثابت برقرار است و که در آن β مقدار ثابتی است و برای هردو سازنده حالت استاندارد بر مبنای مدل لوئیس رندال تعریف شده است. تابع $\ln \gamma_1^*$ و $\ln \gamma_2^*$ به ترتیب کدام است؟ (۱) γ_1^* (سال ۸۸)

$$\ln \gamma_1^* = \beta(x_2^2 - 1), \ln \gamma_2 = \beta x_1^2 \quad (۲)$$

$$\ln \gamma_1^* = \beta(x_2^2 - 1), \ln \gamma_2 = \beta \quad (۱)$$

$$\ln \gamma_1^* = \beta(1 - x_2^2), \ln \gamma_2 = \beta x_2^2 \quad (۴)$$

$$\ln \gamma_1^* = \beta(x_2^2), \ln \gamma_2 = \beta(x_1^2 - 1) \quad (۳)$$

۲۳۷- آنتروپی مخصوص یک محلول دوجزئی از رابطه‌ی $s = x_1^3 - 3x_1^2 + x_1 + 3$ به دست می‌آید. تابع \bar{s}_2 آن کدام است؟ (۱) x_1 کسر مولی است. (سال ۸۸)

$$-2x_1^3 - 3x_1^2 + 3 \quad (۲)$$

$$+2x_1^3 - 3x_1^2 + 3 \quad (۱)$$

$$-2x_1^3 + 3x_1^2 + 5 \quad (۴)$$

$$-2x_1^3 + 3x_1^2 + 3 \quad (۳)$$

۲۳۸- می‌دانیم که برای ضریب فوگاسیته‌ی یک گاز می‌توان نوشت:

$$\ln \phi = \int_0^P (z-1) \frac{dp}{p}$$

$$\ln \phi = z-1 \quad (۱)$$

(۲) بعضی اوقات نمی‌توان گفت.

(۱) خیر هیچ‌گاه نمی‌توان گفت.

(۴) آری همیشه می‌توان گفت.

(۳) فقط اگر گاز کامل باشد می‌توان گفت.

۲۳۹- در یک مخلوط دوتایی $\bar{H}_1^E = 20x_2^3$, کدام عبارت در ارتباط با \bar{H}_2^E صحیح می‌باشد؟ (سال ۸۸)

$$x_2^2(20x_2 - 30) + c \quad (۲)$$

$$x_2^2(30 - 20x_2) + c \quad (۱)$$

$$x_1^2(30 - 20x_1) + c \quad (۴)$$

$$30x_1x_2 + c \quad (۳)$$

۲۴۰- در یک مخلوط دوتایی $\hat{f}_1 = ax_1 e^{(bx_2^2 - cx_1)}$ داده شده است. عبارت‌های صحیح برای H_1 (یا ثابت هنری) و f_1 (فوگاسیته خالص) کدام می‌باشند؟ (سال ۸۸)

$$H_1 = ae^{(b-c)}, f_1 = ae^{-c} \quad (۲)$$

$$H_1 = a, f_1 = b \quad (۱)$$

$$H_1 = ae^b, f_1 = ae^{-c} \quad (۴)$$

$$H_1 = ae^{bx_1}, f_1 = ae^b \quad (۳)$$

۲۴۱- در یک مخلوط دوتایی در حال تعادل مایع- بخار در مورد فوگاسیته کل فاز بخار و مایع کدام عبارت صحیح است؟ (سال ۸۸)

(۲) همواره باهم برابر هستند.

(۱) در نقطه آرتوروب باهم برابر هستند.

(۴) فقط در دما و فشار یکسان باهم برابر هستند.

(۳) هرگز با هم برابر نیستند.

۲۴۲- در کدام شرایط می‌توان از تغییرات ضریب فوگاسیته جزء I در مخلوط با دما صرف‌نظر نمود؟ (R علامت باقیمانده یا پسماند) (سال ۸۸)

$$\bar{V}_i^R = 0 \quad (۴)$$

$$\bar{H}_i^E = 0 \quad (۳)$$

$$\bar{V}_i^E = 0 \quad (۲)$$

$$\bar{H}_i^R = 0 \quad (۱)$$

تعادل فازها

۲۴۳- کدامیک از احکام زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

- (۱) سیستم‌های دارای انحراف منفی سیستم‌هایی هستند که منحنی حباب آن‌ها دارای مینیمم است.
- (۲) سیستم‌های دارای انحراف مثبت سیستم‌هایی هستند که نیروی جاذبه بین مولکول‌های غیرمشابه بیشتر است.
- (۳) سیستم‌های دارای انحراف منفی سیستم‌هایی هستند که نیروی دافعه بین مولکول‌های غیرمشابه بیشتر است.
- (۴) سیستم‌های دارای انحراف مثبت سیستم‌هایی هستند که در آن‌ها نیروی دافعه بین مولکول‌های غیرمشابه بیشتر است.

۲۴۴- یک آمیزه (مخلوط) دوتایی نسبت به قانون رائول (رائولت) انحراف منفی دارد. در دما و غلظت ثابت فشار سیستم را به آرامی کاهش می‌دهیم. نسبت به محلول آرمانی و قانون رائول: (سال ۸۵)

- (۱) دیرتر به جوش می‌آید.
- (۲) زودتر به جوش می‌آید.
- (۳) به غلظت اولیه x_1 بستگی دارد.

۲۴۵- در یک مخلوط دو فازی مایع بخار دوگانه در حالت تعادل در دمای T داریم: $P_2^{\text{sat}} = 5 \text{ atm}$ و $P_1^{\text{sat}} = 3 \text{ atm}$ ، $\gamma_2^\infty = 2$ ، $\gamma_1^\infty = 4$ کدامیک از احکام زیر درست است؟ (سال ۸۵)

- (۱) این سیستم آزئوتروب ندارد.
- (۲) این سیستم دارای یک آزئوتروب فشار ماکریم است.
- (۳) این سیستم دارای یک آزئوتروب فشار مینیمم است.
- (۴) داده‌های مسئله برای تعیین داشتن و یا نداشتن آزئوتروب کافی نیست.

۲۴۶- برای محلولی داده‌های زیر موجود است:

$$\ln \gamma_1 = 2x_2^2, \quad \ln \gamma_2 = 2x_1^2, \quad P_1^{\text{sat}} = 100 \text{ kpa}, \quad P_2^{\text{sat}} = 271.829 \text{ kpa}$$

جزء مولی ماده (۱) (x_1) در نقطه آزئوتروبی چقدر است؟ (سال ۸۶)

۳) تشکیل آزئوتروب نمی‌دهند.	۰.۱	۰.۵	۰.۲۵
-----------------------------	-----	-----	------

تعادل واکنش‌های شیمیایی و درجه آزادی

۲۴۷- واکنش گازی $A_{(g)} + B_{(g)} \rightarrow C_{(g)} + D_{(g)}$ در فشار ۵ atm و در حضور 2 mole ماده بی‌اثر (مانند N_2) انجام می‌شود. با فرض این‌که مخلوط گازی را ایده‌آل (کامل) فرض کنیم، درجه پیشرفت واکنش در هنگام تعادل (یا مختصه واکنش ϵ_e) چقدر خواهد بود؟ (ک=۱) (سال ۸۶)

$$\epsilon_e = 1 \quad (۴) \quad \epsilon_e = 0.67 \quad (۳) \quad \epsilon_e = 0.5 \quad (۲) \quad \epsilon_e = 0.33 \quad (۱)$$

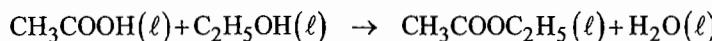
۲۴۸- واکنش تعادلی زیر در دمای $200^\circ C$ انجام می‌گیرد. در این دما ثابت تعادل واکنش برابر با $K=10$ است. در این شرایط فشار تعادلی بر حسب bar چقدر است؟ فرض کنید فاز بخار گاز ایده‌آل است. فشار شرایط استاندارد 1 bar است. (سال ۸۶)



$$10 \quad (۴) \quad 5 \quad (۳) \quad 1 \quad (۲) \quad 0 \quad (\text{صفر})$$

۵۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۴۹- واکنش تعادلی زیر را (در یک فاز مایع) در نظر بگیرید:



در صورتی که نسبت تعداد مول‌های اولیه اسید استیک به اتانول برابر یک باشد، تعداد متغیرهای شدتی (متمرکز) مستقل واکنش چند است؟ (سال ۸۶)

- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۲۵۰- در مورد قانون فازهای گیبس و قانون فازهای دوهم در حضور و غیاب واکنش شیمیائی کدام تغییرات صورت می‌گیرد؟ (سال ۸۸)

- (۱) قانون فازهای گیبس در حضور وکنش شیمیائی تغییر می‌کند ولی قانون فازهای دوهم تغییر نمی‌کند.
 (۲) هردو تغییر می‌کنند ولی تغییرات آن‌ها مشابه و یکسان نیست.
 (۳) هردو تغییر می‌کنند ولی تغییرات آن‌ها مشابه هم است.
 (۴) هردو در نهایت بی‌تغییر می‌مانند.

۲۵۱- سیستمی دوفازی از آب و بخار آب موجود است. در دما و فشار ثابت آن قدر CaCl_2 به آب اضافه می‌کنیم تا CaCl_2 جامد در آب تشکیل شود. $\text{Ca}^{2+} + 2\text{Cl}^- \rightleftharpoons \text{CaCl}_2(s)$ برای به دست آوردن خواص ترمودینامیکی این سیستم چند متغیر باید معلوم باشد؟ (سال ۸۸)

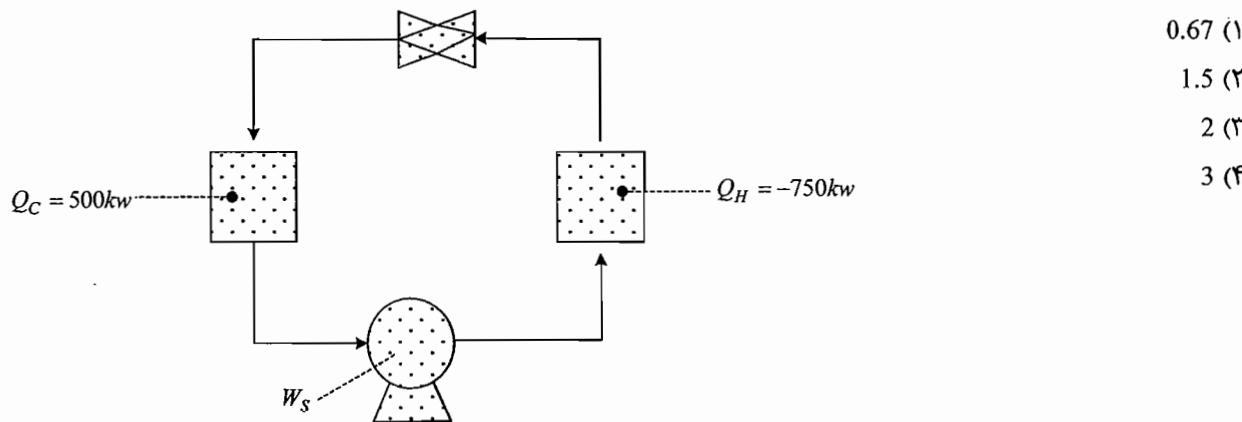
- ۴ (۴) چهار ۳ (۳) سه ۲ (۲) دو ۱ (۱) یک

۲۵۲- در واکنش فاز مایع $\text{A} \rightarrow \text{P}$ ، کسر مولی A در حال تعادل در دمای 200K برابر با ۰.۴ است. اگر مخلوط غیرایده‌آل و از رابطه $\frac{\text{G}^E}{\text{RT}} = x_1 x_2$ پیروی کند، ثابت تعادل کدام است؟ (سال ۸۸)

- ۱.۶۷e^{0.2} (۴) ۱.۶۷e^{-0.2} (۳) ۱.۵e^{-0.2} (۲) ۱.۵e^{0.2} (۱)

سیکل‌های توان و تبرید

۲۵۳- یک سیکل سرماسازی تراکمی بخار در شکل زیر ارائه شده است. ضریب عملکرد (coefficient of performance) سیستم را تعیین نمایید. (سال ۸۵)



۲۵۴- طی کدام یک از تحولات زیر امکان مایع‌سازی (Liquefaction) گاز در فشار پایین وجود ندارد؟ (سال ۸۵)

- (۱) فرایند سردسازی در فشار ثابت
 (۲) فرایند انبساط ایزونتروپیک
 (۳) فرایند اختناق یا قراتلینگ

۲۵۵- فرآیند چرخه (Cycle) توانی زیر توسط گاز محبوس در یک سیلندر دارای پیستون انجام می‌گیرد. کار خالص انجام یافته (Sال ۸۵) توسط چرخه و بازدهی حرارتی (Thermal efficiency) آن به ترتیب عبارتند از:



۲۵۶- یک یخچال کارنو در اطاقی با دمای 27°C کار می‌کند و توان مصرفی آن 2kw است. اگر بخواهیم دمای فضای درون یخچال 3°C باشد. شدت دفع گرما از فضای درون یخچال چقدر است؟ (Sال ۸۶)

- 200 kw (۴) 180 kw (۳) 20 kw (۲) 18 kw (۱)

۲۵۷- در نیروگاه بخاری کدام عامل باعث افزایش احتمال ایجاد رطوبت در خروجی توربین خواهد شد؟ (Sال ۸۶)

- (۱) افزایش فشار خروجی از پمپ
- (۲) افزایش دمای خروجی از دیگ بخار
- (۳) کاهش دمای خروجی از کندانسور
- (۴) کاهش فشار خروجی از پمپ

۲۵۸- یک سردخانه بر اساس چرخه تبرید تراکم بخار (Vapour-Compression Refrigeration) کار می‌کند که در آن دمای تبخیرکننده 30°C - و دمای کندانسور (Evaporator) 60°C (Condenser) بار تبخیرکننده $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}} 108$ و کار مصرفی کمپرسور $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}} 60$ باشند، نسبت ضریب کارآیی (COP) چرخه بر ماکریم ضریب کارآیی آن برابر خواهد بود با: (Sال ۸۶)

- 1.70 (۴) 0.86 (۳) 0.67 (۲) 0.44 (۱)

۲۵۹- ضریب عملکرد Cop (Coefficient of performance) یک چرخه تبرید با سیال گاز فرئون (R-22) برابر ۳ است. چنانچه قدرت مصرفی این چرخه 16kw باشد مقدار گرما بر حسب کیلوژول بر دقیقه $\left(\frac{\text{KJ}}{\text{min}} \right)$ که به محیط تخلیه می‌کند چقدر است؟ (Sال ۸۷)

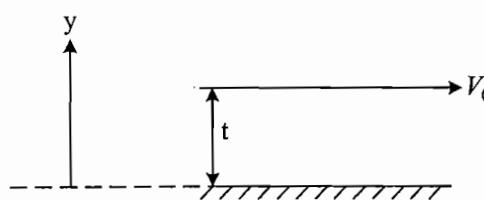
- 930 (۴) 2160 (۳) 2680 (۲) 3840 (۱)

۲۶۰- در یک نسبت تراکم ثابت در ارتباط با راندمان سیکل اتو و دیزل چه می‌توان گفت (Sال ۸۸)

- (۱) هردو راندمان برابر می‌باشند.
- (۲) راندمان سیکل دیزل بیشتر از سیکل اتو است.
- (۳) راندمان سیکل اتو بیشتر از سیکل دیزل است.
- (۴) نمی‌توان با این اطلاعات دو راندمان را مقایسه نمود.

خواص سیال

- ۲۶۱ - در شکل زیر منحنی تغییرات سرعت بین دو صفحه به صورت $y = \frac{v_0}{t} y$ می‌باشد. نیروی لازم جهت کشیدن صفحه بالایی (سال ۸۵) متناسب است با:



$$\begin{array}{ll} \frac{8\mu}{v_0} & (2) \\ \frac{v_0 t}{3} & (1) \\ \frac{v_0 \mu}{t} & (4) \\ \frac{v_0}{3t} & (3) \end{array}$$

- ۲۶۲ - برای جاری شدن دسته‌ای از سیالات، می‌بایست مقدار تنش اعمال شده روی سیال از یک مقدار مشخص (T_y) بیشتر باشد. چنانچه این سیال از لوله‌ای عبور کند، کدامیک از گزینه‌های زیر می‌تواند نشان‌دهنده پروفایل سرعت این سیال در لوله در جریان آرام باشد؟ (سال ۸۵)



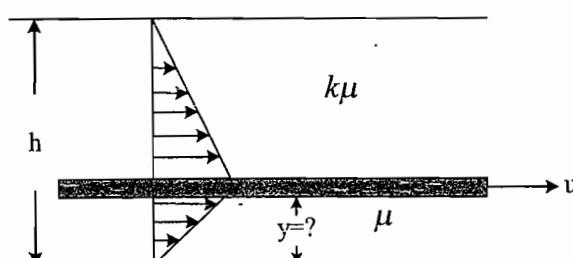
- ۲۶۳ - اگر سیالی که ویسکوزیته آن با افزایش نرخ برش کاهش می‌باید در لوله‌ای جریان باید مقدار افت فشار آن در مقایسه با سیالی که ویسکوزیته آن ثابت است؟ (سال ۸۵)

$$\begin{array}{ll} 4) \text{ هیچ‌کدام} & 3) \text{ تفاوتی نمی‌کند.} \\ 2) \text{ بیشتر است.} & 1) \text{ کمتر است.} \end{array}$$

- ۲۶۴ - توزیع سرعت جریانی روی یک صفحه به صورت $u = 2y - 2y^3 + y^4$ بیان شده است. اگر ویسکوزیته سیال $10^{-3} \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}}$ باشد (سال ۸۶) مقدار تنش برشی روی صفحه‌ای که در $y = 0.1\text{m}$ واقع است چند است؟

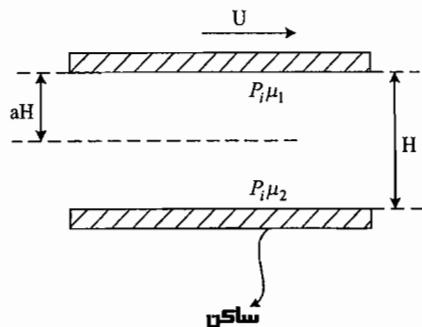
$$\begin{array}{ll} 2 \times 10^{-3} & (4) \\ 1.944 \times 10^{-3} & (3) \\ 0.1944 \times 10^{-3} & (2) \\ 0.2 \times 10^{-3} & (1) \end{array}$$

- ۲۶۵ - صفحه مستطیل شکل نازکی با سرعت ثابت u در میان دو صفحه که به فاصله h از یکدیگر قرار دارند کشیده می‌شود. اگر ویسکوزیته سیالاتی که در طرفین صفحه قرار دارند μ و $k\mu$ باشد، مکان صفحه میانی را طوری تعیین کنید که نیروی درگ بر روی صفحه حداقل شود. (سال ۸۶)



$$\begin{array}{ll} \frac{h}{\sqrt{1+k}} & (2) \\ \frac{\sqrt{1+k}}{h} & (4) \\ \frac{1+\sqrt{k}}{h} & (1) \end{array}$$

۲۶۶- دو مایع غیرقابل اختلاط با دانسیته یکسان و ویسکوزیته های متفاوت فضای بین دو صفحه تحت افقی را پر کرده اند و صفحه بالایی با سرعت ثابت U حرکت می کند. اگر فاصله دو صفحه H ، ضخامت مایع اول aH و ضخامت مایع دوم $H(1-a)$ باشد، سرعت سطح تماس دو مایع را محاسبه کنید. درجه حرکت مایع فشار ثابت است.



$$U \cdot \frac{(1-a)}{a + (1-a) \frac{\mu_1}{\mu_2}} (\gamma)$$

$$U \cdot \frac{\frac{\mu_1}{\mu_2}(1-a)}{(1-a)+a\frac{\mu_1}{\mu_2}} (1)$$

$$U \cdot \frac{a \frac{\mu_1}{\mu_2}}{a + (1-a) \frac{\mu_1}{\mu_2}} (f)$$

$$U \cdot \frac{\frac{\mu_1}{\mu_2} (1-a)}{a + (1-a) \frac{\mu_1}{\mu_2}} (1 - \frac{\mu_1}{\mu_2})$$

۲۶۷- مقدار تنش برشی که سیال به دیوارهای اطراف خود اعمال می‌کند می‌باشد.

- ۱) برای سیالات نیوتونی متناسب با توان دو سرعت سیال
 - ۲) برای هر سیال متناسب با اختلاف سرعت سیال و دیواره
 - ۳) برای هر سیال متناسب با توان دو اختلاف سرعت سیال و دیواره
 - ۴) برای سیالات نیوتونی متناسب با توان دو اختلاف سرعت سیال و دیوار

۲۶۸- صفحه‌ای به ابعاد $4m \times 4m$ در داخل آب با سرعت $V = 10 \frac{m}{s}$ و با نیروی F کشیده می‌شود. اگر ضخامت آب در دو طرف

صفحه 4cm و 2cm باشد، نیروی F را بر حسب N پیدا کنید. (گرانزوی آب $\mu = 0.01 \frac{gr}{cm \cdot s}$ میباشد.) (سال ۸۸)

16 (F) 14 (M) 12 (F) 10 (M)

16 (F) 14 (M)

12 (8)

10 (1)

استاتیک سیالات

۲۶۹- یک صفحه دایره‌ای به قطر ۲ متر به صورت مورب در زیر سطح آب قرار داده شده به‌طوری که فاصله لبه بالای آن از سطح آزاد مایع یک متر و فاصله لبه پائینی آن از سطح آزاد مایع سه متر است. نیروی وارد به یک طرف این صفحه چند نیوتون است؟ (وزن مخصوص آب = γ) (سال ۸۵)

$$\frac{3\pi\gamma}{2}(\mathfrak{f})$$

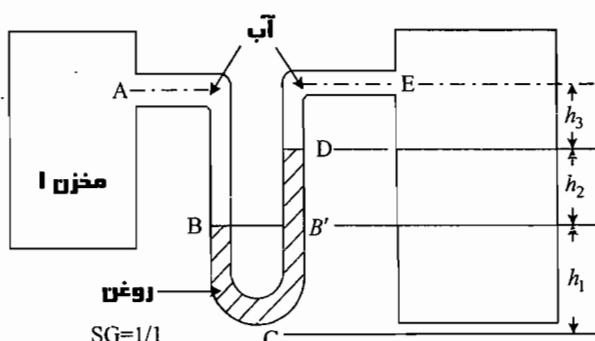
$$\frac{\pi\gamma}{2}(\tau)$$

$$2\pi\gamma(\mathbf{r})$$

$$2\gamma(1)$$

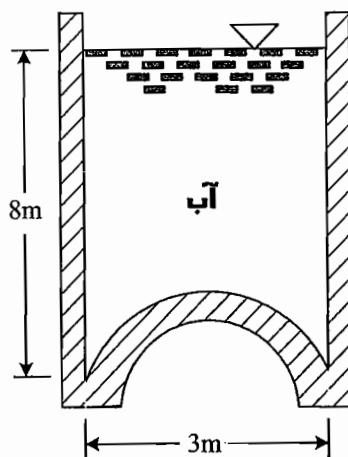
٢٧٠ - مطلوب است محاسبة اختلاف فشار بين دو مخزن ١ و ٢ اگر $h_3 = 300 \text{ mm}$ ، $h_2 = 300 \text{ mm}$ ، $h_1 = 30 \text{ mm}$ (جرم مخصوص آب

را $1000 f \frac{kg}{m^3}$ در نظر بگیرید).



۵۵ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۷۱- یک مخزن استوانه با قطر ۳ متر که در آن آب قرار دارد دارای قسمت پایینی نیم‌کره‌ای است. مقدار نیروی عمودی وارد از طرف آب به قسمت خمیده پایین را محاسبه کنید.
(سال ۸۵)



- 48.5 N (۱)
48.5 kN (۲)
485 N (۳)
485 kN (۴)

۲۷۲- یک کره توخالی به شعاع R و ضخامت t در ظرف آب به طور کاملاً غوطه‌ور قرار دارد. اگر چگالی ماده پوسته کره ۸ باشد مقدار t به R برابر است با:
(سال ۸۵)

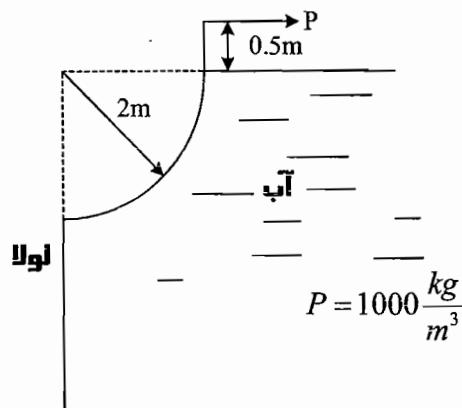
- 0.04 (۴) 0.03 (۳) 0.02 (۲) 0.01 (۱)

۲۷۳- جسم جامدی با دانسیته $\frac{kg}{m^3} 650$ در آب با دانسیته $\frac{kg}{m^3} 1000$ در حال حرکت است. کدامیک از عبارات زیر در مورد نیروهای اعمال شده به جسم صحیح است؟ نیروی ثقل در جهت پایین، نیروی شناوری در جهت:
(سال ۸۶)

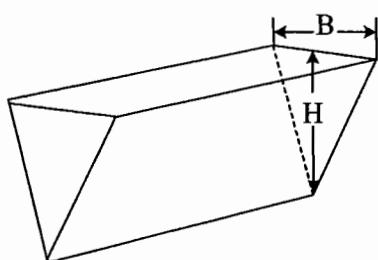
- (۱) پایین، نیروی کشش در جهت بالا
(۲) بالا، نیروی کشش در جهت پایین
(۳) بالا، نیروی کشش در جهت بالا
(۴) بالا، نیروی کشش در جهت پایین

۲۷۴- با صرف نظر از وزن دریچه، نیروی P برای نگهداشتن دریچه چند N است؟ طول دریچه ۴ m می‌باشد.
(سال ۸۶)

- 32 (۱)
64 (۲)
100 (۳)
200 (۴)



۲۷۵- یک تانک با سطح انتهایی مثلث شکل از سیالی با وزن مخصوص γ پر شده است. نیروی فشاری وارد بر لبه سطح تانک را به دست آورید.
(سال ۸۶)



$$\rho g B \frac{H^2}{6} \quad (2)$$

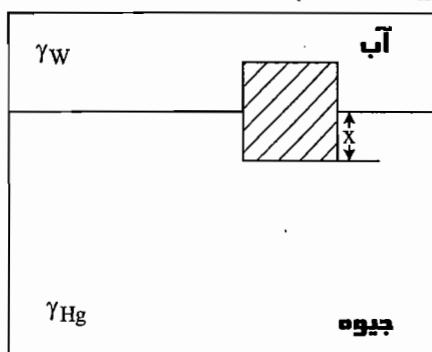
$$\rho g B \frac{H^2}{3} \quad (4)$$

$$\rho g B \frac{H}{6} \quad (1)$$

$$\rho g B \frac{H}{3} \quad (3)$$

۲۷۶- مکعبی به وزن ۴۴۵ نیوتن داخل مخزنی حاوی یک لایه آب روی لایه‌ای از جیوه فرو بردہ می‌شود. موقعیت مکعب (x) را در حال تعادل مشخص کنید. هر ضلع مکعب ۰.۳ متر است.
(سال ۸۶)

$$\left(\gamma_w = 9806 \frac{N}{m^3}, \gamma_{Hg} = 133400 \frac{N}{m^3} \right)$$



(۱) ۰.۰۱۶۲ متر

(۲) ۰.۰۲۶۱ متر

(۳) ۰.۰۰۸۱ متر

(۴) ۰.۰۲۸۱ متر

۲۷۷- سد استوانه‌ای زیر را در نظر بگیرید که از دو طرف آب بر آن اثر می‌کند. قطر و طول این سد به ترتیب ۳ و ۶ متر است.

مقدار نیروی برآیند که از طرف سیال بر این سد در جهت افق وارد می‌شود چند kN است?
(سال ۸۶)

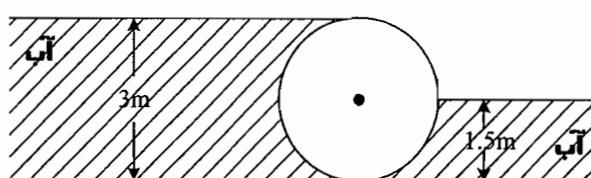
$$\left(\gamma_w = 9806 \frac{N}{m^3} \right)$$

198 (۲)

66.2 (۱)

356 (۴)

265 (۳)



۲۷۸- یک صفحه مثلثی شکل با قاعده ۳m و ارتفاع ۴.۵m مطابق شکل زیر آب با دانسیته $1000 \frac{kg}{m^3}$ قرار گرفته است. نیروی وارد

(سال ۸۷)

$$\left(g = 10 \frac{m}{s^2} \right)$$

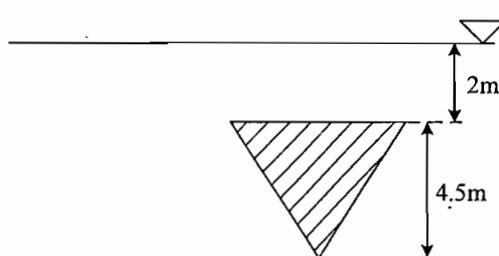
شده به یک طرف صفحه چند kN است؟

0.0 (۱)

23.625 (۲)

135 (۳)

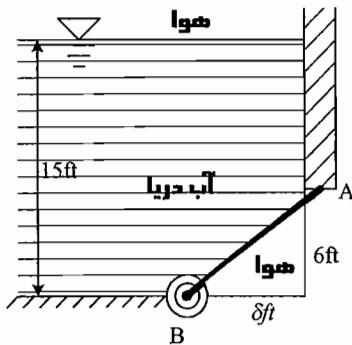
236.25 (۴)



۲۷۹ - مطابق شکل دریچه AB به شکل مستطیل و عرض 5 ft در نقطه B لولا شده است. با توجه به اطلاعات روی شکل، نیرویی که

از طرف آب به دریچه اعمال می‌شود بر حسب lb_f چقدر است؟
 (سال ۸۷)

$$\left(\gamma_w = 64 \frac{lb_f}{ft^3} \right)$$



48500 (۱)

38400 (۲)

53800 (۳)

84500 (۴)

۲۸۰ - تانک استوانه‌ای روی سطح شیبدار بدون اصطکاک که با افق زاویه‌ی θ می‌سازد می‌لغزد. زاویه سطح مایع درون تانک با سطح شیبدار چه قدر است؟
 (سال ۸۸)

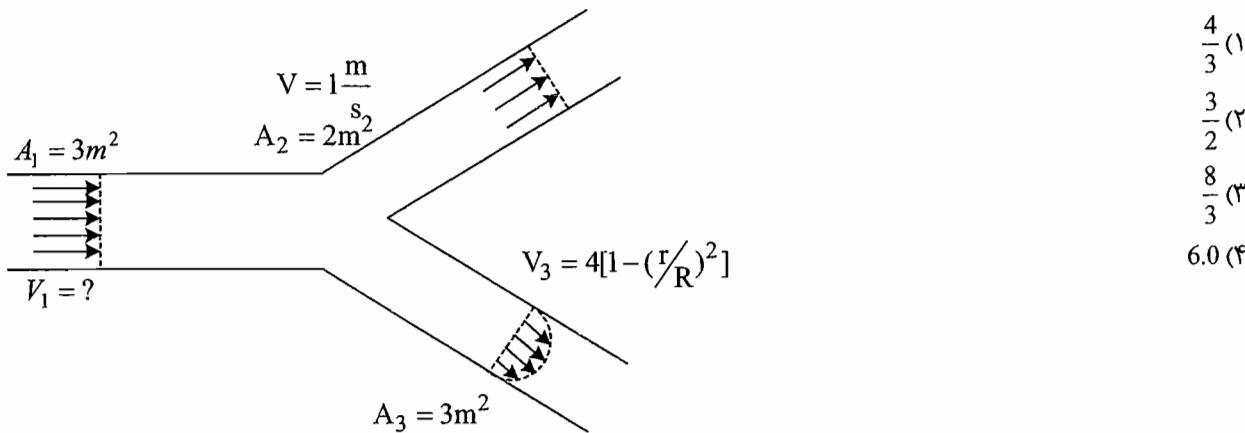
20 θ (۴) θ (۳) $\frac{1}{2} \theta$ (۲) 0 (۱)

جریان سیالات

۲۸۱ - افت فشار در یک خط لوله به قطر 60 سانتی‌متر و طول 15 متر برابر 70 کیلوپاسکال می‌باشد. تنش برشی (Shear Stress) در بدن لوله چند پاسکال است؟
 (سال ۸۵)

700.0 (۴) 420.0 (۳) 70.0 (۲) 42.0 (۱)

۲۸۲ - سیال غیرقابل تراکمی در خط لوله زیر جریان دارد. منحنی تغییرات سرعت در مقاطع 1 و 2 یکنواخت و در مقطع 3 به صورت تابع درجه 2 می‌باشد. سرعت در مقطع 1 چند متر بر ثانیه است؟
 (سال ۸۵)



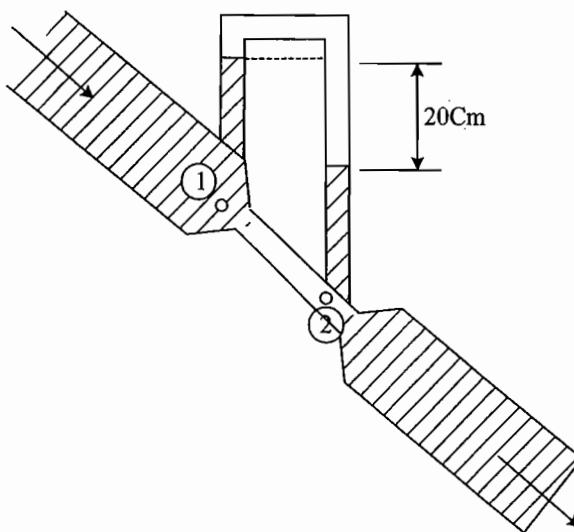
$\frac{4}{3}$ (۱)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$\frac{8}{3}$ (۳)

6.0 (۴)

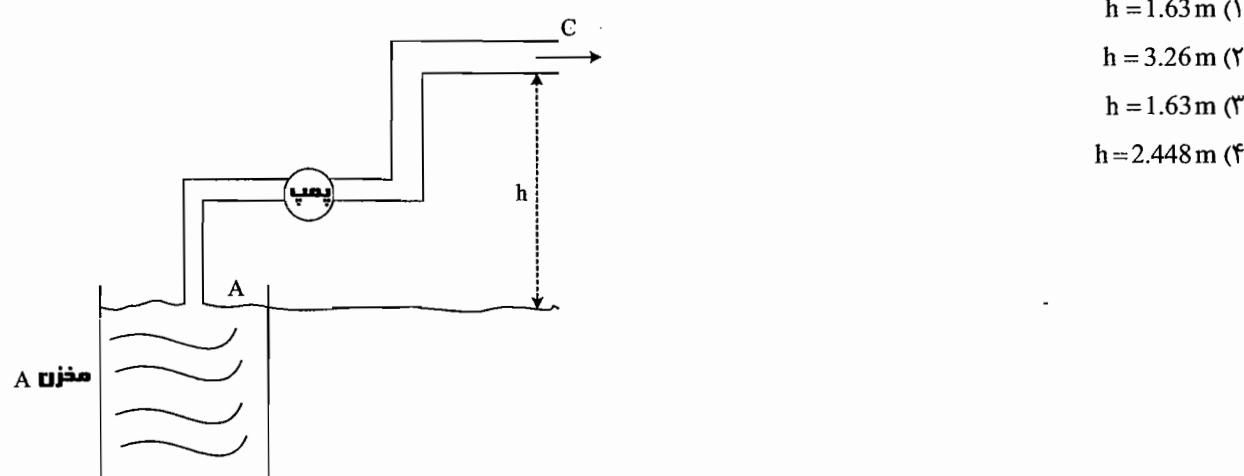
۲۸۳- اگر از اتلاف انرژی در خط لوله شکل صرف نظر شود. دبی آب جاری در خط لوله چند لیتر بر ثانیه است؟
(سال ۸۵) $D_1 = 30\text{ cm}$, $D_2 = 20\text{ cm}$



- 0.694 (۱)
- 6.94 (۲)
- 69.4 (۳)
- 694.0 (۴)

۲۸۴- پمپی آب را از مخزن A به خروجی C منتقل می‌نماید. اگر اصطکاک مسیر برابر $\eta w_p = \frac{5v_C^2}{2g_C}$ و $h_f = \frac{2v_C^2}{2g_C}$ باشد ارتفاع h را محاسبه نمایید.

(سال ۸۵) سرعت خروجی $V_C = \frac{4\text{ m}}{\text{sec}}$ باشد ارتفاع h را محاسبه نمایید.



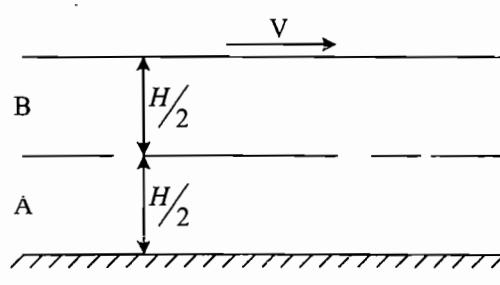
۲۸۵- دو مایع غیرقابل امتزاج A و B بین دو صفحه موازی مطابق شکل قرار گرفته‌اند. اگر صفحه توخالی با سرعت ثابت V حرکت کند و صفحه پایینی ثابت باشد و $\mu_A > \mu_B$ باشد کدامیک از گزینه‌های زیر درست است؟
(سال ۸۵)

- ۱) گرادیان سرعت در هر دو لایه خطی و شبیه در دو لایه یکسان است.

- ۲) توزیع سرعت در هر دو لایه خطی و گرادیان سرعت در لایه B کوچکتر است.

- ۳) توزیع سرعت در هر دو لایه خطی و گرادیان سرعت در لایه A کوچکتر است.

- ۴) گرادیان در لایه‌های A و B ارتباطی به مقدار ویسکوزیته دو سیال ندارد.



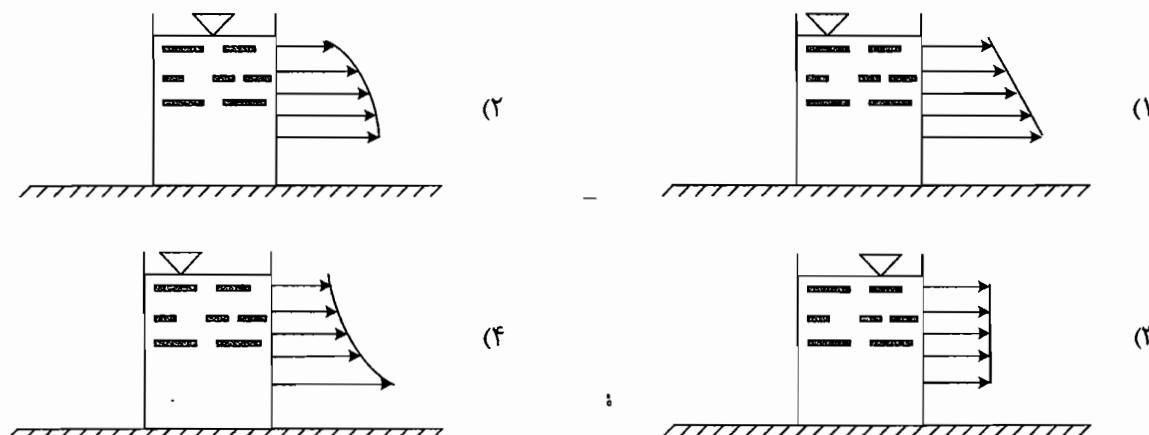
۵۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(سال ۸۵)

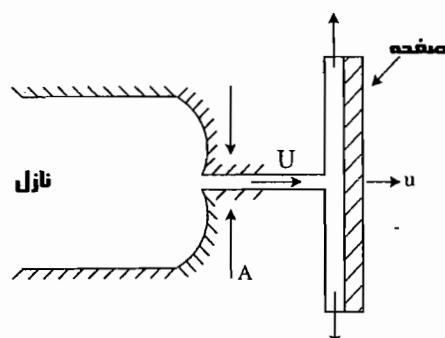
۲۸۶ - خط جریان عبارت است از:

- ۱) خطی که کل انرژی جریان را نشان می‌دهد.
- ۲) خطی که جریان مقطعی عرضی (سطح مقطع) را نشان می‌دهد.
- ۳) خطی که در هر نقطه از مقطع زمانی معلوم، بردار سرعت مماس بر آن است.
- ۴) خطی که در هر نقطه از مقطع زمانی معلوم، بردار سرعت ترسیمی عمود بر آن است.

۲۸۷ - سوراخ‌های متعددی در دیواره ظرف استوانه‌ای حاوی آب ایجاد شده است. کدام شکل تغییرات سرعت آب خروجی از سوراخ‌ها را صحیح نشان می‌دهد؟



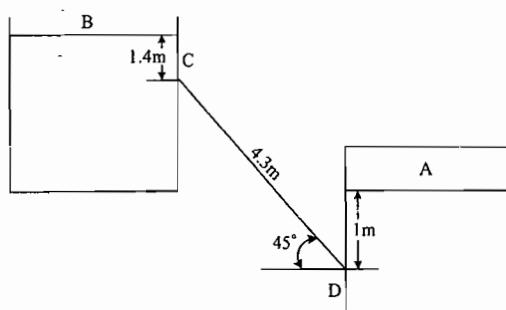
۲۸۸ - جت افقی با سرعت U از نازل خارج می‌شود. سطح خروجی جت آب برابر A می‌باشد. اگر این جت به صفحه قائمی که با سرعت u حرکت می‌کند، برخورد کند، نیروی وارد بر صفحه برابر است با:



- (۱) $\rho A(U-u)^2$
- (۲) $\rho AU(U-u)$
- (۳) $\rho A(u-U)^2$
- (۴) $\rho AU(U-u)$

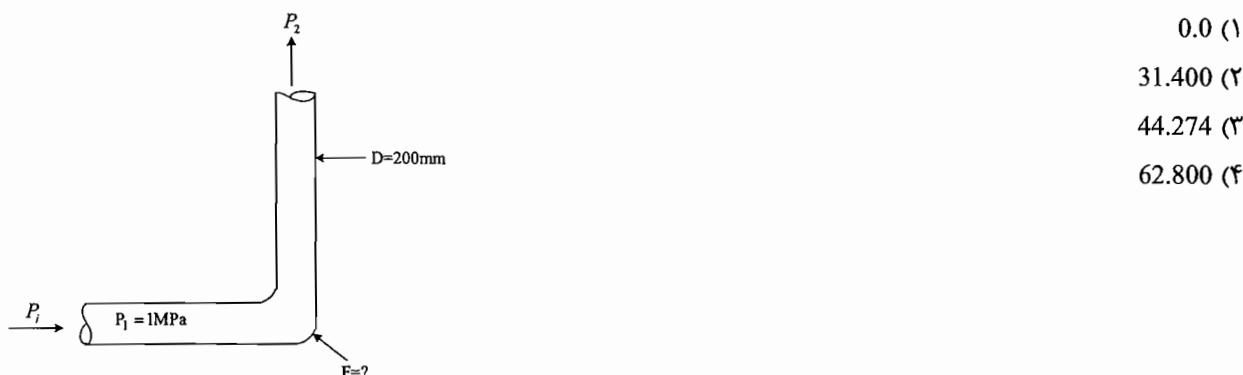
۲۸۹ - لوله‌ای با قطر d تانک سربسته A را مطابق شکل به تانک سر باز B متصل می‌نماید. در صورتی که سیال درون هر یک از تانک‌ها آب با مشخصات $\rho = 996.4 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و $\mu = 0.0008 \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{sec}}$ باشد و فشار نسبی A برابر 34.5kPa باشد، جهت جریان را تعیین کنید.

(سال ۸۶)



- ۱) جهت جریان از بالا به پایین است.
- ۲) جهت جریان از پایین به بالاست.
- ۳) جریانی وجود ندارد.
- ۴) جهت جریان به قطر لوله بستگی دارد.

۲۹۰ - منتجه نیروی لازم برای نگهداری زانوی نشان داده شده در صورتی که جریانی در آن وجود نداشته باشد چند کیلونیوتن است؟ (سال ۸۶)



۲۹۱ - آب با سرعت ۵ متر بر ثانیه از لوله‌ای به سطح مقطع ۰.۵ مترمربع خارج می‌شود. اگر دانسیته آب ۱۰۰۰ کیلوگرم بر مترمکعب باشد توان موجود در این جت آب چند کیلووات است؟ (سال ۸۶)

- 0.0 (۱) 31.400 (۲) 44.274 (۳) 62.800 (۴)

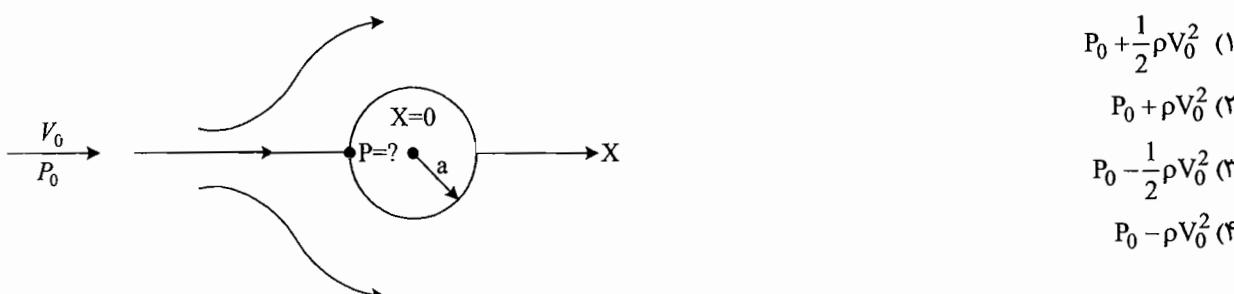
۲۹۲ - آب با دانسیته ۱۰۰۰ از یک شلنگ که به طور عمودی قرار گرفته است با سرعت $\frac{m}{s} = 20$ خارج می‌شود. چنانچه آب تا ارتفاع ۱۵ m بالا رود. افت انرژی در مسیر چند $\frac{J}{kg}$ است؟ (سال ۸۶)

- 185 (۴) 50 (۳) 5 (۲) 0.0 (۱)

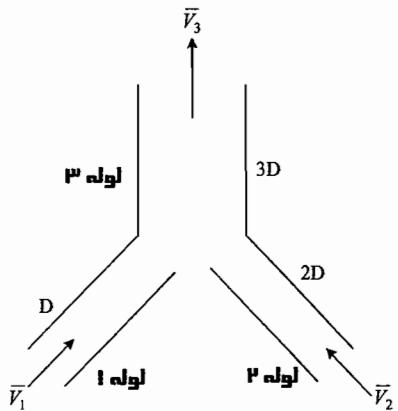
۲۹۳ - در معادله $\frac{\rho}{\gamma} + \frac{V^2}{2g} + z = \text{cte}$ جملات مختلف دارای چه واحدی هستند؟ (سال ۸۶)

- (۱) ژول بر مترمکعب (۲) ژول بر ثانیه (۳) ژول بر کیلوگرم (۴) ژول بر نیوتون

۲۹۴ - سیال تراکم‌ناپذیری به صورت پایا از روی یک استوانه عبور می‌کند. سرعت سیال روی خط جریان نشان داده شده در شکل است، که a شعاع استوانه و V_0 سرعت بالادست است. اگر P_0 فشار در بالادست جریان باشد، فشار روی استوانه چقدر است؟ (سال ۸۷)



(سال ۸۷) ۲۹۵ - در شکل زیر کدامیک از روابط در خصوص سرعت متوسط سیال خروجی از لوله (\bar{V}_3) صحیح است؟



$$\bar{V}_3 = \frac{1}{9}(\bar{V}_1 + 4\bar{V}_2) \quad (1)$$

$$\bar{V}_3 = \bar{V}_1 + \bar{V}_2 \quad (2)$$

$$\bar{V}_3 = \frac{1}{9}(\bar{V}_1 + 2\bar{V}_2) \quad (3)$$

$$\bar{V}_3 = \frac{1}{3}(\bar{V}_1 + 2\bar{V}_2) \quad (4)$$

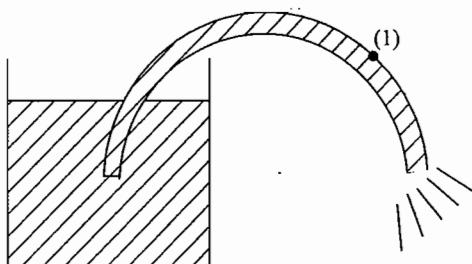
(سال ۸۷) ۲۹۶ - آب از یک مخزن توسط یک شیلنگ مطابق شکل سیفون می‌شود. اگر در نقطه (1) سوراخی ایجاد شود، کدامیک از موارد زیر صادق است؟ (از افت انرژی به خاطر اصطکاک صرفنظر شود).

(۱) بستگی به اندازه قطر و طول لوله دارد.

(۲) آب از لوله به بیرون نشست می‌کند.

(۳) بستگی به موقعیت سوراخ ندارد.

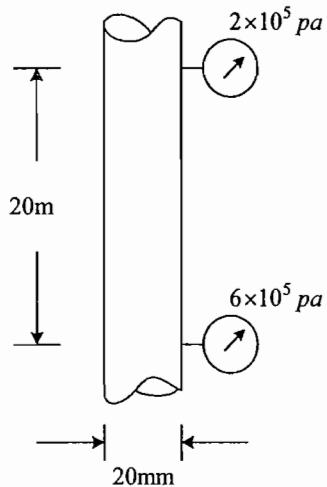
(۴) هوا به داخل لوله مکیده می‌شود.



(سال ۸۷) ۲۹۷ - در لوله نشان داده شده به قطر 20 mm با رژیم آرام در جریان است. جهت جریان و

$$\left(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$

سرعت جریان در لوله را مشخص کنید.



(۱) از پایین به بالا، دیگر $\frac{5}{4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$

(۲) از بالا به پایین، دیگر $\frac{5}{8} \frac{\text{m}}{\text{s}}$

(۳) از بالا به پایین، دیگر $\frac{5}{4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$

(۴) از پایین به بالا، دیگر $\frac{5}{8} \frac{\text{m}}{\text{s}}$

(سال ۸۷) ۲۹۸ - اگر برای یک جریان داشته باشیم $v = 2 - t$ و $u = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ آنگاه:

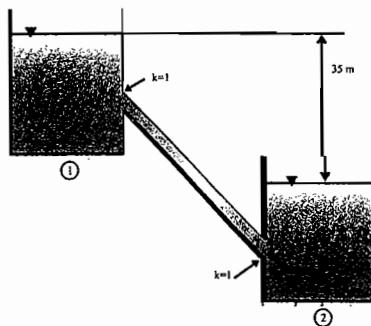
(۱) جریان دائم است و معادله خط جریان $y = \frac{2-t}{5} x$ است. (۲) جریان دائم است و معادله خط جریان $y = \frac{2}{5} x - t$ است.

(۳) جریان غیردائم است و معادله خط جریان $y = \frac{2-t}{5} x$ است. (۴) جریان غیردائم است و معادله خط جریان $y = \frac{2}{5} x - t$ است.

۲۹۹ - مطابق شکل آب از مخزن ۱ به ۲ جریان دارد که لوله بین دو مخزن به طول ۵۰ متر و قطر ۵۰mm می‌باشد. اگر ضریب

اصطکاک در لوله ۰.۰۰۵ باشد، سرعت در لوله چند متر بر ثانیه است؟ (سال ۸۸)

$$g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$



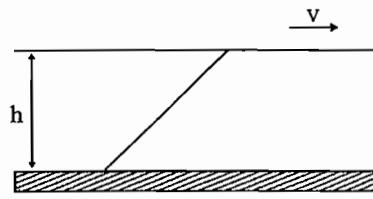
10 (۱)

20 (۲)

35 (۳)

100 (۴)

۳۰۰ - ضریب تصحیح انرژی جنبشی برای پروفایل سرعت بین دو صفحه موازی در شرایط پایا چهقدر است؟ (سال ۸۸)



0 (۱)

1 (۲)

$\frac{3}{4}$ (۳)

2 (۴)

۳۰۱ - برای به دست آوردن معادله $\left(\sum f_x = \rho Q(V_{xout} - V_{xin}) \right)$ از بین چهار فرض ذکر شده دو فرض ساده کننده که نیاز می‌باشد کدام می‌باشند؟ (۱) سرعت روی سطح مقطع ثابت است. (۲) جریان پایا. (۳) سیال تراکم‌پذیر. (۴) جریان بدون اصطکاک (سیال ایده‌آل).

(سال ۸۸) ۳ و ۲ (۴) ۲ و ۳ (۳) ۱ و ۲ (۲) ۱ و ۲ (۱)

۳۰۲ - از یک لوله به شکل نازل (nozzle) که به صورت عمودی قرار دارد، آب با شدت جریان $6.28 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$ از آن خارج شده و به سمت

بالا پرتاب می‌گردد. اگر قطر نازل در قسمت خروجی آن 2cm باشد، آب تا ارتفاع چند متری پرتاب می‌شود؟ (سال ۸۸)

$$\text{مخصوص آب } \rho = 1 \frac{\text{kg}}{\text{lit.}} \text{ می‌باشد.}$$



15 (۱)

20 (۲)

25 (۳)

30 (۴)

۳۰۳ - برای یک سیال تراکم‌ناپذیر دو مولفه سرعت در شرایط پایا داده شده، مولفه سوم سرعت کدام می‌باشد؟

(سال ۸۸) $(U_y = 2y^2, U_z = 2xyz)$

$$-4xy - x^2y^2 + f(y, z) \quad (۱)$$

$$-4xy - x^2y + f(y, z) \quad (۴)$$

$$-2y^2x - x^2yz + f(y, z) \quad (۱)$$

$$-2y^2x - x^2y + f(y, z) \quad (۳)$$

۶۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۰۴ - کدامیک برای اندازه‌گیری سرعت نقطه‌ای در جریان مورد استفاده قرار می‌گیرد؟
(سال ۸۸) (۱) اریفیس متر (۲) ونتوری متر (۳) لوله پتیوت (۴) لوله بردن

۳۰۵ - شرط برقراری رابطه پیوستگی برای یک سیال تراکم‌ناپذیر در شرایط پایا در جریانی که میدان سرعت آن $\bar{V} = ax^2\hat{i} + bxy\hat{j}$ است کدام می‌باشد؟
(سال ۸۸)

$$b = -2a \quad (۱) \quad a = -2b \quad (۲) \quad a = 2b \quad (۳) \quad b = 2a \quad (۴)$$

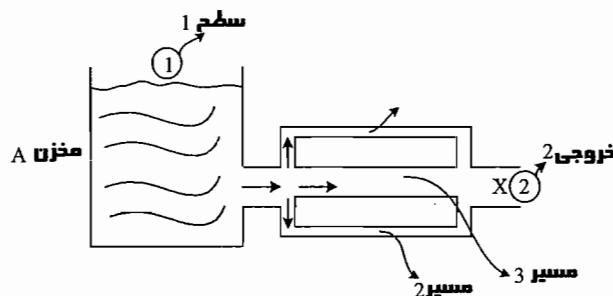
۳۰۶ - کدام عبارت درست است؟
(سال ۸۸)
(۱) جریان در لوله از نقطه‌ای که انرژی بیشتری دارد به نقطه‌ای با انرژی کمتر برقرار می‌شود.
(۲) جریان در لوله از نقطه‌ای که فشار بیشتری دارد به نقطه‌ای که فشار کمتری برقرار می‌شود.
(۳) جریان در لوله از نقطه‌ای که ارتفاع بیشتری دارد به نقطه‌ای که ارتفاع کمتری دارد برقرار می‌شود.
(۴) موارد ۲ و ۳ صحیح می‌باشد.

محاسبات تلفات انرژی در جریان سیالات

۳۰۷ - آب با سرعت $4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ داخل لوله‌ای به قطر 0.05 m جریان دارد. ضریب اصطکاک جریان داخل لوله 0.005 است. افت فشار در یک متر لوله چقدر است؟
(سال ۸۵)

$$(۱) 200 \text{ پاسکال} \quad (۲) 800 \text{ پاسکال} \quad (۳) 1200 \text{ پاسکال} \quad (۴) 3200 \text{ پاسکال}$$

۳۰۸ - از سطح ۱ به خروجی ۲ رابطه بین افت انرژی اصطکاکی چگونه است؟ فرض: قطر لوله‌های مسیر (۱، ۲ و ۳) برابر و در ضمن طول لوله‌های مسیرهای (۱، ۲ و ۳) برابر است؟
(سال ۸۵)



$$h_f = 2 h_{f_3} \quad (۱)$$

$$h_f = h_{f_1} + h_{f_2} \quad (۲)$$

$$h_f = h_{f_1} + h_{f_2} + h_{f_3} \quad (۳)$$

$$h_f = h_{f_1} = h_{f_2} = h_{f_3} \quad (۴)$$

۳۰۹ - در جریان آرام در یک لوله اگر ضریب اصطکاک و گرادیان فشار ثابت بمانند و قطر لوله دو برابر شود، دبی جریان چند برابر می‌شود؟
(سال ۸۶)

$$(۱) \frac{1}{16} \quad (۲) \frac{1}{4} \quad (۳) 4 \quad (۴) 16$$

۳۱۰ - یک مایع نفتی با $SG=0.85$ و $v=1.8 \times 10^{-5} \frac{\text{m}^2}{\text{sec}}$ در درون لوله‌ای به طول L و قطر داخلی 10 cm با دبی حجمی 0.5 lit/sec حرکت می‌باشد. سرعت ماکزیمم چند است؟
(سال ۸۶)

$$(۱) 0.127 \quad (۲) 0.508 \quad (۳) 12.7 \quad (۴) 127$$

۳۱۱ - جریانی از نفت خام در یک لوله به طول ۱۵ کیلومتر و قطر ۷۵ سانتی‌متر برقرار می‌باشد. اگر تنش مماسی (shear stress) وارد بر دیواره لوله 100 پاسکال باشد، افت فشار در این خط چند مگاپاسکال خواهد بود؟
(سال ۸۶)

$$(۱) 2.0 \quad (۲) 4.0 \quad (۳) 8.0 \quad (۴) 16.0$$

۳۱۲ - فشار سکون در مرکز یک لوله 14500 Pa و فشار استاتیک 10000 Pa است. سرعت سیال چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟ اگر افت فشار در مرکز یک لوله 14500 Pa باشد.

(سال ۸۶) ۳ (۴) ۳.۴۲ (۳) ۴.۵ (۲) ۹ (۱)

۳۱۳ - روغنی با دانسیتی $800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ در لولهای افقی و صاف با قطر 10 cm و عدد رینولدز 800 و با افت فشار به ازاء واحد طول لوله $2000 \frac{\text{Pa}}{\text{m}}$ در جریان است. سرعت روغن در لوله چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟ اگر افت فشار در مرکز یک لوله 14500 Pa باشد.

(سال ۸۶) $2.5\sqrt{10}$ (۴) ۲.۵ (۳) ۱.۲۵ (۲) ۰.۲۵ (۱)

۳۱۴ - اگر سرعت متوسط را با \bar{u} و سرعت ماکزیمم در مرکز لوله را با u_{\max} نشان دهیم کدامیک از گزینه‌های زیر درست می‌باشد؟ اگر افت فشار در مرکز یک لوله 14500 Pa باشد.

- (۱) در جریان‌های آرام و درهم $0.5 u_{\max} = \bar{u}$ می‌باشد.
- (۲) در جریان‌های آرام و درهم $0.82 u_{\max} = \bar{u}$ می‌باشد.
- (۳) در جریان آرام $0.82 u_{\max} / \bar{u}$ و در جریان درهم $0.5 u_{\max} = \bar{u}$ می‌باشد.
- (۴) در جریان آرام $0.5 u_{\max} = \bar{u}$ و در جریان درهم $0.82 u_{\max} = \bar{u}$ می‌باشد.

۳۱۵ - در دو لوله با قطر یکسان و زبری‌های متفاوت، جریان سیال ویسکوز با $Re=453$ برقرار است. کدامیک از گزینه‌های زیر در مورد افت فشار در واحد طول صحیح است؟ اگر افت فشار در مرکز یک لوله 14500 Pa باشد.

- (۱) افت فشار در واحد طول برای لوله زبرتر کمتر است.
- (۲) افت فشار در واحد طول برای هر دو لوله برابر است.
- (۳) افت فشار در واحد طول برای لوله زبرتر بیشتر است.
- (۴) افت فشار در واحد طول برای لوله زبرتر ممکن است بیشتر یا کمتر باشد.

۳۱۶ - آب $\left(\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \mu = 10^{-3} \text{ Pa} \cdot \text{s} \right)$ با سرعت $2.5 \text{ سانتیمتر بر ثانیه}$ در یک لوله افقی به قطر 5 سانتیمتر جریان دارد. اگر افت فشار دو سر خط لوله 3200 پاسکال گزارش شده باشد، طول خط لوله چند کیلومتر است؟ اگر افت فشار دو سر خط لوله 3200 پاسکال گزارش شده باشد، طول خط لوله چند کیلومتر است؟

(سال ۸۷) ۱۴.۰ (۴) ۱۲.۷ (۳) ۱۰.۰ (۲) ۵.۰ (۱)

۳۱۷ - آب در یک لوله با قطر 50 میلیمتر با دبی حجمی $0.015 \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$ جریان دارد. اگر افت فشار در این لوله 12000 Pa باشد، ضریب اصطکاک در این لوله چقدر است؟ اگر افت فشار در این لوله 12000 Pa باشد، ضریب اصطکاک در این لوله چقدر است؟

(سال ۸۸) $\frac{3}{64}$ (۴) $\frac{5}{640}$ (۳) $\frac{3}{640}$ (۲) $\frac{1.5}{640}$ (۱)

۳۱۸ - اگر تغییرات سرعت در داخل کanalی به ارتفاع H و به عرض W از رابطه $u_x = \frac{U}{H} y$ پیروی کند در آن صورت سرعت متوسط در داخل کanal برابر کدام خواهد بود؟ اگر افت فشار در این لوله 10 پاسکال باشد، سرعت آب در لوله چند متر بر ثانیه خواهد بود؟ اگر افت فشار در این لوله 10 پاسکال باشد، سرعت آب در لوله چند متر بر ثانیه خواهد بود؟

(سال ۸۸) $\frac{U}{2}$ (۴) $\frac{UW}{H}$ (۳) $2U$ (۲) U (۱)

۳۱۹ - در یک لوله افقی به طول یک متر و قطر 0.5 متر آب جریان دارد که عدد رینولدز برای آن 1600 می‌باشد. اگر افت فشار در این لوله 10 پاسکال باشد، سرعت آب در لوله چند متر بر ثانیه خواهد بود؟ اگر افت فشار در این لوله 10 پاسکال باشد، سرعت آب در لوله چند متر بر ثانیه خواهد بود؟

(سال ۸۸) $2.5\sqrt{10}$ (۴) ۱۵۸۳ (۳) ۰۵۷۲ (۲) ۰۲۵۱ (۱)

پمپ و پمپاژ

۳۲۰- پمپی با راندمان η آب را در یک مدار بسته به گردش درمی‌آورد. اگر کل افت انرژی در این مدار H_f باشد، مقدار انرژی (سال ۸۶)

$$H_f \eta \quad (4) \quad \frac{H_f \eta}{3} \quad (3) \quad H_f \quad (2) \quad \frac{H_f}{\eta} \quad (1)$$

۳۲۱- آب با فشار 0.05 bar و سرعت $\frac{m}{s} 10$ به یک پمپ وارد می‌شود. اگر فشار بخار آب در دمای آن 5000 Pa و دانسیته آن

$$(سال ۸۷) \quad 1000 \frac{kg}{m^3} \text{ باشد کدام یک از عبارت زیر صحیح است؟}$$

- (۲) در پمپ کاویتاسانیون رخ نمی‌دهد. $NPSH=0$ (۱)
(۴) در پمپ کاویتاسانیون رخ می‌دهد. $NPSH=50$ (۳)

جريان‌های خارجی

۳۲۲- پدیده جداش (separation) روی سطح به چه دلیل اتفاق می‌افتد؟ (سال ۸۵)

- (۱) یک اختلاف فشار معکوس
(۲) کاهش افت فشار به صفر
(۳) کاهش ضخامت لایه مرزی به صفر

۳۲۳- گلوله‌ای به قطر 8 mm فلزی با جرم حجمی $\frac{kg}{m^3} 7000$ در رونده با جرم حجمی $\frac{kg}{m^3} 800$ سقوط می‌کند و به سرعت حدی

$$(سال ۸۷) \quad \left(\pi = 3, g = 10 \frac{m}{s^2} \right) \quad 4 \frac{cm}{s} \text{ می‌رسد، ویسکوزیته رونده را برحسب } Pa \cdot S \text{ محاسبه کنید.}$$

$\frac{280}{45} \quad (4)$	$\frac{248}{45} \quad (3)$	$\frac{312}{45} \quad (2)$	$\frac{32}{45} \quad (1)$
----------------------------	----------------------------	----------------------------	---------------------------

آنالیز ابعادی و اعداد بی بعد

۳۲۴- قدرت P برای به حرکت درآوردن یک پمپ جریان محوری، وابسته به این متغیرها است: قطر محور گردانه، سرعت زاویه‌ای محور، جرم مخصوص سیال، ارتفاع و دبی حجمی سیال است. تعداد گروه‌های بدون بعد را که می‌توان برای ارتباط اطلاعات (سال ۸۵) تجربی به کار روند، برابر است با:

$$6 \quad (4) \quad 4 \quad (3) \quad 3 \quad (2) \quad 2 \quad (1)$$

۳۲۵- افت فشار داخل یک افشارنگ (Diffuser) به دبی سیال گذرنده Q، قطرهای ورودی و خروجی D_1 و D_2 ، طول افشارنگ 1، دانسیته سیال ρ و ویسکوزیته سیال μ بستگی دارد. از آنالیز ابعادی کدام گزینه به دست نمی‌آید؟ (سال ۸۷)

$\frac{D_2}{D_1} \quad (4)$	$\frac{Q\rho}{D_1\mu} \quad (3)$	$\frac{\Delta p D_1^4}{Q^2 \rho} \quad (2)$	$\frac{\Delta p D_1^3}{Q\mu} \quad (1)$
-----------------------------	----------------------------------	---	---

۳۲۶- معادله جریان حجمی یک سیال (حجم عبوری در واحد زمان) که از لوله‌ای به قطر D عبور می‌کند، به صورت $Q = k \times \rho^a \times D^b \times (\Delta P)^c$ بر حسب افت فشار (ΔP) و جرم مخصوص سیال (ρ) و قطر لوله (D) تعریف شده است. اگر k یک ثابت بدون بعد باشد، مقادیر a, b و c کدام می‌باشند؟ (سال ۸۸)

$$a = 0.5, b = -2, c = -0.05 \quad (2) \quad a = 0.5, b = 2, c = -0.05 \quad (1)$$

$$a = -0.5, b = -2, c = 0.05 \quad (4) \quad a = -0.5, b = 2, c = 0.05 \quad (3)$$

بسترها پر شده

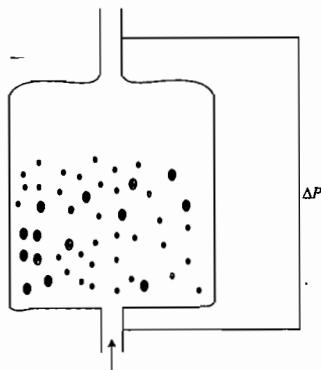
۳۲۷- پنج کیلوگرم دانه‌های گندم در یک بستر استوانه‌ای سیالی شده است. سرعت سیال $\frac{m}{s} = 15$ و دانسیتۀ سیال $\frac{kg}{m^3} = 1.12$ و قطر استوانه ۱۰ cm است. افت فشار بستر را تخمین بزنید.
(سال ۸۵)

- 12500 Pa (۴) 6245 Pa (۳) 6000 Pa (۲) 3120 Pa (۱)

۳۲۸- بستر ساکن با تخلخل $\epsilon = 0.3$ در اثر افزایش سرعت گاز ورودی سیالی می‌شود. اگر ارتفاع بستر هفتاد و پنج درصد افزایش
(سال ۸۶) یابد، کسر حجمی ذرات جامد در بستر چقدر خواهد بود؟

- 0.7 (۴) 0.6 (۳) 0.4 (۲) 0.3 (۱)

۳۲۹- در یک بستر سیال، سرعت سیال ورودی ۲۰٪ افزایش می‌یابد. کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است?
(سال ۸۷)



- (۱) افت فشار افزایش یافته و تخلخل افزایش می‌یابد.
- (۲) افت فشار ثابت باقی مانده و تخلخل تغییری نمی‌کند.
- (۳) افت فشار ثابت باقی مانده و تخلخل افزایش می‌یابد.
- (۴) افت فشار ثابت باقی مانده و تخلخل کاهش می‌یابد.

۳۳۰- روغن با دانسیتۀ $\frac{kg}{m^3} = 800$ و ویسکوزیتۀ $Cp = 5$ از بستری از ذرات کروی با دانسیتۀ $\frac{kg}{m^3} = 3000$ عبور می‌کند. اگر حداقل کسر حجمی برای سیال شدن بستر $\epsilon = 0.5$ باشد، حداقل افت فشار برای بستر با عمق ۱۵۰ cm Kpa است؟
(سال ۸۷)

- 1800 (۴) 18 (۳) 1.8 (۲) 12 (۱)

تبدیل لاپلاس

(سال ۸۶)

۳۳۱ - در چه شرایطی، مقدار اولیه پاسخ پله‌ای سیستم زیر مساوی مقدار نهایی آن می‌شود؟

$$G(s) = k \frac{(s+\alpha)(s+\beta)}{s^2 + 2s + 1}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = 1 \quad (۴)$$

$$\alpha + \beta = 1 \quad (۳)$$

$$\frac{\alpha}{\beta} = 1 \quad (۲)$$

$$\alpha\beta = 1 \quad (۱)$$

(سال ۸۶)

۳۳۲ - پاسخ پله‌ای واحد یک سیستم کنترل به صورت $y(t) = 3 - 3e^{-t} + e^{-\frac{t}{3}}$ است. مقدار نهایی پاسخ این سیستم به یک ورودی ضربه ناگهانی (Impulse) به اندازه ۳ واحد برابر است با:

$$(۴) \text{ صفر}$$

$$2 \frac{2}{3} \quad (۳)$$

$$8 \quad (۲)$$

$$9 \quad (۱)$$

(سال ۸۷)

۳۳۳ - در چه شرایطی، مقدار اولیه پاسخ پله سیستم زیر مساوی مقدار نهایی آن می‌شود؟

$$G(s) = K \frac{(s^2 + \alpha)(s + \beta)}{s^3 + 2s + 1}$$

$$\alpha + \beta = 1 \quad (۴)$$

$$\alpha = \beta \quad (۳)$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = 1 \quad (۲)$$

$$\alpha\beta = 1 \quad (۱)$$

سیستم‌های کنترلی درجه اول

۳۳۴ - پاسخ مدار باز یک فرآیند به یک ورودی پله‌ای همانند شکل زیر است. با در نظر گرفتن یک مدل درجه‌ی اول به صورت

(سال ۸۵)

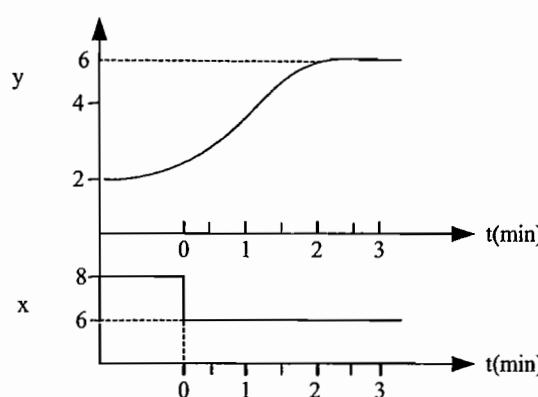
برای این فرآیند مقادیر k_p , τ_d و τ_p عبارت است از:

$$k_p = -1, \tau_d = 0, \tau_p = 3 \quad (۱)$$

$$k_p = 2, \tau_d = 0.5, \tau_p = 2.5 \quad (۲)$$

$$k_p = 3, \tau_d = 0, \tau_p = 2.5 \quad (۳)$$

$$k_p = -2, \tau_d = 0.5, \tau_p = 2 \quad (۴)$$



۳۳۵ - یک مخزن اختلاط، با حجم 200 lit ثابت 50 lit/min عمل می‌نماید. اگر غلظت ورودی از مقدار

(سال ۸۵)

ثابت 50 gr/lit به طور ناگهانی 100 gr/lit گردد، غلظت داخل مخزن بعد از 4 دقیقه چقدر خواهد بود؟

$$81.5 \text{ gr/lit} \quad (۴)$$

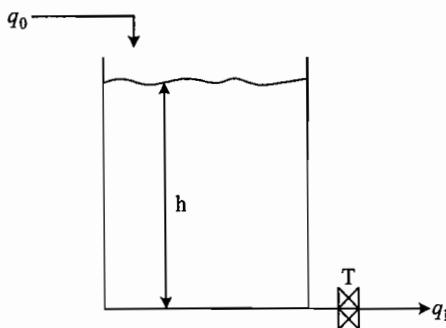
$$68.5 \text{ gr/lit} \quad (۳)$$

$$31.5 \text{ gr/lit} \quad (۲)$$

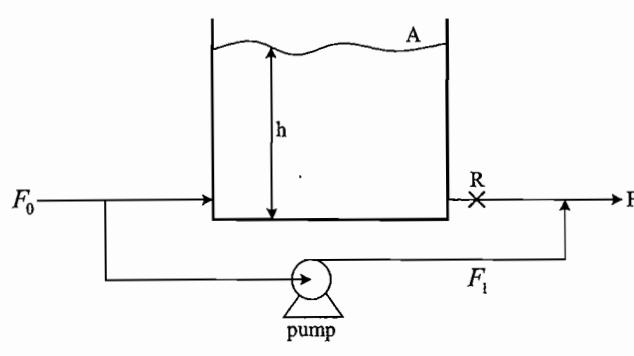
$$18.5 \text{ gr/lit} \quad (۱)$$

۳۳۶ در سیستم سطح مایع زیر مقادیر یکنواخت $h_s = 10$ و $q_{0s} = q_{1s} = 1$ می‌باشد. اگر در لحظه $t=0^+$ ، شدت جریان ورودی را سریعاً نصف کنیم و در همان حال نگهداریم، آنگاه نحوه تغییر ارتفاع تغییر صورت است؟ مقادیر مقاومت شیر و سطح مقطع در

$$(سال ۸۵) \quad R = 0.2, A = 10, q_1 = \frac{h}{R}$$



۳۳۷ - تابع انتقال سیستم زیر عبارتست از ($\tau = AR$ ، F_1 ثابت است):



$$\frac{H(s)}{\bar{F}_0(s)} = \frac{R + \frac{F_1}{\tau}}{\tau s + 1} \quad (1)$$

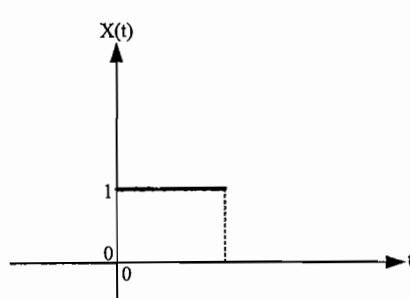
$$\frac{\bar{F}(s) - F_1}{\bar{F}_0(s) - F_1} = \frac{1}{\tau s + 1} \quad (2)$$

$$\frac{H(s)}{\bar{F}_0(s)} = \frac{R}{\tau s + R} \quad (3)$$

$$\frac{\bar{F}(s)}{\bar{F}_0(s)} = \frac{1}{\tau s + 1} \quad (4)$$

۳۳۸ - اگر به یک سیستمی با تابع انتقال $\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{1}{s+1}$ ورودی زیر اعمال گردد، مقدار پاسخ سیستم در لحظه $t=2$ چند است؟

(سال ۸۶)



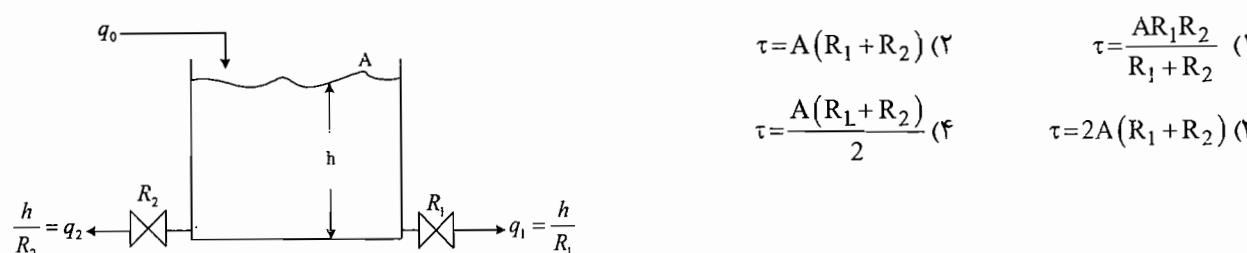
$$\frac{2}{e} \quad (1)$$

$$\frac{1}{e^2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{e} - \frac{1}{e^2} \quad (3)$$

$$\frac{2}{e} - \frac{2}{e^2} \quad (4)$$

۳۳۹ - در تانک زیر که حاوی یک سیال تراکم‌ناپذیر می‌باشد، در صورت خطی بودن شیرهای موجود بر روی جریان‌های خروجی، ثابت زمانی فرآیند عبارت است از: (دبی حجمی q_0, q_1, q_2 و مقاومت شیرها R_1, R_2)



$$\tau = A(R_1 + R_2) \quad (2)$$

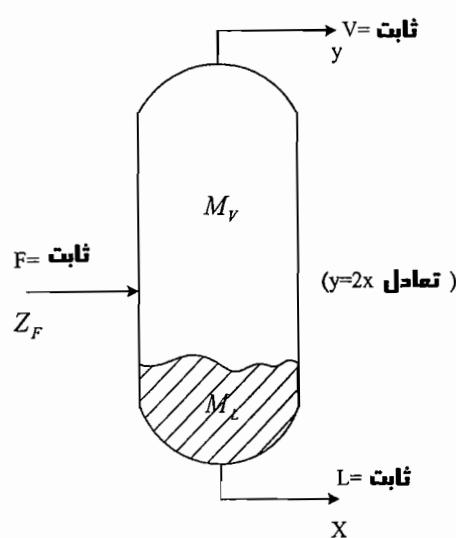
$$\tau = \frac{AR_1 R_2}{R_1 + R_2} \quad (1)$$

$$\tau = \frac{A(R_1 + R_2)}{2} \quad (4)$$

$$\tau = 2A(R_1 + R_2) \quad (3)$$

$$\frac{h}{R_2} = q_2 \quad \text{and} \quad q_1 = \frac{h}{R_1}$$

۳۴۰ - مخلوط دو جزئی A و B (جزء فرارتر) در یک ظرف جداسازی تعادلی به دو محصول بخار و مایع تقسیم می‌شود.تابع تبدیل مربوط به تغییرات کسر مولی جزء فرارتر ($X(s)$) در محصول مایع نسبت به تغییرات کسر مولی جزء فرارتر در خوراک ($Z_F(s)$) عبارت است از: (مول‌های گاز داخل ظرف) ناچیز = M_V ، (مول‌های مایع داخل ظرف) ثابت = M_L ، رابطه تعادلی: $y=2x$ ، $y=2x$ و L (سال ۸۶) V و D (دبی مولی می‌باشد).



$$\frac{X(s)}{Z_F(s)} = \frac{F}{M_L s + L} \quad (1)$$

$$\frac{X(s)}{Z_F(s)} = \frac{F}{M_L s + 2V + L} \quad (2)$$

$$\frac{X(s)}{Z_F(s)} = \frac{2V}{M_L s + F} \quad (3)$$

$$\frac{X(s)}{Z_F(s)} = \frac{L + V}{M_L s + F} \quad (4)$$

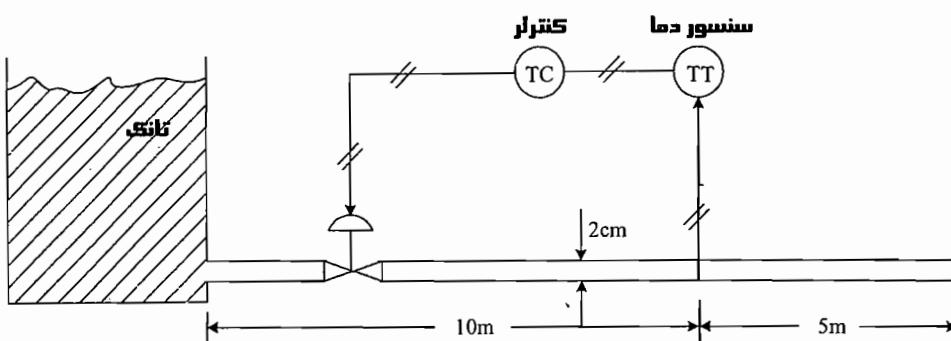
۳۴۱ - دمای سیالی تراکم‌ناپذیر پس از خروج از تانک و عبور از شیر کنترل در فاصله 10 متری توسط یک ترموکوپل اندازه‌گیری می‌شود. در صورتی که حداکثر دبی عبوری از شیر کنترل $0.01 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$ و حداقل آن $1 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$ باشد، حداقل و حداکثر ثابت زمانی و ترم تأخیر انتقالی برابر است با: (جرم داخل لوله را قالبی plug flow در نظر بگیرید). (سال ۸۶)

۱) ۰ تا 10 دقیقه

۲) 0.318 تا 0.003 دقیقه

۳) 3.14 تا 314 دقیقه

۴) 470 تا 4.7 دقیقه



(سال ۸۷)

۳۴۲ - پاسخ پله‌ای واحد سیستم درجه یک تأخیری با تابع انتقال $\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{e^{-3s}}{s(s+4)}$ کدام است؟

$$0.25 \left(1 - e^{-4t+12}\right) u(t-3) \quad (2)$$

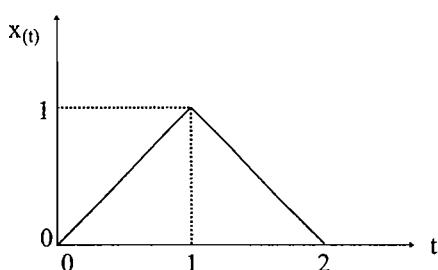
$$0.25 \left(1 - e^{-4t}\right) u(t-3) \quad (4)$$

$$\left(1 - e^{\frac{-t-3}{4}}\right) u(t-3) \quad (1)$$

$$\left(1 - e^{-0.25t}\right) u(t-3) \quad (3)$$

۳۴۳- به یک سیستم با تابع انتقال $G(s) = \frac{e^{-2s}}{s+1}$ ورودی زیر اعمال شده است. مقدار پاسخ سیستم در لحظه $t=1$ چند است؟

(سال ۸۸)



$$y(t)|_{t=1} = 0 \quad (1)$$

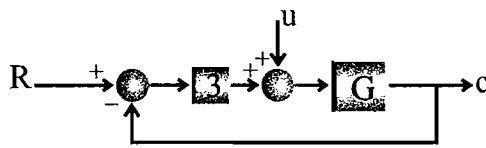
$$y(t)|_{t=1} = 1 \quad (2)$$

$$y(t)|_{t=1} = e-1 \quad (3)$$

$$y(t)|_{t=1} = 1-e^{-1} \quad (4)$$

(سال ۸۸)

۳۴۴- کدام یک از سیستم‌های زیر در یک مدار بسته، پاسخ پله‌ای سریع‌تری را دارند؟



$$G = \frac{1}{3s+1} \quad (2)$$

$$G = \frac{1}{2s+1} \quad (1)$$

$$G = \frac{2}{2s+1} \quad (4)$$

$$G = \frac{2}{3s+1} \quad (3)$$

سیستم‌های درجه اول متوالی و درجه دوم

۳۴۵- تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت $GH(s) = \frac{20}{(s+1)(s+2)(s+10)}$ است. این سیستم را با یک سیستم درجه دو که بهره حالت یکنواخت آن با سیستم فوق برابر است تقریب می‌زنیم. تابع تبدیل سیستم تقریب زده برابر است با:

(سال ۸۵)

$$G(s) = \frac{10}{(s+1)(s+10)} \quad (4) \quad G(s) = \frac{2}{(s+1)(s+2)} \quad (3) \quad G(s) = \frac{20}{(s+2)(s+10)} \quad (2) \quad G(s) = \frac{1}{(s+1)(s+2)} \quad (1)$$

۳۴۶- واکنش زنجیره‌ای کاتالیستی مرتبه اول $A \xrightarrow{k_1} B \xrightarrow{k_2} C$ در یک راکتور ناپیوسته همدماهی ایده‌آل با حجم واحد انجام

می‌شود. چنانچه محلول اولیه تنها شامل A با غلظت C_{A_0} باشد تابع انتقال راکتور عبارتست از:

$$C_A(s) = \frac{C_{A_0}}{s+k_2} \quad (2)$$

$$C_A(s) = \frac{C_{A_0}}{s+k_1} \quad (1)$$

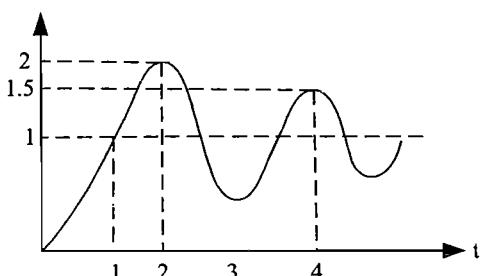
$$C_A(s) = \frac{k_1 C_{A_0}}{(s+k_1)(s+k_2)} \quad (4)$$

$$C_A(s) = \frac{k_2 C_{A_0}}{(s+k_1)(s+k_2)} \quad (3)$$

۳۴۷- پاسخ پله‌ای واحد یک سیستم درجه دوم به صورت زیر رسم شده است. به ترتیب زمان خیز (Rise Time)، زمان پیک

(سال ۸۵)

، نسبت فرا رفت (Over shoot) و نسبت میرائی (Decay Ratio) کدام است؟



0.5, 1, 2, 1 (1)

3, 2, 1, 0.5 (2)

1, 2, 0.5, 1 (3)

1.5, 2, 4, 1 (4)

۷۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۴۸- اگر توابع انتقال دو سیستم کنترل به صورت $G_1 = \frac{5}{5s^2 + 8s + 5}$, $G_2 = \frac{10}{10s^2 + 8s + 10}$ باشد، کدام سیستم نسبت به ورودی

(سال ۸۷) پله، نوسانی تر است؟

۲) هر دو به یک اندازه نوسانی هستند. G_1 (۱)

۴) هیچ کدام نوسانی نیستند. G_2 (۳)

۳۴۹- تغییرات دمای یک کوره نسبت به میزان سوخت ورودی به آن به صورت $\frac{T(s)}{Q(s)} = \frac{K}{\tau^2 s^2 + 2\xi\tau s + 1}$ است. به ازای افزایش پله‌ای

(سال ۸۷) در میزان سوخت به میزان $0.1 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$ دمای کوره از 80°C نهایتاً به 82°C می‌رسد. بهره سیستم چقدر است؟

K = 20 (۴)

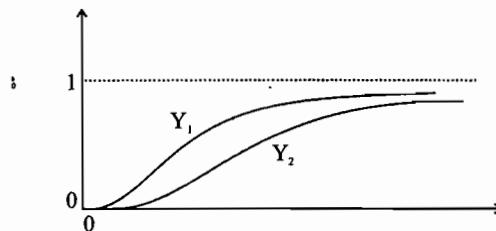
K = 10 (۳)

K = 1 (۲)

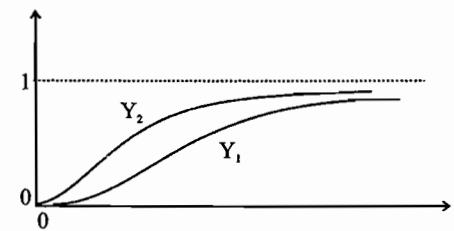
K = 5 (۱)

۳۵۰- اگر $Y_2(s) = \frac{\tau_2 s + 1}{s(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)}$ و $Y_1(s) = \frac{1}{s(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)}$ باشد، کدام یک از نمودارهای زیر ممکن است پاسخ این دو

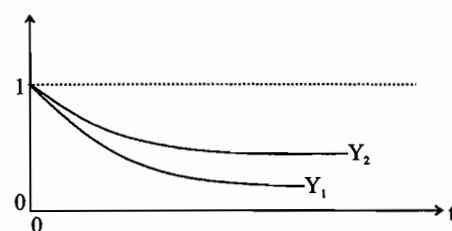
(سال ۸۸) فرآیند به ورودی پله‌ای واحد در یک مدار پس‌خور با کنترلر تناسبی باشد؟



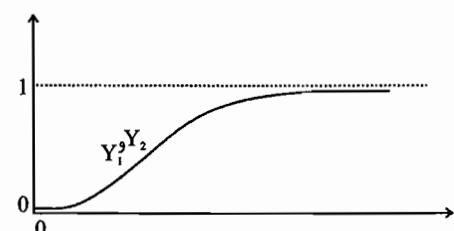
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

۳۵۱- در شکل زیر در صورت یک تغییر پله‌ای در ورودی R پاسخ سیستم C(t) بدون نوسان و با بیشترین سرعت به مقدار نهایی

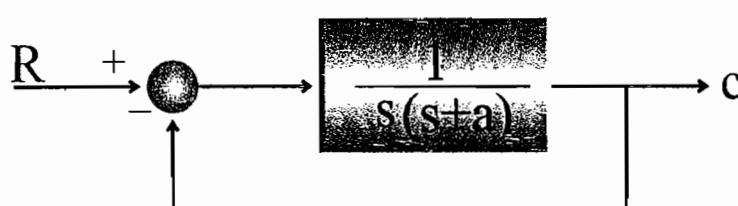
(سال ۸۸) می‌رسد. در این صورت مقدار a چه قدر است؟

(۱) صفر

1 (۲)

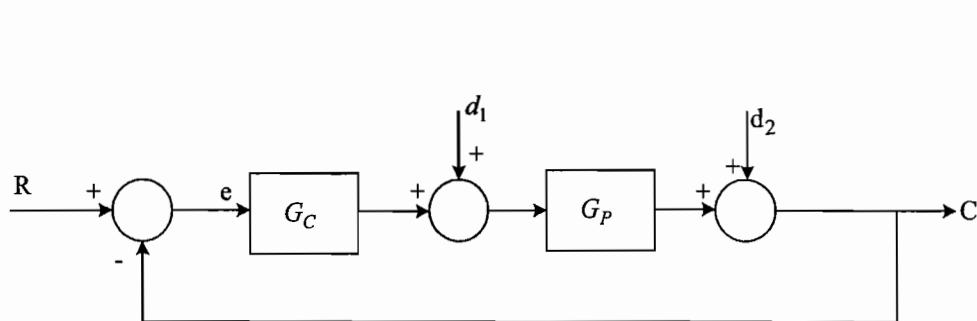
2 (۳)

4 (۴)



شیرهای کنترل، کنترلرها، ساده‌سازی بلاک دیاگرام‌ها و افت کنترل

(سال ۸۵) ۳۵۲ - در نمودار جعبه‌ای زیر،تابع تبدیل مدار بسته مابین بار d_2 و خطأ $e(s)$ عبارت است از:



$$\frac{1}{1+G_c G_p} \quad (1)$$

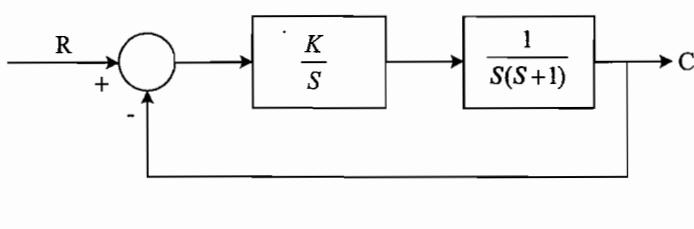
$$-\frac{1}{1+G_c G_p} \quad (2)$$

$$-\frac{G_p}{1+G_c G_p} \quad (3)$$

$$\frac{G_c G_p}{1+G_c G_p} \quad (4)$$

(سال ۸۵) ۳۵۳ - در مدار زیر اگر $R(t) = t$ کند مقدار افت کنترل (Off-Set) چقدر است؟

(۱) صفر



$$\frac{1}{k} \quad (1)$$

$$\frac{2}{k} \quad (2)$$

$$\frac{1}{k+1} \quad (3)$$

۳۵۴ - در یک کنترل PID، خروجی از کنترلر به ازای خطای ورودی $E(t) = t$ برابر است با $C(t) = 2 + t + t^2$. پارامترهای کنترلر

(سال ۸۵) کدام است؟ (k_C, τ_I, τ_D)

$$(2, 0.5, 1) \quad (1)$$

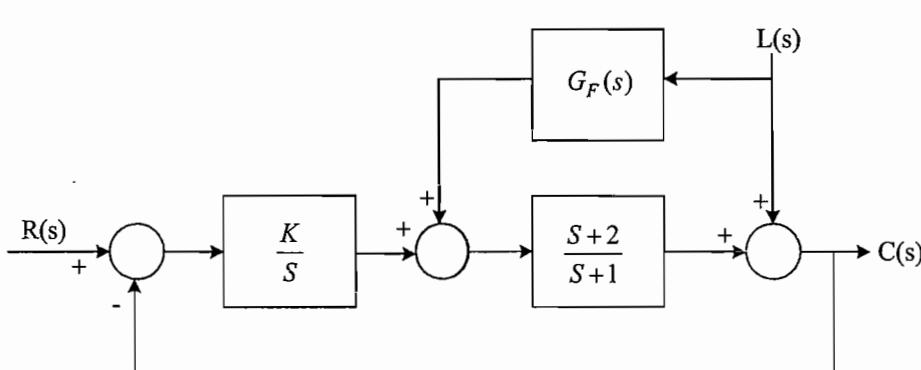
$$(1, 0.5, 2) \quad (2)$$

$$(1, 2, 0.5) \quad (3)$$

$$(0.5, 1, 2) \quad (4)$$

۳۵۵ - در سیستم نشان داده شده در شکل زیر برای آن که اثر بار $L(s)$ بر خروجی $C(s)$ حذف شود، تابع $G_F(s)$ باید برابر باشد با:

(سال ۸۵)



$$G_F(s) = -\frac{k}{s+1} \quad (1)$$

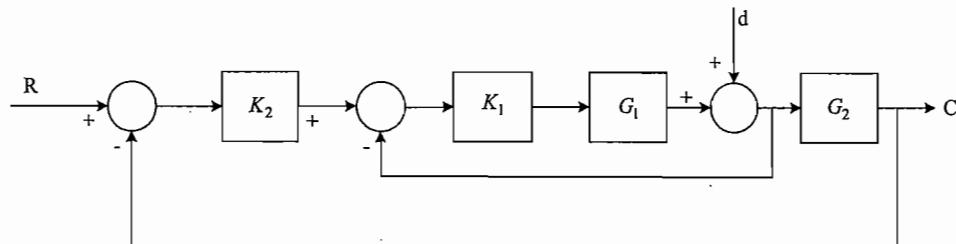
$$G_F(s) = \frac{s+2}{s+1} \quad (2)$$

$$G_F(s) = -\frac{s+1}{s+2} \quad (3)$$

$$G_F(s) = \frac{s+1}{s+2} \quad (4)$$

۷۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(سال ۸۵)

۳۵۶ - برای سیستم کنترلی زیر، پاسخ خروجی c به تغییر پله واحد در اغتشاش d ، عبارتست از:

$$\frac{G_1 G_2}{s(1+k_1 G_1 + k_2 G_2)} \quad (2)$$

$$\frac{G_1 G_2}{s(1+k_1 k_2 G_1 G_2)} \quad (4)$$

$$\frac{G_2}{s(1+k_1 G_1 + k_1 k_2 G_1 G_2)} \quad (1)$$

$$\frac{G_1}{s(1+k_1 k_2 G_1 G_2 + k_2 G_2)} \quad (3)$$

۳۵۷ - پاسخ یک PID به ازای ورودی خطای پله‌ای به بزرگی ۷، به صورت زیر درآمده است:

$$P(t) = 3 + 21(1+t)u(t) + 42\tau_D \delta(t)$$

(سال ۸۶)

پارامترهای کنترلر کدامند؟

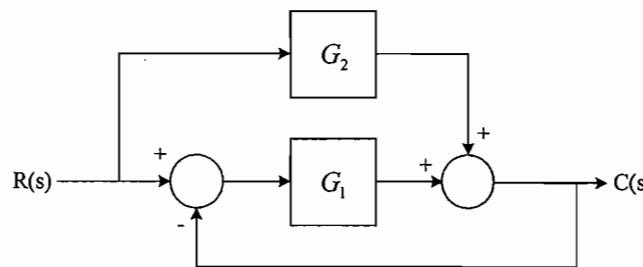
$$\tau_D = 6, \tau_I = \frac{1}{3}, K_c = 3 \quad (2)$$

$$\tau_D = 2, \tau_I = 1, K_c = 3 \quad (1)$$

$$\tau_D = 6, \tau_I = \frac{1}{3}, K_c = 21 \quad (4)$$

$$\tau_D = 2, \tau_I = 1, K_c = 21 \quad (3)$$

۳۵۸ - نمودار جعبه‌ای زیر را در نظر بگیرید:



(سال ۸۶)

تابع تبدیل بین $R(s)$ و $C(s)$ برابر است با:

$$G(s) = \frac{G_1 + G_2}{1 + G_1} \quad (4)$$

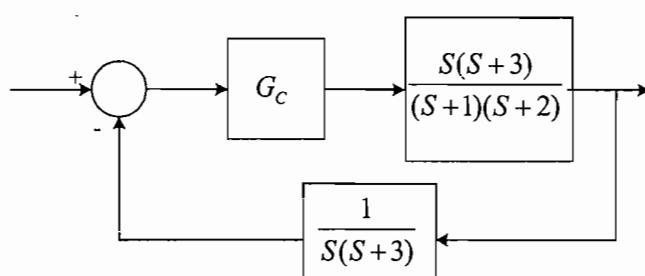
$$G(s) = \frac{G_1 - G_2}{1 + G_1} \quad (3)$$

$$G(s) = \frac{G_1 + G_2}{1 + G_1 G_2} \quad (2)$$

$$G(s) = \frac{G_1 G_2}{1 + G_1} \quad (1)$$

۳۵۹ - آفت کنترل (OFFSET) ناشی از پاسخ پله‌ای واحد سیستم کنترلی زیر شامل یک کنترل کننده تناسبی (P) برابر است با:

(سال ۸۶)



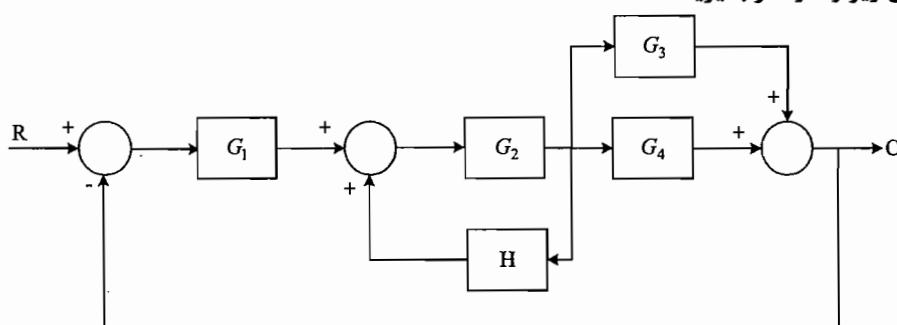
(۱) بستگی به مقدار برداشت (GAIN) کنترل کننده دارد.

(۲) آفت کنترل کننده ندارد.

۱ (۳)

1/3 (۴)

۳۶۰ - نمودار جعبه‌ای زیر را در نظر بگیرید.



(سال ۸۷)

تابع تبدیل $\frac{C(s)}{R(s)}$ برابر است با:

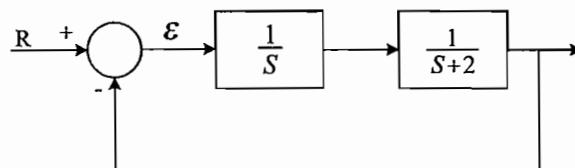
$$\frac{G_1 G_2 (G_3 + G_4)}{1 - G_2 H + G_1 G_2 (G_3 + G_4)} \quad (۱)$$

$$\frac{G_1 G_2 (G_3 + G_4)}{1 + G_2 H + G_1 G_2 (G_3 + G_4)} \quad (۲)$$

$$\frac{G_1 G_2 (G_3 + G_4)}{1 - G_2 H - G_1 G_2 (G_3 + G_4)} \quad (۳)$$

$$\frac{G_1 G_2 (G_3 + G_4)}{1 + G_2 G - G_1 G_2 (G_3 + G_4)} \quad (۴)$$

۳۶۱ - مدار کنترل زیر را در نظر بگیرید.



(سال ۸۷)

مطلوبست افت کنترل (off-set)، اگر $R(t) = t$ باشد، کدام است؟

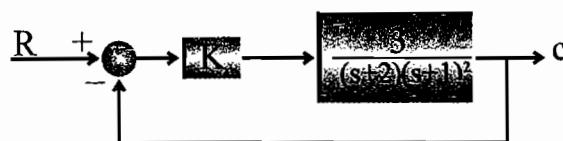
$$\text{off-set} = 2 \quad (۱)$$

$$\text{off-set} = 1 \quad (۲)$$

$$\text{off-set} = 0 \quad (۳)$$

$$\text{off-set} = 0.5 \quad (۴)$$

۳۶۲ - مقدار نهایی پاسخ سیستم زیر برای $k_c = 10$ در اثر اعمال یک تغییر پله‌ای واحد در مقدار مقرر برابر است با: (سال ۸۸)



$$\frac{5}{16} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{16} \quad (۲)$$

$$\text{نامحدود} \quad (۳)$$

$$\frac{15}{16} \quad (۴)$$

۳۶۳ - تابع انتقال مدار بسته یک سیستم کنترلی پس خور واحد منفی به صورت $\frac{(s+2)^2}{1-(s+2)^2}$ می‌باشد. تابع انتقال مدار باز آن عبارت است از:

$$\frac{1-2(s+2)^2}{(s+2)^2} \quad (۱)$$

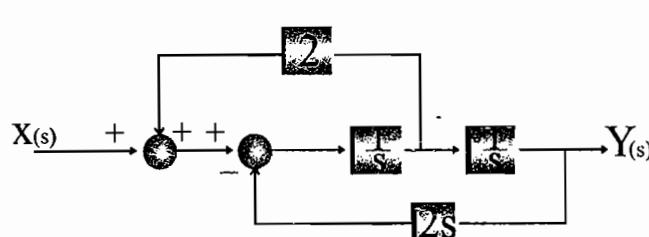
$$\frac{(s+2)^2}{1-2(s+2)^2} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{(s+2)^2} \quad (۳)$$

$$(s+2)^2 \quad (۴)$$

(سال ۸۸)

۳۶۴ - در نمودار جعبه‌ای نشان داده شده، تابع تبدیل $\frac{Y(s)}{X(s)}$ عبارت است از:



$$\frac{1}{s^2} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{s} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{s+1} \quad (۳)$$

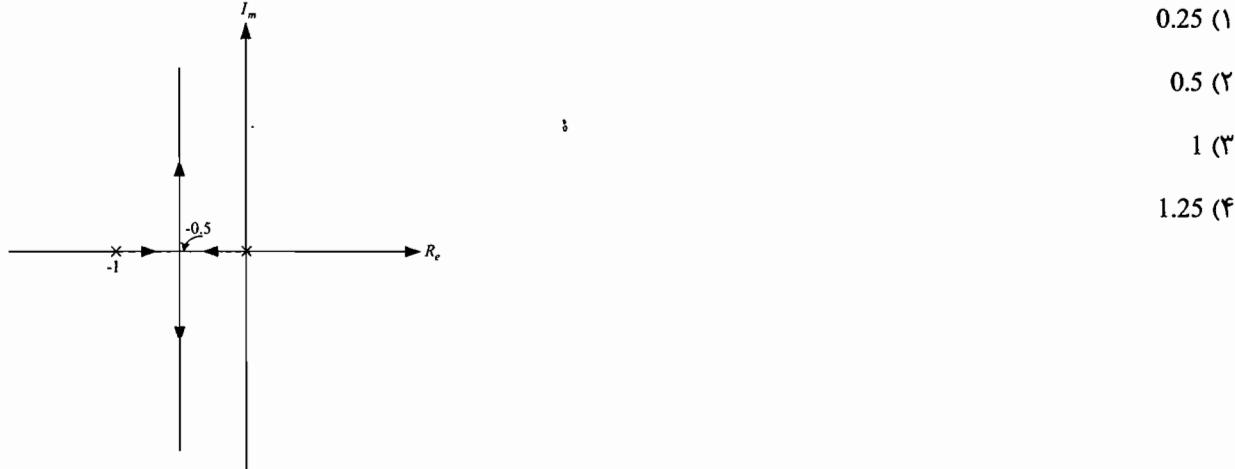
$$\frac{1}{s^3} \quad (۴)$$

پایداری، آزمون روث، مکان هندسی ریشه‌ها

۳۶۵ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت $GH(s) = \frac{k(s+1)(s+3)}{s(s-1)(s+2)}$ است. کدام عبارت صحیح است؟ (سال ۸۵)

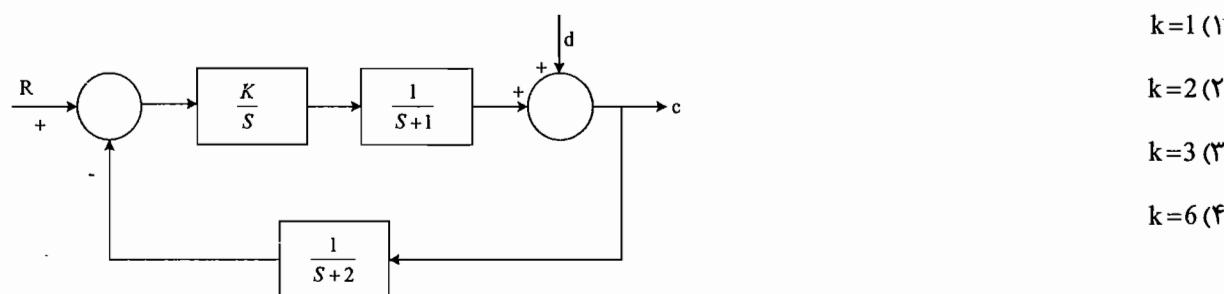
- (۱) سیستم همواره پایدار است.
- (۲) سیستم همواره ناپایدار است.
- (۳) سیستم در بهره‌های کم ناپایدار و در بهره‌های بالا پایدار است.
- (۴) سیستم در بهره‌های کم پایدار و در بهره‌های بالا ناپایدار است.

۳۶۶ - مکان هندسی ریشه‌های سیستم با مدار باز $GH(s) = \frac{2k_C}{s(s+1)}$ مطابق شکل زیر است. k_C مربوطه جهت داشتن $\zeta = \frac{\sqrt{2}}{2}$ کدام است؟ (سال ۸۵)



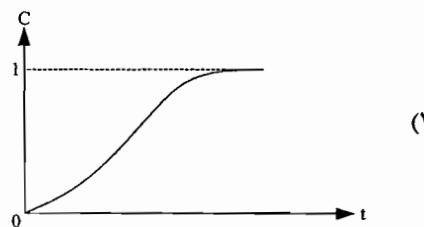
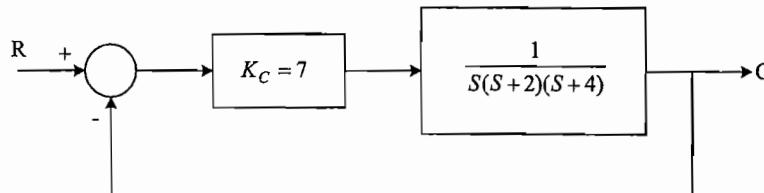
۳۶۷ - سیستم مدار بسته زیر را در نظر بگیرید. به ازای چه مقداری از k ، وقتی اغتشاش (d) تغییر پیدا کند، خروجی (c) در آستانه

ناپایداری قرار می‌گیرد؟ (سال ۸۵)

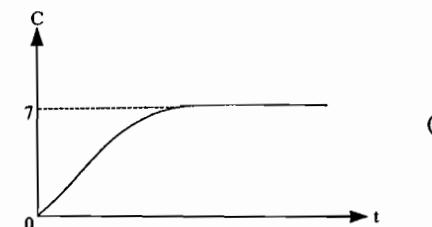


(سال ۸۵)

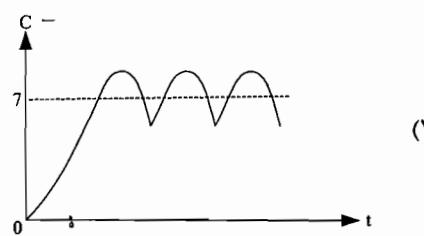
۳۶۸- پاسخ پله‌ای واحد سیستم کنترلی زیر عبارت است از:



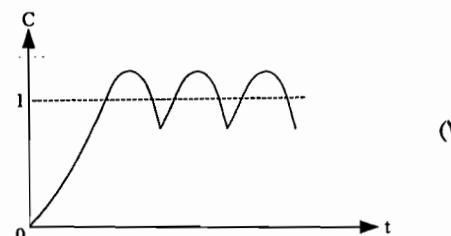
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

۳۶۹- تابع تبدیل مدار باز سیستم به صورت $GH(s) = \frac{k(s+2)}{(s+1)^2}$ است. نقطه جدایی مکان ریشه‌های معادله مشخصه برابر است با:

(سال ۸۵)

$$s = -4 \quad (۴)$$

$$s = -3.5 \quad (۳)$$

$$s = -3 \quad (۲)$$

$$s = -2.5 \quad (۱)$$

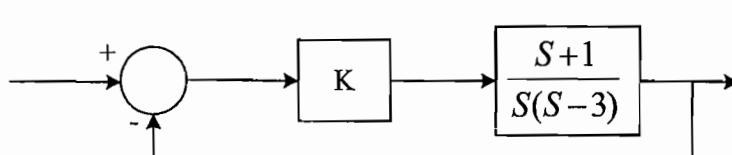
(سال ۸۵)

۳۷۰- معادله مشخصه سیستمی به صورت زیر است. کدام عبارت صحیح است؟ $s^4 + s^2 + s + 6 = 0$

- ۱) سیستم همواره پایدار است.
۲) سیستم فقط یک ریشه ناپایدار کننده دارد.
۳) سیستم دارای سه ریشه ناپایدار کننده است.

۳۷۱- در سیستم مدار باز ناپایدار زیر، جهت پایدارسازی سیستم، مقدار K چقدر باید تا قطب‌های مدار بسته برابر ۲ و -۵ گردند؟

(سال ۸۶)



2 (۲)

10 (۴)

1 (۱)

5 (۳)

(سال ۸۶)

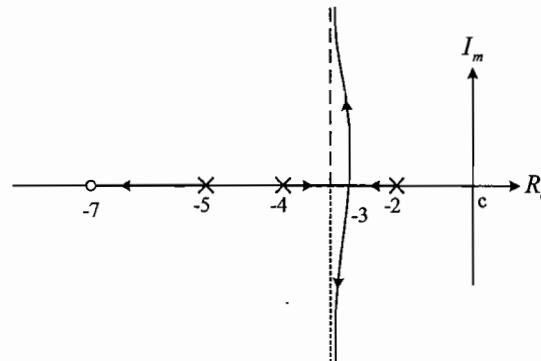
۳۷۲-تابع تبدیل مدار باز سیستم به صورت زیر است:

$$GH(s) = \frac{K}{s^2(s+2)}, \quad K > 0$$

اگر γ محل تلاقی مجانب‌های مکان هندسی ریشه‌های معادله مشخصه باشد کدام گزینه صحیح است؟

(۱) $\gamma = -\frac{2}{3}$ و سیستم در بهره‌های کم‌پایدار است.

(۲) $\gamma = -\frac{1}{3}$ و سیستم همواره ناپایدار است.

۳۷۳- مکان هندسی ریشه‌های یک سیستم در شکل زیر نشان داده شده است. برای آن که پاسخ پله سیستم، غیرنوسانی باشد، حداقل مقدار K چقدر است؟ (سال ۸۶)

(سال ۸۶)

۳۷۴-معادله مشخصه سیستم به صورت زیر است:

$$s^4 + s^3 + 2s^2 + 2s + 3 = 0$$

کدام عبارت زیر صحیح است؟

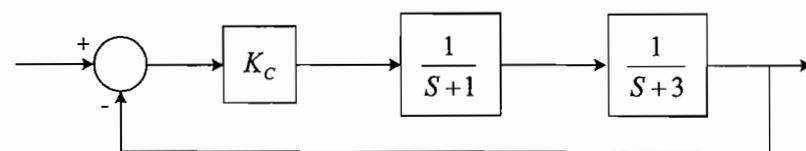
(۱) سیستم دارای سه ریشه ناپایدار کننده است.

(۲) سیستم دارای دو ریشه ناپایدار کننده است.

(۳) سیستم دارای یک ریشه ناپایدار کننده است.

(سال ۸۶)

۳۷۵- برای چه مقادیری از بهره کنترل کننده، پاسخ سیستم مدار بسته زیر غیرنوسانی است؟



$$K_c \leq 1 \quad (1)$$

$$K_c \leq 3 \quad (2)$$

(۳) همواره غیرنوسانی است چون دو سیستم تحت کنترل غیرتداخلی هستند.

(۴) همواره نوسانی است چون دو سیستم تحت کنترل غیرتداخلی هستند.

(سال ۸۶)

۳۷۶-تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است:

$$GH(s) = \frac{K(s+2)}{s^2 + 2s + 3}$$

نقطه جدایی مکان هندسی برابر است با:

$s = -3 - \sqrt{3}$ (۴)

$s = -2\sqrt{3}$ (۳)

$s = -2 - \sqrt{3}$ (۲)

$s = -1 - \sqrt{3}$ (۱)

۳۷۷- یک فرآیند با تابع انتقال $\frac{s+1}{s(s-1)}$ در نظر بگیرید. برای کنترل آن از یک کنترلر تناوبی استفاده می‌کنیم. برای این که حتماً

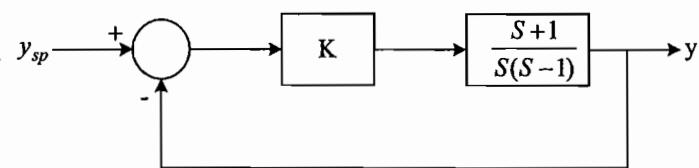
(سال ۸۷) یکی از قطب‌های مدار بسته (در آرایش پسخور منفی) در ۳-قرار بگیرد، مقدار بهره کنترلر (K) چه باشد؟

K=1 (۱)

K=2 (۲)

K=3 (۳)

K=6 (۴)

۳۷۸- تابع تبدیل مدار باز سیستم به صورت $G(s) = \frac{K(s+2)}{(s-1+j)(s-1-j)}$ است با استفاده از نمودار مکان هندسی ریشه‌ها، پاسخ

(سال ۸۷)

سیستم به ورودی پله‌ای چگونه است؟

(۱) در تمام بهره‌ها نوسانی است.

(۲) در تمام بهره‌ها غیرносانی است.

(۳) در بهره‌های پایین غیرносانی و در بهره‌های بالا نوسانی است.

(۴) در بهره‌های پایین نوسانی و در بهره‌های بالا غیرносانی است.

۳۷۹-تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت $GH(s) = \frac{K(s+4)}{s(s+1)(s+2)}$ می‌باشد. با توجه به نمودار مکان هندسی ریشه‌ها کدام

(سال ۸۷)

عبارت صحیح است؟

(۱) در بهره‌های بالا سیستم ناپایدار می‌گردد.

(۳) به ازاء تمام مقادیر بهره، سیستم ناپایدار است.

(۲) به ازاء تمام مقادیر بهره، سیستم پایدار است.

(۴) به ازاء تمام مقادیر بهره ریشه‌ها حقیقی می‌باشند.

(سال ۸۷)

۳۸۰- معادله مشخصه سیستمی به صورت زیر است:

$$s^3 + 0.5s^2 + (3+K)s + K + 1 = 0$$

برای آن که پاسخ ماندگار سیستم یک موج پریودیک با فرکانس $\omega = 2 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ باشد باید مقدار k برابر است با:

K = 2 (۴)

K = 1 (۳)

$K = \frac{1}{2}$ (۲)

$K = \frac{1}{4}$ (۱)

(سال ۸۷)

۳۸۱- در مورد سیستمی با معادله مشخصه $s^4 + 3s^3 + 3s + 6 = 0$ می‌توان نتیجه گرفت که سیستم:

(۱) پایدار است.

(۲) دارای یک ریشه ناپایدار کننده است.

(۴) دارای سه ریشه ناپایدار کننده است.

(۳) دارای دو ریشه ناپایدار کننده است.

۷۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۸۲ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی برابر است با $G(s) = \frac{1}{s(s-1)}$. اگر از یک کنترلر PI برای کنترل استفاده شود و تابع تبدیل

مسیر برگشت واحد باشد کدام عبارت صحیح است؟ (سال ۸۷)

(۱) سیستم مدار بسته همواره ناپایدار است.

(۲) سیستم مدار بسته در بهره‌های کم ناپایدار و در بهره‌های بالا پایدار است.

(۳) سیستم مدار بسته در بهره‌های کم پایدار و در بهره‌ها بالا ناپایدار است.

(۴) با انتخاب مناسب K_c و T_I می‌توان سیستم مدار بسته را پایدار کرد.

۳۸۳ - معادله مشخصه سیستمی به صورت زیر است: (سال ۸۸)

$$s^3 + s^2 + ks + k = 0$$

برای آن که پاسخ ماندگار سیستم یک موج پریودیک با فرکانس $\omega = 3 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ باشد، باید مقدار k چه قدر باشد؟

$$k = 27 \quad (۴)$$

$$k = 9 \quad (۳)$$

$$k = 6 \quad (۲)$$

$$k = 3 \quad (۱)$$

۳۸۴ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است: (سال ۸۸)

$$G(s) = \frac{k(s+2)}{s^2 - 1}$$

با استفاده از مکان هندسی ریشه‌ها کدام عبارت در مورد سیستم مدار بسته صحیح است؟

(۱) به ازاء تمام بهره‌ها سیستم مدار بسته پایدار است.

(۲) در بهره‌های پایین پایدار و در بهره‌های بالا ناپایدار است.

(۳) در بهره‌های پایین ناپایدار و در بهره‌های بالا پایدار است.

(۴) به ازاء تمام بهره‌ها سیستم مدار بسته ناپایدار است.

۳۸۵ - سیستم کنترلی دارای تابع انتقال مدار باز $G(s) = \frac{k_c}{(s+1)(s+2)}$ است. به ازاء چه مقداری از k_c ، سیستم شروع به نوسان می‌کند؟ (سال ۸۸)

$$k_c > 0.25 \quad (۲)$$

$$k_c > 4 \quad (۱)$$

(۴) سیستم اصلاً نوسانی نمی‌شود.

$$0.25 < k_c < 4 \quad (۳)$$

۳۸۶ - سیستم مدار بسته زیر را در نظر بگیرید. به ازای چه مقداری از k ، وقتی اغتشاش (d) تغییر پله‌ای کند، خروجی (y) در آستانه

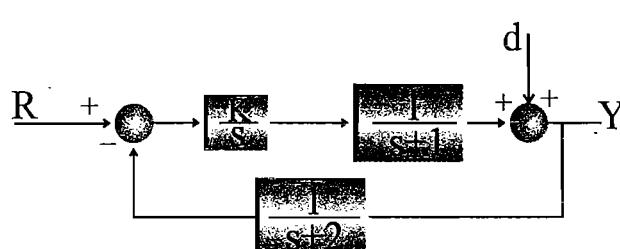
ناپایداری قرار می‌گیرد؟ (سال ۸۸)

$$k = 1 \quad (۱)$$

$$k = 2 \quad (۲)$$

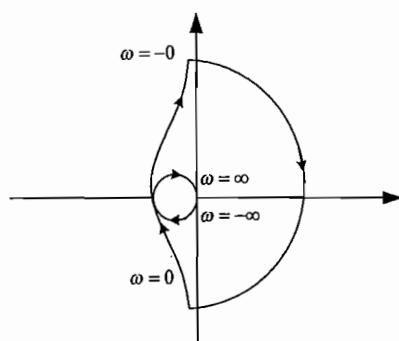
$$k = 3 \quad (۳)$$

$$k = 6 \quad (۴)$$



پاسخ فرکانسی، دیاگرام‌های بد و نایکوئیست

۳۸۷ - نمودار نیکوئیست سیستمی به صورت زیر است تابع تبدیل مدل باز آن برابر است با:



$$G(s) = \frac{k}{s^2(\tau s + 1)} \quad (1)$$

$$G(s) = \frac{k(\tau_1 s + 1)}{s(\tau_2 s + 1)(\tau_3 s + 1)} \quad (2)$$

$$G(s) = \frac{k}{s(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)} \quad (3)$$

$$G(s) = \frac{k}{(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)(\tau_3 s + 1)} \quad (4)$$

۳۸۸ - مقدار حاشیه فاز (Phase Margin) سیستم کنترلی با تابع انتقال مدار باز $GH(s) = \frac{2e^{-\frac{4\sqrt{3}}{27}\pi s}}{s+1}$ بر حسب درجه برابر است

۳۸۹ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است:

$$GH(s) = \frac{1}{s(s+1)^2} \quad (1)$$

$$60 \quad (4) \quad 45 \quad (3) \quad 40 \quad (2) \quad 30 \quad (1)$$

۳۹۰ - تابع تبدیل مدار باز سیستم به صورت زیر است:

$$GH(s) = \frac{K \left(\frac{1}{2}s + 1 \right)^2}{(s+1)^2 (0.1s+1)}$$

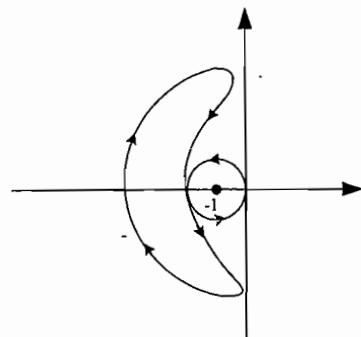
شیب مجانب‌های نمودار Bode در $\omega = 5$ برابر کدام است؟

$$1 \quad (4) \quad 3 \quad (3) \quad 2 \quad (2) \quad -2 \quad (1)$$

۳۹۱ - تابع تبدیل مدار باز سیستم به صورت زیر است:

$$GH(s) = \frac{2(s+3)}{s(s-1)}$$

نمودار نیکوئیست (Nyquist) طبق شکل مقابل است. کدام عبارت صحیح است؟



۱) سیستم پایدار است.

۲) سیستم ناپایدار است و یک ریشه ناپایدار کننده دارد.

۳) سیستم ناپایدار است و دو ریشه ناپایدار کننده دارد.

۴) سیستم در مرز ناپایداری است.

۸۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(سال ۸۶)

$$GH(s) = \frac{K(s+3)}{s(s-1)}$$

۳۹۲-تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است:

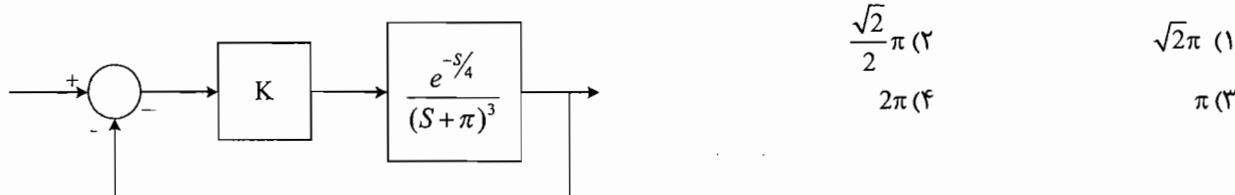
زاویه فاز (ϕ) و نسبت دامنه (AR) در پاسخ فرکانسی برابر است با:

$$AR = \frac{K\sqrt{\omega^2 + 9}}{\omega\sqrt{\omega^2 + 1}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\omega}{3} - \tan^{-1} \omega - \frac{\pi}{2} \quad (۲) \quad AR = \frac{3K\sqrt{\omega^2 + 9}}{\omega\sqrt{\omega^2 + 1}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\omega}{3} + \tan^{-1} \omega - \frac{3\pi}{2} \quad (۱)$$

$$AR = \frac{K\sqrt{\omega^2 + 9}}{\omega\sqrt{\omega^2 + 1}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\omega}{3} + \tan^{-1} \omega - \frac{\pi}{2} \quad (۴) \quad AR = \frac{K\sqrt{\omega^2 + 9}}{\omega\sqrt{\omega^2 + 1}}, \quad \gamma = \tan^{-1} \frac{\omega}{3} + \tan^{-1} \omega - \frac{3\pi}{2} \quad (۳)$$

(سال ۸۶)

۳۹۳-در سیستم مدار بسته زیر با $\omega_{c0} = \pi$ ، برای داشتن حاشیه بفره (Gain Margin) برابر ۲ داریم:



۹

۳۹۴-دیاگرام نایکوئیست برای یک سیستم کنترل مطابق شکل زیر می‌باشد. مقدار حاشیه فاز و حاشیه بفره به ترتیب عبارتند از:

(سال ۸۷)

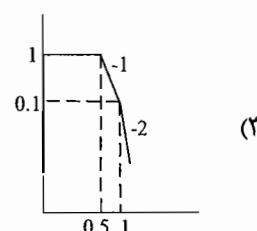
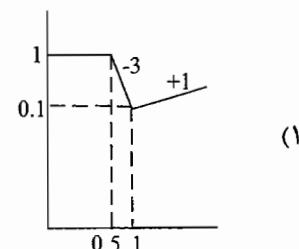
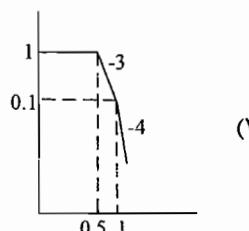
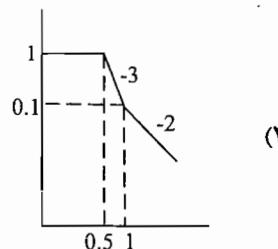


۱۰

۳۹۵-تابع انتقال مدار باز یک سیستم کنترل به صورت زیر داده شده است. دیاگرام مجانب‌های Bode این سیستم کدام است؟

(سال ۸۷)

$$G(s) = \frac{(s-1)e^{-0.4s}}{(2s+1)^3}$$



(سال ۸۷)

۳۹۶ - برای تابع انتقال $\frac{1-e^{-s}}{s}$ مقدار AR و ϕ کدام است؟

$$AR = \sqrt{\frac{2(1-\cos\omega)}{\omega^2}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\cos\omega-1}{\sin\omega} \quad (2)$$

$$AR = \frac{2(1-\cos\omega)}{\omega^2}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{2(\cos\omega-1)}{\sin\omega} \quad (4)$$

$$AR = \sqrt{\frac{\omega^2}{2(1-\cos\omega)}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\sin\omega}{\cos\omega-1} \quad (1)$$

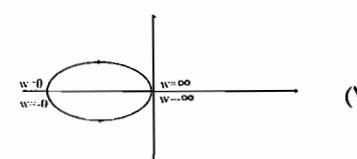
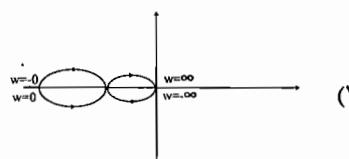
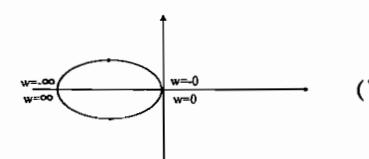
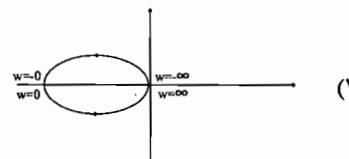
$$AR = \sqrt{\frac{\omega}{1-\cos\omega}}, \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\cos\omega-1}{2\sin\omega} \quad (3)$$

(سال ۸۸)

۳۹۷ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است:

$$G(s) = \frac{s+2}{(s+1)(s-1)}$$

نمودار نیکوئیست (Nyquist) کدام است؟



۳۹۸ - تابع تبدیل فرآیند به صورت $y(s) = \frac{\sqrt{2}e^{-\frac{\pi}{4}s}}{s+1}x(s)$ باشد اگر $x(t) = \sin t$ می‌باشد اگر $t \rightarrow \infty$ (۰ → ∞) خروجی برابر است با:

(سال ۸۸)

$$-\sqrt{2} \cos t \quad (4)$$

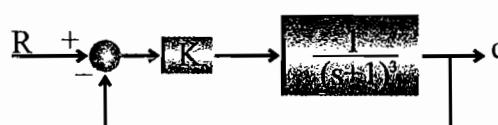
$$\sqrt{2} \sin t \quad (3)$$

$$\cos t \quad (2)$$

$$-\cos t \quad (1)$$

(سال ۸۸)

۳۹۹ - برای سیستم کنترل زیر مقدار k_c برای این که حاشیه فاز برابر با 45° باشد عبارت است از:



$$k_c = \sqrt{2} \quad (1)$$

$$k_c = 2\sqrt{2} \quad (2)$$

$$k_c = 1 \quad (3)$$

$$k_c = 2 \quad (4)$$

(سال ۸۸)

۴۰۰ - تابع تبدیل مدار باز سیستمی به صورت زیر است:

$$G(s) = k \frac{(s+1)e^{-2s}}{s^2 + 1}$$

زاویه فاز این سیستم در پاسخ فرکانسی برای $\omega > 1$ برابر است با:

$$\phi = -\tan^{-1} \omega + 2\omega + \frac{\pi}{2} \quad (2)$$

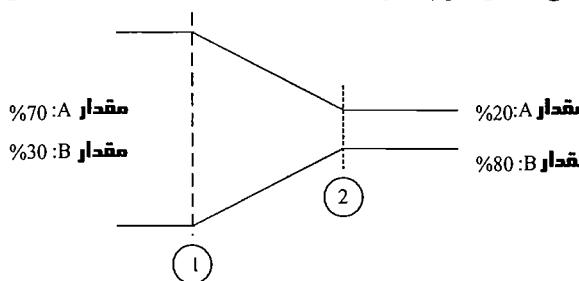
$$\phi = \tan^{-1} \omega - 2\omega - \pi \quad (4)$$

$$\phi = \tan^{-1} \omega - 2\omega - \frac{\pi}{4} \quad (1)$$

$$\phi = \tan^{-1} \omega - 2\omega - \frac{\pi}{2} \quad (3)$$

نفوذ مولکولی

۴۰۱ - در کanal مخروطی شکل زیر که انتقال جرم صورت می‌گیرد، فرض می‌کنیم هیچگونه کنوکسیونی نداشته باشیم. اگر فقط کanal برعکس قرار داده شود. (جای مرز ۱ و ۲ تغییر یابد). مقدار دبی انتقال جرم A از ۱ به ۲:



(۱) کم می‌شود.

(۲) تغییری نمی‌کند.

(۳) زیاد می‌شود.

(۴) ممکن است کم یا زیاد شود.

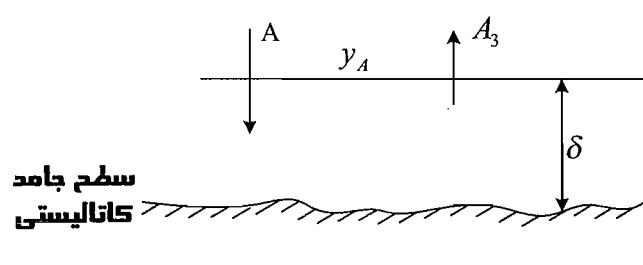
۴۰۲ - فعل و انفعالات پلیمری شدن بسیار سریع فاز گاز $A_3 \rightarrow 3A$ در سطح کاتالیست مطابق شکل زیر اتفاق می‌افتد، کدامیک از روابط زیر میزان انتقال A به سطح جامد کاتالیستی بر واحد زمان در واحد سطح در حالت پایدار را بیان می‌کند؟ (فرض شود (سال ۸۶)

$$N_A = -\frac{3}{2} \frac{D_{AB} P_t}{RT\delta} \ln \left[1 - \frac{3}{2} y_A \right] \quad (۱)$$

$$N_A = -\frac{2}{3} \frac{D_{AB} P_t}{RT\delta} \ln \left[1 - \frac{2}{3} y_A \right] \quad (۲)$$

$$N_A = -\frac{3}{2} \frac{D_{AB} P_t}{RT\delta} \ln \left[1 - \frac{2}{3} y_A \right] \quad (۳)$$

$$N_A = \frac{3}{2} \frac{D_{AB} P_t}{RT\delta} \ln \left[1 - \frac{2}{3} y_A \right] \quad (۴)$$



۴۰۳ - سرعت متوسط مولی یک مخلوط هیدروژن و اکسیژن ۰.۶ متر بر ثانیه است. اگر سرعت مولکول‌های هیدروژن یک متر بر ثانیه و سرعت مولکول‌های اکسیژن ۰.۵ متر بر ثانیه باشد جزء مولی هیدروژن در مخلوط برابر است با:

- (۱) ۰.۱ (۲) ۰.۲ (۳) ۰.۴ (۴) ۰.۵

۴۰۴ - در تبخیر از سطح یک استوانه به داخل فضای گاز اطراف آن به صورت یک جهته r در شرایط steady state معادله پیوستگی جزء تبخیر شونده (A) در فاز گاز کدام است؟ (۱) $N_{Ar} \cdot r$ در جهت r است.

$$\frac{d}{dr}(N_{Ar} \cdot r) = 0 \quad (۱) \quad \nabla \cdot \bar{N}_{Ar} = 0 \quad (۲) \quad \frac{d}{dr}(N_{Ar} \cdot r^2) = 0 \quad (۳) \quad \frac{d}{dr} N_{Ar} = 0 \quad (۴)$$

۴۰۵ - در $T=300K$ ضریب نفوذ A در B در محلول رقیق از A و $D_{AB} = 2 \times 10^{-9} \frac{m^2}{s}$ است. اگر دمای محلول به ۳۳۰k افزایش

یابد، ویسکوزیتّه مایع ۴۵% کاهش می‌یابد. در این دما ضریب نفوذ بر حسب $\frac{m^2}{s}$ چقدر است؟

- (۱) $2.2 \times 10^{-9} \frac{m^2}{s}$ (۲) $4 \times 10^{-9} \frac{m^2}{s}$ (۳) $2.3 \times 10^{-9} \frac{m^2}{s}$ (۴) $4.9 \times 10^{-9} \frac{m^2}{s}$

[۸۴] انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(سال ۸۷)

۴۰۶ - کدام یک از روابط زیر برای شار مولی A صحیح است؟

$$(N_A + N_B)X_A - D_{AB}C_T \nabla X_B \quad (۲)$$

$$(N_A + N_B)X_A - D_{AB}C_T \nabla X_A \quad (۱)$$

$$(N_A + N_B)X_A + D_{AB}C_T \nabla X_A \quad (۴)$$

$$(N_A + N_B)X_A - D_{AB}\rho \nabla X_A \quad (۳)$$

۴۰۷ - نفتالین به شکل یک استوانه بلند به طول L و شعاع R در هوای ساکن و در دمای نسبتاً پایین تصفید می‌شود. سرعت انتقال

(سال ۸۸)

جرم \dot{m}_A برابر است با: جرم مولکولی M_A : A و غلظت روی سطح استوانه (حد اشباع): C_A^*

$$\dot{m}_A = \frac{2\pi LM_A D_{AB} (C_A^* - C_A)}{(1-x_A)(r-R)} \quad (۲)$$

$$\dot{m}_A = \frac{2\pi LM_A D_{AB} (C_A^* - C_A)}{\ln \frac{r}{R}} \quad (۱)$$

$$\dot{m}_A = \frac{2\pi LM_A D_{AB} (C_A^* - C_A)}{(1-x_A) \ln \frac{r}{R}} \quad (۴)$$

$$\dot{m}_A = \frac{2\pi LM_A D_{AB} (C_A^* - C_A)}{r-R} \quad (۳)$$

۴۰۸ - گاز CO_2 درون ظرفی به حجم 100 سانتی‌متر مکعب و از طریق لوله مؤینه در شرایط یکنواخت به محیط هوای خالص واردمی‌شود. ابعاد لوله مؤینه داده شده است. چند ثانیه طول می‌کشد تا غلظت CO_2 درون ظرف به $\frac{2}{3}$ مقدار اولیه خود برسد؟

(سال ۸۸)

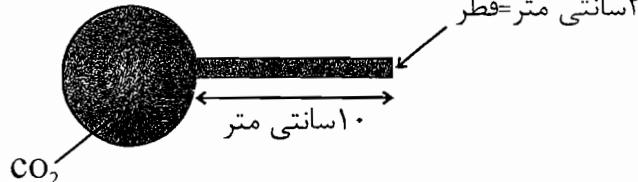
سایر اطلاعات: $D_{CO_2} = 3.33 \times 10^{-5} \frac{m^2}{s}$ هوا $M_{CO_2} = 40$ و $\pi = 3.0$ و $\ln 1.5 = 0.4$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۴۰۹ - هوای عاری از نفتالین با سرعت ظاهری V_0 از بستر سیالی حاوی کره‌های نفتالین به ارتفاع L عبور می‌کند. اگر سطح ویژه‌یبستر a و ضریب انتقال جرم k_c باشد، غلظت نفتالین در هوای خروجی تقریباً چه قدر است؟ (فشار بخار نفتالین P^* ، دمای مطلق

(سال ۸۸)

و R ثابت عمومی گازهاست).

$$C_{Aout} = \frac{2P^*}{RT \left(1 + \frac{2V_0}{aLk_c} \right)} \quad (۲)$$

$$C_{Aout} = \frac{P^*}{RT \left(1 + \frac{2V_0}{aLk_c} \right)} \quad (۱)$$

$$C_{Aout} = \frac{2P^*}{RT \left(1 + \frac{V_0}{aLk_c} \right)} \quad (۴)$$

$$C_{Aout} = \frac{P^*}{RT \left(1 + \frac{V_0}{aLk_c} \right)} \quad (۳)$$

ضرایب انتقال جرم

۴۰ - جذب گاز A در بستر کاتالیستی و واکنش هتروژنی بسیار سریع $3B \rightarrow A$ صورت می‌گیرد. رابطه بین ضریب انتقال جرم فیلم

$$(سال ۸۵) \quad \text{گاز } k_y \text{ با دیمانسیون} \frac{\text{Kmole}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}} \text{ با ضریب کلی انتقال جرم } F_G \text{ برابر است با:}$$

$$k_y = \frac{F_G}{2 \ln(1+2y_A)} \quad (۱) \quad F_G = \frac{2k_y \cdot y_A}{\ln(1+2y_A)} \quad (۲) \quad F_G = \frac{k_y}{2} \ln(1+2y_A) \quad (۳) \quad F_G = k_y \cdot y_A \quad (۴)$$

۴۱ - ضریب انتقال حرارت یک جسم و هوا برابر $\frac{W}{m^2 \cdot K}$ است. اگر طول مشخصه جسم دو برابر شود به نحوی که رینولدز ثابت

$$(سال ۸۵) \quad \text{بماند، ضریب انتقال جرم } F \left(\frac{\text{m}^2}{\text{s}} \right) \text{ برابر است با:}$$

$$\left(k = 0.0263 \frac{W}{m \cdot K}, Pr = Sc, D_{AB} = 1.12 \times 10^{-4} \frac{m^2}{s}, P = 0.2 \text{ atm}, T = 300 \text{ K} \right)$$

$$1.2 \times 10^{-3} \quad (۱) \quad 2.4 \times 10^{-3} \quad (۲) \quad 2.5 \times 10^{-4} \quad (۳) \quad 4.14 \times 10^{-3} \quad (۴)$$

۴۲ - حرکت سیال مایع از روی کره جامد منجر به دستیابی به ضرایب انتقال جرم در فاز مایع شده است. در سه آزمایش مختلف، مقادیر ضرایب انتقال جرم از رابطه ذیل قابل پیش‌بینی بوده است. $Sh = 1.2 Re^{0.55} Sc^{0.34}$. شرایط عملیاتی طوری بوده است که:

(سال ۸۵)

- ۱) انتقال جرم در اثر نفوذ مولکولی و کندکسیون دریک حد و در رابطه بالا دیده شده است.
- ۲) انتقال جرم در اثر نفوذ مولکولی بسیار کم اما در مقایسه با کنوکسیون اجباری قابل ملاحظه است.
- ۳) انتقال جرم در اثر کنوکسیون اجباری بسیار زیاد بوده و لذا از ترم نفوذ مولکولی صرف‌نظر شده است.
- ۴) انتقال جرم در اثر کنوکسیون طبیعی در مقایسه با نفوذ مولکولی زیاد اما در رابطه فوق هر دو ترم دیده شده است.

۴۳ - در تشابه بین پدیده‌های انتقال جرم و حرارت، چنانچه شرایط تشابه برقرار باشد کدام‌یک از عبارات زیر صحیح است؟

(سال ۸۵)

- ۱) اعداد Pr و Sc در دو فرآیند بایستی برابر باشند.
- ۲) اعداد رینولدز در دو فرآیند بایستی برابر باشند.
- ۳) اعداد رینولدز دو فرآیند برابر و نیز Pr بایستی با Sc برابر باشد.
- ۴) اعداد بدون بعد یکی، جایگزین اعداد بدون بعد دیگری می‌گردد.

۴۴ - تشابه بین روابط مربوط به ضریب اصطکاک و ضریب انتقال جرم زمانی برقرار است که:

- ۱) اصطکاک فقط شکلی باشد.
- ۲) اصطکاک فقط سطحی باشد.
- ۳) اصطکاک می‌تواند سطحی یا شکلی باشد.
- ۴) هیچ‌کدام

۴۵ - دو فاز نامحلول در تماس مستقیم بوده و انتقال جرم بین دو فاز انجام می‌شود در فاز اول عدد اشمیت 1000 و در فاز دوم عدد اشمیت 2200 است؟

- ۱) این پدیده می‌تواند در یک برج دفع انجام شده باشد.
- ۲) این پدیده می‌تواند در یک برج جذب انجام شده باشد.
- ۳) این پدیده می‌تواند در یک برج تقطیر انجام شده باشد.
- ۴) این پدیده می‌تواند در یک برج استخراج مایع - مایع انجام شده باشد.

۸۶ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۱۶ - ضریب انتقال جرم بین اتمسفر و آب اقیانوس‌ها برای انتقال CO_2 , $K_L = 2 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است. ضریب انتقال جرم در همان

شرایط برای انتقال آرگون از اتمسفر به آب اقیانوس چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟ ضریب نفوذ CO_2 در آب 1.46×10^{-9} و ضریب نفوذ آرگون در

آب 5.84×10^{-9} مترمربع بر ثانیه است.

(سال ۸۷) 8×10^{-3} (۴)

5×10^{-3} (۳)

4×10^{-3} (۲)

1×10^{-3} (۱)

۴۱۷ - در انتقال جرم پایای یک گاز از درون گاز ساکن دیگر، کدام رابطه، برای ضریب انتقال جرم (k_c) براساس تئوری فیلم صحیح

است؟ متوسط لگاریتمی فشار جزئی P_{Bm} ، فشار کل: P و ضخامت لایه انتقال جرم: δ .

(سال ۸۸) $\frac{D_{AB}}{\delta}$ (۴)

$\frac{D_{AB}P}{RT\delta}$ (۳)

$\frac{D_{AB}P}{P_{Bm}\delta}$ (۲)

$\frac{CD_{AB}}{\delta}$ (۱)

انتقال جرم بین فازها

۴۱۸ - ضریب جمعی انتقال جرم (K_y), در یک برج جذب سینی‌دار که گاز H_2S در آب خالص جذب می‌شود، تقریباً تابع چه

عواملی است؟

(سال ۸۵) (۱) تابع ضریب انتقال جرم فاز گاز

(۲) تابع ضریب انتقال جرم فاز مایع

(۳) تابع ضریب انتقال جرم فاز گاز و درجه حرارت آن سینی

(۴) ۴۰% تابع ضریب انتقال جرم فاز گاز و ۶۰% تابع ضریب انتقال جرم فاز مایع

۴۱۹ - در یک ستون دیواره مرطوب که در آن جذب آمونیاک از مخلوط آمونیاک - هوا توسط آب صورت می‌گیرد، در موضعی خاص در فاز گاز غلظت آمونیاک ۶۰ درصد و در فاز مایع ۴ درصد می‌باشد (از تبخیر آب صرف‌نظر می‌شود). اگر ضریب انتقال جرم فاز

گاز $F_L = 1.2 \times 10^{-3} \frac{\text{Kmole}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$ و فاز مایع $F_G = 1.8 \times 10^{-3} \frac{\text{Kmole}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$ باشد آنگاه در آن موضع خاص، داریم:

$$1 - x_A = 0.4 \left(\frac{0.96}{1 - y_A} \right)^{\frac{2}{3}} \quad (۲)$$

$$0.6 - y_A = \frac{2}{3} (0.04 - x_A) \quad (۱)$$

$$1 - y_A = 0.4 \left(\frac{0.96}{1 - x_A} \right)^{\frac{2}{3}} \quad (۴)$$

$$0.6 - y_A = \frac{3}{2} (0.04 - x_A) \quad (۳)$$

۴۲۰ - مایعی با غلظت اولیه C_{A_0} از ماده A به یک لوله با طول L و شعاع R وارد می‌شود. چنانچه جداره لوله در مایع حل شود و غلظت ماده A به هنگام خروج از لوله C_{AL} شده باشد، فلاکس متوسط انتقال جرم در این فرآیند از کدامیک از روابط زیر محاسبه می‌شود؟ دبی حجمی مایع، Q، طول لوله ثابت در نظر گرفته می‌شود.

(سال ۸۵)

$$N_{A_{ave}} = -D_{AB} \left(\frac{dC_A}{dr} \right) \Big|_{r=R} \quad (۲)$$

$$N_{A_{ave}} = \frac{Q(C_{AL} - C_{A_0})}{2\pi RL} \quad (۱)$$

$$N_{A_{ave}} = \frac{1}{L} \int_0^L -D_{AB} \left(\frac{dC_A}{dr} \right) \Big|_{r=R} dz \quad (۴)$$

$$N_{A_{ave}} = Q(C_{AL} - C_{A_0}) \quad (۳)$$

۸۷ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۴۲۱ - در انتقال جرم از فاز (x) به درون فاز (G) کدام مورد صحیح است؟ (غلظت بالک فازها x_A و y_A و روی سطح مشترک (سال ۸۶) است؟ y_{Ai} و x_{Ai}

$$\frac{N_A / N_t - y_{Ai}}{N_A / N_t - y_A} = \left(\frac{N_A / N_t - x_A}{N_A / N_t - x_{Ai}} \right)^{F_L} \quad (2)$$

$$\frac{N_A / N_t - y_A}{N_A / N_t - y_{Ai}} = \left(\frac{N_A / N_t - x_{Ai}}{N_A / N_t - x_A} \right)^{F_G} \quad (4)$$

$$\frac{N_A / N_t - y_A}{N_A / N_t - y_{Ai}} = \left(\frac{N_A / N_t - x_{Ai}}{N_A / N_t - x_A} \right)^{F_G} \quad (1)$$

$$\frac{N_A / N_t - y_{Ai}}{N_A / N_t - y_A} = \left(\frac{N_A / N_t - x_A}{N_A / N_t - x_{Ai}} \right)^{F_G} \quad (3)$$

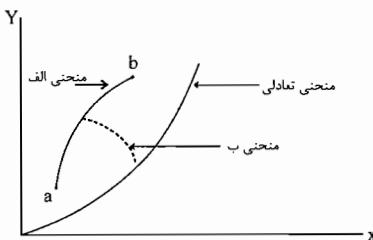
۴۲۲ - ۵۰ گرم سیلیکاژل در یک ظرف 20 لیتری محتوی هوا مرطوب با دمای 30 درجه سانتی‌گراد و فشار کل یک اتمسفر قرار گرفته و رطوبت هوا را به خود جذب می‌نماید. ضریب زاویه خط عملیاتی (Operating line) برای این مورد حدوداً برابر است با: (سال ۸۶) فشار جزیی بخار آب در ظرف در ابتدای عملیات 60 mmHg است.

$$11.86 \quad (4) \quad 0.15 \quad (3) \quad -11.86 \quad (2) \quad -2.15 \quad (1)$$

۴۲۳ - هرگاه برج جدار مرطوبی به طول 6.5 ft با شار متوسط مولی انتقال جرم بین دو فاز $10 \text{ min} \cdot \text{ft}^2 \cdot \text{lbmole}/\text{ft}^2$ و مقدار جذب (سال ۸۷) ۱۰۰ lbmole/min عمل کند قطر برج چند اینچ محاسبه می‌شود؟

$$6 \quad (4) \quad 3 \quad (3) \quad 1.5 \quad (2) \quad 0.5 \quad (1)$$

۴۲۴ - کدام عبارت درخصوص منحنی‌های شکل مقابل مناسب‌تر است؟ (سال ۸۸)



(۱) منحنی الف ستون دفع و b بالای ستون است.

(۲) منحنی الف جذب، b پایین ستون و منحنی b دفع موضعی است.

(۳) منحنی الف ستون جذب، منحنی b جذب به همراه واکنش شیمیایی است.

(۴) منحنی الف ستون جذب و منحنی b منحنی عملیاتی در موضع خاص، a بالای ستون است.

۴۲۵ - انتقال جرم A از فاز گاز به مایع صورت می‌گیرد. به نحوی که انتقال جرم B نیز وجود ندارد ($N_B = 0$). غلظت A در توده‌ی گاز و مایع به ترتیب $x_{AL} = 0.2$ و $y_{AG} = 0.8$ داده شده است. اگر برای این سیستم $F_L = F_G$ باشد، آنگاه غلظت‌ها در فصل مشترک عبارتند از: (رابطه‌ی تعادلی $y_{Ai} = x_{Ai}$) (سال ۸۸)

$$Y_{A_i} = X_{A_i} = 0.5 \quad (2)$$

$$Y_{A_i} = X_{A_i} = 0.7 \quad (4)$$

$$Y_{A_i} = X_{A_i} = 0.4 \quad (1)$$

$$Y_{A_i} = X_{A_i} = 0.6 \quad (3)$$

دستگاه‌های مربوط به عملیات گاز - مایع

۴۲۶ - برای جلوگیری از entrainment قطرات مایع در ستون Packed کدام راه را پیشنهاد می‌کنید؟ (سال ۸۶)

- (۱) استفاده از ارتفاع خشک از packing در بالا ستون
- (۲) زیاد کردن دبی فاز مایع
- (۳) کم کردن دبی فاز مایع
- (۴) هیچ کدام

۴۲۷ - کدام یک از دستگاه‌های زیر برای عملیات جداسازی در خلاء مناسب‌تر است؟ (سال ۸۶)

- (۱) برج جداره مرطوب (Wetted wall Column)
- (۲) برج سینی‌دار (Tray tower)
- (۳) برج آکنده (Packed Tower)
- (۴) هیچ یک ارجحیت ندارند.

۴۲۸ - یک ستون جذب از پرکن‌های کروی با $a_p = 30 \text{ ft}^2/\text{ft}^3$ و $\epsilon = 0.50$ پر شده است قطر پرکن‌ها چند فوت است؟ (سال ۸۷)

- (۱) ۱۰ (۲) ۱.۰ (۳) ۰.۱ (۴) ۰.۰۱

۴۲۹ - کدام عبارت در مورد مقایسه برج سینی‌دار با برج آکنده صحیح است؟ (سال ۸۷)

- (۱) موجودی مایع در برج‌های آکنده بیشتر از برج‌های سینی‌دار و فاز گاز فاز پیوسته است.
- (۲) موجودی مایع در برج‌های آکنده کمتر از برج‌های سینی‌دار و فاز گاز فاز پراکنده است.
- (۳) موجودی مایع در برج‌های آکنده کمتر از برج‌های سینی‌دار و فاز گاز فاز پیوسته است.
- (۴) موجود مایع در برج‌های آکنده بیشتر از برج‌های سینی‌دار و فاز گاز فاز پرداکنده است.

۴۳۰ - برای آکنده خاصی $HETP = 0.25 \text{ m}$ است. اگر بخواهیم یک برج سینی‌دار دارای ۵۰ سینی و راندمان کلی $E_0 = 0.2$ را با برج

آکنده جایگزینی کنیم، ارتفاع قسمت آکنده برج چقدر خواهد بود؟ (سال ۸۷)

- (۱) ۵.۰ m (۲) ۷.۵ m (۳) ۱۰ m (۴) ۲.۵ m

۴۳۱ - در روی سینی‌های تقطیر از نوع غربالی (Sieve Trays)، میزان ماندگی (Hold-up) فاز بخار حدوداً چقدر است؟ (سال ۸۷)

- (۱) حدود ۲% (۲) ۵% - ۱۵% (۳) حدود 60% (۴) ماندگی گاز تابع مستقیم دبی فاز مایع است.

۴۳۲ - کدام عبارت، در مورد ستون‌های سینی‌دار و پرشده درست نیست؟ (سال ۸۸)

- (۱) ستون‌های پرشده برای سیستم کفزا مناسب‌ترند.
- (۲) ایجاد جریان‌های جانبی در ستون‌های سینی‌دار آسان‌تر است.
- (۳) ستون‌های پرشده برای دبی مایع خیلی کم مناسب نمی‌باشند.
- (۴) هلد آپ فاز مایع در ستون‌های پرشده نسبتاً زیاد می‌باشد.

جذب و دفع گاز

۴۳۳ - در یک فرآیند جذب چنانچه ضریب جذب $A = \frac{L}{mG} = 1$ باشد و منحنی تعادل خطی باشد کدامیک از عبارات زیر صحیح است؟ (سال ۸۵)

- (۱) نیروی محرکه انتقال جرم در دو فاز برابر است.
- (۲) نیروی محرکه در فاز مایع در طول دستگاه افزایش می‌یابد.
- (۳) نیروی محرکه انتقال جرم در دو فاز در طول دستگاه ثابت است.
- (۴) نیروی محرکه انتقال جرم در فاز گاز در طول دستگاه افزایش می‌یابد.

۴۳۴ - در عملیات جذب از فاز گاز مایع مطابق شکل زیر با منحنی تعادل $X^2 = Y$ و با فرض ۹۰٪ جذب، غلظت خروجی فاز مایع اگر

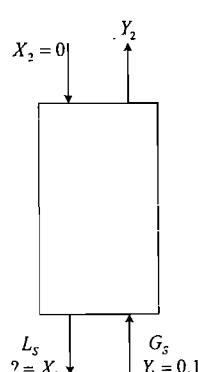
$$\frac{L_s}{G_s} \text{ نصف واقعی باشد، کدام است؟} \quad \frac{L_s}{G_s} (\min)$$

$$X_1 = \frac{1}{10} \quad (۱)$$

$$X_1 = \frac{1}{20} \quad (۲)$$

$$X_1 = \frac{1}{100} \quad (۳)$$

$$X_1 = \frac{1}{200} \quad (۴)$$



۸۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

تقطیر

۴۳۵ - در یک برج تقطیر، تعدادی از سینی‌های پشت سر هم میان برج، درجه حرارت یکسان داشته‌اند. علت این پدیده این بوده است که:

- ۱) نسبت برگشت برج در حداقل خود بوده است.
- ۲) مخلوط نقطه آزئوتروپ نزدیک به $x=0$ داشته است.
- ۳) مقدار انتقال جرم در این سینی‌ها بسیار زیاد بوده است.

۴۳۶ - چرا در محاسبات تعداد سینی‌های برج تقطیر از روش‌های معمول، ضرایب انتقال جرم دو فاز روی سینی نقشی ندارند؟

(سال ۸۵)

- ۱) به دلیل این‌که نفوذ متقابل برابر انجام می‌شود.

۲) به دلیل این‌که ضرایب انتقال جرم در هر دو فاز بزرگ می‌باشند.

۳) به دلیل این‌که دو فاز خروجی از هر سینی را به حال تعادل در نظر می‌گیرند.

۴) به دلیل این‌که عدد شرود (Sherwood's No.) برای هر دو فاز بزرگ است.

۴۳۷ - در تقطیر دو جزئی در مخلوط ایده‌آل، حداقل تعداد سینی‌های برج تقطیر وابسته است به:

$$x_W, x_D, x_F, \alpha \quad (۱) \quad x_W, x_D, \frac{P_A^*}{P_B} \quad (۲) \quad x_W, x_D, x_F \quad (۳) \quad x_W, x_D \quad (۴)$$

(سال ۸۵)

۴۳۸ - در تقطیر ناگهانی (Flash) کدام‌یک از عبارات زیر صحیح می‌باشد؟

۱) اگر تقطیر ناگهانی در دمای جوش خوراک انجام شود، غنی‌ترین بخار حاصل می‌گردد.

۲) اگر تقطیر ناگهانی در دمای شبند خوراک انجام شود، رقیق‌ترین مایع حاصل می‌گردد.

۳) دمای تقطیر ناگهانی بین نقطه جوش خوراک و نقطه شبند خوراک متغیر است.

۴) همه موارد صحیح می‌باشد.

۴۳۹ - کدام مورد ذیل در رابطه با هزینه‌ی تقطیر با بخار آب باز نسبت به هزینه‌ی تقطیر معمولی صحیح است؟

- ۱) هزینه‌ی تقطیر با بخار آب باز کمتر است زیرا تعداد سینی‌های آن معمولاً کمتر است.
- ۲) هزینه‌ی تقطیر با بخار آب باز معمولاً کمتر است زیرا هزینه خرید ریبویلر و تمیز نمودن آن وجود ندارد.
- ۳) هزینه‌ی تقطیر با بخار آب باز معمولاً بیشتر است زیرا تعداد سینی‌های آن به علت عدم وجود ریبویلر، معمولاً بیشتر است.
- ۴) هزینه‌ی تقطیر با بخار آب باز معمولاً بیشتر است زیرا تعداد سینی‌های آن معمولاً بیشتر است هر چند که هزینه خرید ریبویلر و تمیز نمودن آن وجود ندارد.

۴۴۰ - در رابطه با برج‌های تقطیر کدام‌یک از مطالبات زیر درست می‌باشد؟

- ۱) با افزایش نسبت رفلaks، تعداد سینی‌ها، سطوح حرارتی کندانسور و ریبویلر و سطح مقطع برج افزایش می‌باید.
- ۲) با افزایش نسبت رفلaks، تعداد سینی‌ها، سطوح حرارتی کندانسور و ریبویلر و سطح مقطع برج کاهش می‌باید.
- ۳) با افزایش نسبت رفلaks، تعداد سینی‌ها کاهش، سطوح حرارتی کندانسور و ریبویلر و سطح مقطع برج افزایش می‌باید.
- ۴) با افزایش نسبت رفلaks، تعداد سینی‌ها افزایش، سطوح حرارتی کندانسور و ریبویلر و سطح مقطع برج کاهش می‌باید.

۴۴۱ - اگر مخلوط ۹۲٪ اتانول و ۸٪ آب (درصدها ملی هستند)، خوراک ورودی یک برج تقطیر باشد، محصول پایین این برج چه خواهد بود؟

- ۱) ۹۰٪ اتانول و ۱۰٪ آب
- ۲) آب تقریباً خالص
- ۳) ۱۰٪ اتانول و ۹۰٪ آب
- ۴) الکل تقریباً خالص

۹۰ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۴۲- نسبت $\frac{L}{V}$ در یک برج تقطیر تقریباً در تمام طول برج ثابت بوده است. دلیل این پدیده این بوده است که: (سال ۸۵)

- ۱) مابع برگشتی به برج مقدار بسیار بزرگتری از مقدار خوراک ورودی بوده است.
- ۲) مقدار محصول پایین برج نسبت به خوراک ورودی قابل توجه بوده است.
- ۳) مقدار محصول بالای برج نسبت به خوراک ورودی قابل توجه بوده است.
- ۴) خوراک ورودی بسیار داغ‌تر از نقطه شبنم خود بوده است.

۴۴۳- مایع مخلوطی از ۵۰٪ متانول و ۵۰٪ آب در نقطه جوش و بخاری از ۵۰٪ متانول و ۵۰٪ آب در نقطه شبنم وجود دارند (فشار در هر دو یکسان است). (سال ۸۵)

- ۱) چون هر دو فاز از نقطه آزئوتrop دور هستند، می‌توانند درجه حرارت یکسان داشته باشند.
- ۲) درجه حرارت فاز بخار بیشتر از درجه حرارت فاز مایع است.
- ۳) درجه حرارت فاز مایع بیشتر از درجه حرارت فاز بخار است.
- ۴) درجه حرارت هر دو فاز با یکدیگر مساوی هستند.

۴۴۴- در تقطیر مخلوطی دو جزئی ایده‌آل، خوراک ۵۰ درصد مایع و ۵۰ درصد بخار است در صورتی که $\frac{L}{G}$ (مربوط به بالای

خوراک) و $\frac{\bar{L}}{\bar{G}}$ (مربوط به زیر خوراک) باشد به ازاء هر مول از خوراک کدام گزینه صحیح است؟ (سال ۸۵)

$$\frac{\bar{L}}{\bar{G}} = \frac{L - 0.5}{G - 0.5} \quad (۴) \quad \frac{\bar{L}}{\bar{G}} = \frac{L + 0.5}{G - 0.5} \quad (۳) \quad \frac{\bar{L}}{\bar{G}} = \frac{L + 0.5}{G + 0.5} \quad (۲) \quad \frac{\bar{L}}{\bar{G}} = \frac{L}{G} \quad (۱)$$

۴۴۵- در جداسازی یک مخلوط دو جزئی با مول جزئی ۰.۵ در یک برج تقطیر، معادله خطوط تبادل برج به صورت $y = 0.6x + 0.32$ و $y = 2x - 0.1$ می‌باشد. وضعیت حرارتی خوراک در هنگام ورود به برج به چه صورتی است؟ (سال ۸۵)

- ۱) بخار اشباع
- ۲) دو فازی
- ۳) مایع سرد
- ۴) مایع اشباع

۴۴۶- اگر خوراک ورودی به یک برج تقطیر دو جزئی (Binary) ۹۶٪ ملی اتانول و ۴٪ ملی آب باشد، محصولات این برج چه خواهند بود؟ (سال ۸۶)

- ۱) الكل خالص و آب خالص
- ۲) الكل خالص و مخلوط ۹۰٪ الكل و ۱۰٪ آب (ملی)
- ۳) آب خالص و مخلوط ۹۶٪ الكل و ۴٪ آب (ملی)
- ۴) الكل خالص و مخلوط ۹۶٪ الكل و ۴٪ آب (ملی)

۴۴۷- تبخیر ساده (Simple Vaporization) کدامیک از مخلوط‌های زیر می‌تواند منجر به تفکیک درجه بسیار بالای عنصر سبک‌تر شود؟ (سال ۸۶)

- ۱) آب و فنل
- ۲) آب و اتر
- ۳) آب و آمونیاک
- ۴) آب و اسید کلریدریک

۴۴۸- خوراک ورودی به یک برج تقطیر آتمسفریک، ۱۰٪ بنزن و ۹۰٪ تولوئن بوده و هدف جداسازی کامل بنزن از تولوئن است. کدامیک از گزاره‌های زیر صحیح است؟ (سال ۸۶)

- ۱) برای این برج باید قطر بزرگی پیش‌بینی نمود.
- ۲) بیشتر سینی‌های این برج درجه حرارت بزرگتر از 140°C دارند.
- ۳) تعداد سینی‌های بالای محل ورود خوراک کمتر از تعداد سینی‌های زیر محل ورود خوراک است.
- ۴) تعداد سینی‌های بالای محل ورود خوراک بیشتر از تعداد سینی‌های زیر محل ورود خوراک است.

۹۱ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۴۴۹ - خطوط تبادل (Operating lines) یک برج تقطیر دو جزئی، یک خوراک و دو محصول، در تصویر xy روش McCabe منحنی (سال ۸۶) بوده‌اند. علت این امر:

(۱) وضعیت $N_A + N_B = 0$ در روی سینی‌ها بوده است.

(۲) به خاطر متغیر بودن میزان انتقال جرم در روی سینی‌ها می‌باشد.

(۳) به خاطر وضعیت $N_A + N_B \neq 0$ در روی سینی‌ها بوده است.

(۴) به خاطر متغیر بودن دبی جرمی مایع و بخار در داخل برج بوده است.

۴۵۰ - در روی یک سینی برج تقطیر، زمان توقف فازهای مایع و بخار بسیار کوتاه بوده است، کدام‌یک از دلایل زیر موجه می‌باشند؟ (سال ۸۶)

(۱) فاصله سینی‌ها از یکدیگر کم بوده است.

(۲) قطر برج کوچک و تحت خلاء کار می‌کرده است.

(۳) پدیده ریزش (weeping) در این سینی وجود داشته است.

(۴) فاز بخار مقدار قابل توجهی قطرات مایع با خود حمل می‌کرده است.

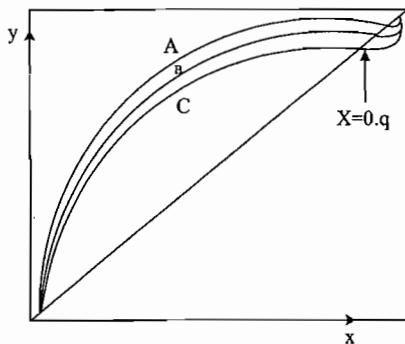
۴۵۱ - مختصات نقطه تلاقی دو خط تبادل (Operating lines) یک برج تقطیر معمولی $x=0.3$ و $y=0.5$ بوده است. اگر ترکیب خوراک ورودی ۴۰% سبک و ۶۰% سنگین بوده باشد، شرایط کیفی و کمی خوراک چه می‌باشد؟ (x و y ملی هستند). (سال ۸۶)

(۱) مخلوط خوراک بخار داغ است. (درجه داغی 7°C)

(۲) مخلوط مایع و بخار است. (۵۰% بخار و ۵۰% مایع)

(۳) مخلوط به حالت بخار اشباع است.

۴۵۲ - کدام‌یک از منحنی‌های زیر می‌تواند مربوط به خط تعادل اتانول و آب باشد؟ (سال ۸۶)



A (۱)

B (۲)

C (۳)

۴) هر سه خط

۴۵۳ - اگر بخار خروجی از دیگ جوش (Reboiler) یک برج تقطیر سینی‌دار، به حالت بخار داغ وارد برج شود (Super heat) (سال ۸۷)

(۱) در اولین سینی از پایین برج، به حالت نرمال نقطه شبنم باز می‌گردد.

(۲) درجه حرارت تعدادی از سینی‌های پایین برج یکسان می‌شود.

(۳) در چند سینی اول پایین برج، حالت طغیان (Flooding) ایجاد می‌نماید.

(۴) سینی‌های زیر محل ورود خوراک، حالت نرمال خود را از دست می‌دهند.

۴۵۴ - میزان انتقال جرم روی سینی‌های تقطیر کدام‌یک از جداسازی‌های زیر در شرایط یکسان و به‌طور متوسط کمتر است؟ (سال ۸۷)

(۱) آب و متانول

(۲) آب و اسید استیک

(۳) بنزن و تولوئن

(۴) آب (H_2O) و دیتریوم (D_2O)

۹۲ انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۵۵ - مطابق با فرضیات روش مک کیب (McCabe) در محاسبات برج تقطیر:

- (۱) دبی جرمی مایع و بخار سینی به سینی متغیر است.
- (۲) دبی جرمی مایع و بخار در بالا و پایین محل ورود خوراک هر کدام جدا و مقدار ثابتی است.
- (۳) به شرطی که خوراک به شکل مایع و بخار وارد شود، بالای برج، دبی جرمی مایع و بخار، سینی به سینی ثابت است.
- (۴) به شرطی که خوراک در نقطه جوش وارد شود، پایین برج، دبی جرمی مایع و بخار سینی به سینی ثابت است.

۴۵۶ - تقطیر استخراجی وقتی استفاده می شود که تقطیر معمولی برای سیستم دوجزئی مورد نظر به دلیل α (ضریب فراریت) پایین

(سال ۸۸) نیاز به برجی باشد.

- (۱) قطور و بلند
- (۲) قطور
- (۳) بلند ولی با قطر کم
- (۴) بلند با تعداد سینی خیلی زیاد

۴۵۷ - در به دست آوردن معادله فنسک (Fensk's equation) در عملیات تقطیر، کدام فرض مورد استفاده قرار گرفته است؟

- (سال ۸۸)**
- (۱) یک ضریب فراریت متوسط برای تمام سینی ها مورد استفاده قرار گرفته است.
 - (۲) فرض شده است که درجه حرارت سینی ها با یکدیگر مساوی است.
 - (۳) فرض شده است که نسبت دبی ملی مایع به بخار کوچکتر از یک باشد.
 - (۴) فرض شده است که نسبت دبی ملی مایع به بخار بزرگتر از یک باشد.

۴۵۸ - تعریف نسبت برگشت (R_{min}) در یک برج تقطیر دوجزئی (Binary) چه می باشد؟

- (۱) کوچکترین نسبت برگشت که براساس آن قطر سینی حساب می شود.
- (۲) کوچکترین نسبت برگشت که می توان با آن تعداد سینی ها را محاسبه نمود.
- (۳) کوچکترین نسبت برگشت که توزیع درجه حرارت را در طول برج از بین می برد.
- (۴) بزرگترین نسبت برگشت بین تمام نسبت برگشت هایی که تعداد سینی ها را بین نهایت می کنند.

۴۵۹ - در محاسبات تعداد سینی های برج تقطیر از کدام روش استفاده می شود؟

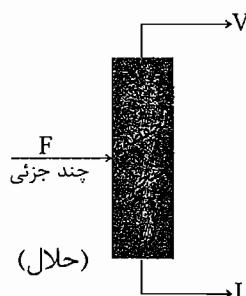
- (۱) روش و معادلات بستگی به ساختار درونی برج دارد. (یعنی نحوه برقراری تماس بین دو فاز)
- (۲) همیشه از روش های پله ای بر مبنای موازنۀ جرم، موازنۀ آنتالپی و روابط تعادلی استفاده می شود.
- (۳) همیشه از روش های پله ای بر مبنای موازنۀ جرم، موازنۀ آنتالپی و رابطه نرخ انتقال جرم استفاده می شود.
- (۴) همیشه از روش های پله ای بر مبنای موازنۀ جرم، رابطه نرخ انتقال جرم و رابطه نرخ انتقال حرارت استفاده می شود.

۴۶۰ - در چه حالتی مقدار حداقل جریان برگشتی (R_m) تقطیر دوجزئی، برای درصد خاص جداسازی (X_D) و ترکیب خاص

(سال ۸۸) خوراک (Z_f)، در ستون تقطیر پیوسته بیشتر خواهد بود؟

- (۱) خوراک ورودی به ستون، مایع سرد باشد.
- (۲) خوراک ورودی به صورت مایع اشباع باشد.
- (۳) خوراک ورودی به ستون، بخار داغ باشد.
- (۴) خوراک ورودی به صورت مخلوط مایع - بخار باشد.

۴۶۱ - بهترین پیشنهاد برای حبس دمای محفظه تبخیرکننده، در یک واحد عملیاتی تبخیرکننده ناگهانی (Flash)، تحت فشار محفظه تبخیر، مطابق شکل مقابل کدام است؟ (سال ۸۸)



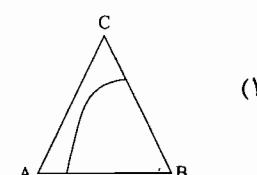
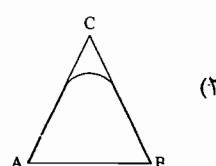
- (۱) دمایی بین دمای جوش فرارترین و دمای جوش غیرفارترین در خوراک ورودی است.
- (۲) دمایی بین دمای جوش فرارترین و دمای شبین غیرفارترین در خوراک ورودی است.
- (۳) دمایی بین دمای جوش خوراک و دمای شبین خوراک ورودی است.
- (۴) دمایی بین دمای جوش خوراک و دمای جوش غیرفارترین در خوراک ورودی است.

۴۶۲ - اگر در یک ستون تقطیر مداوم، نسبت مایع برگشتی از ۴ به ۸ تغییر یابد، آن‌گاه بار حرارتی کندانسور به ازاء واحد مول محصول بالا چه قدر تغییر می‌کند؟ (فرض می‌شود که مایع خروجی از کندانسور در نقطه جوش است). (سال ۸۸)

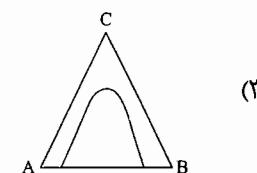
- (۱) ۱.۵ برابر مقدار اولیه
- (۲) ۱.۸ برابر مقدار اولیه
- (۳) ۲.۲ برابر مقدار اولیه
- (۴) اصلًاً بار حرارتی کندانسور در بالا به نسبت مایع برگشتی ربطی ندارد و تغییر نمی‌کند.

استخراج مایع - مایع

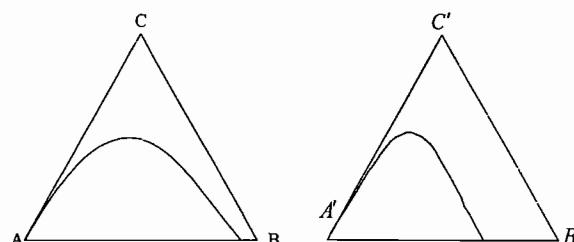
۴۶۳ - در کدام یک از سیستم‌های سه تائی زیر، می‌توانند در عملیات استخراج متقابل، A و C را از یکدیگر به‌طور کامل جدا کنند؟ (سال ۸۵)



(۴) هیچ کدام



۴۶۴ - دو نوع سیستم مثلثی استخراج مایع - مایع در زیر ترسیم شده است. کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟ (سال ۸۶)



- (۱) حلل B و حلل B' در غیاب C به ترتیب در A و A' حل نمی‌شوند.
- (۲) حلایت C در A بیشتر از حلایت C' در A' است.
- (۳) جداسازی A و C مشکل‌تر از جداسازی C' در A' با روش استخراج است.
- (۴) حلایت C در A کمتر از حلایت C' در A' است.

۹۴ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(سال ۸۶)

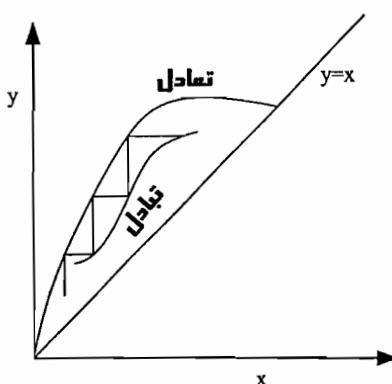
۴۶۵ - تصویر داده شده مربوط به یک برج انتقال جرم است. کدام جواب صحیح تر می‌باشد؟

۱) این سیستم مربوط به یک سیستم استخراج مایع - مایع است.

۲) این یک سیستم استخراج مایع - جامد است که دبی فاز جامد ثابت بوده است.

۳) این سیستم مربوط به یک سیستم استخراج مایع - مایع است که دبی مُلّی دو فاز مایع مستقل از محل سینی می‌باشد.

۴) این سیستم مربوط به یک سیستم استخراج مایع - مایع است که دبی جرمی دو فاز مایع مستقل از محل سینی می‌باشد.



(سال ۸۶)

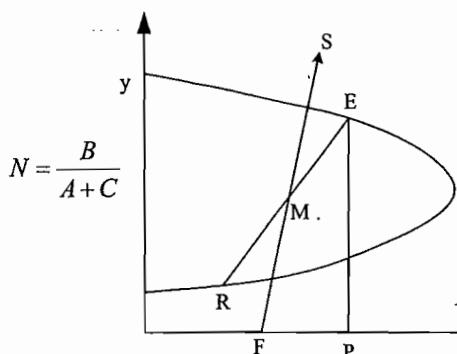
۴۶۶ - تصویر زیر در مورد یک سیستم انتقال جرم است؟

۱) این تصویر یک سیستم استخراج مایع - مایع دو مرحله‌ای تعادلی است.

۲) این تصویر یک سیستم تک مرحله استخراج مایع - مایع است که فاز استخراج شده حلال‌زدایی کامل شده است.

۳) این تصویر یک سیستم استخراج مایع - مایع دو مرحله‌ای تعادلی است که فاز استخراج شده حلال‌زدایی نشده است.

۴) این تصویر یک سیستم تک مرحله‌ای استخراج مایع - مایع است که راندمان مراحل آن کامل نبوده است.



(سال ۸۶)

۴۶۷ - کدامیک از استخراج‌کننده‌های مایع - مایع ذیل کمترین راندمان استخراج را دارد؟

۱) برج ضربه‌ای (پالسی)

۲) استخراج‌کننده سانتریفوژی

۳) تماس‌دهنده دیسکی دورانی (RDC)

(سال ۸۷)

۴۶۸ - در یک برج استخراج مایع - مایع، از نوع سینی دار، بین دو سینی پروفایل درجه حرارت وجود داشته است:

۱) یک فاز سرعت بالاتری از فاز دوم داشته است.

۲) در این برج انتقال جرم با آزاد شدن یا گرفتن انرژی همراه بوده است.

۳) فاز پخش شده (disperse) به اندازه‌های بسیار کوچک بوده است.

۴) فاز پخش شده (disperse) به اندازه‌های بسیار بزرگ بوده است.

(سال ۸۷)

۴۶۹ - سرعت خطی قطرات مایع در برج‌های استخراج از نوع سینی دار حدوداً کدامیک از اعداد زیر است؟

$$34 \frac{\text{cm}}{\text{s}} \quad (4)$$

$$24 \frac{\text{cm}}{\text{s}} \quad (3)$$

$$44 \frac{\text{cm}}{\text{s}} \quad (2)$$

$$10 \frac{\text{cm}}{\text{s}} \quad (1)$$

(سال ۸۷)

۴۷۰ - برای یک عمل استخراج مایع - مایع (Liquid Extraction) به طور تئوری به حدود 80 مرحله نیاز بوده است:

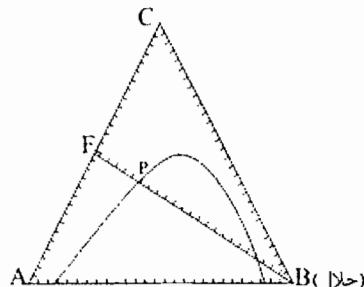
۱) برای این کار می‌توان از برج استخراج سینی دار استفاده کرد.

۲) برای این کار نمی‌توان از برج استخراج سینی دار استفاده کرد.

۳) بر حسب این که کدام فاز پیوسته و کدام فاز پخش شونده باشد می‌توان از برج سینی دار استفاده نمود.

۴) فقط هنگامی که فاز با دانسیته بیشتر به عنوان فاز پخش شونده انتخاب شود، می‌توان از برج سینی دار استفاده نمود.

۴۷۱ - خوراکی حاوی ۵۰ درصد جزء C در یک میکسر ستلر (Mixer-settler) در تماس با حلال خالص قرار می‌گیرد (یک مرحله‌ای).
 نسبت حداکثر حلال به حداقل حلالی مصرفی در این واحد برابر کدام مقدار است؟
 (سال ۸۸)



- 5 (۱)
- 10 (۲)
- 15 (۳)
- 25 (۴)

۴۷۲ - در یک برج استخراج مایع - مایع از نوع سینی‌دار، ماندگی (hold-up) فاز پخش شده در بین سینی‌ها حدوداً چه قدر است؟
 (سال ۸۸)

- | | |
|-----------|-----------------|
| 40% - 20% | ۱) کمتر از 20% |
| 70% - ۴ | ۲) بیشتر از 70% |
| | ۳) 60% - 40% |

۴۷۳ - با توجه به فاز پخش شده (پراکنده) و فاز پیوسته یا مداوم در برج‌های استخراج آکنده (packed)، کدام عبارت صحیح است؟
 (سال ۸۸)

- ۱) فاز پخش شده باید سطح آکنه را تر نماید.
- ۲) فاز پیوسته باید سطح آکنه (packing) را تر نماید.
- ۳) فاز پخش شده باید سطح آکنه را تر نموده و در حین حرکت قطرات بزرگ‌تر شوند.
- ۴) فاز پیوسته باید سطح آکنه را تر نموده و باعث افزایش سرعت فاز پخش شده شود.

عملیات مرطوب‌سازی

۴۷۴ - تعریف حجم مرطوب (Humid Volume) به کدام صورت صحیح است؟
 (سال ۸۵)

- ۱) حجم هوا مرطوب داخل خشک کن
- ۲) تفاوت حجم خشک کن و هوا در داخل آن
- ۳) حجم اشغال شده توسط رطوبت همراه واحد جرم هوا خشک
- ۴) حجمی که واحد جرم هوا خشک و رطوبت همراه آن در دما و فشار مشخصی اشغال می‌نماید.

۴۷۵ - کدام گزینه حرارت مرطوب (Humid Heat) را معرفی می‌کند؟
 (سال ۸۵)

- ۱) حرارت لازم برای گرم کردن هوا مرطوب
- ۲) حرارت لازم برای گرم کردن هوا در عملیات رطوبت زنی
- ۳) میزان حرارتی که دمای واحد جرم هوا خشک و رطوبت همراه آن را یک درجه افزایش دهد.
- ۴) میزان حرارت لازم برای آن که دمای رطوبت همراه هوا یک درجه افزایش یابد.

۴۷۶ - اگر بخواهیم هوا مرطوبی را تحت فشار ثابت و تحت رطوبت نسبی ثابت گرم کنیم:
 (سال ۸۶)

- ۱) باید بخار آب به هوا اضافه کنیم.
- ۲) باید مقداری از بخار آب هوا را جذب نمائیم.
- ۳) باید حجم مخصوص را ثابت و انتالپی را افزایش دهیم.
- ۴) باید تحت رطوبت (مقدار آب موجود در هوا) ثابت این کار انجام شود.

۹۶ انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۷۷ - در یک عمل رطوبت (Humidification)، میزان آب موجود در هوا کاهش چشمگیری داشته بدون آن که درجه حرارت تغییری قابل توجه داشته باشد، (سال ۸۷)

- ۱) این کار با میزان هوا در انتالپی ثابت انجام شده است.
- ۲) این کار با عمل انتالپی ثابت صورت گرفته است.
- ۳) این کار با میزان هوا با درجه حرارت ثابت انجام شده است.
- ۴) این کار با میزان هوا از یک بستر جاذب بوده است.

۴۷۸ - در عملیات رطوبتزنی، هنگام نوشتن روابط موازنۀ آنتالپی و استفاده از منحنی رطوبتستنجی رسم بر این است که مینا را «هوای خشک» قرار می‌دهیم در حالی که هوای اولیه خود دارای رطوبت است، کدام مورد صحیح می‌باشد؟ (سال ۸۸)

- ۱) استفاده از این روش حل مسائل را آسان‌تر می‌کند چون مینا ثابت است.
- ۲) چنین روشی کاملاً دقیق است و هیچ فرضیاتی در نوشتن روابط اولیه موازنۀ آنتالپی اعمال نمی‌شود.
- ۳) این روش رطوبت هوای اولیه را در نظر نمی‌گیرد ولی چون مقدار رطوبت کم است خطای قابل توجهی در محاسبات ایجاد نمی‌گردد.
- ۴) موارد ۱ و ۲ صحیح است.

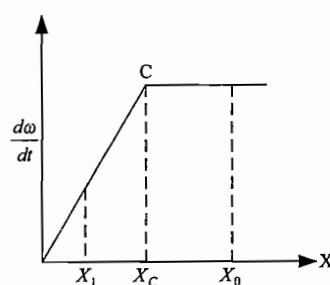
خشک کردن drying

۴۷۹ - در عمل خشک کردن یک باریکه (Slad) مرطوب، در صورتی که خشک کردن از دو سطح مقابل صورت پذیرد، شدت خشک کردن N بر حسب جرم بر زمان بر واحد سطح برابر خواهد بود با: (سال ۸۵)

(دانسیته جامد خشک = ρ_s ، نصف ضخامت باریکه = s ، رطوبت بر مبنای خشک = X ، زمان = t)

$$N = -\frac{s}{2} \rho_s \frac{dx}{dt} \quad (۱) \quad N = -\frac{2s}{\rho_s} \frac{dx}{dt} \quad (۲) \quad N = -2s\rho_s \frac{dx}{dt} \quad (۳) \quad N = -s\rho_s \frac{dx}{dt} \quad (۴)$$

۴۸۰ - شکل زیر منحنی خشک شدن یک ماده جامد را نشان می‌دهد. اگر شیب خط خشک شدن با سرعت نزولی m باشد، زمان لازم جهت خشک کردن ماده از رطوبت x_1 به رطوبت x_c برابر است با (وزن ماده خشک موجود در ماده جامد، ω_s می‌باشد). (سال ۸۵)



$$t = \frac{\omega_s}{m} \ln \frac{x_c}{x_1} \quad (۱) \quad t = m \ln \frac{x_c}{x_1} \quad (۲)$$

$$t = m \omega_s \ln \frac{x_c}{x_1} \quad (۳) \quad t = \frac{m}{\omega_s} \ln \frac{x_c}{x_1} \quad (۴)$$

۴۸۱ - در صورتی که طی فرآیند خشک کردن یک نمونه مرطوب، مکانیسم حرکت رطوبت به صورت موئینگی (Capillary) باشد، با نصف شدن ضخامت نمونه مرطوب و ثابت نگاه داشتن بقیه شرایط، سرعت خشک شدن (سال ۸۵)

- ۱) تغییری نمی‌کند.
- ۲) دو برابر می‌شود.
- ۳) نصف می‌شود.
- ۴) چهار برابر می‌شود.

۴۸۲ - در صورتی که در فرآیند خشک کردن یک نمونه مرطوب، تنها مکانیسم انتقال حرارت به صورت جابه‌جایی از هوای گرم به سطح نمونه مرطوب باشد دمای سطح نمونه مرطوب همواره: (سال ۸۵)

- ۱) معادل دمای حباب خشک هوای گرم است.
- ۲) بیشتر از دمای حباب مرطوب هوای گرم است.
- ۳) کمتر از دمای حباب مرطوب هوای گرم است.

۴۸۳ - میزان رطوبت یک جسم مرطوب در محیطی که رطوبت نسبی آن ۱۰۰% باشد ($\phi=100\%$), $\frac{kgH_2O}{100 kg dry solid} = 40$ اندازه‌گیری شده است. در صورتی که میزان رطوبت نچسبیده (unbound moisture) در شرایط محیط $\frac{kgH_2O}{100 kg dry solid} = 4$ باشد، در این

صورت رطوبت جسم در شرایط مورد مطالعه برابر است با:

$$36 \frac{kgH_2O}{100 kg dry solid} \quad (1)$$

$$40 \frac{kgH_2O}{100 kg dry solid} \quad (2)$$

$$44 \frac{kgH_2O}{100 kg dry solid} \quad (3)$$

۴) جهت محاسبه میزان رطوبت نچسبیده به اطلاعات بیشتری نیاز است.

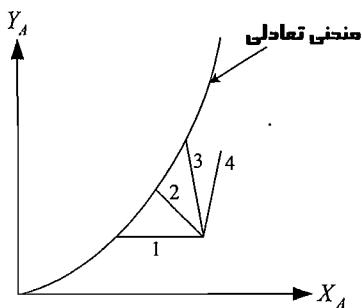
۴۸۴ - منحنی تبادل در فرآیند خشک کردن یک کیلوگرم سیلیکاژل با جریان هوا خشک به چه صورت خواهد بود؟ (سال ۸۶)

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)



۴۸۵ - در فرآیند خشک شدن در ریت (rate) خشک شدن ثابت کدام عبارت صحیح نمی‌باشد؟ (سال ۸۶)

۱) ریت خشک شدن مستقل از نوع جسم (جامد مرطوب) است.

۲) رطوبت موجود در جسم به صورت رطوبت unbound است.

۳) دمای سطح جسم مرطوب همواره معادل دمای مرطوب هواست و از سطح می‌باشد.

۴) خشک شدن به صورت تبخیر سطحی از یک فیلم پیوسته رطوبت در سطح جسم انجام می‌شود.

۴۸۶ - در کدام یک از شرایط زیر، ریت (rate) خشک شدن جسم مرطوب، مستقل از سرعت هواست از سطح جسم مرطوب می‌باشد؟ (سال ۸۶)

۱) خشک شدن با ریت ثابت

۳) خشک شدن با ریت (rate) نزولی با مکانیسم نفوذ (Capillary) نمی‌باشد

۴۸۷ - کدام یک از عبارات زیر بیان کننده فرآیند خشک شدن با مکانیسم مویینگی (Capillary) نمی‌باشد؟ (سال ۸۷)

۱) در ناحیه ریت نزولی اتفاق می‌افتد.

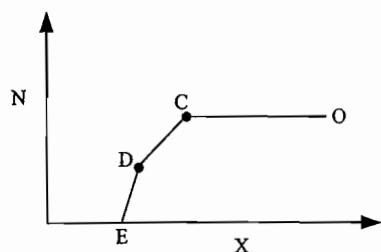
۲) عموماً در اجسام و نمونه‌های مرطوبت متخلخل مشاهده می‌شود.

۳) میزان یا شدت تبخیر نسبت به حالت نفوذ بیشتر است.

۴) ریت خشک شدن در این حالت مستقل از سرعت هواست از سطح نمونه می‌باشد.

۹۸ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۸۸ - منحنی خشک کردن یک جامد به روش ناپیوسته (Batch) ترسیم شده است. در کدام بخش، درجه حرارت جامد در حین خشک شدن افزایش می‌یابد؟
(سال ۸۷)



- (۱) بین دو نقطه O و E
- (۲) بین دو نقطه O و C
- (۳) بین دو نقطه D و E
- (۴) بین دو نقطه O و D

۴۸۹ - در بحث خشک کردن جامدات، تعادل نشان‌گر کدام مورد (موارد) است?
(سال ۸۸)

- (۱) کسر مولی رطوبت در هوا برابر با کسر مولی رطوبت در جامد است.
- (۲) مقدار رطوبت هوا برابر با مقدار رطوبت در جامد است.
- (۳) اگر رطوبت هوا بیشتر از مقدار تعادلی رطوبت هوا در حال تعادل با جامد معینی باشد، آن‌گاه جامد می‌تواند رطوبت هوا را به خود جذب کرده خیس‌تر شود.
- (۴) موارد ۱ و ۲ صحیح است.

۴۹۰ - لباس خیس در کدام شرایط، زودتر خشک می‌شود?
(سال ۸۸)

- (۱) دمای خشک 50°F (Wet-bulb) و دمای حباب خیس 70°F (Dry-bulb)
- (۲) دمای خشک 50°F (Wet-bulb) و دمای حباب خیس 60°F (Dry-bulb)
- (۳) دمای خشک 40°F (Wet-bulb) و دمای حباب خیس 70°F (Dry-bulb)
- (۴) دمای خشک 40°F (Wet-bulb) و دمای حباب خیس 60°F (Dry-bulb)

تبخیر

۴۹۱ - در تغذیه مجموعه تبخیر کننده‌ها به صورت موازی (Parallel)، کدام گزینه صحیح است?
(سال ۸۵)

- (۱) خوراک وارد یک مرحله میانی گردیده و بخار وارد تک تک مراحل می‌شود.
- (۲) خوراک وارد مرحله اول شده و Steam موازی با آن وارد همان مرحله می‌گردد.
- (۳) خوراک تقسیم شده و وارد مراحل می‌گردد ولی محصول از مرحله آخر خارج می‌گردد.
- (۴) خوراک به چند قسمت تقسیم شده و وارد هر مرحله گردیده و محصول از همان مرحله خارج می‌شود.

۴۹۲ - در تبخیر کننده‌های تؤام با تراکم مجدد بخار، کل هزینه‌های سیستم C_t (Total Cost) وابسته است به: $P_1 = 1\text{atm}$
(سال ۸۵)

- (۱) هزینه کار کمپرسور در سیستم
- (۲) میزان Steam مصرفی سیستم
- (۳) سطح تبخیر کننده و فشار عملیاتی آن
- (۴) P_2 فشار متراکم کردن بخار خروجی از تبخیر کننده

۹۹ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۴۹۳ - در صورتی که غلظت خروجی از تبخیرکننده زیاد باشد به طوری که امکان پدیده نمکی شدن وجود داشته باشد بهترین راه جهت جلوگیری از آن کدامیک از عوامل زیر میباشد؟ (سال ۸۶)

- (۱) افزایش دبی خوراک (۲) افزایش دمای خوراک (۳) افزایش فشار تبخیرکننده (۴) کاهش فشار تبخیرکننده

۴۹۴ - برای محلول‌هایی که نسبت به درجه حرارت حساس بوده و از لحاظ ساختار مولکولی تخریب می‌شوند مناسب‌ترین تبخیرکننده جهت حرارت‌دهی و تغليظ آن‌ها کدام است؟ (سال ۸۷)

- (۱) مجهز به همزن (۲) افقی (۳) فیلم ریزان (۴) عمودی لوله کوتاه

جذب سطحی adsorption

۴۹۵ - عمل جذب سطحی یک محلول رقیق شربت قند رنگی توسط جاذب کربن فعال در نظر گرفته می‌شود. این رنگزدائی از طریق سیستم دو مرحله‌ای تعادلی از نوع جریان‌های متقاطع (Cross-Current) و با جاذب خالص انجام می‌گیرد. حداقل میزان جاذب مصرفی بستگی خواهد داشت به:

- (۱) $Y_1 \text{ و } Y_2$ (۲) غلظت ماده رنگی در خوراک اولیه.

- (۳) (غلظت محلول رنگی خروجی از مرحله اول) (۴) Y_2 (غلظت محلول رنگی خروجی از مرحله دوم)

۴۹۶ - پدیده موج جذب (adsorption wave) در چه حالتی مشاهده می‌گردد؟ (سال ۸۶)

- (۱) در فرآیند کروماتوگرافی (۲) جذب در بستر ثابت جاذب (۳) جذب رقابتی در محلول رقیق (۴) جذب رقابتی در سیستم‌های حاوی تعویض یون

۴۹۷ - زمان نقطه شکست در منحنی عبور جذب (Breakthrough Curve) در یک بستر ثابت پر شده از جاذب، با کاهش کدامیک از عوامل زیر کاهش می‌یابد؟ (سال ۸۷)

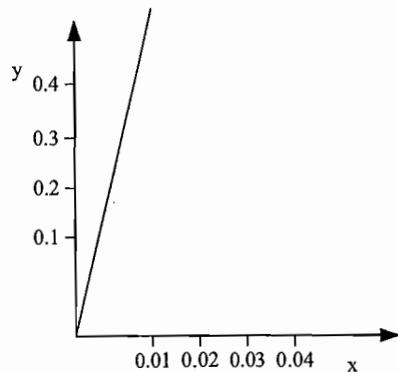
- (۱) اندازه ذرات جاذب (۲) دبی خوراک (۳) طول بستر (۴) غلظت جذب‌شونده در خوراک

۴۹۸ - فرآیند Elution عبارتست از:

- (۱) فرآیند Absorption به صورت شیمیایی (۲) فرآیند Desorption به کمک حلال (۳) فرآیند Stripping به صورت شیمیایی (۴) فرآیند Adsorption در حضور حلال در یک محلول آبی

استخراج از جامدات Leaching

۴۹۹ - دیاگرام تعادلی یک عمل جذب سطحی در مقابل ترسیم شده است کدام گزینه صحیح تر به نظر می‌رسد؟ (سال ۸۶)



۱) انجام یک مرحله تعادلی بیش از ۹۰% عامل انتقالی را جذب می‌نماید.

۲) نسبت $\frac{\text{جامد}}{\text{سیال}}$ در مراحل تعادلی باید بسیار کم باشد.

۳) انجام یک مرحله تعادلی در سیستم فوق، مقدار قابل توجهی جذب می‌نماید.

۴) انجام یک مرحله تعادلی در سیستم فوق، مقدار قابل توجهی جذب نمی‌نماید.

۵۰۰ - در استخراج جامد - مایع، در یک مخزن حلال به جامد افروده شده و پس از طی زمان لازم، محلول از بستر ذرات جامد تخلیه می‌شود، مقدار محلول باقیمانده در جامد: (سال ۸۶)

۱) با افزایش اندازه ذرات و کاهش کشش سطحی محلول افزایش می‌یابد.

۲) با کاهش اندازه ذرات جامد و کاهش کشش سطحی محلول افزایش می‌یابد.

۳) با افزایش اندازه ذرات و افزایش کشش سطحی محلول افزایش می‌یابد.

۴) با کاهش اندازه ذرات جامد و افزایش کشش سطحی محلول افزایش می‌یابد.

واکنش‌های شیمیایی و معادلات سرعت

۵۰۱ - اگر معادله متوالی واکنش $B \rightarrow A$ به صورت $-r_A = \frac{k_1 C_A^n}{1 + k_2 C_A^m}$ داده شده باشد چنین می‌توان نتیجه گرفت که: (سال ۸۵)

(۱) سرعت واکنش همیشه ثابت است.

(۲) سرعت واکنش با غلظت رابطه معکوس دارد.

(۳) سرعت واکنش را می‌توان تقریباً درجه $(n-m)$ فرض نمود.

(۴) سرعت واکنش در غلظت‌های کم و زیاد واکنشگر متفاوت است.

۵۰۲ - وقتی که با گذشت زمان خیلی زیادی هنوز واکنشگر در راکتور باقی مانده باشد می‌توان نتیجه گرفت که: (سال ۸۵)

(۱) واکنش برگشت‌پذیر است.

(۲) نتیجه خاصی نمی‌توان گرفت.

(۳) واکنشگر به صورت اضافی ظاهر شده است.

(۴) واکنش برگشت‌پذیر است و یا آن واکنشگر باقی مانده به صورت اضافی وارد شده است.

۵۰۳ - در واکنش $R \rightarrow A$ با معادله سرعت $-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = \frac{k_1 C_A}{1 + k_2 C_A}$ که در غلظت‌های پایین از A و در غلظت‌های بالا از A، درجه واکنش متفاوت می‌باشد، مشخص کنید تغییر درجه واکنش در چه غلظتی از A اتفاق می‌افتد؟ (سال ۸۵)

$$\frac{k_2}{k_1} \quad \frac{k_1}{k_2} \quad \frac{1}{k_1} \quad \frac{1}{k_2}$$

۵۰۴ - برای واکنش $2A + B \rightarrow C$ در فاز گاز در حجم ثابت کدامیک از موارد زیر صحیح است؟ (سال ۸۶)

$$2x_A = x_B \quad (۱) \quad 2C_{A_0} x_A = C_{B_0} x_B \quad (۲) \quad 2x_A C_{B_0} = x_B C_{A_0} \quad (۳) \quad C_{A_0} x_A = 2C_{B_0} x_B \quad (۴)$$

۵۰۵ - برای واکنش ابتدائی در حجم ثابت $A \xrightleftharpoons[k_3]{k_1, k_2} B$ کدامیک از معادلات زیر سرعت تولید C را نشان می‌دهد؟ (سال ۸۶)

$$\frac{dC_S}{dt} - k_3 C_A = 0 \quad (۱) \quad \frac{dC_S}{dt} + (k_1 + k_3) C_A = 0 \quad (۲)$$

$$\frac{dC_S}{dt} + k_2 C_B - k_1 C_A = 0 \quad (۳) \quad \frac{dC_S}{dt} + (k_1 + k_3) C_A - k_2 C_B = 0 \quad (۴)$$

۵۰۶ - اگر در یک واکنش درجه 2 غلظت اولیه با حفظ شرایط دیگر نصف شود ژاپت سرعت واکنش k :

(۱) نصف می‌شود.

(۲) دو برابر می‌شود.

(۳) تغییر نمی‌کند.

۵۰۷ - منظور از واکنش بنیادی چیست؟ (سال ۸۷)

(۱) واکنشی که سرعت آن زیاد بوده و تعادلی نباشد.

(۲) واکنشی که سرعت آن کم بوده یا تعادلی باشد.

(۳) واکنشی که به شکل سری یا موازی با واکنشی دیگر نباشد.

(۴) واکنشی که مکانیزم و رابطه سرعت آن با استوکیومتری آن تطابق داشته باشد.

۵۰۸ - اصطلاح «روش انزوا» Method of isolation در مطالعات سینتیکی به این معنی است که:

- (۲) واکنش در عدم حضور کاتالیزور انجام می‌شود.
- (۴) سرعت واکنش رفت و برگشت خیلی تند است.
- (۳) واکنش در یک محیط منزوی انجام می‌شود.

۵۰۹ - در واکنش $S \rightarrow 2A + B$ در فاز مایع، پس از سپری شدن مدت زمان t از شروع واکنش، رابطه بین غلظت A و R کدام است؟

$$(t=0 \rightarrow C_{A_0}, C_{B_0}, C_{R_0}, C_{S_0} \neq 0) \quad (1)$$

$$C_A = 4C_{A_0} + 4C_R + 4C_{R_0} \quad (2)$$

$$C_A = C_{A_0} - 4C_R + 4C_{R_0} \quad (1)$$

$$C_A = 2C_{A_0} - \frac{1}{2}C_R + \frac{1}{2}C_{R_0} \quad (3)$$

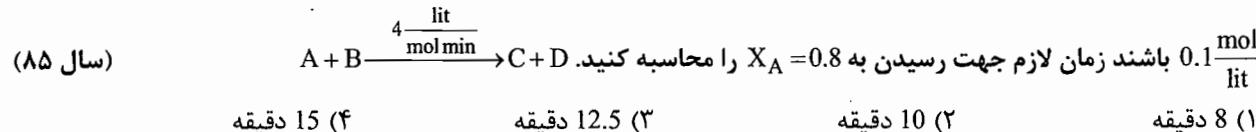
$$C_A = 2C_{A_0} - 2C_R + 2C_{R_0} \quad (3)$$

۵۱۰ - حداقل سرعت واکنش آنزیمی با معادله سرعت $r_A = \frac{KC_E C_A}{M + C_A}$ برابر است با:

$$\frac{KC_E}{M} \quad (4) \quad \frac{k}{M} \quad (3) \quad KC_E \quad (2) \quad (1)$$

تفسیر نتایج حاصل از راکتورهای ناپیوسته

۵۱۱ - واکنش ابتدایی زیر در فاز مایع در یک راکتور ناپیوسته انجام می‌پذیرد. در صورتی که غلظت ماده A و غلظت ماده B هر کدام



۵۱۲ - کدامیک از واکنش‌های زیر رفتاری شبیه به واکنش‌های اتوکاتالیستی دارد؟

- (۱) واکنش‌های گرمaza که در مجاورت کاتالیزور انجام می‌گیرند.
- (۲) هر نوع واکنشی که به صورت ادیباتیک انجام می‌گیرد.
- (۳) هر نوع واکنشی که در مجاورت کاتالیزور انجام می‌گیرند و ادیباتیک هستند.
- (۴) واکنش‌های گرمaza که به صورت آدیباتیک انجام شوند همچون احتراق سوخت‌های گازی

۵۱۳ - در یک واکنش درجه صفر اگر غلظت اولیه واکنشگر نصف شود برای حفظ میزان تبدیل بایستی حجم را:

- (۱) نصف کرد.
- (۲) دو برابر کرد.

$$(4) \text{ حجم باید به } \frac{1}{3} \text{ حجم اولیه تقلیل پیدا کند.} \quad (3) \text{ حجم ثابت می‌ماند.}$$

۵۱۴ - داده‌های زیر در یک راکتور ناپیوسته برای واکنش گازی $A \rightarrow R + S$ در فشار و دمای ثابت کسب شده است. اگر چنانکه این

واکنش برگشت‌ناپذیر باشد. (واکنش با A خالص آغاز شده است. $C_{R_0} = C_{S_0} = 0$)، از اطلاعات زیر می‌توان نتیجه گرفت که حجم

اولیه سیستم واکنش برابر است با:

time (min)	0.5	1	2	∞
V (cm ³)	6.1	6.8	7.5	9.4

$$3.05 \text{ cm}^3 \quad (2) \quad 3.4 \text{ cm}^3 \quad (1)$$

$$4.7 \text{ cm}^3 \quad (4) \quad 3.825 \text{ cm}^3 \quad (3)$$

۱۰۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۱۵- میزان تبدیل A در واکنش $R \xrightarrow{k} A$ که در یک راکتور ناپیوسته انجام می‌شود $\left(C_{A_0} = 1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}} \right)$ پس از مدتی به ۷۵٪ رسیده است. با فرض واکنش درجه اول ثابت سرعت برابر با $k = 1 \text{ min}^{-1}$ به دست آمده است. اما مطالعات بعدی مشخص کرده که

واکنش در حقیقت از درجه $\frac{1}{2}$ است. در این صورت ثابت سرعت واکنش بر حسب $\frac{(mol)^{\frac{1}{2}}}{(lit)^2 (\text{min})}$ چیست؟ (ln 2 = 0.7) (سال ۸۶)

$$1.86 (4) \quad 0.71 (3) \quad 0.42 (2) \quad 0.34 (1)$$

۵۱۶- موازن جرم برای یک راکتور لوله‌ای پیوسته با واکنش درجه صفر عبارت است از:

$$\tau = \frac{1}{K} C_{A_0} \epsilon_A (1 - x_A) \quad (4) \quad \tau = \frac{C_{A_0} \epsilon_A x_A}{K} \quad (3) \quad \tau = \frac{C_{A_0}}{K} (1 - x_A) \quad (2) \quad \tau = \frac{C_{A_0}}{K} x_A \quad (1)$$

۵۱۷- برای یک واکنش مرتبه n غیربرگشتی تجزیه‌ای فاز مایع، زمان نیم عمر واکنش برابر است با:

$$\left[\left(\frac{1}{2} \right)^{n-1} - 1 \right] \frac{C_{A_0}^{n-1}}{\{k(n-1)\}} \quad (2) \quad \left[\left(\frac{1}{2} \right)^{1-n} - 1 \right] \frac{C_{A_0}^{1-n}}{\{k(n-1)\}} \quad (1)$$

$$\left[\left(\frac{1}{2} \right)^{1-n} - 1 \right] \frac{C_{A_0}}{\{k(n-1)\}} \quad (4) \quad \left[\left(\frac{1}{2} \right)^{n-1} - 1 \right] \frac{C_{A_0}^{1-n}}{\{k(n-1)\}} \quad (3)$$

۵۱۸- در یک واکنش فاز گاز با استوکیومتری $A + 2C \rightarrow 5D$ دارای خوراک حاوی ۲۰ درصد A و ۳۵ درصد C هستیم و الباقی را گاز خنثی تشکیل می‌دهد. میزان انبساط حجم این محتوای واکنش چیست؟ (سال ۸۷)

$$1 (4) \quad 0.75 (3) \quad 0.65 (2) \quad 0.35 (1)$$

۵۱۹- واکنش فاز مایع $A + B \rightarrow C$ را در یک راکتور مخزن دار پیوسته انجام می‌دهیم چنانکه $-r_A = 0.3 C_A$ (مولار بر دقیقه)، حجم مورد نیاز راکتور جهت حصول ۷۵ درصد تبدیل A برای خوراک حاوی ۰.۵ مولار A که با دبی حجمی $0.3 \frac{\text{lit}}{\text{mm}}$ وارد می‌شود چند لیتر است؟ (سال ۸۷)

$$3 (4) \quad 2.5 (3) \quad 2 (2) \quad 1.5 (1)$$

۵۲۰- آستانه تغییر غلظت برای واکنش انتقالی تجزیه‌ای جهت تغییر درجه واکنش از یک به صفر در فاز مایع با ثوابت سرعت $\frac{\text{mol}}{\text{lit} \cdot \text{min}}$ و 2 min^{-1} حین مصرف خوراک در راکتور ناپیوسته بین ابتداء و انتهای واکنش چند مولار است؟ (سال ۸۷)

$$2.5 (4) \quad 2 (3) \quad 1 (2) \quad \frac{1}{2} (1)$$

۵۲۱- در صورتی که غلظت ماده اولیه A را ۴ برابر نمائیم، سرعت واکنش ۲ برابر می‌شود. درجه واکنش برابر است با: (سال ۸۸)

$$n = \frac{\ln 4}{\ln 2} \quad (4) \quad n = \frac{\ln 2}{\ln 4} \quad (3) \quad n = \ln \left(\frac{1}{2} \right) \quad (2) \quad n = \frac{1}{2} \quad (1)$$

۵۲۲- واکنش ابتدائی $A \xrightleftharpoons[k_2]{k_1} R$ با غلظت‌های اولیه $C_{A_0} = 1$ و $C_{R_0} = 5$ و ثابت تعادلی $K_e = 2$ را درنظر بگیرید. غلظت

تعادلی $(C_{A_e})A$ این واکنش چه قدر است؟ (سال ۸۸)

$$4 (4) \quad 3 (3) \quad 2 (2) \quad 1 (1)$$

۱۰۴ | سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۲۳- نتایج آزمایشگاهی زیر از یک راکتور ناپیوسته ایزوترمال را در نظر بگیرید. در این صورت معادله سرعت واکنش کدام است؟

(سال ۸۸)

$$\begin{array}{l} C_A \left| \begin{array}{ccc} 4 & 1 & 1 \end{array} \right. \text{ (mol/lit)} \\ C_B \left| \begin{array}{ccc} 1 & 1 & 8 \end{array} \right. \text{ (mol/lit)} \\ -r_A \left| \begin{array}{ccc} 2 & 1 & 4 \end{array} \right. \text{ (mol/lit.hr)} \end{array}$$

$$-r_A = C_A^2 C_B^3 \quad (4) \quad -r_A = 3C_A^2 C_B^2 \quad (3) \quad -r_A = 2C_A^2 C_B^3 \quad (2) \quad -r_A = 1.5C_A^2 C_B^3 \quad (1)$$

۵۲۴- در واکنش برگشت‌پذیر ابتدائی $A \xrightleftharpoons[k_2]{k_1} B$ که با خوراک خالص A آغاز شده است. در صورتی که حداکثر تبدیل تعادلی

(سال ۸۸) باشد، کدام رابطه بین k_2 و k'_2 برقرار است؟ 60%

$$k'_2 = 2.5k_2 \quad (4) \quad k_2 = 1.5k'_2 \quad (3) \quad k'_2 = 1.5k_2 \quad (2) \quad k_2 = 0.6k'_2 \quad (1)$$

راکتورهای منفرد کامل و مقدمات طراحی راکتور

۵۲۵- می‌خواهیم میزان تبدیل ترکیب‌شونده A را که در یک راکتور مخزنی همزن‌دار پیوسته 40% است به 80% افزایش دهیم. در صورتی که شدت جریان خوراک و غلظت ترکیب‌شونده ورودی تغییر نکند، حجم راکتور را باید به چند برابر افزایش دهیم؟

(سال ۸۵) معادله سرعت واکنش $-r_A = kC_A^2$ فرض می‌شود.

$$(1) 18 \text{ برابر} \quad (2) 10 \text{ برابر} \quad (3) 9 \text{ برابر} \quad (4) 6 \text{ برابر}$$

۵۲۶- واکنش درجه دوم $\rightarrow A \rightarrow 2R$ در فاز گاز و در یک راکتور لوله‌ای پیوسته در فشار و دمای ثابت انجام می‌شود. خوراک متشکل از 50% گاز A و 50% گاز خنثی است. شدت جریان حجمی خوراک v_0 و میزان تبدیل در راکتور 60% است. شدت جریان خروجی از راکتور چند درصد افزایش یافته است؟

$$(1) 60 \% \quad (2) 50 \% \quad (3) 30 \% \quad (4) 20 \%$$

۵۲۷- در یک راکتور مخزنی همزن‌دار پیوسته واکنش اتوکاتالیستی $P \xrightarrow{k} A$ انجام می‌شود. رابطه سرعت $-r_A = kC_A C_R^2$ می‌باشد. به ازای چه درجه تبدیل حجم راکتور حداقل می‌شود؟

$$(1) x_A = \frac{2}{3} \quad (2) x_A = \frac{1}{3} \quad (3) x_A = \frac{1}{2} \quad (4) x_A = 1$$

۵۲۸- واکنش همگن در فاز گاز $\rightarrow A \rightarrow 3R$ در دمای $215^\circ C$ انجام می‌گیرد. اگر سرعت واکنش $-r_A = C_A$ باشد و خوراک به راکتور لوله‌ای پیوسته شامل 50 درصد A و 50 درصد گاز خنثی باشد زمان ظاهري لازم برای تبدیل 80 درصد برابر خواهد بود با:

(سال ۸۵)

$$(1) \tau = 2 \ln 0.2 + 0.8 \quad (2) \tau = -(2 \ln 0.2 + 0.8) \quad (3) \tau = 2 \ln 0.2 - 0.8 \quad (4) \tau = 2 \ln 0.2 + 0.8$$

۵۲۹- در انجام واکنش گازی ساده $\rightarrow A \rightarrow 2R$ از یک راکتور مخزنی همزن‌دار پیوسته استفاده می‌شود. اگر برای حصول تبدیل 50 درصد زمان مانده لازم یک ساعت باشد، ثابت سرعت واکنش برابر خواهد بود با:

$$(1) k = 2 \quad (2) k = 1.75 \quad (3) k = 1.5 \quad (4) k = 1$$

(سال ۸۵) ۵۳۰- کدام یک از موارد زیر جزء مزایای یک راکتور ناپیوسته نمی‌باشد؟

(۱) قیمت ارزان
(۲) انعطاف‌پذیری در عملیات

(۳) کنترل ضعیف کیفیت محصول
(۴) کوچک بودن ابزار مورد استفاده

۱۰۵ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۳۱ - واکنش ساده $A \rightarrow R$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته انجام می‌گیرد در حال حاضر درصد تبدیل ۵۰ است. اگر حجم راکتور را با حفظ شرایط دیگر نصف کنیم درصد تبدیل برابر خواهد بود با:

$$(1) 25 \text{ درصد} \quad (2) 33 \text{ درصد} \quad (3) 40 \text{ درصد} \quad (4) 45 \text{ درصد}$$

۵۳۲ - واکنش فاز گاز $\xrightarrow{k} A$ در دما و فشار ثابت در یک راکتور لوله‌ای پیوسته انجام می‌شود. زمان اقامت در این راکتور با کدام رابطه داده می‌شود؟

$$\begin{aligned} \tau_P &= - \int_{C_{A_0}}^{C_A} \frac{dC_A}{(1 + \varepsilon_A X_A)(-r_A)} \quad (1) \\ \tau_P &= C_{A_0} \int_0^{X_A} \frac{dX_A}{(1 + \varepsilon_A X_A)(-r_A)} \quad (2) \\ \tau_P &= \int_0^{X_A} \frac{dX_A}{(-r_A)} \quad (3) \end{aligned}$$

۵۳۳ - واکنش اتوکاتالیزوری $A + B \rightarrow 2B$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته با جریان برگشتی انجام می‌پذیرد. اگر نسبت جریان برگشتی ۵ برابر شود، درصد تبدیل چگونه تغییر می‌کند؟

$$\begin{aligned} (1) \frac{1}{5} \text{ برابر می‌شود.} \\ (2) 5 \text{ برابر می‌شود.} \\ (3) \text{ هیچ تغییری نمی‌کند.} \\ (4) \text{ با اطلاعات موجود نمی‌توان اظهارنظر کرد.} \end{aligned}$$

۵۳۴ - برای یک واکنش تعادلی بنیادی $\xrightleftharpoons[k_2]{k_1} A \rightleftharpoons B$ که با خوراک A خالص در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته آغاز شود رابطه τ با x_A به چه صورت است؟

$$\begin{aligned} k_1\tau &= \frac{x_{Ae}}{(1-x_A)-x_{Ae}(1-x_A)} \quad (1) \\ k_1\tau &= \frac{x_A}{(1-x_A)-\frac{x_A(1-x_{Ae})}{x_{Ae}}} \quad (2) \\ k_1\tau &= \frac{x_A(1-x_{Ae})}{(1-x_A)+x_A(1-x_{Ae})} \quad (3) \end{aligned}$$

۵۳۵ - واکنشی با مکانیزم نامشخص در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته برای تبدیل غیربرگشتی خوراک A تحت شرایط زیر انجام می‌شود: غلظت A ورودی برابر با ۰.۷ و خروجی آن ۰.۰۹ مولار می‌باشد. اگر برای یک راکتور ۴ لیتری دبی حجمی ورودی به راکتور ۳ لیتر بر دقیقه داشته باشیم، سرعت ناپدید شدن A چند مولار/min است؟

$$(1) 0.475 \quad (2) 0.612 \quad (3) 0.933 \quad (4) \text{ هیچ کدام}$$

۵۳۶ - میزان تبدیل یک واکنش درجه اول در فاز مایع در یک راکتور مخلوط شونده کامل (CSTR) ۶۰% است. در شرایطی که ۱۰٪ حجم راکتور توسط مایع ساکن (Dead Zone) اشغال شده باشد، میزان تبدیل بر حسب درصد چه قدر است؟

$$(1) 51.5 \quad (2) 54.5 \quad (3) 55.5 \quad (4) 57.5$$

۵۳۷ - در یک راکتور مخلوط شونده کامل (CSTR) از انجام واکنش دو ملکولی برگشت‌ناپذیر ابتدائی بین مواد A و B محصول C تولید می‌شود. غلظت ماده‌ی A در ابتدای واکنش ۴ مولار و پس از گذشت ۲ ساعت ۲ مولار می‌باشد. در صورتی که مواد A و B با غلظت‌های یکسان وارد راکتور شوند. ثابت سرعت واکنش بر حسب $(hr)^{-1}$ چه قدر است؟

$$(1) 0.125 \quad (2) 0.25 \quad (3) 3 \quad (4) 4$$

۵۳۸ - واکنش گازی $B \rightarrow 2.5B$ در یک راکتور بشکه‌ای همزن دار پیوسته انجام می‌گیرد. اگر غلظت خوراک A خالص ۱ مولار باشد و ثابت سرعت واکنش 10 min^{-1} ، حجم راکتور موردنیاز جهت حصول ۸۰٪ تبدیل برای دبی مولی $\frac{\text{mol}}{\text{hr}}$ چند لیتر باید باشد؟

$$(1) 35 \quad (2) 40 \quad (3) 60 \quad (4) 88$$

۱۰۶ سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

راکتور دوره‌ای (Recycle)

۵۳۹- اگر در یک راکتور با جریان برگشتی مقدار R برابر با ۰.۹۵ باشد آنگاه عملکرد این راکتور شبیه به چه راکتوری خواهد بود؟ (سال ۸۵)

- (۲) لوله‌ای پیوسته
- (۱) ناپیوسته
- (۴) ترکیبی از تعداد زیادی راکتور مخزنی همزن دار پیوسته
- (۳) مخزنی همزن دار پیوسته

۵۴۰- واکنش درجه اول فاز مایع $A \xrightarrow{k} C + D$ با غلظت اولیه ۱ مولار خوراک در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته نسبت برگشتی ۱۵ انجام می‌شود. در صورتی که $k\tau = 4$ باشد، میزان تبدیل برابر است با: (سال ۸۵)

- (۴) ۸۰ درصد
- (۳) ۶۷ درصد
- (۲) ۳۳ درصد
- (۱) ۱۷ درصد

۵۴۱- واکنش درجه صفر $R \rightarrow A$ در یک راکتور دوره‌ای (recycle) به حجم V اجراء می‌کنند. شدت جریان مولی A برابر F_{A_0} است. نسبت جریان برگشتی را چگونه انتخاب کنند تا میزان تبدیل A به حداقل برسد. منطقی‌ترین گزینه کدام است؟ (سال ۸۶)

- (۱) بر اساس محاسبه، $R = 1$ نسبت بهینه می‌باشد.

(۲) بر اساس محاسبه، $R = \frac{1}{2}$ بهترین نسبت جریان برگشتی است.

(۳) چون درجه واکنش کوچکتر از یک است لذا راکتور مخزنی همزن دار پیوسته یا $R = \infty$ بهترین انتخاب است.

(۴) در واکنش درجه صفر نوع راکتور و لذا شدت جریان برگشتی اثری بر میزان تبدیل ندارد.

۵۴۲- یک خوراک مایع محتوی A خالص به غلظت ۱۰ مولار در یک راکتور دوره‌ای با نسبت جریان برگشتی ۲ به میزان ۹۰٪ تجزیه می‌شود. در صورتی که واکنش مذکور از درجه اول باشد و جریان برگشتی به راکتور لوله‌ای بسته شود، شدت جریان خوراک چند (سال ۸۸)

درصد تغییر داده شود تا همان میزان تبدیل ۹۰٪ از A شود؟

- (۲) ۴۵ درصد کاهش داده شود.
- (۱) ۴۵ درصد افزایش داده شود.
- (۴) ۸۰ درصد کاهش داده شود.
- (۳) ۸۰ درصد افزایش داده شود.

طراحی راکتور برای واکنش‌های منفرد

۵۴۳- واکنش درجه صفر $R \rightarrow A$ در پنج رآکتور مخزنی همزن دار پیوسته هم حجم پشت سر هم که زمان اقامت در هر کدام است انجام می‌شود. میزان تبدیل A در این سیستم چیست؟ (سال ۸۵)

$$X_A = \% 66.66 \quad (۴) \quad X_A = \% 55 \quad (۳) \quad X_A = \% 33.33 \quad (۲) \quad X_A = \% 23 \quad (۱)$$

۵۴۴- یک واکنش درجه صفر در دو رآکتور مخزنی همزن دار پیوسته پشت سر هم که حجم هر یک برابر ۷ می‌باشد با میزان تبدیل %60 صورت می‌گیرد. پیشنهاد شده است که به منظور افزایش میزان تبدیل به جای دو رآکتور مذکور از یک رآکتور لوله‌ای پیوسته به حجم ۱.۵ v استفاده شده و تغییری در شرایط عملیاتی واکنش داده نشود. در این صورت این تعویض میزان تبدیل ترکیب‌شونده چه خواهد شد؟ (سال ۸۵)

- (۴) % 70
- (۳) % 65
- (۲) % 60
- (۱) % 45

۵۴۵- در دو راکتور مخزنی همزن دار پیوسته هم حجم که به طور سری به یکدیگر متصل شده واکنش درجه یک $P \xrightarrow{k} A$ انجام می‌شود؟ $\tau = 3 \text{ min}$ و $k = 2 \text{ min}^{-1}$ است. سرعت واکنش در راکتور اول چند برابر سرعت واکنش در راکتور دومی است. (سال ۸۵)

(۲) هفت برابر

(۱) مساوی

(۴) بستگی به غلظت اولیه ماده A در واکنش دارد.

(۳) دو برابر

۵۴۶- می خواهند واکنش ابتدائی $A + 2B \rightarrow R + S$ را در سه راکتور مخزنی همزن دار پیوسته پشت سر هم به حجم های V_1, V_2, V_3 و انجام دهنند ($V_1 > V_2 > V_3$). خوارک متشکل از A و B به نسبت استوکیومتری است ($C_{B_0} = 2C_{A_0}$). راکتورها را چگونه به یکدیگر متصل کنند تا میزان تبدیل A به بیشترین مقدار برسد. (سال ۸۶)

(۱) اول V_3 ، دوم V_2 و سوم V_1 (۲) اول V_1 ، دوم V_2 و سوم V_3

(۳) ترتیب اتصال در این واکنش خاص اثربخش بر میزان تبدیل A ندارد، چون A از درجه اول است.

(۴) به علت شکل خاص معادله سرعت و استوکیومتری بدون در دست داشتن ثابت سرعت و محاسبات لازم نمی‌توان نتیجه‌گیری و اظهار نظر کرد.

۵۴۷- برای یک واکنش درجه صفر در فاز مایع که در N راکتور مخزنی همزن دار پیوسته هم حجم صورت می‌گیرد کدام‌یک از روابط زیر صحیح است؟ (غلظت A در خوارک ورودی به سیستم C_{A_0} می‌باشد). (سال ۸۶)

$$\text{ثابت سرعت, } i = \text{زمان اقامت در هر راکتور, } C_{AN} = \text{غلظت A در راکتور N ام} = k$$

$$\frac{C_{A_0}}{C_{AN}} = (k\tau_i)^N \quad (۴) \quad C_{A_0} - C_{AN} = N(k\tau_i)^N \quad (۳) \quad C_{A_0} - C_{AN} = Nk\tau_i \quad (۲) \quad \frac{C_{A_0}}{C_{AN}} = Nk\tau_i \quad (۱)$$

۵۴۸- دو راکتور لوله‌ای پیوسته با حجم‌های 40 و 70 لیتر به طور موازی به یکدیگر متصل شده‌اند. چه کسری از خوارک وارد راکتور کوچک‌تر می‌شود؟ (سال ۸۷)

(۴) $\frac{7}{11}$ (۳) $\frac{4}{11}$ (۲) $\frac{7}{4}$ (۱) $\frac{4}{7}$

۵۴۹- برای واکنش دنباله‌دار C → B → A برای حصول حداقل مقدار ماده‌ی میانی B کدام گزینه صحیح‌ترین است؟ (سال ۸۷)

(۱) باید جلوی تولید C را با کوچک کردن مقدار A گرفت.

(۲) باید مقدار اختلاط جریان‌های نهایی با ترکیب مختلف را به حداقل رساند.

(۳) باید مقدار اختلاط جریان‌ها نهایی با ترکیب مختلف را به حداقل رساند.

(۴) باید از یک راکتور مخزنی، همزن دار پیوسته استفاده کرد تا غلظت B نهایی مورد نظر تأمین شود.

۵۵۰- اگر 85 راکتور بشکه‌ای را با حجم‌های یکسانی پشت سرهم وصل کنیم درصد تبدیل خروجی از راکتور 55 را می‌توان با فرمول زیر برای واکنش درجه اول محاسبه کرد؟ (سال ۸۷)

$$\tau_{55} = \frac{1}{k} \ln(1-x_A) \quad (۴)$$

$$\tau = \frac{55}{k} \ln(1-x_A) \quad (۳)$$

$$\tau_{55} = \frac{85}{k} (1-x_A)^{1.85} \quad (۲)$$

$$x_A = (1+k\tau_{55}) \quad (۱)$$

۱۰۸ سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

انتخاب راکتور مناسب

۵۵۱ - واکنش $P \rightarrow A$ با معادله سرعت $-r_A = \frac{k_1 C_A}{1+k_2 C_A}$ را در نظر می‌گیریم. یک سیستم راکتور متشکل از یک راکتور پیوسته لوله‌ای به حجم $V_p = 2$ مترمکعب و دو راکتور مخزنی همزن دار پیوسته به حجم‌های $V_{M_1} = 3$ و $V_{M_2} = 5$ مترمکعب را می‌خواهند به طور سری به یکدیگر وصل نمایند. برای درجه تبدیل بالاتر نحوه اتصال راکتورها چگونه باید باشد؟ (سال ۸۶)

- ۱) اول راکتور V_{M_2} ، دوم راکتور V_p و سوم راکتور V_{M_1} و سوم راکتور V_{M_2}
- ۲) اول راکتور V_p ، دوم راکتور V_{M_1} و سوم راکتور V_{M_2}
- ۳) اول راکتور V_p ، دوم راکتور V_{M_2} و سوم راکتور پلاک V_p

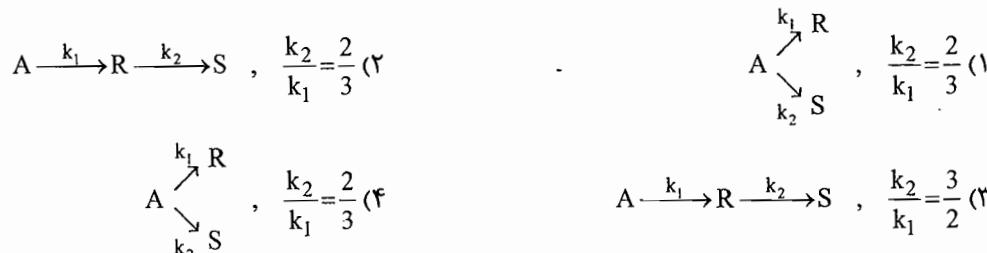
۵۵۲ - واکنش درجه اول $A \rightarrow B$ در داخل ۲ راکتور مخلوط شونده کامل (CSTR) و لوله‌ای پیوسته پشت سرهم صورت می‌گیرد. برای افزایش تولید محصول واکنش کدام ترتیب قرار گرفتن راکتورها بهتر است؟ (سال ۸۸)

- ۱) راکتور لوله‌ای پیوسته اول قرار گیرد.
- ۲) کوچک‌ترین راکتور در ابتدا قرار گیرد.
- ۳) راکتور مخلوط شونده کامل اول قرار گیرد.
- ۴) ترتیب راکتورها هیچ تأثیری بر درصد تبدیل ندارد.

طرح راکتور برای واکنش‌های چندگانه

۵۵۳ - ساده A خالص وارد یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته شده و R و S به وجود می‌ایند. در صورتی که غلظت‌های زیر از طریق آزمایشی ثبت شده باشند واکنش یا واکنش‌هایی را که با این اعداد همخوانی داشته باشند پیشنهاد نمایند. (سال ۸۵)

آزمایش	غلظت A	غلظت R	غلظت S
۱	15	3	2
۲	5	9	6



۵۵۴ - واکنش متوالی $A \xrightarrow{\frac{k_1}{k_2}} B \xrightarrow{k_3} C$ که تمامی مراحل آن از درجه دوم است در یک راکتور ناپیوسته انجام می‌شود چنان‌که

- (سال ۸۵)
- $C_{B_0} = C_{C_0} = 0$ و $C_{A_0} = \frac{1 \text{ mol}}{\text{lit}}$
- ۱) صفر
 - ۲) 0.25
 - ۳) 0.50

۴) برای تعیین این غلظت باید مقادیر ثوابت سرعت واکنش معلوم باشند.

۵۵۵ سواکنش‌های موازی در فاز مایع در یک راکتور بشکه‌ای پیوسته همزن دار انجام $\begin{array}{c} \nearrow \\ A \\ \searrow \\ C \end{array}$ با سینتیک $\left\{ \begin{array}{l} r_B = 0.4 C_A^2 \\ r_C = 2 C_A \end{array} \right.$

می‌پذیرند. مطلوب است مقدار ناخالصی C قابل حصول از خوراک خالص A به غلظت ۴۰ مولار که ۹۰٪ خوراک تبدیل شود؟ (سال ۸۶)

$$(1) 15 \text{ مولار} \quad (2) 20 \text{ مولار}$$

(۳) ۲۵ مولار (۴) با اطلاعات موجود نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۵۵۶ برای واکنش گازی $A \rightarrow 2B$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته به صورت همدما انجام می‌پذیرد. در صورتی که تعداد مول‌های تولیدی B برابر تعداد مول‌های C باشد و با خوراک خالص A به راکتور واکنش آغاز شود. کدام گزینه صحیح است؟ (سال ۸۶)

$$(1) k_1 = k_2 \quad (2) k_1 = 2k_2 \quad (3) k_2 = 2k_1 \quad (4) \text{ارتباطی با } k_1 \text{ ندارد.}$$

۵۵۷ سواکنش $\begin{array}{c} 3A + B \rightarrow P \\ P + B \rightarrow S \end{array}$ در فاز مایع و در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته انجام می‌گیرد. غلظت‌های A و B قبل از ورود به

راکتور برابر است با $C_{B_0} = 2 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ و $C_{A_0} = 6 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ کدامیک از گزینه‌های زیر برای نسبت مولی $\frac{A}{B}$ در راکتور صحیح است؟

(سال ۸۶)

(۱) نسبت مولی A به B تابعی از نسبت سرعت‌های واکنش‌ها است. (۲) نسبت مولی $\frac{A}{B}$ تابعی از درجه واکنش می‌باشد.

$$(3) \text{نسبت مولی } \frac{A}{B} = 3 \text{ می‌باشد.} \quad (4) \text{نسبت مولی } \frac{A}{B} = \frac{3}{2} \text{ می‌باشد.}$$

۵۵۸ یک واکنش منشعب ابتدائی در فاز مایع به صورت $\begin{array}{c} \nearrow \\ k_1 \\ A \\ \searrow \\ k_2 \\ C \end{array}$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته به صورت همدما انجام می‌پذیرد. در صورتی که تعداد مول‌های C برابر تعداد مول‌های A باشد و با خوراک خالص A به راکتور واکنش آغاز شود، کدام گزینه صحیح است؟ (سال ۸۶)

$$(1) k_1 = k_2 \quad (2) k_1 = 2k_2 \quad (3) k_2 = 2k_1 \quad (4) \text{ارتباطی با } k_1 \text{ ندارد.}$$

۵۵۹ -واکنش موازی با معادلات سرعت زیر در فاز مایع انجام می‌شود:

$$r_R = 10^{10} \exp\left(\frac{-6000}{T}\right) C_A \frac{\text{mol}}{\text{lit} \cdot \text{min}}, \quad r_S = 10^{11} \exp\left(\frac{-4000}{T}\right) C_A^2 \frac{\text{mil}}{\text{lit} \cdot \text{min}}$$

برای افزایش نسبت $\frac{C_R}{C_S}$ تولیدی کدام روش توصیه می‌گردد؟

(۱) راکتور مخزنی همزن دار پیوسته، تبدیل کم A، دمای پایین.

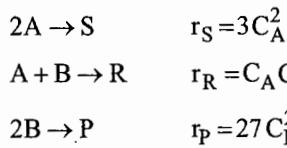
(۲) راکتور لوله‌ای پیوسته، تبدیل زیاد A، دمای پایین

(۳) راکتور مخزنی همزن دار پیوسته، میزان تبدیل زیاد A، دمای بالا

(۴) راکتور لوله‌ای پیوسته، تبدیل کم A، دمای بالا

۱۱۰ سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۶۰ - واکنش‌های ابتدایی زیر را در نظر می‌گیریم:



محصول R محصول مطلوب می‌باشد. چه نسبتی از $\frac{C_A}{C_B}$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته می‌تواند مقدار R را نسبت به دو محصول P و S حداکثر نماید:

$$\frac{C_A}{C_B} = 9 \quad (۴) \quad \frac{C_A}{C_B} = \frac{2}{3} \quad (۳) \quad \frac{C_A}{C_B} = \frac{1}{9} \quad (۲) \quad \frac{C_A}{C_B} = 3 \quad (۱)$$

۵۶۱ - واکنش ابتدائی $A \xrightarrow{k_1} R \xrightarrow{k_2} S$ در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته انجام می‌شود.

خوراک متتشکل از A به غلظت $\frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ است $C_{R_0} = C_{S_0} = C_{T_0} = 0$. حداکثر غلظت R در این راکتور بر حسب چقدر می‌تواند باشد؟

$$(۸۶) \quad \begin{array}{cccc} 0.26 & 0.17 & 0.32 & 0.41 \end{array} \quad (۱)$$

۵۶۲ - اگر دارای یک واکنش فاز مایع با استوکیومتری $A + 2B \rightarrow 4C$ باشیم چنانکه $C_{A_0} = 100$ و $C_{B_0} = 400$ مولار بوده و درصد B تبدیل شود، غلظت خروجی A از یک راکتور ناپیوسته چند مولار است؟

$$(۸۷) \quad \begin{array}{cccc} 60 & 40 & 50 & 20 \end{array} \quad (۱)$$

۵۶۳ - در واکنش $A \rightarrow B$ که دارای سرعت $-r_A = 3\sqrt{C_A}$ هستیم، مطلوب است درصد تبدیل خوراک خالص واکنشگر پس از ۱.۵ ساعت اگر غلظت خوراک ووردی واکنشگر یک مولار باشد.

$$(۸۷) \quad \begin{array}{cccc} X_A = 1.00 & X_A = 0.25 & X_A = 0.50 & X_A = 0.75 \end{array} \quad (۱)$$

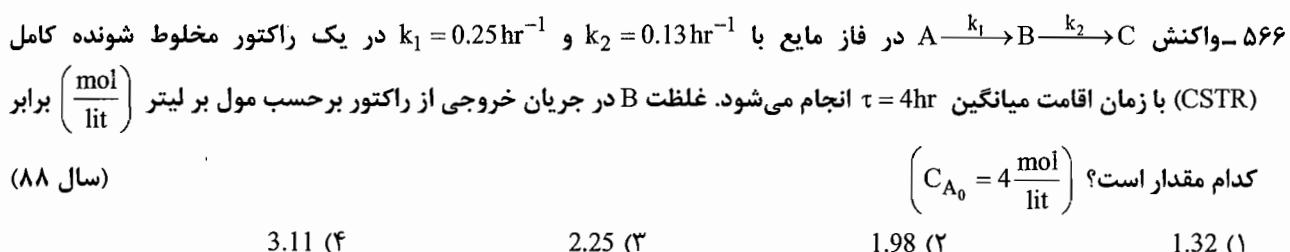
۵۶۴ - برای واکنش سری $A \xrightarrow{k_1} R \xrightarrow{k_2} S$ در یک راکتور ناپیوسته، با توجه به این‌که $k_1 = k_2 = k$ می‌باشد، غلظت R تولیدی در صورتی حداکثر خواهد بود که مدت زمان واکنش برابر: ($@t=0 \rightarrow C_A = C_{A_0}; C_{R_0} = 0, C_{S_0} = 0$)

$$(۸۸) \quad \begin{array}{cccc} t = \frac{k_1}{k_2} = 1 & t = \ln\left(\frac{k_1}{k_2}\right) & t = k & t = \frac{1}{k} \end{array} \quad (۱)$$

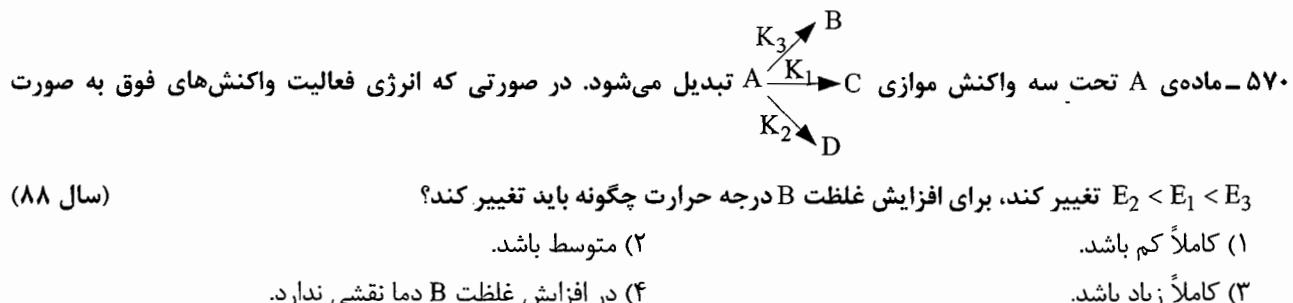
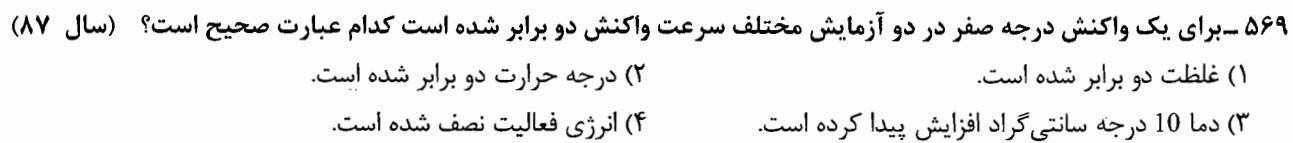
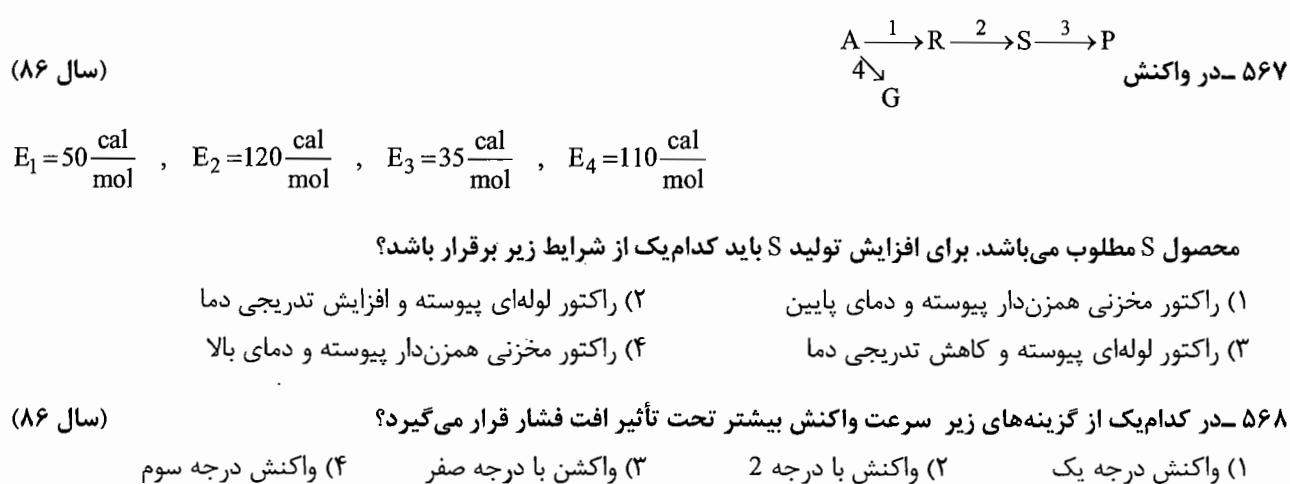
۵۶۵ - واکنش ابتدائی در فاز مایع در یک راکتور لوله‌ای پیوسته در شرایط ایزوترمال انجام می‌شود. در صورتی که تعداد مول‌های تولیدی R نسبت به تعداد مول‌های تولید S، $\frac{k_1}{k_2}$ باشد، رابطه $\frac{k_1}{k_2}$ چه قدر است؟

$$(۸۸) \quad \begin{array}{cccc} (C_{A_0} \neq 0, C_{R_0} = C_{S_0} = 0) & 12 & 9 & 6 \end{array} \quad (۱)$$

۱۱۱ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی



اثرات دما و فشار روی پیشرفت واکنش



معادلات دیفرانسیل معمولی ODE

(سال ۸۸) ۵۷۱ - جواب معادله $e^z + 2 = 0$ کدام است؟

$$y = (2k+1)\pi \quad x = 0 \quad (۲)$$

$$k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

(۴) هیچ کدام

$$y = k\pi \quad x = 0 \quad (۱)$$

$$k = 0, 1, 2, \dots$$

$$y = (2k+1)\pi \quad x = \ln 2 \quad (۳)$$

$$k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

معادلات دیفرانسیل مرتبه اول

(سال ۸۶) ۵۷۲ - پاسخ معادله دیفرانسیل غیرخطی مرتبه اول زیر کدام است؟ (K عدد ثابت است.)

$$y^2 + x^2 \frac{dy}{dx} = xy \frac{dy}{dx}$$

$$y = Ke^{\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right)} \quad (۴)$$

$$y = Ke^{(y+x)} \quad (۳)$$

$$y = Ke^{\left(\frac{y}{x}\right)} \quad (۲)$$

$$y = Ke^{\left(\frac{x}{y}\right)} \quad (۱)$$

معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم

۵۷۳ - جهت تبدیل معادله دیفرانسیل زیر به شکل معادلات دارای جواب مشخص می‌توان در مرحله اول از تغییر $z = x^{\frac{1}{2}}$ استفاده نمود در این صورت معادله دیفرانسیل به کدام شکل زیر تبدیل می‌شود؟

(سال ۸۵) $y'' + x^2 y = 0$

$$x^2 z'' + xz' - \left(x^2 + \frac{1}{4}\right)z = 0 \quad (۲)$$

$$x^2 z'' + xz' + \left(x^2 - \frac{1}{4}\right)z = 0 \quad (۴)$$

$$x^2 z'' + xz' + \left(x^4 - \frac{1}{4}\right)z = 0 \quad (۱)$$

$$x^2 z'' + \sqrt{x} z' - \left(x + \frac{1}{2}\right)z = 0 \quad (۳)$$

۵۷۴ - اگر جواب اول معادله دیفرانسیل مرتبه دوم خطی زیر $y_1 = x$ باشد. جواب دوم آن عبارتست از:

(سال ۸۷)

$$y_2 = x^2 \ln x + c \quad (۴) \qquad y_2 = x \ln x \quad (۳) \qquad y_2 = x + x \ln x \quad (۲) \qquad y_2 = \frac{1}{x} \ln x \quad (۱)$$

۵۷۵ - پاسخ ویژه (Particular Answer) معادله دیفرانسیل ناهمگن زیر برابر است با:

(سال ۸۷) $\frac{d^2y}{dx^2} + 3 \frac{dy}{dx} + 7y = 16 + 21x$

$$y_p = 3x - 7 \quad (۴) \qquad y_p = -3x - 7 \quad (۳) \qquad y_p = 3x + 7 \quad (۲) \qquad y_p = -3x + 7 \quad (۱)$$

۵۷۶ - در معادله دیفرانسیل $Ay'' + By' + Cy = 0$ مقدار $B^2 - 4AC$ منفی است رفتار پاسخ معادله عبارت است از:

(سال ۸۷) (۱) خطی (۲) نمایی (۳) ثابت (۴) نوسانی

۵۷۷ - حل معادله دیفرانسیل معمولی $y''' + y'' + y' + y = 0$ کدام است؟

$$y = e^{-x} (A \cos px + B \sin px) \quad (۲)$$

$$y = Ae^x + B \cos x + C \sin x \quad (۱)$$

$$y = e^x (A \cos px + B \sin px) \quad (۴)$$

$$y = Ae^{-x} + B \cos x + C \sin x \quad (۳)$$

۵۷۸ - شکل پاسخ ویژه (Particular Answer) معادله دیفرانسیل $y'' + 6y' + 9y = 3e^{-3x}$ عبارت است از:

(سال ۸۸) $Ax^2 e^{-3x} \quad (۴)$ $Axe^{-3x} \quad (۳)$ $Ae^{-2x} \quad (۲)$ $A \quad (۱)$

فرمولاسیون و مدلسازی

۵۷۹ - کدامیک از معادلات دیفرانسیلی زیر نمایشی از تغییرات غلظت جزئی در داخل حفرات یک دانه کاتالیست استوانه‌ای شکل می‌باشد؟ (شرط پایدار) r_i : سرعت واکنش تولید جزء i، D: ضریب نفوذ مؤثر جزء i، u: سرعت حرکت متوسط (سال ۸۵)

$$\frac{D}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial C_i}{\partial r} \right) - u \frac{\partial C_i}{\partial r} + r_i = 0 \quad (2)$$

$$\frac{D}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial^2 C_i}{\partial r^2} \right) + r_i = 0 \quad (1)$$

$$\frac{D}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial C_i}{\partial r} \right) + D \frac{\partial^2 C_i}{\partial z^2} + r_i = 0 \quad (4)$$

$$D \frac{\partial^2 C_i}{\partial r^2} + D \frac{\partial^2 C_i}{\partial z^2} - u \frac{\partial C_i}{\partial z} + r_i = 0 \quad (3)$$

۵۸۰ - سیال جاری در یک لوله خنک می‌شود. با فرض ثابت بودن خواص سیال، پایا بودن و پیستونی بودن سرعت و دما و ثابت بودن دمای دیواره لوله در T_w ، کدام معادله بر دمای سیال حاکم است؟ (سرعت خطی سیال V_0 ، ظرفیت گرمایی ویژه سیال C_p ، ضریب انتقال گرمایی h ، دانسیته سیال ρ و شعاع لوله R است). جهت حرکت سیال را جهت مثبت محور z در نظر بگیرید. (سال ۸۶)

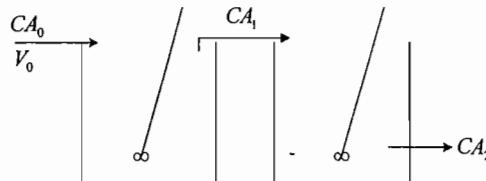
$$\frac{dT}{dz} = \frac{2h}{V_0 R \rho C_p} (T_w - T) \quad (2)$$

$$\frac{dT}{dz} = \frac{4h}{V_0 R \rho C_p} (T - T_w) \quad (4)$$

$$\frac{dT}{dz} = \frac{2h}{V_0 R \rho C_p} (T - T_w) \quad (1)$$

$$\frac{dT}{dz} = \frac{4h}{V_0 R \rho C_p} (T_w - T) \quad (3)$$

۵۸۱ - ماده A با غلظت C_{A_0} با شدت جریان حجمی v_0 وارد راکتور اختلاط کامل اول و پس از انجام واکنش درجه دوم $\xrightarrow{k} B$ با همان دبی خارج و وارد راکتور دوم می‌شود. در انتهای راکتور دوم غلظت A، C_{A_2} و هدف تعیین آن است. با تشکیل دستگاه معادلات برای غلظت A در دو راکتور I و II در شرایط I و II در شرایط $I: \frac{C_{A_1}}{C_{A_0}} = \frac{v_0 + 2kVC_{A_1}/v_0}{v_0 + 2kVC_{A_2}/v_0}$ و $II: \frac{C_{A_2}}{C_{A_1}} = \frac{-2kVC_{A_1}/v_0}{-2kVC_{A_2}/v_0}$ تبدیل می‌کنیم. به طوری که $x = \begin{bmatrix} C_{A_1} \\ C_{A_2} \end{bmatrix}$ ماتریس A را مشخص کنید. (حجم هر دو راکتور یکسان است) (V) (سال ۸۶)



$$\begin{bmatrix} v_0 + 2kVC_{A_1}/v_0 & 0 \\ v_0 + 2kVC_{A_2}/v_0 & -v_0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} -v_0 - 2kVC_{A_1} & 0 \\ v_0 & -v_0 - 2kVC_{A_2} \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} -2kVC_{A_1}/v_0 & 0 \\ 0 & -2kVC_{A_2}/v_0 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} v_0 & v_0 + 2kVC_{A_1} \\ v_0 + 2kVC_{A_2} & 0 \end{bmatrix} \quad (3)$$

۵۸۲ - گاز A وارد یک راکتور اختلاط کامل با حجم ثابت (V) شده و با تبدیل به محصول B در شرایط پایا با دبی ثابت τ از راکتور خارج می‌شود. اگر ناگهان ورودی قطع شود مدل تغییرات غلظت با کدام معادله تطبیق می‌کند؟ (V) (سال ۸۶)

$$\frac{dC_A}{dt} = \frac{C_{B_0} - C_B}{\tau} - 2kC_A \quad (2)$$

$$\frac{dC_B}{dt} = kC_B - \frac{C_B}{\tau} \quad (1)$$

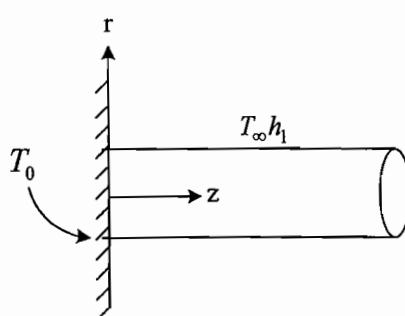
$$\frac{dC_A}{dt} = \frac{C_{A_0} - C_A}{\tau} - kC_A \quad (4)$$

$$\frac{dC_B}{dt} = 2kC_A - \frac{C_B}{\tau} \quad (3)$$

۱۱۴ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۸۳ - کدامیک از معادلات دیفرانسیلی زیر نمایشی از مدل تغییرات دمای یک میله استوانه‌ای ساکن، توپر و داغ در محیط می‌باشد. (شرایط پایدار فرض شده است).

(سال ۸۶)

= ثابت هدایت حرارتی، h = ضریب انتقال حرارت جابجایی محیط، T_∞ = دمای محیط

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) = a \quad (1)$$

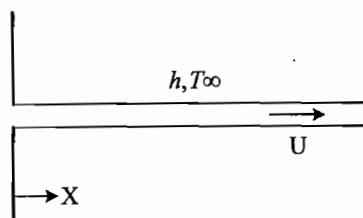
$$\frac{k}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + k \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} - h \frac{R}{r} (T - T_\infty) = 0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + k \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = 0 \quad (3)$$

$$k \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} - u \frac{\partial T}{\partial z} - h \frac{R}{r} (t - T_\infty) = 0 \quad (4)$$

۵۸۴ - در اکستروژن پلیمر مذاب، فرض می‌شود ابعاد الیاف ایجاد شده ثابت است. اگر سرعت الیاف U ، سطح مقطع لیف A و محیط لیف P و ضریب انتقال گرمایی لیف با محیط h و ثابت هدایت گرمایی k باشد، معادله توزیع دما در لیف کدامیک از معادلات زیر خواهد بود؟

(سال ۸۷)



$$\frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{U}{\alpha} \frac{dT}{dx} - \frac{hp}{kA} (T - T_\infty) = 0 \quad (1)$$

$$\frac{d^2 T}{dx^2} + \frac{U}{\alpha} \frac{dT}{dx} + \frac{hp}{kA} (T - T_\infty) = 0 \quad (2)$$

$$\frac{d^2 T}{dx^2} + \frac{U}{\alpha} \frac{dT}{dx} - \frac{hp}{kA} (T - T_\infty) = 0 \quad (3)$$

$$\frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{U}{\alpha} \frac{dT}{dx} + \frac{hp}{kA} (T - T_\infty) = 0 \quad (4)$$

۵۸۵ - یک راکتور Batch (ناپیوسته) با حجم ثابت تحت یک واکنش سری قرار می‌گیرد $A \xrightarrow{k_1} B \xrightarrow{k_2} C$. غلظت اولیه A را با C_{A_0} بیان نموده و غلظت‌های اولیه B, C برابر صفر می‌باشند. سرعت واکنش نیز چنین بیان گردیده است.

(سال ۸۷)

در صورتی که $n = 1$ و $m = 2$ باشند، معادله دیفرانسیلی که $C_B(t)$ را نشان دهد به

کدام صورت خواهد بود؟

$$\frac{dC_B}{dt} = k_1 C_{A_0} \exp(-k_1 t) - k_2 C_B^2 \quad (2)$$

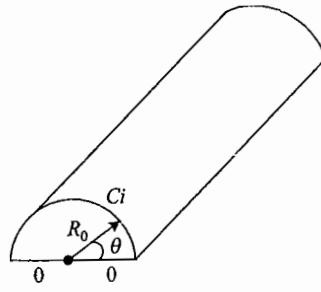
$$\frac{dC_B}{dt} = k_2 C_{A_0} \exp(-k_2 t) - k_1 C_B^2 \quad (4)$$

$$\frac{dC_B}{dt} = k_1 C_{A_0} \exp(-k_2 t) - k_1 C_B^2 \quad (1)$$

$$\frac{dC_B}{dt} = k_2 C_{A_0} \exp(k_1 t) - k_2 C_B^2 \quad (3)$$

۵۸۶ - در نیم استوانه بلندی به شعاع R_0 در حالت پایدار، غلظت روی سطح خمیده c_i و غلظت روی سطح مسطوح آن ۰ (صفرا) است. رابطه غلظت از کدام معادله حاصل می‌شود؟

(سال ۸۷)



$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial c}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 c}{\partial \theta^2} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial c}{\partial r} \right) + \frac{\partial^2 c}{\partial z^2} = 0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial c}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 c}{\partial \theta^2} = 0 \quad (3)$$

$$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial c}{\partial r} \right) + \frac{\partial^2 c}{\partial z^2} = 0 \quad (4)$$

۱۱۵ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۵۸۷ - مدل ریاضی (قانون عام) تصعید یکنواخت یک گلوله کروی نفتالین با شعاع r و نمادگذاری N_A به عنوان فلاکس انتقال جرم (سال ۸۷) کدام است؟

$$\frac{d}{dr} \left(r^2 N_A \right) = 0 \quad (۱)$$

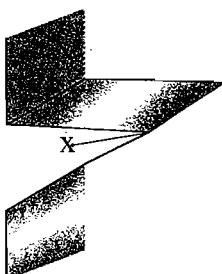
$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left(\frac{N_A}{r} \right) = 0 \quad (۲)$$

$$\frac{d}{dr} \left(r^3 N_A \right) = 0 \quad (۳)$$

$$\frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(N_A \right) = 0 \quad (۴)$$

(سال ۸۸):

۵۸۸ - برای توزیع دما در پرهی مثلثی به شکل مقابل کدام رابطه می‌تواند صحیح باشد؟



$$T = T_b + C_1 J_0(\beta x) \quad (۱)$$

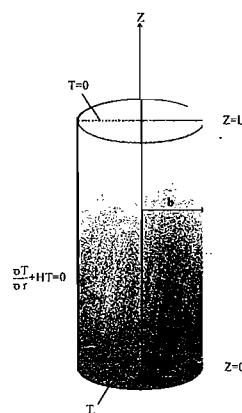
$$T = T_b + C_1 I_0(\beta x) \quad (۲)$$

$$T = T_b + C_1 J_0(\beta x) + C_2 Y_0(\beta x) \quad (۳)$$

$$T = T_b + C_1 I_0(\beta x) + C_2 K_0(\beta x) \quad (۴)$$

(سال ۸۸):

۵۸۹ - کدام رابطه بیانگر توزیع دمای پایا در استوانه شکل مقابل است؟



$$\frac{T(r, z)}{T_0} = \frac{2}{b} \sum_{m=1}^{\infty} \frac{\beta_m I_1(\beta_m b)}{I_0^2(\beta_m b)(H^2 + \beta_m^2)} \frac{\sin \beta_m(L-z)}{\sin \beta_m L} I_0(\beta_m r) \quad (۱)$$

$$\frac{T(r, z)}{T_0} = \frac{2}{b} \sum_{m=1}^{\infty} \frac{\beta_m J_1(\beta_m b)}{J_0^2(\beta_m b)(H^2 + \beta_m^2)} \frac{\sin \beta_m(L-z)}{\sin \beta_m L} J_0(\beta_m r) \quad (۲)$$

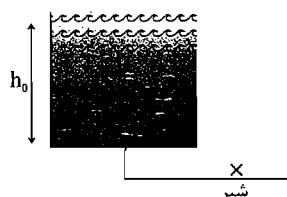
$$\frac{T(r, z)}{T_0} = \frac{2}{b} \sum_{m=1}^{\infty} \frac{\beta_m J_1(\beta_m b)}{J_0^2(\beta_m b)(H^2 + \beta_m^2)} \frac{\sinh \beta_m(L-z)}{\sin \beta_m L} J_0(\beta_m r) \quad (۳)$$

$$\frac{T(r, z)}{T_0} = \frac{2}{b} \sum_{m=1}^{\infty} \frac{\beta_m I_1(\beta_m b)}{I_0^2(\beta_m b)(H^2 + \beta_m^2)} \frac{\sinh \beta_m(L-z)}{\sin \beta_m L} I_0(\beta_m r) \quad (۴)$$

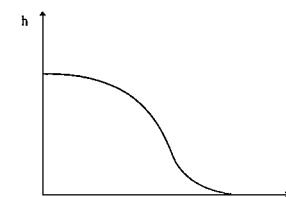
۵۹۰ - اگر شیر خروجی یک مخزن حاوی آب به ارتفاع h_0 باز شود، تغییرات ارتفاع آب داخل مخزن با زمان چگونه است؟ (دبی)

(سال ۸۸):

جریان خروجی متناسب با ارتفاع آب داخل مخزن است.

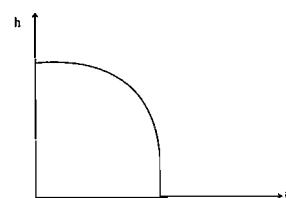


(۲)

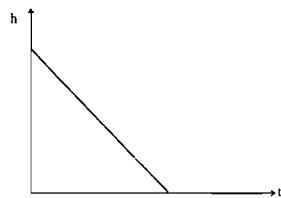


(۱)

(۴)



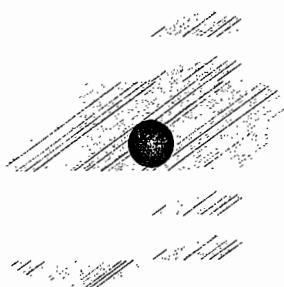
(۳)



۱۱۶ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۹۱ - استوانه‌ای به شعاع a از جسمی به ابعاد بینهایت سوراخ شده است. این جسم در ابتدا در دمای T_i قرار دارد. در زمان $t=0$ سطح استوانه را به شعاع a در دمای ثابت T_a قرار می‌دهیم. معادله حاکم بر توزیع دما کدام فرم است؟ (α ضریب نفوذ گرما)

(سال ۸۸)



$$\frac{\partial^2 T}{\partial r^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (1)$$

$$a \frac{\partial^2 T}{\partial r^2} = \frac{r}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (2)$$

$$\frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) = \frac{r}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (3)$$

$$\frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) = \frac{a}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (4)$$

سری‌های فوریه

۵۹۲ - برای بسط فوریه تابع زیر، می‌توان آن را در فاصله $(0, L)$ به صورت:

(سال ۸۵)



۱) $y=0$ در نظر گرفت.

۲) تابع زوج $y = -x$ در نظر گرفت.

۳) تابع فرد $y = x$ در نظر گرفت.

۴) هر سه مورد صحیح است.

حل معادلات دیفرانسیل با استفاده از سری‌ها

۵۹۳ - در حل کدام یک از مسائل زیر معادله بسل ظاهر می‌گردد؟

(سال ۸۵)

۱) توزیع محوری دما در استوانه

۲) توزیع شعاعی دما در استوانه

۳) توزیع دما در مقطع مربعی یک مکعب مستطیل

(سال ۸۶)

۴) حل کدام یک از معادلات دیفرانسیل معمولی زیر به معادلات بسل منجر نخواهد شد؟

$$\frac{d}{dx} \left(x^2 \frac{dy}{dx} \right) - y = 0 \quad (4) \quad \frac{1}{x} \frac{d}{dx} \left(x \frac{dy}{dx} \right) + y = 0 \quad (3) \quad \frac{1}{x^2} \frac{d}{dx} \left(x^2 \frac{dy}{dx} \right) - y = 0 \quad (2) \quad \frac{1}{x} \frac{d}{dx} \left(x^2 \frac{dy}{dx} \right) + y = 0 \quad (1)$$

(سال ۸۸)

۵۹۵ - مقار عبارت $\int_0^\infty \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-t^2} dt$ کدام مقدار است؟

$$\frac{\sqrt{\pi}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{2}{\sqrt{\pi}} \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

(سال ۸۸)

۵۹۶ - با توجه به تساوی $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{-\ln x}} = \sqrt{\pi} \Gamma\left(\frac{1}{2}\right)$ مقدار

$$\sqrt{\pi} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{\pi}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (2)$$

$$\pi \quad (1)$$

معادلات دیفرانسیل پاره‌ای

(سال ۸۵)

۵۹۷ - جواب معادله دیفرانسیل توزیع دما غیردائم یک بعدی زیر عبارتست از:

$$\frac{\partial T}{\partial t} = 2 \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}, \quad T(0, t) = 10, \quad \frac{\partial T}{\partial x}(3, t) = 0, \quad T(x, 0) = 25$$

$$\begin{cases} T(x, t) = 10 + \sum_{m=0} A_m \sinh\left(\frac{\sqrt{2}}{2} \lambda_m x\right) e^{-\lambda_m^2 m^2} \\ A_m = \frac{60\sqrt{2}}{(2m+1)\pi}, \quad \lambda_m = \frac{(2m+1)\pi}{3\sqrt{2}} \end{cases} \quad (۳)$$

$$\begin{cases} T(x, t) = 10 + \sum_{m=0} A_m \cos(\lambda_m x) e^{-2\lambda_m^2 m^2} \\ A_m = \frac{10}{\pi(2m+1)}, \quad \lambda_m = (2m+1)\pi \end{cases} \quad (۴)$$

$$\begin{cases} T(x, t) = 10 + \sum_{m=0} A_m \cosh\left(\frac{\sqrt{2}}{2} \lambda_m x\right) e^{-\lambda_m^2 m^2} \\ A_m = \frac{\sqrt{2}}{(2m+1)\pi}, \quad \lambda_m = (2m+1)\frac{\pi}{2} \end{cases} \quad (۵)$$

$$\begin{cases} T(x, t) = 10 + \sum_{m=0} A_m \sin(\lambda_m x) e^{-2\lambda_m^2 m^2} \\ A_m = \frac{60}{\pi(2m+1)}, \quad \lambda_m = \frac{(2m+1)\pi}{6} \end{cases} \quad (۶)$$

۵۹۸ - کره‌ای فلزی به شعاع R و ضریب نفوذ گرمایی α در دمای T_i قرار دارد که به طور ناگهانی در محیطی به دمای T_∞ و ضریب انتقال حرارت زیاد قرار می‌گیرد. توزیع گذرای دمای کره عبارت است از:

$$T = T_\infty + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin\left(\frac{n\pi}{R} r\right)}{\left(\frac{n\pi}{R} r\right)} e^{-\alpha\left(\frac{n\pi}{R}\right)^2 t} \quad (۷)$$

$$T = T_\infty + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos\left(\frac{n\pi}{R} r\right)}{\left(\frac{n\pi}{R} r\right)} e^{-\alpha\left(\frac{n\pi}{R}\right)^2 t} \quad (۸)$$

$$T = T_\infty + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin\left(\frac{n\pi}{R} r\right)}{\left(\frac{n\pi}{R} r\right)} e^{\alpha\left(\frac{n\pi}{R}\right)^2 t} \quad (۹)$$

$$T = T_\infty + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos\left(\frac{n\pi}{R} r\right)}{\left(\frac{n\pi}{R} r\right)} e^{\alpha\left(\frac{n\pi}{R}\right)^2 t} \quad (۱۰)$$

۵۹۹ - معادله دیفرانسیلی پاره‌ای $\frac{\partial u}{\partial t} = a \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$ را با کدام دسته از شرایط مرزی زیر می‌توان به روش ترکیب متغیرها حل نمود؟

(سال ۸۵)

$$u(0, t) = k$$

$$u(0, t) = k$$

$$u(0, t) = k$$

$$u(0, t) = k$$

$$u(x, 0) = m \quad (۱)$$

$$u(x, 0) = k \quad (۲)$$

$$u(x, 0) = m \quad (۳)$$

$$u(x, 0) = m \quad (۴)$$

$$u(x, c) = k$$

$$u(x, \infty) = m$$

$$u(x, \infty) = n$$

$$u(x, \infty) = k$$

۶۰۰ - معادله دیفرانسیلی $\frac{\partial \theta}{\partial t} = D \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2}$ بعد از لاپلاس‌گیری و اعمال شرط اولیه $\theta(x, 0) = \theta_0$ $\theta(x, 0) = \theta_0$ چه جوابی می‌دهد؟

(سال ۸۵)

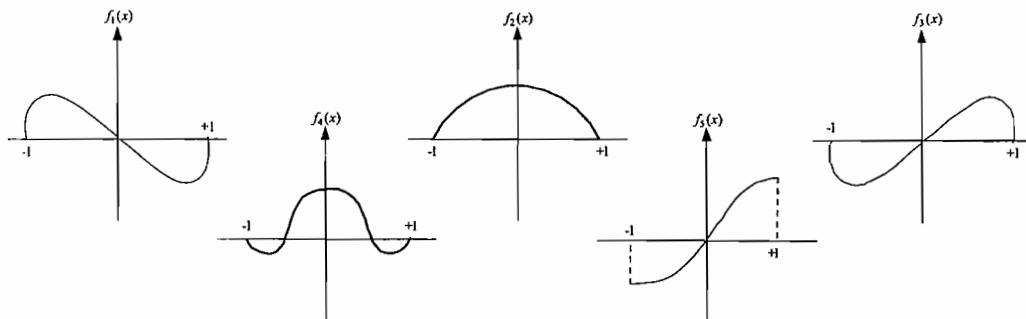
$$\bar{\theta} = C_1 e^{-\sqrt{\frac{s}{D}} x} + \frac{\theta_0}{s} \quad (۱)$$

$$\bar{\theta} = C_1 e^{\sqrt{\frac{s}{D}} x} + \frac{\theta_0}{s} \quad (۲)$$

$$\bar{\theta} = C_1 e^{-\sqrt{\frac{s}{D}} x} + C_2 e^{\sqrt{\frac{s}{D}} x} + \frac{\theta_0}{s} \quad (۳)$$

$$\bar{\theta} = C_1 e^{-\sqrt{\frac{s}{D}} x} + C_2 e^{\sqrt{\frac{s}{D}} x} + \theta_0 \quad (۴)$$

(سال ۸۵) ۶۰۱ - کدامیک از دو تابع مطرح شده در زیر می‌توانند در بازه‌ی $[-1, +1]$ با یکدیگر متعامد باشند؟



$$f_4(x), f_2(x) \quad (۴)$$

$$f_5(x), f_1(x) \quad (۳)$$

$$f_3(x), f_1(x) \quad (۲)$$

$$f_3(x), f_2(x) \quad (۱)$$

(Hyperbolic) ۶۰۲ - در معادله دیفرانسیل جزئی $\alpha u_{xx} + \beta u_{yy} = 0$ به ازای کدام مقدار α و β معادله دیفرانسیل از نوع هذلولی می‌باشد؟

(سال ۸۵)

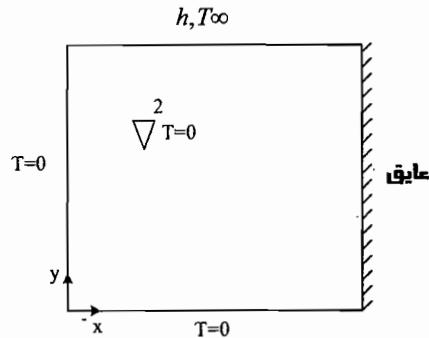
$$\alpha \neq 0, \beta = 0 \quad (۴)$$

$$\alpha = 0, \beta \neq 0 \quad (۳)$$

$$\alpha < 0, \beta > 0 \quad (۲)$$

$$\alpha < 0, \beta > 0 \quad (۱)$$

(سال ۸۶) ۶۰۳ - توزیع دما در یک سیستم دوبعدی با شرایط نشان داده شده از کدام رابطه پیروی می‌کند؟



$$T = \sum_{n=1}^{\infty} C_n \sin(\lambda_n x) \sinh(\lambda_n y) \quad (۱)$$

$$T = \sum_{n=1}^{\infty} C_n \sin(\lambda_n x) \cos(\lambda_n y) \quad (۲)$$

$$T = \sum_{n=1}^{\infty} C_n \cos(\lambda_n x) \cosh(\lambda_n y) \quad (۳)$$

$$T = \sum_{n=1}^{\infty} C_n \cosh(\lambda_n x) \sin(\lambda_n y) \quad (۴)$$

(سال ۸۶) ۶۰۴ - در حل معادله $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{\partial u}{\partial t}$ به روش جداسازی متغیرها، تابعیت u نسبت به متغیر t به چه صورتی ظاهر می‌شود؟

$$\cos(\lambda t) \quad (۴)$$

$$\sin(\lambda t) \quad (۳)$$

$$\exp(+\lambda^2 t) \quad (۲)$$

$$\exp(-\lambda^2 t) \quad (۱)$$

(سال ۸۶) ۶۰۵ - کدامیک از مسائل زیر با استفاده از معادله دیفرانسیل پاره‌ای بیضی‌گون مدل می‌شود؟

(۱) انتقال جرم یک بعدی پایا

(۴) انتقال حرارت دوبعدی پایا

(۲) انتشار موج یک بعدی

(۳) انتقال حرارت یک بعدی ناپایا

۱۱۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

(۸۶ سال)

$$v_0 \frac{\partial T}{\partial Z} = \alpha \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right)$$

۶۰۶ - جواب عمومی معادله دیفرانسیل پارهای زیر عبارتست از:

$$T(r, z) = \sum_{n=0}^{\infty} [A_n J_1(\lambda_n r) + B_n Y_1(\lambda_n r)] \exp\left(-\frac{\alpha \lambda_n^2}{v_0} Z\right) \quad (1)$$

$$T(r, z) = \sum_{n=0}^{\infty} [A_n J_0(\lambda_n r) + B_n Y_0(\lambda_n r)] \exp\left(-\frac{\alpha \lambda_n^2}{v_0} Z\right) \quad (2)$$

$$T(r, z) = \sum_{n=0}^{\infty} [A_n J_0(\lambda_n^2 r) + B_n Y_0(\lambda_n^2 r)] \exp\left(-\frac{\alpha \lambda_n}{v_0} Z\right) \quad (3)$$

$$T(r, z) = \sum_{n=0}^{\infty} [A_n J_1(\lambda_n^2 r) + B_n Y_1(\lambda_n^2 r)] \exp\left(-\frac{\alpha \lambda_n}{v_0} Z\right) \quad (4)$$

۶۰۷ - تغییرات غلظت در یک راکتور لوله‌ای برای سیالی با سرعت V با وابنش درجه اول غیربرگشتی به صورت زیر است:

$$\frac{\partial c}{\partial t} + V \frac{\partial c}{\partial x} = -kc, \quad c(x=0) = c_0$$

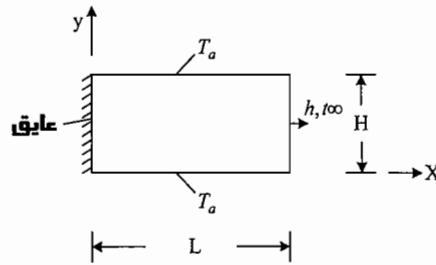
(۸۷ سال)

لابلس جواب معادله فوق کدام است؟

$$\bar{c} = c_1 e^{-\frac{s+k}{v} t} \quad (4) \quad \bar{c} = c_1 e^{-\frac{s+k}{v} x} \quad (3) \quad ; \quad \bar{c} = c_1 e^{-\frac{s+k}{v} x} \quad (2) \quad \bar{c} = c_1 e^{-\frac{s+k}{v} x} \quad (1)$$

(۸۷ سال)

۶۰۸ - توزیع دما در میله بلند دو بعدی نشان داده شده در شکل به کدام صورت صحیح است؟



$$T - T_a = \sum k_n (\sin \lambda_n y + B_n \cos \lambda_n y)(\sinh \lambda_n x + C_n \cosh \lambda_n x) \quad (1)$$

$$T - T_\infty = \sum k_n (\sin \lambda_n x + B_n \cos \lambda_n x)(\sinh \lambda_n y + C_n \cosh \lambda_n y) \quad (2)$$

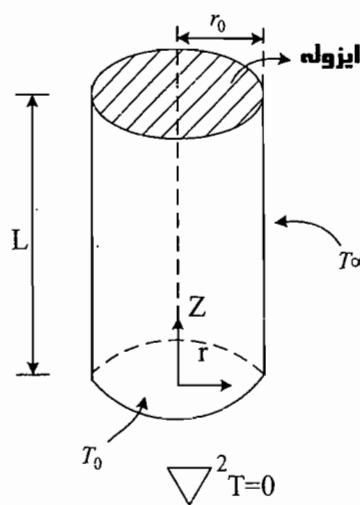
$$T - T_\infty = \sum k_n (\sin \lambda_n y + B_n \cos \lambda_n y)(\sinh \lambda_n x + C_n \cos \lambda_n x) \quad (3)$$

۴ گزینه‌های ۱ و ۲ می‌تواند صحیح باشد.

(۸۷ سال)

۶۰۹ - توزیع یکنواخت دما در استوانه زیر عبارت است از:

توجه: سطح پایین در دمای T_0 ، سطح بالا ایزوله و پیرامون استوانه در دمای T_∞ قرار دارد.



$$T - T_0 = \sum_{n=1}^{\infty} A_n J_0(\gamma_n r) \sin \gamma_n Z, \quad \gamma_n = \frac{(2n-1)\pi}{2L} \quad (1)$$

$$T - T_0 = \sum_{n=1}^{\infty} A_n r^{\lambda_n} \sin \gamma_n Z, \quad \gamma_n = \frac{n\pi}{L} \quad (2)$$

$$T - T_0 = \sum_{n=1}^{\infty} A_n I_0(\gamma_n r) \sin \gamma_n Z, \quad \gamma_n = \frac{(2n+1)\pi}{2L} \quad (3)$$

$$T - T_0 = \sum_{n=1}^{\infty} A_n J_0(\lambda_n r) \sinh \lambda_n Z, \quad J_0(\lambda_n r_0) = 0 \quad (4)$$

۶۱۰ - جواب معادله زیر کدام است؟ (سال ۸۷)

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial u}{\partial r} \right) - u = 0$$

$$\begin{cases} u(1)=a \\ u(2)=b \end{cases}$$

$$u(r) = \frac{[aJ_0(2) - bJ_0(1)]}{J_0(2)Y_0(1) - J_0(1)Y_0(2)} Y_0(r) + \frac{bY_0(1) - aY_0}{J_0(2)Y_0(1) - J_0(1)Y_0(2)} (1)$$

$$u(r) = \frac{aI_0(r)}{I_0(1)} (2)$$

$$u(r) = \frac{[aI_0(2) - bI_0(1)]K_0(r)}{[I_0(2)K_0(1) - I_0(1)K_0(2)]} + \frac{[bK_0(1) - aK_0(2)]I_0(r)}{[I_0(2)K_0(1) - I_0(1)K_0(2)]} (3)$$

$$u(r) = b \frac{K_0(r)}{K_0(2)} (4)$$

۶۱۱ - در معادله دیفرانسیل $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{\partial u}{\partial x}$ با شرایط مرزی $\begin{cases} u(0, \tau) = u(a, \tau) = 0 \\ u(x, 0) = f(x) \end{cases}$ ثابت جداسازی (λ) در حل به روش جداسازی

متغیرها کدام مورد خواهد بود؟ (سال ۸۸)

$$\frac{2n+1}{2a} (4)$$

$$\frac{n\pi}{a} (3)$$

$$\operatorname{tg}^{-1} a (2)$$

$$\sqrt{a} (1)$$

۶۱۲ - اگر معادله دیفرانسیل $\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$ به روش جداسازی متغیرها قابل حل باشد و در جهت اورتوگونال شرایط مرزی از نوع

اول باشد، جواب نهایی چه ساختاری خواهد داشت؟ (سال ۸۸)

$$(1) \text{ بسل نول اول} \quad (2) \text{ سینوسی} \quad (3) \text{ کسینوسی} \quad (4) \text{ لاگرانژی} \quad (5) \text{ (س)}$$

۶۱۳ - در صورتی که $L^{-1}\{f(s)\} = F(t)$ باشد، مطلوب است $L^{-1}\left\{e^{-x\sqrt{\frac{s}{\alpha}}}\right\} = \frac{x}{2\sqrt{\pi\alpha t^2}} e^{\frac{-x^2}{4\alpha t}}$ و $L^{-1}\left\{e^{-x\sqrt{\frac{s}{\alpha}}}\right\} = \frac{x}{2\sqrt{\pi\alpha t^2}} e^{\frac{-x^2}{4\alpha t}}$ (سال ۸۸)

$$\frac{x}{2\sqrt{\pi\alpha}} \int_0^t \frac{F(\tau)}{\tau^{\frac{3}{2}}} \exp\left(-\frac{x^2}{4\alpha\tau}\right) d\tau (2)$$

$$\frac{x}{2\sqrt{\pi\alpha}} \int_0^t \frac{F(t-\tau)}{\tau^{\frac{3}{2}}} \exp\left(-\frac{x^2}{4\alpha(t-\tau)}\right) d\tau (1)$$

(4) موارد ۱ و ۳ صحیح می باشند.

$$\frac{x}{2\sqrt{\pi\alpha}} \int_0^t \frac{F(t)}{(t-\tau)^{\frac{3}{2}}} \exp\left(-\frac{x^2}{4\alpha(t-\tau)}\right) d\tau (3)$$

۱۲۱ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

ریشه‌یابی

۶۱۴ - در صورت حل معادله $f(x) = x - \sin x$ به روش نیوتن - رافسون و با شروع از نقطه‌ی $x_0 = \frac{\pi}{2}$, تقریب بعدی ریشه‌ی معادله چه خواهد بود؟ (سال ۸۵)

+1 (۴)

$\frac{\pi}{4}$ (۳)

-1 (۲)

$-\frac{\pi}{4}$ (۱)

۶۱۵ - فرم زیر برای معادله غیرخطی $f(x) = 0$ پیشنهاد شده است. با استفاده از روش جایگزینی مستقیم شرط پایداری حل این معادله چیست؟ (سال ۸۶)

$-5 < \frac{ff''}{(f')^2} < 1$ (۴)

$-1 < \frac{ff''}{(f')^2} < 1$ (۳)

$-3 < \frac{ff''}{(f')^2} < 1$ (۲)

$-3 < \frac{ff''}{(f')^2} < 3$ (۱)

۶۱۶ - ریشه معادله زیر با استفاده از فرمول نیوتون (با یک مرتبه تکرار و نقطه شروع $x=1$) عبارتست از: (سال ۸۶)

$$f(x) = x^3 + 2x^2 + 10x - 20$$

17 (۴)

1.412 (۳)

0.586 (۲)

-7 (۱)

۶۱۷ - در صورتی که بخواهیم دستگاه معادله‌های زیر را با استفاده از روش نیوتون حل نمائیم، ماتریف ژاکوبین مربوطه کدام است؟ (سال ۸۶)

$$\begin{cases} x_1 \sin x_2 + x_2 \ln x_1 = 1 \\ x_1^2 + x_2^2 = 1 \end{cases}$$

$$J = \begin{bmatrix} \sin x_2 & \ln x_1 \\ 2x_1 & 2x_2 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$J = \begin{bmatrix} \sin x_2 & 2x_1 \\ \ln x_1 & 2x_2 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$J = \begin{bmatrix} \sin x_2 + \frac{x_2}{x_1} & x_1 \cos x_2 + \ln x_1 \\ 2x_1 & 2x_2 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

$$J = \begin{bmatrix} \sin x_2 + \frac{x_2}{x_1} & 2x_1 \\ x_1 \cos x_2 + \ln x_1 & 2x_2 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

۶۱۸ - برای حل عددی به روش تکرار معادله $f(x) = x_{n+1} = 1 - x_n^3 = 0$ آن را به صورت $g(x) = x^3 + x - 1 = 0$ نوشتیم، آیا با حدس اولیه $x_0 = 1$ به جواب می‌رسیم؟ (سال ۸۷)

(۲) خیر. چون $g'(x) > f(x)$ است.

(۱) بله. چون $x_1 = 1 - x_0^3 = 0$ است.

(۴) خیر. زیرا $|g'(x)|_{x \rightarrow 1} > 1$ است.

(۳) خیر. زیرا $g(x_0) = 0$ است.

۶۱۹ - ریشه معادله $f(x) = e^x - 3x^2 = 0$ با روش نیوتن - رافسون از کدام رابطه محاسبه می‌شود؟ (سال ۸۷)

$$x_n = \frac{x_n e^{x_n} - 3x_n^2 - e^{x_n}}{e^{x_n} - 6x_n} \quad (۲)$$

$$x_n = \frac{e^{x_n} - 6x_n}{x_n e^{x_n} - 3x_n^2 - e^{x_n}} \quad (۱)$$

$$x_n = \frac{x_n e^{x_n} - 3x_n^2}{e^{x_n} - 6x_n} \quad (۴)$$

$$x_n = \frac{x_n e^{x_n} - 3x_n^2 - e^{x_n} + 6x_n}{e^{x_n} - 6x_n} \quad (۳)$$

۶۲۰ - مقدار نخستین تکرار دریافتی ریشه سوم عدد ۱۱۰ به روش نیوتن رافسون با حدس اولیه ۵ چه قدر است؟ (سال ۸۸)

4.9 (۴)

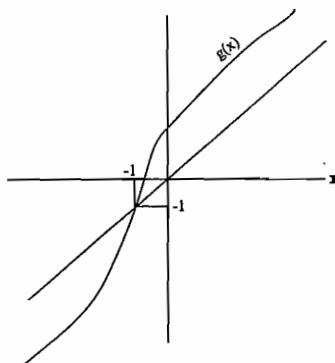
4.85 (۳)

4.8 (۲)

4.75 (۱)

۱۲۲ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۲۱ - با چه حدس اولیه‌ای در روش تکراری تقارب متوالی (Successive Approximation) می‌توان پاسخ معادله $f(x) = g(x)$ را به دست آورد؟ (فرم تابع $g(x)$ مطابق شکل رو به رو می‌باشد). (سال ۸۸)



- (۱) با هیچ حدس اولیه‌ای نمی‌توان به پاسخ دست یافت.
- (۲) با هر مقدار در دامنه $-1 \leq x \leq 1$ می‌توان به پاسخ رسید.
- (۳) با هر مقدار در دامنه $-1 \geq x \geq 1$ می‌توان به پاسخ رسید.
- (۴) با هر مقدار در دامنه $x < -\infty$ می‌توان به پاسخ دست یافت.

درون یابی

۶۲۲ - کدام روش پیشنهادی برای تعیین مقادیر ثابت a و b در هر یک از توابع داده شده بر اساس برازش خطی (Curve Fitting) نادرست است؟ (سال ۸۵)

$$y = a + \frac{b}{x} \quad (۲)$$

$$y = \frac{x}{a + bx} \quad (۱)$$

$$\log y = ax^b \quad (\text{ترسیم log } y \text{ بر حسب } x)$$

$$y = ab^{-x} \quad (\text{ترسیم log } y \text{ بر حسب } \frac{1}{x})$$

۶۲۳ - معادله بهترین خط که از نقطه $(1, 1)$ می‌گذرد و اطلاعات زیر را برازش می‌کند به دست آورید: (سال ۸۶)

x	y
0	1
2	2

$$y = \frac{1}{2}(x+1) \quad (۴)$$

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{6} \quad (۳)$$

$$y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3} \quad (۲)$$

$$y = x \quad (۱)$$

۶۲۴ - اگر از دستور چندجمله‌ای میان‌یابی مرتبه دوم پیش رو نیوتن برای تخمین تابع $f(x)$ استفاده کنیم و انتگرال

را محاسبه کنیم خطای کلی انتگرال در بازه $[a-b]$ با کدام یک از گزینه‌های زیر متناسب است؟ (سال ۸۷)

$$h^5 \quad (۴)$$

$$h^4 \quad (۳)$$

$$h^3 \quad (۲)$$

$$h^2 \quad (۱)$$

۶۲۵ - منحنی $y = ax^2$ را به نقاط زیر برازش کنید. (سال ۸۷)

x_i	y_i
0	0
1	-1
-1	2

$$y = x^2 \quad (۲)$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 \quad (۱)$$

$$y = -x^2 \quad (۴)$$

$$y = 2x^2 \quad (۳)$$

۱۲۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۲۶- با استفاده از فرمول میان بابی لاگرانژ مرتبه دوم مقدار تابع در نقطه $x = 4$ چه قدر است؟ (جدول تغییرات مقدار تابع $f(x)$)
(سال ۸۸)

X	f(x)
1	-1
2	-3
5	+3

- 1 (۱)
- 0 (۲)
- +1 (۳)
- +2 (۴)

(سال ۸۸)

۶۲۷- برآذش معادله $y = 2 + b \sin x$ به اطلاعات زیر کدام است؟

x	y
0	1
$\frac{\pi}{2}$	0
π	1

$$y = 2(1 + \sin x) \quad (۱)$$

$$y = 2(1 - \sin x) \quad (۲)$$

$$y = 2\left(1 - \frac{1}{2} \sin x\right) \quad (۳)$$

$$y = 2\left(1 + \frac{1}{2} \sin x\right) \quad (۴)$$

انتگرال گیری

(سال ۸۵)

۶۲۸- کدام گزینه در مورد تابع روبرو صحیح می باشد؟

x	y
0.98	0.246809
0.99	0.244390
1	0.241971
1.01	0.239551
1.02	0.237132

- ۱) این تابع، یک تابع صعودی است.

- ۲) این تابع، یک تابع منفصل است.

- ۳) این تابع در نقطه $x = 1$ دارای ماکریم است.

- ۴) این تابع در نقطه $x = 1$ دارای نقطه‌ی عطف است.

(سال ۸۵)

۶۲۹- فرمول مشتقه سوم با خطای مرتبه (h) به کمک تفاضل‌های مستقیم در نقطه x_i کدام است؟ $(\Delta x = h)$

$$\left(y_{i+5} - 3y_{i+1} + y_i\right)/h^3 \quad (۱)$$

$$\left(y_{i+5} + 3y_{i+3} + y_i\right)/h^3 \quad (۲)$$

$$\left(y_{i+3} - y_{i+3} + y_{i+1} - y_i\right)/h^3 \quad (۳)$$

$$\left(y_{i+3} - 3y_{i+2} + 3y_{i+1} - y_i\right)/h^3 \quad (۴)$$

(سال ۸۵)

۶۳۰- با استفاده از قانون ذوزنقه، $\int_0^2 (x^3 + x) dx$ چقدر می باشد؟

8 (۴)

7 (۳)

6 (۲)

5 (۱)

۶۳۱- برای آن که انتگرال $\int_0^{\ln 2} e^{2x} dx$ از روش ذوزنقه‌ای محاسبه شود، حداکثر مقدار $(h)\Delta x$ چه قدر باشد؟

(سال ۸۸)

0.02e⁴Ln2 (۴)

0.02e⁴ (۳)

0.02Ln2 (۲)

0.02 (۱)

۱۲۴ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۳۲- سرعت عبوری یک مایع نیوتونی از درون یک لوله افقی به شعاع یک سانتی‌متر مطابق جدول روبرو است:

$r(\text{cm})$	0	$\frac{1}{2}$	1
$V\left(\frac{\text{cm}}{\text{s}}\right)$	2	$\frac{1}{2}$	0

(سال ۸۸) مقدار دبی مایع عبوری به روش سیمپسون (simpson's first rule) $\frac{1}{3} \frac{\text{cm}^2}{\text{s}}$ برابر است با:

$$\frac{2}{3} (4) \quad \frac{\pi}{3} (3) \quad \frac{2\pi}{3} (2) \quad \pi (1)$$

حل معادلات دیفرانسیل (محاسبات عددی)

۶۳۳- مطلوبست محاسبه‌ی (۰.۲) y از طریق روش اویلر برای معادله‌ی زیر با شرایط داده شده:

$$y'' + 3y' + 2y = 0, \quad y(0) = 1, \quad y'(0) = -3, \quad h = 0.1$$

$$0.77 (4) \quad 0.47 (3) \quad 0.29 (2) \quad 0.7 (1)$$

۶۳۴- در روش حل عددی معادلات دیفرانسیل با افزایش تعداد تقسیم‌بندی فواصل، N ، و یا کاهش مقدار Δx :

(۱) درصد خطأ ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۲) خطأی ناشی از حذف ترم‌های بالاتر مشتق و خطأی رند کردن هر دو کاهش می‌یابد.

(۳) خطأی ناشی از حذف ترم‌های بالاتر مشتق افزایش و خطأی رند کردن کاهش می‌یابد.

(۴) خطأی ناشی از حذف ترم‌های بالاتر مشتق و خطأی رند کردن هر دو افزایش می‌یابد.

۶۳۵- بر اساس معادله دیفرانسیل زیر مقدار $\frac{dy}{dx}$ در نقطه $x=1$ بر اساس روش اولر چه مقدار خواهد شد؟ ($h=0.5$) (سال ۸۶)

$$y=1, \quad \frac{dy}{dx}=-1 : x=0 \quad \frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} + y = x \\ -1.5 (4) \quad -0.5 (3) \quad 1 (2) \quad 1.5 (1)$$

۶۳۶- رابطه زیر برای حل عددی معادله‌های دیفرانسیل معمولی به طریق رانگ کوتای ۲ نقطه‌ای ارایه شده است.

$$y_{i+1} = y_i + hf\left(x_i + \frac{h}{2}, y_i + \frac{h}{2}f_i\right), \quad \frac{dy}{dx} = f(x, y)$$

با استفاده از طول قدم $h=0.1$ مقدار $Z(0.1)$ و $y(0.1)$ را بر اساس دستگاه معادله‌های دیفرانسیل زیر به دست آورید.

$$\frac{dy}{dx} = Z - x + 1 \quad y(0) = 1$$

$$\frac{dz}{dx} = y - z \quad z(0) = 0$$

$$Z(0.1) = 0.05, \quad y(0.1) = 1.05 (2) \quad Z(0.1) = -0.1, \quad y(0.1) = 0.9 (1)$$

$$Z(0.1) = 0.2, \quad y(0.1) = 1.2 (4) \quad Z(0.1) = 0.1, \quad y(0.1) = 1.1 (3)$$

۱۲۵ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۶۳۷ - با استفاده از روش تفاضل‌های محدود پیشرو (Forward difference) جواب معادله دیفرانسیل زیر عبارتست از: (سال ۸۶)

$$T'' + 10T' = 0, \quad T(0) = 1, \quad T(\infty) = 0, \quad \Delta x = 1$$

$$T_n = c_1 \left(\frac{1}{11} \right)^{n+1} \quad (2)$$

$$T_n = c_1 + c_2 \left(\frac{1}{11} \right)^n \quad (1)$$

$$T_n = c_1 \left(\frac{1}{11} \right)^n + c_2 \left(\frac{1}{11} \right)^{n+1} \quad (4)$$

$$T_n = c_{11} \left(\frac{1}{11} \right)^n \quad (3)$$

۶۳۸ - مقدار $y(0.2)$ برای معادله $y' = e^x + Lny$ و $y(0) = 1$ از روش اویلر با $h = 0.2$ است؟ (از روش اویلر با استفاده کنید). (سال ۸۸)

$$1.2 \quad (4)$$

$$1.1 \quad (3)$$

$$0.9 \quad (2)$$

$$0.8 \quad (1)$$

حل معادلات دیفرانسیل پاره‌ای (به روش محاسبات عددی)

۶۳۹ - شکل عددی معادله دیفرانسیل جزئی $\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial y^2} + 2 = 0$ که در آن، $h = \frac{1}{2}$ است: (سال ۸۵)

$$\varphi_{i-1,j} + \varphi_{i+1,j} + \varphi_{i,j-1} + \varphi_{i,j+1} - 4\varphi_{i,j} + 2 = 0 \quad (2) \quad \varphi_{i-1,j} + \varphi_{i+1,j} + \varphi_{i,j-1} + \varphi_{i,j+1} - 4\varphi_{i,j} + \frac{1}{2} = 0 \quad (1)$$

$$\varphi_{i-1,j} + 2\varphi_{i+1,j} + \varphi_{i,j-1} + 2\varphi_{i,j+1} - 4\varphi_{i,j} + 2 = 0 \quad (4) \quad \varphi_{i-1,j} + 2\varphi_{i+1,j} + \varphi_{i,j-1} + 2\varphi_{i,j+1} - 4\varphi_{i,j} + \frac{1}{2} = 0 \quad (3)$$

۶۴۰ - در حل معادله زیر شرط پایداری با روش تفاضل‌های محدود صریح (Explicit) کدام است؟ (Explicet) (سال ۸۶)

$$\alpha \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{\partial u}{\partial t}, \quad u(x, 0) = 0, \quad u(0, t) = 100, \quad u(1, t) = 100$$

$$\Delta t \leq 0.5 \quad (2)$$

$$\Delta t \leq 0.4 \quad (1)$$

$$\text{احتیاج به شرط پایداری ندارد.} \quad (\Delta x = \Delta t = h) \quad (4)$$

$$\Delta t \leq 0.2 \quad (3)$$

۶۴۱ - در معادله PDE زیر پس از مرتب شدن معادله به شکل تفاضل‌های محدود u_{ij} با کدام معادله مطابقت دارد؟ (سال ۸۶)

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + 2xy = 0, \quad u(0, y) = u(0, y) = 1 \quad (\Delta x = \Delta y = h), \quad \frac{\partial u}{\partial y}(x, 0) = u(x, 0), \quad u(x, 1) = 2x$$

$$U_{i,j} = \frac{1}{4} [U_{i+1,j} + U_{i-1,j} + U_{i,j-1} + U_{i,j+1}] + \frac{ijh^4}{2} \quad (2) \quad U_{ij} = \frac{1}{4ijh^2} [U_{i+1,j} + U_{i-1,j} + U_{i,j-1} - U_{i,j+1}] \quad (1)$$

$$\text{هيچ کدام} \quad (4)$$

$$4U_{ij} - U_{i+1,j} - U_{i-1,j} - U_{i,j-1} - U_{i,j+1} = 0 \quad (3)$$

۶۴۲ - شرط پایداری روش صریح برای حل معادله $\frac{\partial U}{\partial t} = \frac{\partial^2 U}{\partial x^2} + 2 \frac{\partial^2 U}{\partial y^2}$ چیست؟ (سال ۸۷)

$$\frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} < 1 \quad (4)$$

$$\frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} < \frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} < \frac{1}{6} \quad (2)$$

$$\frac{\Delta t}{(\Delta x)^2} < \frac{1}{8} \quad (1)$$

۱۲۶ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۴۳- انتقال حرارت غیردائم یک بعدی به صورت زیر می‌باشد فرم تفاوت‌های محدود ضمنی برای حل عددی آن و شرط پایداری در حل آن عبارتست از:

$$u_t = c^2 u_{xx} , \quad r = \frac{c^2 \Delta t}{\Delta x^2}$$

$$ru_{i-1,j+1} - (1+2r)u_{i,j+1} + ru_{i+1,j+1} = -u_{i,j} , \quad r > 0 \quad (1)$$

$$-ru_{i-1,j+1} + (1+2r)u_{i,j+1} - ru_{i,j+1} = u_{i,j} , \quad 0 < r < \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$ru_{i-1,j+1} - (1+2r)u_{i,j} + ru_{i+1,j+1} = u_{i,j} , \quad r > 0 \quad (3)$$

$$-ru_{i-1,j+1} + (1+2r)u_{i,j+1} - ru_{i,j+1} = u_{i,j} , \quad r > 0 \quad (4)$$

۶۴۴- فرم تفاضل متناهی معادله دیفرانسیل با شرایط مرزی $y'' + 2y' = x$ چگونه است? ($\Delta x = h$)

$$(1+2h)y_{i+1} - (1+2h)y_i + y_{i-1} = h^2 x_i \quad (1)$$

$$(1+2h)y_{i+1} - 2(1+h)y_i + y_{i-1} = h^2 x_i \quad (2)$$

حل دستگاه معادلات (ماتریس‌ها)

۶۴۵- از کدامیک از روش‌های حل دستگاه معادلات خطی می‌توان برای تعیین معکوس ماتریس استفاده نمود?

- (۱) کرامر (۲) ژاکوبین (۳) گاووس - جردن (۴) حذف گاووس

۶۴۶- در روش نیوتن - رافسون برای حل دستگاه معادلات زیر:

$$\begin{cases} f_1(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 - 10 = 0 \\ f_2(x_1, x_2) = x_1^3 + 2x_1x_2 + 5 = 0 \end{cases}$$

چنانچه در مرحله تکرار $x_1 = 1$ و $x_2 = 2$ باشد، در این مرحله ماتریس ژاکوبین دستگاه چه می‌باشد؟

$$\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 4 & -2 \end{bmatrix} \quad (1) \quad \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} \quad (2) \quad \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \quad (3) \quad \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \quad (4)$$

۶۴۷- همگرایی در حل دستگاه معادلات زیر به روش گوس سیدل (Gauss - Seidel) و جاکوبی (Jacobi) با حدس اولیه:

۶۴۸- همگرایی در حل دستگاه معادلات زیر به روش گوس سیدل (Gauss - Seidel) و جاکوبی (Jacobi) با حدس اولیه: $(x = y = z = 0)$ چگونه است؟

$$2x + y + z = 4$$

$$x + 2y + z = 4$$

$$x + y + 2z = 4$$

- (۱) گوس سیدل واگرا، جاکوبی همگرا (۲) گوس سیدل واگرا، جاکوبی واگرا

- (۳) گوس سیدل همگرا، جاکوبی همگرا (۴) گوس سیدل همگرا، جاکوبی واگرا

۶۴۹- اگر در دترمینان جای دو سطر با هم عوض شود مقدار دترمینان:

- (۱) صفر می‌شود. (۲) علامتش تغییر می‌یابد. (۳) معکوس می‌شود. (۴) بی‌تغییر می‌ماند.

۱۲۷ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۶۴۹ - چنانچه جهت حل سیستم معادلات جبری خطی از روش گوس - سیدل استفاده شود شرط کافی جهت همگرائی عبارتست

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j = c_i \quad , \quad i = 1, 2, 3, \dots, n \quad (1)$$

(۸۷ سال)

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} > c_i \quad , \quad i = 1, 2, 3, \dots, n \quad (2)$$

$$|a_{ii}| > \sum_{j \neq i}^n |a_{ij}| \quad , \quad i = 1, 2, 3, \dots, n \quad (3)$$

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} < c_i \quad , \quad i = 1, 2, 3, \dots, n \quad (1)$$

$$|a_{ii}| < \sum_{j \neq i}^n |a_{ij}| \quad , \quad i = 1, 2, 3, \dots, n \quad (3)$$

۶۵. - حل دستگاه معادلات خطی $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$

(۸۸ سال)

$$\begin{aligned} x_1 &= 4 \\ x_2 &= 1 \end{aligned} \quad (4)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= -3 \\ x_2 &= 2 \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= 2 \\ x_2 &= 3 \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= 4 \\ x_2 &= -5 \end{aligned} \quad (1)$$

کدام می‌باشد؟

Passage I

قوانين ابتدایی: fundamental laws:

بقاء انرژی: conservation of energy:

رسیدگی: deal with:

mekanik کاربردی: applied mechanics:

بقاء جرم: conservation of mass:

جهت: aspect:

۱ - گزینه ۲ درست است.

prerequisite to: پیش نیاز:

۲ - گزینه ۳ درست است.

mekanik سیالات: fluid mechanics:

۳ - گزینه ۳ درست است.

Passage II

متتنوع - گوناگونی: variety:

مستثنی: excluded:

اشتقاقی، حاصل شده از: derived from:

پالایش: refining:

معنی دادن: intimate:

۴ - گزینه ۲ درست است.

۵ - گزینه ۱ درست است.

feed stock: مواد اولیه

distillation: تقطیر

سنتز کردن - ترکیب کردن: synthesized:

Passage III

viable: بادام، مناسب رشد و ترقی:

dawn: طلوع

بینش - فراست: insight:

جرقه زدن: spark:

عایق کاری: insulation:

۶ - گزینه ۴ درست است.

۷ - گزینه ۱ درست است.

Passage IV

تماس: containing:

موثر: efficient:

ضرر و زیان: disadvantage:

محرك، انگیزه: incentive:

به راستی: indeed:

به زحمت درست شده: elaborate:

بیشتر غیرمنتظره: break through:

۱۲۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۸ - گزینه ۲ درست است.

exceed: متجاوز بودن از

demand: نیاز

۹ - گزینه ۴ درست است.

intermediate: میانی

Passage V

pillow: بالش

strain: تغییر شکل

stocking: جوراب

blanket: پتو، روکش

reduce: کاهش دادن

tailored: مناسب

bullet proof vest: جلیقه ضد گلوله

۱۰ - گزینه ۱ درست است.

dominate: حکم فرما

Passage VI

fruitful: مفید

heretofore: پیش از این

بی اندازه گزار

finite difference: تفاصل محدود

۱۱ - گزینه ۳ درست است.

proposed: پیشنهادی

۱۲ - گزینه ۱ درست است.

progress: پیشرفت

۱۳ - گزینه ۴ درست است.

latterly: اخیراً

formerly: پیشتر

Passage VII

diagnostic: تشخیص

therapeutic: درمانی

artificial organs: اندام‌های مصنوعی

۱۴ - گزینه ۴ درست است.

۱۵ - گزینه ۳ درست است.

Passage VIII

marvel: شگفت

maze: بربیج و خم

barrel: بشکه

۱۶ - گزینه ۲ درست است.

۱۷ - گزینه ۴ درست است.

Passage IX

Emission:	صدور - آلودگی	domination:	سلط
abundant element:	عنصر فراوان	elixir:	اکسیر
capture:	به دست آمدن	contribute:	شرکت کردن
cling:	چسبیدن	rub:	اصطکاک - سختی

۱۸ - گزینه ۲ درست است.

۱۹ - گزینه ۱ درست است.

۲۰ - گزینه ۳ درست است.

Passage I

enriched:	غنى شدن
impoverish:	فقیر شدن

۲۱ - گزینه ۲ درست است.

۲۲ - گزینه ۴ درست است.

demote:	تنزل مقام یافتن
denature:	ماهیت چیزی را عوض کردن
devastate:	تاراج کردن
deplete:	تهی کردن، خالی کردن

۲۳ - گزینه ۳ درست است.

Passage II

sensitive:	حساس
satisfactory:	رضایت بخش

۲۴ - گزینه ۴ درست است.

۲۵ - گزینه ۴ درست است.

۲۶ - گزینه ۱ درست است.

۲۷ - گزینه ۲ درست است.

Passage III

eventually:	سرانجام، عاقبت
decline:	نقصان
trend:	روند
toxic:	سعی
essential:	حياتی

۱۳۱ | مجموعه مهندسی شیمی مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۸ - گزینه ۳ درست است.

۲۹ - گزینه ۴ درست است.

۳۰ - گزینه ۱ درست است.

۳۱ - گزینه ۱ درست است.

Passage IV

modification: اصلاح

exploratory: اکتشافی

۳۲ - گزینه ۳ درست است.

۳۳ - گزینه ۲ درست است.

Passage V

odor: عطر و بو

hydrolysis: آبکافت

evaluate: ارزیابی کردن

mitigate: سبک کردن، تسکین دادن

۳۴ - گزینه ۱ درست است.

۳۵ - گزینه ۳ درست است.

۳۶ - گزینه ۲ درست است.

۳۷ - گزینه ۱ درست است.

Passage VI

communities: جوامع

garbage: آشغال

expert: ماهر، خبره

۳۸ - گزینه ۴ درست است.

۳۹ - گزینه ۳ درست است.

۴۰ - گزینه ۲ درست است.

PART A: Vocabulary

۴۱ - گزینه ۳ درست است.

establish: برقرار کردن، برپا کردن

۴۲ - گزینه ۱ درست است.

Red cross organized: سازمان هلال احمر

۴۳ - گزینه ۲ درست است.

proportion: قسمت و نسبت

۴۴ - گزینه ۴ درست است.

significant: معنی دار، قابل توجه

۴۵ - گزینه ۲ درست است.

anticipate: انتظار داشتن، پیش بینی کردن

۴۶ - گزینه ۱ درست است.

sunken: غرق شده

invoked: طلب کردن

۴۷ - گزینه ۴ درست است.

pursuer: دنبال کردن

۴۸ - گزینه ۲ درست است.

stability: ثبات

۴۹ - گزینه ۳ درست است.

resources: مدارک، منابع

۵۰ - گزینه ۱ درست است.

PART B: Grammar

۵۱ - گزینه ۳ درست است.

۵۲ - گزینه ۱ درست است.

۵۳ - گزینه ۲ درست است.

۵۴ - گزینه ۳ درست است.

۵۵ - گزینه ۴ درست است.

PART C: Reading Comprehension

Passage I

Discarded tires: تایرهای به دور انداخته

stockpile: جمع آوری، ذخیره کردن

۱۳۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

hazards: مخاطرات

improperly: به طور ناصحیح

insects: حشرات

rodent: جانور جونده

۵۶ - گزینه ۳ درست است.

۵۷ - گزینه ۱ درست است.

۵۸ - گزینه ۴ درست است.

Passage II

fallacious: مغالطه‌آمیز

frequent: تکرار شونده

inadequate: ناکافی

regard: توجه

convinced: ملزم، متقادع

soundness: درستی

۵۹ - گزینه ۳ درست است.

۶۰ - گزینه ۴ درست است.

۶۱ - گزینه ۲ درست است.

۶۲ - گزینه ۱ درست است.

Passage III

flexibility: انعطاف‌پذیری

convenience: راحتی

improper: نامناسب، معیوب

۶۳ - گزینه ۴ درست است.

۶۴ - گزینه ۳ درست است.

Passage IV

broadly: به طور سریع

adsorbate: ماده جذب شده

activated carbon: کربن فعال

۱۳۴ زبان عمومی و تخصصی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۵ - گزینه ۱ درست است.

۶۶ - گزینه ۲ درست است.

۶۷ - گزینه ۴ درست است.

Passage V

population density: تراکم جمعیت

consequence: نتیجه

complicate: پیچیده کردن

capital cost: هزینه سرمایه‌گذاری

inherently: به طور ذاتی

۶۸ - گزینه ۱ درست است.

۶۹ - گزینه ۲ درست است.

۷۰ - گزینه ۳ درست است.

۷۱ - گزینه ۱ درست است.

۷۲ - گزینه ۱ درست است.

۷۳ - گزینه ۲ درست است.

۷۴ - گزینه ۴ درست است.

۷۵ - گزینه ۴ درست است.

۷۶ - گزینه ۴ درست است.

۷۷ - گزینه ۱ درست است.

۷۸ - گزینه ۱ درست است.

۷۹ - گزینه ۲ درست است.

۸۰ - گزینه ۲ درست است.

۸۱ - گزینه ۴ درست است.

۸۲ - گزینه ۲ درست است.

۸۳ - گزینه ۳ درست است.

۸۴ - گزینه ۱ درست است.

۸۵ - گزینه ۱ درست است.

۸۶ - گزینه ۴ درست است.

۸۷ - گزینه ۲ درست است.

۸۸ - گزینه ۴ درست است.

۸۹ - گزینه ۲ درست است.

۹۰ - گزینه ۳ درست است.

۹۱ - گزینه ۱ درست است.

۹۲ - گزینه ۴ درست است.

۹۳ - گزینه ۱ درست است.

۹۴ - گزینه ۲ درست است.

۹۵ - گزینه ۱ درست است.

۹۶ - گزینه ۴ درست است.

۹۷ - گزینه ۳ درست است.

۹۸ - گزینه ۱ درست است.

۹۹ - گزینه ۱ درست است.

۱۰۰ - گزینه ۳ درست است.

۱۳۶ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

انتقال حرارت هدایتی یک بعدی و پایدار

۱۰۱ - گزینه ۲ و ۴ درست است.

اگر حرارت از دو سطح انتقال یابد. $\Rightarrow q = q''V = q'' \times 2LA$

اگر حرارت از یک سطح انتقال یابد. $\Rightarrow q = q''V = q'' \times LA$

۱۰۲ - گزینه ۱ درست است.

$$q = q''A = hA(T_2 - T_\infty) \Rightarrow T_2 = T_\infty + \frac{q''}{h}$$

۱۰۳ - گزینه ۱ درست است.

اگر ضریب هدایت حرارتی تابع نزولی از دما باشد، دمای وسط تیغه از دمای میانگین T_1 و T_2 کمتر است.

اگر ضریب هدایت حرارتی تابع صعودی از دما باشد، دمای وسط تیغه از دمای میانگین T_1 و T_2 بزرگتر است.

۱۰۴ - گزینه ۲ درست است.

$$\alpha_A > \alpha_B > \alpha_C$$

$$T = T_1 \Rightarrow L_A > L_B > L_C$$

۱۰۵ - گزینه ۱ درست است.

$$hA(T_w - T_\infty) = \int \dot{q} 4\pi r^2 dr \Rightarrow h4\pi R^2 (T_w - T_\infty) = \int_0^R \dot{q}_0 \left[1 - \left(\frac{r}{R} \right)^2 \right] 4\pi r^2 dr = 4\pi \dot{q}_0 \left[\frac{r^3}{3} - \frac{r^5}{5R^2} \right] \Big|_0^R$$

$$\Rightarrow hR^2 (T_w - T_\infty) = \dot{q}_0 \left(\frac{R^3}{3} - \frac{R^3}{5} \right) = \frac{2\dot{q}_0 R^3}{15} \Rightarrow T_w = T_\infty + \frac{2\dot{q}_0 R}{15h}$$

۱۰۶ - گزینه ۳ درست است.

$$r_c = \frac{k}{h} \Rightarrow r_c = \frac{0.15}{12} = 0.0125 \text{ m} = 12.5 \text{ mm}$$

۱۰۷ - گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{aligned} q = cte &\Rightarrow q = Ak \frac{\delta T}{\delta x} = cte \\ k &= cte \end{aligned} \right\} \rightarrow A \frac{\delta T}{\delta x} = cte$$

A در جهت x در حال افزایش می‌باشد پس $\frac{\delta T}{\delta x}$ باید کاهش یابد.

۱۰۸ - گزینه ۳ درست است.

$$\text{effectiveness} = \sqrt{\frac{kP}{hA}}$$

۱۰۹ - گزینه ۴ درست است.

$$T = \frac{q''R^2}{6k} \left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^2 \right) + T_s \Rightarrow \left. \frac{dT}{dr} \right|_{r=R} = -\frac{q''R^2}{6k} \frac{2r}{R^2} \Big|_{r=R} = -\frac{q''R}{3k}$$

۱۳۷ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شنیمی

۱۱۰ - گزینه ۲ درست است.

$$T_0 - T_1 = \frac{q''L^2}{2k} \Rightarrow T_0 = T_1 + \frac{q''L^2}{2k}$$

۱۱۱ - گزینه ۳ درست است.

در طرف h_1 ، توزیع دما وجود ندارد که نشانگر این است که مقاومتی در برار انتقال حرارت در این ناحیه وجود ندارد $0 \rightarrow \frac{1}{h_1}$ بنابراین $h_1 \gg h_2$ و با توجه به توزیع یکنواخت و خطی دما در جسم مشخص است که ضریب هدایت حرارتی جسم تابع دما نمی‌باشد.

۱۱۲ - گزینه ۱ درست است.

$$T_{M_1} = T_W + \frac{\dot{q}L^2}{2K}$$

$$T_{M_2} = T_W + \frac{\dot{q}\left(\frac{L}{2}\right)^2}{2K} = T_W + \frac{\dot{q}L^2}{8K}$$

۱۱۳ - گزینه ۲ درست است.

$$L \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{\theta}{\theta_0} = e^{-mx} \Rightarrow \frac{T - T_A}{T_0 - T_A} = e^{-mx}$$

$$\Rightarrow T = T_A + (T_0 - T_A)e^{-mx}$$

انتقال حرارت هدایتی چند بعدی - پایدار

۱۱۴ - گزینه ۳ درست است.

$$\text{شرط مرزی} \quad \begin{cases} T(x, 0) = 0 \\ T(x, b) = Ax \\ T(0, y) = 0 \\ T(a, y) = 0 \end{cases}$$

در جهت x شرط مرزی ناهمگن « $T(x, b) = Ax$ » بنابراین جواب‌ها در این سمت باید به صورت اورتوگونال باشد و در جهت y جواب‌ها باید به صورت غیر اورتوگونال باشند بنابراین گزینه ۳ صحیح است.

انتقال حرارت هدایتی سیستم‌های ناپایدار

۱۱۵ - گزینه ۳ درست است.

نکته

اگر پروفایل دما در یک فرایند گذرا دارای نقطه ماکزیمم باشد، دیواره در حال سرد شدن می‌باشد و اگر پروفایل دما در یک فرایند گذرا دارای نقطه مینیمم باشد، دیواره در حال گرم شدن می‌باشد.

۱۳۸ انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۱۶ - گزینه ۳ درست است.

برای استفاده از فرمولاسیون لامپد، لازم است مقاومت هدایت جسم $\frac{1}{k}$ در مقایسه با مقاومت جابجایی محیط $\frac{1}{n}$ بسیار ناچیز باشد.

$$Bi = \frac{hL}{k} = \frac{\frac{L}{k}}{\frac{1}{h}} < 0.1$$

۱۱۷ - گزینه ۱ درست است.

برای استفاده از فرمولاسیون لامپد لازم است که $Bi < 0.1$

$$Bi = \frac{hL}{k} < 0.1 \Rightarrow L \downarrow\downarrow, k \uparrow\uparrow$$

۱۱۸ - گزینه ۳ درست است.

$$t=0 \Rightarrow T=T_{\infty}$$

$$t=\infty \Rightarrow hA(T-T_{\infty})=q''A \Rightarrow T-T_{\infty} = \frac{q''}{h} \quad \leftarrow \text{حالات پایا}$$

که این دو شرط فقط در گزینه سوم صدق می‌کنند.

انتقال جابه‌جایی اجباری

۱۱۹ - گزینه ۳ درست است.

انتقال حرارت در مختصات استوانه‌ای انجام می‌شود و در جهت r انتقال حرارت به صورت مولکولی می‌باشد بنابراین باید جمله

$$\frac{k}{r} \frac{\delta T}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$$

عبارت معادله دیفرانسیل سیستم ظاهر نمی‌شود پس گزینه سوم صحیح است.

۱۲۰ - گزینه ۴ درست است.

شرط مرزی، شار ثابت در دیواره‌ها می‌باشد و داریم:

$$q = \dot{q}V = \dot{q} \times \frac{\pi(D_o^2 - D_i^2)}{4} \times L \Rightarrow q \propto (D_o^2 - D_i^2)$$

۱۲۱ - گزینه ۳ درست است.

عدد بزرگی می‌باشد پس می‌توان از نفوذ مولکولی درجهت z صرفنظر کرد بنابراین درجه مشتق نسبت به z برابر دو و نسبت به z برابر یک می‌باشد بنابراین به دوشرط مرزی در جهت z و یک شرط مرزی در جهت z نیاز داریم به نکته‌ای که در ادامه ذکر می‌شود دقت کنید.

$$\alpha \nabla^2 T + \frac{q''}{\rho C_p} + \frac{\phi}{\rho C_p} = \frac{\delta T}{\delta t} + \bar{V} \nabla \cdot T \rightarrow \text{معادله انرژی در مختصات کارتزین}$$

$$\leftarrow \alpha \nabla^2 T \quad \text{ترم مربوط به نفوذ مولکولی}$$

$$\leftarrow \frac{q''}{\rho C_p} \quad \text{ترم مربوط به تولید انرژی}$$

۱۳۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

ترم مربوط به تلفات لزجتی $\leftarrow \frac{\phi}{\rho C_p}$

ترم مربوط به تجمع حرارتی $\leftarrow \frac{\delta T}{\delta t}$

ترم مربوط به انتقال حرارت جابجایی $\leftarrow \bar{V} \cdot \nabla \cdot T$

شرط صرفنظر کردن از هدایت محوری:

$$\alpha \frac{\delta^2 T}{\delta x^2} \ll V_x \frac{\delta T}{\delta x} \xrightarrow{\text{به صورت ابعادی}} \alpha \frac{T}{L^2} \ll u_\infty \frac{T}{L} \Rightarrow 1 \ll \frac{u_\infty L}{\alpha} \Rightarrow 1 \ll Pe = Re Pr$$

به توضیحات بالا مراجعه کنید.

۱۲۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\phi = \frac{v}{C_p} \left[\frac{\delta V}{\delta y} \right]^2$$

۱۲۳ - گزینه ۲ درست است.

$$q = k \frac{\delta T}{\delta x} = 0 \Rightarrow \frac{\delta T}{\delta x} = 0 \quad \text{سطح عایق شده}$$

$$h = 0 \Rightarrow q = h A \Delta T = 0 \Rightarrow q = 0 \quad \text{محیط جابجایی با}$$

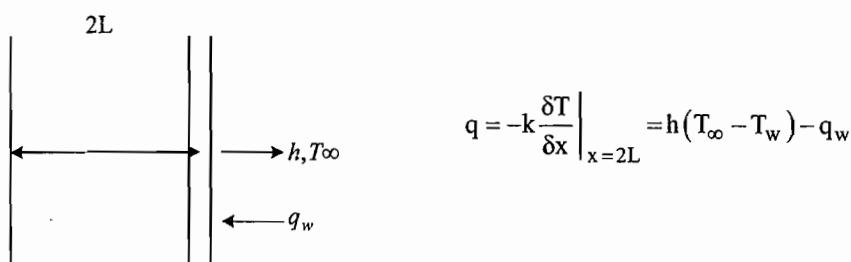
۱۲۴ - گزینه ۲ درست است.

گردآورندهای خورشیدی بر اساس اثر گلخانهای عمل می‌کنند بدین ترتیب که تابش با طول موج کوتاه را از قاب شیشه‌ای خود عبور می‌دهند که پس از برخورد با محیط سرد «آب» طول موج تابش افزایش یافته و تابش از قاب شیشه‌ای عبور نمی‌کند که باعث افزایش درجه حرارت فضای بین قاب شیشه‌ای می‌شود.

۱۲۵ - گزینه ۱ درست است.

وجود مارپیچ باعث افزایش درهمی جریان داخلی می‌باشد که سبب افزایش افت فشار و افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی می‌شود.

۱۲۶ - گزینه ۴ درست است.



۱۲۷ - گزینه ۱ درست است.

شرط توسعه یافتنی حرارتی به صورت زیر می‌باشد.

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{T_w - T}{T_w - T_b} \right) = 0$$

T_w : دمای دیواره لوله

T_b : دمای متوسط بالک

۱۴۰ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۲۸ - گزینه ۳ درست است.

در معادله موازنۀ انرژی، از هدایت حرارتی در جهت x صرفنظر شده است و هدایت حرارتی فقط در جهت y « $\frac{\delta^2 T}{\delta y^2}$ » در نظر گرفته شده است.

۱۲۹ - گزینه ۱ درست است.

$$Pe = Re \cdot Pr = \frac{uL}{a} = \frac{mC_p \Delta T}{kA \frac{\Delta T}{L}}$$

عدد پکلت به صورت مقابله تعریف می‌شود و بیانگر افزایش آنتالپی سیال به انتقال گرمای هدایتی در جهت حرکت سیال می‌باشد.

۱۳۰ - گزینه ۱ درست است.

$$h = \frac{-K \frac{\delta T}{\delta y} \Big|_{y=0}}{T_w - T_\infty}$$

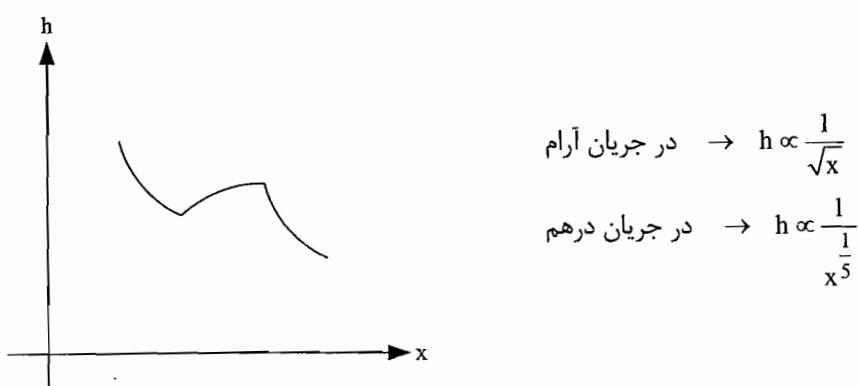
$$T(x, y) = T_w + (T_\infty - T_w) \lambda x^{\frac{-1}{2}} y \Rightarrow \frac{\delta T(x, y)}{\delta y} = (T_\infty - T_w) \lambda x^{\frac{-1}{2}}$$

$$\Rightarrow h = \frac{-k(T_\infty - T_w) \lambda x^{\frac{-1}{2}}}{T_w - T_\infty} \Rightarrow h = +k \lambda x^{\frac{-1}{2}}$$

۱۳۱ - گزینه ۲ درست است.

انتقال جابه‌جایی اجباری در روی صفحه تخت

۱۳۲ - گزینه ۱ درست است.



۱۳۳ - گزینه ۴ درست است.

$$Pr = \frac{v}{a} = \frac{\mu C_p}{k}$$

$\frac{\delta}{\delta_t} \propto Pr^{\frac{1}{3}}$ $\rightarrow Pr \ll 1 \Rightarrow$ ضخامت لایه مرزی حرارتی خیلی بزرگتر از لایه مرزی سرعتی است.

۱۴۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۳۴ - گزینه ۲ درست است.

۱۳۵ - گزینه ۲ درست است.

۱۳۶ - گزینه ۲ درست است.

$$\phi = \mu \left(\frac{\delta V}{\delta x} \right)^2 = \frac{\mu u^2}{L}$$

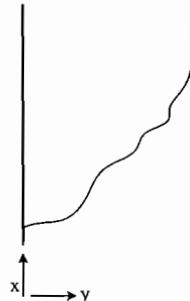
جابه جایی آزاد

۱۳۷ - گزینه ۱ درست است.

$Nu_{صفحه افقی} > Nu_{صفحه مایل} > Nu_{صفحه قائم}$

$h_{صفحه افقی} > h_{صفحه مایل} > h_{صفحه قائم}$

۱۳۸ - گزینه ۲ درست است.



$$Nu \propto \frac{2x}{\delta}$$

با افزایش فاصله از بالاترین نقطه «کاهش x» و افزایش ضخامت لایه مرزی عدد ناسلت کاهش می‌یابد.

۱۳۹ - گزینه ۴ درست است.

۱۴۰ - گزینه ۲ درست است.

عدد گراش به صورت زیر تعریف می‌شود و بیانگر نسبت نیروهای شناوری به نیروهای چسبندگی می‌باشد.

$$Gr = \frac{g\beta TL^3}{v^2}$$

۱۴۱ - گزینه ۱ درست است.

هوای گرم سبک است و به سمت بالا حرکت می‌کند بنابراین در سطح بالای صفحه، به خاطر به وجود آمدن نیروهای بویانسی، هوای گرم به سمت بالا حرکت کرده و هوای سرد جای آن را می‌گیرد و جریان هوا به وجود می‌آید بنابراین دما در سطح پایین صفحه بالاتر از سطح بالا می‌باشد.

۱۴۲ - گزینه ۳ درست است.

اگر Nu با x^n متناسب باشد \bar{h} «متوسط» $\frac{1}{n}$ برابر مقدار موضعی آن ($x = L$) است.

$$h_x = Cx^{-\frac{1}{4}} \Rightarrow Nu = C'x^{\frac{3}{4}} \Rightarrow \bar{h} = C''x^{\frac{4}{3}}$$

۱۴۲ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۴۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} \dot{m}C_p(T_{m_o} - T_{m_i}) &= \int q''(x) \times \pi D dL = \int_0^L q''_0 \sin \frac{\pi x}{L} \pi D dL \Rightarrow \dot{m}C_p(T_{m_o} - T_{m_i}) = -\pi D q''_0 \times \frac{L}{\pi} \cos \frac{\pi x}{L} \Big|_0^L = 2q'' D L \\ \Rightarrow T_{m_o} &= T_{m_i} + \frac{2q'' D L}{\dot{m}C_p} \end{aligned}$$

۱۴۴ - گزینه ۴ درست است.

اگر Nu با x^n متناسب باشد \bar{h} متوسط و \bar{Nu} متوسط $\frac{1}{n}$ برابر مقدار موضعی $(x=L)$ و $(x=0)$ می‌باشد.

$$Nu = Cx^{\frac{3}{4}} \Rightarrow \bar{Nu} = \frac{4}{3} Nu \Big|_{x=L}$$

۱۴۵ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{u}{u_x} = \frac{y}{\delta} \left(1 - \frac{y}{\delta}\right)^2$$

$$\frac{\delta u}{\delta y} = 0 \Rightarrow y = \frac{\delta}{3}$$

۱۴۶ - گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} Nu = 2 = \frac{hd}{k} \Rightarrow \frac{h_1 d_1}{k} = 2 \\ \frac{h_2 d_2}{k} = 2 \\ d_2 = 2d_1 \end{array} \right\} \Rightarrow h_2 = \frac{h_1}{2}$$

$$\left. \begin{array}{l} q = hA\Delta T \Rightarrow q_1 = h_1 \pi d_1^2 \Delta T \\ q_2 = h_2 \pi d_2^2 \Delta T \\ h_2 = \frac{h_1}{2} \\ d_2 = 2d_1 \end{array} \right\} \Rightarrow q_2 = 2q_1$$

۱۴۷ - گزینه ۲ درست است.

هوای گرم سبک است و به سمت بالا حرکت می‌کند بنابراین جداره استوانه داخلی گرم می‌شود و هوای سرد سنگین است و به سمت پایین حرکت می‌کند بنابراین جداره استوانه خارجی سرد است.

۱۴۸ - گزینه ۳ درست است.

وجود جاذبه شرط لازم برای جابجایی آزاد می‌باشد.

۱۴۹ - گزینه ۱ درست است.

$$Nu \times Gr^{\frac{1}{4}} \Rightarrow h \propto x^{-\frac{1}{4}}$$

جابه جایی آزاد و اجباری

۱۵۰- گزینه ۴ درست است.

انتقال حرارت جابجایی آزاد در صفحات عمودی همواره بزرگتر از صفحات افقی می‌باشند و نیز در صورت وجود انتقال حرارت جابجایی آزاد، حرکت سیال به سمت بالا خواهد بود حال اگر با پنکه هوا را از پایین به بالا روی استوانه بدھیم انتقال حرارت جابجایی آزاد و جابجایی اجباری هم جهت و هم سو با یکدیگر خواهند بود و سبب می‌شوند جسم زودتر به تعادل برسد.

جوشش و میعان

۱۵۱- گزینه ۱ درست است.

جابجایی طبیعی $h_{جابجایی\ اجباری}$ $> h_{جوشش}$ $> h_{میعان}$
 $\sim 10^5 > \sim 10^4 > \sim 10^3 > 10$

۱- جوشش و میعان

در این بخش به بررسی فرآیندهایی که در سطح مشترک جامد و مایع «با بخار» رخ می‌دهد می‌پردازیم در این فرآیندها «جوشش و میعان» می‌توان به نرخ انتقال گرمای زیادی در ازای اختلاف دمای کم دست یافت زیرا در این فرآیندها در اثر تغییر فاز به وجود آمده، گرمای نهان سیال ظاهر می‌گردد.

در این فرآیندها سه پارامتر از اهمیت خاصی برخوردار می‌باشد:

۱- گرمای نهان سیال سیال

۲- کشنش سطحی سیال و جامد

۳- اختلاف چگالی بخار و مایع

اختلاف چگالی بخار و مایع سبب به وجود آمدن نیروی غوطه‌وری می‌گردد که با $(\rho_L - \rho_V)g$ متناسب است.

نکته

به علت اثرات نیروی غوطه‌وری و گرمای نهان، ضرایب انتقال حرارت جوشش و میعان و نرخ انتقال گرمای مربوطه به مراتب بزرگتر از مقادیر مربوط به جابه جایی بدون تغییر فاز می‌باشد.

جزوه پنجم ۵ پارامتر بدون بعد در جوشش و میعان که با استفاده از قضیه پی باکینگهام

به دست آمده‌اند به صورت زیر می‌باشد:

$$Nu = f\left(\frac{\rho g(\rho_L - \rho_V)L^3}{\mu^2}, J_a, Pr, B_0\right)$$

$$\frac{hL}{k} = f\left(\frac{\rho g(\rho_L - \rho_V)L^3}{\mu^2}, \frac{C_p \Delta T}{h_{fg}}, \frac{\mu C_p}{k}, \frac{g(\rho_L - \rho_V)L^2}{\sigma}\right)$$

۱۴۴ انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

عدد J_1 : به صورت نسبت حداکثر گرمای محسوس جذب شده به وسیله مایع به گرمای نهان جذب شده به وسیله مایع در فرآیند میان تعريف می شود و نیز در فرآیند جوشش به حداکثر گرمای محسوس جذب شده به وسیله بخار به گرمای نهان جذب شده به وسیله بخار تعريف می شود که در بسیاری از موارد عدد جاکوب مقدار کوچکی دارد.

عدد بند B_0 : به صورت نسبت نیروی ثقلی جسم به نیروی کشش سطحی تعريف می شود.

۲- جوشش

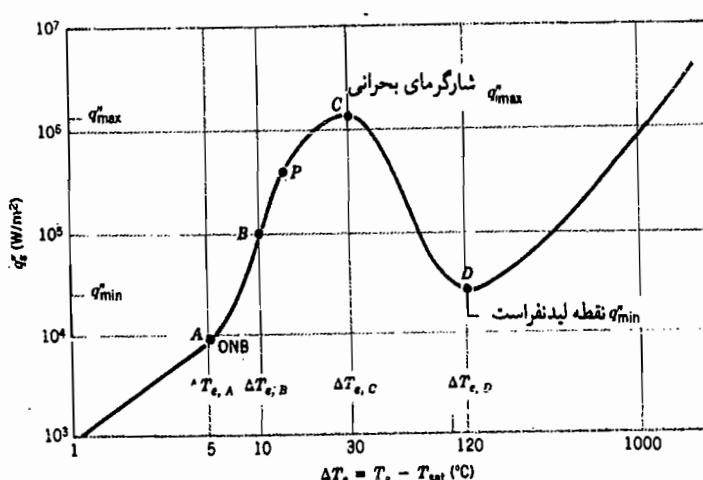
تبخیر در سطح مشترک جامد و مایع را اصطلاحاً جوشش می نامند این فرآیند زمانی رخ می دهد که دمای سطح مشترک جامد و مایع از دمای اشباع مایع بالاتر رود در فرآیند جوشش حباب های بخار در سطح مشترک به وجود آمده و از آن جدا می شوند تشکیل حباب ها روی حرکت سیال در مجاورت سطح مشترک اثر گذاشته و سبب افزایش ضریب انتقال حرارت می گردد رشد و دینامیک حباب ها به دمای مازاد «اختلاف دمای سطح مشترک و دمای اشباع مایع» و نوع سطح و کشش سطحی و ... بستگی دارد. فرآیند جوشش در شرایط مختلفی انجام می شود:

جوشش جابه جایی اجباری: در این حالت جریان سیال بر اثر اختلاف فشار ایجاد شده توسط یک وسیله خارجی مانند پمپ و ... همچنین بر اثر جابه جایی آزاد و اختلاط ناشی از صعود حباب ها، به وجود می آید.

جوشش استخری: در این حالت سیال ساکن است و جریان سیال در مجاورت سطح در اثر جابه جایی آزاد و اغتشاش ناشی از صعود حباب ها صورت می گیرد.

جوشش تحت اشباع: در این حالت دمای سیال کمتر از دمای اشباع می باشد و حباب های تشکیل شده در سطح ممکن است در مایع تقطیر شود.

جوشش اشباع: در این حالت دمای مایع کمی بالاتر از دمای اشباع می باشد و حباب های تشکیل شده در اثر نیروی غوطه وری به بالا رانده شده و از سطح آزاد مایع خارج می شود. منحنی جوش توسط نوکیما به صورت زیر می باشد.



در این منحنی چهار ناحیه مشخص می باشد که در ادامه به بررسی این نواحی می پردازیم.

ناحیه جوشش جابه‌جایی آزاد ($\Delta T_e < 5^\circ C$) در این ناحیه دمای مازاد کوچکتر از $5^\circ C$ می‌باشد و جریان سیال به طور عمده ناشی از اثرات جابه‌جایی آزاد می‌باشد در این ناحیه ضریب انتقال حرارت با ΔT_e با توان $\frac{1}{4}$ تا $\frac{1}{3}$ متناسب است و نرخ انتقال گرما نیز با ΔT_e به توان $\frac{5}{4}$ تا $\frac{4}{3}$ تغییر خواهد کرد.

ناحیه جوشش هسته‌ای ($30^\circ C < \Delta T_e < 5^\circ C$) در این محدوده می‌توان دو ناحیه مجزا را مشخص نمود:

۱- ناحیه AB : که حباب‌های جداگانه در سطح مشترک به وجود می‌آیند و از آن جدا می‌شوند که سبب افزایش اختلاط سیال در نزدیکی سطح می‌شود و در نتیجه ضریب انتقال حرارت و شار انتقال حرارت شدیداً افزایش می‌یابد در این ناحیه قسمت اعظم انتقال گرما مستقیماً از سطح مشترک به مایع در حال تلاطم مجاور آن صورت می‌گیرد نه به وسیله حباب‌های بخار که از سطح مشترک جدا شده‌اند.

۲- ناحیه BC : که محل تشکیل حباب‌ها فعالتر می‌شوند که سبب به هم پیوستن حباب‌ها می‌گردد در نقطه P که نقطه عطف منحنی جوشش است، ضریب انتقال حرارت ماقزیم است و از این نقطه به بعد h شروع به کاهش می‌کند ولی شار انتقال گرما که برابر با $q'' = h\Delta T_e$ ، همچنان افزایش می‌یابد (افزایش نسبی ΔT_e بیش از کاهش نسبی h است) در نقطه C افزایش ΔT_e با کاهش h در موازن است و حداقل شار گرمایی در این نقطه اتفاق می‌افتد که شار گرمایی بحرانی نامیده می‌شود.

نکته

در ناحیه جوشش هسته‌ای، به ازای دمای مازاد کوچک نرخ انتقال گرما و ضریب جابه‌جایی بسیار بزرگ است به همین جهت سعی می‌شود دستگاه‌های تبادل گرما در این ناحیه کار کنند.

مقدار شار گرمای بحرانی برای آب $\frac{MW}{m^2} = 1$ می‌باشد.

رابطه تجربی محاسبه شار گرمایی در ناحیه هسته‌ای که به وسیله روزنبو بدست آمده است به صورت زیر می‌باشد:

$$q'' = \mu_L h_{fg} \left[\frac{g(\rho_L - \rho_V)}{\sigma} \right]^{\frac{1}{2}} \left(\frac{C_{P,L} \Delta T_e}{C_{s,f} h_{fg} P_{rL}^n} \right)^3$$

زیرنویس L مربوط به مایع و V مربوط به بخار می‌باشد و ضرایب $C_{s,f}$ و توان n به ترکیب سطح و سیال بستگی دارد که در بعضی موارد در جدول زیر آورده شده است.

n	$C_{s,f}$	ترکیب سطح سیال
		آب و مس
1	0.0068	ناصف
1	0.0130	صیقلی
		نرمال نیتان - مس
1.7	0.0154	صیقلی
1.7	0.0049	صفکاری شده

نکته

شار گرمای بحرانی شدیداً به فشار بستگی دارد زیرا فشار هم بر کشش سطحی و هم بر گرمای نهان تبخیر تأثیر دارد شار گرمای بحرانی تا فشار برابر $\frac{1}{3}$ فشار بحرانی افزایش می‌یابد و از آن به بعد کاهش می‌یابد و در فشار بحرانی به صفر می‌رسد.

ناحیه جوشش انتقالی $120 < \Delta T_e < 30$ در این ناحیه سرعت تشکیل حباب به قدری زیاد است که لایه‌ای از بخار روی سطح مشترک را می‌پوشاند و کسری از سطح که پوشیده از بخار است با افزایش ΔT_e زیاد می‌شود و چون ضریب هدایت گرمای بخار خیلی کمتر از مایع است ضریب انتقال حرارت و شار انتقال گرما با افزایش ΔT_e کاهش می‌یابد.

ناحیه جوشش لایه‌ای: $120 \leq \Delta T_e$
در نقطه D که به نقطه لیدن فراست است معروف است شار گرمایی حداقل است و سطح کاملاً به وسیله بخار پوشانده شده است در این ناحیه انتقال گرما از سطح مشترک به مایع توسط هدایت در لایه بخار صورت می‌گیرد که با افزایش دمای سطح تشعشع گرمایی از سطح مشترک به مایع افزایش می‌یابد در نتیجه شار گرما با افزایش ΔT_e افزایش می‌یابد.

نکته

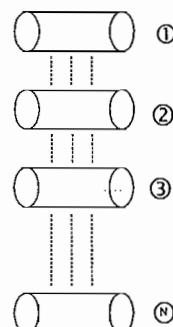
زبری سطح بر حداقل شار گرما و جوشش لایه‌ای تأثیری ندارد اما زبری سطح موجب افزایش شار گرما در ناحیه جوشش هسته‌ای می‌گردد.

۳- میعان

وقتی دمای بخار به کمتر از دمای اشباع برسد، میعان رخ می‌دهد میغان نیز بسته به شرایط به صورت‌های مختلفی می‌شود در صورت تماس بخار با یک سطح سرد، میغان سطحی اتفاق می‌افتد و در میغان همگن، بخار به صورت قطرات معلق در فاز گاز تشکیل شده و مه به وجود می‌آورد و میغان تماس مستقیم در اثر تماس بخار با یک مایع سرد به وجود می‌آید در این بخش ما به بررسی میغان سطحی می‌پردازیم میغان سطحی به دو صورت اتفاق می‌افتد میغان لایه‌ای که روی سطوح تمیز و ناالوده به وجود می‌آید که در این صورت مایع به صورت لایه‌ای تمام سطح را می‌پوشاند اما در میغان قطره‌ای سطح با لایه‌ای از مواد خاص مانند اکسید فلزات نجیب و اسیدهای چرب پوشانده می‌شود به نحوی که خاصیت خیس‌کنندگی wetting سطح برای مایع کم می‌شود که در این صورت سطح به وسیله قطرات جدگانه مایع پوشانده می‌شود.

نکته

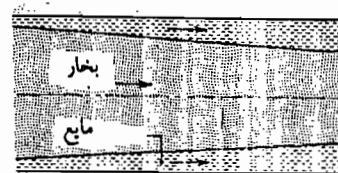
- ۱- نرخ میعان و انتقال گرما در میعان قطره‌ای بیش از ده برابر میعان لایه‌ای است.
- ۲- هر چند که رسیدن به میعان قطره‌ای در کاربردهای صنعتی مطلوب است ولی معمولاً حفظ شرایط این نوع میعان مشکل است به همین جهت محاسبات طراحی کندانسورها اغلب مبتنی بر فرض میعان لایه‌ای انجام می‌شود.
- ۳- وجود مقادیر ناچیز از یک گاز غیرقابل چگالش مثل هوا در بخار آب موجب کاهش قابل توجه ضریب انتقال حرارت می‌گردد.
- ۴- ضریب انتقال حرارت با افزایش ضخامت لایه مرزی کاهش می‌یابد.
- ۵- برای ستونی از N لوله افقی زیر هم، ضریب انتقال حرارت با افزایش N کاهش می‌یابد زیرا با افزایش N ، ضخامت لایه مرزی در لوله‌های پایینی افزایش می‌یابد.

**نکته**

در کندانسورهایی که برای سیستم‌های تبرید و تهویه مطبوع به کار می‌روند معمولاً میعان بخار داخل لوله‌های افقی یا قائم رخ می‌دهد که شرایط داخل لوله به سرعت جریان بستگی دارد در سرعت کم در لوله‌های افقی مایع به صورت لایه‌ای از بالا به پایین لوله جریان می‌یابد و در سرعت‌های بالاتر بخار، جریان دو فازی به صورت حلقه‌ای درمی‌آید که بخار قسمت مرکزی لوله را اشغال می‌کند و با افزایش ضخامت لایه مایع در طول لوله، قطر هسته بخار کاهش می‌یابد.



(الف)



(ب)

۱۴۸] انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۵۲ - گزینه ۱ درست است.

۱۵۳ - گزینه ۲ درست است.

در قسمت بالای لوله $\pi = \theta$, ضخامت لایه مرزی افزایش می‌یابد در نتیجه Nu کاهش می‌یابد.

۱۵۴ - گزینه ۴ درست است.

مایعات حاصل از میعان بر روی لوله‌های پایینی تجمع پیدا کرده و سبب افزایش ضخامت لایه مرزی می‌گردد که به نوبه خود سبب کاهش میزان انتقال حرارت و ضریب جابجایی می‌گردد.

۱۵۵ - گزینه ۳ درست است.

چگالش فیلمی $h > h_{قطره}$ پس انتقال حرارت ($q = h\Delta T$) افزایش می‌یابد و از طرفی داریم $m\lambda = q$ بیس میزان مایع چگالیده نیز افزایش می‌یابد.

۱۵۷ - گزینه ۴ درست است.

بیشتر مقاومت در برابر انتقال حرارت در چگالنده مربوط به سیالی است که دچار تغییر فاز نمی‌شود بنابراین هر عملی که منتهی به کاهش بر مقاومت این سیال شود، سبب افزایش میزان انتقال حرارت می‌گردد.

مبدل‌های حرارتی

۱۵۸ - گزینه ۴ درست است.

با تعییه فنر میزان درهم بودن جریان افزایش می‌یابد در نتیجه میزان افت فشار و ضریب جابجایی افزایش می‌یابد.

۱۵۹ - گزینه ۴ درست است.

در این نمودار سیال سرد به سیال گرم، حرارت داده است که غیرممکن می‌باشد.

۱۶۰ - گزینه ۲ درست است.

محل ورود سیالات به صورت زیر می‌باشد:

سیال خورنده \rightarrow لوله

سیال ویسکوز \rightarrow پوسته

سیال با دبی کم \rightarrow پوسته

سیال با ضریب جابجایی کمتر \rightarrow پوسته

سیال گازی \rightarrow معمولاً پوسته

سیال رسوبزا \rightarrow لوله

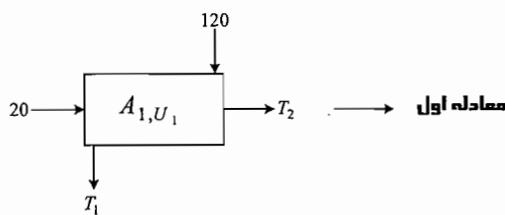
سیال سمی و آتشگیر \rightarrow لوله

سیال با فشار بالا \rightarrow لوله

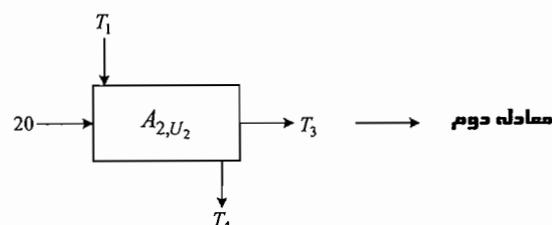
به توضیحات بالا مراجعه کنید.

۱۴۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

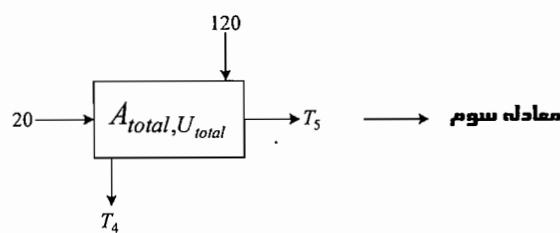
۱۶۱ - گزینه ۱ درست است.



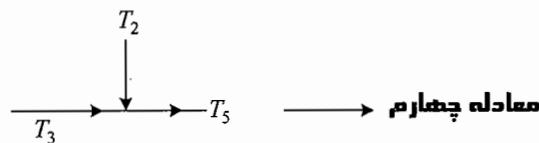
$$\begin{aligned} \text{معادله اول} \\ m_C_1 C_{p_C} (T_2 - 20) \\ = m_H C_{p_H} (120 - T_1) = u_1 A_1 LMTD_1 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{معادله دوم} \\ m_C_2 C_{p_C} (T_3 - 20) \\ = m_H C_{p_H} (T_1 - T_4) = u_2 A_2 LMTD_2 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{معادله سوم} \\ m_C C_{p_C} (T_5 - 20) \\ = m_H C_{p_H} (120 - T_4) = u_{total} A_{total} LMTD_{total} \end{aligned}$$



$$\text{معادله چهارم} \quad m_C_1 C_{p_C} (T_2 - T_5) + m_C_2 C_{p_C} (T_3 - T_5) = 0$$

$$\dot{m}_{C_1} = \dot{m}_{C_2} = \frac{\dot{m}_C}{2}$$

پنج معادله داریم «البته غیرخطی هستند» و پنج مجهول. پس دستگاه قابل حل می باشد و گزینه ۱ صحیح است.

۱۶۲ - گزینه ۳ درست است.

سیال گرم در یک جهت و سیال سرد در دو جهت حرکت می کند سیال سرد ابتدا به صورت متقابل و سپس به صورت موازی جریان گرم می باشد.

۱۶۳ - گزینه ۱ درست است.

با افزایش پوسته، F افزایش می یابد.

تابش حرارتی (تشعشع)

۱۶۴ - گزینه ۳ درست است.

طبق قانون کیرشهف همه اجسام در همه طول موج ها $\epsilon = a$ می باشد.

۱۶۵ - گزینه ۴ درست است.

با افزایش فاصله، ضریب شکلی کاهش می یابد و در نتیجه مقدار تابش گرمایی از دهانه استوانه کاهش می یابد.

۱۵۰ | انتقال حرارت ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۶۶- گزینه ۲ درست است.

تغییر رنگ یک جسم در اثر گرما به صورت زیر می‌باشد:

قرمز ← نارنجی ← زرد ← سبز ← آبی ← بنفش ← سفید

به توضیحات بالا مراجعه کنید.

۱۶۷- گزینه ۴ درست است.

گزینه یک: با افزایش دما رنگ فلز گداخته به سمت طول موج‌های پایین می‌رود. تغییر رنگ یک جسم در اثر گرما به صورت زیر می‌باشد.

قرمز ← نارنجی ← زرد ← سبز ← آبی ← بنفش ← سفید

گزینه دوم: $\lambda_{\max} = cte$, قانون وین: هرچه دمای جسم بالا می‌رود طول موجی که در آن ماقزیم تابش اتفاق می‌افتد کاهش می‌یابد

قانون وین مطابق معادله زیر تعریف می‌شود:

$$\lambda_{\max} \cdot T = 2897.6 \mu \cdot k$$

گزینه سوم: با کاهش دما مقدار λ متناظر با $E_{b\max}$ افزایش دارد. طبق توضیح گزینه دوم این گزینه نیز صحیح است.
 بنابراین گزینه چهارم درست است.

۱۶۸- گزینه ۴ درست است.

در سطوح دیفیوز $\epsilon_0 = cte$ و ضریب صدور در کلیه جهات یکسان است.

۱۶۹- گزینه ۴ درست است.

۱۷۰- گزینه ۴ درست است.

$$E_{b\lambda} = \frac{2\pi hc^2 \lambda^{-5}}{\frac{he}{e^{k\lambda T} - 1}} \Rightarrow E_{b\lambda} = \frac{c_1 \lambda^{-5}}{e^{\lambda T} - 1}$$

$$\Rightarrow E_{b\lambda_{\max}} = \frac{c_1 \lambda_{\max}^{-5}}{\frac{c_2}{e^{\lambda_{\max} T} - 1}}$$

$$\lambda_{\max} \cdot T \approx 2900 \mu_m \cdot k$$

$$\Rightarrow E_{b\lambda_{\max}} = \frac{C_1 \lambda_{\max}^{-5}}{\frac{C_2}{e^{2900} - 1}} \Rightarrow E_{b\lambda_{\max}} \times \lambda^{-5} \times T^5$$

۱۵۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

قانون اول ترمودینامیک

۱۷۱ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} dV = BVdT - kVdP &\Rightarrow dV = 0 \Rightarrow \left(\frac{\delta P}{\delta T}\right)_V = \frac{B}{k} \Rightarrow \frac{P_2 - P_1}{T_2 - T_1} = \frac{B}{k} \\ \Rightarrow \frac{P_2 - 5}{10} &= 20 \Rightarrow P_2 = 205 \text{ atm} \end{aligned}$$

۱۷۲ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \Delta u = C_V \Delta T \\ C_V = \frac{R}{\gamma - 1} \end{array} \right\} \rightarrow \Delta u = \frac{R \Delta T}{\gamma - 1}$$

۱۷۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \Delta U = Q - W \\ Q = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} \Delta U = -W = C_V (T_2 - T_1) \\ C_V = \frac{R}{k-1} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta U = \frac{R}{k-1} (T_2 - T_1) \Rightarrow \Delta U = \frac{RT_2 - RT_1}{k-1} = \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{k-1}$$

۱۷۴ - گزینه ۱ درست است.

$$\dot{m}_1 h_1 + \dot{m}_2 h_2 + Q = (\dot{m}_1 + \dot{m}_2) h_3 \Rightarrow 4 \times 5 + 5 \times 20 + Q = 9 \times 10 \Rightarrow Q = -30$$

۱۷۵ - گزینه ۳ درست است.

$$\eta = \frac{Q_{out}}{Q_{in}} = \frac{1000 \times (2750 - 230)}{150 \times 28000} = 0.6$$

۱۷۶ - گزینه ۳ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \Delta u = Q - W \\ Q = 0 \end{array} \right\} \rightarrow \Delta u = -W \Rightarrow m C_V \Delta T = 20 \times 30 \times 60 \Rightarrow 1 \times 1000 \times (T - 200) = 20 \times 30 \times 60 \Rightarrow T = 236 \text{ K}$$

۱۷۷ - متن سؤال اشکال دارد.

۱۷۸ - گزینه ۴ درست است.

$$4 \times 3300 + m_2 \times 4200 + 5000 + 20000 = (4 + m_2) 6340 \Rightarrow m_2 = 6 \frac{\text{mol}}{\text{s}}$$

۱۷۹ - گزینه ۱ درست است.

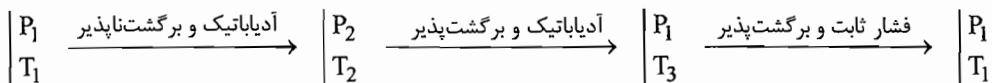
$$PV^n = \text{cte} \Rightarrow W = \int_1^2 P dV \Rightarrow W = \frac{R(T_1 - T_2)}{n-1} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{n-1}$$

فرآیند پلی تروپیک فرایندی است که برگشت‌پذیر می‌باشد و در عین حال توان با انتقال حرارت نیز می‌باشد که لازمست اختلاف دمای سیستم و محیط خیلی کم باشد.

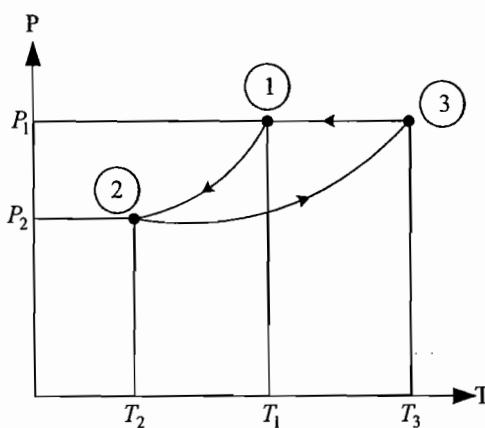
$$\Delta u = dQ - dW$$

با توجه به رابطه ذکر شده مقدار کار مبادله شده به مقدار n بستگی دارد اما میزان گرمای منتقل شده فقط وابسته به n نیست و بستگی به شرایط اولیه و ثانویه سیستم نیز دارد.

۱۸۰ - گزینه ۳ درست است.



آنتروپی جزء توابع نقطه‌ای یا حالت می‌باشد و چون سیستم به حالت اولیه برگشت است آنتروپی تغییر نمی‌کند.



برای کل سیکل می‌توانیم داشته باشیم:

$$\Delta u = 0 \Rightarrow \oint W = \oint Q$$

و با توجه به نمودار مشخص است که مقدار کار خالص سیکل منفی می‌باشد «سیکل به صورت پاد ساعتگرد است» پس مقدار Q نیز منفی می‌باشد یعنی در طی چرخه سیستم به محیط گرما می‌دهد.

۱۸۱ - گزینه ۴ درست است.

تجمع = خروجی - ورودی

$$VI - Q = \frac{du}{dt} \Rightarrow 20 \times 12.8 - 10 = 246 \frac{j}{s}$$

۱۸۲ - گزینه ۴ درست است.

$$T_2 = \gamma T_1 \Rightarrow T_2 = 1.6 \times 400 = 640^\circ K$$

۱۸۳ - گزینه ۳ درست است.

در فرایندهای پلی تروپیک $PV^n = cte$ کار و گرما از روابط زیر محاسبه می‌گردند:

$$W = \frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{1-n} = \frac{R(T_2 - T_1)}{1-n} = \frac{k-1}{1-n} \Delta u$$

$$\Delta u = \Delta Q - \Delta W \Rightarrow \Delta Q = \left(\frac{n-k}{n-1} \right) C_V (T_2 - T_1) \Rightarrow PV^{1.3} = cte \Rightarrow \Delta Q = \left[\frac{\left(1.3 - \left(1 + \frac{R}{C_V} \right) \right)}{1.3 - 1} \right] C_V (T_2 - T_1)$$

$$\Rightarrow \Delta Q = \left(\frac{1 - \frac{R}{C_V}}{0.3} \right) \times C_V \times (T_2 - T_1) = (C_V - 3.34 R)(T_2 - T_1)$$

۱۵۳ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۱۸۴ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} Q=0 &\Rightarrow \text{آدیباتیک} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}} \\ \Rightarrow \frac{T_2}{300} = \left(\frac{2}{54} \right)^{\frac{1.5-1}{1.5}} &= \left(\frac{1}{27} \right)^{\frac{1}{3}} = \frac{1}{3} \Rightarrow T_2 = 100 \text{ k} \end{aligned}$$

سیستم

۱۸۵ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$\begin{aligned} m_i h_i - m_e h_e - Q &= 3690 \times 5 - 2675 \times 5 - 5 = 5070 \text{ kW} \\ \Rightarrow \eta &= \frac{W}{Q} \Rightarrow W = \eta \times Q = 5070 \times \frac{80}{100} = 4056 \text{ kW} \end{aligned}$$

۱۸۶ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} K &= \frac{-1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T = \frac{a}{V(P+b)} \Rightarrow dV = -KVdP \\ V = V(T, P) &\Rightarrow dV = \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_P dT + \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T dP \stackrel{T=\text{cte}}{\Rightarrow} \\ \Rightarrow dV &= \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T dP \\ dW = PdV &= P(-KVdP) = -KVPdP, \quad V = \frac{a}{K(P+b)} \\ \Rightarrow dW &= \left(-\frac{a}{P+b} \right) PdP = \frac{-aPdP}{P+b} \\ \Rightarrow W &= \int dW = \int_{P_1}^{P_2} -\frac{aPdP}{P+b} = - \int_{P_1}^{P_2} a \frac{(P+b-b)}{(P+b)} dP = \\ &= \int_{P_1}^{P_2} -a \left(1 - \frac{b}{P+b} \right) dP = a(P_1 - P_2) + ab \ln \frac{P_2+b}{P_1+b} \end{aligned}$$

۱۸۷ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} dH - du &= C_P dT - C_V dT = RdT = P_2 V_2 - P_1 V_1 \\ \Rightarrow \Delta H - \Delta u &= 120 \times 120 - 240 \times 40 = 4800 \text{ (kPa.lit)} = 4800 \text{ j} \end{aligned}$$

۱۸۸ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{d(mu)_{cv}}{dt} + \Delta \left(\dot{m} \left[H + \frac{V^2}{2} + gz \right] \right) = \dot{Q} - \dot{W}$$

فرضیات ← سیستم پایا

۱ - کار و گرمای تبادل نمی‌شود.

۲ - تغییر ارتفاع قابل صرفنظر کردن می‌باشد.

$$\begin{aligned} \rightarrow \Delta \left[\dot{m} \left(H + \frac{V^2}{2} \right) \right] &= 0 \Rightarrow \Delta H + \Delta \left(\frac{V^2}{2} \right) = 0 \\ \frac{V_1}{V_2} = \left(\frac{D_2}{D_1} \right)^2 &= \left(\frac{2}{1} \right)^2 = 4 \Rightarrow V_2 = 2 \text{ m/s} \\ \Delta H = -\Delta \left(\frac{V^2}{2} \right) &= -\frac{1}{2} (2^2 - 8^2) = 30 \frac{\text{j}}{\text{kg}} = 0.03 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \end{aligned}$$

خواص حجمی سیالات خالص، گازهای ایده‌آل و حقیقی

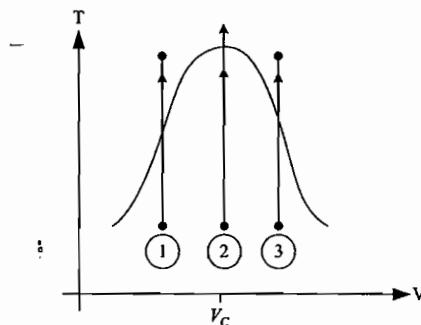
۱۸۹ - گزینه ۱ درست است.

برای به دست آوردن دمای بویل هر گاز، کافیست ضریب دوم ویریال را مساوی صفر قرار دهیم و معادله را حل کنیم.

$$\lim_{P \rightarrow 0} \left(\frac{\delta z}{\delta P} \right)_T = 0 \quad \text{در دمای بویل}$$

$$z = 1 + \left(b - \frac{a}{RT^2} \right) \frac{P}{RT} \Rightarrow T = T_B \Rightarrow b - \frac{a}{RT^2} = 0 \Rightarrow T_B^2 = \frac{a}{Rb} \Rightarrow T_B = \left(\frac{a}{Rb} \right)^{\frac{1}{2}}$$

۱۹۰ - گزینه ۴ درست است.



با افزایش دما برای مخلوط مایع و بخار اشباع سه حالت به وجود می‌آید:

- | | | |
|--------------|---|-----------------------------------|
| $T \uparrow$ | $\begin{cases} (1) & V < V_C \\ (2) & V = V_C \\ (3) & V > V_C \end{cases} \Rightarrow$ | مخلوط به مایع تبدیل می‌شود. |
| | | مخلوط به ناحیه فوق بحرانی می‌رسد. |
| | | مخلوط به بخار تبدیل می‌شود. |

۱۹۱ - گزینه ۱ درست است.

$$\omega_{Ar} = -\log p_r^s \Big|_{Tr=0.7} - 1 = 0$$

هر دو از یک معادله پیروی می‌کنند.

$$\omega_{C_2H_6} = -\log p_r^s \Big|_{Tr=0.7} - 1 = 0 \Rightarrow p_r^s = \begin{cases} 10^{-1.1} = \frac{0.1}{10^{0.1}} < 0.1 \\ 10^{0.1} > 1 \end{cases} \Rightarrow p_r^s < 0.1$$

۱۹۲ - گزینه ۱ درست است.

$$k = -\frac{1}{V} \left(\frac{\delta V}{\delta P} \right)_T$$

مقدار k برای تمام مواد مثبت می‌باشد.

$$k > 0 \Rightarrow \left(\frac{\delta V}{\delta P} \right)_T < 0$$

۱۵۵ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۱۹۲ - گزینه ۳ درست است.

$$dV = \beta V dT - kV dP \Rightarrow dV = 0 \Rightarrow \left(\frac{\delta P}{\delta T} \right)_V = \frac{\beta}{k} \Rightarrow \frac{P_2 - P_1}{T_2 - T_1} = \frac{\beta}{k} \Rightarrow \frac{10 - 1}{T_2 - 20} = \frac{10^{-3}}{10^{-5}}$$

$$\Rightarrow 0.09 = T_2 - 20 \Rightarrow T_2 = 20.09$$

۱۹۳ - گزینه ۳ درست است.

$$dV = \beta V dT - kV dP \Rightarrow dV = 0 \Rightarrow \left(\frac{\delta P}{\delta T} \right)_V = \frac{\beta}{k} \Rightarrow \frac{P_2 - P_1}{T_2 - T_1} = \frac{\beta}{k} \Rightarrow \frac{\Delta P}{10} = \frac{243}{45} \Rightarrow \Delta P = 54 \text{ bar}$$

۱۹۴ - گزینه ۲ درست است.

۱۹۵ - گزینه ۱ درست است.

$$x = \frac{\text{حجم بخار}}{\text{حجم بخار} + \text{حجم مایع}} \Rightarrow \text{حجم کل} = (1-x) \text{ جرم مایع} = (1-0.3) \times 5 = 3.5 \text{ kg}$$

$$\text{حجم مخصوص} = \frac{m^3}{kg} \times \text{حجم مایع} = 3 \times 3.5 = 10.5 \text{ m}^3$$

۱۹۶ - گزینه ۳ درست است.

$$\Delta V^{\text{mix}} = V - (y_1 \bar{V}_1 + y_2 \bar{V}_2)$$

$$Z = \frac{PV}{RT} = 1 + \frac{BP}{RT} \Rightarrow V = B + \frac{RT}{P}$$

$$B = \sum_{i=1}^2 \sum_{j=1}^2 y_i y_j B_{ij} = y_1 B_{11} + y_2 B_{22} + y_1 y_2 B_{12}$$

$$\delta_{12} = 2B_{12} - B_{11} - B_{22}$$

$$\begin{aligned} \bar{V}_1 &= B_{11} + \frac{RT}{P} \\ \Rightarrow \bar{V}_2 &= B_{22} + \frac{RT}{P} \end{aligned}$$

$$\Delta V^{\text{mix}} = B + \frac{RT}{P} - \left(y_1 \left(B_{11} + \frac{RT}{P} \right) + y_2 \left(B_{22} + \frac{RT}{P} \right) \right) =$$

$$= B + \frac{RT}{P} - \left(y_1 B_{11} + y_2 B_{22} + \frac{RT}{P} \right)$$

$$= B - (y_1 B_{11} + y_2 B_{22}) = y_1 y_2 \delta_{12}$$

۱۹۷ - گزینه ۳ درست است.

$$Z = \frac{PV}{RT} = 1 + \beta' P + C' P^2 + \dots \Rightarrow \left(\frac{\partial Z}{\partial P} \right)_{P \rightarrow 0} = \beta'$$

$$\alpha = \frac{RT}{P} - V \Rightarrow \frac{P\alpha}{RT} = 1 - Z$$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial Z}{\partial P} \right)_{P \rightarrow 0} = -\frac{1}{RT} \alpha \Big|_{P \rightarrow 0} = \beta' \Rightarrow \alpha \Big|_{P \rightarrow 0} = -\beta' RT$$

ضرایب ویریال، تابع نوع گاز می‌باشد پس α در حالت حدی به سمت عددی می‌کند که تابع جنس گاز می‌باشد.

قانون دوم ترمودینامیک

۱۹۹ - گزینه ۴ درست است.

سیستم بسته: سیستمی است که از مقدار جرم ثابتی تشکیل شده است و هیچ‌گونه انتقال جرمی از مرزهای آن صورت نمی‌گیرد و فقط تبادل انرژی امکان‌پذیر است.

سیستم ایزوله: سیستمی است که انتقال جرم و انتقال انرژی امکان‌پذیر نیست.

در سیستم ایزوله که انتقال جرم و انتقال انرژی وجود ندارد، آنتروپی طی هر فرایندی همواره افزایش می‌باید و در طی فرایندهای برگشت‌پذیر ثابت باقی می‌ماند.

۲۰۰ - گزینه ۱ درست است.

قانون سوم ترمودینامیک: آنتروپی مطلق برای تمام مواد بلورین کامل در صفر کلوین برابر صفر است.

۲۰۱ - گزینه ۴ درست است.

$$ds = \frac{du}{T} + \frac{pdV}{T} = \frac{C_v dT}{T} + \frac{PdV}{T} \stackrel{T=cte}{\Rightarrow} ds = \frac{PdV}{T} = \frac{R}{V-b} dV$$

$$\Rightarrow s = \int_{V_1}^{V_2} \frac{R}{V-b} dV = R \ln \frac{V_2-b}{V_1-b} = R \ln \frac{\frac{RT}{P_2}}{\frac{RT}{P_1}} = R \ln \frac{P_1}{P_2}$$

۲۰۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\Delta s = s_2 - s_1 = 3(4 - 2) = 6$$

۲۰۳ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{T_C}{T_H} = 1 - \frac{300}{400} = 0.25 \quad \text{بازده کارنو}$$

$$\frac{Q_C}{Q_H} = 1 - \frac{10}{25} = 0.6 \quad \text{بازده واقعی}$$

امکان‌پذیر نیست \Rightarrow بازده کارنو > بازده واقعی

۲۰۴ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \Delta s = \int_0^2 C_v \frac{dT}{T} + R \ln \frac{V_2}{V_1} \\ T=cte \\ V_2 > V_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta s > 0$$

۲۰۵ - گزینه ۳ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \Delta E = Q - W \\ Q=0 \\ W=0 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta E = 0$$

۱۵۷ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۰۶ - گزینه ۳ درست است.

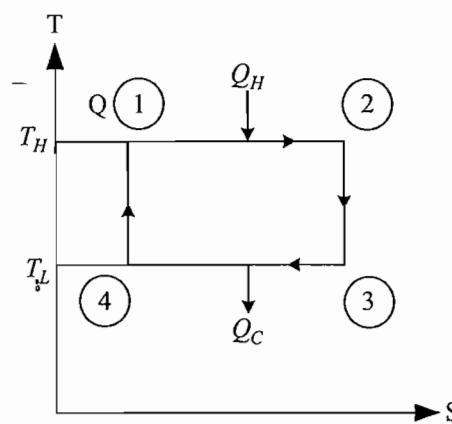
$$\Delta S = \frac{\Delta Q}{T} \Rightarrow \Delta S = \frac{mC\Delta T}{T} = \frac{10 \times 10 \times (600 - 300)}{300} = 100$$

۲۰۷ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{\Delta S}{nR} = - \sum x_i \ln x_i = - \left(\frac{1}{3} \ln \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \ln \frac{2}{3} \right) \Rightarrow \frac{\Delta S}{3R} = - \left(\frac{1}{3} \left[\ln \frac{1}{3} + \ln \frac{4}{9} \right] \right) \Rightarrow \Delta S = - R \left(\ln \frac{4}{27} \right) = R \ln \frac{27}{4}$$

۲۰۸ - گزینه ۱ درست است.

نمودار T-S برای چرخه کارنو به شکل زیر می‌باشد مساحت مستطیل 1234 نشانگر کار تولیدی چرخه است.



$$\eta_{کارنو} = 1 - \frac{T_L}{T_H} = 1 - \frac{300}{600} = 0.5$$

$$\eta_{چرخه واقعی} = 0.5 \times \eta_{کارنو} = 0.25 = \frac{W_{net}}{Q_H} \Rightarrow W_{net} = 0.25 \times 600 = 150 \text{ kw} \Rightarrow S_G = \frac{W_{net}}{T} = \frac{150 \text{ kw}}{300 \text{ k}} \Rightarrow 0.5 \frac{\text{kj}}{\text{k} \cdot \text{s}}$$

۲۰۹ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{d(ms)_{cv}}{dt} + \Delta(ms)_{ds} - \frac{Q}{T_s} = S_G \geq 0 \quad \text{قانون دوم ترمودینامیک}$$

سیستم بسته است و از آن گرما خارج می‌شود پس:

$$\frac{d(ms)}{dt} - \left(\frac{-Q}{T_0} \right) = S_G \geq 0$$

$$\frac{d(ms)}{dt} = S_G - \frac{Q}{T_0}, \quad S_G \geq 0 \Rightarrow \frac{d(ms)}{dt} \geq \frac{-Q}{T_0}$$

با توجه به این که انتقال حرارت، فرآیند بازگشتناپذیر می‌باشد پس کاهش آنتروپی سیستم بیشتر از $\frac{Q}{T_0}$ می‌باشد.

ترمودینامیک فرآیندهای جریانی

۲۱۰ - گزینه ۱ درست است.

$$h_i = (h_e) + w + Q_{loss} \Rightarrow w = (h_i - h_e) - Q_{loss}$$

$$\Rightarrow w = mC_p(T_i - T_e) - Q_{loss} = 0.02 \times 1 \times 120 - 0.02 \times 16 = -2.72$$

۲۱۱ - گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} C_p - C_v = R \\ C_p = 2R \end{array} \right\} \Rightarrow C_v = R \Rightarrow k = \frac{C_p}{C_v} = 2$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{k-1}{k}} = \left(\frac{4}{1} \right)^{\frac{1}{2}} = 2 = \frac{T_2}{300} \Rightarrow T_2 = 600K$$

$$\Rightarrow \bar{W} = -\Delta u = -C_v \Delta T = R(600 - 300) = 2490 \frac{J}{mol} = 2.49 \frac{kJ}{mol}$$

۲۱۲ - گزینه ۴ درست است.

$$\eta = \frac{W_{rev}}{W_a} = \frac{h_i - h_{es}}{h_i - h_{ea}}$$

که:

آنالپی گاز خروجی در حالت واقعی: h_{ea}

آنالپی گاز خروجی در حالت ایزونتروپیک: h_{es}

$$\Rightarrow \eta = \frac{T_i - T_{es}}{T_i - T_{ea}} = \frac{1}{2} = \frac{80}{T_i - T_{ea}} \Rightarrow T_i - T_{ea} = 160$$

۲۱۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\eta_{\text{توربین}} = \frac{W_S}{W} = \frac{\Delta H_S}{\Delta H} = \frac{C_p(T_{out} - T_{in})}{C_p(T_{out,s} - T_{in})} \Rightarrow 0.5 = \frac{600 - 100}{T_{out,s} - 1000}$$

$$\Rightarrow T_{out,s} = 200K \Rightarrow \frac{T_{out,s}}{T_{in}} = \left(\frac{P_{out}}{P_{in}} \right)^{\frac{K-1}{K}}$$

$$\Rightarrow \frac{200}{1000} = \left(\frac{100}{P_{in}} \right)^{\frac{1.5-1}{1.5}} = \frac{1}{5} = \left(\frac{100}{P_{in}} \right)^{\frac{1}{3}} \Rightarrow P_{in} = 12500 \text{ kPa}$$

بازگشت ناپذیری و قابلیت کاردی

۲۱۴ - گزینه ۲ درست است.

$$\Delta s_{sys} = \int_1^2 \frac{\delta Q}{T} + s_{gen} \Rightarrow 2.41 = \frac{1000}{500} + s_{gen} \Rightarrow s_{gen} = 0.41 \Rightarrow \text{فرایند برگشت ناپذیر بوده است.}$$

۱۵۹ | مجموعه مهندسی شیمی مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

خواص ترمودینامیکی سیالات

۲۱۵. - گزینه ۲ درست است.

$$C_P = \left(\frac{\delta h}{\delta T} \right)_P$$

$$TdS = dh - VdP \Rightarrow C_P = \left(\frac{\delta h}{\delta T} \right)_P = T \left(\frac{\delta S}{\delta T} \right)_P$$

برای C_V هم داریم:

$$C_V = \left(\frac{\delta u}{\delta T} \right)_V$$

$$TdS = du + PdV$$

$$C_V = \left(\frac{\delta u}{\delta T} \right)_V = T \left(\frac{\delta s}{\delta T} \right)_V$$

۲۱۶. - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{V}{V_0} = 1 + aT - b(P - 1) \Rightarrow P = \frac{1}{b} + \frac{aT}{b} - \frac{V}{bV_0} + 1$$

$$\left(\frac{\delta S}{\delta V} \right)_T = \left(\frac{\delta P}{\delta T} \right)_V = \frac{a}{b} \Rightarrow \left(\frac{\delta S}{\delta V} \right)_T = \frac{a}{b} \Rightarrow S = \frac{a}{b} V$$

۲۱۷. - گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} dG = VdP - SdT \xrightarrow{T=cte} dG = VdP \\ PV = RT + BP \xrightarrow{} V = \frac{RT}{P} + B \end{array} \right\} \Rightarrow dG = \left(\frac{RT}{P} + B \right) dP$$

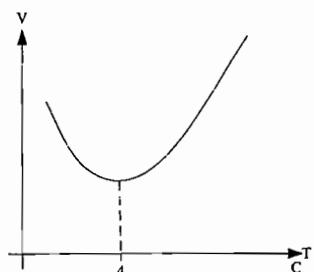
$$\Rightarrow G = \int_{P_1}^{P_2} \frac{RT}{P} dP + BdP \Rightarrow G = RT \ln \frac{P_2}{P_1} + B(P_2 - P_1)$$

$$\xrightarrow{\text{برای } n \text{ مول}} G = nRT \ln \frac{P_2}{P_1} + nB(P_2 - P_1)$$

۲۱۸. - گزینه ۲ درست است.

$$\left(\frac{\delta S}{\delta P} \right)_T = - \left(\frac{\delta V}{\delta T} \right)_P$$

نمودار تغییرات V بر حسب T در فشار ثابت به عنوان مثال برای آب به صورت زیر می‌باشد:



$$\Rightarrow \left(\frac{\delta V}{\delta T} \right)_P \begin{cases} \left(\frac{\delta V}{\delta T} \right)_P < 0 & T < 4^\circ C \\ \left(\frac{\delta V}{\delta T} \right)_P = 0 & T = 4^\circ C \\ \left(\frac{\delta V}{\delta T} \right)_P > 0 & T > 4^\circ C \end{cases}$$

روش دوم: تغییرات آنتروپی برای یک جسم خالص می‌تواند مثبت و یا منفی و یا صفر باشد.

۲۱۹- هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

آنتروپی و انرژی داخلی مواد تراکم‌ناپذیر فقط تابع دما هستند ولی آنتالپی مواد تراکم‌ناپذیر هم تابع دما و هم تابع فشار است. در مورد گازهای ایده‌آل نیز، آنتروپی هم تابع فشار است و هم تابع دما ولی انرژی داخلی و آنتالپی گازهای ایده‌آل، فقط تابع دما می‌باشد.

هیچ کدام از گزینه‌ها صحیح نیست اما گزینه دوم به جواب نزدیک‌تر است.

۲۲۰- گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \left(P + \frac{a}{V^2} \right) (V - b) = RT &\Rightarrow P = \frac{RT}{V-b} - \frac{a}{V^2} \\ du = C_V dT + \left[T \left(\frac{\delta P}{\delta T} \right)_V - P \right] dV &\Rightarrow \left(\frac{\delta u}{\delta V} \right)_T = T \left(\frac{\delta P}{\delta T} \right)_V - P \\ \frac{\delta P}{\delta T} = \frac{R}{V-b} &\Rightarrow \frac{\delta u}{\delta V} = \frac{R}{V-b} T - \frac{RT}{V-b} + \frac{a}{V^2} = \frac{a}{V^2} \end{aligned}$$

خواص ترمودینامیکی مخلوط‌های همگن

۲۲۱- گزینه ۱ درست است.

$$\sum x_i d\mu = 0 \Rightarrow x_1 d\mu_1 + x_2 d\mu_2 = 0$$

حال طرفین معادله را به dx_1 تقسیم می‌کنیم و داریم:

$$\left. \begin{aligned} x_1 \frac{d\mu_1}{dx_1} + x_2 \frac{d\mu_2}{dx_1} &= 0 \\ dx_1 &= -dx_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow x_1 \frac{d\mu_1}{dx_1} = x_2 \frac{d\mu_2}{dx_2}$$

$$\mu_i = RT \ln \hat{f}_i \Rightarrow x_1 \frac{d \ln \hat{f}_1}{dx_1} = x_2 \frac{d \ln \hat{f}_2}{dx_2}$$

$$\left. \begin{aligned} \hat{a}_i = \frac{\hat{f}_i}{\hat{f}_i^0} &\\ , \frac{d \ln \hat{f}_i^0}{dx_i} &= 0 \end{aligned} \right\} \rightarrow x_1 \frac{d \ln \hat{a}_1}{dx_1} = x_2 \frac{d \ln \hat{a}_2}{dx_2} \Rightarrow x_1 \frac{d \ln \gamma_1 x_1}{dx_1} = x_2 \frac{d \ln \gamma_2 x_2}{dx_2}$$

$$\left. \begin{aligned} x_1 \frac{d \ln \gamma_1}{dx_1} + \frac{x_2 d \ln x_1}{dx_1} &= \frac{x_2 d \ln \gamma_2}{dx_2} + x_2 \frac{d \ln x_2}{dx_2} \\ x_1 \frac{d \ln x_1}{dx_1} &= \frac{x_2 d \ln x_2}{dx_2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow x_1 \frac{d \ln \gamma_1}{dx_1} = x_2 \frac{d \ln \gamma_2}{dx_2} \Rightarrow x_1 \frac{d \ln \gamma_1}{dx_1} + x_2 \frac{d \ln \gamma_2}{dx_1} = 0$$

۲۲۲- گزینه ۲ درست است.

$$f = P + \alpha P^2 \Rightarrow \frac{f}{P} = 1 + \alpha P = \phi$$

$$\ln \phi = \int_0^P \left(\frac{z-1}{P} \right) dP \Rightarrow \ln(1 + \alpha P) = \int_0^P \left(\frac{z-1}{P} \right) dP \Rightarrow \frac{\alpha}{1 + \alpha P} = \frac{z-1}{P} \Rightarrow z = \frac{P\alpha}{1 + \alpha P} + 1 = \frac{PV}{RT}$$

۱۶۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۲۳ - گزینه ۴ درست است.

$$K_i = \frac{f_i}{x_i} \Rightarrow K_1 = \frac{100x_1 - 160x_1^2 + 80x_1^3}{x_1} = \lim_{x_1 \rightarrow 0} 100 - 160x_1 + 80x_1^2 = 100$$

۲۲۴ - گزینه ۳ درست است.

$$\left(\frac{\delta \mu_i}{\delta T} \right)_{p,n} = \left(\frac{\delta \bar{G}_i}{\delta T} \right)_{p,n} = -\bar{s}_i$$

$$\left(\frac{\delta \mu_i}{\delta P} \right)_{T,n} = \left(\frac{\delta \bar{G}_i}{\delta P} \right)_{T,n} = \bar{V}_i$$

$$d\mu_i = d\bar{G}_i = -\bar{s}_i dT + \bar{V}_i dP$$

$$\bar{V}_i = 25(1 + 0.01P) + 3x_1$$

$$\mu_i = \int -\bar{s}_i dT + \int \bar{V}_i dP = f(T) + \int [25(1 + 0.01P) + 3x_1] dP = f(t) + [\bar{V}_i - 0.125P]P$$

۲۲۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\ln \phi = \int_0^P (z-1) \frac{dp}{p} \quad (\text{ثابت } T)$$

$$\Rightarrow \phi = \frac{f}{P} \quad \text{نامشخص است.}$$

در هر دمایی می‌توان انتگرال گرفت اما چون فشار مشخص نیست f به دست نمی‌آید.

۲۲۶ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} \left(\frac{\delta \bar{V}_1}{\delta x_2} \right) &= -\frac{x_2}{x_1} \Rightarrow \frac{-10}{\delta \bar{V}_B} = -\frac{0.6}{0.4} \Rightarrow \frac{\delta \bar{V}_B}{\delta x_B} = +6.7 \end{aligned}$$

۲۲۷ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} G^E &= G - G^{id} = G - \sum x_i G_i^0 - RT \sum x_i \ln x_i \Rightarrow G = G^E + \sum x_i G_i^0 + RT \sum x_i \ln x_i \\ \Rightarrow G &= RT \left(-1.5 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \right) + RT \left(\frac{1}{2} \times 1.5 + \frac{1}{2} \times 2 \right) + RT \left(\frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} \right) \Rightarrow G = RT(1.375 + \ln 0.5) \end{aligned}$$

۲۲۸ - گزینه ۱ درست است.

$$\ln \gamma_i = \frac{\bar{G}_i - G_i^0}{RT} = \frac{\bar{V}_i dP - \bar{S}_i dT - \bar{V}_i^0 dP - \bar{S}_i^0 dT}{RT} = \frac{\Delta \bar{V}_i dP + \Delta \bar{S}_i dT}{RT} \Rightarrow \left(\frac{\delta \ln \gamma_i}{\delta P} \right)_{T,x} = \left(\frac{\Delta \bar{V}_i dP}{RT \delta P} \right)_{T,x} = \frac{\Delta \bar{V}_i}{RT}$$

۲۲۹ - گزینه ۴ درست است.

قبل از حل تست به نکات زیر دقت کنید:

$$\begin{aligned} G^E &= H^E - TS^E \\ C_P^E &= \left(\frac{\delta H^E}{\delta T} \right)_{P,x} = T \left(\frac{\delta S^E}{\delta T} \right)_{P,x} \\ V^E &= \left(\frac{\delta G^E}{\delta P} \right)_{T,x} \\ S^E &= - \left(\frac{\delta G^E}{\delta T} \right)_{P,x} \\ \frac{H^E}{RT} &= -T \left[\frac{\delta \left(\frac{G^E}{RT} \right)}{\delta T} \right]_{P,x} \end{aligned}$$

البته همان طور که می‌دانید:

$$V^E = \Delta V_{\text{mixing}}, \quad C_P^E = \Delta C_{P,\text{mixing}}, \quad H^E = \Delta H_{\text{mixing}}$$

حال به حل مسئله می‌پردازیم:

$$\frac{g^E}{RT} = \sum x_i \ln \gamma_i = x_1 (0.4x_2^2 T) + x_2 (0.4x_1^2 T) \Rightarrow \left[\frac{\delta \left(\frac{g^E}{RT} \right)}{\delta T} \right]_{P,x} = 0.4x_1x_2^2 + 0.4x_1^2x_2$$

$$\Rightarrow \frac{H^E}{RT} = \frac{\Delta H_{\text{mixing}}}{RT} = - (0.4x_1x_2^2 + 0.4x_1^2x_2) T \Rightarrow \Delta H_{\text{mixing}} = -2 \times 100 \times 100 \left(\frac{4}{10} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} + \frac{4}{10} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \right) = -2000 \frac{\text{cal}}{\text{gmol}}$$

به توضیحات بالا مراجعه کنید.

۲۳۰ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} V^E &= \left(\frac{\delta G^E}{\delta P} \right)_{T,x} \\ G^E &= RTx_1x_2 \left[\frac{2.15}{T}x_1 + \frac{4.5}{T}x_2 \right] \Rightarrow \left(\frac{\delta G^E}{\delta P} \right)_{T,x} = 0 \Rightarrow V^E = 0 \end{aligned}$$

۲۳۱ - گزینه ۳ درست است.

$$\hat{f}_i = k_i x_i = \phi_i^s x_i P_i^s \Rightarrow k_i x_i = \phi_i^s P_i^s x_i \Rightarrow k_i = \phi_i^s P_i^s = 0.9 \times 15 = 13.5$$

۲۳۲ - گزینه ۴ درست است.

$$\mu_i^{ig} = \bar{G}_i^{ig} = G_i^{ig} + RT \ln y_i$$

با توجه به رابطه بالا مشخص است که در فشار بالا مقدار G_i^{ig} بزرگتر و در ترکیب درصد بالاتر مقدار $RT \ln y_i$ بزرگتر می‌شود پس

گزینه ۴ درست است.

۱۶۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۳۳ - گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} k_{H_2O} = 1000 \text{ bar} \\ f_{H_2O} = 5 \text{ bar} \end{array} \right\} \quad \hat{f}_i = x_i k_i \Rightarrow 5 = x_i \times 1000 \Rightarrow x_i = 0.005$$

۲۳۴ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$\frac{g^E}{RT} = \sum x_i \ln \gamma_i \Rightarrow x_1 \ln \gamma_1 + x_2 \ln \gamma_2 = x_1 x_2 (100x_1 + 20x_2)^2 \Rightarrow x_1 \rightarrow 0 \Rightarrow \begin{cases} x_2 \rightarrow 1 \\ \gamma_2 \rightarrow 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x_1 \ln \gamma_1^\infty + x_2 \ln(1) = x_1 (100x_1 + 20x_2)^2 \Rightarrow x_1 \ln \gamma_1^\infty = x_1 (100x_1 + 20x_2)^2 \Rightarrow \ln \gamma_1^\infty = 20^2 = 400 \Rightarrow \gamma_1^\infty = e^{400}$$

۲۳۵ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$\bar{M}_1 = M + (1-x_1) \frac{dM}{dx_1}$$

$$H^E = -335x_1x_2 = -335x_1(1-x_1) = -335x_1 + 335x_1^2$$

$$\frac{\delta H^E}{\delta x_1} = -335 + 2 \times 335x_1$$

$$\bar{H}_1^E = -335x_1 + 335x_1^2 + (1-x_1)(-335 + 2 \times 335x_1)$$

$$\Rightarrow H_1^E = -335x_1 + 335x_1^2 - 335 + 2 \times 335x_1 + 335x_1 - 2 \times 335x_1^2 = \bar{H}_1^E = 335(-x_1^2 + 2x_1 - 1)$$

۲۳۶ - گزینه ۲ درست است.

$$\ln \gamma_i = \left[\frac{\delta \left(\frac{nG^E}{RT} \right)}{\delta n_i} \right]_{T,P,n_j}$$

$$\Rightarrow \frac{nG^E}{RT} = \beta \frac{n_1 n_2}{n}$$

$$\Rightarrow \ln \gamma_1 = \beta n_2 \frac{n-n_1}{n^2} = \beta \frac{n_2^2}{n_2} = \beta x_2^2 = \beta (1-x_1)^2$$

$$\ln \gamma_2 = \beta (1-x_2)^2 = \beta x_1^2$$

و به همین طریق برای $\ln \gamma_2$ داریم \leftarrow می‌توان اثبات کرد:

$$d \ln \gamma_1^* = d \ln \gamma_1$$

$$\frac{d \ln \gamma_1^*}{d x_1} = \frac{d \ln \gamma_1}{d x_1} = \beta (2x_2)(-1) = -2\beta x_2 = -2\beta (1-x_1)$$

$$d \ln \gamma_1^* = -2\beta \left(n_1 - \frac{x_1^2}{2} \right) + c_1$$

$$\left. \gamma_1^* \right|_{x_1 \rightarrow 0} = 1 \Rightarrow c_1 = 0$$

$$d \ln \gamma_1^* = -\beta x_1 (2-x_1) = -\beta (1-x_2)(1+x_2) = \beta (x_2^2 - 1)$$

۲۳۷ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned}\bar{S}_2 &= S - x_1 \frac{dS}{dX_1} = (x_1^3 - 3x_1^2 + x_1 + 3) - x_1(3x_1^2 - 6x_1 + 1) \\ &= -2x_1^3 + 3x_1^2 + 3\end{aligned}$$

۲۳۸ - گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{aligned} \ln \phi &= \int_0^P \frac{Z-1}{P} dP \\ Z-1 &= \beta' P \end{aligned} \right\} \rightarrow \ln \phi = \int_0^P \beta' P \frac{dP}{P} = \beta' P = Z-1$$

۲۳۹ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \text{گیبس دوه} &\rightarrow x_1 \frac{d\bar{H}_1^E}{dx_1} + x_2 \frac{d\bar{H}_2^E}{dx_2} = 0 \\ \frac{d\bar{H}_2^E}{dx_2} &= -\frac{x_1}{x_2} \left(\frac{d\bar{H}_1^E}{dx_2} \right) = -\frac{x_1}{x_2} (20 \times 3 \times x_2^2) = -60x_1x_2 \\ \bar{H}_2^E &= - \int 60x_1x_2 dx_2 = -60 \int (1-x_2)x_2 dx_2 \\ &= -60 \left(\frac{x_2^2}{2} - \frac{x_2^3}{3} \right) + c = x_2^2(20x_2 - 30) + c\end{aligned}$$

۲۴۰ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} H_1 &= \lim_{x_1 \rightarrow 0} \frac{\hat{f}_1}{x_1} = \lim_{x_1 \rightarrow 0} \frac{(\alpha x_1 e^{bx_2 - cx_1})}{x_1} = ae^b \\ f_1 &= \hat{f}_1 \Big|_{x_1=1} \Rightarrow f_1 = ae^{-c}\end{aligned}$$

۲۴۱ - گزینه ۱ درست است.

فاز بخار $\alpha \rightarrow \beta$

$$Ln f^\alpha = x_1 Ln \hat{f}_1^\alpha + x_2 Ln \hat{f}_2^\alpha$$

$$Ln f^\beta = y_1 Ln \hat{f}_1^\beta + y_2 Ln \hat{f}_2^\beta$$

در حالت تعادل داریم: $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2}$ پس در حالت کلی $f_i^\alpha \neq f_i^\beta$ ولی در سیستم دوجزئی و در نقطه آرثوروب می‌باشد و

$$f^\alpha = f^\beta$$

۲۴۲ - گزینه ۱ درست است.

$$d \left(\frac{nG^R}{RT} \right) = \frac{nV^R}{RT} dP - \frac{nH^R}{RT^2} dT + \sum \ln \hat{\phi}_i dn_i$$

$$\ln \hat{\phi}_i = \left(\frac{\delta n G^R / RT}{\delta n_i} \right)_{P,T,n_j}$$

۱۶۵ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

با در نظر گرفتن جملات مربوط به dT و dn_i و توجه به این نکته که دیفرانسیل کامل می‌باشد می‌توان نوشت:

$$\left(\frac{\delta \ln \hat{\phi}_i}{\delta T} \right)_{P,x} = \frac{-\bar{H}_i^R}{RT^2}$$

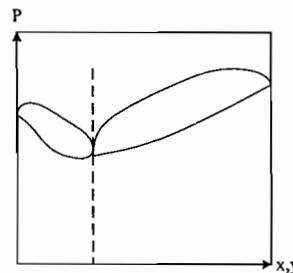
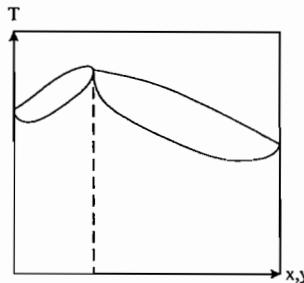
پس اگر \bar{H}_i^R برابر صفر باشد می‌توان از تغییرات ضریب فوگاسیته جزء i در مخلوط صرف نظر کرد.

تعادل فازها

- گزینه ۴ درست است.

در سیستم‌های انحراف منفی، مولکول‌های غیر مشابه نیروی بین مولکولی قوی‌تری از مولکول‌های مشابه دارند و در سیستم‌های انحراف مثبت، مولکول‌های مشابه نیروی بین مولکولی قوی‌تری از مولکول‌های غیر مشابه دارند پس گزینه چهارم صحیح است.

- گزینه ۱ درست است.



در شکل مخلوطی که انحراف منحتی نسبت به قانون رائل را دارد در حالتی که تشکیل آزئوتروپ می‌دهد رسم شده است، همان‌طور که مشاهده می‌کنید مخلوط دارای نقطهٔ جوش بالاتری نسبت به حالت ایده‌آل دارد.

- گزینه ۲ درست است.

اگر ۷۱ و ۷۲ هر دو از یک بیشتر باشند سیستم دارای انحراف مثبت از قانون رائل می‌باشد و دارای آزئوتروبی با ماکریم فشار می‌باشد - مینیمم دما -

اگر ۷۱ و ۷۲ هر دو از یک کمتر باشند سیستم دارای انحراف منفی از قانون رائل می‌باشد و دارای آزئوتروبی با مینیمم فشار می‌باشد - ماکریم دما -

- گزینه ۱ درست است.

$$\frac{\gamma_1}{\gamma_2} = \frac{P_2^{\text{sat}}}{P_1^{\text{sat}}} \Rightarrow \frac{e^{2x_2^2}}{e^{2x_1^2}} = \frac{271.829}{100} \Rightarrow e^{2(x_2^2 - x_1^2)} = 2.71829 = e^1$$

$$\Rightarrow x_2^2 - x_1^2 = (x_2 - x_1)(x_2 + x_1) = 0.5 \Rightarrow (1-x_1) - x_1 = 0.5 \Rightarrow x_1 = 0.25$$

تعادل واکنش‌های شیمیایی و درجه آزادی

۲۴۷ - گزینه ۲ درست است.

$$n_{A_0} = 1, n_{B_0} = 1, n_{N_2} = 2 \Rightarrow n_T = 1+1+2=4$$

$$y_A = \frac{1-\varepsilon}{4}, \quad y_B = \frac{1-\varepsilon}{4}, \quad y_C = \frac{\varepsilon}{4}, \quad y_D = \frac{\varepsilon}{4}$$

$$\Rightarrow k = \frac{y_C y_D}{y_A y_B} = \frac{\left(\frac{\varepsilon}{4}\right)^2}{\left(\frac{1-\varepsilon}{4}\right)^2} = 1 \Rightarrow \frac{\varepsilon}{4} = \frac{1-\varepsilon}{4} \Rightarrow \varepsilon = 0.5$$

۲۴۸ - گزینه ۴ درست است.

$$k = \prod \hat{a}_i^{v_i} \quad \text{در مورد گازها} \quad \prod f_i^{v_i} \quad \text{گاز ایدهآل} \quad \prod \hat{P}_i^{v_i} \quad \Rightarrow \quad k = 10 = \frac{P_{CO_2} \times 1}{1} \Rightarrow P_{CO_2} = 10 \text{ bar}$$

۲۴۹ - گزینه ۳ درست است.

$$F = 2 - \pi + N - r - s$$

$$\pi = 1$$

$$N = 4$$

$$r = 1$$

$$s = 1 \quad \text{تعداد مول‌های اولیه اسیداستیک به اتانول}$$

 π تعداد فازها N تعداد اجزا r تعداد واکنش‌ها مستقل هموژن s محدودیت‌های سیستم

$$\Rightarrow F = 2 - 1 + 4 - 1 - 1 = 3$$

۲۵۰ - گزینه ۱ درست است.

۲۵۱ - گزینه ۲ درست است.

$$f = \text{تعداد قیود} - \text{تعداد واکنش} - 2 + \text{تعداد فاز} - \text{تعداد اجزاء}$$

$$= 4 - 3 + 2 - 1 - 0 = 2$$

۲۵۲ - گزینه ۲ درست است.

$$K = \frac{(1-0.4) \times e^{(0.4)^2}}{0.4 \times e^{(0.6)^2}} = 1.5e^{-0.2}$$

$$\frac{G^E}{RT} = x_1 x_2 \Rightarrow \ln \gamma_1 = x_2^2 \\ \ln \gamma_2 = x_1^2$$

سیکل‌های توان و تبرید

- گزینه ۳ درست است.

$$COP_R = \frac{Q_L}{W_{net,in}} = \frac{500}{750 - 500} = 2$$

- گزینه ۳ درست است.

در فرایند اختناق، به علت ماهیت فرایند، انتقال گرما صورت نمی‌گیرد و $\Delta H = 0$ می‌باشد.

- گزینه ۳ درست است.

$$\oint Q = \oint W \Rightarrow Q_{12} + Q_{23} + Q_{31} = W_{12} + W_{23} + W_{31} \Rightarrow 75 + 0 - 25 = 0 + W_{23} - 50 \Rightarrow W_{23} = 100 \text{ J}$$

$$W_{net} = Q_{net} = 50 \text{ J}$$

$$\eta = \frac{W_{net}}{Q_{in}} = \frac{50}{75} = 0.666$$

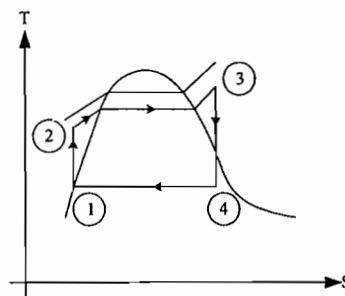
- گزینه ۱ درست است.

$$\Rightarrow \frac{Q_H}{Q_C} = \frac{T_H}{T_C} \Rightarrow \frac{Q_H}{Q_{H-W}} = \frac{27 + 273}{-3 + 273} = \frac{300}{270} \Rightarrow \frac{Q_{H-W}}{Q_H} = 0.9 \Rightarrow 1 - \frac{W}{Q_H} = 0.9$$

$$\Rightarrow \frac{W}{Q_H} = 0.1 \Rightarrow Q_H = 20 \Rightarrow Q_C = Q_H - W = 20 - 2 = 18 \text{ kW}$$

- گزینه ۴ درست است.

سیکل نیروگاه‌های بخار همان سیکل رانکین است.



افزایش فشار خروجی از پمپ - ۱ به ۲ - سبب کاهش احتمال ایجاد رطوبت در خروجی خواهد شد و کاهش فشار خروجی از پمپ و کاهش فشار خروجی از توربین و یا کاهش دمای خروجی از توربین سبب افزایش احتمال تشکیل رطوبت در خروجی توربین می‌شود.

- گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{aligned} COP &= \frac{Q_L}{Q_H - Q_L} = \frac{108}{60} = 1.8 \\ COP &= \frac{T_L}{T_H - T_L} = \frac{273 - 30}{60 + 30} = 2.7 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1.8}{2.7} = 0.666$$

۲۵۹ - گزینه ۱ درست است.

$$\text{COP}_R = \frac{Q_L}{W_{\text{net,in}}} \Rightarrow 3 = \frac{Q_L}{16} \Rightarrow Q_L = 48 \text{ kw} \Rightarrow Q_H = Q_L + W \Rightarrow Q_H = 64 \text{ kw}$$

$$64 \frac{\text{kj}}{\text{s}} \times \frac{60 \text{s}}{1 \text{min}} = 3840 \frac{\text{kj}}{\text{min}}$$

۲۶۰ - گزینه ۳ درست است.

$$= 1 - \frac{1}{\gamma} \left[\frac{\left(\frac{1}{r_e}\right)^\gamma - \left(\frac{1}{r}\right)^\gamma}{\frac{1}{r_e} - \frac{1}{r}} \right]$$

۳: نسبت تراکم

$$= 1 - \left(\frac{1}{r}\right)^{\gamma-1} \quad \text{با زده سیکل اتو}$$

۴: نسبت انسپاٹ

۱۶۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

خواص سیال

۲۶۱ - گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} F = \tau \cdot A \\ \tau = \mu \frac{\delta V}{\delta y} = \frac{\mu V_0}{t} \end{array} \right\} \rightarrow F \propto \frac{\mu V_0}{t}$$

۲۶۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\tau = \tau_p + \mu \frac{du}{dy} \Rightarrow \tau - \tau_p = \mu \frac{du}{dy}$$

۲۶۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} -\frac{\Delta P}{L} \cdot \frac{r}{2} = -\mu \frac{du}{dr} \\ \frac{du}{dr} \uparrow \Rightarrow \mu \downarrow \end{array} \right\} \rightarrow \Delta P \downarrow$$

۲۶۴ - گزینه ۳ درست است.

$$\tau = \mu \frac{\delta u}{\delta y} \Rightarrow \tau = 10^{-3} \times \frac{2 - 6y^2 + 4y^3}{1} \Big|_{y=0.1} = 1.944 \times 10^{-3}$$

۲۶۵ - گزینه ۱ درست است.

$$\tau = \mu \frac{u}{y} + k \mu \frac{u}{h-y} = \mu u \left(\frac{1}{y} + \frac{k}{h-y} \right)$$

$$F = \tau A \Rightarrow \min F = \min \tau \Rightarrow \frac{\delta \tau}{\delta y} = 0 \Rightarrow \frac{\delta}{\delta y} \left(\frac{1}{y} + \frac{k}{h-y} \right) = 0 \Rightarrow -\frac{1}{y^2} + \frac{k}{(h-y)^2} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{y^2} = \frac{k}{(h-y)^2} \Rightarrow (h-y)^2 = ky^2 \Rightarrow h-y = \sqrt{k}y \Rightarrow h = (1+\sqrt{k})y \Rightarrow y = \frac{h}{1+\sqrt{k}}$$

۲۶۶ - گزینه ۳ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \tau_1 = \mu_1 \frac{u_0 - u_1}{\alpha H} \\ \tau_2 = \mu_2 \frac{u_1}{(1-\alpha)H} \end{array} \right\} \rightarrow \tau_1 = \tau_2 \Rightarrow \mu_1 \frac{u_0 - u_1}{\alpha H} = \mu_2 \frac{u_1}{(1-\alpha)H} \Rightarrow \left(\frac{\mu_2}{(1-\alpha)H} + \frac{\mu_1}{\alpha H} \right) u_1 = \frac{\mu_1 u_0}{\alpha H}$$

$$\Rightarrow u_1 = u_0 \left(\frac{\frac{\mu_1}{\alpha H}}{\frac{\mu_2 \alpha H + \mu_1 H - \mu_1 \alpha H}{(\alpha H)(1-\alpha)H}} \right) = u_0 \left(\frac{(1-\alpha)\mu_1}{\mu_2 \alpha + \mu_1 (1-\alpha)} \right) \Rightarrow u_1 = u_0 \frac{(1-\alpha)\frac{\mu_1}{\mu_2}}{\alpha + \frac{\mu_1}{\mu_2}(1-\alpha)}$$

۲۶۷ - گزینه ۳ درست است.

۲۶۸ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned}\tau &= \tau_1 + \tau_2 = \mu \frac{\delta V_1}{\delta x_1} + \mu \frac{\delta V_2}{\delta x_2} \\ \Rightarrow \tau &= \mu \left(\frac{10}{0.02} + \frac{10}{0.04} \right) = 0.001(750) = 0.75 \\ \Rightarrow F &= \tau \cdot A = 0.75 \times 4 \times 4 = 12 \text{ N} \\ \mu &= 0.01 \frac{\text{gr}}{\text{cm.s}} \times \frac{1\text{kg}}{1000\text{gr}} \times \frac{100\text{cm}}{1\text{m}} = 0.001 \frac{\text{kg}}{\text{m.s}}\end{aligned}$$

استاتیک سیالات

۲۶۹ - گزینه ۲ درست است.

$$F = P_C A = \gamma h_C A = \gamma \times 2 \times \pi \times 1^2 = 2\gamma\pi$$

۲۷۰ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned}P_A + 0.6\gamma_w - 0.3 \times 1.1\gamma_w - 0.3\gamma_w &= P_E \\ \Rightarrow P_A - P_E &= 0.3 \times 0.1 \times \gamma_w = 0.3 \times 0.1 \times 1000 \times 9.8 = 294.3 \text{ Pa}\end{aligned}$$

۲۷۱ - گزینه ۴ درست است.

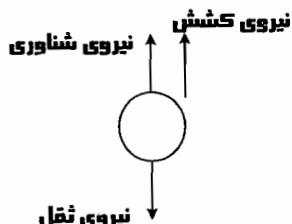
نیروی عمودی وارد بر سطوح خمیده برابر است با نیروی وزن سیال بالا سطوح

$$F_y = \gamma V = \gamma \left[\frac{\pi 3^2}{4} \times 8 - \frac{2}{3} \pi (1.5)^3 \right] = 10000 \left[18\pi - \frac{2}{3} \pi \times (1.5)^3 \right] = 485 \text{ kN}$$

۲۷۲ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned}\text{نیروی وزن} &= \frac{4}{3} \pi (R+t)^3 \gamma_w \Rightarrow \frac{4}{3} \pi ((R+t)^3 - R^3) \gamma_s \Rightarrow (R+t)^3 - R^3 = (R+t)^3 \frac{\gamma_w}{8\gamma_w} \\ \Rightarrow \frac{(R+t)^3 - R^3}{(R+t)^3} &= \frac{1}{8} \Rightarrow \left(\frac{R}{R+t} \right)^3 = \frac{7}{8} \Rightarrow \frac{R}{R+t} = 0.95 \Rightarrow \frac{t}{R} = 0.04\end{aligned}$$

۲۷۳ - گزینه ۲ و ۴ درست است.



$$\rho_s = 650 < \rho_w = 1000$$

۱۷۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۷۴ - گزینه ۱ درست است.

۲۷۵ - گزینه ۲ درست است.

$$F = \rho g \frac{H}{3} \times \frac{BH}{2} = \rho g B \frac{H^2}{6}$$

۲۷۶ - گزینه ۱ درست است.

$$445 = \frac{9}{100} \times x \times 133400 + \frac{9}{100} \times (0.3-x) \times 9806 \Rightarrow 445 = 9 \times 1334x + 9 \times 98.06(0.3-x) \Rightarrow x = 0.01619$$

۲۷۷ - گزینه ۲ درست است.

$$F = 9806 \times \frac{3}{2} \times 3 \times 6 - 9806 \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{2} \times 6 = 9806 \left(27 - \frac{27}{4} \right) = \frac{3 \times 27}{4} \times 9806 = 198571 \text{ N} = 198.571 \text{ kN}$$

۲۷۸ - گزینه ۴ درست است.

$$f = PA = (\rho gh_C) A = 1000 \times 10 \times \left(2 + \frac{4.5}{3} \right) \times \left(\frac{4.5 \times 3}{2} \right) = 236250 \text{ N} = 236.25 \text{ kN}$$

۲۷۹ - گزینه ۲ درست است.

$$F_y = \gamma V = 64 \times \left(9 + \frac{6}{2} \right) \times 8 \times 5 = 30720$$

$$F_x = P \times A = \gamma h_C \times A = 64 \times 12 \times 6 \times 5 = 23040$$

$$F = \sqrt{F_u^2 + F_x^2} = 38400$$

۲۸۰ - گزینه ۱ درست است.

چون تانک روی سطح شیبدار بدون اصطکاک و تنها در اثر وزن خود به پایین می‌لغزد پس زاویه سطح مایع با سطح شیبدار برابر صفر است.

جريان سیالات

۲۸۱ - گزینه ۴ درست است.

$$\tau = -\frac{\Delta P}{L} \cdot \frac{r}{2} \Rightarrow \tau = \frac{70 \times 10^3}{15} \times \frac{0.3}{2} = 700$$

۲۸۲ - گزینه ۳ درست است.

$$\dot{m}_1 = \dot{m}_2 + \dot{m}_3$$

$$\rho V_1 A_1 = \rho V_2 A_2 + \rho V_3 A_3 \Rightarrow V_1 \times 3 = 1 \times 2 + \frac{4}{2} \times 3 \Rightarrow V_1 = \frac{8}{3}$$

↓ سرعت متوسط

۱۷۲ | مکانیک سیالات | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۸۳ - گزینه ۳ درست است.

$$(2) \quad \text{معادله برنولی بین نقاط (۱) و (۲)} \Rightarrow \frac{P_1}{\rho} + \frac{V_1^2}{2} + z_1 g = \frac{P_2}{\rho} + \frac{V_2^2}{2} + z_2 g$$

$$z_1 = z_2 \Rightarrow V_2^2 - V_1^2 = 2 \frac{(P_1 - P_2)}{\rho} = 2 \times 9.8 \times 0.2$$

$$\text{با نوشتن معادله پیوستگی} \Rightarrow \dot{m}_1 = \dot{m}_2 \Rightarrow \rho V_1 A_1 = \rho V_2 A_2$$

$$\Rightarrow V_1 A_1 = V_2 A_2 \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{A_1}{A_2} = \left(\frac{d_1}{d_2} \right)^2 = \left(\frac{3}{2} \right)^2 = \frac{9}{4} \Rightarrow V_2 = \frac{9}{4} V_1$$

$$\Rightarrow \left(\frac{9}{4} V_1 \right)^2 - (V_1)^2 = \frac{81}{16} V_1^2 - \frac{16}{16} V_1^2 = \frac{65}{16} V_1^2 = 2 \times 9.8 \times 0.2 \Rightarrow V_1 \approx 1 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow Q = VA \Rightarrow 1 \times \frac{\pi}{4} \times \left(\frac{3}{10} \right)^2 = 0.0706 \frac{m^3}{s} \Rightarrow 0.0706 \times 1000 = 70.6 \frac{lit}{s}$$

۲۸۴ - گزینه ۱ درست است.

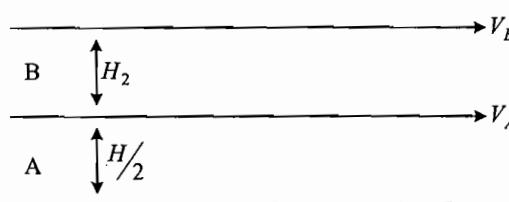
$$C \text{ و } A \text{ رابطه برنولی} \frac{P_A}{\rho} + \frac{V_A^2}{2} + z_A g + \eta w_p = \frac{P_C}{\rho} + \frac{V_C^2}{2} + z_C g + h_f$$

$$\Rightarrow \eta w_p = \frac{V_C^2}{2} + gh + h_f \Rightarrow 2.5 V_C^2 = \frac{V_C^2}{2} + gh + V_C^2 \Rightarrow gh = V_C^2 \Rightarrow h = \frac{16}{9.8} = 1.63 m$$

۲۸۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{\delta \bar{V}_B}{\delta y} = \frac{V_B - V_A}{\frac{H}{2}}$$

$$\frac{\delta \bar{V}_A}{\delta y} = \frac{V_A - 0}{\frac{H}{2}}$$



$$F_A = F_B \rightarrow \tau_A \times A = \tau_B \cdot A \Rightarrow \tau_A = \tau_B \Rightarrow \mu_A \left(\frac{\delta \bar{V}_A}{\delta y} \right) = \mu_B \left(\frac{\delta \bar{V}_B}{\delta y} \right)$$

$$\mu_A < \mu_B \Rightarrow \frac{\delta V_A}{\delta y} > \frac{\delta V_B}{\delta y}$$

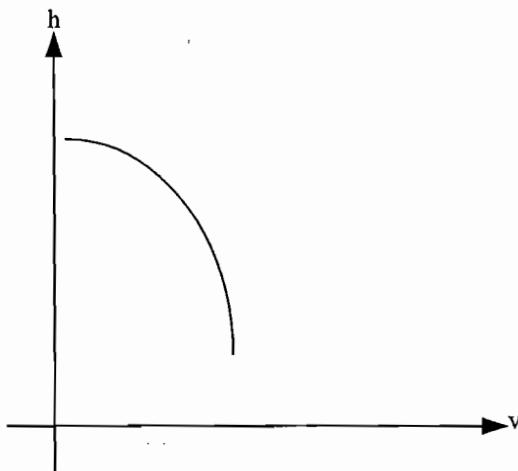
۲۸۶ - گزینه ۳ درست است.

گزینه سوم تعریف خط جریان می باشد.

۱۷۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۲۸۷ - گزینه ۲ درست است.

$$V^2 = 2gh \Rightarrow V = \sqrt{2gh}$$



۲۸۸ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} F &= \dot{m}V = \rho AV^2 \\ V &= U - u \end{aligned} \rightarrow F = \rho A(U - u)^2$$

۲۸۹ - گزینه ۲ درست است.

$$EGL_A = \frac{P_A}{\rho g} + \frac{V_A}{2g} + z_A = \frac{34.5 \times 10^3}{996.4 \times 9.8} + 1 + 0 = 4.53$$

$$EGL_B = \frac{P_B}{\rho g} + \frac{V_B}{2g} + z_B = 1.4 + 0 + 4.3 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 4.44$$

$EGL_A > EGL_B \Rightarrow$ جهت جریان از پایین به بالا می‌باشد.

۲۹۰ - گزینه ۳ درست است.

$$F = P \cdot A \Rightarrow F = 10^6 \times \frac{2}{10} \times \frac{2}{10} = 40000N = 40kN$$

۲۹۱ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{1}{2} \dot{m}V^2 = \dot{m}gh + h_f \Rightarrow h_f = \frac{1}{2} \dot{m}V^2 - \dot{m}gh \Rightarrow h_f = \dot{m} \left(\frac{1}{2} V^2 - gh \right) = \dot{m} \left(\frac{1}{2} \times 20 \times 20 - 15 \times 10 \right) = 50\dot{m}$$

$$50\dot{m} \frac{j}{s} \stackrel{+ \dot{m}}{\Rightarrow} h_f = 50 \frac{j}{kg}$$

۲۹۲ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{1}{2} \dot{m}V^2 = \dot{m}gh + h_f \Rightarrow h_f = \frac{1}{2} \dot{m}V^2 - \dot{m}gh \Rightarrow h_f = \dot{m} \left(\frac{1}{2} V^2 - gh \right) = \dot{m} \left(\frac{1}{2} \times 20 \times 20 - 15 \times 10 \right) = 50\dot{m}$$

۲۹۳ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{P}{\gamma} + \frac{V^2}{2g} + z = cte \rightarrow [z] = m = \frac{j}{N}$$

مکانیک سیالات | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه ۱۷۴

۲۹۴ - گزینه ۱ درست است.

$$V = V_0 \left(1 - \frac{a^2}{x^2} \right) \Rightarrow \text{سرعت روی استوانه } V_1 = V_0 \left(1 - \frac{a^2}{a^2} \right) = 0$$

$$\begin{aligned} \text{برنولی} \Rightarrow P_0 + \frac{\rho V_0^2}{2} + \rho g z_0 &= P_1 + \frac{\rho V_1^2}{2} + \rho g z_1 \\ z_0 = z_1 \end{aligned} \rightarrow P_1 = P_0 + \frac{\rho V_0^2}{2}$$

۲۹۵ - گزینه ۱ درست است.

$$\dot{m}_1 + \dot{m}_2 = \dot{m}_3 \Rightarrow \rho \bar{V}_1 A_1 + \rho \bar{V}_2 A_2 = \rho \bar{V}_3 A_3$$

$$\bar{V}_1 \times D^2 + \bar{V}_2 \times 4D^2 = \bar{V}_3 \times 9D^2 \Rightarrow \bar{V}_1 + 4\bar{V}_2 = 9\bar{V}_3 \Rightarrow \bar{V}_3 = \frac{1}{9}(\bar{V}_1 + 4\bar{V}_2)$$

۲۹۶ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 &= \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 \\ \begin{cases} z_2 = 0 \\ P_2 = 0 \\ V_1 = V_2 \end{cases} \rightarrow \frac{P_1}{\rho g} - \frac{V_2^2 - V_1^2}{2g} - z_1 &= -z_1 \Rightarrow P_1 < 0 \end{aligned}$$

پس هوا به درون سوراخ مکیده می‌شود.

۲۹۷ - گزینه ۴ درست است.

$$EGL_{A\downarrow} = \frac{P_A}{\rho g} + \frac{V_A^2}{2g} + z_A = \frac{2 \times 10^5}{1000 \times 10} + \frac{V_A^2}{20} + 20 = 40 + \frac{V_A^2}{20}$$

$$EGL_{B\uparrow} = \frac{P_B}{\rho g} + \frac{V_B^2}{2g} + z_B = \frac{6 \times 10^5}{1000 \times 10} + \frac{V_B^2}{20} + 0 = 60 + \frac{V_B^2}{20}$$

$$V_A = V_B \Rightarrow EGL_{B\uparrow} > EGL_{A\downarrow}$$

پس جریان از پایین به سمت بالا می‌باشد.

$$\Delta P = z_A \rho g + \frac{32 \mu u L}{D^2} \Rightarrow 4 \times 10^5 = 20 \times 1000 \times 10 + \frac{32 \times 0.2 \times 20 \times 7}{(20 \times 10^{-3})^2} \Rightarrow V = \frac{5}{8}$$

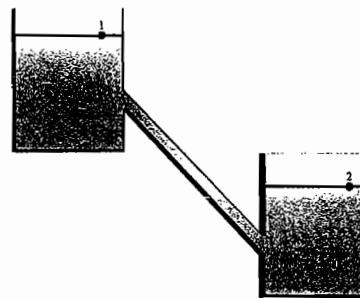
۲۹۸ - گزینه ۴ درست است.

$$\text{جریان دائم} \Rightarrow \frac{\delta V}{\delta t} = \frac{\delta u}{\delta t} = \frac{\delta \rho}{\delta t} = 0$$

پس جریان غیردائم می‌باشد $\frac{\delta V}{\delta t} = -1$

$$\frac{dx}{u} = \frac{dy}{V} \Rightarrow \frac{dx}{5} = \frac{dy}{2-t} \Rightarrow y = \frac{2-t}{5} x$$

۲۹۹ - گزینه ۱ درست است.



۳۱۴ - گزینه ۴ درست است

۳۱۵ - گزینه ۲ درست است

$$0.005 \times \frac{5}{0.05} \times \frac{V^2}{20} = \frac{5V^2}{20}$$

$$+ \frac{V_2}{2g} + Z_2 + \sum h_f$$

فشار در هر دو سطح اتمسفر یک می باشد و همچنین از تغییرات سرعت در نقطه یک و دو صرف نظر می کنیم.

$$35 = \frac{V^2}{20} + \frac{V^2}{20} + \frac{5V^2}{20} \Rightarrow V = 10 \text{ m/s}$$

۳۱۶ - گزینه ۲ درست است

۳۰۰ - گزینه ۴ درست است.

۳۱۷ - گزینه ۲ درست است

$$\left. \begin{array}{l} \\ \max \end{array} \right\} \rightarrow V = \frac{V_{\max}}{h} x$$

:

چون پروفایل سرعت خطی می باشد پس

$$\int \frac{1}{\bar{V}} dA = \frac{1}{1 \times h} \int \left(\frac{\frac{V_{\max}}{h} x}{\frac{V_{\max}}{2}} \right)^3 = 1 \times dx$$

$$\int dx = \frac{1}{h} \times \frac{2x^4}{h^3} \Big|_0^h = 2$$

۳۰۱ - گزینه ۱ درست است.

۳۱۸ - گزینه ۴ درست است

قانون بقای مومنتوم با فرض جریان پایا و جریان یکنواخت «سرعت در سطح مقطع ثابت باشد» به صورت زیر درمی - V_{xin}

۳۰۲ - گزینه ۲ درست است.

۳۱۹ - گزینه ۲ درست است

$$\frac{a^3}{0kg} = 6.28 \times 10^{-3} \frac{m^3}{s}$$

$$\frac{4}{2} = 20 \Rightarrow \frac{V^2}{2g} = z \Rightarrow z = 20$$

۳۰۳ - گزینه ۴ درست است.

= 0

$$-2xy \Rightarrow u(x) = -4xy - x^2y + f(z, y)$$

۱۷۶ مکانیک سیالات | ۱۷۸

۳۰۴ - گزینه ۳ دره

۳۰۵ - گزینه ۴ دره

۳۲۰ - گزینه ۱ درست است.

وظیفه پمپ تأمین اتلاف مسیر می‌باشد.

$$\frac{-}{-} \Rightarrow \frac{\text{کار انجام شده}}{\eta} = \frac{H_f}{\eta} = \frac{\text{انرژی مصرف شده}}{\eta}$$

۳۲۱ - گزینه ۲ درست است.

۳۰۶ - گزینه ۱ دره

جريان از نقطه‌ای ک

محاسبات تلفار

۳۰۷ - گزینه ۲ دره

پس کاویتاسیون رخ نمی‌دهد

$$\left. \frac{-P_{VP}}{-} \right) - z_s - h_f \Rightarrow NPSH = \frac{0.05 \times 10^5 + 1000 \times 50 - 5000}{1000 \times 10} = 5$$

جريان‌های خارجی

۳۲۲ - گزینه ۱ درست است.

۳۰۸ - گزینه ۴ در

افت فشار لوله‌های

۳۲۳ - گزینه ۳ درست است.

۳۰۹ - گزینه ۴ در

$$\frac{(10^{-3})^2 \times 10 \times (7000 - 800)}{18 \times 4 \times 10^{-2}} = \frac{64 \times 10^{-6} \times 10 \times 6200}{18 \times 4 \times 10^{-2}} = \frac{64 \times 62}{18 \times 40} = \frac{8 \times 31}{9 \times 5} = \frac{248}{45}$$

آنالیز ابعادی و اعداد بی‌بعد

۳۱۰ - گزینه ۱ دره

۳۲۴ - گزینه ۲ درست است.

تعداد ابعاد اصلی سیستم - تعداد کمیت

۳۲۵ - گزینه ۲ درست است.

۳۱۱ - گزینه ۳ در

$$\frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}^2}$$

۳۱۲ - گزینه ۴ در

$$\frac{\frac{1}{2} \times m^3}{\frac{kg}{m \cdot s}} = 1 \Rightarrow \left[\frac{\Delta PD_1^4}{Q^2 \rho} \right] = \frac{kg}{m^4} \times \frac{m^4}{kg} = m^2 \Rightarrow \left[\frac{Q\rho}{D_1 \mu} \right] = \frac{m^3 \times kg}{m \cdot \frac{kg}{m \cdot s}} = 1 \Rightarrow \left[\frac{D_2}{D_1} \right] = \frac{m}{m} = 1$$

۳۱۳ - گزینه ۳

۳۲۶- گزینه ۳ درست است.

۳۷

دی

نمی

۳۸

۳۹

$$Q = K\rho^a D^b \Delta P^c$$

$$\left. \begin{array}{l} [Q] = \frac{L^3}{T} = L^3 T^{-1} \\ [\rho] = ML^{-3} \\ [D] = L \\ \Delta P = ML^{-1} T^{-2} \end{array} \right\} \rightarrow L^3 T^{-1} = M^a L^{-3a} \times L^b \times M^c L^{-c} T^{-2c}$$

$$-2c = -1 \Rightarrow c = 0.5$$

$$a + c = 0 \Rightarrow a = -0.5$$

$$-3a + b + c = 3 \Rightarrow b = 2$$

بسترها پر شده

۳۲۷- گزینه ۳ درست است.

$$\Delta P = (\rho_s - \rho)gL(1-\varepsilon)$$

$$\rho_s \gg \rho \Rightarrow \Delta P = \rho_s g L(1-\varepsilon) \Rightarrow \rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V \Rightarrow m_s = \rho_s \times \frac{\pi}{4} \times D^2 \times L(1-\varepsilon)$$

$$\Rightarrow \Delta P = \rho_s L(1-\varepsilon)g = \frac{4m_s}{\pi D^2} \times g = \frac{4 \times 5}{3.14 \times 0.1^2} \times 9.8 = 6242 \text{ Pa}$$

۴۰

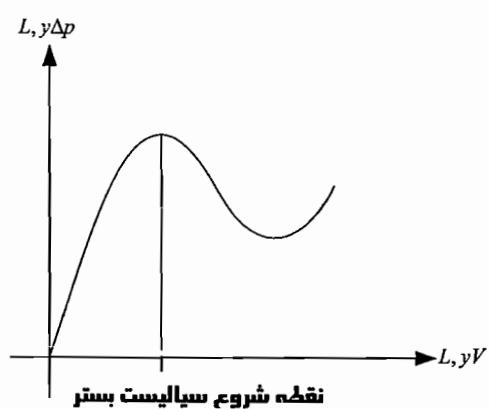
۴۱

۳۲۸- گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} (1-\varepsilon_1)L_1 = (1-\varepsilon_2)L_2 \\ L_2 = \frac{7}{4}L_1 \end{array} \right\} \rightarrow 0.7 \times L_1 = \frac{7}{4}L_1(1-\varepsilon_2) \rightarrow (1-\varepsilon_2) = 0.4$$

۳۲۹- هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

نمودار تغییرات افت فشار و سرعت سیال به صورت زیر می‌باشد:



۵۲

پس از سیالیت بستر، با افزایش سرعت، افت فشار به دلیل افزایش تخلخل کاهش می‌یابد.

۳۳۰- گزینه ۳ درست است.

$$\Delta P = gL(1-\varepsilon)(\rho_s - \rho) = 10 \times 1.5 \times 0.5 \times (3000 - 800) = 16.5$$

ک

به گزینه سوم نزدیکتر است.

۳۴۳ - گزینه ۱ درست است.

$$i(s) = \frac{e^{-2s}}{s+1}$$

$$\mathcal{I}(s) = \frac{se^{-2s}}{s+1} = \frac{0}{1} = 0$$

$$\rightarrow 0$$

۳۴۴ - گزینه ۴ درست است.

هرچه بهره سیستم بزرگ‌تر و ثابت زمانی سیستم کوچک‌تر باشد سیستم پاسخ سریع‌تری خواهد داشت.

سیستم‌های درجه اول متوالی و درجه دوم

۳۴۵ - گزینه ۳ درست است.

$$G(s) = \frac{2}{(s+1)(s+2)}$$

با حذف کردن جمله $(s+10)$ داریم

۳۴۶ - گزینه ۱ درست است.

جمع = مصرف - تولید + خروجی - ورودی موازنی ج

$$\Rightarrow 0 - 0 + 0 - V(k_1 C_A) = V \frac{dC_A}{dt} \Rightarrow -k_1 C_A = \frac{dC_A}{dt} \Rightarrow -k_1 C_A(s) = s C_A(s) - C_{A_0} \Rightarrow C_{A(s)} = \frac{C_{A_0}}{s + k_1}$$

۳۴۷ - گزینه ۱ درست است.

sleak time=2 \Rightarrow فقط در گزینه اول صحیح است

۳۴۸ - گزینه ۳ درست است.

$$1 = \frac{5}{5s^2 + 8s + 5} \Rightarrow G_1 = \frac{1}{s^2 + \frac{8}{5}s + 1} \Rightarrow \tau = 1, 2\tau\delta = \frac{8}{5} \Rightarrow \gamma = \frac{4}{5}$$

$$2 = \frac{10}{10s^2 + 8s + 10} \Rightarrow G_2 = \frac{1}{s^2 + \frac{8}{10}s + 1} \Rightarrow \tau = 1, 2\tau\gamma = \frac{8}{10} \Rightarrow \gamma = \frac{4}{10}$$

$\gamma_1 > \gamma_2$ پس G_2 نوسانی‌تر می‌باشد.

۳۴۹ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{(s)}{(s)} = \frac{k}{\tau^2 s^2 + 2\tau\xi s + 1} \Rightarrow T(s) = \frac{0.1}{s} \times \frac{k}{\tau^2 s^2 + 2\tau\xi s + 1} \Rightarrow T(s) = s \times \frac{0.1}{s} \times \frac{k}{\tau^2 s^2 + 2\tau\xi s + 1} = 0.1k$$

جواب نهایی

$$1k = 2 \Rightarrow k = 20$$

۳۵۰ - گزینه ۱ درست است.

۳۵۱ - گزینه ۳ درست است.

$$= \frac{1}{s^2 + as + 1}$$

$$\tau^2 = 1 \Rightarrow \tau = 1$$

$$\delta = a \Rightarrow \delta = 1 \Rightarrow a = 2$$

۱۸۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

شیرهای کنترل، کنترلرها، ساده‌سازی بلاک دیاگرام‌ها و افت کنترل

۳۵۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{C}{d_2} = \frac{1}{1 + G_c G_p}$$

$$R = 0 \Rightarrow R - C = e \Rightarrow 0 - C = e \Rightarrow e = -c \Rightarrow \frac{e}{d_2} = -\frac{c}{d_2} = -\frac{1}{1 + G_c G_p}$$

۳۵۳ - گزینه ۱ درست است.

در مواردی که $s = 0$ ایجاد ابهام نکند از همان ابتدا s را مساوی صفر قرار می‌دهیم و داریم:

$$\text{offset} = sR(s) \left[1 - \frac{C}{R} \right] = s \times \frac{1}{s^2} \left[1 - \frac{\frac{k}{s^2}}{1 + \frac{k}{s^2}} \right] = \frac{1}{s} \left[1 - \frac{k}{s^2 + k} \right] = \frac{s^2}{s^3 + ks} = \frac{s}{s^2 + k} = 0$$

۳۵۴ - گزینه ۳ درست است.

$$P(t) = k_c \left[\varepsilon(t) + \frac{1}{\tau_i} \int_0^\infty \varepsilon(t) dt + \tau_D \frac{d\varepsilon(t)}{dt} \right]$$

$$\varepsilon(t) = t$$

$$\Rightarrow P(t) = k_C \left[t + \frac{t^2}{2\tau_i} + \tau_D \right] = k_C \tau_D + k_C t + \frac{k_C}{2\tau_i} t^2$$

$$C(t) = 2 + t + t^2$$

$$\Rightarrow k_C \tau_D = 2 , \quad k_C = 1 , \quad \frac{k_C}{2\tau_i} = 1 \Rightarrow \tau_i = \frac{1}{2}$$

۳۵۵ - گزینه ۳ درست است.

$$L(s) \times G_F(s) \times \frac{s+2}{s+1} + L(s) = 0 \Rightarrow L(s) G_F(s) \frac{s+2}{s+1} = -L(s) \Rightarrow G_F(s) = -\frac{s+1}{s+2}$$

۳۵۶ - گزینه ۱ درست است.

$\frac{c}{d}$: در تابع انتقال، صورت کسر باید برابر G_2 باشد که فقط در گزینه اول درست است.

۳۵۷ - گزینه ۱ درست است.

$$\frac{P(s)}{E(s)} = k_C \left[1 + \tau_D s + \frac{1}{\tau_i s} \right]$$

$$E(s) = \frac{7}{s} \rightarrow P(s) = k_c \left[\frac{7}{s} + 7\tau_D + \frac{7}{\tau_i s^2} \right]$$

$$P(t) = 3 + 21(1+t)u(t) + 42\tau_D t \delta(t) \Rightarrow P(t) - 3 = 21u(t) + 21tu(t) + 42\tau_D \delta(t)$$

$$\stackrel{L}{\Rightarrow} P(s) = \frac{21}{s} + \frac{21}{s^2} + 42\tau_D$$

$$P(s) = k_C \left(\frac{7}{s} + \frac{7}{\tau_i s^2} + 7\tau_D \right) \Rightarrow k_c = 3 , \tau_i = 1 , \tau_D = 2$$

۳۶۷ - گزینه ۴ درست است.

$$1+GH=0 \Rightarrow 1+\frac{k}{s(s+1)(s+2)} \Rightarrow s(s+1)(s+2)+k=0 \Rightarrow s^3+3s^2+2s+k=0$$

جدول روث	1	2	
	3	k	
	$\frac{6-k}{3}$	0	
	3		
	k		

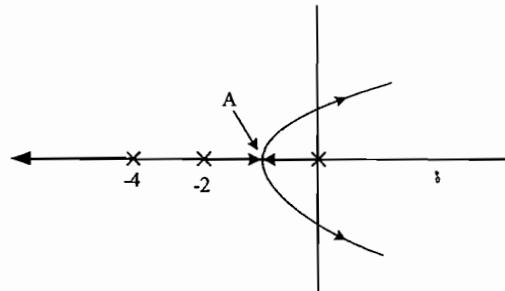
$$\frac{6-k}{3}=0 \Rightarrow k=6$$

۳۶۸ - گزینه ۳ درست است.

$$GH=\frac{1}{s(s+2)(s+4)}$$

: قطب‌ها، صفر ندارد.

$$\text{تعداد مجانب} = 3 \Rightarrow \frac{(2k+1)\pi}{3}, \frac{\pi}{3}, \frac{3\pi}{3}, \frac{5\pi}{3}$$



$$\frac{1}{s} + \frac{1}{s+2} + \frac{1}{s+4} = 0 \quad \text{نقطه جدایش} \quad \Rightarrow \quad s_A = -2 + \frac{2\sqrt{3}}{3} \quad \left. \begin{array}{l} s(s+2)(s+4) + k_c = 0 \\ s = -2 + \frac{2\sqrt{3}}{3} \end{array} \right\} \Rightarrow k_c = 2.66$$

پس ریشه‌ها به صورت موهمی می‌باشند و پاسخ باید به صورت نوسانی باشد.

$$sC_{(s)} = s \times \frac{1}{s} \times \frac{\frac{7}{8s}}{1 + \frac{7}{8s}} = 1 \quad \text{پاسخ نهایی} \quad \underset{s \rightarrow 0}{s} \underset{s \rightarrow 0}{s} \underset{s \rightarrow 0}{\frac{7}{8s}}$$

پس گزینه ۳ درست است.

۳۶۹ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{1}{s+2} = \frac{1}{s+1} + \frac{1}{s+1} \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{s+2} = \frac{2}{s+1} \quad \Rightarrow \quad s+1 = 2s+4 \quad \Rightarrow \quad s = -3 \quad \text{نقطه جدایش}$$

۳۷۰ - گزینه ۴ درست است.

$$s^4 + s^2 + s + 6 = 0$$

جدول روث	1	1	6	
	0	1	0	
	$1 - \frac{1}{8}$	6	0	
	1	0		
	6	0		

در ستون اول دوبار تغییر علامت داریم پس تعداد ریشه‌های ناپایدار کننده، دوم می‌باشد.

$$\frac{1}{s+1} + \frac{1}{s+3} = 0 \Rightarrow \frac{1}{s+1} = -\frac{1}{s+3} \Rightarrow s+3 = -s-1 \Rightarrow 2s = -4 \Rightarrow s = -2$$

$$\Rightarrow (s+1)(s+3) + k = 0 \xrightarrow{s=-2} (-1)(1) + k = 0 \Rightarrow k = 1$$

۳۷۶ - گزینه ۲ درست است.

$$GH(s) = \frac{k(s+2)}{s^2 + 2s + 3} \Rightarrow 1 + GH(s) = \frac{s^2 + 2s + 3 + k(s+2)}{s^2 + 2s + 3} \Rightarrow s^2 + 2s + 3 + k(s+2) = 0 \Rightarrow k = -\frac{s^2 + 2s + 3}{s+2}$$

مکان جدایش $\Rightarrow \frac{dk}{ds} = \frac{(-2s-2)(s+2) + s^2 + 2s + 3}{(s+2)^2} \Rightarrow \frac{dk}{ds} = 0 \Rightarrow -2s^2 - 4s - 2s - 4 + s^2 + 2s + 3 = 0$

$$-s^2 - 4s - 1 = 0 \Rightarrow s_{1,2} = \frac{+4 \pm \sqrt{16-4}}{-2} = -2 \pm \sqrt{3}$$

۳۷۷ - گزینه ۴ درست است.

$$1 + GH(-3) = 0 \Rightarrow [s(s-1) + k(s+1)] \Big|_{s=-3} = 0 \Rightarrow -3 \times (-4) + k(-2) = 0 \Rightarrow k = 6$$

۳۷۸ - گزینه ۴ درست است.

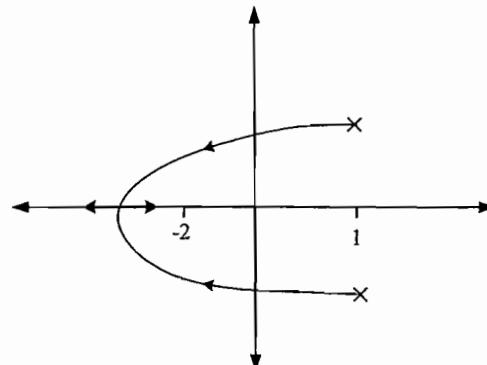
$$G(s) = \frac{k(s+2)}{(s-1+j)(s-1-j)}$$

تعداد صفر = 1, $s = -2$

تعداد قطبها = 2, $s = +1 \pm j$

تعداد جانبی = 1, π

مکان فروود = $-1 - \sqrt{3}$



همان طور که از شکل مکان مشخص است پاسخ سیستم در بهره های کم نوسانی و در بهره های بالا غیر نوسانی است.

۳۷۹ - گزینه ۱ درست است.

$$GH(s) = \frac{k(s+4)}{s(s+1)(s+2)} \Rightarrow 1 + GH = s(s+1)(s+2) + k(s+4) = s^3 + 3s^2 + (2+k)s + 4k = 0$$

جدول روش	1	2+k	همان طور که از جدول مشاهده می شود با افزایش میزان k سیستم ناپایدار می گردد.
	3	4k	
	6-k	0	
	4k		

۳۸۰ - گزینه ۳ درست است.

$$s^3 + 0.5s^2 + (3+k)s + k + 1 = 0 \Rightarrow w = 2 \frac{\text{rad}}{s} \Rightarrow 2i$$

$$-8i - 2 + (3+k)2i + k + 1 = 0 \Rightarrow k + 1 = 2 \Rightarrow k = 1 \quad \text{یا} \quad +8i = (3+k)2i \Rightarrow k = 1$$

۱۸۷ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۷۱ - گزینه ۴ درست است.

$$GH(s) = \frac{k(s+1)}{s(s-3)}$$

$$1 + GH(s) = 0 \Rightarrow s(s-3) + k(s+1) = 0 \Rightarrow s^2 - 3s + ks + k = 0 \Rightarrow s^2 + (k-3)s + k = 0$$

$$s = -2 \Rightarrow +4 - 2(k-3) + k = 0 \Rightarrow k = 10$$

۳۷۲ - گزینه ۲ درست است.

$$GH(s) = \frac{k}{s^2(s+2)}$$

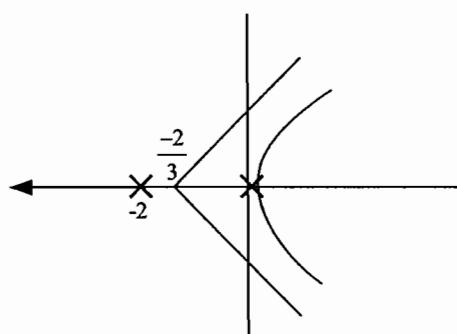
تعداد صفرها = 0

قطب‌ها = 0, 0, -2

تعداد معجانب‌ها = 3

$$\text{زاویه معجانب‌ها} = \frac{\pi}{3}, \pi, \frac{5\pi}{3}$$

$$\gamma = \frac{0+0-2-0}{3-0} = -\frac{2}{3}$$



۳۷۳ - گزینه ۲ درست است.

$$s = -3 \Rightarrow 1 + \frac{4k}{-1 \times 1 \times 2} = 0 \Rightarrow k = \frac{1}{2}$$

۳۷۴ - گزینه ۴ درست است.

$$s^4 + s^3 + 2s^2 + 2s + 3 = 0$$

جدول روث	1	2	3	
	1	2	0	
	0 = \varepsilon	3	0	
	$\frac{2\varepsilon - 3}{\varepsilon}$	0	0	
	3	0	0	
	0			

ستون اول دوبار تغییر علامت داده است پس سیستم دارای دو ریشه ناپایدار کننده است.

۳۷۵ - گزینه ۱ درست است.

$$GH(s) = \frac{k_C}{(s+1)(s+3)}$$

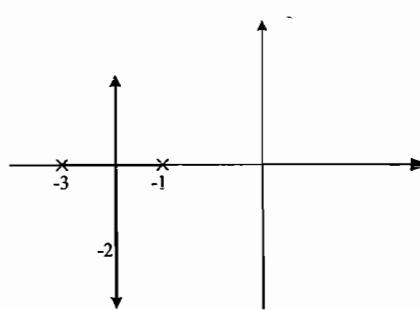
تعداد صفرها = 0

قطب‌ها = -1, -3

تعداد معجانب = 2

$$\text{زاویه معجانب‌ها} = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}$$

$$\gamma = \frac{-1-3}{2} = -2$$



۱۸۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۸۱ - گزینه ۳ درست است.

$$1 + GH = s^4 + 3s^3 + 3s + 6 = 0$$

روت	1	0	6	
	3	3	0	
	-1	6	0	
	21	0		
	6	0		

در ستون اول دو بار تغییر علامت داریم پس سیستم دارای دو ریشه ناپایدار کننده می‌باشد.

۳۸۲ - گزینه ۱ درست است.

سیستم دارای دو قطب در $+1$ و 0 می‌باشد استفاده از کنترلر PI سبب افزوده شدن یک صفر در $\frac{1}{T_i}$ و یک قطب دیگر در صفر می‌گردد و محل همرسی مجانب‌ها را به سمت راست محور موهومی شیفت می‌دهد با توجه به قطب‌های اولیه سیستم «نقاط $+1$ و 0 » و اثر کنترلر PI، سیستم ناپایدار می‌شود.
۳۸۳ - گزینه ۳ درست است.

$$S^3 + S^2 + KS + K = 0$$

باید در معادله مشخصه صدق کند. $S = 3i$

$$-27j - 9 + 3Ki + K = 0 \Rightarrow K = 9$$

۳۸۴ - گزینه ۳ درست است.

$$G(s) = \frac{K(s+2)}{s^2 - 1}$$

$$1 + G(s) = s^2 - 1 + ks + 2k \Rightarrow s^2 + ks + 2k - 1 = 0$$

1	2k-1	0
k	0	0
2k-1	0	0
0	0	0

۳۸۵ - گزینه ۲ درست است.

$$G_{(s)} = \frac{K_C}{(s+1)(s+2)}$$

$$\sum \frac{1}{s - z_i} = \sum \frac{1}{s - p_i}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{s+1} + \frac{1}{s+2} = 0 \Rightarrow s = -1.5$$

$$1 + \frac{K_C}{(s+1)(s+2)} = 0 \Rightarrow K_C = 0.25$$

۳۸۶ - گزینه ۴ درست است.

$$1 + G(H) = s^3 + 3s^2 + 2s + k$$

1	2	0
3	k	0
$\frac{6-k}{3}$	0	0
k	0	0
0		

$$\Rightarrow \frac{6-k}{3} = 0 \Rightarrow k = 6$$

پاسخ فرکانسی، دیاگرام‌های بد و نایکویست

- گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} w=0 &\Rightarrow \phi = -90 \\ w=\infty &\Rightarrow \phi = -270 \end{aligned} \rightarrow G(s) = \frac{k}{s(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)}$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \text{phase margin} &= Q \Big|_{AR=1} -(-180) \\ GH(s) &= \frac{2e^{-\frac{4\sqrt{3}}{27}\pi s}}{s+1} \Rightarrow AR = \frac{2}{\sqrt{w^2+1}} \Rightarrow AR=1 \Rightarrow w=\sqrt{3} \\ \phi &= \left(-\frac{4\sqrt{3}}{27}\pi w \right) - \left(\tan^{-1} w \right) \Rightarrow Q \Big|_{AR=1} = \frac{12\pi}{27} - \tan^{-1}\sqrt{3} = -80 - 60 = -140 \\ &\Rightarrow \text{phase margin} = -140 + 180 = 40 \end{aligned}$$

- گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} \text{gain margin} &= \frac{1}{AR|_{\phi=-180}} \\ GH(s) &= \frac{1}{s(s+1)^2} \\ \Rightarrow \phi &= -90 - 2\tan^{-1}w \Rightarrow \phi = -180 = -90 - 2\tan^{-1}w \Rightarrow w=1 \\ AR &= \frac{1}{w(w+1)} \Rightarrow w=1 \Rightarrow AR=\frac{1}{2} \\ \Rightarrow \text{gain margin} &= \frac{1}{AR|_{\phi=-180}} = 2 \end{aligned}$$

- گزینه ۳ درست است.

- گزینه ۱ درست است.

نقطه $(-1, 0)$ یکبار در جهت پاد ساعتگرد دور می‌خورد و تابع تبدیل مدار باز دارای یک ریشه $s=1$ در سمت راست محور موهومی می‌باشد.

$$\text{تعداد ریشه‌های ناپایدار} = N + P = -1 + 1 = 0$$

N : تعداد دور خوردن نقطه $(-1, 0)$ در جهت ساعتگرد

P : تعداد قطب‌های مدار باز که در سمت راست محور موهومی واقع شده است.

- گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} GH(s) &= \frac{k(s+3)}{s(s-1)} \\ \phi &= \tan^{-1} \frac{w}{3} - \frac{\pi}{2} - \left(\pi - \tan^{-1} w \right) = \tan^{-1} \frac{w}{3} + \tan^{-1} w - \frac{3\pi}{2} \\ AR &= \frac{k\sqrt{w^2+3^2}}{w\sqrt{w^2+1}} = \frac{k\sqrt{w^2+9}}{w\sqrt{w^2+1}} \end{aligned}$$

$$\text{راوند} -1 \leq \text{جلبر} \tan^{-1} \left(\frac{w}{-1} \right) + \pi$$

۱۹۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۳۹۳ - متن سؤال اشکال دارد.

۳۹۴ - گزینه ۱ درست است.

$$\text{phase margin} = -135 - (-180) = 45$$

$$\text{gain margin} = \frac{1}{\text{AR}|_{\phi=-180}} = \frac{1}{0.6} = \frac{5}{3}$$

۳۹۵ - گزینه ۲ درست است.

$$G(s) = \frac{(s-1)(e^{-0.4s})}{(2s+1)^3}$$

پس مکان با شیب ۳ - شروع می شود و در نقطه $s=1$ ، شیب آن به ۲ - تقلیل پیدا می کند.

$$\text{ریشه صورت} = s = 1$$

$$\text{ریشه مخرج} = s = -\frac{1}{2}$$

۳۹۶ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{1-e^{-s}}{s} &\Rightarrow s = i\omega \\ \frac{1-e^{-i\omega}}{i\omega} &= \frac{1-\cos\omega + i\sin\omega}{i\omega} \xrightarrow{\times \frac{i\omega}{i\omega}} \frac{i\omega - i\omega\cos\omega - \omega\sin\omega}{-\omega^2} = +\frac{1}{\omega}\sin\omega + i\left(-\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}\cos\omega\right) \\ &= +\frac{1}{\omega}\sin\omega + i\left(-\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}\cos\omega\right) \\ \Rightarrow \text{AR} &= \sqrt{\frac{\sin^2\omega}{\omega^2} + \frac{1}{\omega^2} + \frac{\cos^2\omega}{\omega^2} - \frac{2\cos\omega}{\omega^2}} = \sqrt{\frac{2(1-\cos\omega)}{\omega^2}} \Rightarrow \phi = \tan^{-1}\left(\frac{-\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}\cos\omega}{\frac{\sin\omega}{\omega}}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{\cos\omega - 1}{\sin\omega}\right) \end{aligned}$$

۳۹۷ - گزینه ۲ درست است.

۳۹۸ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} y(s) &= \frac{\sqrt{2}e^{\frac{-\pi}{4}s}}{s+1} \times \frac{1}{s^2+1} \\ \Rightarrow y(t) &= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \sin\left(t - \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4}\right) = -\cos t \end{aligned}$$

۳۹۹ - گزینه ۲ درست است.

$$G(s) = \frac{K}{(s+1)}$$

$$\Rightarrow \text{AR} = 1$$

$$K = \left(1 + \omega^2\right)^{\frac{3}{2}} \Rightarrow K^{\frac{2}{3}} - 1 = \omega^2 \Rightarrow \omega = \left(K^{\frac{2}{3}} - 1\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$P.M = -3\tan\omega + 180 = 45 \Rightarrow \omega = 1$$

$$\left(K^{\frac{2}{3}} - 1\right) = 1 \Rightarrow K^{\frac{2}{3}} = 2 \Rightarrow K = 2\sqrt{2}$$

۴۰۰ - گزینه ۴ درست است.

$$G(s) = \underbrace{k(s+1)e^{-2s}}_{\phi_1} \times \underbrace{\frac{1}{s^2+1}}_{\phi_2}$$

$$\frac{1}{s^2+1} = \frac{1}{-w^2+1} \Rightarrow \phi_2 = -\pi \quad \phi_1 = \tan^{-1} w - 2w \Rightarrow \phi = \tan_w^{-1} - 2w - \pi$$

$$s = iw \quad w > 1$$

۱۹۳ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

نفوذ مولکولی.

۴۰۱ - گزینه ۲ درست است.

شار انتقال جرم همواره ثابت است و داریم:

$$\dot{m}_A = N_A \cdot S \cdot M_A$$

۴۰۲ - گزینه ۳ درست است.

$$3A \rightarrow A_3 \Rightarrow \frac{N_A}{3} = \frac{N_{A_3}}{-1} \Rightarrow \frac{N_A}{\sum N} = \frac{3}{2}$$

واکنش سریع $\Rightarrow y_{A_2} = 0$

$$N_A = \frac{N_A}{\sum N} \frac{D_{AB}P_t}{RTz} \ln \frac{\frac{N_A}{\sum N} - y_{A_2}}{\frac{N_A}{\sum N} - y_{A_1}} = \frac{3}{2} \frac{D_{AB}P_t}{RTz} \ln \frac{\frac{3}{2} - 0}{\frac{3}{2} - y_A} = -\frac{3}{2} \frac{D_{AB}P_t}{RTz} \ln \left(1 - \frac{2}{3}y_A\right)$$

۴۰۳ - گزینه ۲ درست است.

$$V = \sum x_i V_i \Rightarrow 0.6 = x_{H_2} + (1 - x_{H_2})0.5 \Rightarrow x_{H_2} = 0.2$$

۴۰۴ - گزینه ۴ درست است.

$$\text{در مختصات استوانه } \rightarrow \frac{d}{dr}(N_{A_r} r) = 0$$

۴۰۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{D_2}{D_1} = \frac{\mu_1}{\mu_2} \times \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{D_2}{2 \times 10^{-9}} = \frac{\mu_1}{0.55 \mu_1} \times \frac{330}{300} \Rightarrow D_2 = \frac{2 \times 10^9 \times 3.3}{0.55 \times 3} = 4 \times 10^9$$

۴۰۶ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} N_A = J_A + x_A \sum N \\ j_A = -D_{AB} C_T \nabla x_A \end{array} \right\} \rightarrow N_A = x_A \sum N - D_{AB} C_T \nabla x_A$$

۴۰۷ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} N_A = -D_{AB} \frac{dC_A}{dr} + \frac{C_A}{C} \sum N_i \\ \sum N_i = N_A \end{array} \right\} \rightarrow N_A = \frac{-D_{AB} \frac{dC_A}{dr}}{1 - \frac{C_A}{C}}$$

در مختصات استوانه‌ای N_A ثابت نمی‌باشد و نمی‌تواند از انتگرال خارج شود.

$$N_A \times 2\pi L = \left[\frac{-D_{AB} \frac{dC_A}{dr}}{1 - \frac{C_A}{C}} \right] \times 2\pi L = \frac{-2\pi L D_{AB} \frac{dC_A}{1 - \frac{C_A}{C}}}{\frac{dr}{r}}$$

۱۹۴ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

عبارت $N_A \times 2\pi L \times \frac{mole}{s}$ بیانگر سرعت انتقال جرم بر حسب $\frac{mole}{s}$ می‌باشد و ثابت است و می‌تواند از انتگرال خارج شود.

$$N_A \times 2\pi L \times M_A = \dot{m}_A$$

$$\Rightarrow \int \dot{m}_A = \frac{-2\pi L M_A D_{AB} \int_{C_{A1}}^{C_{A2}} \frac{dC_A}{1 - \frac{C_A}{C}}}{\int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r}} = \frac{2\pi L D_{AB} M_A C}{\ln \frac{r_2}{r_1}} \cdot \ln \frac{1 - \frac{C_{A2}}{C}}{1 - \frac{C_{A1}}{C}}$$

$$\left. \begin{array}{l} N_A = -D_{AB} \frac{dC_A}{dr} + \frac{C_A}{C} \sum N_i \\ \text{نفوذ متقابل} \\ \Rightarrow \sum N_i = 0 \end{array} \right\} \rightarrow N_A = -D_{AB} \frac{dC_A}{dr}$$

$$\Rightarrow N_A \times 2\pi L \times M_A = \left[-D_{AB} \frac{dC_A}{dr} \right] \times 2\pi L M_A$$

$$\Rightarrow \int \dot{m}_A = \frac{-D_{AB} 2\pi L M_A \int_{C_A^*}^{C_A} dC_A}{\frac{dr}{r}} \Rightarrow \dot{m} = \frac{2\pi L M_A D_{AB} (C_A^* - C_A)}{\ln \frac{r}{R}}$$

۴۰۸ - گزینه ۱ درست است.

به دلیل یکسان بودن فشار درون ظرف و هوای بیرون، انتقال جرم به صورت نفوذ مولکولی متقابل می‌باشد و به میزان مولکول‌های CO_2 خروجی از ظرف، مولکول‌های هوا وارد ظرف می‌شوند.

$$\sum N_i = 0$$

$$N_A = j_A + x_A \sum N_i \Rightarrow N_A = J_A = -D_{AB} \frac{dC_A}{dZ}$$

با مدل‌سازی شبیه پایا، توزیع غلظت را فقط تابع زمان در نظر می‌گیریم و داریم:

$$\left. \begin{array}{l} N_A = -D_{AB} \frac{dC_A}{dZ} \\ C_A = \frac{n_A}{V} \end{array} \right\} \rightarrow N_A = \frac{+D_{AB} (n_A - 0)}{V} \frac{\delta}{\delta} \quad \text{معادله شماره (۱)}$$

از تعریف N_A داریم:

$$N_A = \frac{1}{M_A} \frac{dn_A}{dt} \quad \text{معادله شماره (۲)}$$

$$(1) \text{ و } (2) \Rightarrow \frac{1}{M_A} \frac{dn_A}{dt} = \frac{D_{AB} n_A}{V} \frac{\delta}{\delta} \Rightarrow$$

$$\frac{\delta V}{M_A D_{AB} n_A} \frac{dn_A}{dt} = dt \Rightarrow \frac{\delta V}{M_A D_{AB}} \int_{\frac{2}{3} n_{A1}}^{n_{A1}} \frac{dn_A}{n_A} = \int_0^t dt$$

$$\Rightarrow \frac{\delta V}{M_A D_{AB}} L_\pi \frac{dn_A}{\frac{2}{3} n_A} = t \Rightarrow t = \frac{10 \times 10^{-2} \times 100 \times 10^{-6}}{40 \times 3 \times 1 \times 10^{-4} \times 3.33 \times 10^{-5}} \times 0.4 = 10s$$

۴۰۹ - گزینه ۲ درست است.

۱۹۵ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

ضرایب انتقال جرم

۴۱۰ - گزینه ۳ درست است.

$$A \rightarrow 3B \Rightarrow \frac{N_A}{1} = \frac{N_B}{-3} \Rightarrow \frac{N_A}{\sum N_i} = \frac{1}{1-3} = -\frac{1}{2}$$

$$N_A = \frac{N_A}{\sum N_i} F \ln \frac{\frac{N_A}{\sum N_i} - y_{A_2}}{\frac{N_A}{\sum N_i} - y_{A_1}} = -\frac{1}{2} F \ln \frac{-\frac{1}{2} - 0}{-\frac{1}{2} - y_A} = \frac{1}{2} F \ln(1 + 2y_A)$$

$$N_A = K_y (y_A - 0) = K_y y_A \Rightarrow F = \frac{2K_y y_A}{\ln(1 + 2y_A)}$$

۴۱۱ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} Sc = Pr \\ Re = cte \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} Sh = Nu \\ Re = cte \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} Nu = \frac{hL}{k} \\ \frac{h_1 L_1}{k_1} = \frac{h_2 L_2}{k_2} \end{array} \right\} \Rightarrow h_1 L_1 = h_2 L_2 \Rightarrow L_2 = 2L_1 \Rightarrow h_2 = \frac{1}{2} h_1$$

$$Sh = Nu \Rightarrow \frac{FL}{CD_{AB}} = \frac{hL}{k} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} F = \frac{CD_{AB}h}{k} \\ C = \frac{P_t}{RT} \end{array} \right\} \Rightarrow F = \frac{P_t D_{AB} h}{RT k}$$

$$\Rightarrow F = \frac{0.2 \times 10^5 \times 1.12 \times 10^{-4} \times 120}{8.314 \times 300 \times 0.0263} = 4.1 \frac{mol}{m^2 \cdot s} = 4.1 \times 10^{-3} \frac{kmol}{m^2 \cdot s}$$

۴۱۲ - گزینه ۳ درست است.

در انتقال جرم از کره $Sh = 2 + f(Re \cdot Sc)$

$$Sh = 1.2 Re^{0.55} \cdot Sc^{0.34}$$

با توجه به دو رابطه بالا، مشاهده می‌شود که در رابطه پایینی از عدد ثابت ۲ صرفنظر شده است که مربوط به انتقال جرم با مکانیزم نفوذ مولکولی می‌باشد.

۴۱۳ - گزینه ۴ درست است.

۴۱۴ - گزینه ۲ درست است.

وقتی اصطکاک از نوع سطحی باشد می‌توانیم از تشابه و آنالوژی رینولدز کلیورن استفاده کنیم.

۴۱۵ - گزینه ۴ درست است.

با توجه به اعداد اشمیت، مشخص است که هر دو فاز مایع می‌باشند پس این پدیده می‌تواند در یک برج استخراج مایع مایع انجام شود.

۴۱۶ - گزینه ۲ درست است.

$$k_{L_{CO_2}} = 2 \times 10^{-3} \frac{m}{s}$$

$$k_{L_{Ar}} = ?$$

$$\text{تهوری رسوخ} \Rightarrow k_C = \sqrt{\frac{D_{AB}}{\pi \theta}} \Rightarrow k \propto \sqrt{D_{AB}}$$

$$\Rightarrow \frac{k_{L_{Ar}}}{k_{L_{CO_2}}} = \sqrt{\frac{D_{Ar}}{D_{CO_2}}} \Rightarrow \frac{k_{L_{Ar}}}{2 \times 10^{-3}} = \sqrt{\frac{5.14 \times 10^{-9}}{1.46 \times 10^{-9}}} = 2 \Rightarrow k_{L_{Ar}} = 2 \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \frac{m}{s}$$

۴۱۷ - گزینه ۲ درست است.

۱۹۶ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

انتقال جرم بین فازها

۴۱۸ - گزینه ۲ درست است.

مقاومت فاز مایع بیشتر از مقاومت فاز گاز می‌باشد $\frac{1}{K_y} = \frac{m}{k_x}$ بنابراین $\frac{1}{k_x} \gg \frac{1}{k_y}$

۴۱۹ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{\sum N_A - y_{A_i}}{\sum N} = \left[\frac{\sum N_A - x_{AL}}{\sum N} \right]^{\frac{F_L}{F_G}} \Rightarrow \frac{1-y_A}{1-0.6} = \left(\frac{1-0.4}{1-x_A} \right)^{\frac{1.2 \times 10^{-3}}{1.8 \times 10^{-3}}} \Rightarrow 1-y_A = 0.4 \left(\frac{0.96}{1-x_A} \right)^{\frac{2}{3}}$$

۴۲۰ - گزینه ۱ درست است.

$$N_A = \frac{Q(\Delta C_A)}{A} = \frac{Q(C_{AL} - C_{A_0})}{2\pi RL}$$

$$N_A = \frac{\frac{m^3 \times \text{mole}}{s}}{\frac{m^3}{m^2}} = \frac{\text{mole}}{m^2 \cdot s}$$

۴۲۱ - گزینه ۱ درست است.

$$\frac{\frac{N_A - y_A}{N_t}}{\frac{N_A - y_{A_i}}{N_t}} = \left(\frac{\frac{N_A - x_{A_i}}{N_t}}{\frac{N_A - x_A}{N_t}} \right)^{\frac{F_L}{F_G}}$$

۴۲۲ - گزینه ۱ درست است.

$$\text{Batch} \quad \text{شیب خط عملیاتی} = -\frac{L_s}{G_s}$$

$$L_s = 50 \text{ gr}$$

$$PV = \frac{m}{M} RT \Rightarrow m = \frac{PVM}{RT} \Rightarrow G_s = \frac{\left(\frac{760-60}{1000} \right) \times 13600 \times 29}{8.314 \times 3.3} = 22.14 \Rightarrow \text{شیب} = -\frac{50}{22.14} \approx -2$$

۴۲۳ - گزینه ۴ درست است.

$$100 \frac{\text{Lbmol}}{\text{min}} = 10 \frac{\text{Lbmol}}{\text{ft}^2 \cdot \text{min}} \times A \Rightarrow A = 10$$

$$A = \pi DL = 10 \Rightarrow D = \frac{10}{\pi L} \text{ ft} = \frac{10 \times 12}{\pi L} \text{ inch} = \frac{10 \times 12}{3.14 \times 6.5} \approx 6 \text{ inch}$$

۴۲۴ - گزینه ۴ درست است.

در عملیات جذب، انتقال جرم از فاز سبک به فاز سنگین می‌باشد و خط تبادل بالای منحنی تعادل قرار می‌گیرد و در مختصات x و y خط عملیاتی به منحنی تبدیل می‌شود.

۱۹۷ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

- گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\sum \frac{N_A}{N_i} - y_{A_i}}{\sum \frac{N_A}{N_i} - y_{AG}} = \left[\frac{\sum \frac{N_A}{N_i} - x_{AL}}{\sum \frac{N_A}{N_i} - x_{A_i}} \right]^{\frac{F_L}{F_G}}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{N_A}{\sum N_i} = 1 \\ \frac{F_L}{F_G} = 1 \end{array} \right\} \rightarrow \frac{1 - y_{A_i}}{1 - 0.8} = \frac{1 - 0.2}{1 - y_{A_i}} \Rightarrow y_{A_i} = x_{A_i} = 0.4$$

دستگاه‌های مربوط به عملیات گاز - مایع

- گزینه ۱ درست است.

برای بازیافت قطرات مایع باقیمانده در جریان گاز خروجی از برج packed از 0.5 متر ارتفاع خشک پرکن در بالای برج استفاده می‌کنند.

- گزینه ۳ درست است.

برج‌های آکنده افت فشار کمتری نسبت به برج‌های سینی دارای ایجاد می‌کنند.

- گزینه ۳ درست است.

$$a = \frac{6(1-\varepsilon)}{dp} \Rightarrow dp = \frac{6(1-\varepsilon)}{a} = \frac{6 \times 0.5}{30} = 0.1$$

- گزینه ۳ درست است.

- گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} HETP = 0.25 \text{ m} \\ NTG = 0.2 \times 50 = 10 \end{array} \right\} \rightarrow 10 \times 0.25 = 2.5 \text{ m}$$

- گزینه ۲ درست است.

میزان Hold up سینی‌های غربالی حدود ۱۵٪ تا ۵٪ می‌باشد.

- گزینه ۴ درست است.

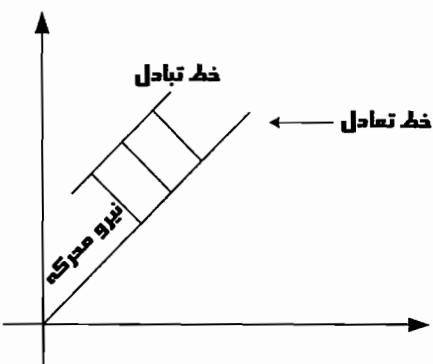
مایع تجمع یافته Liqind hold up در برج‌های سینی دار بیشتر از برج‌های پر شده است.

۱۹۸ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

جذب و دفع گاز

۴۳۳ - گزینه ۳ درست است.

ضریب جذب بیانگر نسبت شیب خط تبادل به منحنی تعادل می‌باشد با توجه به این‌که $A = \frac{L}{mG} = 1$ می‌باشد پس فاصله خطوط تبادل و تعادل ثابت و با شیب برابر می‌باشند.



۴۳۴ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$Y_1 = 0.1, \quad Y_2 = 0.1Y_1 = 0.01$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{L_s}{G_s} = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} \\ , Y_1 = X_1^2 \\ , \left(\frac{L_s}{G_s} \right)_{\min} = \frac{1}{2} \left(\frac{L_s}{G_s} \right) \end{array} \right\} \rightarrow \left(\frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} \right)_{\min} = \frac{1}{2} \left(\frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{0.01 - 0.1}{0 - \sqrt{0.1}} = \frac{1}{2} \frac{0.01 - 0.1}{0 - X_1} \Rightarrow$$

جواب در گزینه‌ها نمی‌باشد.

تقطیر

۴۳۵ - گزینه ۱ درست است.

اگر نسبت R در حداقل خود باشد تعداد سینی‌ها بی‌نهایت می‌شود و انتقال جرم در تعدادی از سینی‌ها انجام نمی‌شود و درجه حرارت یکسانی خواهد داشت.

۴۳۶ - گزینه ۳ درست است.

دو فاز خروجی از هر سینی را در حال تعادل در نظر می‌گیرند و تأثیر ضرایب انتقال جرم دو فاز در راندمان سینی می‌باشد.

۴۳۷ - گزینه ۳ درست است.

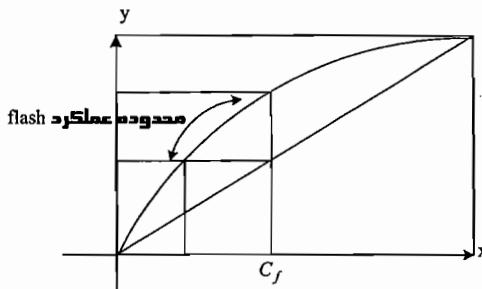
$$\text{معادله فنسک} \quad N_{\min} = f(x_D, x_w, \alpha_{ave})$$

$$\alpha_{ave} = \frac{\frac{y_A}{y_B}}{\frac{x_A}{x_B}} = \frac{\frac{y_A}{x_A}}{\frac{y_B}{x_B}} = \frac{\frac{P_A^*}{P_t}}{\frac{P_B^*}{P_t}} = \frac{P_A^*}{P_B^*}$$

$$P_t y_1 = x_1 P_1^*$$

۱۹۹ مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۴۳۸ - گزینه ۴ درست است.



۴۳۹ - گزینه ۲ درست است.

خرید و نگهداری ریبویلر پرهزینه می باشد با استفاده از بخار آب مستقیم در هزینه ها صرفه جویی می شود اما تعداد مراحل افزایش می یابد.

۴۴۰ - گزینه ۳ درست است.

$$R \propto \frac{1}{N}$$

۴۴۱ - گزینه ۱ درست است.

مخلوط آب و اتانول در ترکیب درصد ۸۹٪ تشکیل آزنوتروب می دهد و جداسازی بیش از این مقدار توسط یک برج تقطیر امکان پذیر نیست و از طرف دیگر در خروجی از ریبویلر ترکیب درصد جزء غیرفرار باید نسبت به خوراک بیشتر باشد پس گزینه ۱ صحیح است.

۴۴۲ - گزینه ۱ درست است.

$$R \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{L}{V} = \frac{\bar{L}}{\bar{V}} = 1$$

۴۴۳ - گزینه ۲ درست است.

مخلوط ۵۰٪ متاتول و اب از نقطه آزنوتروب دور می باشد و همواره «به جز در ترکیب آزنوتروب» در نمودار T_{xy} منحنی شبینم بالاتر از منحنی قرار دارد پس گزینه ۲ صحیح است.

۴۴۴ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} \bar{L} &= L + qF \quad \Rightarrow \quad \bar{L} = L + \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad \frac{\bar{L}}{\bar{G}} = \frac{L + 0.5}{G - 0.5} \\ \bar{G} &= G + (q-1)F \quad \Rightarrow \quad \bar{G} = G - \frac{1}{2} \end{aligned}$$

۴۴۵ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} y = 0.6x + 0.32 \\ y = 2x - 1 \end{array} \right\} \rightarrow 0.6x + 0.32 = 2x - 1 \Rightarrow x = 0.3, y = 0.5$$

$$y = \frac{q}{q-1}x - \frac{z_f}{q-1} \quad \left| \begin{array}{l} z_f = 0.5 \\ x = 0.3 \\ y = 0.5 \end{array} \right. \Rightarrow q = 0 \rightarrow$$

خوراک بخار اشباع معادله خط خوراک

۲۰۰ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲

۴۴۶ - گزینه ۲ درست است.

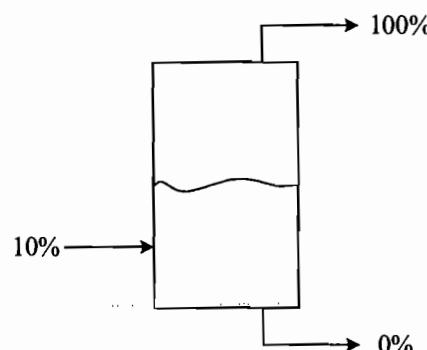
مخلوط آب و اتانول در ترکیب درصد ۸۹% دارای نقطه آزئوتrop می‌باشد بنابراین با تقطیر مخلوط ۹۶% اتانول، می‌توانیم به الكل خالص دست یابیم ولی محصول پایینی برج نمی‌تواند بیش از ۱۱% مولی آب داشته باشد و در عین حال باید مقدار جزء غیر فرار در آن نسبت به خوراک بیشتر باشد پس گزینه ۲ صحیح است.

۴۴۷ - گزینه ۲ درست است.

فراریت نسبی اثر نسبت به فنل و آمونیاک و اسید کلریدریک در مخلوط با آب بیشتر است پس در عمل تبخیر ساده منجر به تفکیک درجه بالاتری می‌شود.

۴۴۸ - گزینه ۴ درست است.

بنزن جزء سبک و تولونن جزء سنگین می‌باشد و برای انجام جداسازی مطلوب لازمست محل ورود خوراک سبب به هم خوردن پروفایل غلظت در طول برج نشود بنابراین لازم است مخلوط ۱۰% بنزن و ۹۰% تولوئن از قسمت پایین برج وارد شوند.



۴۴۹ - گزینه ۳ درست است.

$N_A \neq N_B \Leftarrow$ خطوط تبادل به صورت منحنی در می‌آیند.

۴۵۰ - گزینه ۲ درست است.

اگر قطر برج کوچک باشد و تحت خلا کار کند، شدت جریان‌های مایع و گاز کم می‌باشد و برای کاهش افت فشار لازم است ضخامت مایع در روی سینی‌ها کم باشد که برایند این دو عامل سبب کاهش زمان توقف فازهای بخار و مایع در روی سینی‌ها می‌شود.

۴۵۱ - گزینه ۴ درست است.

$$y = \frac{q}{q-1}x - \frac{z_f}{q-1} \left| \begin{array}{l} x=0.3 \\ y=0.5 \\ z_f=0.4 \end{array} \right. \Rightarrow 0.5 = \frac{q}{q-1}0.3 - \frac{0.4}{q-1} \Rightarrow 0.5q - 0.5 = 0.3q - 0.4$$

$$\Rightarrow 0.2q = 0.1 \Rightarrow q = \frac{1}{2}$$

خوراک به صورت مایع و بخار

۴۵۲ - گزینه ۴ درست است.

مخلوط آب و اتانول دارای آزئوتrop می‌باشد که در فشارهای مختلف محل نقطه آزئوتrop تغییر می‌کند پس هر سه نمودار می‌توانند نشانگر مخلوط آب و اتانول باشند.

۲۰۱ مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۴۵۳- گزینه ۱ درست است.

بخار سوپرھیت خروجی از ریبویلر با بخار کردن مقداری از مایع سینی اول به حالت اشباع درمی آید مقدار گرمایی که بخار سوپرھیت به خاطر داغ بودن خود دارد در مقایسه با گرمای نهان تبخیر ناچیز است.

۴۵۴- گزینه ۴ درست است.

میزان فراریت نسبی مخلوط آب و دیتریوم بسیار کم می باشد.

۴۵۵- گزینه ۱ درست است.

بر اساس فرضیات مک کیب دبی مولی مایع و بخار در بالا و پایین برج ثابت است.

۴۵۶- گزینه ۲ درست است.

در تقطیر استخراجی به یک مخلوط دوجزئی که جداسازی آن با روش های معمولی مشکل و یا غیرممکن است یک سازنده سوم به نام حلal اضافه می کنند که سبب می شود فراریت نسبی سازنده اصلی تغییر می کند. به همین جهت قطر برج بزرگ و ارتفاع آن نیز افزایش می یابد.

۴۵۷- گزینه ۱ درست است.

$$N_{\min} = \frac{\log \left(\frac{x_D (1-x_W)}{x_W (1-x_D)} \right)}{\log a_{ave}} - 1$$

معادله فنسک

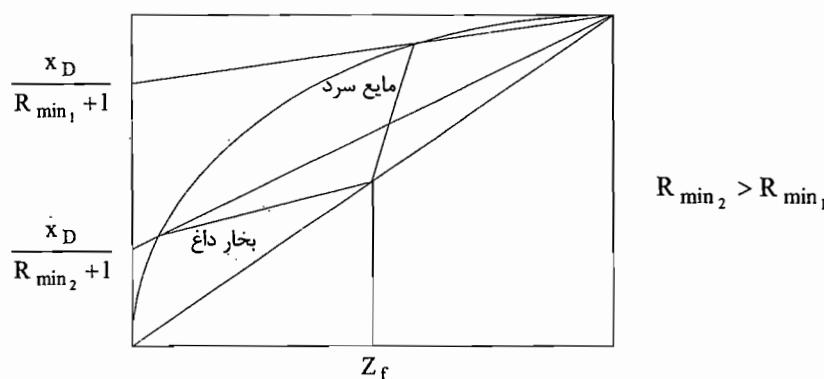
$$a_{ave} = \sqrt{a_{top} a_{bottom}}$$

۴۵۸- گزینه ۴ درست است.

R_{\min} ، حداکثر نسبتی است که در صورت به کاربردن آن در یک عمل تفکیک مشخص تعداد سینی های لازم بی نهایت می شود و بار حرارتی جوش آور و ظرفیت تبرید کندانسور به حداکثر می رسد.

۴۵۹- گزینه ۱ درست است.

۴۶۰- گزینه ۳ درست است.

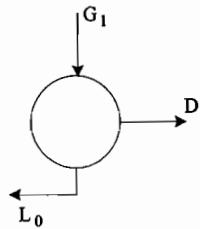


۴۶۱- گزینه ۳ درست است.

محدوده دمایی عملکرد تبخیر کننده بین دمای جوش خوراک و دمای شبنم خوراک ورودی است.

۲۰۲ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۶۲ - گزینه ۲ درست است.



$$R = \frac{L_0}{D}$$

$$L_0 + D = G_1$$

$$\Rightarrow R_1 = 4 = \frac{L_{01}}{D_1} \Rightarrow L_{01} = 4D_1 \Rightarrow L_{01} + D_1 = G_1 \Rightarrow G_1 = 5D_1$$

$$R_2 = 8 = \frac{L_{02}}{D_1} \Rightarrow L_{02} = 8D_2 \Rightarrow L_{02} + D_2 = G_1 \Rightarrow G_1 = 9D_2$$

$$\Rightarrow \frac{9D_2}{5D_1} = 1.8$$

استخراج مایع - مایع

۴۶۳ - گزینه ۴ درست است.

در هیچ کدام از شکل‌ها A و C نمی‌توانند به طور کامل در یکدیگر حل شوند.

۴۶۴ - گزینه ۳ درست است.

برج‌های دارای سینی دارای کمترین راندمان می‌باشند.

۴۶۵ - گزینه ۲ درست است.

وقتی انتقال جرم با آزاد شدن و گرفتن انرژی همواره می‌باشد پروفایل دمایی به وجود می‌آید.

۴۶۶ - گزینه ۱ درست است.

۴۶۷ - گزینه ۱ درست است.

۴۶۸ - گزینه ۲ درست است.

۴۶۹ - گزینه ۱ درست است.

۴۷۰ - گزینه ۲ درست است.

اگر برای عمل استخراج نیازمند تعداد مراحل بالا باشیم از برج‌های Agitated استفاده می‌کنیم.

۴۷۱ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} B_{\max} \times \overline{BQ} &= F \times \overline{FQ} \\ B_{\min} \times \overline{BP} &= F \times \overline{FP} \end{aligned} \Rightarrow \frac{B_{\max}}{B_{\min}} = \frac{F \times \overline{FQ}}{F \times \overline{BP}} = \frac{\frac{10}{2}}{\frac{2}{10}} = 25$$

۲۰۳ | مجموعه مهندسی شیمی | آزاد پارسه | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۷۲ - گزینه ۱ درست است.

در برج سینی دار استخراج مایع مایع، ماندگی کمتر از ۲۰% می‌باشد.

۴۷۳ - گزینه ۱ درست است.

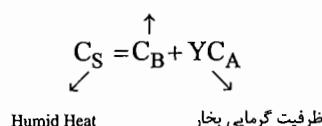
در برج‌های پر شده، فاز مایع به صورت فاز پراکنده درمی‌آید که سطح آکنه را تر می‌کند و جریان گاز با عبور از روی آن سبب می‌شود که سطح انتقال جرم افزایش یابد.

عملیات مرطوب‌سازی

۴۷۴ - گزینه ۴ درست است.

۴۷۵ - گزینه ۳ درست است.

ظرفیت گرمایی هوای خشک



۴۷۶ - گزینه ۱ درست است.

در اثر حرارت دادن به هوای مرطوب تحت فشار ثابت، حجم مخلوط افزایش می‌یابد و از طرفی برای ثابت ماندن رطوبت نسبی، لازم است مقداری بخار آب به هوا اضافه کنیم.

۴۷۷ - گزینه ۴ درست است.

میان همواره با آزاد شدن انرژی همراه است اما اگر جذب سطحی از نوع فیزیکی باشد مقدار انرژی آزاد شده ناچیز است و می‌توان از آن صرفنظر نمود.

۴۷۸ - گزینه ۴ درست است.

خشک کردن drying

۴۷۹ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{aligned} N &= -\frac{m_s}{A_t} \frac{dX}{dt} \\ m_s &= \rho_s V = \rho_s \times 2s \times A \\ A_t &= 2A \end{aligned} \right\} \rightarrow N = \frac{\rho_s 2s \cdot A}{2A} \frac{dx}{dt} = \rho_s \cdot s \frac{dx}{dt}$$

۴۸۰ - گزینه ۲ درست است.

$$w_s \frac{dX}{dt} = mX \Rightarrow dt = \frac{w_s}{mX} dX \Rightarrow t = \frac{w_s}{m} \int_{x_1}^{x_c} \frac{dx}{x} \Rightarrow t = \frac{w_s}{m} \ln \frac{x_c}{x_1}$$

۲۰۴ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۴۸۱ - گزینه ۲ درست است.

$$R \propto \frac{1}{t} \propto \frac{1}{s} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{s_1}{s_2} = 2$$

نیروی مویینگی کنترل کننده

۴۸۲ - گزینه ۲ درست است.

۴۸۳ - گزینه ۳ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \text{رطوبت پیوندی} + \text{رطوبت غیرپیوندی} = \text{رطوبت جسم} \\ \phi=100 \end{array} \right| = 4 + 40 = 44$$

۴۸۴ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

جریان هوای به صورت خشک می‌باشد پس $y_{A_1} = 0$ می‌باشد.

۴۸۵ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$N_C = \frac{h(T_G - T_w)}{\lambda}$$

پس ریت خشک شدن مستقل از نوع جسم جامد است پس گزینه ۱ صحیح است. رطوبتی که جسم در ریت خشک شدن ثابت از دست می‌دهد رطوبت سطحی و از نوع غیرپیوندی است پس گزینه ۲ و ۴ نیز صحیح هستند.
 همچنین دمای سطح مشترک جامد و هوای برابر دمای حباب مرطوب هوای عبوری است پس گزینه ۳ نیز صحیح است.

۴۸۶ - گزینه ۳ درست است.

سرعت هوای بر شدت و زمان خشک شدن در ناحیه fallig rate اثری ندارد چون انتقال حرارت و جرم با مکانیزم نفوذ مولکولی انجام می‌شود.

۴۸۷ - گزینه ۴ درست است.

۴۸۸ - گزینه ۳ درست است.

در ناحیه ED، مکانیزم انتقال جرم و حرارت از نوع نفوذ مولکولی می‌باشد و دمای جسم مرطوب در طول فرایند افزایش می‌یابد.
 ۴۸۹ - گزینه ۳ درست است.

رطوبت تعادلی تابعی از نوع ماده و شرایط هوای خشک کننده است و اگر رطوبت هوای بیشتر از مقدار رطوبت تعادلی جسم باشد آنگاه جامد رطوبت هوای را به خود جذب کند.

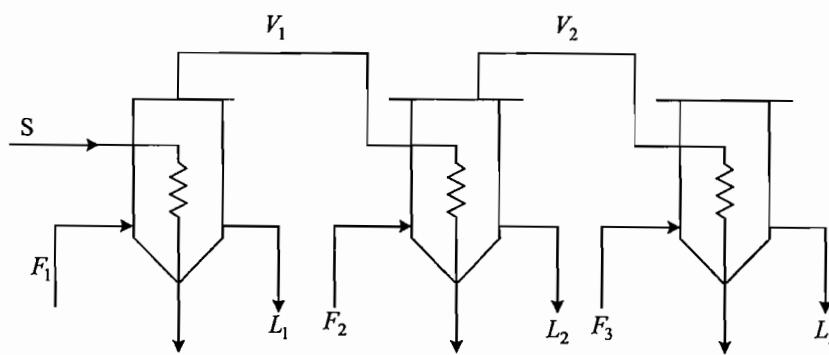
۴۹۰ - گزینه ۳ درست است.

هرچه دمای حباب خشک بزرگ‌تر باشد و دمای حباب خیس کوچک‌تر باشد اجسام زودتر خشک می‌شوند.

تبخیر

۴۹۱ - گزینه ۴ درست است.

تغذیه موازی:



۴۹۲ - گزینه ۴ درست است.

عامل اصلی تعیین هزینه، فشار خروجی از کمپرسور می‌باشد.

۴۹۳ - گزینه ۱ درست است.

با افزایش دبی خوراک، حرارت جذب شده بر واحد جرم خوراک کم شده و مقدار تبخیر انجام شده خوراک کاهش می‌یابد و غلظت خوراک نسبت به حالت قبلی کاهش می‌یابد.

۴۹۴ - گزینه ۳ درست است.

برای محلول‌های حساس به دما از تبخیر کننده‌های تحت خلا و یا فیلم ریزان استفاده می‌کنیم.

جذب سطحی adsorption

۴۹۵ - گزینه ۳ درست است.

$$\left(\frac{Y_1}{Y_2} \right)^{\frac{1}{n}} - \frac{1}{n} \frac{Y_0}{Y_1} = 1 - \frac{1}{n}$$

مقدار جاذب مینیمموم

$n=2$ و Y_2 ثابت و مشخص می‌باشند و y_1 از معادله بالا به دست می‌آید.

۴۹۶ - گزینه ۲ درست است.

۴۹۷ - گزینه ۳ درست است.

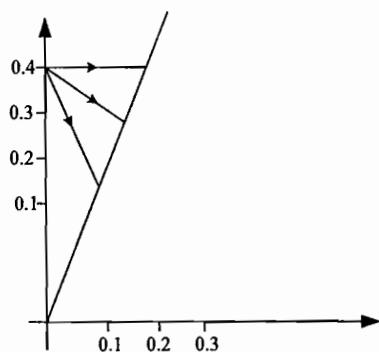
زمان نقطه شکست با کاهش طول بستر و کاهش ظرفیت جامد، کاهش می‌یابد و زمان نقطه شکست با کاهش اندازه ذرات جامد و کاهش شدت جریان سیال در بستر و کاهش غلظت اولیه حل شونده در خوراک، افزایش می‌یابد.

۴۹۸ - گزینه ۲ درست است.

۲۰۶ | انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

استخراج از جامدات Leaching

۴۹۹ - گزینه ۴ درست است.



۵۰۰ - گزینه ۴ درست است.

با کاهش اندازه ذرات و افزایش تخلخل میزان ماندگی مایع در ذرات جامد افزایش می‌یابد و همچنین زیاد بودن کشش سطحی ذرات جامد نسبت به مایع سبب افزایش نیروی جاذبه جامد - مایع می‌گردد که سبب افزایش ماندگی مایع می‌گردد.

۲۰۷ مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

واکنش‌های شیمیایی و معادلات سرعت

۵۰۱ - گزینه ۴ درست است.

در غلظت زیاد C_A ، درجه واکنش « $n-m$ » و در غلظت کم C_A ، درجه واکنش n می‌باشد.

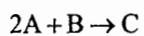
۵۰۲ - گزینه ۴ درست است.

گزینه چهارم کاملترین جواب می‌باشد.

۵۰۳ - گزینه ۱ درست است.

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = \frac{k_1 C_A}{1 + k_2 C_A} \Rightarrow k_2 C_A = 1 \Rightarrow C_A = \frac{1}{k_2}$$

۵۰۴ - گزینه ۱ درست است.



$$\frac{-r_A}{2} = -\frac{r_B}{1} = \frac{r_C}{1}$$

$$\frac{N_{A_0} - N_A}{2} = \frac{N_{B_0} - N_B}{1} = \frac{N_{s_0} - N_s}{-1}$$

$$\text{اگر حجم ثابت باشند.} \Rightarrow \frac{C_{A_0} - C_A}{2} = \frac{C_{B_0} - C_B}{1} = \frac{C_{s_0} - C_s}{-1} \Rightarrow \frac{\dot{C}_{A_0} x_A}{2} = \frac{\dot{C}_{B_0} x_B}{1} \Rightarrow C_{A_0} x_A = 2 C_{B_0} x_B$$

۵۰۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\frac{dC_s}{dt} = k_3 C_A$$

۵۰۶ - گزینه ۳ درست است.

k_A ثابت سرعت تنها تابع دما می‌باشد.

۵۰۷ - گزینه ۴ درست است.

واکنش‌هایی که در آن‌ها معادله سرعت را از روی استوکیومتری واکنش می‌توان نوشت به واکنش‌های ابتدایی یا بنیادی معروف هستند.

۵۰۸ - گزینه ۳ درست است.

۵۰۹ - گزینه ۱ درست است.

$$\frac{C_{A_0} - C_A}{2} = \frac{C_R - CR_0}{\frac{1}{2}} \Rightarrow$$

$$C_{A_0} - C_A = 4C_R - 4CR_0 \Rightarrow C_A = C_{A_0} - 4C_R + 4CR_0$$

۵۱۰ - گزینه ۲ درست است.

$$r_A = \frac{KC_E C_A}{M + C_A}$$

حداکثر سرعت در ابتدای واکنش که مقدار C_A بزرگ است رخ می‌دهد.

$$C_A \gg M \Rightarrow r_A = \frac{KC_E C_A}{C_A} \Rightarrow r_A = KC_E$$

سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | ۲۰۸

تفسیر نتایج حاصل از راکتورهای ناپیوسته

۵۱۱ - گزینه ۲ درست است.

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k C_A C_B$$

$C_A = C_B = C_{A_0}$ و همچنین هر دو ماده A و B دارای درجه استکیومتری یک می باشند پس

$$\Rightarrow -r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k C_A^2 \Rightarrow -\frac{dC_A}{C_A^2} = k dt \Rightarrow \frac{1}{C_{A_2}} - \frac{1}{C_{A_1}} = kt$$

$$\Rightarrow \frac{1}{0.1 \times 0.2} - \frac{1}{0.1} = 4 \times t \Rightarrow 50 - 10 = 4t \Rightarrow t = 10 \text{ min}$$

۵۱۲ - گزینه ۴ درست است.

واکنش های گرمایی آدیاباتیک باعث افزایش شدید دمای مواد شرکت کننده در واکنش می شود بنابراین با پیشرفت واکنش سرعت واکنش افزایش می یابد.

۵۱۳ - گزینه ۱ درست است.

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k \Rightarrow C_{A_0} - C_A = kt \Rightarrow C_{A_0} x_A = kt$$

$$x_{A_1} = x_{A_2} = \text{cte} \Rightarrow \frac{C_{A_0}}{C_{A_0}} = \frac{t_1}{t_2} \Rightarrow 2 = \frac{t_1}{t_2} \Rightarrow t_2 = \frac{t_1}{2}$$

$$t \propto V \Rightarrow V_2 = \frac{V_1}{2}$$

۵۱۴ - گزینه ۴ درست است.

واکنش برگشت ناپذیر $\Rightarrow t \rightarrow \infty \Rightarrow x_A \rightarrow 1$

$$V = V_0(1 + \varepsilon_A x_A) \Rightarrow t \rightarrow \infty \Rightarrow V_\infty = V_0(1 + \varepsilon_A)$$

$$\varepsilon_A = \frac{2-1}{1} = 1 \Rightarrow V_\infty = V_0(1+1) \Rightarrow V_\infty = V_0(1+1) \Rightarrow 9.4 = V_0 \propto 2 \Rightarrow V_0 = 4.7$$

۵۱۵ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{dC_A}{dt} = k C_A \Rightarrow \frac{dC_A}{C_A} = k dt \Rightarrow \ln \frac{C_{A_0}}{C_A} = kt$$

$$C_{A_0} = 1, x_A = 0.75 \Rightarrow C_A = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \ln 4 = 1 \times t \Rightarrow 2 \ln 2 = t = 2 \times 0.7 = 1.4 = t$$

$$\frac{dC_A}{dt} = k C_A^2 \Rightarrow \frac{dC_A}{C_A^2} = k dt = 2 \left[\left(C_{A_0} \right)^{\frac{1}{2}} - \left(C_A \right)^{\frac{1}{2}} \right] = kt \Rightarrow k = \frac{2 \left[\sqrt{1} - \sqrt{\frac{1}{4}} \right]}{1.4} = \frac{1}{1.4} = 0.711$$

۵۱۶ - گزینه ۱ درست است.

$$\tau_p = C_{A_0} \int \frac{dx_A}{-r_A} = C_{A_0} \int \frac{dx_A}{k} \Rightarrow \tau_p = \frac{C_{A_0} x_A}{k}$$

۲۰۹ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسیه

۵۱۷ - گزینه ۱ درست است.

$$C_A^{1-n} - C_{A_0}^{1-n} = k(n-1)t$$

$$C_A = \frac{C_{A_0}}{2} \Rightarrow t_1 = \frac{2^{n-1}-1}{k(n-1)} C_{A_0}^{1-n} = \frac{\left[\left(\frac{1}{2} \right)^{1-n} - 1 \right] C_{A_0}^{1-n}}{k(n-1)}$$

۵۱۸ - گزینه ۱ درست است.



$$A = 2 \text{ مول اولیه}$$

$$C = 3.5 \text{ مول اولیه}$$

$$= 4.5 \text{ مول اولیه خنثی}$$

برای مصرف شدن کل A - 2 مول - لازم است 4 مول از

C وجود داشته باشد که فقط 3.5 مول C داریم

بنابراین 1.75 مول A و 3.5 مول C مصرف می‌شوند تا $5 \times 1.75 = 8.75$ مول D به وجود آید:

$$\epsilon = \frac{V}{V} \left|_{x_c=0}^x \right. = \frac{\text{مقدار مول A باقیمانده}}{10} = \frac{5 \times 1.75 + 0.25 + 4.5 - 10}{10} = \frac{13.5 - 10}{10} = 0.35$$

۵۱۹ - گزینه ۴ درست است.

$$\tau_m = \frac{C_{A_0} x_A}{-r_A} = \frac{C_{A_0} x_A}{0.3 C_{A_0} (1-x_A)} = \frac{x_A}{0.3 (1-x_A)} = \frac{V}{v} \Rightarrow \frac{0.75}{0.3 \times 0.25} = \frac{V}{0.3} \Rightarrow V = 3 \text{ lit}$$

۵۲۰ - گزینه ۳ درست است.

$$r_A = k_1 C_A + k_2 = 1 \times C_A + 2 \Rightarrow C_A = 2$$

آستانه تغییر غلظت برای واکنش انتقالی

$$k_1 = 1 \quad \leftarrow \quad \text{با توجه به واحدها}$$

$$\begin{aligned} r &= KC_A^n \\ \Rightarrow r_1 &= KC_{A_1}^n \\ r_2 &= K(4C_{A_1})^n \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \frac{r_2}{r_1} = \frac{4^n C_{A_1}^n}{C_{A_1}^n} \Rightarrow 2 = 4^n$$

$$\Rightarrow n = \frac{1}{2}, \quad n = \frac{\ln 2}{\ln 4}$$

۵۲۱ - گزینه ۱ و ۳ درست است.

$$K_e = \frac{K_1}{K_2} = \frac{M + x_A e}{1 - x_A e}, \quad M = \frac{C_{R_0}}{C_{A_0}} = \frac{1}{5} = 0.2$$

$$2 = \frac{0.5 + x_A e}{1 - x_A e} \Rightarrow x_A e = 0.6$$

$$C_A = C_{A_0}(1 - x_{A_0}) \Rightarrow C_A = 5(1 - 0.6) = 2$$

۵۲۲ - گزینه ۲ درست است.

۲۱۰ سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۲۳ - گزینه ۴ درست است.

$$r_A = KC_A^n C_B^m$$

$$r_{A_1} = 2 = K4^n 1^m \Rightarrow n = \frac{1}{2}$$

$$r_{A_2} = 1 = K1^n 1^m \Rightarrow K = 1$$

$$r_{A_3} = 4 = K1^n 8^m \Rightarrow m = \frac{2}{3}$$

۵۲۴ - گزینه ۳ درست است.

$$K_e = \frac{K_2}{K'_2} = \frac{M + x_{A_e}}{1 - x_{A_e}} , M = \frac{C_{B_0}}{C_{A_0}} = 0$$

$$K_e = \frac{0 + 0.6}{1 - 0.6} = 1.5 \Rightarrow K_2 = 1.5 K'_2$$

راکتورهای منفرد کامل و مقدمات طراحی راکتور

۵۲۵ - گزینه ۱ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} \tau = \frac{C_{A_0} V}{F_{A_0}} = \frac{C_{A_0} x_A}{(-r_A)_f} \\ r_A = kC_A^2 = kC_{A_0}^2 (1 - x_A)^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \tau = \frac{C_{A_0} x_A}{kC_{A_0}^2 (1 - x_A)^2} \Rightarrow k\tau C_{A_0} = \frac{x_A}{(1 - x_A)^2}$$

$$\left. \begin{array}{l} x_{A_1} = 0.4 \Rightarrow (k\tau C_{A_0})_1 = \frac{0.4}{0.36} = 1.11 \\ x_{A_2} = 0.8 \Rightarrow (k\tau C_{A_0})_2 = \frac{0.8}{0.04} = 20 \\ C_{A_0} = \text{cte}, F_{A_0} = \text{cte} \end{array} \right\} \Rightarrow \tau = \frac{V}{v} \Rightarrow \frac{\tau_2}{\tau_1} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{20}{1.11} = 18$$

۵۲۶ - گزینه ۳ درست است.

$$V = V_0 (1 + \varepsilon_A X_A)$$

$$\varepsilon_A = \frac{V \left|_{x_A=1} \right. - V \left|_{x_A=0} \right.}{V \left|_{x_A=0} \right.} = \frac{3 - 2}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow V = V_0 \left(1 + \frac{1}{2} \times 0.6 \right) \Rightarrow V = 1.3 V_0$$

$$\frac{V_2 - V_1}{V_1} \times 100 = \frac{1.3 V_0 - V_0}{V_0} \times 100 = 30 \quad \text{درصد افزایش}$$

۵۲۷ - گزینه ۴ درست است.

$$A + R \rightarrow P + R$$

$$C_R = C_{A_0} x_A$$

$$-r_A = kC_A C_R^2 = kC_{A_0} (1 - x_A) C_{A_0}^2 x_A^2 = kC_{A_0}^3 (x_A^2 - x_A^3)$$

حجم راکتور مینیمم می‌شود. → سرعت ماکریم شود.

$$\frac{d(-r_A)}{dx_A} = 0 \Rightarrow 2x_A - 3x_A^2 = 0 \Rightarrow x_A = 0, \frac{2}{3}$$

۲۱۱ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۵۲۸ - گزینه ۳ درست است.

plug و اکنش درجه اول و حجم متغیر در راکتور

$$\varepsilon = \frac{V}{V} \left|_{x_A=1} \right. - \frac{V}{V} \left|_{x_A=0} \right. = \frac{4-2}{2} = 1 \Rightarrow 1 \times \tau_p = -(1+1) \ln(1-0.8) - 1 \times 0.8 \Rightarrow \tau_p = -2 \ln 0.2 - 0.8$$

۵۲۹ - گزینه ۲ درست است.

$$\tau_m = \frac{C_{A_0} x_A}{-r_A} = \frac{C_{A_0} x_A}{k C_{A_0} \frac{(1-x_A)}{(1+\varepsilon_A x_A)}} = \frac{(1+\varepsilon_A x_A)(x_A)}{k(1-x_A)}$$

$$\varepsilon = \frac{V}{V} \left|_{x_A=1} \right. - \frac{V}{V} \left|_{x_A=0} \right. = \frac{2-1}{1} = 1 \Rightarrow k \times 1 = \frac{(1+1 \times 0.5)(0.5)}{(1-0.5)} \Rightarrow k = 1.5$$

۵۳۰ - گزینه ۳ درست است.

کنترل ضعیف کیفیت محصول جزء مزایای یک راکتور ناپیوسته نمی باشد.

۵۳۱ - گزینه ۲ درست است.

$$\tau_{mixed} = \frac{C_{A_0} x_A}{k C_{A_0} (1-x_A)} \Rightarrow k \tau_m = \frac{x_A}{1-x_A}$$

$$(k \tau_m)_1 = \frac{0.5}{1-0.5} = 1$$

$$\text{و } \tau_m = \frac{V}{v} \Rightarrow \frac{\tau_{m_2}}{\tau_{m_1}} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \Rightarrow \tau_{m_2} = \frac{1}{2} \tau_{m_1} \Rightarrow (k \tau_m)_2 = \frac{1}{2} = \frac{x_{A_2}}{1-x_{A_2}} \Rightarrow x_{A_2} = 0.33$$

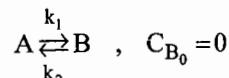
۵۳۲ - گزینه ۳ درست است.

$$\tau_p = C_{A_0} \int_0^{x_A} \frac{dx_A}{-r_A} \rightarrow \text{رابطه کلی می باشد و در هر حالتی مورد استفاده قرار می گیرد.}$$

۵۳۳ - گزینه ۴ درست است.

وجود جریان برگشتی بر عملکرد راکتورهای mixed تأثیری ندارند.

۵۳۴ - گزینه ۴ درست است.



$$\tau_m = \frac{C_{A_0} x_A}{-r_A} = \frac{C_{A_0} x_A}{k_1 C_{A_0} (1-x_A) - k_2 C_B} = \frac{C_{A_0} x_A}{k_1 C_{A_0} (1-x_A) - k_2 C_{A_0} x_A} \Rightarrow \tau k_1 = \frac{C_{A_0} x_A}{C_{A_0} (1-x_A) - \frac{k_2}{k_1} C_{A_0} x_A} \quad (1)$$

$$\text{و } -r_A = 0 \Rightarrow k_1 C_{A_e} - k_2 C_{B_e} = 0 \Rightarrow \frac{k_2}{k_1} = \frac{C_{A_e}}{C_{B_e}} = \frac{C_{A_0} (1-x_{A_e})}{C_{A_0} x_{A_e}} = \frac{1-x_{A_e}}{x_{A_e}}$$

$$\Rightarrow \tau k_1 = \frac{C_{A_0} x_A}{C_{A_0} (1-x_A) - \frac{(1-x_{A_e})}{x_{A_e}} C_{A_0} x_A} \Rightarrow \tau k_1 = \frac{x_A}{1-x_A - \frac{x_A (1-x_{A_e})}{x_{A_e}}}$$

۲۱۲ | سینتیک و طرح راکتورهای شیمیابی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۳۵ - گزینه ۱ درست است.

$$\tau_m = \frac{C_{A_0} - C_A}{r_A} \Rightarrow \tau_m = \frac{V}{v} = \frac{C_{A_0} - C_A}{r_A} \Rightarrow \tau_m = \frac{4}{3} = \frac{0.7 - 0.09}{r_A} \Rightarrow r_A = 0.475$$

۵۳۶ - گزینه ۴ درست است.

$$K\tau_M = \frac{x_A}{1-x_A} \Rightarrow K \frac{V_1}{v} = \frac{0.6}{1-0.6} \Rightarrow V_1 = 1.5 \frac{v}{K}$$

$$\Rightarrow V_2 = 0.9V_1 = 1.35 \frac{v}{K}$$

$$\Rightarrow K \frac{V_2}{v} = \frac{x_{A_2}}{1-x_{A_2}} \Rightarrow 1.35 = \frac{x_{A_2}}{1-x_{A_2}} \Rightarrow x_{A_2} = 0.575$$

۵۳۷ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

ابعاد ثابت سرعت واکنش دو مولکولی ابتدایی⁻¹ (غلظت)⁻¹ (زمان) = [K] می‌باشد.

۵۳۸ - گزینه ۴ درست است.

$$K\tau_m = \frac{x_A(1+\epsilon_A x_A)}{1-x_A}$$

$$\epsilon_A = \frac{2.5-1}{1} = 1.5 \Rightarrow 10 \frac{V}{100} = \frac{0.8(1+1.5 \times 0.8)}{1-0.8} \Rightarrow V = 88$$

راکتور دوره‌ای (Recycle)

۵۳۹ - گزینه ۳ درست است.

با افزایش میزان R در راکتور دوره‌ای، رفتار آن شبیه راکتور مخلوط شونده می‌شود.

۵۴۰ - گزینه ۴ درست است.

وجود جریان بازگشتی در راکتور mixed تأثیری بر عملکرد راکتور ندارد.

$$\tau = \frac{C_{A_0}x_A}{-r_A} = \frac{C_{A_0}x_A}{kC_A} = \frac{C_{A_0}x_A}{k(C_{A_0}(1-x_A))} \Rightarrow k\tau = \frac{x_A}{1-x_A} \Rightarrow 4 = \frac{x_A}{1-x_A} \Rightarrow x_A = 0.8$$

۵۴۱ - گزینه ۴ درست است.

نوع راکتور و وجود و عدم وجود جریان برگشتی بر عملکرد واکنش‌های درجه صفر تأثیر ندارد.

۵۴۲ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{K\tau_1}{R+1} = \ln \left[\frac{C_{A_0} + RC_{A_f}}{(R+1)C_{A_f}} \right]$$

$$\frac{KT_1}{2+1} = \ln \left[\frac{10+2}{3} \right] \rightarrow KT_1 = 6\ln 2$$

$$KT_2 = -\ln(1-x_A) \Rightarrow KT_2 = -\ln 0.1$$

$$\Rightarrow \frac{KT_1}{KT_2} = \frac{6\ln 2}{-\ln 0.1} \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = 1.8$$

۲۱۳ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

طراحی راکتور برای واکنش‌های منفرد

۵۴۳ - گزینه ۲ درست است.

$$\text{واکنش درجه صفر در } n \text{ راکتور مخلوط شونده سری} \Rightarrow x_N = x_0 + \frac{NK\tau}{C_0} \Rightarrow x_5 = 0 + \frac{5 \times 0.2 \times 1}{3} = 0.33$$

۵۴۴ - گزینه ۱ درست است.

میزان تبدیل برای واکنش‌های درجه صفر مستقل از نوع راکتور است.

$$\left. \begin{array}{l} \text{واکنش درجه صفر} \\ \tau \propto V \end{array} \right\} \Rightarrow x_A \propto V$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{حالات اول} \\ V_1 = 2V \end{array} \right\} \rightarrow \frac{x_2}{x_1} = \frac{1.5}{2} \Rightarrow x_2 = \frac{3}{4} \times 0.6 = 0.45$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{حالات دوم} \\ V_2 = 1.5V \end{array} \right\}$$

۵۴۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\text{واکنش درجه اول در } n \text{ راکتور مخلوط شونده سری} \Rightarrow \frac{C_0}{C_N} = (1 + k\tau_i)^N$$

$$\begin{aligned} \frac{C_0}{C_1} &= \frac{C_1}{C_2} = \frac{C_2}{C_3} = \frac{C_4}{C_5} = \dots = \frac{C_{n-1}}{C_n} \\ \Rightarrow \frac{C_0}{C_2} &= (1 + (2 \times 3))^2 = 49 \end{aligned}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{C_0 \times C_1}{C_1 \times C_2} = 49 \\ \frac{C_0}{C_1} = \frac{C_1}{C_2} \end{array} \right\} \rightarrow \frac{C_1}{C_2} = \frac{C_0}{C_1} = 7$$

$$\frac{r_1}{r_2} = \frac{kC_1}{kC_2} = \frac{C_1}{C_2} = 7$$

۵۴۶ - گزینه ۱ درست است.

واکنش ابتدایی و درجه واکنش بزرگتر از یک می‌باشد و بنابراین برای اتصال راکتورهای mixed به صورت سری باید ابتدا کوچکترین راکتور را قرار دهیم.

۵۴۷ - گزینه ۲ درست است.

$$\text{واکنش درجه صفر در } n \text{ راکتور مخلوط شونده سری} \Rightarrow x_n = x_0 + N \frac{k\tau}{C_0} \stackrel{x \propto C_0}{\Rightarrow} C_{A_0} - C_{A_n} = Nk\tau_i$$

۵۴۸ - گزینه ۳ درست است.

در اتصال موازی راکتورها به هم داریم:

$$\begin{aligned} \frac{V_{P_1}}{F_{01}} &= \frac{V_{P_2}}{F_{02}} = \dots = \frac{V_{PN}}{F_{0N}} \\ , F_{01} + F_{02} + \dots + F_{0N} &= F_0 \\ \Rightarrow \frac{40}{F_{01}} &= \frac{70}{F_{02}} \Rightarrow 4F_{02} = 7F_{01} \Rightarrow F_{02} = \frac{7}{4}F_{01} \\ F_{01} + F_{02} &= F_0 \Rightarrow F_{01} + \frac{7}{4}F_{01} = F_0 \Rightarrow \frac{11}{4}F_{01} = F_0 \Rightarrow F_{01} = \frac{4}{11}F_0 \end{aligned}$$

۲۱۴ سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۴۹ - گزینه ۲ درست است.

برای حصول حداکثر B لازم است از راکتور plug استفاده کنیم تا میزان اختلاف جریان‌های نهایی و ابتدایی «back mixing» حداقل شود.

۵۵۰ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$T_N = \frac{N}{k} \left[\left(\frac{C_0}{C_N} \right)^{\frac{1}{N}} - 1 \right]$$

$$\frac{1}{1-x_N} = [1+k\tau_i]^N$$

انتخاب راکتور مناسب

۵۵۱ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$-r_A = \frac{k_1 C_A}{1 + k_2 C_A}$$

درجه واکنش صفر $\Rightarrow r_A = \frac{k_1 C_A}{k_2 C_A} = \frac{k_1}{k_2}$ در ابتدای واکنش مقدار C_A زیاد است.

درجه واکنش یک $\Rightarrow r_A = \frac{k_1 C_A}{1+0} = k_1 C_A$ در انتهای واکنش مقدار C_A کم است.

بنابراین $0 \leq n \leq 1$ می‌باشد و ترتیب قرار گرفتن راکتورها تأثیری بر درجه تبدیل ندارد.

۵۵۲ - گزینه ۴ درست است.

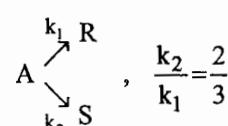
هرگاه $n = 0,1$ باشد ترتیب قرار گرفتن راکتورها تأثیری در درجه تبدیل ندارد.

طرح راکتور برای واکنش‌های چندگانه

۵۵۳ - گزینه ۱ درست است.

با توجه به نتایج آزمایش، مشخص است که هر دو ماده R و S در حال تولید شدن می‌باشند بنابراین مکانیزم واکنش به صورت موازی

$$\frac{K_R}{K_S} = \frac{3}{2} \quad \text{برابر میزان } S \text{ می‌باشد پس}$$



۵۵۴ - گزینه ۱ درست است.

واکنش دوم $B \xrightarrow{k_3} C$ به صورت یک طرفه انجام می‌شود و در حالت نهایی تمام B به C تبدیل می‌شود و غلظت B به صفر می‌رسد.

۵۵۵ - گزینه ۲ درست است.

$$C_c = \varphi \left(\frac{C}{A} \right) (C_{A_0} - C_A)$$

$$\begin{cases} x_A = 0.9 \\ C_{A_0} = 40 \end{cases} \rightarrow C_A = 4$$

$$\Rightarrow C_c = \frac{2C_A}{2C_A + 0.4C_A^2} (C_{A_0} - C_A) = \frac{2 \times 4}{2 \times 4 + 0.4 \times 4^2} \times 36 = 20 \text{ molar}$$

۲۱۵ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۵۵۶ - گزینه ۱ درست است.

$$C = \frac{N}{V}$$

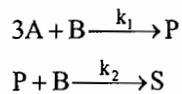
$$C_B = \frac{N_B}{V}$$

$$\left. \begin{array}{l} V = V_0(1 + \varepsilon_A X_A) \\ \varepsilon = \frac{V}{V} \Big|_{X_A=1} - \frac{V}{V} \Big|_{X_A=0} = \frac{\frac{1}{2} - 1}{1} = -\frac{1}{2} \end{array} \right\} \rightarrow V = V_0(1 - 0.5X_A) \quad (1)$$

$$N_B = \frac{1}{2} X_A N_{A_0} \quad (2)$$

$$\stackrel{(1), (2)}{\Rightarrow} C_B = \frac{\frac{1}{2} X_A N_{A_0}}{V_0(1 - 0.5X_A)} = \frac{1}{2} \left[\frac{C_{A_0} X_A}{1 - 0.5X_A} \right] \Rightarrow \frac{C_B}{C_{A_0}} = \frac{1}{2} \left[\frac{X_A}{1 - 0.5X_A} \right]$$

۵۵۷ - گزینه ۱ درست است.



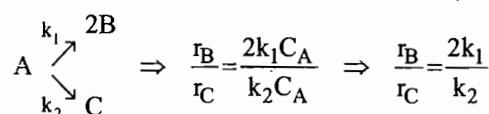
اگر واکنش‌ها را به صورت ابتدایی در نظر بگیریم داریم:

$$-\frac{dC_A}{dt} = -r_A = k_1 C_A^3 C_B$$

$$-\frac{dC_B}{dt} = -r_B = k_1 C_A^3 C_B + k_2 C_B C_P \Rightarrow \frac{dC_A}{dC_B} = \frac{k_1 C_A^3 C_B}{k_1 C_A^3 C_B + k_2 C_B C_P}$$

همان‌طور که از رابطه بالا مشخص است نسبت مولی A به B تابعی از نسبت سرعت‌های واکنش می‌باشد.

۵۵۸ - گزینه ۳ درست است.



تعداد مول‌های تولیدی B و C برابر است پس:

$$2k_1 = k_2 \Leftarrow \frac{2k_1}{k_2} = 1 \Leftarrow r_B = r_C$$

۵۵۹ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{r_R}{r_S} = \frac{\exp\left(-\frac{6000}{T}\right)}{10 \exp\left(-\frac{4000}{T}\right) C_A}$$

با توجه به رابطه بالا، مشخص است که برای افزایش نسبت $\frac{C_R}{C_S}$ لازمست غلظت C_A پایین نگه داشته شود. که این کار با استفاده از

یک راکتور همزن‌دار پیوسته و میزان تبدیل زیاد A انجام می‌گیرد همچنین افزایش دما سبب افزایش، میزان تولید R می‌گردد.

۲۱۶ سیستمیک و طرح راکتورهای شیمیایی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۶۰- گزینه ۱ درست است.

$$\psi(R) = \frac{C_A C_B}{C_A C_B + 3C_A^2 + 27C_B^2} \xrightarrow{+C_A C_B} = \frac{1}{1 + \frac{3C_A}{C_B} + 27 \frac{C_B}{C_A}} \Rightarrow \frac{C_A}{C_B} = x$$

تغییر متغیر

می خواهیم $f(x)$ ماکریتم شود یعنی مخرج $f(x)$ باید مینیمم شود پس داریم:

$$\Rightarrow f(x) = \frac{1}{1 + 3x + \frac{27}{x}} \Rightarrow$$

$$g(x) = 1 + 3x + \frac{27}{x} \Rightarrow \frac{\delta g(x)}{\delta x} = 0 \Rightarrow 3 - \frac{27}{x^2} = 0 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = 3 \Rightarrow \frac{C_A}{C_B} = 3$$

۵۶۱- گزینه ۳ درست است.

در واکنش‌های سری $A \xrightarrow{k_1} R \xrightarrow{k_2} S$ حداقل غلظت R برابر است با:

$$\frac{C_{R,\max}}{C_{A_0}} = \frac{1}{\left[\sqrt{\frac{k_2}{k_1}} + 1 \right]^2}$$

را می‌توان با واکنش $A \xrightarrow{k_1} R \xrightarrow{k_2+k_3} P$ جایگزین کرد که در این صورت مقدار واکنش ابتدایی $\frac{A \xrightarrow{k_1} R \xrightarrow{k_2} S}{k_3 \downarrow T}$ از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\frac{C_{R,\max}}{C_{A_0}} = \frac{1}{\left[\sqrt{\frac{k_2+k_3}{k_1}} + 1 \right]^2} \Rightarrow \frac{C_{R,\max}}{1} = \frac{1}{\left[\sqrt{\frac{1+1}{1}} + 1 \right]^2} \Rightarrow C_{R,\max} = \frac{1}{2+1+2\sqrt{2}} = \frac{1}{5.8} = 0.17$$

۵۶۲- گزینه ۳ درست است.



$$\text{مقدار مول A تبدیل شده} \quad \text{مقدار مول B تبدیل شده} \quad \Rightarrow \quad \frac{120}{2} = 60 \quad \leftarrow$$

$$0.3 \times 400 = 120$$

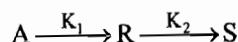
$$\text{مقدار مول A خارج شده از راکتور} = 100 - 60 = 40$$

۵۶۳- گزینه ۴ درست است.

$$\frac{dC_A}{dt} = 3C_A^2 \Rightarrow \frac{dC_A}{C_A^2} = 3dt$$

$$2 \left(\frac{1}{C_{A_0}^2} - \frac{1}{C_A^2} \right) = 3t \Rightarrow 2 \left(1 - \frac{1}{C_A^2} \right) = 3 \times 1.5 \Rightarrow 1 - \frac{1}{C_A^2} = 2.25 \Rightarrow C_A < 0 \quad \text{غیرممکن} \Rightarrow x_A = 1$$

۵۶۴- گزینه ۱ درست است.



$$K_1 = K_2 \Rightarrow t_{R_{\max}} = \frac{1}{K} , \quad C_{R_{\max}} = \frac{C_{A_0}}{e}$$

۲۱۷ مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۵۶۵ - گزینه ۲ درست است.

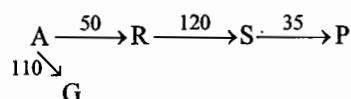
$$r_R = K_1 C_A \Rightarrow \\ r_S = K_2 C_A \\ \frac{N_R}{N_S} = \frac{2K_1 C_A}{3K_2 C_A} = 4 \Rightarrow \frac{K_1}{K_2} = 9$$

۵۶۶ - گزینه ۱ درست است.

$$A \xrightarrow{K_1} B \xrightarrow{K_2} C \\ K_1 = 0.25, \quad K_2 = 0.13, \quad \tau_m = 4, \quad C_{A_0} = 4 \\ \Rightarrow \frac{C_B}{C_{A_0}} = \frac{K_1 \tau_m}{(1 + K_1 \tau_m)(1 + K_2 \tau_m)} = \frac{0.25 \times 4}{(1 + 0.25 \times 4)(1 + 0.13 \times 4)} = 0.33 \\ \Rightarrow C_B = 4 \times 0.33 \approx 1.32$$

اثرات دما و فشار روی پیشرفت واکنش

۵۶۷ - گزینه ۲ درست است.



S محصول میانی می‌باشد پس لازم است از راکتور لوله‌ای استفاده شود و با توجه به میزان انرژی E_1 , E_4 و E_3 مشخص است که دما باید به صورت تدریجی افزایش یابد.

۵۶۸ - گزینه ۴ درست است.

هرچه درجه واکنش بالاتر باشد نسبت به تغییرات غلظت یا فشار حساس‌تر می‌باشد.

۵۶۹ - گزینه ۳ درست است.

به ازای هر 10 درجه سانتی‌گراد افزایش دما، سرعت واکنش‌ها دو برابر می‌شود.

۵۷۰ - گزینه ۳ درست است.

افزایش دما به نفع واکنشی است که دارای بالاترین انرژی فعالیت باشد.

۲۱۸ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی ازاد پارسه

معادلات دیفرانسیل معمولی ODE

. ۵۷۱ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} \left. \begin{aligned} e^z + 2 = 0 \\ z = x + iy \end{aligned} \right\} &\rightarrow e^{x+iy} + 2 = 0 \Rightarrow e^x \cdot e^{iy} + 2 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow e^x (\cos y + i \sin y) + 2 = 0 \\ i \sin y = 0 &\Rightarrow y = (2K+1)\pi, \quad e^x \cos y = -2 \Rightarrow e^x (\cos(2K+1)\pi) = -2 \\ e^x \times -1 = -2 &\Rightarrow e^x = 2 \Rightarrow x = \ln 2 \end{aligned}$$

معادلات دیفرانسیل مرتبه اول

. ۵۷۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} y^2 + x^2 \frac{dy}{dx} = xy \frac{dy}{dx} &\Rightarrow \frac{y^2}{x^2} + \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} \frac{dy}{dx} \\ \Rightarrow \frac{y}{x} = z &\text{ تغییر متغیر } \Rightarrow y = zx \Rightarrow dy = zdx + xdz \Rightarrow z^2 + \frac{zdx + xdz}{dx} = z \frac{zdx + xdz}{dx} \Rightarrow \\ z^2 dx + zdx + xdz = z^2 dx + xzdz &\Rightarrow dx(z^2 + z - z^2) = dz(zx - x) \Rightarrow zdx = xdz(z-1) \Rightarrow \frac{dx}{x} = \frac{z-1}{z} dz \\ \Rightarrow \ln x = \int 1 - \frac{1}{z} dz &\Rightarrow \ln x = z - \ln z \Rightarrow \ln x + \ln z = z \Rightarrow \ln xz = z \\ \ln y = \frac{y}{x} &\Rightarrow y = ke^x \end{aligned}$$

معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم

. ۵۷۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} y = x^{\frac{1}{2}} z \\ y' = \frac{1}{2} x^{-\frac{1}{2}} z + x^{\frac{1}{2}} \frac{dz}{dx} \\ y'' = -\frac{1}{4} x^{-\frac{3}{2}} z + \frac{1}{2} x^{-\frac{1}{2}} \frac{dz}{dx} + \frac{1}{2} x^{-\frac{1}{2}} \frac{dz}{dx} + x^{\frac{1}{2}} \frac{d^2 z}{dx^2} = -\frac{1}{4} x^{-\frac{3}{2}} z + x^{-\frac{1}{2}} z' + x^{\frac{1}{2}} z'' \\ \Rightarrow y'' + x^2 y = -\frac{1}{4} x^{-\frac{3}{2}} z + x^{-\frac{1}{2}} z' + x^{\frac{1}{2}} z'' + x^{\frac{5}{2}} z = 0 &\Rightarrow x^{\frac{3}{2}} z'' + xz' + \left(x^4 - \frac{1}{4} \right) z = 0 \end{aligned}$$

. ۵۷۴ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} x^2 y'' - xy' + y = 0 &\leftarrow \text{معادله اول} \quad \Rightarrow \text{تغییر متغیر} \quad x = e^z \\ \Rightarrow y'' - 2y' + y = 0 &\text{ معادله مشخصه } \Rightarrow m^2 - 2m + 1 = 0 \Rightarrow (m-1)^2 = 0 \Rightarrow m=1 \\ \Rightarrow y = c_1 x + c_2 x \ln x & \end{aligned}$$

۲۱۹ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۵۷۵ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

$$y'' + 3y' + 7y = 21x + 16$$

با توجه به طرف دوم معادله، جواب معادله باید به صورت یک چندجمله‌ای درجه یک باشد.

$$y_P = Ax + B \Rightarrow y' = A, y'' = 0$$

$$\stackrel{\text{جایگذاری}}{0 + 3A + 7Ax + 7B = 21x + 16} \Rightarrow \begin{cases} 7A = 21 \\ 3A + 7B = 16 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 3 \\ B = 1 \end{cases} \Rightarrow y_P = 3x + 1$$

۵۷۶ - گزینه ۴ درست است.

$$Ay'' + By' + Cy = 0 \Rightarrow \Delta < 0 \Rightarrow y = e^{px} [C_1 \sin(qx) + C_2 \cos(qx)]$$

۵۷۷ - گزینه ۳ درست است.

$$y''' + y'' + y' + y = 0 \stackrel{\text{معادله مشخصه}}{\Rightarrow} m^3 + m^2 + m + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (m+1)(m^2 + 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = \pm i \end{cases} \Rightarrow y = Ae^{-x} + B \cos x + C \sin x$$

۵۷۸ - گزینه ۴ درست است.

$$y'' + 6y' + 9y = 3e^{-3x}$$

$$\text{معادله مشخصه: } m^2 + 6m + 9 = 0 \Rightarrow m_1 = m_2 = -3$$

$$\Rightarrow y_P = Ax^2 e^{-3x}$$

فرمولاسیون و مدلسازی

۵۷۹ - گزینه ۴ درست است.

مکانیزم انتقال جرم در هر دو جهت r و z به صورت مولکولی می‌باشد و همچنین دانه‌های کاتالیست از نوع استوانه‌ای می‌باشند پس باید

$$\frac{\delta \Psi}{\delta z^2} + \frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta \Psi}{\delta r} \right) \text{ در معادله دیفرانسیل ظاهر شوند} \text{ پس گزینه ۴ صحیح است.}$$

۵۸۰ - گزینه ۲ درست است.

با انتخاب المان استوانه‌ای به شعاع R و ضخامت Δz داریم:

$$q_z A|_z - q_z A|_{z+\Delta z} = hs(T - T_w)$$

$$\rho C_p V_0 \pi R^2 T|_z - \rho C_p V_0 \pi R^2 T|_{z+\Delta z} = h(2\pi R \Delta z)(T - T_w) \stackrel{\Delta z \rightarrow 0}{\Rightarrow} \frac{dT}{dz} = \frac{2h}{\rho C_p V_0 R}(T_w - T)$$

۵۸۱ - گزینه ۱ درست است.

۵۸۲ - گزینه ۳ درست است.

جمع = تولید + مصرف - خروجی - ورودی مواده جرم برای جزء

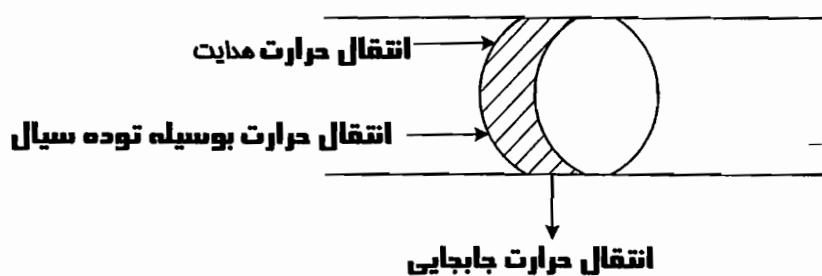
$$0 - vC_B - 0 + 2kC_A V = V \frac{dC_B}{dt} \stackrel{\div V}{\Rightarrow} 2kC_A - \frac{v}{V} C_B = \frac{dC_B}{dt} \Rightarrow 2kC_A - \frac{C_B}{\tau} = \frac{dC_B}{dt}$$

۲۲۰ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۸۳ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست نیست.

المانی به شکل استوانه کوچکی با شعاع r_0 و ضخامت z_0 در نظر می‌گیریم در هر دو جهت مکانیزم انتقال حرارت به صورت نفوذ مولکولی می‌باشد پس باید عبارات $\frac{1}{r} \frac{\delta T}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$, $\frac{\delta T^2}{\delta z^2}$ و یا $\frac{k}{r} \frac{\delta T}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$, $k \frac{\delta^2 T}{\delta z^2}$ در معادله دیفرانسیل ظاهر شود که در هیچ کدام از گزینه‌ها موجود نیستند لازم به ذکر است که انتقال حرارت جابجایی جزء شرایط مرزی می‌باشد و در معادله دیفرانسیل ظاهر نمی‌گردد.

۵۸۴ - گزینه ۱ درست است.

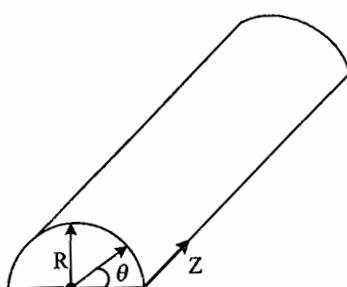


$$\begin{aligned} \text{جایجایی } q + \text{توده سیال } q + \text{هدایت } q = 0 &\Rightarrow -kA \frac{\delta^2 T}{\delta x^2} + \rho u A c_p \frac{\delta T}{\delta x} + hp(T - T_\infty) = 0 \\ \Rightarrow \frac{\delta^2 T}{\delta x^2} - \frac{u}{\alpha} \frac{\delta T}{\delta x} - \frac{hp}{kA}(T - T_\infty) = 0 \end{aligned}$$

۵۸۵ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{dC_B}{dt} = k_1 C_A - k_2 C_B^2 \\ -\frac{dC_A}{dt} = k_1 C_A \Rightarrow \frac{dC_A}{C_A} = -k_1 t \Rightarrow C_A = C_{A_0} e^{-k_1 t} \Rightarrow \frac{dC_B}{dt} = k_1 C_{A_0} e^{-k_1 t} - k_2 C_B^2 \end{aligned}$$

۵۸۶ - گزینه ۱ درست است.



غلظت در جهت z تغییر نمی‌کند و در جهت r و θ تغییر می‌نماید و باید توجه داشت که مختصات استوانه‌ای می‌باشد و مکانیزم انتقال جرم در هر دو جهت به صورت نفوذ مولکولی می‌باشد پس باید عبارات $\frac{1}{r^2} \frac{\delta^2 c}{\delta \theta^2}$ و $\frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta \psi}{\delta r} \right)$ در معادله دیفرانسیل ظاهر شوند. پس گزینه ۱ درست است.

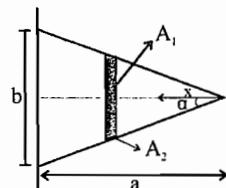
۵۸۷ - گزینه ۴ درست است.

$$N_A \cdot A = \text{cte} \Rightarrow \frac{\delta}{\delta r} (N_A \cdot A) = 0 \Rightarrow \frac{\delta}{\delta r} (N_A \cdot 4\pi r^2) = 0 \Rightarrow \frac{\delta}{\delta r} (r^2 N_A) = 0$$

۲۲۱ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی ازاد پارسه

۵۸۸ - گزینه ۲ درست است.

برای پرهی مثلثی، المانی به صورت زیر در نظر می‌گیریم و با فرض پایا و یک بعدی بودن انتقال حرارت موازنی انرژی به صورت زیر می‌باشد.



$$\begin{aligned}
 & -KA_1 \frac{dT}{dx} \Big|_x + KA_1 \frac{dT}{dx} \Big|_{x+\Delta x} - hA_2(T - T_\infty) = 0 \\
 & A_1 = \frac{bx}{a} \quad A_2 = \frac{2\Delta x}{\cos \alpha} \\
 & \Rightarrow \frac{x \left(\frac{dT}{dx} \right) \Big|_{x+\Delta x} - x \left(\frac{dT}{dx} \right) \Big|_x}{\Delta x} - \frac{2\alpha h}{bk \cos \alpha} (T - T_\infty) = 0 \\
 & \Rightarrow \Delta x \rightarrow 0 \Rightarrow \frac{d}{dx} \left(x \frac{dT}{dx} \right) - \frac{2ah}{bk \cos \alpha} (T - T_\infty) = 0 \\
 & \left. \begin{array}{l} T - T_\infty = \theta(x) \\ \frac{2ah}{bk \cos \alpha} = m^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{d}{dx} \left(x \frac{d\theta}{dx} \right) - m^2 \theta = 0 \\
 & \Rightarrow \frac{xd^2\theta}{dx^2} + \frac{d\theta}{dx} - m^2 \theta = 0 \quad \leftarrow \text{معادله بسل اصلاح شده} \\
 & \text{شرط مرزی: } \theta(x=0) = \text{finite} \quad \theta(x=a) = T_0 - T_\infty = \theta_0 \\
 & \Rightarrow T = T_b + C_1 I_0(\beta x) + C_2 K_0(\beta x) \\
 & \Rightarrow \theta(x=0) = \text{finite} \Rightarrow C_2 = 0 \Rightarrow T = T_b + C_1 I_0(\beta x)
 \end{aligned}$$

۵۸۹ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\delta T(x=0, z)}{\delta z} = 0 \quad : \text{شرط مرزی}$$

$$\frac{\delta T}{\delta r} + HT = 0$$

$$T(r, z=0) = T_0$$

$$T(r, z=L) = 0$$

با توجه به شرایط مرزی مشخص است که توزیع دما باید در جهت ۲ به صورت متعدد باشد بنابراین گزینه سوم درست است.

۵۹۰ - گزینه ۲ درست است.

سرعت تغییرات ارتفاع آب با زمان، با گذشت زمان، کاهش می‌باید بنابراین با افزایش t ، لازم است شبکه نمودار تغییرات h کاهش باید که فقط در گزینه دوم چنین است.

۲۲۲ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۵۹۱ - گزینه ۳ درست است.

در مدل سازی سیستم های استوانه ای در جهت τ باید عبارت $\frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$ یا معادل آن در معادله دیفرانسیل وجود داشته باشد.

$$\frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right) = \frac{1}{\alpha} \frac{\delta T}{\delta t}$$

سری های فوریه

۵۹۲ - گزینه ۴ درست است.

هر سه تابع مورد نظر را برای بسط فوریه می توان در نظر گرفت.

حل معادلات دیفرانسیل با استفاده از سری ها

۵۹۳ - گزینه ۲ درست است.

در حل معادلات دیفرانسیل توزیع شعاعی در استوانه $\frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$ به معادلات بسل می رسیم.

۵۹۴ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{d}{dx} \left(\frac{x^2 dy}{dx} \right) - y = 0 \Rightarrow 2xy' + x^2 y'' - y = 0 = x^2 y'' + 2xy' - y = 0$$

۵۹۵ - گزینه ۱ درست است.

$$erf(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt \Rightarrow \frac{erf(x)}{2} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt$$

$$\Rightarrow \frac{erf(x)}{2} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty e^{-t^2} dt \Rightarrow \frac{erf(\infty)}{2} = \frac{1}{2}$$

۵۹۶ - گزینه ۴ درست است.

$$\Gamma(n) = \int_0^\infty e^{-x} x^{n-1} dx$$

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{-\ln x}} = ?$$

$$z = -\ln x \Rightarrow x = e^{-z} \Rightarrow dx = -e^{-z} dz$$

$$x = 1 \Rightarrow z = 0$$

$$x = 0 \Rightarrow z = \infty$$

$$\Rightarrow \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{-\ln x}} = \int_0^\infty \frac{e^{-z}}{\sqrt{z}} = \int_0^\infty z^{-\frac{1}{2}} e^{-z} dz = \Gamma\left(\frac{1}{2}\right) = \sqrt{\pi}$$

۲۲۳ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

معادلات دیفرانسیل پاره‌ای

۵۹۷ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\delta T}{\delta t} = 2 \frac{\delta^2 T}{\delta x^2}$$

$$\left. \begin{array}{l} T(0,t) = 10 \\ \frac{\delta T}{\delta x}(3,t) = 0 \end{array} \right\}$$

$$T(x,0) = 25 \rightarrow$$

شرایط مرزی همنوع نمی‌باشند یکی از نوع اول است و دیگری از نوع دوم، بنابراین مقادیر ویژه به صورت π خواهد شد.

$$\lambda_m = \left(\frac{2m+1}{2L} \right) \pi \Rightarrow \lambda_m = \frac{2m+1}{6} \pi$$

همچنین شرط مرزی در $x=0$ از نوع اول می‌باشد. $T(0,t) = 10$ بنابراین تابع ویژه از نوع سینوسی خواهد بود. پس گزینه ۳ درست است.

۵۹۸ - گزینه ۲ درست است.

روش اول: توان e در معادله دیفرانسیل باید منحنی باشد بنابراین یکی از گزینه‌ها اول و یا دوم صحیح است و همچنین در مختصات

کروی در معادله دیفرانسیل عبارت $\frac{\sin(\lambda_n r)}{r}$ ظاهر می‌شود. پس گزینه ۲ صحیح است.

روش دوم:

$$\text{معادله دیفرانسیل} \quad \frac{\alpha}{r^2} \frac{\delta}{\delta r} \left(r^2 \frac{\delta T}{\delta r} \right) = \frac{\delta T}{\delta t}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{شرایط مرزی} \\ T(0,t) = \text{محدود} \quad \text{یا} \quad \frac{\delta T(0,t)}{\delta r} = 0 \\ T(R,t) = T_\infty \end{array} \right\}$$

$$T(r,0) = T_0 \quad \text{شرط اولیه}$$

با استفاده از تغییر متغیرها $T = T - T_\infty$ داریم:

$$\frac{\alpha}{r^2} \frac{\delta}{\delta r} \left(r^2 \frac{\delta \theta}{\delta r} \right) = \frac{\delta \theta}{\delta t}$$

$$\frac{\delta \theta(0,t)}{\delta r} = 0$$

$$\theta(R,t) = 0$$

$$\theta(r,0) = \theta_0$$

حال از تغییر متغیر $\psi(r,t) = r\theta(r,t)$ استفاده می‌کنیم:

$$\alpha \frac{\delta^2 \psi}{\delta r^2} = \frac{\delta \psi}{\delta t}, \quad \psi(r,t) = R(r)\tau(t)$$

$$\Rightarrow \alpha \tau R'' = R \tau' \Rightarrow \frac{1}{\alpha} \frac{\tau'}{\tau} = \frac{R''}{R} = -\lambda^2$$

$$\Rightarrow \tau' + \alpha \lambda^2 \tau = 0 \Rightarrow \tau_1 = C_1 e^{-\alpha \lambda^2 t}$$

$$\Rightarrow R'' + \lambda^2 R = 0 \Rightarrow R = C_2 \cos \lambda r + C_3 \sin \lambda r$$

$$\theta(0, t) = 0 \text{ محدود} \Rightarrow \psi(0, t) = 0$$

$$\theta(R, t) = 0 \Rightarrow \psi(R, t) = 0$$

$$\theta(r, 0) = \theta_0 \Rightarrow \psi(r, 0) = r\theta_0$$

$$\Rightarrow \psi(0, t) = 0 \Rightarrow R(0) = 0 \Rightarrow C_2 = 0 \Rightarrow R = C_3 \sin \lambda r$$

$$\psi(R, t) = 0 \Rightarrow R(R) = 0 \Rightarrow C_3 \sin \lambda r = 0 \Rightarrow \lambda_n = \frac{n\pi}{R}$$

$$\Rightarrow \psi(r, t) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin \lambda_n r e^{-a\lambda_n^2 t} \Rightarrow T(r, t) = T_{\infty} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \frac{\sin \lambda_n r}{r} e^{-a\lambda_n^2 t}$$

۵۹۹ - گزینه ۱ و ۳ درست است.

از روش ترکیب متغیرها برای حل معادلات دیفرانسیل سیستم‌هایی که دارای بعد مشخصه تعریف نشده‌ای هستند استفاده می‌کنیم بنابراین یکی از گزینه‌اول و دوم و یا سوم درست است و همچنین از این روش زمانی می‌توانیم استفاده کنیم که مقدار تابع به ازای دو شرط مرزی متفاوت و یا به ازای یک شرط مرزی و شرط اولیه، مقدار یکسانی داشته باشد بنابراین گزینه ۱ و ۳ درست است.

۶۰۰ - گزینه ۴ درست است.

$$\frac{\delta \theta}{\delta t} = D \frac{\delta^2 \theta}{\delta x^2} \stackrel{L}{\Rightarrow} s\bar{\theta} - \theta_0 = D \frac{\delta^2 \bar{\theta}}{\delta x^2} \Rightarrow D\bar{\theta}'' - s\bar{\theta} + \theta_0 = 0$$

$$\Rightarrow m = \pm \sqrt{\frac{s}{D}} \text{ معادله مشخصه} \Rightarrow \bar{\theta} = C_1 e^{-\sqrt{\frac{s}{D}}x} + C_2 e^{\sqrt{\frac{s}{D}}x} + C_3$$

$$\theta(x, 0) = \theta_0 \stackrel{L}{\Rightarrow} \bar{\theta}(x, 0) = \frac{\theta_0}{s} \Rightarrow C_1 = \frac{\theta_0}{s}$$

۶۰۱ - گزینه ۱ درست است.

$$\int_{-1}^{+1} f_n(x) f_m(x) dx = 0 \Rightarrow \int_{-1}^{+1} f_1(x) f_2(x) dx = \int_{-1}^{+1} f_2(x) f_3(x) dx = \int_{-1}^{+1} f_2(x) f_5(x) dx = 0$$

۶۰۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\Delta > 0 \Rightarrow \alpha \text{ و } \beta \text{ هم علامت نباشند} \Rightarrow -4\alpha\beta > 0 \Rightarrow \text{هذلولی گون}$$

۶۰۳ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{cases} T(x, 0) = 0 \\ \text{شرط مرزی در جهت } x \\ k \frac{\delta T(x, L)}{\delta x} = h(T_l - T_{\infty}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} T(0, y) = 0 \\ \text{شرط مرزی در جهت } y \\ \frac{\delta T(L, y)}{\delta y} = 0 \end{cases}$$

یکی از شرایط مرزی در جهت x غیرهمگن است پس جواب‌ها در این جهت باید ارتوگونال باشد همچنین شرط مرزی در $x=0$ « $T(0, y) = 0$ » از نوع اول است پس جواب‌ها در جهت x باید به صورت $\sin \lambda_n x$ باشد شرط مرزی در $y=0$ « $T(x, 0) = 0$ » نیز از نوع اول است.

پس جواب‌های غیر ارتوگونال نیز باید به صورت $\sinh(\lambda_n y)$ باشد پس گزینه یک درست است.

۲۲۵ | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۶۰۴ - گزینه ۱ درست است.

توان ϵ به صورت $t^2 - \lambda^2$ می باشد.

۶۰۵ - گزینه ۴ درست است.

$$\alpha \frac{\delta^2 T}{\delta x^2} + \beta \frac{\delta^2 T}{\delta y^2} = \text{انتقال حرارت دو بعدی پایا}$$

$$\Delta < 0 \rightarrow \text{معادله بیضی گون} \Rightarrow 0 - 4\alpha\beta < 0$$

۶۰۶ - گزینه ۲ درست است.

$$v_0 \frac{\delta T}{\delta z} = \frac{\alpha}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right)$$

$$T(r, z) = R(r) \cdot z(r)$$

$$v_0 R z' = \frac{\alpha}{r} (R' z + R'' r z) \Rightarrow \frac{v_0}{\alpha} \frac{z'}{z} = \frac{1}{rR} (R'' r + R') = -\lambda_x^2 \Rightarrow \frac{z'}{z} = \frac{-\alpha \lambda_n^2}{v_0} \Rightarrow z = e^{-\frac{\alpha \lambda_n^2}{v_0} r}$$

$$\frac{1}{rR} (R'' r + R') = -\lambda_n^2 \Rightarrow rR'' + R' + \lambda_n^2 rR = 0 \Rightarrow r^2 R'' + rR' + \lambda_n^2 r^2 R = 0 \Rightarrow R(r) = A_n J_0(\lambda_n r) + B_n Y_0(\lambda_n r)$$

$$\Rightarrow T(r, z) = \sum_{n=0}^{\infty} [A_n J_0(\lambda_n r) + B_n Y_0(\lambda_n r)] \exp\left(-\frac{\alpha \lambda_n^2}{v_0} z\right)$$

۶۰۷ - گزینه ۱ درست است.

$$\frac{\delta C}{\delta t} + V \frac{\delta C}{\delta x} = -kc \stackrel{L}{\Rightarrow} s\bar{c} + V \frac{d\bar{c}}{dx} = -k\bar{c}$$

$$\Rightarrow V \frac{d\bar{c}}{dx} = (-k-s)\bar{c} \Rightarrow \frac{d\bar{c}}{\bar{c}} = \frac{(-k-s)}{V} dx \Rightarrow \ln \bar{c} = -\frac{(k+s)x}{V} \Rightarrow \bar{c} = c_1 e^{-\frac{k+s}{V} x}$$

۶۰۸ - گزینه ۴ درست است.

$$x \quad \begin{cases} T(x, 0) = T_a \\ T(x, H) = T_a \end{cases} \quad \text{شرط مرزی جهت } x$$

$$y \quad \begin{cases} \frac{\delta T}{\delta x}(0, y) = 0 \\ k \frac{\delta T}{\delta x}(L, y) = h(T - T_\infty) \end{cases} \quad \text{شرط مرزی جهت } y$$

همان طور که مشاهده می کنید در هر دو جهت شرایط مرزی ناهمگن می باشند حال بسته به استفاده از تغییر متغیر $\theta = T - T_a$ یا $\theta = T - T_\infty$ در یکی از جهات شرایط مرزی همگن می شوند بنابراین هر دو گزینه یک و دو می توانند صحیح باشد.

لازم به ذکر است در هر دو جهت جواب ها نمی توانند به صورت اور تو گونال باشند.

شرط مرزی در جهت x ناهمگن می باشند و در این جهت باید به جواب های اور تو گونال بررسیم $\theta = T - T_a \Rightarrow \cos \lambda_n y, \sin \lambda_n y$ تغییر متغیر شرایط مرزی به جهت x ناهمگن می باشند و در این جهت باید به جواب های اور تو گونال بررسیم $\theta = T - T_a \Rightarrow \cos \lambda_n x, \sin \lambda_n x$ تغییر متغیر

۲۲۶ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۰۹ - گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} \nabla^2 T = 0 &\Rightarrow \frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} \left(r \frac{\delta T}{\delta r} \right) + \frac{\delta^2 T}{\delta z^2} = 0 \Rightarrow T(r, z) = R(r)z(z) \Rightarrow \frac{1}{r} \frac{\delta}{\delta r} (rR'z) + z''R = 0 = \frac{1}{r} (R'z + rR''z) + z''R = 0 \\ &\Rightarrow \frac{z}{r} (R' + rR'') = -z''R \Rightarrow \frac{1}{Rr} (R' + rR'') = -\frac{z''}{z} = +\lambda^2 \Rightarrow z'' + \lambda^2 z = 0 \Rightarrow z = c_1 \sin \lambda_n z + c_2 \cos \lambda_n z \\ , \quad rR'' + R' - \lambda^2 rR = 0 &\Rightarrow r^2 R'' + rR' - \lambda^2 r^2 R = 0 \Rightarrow R = C_3 I_0(\lambda_n r) + C_4 k_0(\lambda_n r) \end{aligned}$$

تا اینجا مشخص است که گزینه سوم صحیح است.

۶۱۰ - گزینه ۳ درست است.

با نگاه اول به گزینه‌ها مشخص است که گزینه‌های دوم و چهارم نمی‌توانند جواب صحیح باشند و با دقت در گزینه یک به این نتیجه می‌رسیم که این گزینه نیز جواب مسأله نیست «جمله دوم گزینه اول، ثابت است $\frac{by_{0(1)} - ay_{0(2)}}{J_{0(2)}y_{0(1)} - J_{0(1)}y_{0(2)}}$ بنا براین جواب گزینه سوم می‌باشد.

$$\begin{aligned} u(r) &= \frac{[al_{0(2)} - bl_{0(1)}]k_0(r) + [bk_{0(1)} - ak_{0(2)}]I_{0(r)}}{I_{0(2)}k_{0(1)} - I_{0(1)}k_{0(2)}} \\ u_{(1)} &= \frac{al_{0(2)}k_{0(1)} - bl_{0(1)}k_{0(1)} + bk_{0(1)}I_{0(1)} - ak_{0(2)}I_{0(1)}}{I_{0(2)}k_{0(1)} - I_{0(1)}k_{0(2)}} \Rightarrow u_{(1)} = \frac{al_{0(2)}k_{0(1)} - ak_{0(2)}I_{(1)}}{I_{0(2)}k_{0(1)} - I_{0(1)}k_{0(2)}} = a \\ u_{(2)} &= \frac{al_{0(2)}k_{0(2)} - bl_{0(1)}k_{0(2)} + bk_{0(1)}I_{0(2)} - ak_{0(2)}I_{0(2)}}{I_{0(2)}k_{0(1)} - I_{0(1)}k_{0(2)}} \Rightarrow u_{(2)} = \frac{bk_{0(1)}I_{0(2)} - bl_{0(1)}k_{0(2)}}{I_{0(2)}k_{0(1)} - I_{0(1)}k_{0(2)}} = b \end{aligned}$$

۶۱۱ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\delta^2 u}{\delta x^2} = \frac{\delta u}{\delta \tau}$$

$$u(0, \tau) = u(a, \tau) = 0$$

$$u(x, 0) = f(x)$$

جواب باید در جهت x اور توانوں باشد و با توجه به این که هر دو شرط مرزی از نوع اول می‌باشند بنابراین مقادیر ویژه، ریشه‌های

$$\lambda_n = \frac{n}{a} \quad \text{مثبت معادله } \sin \lambda_n a = 0 \text{ می‌باشد آن‌گاه:}$$

۶۱۲ - گزینه ۲ درست است.

چون شرط مرزی در $x = 0$ از نوع اول می‌باشد تابع ویژه در این جهت از نوع $\sin \lambda_n x$ خواهد بود.

۶۱۳ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} L(f(t)) &= f(s) \\ L\left(\frac{x}{2\sqrt{xat^2}} e^{\frac{-x^2}{4at}}\right) &= e^{-x\sqrt{\frac{s}{a}}} \\ \Rightarrow L(f * g) &= F(s) e^{-x\sqrt{\frac{s}{a}}} \quad \leftarrow \text{قضیه کانولوشن} \\ L\left(\int_0^t f(t-\tau)g(\tau)d\tau\right) &= \int_0^t g(t-\tau)f(\tau)d\tau \end{aligned}$$

۲۷ | مجموعه مهندسی شیمی | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

ریشه یابی

۶۱۴- گزینه ۴ درست است.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} \Rightarrow x_1 = \frac{\pi}{2} - \frac{\frac{\pi}{2} - \sin \frac{\pi}{2}}{1 - \cos \frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} - \frac{\frac{\pi}{2} - 1}{1} = 1$$

رابطه بازگشتی

۶۱۵- گزینه ۲ درست است.

$$x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{2f'(x_k)}$$

شرط داشتن جواب $\Rightarrow |g'(x_k)| < 1$

$$\Rightarrow g(x_k) = x_k - \frac{f(x_k)}{2f'(x_k)} \Rightarrow g'(x) = 1 - \frac{f''(x)^2 - f''(x)f(x)}{2f'^2(x)} \Rightarrow 1 - \frac{1}{2} + \frac{f''(x)f(x)}{2f'(x)} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{f''(x)f(x)}{f'(x)^2}$$

$$\Rightarrow |g(x)| < 1 \Rightarrow -1 < \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{f''(x)f(x)}{f'(x)^2} < +1 \Rightarrow -3 < \frac{f''(x)f(x)}{f'(x)^2} < 1$$

۶۱۶- گزینه ۳ درست است.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} \Rightarrow x_1 = 1 - \frac{1+2+10-20}{3 \times 1^2 + 4 \times 1 + 10} = 1 + \frac{7}{17} = 1.412$$

۶۱۷- گزینه ۴ درست است.

$$f_1(x_1, x_2) = x_1 \sin x_2 + x_2 \ln x_1 = 1$$

$$f_2(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 = 1$$

$$\Rightarrow j = \begin{bmatrix} \frac{\delta f_1(x_1, x_2)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_1(x_1, x_2)}{\delta x_2} \\ \frac{\delta f_2(x_1, x_2)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_2(x_1, x_2)}{\delta x_2} \end{bmatrix} \Rightarrow j = \begin{bmatrix} \sin x_2 + \frac{x_2}{x_1} & x_1 \cos x_2 + \ln x_1 \\ 2x_1 & 2x_2 \end{bmatrix}$$

۶۱۸- گزینه ۴ درست است.

۶۱۹- گزینه ۲ درست است.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} \Rightarrow x_{n+1} = x_n - \frac{e^{x_n} - 3x_n^2}{e^{x_n} - 6x_n} \Rightarrow x_{n+1} = \frac{x_n e^{x_n} - 6x_n^2 - e^{x_n} + 3x_n^2}{e^{x_n} - 6x_n} = \frac{x_n e^{x_n} - e^{x_n} - 3x_n^2}{e^{x_n} - 6x_n}$$

۲۳۲ ریاضیات (کاربردی - عددی) | مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه

۶۳۷ - گزینه ۱ درست است.

$$T'' + 10T' = 0 \quad \text{معادله مشخصه} \rightarrow m^2 + 10m = 0 \Rightarrow m=0, m=-10 \Rightarrow T = c_1 e^0 + c_2 e^{-10x}$$

جواب تحلیلی معادله، $T = c_1 + c_2 \left(\frac{1}{e}\right)^{10x}$ می‌باشد پس جواب عددی نیز باید به شکل $T = c_1 + c_2 e^{-10x}$ باشد پس گزینه یک صحیح است.

۶۳۸ - گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} y(x_i+1) &= y(x_i) + hf(x_i, y_i) \\ \Rightarrow y(0.2) &= 1 + 0.2(1+0) = 1.2 \end{aligned}$$

حل معادلات دیفرانسیل پاره‌ای (به روش محاسبات عددی)

۶۳۹ - گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{\delta^2 \phi}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 \phi}{\delta y^2} + 2 &= 0 \Rightarrow \frac{\phi_{i+1,j} - 2\phi_{i,j} + \phi_{i-1,j}}{4} + \frac{\phi_{i,j+1} - 2\phi_{i,j} + \phi_{i,j-1}}{4} + 2 = 0 \\ \Rightarrow \phi_{i-1,j} + \phi_{i+1,j} + \phi_{i,j-1} + \phi_{i,j+1} - 4\phi_{i,j} + \frac{1}{2} &= 0 \end{aligned}$$

۶۴۰ - گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\alpha \Delta T}{(\Delta x)^2} \leq \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{0.1 \Delta t}{0.04} \leq \frac{1}{2} \Rightarrow \Delta t \leq 0.2$$

۶۴۱ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{\delta^2 u}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 u}{\delta y^2} + 2xy &= 0 \Rightarrow \frac{u_{i+1,j} - 2u_{i,j} + u_{i-1,j} + u_{i,j+1} - 2u_{i,j} + u_{i,j-1}}{h^2} + 2ihjh = 0 \\ \Rightarrow u_{i,j} &= \frac{1}{4}(u_{i+1,j} + u_{i-1,j} + u_{i,j+1} + u_{i,j-1}) + \frac{ijh^4}{2} = 0 \end{aligned}$$

۶۴۲ - گزینه ۲ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{\delta^2 u}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 u}{\delta y^2}, \quad \Delta x = \Delta y \\ \frac{u_{j,n+1} - u_{i,j,n}}{\Delta t} &= \frac{u_{i+1,j,n} - 2u_{i,j,n} + u_{i-1,j,n}}{\Delta x^2} + \frac{2u_{i,j+1,n} - 4u_{i,j,n} + 2u_{i,j-1,n}}{\Delta y^2} \\ \Rightarrow u_{i,j,n+1} &= \frac{\Delta t}{\Delta x^2} (u_{i+1,j,n} + u_{i-1,j,n} + 2u_{i,j+1,n} + 2u_{i,j-1,n}) + u_{i,j,n} \left(1 - \frac{2\Delta t}{\Delta x^2} - 4 \frac{\Delta t}{\Delta x^2}\right) \\ \frac{6\Delta t}{\Delta x^2} > 0 &\Rightarrow \frac{\Delta t}{\Delta x^2} < \frac{1}{6} \quad \text{شرط پایداری ضرایب } u \text{ باید مثبت باشند} \rightarrow \text{شرط پایداری} \end{aligned}$$

مؤسسه آموزش عالی آزاد پارسه | مجموعه مهندسی شیمی

۶۴۳ - گزینه ۱ درست است.

$$t = c^2 u_{xx} \quad \text{تفاضل محتوی ضمنی} \quad \frac{u_{i,j+1} - u_{i,j}}{\Delta t} = c^2 \left(\frac{u_{i+1,j+1} - 2u_{i,j+1} + u_{i-1,j+1}}{\Delta x^2} \right)$$

$$\Rightarrow -u_{i,j} = ru_{i+1,j+1} + ru_{i-1,j+1} - (1+2r)u_{i,j+1}$$

۶۴۴ - گزینه ۴ درست است.

$$y'' = \frac{y_{i+1} - 2y_i + y_{i-1}}{h^2} \quad \text{تفاضل مرکزی}$$

$$y' = \frac{y_{i+1} - y_i}{h} \quad \text{تفاضل پیشرو}$$

$$y'' + 2y' = x \Rightarrow \frac{y_{i+1} - 2y_i + y_{i-1}}{h^2} + 2\frac{(y_{i+1} - y_i)}{h} = x$$

$$\Rightarrow y_{i+1}(1+2h) - 2y_i(1+h) + y_{i-1} = h^2 x$$

حل دستگاه معادلات (ماتریس‌ها)

۶۴۵ - گزینه ۳ درست است.

۶۴۶ - هیچ کدام از گزینه‌ها درست است.

$$f_1(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 - 10 = 0$$

$$f_2(x_1, x_2) = x_1^3 + 2x_1x_2 + 5 = 0$$

$$F(x_1, x_2) = \begin{bmatrix} x_1^2 + x_2^2 - 10 \\ x_1^3 + 2x_1x_2 + 5 \end{bmatrix}$$

$$J(x_1, x_2) = \begin{bmatrix} 2x_1 & 2x_2 \\ 3x_1^2 + 2x_2 & 2x_1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow x_2 = 2, \quad x_1 = 1 \Rightarrow J(1, 2) = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$$

۶۴۷ - گزینه ۴ درست است.

ماتریس ضرایب را تشکیل می‌دهیم:

$$2x + y + z = 4$$

$$x + 2y + z = 4$$

$$x + y + 2z = 4$$

$$\text{ماتریس ضرایب} \quad \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

شرط کافی جهت همگرایی روش‌های ژاکوبی و گوس سایدل اینست که ماتریس ضرایب اکیداً غالب قطری می‌باشد.

$$\left| a_{i,j} \right| > \sum_{\substack{i=1 \\ j \neq i}}^n \left| a_{i,j} \right|$$

با توجه به شرط بالا و ماتریس ضرایب، مشخص است روش ژاکوبی، همگرا نیست.

لازم به ذکر است اگر ماتریس ضرایب مثبت باشد روش گاوس - سایدل همواره همگرا می‌باشد و به مقدار حدس اولیه بستگی ندارد
 پس گزینه ۴ صحیح است.

یادداشت

۲۳۴