



## «زبان عمومی و تخصصی»

**Part A: Vocabulary**

**Directions:** Choose the word or phrase (1), (2), (3) or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

1- Bacteria, however, are ..... tiny that they can pass through the finest filters.

- 1) too                    2) enough                    3) so                    4) such

2- One of the major rivers of the western united states, ..... flows for some 1500 miles from Colorado to northwestern Mexico.

- 1) and the Colorado river                    2) the Colorado river which  
3) the Colorado river                                  4) it is the Colorado river

3- By 1872 the united states had 70 engineers colleges, ..... Astonishing expansion credited largely to the Morrill act of 1862.

- 1) because                    2) an                            3) to which                    4) was

4- Annie Jump Cannon ....., discovered so many stars that she was called “the census taker of the sky.”

- 1) a leading astronomer                    2) who, as a leading astronomer  
3) a leading astronomer who                                  4) was a leading astronomer

5- In 1787, the leaders of what would later become the state of Virginia gave up ..... to the territory that later became five different Midwestern states.

- 1) any claim                    2) to claim                    3) would claim                    4) when the claim

6- It is known that in some corporations and organizations the purpose of establishing suggestion systems is increasing revenues and ..... expenditures.

- 1) Inducing                    2) incrementing                    3) denoting                    4) decreasing

7- The opportunities which are ..... through productivity, has been caused fast achievement to recent solutions in organizations.

- 1) done                            2) valued                            3) gratified                            4) generated

8- They design and ..... a modern and efficient system which is so effective in achieving organizational objectives.

- 1) impulse                    2) immerse                            3) implement                            4) indemnify

9- Of course, suggestions system is not only ..... but also solutions should be presented via it.

- 1) critical                            2) criteria                            3) chronological                            4) criticism

10- They worked them plan quite ..... without paying attention to the schedule.

- 1) extensively                    2) explicitly                            3) harmoniously                            4) haphazardly

**Part B: Cloze Test**

**Directions:** Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3) or (4) best completes each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The international monetary fund (IMF) was the centerpiece of the Bretton Woods agreement of July 1944. It was agreed that (11) ..... responsibility for the (12) ..... of monetary relationships among national economies, of private financial (13) ..... and of balance of payments adjustment should (14) ..... in the hands of public multilateral institutions and national governments with a view to underpinning a cooperative international economic order. The international monetary fund, alongside is (15) ..... institution the international bank for reconstruction and development was to be the main factor for achieving these ends.

11-

- 1) primary                    2) elementary                    3) primitive                            4) preliminary

12-

- 1) fabrication                    2) reputation                    3) regulation                            4) foundation

13-

- 1) flows                            2) currencies                    3) changes                                    4) bargainings

14-

- 1) rest                            2) retain                            3) resign                                    4) reform

15-

- 1) Relative                            2) sister                            3) brother                                    4) cousin

**Part C: Reading comprehension**

**Directions:** In this part of the test you will read one passage. Answer the questions about the passage by choosing the best choice (1),(2),(3) and (4), then mark the correct choice on your answer sheet.

**PASSAGE 1:**

One of the most important characteristics of the amorphous state is the behavior of a polymer during its transition from solid to liquid. If an amorphous glass is heated, the kinetic energy of the molecules increases. Motion is still restricted, however, to short-range vibrations and rotations so long as the polymer retains its glasslike structure, as temperature is increased further, there comes a point where a decided change takes place, the polymer loses its glasslike properties and assumes those more commonly identified with a rubber. The temperature at which this takes place is called the glass transition temperature ( $T_g$ ). If heating is continued; the polymer will eventually lose its elastomeric properties and melt to a flowable liquid.

**16- Which statement is NOT correct according to the passage?**

- 1) the change of a polymer from solid to liquid plays an important role in characterization of the polymers
- 2) as the amorphous glass is heated, vibration and rotations take place
- 3) as the temperature increases, the polymer changes to rubber
- 4)  $T_g$  is the temperature in which polymer loses its glass like properties

**17- The word "restrict" in line 3 can be replaced by:**

- |              |            |
|--------------|------------|
| 1) encourage | 2) broaden |
| 3) extend    | 4) limit   |

**18- What is the opposite of the term "flowable" in the last line?**

- |              |             |
|--------------|-------------|
| 1) streaming | 2) viscous  |
| 3) emerging  | 4) volatile |

**PASSAGE 2:**

Phase changes are also determined by the balance between kinetic energy and intermolecular forces. As the temperature increases, so does the kinetic energy, and the faster moving particles can overcome the attractions more easily; conversely, lower temperatures allow the forces to draw the slower moving particles together. When water vapor cools, a mist appears as the particles from tiny droplets of liquid that then collect into a bulk sample with a single surface. The process of a gas changing into liquid is called condensation; the opposite process, changing from a liquid to a gas, is called vaporization.

With farther cooling, the particles move even more slowly and become fixed in position as the liquid solidified in the process of freezing; the opposite change is called melting, or fusion. In common speech, freezing implies low temperature because we typically think of water, which solidifies at  $0^{\circ}\text{C}$ . However, many substances freeze at temperatures much greater than room temperature; for example, gold freezed at  $1064^{\circ}\text{C}$ .

As the molecules of a gas attract each other and come closer together in the liquid, and then become more organized in the solid, the system of particles loses energy, which is released as heat; thus, condensing and freezing are exothermic changes. On the other hand, energy must be absorbed to overcome attractive forces that restrict motion in a liquid or solid; thus, melting and vaporizing are endothermic changes.

**19- What does the paragraph preceding this passage most probably discuss?**

- 1) The effects of phase changes.
- 2) Chemist's reasons for studying phase changes.
- 3) The interplay between kinetic energy and intermolecular forces.
- 4) A variable affecting phase changes.

**20- Which of the following is NOT mentioned in the passage?**

- 1) The kinetic energy causes higher attraction between moving objects.
- 2) The attractions referred to in the passage become stronger.
- 3) Higher temperatures affect the particles in a different way.
- 4) The moving particles are drawn together in lower temperature.



21- All of the following are used in first paragraph to develop the topic except:

- 1) A difference in the outcome due to a change in one variable.
- 2) A series of causes and effects.
- 3) A number of steps in a process.
- 4) A series of events chronologically reported.

22- The word "bulk" in line 5 is closest in meaning to .....

- 1) distinct
- 2) aggregate
- 3) slight
- 4) elevated

23- According to the passage, fusion is the same as .....

- 1) condensation
- 2) melting
- 3) freezing
- 4) vaporization

24- The term “exothermic” is used to refer to .....

- 1) loss of energy
- 2) overcoming attractive forces
- 3) lack of motion
- 4) trapped heat

25- The word “restrict” in the last line has closest in meaning to .....

- 1) initiate
- 2) stimulate
- 3) delay
- 4) confine

### PASSAGE 3:

When the mixture is ignited, the products of combustion expand down the cylinder, which is fitted with a reciprocating piston. The downward movement of the piston is converted into a rotational movement of the crankshaft by means of a connecting rod. As the crankshaft rotates, the piston is driven upwards again, and the exhaust gases are expelled through the exhaust value in the cylinder head. When the piston nears the top of this stroke, the inlet value is opened and the exhaust value closed. The piston then descends on the induction stroke, and draws a fresh charge into the cylinder. As the piston rises again on the compression stroke, the charge is compressed and ignited, and the cycle begins again. This is the four-stroke cycle which is in common use. An alternative cycle is the two-stroke cycle, which combines the exhaust and compression strokes into one.

26- What is the function of connecting rod?

- 1) For downward movement of the piston
- 2) For rotational movement of the crankshaft
- 3) To descend the piston on the induction stroke
- 4) To convert the movement of the piston into a rotational movement

27- A two-stroke cycle combines ..... strokes into one.

- 1) Two
- 2) Exhaust and combustion strokes
- 3) Exhaust and induction strokes
- 4) Compression and induction strokes

28- In which stroke both the inlet and exhaust value are open simultaneously?

- 1) Exhaust
- 2) Induction
- 3) Compression
- 4) None

**Choose the best choice and mark in your answer sheet.**

29- Electro negativity measures the ability of an atom to ..... electrons.

- 1) absorb
- 2) repel
- 3) attract
- 4) replace

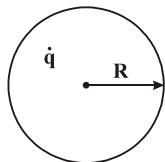
30- An operation which is variable with time is called ..... in contrast with that, an operation which is called ..... is a form of operation that conditions are invariable with time.

- 1) transient, unsteady state
- 2) unsteady state, transient
- 3) transient, steady state
- 4) steady state, unsteady state



## «انتقال حرارت ۱ و ۲»

۳۱- در یک کره به شعاع  $10\text{ cm}$  تولید حرارت به میزان  $1000 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  باشد، گرادیان دما روی سطح کره کدام است؟



$$\frac{-1}{3}^{\circ}\text{C} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3}^{\circ}\text{C} \quad (1)$$

$$\frac{-1}{2}^{\circ}\text{C} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2}^{\circ}\text{C} \quad (3)$$

۳۲- دو سیال ۱ و ۲ توسط یک صفحه فلزی از هم جدا شده‌اند. شرایط سیالات و صفحه به صورت زیر است:

$$K = 21 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{K}}, \quad h_1 = 15 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{K}}, \quad T_1 = 50^{\circ}\text{K}$$

$$h_2 = 30 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{K}}, \quad T_2 = 40^{\circ}\text{K}$$

برای افزایش نرخ انتقال حرارت گرما بین این دو سیال استفاده از پره ..... .

(۱) تاثیری ندارد

(۲) در سمت سیال ۱ مناسب‌تر است

(۳) در سمت سیال ۲ مناسب‌تر است

۳۳- توزیع درجه حرارت شعاعی در یک کره (با فرض دائم بودن انتقال حرارت و عدم وجود منبع حرارتی داخلی) در صورتی خطی است که ضریب هدایت حرارتی کره ..... .

(۱) با معکوس شعاع هر المان کروی متناسب باشد

(۲) مقداری ثابت باشد و با شعاع تغییر نکند

(۳) با معکوس شعاع هر المان کروی متناسب باشد

۳۴- درون استوانه‌ای توپر به شعاع  $10\text{ cm}$  یک منبع حرارتی با توان  $10 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  قرار دارد. ضریب هدایت حرارتی این لوله  $2^{\circ}\text{C}$  است. اگر این

استوانه با عایقی به ضریب هدایت  $5 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  و ضخامت  $5\text{ cm}$  پوشانده شود، دمای سطح بیرونی عایق، در صورتی که دمای محیط  $20^{\circ}\text{C}$  و

ضریب انتقال حرارت جابجایی آن برابر  $\frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{C}}$  باشد، تقریباً چند درجه سانتی‌گراد است؟

$$70^{\circ}\text{C} \quad (4)$$

$$74^{\circ}\text{C} \quad (3)$$

$$53^{\circ}\text{C} \quad (2)$$

$$50^{\circ}\text{C} \quad (1)$$

۳۵- معادله دیفرانسیل توزیع درجه حرارتی در یک استوانه با طول بسیار زیاد با ضریب هدایت حرارتی ثابت که حرارتی به اندازه  $\dot{q}$  در واحد حجم آن تولید می‌شود، کدام است؟

$$\frac{d^2T}{dr^2} + \frac{1}{r} \frac{dT}{dr} + \frac{\dot{q}}{k} = 0 \quad (4)$$

$$\frac{1}{r} \frac{dT}{dr} + \frac{d^2T}{dr^2} = 0 \quad (3)$$

$$\frac{1}{r} \frac{dT}{dr} + \frac{\dot{q}}{k} = 0 \quad (2)$$

$$\frac{d^2T}{dr^2} + \frac{\dot{q}}{k} = 0 \quad (1)$$

۳۶- لوله مسی با ضریب هدایت  $200 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  حاوی روغن داغ به دمای  $40^{\circ}\text{C}$  باشد و لوله را

با عایقی به ضریب هدایت  $2 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  بپوشانیم، برای آن که اتلاف حرارتی از این لوله به هوای اطراف حداقل شود، ضخامت بحرانی عایق چند

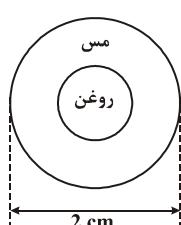
سانتی‌متر باید باشد؟

$$1\text{cm} \quad (1)$$

$$2\text{cm} \quad (2)$$

$$4\text{cm} \quad (3)$$

$$3\text{cm} \quad (4)$$





۳۷- شار حرارتی ثابتی به اندازه  $\frac{W}{m^2} = 1000$  به سطح داخلی کره‌ای به شعاع  $10\text{ cm}$  می‌رسد، در صورتی که شعاع بیرونی این کره  $20\text{ cm}$  باشد،

میران حرارتی که از وجه بیرونی، به بیرون منتقل می‌شود، چند وات است؟

۱۲۵/۶ (۴)

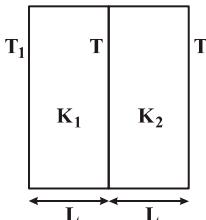
۲۵۰/۲ (۳)

۶۲/۸ (۲)

۲۱۵/۴ (۱)

۳۸- دیوار نشان داده شده در شکل زیر از دو جنس مختلف با هدایت حرارتی  $k_1$  و  $k_2$  و ضخامت یکسان تشکیل شده است. ضریب هدایت

حرارتی معادل ( $k_e$ ) برابر با کدام گزینه است؟

 $k_1 + k_2$  (۲) $2k_1k_2$  (۱)

$$\frac{1}{k_1 + k_2}$$

$$\frac{2k_1k_2}{k_1 + k_2}$$

۳۹- در انتقال حرارت یک بعدی، پایا و با تولید انرژی در یک کره توپر، اگر نرخ تولید حرارت ( $\dot{q}$ ) دو برابر شده و شعاع کره نصف شود، اختلاف دمای مرکز کره و سطح آن ( $T_{max} - T_w$ ) چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) نصف می‌شود      (۲) دو برابر می‌شود      (۳) چهار برابر می‌شود      (۴) تغییر نمی‌کند

۴۰- از سه لایه عایق برای جلوگیری از افت حرارت از کوره استفاده شده است. ضریب هدایت حرارتی این سه لایه به چه صورت است؟

$$k_3 = 10^{-3} \times T + 300, \quad k_2 = 200, \quad k_1 = 100$$

(۱) اول عایق ۱، دوم عایق ۲، سوم عایق ۳      (۲) اول عایق ۲، دوم عایق ۱، سوم عایق ۳

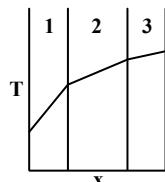
(۳) اول عایق ۳، دوم عایق ۲، سوم عایق ۱      (۴) اول عایق ۳، دوم عایق ۱، سوم عایق ۲

۴۱- دیواری متتشکل از لایه‌ای به ضخامت  $1\text{ m}$  از آجر  $K = 0.69 \frac{W}{m \cdot ^\circ C}$  و لایه‌ای به ضخامت  $25\text{ mm}$  از فایبرگلاس

است. شار جریان گرما از این دیوار برای اختلاف درجه حرارت  $45^\circ C$  چقدر است؟ (بر حسب  $\frac{W}{m^2}$ )

(۱) ۱۷۱/۲۳ (۴)      (۲) ۲۱/۳۱ (۳)      (۳) ۶۹/۷۸ (۲)      (۴) ۱۱/۲۵ (۱)

۴۲- تغییرات درجه حرارت نسبت به فاصله برای سه لایه متفاوت از نظر جنس بصورت شکل زیر است. کدام رابطه برای ضریب هدایت حرارتی در حالت پایدار صحیح است؟



(۱)  $K_1 > K_2 > K_3$

(۲)  $K_3 > K_2 > K_1$

(۳)  $K_3 > K_1 > K_2$

(۴)  $K_2 > K_1 > K_3$

۴۳- کدام عبارت در مورد راندمان پره صحیح نیست؟

(۱) راندمان پره، همان نسبت نرخ انتقال گرمایی واقعی از پره به نرخ انتقال گرمایی ایده‌آل از پره است.

(۲) راندمان پره زمانی که طول پره به سمت صفر میل کند ( $L \rightarrow 0$ ) حداقل است.

(۳) هر چه ضریب هدایت گرمایی بیشتر باشد راندمان پره بیشتر خواهد شد.

(۴) راندمان پره فقط به جنس آن بستگی دارد.

۴۴- نرخ انتقال حرارت از یک پنجره شیشه‌ای  $Q$  می‌باشد، اگر این پنجره دو جداره شود نرخ انتقال حرارت چگونه تغییر می‌کند؟ (با این فرض که دمای سطوح خارجی پنجره در هر دو حالت برابر باشد)

$$\frac{3}{2Q} \quad (4) \quad \frac{Q}{2} \quad (2) \quad \frac{Q}{3} \quad (3) \quad \frac{Q}{4} \quad (1)$$

۴۵- لوله‌ای که با لایه‌ای از  $K = 0.24 \frac{W}{m \cdot ^\circ C}$  پوشیده می‌شود و در محیطی با  $h = 12 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$  قرار می‌گیرد. با افزایش ضخامت عایق به

اندازه  $5\text{ mm}$  و  $10\text{ mm}$ ، به ترتیب انتقال حرارت چگونه تغییر می‌کند؟ ( قطر داخلی لوله  $10/5\text{ cm}$  است)

(۱) کاهش - کاهش      (۲) افزایش - کاهش      (۳) افزایش - افزایش      (۴) افزایش - افزایش



## «ترمودینامیک»

۴۶- گاز ایده‌آلی در دمای  $C^{\circ}$  با سرعت  $45 \frac{m}{s}$  وارد یک شیپور عایق‌کاری شده، می‌شود و در دمای  $C^{\circ}$  آن را ترک می‌کند. سرعت گاز

$$(C_p = 1 \frac{kJ}{kg \cdot K})$$

۳۰۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۳۰ (۱)

۴۷- کدام یک از خواص زیر متمرکز یا شدتی (Intensive) هستند؟

۴) گزینه‌های ۲ و ۳

۳ فشار

۲ دما

۱ انرژی داخلی

۴۸- کدام عبارت صحیح نمی‌باشد؟

۱) تنها در فرایندهای برگشت‌پذیر کار انجام شده معادل سطح زیر نمودار P-V است.

۲) برای انجام کار کافی است بر مرز سیستم نیروی خارجی اثر کند و مرز سیستم حرکت کند.

۳) آنتالپی سیال در فرایند اختناق ثابت نمی‌ماند.

۴) برای یک سیستم بسته در فرایند پلی‌تروپیک در گاز ایده‌آل و همراه با انتقال گرمای داریم  $q = \frac{k-n}{1-n} C_v \Delta T$  (ثابت  $p v^n = q$ ، فرآیند برگشت‌پذیر مکانیکی است).

۴۹- فرآیند تراکم برگشت‌پذیر گازی در داخل سیلندر و پیستون در فشار ثابت مفروض است. مقدار انتقال حرارت بر واحد جرم به شرطی که گاز

$$\text{داخل سیلندر ایده‌آل باشد، کدام است? } (\gamma = \frac{C_p}{C_v})$$

$$q = \frac{R}{\gamma - 1} (T_2 - T_1) \quad (۴)$$

$$q = \frac{\gamma R}{\gamma - 1} (T_2 - T_1) \quad (۳)$$

$$q = \frac{R}{2(1-\gamma)} (T_2 - T_1) \quad (۲)$$

$$q = \frac{kR}{2(1-\gamma)} (T_2 - T_1) \quad (۱)$$

۵۰- برای یک گاز واقعی در فشارهای بسیار کم، کدام مورد درباره گرمای ویژه در فشار ثابت صحیح نیست؟

۱) با افزایش تعداد اتم‌های مولکول گاز، وابستگی  $C_p$  به دما بیشتر خواهد شد.

۲)  $C_p$  گازهای تک اتمی تقریباً ثابت است.

۳) برای گازهای با تعداد اتم یکسان،  $C_p$  مستقل از جرم مولکولی گاز است.

۴) گازهای چند اتمی با افزایش دما، افزایش می‌یابد.

۵۱- کدام مورد صحیح است؟

۱) از مزایای چند مرحله‌ای ساختن کمپرسور، نزدیک کردن کار، به کار ایزووترمال است.

۲) برای یک کمپرسور چند مرحله‌ای داریم:  $P_i = C_R^n P_e$

۳) با افزایش مراحل کمپرسور، حجم دستگاه افزایش می‌یابد.

۴) در یک کمپرسور دو مرحله‌ای برای یافتن فشار میانی به شرطی که کل کار معرفی حداقل شود، داریم  $P_i = \sqrt[n]{P_1 P_e}$

۵۲- برای یک گاز ایده‌آل،  $R = aT + b$  می‌باشد. شبیه نمودار  $T-S$  در حجم ثابت، کدام گزینه می‌باشد؟

$$\frac{1}{a} \quad (۴)$$

$$\frac{C_v}{R} \quad (۳)$$

$$\frac{a}{R} \quad (۲)$$

$$\frac{R}{a} \quad (۱)$$

۵۳- شیر متصل به یک مخزن خالی را باز می‌کنیم تا سیال وارد مخزن شود. پس از برابر شدن فشار داخل مخزن و فشار خط لوله، شیر را می‌بندیم. در صورتی که دمای سیال داخل مخزن، دو برابر دمای سیال داخل لوله باشد و بازگشت‌ناپذیری صفر باشد، حرارت منتقل شده چقدر خواهد بود؟

$$(C_p = 1 \frac{kJ}{kg \cdot K}), T_{\infty} = 300K$$

$$-600 \frac{kJ}{kg} \quad (۴)$$

$$600 \frac{kJ}{kg} \quad (۳)$$

$$-210 \frac{kJ}{kg} \quad (۲)$$

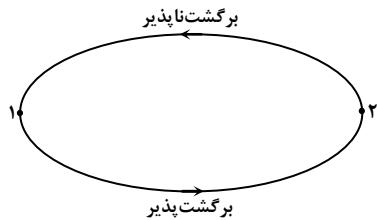
$$210 \frac{kJ}{kg} \quad (۱)$$



۴۵- در صورتی که دما و فشار یک گاز ایده‌آل هر دو  $m$  برابر شوند، تغییر آنتروپی چقدر است؟ ( $C_V = R$ )

(۱)  $-R \ln m$       (۲)  $R \ln m$       (۳)  $2R \ln m$

۴۶- سیستمی به صورت همدما و برگشت‌پذیر در دمای  $127^\circ C$  از نقطه یک به دو می‌رسد، به طوری که در طی این فرآیند  $1000\text{ kJ}$  گرمای دستیابی می‌کند. چنانچه در مسیر برگشت‌نایاب پذیر عمل کند، در مورد تغییر آنتروپی مسیر برگشت کدام گزینه صحیح است؟



$$\Delta S = -\int_1^2 \frac{dQ}{T} \quad (1)$$

$$\Delta S < \int_2^1 \frac{dQ}{T} \quad (2)$$

$$\Delta S = 2/5 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \quad (3)$$

(۴) نمی‌توان اظهارنظر کرد چون فرآیند برگشت‌نایاب است.

۴۷- یک سیستم در یک فرآیند برگشت‌پذیر بین دو نقطه ۱ و ۲ جایجا می‌شود؛ (مسیر I). این سیستم بین همان دو نقطه به شکل برگشت نایاب پذیر جایجا می‌شود؛ (مسیر II). کدام‌یک از روابط زیر در مورد تغییر آنتروپی این دو مسیر درست می‌باشد؟

$$\Delta S_I = \Delta S_{II} \quad (4) \qquad \Delta S_I + \Delta S_{II} = 0 \quad (3) \qquad \Delta S_I < \Delta S_{II} \quad (2) \qquad \Delta S_I > \Delta S_{II} \quad (1)$$

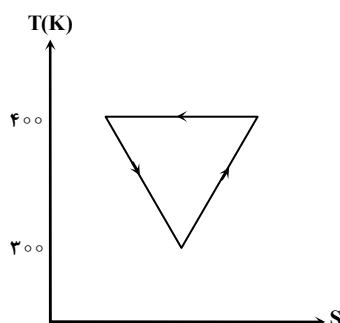
۴۸- ضریب عملکرد برای سیکل تبریدی در شکل زیر چقدر است؟

$$\beta = 3 \quad (1)$$

$$\beta = 2 \quad (2)$$

$$\beta = 1/2 \quad (3)$$

(۴) چون مقدار  $\Delta S$  مشخص نیست، محاسبه  $\beta$  امکان‌پذیر نمی‌باشد.



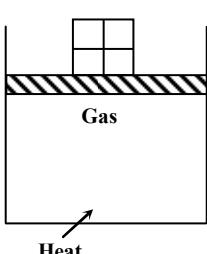
۴۹- به چه دلیل در صنعت نفت و گاز، کمپرسورها را چند مرحله‌ای می‌سازند؟

(۱) نزدیک کردن فرآیند تراکم به فرآیند ایزوترم  
 (۲) افزایش راندمان کمپرسور به دلیل افزایش کار تولیدی  
 (۳) کاهش دمای خروجی  
 (۴) همه موارد

۵۰- یک جسم فلزی به جرم  $5\text{ kg}$  و دمای اولیه  $327^\circ C$  در محیطی به دمای  $27^\circ C$  خنک می‌شود. اگر ظرفیت گرمایی قطعه فلزی باشد، تغییرات آنتروپی سیستم و محیط چقدر است؟

$$\Delta S = 425 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \quad (4) \qquad \Delta S = 75 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \quad (3) \qquad \Delta S = 250 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \quad (2) \qquad \Delta S = -175 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \quad (1)$$

۵۱- سیستم شکل زیر را در نظر بگیرید که دارای حجم اولیه  $200\text{ m}^3$  و فشار  $400\text{ kPa}$  می‌باشد. به گاز ایده‌آل زیر پیستون حرارت داده می‌شود تا به حجم نهایی  $1\text{ m}^3$  برسد. اگر در حین حرارت دادن به سیستم، وزنهای به شکلی برداشته شوند که  $PV^{\frac{1}{3}} = Cte$  باشد تا به حجم نهایی مورد نظر برسیم، مقدار کار انبساطی تولید شده چقدر است؟



$$10/2\text{ kJ} \quad (1)$$

$$6/4\text{ kJ} \quad (2)$$

$$7/3\text{ kJ} \quad (3)$$

$$4/3\text{ kJ} \quad (4)$$

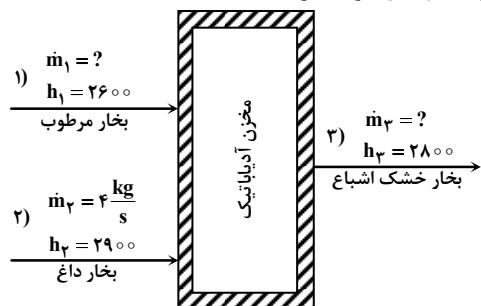
۶۱- آنتروپویی گازی از رابطه  $S = P^{\ddagger} + PT$  پیروی می‌کند.  $\frac{\partial A}{\partial T}$  برابر کدام گزینه است؟

(۱)  $-3P^{\ddagger} - 2PT$     (۲)  $3P^{\ddagger} + 2PT$     (۳)  $-P^{\ddagger}$     (۴)  $P^{\ddagger}$

۶۲- اگر معادله حالت گازی از رابطه  $Z = 1 + B'P$  تبعیت کند، کار تحول ایزوترمال برگشت‌پذیر است. واحد جرم کدام است؟

(۱)  $RTLn \frac{P_1}{P_2}$     (۲)  $RTB'PLn \frac{P_1}{P_2}$     (۳)  $RTB'PLn \frac{V_2}{V_1}$     (۴)  $RTLn \frac{V_2}{V_1}$

۶۳- جریانی از بخار داغ با شدت  $\frac{kg}{s}$  ۴ و جریان دیگری از بخار مرطوب وارد یک مخزن اختلاط آدیباتیک شده و جریان بخار آب خشک از مخلوط‌کننده خارج می‌شود. شدت جرمی جریان بخار مرطوب و بخار آب خشک اشباع به ترتیب چقدر خواهد بود؟



$$\dot{m}_3 = 4 \frac{kg}{s} \text{ و } \dot{m}_1 = 2 \frac{kg}{s} \quad (1)$$

$$\dot{m}_3 = 10 \frac{kg}{s} \text{ و } \dot{m}_1 = 6 \frac{kg}{s} \quad (2)$$

$$\dot{m}_3 = 8 \frac{kg}{s} \text{ و } \dot{m}_1 = 4 \frac{kg}{s} \quad (3)$$

$$\dot{m}_3 = 6 \frac{kg}{s} \text{ و } \dot{m}_1 = 2 \frac{kg}{s} \quad (4)$$

۶۴- کدام عبارت در مورد یک ماشین گرمایی (Heat Engine) برگشت‌پذیر، طبق اصل کارنو (Carnot) صحیح می‌باشد؟

(۱) نوع سیال به کار رفته بر راندمان ماشین مؤثر است.

(۲) راندمان به نوع سیال به کار رفته بستگی نداشته و فقط تابع دمای دو منبع گرم و سرد می‌باشد.

(۳) استفاده از بخار داغ نسبت به سیالات دیگر ارجحیت دارد.

(۴) با کاهش تلفات انرژی می‌توان راندمان را به  $10^0$  درصد نزدیک کرد.

۶۵- چه وقت از رابطه  $dh = C_p dT$  در محاسبه تغییرات آنتالپی می‌توان استفاده نمود؟

(۱) در فرآیندهای فشار ثابت و گاز ایده‌آل

(۲) در فرآیندهای حجم ثابت و گاز ایده‌آل

(۳) در فرآیندهای حجم ثابت و سیالات تراکم‌ناپذیر

(۴) در فرآیندهای فشار ثابت و سیالات تراکم‌ناپذیر

### «مکانیک سیالات»

۶۶- حجمی به وزن ۶ کیلوگرم روی سطح شیب‌داری که با افق زاویه  $30^\circ$  می‌سازد می‌لغزد، اگر فاصله ۱mm بین قطعه و سطح شیب‌دار از رogen با ویسکوزیته  $cP = 300$  پر شده باشد، سرعت نهایی جسم در پایین سطح شیب‌دار چقدر است؟ (ابعاد جسم به طول ۴cm و عرض ۲/۵cm)

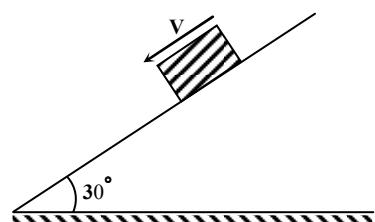
$$g = 10 \frac{m}{s^2}, \text{ توزیع سرعت روی سیال خطی می‌باشد.}$$

$$100 \frac{m}{s} \quad (1)$$

$$100\sqrt{3} \frac{m}{s} \quad (2)$$

$$\frac{1}{1} \frac{m}{s} \quad (3)$$

$$\sqrt{3} \frac{m}{s} \quad (4)$$



۶۷- میله‌ای به طول ۴۰cm و قطر ۶cm با سرعت ثابت  $\frac{m}{s} = 4/0$  از میان یک محفظه‌ای به قطر ۶/۰۲cm کشیده می‌شود. فضای خالی بین لوله

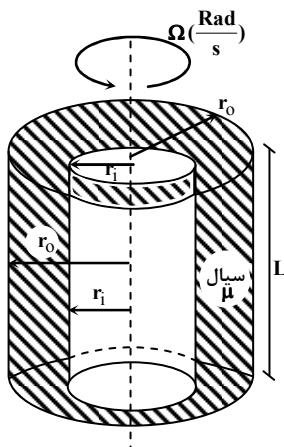
و محفظه با روغنی به ویسکوزیته سینماتیک  $900 \frac{kg}{m^3}$  و دانسیته  $1000 \frac{m^3}{kg}$  پر شده است. نیروی لازم جهت بیرون کشیدن میله از محفظه در

لحظه شروع، کدام است؟ ( $\pi = 3/14$ )

(۱) ۴۰۷(N)    (۲) ۸۱۴(N)    (۳) ۹۰۴(N)    (۴) ۴۵۲(N)



۶۸- مطابق شکل پایین دو استوانه هم مرکز جهت اندازه‌گیری ویسکوزیته در آزمایشگاه تعییه شده است، که استوانه داخلی حول محور خود با سرعت چرخش  $\Omega \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  در چرخش است. اگر طول استوانه  $L$  باشد و نیروی Torque با  $M$  نشان داده شود، رابطه بین ویسکوزیته سیال و نیروی Torque کدام است؟ (سیالی با ویسکوزیته  $\mu$  بین دو استوانه قرار دارد.)



$$\frac{M(r_o - r_i)}{2\pi\Omega r_i^3 L} \quad (1)$$

$$\frac{M(r_o - r_i)}{2\pi\Omega r_i^3 L} \quad (2)$$

$$\frac{M(r_o - r_i)}{\pi\Omega r_i^3 L} \quad (3)$$

$$\frac{M(r_o - r_i)}{\pi\Omega r_i^3 L} \quad (4)$$

۶۹- اجزای سرعت برای یک سیال غیرقابل تراکم به صورت زیر داده شده است، اگر  $a$  و  $b$  ثابت باشند،  $w$  کدام است؟

$$u = ax^3, \quad v = -2axy + by, \quad w = ?$$

$$-bz + f(x, y, t) \quad (4)$$

$$bz + f(x, y, t) \quad (3)$$

$$-4axz + f(x, y, t) \quad (2)$$

$$-bz + f(x, y, z) \quad (1)$$

۷۰- کدام یک از گزینه‌های زیر را نمی‌توان تعریفی دقیق از خواص سیالات دانست؟

۱) کشش سطحی، نیرویی که به مولکول‌های سطحی روبه پایین وارد می‌شود.

۲) سیال ایده‌آل سیالی است که تراکم‌ناپذیر بوده و ویسکوزیته آن صفر باشد، بنابراین در سیالات ایده‌آل هیچ موقع اصطکاک نداریم و هیچ‌گاه تنش برشی ایجاد نمی‌شود.

۳) در یک سیال در حال حرکت در یک نقطه  $P_x = P_y = P_z$  برقرار است.

۴) با افزایش دما ویسکوزیته گازها افزایش می‌یابد.

۷۱- در یک راکتور به ارتفاع  $m = 10$ ، دانسیته مخلوط نسبت به ارتفاع راکتور به صورت  $\rho = 10^{0.0} (1 + 5y)^{1.0}$  تغییر می‌کند. چنانچه مخلوط ساکن فرض شود، اختلاف فشار بالا و پایین راکتور چقدر است؟

$$2600 \text{ kPa} \quad (4)$$

$$2600 \text{ Pa} \quad (3)$$

$$260 \text{ kPa} \quad (2)$$

$$260 \text{ Pa} \quad (1)$$

۷۲- در یک جریان بردار سرعت به صورت  $V = yx^3 i + \frac{x}{3} j$  می‌باشد، معادله کلی خط جريان به صورت کدام یک از روابط زیر می‌باشد؟

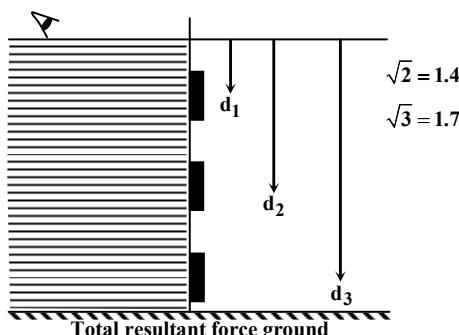
$$x = ce^y \quad (4)$$

$$x = cLny^3 \quad (3)$$

$$x = ce^{y^3} \quad (2)$$

$$x = cLny \quad (1)$$

۷۳- دیواره یک حوض آب توسط سه نگهدارنده موازی تقویت شده است. اگر عمق پشت دیواره حوضچه  $m = 6$  باشد، موقعیت هر کدام از نگهدارنده‌ها روی دیواره برابر با کدام است؟ ( $\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ،  $g = 10 \text{ m/s}^2$ )، (نیروی فشاری به هر کدام از تیرها یکسان است).



$$5/17, 4/48, 2/35 \quad (1)$$

$$5/05, 4/21, 2/74 \quad (2)$$

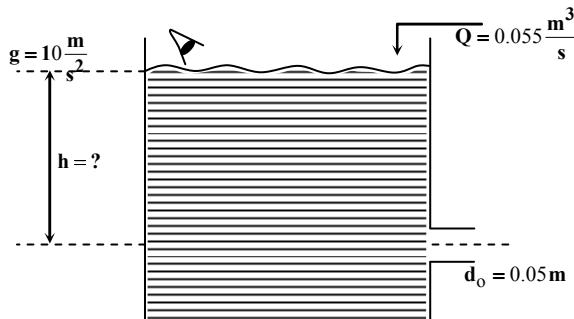
$$5/92, 3/73, 2/35 \quad (3)$$

$$5/43, 3/83, 2/74 \quad (4)$$



۷۴- یک مخزن استوانه به قطر  $2\text{ m}$  که در شکل پایین نمایش داده شده است، دارای سوراخی به قطر  $5\text{ cm} \times 5\text{ cm}$  با ضریب تخلیه  $6/64$  می‌باشد.

اگر سیال آبی با دبی ثابت حجمی  $55\frac{\text{m}^3}{\text{s}}$  به داخل مخزن تزریق شود، در صورتی که مخزن به حالت پایا برسد، سطح آب داخل مخزن چند متر می‌باشد؟ ( $\sqrt{5} = 2/2$  و  $\pi = 3/14$ )



$$40\text{ m} \quad (1)$$

$$50\text{ m} \quad (2)$$

$$70\text{ m} \quad (3)$$

$$100\text{ m} \quad (4)$$

۷۵- اگرتابع جریان  $\Psi = 2x^3 + xy - 2y^2$  باشد، مولفه‌های سرعت سیال کدام است؟

$$\begin{cases} u = x + 4y \\ v = y - 4x \end{cases} \quad (4)$$

$$\begin{cases} u = x - 4y \\ v = -x - 4y \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} u = x - 4y \\ v = -y - 4x \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} u = x + 4y \\ v = -y - 4x \end{cases} \quad (1)$$

۷۶- مطابق شکل پایین، طاق یک پل بالای یک رودخانه واقع شده که به شکل یک نیم‌دایره است و شعاع طاق  $2\text{ m}$  می‌باشد. همچنین عرض پل  $4\text{ m}$  طی یک طغیان رودخانه سطح آب به ارتفاع  $1/25\text{ m}$  بالای طاق پل قرار می‌گیرد. نیروی عمودی و افقی ناشی از طغیان رودخانه به

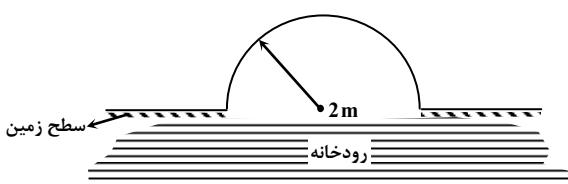
$$\rho_{\text{water}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \pi = 3/14 \quad \text{و}$$

$$30\text{ kN}, 67\text{ kN} \quad (1)$$

$$100\text{ kN}, 286\text{ kN} \quad (2)$$

$$46\text{ kN}, 67\text{ kN} \quad (3)$$

$$180\text{ kN}, 286\text{ kN} \quad (4)$$



۷۷- کدام یک از فرضیات زیر جزو فرضیات معادله اولر نمی‌باشد؟

(۱) سیال ایده‌آل است، بنابراین از اتلاف انرژی صرف‌نظر شده است.

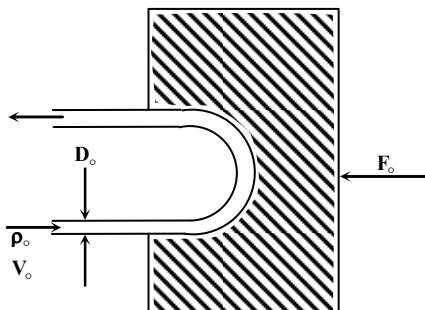
(۲) جریان دائمی یا پایا در نظر گرفته می‌شود. (تغییرات زمان نداریم)

(۳) سیال تراکم‌ناپذیر است یا به عبارتی دانسیت سیال ثابت می‌باشد.

(۴) معادله اولر فقط در طول یک خط جریان برقرار است.

۷۸- با توجه به شکل مقابل اگر سرعت سیال ورودی به لوله U شکل برابر با  $V_\circ$  باشد و نیرویی که باید در مقابل نیروی ناشی از سرعت سیال به

بدنه جامد وارد شود را با  $F_\circ$  نشان دهیم، کدام رابطه صحیح می‌باشد؟



$$V_\circ = \sqrt{\frac{F_\circ}{\rho \pi D_\circ^2}} \quad (1)$$

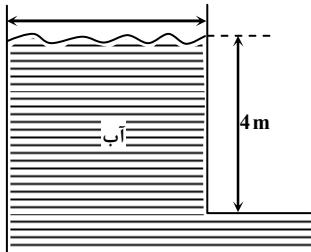
$$V_\circ = \sqrt{\frac{2F_\circ}{\rho \pi D_\circ^2}} \quad (2)$$

$$V_\circ = 2 \sqrt{\frac{F_\circ}{\rho \pi D_\circ^2}} \quad (3)$$

$$V_\circ = \sqrt{\frac{F_\circ}{\rho \pi D_\circ}} \quad (4)$$

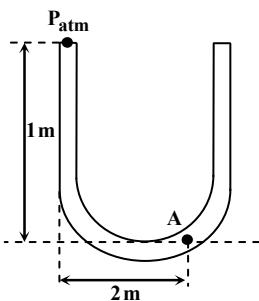


۷۹- در شکل مقابل مخزن استوانه‌ای به قطر  $2\text{ m}$  و توسط لوله‌ای به قطر  $1\text{ m}$  خالی شود. چنانچه از افت انرژی در مخزن، لوله و اتصالات صرف نظر شود و ارتفاع آب بالای لوله متصل شده  $4\text{ m}$  باشد، زمان لازم جهت تخلیه نصف آب داخل مخزن چند ثانیه می‌باشد؟



- (۱)  $8/\sqrt{2}\text{ sec}$   
 (۲)  $9/\sqrt{2}\text{ sec}$   
 (۳)  $12/\sqrt{2}\text{ sec}$   
 (۴)  $6/\sqrt{2}\text{ sec}$

۸۰- در شکل پایین برای آن که فشار نقطه A برابر با فشار اتمسفر باشد، کدام گزینه جزء ملزومات می‌باشد؟



- (۱) دستگاه با نصف شتاب جاذبه از راست به چپ حرکت کند.

- (۲) دستگاه با شتاب جاذبه از چپ به راست حرکت کند.

- (۳) دستگاه با سرعت ثابت سقوط کند.

- (۴) دستگاه با شتابی برابر با نصف جاذبه محل از چپ به راست حرکت کند.

### «کنترل فرآیندها»

۸۱- تبدیل لاپلاس تابع زیر کدام است؟

$$C(t) = u(t-3) \left[ 1 - e^{-\frac{(t-3)}{4}} \right]$$

$$\frac{e^{-3s}}{s(4s+1)} \quad (2) \quad \frac{1}{s(4s+1)} \quad (1)$$

$$\frac{1}{s(4s-1)} \quad (4) \quad \frac{e^{3s}}{s(4s+1)} \quad (3)$$

۸۲- پاسخ متغیر خروجی  $y(t)$  در برابر تابع پله‌ای واحد برای معادله دیفرانسیل زیر کدام است؟ (شرط اولیه در حالت پایا باشد).  $y(0) = 0$

$$a_2 \frac{d^2y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_0 y(t) = bx(t)$$

$$a_0 = 1, a_1 = 1, a_2 = 1, b = 2$$

$$y(t) = -2/25e^{-\frac{t}{9}} + 0/25e^{-t} + 2u(t) \quad (1)$$

$$y(t) = (-\frac{2}{9}t - 2)e^{-\frac{t}{9}} + 2u(t) \quad (2)$$

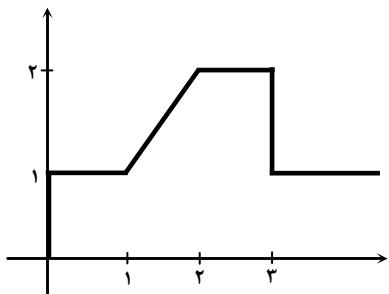
$$y(t) = -2/25e^{\frac{t}{9}} + 0/25e^t - 2u(t) \quad (3)$$

$$y(t) = (-\frac{2}{9}t - 2)e^{\frac{t}{9}} - 2u(t) \quad (4)$$

۸۳- تبدیل لاپلاس شکل مقابل، کدام یک از گزینه‌های زیر می‌باشد؟

$$\frac{1-e^{-3s}}{s} + \frac{e^{-s}+e^{-2s}}{s^2} \quad (2) \quad \frac{1-e^{-3s}}{s^2} + \frac{e^{-s}+e^{-2s}}{s} \quad (1)$$

$$\frac{1-e^{-3s}}{s} + \frac{e^{-s}-e^{-2s}}{s^2} \quad (4) \quad \frac{1-e^{-3s}}{s^2} + \frac{e^{-s}-e^{-2s}}{s} \quad (3)$$





-۸۴- جواب معادله زیر کدام است؟

$$\cosh t \quad (1)$$

$$\sinh t \quad (2)$$

$$t \cosh(2t) \quad (3)$$

$$t \sinh(2t) \quad (4)$$

$$\int_0^t y(\tau) d\tau = \frac{dy(t)}{dt}; y(0) = 1$$

$$L\left\{\frac{s}{s^2 - a^2}\right\} = \cosh(at)$$

$$L\left\{\frac{a}{s^2 - a^2}\right\} = \sinh(at)$$

-۸۵- فرآیندی با تابع تبدیل نامشخص، یک ورودی پالس (ضربه) به آن اعمال می‌شود. خروجی فرآیند با دقت بالایی اندازه‌گیری شده است و با تابع  $y(t) = te^{-t}$  نمایان گر پاسخ می‌باشد. تابع تبدیل فرآیند برابر کدام گزینه است؟

$$\frac{-1}{(s+1)^2} \quad (4)$$

$$\frac{-s}{(s+1)^2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{(s+1)^2} \quad (2)$$

$$\frac{s}{(s+1)^2} \quad (1)$$

-۸۶- کدامیک از گزینه‌های زیر در مورد رفتار پاسخ سیستم صحیح نمی‌باشد؟

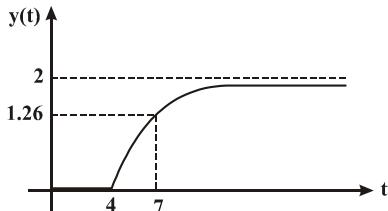
(۱) اگر ریشه‌های تابع تبدیل فرآیند دارای جزء حقیقی مثبت، منفی و یا صفر باشد تغییرات دامنه آن به ترتیب غیر میرا، میرا و با دامنه ثابت خواهد بود.

(۲) اگر ریشه‌های تابع تبدیل فرآیند دارای جزء موهومی باشد رفتار نوسانی خواهد داشت و در غیر این صورت فاقد نوسان است.

(۳) قرار گرفتن ریشه معادله مشخصه سیستم در سمت راست محور موهومی، موجب غیر میرا شدن آن می‌شود.

(۴) قرار گرفتن ریشه‌های معادله مشخصه فرآیند بر محور موهومی، پاسخ با دامنه ثابت بر حسب زمان نوسان می‌کند و اگر ریشه‌ها تکراری باشد دامنه نوسان به صورت یک سری توانی با زمان کاهش می‌یابد.

-۸۷- پاسخ یک سیستم به ورودی پله‌ای واحد به صورت شکل مقابل است؛ تابع انتقال این سیستم به چه صورت است؟



$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{e^{-4s}}{4s+1} \quad (2)$$

$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{e^{-4s}}{3s+1} \quad (1)$$

$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{e^{-7s}}{4s+1} \quad (4)$$

$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{e^{-7s}}{3s+1} \quad (3)$$

-۸۸- تابع تبدیل یک سیستم به صورت  $G(s) = \frac{6}{(3s+2)}$  می‌باشد. مقدار تغییر در خروجی سیستم برای یک تغییر پله‌ای به اندازه ۴ واحد در

ورودی به سیستم برابر با کدام گزینه است؟

$$18 \quad (4)$$

$$12 \quad (3)$$

$$9 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

-۸۹- مقدار نهایی تابع  $F(s) = \frac{s^2 + 4}{s^2 + 3s^2 + s}$  کدامیک از مقادیر می‌باشد؟

$$4 \quad (4)$$

$$-2 \quad (3)$$

$$-4 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

-۹۰- یک ورودی سینوسی به شکل  $X(t) = 2\sin(t)$  اگر به یک سیستم درجه اول با ثابت زمانی ۱ قرار گیرد، خروجی این سیستم پس از گذشت زمان طولانی چقدر خواهد شد؟

$$y(t) = \sqrt{2} \sin(t - \frac{\pi}{3}) \quad (4) \quad y(t) = \frac{1}{\sqrt{2}} \cos(t + \frac{\pi}{3}) \quad (3) \quad y(t) = \sqrt{2} \sin(t - \frac{\pi}{4}) \quad (2) \quad y(t) = \sqrt{2} \cos(t - \frac{\pi}{4}) \quad (1)$$

-۹۱- معادله پایین بیانگر معادله آرینوسی است که، وابستگی ضرایب سرعت واکنش شیمیایی به دما را نشان می‌دهد. برای واکنشی با ضریب  $E = ۲۲۰۰^{\circ}C$ ، رابطه خطی معادله آرینوس حول نقطه  $\bar{T} = ۲۲۷^{\circ}C$  کدام است؟ (ثابت قانون گازهای  $k(\bar{T}) = ۱۰۰ S^{-1} \frac{kcal}{kmol}$  و انرژی فعالیت)

$$(k[T(t)]) = k_{\infty} e^{-\frac{E}{RT(t)}} \quad R = ۲ \frac{Cal}{kmol \cdot K}$$

$$k = 100 + 4/4 [T - 227] \quad (2)$$

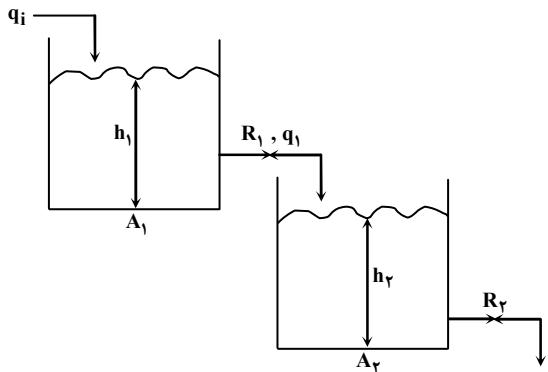
$$k = 100 + 220 [T - 227] \quad (1)$$

$$k = 100 - 4/4 [T + 227] \quad (4)$$

$$k = 100 - 220 [T + 227] \quad (3)$$



۹۲- سیستم غیر تداخلی سطح مایع مطابق شکل پایین است. نسبت  $\frac{H_2(s)}{H_1(s)}$  کدام عبارت است؟ ( $\tau_1$  و  $\tau_2$  ثابت زمانی دو تانک هستند و  $R_1$  و  $R_2$  مقاومت‌های شیر هستند.  $A_1$  و  $A_2$  هم سطح تانک‌ها می‌باشند و  $q_1$  و  $q_2$  دبی جریان‌ها می‌باشند).



$$\frac{H_2(s)}{H_1(s)} = \frac{1}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2)s + 1} \quad (1)$$

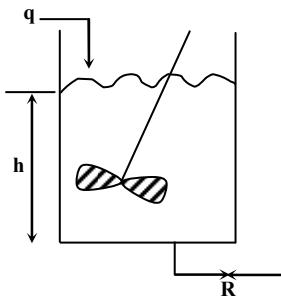
$$\frac{H_2(s)}{H_1(s)} = \frac{R_2}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2)s + 1} \quad (2)$$

$$\frac{H_2(s)}{H_1(s)} = \frac{\frac{R_2}{R_1}}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2)s + 1} \quad (3)$$

$$\frac{H_2(s)}{H_1(s)} = \frac{R_1}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2)s + 1} \quad (4)$$

۹۳- مطابق شکل زیر اگر ثابت زمانی برابر  $60 \text{ sec}$  و دبی حجمی سیالی که وارد مخزن سطح مایع می‌شود برابر با  $4 \frac{\text{m}^3}{\text{min}}$  باشد؛ اگر در لحظه

$t = 0 \text{ sec}$  دبی حجمی به طور ناگهانی  $14 \frac{\text{m}^3}{\text{min}}$  شود و بعد سپری شدن  $2^\circ$  دقیقه به مقدار اولیه‌اش باز گردد، ( $H(s)$  چقدر است؟ (شیر هم خطی با مقاومت  $R$  است).



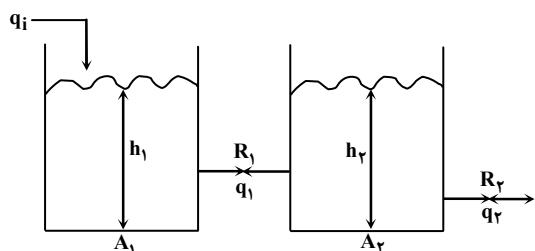
$$H(s) = \frac{10 R}{s+1} \left[ \frac{1}{s} - \frac{e^{-0/2s}}{s} \right] \quad (1)$$

$$H(s) = 10 R (s+1) \left( \frac{1}{s} - \frac{e^{-0/2s}}{s+1} \right) \quad (2)$$

$$H(s) = 10 R (s+1) \quad (3)$$

$$H(s) = \frac{1}{s} - \frac{e^{-0/2s}}{s+1} \quad (4)$$

۹۴- در یک سیستم تداخلی مطابق شکل زیر نسبت  $\frac{H_2(s)}{Q_i(s)}$  کدام یک از گزینه‌های زیر می‌باشد؟

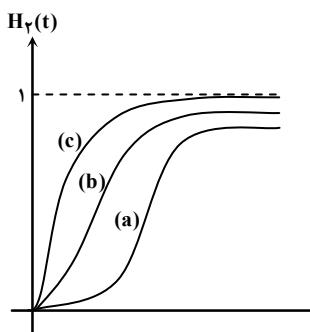


$$\frac{R_1}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2 + A_1 R_2) s + 1} \quad (1)$$

$$\frac{R_2}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2 + A_1 R_2) s + 1} \quad (2)$$

$$\frac{R_1}{\tau_1 \tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2 + A_2 R_1) s + 1} \quad (3)$$

$$\frac{R_2}{(\tau_1 s + 1)(\tau_2 s + 1)} \quad (4)$$



۹۵- مطابق شکل زیر، کدام بک از گزینه‌ها پاسخ یک سیستم به یک ورودی پله‌ای را به طور صحیح بیان می‌کند؟

(۱) درجه دوم متوالی تداخلی، (۲) درجه اول متوالی غیر تداخلی، (۳) درجه اول (درجه اول)

(۴) درجه دوم متوالی غیر تداخلی، (۵) درجه اول متوالی غیر تداخلی، (۶) درجه اول متوالی تداخلی (درجه اول)

(۷) درجه اول متوالی غیر تداخلی، (۸) درجه دوم متوالی غیر تداخلی، (۹) درجه اول (درجه اول)

(۱۰) درجه اول متوالی غیر تداخلی، (۱۱) درجه اول، (۱۲) درجه دوم متوالی تداخلی (درجه اول)

## «انتقال جرم و عملیات واحد ا و م»

۹۶- کدام یک از عملیات زیر مثالی برای تبلور، همراه با مواد اضافی (adductive crystallization) به شمار می‌آید؟

(۱) جداسازی طلاز سنتگ‌های معدن به وسیله محلول سیانید

(۲) جداسازی روغن از پنبه‌دانه به وسیله هگزان

(۳) جداسازی ناخالصی رنگی موجود در محلول‌های شربت قند در اثر تماس با کربن فعال

(۴) جداسازی هیدروکربن‌های خطی از هیدروکربن‌های شاخه‌دار توسط اوره

۹۷- به هنگام تعیین ضریب نفوذ در گازها، ازتابع با افزایش مقدار  $\frac{kT}{\epsilon}$  استفاده می‌شود. این تابع با افزایش مقدار  $\frac{kT}{\epsilon}$  چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) افزایش می‌یابد.

(۲) کاهش می‌یابد.

(۳) ابتدا افزایش، سپس کاهش می‌یابد.

(۴) نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۹۸- ضریب نفوذ جزء A در گاز B در فشار ۱atm و دمای  $27^{\circ}\text{C}$  برابر  $\frac{m}{s} \times 10^{-5}$  می‌باشد. ضریب نفوذ جزء A در گاز B در فشار ۲atm و دمای  $37^{\circ}\text{C}$  برحسب  $\frac{m}{s}$  چقدر است؟

(۱)  $0.5 \times 10^{-5}$

(۲)  $1/5 \times 10^{-5}$

(۳)  $2/5 \times 10^{-5}$

(۴)  $2 \times 10^{-5}$

۹۹- در پدیده نفوذ در سیستم دو جزئی چه موقع  $D_{AB} = D_{BA}$  است؟

(۱) وقتی که غلظت مولی کل ثابت باشد.

(۲) وقتی که فشار کلی سیستم ثابت باشد.

(۳) وقتی که نفوذ متقابل با مول‌های برابر داشته باشیم.

(۴) وقتی که نفوذ در جزء ساکن اتفاق بیفت.

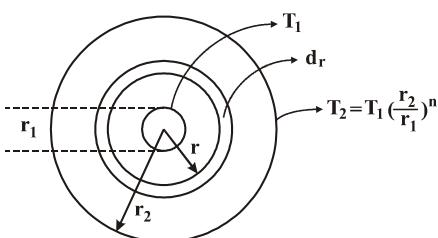
۱۰۰- تحت چه شرایطی رابطه  $N_A = J_A$  برقرار است؟

الف- نفوذ در جامدات      ب- نفوذ دو طرفه با مول‌های برابر

ج- نفوذ در جزء ساکن      د- نفوذ در گازها

(۱) الف و ج      (۲) ب و ج      (۳) الف و ب      (۴) الف، ج، د

۱۰۱- کدام گزینه مقدار دبی تبخیر جزء A از بدنه کره در شرایط ایزوترمال را به ما نشان می‌دهد؟



$$\frac{4\pi CD_{AB}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} \ln \frac{1-x_{A_2}}{1-x_{A_1}} \quad (1)$$

$$-\frac{4\pi CD_{AB}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} \ln \frac{1-x_{A_2}}{1-x_{A_1}} \quad (2)$$

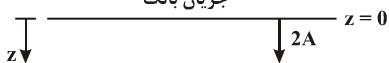
$$\frac{4\pi CD_{AB}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} \left(\frac{1}{T}\right) \ln \frac{1-x_{A_1}}{1-x_{A_2}} \quad (3)$$

$$\frac{4\pi CD_{AB}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} \ln \frac{x_{A_2}}{x_{A_1}} \quad (4)$$



۱۰- روی سطح کاتالیست  $Al_2O_3 / 15C_0$  واکنش ناهمگن  $B \rightarrow 2A$  رخ می‌دهد و جزء  $B$  تشکیل می‌شود. کدام مورد صحیح است؟

جربان بالک



$$(x_A = 2 - 2(1 - 0 / 5x_{A_0})^{(1-z)/s})$$

$$N_A = \frac{CD_{AB}}{2\delta} \ln \frac{1}{1 - 0 / 5x_{A_0}} \quad (1)$$



$$N_A = \frac{2CD_{AB}}{2\delta} \ln \frac{1 - x_{A_0}}{1 - 0 / 5x_{A_0}} \quad (2)$$

$$N_A = \frac{2Cx_{A_0}}{\delta} \quad (3)$$

$$N_A = \frac{2CD_{AB}}{\delta} \ln \left( \frac{1}{1 - 0 / 5x_{A_0}} \right) \quad (4)$$

۱۰- شدت انتقال جرم ..... .

(۱) در ناحیه آرام بیشتر است، زیرا گرادیان غلظت در این ناحیه بیشتر از ناحیه متلاطم است

(۲) در ناحیه درهم بیشتر است، زیرا گرادیان غلظت در این ناحیه بیشتر از جربان آرام است

(۳) در ناحیه درهم بیشتر است، زیرا حرکت گردانها سبب تسريع انتقال جرم می‌شود

(۴) در ناحیه درهم کمتر است، زیرا نفوذ مولکولی در جربان آرام باعث انتقال جرم بیشتر می‌شود

۱۰- اگر در برج تقطیری که ۳ جربان خوراک، ۴ جربان محصول جانبی، ۲ جوش آور میانی و یک کندانسور میانی وجود دارد، از روش پانچون - ساواریت برای حل استفاده شود، تعداد نقاط تفاضل چقدر خواهد بود؟

۱۲ (۴)

۱۱ (۳)

۱۰ (۲)

۹ (۱)

۱۰- در تقطیری یک مخلوط امتزاج ناپذیر با آب که در دماهای بالا به جوش می‌آید، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) استفاده از مبدل‌های سیفون حرارتی

(۲) استفاده از بخار مستقیم

(۳) کاربرد تقطیر استخراجی

۱۰- در حالت دو فازی بودن خوراک واحد تقطیر:

(۱) دو فاز را باید جداگانه تفکیک نمود و وارد برج کرد زیرا ورود بدون جداسازی بر تعداد سینی مورد نیاز مؤثر است.

(۲) خوراک را بدون جداسازی وارد برج می‌کنیم هر چند این عمل بر تعداد سینی‌های مورد نیاز مؤثر است.

(۳) خوراک را با گرم کردن یا سرد کردن به نقطه حباب یا شبینم رسانیده و از زیر یا روی سینی، خوراک وارد می‌کنیم.

(۴) خوراک را بدون جداسازی وارد می‌کنیم زیر اثر کمی روی تعداد سینی مورد نیاز دارد.

۱۰- با وارد کردن خوراک برج تقطیر به صورت مایع سرد تعداد مراحل ..... و قطر ستون ..... است.

(۱) کمتر - در قسمت دفع بیشتر

(۲) بیشتر - در قسمت جذب بیشتر

(۳) بیشتر - در قسمت دفع بیشتر

۱۰- در طراحی دستگاه‌های استخراج مایع کدام مورد صحیح است؟

(۱) فاز پراکنده همواره فاز مبدأ انتقال جرم است.

(۲) فاز پیوسته همواره فاز مبدأ انتقال جرم است.

(۳) فاز پراکنده همواره فاز با چگالی کمتر است.

(۴) انتخاب فاز پراکنده و پیوسته به شدت جربان‌های حجمی آن وابسته است.

۱۰- کدام گزینه در مورد استفاده از بخار آزاد در برج‌های تقطیر صحیح نیست؟

(۱) در شرایطی از بخار آزاد استفاده می‌شود که خوراک محلول آبکی باشد و آب جزء فرارتر باشد.

(۲) در صورت استفاده از بخار آزاد تعداد سینی‌های مورد نیاز افزایش می‌یابد.

(۳) در صورت استفاده از بخار آزاد هزینه‌های کلی کاهش می‌یابد.

(۴) موازن‌های بخش غنی سازی مستقل از شرایط بخار آزاد هستند.

۱۱- کدامیک از دستگاه‌های زیر به شرایط ایده‌آل در عملیات استخراج نزدیک‌تر است؟

(۴) استخراج‌کننده‌های سانتریفیوژ

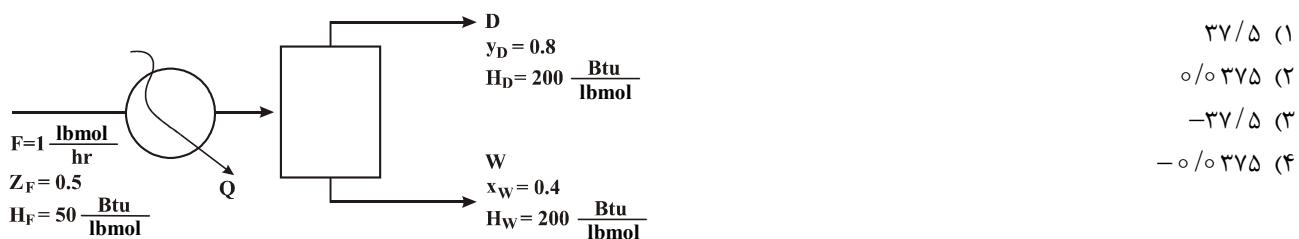
(۳) برج‌های پر شده

(۲)

RDC Mixer - settler



۱۱۱- در عملیات **flash** تک مرحله‌ای زیر بار حرارتی مبدل چند کیلو  $\frac{\text{Btu}}{\text{hr}}$  است؟



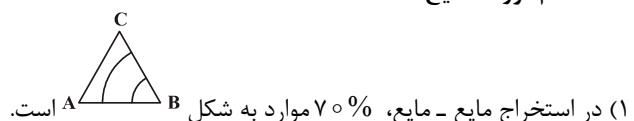
۱۱۲- اگر خوراک ورودی به برج در حالت مایع اشباع باشد، نسبت جریان برگشتی ۴ باشد و مختصات نقطه برخورد خطوط کار بالا و پایین برج (۳۵ و ۲۵٪) باشد، غلظت محصول مقطر کدام است؟

- (۱) ۰/۱۵ (۴) (۲) ۰/۲۵ (۳) (۳) ۰/۳۵ (۴) (۴) ۰/۷۵ (۱)

۱۱۳- پروفایل غلظت در مختصات کارتزین در حالت نفوذ در جز ساکن ..... و در حالت نفوذ با شار مولی برابر ..... است.

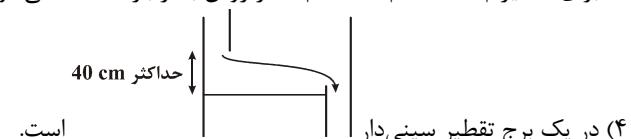
- (۱) خطی - خطی (۲) خطی - نمایی (۳) نمایی - خطی (۴) نمایی - نمایی

۱۱۴- کدام مورد صحیح است؟



(۲) شرط لازم برای تعادل سید  $\left(\frac{y}{x}\right) > 1$  است.

(۳) برای تقطیر  $\text{H}_2\text{O}, \text{CH}_3\text{COCH}_3$  از روش بخار باز استفاده می‌شود.

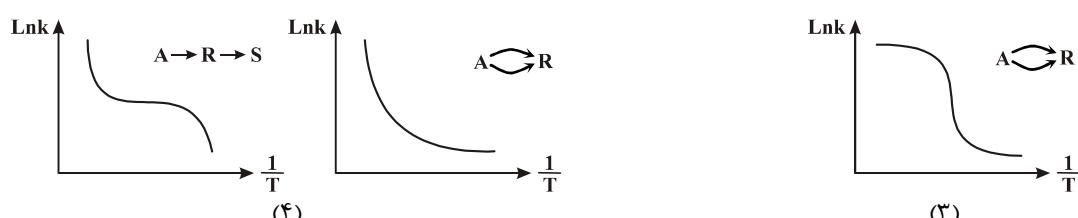
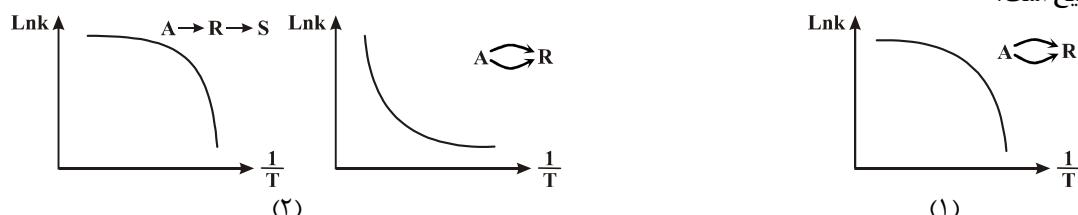


۱۱۵- اگر در یک برج تقطیر اتلاف حرارتی وجود داشته باشد، ..... .

- (۱) از روش مک کیب - تیل می‌توان استفاده کرد  
(۲) نمی‌توان از مک کیب - تیل استفاده کرد  
(۳) می‌توان از یک مک کیب - تیل استفاده کرد به شرط اینکه  $\lambda_A > \lambda_B$ .  
(۴) از روش‌های مک کیب - تیل و پانچون - ساواریت می‌توان استفاده کرد.

### «سینتیک و طرح راکتورهای شیمیابی»

۱۱۶- کدام مورد صحیح است؟





۱۱۷- واکنش  $B \rightarrow A$  در یک راکتور ناپیوسته صورت می‌گیرد. در این واکنش  $-r_A = \frac{k_1 C_A}{1 + k_2 C_A}$  و  $k_1 = 10^{18} \exp(-\frac{E_1}{RT})$

و  $k_2 = 10^5 \exp(-\frac{E_2}{RT})$  می‌باشد. انرژی فعالیت در مراحل پایانی واکنش  $4000$  است، با این اطلاعات چه مقادیری برای  $E_1$  و  $E_2$  به دست می‌آید؟

$$(1) E_1 = 4000 \text{ ولی } E_2 = 4000 \text{ معلوم نیست.}$$

(۲) بسته به دما هر کدام از حالات می‌تواند رخدادد.

$$(1) E_1 = 4000 \text{ ولی } E_2 = 4000 \text{ است.}$$

(۳)  $E_1 = 2000$  و  $E_2 = 2000$  برابر است.

۱۱۸- واکنش شیمیابی فاز مایع  $A + R \rightarrow R + R$  با معادله سرعت  $-r_A = kC_A C_R$  در حجم و دمای ثابت انجام می‌شود. معکوس سرعت واکنش با.....

(۱) زمان یک مینیمم دارد

(۲) کسر تبدیل خطی تغییر می‌کند

(۱) غلظت ( $C_A$ ) یک ماکزیمم دارد

(۳) کسر تبدیل یک ماکزیمم دارد

۱۱۹- کدام مورد جزء خصوصیات راکتور **batch** نیست؟

(۱) کنترل شرایط عملی تر است.

(۲) میزان تولید محصول کم است.

(۳) دستگاه پیچیده است.

(۱) برای آزمایش مربوط به سیستم متجانس مناسب است.

۱۲۰- اگر دمای یک راکتور  $3$  برابر شود، ثابت سرعت واکنش به چه صورت تغییر می‌کند؟

$$K_2 = K_1 e^{\frac{-2E}{3RT_1}} \quad (4)$$

$$K_2 = K_1 e^{\frac{-3E}{2RT_1}} \quad (3)$$

$$K_2 = K_1 e^{\frac{-2E}{3RT_1}} \quad (2)$$

$$K_2 = 3K_1 \quad (1)$$

۱۲۱- واکنش ابتدایی  $R \xrightarrow{k} 2A$  در یک راکتور ناپیوسته در حجم ثابت صورت می‌گیرد. زمان لازم برای تبدیل  $A$  کدام است؟

$$\frac{V}{2k} \left[ \frac{1}{N_A} - \frac{1}{N_{A_0}} \right] \quad (4)$$

$$\frac{V}{k} \left[ \frac{1}{N_A} - \frac{1}{N_{A_0}} \right] \quad (3)$$

$$\frac{V}{2k} \left[ \frac{1}{N_A} - \frac{1}{N_{A_0}} \right] \quad (2)$$

$$\frac{V}{2k} \left[ \left( \frac{1}{N_A} \right)^2 - \left( \frac{1}{N_{A_0}} \right)^2 \right] \quad (1)$$

۱۲۲- یک واکنش درجه  $2$  در فاز مایع و در راکتور ناپیوسته انجام می‌گیرد. زمان لازم برای مصرف  $\frac{3}{4}$  از مقدار اولیه  $A$  کدامیک از مقادیر زیر است؟ ( $C_{A_0} = 3$ )

$$\frac{4}{k} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3k} \quad (3)$$

$$\frac{1}{k} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4k} \quad (1)$$

۱۲۳- در یک راکتور ناپیوسته واکنش  $A \xrightarrow{\frac{1}{2}} R$  صورت می‌گیرد. ماکزیمم درجه تبدیل  $A$  در این راکتور چقدر خواهد

$$(k_2 = 2 \text{ sec}^{-1}, k_1 = 6 \text{ sec}^{-1})$$

$$x_A = 1 \quad (4)$$

$$x_A = 0/75 \quad (3)$$

$$x_A = 0/5 \quad (2)$$

$$x_A = 0/25 \quad (1)$$

۱۲۴- واکنش درجه صفر  $S \rightarrow 2A$  در حالی که ماده  $A$  خالص و فشار اولیه  $5$  اتمسفر است انجام می‌شود، ثابت سرعت

واکنش  $k = \frac{\text{atm}}{\text{min}}$  است. اگر حجم سیستم ثابت باشد، فشار سیستم بعد از گذشت  $5$  دقیقه چند اتمسفر است؟

$$4 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

۱۲۵- خوارک مایع  $A$  ( $100 \text{ lit/min}$ ) وارد یک راکتور با اختلاط کامل (mixed) با حجم  $3 \text{ m}^3$  می‌شود. معادله سرعت واکنش  $A \leftrightarrow R$

$$-r_A = 0/0 4C_A - 0/0 2C_R$$

$$0/56 \quad (4)$$

$$0/43 \quad (3)$$

$$0/7 \quad (2)$$

$$0/65 \quad (1)$$



۱۲۶- واکنش آنژیمی  $A \xrightarrow{E} R$  که در آن غلظت آنژیم  $1^{\circ}/\text{o}$  است؛ زمان نیمه عمر  $32/5$  دارد. سرعت اولیه این واکنش  $1^{\circ}/\text{o}$  است. معادله سرعت واکنش  $-r_A$  کدام است؟

$$\frac{1^{\circ}/12C_A}{1^{\circ}/2 + C_A} \quad (4)$$

$$\frac{1^{\circ}/26C_A}{3 + C_A} \quad (3)$$

$$\frac{1^{\circ}/2C_A}{1 + C_A} \quad (2)$$

$$\frac{1^{\circ}/5C_A}{1^{\circ}/5 + C_A} \quad (1)$$

۱۲۷- مهمترین هدف یا اهداف مطالعه راکتورها چیست؟

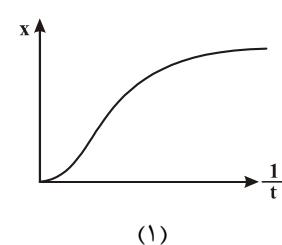
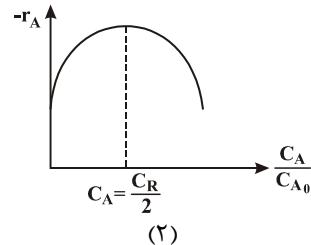
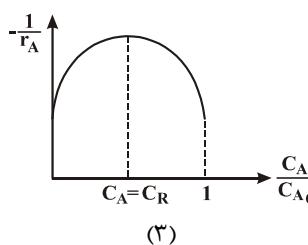
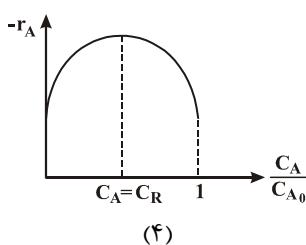
(۱) بهینه کردن حجم راکتور در سیستم‌های چند واکنشی

(۲) بهینه کردن حجم راکتور و توزیع محصول در سیستم‌های چند واکنشی

(۳) بهینه کردن توزیع محصول در سیستم‌های چند واکنشی

(۴) بهینه کردن توزیع محصول در سیستم‌های تک فلزی

۱۲۸- کدام مورد در مورد واکنش اتوکاتالیستی صحیح است؟



۱۲۹- برای اینکه تبدیل A در یک راکتور مخزنی همزن‌دار بیوسته از ۵۰% به ۸۰% افزایش یابد، حجم راکتور چند برابر باید شود؟

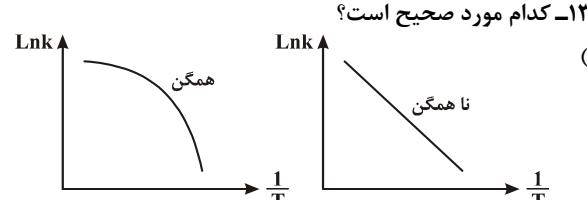
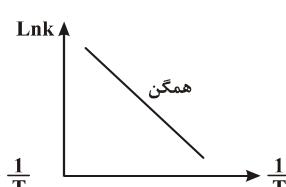
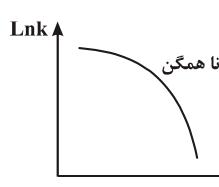
$$-r_A = KC_A^{\nu} \quad (\text{فرض شود})$$

$$5 \quad (4)$$

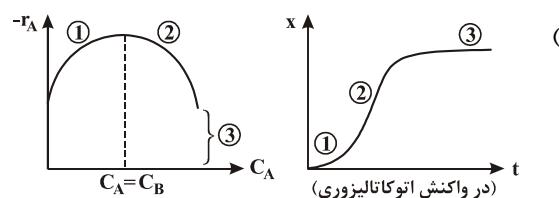
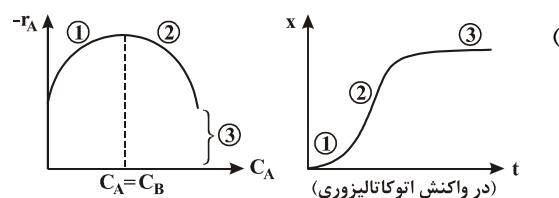
$$10 \quad (3)$$

$$20 \quad (2)$$

$$40 \quad (1)$$



۴) روش انتگرال خاص واکنش‌های غیر ابتدایی است.



## «ریاضیات (کاربردی - عددی)»

۱۳۱- یک مایع بین دو صفحه بزرگ به صورت آرام و پایدار جریان دارد. اگر دمای ورودی مایع  $T_w < T_o$  باشد، کدام گزینه معادله حاکم بر دما درون مایع را نشان می‌دهد؟ (z جهت جریان و y در جهت عمود بر جریان و صفحه است).

$$\rho C_p V_y \frac{\partial T}{\partial y} = k \frac{\partial^{\gamma} T}{\partial y^{\gamma}} + V_z \frac{\partial T}{\partial z} \quad (2)$$

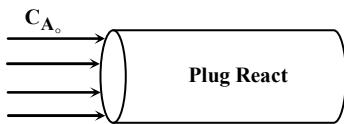
$$\rho C_p V_y \frac{\partial T}{\partial y} = k \frac{\partial^{\gamma} T}{\partial y^{\gamma}} + h(T - T_w) \quad (1)$$

$$\rho C_p V_z \frac{\partial T}{\partial z} = k \left( \frac{\partial^{\gamma} T}{\partial y^{\gamma}} \right) \quad (4)$$

$$\rho C_p V_z \frac{\partial T}{\partial z} = k \left( \frac{\partial^{\gamma} T}{\partial y^{\gamma}} + \frac{\partial^{\gamma} T}{\partial z^{\gamma}} \right) \quad (3)$$



۱۳۲- اگر در یک راکتور لوله‌ای آزمایشگاهی مقدار دبی تا اندازه‌ای کم باشد که نتواییم از ترم نفوذ در مقابل جابجایی صرف نظر کنیم، معادله حاکم برای واکنش درجه اول کدام است؟ (D: ضریب نفوذ - k: ثابت سرعت واکنش - V: سرعت سیال)



$$D \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} - k C_A = 0 \quad (1)$$

$$V \frac{\partial C_A}{\partial z} + k C_A = 0 \quad (2)$$

$$D \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} - V \frac{\partial C_A}{\partial z} - k C_A = 0 \quad (3)$$

$$D \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} - (V + k) C_A = 0 \quad (4)$$

۱۳۳- معادله مسیرهای قائم دسته منحنی‌های  $y = Ce^{-\gamma x}$  که در آن  $C$  ثابت دلخواه می‌باشد، کدام است؟

$$y = \ln \sqrt{x + C} \quad (4)$$

$$y = \sqrt{x + C} \quad (3)$$

$$y = \ln x^C \quad (2)$$

$$y = C\sqrt{x} \quad (1)$$

۱۳۴- معادله دیفرانسیل  $\sum_{m=0}^{\infty} a_m x^m y^{(m)} + (2x^2 + 5x)y'' + (5x - x^2)y' + (1+x)y = 0$  مفروض است. اگر جواب معادله به صورت سری توانی فرض شود، شعاع همگرایی سری، کدام است؟

$$5 \quad (4)$$

$$\infty \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۱۳۵- جواب عمومی یک معادله دیفرانسیل به صورت  $y = \frac{A}{x} + B$  است. معادله دیفرانسیل متناظر با آن کدام است؟

$$xy' + y = 0 \quad (4)$$

$$x^2 y'' + \frac{1}{2} y' = 0 \quad (3)$$

$$xy'' + 2y' = 0 \quad (2)$$

$$xy'' + 2xy' = 0 \quad (1)$$

۱۳۶- کدام یک از معادلات زیر کامل است؟

$$y^2 e^x dx + (2x - y^2 e^y) dy = 0 \quad (2)$$

$$\frac{\cos y}{y} dx + \frac{\sin x}{x} dy = 0 \quad (1)$$

$$(2y + \sin^2 x) dx + \sin y \cos x dy = 0 \quad (4)$$

$$(x + y + x^2) \frac{dx}{dy} + x + y + y^2 = 0 \quad (3)$$

۱۳۷- پاسخ معادله دیفرانسیل  $y' = \operatorname{tg}(x+y)$  کدام است؟

$$x + y = \operatorname{Arc cos}(C_1 e^x) \quad (2)$$

$$x + y = \operatorname{Arc sin}(C_1 e^x) \quad (1)$$

$$x + y = \operatorname{Arc cos}(C_1 e^{-x}) \quad (4)$$

$$x + y = \operatorname{Arc sin}(C_1 e^{-x}) \quad (3)$$

۱۳۸- فاکتور انتگرال معادله دیفرانسیل  $(x+y^2)dx - 2xydy = 0$  کدام است؟

$$F = e^{-x^2} \quad (4)$$

$$F = e^{x^2} \quad (3)$$

$$F = x^{-2} \quad (2)$$

$$F = x^2 \quad (1)$$

۱۳۹- اگر نقطه  $x_0$  یک نقطه ..... برای یک معادله دیفرانسیل باشد، در این صورت برای حل معادله مورد نظر نمی‌توان از روش ..... استفاده کرد و باید در این حالت از ..... استفاده نمود.

(۱) غیرعادی منظم - بسط فربنیوس - سری توانی

(۲) غیرعادی منظم - سری توانی - بسط فربنیوس

(۳) غیرعادی (منفرد یا تکین) - سری توانی - بسط فربنیوس

(۴) غیرعادی (منفرد یا تکین) - سری توانی - بسط فربنیوس

۱۴۰- جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $y' + 2y = 2x\sqrt{y}$  کدام است؟

$$\sqrt{y} = x + 1 + Ce^x \quad (4)$$

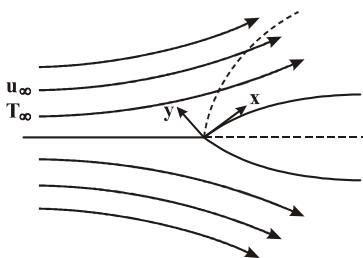
$$\sqrt{y} = x - 1 + Ce^x \quad (3)$$

$$\sqrt{y} = x + 1 + Ce^{-x} \quad (2)$$

$$\sqrt{y} = x - 1 + Ce^{-x} \quad (1)$$



۱۴۱- در شکل زیر بال یک هواپیما نشان داده شده است. معادله انرژی در لایه مرزی تشکیل شده بر روی بال به چه صورت است؟



$$\rho C_p (V_x \frac{\partial T}{\partial x} + V_y \frac{\partial T}{\partial y}) = k \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \mu (\frac{\partial V_x}{\partial x})^2 \quad (1)$$

$$\rho C_p (V_x \frac{\partial T}{\partial x} + V_y \frac{\partial T}{\partial y}) = k \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \mu (\frac{\partial V_y}{\partial y})^2 \quad (2)$$

$$\rho C_p (V_x \frac{\partial T}{\partial x} + V_y \frac{\partial T}{\partial y}) = k \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \mu (\frac{\partial V_y}{\partial x})^2 \quad (3)$$

$$\rho C_p (V_x \frac{\partial T}{\partial x} + V_y \frac{\partial T}{\partial y}) = k \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \mu (\frac{\partial V_x}{\partial y})^2 \quad (4)$$

۱۴۲- جواب خصوصی معادله دیفرانسیل زیر کدام است؟

$$y'' - 2y' + y = xe^x$$

$$\frac{1}{2}x^3e^x \quad (4)$$

$$x^3e^x \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}x^3e^x \quad (2)$$

$$2x^3e^x \quad (1)$$

۱۴۳- معادله دیفرانسیل  $2(3x-1)^2y'' + 21(3x-1)y' + 18y = 0$  با کدام تغییر متغیر، به معادله با ضرایب ثابت تبدیل می‌شود؟

$$3x = 1 - e^{-t} \quad (4)$$

$$x = 1 - e^{-t} \quad (3)$$

$$3x = 1 + e^t \quad (2)$$

$$x = 1 + e^{-t} \quad (1)$$

۱۴۴- جواب معادله  $x^3y'' + xy' - 4y = 0$  کدام است؟

$$y = C_1x + C_2x^4 \quad (4)$$

$$y = C_1x^2 + \frac{C_2}{x^2} \quad (3)$$

$$y = C_1e^{2x} + C_2e^{-2x} \quad (2)$$

$$y = \frac{C_1}{x} + \frac{C_2}{x^4} \quad (1)$$

۱۴۵- دستگاه معادلات دیفرانسیل زیر مفروض است، با توجه به آن، کدام گزینه صحیح می‌باشد؟

۱) بردارهای ویژه ماتریس ضرایب طرف راست معادله برای تعیین جواب کافی‌اند.

۲) برای تعیین جواب عمومی دستگاه به بردارهای ویژه تعمیم یافته ماتریس ضرایب نیاز داریم.

۳) دستگاه مذکور همراه با یک شرط اولیه  $[x(0) = y(0) = z(0)]$  دارای جواب‌های متعددند.

۴) دستگاه مذکور با برخی شرایط اولیه دلخواه جواب یکتا ندارد.

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y \\ \frac{dy}{dt} = x + z \\ \frac{dz}{dt} = -x - z \end{cases}$$

۱۴۶- جواب عمومی دستگاه معادلات دیفرانسیل مرتبه اول  $x' = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} x$ ، کدام است؟

$$x = C_1 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} e^{rt} + C_2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} + C_3 t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} \quad (2)$$

$$x = C_1 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} e^{rt} + C_2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} + C_3 t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} \quad (1)$$

$$x = C_1 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} e^{rt} + C_2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} + C_3 t \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} e^{-rt} \quad (4)$$

$$x = C_1 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} e^{rt} + C_2 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} + C_3 t \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} e^{-rt} \quad (3)$$

۱۴۷- جواب  $x(t)$  از دستگاه  $\begin{cases} (D-1)x + (D+1)y = e^{rt} \\ D^2x + Dy = re^{rt} \end{cases}$  کدام گزینه است؟

$$C_1 \cos t + C_2 \sin t + \frac{r}{10} e^{rt} \quad (2)$$

$$C_1 \cos t + C_2 \sin t + \frac{11}{10} e^{rt} \quad (1)$$

$$C_1 + C_2 \cos t + C_3 \sin t + \frac{r}{10} e^{rt} \quad (4)$$

$$C_1 + C_2 \cos t + C_3 \sin t + \frac{r}{10} e^{rt} \quad (3)$$



۱۴۸- یکی از منحنی‌های معادله دیفرانسیل  $y' + y \cot x = \cos 2x$ ، محور  $x$  را در نقطه‌ای به طول  $\frac{\pi}{3}$  قطع می‌کند. این منحنی خط  $x = \frac{\pi}{6}$  را با کدام عرض قطع می‌کند؟

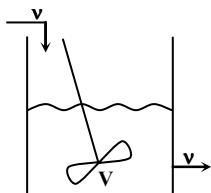
$$\frac{3\sqrt{3}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

$$2\sqrt{3} \quad (2)$$

$$\sqrt{3} \quad (1)$$

۱۴۹- گاز  $A$  وارد یک راکتور اختلاط کامل با حجم ثابت  $V$  شده و با تبدیل به  $B(A \xrightarrow{k} 2B)$  در شرایط پایا با دبی ثابت از راکتور خارج می‌شود. اگر ناگهان ورودی قطع شود، مدل تغییرات غلظت ماده  $A$  با کدام معادله تطبیق می‌کند؟ ( $\tau = \frac{V}{V}$ )



$$\frac{dC_A}{dt} = -\frac{C_A}{\tau} - \frac{k}{2} C_A \quad (2)$$

$$\frac{dC_A}{dt} = -\frac{C_A}{\tau} + k C_A \quad (1)$$

$$\frac{dC_A}{dt} = \frac{C_{A_0} - C_A}{\tau} - k C_A \quad (4)$$

$$\frac{dC_A}{dt} = -\frac{C_A}{\tau} - k C_A \quad (3)$$

۱۵۰- یک دیسک دایره‌ای به ضخامت بسیار کم  $D$  در محیطی به دمای  $T_\infty$  و ضریب انتقال حرارت جابجایی متوسط  $h$  قرار دارد. سطح جانبی دیسک در دمای ثابت  $T_w$  قرار دارد. کدام یک از معادلات زیر توزیع دمای دیسک را نشان می‌دهد؟ (ثابت هدایت حرارتی دیسک  $k$  می‌باشد).

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{2h}{kD} (T - T_\infty) = 0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial T}{\partial r} \right) - \frac{2h}{kD} (T - T_\infty) = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial r^2} - \frac{h}{kD} (T - T_\infty) = 0 \quad (4)$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial T}{\partial r} \right) - \frac{2hr}{kD} (T - T_\infty) = 0 \quad (3)$$