



«فصل اول»

درستام ۱

مجموعه دسته‌ای از اعضا است که به خوبی مُسْتَخْفَى شده باشد.

در سالهای گذشته با مجموعه‌های زیر آشناسیدیم و مجموعه اعداد حقیقی (\mathbb{R}) شامل

زیر مجموعه‌های نامتناهی زیر است:

$$N = \{ \dots, 3, 2, 1, 0, -1, -2, -3, \dots \}$$

۱) مجموعه اعداد طبیعی :

$$\{ \dots, 3, 2, 1, 0, -1, -2, -3, \dots \} \quad \text{۲) مجموعه اعداد حسابی: مجموعه از اعداد طبیعی و عدد صفر}$$

۳) مجموعه اعداد صحیح: مجموعه ای است از اجتماع اعداد حسابی و ترکیب اعداد طبیعی

$$\mathbb{Z} = \{ \dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$$

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{m}{n} \mid m, n \in \mathbb{Z}, m \neq 0 \right\} \quad \text{۴) مجموعه اعداد کوچک: } \{ \dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$$

۵) مجموعه اعداد لامبرت: مجموعه اعدادی که نتوان آن را به صورت نسبت دو عدد صحیح نمایی نماید.

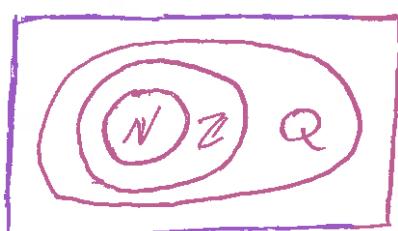
$$\mathbb{Q}' = \left\{ n \mid n \in \mathbb{R}, n \notin \mathbb{Q} \right\} \quad \text{ماشده: } \{ \dots, -\sqrt{2}, -\sqrt{3}, -\sqrt{5}, \dots, -\sqrt{7}, \dots, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{5}, \dots, \sqrt{7}, \dots \}$$

پنجمین ایجاد نتوان لفت:

$$\mathbb{Q} \cup \mathbb{Q}' = \mathbb{R}$$

$$N \subseteq W \subseteq Z \subseteq Q \subseteq \mathbb{R}$$

کار در کلاس: با توجه به سُلْلَل به سوالات پاسخ دهید.





الف) مجموعه $\mathbb{R}-Q$ چه نام دارد؟ آن را بنویسید.

ب) دو عدد کویا مثال بزنید که عدد صحیح نباشد و آنها را روی سکل در محل مناسب بنویسید.

ج) اعداد ذیردادی سکل و در محل مناسب بنویسید.

$$-9, \frac{1}{2}, \sqrt{5}, 2\sqrt{5}, 200, \frac{\pi}{3}$$

د) مجموعه اعداد صحیح غیرحسابی را با نامیش بنویسید.

$$\mathbb{Z}-W = \{ \}$$

هـ) مجموعه $\mathbb{R}-W$ چند عضو دارد؟

درس امتحانی ۲:

بازه ها: زیرمجموعه ای از \mathbb{R} است که شامل تمام اعداد حقیقی بین دو عدد "مسخر" و یا شامل تمام اعداد حقیقی بین دو عدد (دو خطی، بزرگتر مساوی، کوچکتر مساوی) بین دو مسخر مرباید.

نوع بازه	نمایش مجموعه ای	نمایش هندسی روی بردار
بازه هی باز	(a, b)	$\{n \in \mathbb{R} a < n < b\}$
بازه هی بسته	$[a, b]$	$\{n \in \mathbb{R} a \leq n \leq b\}$
بازه هی نیمه باز	$[a, b)$	$\{n \in \mathbb{R} a \leq n < b\}$
	$(a, b]$	$\{n \in \mathbb{R} a < n \leq b\}$
بازه هی نامتناهی	$(-\infty, a]$	$\{n \in \mathbb{R} n \leq a\}$
	$(-\infty, a)$	$\{n \in \mathbb{R} n < a\}$
	$[b, +\infty)$	$\{n \in \mathbb{R} n \geq b\}$
	$(b, +\infty)$	$\{n \in \mathbb{R} n > b\}$
	$(-\infty, +\infty)$	\mathbb{R}



کاردرالاس ۲: هر کدام از اعداد داده شده را در گروهی از جا های مسخون شده دری محرک بینو میدی و بگویید که آنکه از این اعداد گفته اند.

کاردرالاس ۳: جدول زیر را کامل کنید.

بازه	نمایش هندسی	نمایش هندسی
$[1, 2]$	$\{n \in \mathbb{N} -1 \leq n \leq 3\}$	
$(-2, +\infty)$		

کاردرالاس ۴: درستا یا نادرست عبارت های زیر را مسخون کنید.

$$\frac{3}{2} \leq n \leq \left[\frac{1}{2}, 3 \right] \quad \text{(الف)}$$

$$-2 \leq n = \left[-2, 0 \right] \quad \text{(ب)}$$

$$0 \leq n \in (-2, 0] \quad \text{(ج)}$$

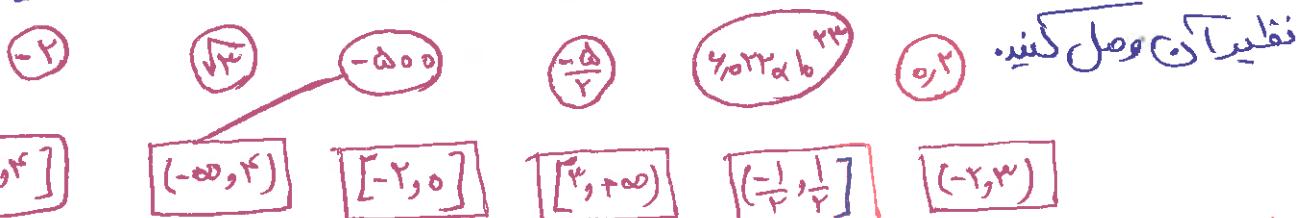
$$-2 \leq n = \left[-2, 0 \right] \quad \text{(د)}$$

$$-1 \leq n = \left[-2, 0 \right] \quad \text{(س)}$$

$$\{0\} \in [-1, 2] \quad \text{(چ)}$$

$$\emptyset \subseteq (-7, 0] \quad \text{(خ)}$$

۱) هر کدام از اعداد زیر عضو مجموعه ای از جا های داده شده هستند. هر عدد را به بازه یا جا هایی



کاردرالاس ۵: نمایش هندسی دو بازه $A = [-1, 3]$ و $B = [0, 4]$ را در سمع کنید و

حاصل عبارت های زیر را بینو میدی.

$$A \cap B \quad \text{(الف)}$$

$$A \cup B \quad \text{(ب)}$$

$$A - B \quad \text{(س)}$$

$$B - A \quad \text{(چ)}$$



نکته: $A \cap B$ مجموعه عضوهایی است که هم در A هستند و هم در B هستند و برای بدست آوردن آن از روی بوداری خصیّه های مُشترک را می پذیریم و $A \cup B$ مجموعه عضوهایی است که در A یا B و یا در هر دو هستند و $A - B$ مجموعه عضوهایی است که در A هستند و در B نیستند.

کار در کلاس ۶: جواب هر قسم درایه مورد تابعه بتوانید.

$$\text{الف} = (-\infty, 5] \cup [2, \infty)$$

$$= (-\infty, 0) \cup (3, \infty)$$

$$\text{ب} = [-4, 2] \cap (-2, 4)$$

$$= [-2, 2] - \{3, 7\}$$

درس اصلی ۳

اگر A یک مجموعه باشد که تمام عضوهای آن را با (A) نشان می دهیم. اگر (A) عددی محدود باشد مجموعه A را متناهی می نویسیم. صورت نامتناهی می نویسیم.

برای مثال اگر $\{1, 2, 3\} = A$ باشد آنها $3 = (A)$ و مجموعه A متناهی است. اگر تمام عضوهای A در B هم باشند یعنی $A \subseteq B$ و "خواهیم" A زیرمجموعه B است، در مجموع عقایدی A از هی تاخود A را توانند باشند.

مجموعه مدرج (عام، جمله):

مجموعه ای است که تمام مجموعه های در مساله ذیر مجموعه ای هستند و معمولاً آن مجموعه را با $\{A\}$ نشان می دهیم و آنرا اوقات در نمودارون به سکل مستطیل است.

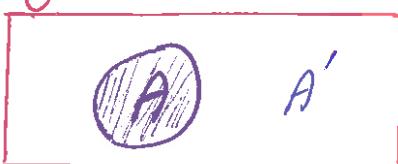
متهم مجموعه A :

اگر از مجموعه هر چیز مجموعه A خارج کنیم آنچهی ماند متهم A می نویسیم



U

با توجه به سکل دو برو در اینها وجود دارد.



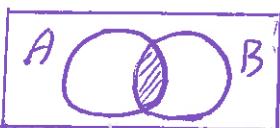
$$\textcircled{1} (A')' = A \quad \textcircled{2} \emptyset' = U \quad \textcircled{3} U' = \emptyset$$

$$\textcircled{4} \emptyset \subseteq A \subseteq U \quad \textcircled{5} n(A) + n(A') = n(U)$$

اگر $B' \subseteq A'$ باشد آن‌ها $A \subseteq B$ است.

اعمال بین مجموعه‌ها: اگر A و B دو مجموعه باشند آن‌ها

U



مجموع عضوهایی است در A و هم در B هستند.

$$: A \cap B$$

U



مجموع عضوهایی است در A یا در B هستند. (حداقل در یکی هست)

$$: A \cup B$$

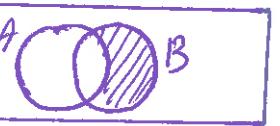
U



مجموع عضوهایی است در A و در B نیستند (همان $A \cap B'$)

$$: A - B$$

U



مجموع عضوهایی است در B و در A نیستند (همان $B \cap A'$)

$$: B - A$$

نکته: تعداد عضوهای $A \cup B$ و $A - B$ را می‌توان به صورت زیر به دست آورد.

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$n(A - B) = n(A) - n(A \cap B')$$

نکته: داشتن قوانین از بر حل سوالات جیسا که آنرا می‌دانیم است.

$$\textcircled{1} A - B = A \cap B'$$

$$\textcircled{2} (A - B)' = B' - A'$$

$$\textcircled{3} (A \cap B)' = A' \cup B'$$

$$\textcircled{4} (A \cup B)' = A' \cap B'$$



یک جدول پسیار کمتر کننده

با مجموعه مرجع	با مجموعه تها	با مجموعه	با زیرمجموعه	با زیرمجموعه
$A \cup \emptyset = A$	$A \cup \emptyset = A$	$A \cup A' = U$	$A \subseteq B \Leftrightarrow B \subseteq A$	$B \subseteq A \Leftrightarrow A \supseteq B$
$A \cap U = A$	$A \cap \emptyset = \emptyset$	$A \cap A' = \emptyset$	$\Leftrightarrow A \cup B = B$	$\Leftrightarrow A \cup B = A$
$A - U = \emptyset$	$A - \emptyset = A$	$A - A' = A$	$\Leftrightarrow A \cap B = A$	$\Leftrightarrow A \cap B = B$
$U - A = A'$	$\emptyset - A = \emptyset$	$A' - A = A'$	$\Leftrightarrow A - B = \emptyset$	$\Leftrightarrow A - B = B$

کاردینالیس ۷: متناهی میانا متناهی بودن هر یک از مجموعه های زیر را مستخرج کنید، درباره مجموعه های متناهی سعی کنید تعداد دقیقا یا تقریباً اعضاً هر یک را بتوانیم.

(ب) مجموعه علیه های ۲

الف) اعداد اول بزرگتر

۱) مجموعه تها کا دایره های به مرکز مبدأ اختفتا

۲) اعداد علیعی ذرخ

۳) مجموعه تمام استخوان های بدن انسان

۴) مجموعه سلول های بدن انسان

۵) مجموعه تمام بدر راهنم طول ۲

۶) مجموعه آغاز آغازان شهر تهران

{ } m ∈ Z | $m < \frac{3}{4}$

۷) بازه هی (۲,۱)

۸) مجموعه نوکلول های موجود در مول آب

۹) مجموعه مقرب های طبیعی عدد ۱۵

۱۰) مجموعه درست های جمل آمازون

۱۱) اعداد طبیعی دو رقمی

۱۲) مجموعه نمره های مثبت با صورت $\frac{m}{n}$ ۱۳) مجموعه نمره های مثبت با صورت $\frac{m}{n}$ عدد n

کاردینالیس ۸:

الف) دو مجموعه متناهی مثال بزنید که از آنها زیرمجموعه دیگری باشد.

ب) دو مجموعه متناهی مثال A و B مثال بزنید که $A \subseteq B \subseteq B - A$ عضوی باشد.ج) با یک مثال نشان دهد "اگر $A \subseteq B$ و A متناهی باشد حتماً B متناهی است" علت است.



کار در کلاس ۹: بین دو عدد او سر عدد گویا بنویسید.

کامی توان بین آنها عدد گویا خواستم

در حالت کلی بین دو عدد گویای مختلف چند عدد گویا وجود دارد؟

کار در کلاس ۱۰: هر مجموعه از چند عضو دارد؟

$$A = \{n \in \mathbb{N} \mid -2 \leq n \leq 4\}$$

$$B = \{n \in \mathbb{Z} \mid -3 \leq n \leq 2\}$$

$$C = \{n \in \mathbb{R} \mid -3 < n \leq 2\}$$

کار در کلاس ۱۱: مجموعه های ذیر مانند نمود در جدول کامل کنید.

A'	مجموعه هایی	A
$(-\infty, -1] \cup (2, +\infty)$	\mathbb{R}	$(-1, 2]$
	\mathbb{R}	$[1, +\infty)$
	\mathbb{R}	ω
	\mathbb{R}	\mathbb{Q}
	\mathbb{N}	$\{2, 4, 6, 8, \dots\}$
	$\{19, 20, \dots, 23, 26\}$	عنهای ۲



کاردر کلاس ۱۲: آگر دو مجموعه A و B به صورت $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ و $B = \{2, 3, 5, 7\}$

تعریف شده باشد و مجموعه های مذکور می باشد $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$

زیرا با تعداد اعضا مسحون کنید

A'

B'

$(A \cup B)'$

کاردر کلاس ۱۳: در کل کلاس های تقدیم تعداد n افراد عضو تیم فوتبال و m افراد

عضو تیم بسکتبال کلاس هستند. آگر n تقدیم از زانی آمده اند این کلاس عضو

تیم کی از دو تیم نباشد.

الف) حیند تقدیم حداقل عضویت تیم هستند

ب) حیند تقدیم هر دو تیم هستند

پ) حیند تقدیم فقط عضو تیم فوتبال هستند

ت) حیند تقدیم فقط عضو تیم بسکتبال هستند

ث) حیند تقدیم فقط عضویت تیم هستند.

کanal آموزش: **@riaziT**



تعریف درستگاه:

۱) فرض کنید مجموعه تمام مضرب های طبیعی عدد n باشد.

الف) مجموعه اعضای آن بنویسید.

ب) متناهی است یا نامتناهی؟

ج) یک زیرمجموعه متناهی از آن بنویسید.

ست) دور زدن مجموعه نامتناهی مانند \mathbb{N} از آنها بنویسید و ملحوظ کنید $C \subseteq D$.

۲) متناهی یا نامتناهی بودن مجموعه های زیر را مشخص کنید.

الف) مجموعه اعداد طبیعی عدد ۳۶

$$A = \{m \in \mathbb{N} \mid 1 \leq m \leq 36\} \quad \text{ج) بازه } \left(\frac{1}{3}, \frac{4}{5}\right)$$

ج) مجموعه اعداد طبیعی عدد ۱۰۰

۳) در مجموعه نامتناهی مثال بزنید که استراک آنها مجموعه ای متناهی باشد.

۴) حاصل هر یک از مجموعه های زیر را بازه های آنها روی سی محور آورید:

$$\text{ب) } (-\infty, 4] \cap [29, 0) \quad \text{الف) } (-3, 0) \cup (5, \infty)$$

$$\text{ج) } (-\infty, 0] \cup [0, +\infty) \quad \text{د) } (-3, 0) \cup (0, 3)$$

$$\text{ج) } (-2, 0] - (0, 2) \quad \text{د) } (-3, 0) - (0, 3)$$



۱۴) مجموع $\{1, 2, \dots, n\}$ را در معنای دهنده مجموع آن را به صورت اجتماع دوباره بنویسید.

۱۵) اگر $A \subseteq B$ و B مجموع متناهی باشد آنگاه A متناهی خواهد بود.

۱۶) n را در معنای مجموع در تقدیر بلندی و سیس مatum هر کی از مجموعهای ذیر را روی مجموعهای دهنده.

$$A = \{1, 2, \dots, n\} \quad (\text{الف})$$

$$B = \{n+1, n+2, \dots, m\} \quad (\text{ب})$$

$$C = \{m+1, m+2, \dots, n+m\} \quad (\text{ب})$$

$$D = \{1, 2, \dots, m\} \quad (\text{س})$$

۱۷) n را در معنای مجموع مربيع در تقدیر بلندی.

الف) مجموعهای نامتناهی مثل \mathbb{N} مانند A هم نامتناهی باشد.

ب) مجموعهای نامتناهی مثل \mathbb{Z} مانند B مانند C هم نامتناهی باشد.

پ) مجموعهای متناهی مثل \mathbb{Q} مانند D دارند. D متناهی است (با نامتناهی).

۱۸) اگر $n(A) = 10$ و $n(B) = 5$ و $n(A \cup B) = 15$ $n(A \cap B)$ را محاسبه کنید.

۱۹) فرض کنیم A و B ذیر مجموعهای از مجموعه $\{1, 2, \dots, n\}$ باشند به طوری که $n(A) = 4$ و $n(B) = 5$.

$$n(A \cup B) = 9, \quad n(A \cap B) = 2, \quad n(A \cap B') = 2$$

$$n(A \cup B) \quad (\text{الف})$$

$$n(A \cap B') \quad (\text{ب})$$

$$n(A' \cap B) \quad (\text{ب})$$

$$n(A \cap B) \quad (\text{س})$$



در کنکور کلاس ۱۳ نفری، تعداد ۱۴ نفر از دانش آموزان عضوگروه سرود ۱۹ نفر آنها عضوگروه شاگرد، اگر همان قرار داشت دانش آموزان این کلاس عضو هر گروه باشد ملطف است.

(الف) تعداد دانش آموزان که فقط عضوگروه سرود اند.

(ب) تعداد دانش آموزان که عضو هیچ گروهی نیستند

در کنکور سنجی از ۱۱ هستی که فرهنگی زنجیره‌ای، مخصوص شد که ۱۰ نفر آنها در یک ماه لذت از محصولات سرتلت A و ۷ نفر از این از محصولات سرتلت B خرید کرده‌اند. همچوین ۲۳ نفر از آنان نیز اعلام کرده‌اند که در این مدت از هر دو سرتلت خرید نکرده‌اند. حداقت عدد در یک ماه لذت از کم از یکی از این دو سرتلت خرید نکرده‌اند.

(الف) فقط از سرتلت A خرید کرده‌اند.

(ب) دقیقاً از یکی از این دو سرتلت خرید نکرده‌اند.

(ت) از هیچ یکی از این دو سرتلت خرید نکرده‌اند.

ادامه جزوات در [دانشگاه آموزش ریاضی @RiaziT](#) [@RiaziT](#) هر اوقیانویی.

«و سعی باش و تنها و سر به زیر و سرسفت»