

نام درس: ریاضی ۱
نام دبیر: فاطمه سرایی
تاریخ امتحان: ۰۵/۰۳/۹۷
 ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دستگاه غیردولتی و تحریر اسناد
(واحد رسان)
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۹۷-۹۶

نام و نام فانوادگی:
مقطع و رشته: دهم (یاضی)
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۱۴ صفحه

ردیف	سؤالات	محل مهر یا امضاء مدیر	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی هر یک از احکام زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) اشتراک مجموعه مضارب ۲ و مضارب ۵ متناهی است. <input type="checkbox"/></p> <p>ب) اگر $\sin \alpha > \sin \alpha$ آنگاه زاویه α در ربع سوم قرار دارد. <input type="checkbox"/></p> <p>پ) $\sin 110^\circ > \sin 120^\circ$ <input type="checkbox"/></p> <p>ت) هر عدد حقیقی همواره دارای ریشه n ام است. <input type="checkbox"/> ($n \in \mathbb{N}$)</p>		
۲	<p>متتم مجموعه $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -x + 2 \geq 4\}$ یک از گزینه های زیر است؟</p> <p>$A' = \{x \in \mathbb{R} \mid x > -2\}$ <input type="checkbox"/> $A' = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 2\}$ <input type="checkbox"/></p> <p>$A' = \{x \in \mathbb{R} \mid x \leq -2\}$ <input type="checkbox"/> $A' = \{x \in \mathbb{R} \mid x \geq 2\}$ <input type="checkbox"/></p>	۰/۵	
۳	<p>مقدار x را چنان بیابید که سه جمله‌ی روبرو تشکیل دنباله هندسی دهند. سپس جمله چهارم را بیابید.</p> $x - 5, 2x - 5, 4x + 5$	۰/۷۵	
۴	<p>در شکل زیر طول ضلع AB را بیابید.</p>	۰/۵	
۵	<p>معادله خطی که با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی 60° می‌سازد و از نقطه $(2\sqrt{3}, -2)$ می‌گذرد را بنویسید</p>	۰/۵	
صفحه ۱ از ۱۴			

بارم	محل مهر یا امضاء مدیر	ادامه سؤالات
۰/۷۵	$x^3 + \frac{1}{x} = 2$ باشد، حاصل $x^3 + \frac{1}{x}$ را بیابید.	۶
۱	از معادله $\sqrt[5]{x\sqrt{x}} = \sqrt[5]{27}$ مقدار x را بدست آورید.	۷
۱	اگر $x = -1$ یک جواب معادله $3x^2 + (2a-1)x + 2 = 0$ باشد، جواب دیگر کدام است؟	۸
۱	نامعادلات زیر را حل کنید. الف) $ 2x + 3 < 5$	۹
۲	<p>نمودار تابع f بصورت مقابل داده شده است.</p> <p>الف) ضابطه تابع f را بیابید.</p> <p>ب) دامنه و برد تابع را مشخص کنید.</p> <p>پ) مقادیر $f(f(f(3))), f(-2)$ را حساب کنید.</p>	۱۰

بارم	محل مهر یا امضاء مدیر	ادامه سؤالات	نمره
۱		<p>نمودار تابع $y = f(x)$ داده شده است. نمودار تابع $y = f(x+2)-3$ خواسته شده را از روی آن رسم کنید.</p>	۱۱
۱		$f(x) = \frac{2x-1}{x-2}$ باشد $f(5), f(x)$ را بایابید.	۱۲
۱/۵	<p>به سوالات زیر پاسخ کوتاه دهید.</p> <p>الف) حروف کلمه ADDITION را به چند طریق می‌توان در کنار هم قرار داد به طوری که همواره حروف یکسان در کنار هم باشند؟</p>	<p>۷۲۰ <input type="checkbox"/></p> <p>۳۶۰ <input type="checkbox"/></p> <p>در کنار هم باشند؟</p>	۱۳
	<p>ب) برای یک سمینار علمی، به چند طریق می‌توان از بین ۴ ریاضی دان، ۲۱ فیزیک دان و ۵ شیمی دان، یک نفر را به عنوان دبیر کمیته علمی انتخاب کرد؟</p>	<p>۴۲۰ <input type="checkbox"/></p> <p>۳۰ <input type="checkbox"/></p>	
	<p>پ) سارا ۴ کتاب مختلف دارد. به چند طریق می‌تواند آن‌ها را کنار هم بچیند؟</p>	<p>$1! + 2! + 3! + 4!$ <input type="checkbox"/></p> <p>$4!$ <input type="checkbox"/></p>	
۱	<p>مجموعه $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ مفروض است.</p> <p>الف) چند زیرمجموعه ۳ عضوی دارد؟</p>		۱۴
	<p>ب) چند زیرمجموعه ۴ عضوی دارد که شامل حرف "a" باشد و شامل حرف "f" نباشد.</p>		
صفحه ۳ از ۴			

بارم	محل مهر یا امضاء مدیر	ادامه سؤالات
۱/۵	<p>با حروف کلمه «شکوهمند»</p> <p>الف) چند کلمه ۵ حرفی شامل حرف «ن» باشد.</p> <p>ب) چند کلمه ۵ حرفی می توان نوشت که با «ک» شروع شود و شامل «م» باشد</p>	۱۵
۱	<p>در جاهای خالی عبارت مناسب قرار دهید.</p> <p>الف) مجموعه شامل همه حالت‌های ممکن در به وقوع پیوستن یک پدیده تصادفی را می‌نامیم.</p> <p>ب) اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه S باشند و $A \cap B = \emptyset$ آنگاه A و B را دو پیشامد می‌نامیم.</p> <p>پ) فضای نمونه پرتاب دو تاس و یک سکه عضو دارد.</p> <p>ت) به پدیده‌ای که از به وقوع پیوستن آن اطلاع نداشته باشیم می‌گویند</p>	۱۶
۱/۵	<p>در کیسه‌ای ۴ مهره سیاه و ۲ مهره قرمز و ۴ مهره آبی وجود دارد. از این کیسه ۳ مهره به تصادف خارج می‌کنیم، مطلوب است احتمال آن که: (نیازی به محاسبه جواب آخر نیست)</p> <p>الف) هیچ دو مهره‌ای همنگ نباشند.</p> <p>ب) حداقل دو مهره همنگ باشند.</p>	۱۷
۱	در پرتاب دو تاس، احتمال آن که مجموع دو عدد برابر ۶ یا هر دو عدد رو شده با هم برابر باشد چقدر است؟	۱۸
۱/۵	<p>در موارد زیر نوع متغیرها را مشخص کنید.</p> <p>ب) جرم هندوانه های تولید شده در یک مزرعه</p> <p>ت) تعداد دانش آموزان یک کشور</p> <p>ج) نوع بارندگی (برف – باران)</p> <p>الف) مراحل رشد گیاه</p> <p>پ) رنگ پیراهن کارکنان یک اداره</p> <p>ث) وزن نامه های رسیده به پست</p>	۱۹
صفحه ۴ از ۴		

نام درس: ریاضی ا دهم ریاضی
نام دبیر: فاطمه سراجی
تاریخ امتحان: ۹۷/۰۵/۲۳
 ساعت امتحان: ۸: صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۱۴ تهران
دبیرستان غیر دولتی دخترانه 
کلید سوالات پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۹۶-۹۷



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر																			
۱	الف) غلط ب) درست ت) غلط																				
۲		$A' = \{x \in \mathbb{R} \mid x > -2\}$																			
۳		$(x - 5)(4x + 5) = (2x - 5)^2 \Rightarrow x = 1.$ $\Rightarrow 5, 15, 25, 135$ a_4																			
۴		$\frac{AB}{\sin 45^\circ} = \frac{1}{\sin 60^\circ} \Rightarrow AB = \frac{1 \times \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1 \cdot \sqrt{6}}{3}$																			
۵		$m = \tan 60^\circ = \sqrt{3}$ $y = ax + b \Rightarrow -2 = \sqrt{3} \times (-2\sqrt{3}) + b \Rightarrow b = -8$ $y = \sqrt{3}x - 8$																			
۶		$\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = x^3 + \frac{1}{x^3} + 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right) \Rightarrow 3^3 = x^3 + \frac{1}{x^3} + 3 \times 2 \Rightarrow x^3 + \frac{1}{x^3} = 2$																			
۷		$\sqrt[5]{\sqrt{x^5} \times x} = \sqrt[10]{x^3} \Rightarrow \sqrt[10]{x^6} = \sqrt[5]{x^3} \Rightarrow \sqrt[5]{x^3} = \sqrt[5]{3} \Rightarrow x^3 = 3 \Rightarrow x = \sqrt[3]{3}$																			
۸		$x = -1 \rightarrow 3 - (2a - 1) + 2 = 0 \Rightarrow a = 3$ $a = 3 \rightarrow 3x^2 - 5x + 2 = 0 \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{-2}{3} \end{cases}$																			
۹	الف) ب) جواب:	$-5 < 2x + 3 < 5 \xrightarrow{-3} -8 < 2x < 2 \xrightarrow{\div 2} -4 < x < 1 \quad 2x + 3 < 5$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>-3</td> <td>$\frac{-1}{2}$</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>$x^2 - 9$</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$2x + 1$</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$p \geq 0$</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> </table> $\left[-3, \frac{-1}{2}\right) \cup [3, +\infty)$	x	-3	$\frac{-1}{2}$	3	$x^2 - 9$	+	-	-	+	$2x + 1$	-	-	+	+	$p \geq 0$	-	+	-	+
x	-3	$\frac{-1}{2}$	3																		
$x^2 - 9$	+	-	-	+																	
$2x + 1$	-	-	+	+																	
$p \geq 0$	-	+	-	+																	

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱۰	$f(-2) = 3$ $f(f(3)) = f(-2) = 3 \quad \text{پ)$ $D = R \quad R = [0, 2] \cup \{-2, 3\} \quad \text{ب)$ $\begin{cases} 3 & x \leq -2 \\ \frac{-1}{2}x + 1 & -2 < x \leq 2 \\ -2 & x > 2 \end{cases} \quad \text{الف)$	
۱۱	$y = f(x)$ $y = f(x+2) - 3$	
۱۲	$\frac{2x-1}{x-2} = y \Rightarrow 2x-1 = xy-2y \Rightarrow x = \frac{-2y+1}{2-y}$ $f(y) = \sqrt{\left(\frac{-2y+1}{2-y}\right)} - 3$ $\frac{2x-1}{x-2} = 5 \Rightarrow x = 3$ $\xrightarrow{x=3} f\left(\frac{2 \times 3 - 1}{3 - 1}\right) = \sqrt{5} - 3 = 18$	۴! پ) ۳۰ ب) ۷۲۰ الف)
۱۳	$a, \underbrace{-,-,-}_{\binom{4}{3}} \Rightarrow \binom{4}{3} = 4 \quad \text{ب) } \binom{6}{3} = 20 \quad \text{الف) }$	
۱۴	$\binom{5}{3} \times 4! \quad \text{ب) } \binom{6}{4} \times 5! \quad \text{الف) }$	
۱۵	الف) فضای نمونه ای ب) ناسازگار پ) ت) تصادفی	۷۲
۱۶	$p(B) = \frac{\binom{10}{3} - \binom{4}{1}\binom{2}{1}\binom{4}{1}}{\binom{10}{3}} \quad \text{ب) } p(A) = \frac{\binom{4}{1}\binom{2}{1}\binom{4}{1}}{\binom{10}{3}} \quad \text{الف) }$	
۱۷	$A = \{(1,5), (2,4), (3,3), (4,2), (5,1), (1,1), (2,2), (4,4), (5,5), (6,6)\}$ $\Rightarrow p(A) = \frac{1}{36}$	
۱۸	الف) کیفی ترتیبی ب) کمی پیوسته پ) کیفی اسمی ت) کمی گستته ث) کمی پیوسته ج) کیفی اسمی	
۱۹	امضاء: نام و نام خانوادگی مصحح: فاطمه سرایی جمع بارم: ۲۰	