

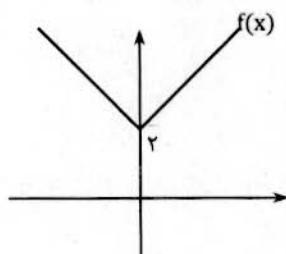
$$f(2) = -2 - 8$$

$$(-\infty, 2] \quad -8$$

-۱۰ یک

$$D_f = (-\infty, +\infty) \quad -9$$

آزمون چهار گزینه‌ای ■



۱- گزینه «۱»، همانطور که در نمودار تابع مشخص است، نمودار آن از ربع اول و دوم می‌گذرد.

$$y = x|x| - x^2 + 1 = \begin{cases} x^2 - x^2 + 1 & x \geq 0 \\ -x^2 - x^2 + 1 & x < 0 \end{cases} = \begin{cases} 1 & x \geq 0 \\ -2x^2 + 1 & x < 0 \end{cases}$$

با توجه به شاخه $x \geq 0$ یکی از گزینه‌های (۱) یا (۳) قابل قبول است از آنجا که $= -1 = f(-1)$ پس شاخه دیگر منحنی از ربع سوم می‌گذرد لذا پاسخ گزینه (۱) است.

۲- گزینه «۲»

$$x^2 \geq 0 \Rightarrow \frac{1}{2}x^2 \geq 0 \Rightarrow \frac{1}{2}x^2 - 1 \geq -1 \Rightarrow y \geq -1$$

علاوه بر روش بالا می‌توان به روش نقطه‌یابی عمل کرد مثلاً $f(+\infty) = -1$ لذا گزینه (۴) رد می‌شود. $y = f(0)$ لذا گزینه‌های (۱) و (۲) هم رد می‌شوند و تنها گزینه (۳) که پاسخ سؤال است باقی می‌ماند.

۳- گزینه «۳»

۴- گزینه «۴»، توابع ثابت یکبه‌یک نیستند.

