

نام درس: ریاضی و آمار  
نام دبیر: داود احتشامی  
تاریخ امتحان: ۱۴ / ۰۳ / ۹۸  
ساعت امتحان: ۳:۰۰ : ۸ صبح / عصر  
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۱۲ تهران  
دبیرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد حافظ  
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۹۷-۹۸

نام و نام فانوادگی: .....  
مقطع و رشته: دهم انسانی  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۱ صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره تجدید نظر به عدد:																	
		نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:																		
۱																							
۱	$(x - 2)^3$			با استفاده از اتحاد، حاصل عبارت زیر بیابید.		۱																	
۱	$\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1}$			حاصل عبارت مقابل را به دست آورید.		۲																	
۰/۷۵	$2x^3 - 8 = 0$ (الف)				معادلات زیر را حل کنید.	۳																	
۱/۲۵	$x^3 - 5x + 6 = 0$ (ب)																						
۱	$\frac{3x-5}{x+3} = 1$ (ج)																						
۲				اگر رابطه $f = \{(2, x+y), (2, 4), (5, 2), (3, 4), (5, x-y)\}$ تابع باشد؛ در این صورت: الف) حاصل $y + x^3$ را به دست آورید.	۴																		
۲				ب) دامنه و برد تابع را مشخص کنید.		۵																	
۲				ضابطه‌ی تابع خطی $f$ را که از نقاط $(4, 1), (2, 3), (2, 0)$ می‌گذرد، مشخص کنید و نمودار آن را رسم کنید.		۶																	
۱/۵				نمودار سهمی به معادله $y = -(x-2)^2 + 1$ را رسم کنید. مختصات رأس سهمی و محور تقارن آن را مشخص کنید.		۷																	
۱/۵				عبارت‌های زیر را تعریف کنید. الف) داده نمونه ب) واحد آماری ج) آماره نمونه		۸																	
۱/۵				متغیر را تعریف کنید و انواع آن را نام ببرید. سپس نوع متغیرهای زیر را مشخص کنید: ب) قد دانش‌آموzan یک کلاس		۹																	
۲/۵				ابتدا میانگین داده‌های $9, 8, 7, 6, 5$ را بیابید، سپس واریانس و انحراف معیار آنها را به دست آورید.		۱۰																	
۱/۵	۵, ۲, ۱۱, ۱۰, ۱۳, ۲۵, ۸			نمودار جعبه‌ای داده‌های مقابله را رسم کنید.		۱۱																	
۲				جدول زیر مربوط به نمرات سه درس علی و حمید می‌باشد، نمودار راداری این جدول را رسم کنید.																			
				<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>درس</th> <th>افراد</th> <th>علی</th> <th>حمید</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ریاضی</td> <td></td> <td>۱۸</td> <td>۱۲</td> </tr> <tr> <td>ادبیات</td> <td></td> <td>۱۴</td> <td>۱۶</td> </tr> <tr> <td>عربی</td> <td></td> <td>۱۲</td> <td>۱۴</td> </tr> </tbody> </table>	درس	افراد	علی	حمید	ریاضی		۱۸	۱۲	ادبیات		۱۴	۱۶	عربی		۱۲	۱۴			
درس	افراد	علی	حمید																				
ریاضی		۱۸	۱۲																				
ادبیات		۱۴	۱۶																				
عربی		۱۲	۱۴																				

صفحه ۱ از ۱



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر								
۱	$(x - 2)^3 = x^3 - 3 \times x^2 \times 2 + 3 \times x \times 4 - 2^3 = x^3 - 6x^2 + 12x - 8$									
۲	$\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1} = \frac{x-1+x+1}{(x-1)(x+1)} = \frac{2x}{x^2-1}$									
۳	$2(x^2 - 4) = 0 \Rightarrow 2(x-2)(x+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -2 \end{cases}$ $(x-2)(x-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x-2 = 0 \Rightarrow x = 2 \\ x-3 = 0 \Rightarrow x = 3 \end{cases}$ طوفین در $x+3$ ضرب (ج)									
۴	شرط آنکه $f$ تابع باشد: $\begin{cases} x+y=4 \\ x-y=2 \end{cases} \Rightarrow 2x=6 \Rightarrow x=\frac{6}{2}=3 \Rightarrow y=4-3=1$ (الف) $x^2+y^2=2^2+1^2=9+1=10$ . (ب) $f = \{(2,4), (5,2), (3,4)\} \Rightarrow \begin{cases} D_f = \{2,3,5\} \\ R_f = \{2,4\} \end{cases}$									
۵	$f(x) = mx + n$ $\{(2,3) \in f \rightarrow f(2) = 3 \rightarrow 2m + n = 3$ $\{(4,1) \in f \rightarrow f(4) = 1 \rightarrow 4m + n = 1$ حل دستگاه $\Rightarrow m = -1, n = 5$ با جایگذاری مقادیر $m$ و $n$ در ضابطه تابع خطی خواهیم داشت: $f(x) = -x + 5$									
۶	مختصات رأس سهمی $x = 2$ محور تقارن ۲ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> </tr> <tr> <td><math>y</math></td> <td>•</td> <td>۱</td> <td>•</td> </tr> </table>	$x$	۱	۲	۳	$y$	•	۱	•	
$x$	۱	۲	۳							
$y$	•	۱	•							
۷	الف) داده: واقعیت‌هایی درباره اشیاء با افرادی می‌باشند که در محاسبه، استنباط یا برنامه‌ریزی به کار می‌روند. ب) واحد آماری: به هر یک از افراد یا اشیاء که داده‌های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می‌شود، واحد آماری می‌گویند. ج) آماره نمونه: مشخصه‌ای عددی که توصیف‌کننده جنبه‌ای خاص از نمونه می‌باشد.									
۸	متغیر: هر ویژگی از اشیاء یا افراد که قرار است بررسی شود. ۱- متغیر کمی، ۲- متغیر کیفی الف) متغیر کیفی تربیتی ب) متغیر کمی نسبتی									
۹	$\bar{x} = \frac{۵+۶+۷+۸+۹}{۵} = ۷$ میانگین									

$$S^r = \frac{(5-7)^2 + (6-7)^2 + (7-7)^2 + (8-7)^2 + (9-7)^2}{5} = \frac{4+1+\cdot+1+4}{5} = \frac{10}{5} = 2$$

$S^r = 2 \Rightarrow S = \sqrt{2} \approx 1/4$  انحراف معيار

ابتدا داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌نماییم:

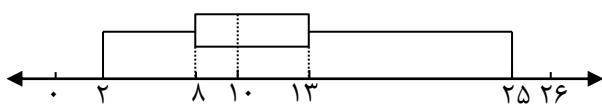
۲, ۵, ۸, ۱۰, ۱۱, ۱۳, ۲۵

$\bar{x} = 10$  میانه

$Q_1 = 5$  چارک اول

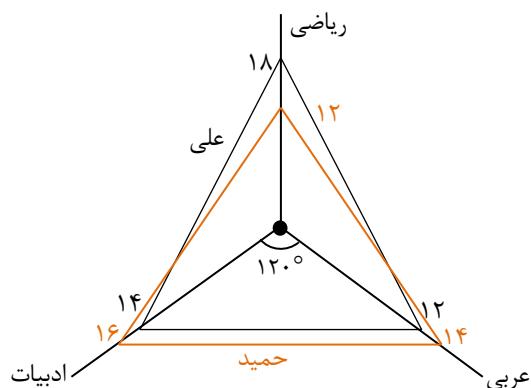
$Q_3 = 13$  چارک سوم

$a = 2$  کوچکترین داده



$b = 25$  بزرگترین داده

$$\alpha = \frac{360}{3} = 120$$



امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح : داود احتشامی

جمع بارم : ۱۰ نمره