

نام درس: ریاضی و آمار
نام دبیر: غزاله کریم پنایا
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۰۵/۰۵
ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۵۰ دقیقه

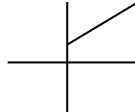
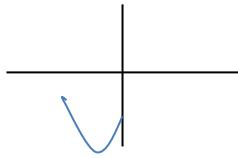
جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دیرستان غیر دولتی دتران
(دانشگاه)
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تتمصیلی ۹۷-۹۶

نام و نام خانوادگی:
مقطع و رشته: دهم انسانی
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۲ صفحه

ردیف	محل مهر با امضاء مدیر	سوالات
۱	$4x^2 - 8x - 5$	عبارت های مقابله را تا حد امکان تجزیه کنید.
۱	$\frac{1}{x^2 - 2x} - \frac{1+x}{x} + \frac{x+2}{x-2} =$	حاصل عبارت زیر را به ساده ترین حالت ممکن بنویسید.
۲	$x^2 + \sqrt{5}x - 1 = 0$	معادلات زیر را به روش دلخواه حل کنید. الف. $2x^2 - 4x + 1 = 0$
۱		معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن اعداد زیر باشد. $\frac{1}{2}, -\frac{2}{5}$
۱	الف. $f(1) + g(1)$	با فرض آن که $g(x) = \{(1,3), (4,2), (0,-4), (2,7)\}$ و $f(x) = x^2 - 5x $ حاصل عبارت های زیر را بدست آورید.
۱		اگر $f = \{ (m^2-4, 5), (m^2-4, m^2-11), (m+8, 2) \}$ باشد مقدار m را بدست آورید.
۱		معادله خطی بنویسید که از نقطه $A(4,4)$ گذشته و محور عرض ها را در نقطه ای به عرض ۳ قطع کند و سپس آن خط را رسم کنید.
۱	$y = x^2 + 2x - 3$	نمودار سهیمی زیر را رسم کنید و راس و محور تقارن را مشخص نمایید.
۱		اگر داشته باشیم $2x+y=40$ ، بیشترین مقدار حاصل ضرب y, x را بدست آورید.
۱	$R(x) = -x^2 + 21x$, $C(x) = x + 20$	تابع درآمد و هزینه هفتگی شرکتی به صورت مقابل است: الف. معادله سود را تشکیل دهید. ب. چند واحد کالا تولید شود تا بیشترین سود عاید شرکت شود? پ. ماکزیمم سود شرکت چقدر است?
۱		به متن مقابل توجه کنید: در یک کارخانه، روزانه ۳۰۰۰ عدد شامپو تولید می شود. به طور تصادفی ۵۰ عدد آنها را انتخاب کرده تا کیفیت آنها را بررسی کنیم (خوب، متوسط، بد). در این نمونه، نسبت شامپوهای با کیفیت خوب برابر $40/50$ است. الف) نوع متغیر در متن بالا چیست؟ جامعه و نمونه را مشخص کنید. ب) نسبت $40/50$ آماره است یا پارامتر؟ چرا؟

ردیف	محل مهر یا امضاء مدیر	ادامه‌ی سوالات												
۱/۵	در داده‌های آماری ۱۳, ۱۲, ۱۱, ۱۰, ۹, ۸, ۶, ۴, ۳ داده‌های کمتر از چارک اول و بیشتر از چارک سوم را حذف کنید. انحراف معیار داده‌های باقی مانده را بدست آورید.	۱۲												
۱/۵	در داده‌های مقابله، مدل، میانه، میانگین، واریانس و انحراف معیار را محاسبه کنید. ۲, ۲, ۴, ۴, ۴, ۶, ۶	۱۳												
۰/۷۵	روی یک قوطی رب گوجه فرنگی، عبارت (450 ± 10) گرم نوشته شده است. از این عبارت می‌توان نتیجه گرفت که تقریبا درصد قوطی رب ا وزنشان بین اعداد و گرم قرار دارند.	۱۴												
۰/۷۵	در یک سری از داده‌ها که به صورت منحنی نرمال قابل نمایش نیستند، میانگین \bar{x} و انحراف معیار s است. به سوالات زیر پاسخ دهید: الف) چند درصد داده‌ها در بازه‌ی $[\bar{x} - 2s, \bar{x} + 2s]$ قرار دارند؟ ب) ۹۵٪ داده‌ها در چه بازه‌ای قرار دارند؟	۱۵												
۱/۵	برای داده‌های جدول زیر، یک نمودار مibile‌ای و یک نمودار دایره‌ای (برحسب درجه) رسم کنید.	۱۶												
<table border="1"> <thead> <tr> <th>رنگ ماشین ها</th> <th>سفید</th> <th>سیاه</th> <th>نوك مدادي</th> <th>آبي</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>فراآونی</td> <td>۴۲</td> <td>۱۸</td> <td>۲۶</td> <td>۱۴</td> </tr> </tbody> </table>					رنگ ماشین ها	سفید	سیاه	نوك مدادي	آبي	فراآونی	۴۲	۱۸	۲۶	۱۴
رنگ ماشین ها	سفید	سیاه	نوك مدادي	آبي										
فراآونی	۴۲	۱۸	۲۶	۱۴										
۲	با توجه به جدول زیر، نمودار راداری مناسب رسم کنید.					۱۷								
	Max مقدار	امیر	علی	نام درس	متغیر									
	20	18	16	ریاضی	X_1									
	18	17	17	معارف	X_2									
	20	13	20	ادبیات	X_3									
	17	14	12	فلسفه	X_4									
صفحه‌ی ۲ از ۲														



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱		الف. $(2X - 5)(2X + 1)$ ب. $3X(X^4 - 16) = 3X(X^2 - 4)(X^2 + 4) = 3X(X - 2)(X + 2)(X^2 + 4)$
۲		$\frac{1 - (X + 1)(X - 2) + (X + 2)X}{X(X - 2)} = \frac{1 - X^2 + X + 2 + X^2 + 2X}{X(X - 2)} = \frac{3X + 3}{X(X - 2)}$
۳		الف. $\Delta = b^2 - 4ac$, $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$ $\Delta = (\sqrt{5})^2 - 4(1)(-1) = 5 + 4 = 9$ ب. $2x^2 - 4x + 1 = 0$ $2x^2 - 4x = -1 \rightarrow x^2 - 2x = -\frac{1}{2}$ $x^2 - 2x + 1 = \frac{1}{2}$ $(x-1)^2 = \frac{1}{2}$ $x = 1 \pm \sqrt{\frac{1}{2}}$
۴		$s = \frac{1}{2} - \frac{2}{5} = \frac{1}{10}$ $p = \frac{1}{2} \times \frac{-2}{5} = \frac{-1}{5}$ $x^2 - sx + p = 0 \rightarrow x^2 - \frac{1}{10}x - \frac{1}{5} = 0$
۵		$f(1) = 4$, $g(1) = 3$ $f(1) + g(1) = 7$ ب. $g(0) = -4$ $F(-4) = 36$
۶		$m^2 - 11 = 5$ $m^2 = 16$ $m = \pm 4$ $m = -4$ ق. ق
۷		$a(4, 4)$, $b(0, 3)$ $m = \frac{1}{4}$ $y = \frac{1}{4}x + 3$ 
۸		$Y = x^2 + 2x - 3$ $s = (-1, -4)$ $x = -1$ 
۹		$2x + y = 40$ $y = 40 - 2x$ $x \times y = x(40 - 2x) = 40x - 2x^2$ $x = 10$ $\max(xy) = 200$
۱۰		$P(x) = R(x) - C(x)$ الف. $P(x) = -x^2 + 20x - 20$ ب. $x = 20$ پ.
۱۱		الف. متغیر کیفی اسمی، جامعه شامپوهای یک کارخانه، نمونه ۵۰ عدد از شامپوهای تولیدی این کارخانه ب. آماره است زیرا یک نمونه از کل جامعه است.
۱۲		$Q_2 = 8$, $Q_1 = 5$, $Q_3 = 11.5$ $6, 8, 8, 9, 11$ $\bar{X} = 8.4$ $Q_2 = 5.76 + 0.32 + 0.036 + 6.76 = 2.6$ $O = \sqrt{2.6}$

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر																									
۱۳	$\sigma = \text{انحراف معیار} = \sqrt{\frac{1}{3}} = 0.57$ $\text{میانگین} = \bar{x} = 4$ $\text{واریانس} = s^2 = 3$																										
۱۴	$460 - 440 = 95\%$																										
۱۵	$\bar{X} \pm 2\sigma$ ۶۸%																										
۱۶	<p>Sales</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Category</th> <th>Percentage</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>أبي</td> <td>~25%</td> </tr> <tr> <td>نوك مدادی</td> <td>~20%</td> </tr> <tr> <td>سياه</td> <td>~15%</td> </tr> <tr> <td>سفید</td> <td>~40%</td> </tr> </tbody> </table>	Category	Percentage	أبي	~25%	نوك مدادی	~20%	سياه	~15%	سفید	~40%																
Category	Percentage																										
أبي	~25%																										
نوك مدادی	~20%																										
سياه	~15%																										
سفید	~40%																										
۱۷	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Category</th> <th>Series 1</th> <th>Series 2</th> <th>Series 3</th> <th>Total</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>أبي</td> <td>~15</td> <td>~10</td> <td>~10</td> <td>~35</td> </tr> <tr> <td>نوك مدادی</td> <td>~25</td> <td>~20</td> <td>~25</td> <td>~70</td> </tr> <tr> <td>سياه</td> <td>~15</td> <td>~15</td> <td>~15</td> <td>~45</td> </tr> <tr> <td>سفید</td> <td>~40</td> <td>~45</td> <td>~5</td> <td>~90</td> </tr> </tbody> </table>	Category	Series 1	Series 2	Series 3	Total	أبي	~15	~10	~10	~35	نوك مدادی	~25	~20	~25	~70	سياه	~15	~15	~15	~45	سفید	~40	~45	~5	~90	
Category	Series 1	Series 2	Series 3	Total																							
أبي	~15	~10	~10	~35																							
نوك مدادی	~25	~20	~25	~70																							
سياه	~15	~15	~15	~45																							
سفید	~40	~45	~5	~90																							
۱۸	$X_1, \text{ALI}=0.8 , X_1, \text{AMIR}=0.9$ $X_2, \text{ALI}=0.94 , X_2, \text{AMIR}=0.94$ $X_3, \text{ALI}=1 , X_3, \text{AMIR}=0.65$ $X_4, \text{ALI}=0.7 , X_4, \text{AMIR}=0.82$																										
۱۹	امضاء:	جمع بارم: ۲۰٪																									
۲۰	نام و نام خانوادگی مصحح: غزاله کریم پناه																										