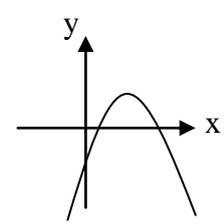


نام و نام خانوادگی: مقطع و رشته: شماره داوطلب: تعداد صفحه سؤال:	جمهوری اسلامی ایران اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه تهران دبیرستان غیردولتی پسرانه / دخترانه 	نام درس: ریاضی یازدهم..... نام دبیر: فاطمه عراقی..... تاریخ امتحان: ۹ / ۱۰ / ۱۳۰۹..... ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
--	---	---

ردیف	سؤالات	نمره
۱	جاهای خالی را پر کنید. الف) کمترین مقدار تابع $f(x) = x^2 - 4x + 9$ برابر است. ب) نمودار $y = -\frac{1}{x}$ از نواحی محورهای مختصات می گذرد. پ) زاویه ی $72^\circ -$ درجه، رادیان بوده و انتهای کمان آن در ناحیه مثلثاتی قرار دارد.	
۲	درستی یا نادرستی احکام زیر را مشخص کنید. در صورت نادرستی مثال نقض بیاورید. الف) در هر مثلث اندازه ی هر ضلع از اندازه ی هر ارتفاع بزرگتر است. ب) تمام نقاطی که به فاصله ی ثابت از یک نقطه ی مشخص قرار دارند، یک دایره تشکیل می دهند	
۳	گزینه صحیح را انتخاب کنید. الف) با توجه به شکل علامت b و c چگونه است؟  <p>(۱) $b, c > 0$ (۲) $b, c < 0$ (۳) $b > 0$ و $c < 0$ (۴) $b < 0$ و $c > 0$</p> <p>ب) عکس قضیه ی تالس با کدام استدلال زیر قابل اثبات است؟ (۱) استقرایی (۲) مثال نقض (۳) برهان خلف (۴) استنتاجی</p> <p>پ) مطابق شکل سه دبیرستان در نقاط A و B و C واقع شده اند. قصد داریم یک مجموعه ی ورزشی بسازیم تا هر سه دبیرستان از آن استفاده کنند، محل احداث این مجموعه کجا باشد تا فاصله ی دسترسی آن از هر سه دبیرستان یکسان باشد؟</p>  <p>(۱) وسط پاره خط BC (۲) محل تلاقی سه میانه مثلث ABC</p> <p>(۳) محل تلاقی سه نیمساز مثلث ABC (۴) محل تلاقی عمود منصف های AB و AC</p>	

ت) تابع $f = \{(a+b, 1), (2, 3), (4, 1), (a-b, 3), (5, 6)\}$ یک به یک است. مقدار $\frac{a}{b}$ کدام است؟

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۴ مثلث ABC با سه رأس $A(-3, 2)$ و $B(2, 4)$ و $C(0, 6)$ مفروض است.

الف) طول میانه‌ی وارد بر ضلع BC را بیابید.

ب) معادله‌ی عمود منصف ضلع BC را بدست آورید.

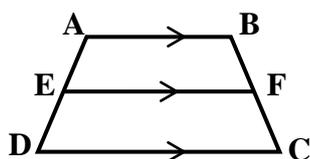
۵ خط $3x - 4y = 0$ بر دایره‌ای به مرکز $w(2, -1)$ مماس است. شعاع دایره را بیابید.

۶ m را طوری بیابید که یکی از ریشه‌های معادله‌ی $2x^2 - 6x + m = 0$ دو برابر ریشه‌ی دیگر باشد.

۷ الف) معادله‌ی $\frac{2x+1}{x^2-1} + \frac{x-1}{x+1} = \frac{x}{x-1}$ را حل کنید.

ب) آیا عدد صحیحی وجود دارد که جمع آن با جذرش برابر ۶ باشد؟

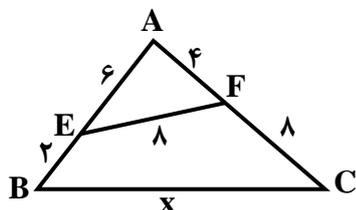
۸ در ذوزنقه‌ی مقابل $AB \parallel EF \parallel DC$ است. ثابت کنید:



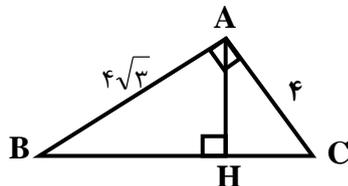
$$\frac{AE}{ED} = \frac{BF}{FC}$$

۹ در شکل مقابل الف) ثابت کنید مثلث‌های AEF و ABC متشابه‌اند.

ب) مقدار x را بیابید.



۱۰ در شکل مقابل، طول BH را بدست آورید.



۱۱ آیا دو تابع $f(x) = \frac{x^2+2}{x^3+2x}$ و $g(x) = \frac{1}{x}$ با هم برابرند؟ چرا؟

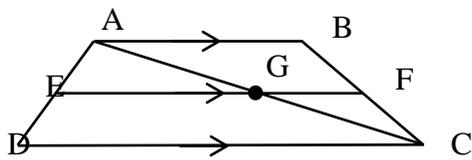
۱۲ نمودار توابع زیر را رسم کنید.

الف) $y = -1 + \sqrt{x+1}$

ب) $y = [x] + 1 \quad (-1 \leq x < 2)$

	ضابطه‌ی وارون تابع $f(x) = 2x - 3$ را بیابید.	۱۳
	اگر $f(x) = \sqrt{x-1}$ و $g(x) = \sqrt{5-x}$ باشد: الف) دامنه و ضابطه‌ی $\frac{f}{g}$ را بیابید. ب) مقدار عددی $(f+g)(1)$ را بدست آورید.	۱۴
	در دایره‌ای به شعاع ۴ متر توسط زاویه‌ی α ، کمانی به طول ۵ متر ایجاد می‌شود. با فرض $\pi = 3$ اندازه‌ی α را بر حسب درجه بدست آورید.	۱۵

<p>نام درس: جمهوری اسلامی ایران</p> <p>نام دبیر: اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران</p> <p>تاریخ امتحان: اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران</p> <p>ساعت امتحان: دبیرستان غیردولتی دخترانه</p> <p>مدت امتحان: </p>	<p>پاسخ نامه سوالات</p>
<p>ردیف</p> <p>راهنمای تصحیح</p> <p>نمره</p>	<p>ردیف</p>
<p>(الف) ۵ (۰/۲۵) (ب) دوم و چهارم (۰/۵) (پ) $-\frac{2\pi}{5}$ ، چهارم (۰/۵)</p>	
<p>(الف) نادرست (۰/۲۵)، در مثلث قائم الزاویه اندازه ارتفاع با طول ضلع مثلث برابر است. (۰/۵)</p> <p>(ب) درست (۰/۲۵)</p>	
<p>(الف) گزینه (۳) (۰/۲۵) (ب) گزینه (۳) (۰/۲۵) (پ) گزینه (۴) (۰/۵) (ت) گزینه ی (۳) (۰/۵)</p>	
<p>(الف) $M(\frac{2}{2}, \frac{6+4}{2}) \rightarrow M(1, 5)$ (۰/۲۵) $AM = \sqrt{(1+3)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{25} = 5$ (۰/۵)</p> <p>(ب) $m_{BC} = \frac{4-6}{2} = -1 \rightarrow m = 1$ (۰/۲۵) عمود منصف</p> <p>$y - 5 = 1 = 1(x - 1) \rightarrow y = x + 4$ (۰/۵)</p>	
<p>$d = \frac{ 3(2) - 4(-1) }{\sqrt{9+16}} = \frac{10}{5} = 2$ (۰/۲۵)</p>	
<p>$\beta = 2\alpha$ $\alpha + \beta = -\frac{b}{a} \Rightarrow 3\alpha = 3 \Rightarrow \alpha = 1$ (۰/۲۵) $\beta = 2$ (۰/۲۵)</p> <p>$\alpha \cdot \beta = \frac{c}{a} \Rightarrow 2 = \frac{m}{2} \rightarrow m = 4$ (۰/۲۵)</p>	
<p>(الف) $\frac{2x+1}{(x-1)(x+1)} + \frac{x-1}{x+1} = \frac{x}{x-1} \Rightarrow 2x+1+(x-1)^2 = x(x+1)$ (۰/۵)</p> <p>$\Rightarrow x = 2$ (۰/۲۵) $D = R - \{1, -1\}$ (۰/۲۵)</p> <p>(ب) $x + \sqrt{x} = 6 \Rightarrow (\sqrt{x})^2 = (6-x)^2 \Rightarrow x = 36 - 12x + x^2 \Rightarrow x^2 - 13x + 36 = 0$ (۰/۲۵)</p> <p>غ ق ق</p> <p>$(x-9)(x-4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 9 & (۰/۲۵) \\ x = 4 & (۰/۲۵) \end{cases}$</p>	
<p>قطر AC را رسم می کنیم</p>	



$$\left. \begin{array}{l} \triangle ADC : EG \parallel DC \Rightarrow \frac{AE}{ED} = \frac{AG}{GC} \quad (0/5) \\ \triangle ACB : FG \parallel BA \Rightarrow \frac{BF}{FC} = \frac{AG}{GC} \quad (0/5) \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{AE}{ED} = \frac{BF}{FC} \quad (0/5)$$

$$\left. \begin{array}{l} (0/25) \hat{A} = \hat{A} \\ (0/5) \frac{AE}{AC} = \frac{AF}{AB} = \frac{1}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AEF \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{EF}{BC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{\lambda}{x} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 16 \quad (0/25)$$

(0/25) تناسب دو ضلع و تساوی زاویه‌ی بین (0/25)

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 \Rightarrow BC^2 = 48 + 16 = 64 \Rightarrow BC = 8 \quad (0/25)$$

$$AB^2 = BC \times BH \Rightarrow 48 = 8 \times BH \rightarrow BH = 6 \quad (0/25)$$

$$D_f = \mathbb{R} - \{0\} \quad D_g = \mathbb{R} - \{0\} \quad D_f = D_g$$

بله برابرند. (0/25)

$$f(x) = \frac{x^2 + 2}{x(x^2 + 2)} = \frac{1}{x} = g(x) \quad (0/25)$$

ب)

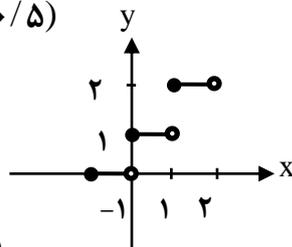
الف) (0/5)

$$-1 \leq x < 0 \rightarrow [x] = -1 \rightarrow y = 0$$

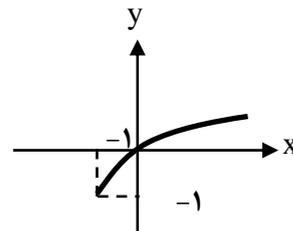
$$0 \leq x < 1 \rightarrow [x] = 0 \rightarrow y = 1 \quad (0/5)$$

$$-1 \leq x < 2 \rightarrow [x] = 1 \rightarrow y = 2$$

(0/5)



(0/5)



$$y + 3 = 2x \rightarrow x = \frac{y+3}{2} \rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x+3}{2} \quad (0/25)$$

$$\text{الف) } D_f = [1, +\infty) \quad (0/25) \quad D_g = (-\infty, 5] \quad (0/25)$$

$$D_{\frac{f}{g}} = D_f \cap D_g - \{x \mid g(x) = 0\}$$

$$D_{\frac{f}{g}} = [1, 5] - \{5\} = [1, 5) \quad (0/25) \quad \frac{f}{g} = \frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{5-x}} \quad (0/25)$$

$$\text{ب) } f(1) + g(1) = 0 + 2 = 2 \quad (0/5)$$

$$\alpha = \frac{L}{r} \rightarrow \alpha = \frac{5}{4} \text{ رادیان} \rightarrow \alpha = \frac{5}{4} \times \frac{180}{\pi} = \frac{5}{4} \times \frac{180}{3} = 75 \text{ درجه} \quad (0/5)$$

