

نام درس: ریاضی- دهم انسانی  
نام دبیر: خاتم نادری  
تاریخ امتحان: ۱۰/۸/۱۳۹۷  
 ساعت امتحان: ۰۰:۰۰ صبح / عصر  
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران  
دیبرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین  
آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۸-۹۷

نام و نام فانوادگی: .....  
مقطع و رشته: دهم انسانی  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۵ صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به عدد:	نمره به حروف:
		نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:
۱/۵									سؤالات
									ردیف

جاهاي خالي را پر کنيد.

(الف) برای اينکه معادله  $a - 3)x^2 + 2x - 1 = 0$  یک معادله درجه دوم باشد، مقدار  $a$  باید .....  
 ب) مجموع اعداد سطر هفتم مثلث خیام برابر ..... می باشد.  
 ج) نقطه سر به سر نقطه ای است که در آن سود برابر ..... می شود.  
 د) اگر نمودار هندسی یک رابطه به ما داده شود، این نمودار زمانی تابع است که هر ..... نمودار را در حداقلتر یک نقطه قطع کند.  
 ه) در تمام حالت نمایش تابع به مجموعه عضوهای اول ..... و به مجموعه عضوهای دوم ..... می گوییم.

سوالات چهار گزینه ای

- کدام گزینه توصیفی از یک تابع نیست؟  
 (الف) رابطه بین شاعع دایره و محیط آن  
 (ب) رابطه بین هر فرد و وزن او در یک زمان مشخص  
 (ج) رابطه بین یک عدد طبیعی و مضارب طبیعی اش  
 (د) رابطه بین هر داوطلب کنکور و رتبه کشوری اش

- اگر یکی از جواب های معادله  $ax^2 + x - 2 = 0$  برابر ۱- باشد،  $a$  کدام است؟  
 (الف) ۱  
 (ب) ۲  
 (ج) ۳  
 (د) ۴

- کدام عدد طبیعی از سه برابر معکوسش، دو واحد بزرگتر است?  
 (الف) ۳  
 (ب) ۵  
 (ج) ۷  
 (د) ۹

- یکی از جواب های معادله  $kx^k - x - k + 1 = 0$  کدام است?  
 (الف) ۱-  
 (ب)  $\frac{k-1}{k}$   
 (ج)  $\frac{1-k}{k}$   
 (د)  $\frac{k+1}{k}$

۲	<p>سؤالات تشریحی</p> <p>حاصل عبارات زیر را به کمک اتحادها بیابید.</p> <p>(الف) <math>(x - 3)(x + 3)(x^2 + 9x + 81)</math></p> <p>(ب) <math>99 \times 101 =</math></p> <p>(ج) <math>1001^2 =</math></p>	۱
۱	<p>حاصل عبارت <math>y^4 - 2x^4</math> را با استفاده از مثلث خیام بنویسید.</p>	۲
۱	<p>اگر مجموع دو جمله ۵ و حاصلضرب آنها ۶ باشد، بدون حدس زدن:</p> <p>الف) مجموع مربعات این دو جمله را بدست آورید.</p> <p>ب) تفاضل این دو جمله چقدر است؟</p>	۳
۱	<p>حاصل <math>(1 - 2\sqrt{x})(1 + 4x)(1 + 2\sqrt{x})</math> را به ازای <math>x = \sqrt{2}</math> بدست آورید.</p>	۴

۱/۵	دامنه عبارات گویای زیر را بدست آورید.	۵
	<p>(الف) <math>\frac{2x-1}{x^2+1}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{x^3-3x^2+2x}{(x^2-x)(x^2-4)}</math></p>	
۲	حاصل عبارات زیر را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید.	۶
	<p>(الف) <math>\frac{x^3(x^2+4)^3 - x^3(x+6)(x^2+4)^2}{x^6 - 16x^3}</math></p> <p>(ب) <math>\left(\frac{x}{x^2-9} - \frac{1}{x+3}\right) \div \left(\frac{3}{x-3} - 1\right) =</math></p>	
۱	اگر رابطه زیر تابع باشد، مقادیر $a$ و $b$ را بدست آورید.	۷
	$f = \{(2, a^2 - 1), (3, 5), (3, \frac{b}{2}), (2, 3)\}$	

۱	اگر $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$ باشد، مقادیر $(f(-1))$ و $(f(3))$ را بدست آورید.	۸
۰/۵	رابطه ای بنویسید که به هر عضو، مجموع مربع آن عضو بعلاوه سه برابرش را نسبت می دهد.	۹
۱	<p>اگر کارگاهی ماهیانه ۸۰۰ هزار تومان بابت هزینه های ثابت(اجاره، قبض برق و آب و ...) بپردازد و هزینه تولید هر واحد کالا ۲۰ هزار تومان باشد:</p> <p>الف) تابع هزینه این کارگاه را به ازای تولید <math>x</math> واحد کالا بنویسید.</p> <p>ب) اگر این کارگاه هر واحد کالا را به قیمت <math>P</math> هزار تومان بفروشد به طوری که <math>P=80-x</math> باشد، تابع درآمد و سود کارگاه را بدست آورید.</p> <p>پ) نقاط سر به سر و مقدار مаксیمم سود را بدست آورید.</p>	۱۰
۳	<p>عبارات زیر را تا حد امکان تجزیه کنید.</p> <p>الف) <math>x^4 - 13x^3 + 36</math></p> <p>ب) <math>x^4 + x^3 + 1</math></p> <p>ج) <math>x^4 - 125x</math></p> <p>د) <math>(x-2)^2 + 3(x-2) + 2</math></p>	۱۱

ه)  $(x - 4)(x + 6) + xy + 6y$

و)  $x^4 - 625x^4$

۱۲ هر یک از معادلات زیر را به روش خواسته شده حل کنید.

۱/۵ (الف)  $4x^3 - 25 = 75$  تجزیه

(ب)  $2x^3 + 18 = 12x$  مربع کامل

(ج)  $x(x - 2) = (2x - 3)(x + 1)$  فرمول کلی

۱۳ ۱ به ازای چه مقدار  $m$ , عبارت  $mx^2 - 3mx + m + 6 = 0$  دارای یک ریشه مضاعف است؟

نام درس: ریاضی - دهم انسانی  
 نام دبیر: زینب نادری  
 تاریخ امتحان: ۱۰/۸/۹۷  
 ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر  
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
 اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران  
 دبیرستان غیر دولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین  
**کلید سوالات پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۷-۹۸**



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
*	هر جای خالی ۰/۲۵ الف) $a \neq 3$	۵) دامنه - برد د) خط عمودی ج) صفر ب) ۶۴
*	هر تست ۰/۲۵ ۱- گزینه ۳ ۲- گزینه ۳ ۳- گزینه ۳	۴- گزینه ۴
۱	$(x^2 - 9)(x^4 + 9x + 81) = x^6 - 729$	$100^2 - 1^2 = 9999$
۲	$(1000 + 1)^2 = 1000^2 + 2000 + 1 = 1002001$	$(2x - y)^4 = 16x^4 - 32x^3y + 24x^2y^2 - 8xy^3 + y^4$
۳	$a - b = \pm 1$	الف) $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab = 25 - 12 = 13$ ب) $(a + b)^2 - (a - b)^2 = 4ab$
۴	$1 - 16x^2 = 1 - 16 \times 2 = 31$	
۵	$D = R$	الف) $D = R$ ب) $x(x - 1)(x + 2)(x - 2)$
۶	$\frac{x^3(x^2+4)^2(x^2+4-x-6)}{x^2(x^2-4)(x^2+4)} = \frac{x(x^2+4)(x-2)(x-1)}{(x-2)(x+2)}$	$\frac{x-2x+6}{x^2-9} \times \frac{x-3}{-x+6} = \frac{1}{x+3}$
۷	$a^2 - 1 = 3$ $b = 5$ $a^2 = 4$ $b = 10$ $a = \pm 2$	
۸	$f(3) = \frac{7}{5}$ $f(-1) = -1$ $f(f(-1)) = -1$	
۹	$y = x^2 + 3x$	

<p>الف) <math>c(x) = 800 + 20x</math></p> <p>ب) <math>R(x) = x(80 - x) = 80x - x^2</math></p> <p><math>P(x) = R - C = 80x - x^2 - 800 - 20x = -x^2 + 60x - 800</math></p> <p>پ) <math>x^2 - 60x + 800 = 0 \quad (x - 40)(x - 20) = 0 \quad -\frac{b}{2a} = 30</math></p> <p>الف) <math>(x - 3)(x + 3)(x - 1)(x + 1)</math></p> <p>پ) <math>x^4 + x^2 + 1 + x^2 - x^2 = (x^2 + 1)^2 - x^2 = (x^2 + 1 - x)(x^2 + 1 + x)</math></p> <p>ج) <math>x^4 - 125x = x(x - 5)(x^2 + 5x + 25)</math></p> <p>د) <math>t^2 + 3t + 2 = (x^2 + 1)(x^2 + 2)</math></p> <p>ه) <math>(x + 6)(x - 4 + y)</math></p> <p>و) <math>x^4(x - 5)(x + 5)(x^2 + 25)</math></p> <p>الف) <math>4x^2 - 100 = 0 \quad (2x - 10)(2x + 10) = 0 \quad x = \pm 5</math></p> <p>پ) <math>x^2 - 6x = -9 \quad x^2 - 6x + 9 = 0 \quad (x - 3)^2 = 0 \quad x = 3</math></p> <p>ج) <math>x^2 - 2x = 2x^2 - 2x - 3x - 3 \quad x^2 - 3x - 3 = 0</math></p> <p style="text-align: center;"><math>\Delta = 9 + 12 = 21 \quad x = \frac{3 + \sqrt{21}}{2}, \quad x = \frac{3 - \sqrt{21}}{2}</math></p> <p><math>\Delta = 9m^2 - 4m(m + 6) = 9m^2 - 4m^2 - 24m = 5m^2 - 24m = 0</math></p> <p><math>m = 0, \quad m = \frac{24}{5}</math></p>	١٠
<p>الف) <math>4x^2 - 100 = 0 \quad (2x - 10)(2x + 10) = 0 \quad x = \pm 5</math></p> <p>پ) <math>x^2 - 6x = -9 \quad x^2 - 6x + 9 = 0 \quad (x - 3)^2 = 0 \quad x = 3</math></p> <p>ج) <math>x^2 - 2x = 2x^2 - 2x - 3x - 3 \quad x^2 - 3x - 3 = 0</math></p> <p style="text-align: center;"><math>\Delta = 9 + 12 = 21 \quad x = \frac{3 + \sqrt{21}}{2}, \quad x = \frac{3 - \sqrt{21}}{2}</math></p>	١١
<p><math>\Delta = 9m^2 - 4m(m + 6) = 9m^2 - 4m^2 - 24m = 5m^2 - 24m = 0</math></p> <p><math>m = 0, \quad m = \frac{24}{5}</math></p>	١٢