



سردشاخ شدن با کنکور

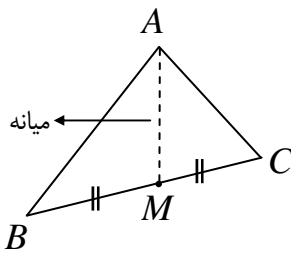
- خلاصه مطالب دروس
- جزوات بهترین اساتید
- آرایه نکات کنکوری
- مشاوره کنکور
- اخبار کنکوری ها

همه و همه در سردشاخ شدن با کنکور

www.konkoori.blog.ir

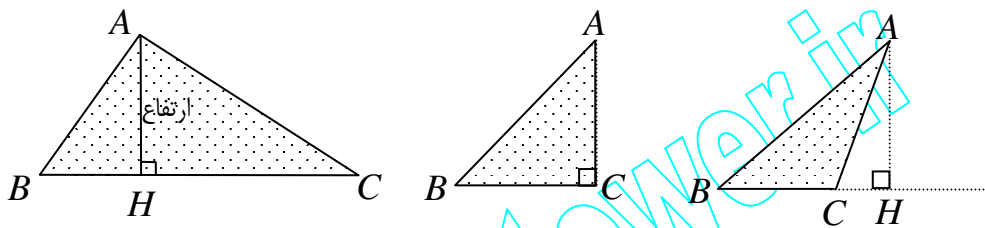


☑ اجزای فرعی مثلث



تعریف : خطی که یک رأس مثلث را به وسط ضلع مقابل آن وصل می کند، را **میانۀ** می نامند.

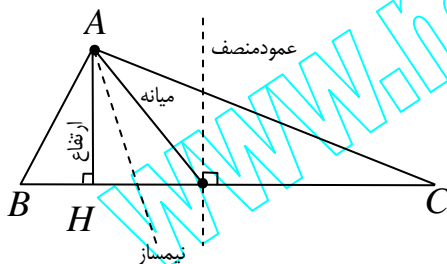
تعریف : خطی که از یک رأس مثلث بگذرد و بر ضلع مقابل (یا امتداد آن) عمود باشد، را **ارتفاع** می نامند.



علاوه بر میانۀ و ارتفاع، برای هر یک از زاویه های مثلث، می توان **نیمساز** و برای هر یک از اضلاع مثلث می توان **عمود منصف**

را تعریف نمود. در هر مثلث ارتفاع ها، میانۀ ها، نیمسازهای زاویه ها و عمود

منصف های اضلاع را **اجزای فرعی** مثلث می نامند.



در مثلث ABC شکل مقابل، عمود منصف ضلع BC ، میانۀ ی وارد بر

ضلع BC ، ارتفاع نظیر رأس A و همچنین نیمساز زاویه ی A رسم

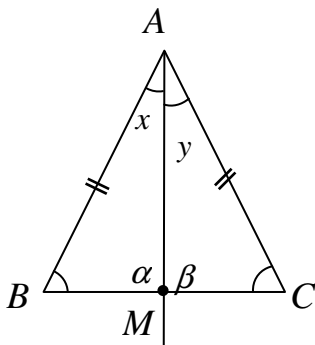
شده اند.

قضیه ی ۱۹ در هر مثلث متساوی الساقین، اجزای فرعی نظیر رأس مثلث برهم منطبقند.

اثبات : در مثلث متساوی الساقین ABC در شکل مقابل نیمساز زاویه رأس آن (یعنی رأس A)

را رسم می کنیم. حال ثابت می کنیم که این نیمساز، میانۀ و ارتفاع وارد بر ضلع BC می باشند،

که نتیجه می شود، عمود منصف نظیر آن نیز هست.



$$\left. \begin{array}{l} AB = AC \\ \angle x = \angle y \\ AM = AM \text{ (مشترک)} \end{array} \right\} \rightarrow \begin{array}{c} \Delta \\ \Delta \end{array} \begin{array}{l} ABM \\ ACM \end{array} \cong \rightarrow \angle \alpha = \angle \beta \quad (\text{ض ز ض})$$

و چون دو زاویه ی α و β مکمل یکدیگرند، پس :

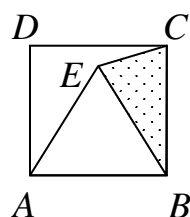
$$\angle \alpha = \angle \beta = 90^\circ \rightarrow AM \perp BC$$

پس AM ارتفاع وارد بر ضلع BC است.

از طرفی چون دو مثلث ABM و ACM همنهشت می باشند، لذا $BM = MC$. یعنی AM میانه وارد بر ضلع BC است. و چون AM هم میانه و هم ارتفاع وارد بر ضلع BC می باشند. لذا عمود منصف نظیر آن نیز هست.

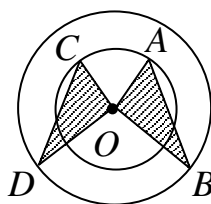
نتیجه : چون هر متساوی الاضلاع ، متساوی الساقین نیز می باشد. لذا در مثلث متساوی الاضلاع ، میانه، نیمساز ، ارتفاع و عمود منصف هر رأس بر هم منطبق هستند.

تمرین:

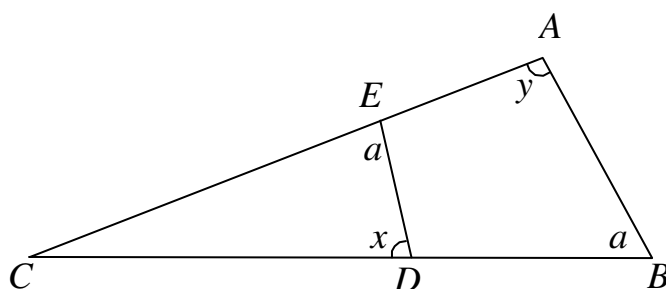


۱- در شکل مقابل، چهارضلعی $ABCD$ یک مربع و مثلث ABE یک مثلث متساوی الاضلاع است، نشان دهید که مثلث BCE متساوی الساقین است.

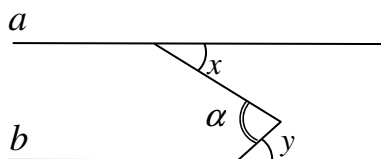
۲- در شکل مقابل $AB = CD$. ثابت کنید که $\angle AOB = \angle COD$.



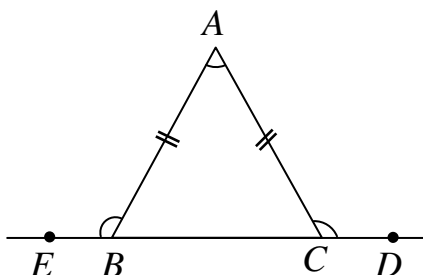
۳- با توجه به شکل مقابل نشان دهید که $\angle x = \angle y$



۴- در شکل زیر $a \parallel b$ ثابت کنید که $\angle \alpha = \angle x + \angle y$



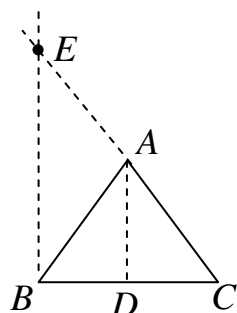
۵- در شکل زیر $AB = BC$ نشان دهید که $\angle ABE = \angle ACD$



۶- تفاضل دو زاویه ی مکمل ۸۰ درجه است، اندازه ی آن دو زاویه را به دست آورید.

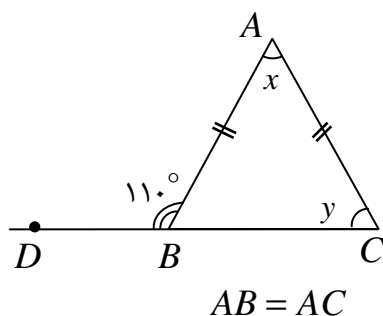
۷- مجموع دو زاویه ۷۰ درجه است، مجموع مکمل های آنها را پیدا کنید.

۸- در شکل مقابل $AD \parallel BE$ و AD نیمساز زاویه ی داخلی BAC می باشد. ثابت کنید که مثلث



ABE متساوی الساقین است.

۹- با توجه به شکل مقابل مقدار y و x را بیابید.



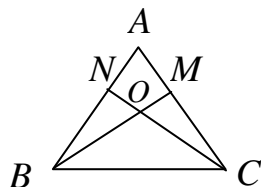
۱۰- ثابت کنید که مجموع زاویه های خارجی هر مثلث ۳۶۰ درجه است.

۱۱- ثابت کنید که هر مثلث که سه زاویه ی مساوی داشته باشد، متساوی الاضلاع است.

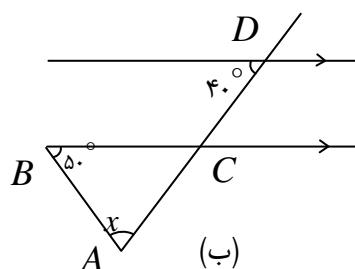
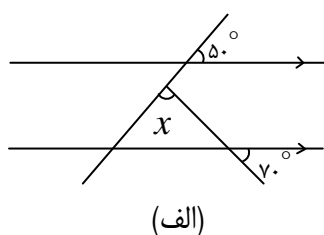
۱۲- ثابت کنید که در هر مثلث قائم الزاویه ، ضلع روبرو به زاویه ی ۳۰ درجه نصف وتر است.

۱۳- در مثلث متساوی الاضلاع ABC نیمسازهای زاویه های ABC و ACB یکدیگر را در نقطه ی O قطع کرده اند. ثابت

$$\frac{OB}{OM} = \frac{OC}{ON} = 2 \text{ کنید}$$

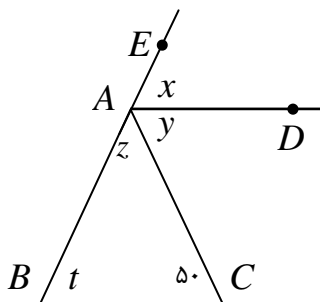


۱۴- در هر مورد x را بیابید.

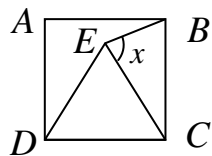


۱۵- در شکل مقابل، $AB = AC$ و AD نیمساز زاویه EAC است. مقدار t و z و y

و x را بیابید.

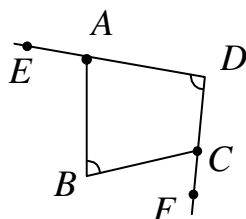


۱۶- در شکل زیر چهارضلعی $ABCD$ مربع و مثلث DEC متساوی الاضلاع است. مقدار x را بیابید.



۱۷- با یک مثال نقض گزاره ی زیر را رد کنید :

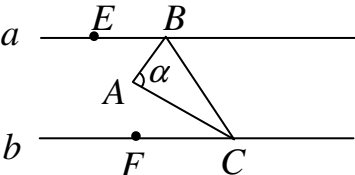
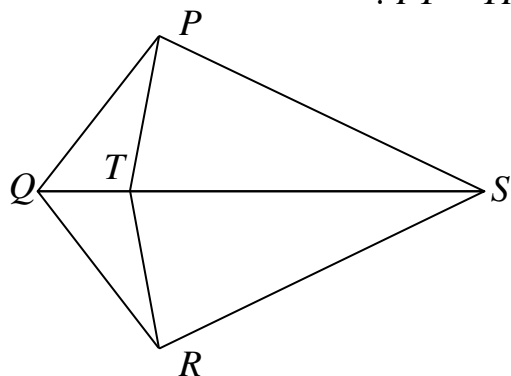
« میانه ی هر ضلع مثلث از ارتفاع نظیر آن ضلع بزرگتر است. »



۱۸- با توجه به شکل مقابل درستی رابطه زیر را نشان دهید.

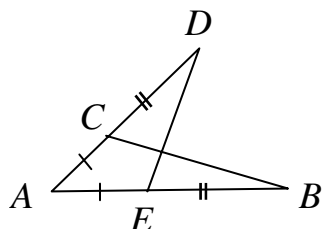
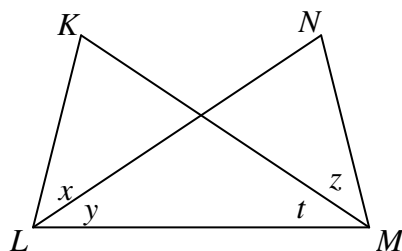
$$\angle EAB + \angle BCF = \angle B + \angle D$$

۱۹- در شکل مقابل AB نیمساز زاویه ی EBC و AC نیمساز زاویه ی FCB و $a \parallel b$ نشان دهید که $\angle \alpha = 90^\circ$.

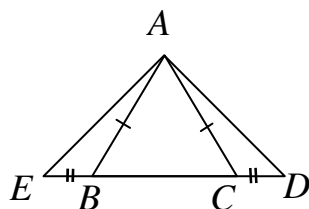



۲۰- در شکل مقابل داریم $PS = RS$ و $PQ = QR$. ثابت کنید که $PT = TR$.

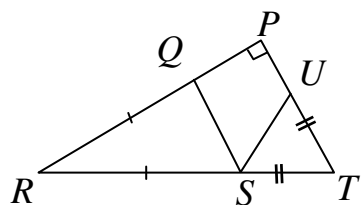
۲۱- در شکل مقابل داریم $\angle y = \angle t$ و $\angle x = \angle z$. ثابت کنید که $KL = NM$.



۲۲- در شکل زیر ثابت کنید که $BC = DE$.

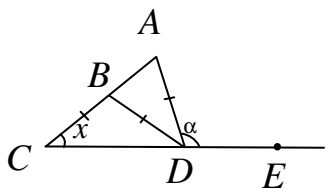


۲۳- با توجه به شکل مقابل ثابت کنید که $AD = AE$.



۲۴- با توجه به شکل توضیح دهید که چرا $\angle QSU = 45^\circ$ ؟

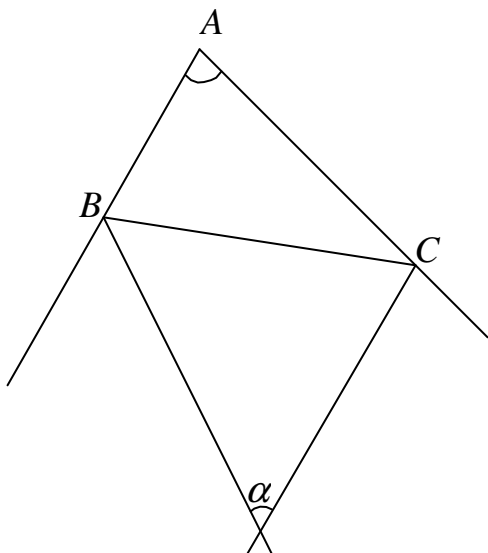
۲۵- با توجه به شکل زیر توضیح دهید که چرا $\angle \alpha = 3\angle x$ ؟



۲۶ : در مثلث ABC در شکل مقابل ، اگر زاویه ی بین نیمساز های دو

زاویه ی خارجی B و C برابر α باشد. ثابت کنید که :

$$\angle \alpha = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle A$$



۲۷ : در مثلث ABC در شکل مقابل ، اگر زاویه ی بین نیمساز های دو زاویه ی

داخلی B و C برابر α باشد. ثابت کنید که :

$$\angle \alpha = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle A$$

