

حرکت چیست؟

۴

همه چیز در جهان اطراف ما در حرکت است. مثلاً زمین به دور خورشید، خورشید در کهکشان راه شیری و کهکشان راه شیری در عرصه‌ی کیهان و اتم‌ها و ذرات زیراتمی در ابعاد بسیار کوچک در حرکت هستند و یا در جای خود حرکت ارتعاشی دارند. به همین دلیل بررسی حرکت از موضوعات مهم در علوم است.

مسافت و جابه‌جایی

برای رفتن از خانه به مدرسه باید از کوچه و خیابان‌های مختلفی عبور کنیم. به طور مثال، برای رفتن از انتشارات خیلی‌سبز تا دانشگاه تهران، باید مسیر نشان داده شده در شکل را طی کنیم. به مجموع طول‌هایی که برای رفتن از انتشارات خیلی‌سبز (مبدأ) تا دانشگاه (مقصد) می‌پیماییم،

مسافت پیموده‌شده می‌گوییم. (شکل ۱)

حال سؤالی مطرح می‌شود، برای رفتن از انتشارات (مبدأ) به دانشگاه (مقصد)، چه قدر باید جابه‌جا شویم؟

همان‌طور که می‌دانید کوتاه‌ترین فاصله یا مسیر بین دو نقطه، خط راستی است که دو نقطه را به هم متصل می‌کند. در علوم به کوتاه‌ترین فاصله

بین مبدأ و مقصد، اندازه‌ی جابه‌جایی گفته می‌شود. (شکل ۲)

با توجه به تعریف‌های گفته شده برای مسافت و جابه‌جایی، می‌توان فهمید که بین مسافت طی‌شده از مبدأ تا مقصد و جابه‌جایی انجام‌شده تفاوت وجود دارد. **مسافت طی‌شده به شکل مسیر حرکت وابسته است، در حالی که جابه‌جایی فقط به نقطه‌ی مبدأ و مقصد وابسته است.** به

شکل (۳) توجه کنید:



۳



۲



۱

همان‌طور که می‌بینید مسافت پیموده‌شده در مسیرهای (۱) و (۲) متفاوت است اما جابه‌جایی تغییر نکرده است.

مسافت و جابه‌جایی هر دو از جنس طول هستند و برحسب متر (m) اندازه‌گیری می‌شوند. گاهی

وقت‌ها برای بیان مسافت طی‌شده در یک مسافت از واحد بزرگ‌تری به نام کیلومتر (km) یا برای

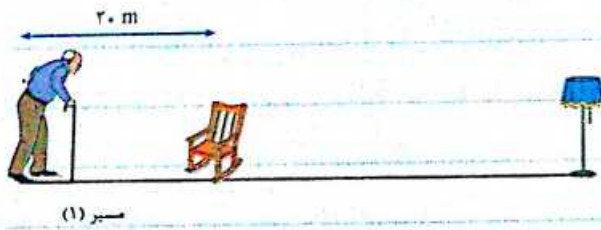
بیان مسافت طی‌شده توسط یک حلزون از واحد سانتی‌متر (cm) استفاده می‌کنیم:

$$1 \text{ km} = 1000 \text{ m}$$

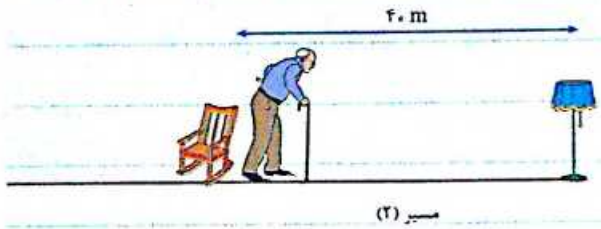
$$1 \text{ cm} = \frac{1}{100} \text{ m}$$

مثال: شخص سالمندی ابتدا مسیر شماره‌ی (۱) را بر روی خط راستی به اندازه‌ی ۲۰ m (به سمت راست) قدم می‌زند، سپس روی صندلی نشسته و مدتی استراحت می‌کند. در ادامه‌ی همان مسیر، روی خط راست، به اندازه‌ی ۴۰ m دیگر حرکت می‌کند (مسیر شماره‌ی ۲) و در نهایت برخلاف

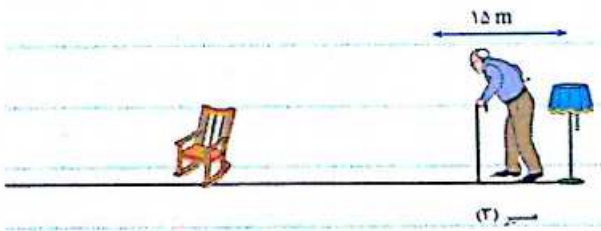
جهت حرکت اولیه‌ی خود (به سمت چپ) ۱۵ m را می‌پیماید (مسیر شماره‌ی ۳).



مسافتی که سالمند در مسیرهای شماره‌ی (۱)، (۲) و (۳) طی می‌کند چه قدر است؟



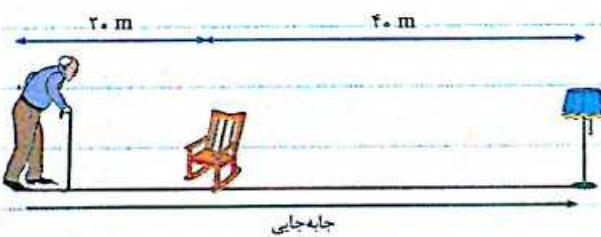
اندازه‌ی جابه‌جایی سالمند پس از طی مسیرهای (۱) و (۲) چه قدر است؟ آن را با مسافت طی شده در مسیرهای (۱) و (۲) مقایسه کنید.



اندازه‌ی جابه‌جایی سالمند را از ابتدا تا انتهای حرکت به دست آورید.

پاسخ: مسافتی که سالمند در کل حرکت پیموده، برابر با جمع طول مسیرهایی است که طی کرده است:

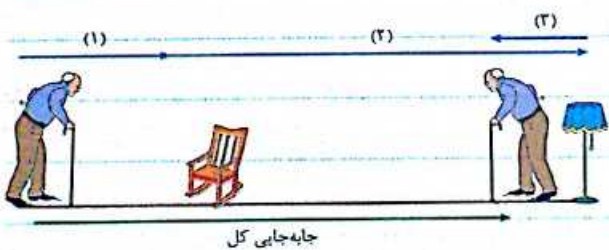
$$\text{مسافت طی شده} = 20 + 40 + 15 = 75 \text{ m}$$



جابه‌جایی در مسیرهای (۱) و (۲) یعنی خطی که ابتدای مسیر (۱) را به انتهای مسیر (۲) متصل می‌کند. طول این خط برابر با اندازه‌ی جابه‌جایی در این مسیر است:

$$\text{اندازه‌ی جابه‌جایی} = 40 + 20 = 60 \text{ m}$$

با توجه به شکل، با کمی دقت متوجه می‌شویم که مسافت طی شده در مسیرهای (۱) و (۲) نیز ۶۰ m است. پس اندازه‌ی جابه‌جایی و مسافت طی شده برابرند.



برای به دست آوردن جابه‌جایی در کل مسیر، نقطه‌ی شروع مسیر (۱) را به انتهای مسیر (۳) وصل می‌کنیم:

چون جهت حرکت در مسیر (۳) برخلاف جهت حرکت در مسیرهای (۱) و (۲) است، برای به دست آوردن اندازه‌ی جابه‌جایی به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$\text{جابه‌جایی کل} = 20 + 40 - 15 = 45 \text{ m}$$

از مثال بالا می‌توان نکته‌های زیر را فهمید:

مسافت طی شده و اندازه‌ی جابه‌جایی در مسیرهایی که هم‌جهت باشند، برابرند.

در مسیرهایی که هم‌راستا هستند، اندازه‌ی جابه‌جایی را می‌توان با جمع جبری مسافت‌های طی شده به دست آورد به شرطی که به جهت حرکت در هر مسیر توجه کنیم. به طور مثال، جهت حرکت به سمت راست را مثبت و جهت حرکت به سمت چپ را منفی فرض کنیم.

مثال: یک بازیکن فوتبال ابتدا عرض زمین را به اندازه‌ی ۷۸ m طی می‌کند، سپس طول آن را به اندازه‌ی ۱۰۴ m می‌پیماید.

۱ مسافتی را که بازیکن طی کرده است، حساب کنید.

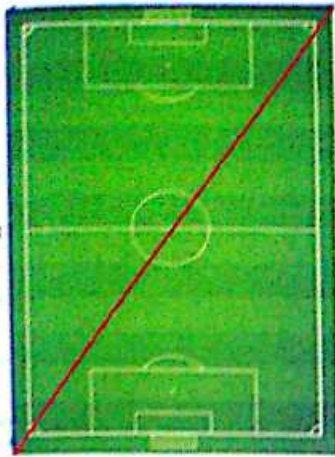
۲ اندازه‌ی جابه‌جایی بازیکن را به دست آورید.

پاسخ: ۱ بازیکن عرض زمین را به اندازه‌ی ۷۸ m و طول آن را به اندازه‌ی ۱۰۴ m طی کرده است. می‌توانیم با جمع این دو عدد مسافتی را که او طی کرده است، به دست آوریم:

$$\text{مسافت طی شده} = 104 + 78 = 182 \text{ m}$$

۲ خطی که مبدأ را به مقصد وصل می‌کند، جابه‌جایی بازیکن را نشان می‌دهد. در شکل، با رسم خطی از مبدأ به مقصد، یک مثلث قائم‌الزاویه به وجود می‌آید که اندازه‌ی وتر آن، اندازه‌ی جابه‌جایی بازیکن است. پس می‌توانیم با استفاده از رابطه‌ی فیثاغورس اندازه‌ی جابه‌جایی را به دست آوریم:

$$\text{جابه‌جایی} = \sqrt{(78)^2 + (104)^2} = 130 \text{ m}$$



توجه: همان‌طور که مشاهده کردید، نحوه‌ی محاسبه‌ی اندازه‌ی جابه‌جایی در مثال‌های (۱) و (۲) متفاوت است. پس برای حل این‌گونه مسئله‌ها باید به شرایط مسئله دقت کرد.

تندی متوسط

حتماً جمله‌هایی مثل: «تندتر حرکت کن»، «این ماشین چه قدر تند میره»، و ... را شنیده‌اید یا گفته‌اید، بدون آن که معنی علمی این جمله‌ها را بدانید. اولین بار گالیله در حدود ۵۰۰ سال پیش تعریف علمی برای واژه‌ی تندی به کار برد. گالیله این‌گونه بیان کرد که اگر مسافتی که متحرک

طی می‌کند را بر مدت زمانی که طول می‌کشد تا حرکت را انجام دهد، تقسیم کنیم، تندی

متوسط متحرک را به دست آورده‌ایم:

$$\text{تندی متوسط} = \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{زمان صرف شده}}$$

در رابطه‌ی بالا، اگر مسافت پیموده شده بر حسب متر (m) و زمان صرف شده بر حسب ثانیه (s) باشد، واحد اندازه‌گیری تندی متوسط متر بر ثانیه (m/s) است.

پرسش: گاهی اوقات برای اندازه‌گیری تندی متوسط از واحد km/h استفاده می‌شود. هر km/h چند m/s است؟

پاسخ: برای تبدیل km/h به m/s این‌گونه عمل می‌کنیم:

$$1 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{1000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} \Rightarrow 1 \text{ km/h} = \frac{1}{3.6} \text{ m/s}$$

یعنی باید عددی را که بر حسب km/h بیان شده است، بر ۳/۶ تقسیم

کنیم تا تندی متوسط بر حسب m/s به دست آید.

مثال: ۷۲ km/h چند m/s است؟ **۱۵ m/s** چند km/h است؟

پاسخ: همان‌طور که گفته شده برای تبدیل km/h به m/s عدد را بر ۳/۶ تقسیم می‌کنیم:

$$72 \text{ km/h} = \frac{72}{3.6} \text{ m/s} \Rightarrow 72 \text{ km/h} = 20 \text{ m/s}$$

در تبدیل m/s به km/s، برعکس عمل می‌کنیم، یعنی عدد بیان شده بر حسب m/s را در ۳/۶ ضرب می‌کنیم:

$$15 \text{ m/s} = 15 \times 3.6 \text{ km/h} \Rightarrow 15 \text{ m/s} = 54 \text{ km/h}$$

پرسش: معنی جمله‌های «تندی متوسط متحرکی ۷۲ km/h است.» و «تندی متوسط متحرکی ۱۵ m/s است.» چیست؟

پاسخ: معنی جمله‌ی اول این است که متحرک در مدت یک ساعت مسافتی به اندازه‌ی ۷۲ کیلومتر را طی می‌کند.

معنی جمله‌ی دوم این است که متحرک در مدت یک ثانیه مسافتی به اندازه‌ی ۱۵ متر را طی می‌کند.

ممکن است از خود بپرسید کلمه‌ی «متوسط» در واژه‌ی «تندی متوسط» به چه معنی است؟

برای رسیدن به پاسخ این سؤال و فهم بهتر آن، به مثال زیر توجه کنید:

مثال: مسافت بین تهران - قم، تقریباً ۱۲۰ km است. فرض کنیم که شما قصد دارید از تهران به قم بروید. اگر این مسافت را در مدت‌زمان ۱/۵ h

ساعت طی کنید، تندی متوسط شما چند km/h است؟

پاسخ: برای محاسبه‌ی تندی متوسط کافی است که مسافت را بر مدت‌زمان صرف‌شده تقسیم کنیم.

$$\text{تندی متوسط} = \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{زمان صرف شده}} = \frac{120}{1/5} = 80 \text{ km/h}$$

معنی جواب به دست آمده این است که شما به‌طور متوسط در هر ساعت ۸۰ km را طی کرده‌اید؛ اما نمی‌توان گفت که در تمام لحظه‌ها تندی شما

۸۰ km/h بوده است. شما در بین راه ممکن است که برای استراحتی کوتاه توقف کنید یا در لحظاتی تندی شما بیش از ۸۰ km/h باشد. در

واقع هنگامی که حرکت را به‌صورت کلی بررسی می‌کنیم و به جزئیات حرکت، در زمان‌های معینی توجه نداریم، از واژه‌ی متوسط استفاده می‌کنیم.

صرف‌نظر از هر اتفاقی که در جاده‌ی تهران - قم برای شما افتاده باشد، تندی متوسط شما ۸۰ km/h است.

مثال: با توجه به رابطه‌ی تندی متوسط جدول زیر را کامل کنید.

متحرک	مسافت طی شده	زمان صرف شده	تندی متوسط
دوندگی دو صد متر	۱۰۰ m	۹/۶ s	۱۰/۴۱ m/s
هواپیمای مسافربری	۱۲۵۰ m	۵ s	۲۵۰ m/s
شاتل فضایی	۲۰۰۰ m	۰/۲ s	۱۰۰۰۰ m/s

پاسخ: در ردیف اول جدول، تندی متوسط مجهول است:

$$\text{تندی متوسط} = \frac{\text{مسافت}}{\text{زمان}} = \frac{100}{9/6} = 10/41 \text{ m/s}$$

در ردیف دوم جدول، مسافت طی شده مجهول است:

$$\text{مسافت طی شده} = \text{تندی متوسط} \times \text{زمان صرف شده} = 250 \times 5 = 1250 \text{ m}$$

در ردیف سوم جدول، زمان صرف شده مجهول است:

$$\text{زمان صرف شده} = \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{تندی متوسط}} = \frac{2000}{10000} = 0/2 \text{ s}$$

مثال: اتومبیلی به مدت ۶ s با تندی متوسط ۱۵ m/s حرکت می‌کند، سپس ۸۰ m را با تندی متوسط ۲۰ m/s طی می‌کند، تندی متوسط در

کل حرکت چند m/s است؟



پاسخ: برای محاسبه‌ی تندی متوسط باید کل مسافت طی شده را بر کل زمان صرف شده تقسیم کنیم:

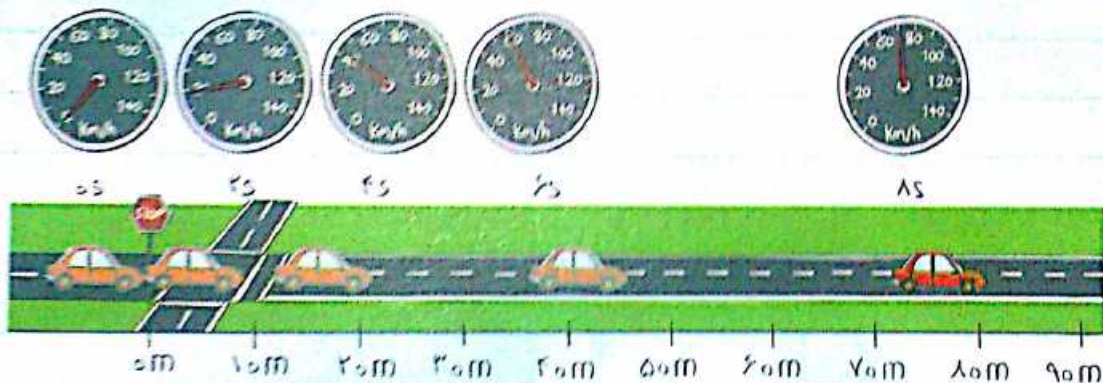
$$\left. \begin{aligned} \text{مسافت در قسمت اول} &= 15 \times 6 = 90 \text{ m} \\ \text{مسافت در قسمت دوم} &= 80 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \text{کل مسافت طی شده} = 80 + 90 = 170 \text{ m}$$

$$\left. \begin{aligned} \text{زمان صرف شده در قسمت اول} &= 6 \text{ s} \\ \text{زمان صرف شده در قسمت دوم} &= \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{تندی متوسط}} = \frac{80}{40} = 2 \text{ s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \text{کل زمان صرف شده} = 6 + 2 = 8 \text{ s}$$

$$\text{تندی متوسط کل} = \frac{\text{مسافت کل}}{\text{زمان کل}} = \frac{170}{8} = 21.25 \text{ m/s}$$

تندی لحظه‌ای

در مثال قبل، گفتیم که اگر به جزئیات حرکت توجه نداشته باشیم، تندی متوسط را بررسی کرده‌ایم. حال اگر بخواهیم تندی یک متحرک را در لحظه‌ی معینی بررسی کنیم به آن **تندی لحظه‌ای** گفته می‌شود. به طور مثال، کیلومترشمار (تندی‌سنج) یک اتومبیل، تندی لحظه‌ای اتومبیل را نشان می‌دهد. اگر به کیلومترشمار (تندی‌سنج) اتومبیلی که پشت چراغ قرمز ایستاده توجه کنید می‌بینید که با سبزشدن چراغ و شروع حرکت اتومبیل عقربه‌ی کیلومترشمار در هر لحظه یک عدد را نشان می‌دهد و دائم در حال تغییر است. حال اگر در لحظه‌ی معینی از کیلومترشمار عکس بگیریم، عکس کیلومترشمار می‌تواند به شما بگوید **در لحظه‌ی گرفتن عکس تندی لحظه‌ای** اتومبیل چه قدر بوده است.



توجه: معمولاً برای سادگی در گفتار و نوشتار، «تندی لحظه‌ای» را به صورت «تندی» بیان می‌کنیم یا می‌نویسیم.

مثال: بیشترین تندی مجاز برای خودروهای سواری در بزرگراه‌های ایران و در هنگام روز برابر 120 km/h است.



این تندی مجاز را بر حسب m/s بنویسید.

اگر خودرویی با تندی 30 m/s حرکت کند، توسط پلیس جریمه خواهد شد یا نه؟

پاسخ: برای تبدیل km/h به m/s عدد را بر $3/6$ تقسیم می‌کنیم.

$$120 \text{ km/h} = \frac{120}{3/6} \text{ m/s} = 33.3 \text{ m/s}$$

با مقایسه‌ی این تندی و عدد به دست آمده در قسمت الف، می‌فهمیم سرعت این خودرو مجاز است و جریمه نمی‌شود.

1- در علوم، به یک بازه‌ی زمانی بسیار کوتاه، لحظه گفته می‌شود.

پرسش‌ها

جاهای خالی را با کلمه‌های مناسب کامل کنید.

مسافت طی شده به شکل مسیر وابسته (است - نیست).

در علوم به کوتاه‌ترین فاصله‌ی بین مبدأ و مقصد (مسافت - اندازه‌ی جابه‌جایی) گفته می‌شود.

برای بیان مسافت بین دو شهر بهتر است که از یکای (متر - کیلومتر) استفاده کنیم.

برای تبدیل km/h به m/s عدد را (بر $3/6$ تقسیم - در $3/6$ ضرب) می‌کنیم.

کیلومترشمار (تندی‌سنج) اتومبیل، (تندی لحظه‌ای - تندی متوسط) آن را نشان می‌دهد.

درستی یا نادرستی موارد زیر را مشخص کنید.

درست نادرست

مسافت طی شده و اندازه‌ی جابه‌جایی در مسیرهایی که هم‌جهت باشند، برابرند.

در مسیرهایی که هم‌راستا هستند، اندازه‌ی جابه‌جایی کل را می‌توان با صرف‌نظر کردن از جهت

جابه‌جایی‌های کوچک و به کمک جمع مسافت‌ها به دست آورد.

اندازه‌ی جابه‌جایی بین دو نقطه، فقط به موقعیت نقاط مبدأ و مقصد بستگی دارد و به شکل مسیر وابسته نیست.

متحرکی چند جابه‌جایی متوالی انجام می‌دهد، به طوری که یکی از آن‌ها هم‌جهت با بقیه نیست. در این

صورت اندازه‌ی جابه‌جایی از مسافت طی شده بزرگ‌تر است.

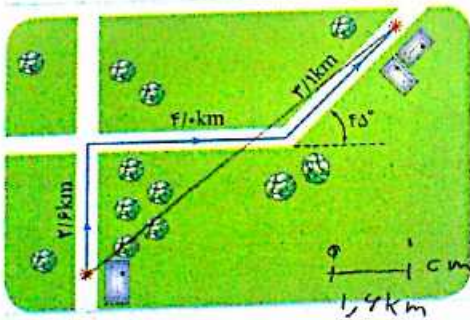
معنای جمله‌ی «تندی متوسط اتومبیلی $100 km/h$ است» این است که تندی اتومبیل در هر لحظه

$100 km/h$ است.

در علوم به یک بازه‌ی زمانی بسیار کوتاه، لحظه گفته می‌شود.

به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

۱- اتومبیلی از نقطه‌ی شروع حرکت خود در شکل روبه‌رو مسیری را می‌پیماید که در شکل نشان داده شده است.



مسافت طی شده را به دست آورید. $2 + 4 + 2 = 8 km$

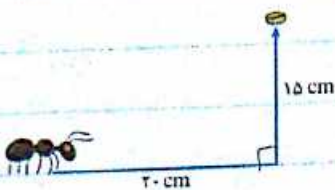
بردار جابه‌جایی کل را رسم کنید و بزرگی آن را (به کمک خط‌کش) با مقیاس مناسب به دست آورید.

$$\frac{2.5 cm}{5 cm} \Bigg| \frac{4 km}{1 km}$$

۲- مورچه‌ای برای رسیدن به دانه، مسیری مطابق شکل را طی می‌کند.

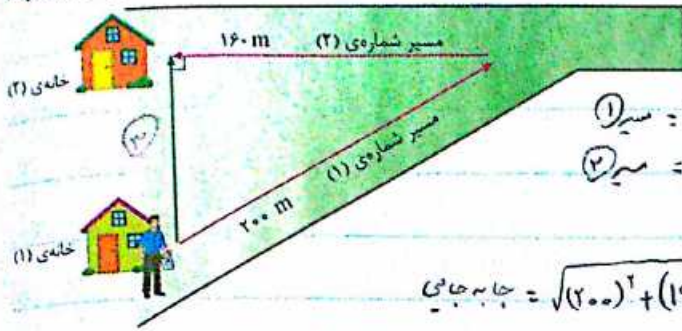
مسافتی که مورچه طی کرده است را محاسبه کنید: $20 + 15 = 35$

اندازه‌ی جابه‌جایی مورچه را به دست آورید.



$$\sqrt{(20)^2 + (15)^2} = 25 cm$$

۳- یک پستی برای رفتن از خانه‌ی شماره‌ی (۱) به خانه‌ی شماره‌ی (۲)، مسیری را مطابق شکل طی می‌کند. اگر جهت جابه‌جایی کل بر جهت



جابه‌جایی در مسیر شماره‌ی (۲) عمود باشد:

مسافت طی شده چند متر است؟
 مسافت (۱) = ۲۰۰ م
 مسافت (۲) = ۱۶۰ م
 $200 + 160 = 360$ م

اندازه‌ی جابه‌جایی چند متر است؟

اندازه‌ی جابه‌جایی = $\sqrt{(200)^2 + (160)^2} = 259,12$

۴- مسافت بین دو شهر تهران و زنجان، ۲۶۰ km است. اتومبیلی ساعت ۷ صبح از زنجان حرکت می‌کند. اگر تندی متوسط آن در طی مسیر

۸۰ km/h باشد، چه ساعتی به تهران می‌رسد؟
 $260 \div 80 = 3,25$ h
 ۷ + ۳,۲۵ = ۱۰,۲۵
 ساعت ۱۰:۲۵

مسافت: ۳۶۰ km
 تندی: ۸۰ km/h
 زمان: ? h

۵- اوسین بولت دوندی جامائیکایی و دارنده‌ی مدال طلای دو صد متر، در مدت زمان ۹/۵۸ s، صد متر را می‌دود، تندی متوسط او را حساب کنید.

مسافت: ۱۰۰ m
 زمان: ۹,۵۸ s
 تندی: ? m/s

$100 \div 9,58 = 10,438$ m/s

۶- دوچرخه‌سواری ابتدا یک مسافت ۱۰۰ متری را در مدت زمان ۱۵ s طی می‌کند، سپس مسافت دیگری به طول ۸۰ متر را با تندی متوسط

۸ m/s می‌پیماید. تندی متوسط دوچرخه‌سوار را در کل حرکت به دست آورید.
 $100 \div 15 = 6,66$ m/s
 $80 \div 8 = 10$ m/s

۷- متحرکی مسیری به طول ۴۸ m را با تندی متوسط ۶ m/s طی می‌کند، سپس به مدت ۱۲ s با تندی متوسط ۸ m/s به حرکت خود ادامه

می‌دهد. تندی متوسط متحرک در کل مسیر چند m/s است؟
 $48 \div 6 = 8$ s
 $12 \times 8 = 96$ m
 $48 + 96 = 144$ m
 $6 + 12 = 18$ s
 $144 \div 18 = 8$ m/s

۸- متحرکی کل مسیر خود را با تندی متوسط ۲۰ m/s می‌پیماید و سپس بلافاصله همان مسیر را با تندی متوسط ۳۰ m/s بازمی‌گردد. تندی

متوسط متحرک در کل مسیر چه قدر است؟
 $\frac{20 + 30}{2} = 25$ m/s

۹- اتومبیلی در بزرگراه با تندی ۴۰ m/s در حرکت است که ناگهان متوجه دوربین پلیس می‌شود. چند از سرعت خود باید کم کند تا

جریمه نشود؟ (سرعت مجاز در بزرگراهها ۱۲۰ km/h است).
 $20 \times 2,9 = 142$ km/h
 $144 - 120 = 24$ km/h

گزینه‌ی درست را انتخاب کنید.

۱- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) به فاصله‌ی بین آغاز و پایان حرکت اندازه‌ی جابه‌جایی گفته می‌شود.
- (۲) در جابه‌جایی متحرک دارای جهت است.
- (۳) اندازه‌ی جابه‌جایی به شکل مسیر وابسته است.
- (۴) روی یک خط راست اندازه‌ی جابه‌جایی و مسافت طی شده می‌تواند هم‌اندازه نباشد.

۲- شخصی سوار بر اتومبیلی با تندی ثابت ۷۲ km/h در حرکت است. در کنار جاده یک تابلوی تبلیغاتی نظر او را جلب می‌کند و به مدت ۲ s

به آن نگاه می‌کند در این مدت اتومبیل چند متر حرکت کرده است؟

- (۱) ۲۱۶
- (۲) ۳/۶
- (۳) ۶۰
- (۴) ۲/۴



۳- متحرکی ابتدا ۵۵ m را در مدت زمان ۹ s به سمت شرق حرکت می‌کند، سپس ۲۵ m را در مدت زمان ۶ s به سمت غرب حرکت می‌کند. تندی متوسط متحرک در کل مسیر چند m/s است؟

- ۶ (۱) $\frac{4}{3}$ (۲) $\frac{3}{4}$ (۳) ۴ (۴)

۴- کدام جمله نادرست است؟

- (۱) مسافت طی شده و اندازه‌ی جابه‌جایی در یک مسیر دایره‌ای شکل، هم‌اندازه نیستند.
 (۲) در یک مسیر رفت و برگشت، مسافت طی شده بزرگ‌تر از اندازه‌ی جابه‌جایی است.
 (۳) اگر روی یک مسیر دایره‌ای، یک دور کامل را بپیماییم، اندازه‌ی مسافت طی شده صفر است.
 (۴) اندازه‌ی جابه‌جایی به شکل مسیر طی شده بستگی ندارد.

۵- اتومبیلی ۲ km را در مدت زمان ۳ دقیقه و ۲۰ ثانیه طی می‌کند، تندی متوسط اتومبیل چند km/h است؟

- ۲۰ (۱) ۱۵ (۲) ۵۴ (۳) ۷۲ (۴)

حرکت یکنواخت

اگر تندی لحظه‌ای متحرکی ثابت بماند، حرکت متحرک را حرکت یکنواخت یا حرکت با تندی ثابت می‌گوییم.

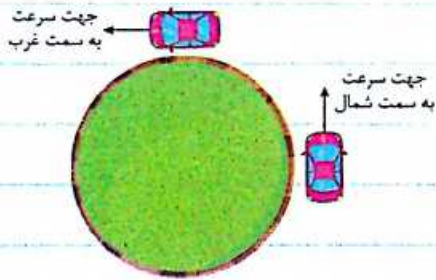
اگر حرکت روی مسیر مستقیمی انجام شود، حرکت را حرکت یکنواخت روی خط راست می‌نامند.

در حرکت یکنواخت، تندی متوسط متحرک در یک بازه‌ی زمانی معین با تندی لحظه‌ای در تمام لحظات آن بازه برابر است.

در حرکت یکنواخت، متحرک در بازه‌های زمانی دلخواه مساوی، مسافت‌های برابری را می‌پیماید.

اتومبیلی که کیلومترشمار (تندی‌سنج) آن طی مسیر، عدد ثابتی را نشان می‌دهد، حرکت یکنواخت دارد. (این کار در اتومبیل‌های مدل بالا

توسط دستگاه کنترل کروز به راحتی امکان‌پذیر است.)



مثال: اتومبیلی با تندی ثابت ۱۵ km/h روی یک مسیر دایره‌ای شکل، دور

میدانی به شعاع ۶۰ m در حال حرکت است. چند دقیقه طول می‌کشد تا $\frac{3}{4}$

میدان را دور بزند؟ ($\pi = 3$)

پاسخ: ابتدا باید محیط یک دور کامل را به دست آوریم. مسافت پیموده شده $\frac{3}{4}$

این محیط است:

$$\text{محیط میدان} = 2\pi r = 2 \times \pi \times 60 = 360 \text{ m}$$

$$\text{مسافت پیموده شده} = \frac{3}{4} \times 360 = 270 \text{ m} = 0.27 \text{ km}$$

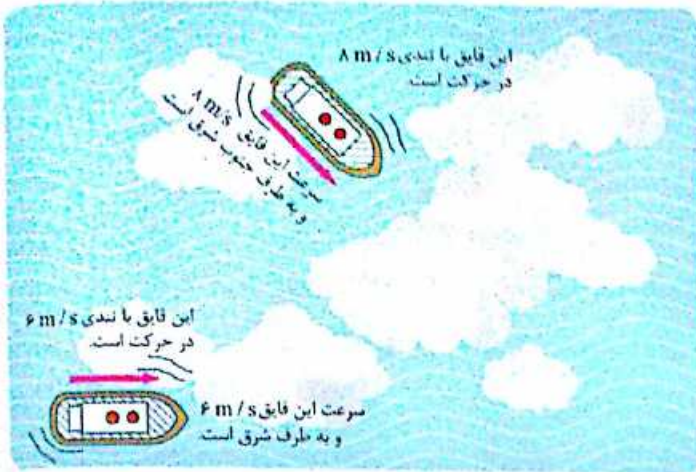
$$\text{زمان صرف شده} = \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{تندی ثابت}} = \frac{0.27 \text{ km}}{15 \text{ km/h}} = 0.018 \text{ h} \Rightarrow 1 \text{ min}$$

سرعت

در زندگی روزمره، معمولاً از واژه‌های تندی و سرعت به جای یکدیگر و با یک معنا استفاده می‌کنیم، اما در علوم این دو واژه با هم تفاوت دارند. با دانستن تندی و جهت حرکت جسم، سرعت آن را می‌دانیم. در واقع سرعت کمیتی است که هم دارای اندازه و هم دارای جهت است. اما تندی

فقط دارای اندازه است.

□ در یک مسافرت جاده‌ای برای آن که به مقصد برسیم، کافی است مسافت بین دو شهر را بدانیم و با تندی مناسبی در جاده حرکت کنیم. اما در یک مسافرت دریایی یا هوایی که جاده‌ی مشخصی وجود ندارد، برای رفتن از مبدأ به مقصد، علاوه بر داشتن تندی مناسب، باید جهت حرکت را نیز به درستی انتخاب کنیم وگرنه به مقصد نمی‌رسیم. در این‌گونه مواقع با کمیت سرعت سروکار داریم.



مثال دیگری را در شکل مشاهده می‌کنید. قایق‌ران‌ها برای آن که با هم برخورد نکنند باید سرعت خود و سرعت قایق دیگر را بدانند، یعنی هم باید تندی و هم جهت حرکت قایق خود و قایق مقابل را به درستی تشخیص دهند.

سرعت متوسط

همان‌طور که برای یک متحرک تندی متوسط تعریف کردیم، می‌توانیم سرعت متوسط نیز تعریف کنیم.

جابه‌جایی
سرعت متوسط = $\frac{\text{مدت زمان صرف شده}}$

در واقع سرعت متوسط به‌صورت جابه‌جایی بر مدت‌زمان صرف‌شده تعریف می‌شود:

□ سرعت متوسط علاوه بر اندازه، دارای جهت نیز است.

□ سرعت متوسط هم‌جهت با جابه‌جایی جسم است.

□ واحد اندازه‌گیری سرعت متوسط m/s است اما در بعضی از موارد، km/h هم مورد استفاده قرار می‌گیرد.



مثال، قایقی بر روی خط راست، در مدت‌زمان $40s$ ،

$80m$ را به سمت راست حرکت می‌کند. سپس در

همان جهت و در مدت‌زمان $100m \cdot 40s$ دیگر را

می‌پیماید. سرعت متوسط متحرک را به دست آورید.

پاسخ: جابه‌جایی متحرک در قسمت اول و دوم هم‌جهت است. بنابراین می‌توان جابه‌جایی کل را از جمع جابه‌جایی‌ها در قسمت اول و دوم به دست

$$\text{آورد.} \quad \text{جابه‌جایی کل} = 80 + 100 = 180m$$

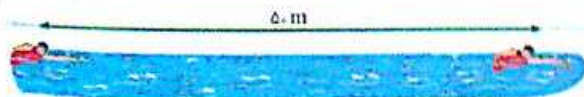
$$\text{کل زمان صرف‌شده، حاصل جمع زمان‌های قسمت اول و دوم است.} \quad \text{کل زمان صرف‌شده} = 40 + 20s = 60s$$

$$\text{اندازه‌ی سرعت متوسط } 3m/s \text{ و جهت آن به سمت راست است.} \quad \text{سرعت متوسط} = \frac{\text{جابه‌جایی}}{\text{زمان صرف‌شده}} = \frac{180}{60} = 3m/s$$

تندی متوسط را در مثال بالا حساب کرده و آن را با سرعت متوسط مقایسه کنید.

مثال: شناگری در مسابقه‌ی شنای کراال سینه، در استخر $50m$ متری، اول را در مدت‌زمان $55s$ می‌پیماید. سپس $20m$ را در مدت‌زمان

$20s$ بازمی‌گردد:



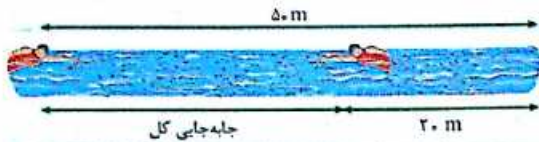
□ تندی متوسط شناگر را حساب کنید.

□ سرعت متوسط شناگر را حساب کنید.

پاسخ: برای محاسبه‌ی تندی متوسط، مسافت‌های پیموده‌شده در هر مرحله را با هم جمع می‌کنیم تا مسافت کل پیموده‌شده به دست آید:

$$\left. \begin{array}{l} \text{مسافت پیموده‌شده} = 50 + 20 = 70 \text{ m} \\ \text{زمان صرف‌شده} = 55 + 20 = 75 \text{ s} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{تندی متوسط} = \frac{\text{مسافت پیموده‌شده}}{\text{زمان صرف‌شده}} = \frac{70}{75} = \frac{14}{15} \text{ m/s}$$

برای محاسبه‌ی سرعت متوسط ابتدا اندازه‌ی جابه‌جایی را به دست می‌آوریم. اندازه‌ی جابه‌جایی برابر طول پاره‌خطی است که ابتدای حرکت را به انتهای حرکت وصل می‌کند:



$$\begin{array}{l} \text{به سمت راست، } \text{جابه‌جایی کل} = 50 - 20 = 30 \text{ m} \\ \text{سرعت متوسط} = \frac{\text{جابه‌جایی کل}}{\text{زمان صرف‌شده}} = \frac{30}{75} = \frac{2}{5} = 0.4 \text{ m/s} \end{array}$$

از مثال‌هایی که حل کردیم می‌توان نتیجه گرفت که:

۱) اگر جابه‌جایی‌ها در هر مرحله هم‌جهت باشند، سرعت متوسط و تندی متوسط هم‌اندازه هستند.

۲) اگر جابه‌جایی، حتی در یکی از مرحله‌ها با مرحله‌های دیگر هم‌جهت نباشد، سرعت متوسط از تندی متوسط کوچک‌تر است.

مثال: اتومبیلی با سرعت متوسط 40 km/h به مدت 2 h به سمت شمال حرکت می‌کند، سپس با سرعت متوسط 120 km/h ، 60 km را به سمت شرق می‌پیماید:

تندی متوسط متحرک را حساب کنید. سرعت متوسط متحرک را به دست آورید.

پاسخ: ابتدا مسافت پیموده‌شده در مسیر شمال را به دست می‌آوریم.

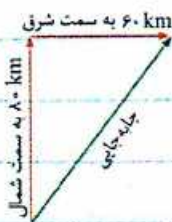
$$\begin{array}{l} \text{اندازه‌ی جابه‌جایی} = \text{مسافت پیموده‌شده} \\ \text{زمان صرف‌شده} \times \text{اندازه‌ی سرعت متوسط} = \text{مسافت پیموده‌شده} \\ \text{مسافت پیموده‌شده} = 40 \times 2 = 80 \text{ km} \end{array}$$

چون در دو ساعت اول حرکت، جهت حرکت عوض نشده است، اندازه‌ی جابه‌جایی و مسافت طی‌شده برابرند.

سپس زمان صرف‌شده‌ی حرکت به سمت شرق را به دست می‌آوریم:

$$\text{زمان صرف‌شده} = \frac{\text{جابه‌جایی}}{\text{سرعت متوسط}} = \frac{60}{120} = 0.5 \text{ h}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{کل مسافت پیموده‌شده} = 80 \text{ km} + 60 \text{ km} = 140 \text{ km} \\ \text{کل زمان صرف‌شده} = 2 + 0.5 = 2.5 \text{ h} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{تندی متوسط} = \frac{\text{کل مسافت}}{\text{کل زمان}} = \frac{140}{2.5} = 56 \text{ km/h}$$



با توجه به نتایج به دست آمده از حل قسمت (الف) می‌توان شکل روبه‌رو را رسم کرد:

با توجه به این‌که جابه‌جایی پاره‌خطی است که ابتدای مسیر را به انتهای آن وصل می‌کند،

جابه‌جایی اتومبیل را رسم می‌کنیم. با توجه به این‌که مثلث به وجود آمده قائم‌الزاویه است،

می‌توان به کمک قضیه‌ی فیثاغورس اندازه‌ی جابه‌جایی را به دست آورد:

$$\text{اندازه‌ی جابه‌جایی کل} = \sqrt{60^2 + 80^2} = 100 \text{ km}$$

$$\text{کل زمان صرف‌شده} = 2 + 0.5 = 2.5 \text{ h}$$

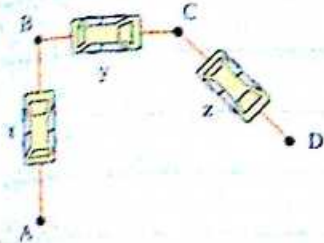
$$\text{سرعت متوسط} = \frac{\text{جابه‌جایی کل}}{\text{کل زمان صرف‌شده}} = \frac{100}{2.5} = 40 \text{ km/h}$$

اندازه‌ی سرعت متوسط 40 km/h و جهت آن به سمت شمال شرقی است.

سرعت لحظه‌ای

به سرعت متحرک در هر لحظه از زمان یا در هر نقطه از مسیر حرکت، **سرعت لحظه‌ای** می‌گویند. اگر ما در هر لحظه نندی متحرک و جهت حرکت آن را تعیین کنیم، سرعت لحظه‌ای متحرک را تعیین کرده‌ایم.

مثال: اتومبیلی با تندی ثابت 15 m/s ، مسیر AB را طی می‌کند، سپس با تندی ثابت 18 m/s ، مسیر BC را می‌پیماید و در انتها با تندی ثابت 14 m/s ، مسیر CD را طی می‌کند. سرعت اتومبیل را در نقاط x ، y و z مشخص نمایید.



پاسخ:

- اندازه‌ی سرعت اتومبیل در نقطه‌ی x ، 15 m/s و جهت آن به سمت شمال است.
- اندازه‌ی سرعت اتومبیل در نقطه‌ی y ، 18 m/s و جهت آن به سمت شرق است.
- اندازه‌ی سرعت اتومبیل در نقطه‌ی z ، 14 m/s و جهت آن به سمت جنوب شرقی است.

شتاب

هنگامی که در یک ترن برقی که سرعت بالا و ثابتی دارد، نشسته‌اید؛ با خیالی آسوده می‌توانید روزنامه بخوانید یا یک لیوان چای بنوشید اما اگر ترن ناگهان ترمز کند، حسی دزون شما به وجود می‌آید که نمی‌توانید در آن حال به مطالعه‌ی روزنامه‌ی خود یا کارهای دیگر ادامه دهید. این حس یا به بیان بهتر، این هیجان به علت وجود عاملی به نام **شتاب** است. (بدن انسان به شتاب‌های بالا واکنش نشان می‌دهد که به صورت هیجان یا افزایش ضربان قلب است.)

هرگاه سرعت (لحظه‌ای) متحرکی تغییر کند، حرکت متحرک دارای شتاب است. شتاب نیز مانند تندی و سرعت، یکی از ویژگی‌های حرکت

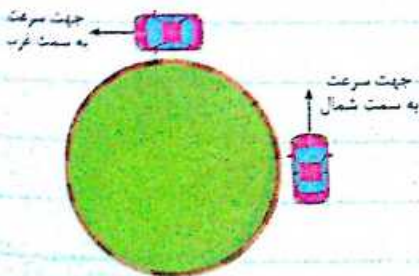
است. در شکل‌های زیر متحرک دارای شتاب است:



- راننده مانعی را می‌بیند و ترمز می‌کند، به علت کاهش اندازه‌ی سرعت حرکت شتاب‌دار است.



- در دستگاه‌های شهرسازی، صندلی از حال سکون رها و سرعت آن زیاد می‌شود، در این حالت هیجان زیادی در شخص ایجاد می‌شود؛ این حرکت هم به علت افزایش اندازه‌ی سرعت، شتاب‌دار است.



- اتومبیلی که با اندازه‌ی سرعت ثابت، دور میدان در حال دورزدن است، شتاب دارد؛ چون جهت سرعت آن در حال تغییر است.

می‌توان شتاب متوسط متحرک را به صورت «نسبت تغییرات سرعت به زمان

$$\text{شتاب متوسط} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان تغییرات سرعت}}$$



صرف‌شده» تعریف کرد:

واحد اندازه‌گیری (یکای) شتاب از تقسیم یکای سرعت (m/s) بر یکای زمان (s) به دست می‌آید که **متر بر مربع ثانیه** (m/s^2) است.



مثال، یوزپلنگ ایرانی می‌تواند سرعت خود را (با گام‌های بلند به طول ۷۲m) در عرض ۲s از حالت ایستاده به حدود ۷۲ km/h برساند. شتاب متوسط یوزپلنگ را برحسب m/s^2 حساب کنید.

پاسخ، ابتدا سرعت نهایی یوزپلنگ را برحسب m/s به دست می‌آوریم:

$$\text{سرعت نهایی} = 72 \text{ km/h} = \frac{72}{3.6} \text{ m/s} \Rightarrow 20 \text{ m/s}$$

$$\text{سرعت اولیه} = 0$$

$$\text{شتاب متوسط} = \frac{\text{سرعت اولیه} - \text{سرعت نهایی}}{\text{زمان}} = \frac{0 - 20}{2} = -10 \text{ m/s}^2$$

مثال، یک ملخ هنگام پریدن، بر اثر فشار پاهای خود در مدت 0.013 s سرعت خود را از صفر به 2 m/s می‌رساند و یک جت جنگی که از روی ناو هواپیمابر به پرواز درمی‌آید، در مدت 2 s ، از حال سکون به سرعت 270 km/h می‌رسد. شتاب کدام یک از آن‌ها بیشتر است؟



$$\text{شتاب متوسط ملخ} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان}} = \frac{2 - 0}{0.013} = 154 \text{ m/s}^2$$

$$\text{سرعت نهایی هواپیما} = 270 \text{ km/h} = \frac{270}{3.6} \text{ m/s} \Rightarrow 75 \text{ m/s}$$

$$\text{شتاب متوسط جت} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان}} = \frac{75 - 0}{2} = 37.5 \text{ m/s}^2$$

نتیجه جالب بود؟ با این که سرعت جت خیلی بیشتر از سرعت ملخ است اما شتاب ملخ تقریباً ۶ برابر شتاب جت است. پس در محاسبه‌ی اندازه‌ی شتاب، اندازه‌ی تغییرات سرعت و زمان آن مهم است نه اندازه‌ی سرعت.

مثال، اصطلاحاً گفته می‌شود «شتاب صفر تا صد اتومبیلی ۵s است»، این جمله به چه معنی است؟

$$\left. \begin{array}{l} \text{سرعت نهایی} = 100 \text{ km/h} = \frac{100}{3.6} \text{ m/s} \\ \text{سرعت اولیه} = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{شتاب متوسط} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان}}$$

$$\text{شتاب متوسط} = \frac{100}{3.6 \times 5} = \frac{100}{18} = 5.56 \text{ m/s}^2$$

پاسخ، یعنی ۵ ثانیه طول می‌کشد تا سرعت اتومبیل در حال سکون، از صفر به 100 km/h برسد. بد نیست بدانید شتاب این اتومبیل برحسب m/s^2 به این صورت محاسبه می‌شود:

مثال، اتومبیلی با سرعت 72 km/h به سمت شرق در حرکت است، راننده ترمز می‌کند و ظرف مدت 2 s سرعت اتومبیل را به 54 km/h می‌رساند. شتاب متوسط متحرک را محاسبه نمایید.

$$\text{سرعت اولیه} = 72 \text{ km/h} = \frac{72}{3.6} \text{ m/s} = 20 \text{ m/s}$$

$$\text{سرعت نهایی} = 54 \text{ km/h} = \frac{54}{3.6} \text{ m/s} = 15 \text{ m/s}$$

$$\text{شتاب متوسط} = \frac{\text{سرعت اولیه} - \text{سرعت نهایی}}{\text{زمان}} = \frac{20 - 15}{2} = \frac{5}{2} = 2.5 \text{ m/s}^2$$

علامت منفی به این معنا است که جهت شتاب اتومبیل برخلاف جهت حرکت اتومبیل و به سمت غرب است.

پرسش‌ها

جاهای خالی را با کلمه‌های مناسب کامل کنید.

متوسط به لحظه‌ای - اندازه به جابه‌جایی - مسافت به شتاب‌دار - یکنواخت به شتاب زیاد به سرعت زیاد به جهت

اگر تندی **تندی** متحرکی ثابت باشد، حرکت متحرک را یکنواخت می‌گویند.

سرعت کمیتی است که دارای **اندازه** و **جهت** است.

سرعت متوسط هم‌جهت با **جهت** است.

سرعت متحرک در هر لحظه از زمان یا در هر نقطه از مسیر حرکت را **سرعت** می‌گویند.

هرگاه سرعت لحظه‌ای متحرکی تغییر کند، حرکت **تغییر** است.

هیجان ناشی از بازی‌های شهر بازی به علت **تغییر** دستگاه‌ها است.

درست نادرست

درستی یا نادرستی موارد زیر را مشخص کنید.

در حرکت یکنواخت، تندی متوسط متحرک در یک بازه‌ی زمانی معین با تندی لحظه‌ای در تمام

لحظات آن بازه می‌تواند برابر نباشد.

در حرکت یکنواخت، متحرک در بازه‌های زمانی دلخواه مساوی، مسافت‌های برابری را می‌پیماید.

تندی و سرعت با هم تفاوتی ندارند.

سرعت اتومبیلی که دور میدان آزادی با تندی ثابت در حال حرکت است، در حال تغییر است.

سرعت متوسط علاوه بر اندازه، دارای جهت نیز هست.

در یک حرکت با جابه‌جایی‌های متوالی، اندازه‌ی جابه‌جایی، حتماً از اندازه‌ی مسافت پیموده‌شده

کوچک‌تر است.

اگر از صفحه‌ی کیلومترشمار اتومبیل در لحظه‌ی معینی عکس بگیریم، آن عکس سرعت اتومبیل

را در آن لحظه به ما نشان می‌دهد.

به نسبت تغییرات سرعت به زمان صرف‌شده برای آن، شتاب متوسط گفته می‌شود.

توپ با تندی ثابت 5 m/s به دیوار برخورد می‌کند و با همان تندی بازمی‌گردد؛ حرکت توپ

شتاب‌دار است.

به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

۱- اتومبیلی در مسیر مستقیمی، حرکت یکنواخت دارد. اگر 60 m را در مدت زمان 4 s طی کند:

تندی ثابت آن چه قدر است؟

150 m بعدی را در چه مدت زمانی طی می‌کند؟

۲- یک کامیون حامل تانکر رنگ با تندی ثابت 18 m/s در جاده‌ی مستقیمی در حرکت است. انتهای تانکر سوراخ بوده و در هر 3 s یک قطره

رنگ از آن می‌چکد. فاصله‌ی دو قطره‌ی رنگ متوالی که روی جاده افتاده است، چند متر است؟

۳- مایکل فلپس (دارندهی هجده مدال طلای المپیک) مسابقه‌ی شنا‌ی ۱۰۰ متر آزاد را در استخری به طول ۵۰ m در مدت ۵۰ s به پایان رسانده است.

$$\frac{100 \text{ m}}{50 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}$$

تندی متوسط او را محاسبه کنید.

$$\frac{0}{0} = 0$$

سرعت متوسط او را محاسبه کنید.

۴- دوچرخه‌سواری با سرعت متوسط ۲۵ km/h به مدت ۳۰ min در مسیر مستقیمی حرکت می‌کند. پس از استراحتی کوتاه به مدت ۱۰ min با سرعت متوسط ۲۱ km/h به اندازه‌ی ۷ km به مسیر خود ادامه می‌دهد. سرعت متوسط دوچرخه‌سوار در کل مسیر را به دست آورید.

$$v_1 = 25 \frac{\text{km}}{\text{h}} \quad \left| \quad 25 \times \frac{1}{2} = 12,5 \text{ km} \right.$$

$$t_1 = 30 \text{ min} = \frac{1}{2} \text{ h}$$

$$\frac{12,5 + v}{2}$$

۵- موتورسیکلتی با سرعت متوسط ۸۰ km/h به مدت ۱h به سمت غرب حرکت می‌کند، سپس ۷۵ km را با سرعت متوسط ۵۰ km/h به سمت جنوب حرکت می‌کند.

تندی متوسط موتورسیکلت را حساب کنید.

سرعت متوسط موتورسیکلت را حساب کنید.

۶- متحرکی نیمی از مسیر خود را با سرعت متوسط ۶۰ km/h و بقیه‌ی مسیر را با سرعت متوسط ۴۰ km/h طی می‌کند. سرعت متوسط متحرک در کل مسیر چند km/h است؟

$$v_1 = 90 \frac{\text{km}}{\text{h}} \quad \text{سرعت}$$

$$v_2 = 15 \frac{\text{km}}{\text{h}} \quad \text{سرعت}$$

$$\frac{40 + 160}{2} = 100 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

۷- متحرکی نیمی از زمان خود را برای رسیدن به انتهای مسیر، با سرعت متوسط ۶۰ km/h و نیم دیگر زمان را با سرعت متوسط ۴۰ km/h طی می‌کند. سرعت متوسط متحرک در کل مسیر چند km/h است؟

$$v_1 = 90 \frac{\text{km}}{\text{h}} \quad \text{سرعت}$$

$$v_2 = 40 \frac{\text{km}}{\text{h}} \quad \text{سرعت}$$

$$\frac{40 + 40}{2} = 40 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

۸- جمله‌ی دشتاب متوسط متحرکی 8 m/s^2 است، به چه معنا است؟

در ثانیه به سرعت آن $8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ افزایش می‌کند

۹- سرعت موشکی که فضاپیمایی را حمل می‌کند تا در مدار قرار دهد، ۱۷ s پس از پرتاب به 1224 km/h می‌رسد، شتاب متوسط آن را حساب کنید.

۱۰- گلوله‌ای را با سرعت اولیه‌ی 20 m/s در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. پس از ۲ s به بالاترین نقطه‌ی خود (ارتفاع اوج) در ارتفاع

۲۰ متری می‌رسد. سپس به سمت پایین سقوط کرده و ۱ s بعد به ارتفاع ۱۵ متری سطح زمین می‌رسد:

تندی متوسط گلوله را پس از ۳ s حساب کنید.

سرعت متوسط گلوله را پس از ۲ s حساب کنید.

شتاب متوسط گلوله را در مسیر رفت محاسبه نمایید.

BB) گزینه‌ی درست را انتخاب کنید.

۱- هرگاه اندازه یا جهت سرعت متحرکی تغییر کند، حرکت آن را حرکت تندی می‌نامند.

۱) تندی ثابت

۲) یکنواخت

۳) شتاب‌دار

۴) هیچ‌کدام

۲- قطاری با سرعت ثابت 30 m/s از روی پلی به طول 200 m می‌گذرد، اگر 2 s طول پل باشد، تا قطار به طور کامل از پلی عبور کند، طول قطار چند متر است؟

۱) 200

۲) 200

۳) 400

۴) 400

۳- دوچرخه‌سواری 60 m را ظرف مدت 2 s به سمت شرق و سپس 80 m را ظرف مدت 4 s به سمت جنوب حرکت می‌کند، سرعت متوسط او چند m/s است؟

۱) 10

۲) 12

۳) 15

۴) $\frac{20}{3}$

۴- کدام گزینه درست است؟

۱) در حرکت یکنواخت (تندی ثابت)، شتاب حرکت حتماً صفر است.

۲) اگر سرعت لحظه‌ای متحرکی تغییر کند، حرکت شتاب‌دار است.

۳) شتاب متوسط متحرک، به اندازه‌ی سرعت آن بستگی دارد.

۴) هر چه زمان تغییر سرعت بزرگ‌تر باشد، شتاب متحرک بیشتر است.

۵- متحرکی روی یک مسیر دایره‌ای به شعاع 4 m در حرکت است. $\frac{1}{4}$ دایره را در مدت 2 s طی می‌کند، سرعت متوسط آن چند m/s است؟ $(\pi = 3)$

۱) 2

۲) $2\sqrt{2}$

۳) 12

۴) صفر

۶- راننده‌ای برای افزایش سرعت اتومبیل، پای خود را به مدت 2 s روی پدال گاز فشار می‌دهد، در این مدت سرعت اتومبیل از 72 km/h به 108 km/h می‌رسد. شتاب متوسط اتومبیل چند m/s است؟

۱) 9

۲) 18

۳) $2/5$

۴) 5

