

## چوارلایه‌کانی لامبیرت و ساکیری

(Lambert and Saccheri Quadrilaterals)

نووسه: محفوظ رؤسٹه‌مزاده

ئیقلیدس له سالی 300 پیش زایینی په‌رتووکی "دانه‌کان (Elements)" له سهر ئهندازه نووسی. ئه مووی زانستی ئهندازه زانایانی پیشواوی خوی لهم په‌رتووکهدا کۆ کرده‌وه. ئیقلیدس ههندی چەمکی له نووسینه‌کەی بەکارهینا که پیان دهتری بەلگەنەویست و ئەکزیوم. واته بى ئوهی پیویست به سەلماندیان بیت، قبولیان دەکەین. ئەم ئەکزیومانه پینج دانه بwoo و ئیقلیدس ههمووی ئهندازه، که لهم سەردەمەيش ناسراوه به ئهندازه ئیقلیدی و ههموومان له قوتابخانه‌و خویندوومانه، بهم پینج ئەکزیومه نووسی. ئەکزیومی پینجهم له سهر تریب بونی راسته‌ھیلەکانه و به ئەکزیومی تریب ناسراوه. ئەم پرسیاره که ئایا دەتوانین ئەکزیومی تریب له چوار ئەکزیومه پیشواوکەی بەدەست بھینین، بwoo به يەکیک له پرسیاره نەزانراوه‌کانی میزرووی زانست، بەتاپیت زانستی بیرکاری. زوربهی زانایان له دریزایی میزروو هەولیاندا که وەلامی بەدەنوه، بەلام کەس نەیتوانی وەلامیکی سەلمینەری بۆ بدۇزىتەوه. ههندی له زانایانی بیرکاری موسلمانیش وەکوو عمر خیام و خواجه نصیرالدین طوسی له سەری لیکۆلینەوەیان کردووه، بەلام کەس سەركەوتتىكى واى بەدەست نەھینا تاكوو له سەدەی 17 و 18 پیش زانای بیرکاری به ناوی يۆهان لامبیرت (J. F. Lambert) و جیوانی ساکیری (G. Saccheri) بە مەبەستى بەدەست هینانی وەلامیک بۆ ئەم پرسیاره چوارلایان بەکارهینا. ساکیری چوارلایەکی بەکارهینا که دوو گۆشەی وەستاوی ھاوسى، دوو گۆشەی يەكسانیتىرى ھاوسى و دوو لاي يەكسانیان ھەيە (وینەی 1). ئەم چوارلایە بە چوارلای ساکیری ناونىرداوه. و تراوه زانای ئىرانىش، حكيم عمر خيام ھەر ئەم چوارلایە بەکارهیناوه بۆ لیکۆلینەوەکەی له سەر ئەم پرسیاره. ههندی کەس چوارلای ساکیری بە چوارلای ساکیری-خیام ناودەبن [3].



وینەی 1: چوارلای ساکیری



وینەی 2: چوارلای لامبیرت

بەلام لامبیرت دواتر، چوارلایەکىتىرى بەکارهینا کە سى گۆشەی وەستاوی ھەيە و پى دهتری چوارلای لامبیرت (وینەی 2).

پیشتر سه لمیندراوه که ئەکزیومى تەریب يەكسانە لەگەل بۇونى لاکىش (واتە چوارلايە بە چوار گوشە وەستاو). بۆيە بە مەبەستى سەلماندىنى ئەکزیومى تەریب، لامبىرت و ساكىرى بۆ گوشە نەوەستاوهكە، كە ئىمە بە A نىشانى دەدەين، سى دانانىان كرد:

١ - پىوانەي A يەكسان بىت لەگەل 90، واتە  $A = 90$

٢ - پىوانەي A كەمتر بىت لە 90، واتە  $90 < A$

٣ - پىوانەي A زياتر بىت لە 90، واتە  $A > 90$

بە تىكۆشان سەلماندىيان كە دانانى  $A=90$  يەكسانە لەگەل ئەکزیومى تەریب، كەواتە ئەمە يەكسانە لەگەل ئەوهى كە لە هەر خالىك كە لە سەر راستەھىلىك وەكoo r نەبىت، تەنها يەك راستەھىلىك ھەيە كە لەو خالە تىيەپەپىت و تەرېبە لەگەل r. ھولەكانيان بۆ دانانى  $90 < A$  ئىنكار كرا. كەواتە سەلماندىيان ئەو گوشە ناتوانى پىوانەي زياتر بىت لە 90. بەلام نەيانتوانى دانانى  $90 < A$  ئىنكار بىكەن و نەيشيانتوانى بىسەلمىن. ئەوان ھەندى سەلمىنزاو و بىردوزىان سەلماند كە دروست بۇون و لەگەل ناخ و بەنەماي ئەندازە سازگار بۇون، بەلام لەگەل ئەندازە ئىقليل نەيدەخويىنده و لە ئەندازە ئىقليل دروست نەبۇون. واتە خۆيان نەيانزانيبۇو، ھەندى بىردوزى ئەندازە يەكىان سەلماندبوو كە دواتر دواي داهىنانى ئەندازە ئائىقليلى لە كۆتاىي سەدەي 19 لەلايەن لىباچفسكى(Lobachevski) و گاوس(Gauss)، ناوى لىنزا ئەندازە ھايپەربولىك يان ئەندازە لىباچفسكى كە لەم سەرددەمەيش بەو ناوه ناسراوه. تاكۇو ئىمپۇش چوارلاكانى لامبىرت و ساكىرى ھەر وەكoo چەمكەيەكى جىيەجىيكار و بەھىز لە ئەندازە بەكار دەھىنرىن. بۆ نموونە دەتوانن [١]، [٢] و [٤] بىيىن.

## سەرچاوهكان:

1. Rostamzadeh, M. and Taherian S.-Gh., On Characterization of Absolute Geometries, Results Math., **63**(1-2)(2013), 171–182.
2. Karzel, H. and Marchi, M., "Classification of general absolute geometries with Lambert-Saccheri Quadrangles", Le Matematiche **LXI** (2006), 27–36.

3. Boris Abramovich Rozenfel d (1988). A History of Non-Euclidean Geometry: Evolution of the Concept of a Geometric Space (Abe Shenitzer translation ed.). Springer.  
p. 65. ISBN 0-387-96458-4.

4. رۆستەم زاده، محفوظ، مۆدیلی بیانترامی-کلاینی هەندەسەی ھاپەربۆلیک لەگەل جىئەجىئىرىدىنەكانى لە بىرددۇزى رىيّزەيى تايىەتى ئايىشتايىن، دكتورانامە، زانكۆي تەكنۆلۆژى ئىسەفەهان، 2014.

## ووشەنامە

English	فارسى	كوردى
quadrilateral	چەار ضلىعى	چوارلا
geometry	ھندسە	ئەندازە
postulate	بنداشت	بەلگەنەوىست
axiom	اصل	ئەڭزىيۆم
angle	زاویە	گۆشە
measure	اندازە	پېۋانە
point	نقطە	خال
line	خط راست	پاستەھىل
hyperbolic	ھىزلولۇي	ھاپەربۆلیک
Theorem/theory	قضىيە	بىرددۇز
proof	اثبات	سەلماندن
Non-Euclidean	نااقلیدىسى	نائىقىلىدى
assumption	فرض	دانان
parallel	موازى	تەرىب
Right angle	زاویە قائمە	گۆشەي وەستاو
side	ضلع	لا