

این یک پاسخنامه متفاوته ، سعی کردم در ابتدای تست ها یک کادر آموزشی بزارم. سعی کنید ابتدا با خواندن اون کادر دوباره سوال رو حل کنید ، اگه نتونستید پاسخ تشریحی رو مطالعه کنید.

تا حالا به مفهوم سرعت دقت کردین ؟ سرعت در شتاب ثابت چه مفهومی داره؟
 ✓ وقتی تو یه سوال میگه متحرکی با سرعت ۶۰ کیلومتر در ساعت حرکت میکنه، یعنی هر یک ساعت این متحرک ۶۰ کیلومتر طی میکنه.
 ✓ حتما سرعت نسبی به گوشتون خورده دیگه؟! وقتی دو متحرک به سمت هم بیان سرعت اونها باهم جمع و وقتی با هم در یک جهت حرکت کنند سرعت اونها از هم کم میشه و سرعتی رو که بدست میاریم میگییم سرعت نسبی (البته بعضی نکات داره که حالا وقتش نیست)

کادر نکات ۱

۱- فاصله دو کامیون ۱۲۰ کیلومتر است، و هر یک با سرعت ۳۰ کیلومتر بر ساعت به سمت هم حرکت میکنند
 پرنده ای با سرعت ۴۰ کیلومتر بر ساعت بین دو کامیون در حال رفت و برگشت است ، وقتی دو کامیون به هم برسند پرنده چه مسافتی را طی کرده است؟

ثابت

هر کامیون با سرعت ۳۰ کیلومتر در ساعت در جهت خلاف هم حرکت میکنه پس در یک ساعت میتونن هر کدوم ۳۰ کیلومتر رو طی کنند.
 از اونجایی که سرعت هر دو برابره پس از طی ۲ ساعت هر دو ۶۰ کیلومتر طی میکنند و مسیر ما هم که ۱۲۰ کیلومتر بوده ، یعنی دقیقا وسط (به هم میرسند)
 حالا برای پرنده مون داریم: $\Delta x = v \Delta t \rightarrow \Delta x = 40 \times 2 = 80 km$ - (البته با سرعت نسبی هم میتوانستیم زمان به هم رسیدن رو بیاییم)

تشریح

۸۰ (۴) ✓

۹۰ (۳)

۱۲۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

خب ، یه نکته ساده ولی پر کاربرد؛
 ✓ دقت کنید که وقتی یه متحرک مسیری رو طی میکنه دو حالات وجود داره
 ۱- یا از طول خودش صرف نظر میکنیم ۲- یا طول خودش رو هم حساب میکنیم (یعنی تو مسافت حساب میشه)

کادر نکات ۲

۲- قطاری با سرعت ثابت ۶۰ متر بر ثانیه در حال حرکت است. از روی پلی به طول ۴۰۰ متر عبور میکند اگر
 عبور قطار از روی پل ۱۰ ثانیه طول بکشد ، آنگاه طول قطار چند متر میباشد؟

مشابه

طول قطار = m و طول پل = x
 ابتدا قطار وارد پل میشه و مسافت x رو طی میکنه ، و لی ما تو این سوال وقتی میگییم که مسافت رو طی کنه یعنی آخرین نقطه قطار باید از روی پل رد بشه. از اونجایی که طول قطار m گرفتیم پس باید قطار طول خودش رو هم طی کنه.

تشریح

$$\Delta y = v \Delta t \rightarrow x + m = v \Delta t \rightarrow 400 + m = 60 \times 10 \rightarrow m = 200m$$

۱۶۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

۲۸۰ (۲)

۲۰۰ (۱) ✓

ما به فرمول خیلی پر کاربرد داریم که نه تو گاج و نه تو اکثر کتابهای کمک آموزشی بازار نوشتن. این فرمول تو کنکور های اخیر بدجوری مورد علاقه طراح ها واقع شده

$$\Delta x = -\frac{1}{2}at^2 + vt \quad \text{همون سرعت در لحظه تم باشد}$$

۳- خودروبی از حال سکون با شتاب ثابت ۲ متر بر ثانیه شروع به حرکت میکند و ۱۰۰ متر آخر حرکتش را در مدت ۲ ثانیه طی میکند. سرعت متوسط خودرو از ابتدا تا پایان چند متر بر ثانیه است؟

$$100 = -\frac{1}{2} \times 2 \times 4 + 2v \rightarrow v = 56 = \text{با استفاده از همون فرمول بالایی داریم}$$

$$v_{\text{متوسط}} = \frac{56 + 0}{2} = 28 \text{ m/s}$$

راه تشریحی این سوال اعصاب خرد کن میشه ...

۲۶(۴ ✓)

۲۳(۳)

۱۸(۲)

۱۲(۱)

اینم از همون رابطه بالایی حل میشه

$$\Delta x = -\frac{1}{2}at^2 + vt \quad \text{همون سرعت در لحظه تم باشد}$$

۴- متحرکی با شتاب ثابت و بدون سرعت اولیه از نقطه (A) شروع به حرکت میکند، در ادامه مسیر به نقطه (B) و سپس (C) میرسد، فاصله ۱۲۰ متری (B) تا (C) را در مدت ۱۰ ثانیه طی میکند، اگر سرعت متحرک در (C) ۲۰ متر بر ثانیه باشد، آنگاه فاصله (A) تا (B) چند متر است؟

$$\Delta x_{bc} = -\frac{1}{2}at^2 + vt \rightarrow 120 = -\frac{1}{2}a \cdot 10^2 + 20 \times 10 \rightarrow a = \frac{16}{10}$$

$$120 = \frac{v + 20}{2} \times 10 \rightarrow v_b = 4 \text{ m/s}$$

$$160 = 2 \times \frac{16}{10} \times \Delta x \rightarrow \Delta x = 5 \text{ m}$$

۲۰(۴)

۵(۳ ✓)

۱۵(۲)

۱۰(۱)

توی حرکت شناسی یه بحثی داریم به اسم تصاعد عددی برای شتاب - توضیحات این قسمت مفصله تو جزوه آموزشیمون حتما ذکر میشه ولی برای حل این تست بطور مختصر میگم. اگه متحرکی با شتاب ثابت کنه جابجایی اون بصورت تصاعدی از شتاب و

$$\frac{1}{2}a + v_0 \quad \frac{3}{2}a + v_0 \quad \frac{5}{2}a + v_0 = (\text{از چپ})$$

۵- جسمی بروی خط راست حرکت میکند، ترمز کرده و با شتاب ثابت پس از ۵ ثانیه متوقف میشود. اگر مسافت طی شده در ۲ ثانیه اول را (A) و بقیه مسیر (B) باشد آنگاه نسبت (A) به (B) کدام است؟

خب چون $v_0 = 0$ میباشد، پس از آن صرف نظر میکنیم (یه نکته توی ترمز مثل حرکت ساده عمل میکنیم و حرکت رو از آخر به اول مینویسیم).

$$\frac{1}{2}a + \frac{3}{2}a + \frac{5}{2}a = \text{جابجایی در بقیه مسیر} \quad - \quad \frac{1}{2}a + \frac{3}{2}a = \text{جابجایی دو ثانیه اول}$$

کاش فرصت بشه این روش رو کاملتر توضیح بدم... تو جزوه های بعدی حتما توضیح کامل این روش رو میگم بهتون.

۱۶(۴ ✓)

۱۰(۳)

۱۶(۲)

۱۰(۱)

خب یه فرمول کوچولو داریم به نام خط ترمز (مسافتی که جسم شتابدار پس از ترمز کردن طی میکنه)

$$\Delta x = \frac{v^2}{2a}$$

۶- دو قطار ، یکی با سرعت ۱۸۰ و دیگری با سرعت ۱۲۶ کیلومتر بر ساعت رو یخط آهن به سمت یکدیگر می آیند. در لحظه ای که ۷۳۰ متر با هم فاصله دارند ، راننده ها ترمز میکنند و حرکت قطار ها با شتاب ثابت ۲/۵ کند میشود ، این دو قطار :

با استفاده از فرمول بالا مسافت طی شده توسط هر دو قطار رو بدست میاریم. البته سرعت هارو به متر بر ثانیه تبدیل کنید ، بعد.
برای اولی = ۵۰۰ متر / برای دومی = ۲۴۵ متر / پس مسافت کل میشه ۷۴۵ که داریم $۷۳۵ < ۷۴۵$
ای بابا هندی نبوده فیلمش !!! متاسفانه بهم برخورد میکنن (اگه از نسبی استفاده کنید گزینه غلط رو بدست میارین)

(۱) به هم نمیخورند(فیلم هندی) (۲) به هم میخورند(خارجکی) (۳) در ۷/۵ متری هم می ایستند (۴) در ۱۵ متر هم می ایستند

اگه هندسه یک فصل تشابه رو خوب خونده باشین ، اونجا یه چیزی به نام تناسب داشتیم. اگه یادتون نیاد نکته زیرو از دست ندین.
✓ در هر رابطه ای میتوان بین پارمتر ها با توجه به نسبتشان تناسب برقرار کرد (در معادلاتی که فقط بین پارمتر ها ضرب و تقسیم وجود داشته باشه؛ نه جمع و تفریق)

۷- متحرکی از حال سکون با شتاب ثابت شروع به حرکت میکند ، اگر این متحرک ۹ متر اول مسیر را در مدت ۳ ثانیه طی کند ، سرعت متوسط آن در ۴۰ متر بعدی مسیروش چند متر بر ثانیه میشود؟

خب فرمول $\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0.t$ یادتونه دیگه؟! اینجا هم سرعت اولیه صفره پس از معادله حذف میشه و یه تناسب خوشگل میزنیم.

$$\frac{L_1}{L_1 + L_2} = \left(\frac{t_1}{t_1 + t_2}\right)^2$$

$$\frac{9}{49} = \frac{3}{3 + t_2} \quad t_2 = 4 \rightarrow v = 10 \text{ m/s}$$

۱۰ (۴) ✓

۵ (۳)

۸ (۲)

۳ (۱)

برای پیدا کردن مسافت طی شده دو تا راه داریم

۱- یافتن معادله سرعت و رسم نمودار آن (مساحت زیرش میشه مسافت)

۲- قرار دادن نقاط ابتدا و انتهای بازه زمانی و نقطه بحرانی تابع سرعت ، در معادله مکان - زمان و جمع آنها.

۸- متحرکی روی محور X حرکت میکند ، معادله مکان زمان آن بصورت $x = -2t^2 + 12t - 40$ میباشد ، مسافتی که این متحرک در بازه زمانی ۰ تا ۵ ثانیه طی میکند چقدر است؟

احتمال قوی راه نمودار رو همتون میدونید . حالا میریم سراغ راه دوم . از معادله مشتق گرفته و برابر صفر قرار میدیم تا نقطه بحرانی سرعت بدست بیاد.

$$V = -4t + 12 \quad * \quad t = 3s$$

$$\begin{array}{l} \text{تو } x \text{ میزاریم} \\ 0 \longrightarrow -40 \\ \text{تو } x \text{ میزاریم} \\ 3 \longrightarrow -22 \\ \text{تو } x \text{ میزاریم} \\ 5 \longrightarrow -30 \end{array}$$

$$-22 - (-40) = 18, \quad -30 - (-22) = -8, \quad -8 - (-18) = -26, \quad 26m$$

۲۶ (۴) ✓

۲۴ (۳)

۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

خب مفاهیم رو اینجا بکار میرن!!!

- ✓ مشتق مکان نسبت به زمان چی میشه ؟ آره میشه سرعت
- ✓ مشتق سرعت نسبت به زمان چی میشه؟ آفرین میشه شتاب

۹- رابطه ی بین سرعت و مکان ذره ای بصورت $v=4x^2$ میباشد . شتاب در $x=0/5$ چند متر بر مجذور ثانیه میباشد؟

خب حالا اینجا همه پارامتر های حرکت رو ، بغیر از شتاب داریم ؛ اگه دقت کرده باشین میفهمین که اگر از طرفین معادله نسبت به زمان مشتق بگیریم

$$v = 4 \times \frac{1}{4} = \frac{1m}{s} \quad \text{شتاب و سرعت رو به ما میده . در معادله سرعت داریم:}$$

$$\frac{dv}{dt} = 4 \times 2x \times \frac{dx}{dt} \rightarrow a = 8xv \rightarrow a = 8 \times \frac{1}{2} \times 1 = \frac{4m}{s^2}$$

۸ (۴)

۴ (۳ ✓)

۲ (۲)

۱ (۱)

خب این دیگه زیر ۱۲ ساله .

برای بررسی جهت حرکت به علامت سرعت نگاه میکنیم. اگر مثبت باشد در جهت X و منفی باشد در خلاف جهت X است. برای بررسی نوع حرکت نیز به ضرب علامت های سرعت و شتاب نگاه میکنیم اگر مثبت باشد تند شوند و اگر منفی باشد کند شونده است. (میتونی برای تعیین راحت علامت ها از جدول تعیین علامت استفاده کنی)

۱۰- معادله متحرکی $x = -5t^3 + 15t$ میباشد ، در ۱ ثانیه اول ؛ حرکت متحرک چگونه است؟

- (۱) تند در جهت محور X ✓ (۲) کند در جهت محور X (۳) تند در خلاف محور X (۴) کند در خلاف محور X

امیدوارم مورد پسندتون قرار بگیره . (ممنون از آقای گلی برای ایده خوبشون)

ارادتمندتون **مهرداد نادی مهر** (خوشحال میشیم به سایتتون سر بزنیند)

Study-life.ir

Nomre.blog.ir