

چارچوب گزارش کار آزمایشگاهی

در ساختار گزارش کار آزمایشگاه وجود بخشهای زیر ضروری است:

- ۱- بیان هدف آزمایش
- ۲- شرح مختصری از تئوری آزمایش
- ۳- بیان دقیق و خلاصه روش انجام آزمایش
- ۴- ذکر وسایل بکار رفته و دقت آنها
- ۵- ترسیم آرایش وسایل بکار رفته
- ۶- ثبت دقیق اندازه گیریهای انجام شده و درج مرتب و منظم آنها در جدول
- ۷- شرح محاسبات و تعریف دقیق روابط بکار گرفته شده
- ۸- رسم نمودارها روی کاغذ مناسب
- ۹- شناسایی عوامل خطا و برآورد سیم آنها
- ۱۰- نتیجه گیری از آزمایش

تذکر:

- ۱- روابط، فرمولها و جدولها باید دارای شماره و شرح مختصری باشند.
- ۲- واحدها و ابعاد کمیتها در جدولها و پایان محاسبات بدقت نوشته شود.
- ۳- در رسم نمودار موارد زیر باید رعایت شود:
الف: رسم محورها و مشخص کردن مبدا
ب: مشخص کردن واحدها
ج: مشخص کردن نقاط بدست آمده از آزمایش
د: نمایش خط خطا برای هر نقطه
ه: استفاده بهینه از سطح و ابعاد کاغذ
- ۴- از نوشتن مطالب غیر ضروری و متصل خودداری شود. در گزارش کار باید تا حد ممکن از متن نویسی پرهیز شود و مطالب به کمک روابط، جدولها، نمودارها و نوشته های کوتاه و موجز بیان شود.

طرز نوشتن اعداد خیلی بزرگ و خیلی کوچک - درک و تصور خواندن اعداد خیلی بزرگ که دارای دهها صفر یا اعداد کوچکی که دارای دهها ممیز هستند مشکل است. به خاطر زیادی صفرها امکان دارد در نوشتن آنها اشتباهی رخ دهد یا در محاسبه مشکلاتی به وجود آید، از این رو اعداد بزرگ و کوچک، را با قوای 10^+ نمایش می دهند.

اعداد بزرگ با قوای مثبت 10^+ و اعداد کوچکتر از واحد با قوای منفی 10^- نشان داده می شوند. مثلاً شعاع کره زمین $6.4 \times 10^6 \text{ m}$ و شعاع اتم هیدروژن $5.3 \times 10^{-11} \text{ m}$ است.

اعداد با معنا و مفهوم صفر بعد از ممیز - فرض می کنیم طول اتاقی ۵ متر و ۲۲ سانتیمتر باشد. اگر این طول را با نوار متری که کوچکتر از دسیمتر را نشان نمی دهد اندازه بگیریم ۵ متر و ۳ دسیمتر را نشان می دهد و باید از ۲ سانتیمتر صرف نظر کرد. نتیجه اندازه گیری به صورت ۵٫۳ متر نوشته می شود. در صورتی که همین طول با نوار متری که سانتیمتر را هم نشان می دهد اندازه گیری شود نتیجه اندازه گیری به صورت ۵٫۳۲ متر نوشته می شود.

حال اگر طول اتاقی ۵ متر و ۳۰ سانتیمتر باشد در اندازه گیری اول ۵٫۳ و در اندازه گیری دوم به صورت ۵٫۳۰ نوشته می شود. به طوری که ملاحظه می شود در ریاضیات ۵٫۳ و ۵٫۳۰ هر دو یکی است و با یکدیگر تفاوتی ندارند ولی در فیزیک دارای دو مفهوم مختلف اند. عدد ۵٫۳ نشان می دهد که دقت اندازه گیری در حدود دهم متر بوده و مقدار صدم اندازه گیری نشده است. ممکن است کمیت مورد اندازه گیری به اندازه چند صدم کمتر یا بیشتر اندازه گیری شده باشد زیرا احتمالاً مقدار طول ۵ متر و ۲۹ سانتیمتر بوده یا ۵ متر و ۳۱ سانتیمتر بوده است و با توجه به دقت وسیله اندازه گیری ۵ متر و ۳ دسیمتر خوانده شده است.

بنابراین در اینجا دو رقم با معنا وجود دارد و رقم آخر یعنی ۳ مشکوک است. عدد ۵٫۳۰ نشان می دهد که اندازه گیری با تقریب صدم متر یعنی سانتیمتر اندازه گیری شده است و این کمیت از ۳ دسیمتر بیشتر یا کمتر نبوده است، زیرا در غیر این صورت وسیله اندازه گیری آن را نشان می داد و بعد از رقم ۳ نوشته می شد. بنابراین عدد ۵٫۳۰ دارای ۳ رقم با معنی است. در اینجا نیز امکان دارد مقدار حقیقی کمیت به اندازه چند میلیمتر کمتر یا بیشتر از مقدار اندازه گرفته شده باشد. لذا رقم سوم یعنی صفر مشکوک است.

دقت اندازه گیری مربوط به تعداد ارقامی است که اندازه گیری شده اند و صفر بعد از ممیز دقت بیشتر اندازه گیری را نشان می دهد. وسایلی که برای اندازه گیری به کار می روند هر چه دقیقتر باشند رقمهای با معنا بیشتر خواهد بود.

گرد کردن اعداد - موقعی که بخواهیم از تعداد ارقام با معنا عددی بکاهیم، اگر رقمی که حذف می شود ۴ یا کوچکتر از آن باشد، حذف می شود و رقم قبلی به همان صورت که بوده است باقی می ماند. اگر رقم حذف شدنی ۵ یا بیشتر از آن باشد آن را حذف و به رقم قبل از آن یک واحد اضافه می کنیم. در صورتی که رقم حذف شدنی ۵ یا ۵ و چند صفر در جلوی آن باشد، اگر عدد قبل از ۵ زوج باشد تقسیم نمی کند. در صورت فرد بودن به اندازه یک واحد بیشتر می شود. اگر رقم حذف شدنی

و چند رقم دیگر غیر از صفر دنبال آن باشد به تعداد بیل از آن یک واحد اضافه می‌کنیم.
در زیر یک عدد با ارقام با معنای مختلف به عنوان مثال ذکر شده است.

عدد	۲ رقم با معنا	۳ رقم با معنا	۴ رقم با معنا	۵ رقم با معنا
۳,۲۴۱۶۸	۳,۲	۳,۲۴	۳,۲۴۲	۳,۲۴۱۷

چهار عمل اصلی اعداد با معنا - در محاسبه های اعداد با معنا سه موضوع زیر باید رعایت شود.
۱- کمیتهایی که بر هم افزوده می‌شوند یا از هم کم می‌شوند حتماً باید هم جنس و بر حسب یک واحد باشند.

۲- میزان دقت یا تعداد ارقام بعد از ممیز کمیتهای، به یک اندازه باشند. در غیر این صورت عددی را که دقت کمتری دارد و ارقام بعد از ممیز آن کمتر از بقیه است مبنا قرار می‌دهند و اعدادی را که ارقام بعد از ممیز آنها بیشتر است گرد می‌کنند تا تعداد ارقام آنها به اندازه ارقام بعد از ممیز عدد مبنا برسد، سپس عمل جمع یا تفریق را انجام می‌دهند.

مثال ۱. مطلوب است مجموع سه عدد $۲۵,۶g$ و $۴۳,۳۵g$ و $۱۱,۴۹۸g$.

حل: ارقام مشکوک این سه عدد به ترتیب در مرتبه دهم و صدم و هزارم هستند. عدد $۲۵,۶$ را که رقم مشکوک آن در مرتبه دهم و ارقام بعد از ممیز آن کمتر از بقیه است عدد مبنا قرار می‌دهیم و دو عدد دیگر را با یک رقم اعشاری می‌نویسیم و عمل را انجام می‌دهیم، لذا

$$۲۵,۶g + ۴۳,۴g + ۱۱,۵g = ۸۰,۵g$$

مثال ۲. اعداد $۶,۷۵ \times 10^2 cm$ و $۴,۵۲ \times 10^2 cm$ را با هم جمع کنید.

حل: مبنای ده در هر دو باید یکسان باشد پس $۰,۴۵۲ \times 10^{-2} cm = ۴,۵۲ \times 10^{-2} cm$

برای اینکه ارقام بعد از ممیز هر دو یکی شود عدد دوم را گرد می‌کنیم و با اولی جمع می‌کنیم

$$۶,۷۵ \times 10^2 cm + ۰,۴۵ \times 10^2 cm = ۷,۲۰ \times 10^2 cm$$

مثال ۳. عدد $۳۶,۸ km$ را از $۹۷ km$ کم کنید.

حل: عدد اول را گرد و از دومی کم می‌کنیم

$$۹۷ - ۳۷ = ۶۰,$$

دقت کنید که بعد از ۶۰ ممیز قرار گرفته است. این ممیز نشان می‌دهد که حاصل دارای دو رقم با معناست.

مثال ۴. عدد $۶,۴۳ \times 10^{-2} m$ را از $۱,۳۸ \times 10^2 m$ کم کنید.

حل: برای اینکه نمای ده در هر دو یکسان شود باید نوشت

$$۶,۴۳ \times 10^{-2} m = ۰,۰۰۰۶۴۳ \times 10^2 m$$

با عدد $۱,۳۸ \times 10^2 m$ قابل چشمپوشی است، در نتیجه

$$۱,۳۸ \times 10^2 m - ۰,۰۰۰۶۴۳ \times 10^2 m = ۱,۳۸ \times 10^2 m$$

3

نواهد بود.

۳- در ضرب و تقسیم اعداد بامعنا، معمولاً تعداد ارقام با معنای حاصل ضرب یا خارج قسمت یکد برابری ارقام بامعنای یکی از عوامل ضرب یا مقسوم و مقسوم علیه باشد و بیشتر از آن نشود. البته این موضوع استثناهایی دارد. مثالهای زیر به فهم موضوع کمک می‌کند.

مثال ۱. حاصل ضرب $10,7m$ را در $9,5m$ پیدا کنید.

حل:

$$10,7m \times 9,5m = 101,65m^2$$

چون ارقام 165 مشکوک هستند با گرد کردن آنها، حاصل ضرب به صورت $102m^2$ درمی‌آید. به طوری که ملاحظه می‌شود این یک حالت استثنایی از ضرب است.

مثال ۲. عدد $2,75 \times 10^6$ را در $4,8 \times 10^{-2}$ ضرب کنید.

حل: $2,75 \times 4,8 = 13,200$ که در آن ارقام مشکوک هستند در نتیجه با گرد کردن حاصل ضرب خواهیم داشت ۱۳. همچنین $10^6 \times 10^{-2} = 10^4$ ، نتیجه حاصل ضرب به صورت زیر درمی‌آید

$$13 \times 10^4 = 1,3 \times 10^5$$

مثال ۳. 68×73 را بر $22,9$ تقسیم کنید.

حل: $68,73 : 22,9 = 3,001$ چون باید ۳ رقم بامعنا داشته باشیم، خارج قسمت به صورت $3,00$ نوشته می‌شود.

مثال ۴. $8,92 \times 10^4$ را بر $1,35 \times 10^{-2}$ تقسیم کنید.

حل: $8,92 : 1,35 = 6,61$ خارج قسمت گرد شده تا ۳ رقم بامعنا دارد. $10^4 : 10^{-2} = 10^6$. بنابراین خارج قسمت به صورت $6,61 \times 10^6$ درمی‌آید.

جهت انجام آزمایشهای فیزیک اعم از امتحانات و آزمایشهای دوره‌ای به نکات زیر توجه کرده و به دقت آنها را به کار برید:

(۱) قواعد گزارش کارنویسی:

هر آزمایش فیزیکی از جهت نظم و ترتیب و ماندگاری نتایج به دست آمده نیاز به یک گزارش مکتوب دارد که باید برنظم و قاعده خاصی استوار باشد در زیر به موارد لازم در هر گزارش آزمایشگاهی اشاره می‌کنیم.

*(الف) مشخص کردن عنوان و هدف از انجام هر بخش آزمایش.

*(ب) رسم شکل آزمایش که نحوه انجام آن را نشان می‌دهد. (شکل‌های شماتیک یا شکل‌هایی که طرز چیدن وسایل را نشان می‌دهند)

*(ج) ارائه توضیح مختصر اما کافی در مورد نحوه انجام آزمایش و نکات اندازه‌گیری

*(د) ارائه جدول اندازه‌گیری

(ه) به دست آوردن کلیه روابط ریاضی لازم برای انجام محاسبات. (در صورتی که روابط واضح نباشند)

(و) رسم نمودارهای لازم برای تحقیق روابط یا به دست آوردن مجهولات

(ز) محاسبات عددی لازم برای محاسبه مجهولات

*(ح) محاسبه خطای کمینه‌های موجود که اندازه‌گیری یا محاسبه شده‌اند و نوشتن فرمول محاسبه خطا در صورت لزوم

*(ط) ذکر عوامل خطای آزمایش به صورت مجزا و ارائه پیشنهادها، عملی برای رفع آنها (در صورت ذکر شدن در صورت سؤال باید در عمل نیز این خطاها برطرف و تصحیح گردند)

نکته ۱: مواردی که با علامت «*» مشخص شده‌اند در تمام گزارش‌ها لازم می‌باشند.

نکته ۲: در موارد «ب» و «د» و «ه» و «و» حتماً باید شماره و شرح مختصری برای آنها ذکر شود تا در صورت نیاز بتوان به آنها رجوع کرد.

نکته ۳: در مورد جدول اندازه‌گیری بهتر است خطای کیفیت‌ها هم در جدول ارائه شوند. ضمناً تعیین تعداد نقاط لازم برای اندازه‌گیری و نیز تعداد اندازه‌گیری هر نقطه بر عهده آزمایشگر بوده و از هنرهای آزمایش محسوب می‌شود.

(۲) تخمین خطای وسایل اندازه‌گیری:

در ابتدا توجه کنید که تخمین خطا نیز یکی از هنرهای آزمایشگر بوده و در بسیاری موارد قاعده ریاضی دقیقی برای آن وجود ندارد یا اگر وجود داشته باشد، وقت زیادی را صرف خواهد کرد. بنابراین به جای ارائه روش سعی می‌کنیم در یک مجموعه مثالها و نکاتی در این مورد را یادآور شویم:

قبل از هر چیز دقت کنید که بسیاری از وسایل دارای خطای حدی (limiting Error) می‌باشند که در کاتالوگ یا روی

خود وسیله ذکر شده است و معمولاً معتبرترین مرجع ما برای خطا می‌باشند و بحث تخمین خطا را برطرف می‌کنند. مثالها:

(۱) مقاومت‌هایی که در بازار موجودند و می‌خواهیم بدون اندازه‌گیری، دقیقاً از روی مقدار نامی (nominal) آنها را به کار ببریم دارای $5\% \pm 2\%$ و ... می‌باشند که روی مقاومت با روشهای استاندارد نوشته شده است.

(۲) بعضی از دستگاههای اندازه‌گیری دقیق حجیم که فقط یک حجم خاص را به دقت اندازه می‌گیرند خطای حدی مشخصی را روی بدنه خود همراه دارند که می‌توان اندازه‌گیری‌ها را در همین محدوده معتبر دانست.

در دستگاه‌هایی که باید از روش انطباق چشمی یک خط بر یک نشانه دستگاه استفاده کرد بحث تخمین خطا اهمیت جدی

پیدا می‌کند. و در اصل به نحوه تشخیص آزمایشگر برمی‌گردد.

مثال: فرض کنید در یک خط‌کشی فاصله دو نشان، آندرو زیاد است که بتوان وسط دو نشانه را با دقت خوبی تشخیص داد. در این صورت می‌توان اعداد را با دقت مثبت و منفی نصف واحد معرفی کرد. ($\pm \frac{1}{4}$ unit) اگر بتوان تقسیم‌های بیشتری انجام داد، دقت افزایش می‌یابد. در غیر این صورت همان (± 1 unit) را در نظر می‌گیریم.

در دستگاه‌های دیجیتال در اکثر موارد خطاهای حدی ذکر می‌شوند که ابتدا باید به آنها توجه کرد چون به نحوه ساخت وسیله برمی‌گردند اما وقتی این خطاهای بیان نشوند، خطا را برابر 1 LSD (یعنی مثبت و منفی کم ارزش‌ترین رقم صفحه نمایش) در نظر می‌گیریم. (LSD = Least Significant Digit)

۳) خطاهای تصادفی:

در بعضی اندازه‌گیری‌ها وسیله اندازه‌گیری از خطای کوچکی برخوردار است اما تکرار اندازه‌گیری نتایج متفاوتی را نشان می‌دهد در این موارد بحث خطای تصادفی اهمیت می‌یابد و باید تحلیل آماری روی اندازه‌گیری انجام داد. طبق یک قضیه آماری هرگاه به تعداد نامحدود آزمایشی را تکرار کنیم، بیشترین احتمال برای اندازه‌گیری‌ها، در محل مقدار متوسط اندازه‌گیری‌ها رخ می‌دهد. پس این مقدار برای معرفی کمیت مورد اندازه‌گیری مناسب است.

تخمین مقدار متوسط: مقدار متوسط ناشی از بینهایت اندازه‌گیری به طور دقیق قابل حصول نیست اما با تعداد کمتر هم می‌توان مقدار متوسط را تعریف کرد:

$$\bar{x} = \langle x \rangle = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

x_i هر کدام از اندازه‌گیری‌ها: $(i = 1, 2, 3, \dots, n)$
تعداد اندازه‌گیری‌ها: n

تخمین خطا: مفهوم انحراف استاندارد (S.D.) به این شکل تعریف می‌شود:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$$

و انحراف استاندارد مقدار متوسط برابر $\sigma_m = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ می‌باشد که معرف خطای تصادفی است.

بنابراین معرفی نتیجه اندازه‌گیری به صورت: $\bar{x} \pm \sigma_m$ می‌باشد.

نکته مهم: اگر خطای تصادفی (σ_m) از خطای وسیله اندازه‌گیری بیشتر شد که نمایش به شکل بالا صحیح است و گرنه باید همان خطای وسیله را کنار \bar{x} قرار داد.

* تخمین σ_m : یک روش بسیار ساده برای تخمین، فرمول زیر است که برای $2 \leq n \leq 12$ دقت خوبی دارد و در بقیه موارد (n های بالا) هم با تقریب قابل استفاده است:

$$\sigma_m \approx \frac{x_{\max} - x_{\min}}{n}$$

نکته: (قرار داد) برای آنکه یک وضعیت واحد در نمایش خطا و مقدار اندازه‌گیری ایجاد شود توجه کنید که در مواردی که محاسبه خطا از طریق فرمولها انجام می‌شود (خطای تصادفی یا خطای ترکیبی) لازم است با یک یا دو رقم معنی دار نوشته شود.

ضمناً نتیجه اندازه‌گیری باید تا همان تعداد ارقام اعشاری که خطا نوشته شده، بیان گردد.

مثال: خطای تصادفی برابر ۱۷۶۸۶۵٪ از ماشین حساب محاسبه شده و مقدار x برابر ۱/۹۵۱۷۶۱ بوده است. خطا و مقدار

اندازه‌گیری به این شکل نوشته می‌شوند:

$$1/95 + 0/18$$

(۴) رسم نمودارهای آزمایشگاهی:

در رسم هر نمودار نکات زیر را رعایت کنید:

(۱) مشخص کردن محورهای x و y (با رسم آنها و رسم فلش مربوطه)

(۲) مشخص کردن واحد اندازه‌گیری روی هر محور

(۳) مشخص کردن کمیت مورد نمایش روی هر محور

(۴) مشخص کردن درجه‌بندی محورها

(۵) مشخص کردن خطوط خطا در صورت قابل نمایش بودن آنها

(۶) نوشتن شرح و شماره برای هر نمودار جهت رجوع به هر منحنی

نکته (۱): سعی کنید همواره درجه‌بندی منحنی طوری باشد که استفاده بهینه از کاغذ نمودار بشود چون هرچه از نظر هندسی اندازه‌ها بزرگ شوند، دقت بالاتر می‌رود. در این راستا توجه کنید که نقطه شروع محورها لزوماً از صفر نمی‌باشد (در درجه‌بندی خطی)

نکته (۲): در درجه‌بندی غیرخطی (لگاریتم) نقطه شروع محور یکی از توانهای عدد ۱۰ است.

* رسم بهترین خط: در رسم بهترین خط از قانون کمترین مربعات استفاده می‌شود که در آن مقادیر m و c ضریب‌زاویه و عرض از مبدأ خط به صورت زیر به دست می‌آیند:

$$m = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})y_i}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

$$c = \bar{y} - m\bar{x}$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}, \quad \bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i}{n}$$

رابطه دوم یک ایده اساسی برای رسم می‌دهد و آن عبور خط از مرکز ثقل نقاط است.

بنابراین دو روش زیر را برای رسم پیشنهاد می‌کنیم.

(۱) روش استفاده از ماشین حساب‌های علمی که m و c را از همین فرمولها به سرعت محاسبه می‌کنند.

(۲) در صورتی که بخواهیم وقت صرف وارد کردن اعداد در ماشین حساب نکنیم، می‌توان خط را طوری رسم کرد که نقاط به تساوی در طرفین خط قرار گیرند. ضمناً برای داشتن دقت بالا در صورت پراکندگی نقاط می‌توان \bar{x} و \bar{y} را روی نمودار مشخص کرد و خط را از آن هم عبور داد.

(۵) محاسبه خطای پارامترهای نمودار:

برای محاسبه خطا قبلاً دیدیم که یک خط ناشی از وسیله اندازه‌گیری بود و یک خط ناشی از تصادفی بودن اندازه‌گیری‌ها مشابه این واقعیت در نمودار هم ملاحظه می‌شود. هر نقطه یک خطا در هر یک از راستاهای x و y دارد که با خط خطا نمایش داده می‌شود و مجموعه نقاط هم در اثر پراکندگی ناشی از تصادفی بودن و خطای وسیله خطای دیگری را موجب می‌شوند:

۱- هرگاه خطای نقاط آنقدر زیاد باشد که خطوط خطا قابل نمایش باشند و یا در مقابل پراکندگی نقاط آنقدر زیاد نباشد، کفایت دو

خط با شیب‌های ماکزیمم و مینیمم که تقریباً از همه محدوده‌های خطا (مستطیلی که به طور فرضی روی هر نقطه بنا می‌شود) عبور

کنند، رسم نماییم و اگر m_{\min} و m_{\max} مقدار شیب آنها باشد: $\Delta m = m_{\max} - m_{\min}$ به عنوان اندازه‌گیری شیب خط

بیان می‌شود.

که در آن Δm برابر است با:

$$\Delta m = \frac{m_{\max} - m_{\min}}{2}$$

$$m = \frac{m_{\max} + m_{\min}}{2}$$

عرض از مبدأ \min و \max هم از روی منحنی به دست می‌آیند و داریم:

$$C = C_{\text{بهترین}} \pm \left(\frac{C_{\text{max}} - C_{\text{min}}}{2} \right)$$

۲- خطوط خطا هم همواره قابل نمایش در منحنی نیستند و در این موارد فقط پراکندگی است که مهم می‌شود و تشخیص آنکه کدام خطا اهمیت بیشتری دارد برعهده آزمایشگر است. در این زمینه ۳ روش برای محاسبه خطا ارائه می‌دهیم:

(۱) استفاده از ماشین حساب و محاسبه نسبتاً دقیق خطا:

$$(\Delta m)^2 \equiv \frac{1}{D} \sum d_i^2$$

$$d_i = y_i - mx_i - c$$

$$D = \sum (x_i - \bar{x})^2$$

$$(\Delta c)^2 \equiv \left(\frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{D} \right) \sum d_i^2$$

ضمناً اگر از ماشین حساب استفاده می‌شود فرمول بهتری برای Δm وجود دارد که برحسب r (رگرسیون) داده‌ها بیان می‌شود:

$$\left(\frac{\Delta m}{m} \right)^2 = \frac{1}{n-2} \left(\frac{1}{r^2} - 1 \right)$$

~~$$\left(\frac{\Delta m}{m} \right)^2 = \frac{1}{n-2} \left(\frac{1}{r^2} - 1 \right)$$~~

(۲) روش نقاط زوجی:

این روش خصوصاً برای وقتی مناسب می‌باشد که هدف محاسبه m و خطای آن باشد و برای c روش خوبی نیست ضمناً تعداد نقاط هم نباید کم باشد. برای محاسبه، تعدادی زوج نقطه در نظر می‌گیریم به طوری که اگر n نقطه داشته باشیم، فاصله زوج نقطه از هم حدوداً $\frac{\pi}{4}$ باشد مثلاً در ۸ نقطه، باید (۱ و ۵) و (۲ و ۶) و (۳ و ۷) و (۴ و ۸) زوج نقاط مورد نظر باشند. حال ضرایب زاویه را برای این نقاط حساب می‌کنیم، متوسط آنها بهترین شیب را می‌دهد و انحراف از معیار متوسط (σ_m) مقدار خطا را می‌دهد.

(۳) روش رسم خطوط \min و \max :

یک روش سریع و عملی اما تقریبی آنست که مستطیلی در نظر بگیریم با حداقل مساحت که همه نقاط را در برگیرد و اضلاع بزرگ آن موازی با بهترین خط باشند. ضمناً نقاطی که خیلی دور از خط هستند باید حذف شوند.

در این روش، رسم قطره‌های این مستطیل خطوط \min و \max را خواهند داد که قبلاً در مورد آن صحبت کردیم.

(۶) خطاهای ترکیبی:

اگر خطای متغیر x ، برابر Δx باشد خطای تابع به شرط آنکه $\Delta x \ll x$ باشد برابر است با:

$$\Delta f = f' \cdot \Delta x$$

حالا اگر تابع f از چند متغیر باشد به صورت $y = f(x_1, \dots, x_n)$ خطای ناشی از هر کدام از x_i ها برابر است با:

$$\Delta y_i = \frac{\partial f}{\partial x_i} \Delta x_i$$

در این مرحله اگر Δy_i ها به صورت قدر مطلق با هم جمع شوند حداکثر مقدار خطا را می دهد اما معمولاً در آزمایشگاه از خطای محتمل استفاده می کنیم که از فرمول زیر محاسبه می شود:

$$(\Delta y)^2 = \sum_{i=1}^n \left(\frac{\partial f}{\partial x_i} \right)^2 (\Delta x_i)^2$$

مثال: اگر دو مقاومت R_1 و R_2 را داشته باشیم و خطای مقاومت سری را بخواهیم داریم:

$$R = R_1 + R_2$$

$$(\Delta R)^2 = (\Delta R_1)^2 + (\Delta R_2)^2$$

مثال: اگر مقاومت مداری را بخواهیم داریم:

$$R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$$\frac{\partial R}{\partial R_1} = \frac{R_2(R_1 + R_2) - R_1 R_2}{(R_1 + R_2)^2} = \left(\frac{R_2}{R_1 + R_2} \right)^2$$

$$\frac{\partial R}{\partial R_2} = \left(\frac{R_1}{R_1 + R_2} \right)^2$$

\Rightarrow

$$(\Delta R)^2 = \left(\frac{R_2}{R_1 + R_2} \right)^4 (\Delta R_1)^2 + \left(\frac{R_1}{R_1 + R_2} \right)^4 (\Delta R_2)^2$$

آنگاه داریم:

$$y = \frac{AB}{C(D+E)}$$

مثال: اگر:

$$\left(\frac{\Delta y}{y} \right)^2 = \left(\frac{\Delta A}{A} \right)^2 + \left(\frac{\Delta B}{B} \right)^2 + \left(\frac{\Delta C}{C} \right)^2 + \frac{(\Delta D)^2 + (\Delta E)^2}{(D+E)^2}$$

موفق باشید

آزمایشگاه فیزیک