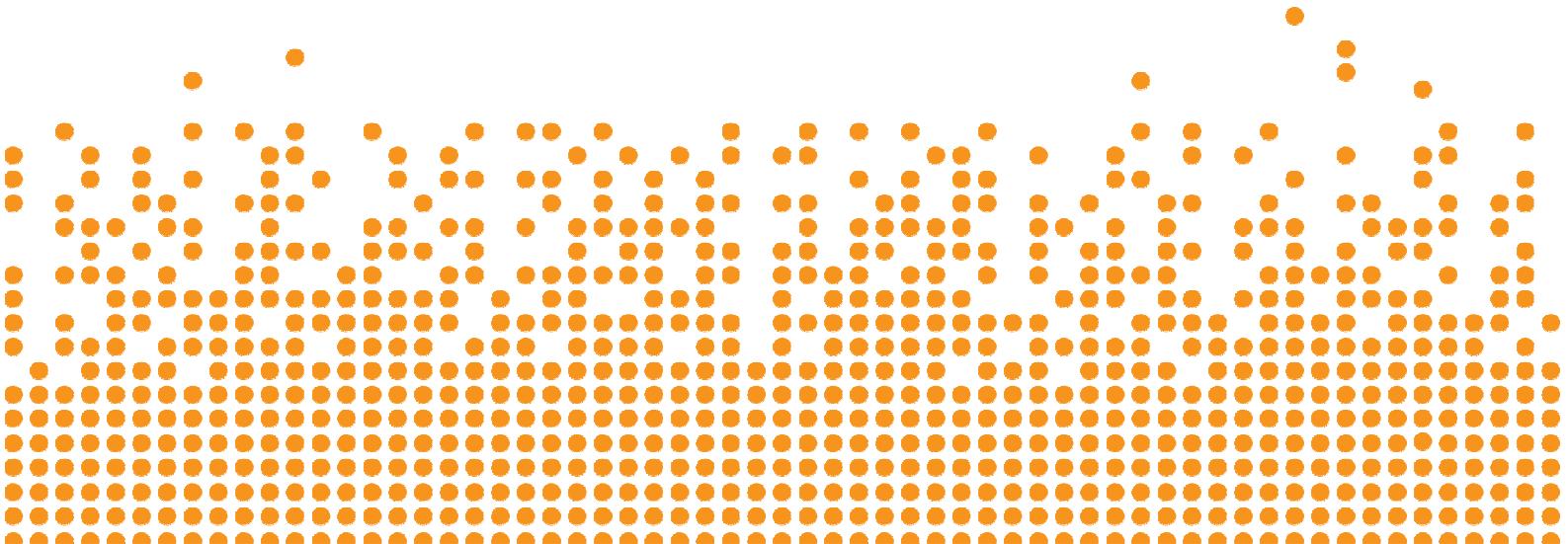


فَلَسْجُ

مَوْسِسَه آمُوزشی فرهنگی

# فیزیک ۳



# فصل اول

## الکتروسیسته‌سازن

### اصل پایستگی بار

بار الکتریکی نه به وجود می‌آید و نه از بین می‌رود و تنها از جسمی به جسم دیگر منتقل می‌شود، بنابراین مجموع بارهای الکتریکی که بین دو جسم مبادله می‌شود همواره صفر است.

ثابت بودن بار الکتریکی کل در فرآیند مالش دو جسم و یا پدیده‌های دیگر را «پایستگی بار الکتریکی» می‌نامیم.

### کواتومی (گسسته) بودن بار

بار الکتریکی مبادله شده بین اجسام مضرب درستی از یک مقدار پایه است که این مقدار پایه کوچک‌ترین بار مستقلی است که می‌تواند وجود داشته باشد و برابر با یک الکترون یا پروتون است که آن را با  $e$  نشان می‌دهیم و مقدار آن برابر  $1/6 \times 10^{-19}$  کولن است.

بنابراین اگر  $n$  الکترون از جسم A به جسم B انتقال یابد، بار الکتریکی جسم A  $= +ne$  و بار الکتریکی جسم B  $= -ne$  خواهد بود:

$$q = \pm ne \quad (n = 1, 2, \dots) \quad e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

↓  
کواتوم بار

**نکته:** تمامی اجسام در حالت عادی تعداد الکترون و پروتون‌های برابری دارند. به همین خاطر است که می‌گوییم در حالت عادی بار الکتریکی یک جسم خنثی است. به طور مثال وقتی جسمی تعدادی الکترون می‌گیرد بار آن منفی و وقتی تعدادی الکترون از دست می‌دهد بار آن مثبت می‌شود.

### روش‌های باردار کردن اجسام

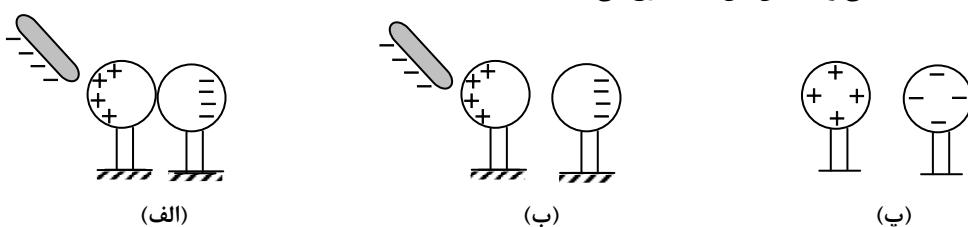
اجسام را به سه روش؛ مالش، القای الکتریکی و تماس مستقیم می‌توان باردار کرد که در زیر، مختصراً به توضیح آنها پرداخته‌ایم.

#### مالش:

اگر دو جسم نارسانا را به هم مالش دهیم، تعدادی از الکترون‌های یکی به دیگری منتقل می‌شود و دو جسم دارای بار الکتریکی می‌شوند. به طور مثال اگر میله‌ای شیشه‌ای را با پارچه‌ای پشمی مالش دهیم، میله دارای بار مثبت و پارچه دارای بار منفی خواهد شد و اگر میله‌ی پلاستیکی را با پارچه‌ی پشمی مالش دهیم، میله‌ی پلاستیکی دارای بار منفی و پارچه‌ی پشمی دارای بار مثبت خواهد شد.

#### القای الکتریکی:

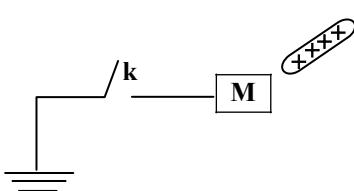
این روش تنها برای باردار کردن اجسام رسانا است. در این روش مطابق شکل، دو کره‌ی فلزی A و B روی دو پایه‌ی عایق قرار دارند و میله‌ی بارداری را به یکی از کره‌ها نزدیک می‌کنیم. به طور مثال اگر بار میله منفی باشد الکترونها توسط این میله به کره دیگر دفع می‌شوند. سپس دو کره را از هم جدا می‌کنیم. با برداشتن میله‌ی باردار، بارها در سطح خارجی کره به طور یکنواخت پخش می‌شوند و اصطلاحاً گفته می‌شود که کره‌های A و B به روش القا باردار شده‌اند. توجه کنید که اگر بار میله مثبت می‌بود عکس این مطلب رخ می‌داد.



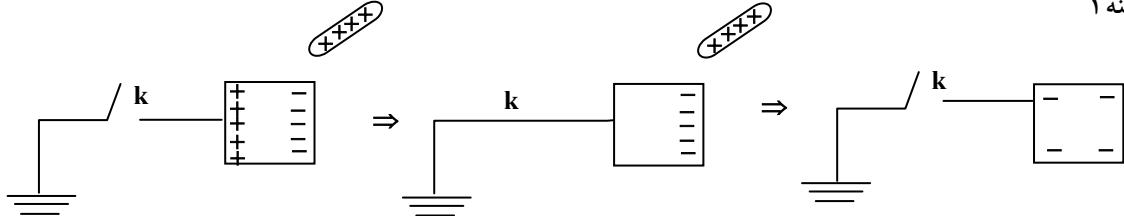
**مثال:** جسمی با بار الکتریکی مثبت را در مجاورت جسم رسانای M قرار می‌دهیم. کلید K را می‌بندیم و پس از چند لحظه کلید را باز می‌کنیم.

در این حالت جسم رسانای M:

- (۱) بار الکتریکی منفی پیدا می‌کند.
- (۲) بار الکتریکی مثبت پیدا می‌کند.
- (۳) بستگی به بار اولیه M دارد.
- (۴) خنثی می‌ماند.



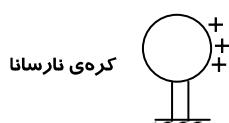
پاسخ‌گزینه ۱



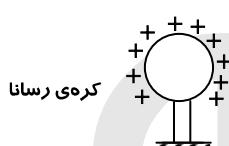
## تماس مستقیم:

به طور مثال اگر یک جسم فلزی دارای بار منفی را به جسم بدون باری تماس دهیم، بعضی از الکترون‌های جسم باردار به دیگری منتقل می‌شود و هر دو جسم دارای بار منفی می‌شوند، یا اگر بار اولیه مثبت باشد، برخی از الکترون‌های جسم بدون بار به جسم باردار منتقل شده و هر دو دارای بار مثبت می‌شوند.

## توزیع بار الکتریکی در یک جسم



جسم نارسانا: وقتی به یک جسم نارسانا بار الکتریکی داده می‌شود، بار در محل داده شده به جسم باقی می‌ماند و در جسم جابه‌جا نمی‌شود.



جسم رسانا: برخلاف جسم نارسانا وقتی به یک جسم رسانا بار الکتریکی داده می‌شود، بار الکتریکی در محل داده شده ساکن نمی‌ماند، بلکه جابه‌جا شده و در سطح خارجی آن جسم توزیع می‌شود.

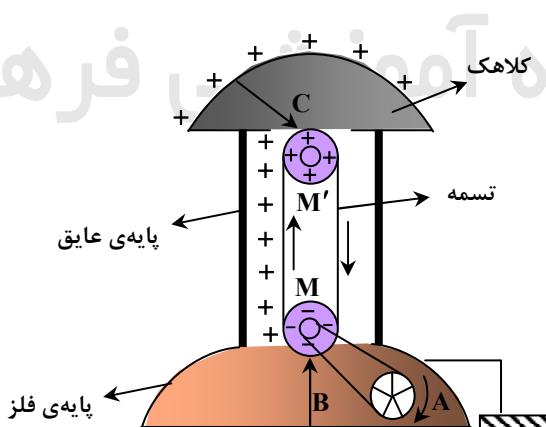
## بیشتر بدانید

## مولد وان دوگراف

دستگاهی است که بار الکتریکی روی کلاهک فلزی آن انباسته می‌شود. اگر یک جسم رسانا به کلاهک آن تماس داده شود دارای بار الکتریکی می‌شود.

این دستگاه شامل یک کلاهک فلزی، دو غلتک یکی از جنس پلی‌تن (M) و دیگری از جنس پرسپیکس (M') و یک شاخهٔ فلزی و تسمه است. غلتک M در اثر مالش تسمه دارای بار منفی و غلتک M' دارای بار مثبت می‌شود. مطابق شکل وقتی دستگاه کار می‌کند، کلاهک دارای بار مثبت می‌شود.

دقت کنید که اگر جای غلتک‌ها را عوض کنیم، با کار کردن دستگاه، کلاهک دارای بار منفی می‌شود.

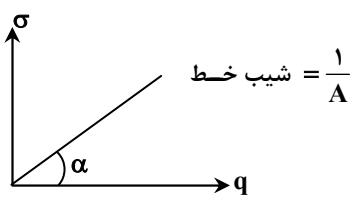


## چگالی سطحی

بار الکتریکی موجود در واحد سطح خارجی جسم رسانا را «چگالی سطحی بار الکتریکی» می‌نامیم.

کمیتی نردهای و فرعی است و یکای آن در SI بر حسب کولن بر متر مربع ( $\frac{C}{m^2}$ ) است.

$$\text{کولن (C)} \\ \uparrow \\ (\frac{C}{m^2}) = \frac{q}{A} \leftarrow \text{چگالی سطحی بار} \\ \downarrow \\ \text{متر مربع (m}^2\text{)}$$



**نکته:** اگر کره‌ای به شعاع  $r_1$  دارای بار  $q_1$  و کره‌ی دیگری به شعاع  $r_2$  دارای بار  $q_2$  باشد می‌توان نوشت:

(A) سطح کره:

$$\frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{\frac{q_2}{A_2}}{\frac{q_1}{A_1}} = \frac{q_2 \times A_1}{q_1 \times A_2} = \frac{q_2}{q_1} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

**نکته:** در جسمی مانند کره که سطح خارجی آن متنقارن است، چگالی سطحی بار در همه جای آن یکسان است، اما در جسم‌هایی که سطح خارجی نامتنقارن دارند، چگالی سطحی بار در نقاط نوک تیز از سایر مکان‌های دیگر جسم بیشتر است، یعنی فاصله‌ی بارهای داده شده به جسم در مکان‌های نوک تیز، کمتر از فاصله‌ی آنها در مکان‌های پهن است. شکل مقابل به صورت طرح‌وار توزیع بار را در سطح اجسام رسانا نشان می‌دهد.



در کلیه‌ی سطوح کره، چگالی یکسان است.

**مثال:** مخروط فلزی بدون بار مطابق شکل رویدرو، روی پایه‌ی عایقی قرار دارد. آونگ‌های الکتریکی A، B و C در اطراف مخروط فلزی و در تماس با آن قرار دارند. با اتصال وان دو گراف به مخروط بیشترین و کمترین انحراف به ترتیب از راست به چپ مربوط به کدام آونگ است؟

(۱) B و A

(۲) C و B

(۳) A و C

(۴) C و A

**پاسخ:** گزینه ۴

# مؤسسه آموزشی فرهنگی

## قانون کولن

بزرگی نیروی الکترواستاتیکی بین ۲ بار نقطه‌ای ساکن با حاصل ضرب اندازه‌ی بارها رابطه‌ی مستقیم و با مجدور فاصله‌ی بین آنها رابطه‌ی عکس دارد.

$$F \propto \frac{|q_1 q_2|}{r^2} \Rightarrow F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2}$$

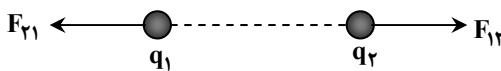
مجدور فاصله‌ی دو بار ( $m^2$ )

K: ضریب ثابت کولن است که واحد ندارد و مقدار آن به محیطی بستگی دارد که دو بار  $q_1$  و  $q_2$  در آن واقع‌اند و مقدار آن در خلا<sup>۹</sup> است و به صورت زیر محاسبه می‌شود:

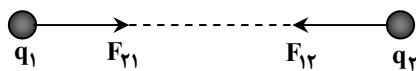
$$K = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$$

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} , \quad \epsilon_0 = 8 / 85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{Nm^2}$$

اگر  $q_1$  و  $q_2$  هم نام باشند، نیروی بین دو بار رانشی و مثبت است و اگر ناهمنام باشند نیرو ربایشی و منفی است.



نیروی رانشی  $\Rightarrow F > 0$



نیروی ربایشی  $\Rightarrow F < 0$

$$|F_{12}| = |F_{21}| \Rightarrow \vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$$

**نکته:** طبق قانون سوم نیوتون، این ۲ نیرو عمل و عکس العمل بوده و بنابراین همانند را مشخص می‌کند (دافعه یا جاذبه) و در خلاف جهت یکدیگر هستند.

**تذکرہ:** علامت بار فقط نوع نیرویی که دو بار بهم وارد می‌کنند را مشخص می‌کند (دافعه یا جاذبه) و در فرمول قانون کولن منظور نمی‌شود.

**مثال:** نیروی دافعه بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای مشابه در فاصله  $r$  از هم برابر با  $2 \times 10^{-3} N$  است. اگر به یکی از بارها  $2 \mu C$  اضافه کنیم، این

نیروی دافعه در همین فاصله برابر  $3 \times 10^{-3} N$  می‌شود. اندازه اولیه هریک از این بارهای الکتریکی چند میکروکولن بوده است؟

۸ (۴)

۶۹ (۳)

۴ (۲)

پاسخ: گزینه ۲

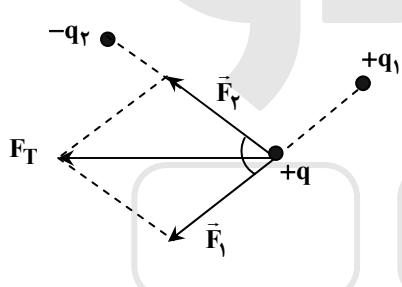
$$\frac{2}{100} = \frac{kq^2}{r^2} \quad \text{و} \quad \frac{3}{100} = \frac{k|q|(|q+2|)}{r^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q|(|q+2|)}{q^2} = \frac{3}{2} \Rightarrow |q|+2 = \frac{3}{2}|q| \Rightarrow |q| = 4 \mu C$$

**نکته:** اگر تعدادی ذره‌ی باردار در یک ناحیه از فضا قرار داشته باشند، نیروی الکتریکی وارد بر هر ذره، برآیند نیروهایی است که هریک از ذره‌های دیگر در غیاب سایر ذره‌ها برآن ذره وارد می‌کنند. وقت شود که برای محاسبه نیروی برآیند از روش‌های جمع برداری استفاده می‌کنیم:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots$$

به طور مثال: برآیند دو بار  $+q_1$  و  $-q_2$  بر بار  $+q$  به صورت زیر است:



$$\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 \Rightarrow F_T = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1 F_2 \cos \alpha}$$

$$\text{if } \alpha = 0^\circ \Rightarrow F_T = F_1 + F_2$$

$$\text{if } \alpha = \frac{\pi}{2} \Rightarrow F_T = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

$$\text{if } \alpha = \pi \Rightarrow F_T = |F_1 - F_2|$$

$$\text{if } F_1 = F_2 = F' \Rightarrow F_T = 2F' \cos \frac{\alpha}{2}$$

**مثال:** ۴ بار الکتریکی مثبت و هماندازه  $q$  در رأس‌های یک مربع به ضلع  $d$  قرار دارند. اندازه نیرویی که از طرف بارهای دیگر بر یکی از آن‌ها

$$\text{وارد می‌شود چند است؟} \quad k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad \text{و} \quad \frac{kq^2}{2d^2} \quad \text{و} \quad \text{اندازه‌ها در SI است.}$$

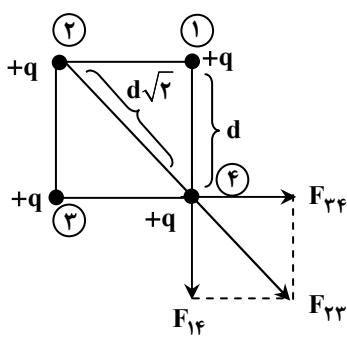
$2\sqrt{2} + 1$  (۴)

$\sqrt{2} + 1$  (۳)

$\sqrt{2}$  (۲)

۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۴



$$\text{و} \quad F_{23} + F'_T = F_T$$

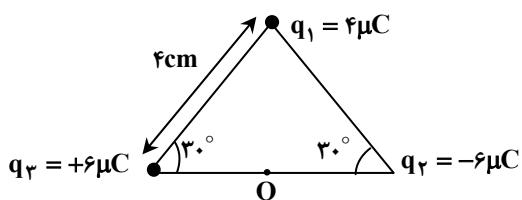
$$|F'_T| = |\vec{F}_{14} + \vec{F}_{23}|$$

$$F_{14} = F_{23} = \frac{kq^2}{d^2} \Rightarrow |F'_T| = \sqrt{2} \frac{kq^2}{d^2}$$

$$F_{23} = \frac{kq^2}{2d^2}$$

$$\Rightarrow F_T = \frac{kq^2}{2d^2} + \frac{\sqrt{2}kq^2}{d^2} = (1 + 2\sqrt{2}) \left( \frac{kq^2}{2d^2} \right)$$

**مثال:** سه بار نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس یک مثلث ثابت شده‌اند. بزرگی نیروی الکتریکی برآیند وارد بر بار  $C = +4\mu C$  واقع در نقطه‌ای  $O$  در وسط خط واصل دو بار  $q_2$  و  $q_3$  چند نیوتون است؟



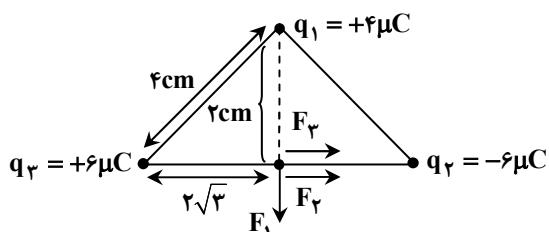
۴۵ (۱)

۹۰ (۲)

$45\sqrt{3}$  (۳)

$90\sqrt{2}$  (۴)

پاسخ: گزینه ۴



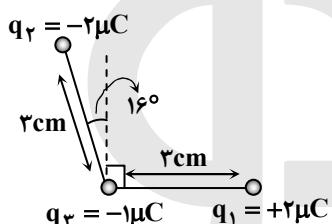
$$F_2 = F_3 = \frac{9 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-12}}{12 \times 10^{-4}} = 45 \text{ N}$$

$$F_{2,3} = F_2 + F_3 = 90 \text{ N}$$

$$F_1 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-12}}{4 \times 10^{-4}} = 9.0 \text{ N}$$

$$\Rightarrow F_T = \sqrt{F_{2,3}^2 + F_1^2} = 90\sqrt{2} \text{ N}$$

**مثال:** در شکل روبرو برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار نقطه‌ای  $q_2$  از طرف بارهای  $q_1$  و  $q_2$ ، چند نیوتون است؟ ( $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}$ )



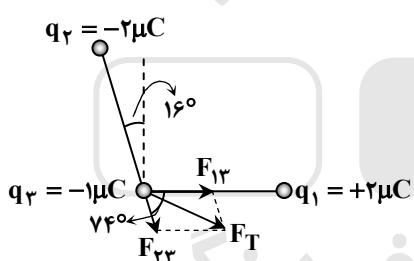
( $\cos 37^\circ = 0.8$ )

۳/۲ (۱)

۶/۴ (۲)

۳۲ (۳)

۶۴ (۴)



$$F_{2,3} = F_{1,2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 20 \text{ N}$$

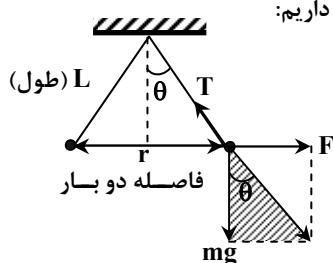
$$F_T = 2F_{2,3} \cos \frac{74}{2} = 2 \times 20 \times \cos 37$$

$$\Rightarrow F_T = 40 \times 0.8 = 32 \text{ N}$$

پاسخ: گزینه ۳

### آنگ الکتریکی

فرض کنید دو گلوله به جرم‌های  $m_1$  و  $m_2$  که بار آنها  $q_1$  و  $q_2$  است را توسط دو نخ عایق هم‌طول ( $L$ ) به نقطه‌ای از سقف بسته‌ایم. در صورتی که بارها هم‌نام باشند، هر یک از گلوله‌ها تحت اثر نیروی وزن ( $mg$ )، کشش نخ ( $T$ ) و نیروی دافعه کولنی بارها ( $F$ ) قرار می‌گیرند. اگر زاویه‌ای که یکی از نخ‌ها با امتداد قائم می‌سازد را با  $\theta$  نشان دهیم، در مثلث هاشور خورده داریم:



$$TS \sin \theta = F \Rightarrow \tan \theta = \frac{F}{mg}, T = \sqrt{F^2 + (mg)^2}$$

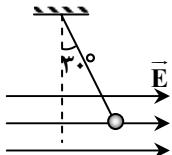
$$TC \cos \theta = mg \Rightarrow r = LS \sin \theta, F = \frac{kq_1 q_2}{r^2} = \frac{kq_1 q_2}{(2LS \sin \theta)^2}$$

**نتیجه:** می‌دانیم که در آونگ الکتریکی برای هر دو گلوله  $F$  ثابت است (طبق قانون سوم نیوتون)، در نتیجه قسمتی که گلوله‌ی سنگین‌تری به آن وصل شده است، زاویه‌ی کوچک‌تری با خط قائم می‌سازد.

$$\frac{F}{mg} = \tan \theta \Rightarrow \theta \downarrow$$

**مثال:** در شکل رو به رو، گلوله‌ای به جرم  $4\text{g}/0$  و بار الکتریکی  $5\mu\text{C}$  در میدان الکتریکی یکنواخت  $\vec{E}$  ساکن است. بزرگی میدان الکتریکی چند

$$(\cos 30^\circ = 0/8, \sin 30^\circ = 0/5, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

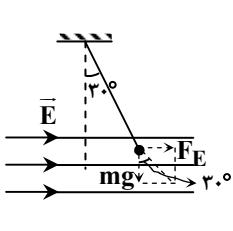


۵۰۰ (۱)

۱۰۰۰ (۲)

۲۰۰۰ (۳)

۵۰۰۰ (۴)

**پاسخ:** گزینه ۱

$$\begin{aligned} \tan 30^\circ &= \frac{F_E}{mg}, F_E = E|q| \\ \Rightarrow \tan 30^\circ &= \frac{E|q|}{mg} \Rightarrow E = \frac{mg \tan 30^\circ}{q} \\ \Rightarrow E &= \frac{0.004 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-9} \times 8} = 500 \frac{\text{N}}{\text{C}} \end{aligned}$$

**مثال:** کره‌ی باردار کوچکی به جرم  $5\text{g}$  توسط نخی به طول  $2\text{m}$  مطابق شکل در میدان الکتریکی یکنواخت  $100 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  معلق است. در صورتی که بار

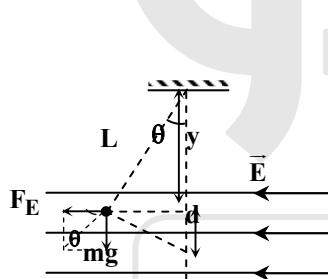
کره  $5\text{mC}$  باشد، کره از پایین نقطه‌ی آونگ چند سانتی‌متر بالا می‌آید؟ ( $\sqrt{2} = 1.4$ )

۴۵ (۱)

۳۰ (۲)

۷۲ (۳)

۶۰ (۴)

**پاسخ:** گزینه ۳

$$\begin{aligned} \tan \theta &= \frac{F_E}{mg}, F_E = E|q| \\ \Rightarrow \tan \theta &= \frac{E|q|}{mg} \Rightarrow \tan \theta = \frac{100 \times 5 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-9} \times 10} = 1 \\ \Rightarrow \theta &= 45^\circ, \cos \theta = \frac{y}{L} \Rightarrow y = L \cos 45^\circ = \frac{2 \times \sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \\ d &= L - y = 2 - \sqrt{2} = 2 - 1/4 = 0.6 \text{ m} = 60 \text{ cm} \end{aligned}$$

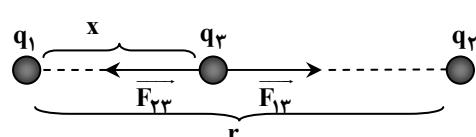
**نکته:** دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  (با فرض  $|q_1| = |q_2|$ ) در فاصله‌ی  $r$  از یکدیگر قرار گرفته‌اند. برای به دست آوردن نقطه‌ای از فضا که با قرار

دادن بار  $q_3$  در آن نقطه برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  صفر شود، به صورت زیر عمل می‌کنیم:

نقطه‌ی مورد نظر باید روی خط وصل دو بار باشد و:

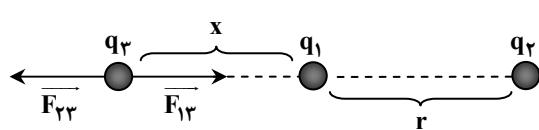
$$\vec{F}_{13} + \vec{F}_{23} = \vec{0} \Rightarrow |\vec{F}_{13}| = |\vec{F}_{23}|$$

۱- اگر دو بار  $q_1$  و  $q_2$  هم نام باشند، نقطه‌ی مورد نظر بین دو بار و به بار با اندازه‌ی کوچک‌تر نزدیک‌تر است.



$$F_{13} = F_{23} \Rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{x^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{(r-x)^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(r-x)^2}$$

۲- اگر  $q_1$  و  $q_2$  نام نام باشند، نقطه‌ی مورد نظر خارج دو بار و به بار با اندازه‌ی کوچک‌تر نزدیک‌تر است.



$$F_{13} = F_{23} \Rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{x^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{(r+x)^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(r+x)^2}$$

**نکته:** در شکل مقابل دو کره‌ی فلزی با شعاع یکسان مفروض‌اند. اگر آنها را به هم تماس داده و از هم دور کنیم، بار آن‌ها برابر خواهد شد و از

رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$(بار اولیه‌ی کره‌ی A) q_A \quad (بار اولیه‌ی کره‌ی B) q_B$$

$$q = \frac{q_A + q_B}{2}$$

### میدان الکتریکی

یک بار الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف خود خاصیتی ایجاد می‌کند که به آن «میدان الکتریکی» می‌گویند. در میدان الکتریکی به هر بار الکتریکی واقع در آن میدان، نیروی الکتریکی وارد می‌شود.

واضح است که میدان الکتریکی کمیتی برداری است (چون مضربی از نیرو است). و با نماد  $\vec{E}$  نشان داده می‌شود و یکای آن در SI نیوتون بر کولن ( $\frac{N}{C}$ ) است.

### تعریف کمی میدان الکتریکی

برابر است با نیرویی که از طرف میدان الکتریکی بر یکای بار الکتریکی در هر نقطه از میدان وارد می‌شود.

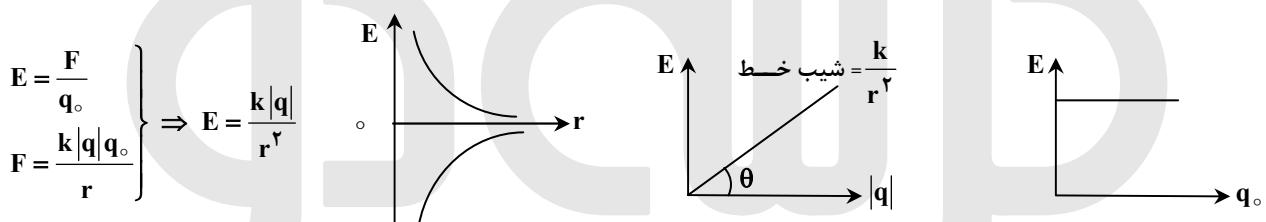
نیروی میدان ( $N$ )

$$\left( \frac{N}{C} \right) = \frac{\vec{F}}{q_0} \quad \text{میدان الکتریکی} \quad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

↓  
بار ذره‌ای که در میدان قرار دارد (C)

همواره در یک راستا قرار دارند.  
 $\vec{E}$  و  $\vec{F}$  هم جهت هستند  $\Rightarrow q_0 > 0$   
 $\vec{E}$  و  $\vec{F}$  خلاف جهت هم هستند  $\Rightarrow q_0 < 0$

در رابطه‌ی زیر ملاحظه می‌شود که بزرگی میدان الکتریکی ( $E$ ) به باری که در میدان قرار می‌گیرد ( $q_0$ ) بستگی ندارد.



**مثال:** ذره‌ای به جرم ۱۰ گرم و بار الکتریکی -۵ میکروکولن در یک میدان الکتریکی یکنواخت، بدون تکیه‌گاه به حالت سکون قرار دارد. اگر

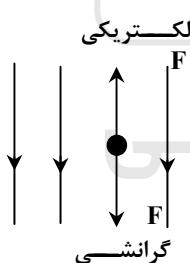
$g = 10 \frac{m}{s^2}$  باشد، میدان الکتریکی چند نیوتون بر کولن و جهت آن به کدام سمت است؟

(۴)  $5 \times 10^5$  پایین

(۳)  $5 \times 10^5$  بالا

(۱)  $2 \times 10^4$  بالا

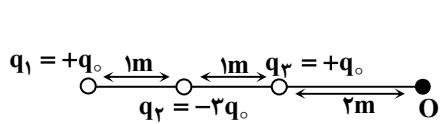
پاسخ: گزینه ۲



$$\begin{aligned} \text{گرانشی} &= F_{\text{الکتریکی}} \Rightarrow F_{\text{الکتریکی}} = F \\ E|q| &= mg \Rightarrow E = \frac{10 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-6}} = 2 \times 10^4 \frac{N}{C} \end{aligned}$$

بنابراین می‌بایست جهت میدان الکتریکی به سمت پایین باشد تا نیروی الکتریکی وارد بر ذره منفی مذکور به سمت بالا باشد.

**مثال:** میدان برآیند حاصل از بارهای الکتریکی  $q_1$ ,  $q_2$ ,  $q_3$  در نقطه‌ی O واقع در شکل بر حسب واحد SI کدام است؟



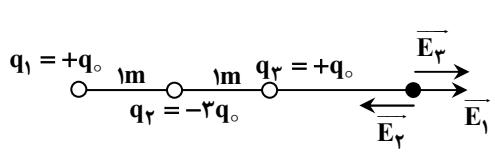
$$\frac{1}{24} kq_0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{48} kq_0 \quad (1)$$

$$\frac{31}{9} kq_0 \quad (4)$$

$$\frac{62}{9} kq_0 \quad (3)$$

پاسخ: گزینه ۱

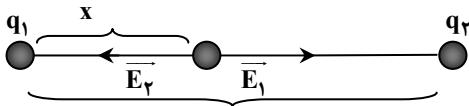


$$E_1 = \frac{kq_0}{(4)^2} = \frac{kq_0}{16}, \quad E_2 = \frac{k \times 3q_0}{(3)^2} = \frac{kq_0}{9}$$

$$E_3 = \frac{kq_0}{(1)^2} = \frac{kq_0}{4}, \quad E_T = |E_1 + E_2 - E_3| = \left| \frac{kq_0}{16} + \frac{kq_0}{9} - \frac{kq_0}{4} \right| \\ \Rightarrow E_T = \frac{kq_0}{48}$$

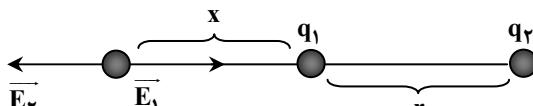
**نکته:** دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  (با فرض  $|q_1| > |q_2|$ ) در فاصله‌ی  $r$  از هم مفروض‌اند، برآیند میدان الکتریکی حاصل از آنها در صورتی که:

۱- هم‌نام باشند، بین دو بار و نزدیک به باری که اندازه‌ی آن کوچک‌تر است، صفر می‌شود:



$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \vec{0} \Rightarrow |\vec{E}_1| = |\vec{E}_2| \Rightarrow \frac{k|q_1|}{x^2} = \frac{k|q_2|}{(r-x)^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(r-x)^2}$$

۲- غیرهم‌نام باشند، بیرون دو بار و نزدیک به باری که اندازه‌ی آن کوچک‌تر است، صفر می‌شود:

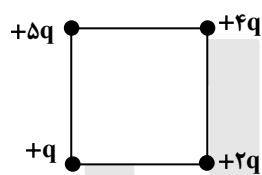


$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \vec{0} \Rightarrow |\vec{E}_1| = |\vec{E}_2| \Rightarrow \frac{k|q_1|}{x^2} = \frac{k|q_2|}{(r+x)^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(r+x)^2}$$

**نکته:** اگر در یک ناحیه از فضا چند ذره‌ی باردار وجود داشته باشد، در هر نقطه از آن یک میدان الکتریکی وجود دارد. این میدان برآیند برداری میدان‌هایی است که هر ذره‌ی باردار به تنها‌ی در آن نقطه ایجاد می‌کنند.

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots$$

**مثال:** اگر در یک رأس مربعی بار  $q$  قرار گیرد، میدان الکتریکی حاصل از آن در مرکز مربع  $E$  است. حال اگر در چهار رأس همان مربع، بارهای الکتریکی‌ای مطابق شکل قرار گیرند، اندازه میدان الکتریکی در مرکز آن چند  $E$  می‌شود؟



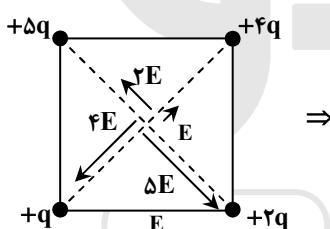
$$(1) \sqrt{2}$$

$$(2) 2\sqrt{2}$$

$$(3) \frac{3}{2}\sqrt{2}$$

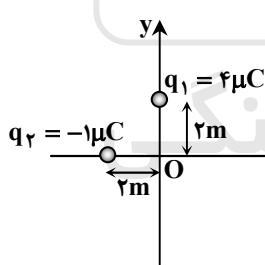
$$(4) 3\sqrt{2}$$

پاسخ: گزینه ۴



$$\Rightarrow E_T = 3\sqrt{2}E$$

**مثال:** در شکل زیر بزرگی میدان الکتریکی برآیند در نقطه‌ی O بر حسب واحدهای SI کدام است؟



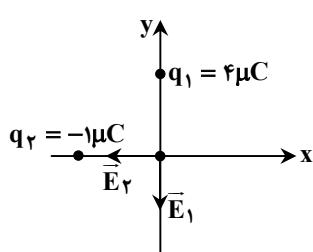
$$(1) -10^3 \left(\frac{3}{4}\bar{i} + 9\bar{j}\right)$$

$$(2) 10^3 \left(\frac{3}{4}\bar{i} + 9\bar{j}\right)$$

$$(3) -10^3 \left(\frac{9}{4}\bar{i} + 9\bar{j}\right)$$

$$(4) 10^3 \left(\frac{9}{4}\bar{i} + 9\bar{j}\right)$$

پاسخ: گزینه ۳



$$E_1 = \frac{kq_1}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{4} = 9 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

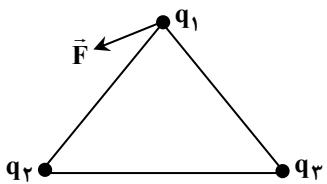
$$E_2 = \frac{kq_2}{r_2^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6}}{4} = \frac{9}{4} \times 10^3 \frac{N}{C}$$

حال با توجه به جهت میدان‌های به دست آمده داریم:

$$\vec{E}_T = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 \Rightarrow \vec{E} = \frac{-9}{4} \times 10^3 \bar{i} - 9 \times 10^3 \bar{j} = -10^3 \left(\frac{9}{4}\bar{i} + 9\bar{j}\right)$$

**نکته:** برآیند دو بردار همواره با بردار بزرگ‌تر زاویه‌ی کوچک‌تر و با بردار کوچک‌تر زاویه‌ی بزرگ‌تر می‌سازد.

**مثال:** در سه رأس مثلث متساوی‌الاضلاعی به شکل رو برو سه بار نقطه‌ای  $q_1$ ,  $q_2$  و  $q_3$  وجود دارد. اگر برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_1$  نیروی  $\vec{F}$



باشد، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱)  $|q_3| > |q_1|$  و  $q_3$  غیرهم نام و  $|q_2| > |q_3|$  هم نام و  $q_1$
- (۲)  $|q_2| > |q_3|$  هم نام و  $q_1$  و  $q_3$
- (۳)  $|q_2| > |q_1|$  هم نام و  $q_1$  و  $q_3$
- (۴)  $|q_2| > |q_3|$  غیرهم نام و  $|q_1| > |q_2|$  هم نام و  $q_3$

پاسخ: گزینه ۲

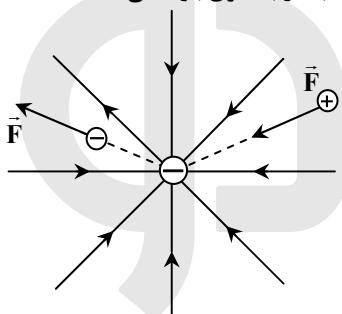
### تجسم میدان الکتریکی

میدان الکتریکی در اطراف یک جسم باردار را با خطوط میدان نشان می‌دهیم. این خطوط دارای ویژگی‌های زیر هستند:

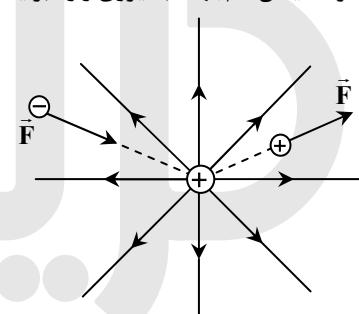
- (۱) هیچ‌گاه یک دیگر را قطع نمی‌کنند و بر هم مماس نمی‌شوند. یعنی از هر نقطه یک خط میدان الکتریکی می‌گذرد که برآیند همه‌ی میدان‌های الکتریکی در آن نقطه است.
- (۲) تراکم و تعداد خطوط در هر نقطه نشان دهنده قدرت میدان در آن نقطه است. بنابراین هر چقدر در نقطه‌ای خطوط به هم نزدیک‌تر و فشرده‌تر باشند، میدان در آن نقطه قوی‌تر است.

(۳) جهت خطوط، جهت میدان الکتریکی را در هر نقطه مشخص می‌کند.

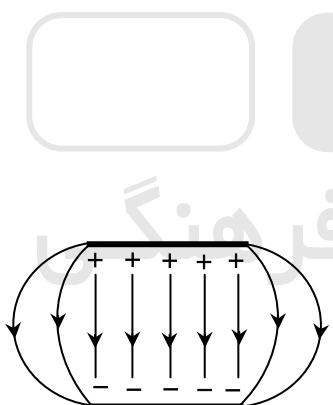
- (۴) بردار میدان الکتریکی،  $(\vec{E})$  در هر نقطه، در جهت میدان و مماس بر خط میدانی است که از آن نقطه می‌گذرد. جهت خطوط میدان هم‌جهت با نیروی وارد بر یکای بار مثبت است. یعنی رو به خارج از بار مثبت و به سوی بار منفی است.



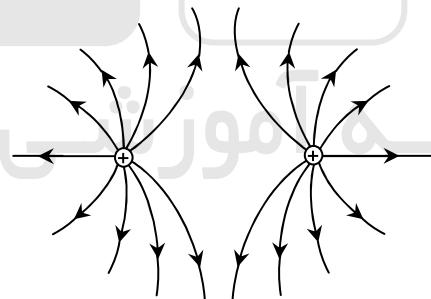
ب) بار منفی منفرد



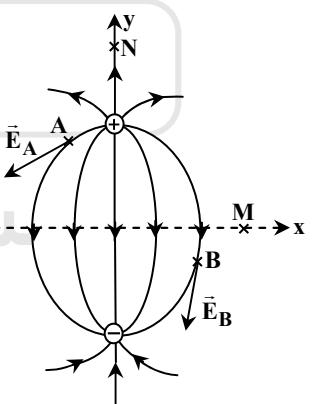
الف) بار مثبت منفرد



ث) میدان بین دو صفحه‌ی رسانای موازی با بارهای هماندازه (میدان یکنواخت)

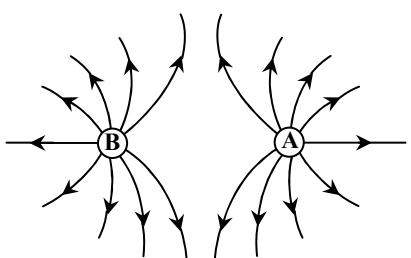


ت) دوبار الکتریکی مثبت و هماندازه



پ) دوقطبی الکتریکی

**مثال:** در شکل مقابل میدان الکتریکی حاصل از دو بار الکتریکی نشان داده شده است. نوع بار الکتریکی A و B (به ترتیب از راست به



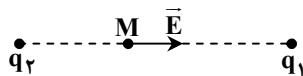
چپ) کدام است؟

- (۱) منفی- مثبت
- (۲) مثبت- مثبت
- (۳) منفی- منفی
- (۴) مثبت- منفی

پاسخ: گزینه ۲

**مثال:** میدان الکتریکی حاصل از بارهای الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $M$  روی خط واصل بارها مطابق شکل مقابل است. نوع بار الکتریکی آن‌ها

به ترتیب کدام‌اند؟



(۱) منفی - منفی

(۲) منفی - مثبت

(۳) مثبت - مثبت

(۴) بسته به شرایط هر کدام از گزینه‌های دیگر می‌تواند درست باشد.

**پاسخ:** گزینه ۴

از آنجا که در صورت سؤال اطلاعاتی راجع به اندازه بارهای  $q_1$  و  $q_2$  نداده است، هر یک از سه گزینه‌ی داده شده ممکن است صحیح باشند.

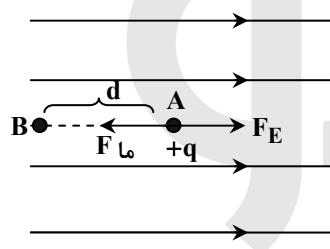
### انرژی پتانسیل الکتریکی

می‌دانیم که دو ذره‌ی باردار به هم نیرو وارد می‌کنند، بنابراین وقتی دو بار الکتریکی همنام را با سرعت ثابت به یکدیگر نزدیک می‌کنیم و یا دو بار الکتریکی ناهمنام را با سرعت ثابت از یکدیگر دور می‌کنیم، کار انجام می‌دهیم و انرژی مصرف می‌کنیم. این انرژی به صورت انرژی پتانسیل الکتریکی در بارهای الکتریکی ذخیره می‌شود. بنابراین تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی با کار انجام شده توسط نیروی عامل خارجی در جایه‌جایی با سرعت ثابت یا با منهای کار انجام شده توسط میدان الکتریکی برابر است، یعنی داریم:

$$\Delta U = W_F = -W_{F_E}$$

↓ ↓  
کار انجام شده توسط میدان الکتریکی

**کار لازم برای حرکت بار در میدان الکتریکی**



می‌خواهیم ذره‌ای با بار الکتریکی  $+q$  را با سرعت ثابت در خلاف جهت (از A به B) میدان

الکتریکی یکنواخت  $\bar{E}$  جایه‌جا کنیم، برای این منظور باید کار انجام دهیم. کار انجام شده در این عمل به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$W_F = Fd \cos \theta = Eqd \cos(0^\circ) = Eqd$$

$$W_{F_E} = F_E d \cos(180^\circ) = -F_E d = -Eqd$$

$$\sum F = 0 \Rightarrow |F| = |F_E| = Eq \Rightarrow \text{سرعت ثابت}$$

**نکته:** کار انجام شده برای انتقال بار در میدان الکتریکی، به مسیر حرکت بستگی ندارد و فقط به نقاط ابتدایی و انتهایی جایه‌جایی بستگی دارد. در واقع می‌توان گفت کار نیروهای پایستار وابسته به نقاط ابتدایی و انتهایی آن و مستقل از نوع مسیر طی شده است و می‌دانیم که نیروی الکتریکی از جمله نیروهای پایستار است.

**نکته:** اگر بار مثبت در جهت میدان جایه‌جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد و در صورتی که در خلاف جهت میدان جایه‌جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد. اگر بار منفی در جهت میدان جایه‌جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد و در صورتی که در خلاف جهت میدان جایه‌جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

**مثال:** ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت  $q$  را با سرعت ثابت در میدان الکتریکی یکنواخت  $\bar{E}$  در خلاف جهت میدان و به موازات خطهای میدان به اندازه  $d$  جایه‌جا می‌کنیم. در این صورت انرژی ..... بار  $q$  به اندازه  $Eqd$  ..... می‌یابد.

- (۱) جنسی - افزایش      (۲) جنبشی - کاهش      (۳) پتانسیل الکتریکی - افزایش      (۴) پتانسیل الکتریکی - کاهش

**پاسخ:** گزینه ۳

ذره مثبت بوده و چون در خلاف جهت میدان جایه‌جا شده، بنابراین انرژی پتانسیل آن افزایش می‌یابد:

$$\Delta U = W = Fd = Eqd$$

به طور کلی می‌توان گفت اگر در میدان الکتریکی، بار الکتریکی در جهتی جایه‌جا شود که لازمه‌ی آن غلبه بر نیروی میدان الکتریکی باشد، انرژی پتانسیل آن افزایش می‌یابد.

### پتانسیل الکتریکی

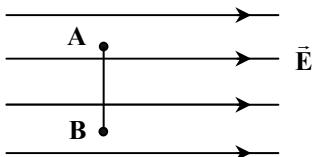
برابر با انرژی پتانسیل الکتریکی است که در ازای قرار گرفتن یکای بار الکتریکی مثبت در هر نقطه از میدان تعریف می‌شود. کمیتی نرده‌ای

است و یکای آن در SI ژول بر کولن ( $\frac{J}{C}$ ) است که به افتخار ولتا دانشمند ایتالیایی آن را ولت (V) نامیده‌اند.

$$V = \frac{U}{q_0}$$

**تذکرہ:** میدان (E) و پتانسیل الکتریکی (V) تنها به بار الکتریکی (q) بستگی دارد که میدان را به وجود آورده است و به اندازه و علامت بار الکتریکی که در آن نقطه از میدان قرار می‌گیرد (q) بستگی ندارد. در حالی که مفاهیم نیرو (F) و انرژی پتانسیل الکتریکی (U) هم به باری که میدان را ایجاد کرده و هم به باری که در میدان قرار گرفته است، بستگی دارند.

**تذکرہ:** اگر بار الکتریکی در راستای عمود بر خطوط میدان الکتریکی جابه‌جا شود، کار میدان الکتریکی صفر است.

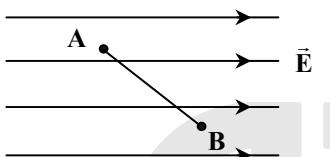


$$W_F = Fd \cos \theta = Eqd \cos 90^\circ = 0$$

بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی در این جایه‌جایی تغییر نمی‌کند و اختلاف پتانسیل دو نقطه‌ی مورد نظر نیز صفر است:

$$\Delta U = W_F = 0 \Rightarrow \Delta V = \frac{W_F}{q} = 0 \Rightarrow \Delta V = 0 \Rightarrow V_A = V_B$$

**تذکرہ:** اختلاف پتانسیل الکتریکی میان دو نقطه‌ی A و B در یک میدان الکتریکی یکنواخت از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:



$$\Delta V = -EDC \cos \alpha$$

که در آن،  $\alpha$  زاویه میدان الکتریکی و جایه‌جایی است.

### اختلاف پتانسیل الکتریکی

اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه عامل شارش بار الکتریکی بین آن دو نقطه است و جهت شارش آن همان جهت قراردادی جریان الکتریکی است که همواره از پتانسیل بیشتر به پتانسیل کمتر است و شارش بار الکتریکی تا زمانی ادامه پیدا می‌کند که دو نقطه هم پتانسیل شوند و در این لحظه جریان قطع می‌شود.

اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه برابر تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یکای بار الکتریکی مثبت است، وقتی یکای بار از نقطه‌ی اول تا نقطه‌ی دوم جابه‌جا می‌شود.

تغییرات انرژی پتانسیل (J)

$$V_2 - V_1 = \frac{U_2 - U_1}{q} \Rightarrow \Delta V = \frac{\Delta U}{q}$$

↑  
↓

بار (C) اختلاف پتانسیل (V)

**مثال:** اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه ۵۰۰ ولت است. با صرف چند ثول انرژی بار الکتریکی  $4 \times 10^{-4}$  میکروکولونی بین این دو نقطه با سرعت ثابت جاری می‌شود؟

(۱)  $4 \times 10^{-3}$

(۲)  $8 \times 10^{-3}$

(۳)  $4 \times 10^{-4}$

(۴)  $8 \times 10^{-4}$

پاسخ: گزینه ۳

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow \Delta U = \Delta V \times q = 500 \times 4 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-2} J$$

**تذکرہ:** اختلاف پتانسیل الکتریکی تنها عامل انتقال و شارش بار الکتریکی از یک قسمت رسانا به قسمت دیگر آن است. بنابراین تراکم و چگالی بار الکتریکی در شارش بار الکتریکی سهمی ندارند.

**مثال:** اگر دو جسم رسانای باردار را با هم تماس دهیم، کدام کمیت فیزیکی آن‌ها با یکدیگر برابر می‌شود؟

(۱) بار الکتریکی

(۲) چگالی سطحی بار

(۳) پتانسیل الکتریکی و چگالی سطحی بار

(۴) پتانسیل الکتریکی

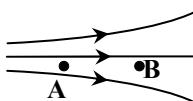
پاسخ: گزینه ۳

**تذکرہ:** تمامی نقاط روی یک جسم رسانای باردار الکتریکی که توسط پایه‌ی عایقی از محیط اطراف جدا شده است و در تعادل الکترواستاتیکی است هم پتانسیل هستند.

**نکته:** زمین را به عنوان مبدأ پتانسیل الکتریکی انتخاب می‌کنیم و پتانسیل زمین را صفر در نظر می‌گیریم، در این صورت پتانسیل الکتریکی هر جسم رسانایی که به زمین وصل شود را صفر در نظر می‌گیریم.

**نکته:** همواره در جهت میدان الکتریکی پتانسیل کاهش می‌باید، یعنی هر چه قدر به بار مثبت نزدیک تر شویم، پتانسیل الکتریکی بیشتر و هر چقدر به بار منفی نزدیک تر شویم، پتانسیل الکتریکی کمتر می‌شود.

**مثال:** شکل رو به رو خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. کدامیک از گزینه‌های زیر درباره نقاط A و B درست است؟



$$V_A > V_B \quad E_A > E_B \quad (1)$$

$$V_A > V_B \quad E_A < E_B \quad (2)$$

$$V_A < V_B \quad E_A > E_B \quad (3)$$

$$V_A < V_B \quad E_A < E_B \quad (4)$$

**پاسخ:** گزینه ۱

هرجا تراکم خطوط میدان بیشتر باشد، میدان در آن جا قوی‌تر است. بنابراین:  $E_A > E_B$  است. از طرفی می‌دانیم که پتانسیل در جهت میدان کاهش می‌باید، لذا  $V_A > V_B$  است.

#### میدان الکتریکی یکنواخت

به میدان الکتریکی گفته می‌شود که در آن خطوط میدان موازی، هم‌جهت و هم‌فاصله باشند و بزرگی میدان الکتریکی در همه‌ی نقاط آن مقداری ثابت است. چنین میدانی در فضای بین دو صفحه‌ی تخت و موازی که یکی دارای بار  $q^+$  و دیگری دارای بار  $q^-$  (بارهای هم اندازه و ناهم نام) باشد و دور از لبه‌ی صفحه‌ها به وجود می‌آید.

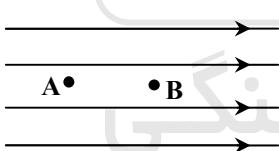
یکای ولت بر متر  $(\frac{V}{m})$  معادل نیوتون بر کولن  $(\frac{N}{C})$  است.

اختلاف پتانسیل دو صفحه  $(V)$

$$\left(\frac{V}{m}\right) \leftarrow E = \frac{\Delta V}{d}$$

فاصله دو صفحه موازی  $(m)$

**مثال:** در شکل مقابل، میدان الکتریکی یکنواخت  $\bar{E} = ۳۰۰ \frac{N}{C}$  و فاصله  $AB = ۲۰\text{cm}$  است. اگر پتانسیل نقاط A و B را به ترتیب با  $V_A$  و  $V_B$  نشان دهیم،  $V_A - V_B$  چند ولت است؟

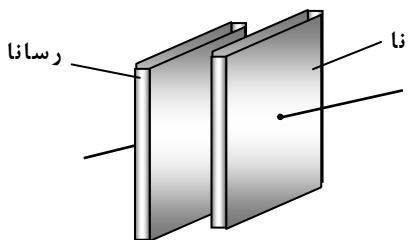


**پاسخ:** گزینه ۴

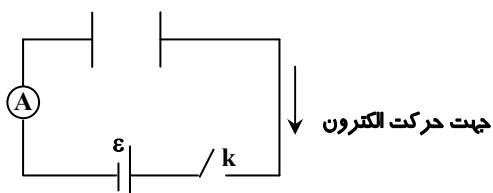
$$E = \frac{\Delta V}{d} \Rightarrow \Delta V = Ed = ۳۰۰ \times ۲۰ \times ۱۰^{-۲} = ۶۰\text{V} \Rightarrow V_A - V_B = ۶۰\text{V}$$

با توجه به این که در جهت میدان، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌باید، واضح است که  $V_A > V_B$  است.

## خازن

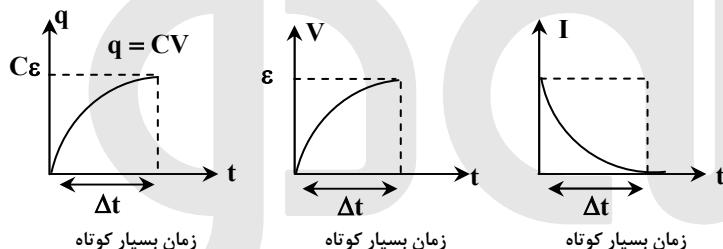


خازن یک وسیله‌ی الکتریکی است که می‌تواند مقداری بار الکتریکی و انرژی الکتریکی را در خود ذخیره کند و هر زمان که لازم باشد آن را در مدار تخلیه کند. هر رسانا خازن از دو قطعه‌ی رسانا تشکیل می‌شود که بین آن‌ها عایق قرار دارد. خازن‌ها را به شکل‌های مختلف و برای مصارف‌های مختلفی می‌سازند و به ساده‌ترین نوع آن، خازن تخت یا مسطح گفته می‌شود. رساناهای خازن تخت دو صفحه‌ی فلزی و موازی هم هستند که عایق (دی‌الکتریک) در فضای بین آن‌ها قرار گرفته است، به خاطر داشته باشید که خازن تخت را در مدار با علامت «——» نشان می‌دهند.



مطابق شکل، توسط سیم‌های رابط و کلید، دو صفحه‌ی یک خازن را به باتری وصل می‌کنیم. در لحظه‌ی وصل کلید، پتانسیل الکتریکی هریک از صفحات خازن صفر است. بنابراین بیش‌ترین اختلاف پتانسیل بین هر صفحه‌ی خازن و قطبی از پیل که به آن متصل است وجود دارد، به همین خاطر شارش بار الکتریکی بین آن‌ها صورت می‌گیرد تا زمانی که هم‌پتانسیل شوند، در این لحظه شارش بار قطع شده و خازن باردار شده است.

توجه کنید که عمل باردار شدن خازن در زمان بسیار کوتاهی رخ می‌دهد (حدود یک هزارم ثانیه) به طوری که می‌توان گفت از شاخه‌ای که روی آن خازن وجود دارد جریانی عبور نمی‌کند و اختلاف پتانسیل دو صفحه‌ی خازن با اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است.



نمودارهای  $V-t$ ,  $I-t$ ,  $q-t$  به هنگام پرسیدن خازن به صورت مقابل است:

**تذکرہ:** هنگامی که روی یک صفحه‌ی خازن بار  $q+$  و در صفحه‌ی مقابل آن بار  $q-$  ذخیره شود، به اصطلاح گفته می‌شود که در خازن بار ذخیره شده است.

## ظرفیت خازن

آزمایش‌های مکرر نشان می‌دهد که همواره نسبت بار ذخیره شده ( $q$ ) روی صفحات خازن به اختلاف پتانسیل دو صفحه‌ی آن ( $V$ ) مقداری ثابت است که این مقدار ثابت را «ظرفیت خازن» می‌نامند و یکای آن در SI بر حسب فاراد (F) است.

## عوامل مؤثر در ظرفیت خازن

ظرفیت خازن یک عامل هندسی است و ابسته به مشخصات ساختاری آن و مستقل از بار و اختلاف پتانسیل آن است. (شبیه ظرفیت یک بشکه‌ی آب) و در مورد یک خازن تخت به صورت زیر است:

ظرفیت خازن هنگامی که عایق بین دو صفحه‌ی آن به غیر از هوا یا خلاً باشد.

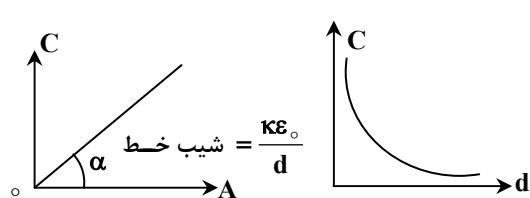
مساحت مشترک دو صفحه‌ی موازی خازن ( $m^2$ )

$$C = \frac{\kappa \epsilon_0 A}{d}$$

فاصله بین دو صفحه‌ی خازن (m)

$$\kappa = \frac{C}{C_0}$$

ظرفیت خازن هنگامی که عایق بین دو صفحه‌ی آن هوا یا خلاً باشد.



در صورتی که بین دو صفحه خلاً یا هوا باشد ( $\kappa = 1$ ) است و برای سایر دیالکتریک‌ها ( $\kappa > 1$ ) می‌باشد.

**مثال:** بین دو صفحه‌ی خازن مسطحی هوا است و دو سر آن به یک اختلاف پتانسیل الکتریکی ثابت وصل است. اگر با ثابت ماندن فاصله‌ی بین صفحات، یک تیغه‌ی شیشه‌ای بین آن صفحات قرار دهیم، بار الکتریکی خازن چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) ثابت می‌ماند.
- (۲) کاهش می‌یابد.
- (۳) افزایش می‌یابد.
- (۴) بسته به ضخامت شیشه ممکن است افزایش یا کاهش یابد.

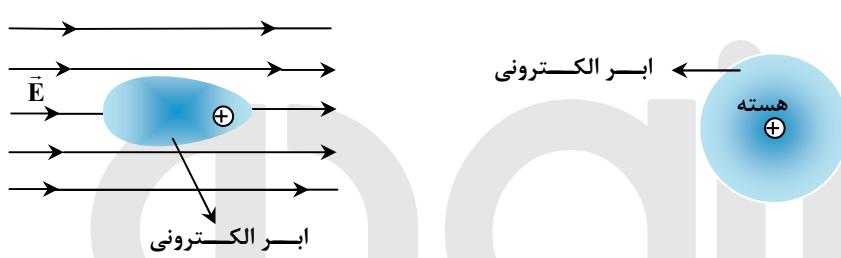
**پاسخ:** گزینه ۳

$$C = \frac{\kappa\epsilon_0 A}{d} \Rightarrow k \uparrow \Rightarrow C \uparrow \quad \text{و} \quad V = \text{ثابت}$$

$$q = \uparrow CV \Rightarrow q \uparrow$$

**نکته:** میدان یکنواخت در بین صفحه‌های یک خازن از رابطه‌ی  $E = \frac{q}{\kappa\epsilon_0 A}$  نیز به دست می‌آید.

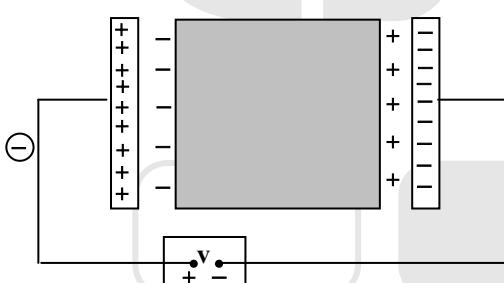
$$E = \frac{V}{d} = \frac{C}{d} = \frac{q}{Cd} \xrightarrow{C = \frac{\kappa\epsilon_0 A}{d}} E = \frac{q}{\frac{\kappa\epsilon_0 A}{d} d} \Rightarrow E = \frac{q}{\kappa\epsilon_0 A} \xrightarrow{\sigma = \frac{q}{A}} E = \frac{\sigma}{\kappa\epsilon_0}$$



**نکته:** تأثیر میدان الکتریکی در اتم باعث می‌شود که ابر الکترونی (مرکز مؤثر بار منفی) در خلاف جهت میدان و هسته (مرکز مؤثر بار مثبت) در جهت میدان جابه‌جا شوند. در این حالت می‌گوییم اتم در میدان الکتریکی قطبیده شده است.

#### بررسی میکروسکوپیک نقش دی الکتریک

وقتی عایقی در معرض میدان الکتریکی قرار می‌گیرد، اتم‌های آن به فرم دو قطبی در می‌آیند. چون میدان از صفحه‌ی مثبت به صفحه‌ی منفی است، دو قطبی‌ها به گونه‌ای قرار می‌گیرند که بارهای منفی آن‌ها متمایل به صفحه‌ی مثبت و بارهای مثبت آن‌ها متمایل به صفحه‌ی منفی می‌شود. حال این بارهای منفی، خودشان تعداد دیگری از الکترون‌های آزاد صفحه‌ی سمت چپ را همان‌طور که در شکل نشان داده است دفع می‌کنند و بار مثبت صفحه زیاد می‌شود و به همین شکل بار منفی صفحه‌ی سمت راست هم زیاد شده و در کل بار الکتریکی خازن زیاد می‌شود. بنابراین ظرفیت خازن نیز افزایش می‌یابد.



#### فروریزش الکتریکی

ظرفیت خازن ثابت است و با افزایش ولتاژ دو صفحه‌ی خازن به همان نسبت بار روی صفحات آن افزایش می‌یابد و میدان الکتریکی بین دو صفحه قوی‌تر می‌شود تا حدی که می‌تواند باعث رسانا شدن لحظه‌ای دی‌الکتریک میان لحاظه‌ای دی‌الکتریکی دو صفحه، خازن تخلیه می‌شود و باعث سوختن دی‌الکتریک می‌شود.

**تذکرہ:** برای هر خازن حداقل ولتاژ مجازی وجود دارد که نباید خازن را به ولتاژ بیش‌تر از آن وصل کرد، زیرا فروریزش رخ می‌دهد و خازن می‌سوزد. این بیشینه اختلاف پتانسیل را «پتانسیل فروریزش» می‌نامند. مقدار بیشینه‌ی میدان الکتریکی که دی‌الکتریک می‌تواند بدون فروریزش تحمل کند را قدرت (استقامت) دی‌الکتریک می‌نامند. در این صورت می‌توان نوشت:

$$V = d \times \text{قدرت دی‌الکتریک}$$

#### انرژی ذخیره شده در خازن

هنگامی که خازن پر می‌شود در اثر میدان الکتریکی که میان دو صفحه‌ی آن به وجود می‌آید، مجموعه‌ی بارها دارای انرژی پتانسیل الکتریکی می‌شوند. خازن پر شده نیز به همین دلیل دارای انرژی ذخیره شده در پتانسیل الکتریکی است.

در واقع این انرژی (با توجه به قانون پایستگی انرژی)، همان انرژی است که مولد برای پر کردن خازن مصرف می‌کند. انرژی ذخیره شده در خازن را می‌توان از روابط زیر محاسبه کرد:

$$U = \frac{1}{2} qV \xrightarrow{q=CV} \left\{ \begin{array}{l} U = \frac{1}{2} CV^2 \\ V = \frac{q}{C} \end{array} \right.$$

**مثال:** ظرفیت خازنی  $22\mu F$  است. اگر بار الکتریکی آن  $20$  درصد افزایش یابد، انرژی آن  $16$  میکروژول افزایش می‌یابد. بار اولیه‌ی آن چند میکروکولن است؟

$$4 \times 10^{-2} \quad (4)$$

$$2 \times 10^{-2} \quad (3)$$

$$40 \quad (2)$$

$$20 \quad (1)$$

**پاسخ:** گزینه ۲

$$U = \frac{q}{2C} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{q_2}{q_1}\right)^2 \times \left(\frac{C_1}{C_2}\right) \text{ و } C = \text{cte}$$

$$\Rightarrow \frac{U_1 + 16}{U_1} = \left(\frac{q_1 + \frac{1}{5}q_1}{q_1}\right)^2 \Rightarrow U_1 = \frac{16 \times 25}{11} \text{ و } U_1 = \frac{1}{2} \frac{q_1}{C} \Rightarrow \frac{q_1}{2C} = \frac{16 \times 25}{11} \Rightarrow q_1 = 40\mu C$$

**نکته:** تا وقتی که یک خازن شارژ شده به دو سر باقی متصل است، هر تغییری که در ساختمان خازن ایجاد کنیم اختلاف پتانسیل ( $V$ ) دو سر خازن برابر اختلاف پتانسیل ( $V$ ) دو سر باقی می‌ماند، که مقدار ثابتی است. حال اگر خازن شارژ شده را از ساتری جدا کنیم و از این به بعد در ساختمان آن تغییر ایجاد کنیم، بار الکتریکی خازن ( $q$ ) ثابت می‌ماند. چون دیگر مسیری برای تبادل بار بین دو صفحه وجود ندارد و بار صفحات ثابت می‌ماند.

**نکته:** مقاومت یک خازن در مقابل عبور جریان الکتریکی بی‌نهایت است. یعنی اگر یک خازن به طور متواالی در یک مدار قرار گیرد از شاخه‌ای که خازن در آن قرار دارد جریانی عبور نمی‌کند.

**مثال:** دو سر خازن تختی که بین صفحات آن ها است به دو سر یک باقی متصل است. فاصله‌ی بین صفحات آن را نصف کرده و با عایقی با ثابت دی الکتریک  $2$  پر می‌کنیم. به ترتیب از راست به چپ انرژی ذخیره شده در خازن و بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات آن چند برابر می‌شود؟

$$4 \text{ و } 4 \quad (4)$$

$$2 \text{ و } 4 \quad (3)$$

$$4 \text{ و } 2 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

**پاسخ:** گزینه ۳

با توجه به این که دو سر خازن به باقی متصل است، لذا ولتاژ خازن ثابت می‌ماند.

حال با توجه به رابطه  $C = \frac{\kappa\epsilon_0 A}{d}$  واضح است که ظرفیت خازن  $4$  برابر می‌شود. حال می‌توان نوشت:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow[\text{شده}]{\text{ظرفیت } 4 \text{ برابر}} \text{انرژی نیز چهار برابر می‌شود.}$$

برای میدان نیز می‌توان نوشت:

$$E = \frac{V}{d} \xrightarrow[\text{نصف}]{\text{تابت}} \text{دو برابر می‌شود.}$$

**به هم پستن خازن‌ها**

گاهی اوقات می‌خواهیم از خازنی با ظرفیت معین استفاده کنیم که آن را در اختیار نداریم و مجبوریم خازن‌هایی را به گونه‌ای بیندیم که به ظرفیتی دلخواه دست بیابیم. بنابراین خازن معادل خازنی است که جانشین مجموعه‌ای خازن شود و در مدار همان مقدار بار و انرژی در خود ذخیره کند که در مجموعه‌ای خازن‌ها ذخیره می‌شود. به ظرفیت خازن معادل «ظرفیت معادل مدار» نیز گفته می‌شود.

**به هم پستن موازی خازن‌ها**

در این نوع اتصال دو سر تمامی خازن‌ها به اختلاف پتانسیل یکسانی متصل هستند و بار ذخیره شده در مجموعه‌ی خازن‌ها برابر با مجموع بار ذخیره شده در هر یک از خازن‌ها است. به طور مثال در شکل زیر یک سر تمامی خازن‌ها به نقطه‌ای با ولتاژ  $A$  و صفحه‌ی دیگر آنها به نقطه‌ای با ولتاژ  $B$  متصل است.

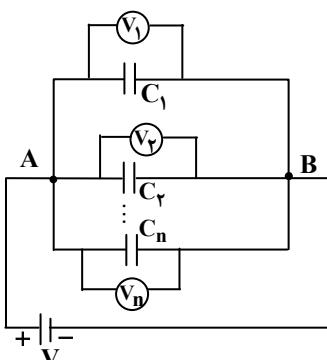
در این حالت ظرفیت معادل از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:

$$V_1 = V_2 = V_3 = \dots = V_n = V_T$$

$$q_T = q_1 + q_2 + q_3 + \dots + q_n, \quad q = CV$$

$$\Rightarrow C_T V_T = C_1 V_1 + C_2 V_2 + C_3 V_3 + \dots + C_n V_n$$

$$V = \text{cte} \Rightarrow C_T = C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_n$$



- در این نوع اتصال ظرفیت معادل از ظرفیت تک تک خازن‌ها بیشتر است.

اگر خازن مشابه با ظرفیت‌های  $C_1$  را به طور موازی به هم متصل کنیم، ظرفیت معادل  $nC_1$  می‌شود.

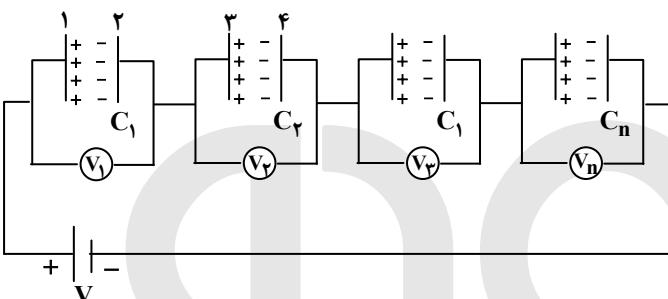
- در این نوع اتصال انرژی ذخیره شده در خازن‌ها با ظرفیت خازن‌ها رابطه‌ی مستقیم دارد.

$$\left. \begin{array}{l} U = \frac{1}{2} CV^2 \\ V = \text{cte} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} \quad \text{یا} \quad \frac{U_T}{U_1} = \frac{C_T}{C_1}$$

**تذکرہ:** دقت کنید که در اتصال موازی، دو سر تمام خازن‌ها به دو نقطه یکسان همانند A و B در شکل بالا متصل‌اند. اهمیت این نکته در تعیین نوع اتصال خازن‌ها برای بدست آوردن ظرفیت معادل خازن‌ها حائز اهمیت است.

#### بههم بستن متوالی خازن‌ها

وقتی خازن‌ها به طور متوالی به یک ولتاژ وصل می‌شوند، هیچ‌کدام از آنها به طور مستقل به ولتاژ  $V$  متصل نیستند. اگر روی صفحه‌ی (۱) بار  $+q$  انباسته شود بار  $-q$  روی صفحه‌ی (۲) القا می‌گردد. بنابراین بار  $+q$  روی صفحه‌ی ۳ انباسته می‌شود و به همین ترتیب، بار هر خازن بر ابر  $q$  می‌شود و بار ذخیره شده روی مجموعه‌ی خازن‌ها نیز برابر  $q$  است. اگر ولتاژ خازن‌ها به ترتیب  $V_1, V_2, V_3, \dots, V_n$  باشد، ولتاژ دو سر مدار برابر مجموع ولتاژ دو سر خازن‌هاست، در این حالت ظرفیت معادل از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:



$$q_T = q_1 = q_2 = q_3 = \dots = q_n$$

$$V_T = V_1 + V_2 + V_3 + \dots + V_n, \quad V = \frac{q}{C}$$

$$\Rightarrow \frac{q_T}{C_T} = \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} + \frac{q_3}{C_3} + \dots + \frac{q_n}{C_n}$$

$$q = \text{cte} \Rightarrow \frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_n}$$

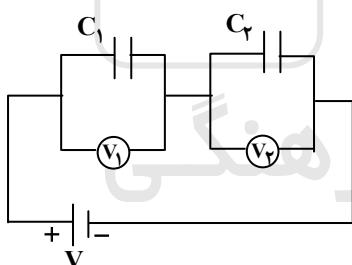
- ظرفیت معادل خازن‌های متوالی از ظرفیت هریک از خازن‌ها کمتر است.

هرگاه دو خازن با ظرفیت‌های  $C_1$  و  $C_2$  را به طور متوالی به هم وصل کنیم، ظرفیت معادل برابر خواهد بود با:

$$C_T = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

.  $C_T = \frac{C}{n}$  خازن مشابه که ظرفیت هریک C است را به طور متوالی بهم بیندیم، ظرفیت معادل آنها برابر خواهد بود با:

در اتصال متوالی، ولتاژها به نسبت عکس ظرفیت‌ها در مدار توزیع می‌شوند، مثلاً برای اتصال متوالی دو خازن داریم:



$$q_T = q_1 = q_2 \quad \text{و} \quad C_T = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \quad \text{و} \quad q = CV$$

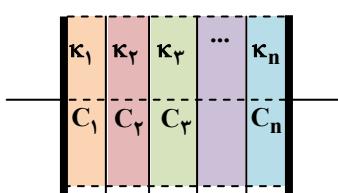
$$\left\{ \begin{array}{l} C_T V_T = C_1 V_1 \\ C_T V_T = C_2 V_2 \end{array} \right. \Rightarrow \begin{aligned} V_1 &= \frac{C_2 V_T}{C_1} \\ V_2 &= \frac{C_1 V_T}{C_2} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow V_1 = \frac{C_2}{C_1 + C_2} V_T \quad \text{و} \quad V_2 = \frac{C_1}{C_1 + C_2} V_T$$

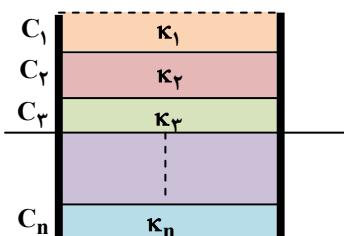
در حالت سری انرژی ذخیره شده در خازن‌ها با ظرفیت خازن‌ها رابطه‌ی عکس دارد.

$$\left\{ \begin{array}{l} q = \text{ثابت} \\ U = \frac{q}{2C} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{U_T}{U_1} = \frac{C_1}{C_T} \quad \text{و} \quad \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_T}$$

**نکته:** هرگاه فاصله‌ی میان صفحات خازنی توسط دی‌الکتریک‌های مطابق شکل پر شود، خازن به چند خازن که به صورت سری بسته شده‌اند تبدیل می‌شود.



$$\frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_n}$$



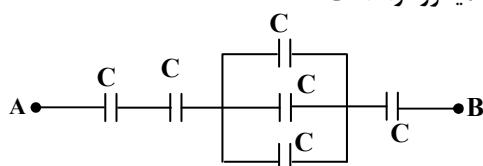
اگر دیالکتریک‌ها به صورت شکل زیر وارد شوند، خازن به چند خازن که به صورت موازی بسته شده‌اند تبدیل می‌شود:

$$C_T = C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_n$$

### به هم بستن مختلط

در این نوع به هم بستن در قسمتی خازن‌های موازی و در قسمتی دیگر خازن‌های متواالی داریم که برای بررسی این قسمت از اطلاعات مربوط به قسمت‌های قبل استفاده می‌کنیم.

**مثال:** در شکل مقابله خازن‌ها مشابه و ظرفیت کل  $6\mu F$  است. ظرفیت هر خازن چند میکروفاراد است؟

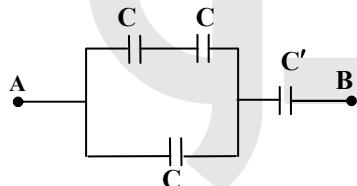


- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

$$A \xrightarrow{C} \xrightarrow{\frac{C}{2}} \xrightarrow{3C} \xrightarrow{C} B \quad \frac{1}{C_T} = \frac{1}{\frac{C}{2}} + \frac{1}{3C} + \frac{1}{C} = \frac{6+1+2}{6C} \Rightarrow C_T = \frac{3}{10}C = 6 \Rightarrow C = 2\mu F$$

**مثال:** اگر در شکل مقابله ظرفیت معادل  $\frac{3}{4}C'$  باشد، نسبت  $\frac{C}{C'}$  کدام است؟



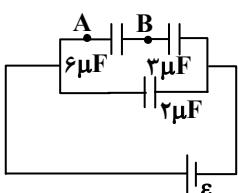
- ۲ (۲)
- ۲ (۱)
- $\frac{3}{2}$  (۴)
- $\frac{2}{3}$  (۳)

پاسخ: گزینه ۱

$$A \xrightarrow{C} \xrightarrow{\frac{C}{2}} \xrightarrow{C'} B \quad \Rightarrow \frac{1}{C_T} = \frac{1}{\frac{C}{2}} + \frac{1}{C'} \quad \text{و} \quad C_T = \frac{3}{4}C'$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{3}{2}CC'}{\frac{3}{2}C+C'} = \frac{3}{4}C' \Rightarrow \frac{3}{2}CC' = \frac{9}{8}CC' + \frac{3}{4}C'^2 \Rightarrow \frac{3}{4}C'^2 = \frac{3}{8}CC' \Rightarrow C' = \frac{C}{2} \Rightarrow \frac{C}{C'} = 2$$

**مثال:** در شکل مقابله اگر بار خازن ۲ میکروفارادی برابر با  $C = 300\mu F$  باشد. اختلاف پتانسیل بین دو نقطه‌ی A و B چند ولت است؟

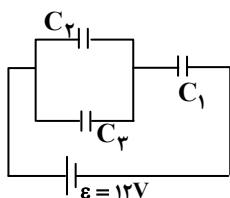


- ۴۵ (۱)
- ۵۰ (۲)
- ۹۰ (۳)
- ۱۰۰ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

$$A \xrightarrow{6\mu F} \xrightarrow{3\mu F} B \xrightarrow{12V} \quad q_1 = C_1 V_1 = 300\mu C \Rightarrow V_1 = 10V \\ q_{23} = 2 \times 10 = 200\mu C \quad q_{2,3} = q_2 = q_3 \\ \Rightarrow 200 = q_2 \Rightarrow C_2 V_2 = 200 \Rightarrow V_2 = 5V$$

**مثال:** سه خازن با ظرفیت‌های  $C_1 = 1\mu F$  ،  $C_2 = 2\mu F$  و  $C_3 = 3\mu F$  مطابق شکل مقابل بسته شده‌اند. بار الکتریکی خازن  $C_2$  چند میکروکولون است؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

**پاسخ:** گزینه ۱

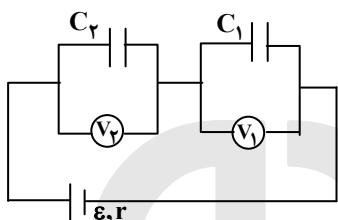
$$q_{2,3} = q_1 = q_{(2,3),1}$$

$$\Rightarrow C_{2,3} V_{2,3} = C_1 V_1 \quad \text{و} \quad C_{2,3} = 5\mu F \Rightarrow 5V_{2,3} = V_1 \times 1$$

$$\Rightarrow V_T = V_{2,3} + V_1 \Rightarrow 12 = 6V_{2,3} \Rightarrow V_{2,3} = 2$$

$$q_2 = C_2 V_2 = 2 \times 2 = 4\mu C$$

**مثال:** در شکل مقابل دی الکتریک را از بین صفحات خازن  $C_1$  بر می‌داریم،  $V_1$  و  $V_2$  به ترتیب چگونه تغییر می‌کنند؟



(۱) افزایش - افزایش

(۲) افزایش - کاهش

(۳) کاهش - کاهش

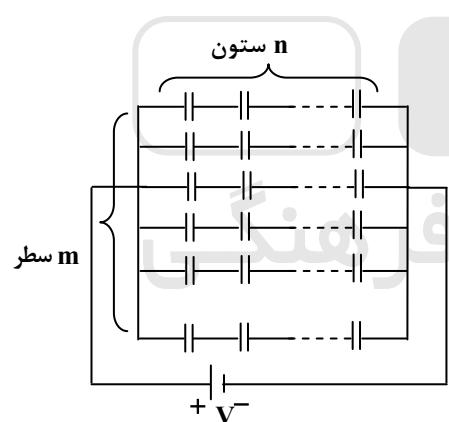
(۴) کاهش - افزایش

**پاسخ:** گزینه ۲

با برداشتن دی الکتریک ظرفیت خازن  $C_1$  کاهش می‌یابد و چون  $V_1$  و  $V_2$  به نسبت عکس ظرفیت‌ها تقسیم می‌شوند، پس  $V_1$  افزایش می‌یابد. از طرفی چون مجموع  $V_1$  و  $V_2$  مقدار ثابتی است، بنابراین  $V_2$  کاهش می‌یابد.

**نتیجه:** فرض کنید خازن‌های مشابهی که ظرفیت هریک  $C$  است را در  $m$  سطر و  $n$  ستون مطابق شکل بهم متصل می‌کنیم. در این حالت در هر ردیف  $n$  خازن به طور متواالی قرار می‌گیرند. ظرفیت معادل هر ردیف  $\frac{C}{n}$  است. حال  $m$  خازن به دست آمده با ظرفیت  $\frac{m}{n}C$  به صورت موازی

به هم متصل هستند. بنابراین ظرفیت معادل مجموعه برابر  $\frac{m}{n}C$  می‌شود.

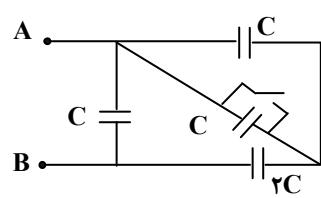


$$C_T = \frac{m}{n} C$$

**نتیجه:** اگر دو سر خازن یا مقاومتی را با سیم بدون مقاومتی بهم متصل کنیم، آن خازن و یا مقاومت و تمام خازن و یا مقاومت‌های موازی با آن از مدار حذف می‌شوند. اصطلاحاً می‌گویند که آن خازن و یا مقاومت اتصال کوتاه شده است.

**مثال:** در شکل مقابل اگر کلید را ببندیم، ظرفیت معادل بین دو نقطه‌ی A و B نسبت به حالتی که کلید باز است، چند برابر می‌شود؟

(۱)

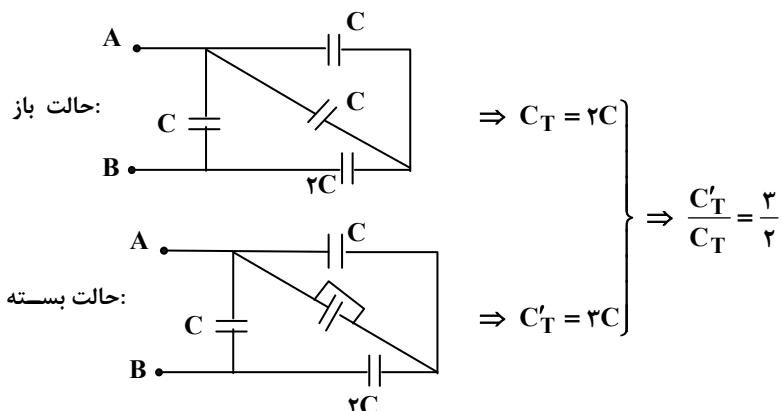


(۲)

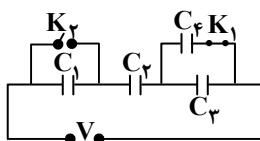
(۳)

(۴)

پاسخ: گزینه ۳



**مثال:** در مدار رو به رو همهی خازن‌ها مشابه‌اند. اگر کلید  $K_1$  را باز و کلید  $K_2$  را ببندیم، بار خازن  $C_2$  چند برابر حالت قبل می‌شود؟



- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)
- ۵ (۵)

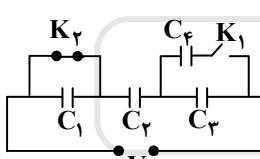
پاسخ: گزینه ۴

ابتدا بار خازن  $C_2$  در حالتی که  $K_1$  بسته و  $K_2$  باز باشد را می‌یابیم:

$$q_2 = q_T = C_T V_T$$

$$\frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_4} \Rightarrow C_T = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_4}} = \frac{1}{\frac{1}{C} + \frac{1}{C} + \frac{1}{\frac{1}{2}C}} = \frac{1}{\frac{5}{2}C} \Rightarrow q_2 = \frac{1}{\frac{5}{2}C} V$$

حال بار خازن  $C_2$  در حالتی که  $K_1$  باز و  $K_2$  بسته باشد را می‌یابیم: در این حالت  $C_1$  و  $C_4$  از مدار حذف می‌شوند.



$$\frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \Rightarrow C_T = \frac{C}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}}$$

$$q'_2 = C'_T V = \frac{C}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}} V = \frac{\frac{1}{C} V}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}} = \frac{\frac{1}{C} V}{\frac{1}{C} + \frac{1}{2C}} = \frac{\frac{1}{2} V}{\frac{3}{2} C} = \frac{V}{3C}$$

اتصال صفحه‌های خازن‌های پر شده به یکدیگر

دو خازن به ظرفیت‌های  $C_1$  و  $C_2$  را با ولتاژ‌های  $V_1$  و  $V_2$  شارژ می‌کنیم تا بارهای  $q_1 = C_1 V_1$  و  $q_2 = C_2 V_2$  در آنها ذخیره شود. پس از جدا کردن آنها از مولد، صفحه‌های همنام آنها را به هم وصل می‌کنیم. نوع اتصال آنها موازی و ولتاژ مشترک دو سر آنها برابر خواهد بود:

$$q_T = q_1 + q_2 \quad V = \frac{q}{C} \Rightarrow V = \frac{q_T}{C_T} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2} = \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2}$$

و در صورتی که صفحه‌های دارای بارهای ناهم‌نام را به هم وصل کنیم، ولتاژ مشترک دو سر آنها از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$q_T = |q_1 - q_2| \quad V = \frac{q}{C} \Rightarrow V = \frac{|q_1 - q_2|}{C_T} = \frac{|C_1 V_1 - C_2 V_2|}{C_1 + C_2}$$

در حالت کلی که دو خازن را بهم به صورت موازی بسته‌ایم:

$$V_T = \frac{q_T}{C_T} \Rightarrow \begin{cases} q_T = q_1 \pm q_2 \\ C_T = C_1 + C_2 \end{cases}$$

(+) صفحه‌های هم نام (-) صفحه‌های ناهم نام

**مثال:** خازنی به ظرفیت  $50\text{ }\mu\text{F}$  توسط اختلاف پتانسیل  $100$  ولت شارژ شده است. این خازن را از منبع جدا کرده و دو سر آن را به دو سر یک

خازن خالی وصل می‌کنیم. اگر بار الکتریکی منتقل شده به این خازن جدید  $-10^{-3}$  کولن باشد، ظرفیت این خازن چند میکروفاراد است؟

۳۵ (۴)

۲۵ (۳)

۱۷/۵ (۲)

۱۲/۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

$$V' = \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2} = \frac{50 \times 100}{50 + C_2}$$

$$q' = C_2 V' \Rightarrow 10^{-3} \mu C = \frac{50 \times 10^{-3} C_2}{50 + C_2} \Rightarrow 50 \times 10^{-3} + 10^{-3} C_2 = 50 \times 10^{-3} C_2$$

$$\Rightarrow 4 \times 10^{-3} C_2 = 50 \times 10^{-3} \Rightarrow C_2 = 12 / 5 \mu F$$

**مثال:** خازنی به ظرفیت  $C_1$  را با ولتاژ  $V_1$  و خازن دیگری با ظرفیت  $C_2$  را با ولتاژ  $V_2$  شارژ کرده‌ایم، سپس آنها را از منبع جدا کرده و دو سر مشابه (همنام) را به هم وصل می‌کنیم. در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر هر خازن برابر با کدام است؟

$$\frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2} \quad (4) \quad \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{2(C_1 + C_2)} \quad (3) \quad \frac{|V_1 - V_2|}{2} \quad (2) \quad |V_1 - V_2| \quad (1)$$

پاسخ: گزینه ۴

**مثال:** خازن  $C_1$  به اختلاف پتانسیل  $100V$  و خازن  $C_2 = 6\mu F$  به اختلاف پتانسیل  $400V$  متصل‌اند. این دو خازن را پس از بر شدن از مولد جدا کرده و صفحه‌های همنام آنها به هم وصل می‌شوند. پس از اتصال، اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه به  $280V$  می‌رسد. ظرفیت خازن  $C_1$  چند میکروفاراد است؟

$$V = \frac{q}{C} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2} = \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2} \Rightarrow 280 = \frac{100 C_1 + 6 \times 400}{C_1 + 6}$$

$$\Rightarrow 4 C_1 + 42 = 2 / 5 C_1 + 60 \Rightarrow 4 / 5 C_1 = 18 \Rightarrow C_1 = 45 \mu F$$

پاسخ: گزینه ۱

# مؤسسه آموزشی فرهنگی