

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

درس اول: معرفی و ساده کردن عبارت‌های گویا

درس دوم: محاسبات عبارت‌های گویا

درس سوم: تقسیم چندجمله‌ای‌ها

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

معرفی و ساده کردن عبارت‌های گویا

درس اول: معرفی و ساده کردن عبارت‌های گویا

مثال ۱۵۰: طول مستطیلی ۴ سانتی‌متر از عرض آن بیشتر است. اگر نسبت عرض به طول این مستطیل $\frac{3}{2}$ باشد. طول و عرض آن را به دست آورید.

* به طور کلی هر عبارت گویا، کسری است که صورت و مخرج آن چندجمله‌ای باشد.
با توجه به تعریف بالا عبارت‌های زیر گویا هستند.

$$\frac{2x - 5}{5x^3 - 2x^2 + 1} \quad , \quad \frac{x + 5}{x - 1} \quad , \quad -\frac{a}{4} \quad , \quad \frac{2}{5} \quad , \quad \frac{x}{y}$$

$$\frac{x^2 - \sqrt{3}x + 1}{xy} \quad , \quad \frac{1}{x} \quad , \quad \frac{10}{x+2} \quad , \quad \frac{3x + \sqrt{7}}{x^2} \quad , \quad x^3 + 2x - 7$$

اما عبارت‌های زیر گویا نیستند.

$$\sqrt{xy} \quad , \quad \frac{\sqrt{x}}{x+y} \quad , \quad |x-y| \quad , \quad \frac{1}{\sqrt{x-2}}$$

مثال ۱۵۱: کدامیک از عبارت‌های زیر گویاست؟

$$\frac{y}{x-1} \quad , \quad \frac{x+6}{3} \quad , \quad \frac{ah}{2} \quad , \quad \frac{\sqrt{3}+x}{5} \quad , \quad \frac{\sqrt{2x}}{25} \quad , \quad \frac{|x|+|y|}{x}$$

$$\frac{x\sqrt{y}+1}{x^3} \quad , \quad \frac{x-5}{\sqrt{3}+1} \quad , \quad \frac{1}{\sqrt[3]{x}} \quad , \quad \frac{mn+n^3}{5-n} \quad , \quad 14 \quad , \quad \frac{3-a}{2+x}$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

معرفی و ساده‌کردن عبارت‌های گویا

مثال ۱۵۲: مقدار عددی عبارت $\frac{x+5}{x-3}$ را به ازای عده‌های داده شده در جدول زیر را به دست آورید:

x	-۲	۷	$\frac{1}{2}$	۰	-۱	-۵
$\frac{x+5}{x-3}$						

به ازای $x = 3$ مخرج عبارت گویای $\frac{x+5}{x-3}$ مساوی صفر می‌شود و همانگونه که از قبل می‌دانید، $\frac{0}{0}$ به عنوان عدد تعریف نمی‌شود.

* برای تعیین مقادیری که به ازای آنها یک عبارت گویا تعریف می‌شود، باید مقادیری از متغیر را حذف کنیم که به ازای آنها مخرج کسر صفر می‌شود؛ به عبارت دیگر این مقادیر را نمی‌توان به جای متغیر در عبارت جبری قرار داد و حاصل را محاسبه کرد.

مثال ۱۵۳: عبارت گویای $\frac{7x^3+1}{(x-1)(x+2)}$ به ازای چه مقادیری از x تعریف نشده است؟

مثال ۱۵۴: هر یک از عبارت‌های زیر را به ازای چه مقادیری از متغیرها تعریف نشده است؟

(الف) $\frac{8x+5}{2}$

(ب) $\frac{7+x}{x}$

(پ) $\frac{2b+1}{2b-1}$

$$(ت) \frac{3x}{x^2 + 4}$$

$$(ث) \frac{x}{x^2 - 1}$$

$$(ج) \frac{a+5}{a^2 - 5a + 6}$$

ساده کردن یک عبارت گویا

کسر $\frac{36}{48}$ با کسرهای $\frac{9}{12}$, $\frac{6}{8}$, $\frac{18}{24}$ و $\frac{3}{4}$ مساوی است. بین این کسرها $\frac{3}{4}$ کسری است که دیگر قابل ساده شدن نیست؛ در واقع:

$$\frac{36}{48} = \frac{3 \times 12}{4 \times 12} = \frac{3}{4}$$

در ساده کردن هر عدد گویا می‌توان صورت و مخرج را به عددی غیرصفر تقسیم کرد؛ یعنی:

$$\frac{ac}{bc} = \frac{a}{b} \quad (b \neq 0, c \neq 0)$$

به همین ترتیب برای عبارت گویای $\frac{AC}{BC}$ داریم:

$$\frac{AC}{BC} = \frac{A}{B} \quad (B \neq 0, C \neq 0 \text{ و } A \text{ و } B \text{ و } C \text{ چند جمله‌ای هستند})$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

معرفی و ساده‌کردن عبارت‌های گویا

مثال ۱۵۵: هر یک از عبارت‌های گویایی زیر را ساده کنید.

$$\text{الف) } \frac{18y^3}{6 \cdot y^5} =$$

$$\text{ب) } \frac{x^2 + 5x + 9}{x^2 + 4x + 3} =$$

$$\text{پ) } \frac{y^2 - 9}{3y + 9} =$$

$$\text{ت) } \frac{\lambda ab^2}{2 \cdot a^2 b^2} =$$

$$\text{ث) } \frac{b - 5}{5 - b} =$$

$$\text{ز) } \frac{m^2 - 16}{4 - m} =$$

$$\text{س) } \frac{5m + 18}{7m + 21} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۱

۱- برای هر عبارت گویا، مقداری را به دست آورید که عبارت بهازای آن‌ها تعریف نشده است.

(الف) $\frac{5x}{3ab^2}$

(ب) $\frac{2y}{y(2y-6)}$

(پ) $\frac{2p}{p^2 - p - 12}$

(ت) $\frac{2x+5}{x}$

(ث) $\frac{x^2 - 1}{x + 5}$

۲- عبارت‌های را که حاصل آنها ۱ یا -۱ است، معلوم کنید.

(الف) $\frac{2y+3}{2y-3}$

(ب) $\frac{2y-3}{3-2y}$

(پ) $\frac{2y+3}{3+2y}$

(ت) $\frac{2y+3}{-2y-3}$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۱

-۳- هر یک از عبارت‌های داده شده در سطر اول را به عبارت مساوی آن در سطر دوم وصل کنید.

۱) $\frac{a-2}{a+5}$	۲) $\frac{a+2}{a+5}$	۳) $\frac{2-a}{a+5}$
۴) $\frac{-a-2}{-a-5}$	۵) $\frac{a-2}{-a-5}$	۶) $\frac{2-a}{-a-5}$

-۴- از عبارت‌های زیر، هر کدام را که با عبارت $\frac{z(x+y)}{t}$ برابر است، مشخص کنید.

الف) $\frac{z}{t}(x+y)$

ب) $\frac{zx+y}{t}$

پ) $\frac{1}{t} \times z(x+y)$

ت) $z \times \frac{x+y}{t}$

ث) $\frac{zx}{t} + \frac{zy}{t}$

ج) $\frac{zx}{t} + y$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۱

۳- حاصل هر عبارت را به ساده‌ترین صورت بنویسید.

$$\text{الف) } \frac{3-x}{x^2-5x+6} =$$

$$\text{ب) } \frac{4x^2+8x}{12x+24} =$$

$$\text{پ) } \frac{a^2-5a-14}{a^2+a-2} =$$

$$\text{ت) } \frac{x^2-y^2}{y-x} =$$

$$\text{ث) } \frac{14x^2}{12x^2-6x} =$$

$$\text{ز) } \frac{y^2-2y^2-2y}{y^2+y} =$$

$$\textcircled{c}) \frac{1-t^4}{t^4+1} =$$

$$\textcircled{c}) \frac{5a^4b^4}{4ab^4} =$$

۴- بتدا صورت و مخرج هر کسر را تجزیه نموده، سپس تا حد امکان ساده کنید.

$$\textcircled{a}) \left(\frac{2b-2a}{4a+4b} \right) \times \frac{a^2+2ab+b^2}{a^2-b^2} =$$

$$\textcircled{b}) \frac{4x^2-a^2}{ab-a^2} \div \frac{4x-4a}{a^2b-a^2} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۱

۵- عبارت‌های زیر را تا حد امکان ساده کنید.

$$\text{الف) } \frac{1}{a} + 2 =$$

$$\text{ب) } \frac{1}{a} + \frac{1}{b} =$$

$$\text{پ) } \frac{1}{a-1} + \frac{1}{b} =$$

$$\text{پ) } \frac{b+1}{a-1} + \frac{a+1}{b-1} =$$

$$\text{ش) } \frac{1}{x} + \frac{rx}{x+1} - \frac{1}{x(x+1)} =$$

$$\text{ز) } \frac{rx-1}{x^r+x} - \frac{x-1}{x} + \frac{1}{x+1} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

درس دوم: محاسبات عبارت‌های گویا

ضرب و تقسیم عبارت‌های گویا

عبارت‌های گویا را همانند عددهای گویا می‌توان در هم ضرب یا بر هم تقسیم کرد. در مورد عددهای گویا قوانین زیر را داریم:

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd} \quad , \quad \frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{ad}{bc}$$

$$(b, d \neq 0) \quad (b, c, d \neq 0)$$

در ضمن در مورد عبارات گویا هم هر جا که امکان داشته باشد، می‌توان عبارت را ساده کرد.

مثال ۱۵۶: حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

(الف) $\frac{5xy^3}{8x^2z^2} \times \frac{16z^3}{15y^2} =$

(ب) $\frac{x+3}{x} \times \frac{x^2}{x^2 - 2x - 15} =$

(پ) $\frac{x-5}{x^2 - 12x + 36} \times \frac{x^2 - 3x - 18}{x^2 + 7x + 12} =$

$$\text{ت) } \frac{4x^2}{3xy} \div \frac{8x}{y^3} =$$

$$\text{ث) } \frac{a^2 - 4a - 5}{a^2 - 4a} \div \frac{a^2 + 3a + 2}{a - 4} =$$

مثال ۱۵۷: حاصل عبارت‌های زیر را به ساده‌ترین صورت ممکن بنویسید.

$$\text{الف) } \frac{a^2 - a - 6}{a + 3} \times \frac{a + 3}{a^2 - 4} =$$

$$\text{ب) } \frac{a^2b + ab^2}{a} \times \frac{ab}{(a + b)^2} =$$

$$\text{پ) } \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 2} \div \frac{x + 1}{x + 5} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

محاسبات عبارت‌های گویا

$$ت) \frac{4x^4}{3xy^2} \div \frac{8x}{9y^5} =$$

جمع و تفریق عبارت‌های گویا

جمع و تفریق عبارت‌های گویا مشابه جمع و تفریق عدددهای گویاست؛ در مورد عدددهای گویا داریم:

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b} \quad , \quad \frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad+bc}{bd}$$

$$(b \neq 0) \quad (b, d \neq 0)$$

به طریق مشابه می‌توان دو عبارت گویا را جمع یا تفریق کرد.

مثال ۱۵۸: حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$الف) \frac{3x+7}{x+2} + \frac{2x-3}{x+2} =$$

$$ب) \frac{3x+7}{x+2} - \frac{2x-3}{x+2} =$$

$$پ) \frac{a^2 - 2}{a^2 - 4} + \frac{a-2}{a+2} =$$

$$\text{ت) } \frac{2}{x+2} - \frac{x-1}{x+4} =$$

مثال ۱۵۹: حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\text{الف) } \frac{x^r}{x-y} + \frac{y^r}{y-x} =$$

$$\text{ب) } \frac{6}{5x} - \frac{4}{x} =$$

$$\text{پ) } \frac{2x^r - 16}{x^r - 4} - \frac{x+4}{x+2} =$$

$$\text{ت) } \frac{y}{x^r - x - 2} + \frac{x}{x^r + 4x + 3} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

ساده کردن عبارت‌های مرکب

هنگام ساده کردن هر عبارت گویای مرکب، همانند کسرهای مرکب می‌توان صورت و مخرج را جداگانه ساده و سپس آن‌ها را بر هم تقسیم کرد و یا از همان ابتدا صورت و مخرج را در عبارتی مناسب (و غیرصفر) ضرب کرد.

مثال ۱۶۰: حاصل عبارت زیر را از دو روش ساده کنید. ($x \neq 0$)

$$\text{(الف)} \quad \frac{1 - \frac{1}{x} - \frac{6}{x^2}}{1 - \frac{4}{x} + \frac{3}{x^2}} = \frac{x^2 \left(1 - \frac{1}{x} - \frac{6}{x^2} \right)}{x^2 \left(1 - \frac{4}{x} + \frac{3}{x^2} \right)} =$$

$$\text{(ب)} \quad \frac{1 - \frac{1}{x} - \frac{6}{x^2}}{1 - \frac{4}{x} + \frac{3}{x^2}} = \frac{\frac{x^2 - x - 6}{x^2}}{\frac{x^2 - 4x + 3}{x^2}} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

مثال ۱۶۱: حاصل عبارت زیر را از دو روش ساده کنید. $(a \neq -1)$

$$(الف) \frac{\frac{2}{a} - \frac{3}{a+1}}{\frac{2}{a+1} - \frac{3}{a}} =$$

$$(ب) \frac{\frac{2}{a} - \frac{3}{a+1}}{\frac{2}{a+1} - \frac{3}{a}} =$$

مثال ۱۶۲: حاصل هر عبارت را به ساده‌ترین صورت بنویسید. (مخرج همه کسرها مخالف صفر فرض شده است)

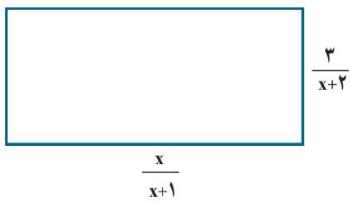
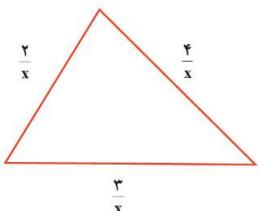
$$(الف) \frac{n - \frac{n^r}{n-m}}{1 + \frac{m^r}{n^r - m^r}} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

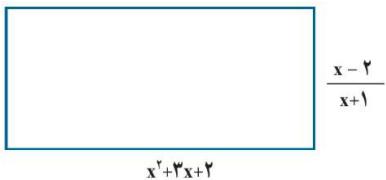
محاسبات عبارت‌های گویا

$$\text{ب) } \frac{\frac{y}{x+y} - \frac{x}{x-y}}{\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y}} =$$

مثال ۱۶۳: محیط هر شکل را برحسب x به دست آورید و آن را ساده کنید. ($x > 0$)



مثال ۱۶۴: مساحت مستطیل زیر را برحسب x به دست آورید. ($x > 2$)



فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۲

۱- ضرب و تقسیم‌های زیر را انجام دهید. (در همه تمرین‌ها مخرج کسرها مخالف صفر فرض شده است)

$$\text{الف) } \frac{a^2 - 16}{a + 4} \times \frac{a + 2}{a^2 - 8a + 16} =$$

$$\text{ب) } \frac{m^2 - 49}{m + 1} \div \frac{7 - m}{m^2 - 1} =$$

$$\text{پ) } \frac{x^2 - 4x + 4}{4x^2y - 8xy} \div \frac{x^2 + x - 6}{6x + 18} =$$

$$\text{ت) } \frac{1 - c^2}{b^2} \times \frac{b^2}{1 - 2c + c^2} =$$

۲- جمع و تفریق‌های زیر را انجام دهید.

$$\text{الف) } \frac{x}{x^2 + y^2} - \frac{y(x - y)^2}{x^2 - y^2} =$$

$$\text{ب) } \frac{x + v}{ax - bx} + \frac{y + w}{by - ay} =$$

$$\text{پ) } \frac{a^r - b^r}{a - b} - \frac{a^r - b^r}{a^r - b^r} =$$

$$\text{ت) } \frac{v + x^r - vx}{v + x} - v - x =$$

-۳- فقط یکی از عبارت‌های زیر قابل ساده شدن است؛ آن را مشخص و ساده کنید.

$$\frac{a^r + 5}{a^r} \quad , \quad \frac{a^r + 3}{3} \quad , \quad \frac{a^r + b^r}{a^r} \quad , \quad \frac{a^r - 5a}{a}$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۲

۴- از میان عبارت‌های زیر، هر کدام را که مساوی عبارت $\frac{x}{y}$ است، معلوم کنید.

- (الف) $\frac{x+3}{y+3}$ (ب) $\frac{3-x}{3-y}$ (پ) $\frac{3x}{3y}$ (ت) $\frac{x^3}{y^3}$ (ث) $\frac{a^3x}{a^3y}$

۵- عبارت $\frac{-x+3}{x+5}$ با کدامیک از عبارت‌های زیر برابر است؟

- (الف) $-\frac{x+3}{x+5}$ (ب) $-\frac{x-3}{x+5}$ (پ) $\frac{x-3}{x+5}$ (ت) $-\frac{3-x}{x+5}$

۶- اگر $A = a^2 - b^2$ و $B = a^2 + b^2$ و $C = 2ab$ باشند، حاصل عبارت $\frac{A^2-B^2}{C^2}$ را به دست آورید.

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۲

-۷ حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\text{الف) } \frac{a}{b} - \frac{b}{a} =$$

$$\text{ب) } \frac{x^m}{x^n} =$$

$$\text{پ) } \frac{a}{\delta} - \frac{\gamma - b}{\delta} =$$

$$\text{ت) } \frac{a - b}{b - a} =$$

$$\text{ث) } \frac{a^r - b^r}{a - b} =$$

$$\text{ج) } \frac{ca + cb}{c + cd} =$$

$$\text{ز) } \frac{\frac{a}{b}}{\frac{a}{c}} =$$

-۸ طول مستطیلی از دو برابر عرض آن یک واحد کمتر است. نسبت محیط به مساحت این مستطیل را به صورت یک کسر گویا (عبارت گویا) بنویسید.

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۲

۹- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید و نتیجه را ساده کنید.

$$(الف) \frac{\frac{a-a^r}{a^r-1}}{\frac{a}{a+1}-a} =$$

$$(ب) \frac{\frac{1}{x-y}-\frac{2}{x+y}}{\frac{x^r-y^r}{(x-y)^r}} =$$

۱۰- عرض مستطیل مقابله بر حسب x به دست آورید. مساحت مستطیل $x^3 - 9$ است.

$$\frac{x^r-x-12}{x-4}$$

$$A = x^r - 9$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تقسیم چندجمله‌ای‌ها

درس سوم: تقسیم چندجمله‌ای‌ها

۱- تقسیم تک جمله‌ای بر تک جمله‌ای (در تمام این درس مخرج کسرها مخالف صفر فرض شده است.)

برای تقسیم دو تک جمله‌ای بر یکدیگر از قوانین ساده کردن کسرها و نیز قوانین مربوط به ساده کردن توان‌ها استفاده می‌کنیم.

به عنوان مثال:

$$\frac{14x^5y}{2x^2y^2} = \frac{7x^3}{y} \quad \text{و} \quad \frac{-18a^2xz^4}{27x^5z} = \frac{-2a^2z^3}{3x^4}$$

۲- تقسیم چند جمله‌ای بر تک جمله‌ای

اگر a و b و c اعدادی صحیح و d عددی صحیح و غیر صفر باشد، داریم:

$$\frac{a+b+c}{d} = \frac{a}{d} + \frac{b}{d} + \frac{c}{d}$$

به طور مشابه برای تقسیم چند جمله‌ای $2x^3 - 18x^2 + 12x + 2$ بر ۶ به روش زیر عمل می‌کنیم:

$$\frac{12x^3 - 18x^2 + 2}{6} = \frac{12x^3}{6} - \frac{18x^2}{6} + \frac{2}{6} = 2x^3 - 3x^2 + \frac{1}{3}$$

مثال ۱۶۵: هر یک از تقسیم‌های زیر را انجام دهید.

$$(الف) \frac{2a^4 + 5a^3 - 8a}{4a^2} =$$

$$(ب) \frac{14x^5yz - 8xy + 3x^2y^2z^2}{2x^2y^2z} =$$

$$\text{پ) } (8y^3 - 4y^2 + 12y) \div (-4y^2) =$$

$$\text{ت) } \frac{-21a^7b^4c}{8ab^5} =$$

$$\text{ث) } \frac{24x^5y - 2z + 3xyz}{x^4z} =$$

۳- تقسیم چند جمله‌ای بر چند جمله‌ای:

در تقسیم عدد ۲۶ بر ۸، ۸ را مقسوم‌علیه، ۳ را باقی‌مانده می‌نامیم. رابطه‌ی تقسیم را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$\begin{cases} 3 \times 8 + 2 = 26 \\ 2 < 8 \end{cases}$$

مثال ۱۶۶: چند جمله‌ای $15 - 7x - 2x^3$ را بر چند جمله‌ای $5 - x$ تقسیم کنید.

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تقسیم چندجمله‌ای‌ها

* وقتی باقیمانده صفر باشد، می‌گوییم مقسوم بر مقسوم‌علیه بخش‌پذیر است.

مثال ۱۶۷: تقسیم‌های زیر را انجام دهید و رابطه تقسیم را بنویسید.

(الف) $(4x^3 - 3x^2 + x + 7) \div (x^2 - 2)$

(ب) $(x^3 - 5x - 24) \div (x - 8)$

(پ) $(10x^4 - 3x^3 + 2x - 19) \div (-3 + 2x^3)$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تقطیع چندجمله‌ای‌ها

$$\text{ت) } (6x^3 - 19x^2 + 16x - 4) \div (2 - x)$$

$$\text{ث) } (-x^3 - 12 + 8x) \div (x + 2)$$

$$\text{ج) } (x^3 - 27) \div (x - 3)$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۳

۱- تقسیم‌های زیر را انجام دهید.

(الف) $\frac{-2x^3y^3z^4}{18xz^5}$

ب) $(2a^3y - a^4y^2 + 15xy) \div (-5y^3)$

پ) $(3y^3 - 10y - 24) \div (3y - 4)$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۳

(ت) $(2x^5 + 5x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x + 3) \div (x + 3)$

۲- خارج قسمت و باقیمانده تقسیم زیر را مشخص کنید و درستی عمل تقسیم را با نوشتن روابط تقسیم نشان دهید.

$(-3x^4 + 4x^3 + x^2 + 5) \div (1 - x^3)$

۳- حجم یک جعبه به شکل مکعب مستطیل برابر با $28x^3 + 15x^2 + 2x^3 + 28x^2 + 15x^3$ است. اگر ارتفاع این جعبه x و طول آن $x + 4$ باشد، عرض آن را به دست آورید.

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تمرین ۳

-۴- اگر چند جمله‌ای $a + 4x^3 + 20x^2 + 23x^1 - 10x^0$ بر x^4 بخش‌پذیر باشد، a را به دست آورید.

-۵- خارج قسمت و باقیمانده تقسیم عبارت $9x^3 - 2x^2 + 2x + 6$ را بر هر یک از عبارت‌های زیر به دست آورید.

$$x^3 + \quad x^2 - \quad x^1 + \quad x^0$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تکمیلی ۱

۱- هریک از عبارت‌های گویای زیر به ازای چه مقدیری تعریف نشده است؟

$$\text{الف) } \frac{x}{x+1}$$

$$\text{ب) } \frac{y^r - y + x}{x^{r-1}}$$

$$\text{پ) } \frac{x^r + x}{1 + x^r}$$

۲- با استفاده از تجزیهٔ صورت و مخرج، کسرهای زیر را ساده کنید.

$$\text{الف) } \frac{ab^r}{a^rb^r} =$$

$$\text{پ) } \frac{x^r - x - r}{x^r + rx + r} =$$

$$\text{پ) } \frac{ax + ay}{bx + by} =$$

$$\text{ت) } \frac{ax - bx - ay + by}{(b^r - a^r)(x - y)} =$$

فصل ۵ - عبارت‌های گویا

تکمیلی ۱

-۳- ابتدا صورت و مخرج هر کسر را تجزیه نموده، سپس عملیات مورد نظر را انجام دهید.

$$\text{الف) } \frac{2b-2a}{4a+4b} \times \frac{a^2+2ab+b^2}{a^2-b^2} =$$

$$\text{ب) } \frac{4x^2-4a^2}{ab-a^2} \div \frac{4x-4a}{a^2b-a^2} =$$

باشد، در هر قسمت عبارت گویا C را تعیین کنید.

$$\text{الف) } A + B = C$$

$$\text{ب) } A \times C = B$$

$$\text{پ) } \frac{A}{B} = C$$

-۵- کدام یک از عبارات زیر عبارت گویا هستند و کدام یک عبارت گویا نیستند؟

$$\frac{a^{\gamma}b+b^{\gamma}a}{a+b} \quad (۳)$$

$$\sqrt{x} + 1 \quad (۲)$$

$$\frac{x+\gamma}{x-1} \quad (۱)$$

$$\frac{x-1}{x-1} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{\gamma}x+\sqrt{\gamma}y}{\sqrt{\gamma}} \quad (۵)$$

$$\frac{1}{\sqrt{x^{\gamma}}+y} \quad (۶)$$

-۶- مقدار عددی هر یک از عبارات گویای زیر را در ازای مقادیر داده شده پیدا کنید.

$$A = \frac{a^{\gamma}-\gamma b+\gamma}{a+\gamma}, (a = 1, b = 3)$$

$$B = \frac{x^{\gamma}-y}{x^{\gamma}-\alpha x+\gamma}, (x = 1, y = 2)$$

-۷- به ازای چه مقداری برای m دو عبارت $\frac{4}{m+1}$ و $\frac{2}{m-2}$ مقدار یکسانی خواهند داشت؟

۸- حاصل عبارت های زیر را بیابید

$$\text{(الف)} \quad \frac{c}{c+1} + \frac{2}{2c+2} =$$

$$\text{(ب)} \quad \frac{x+1}{2x-3} - \frac{x^2+4}{4x^2-9} =$$

$$\text{(پ)} \quad \left(x + \frac{x}{4} - \frac{x}{4} \right) \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{2x} + \frac{1}{4x} \right) =$$

$$\text{(ت)} \quad \frac{1}{x^2+x-2} - \frac{1}{x^2+3x+2} + \frac{2}{x+2} =$$

۹- عبارت گویایی بیابید که اگر در $\frac{x^2-y^2}{4x+y}$ ضرب شود، حاصل آن برابر $y+x$ شود.

۱۰- تقسیم‌های زیر را انجام دهید

(الف) $(5x^3 + 3x^2 + 9x + 27) \div (x + 3)$

(ب) $(2 - 4x + 2x^2) \div (1 - x)$