

به نام خدا

مدرسۀ علوم ریاضی و کامپیوتر زیرا

آزمون اول (بخش مشترک ریاضی و کامپیوتر) : آماده می‌شویم تا شمار آماده کنیم!

هر سال با شروع تابستان ، ما ها به تکاپو می افتمیم تا برنامه هایی برای شما دانش پژوهان محیا کنیم ، تا مسیر پیشرفتهای هموار شود
اما در جریان برنامه ریزی های ما برای شما مسائلی پیش اومده که با اختصار بیان میکنیم :

آقا جهان احتمال کار
جهان از بچگی علاقه‌ی زیادی به احتمال داشت. ایشان روزی در جمع ما این خاطره را برای ما تعریف کردند: «ما برای تبلیغ المپیاد به مدارس یزد میرفیم. یک سال تصمیم گرفتم برای یکی از مدارس اسلامی دست کنم تا با اسلاید المپیاد را معرفی کنم: اما چون حال نداشتیم برای همه‌ی مدارس اسلامی دست کنم تصمیم به انجام این کار گرفتم: یکی از مدارس رو به طور رندوم انتخاب کردم و سپس برای مدرسه‌ی فرزانگان اسلامی ساختم» پس از بیان این داستان احتمالاتی ما به قدرت احتمال ایمان آوردیم و به خواندن احتمال روی آوردیم، اما سوال زیر هنوز برای ما حل نشده است ، به ما کمک کنید!

یک دستگاه داریم که یک چند جمله‌ای درجه دو مانند $f(x) = \frac{1}{x^2} f(I + \frac{1}{x})$ و به احتمال $\frac{1}{3}$ ، $x - I$) را به ما میدهد. چقدر احتمال دارد با ۱۳۷۵ استفاده از این دستگاه و شروع از چند جمله‌ای $I + x + x^2 + x^3 + \dots$ به چند جمله‌ای $I + x + x^2$ رسید؟

دادگر برای معرفی می‌آید
پس از مطرح شدن نام مدرسه‌ای در سوال بالا ، ناگهان دادگر ظاهر شد و گفت من برای معرفی می‌آیم! در همین زمان وحید تسبیح خود را برداشت و سوال زیر را طرح نمود:

فرض کنید یال‌های یک گراف را با اعدادی وزن دار کنیم؛ در این حالت به مجموع اعداد یال‌های متصل به یک راس عدد آن راس می‌گوییم. به یک گراف «وحید» می‌گوییم اگر بتوان یال‌های آن را با اعداد $\{1, 2, 3\}$ وزن دار کنیم به نحوی که عدد هیچ دو راس مجاوری مساوی نشود. ثابت کنید گراف‌های کامل «وحید» اند.

استیکری که وحید برای شجاع فرستاد چه بود؟!

الف) به نظر شما استیکری که وحید برای شجاع فرستاد چه بود؟

فرض کنید یک هتل در اختیار دارد که اتاق های آن با اعداد $1, 2, 3, \dots$ شماره گذاری شده اند (تعداد اتاق ها نامتناهی است)

و در هر اتاق فردی ساکن است ، ناگهان برای شما مهمان هایی میرسند و نمیخواهید سود حاصل از پذیرفتن مهمان ها را از

دست بدھید راه حل تان برای حل مشکل چیست؟ در صورتی که :

ب) یک مهمان برسد.

ج) یک اتوبوس مهمان شامل مسافر های $1, 2, 3, \dots$ (تعداد نا متناهی مسافر از راه برسد)

چرا هر سوالی که علیرضا طرح میکند ، خودش راهی برایش ندارد؟

بیخیال توضیحات میشویم ؛ به سوال توجه کنید :

الف) ثابت کنید عدد اعشاری $0.123456789101112\dots$ گنج است.

ب) در گراف G با n راس ، هیچ راسی با درجه بزرگتر از Δ ندارد. نشان دهید که می توان راس های این گراف را با $\lceil \frac{n}{\Delta+1} \rceil$ رنگ ، رنگ آمیزی کرد ، به طوری که هیچ دو راس مجاوری یک رنگ نباشند.

امتیاز سوالات در جلسه ای آزمون گفته میشود!

موفق باشید و التماس دعا

yazdcs-