

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

جزوه انتقال جرم دکتر منطقیان

گردآورنده: محمد مرادزاده

shimiomd.blog.ir

۴

مرداد
پنجشنبه
۱۳۸۶
۱۱ رجب ۱۳۲۸

26
THURSDAY
JULY
2007

اگر توله‌ن با فرمول ۷۸۸ مورد سوال باشد چونکه توله‌ن یک حلقه‌ن بنزنی دارد و باید به ازاء هر حلقه‌ن بنزنی ۱ تا کم کنیم صل حالت قبل عمل کرده و در پایان کذا تا کم می‌کنیم - و اگر نقالین مورد سوال باشد چونکه نقالین ۳ تا حلقه‌ن بنزنی دارد کذا تا کم می‌کنیم .

نکته: در بنزنی ۵-۲ ص ۴۴ عدس که متلا بین رونا خودار مشترک است به از صیب و به از است خوانده شود باید یکی باشد .

سوال ۲-۳ ص ۴۴ خوانده شود

مرداد

۱۳۸۶
۱۲ رجب ۱۳۲۸

JULY
2007

تعطیل

ضرب نفوذ در مایعات:

$$D_{AB} = \frac{V_A (10^{-10}) (\phi_{MB})^{1/8}}{\mu' \sqrt{V_A}}$$

کمی خواهد حفظ باشیم

25
WEDNESDAY
JULY
2007

مرداد
شنبه
۱۳
۱۲ رجب ۱۳۲۸

مکن صغی ۲۸ و ۲۹ را بخوانید

سوال ۱-۲ و سوال ۲-۲ در صفحات ۴۹ و ۴۰ خوانده شود

تدریب نفوذ گازها در جدول ۱-۲ خوانده شود چونکه ممکن است در امتحان به جای عدد جدول داده شود پس باید رفت شود .

نمی خواهد حفظ باشیم

$$D_{AB} = \frac{(10010^{-7} - 1000226 \sqrt{1/M_A + 1/M_B}) T^{3/4} \sqrt{1/M_A + 1/M_B}}{P (\nu_{AB})^2 [f(KT/\epsilon_{AB})]}$$

ضرب نفوذ در گازها:
۲۰۱۱۸
۶۰۱۱۶

$$\frac{\epsilon_A}{K} \text{ و } \frac{\epsilon_B}{K} \rightarrow \frac{\epsilon_{AB}}{K} = \sqrt{\frac{\epsilon_A \cdot \epsilon_B}{K^2}} \quad , \quad \frac{KT}{\epsilon_{AB}} = \frac{T}{\frac{\epsilon_{AB}}{K}}$$

سوال ۲-۵ ص ۴۴ برای موقتی کاربرد دارد که $\frac{KT}{\epsilon_{AB}}$ را داریم و $f(\frac{KT}{\epsilon})$ را می‌خواهیم .

اگر ماکولی را دارند که در جدول ۲-۲ نبود به جدول ۲-۳ مراجعه کرده و به ترتیب زیر عمل می‌کنیم:
اگر مثلاً ۲ را برای MH_3 خواهیم با توجه به جدول ۲-۳ هم عدد ν_{AB} و هم ν_{AB} را داریم و چونکه فرمول ۱ و ۳ تا H را در هم به شکل روبرو عمل می‌کنیم:
 $15/6 + 3(2/2) =$

نکته: تمام تغییرات غلظت در مادهی فیلم یعنی در حوار Interface (سطح) رخ می‌دهد.

فرمول (I) که در صورتی نوشته شده در حالت $NB=0$ می‌شود:

$$N_A = \frac{CD_{AB}}{Z} \ln \frac{C_{B2}}{C_{B1}} \rightarrow N_A = \frac{CD_{AB}}{Z} \frac{C_{A1} - C_{A2}}{C_{B2} - C_{B1}} \ln \frac{C_{B2}}{C_{B1}}$$

در حالت تلاطم برای ضرایب انتقال عبور می‌شود K_c برای مایعات می‌شود K_L

$$N_A = K_c (C_{A1} - C_{A2})$$

$$\frac{F}{C_{B,M}} = K_c \quad \text{و} \quad F = K_c C_{B,M}$$

نکته: در مورد Z_f و متغیر تلاطم باشد و تئوری فیلم را داریم بررسی می‌کنیم Z می‌شود Z_f

فرمول قبلی برای گازها:

$$PV = nRT \rightarrow P = CRT \rightarrow C = \frac{P}{RT}$$

$$C_{A1} = \frac{P_{A1}}{RT} \quad \text{و} \quad C_{A2} = \frac{P_{A2}}{RT}$$

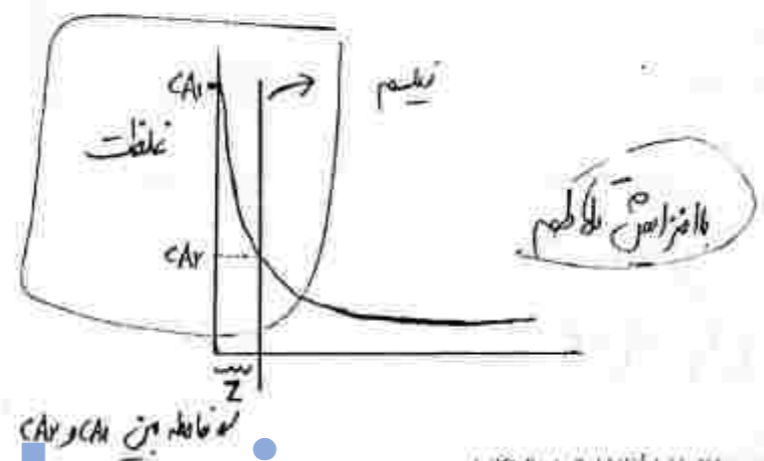
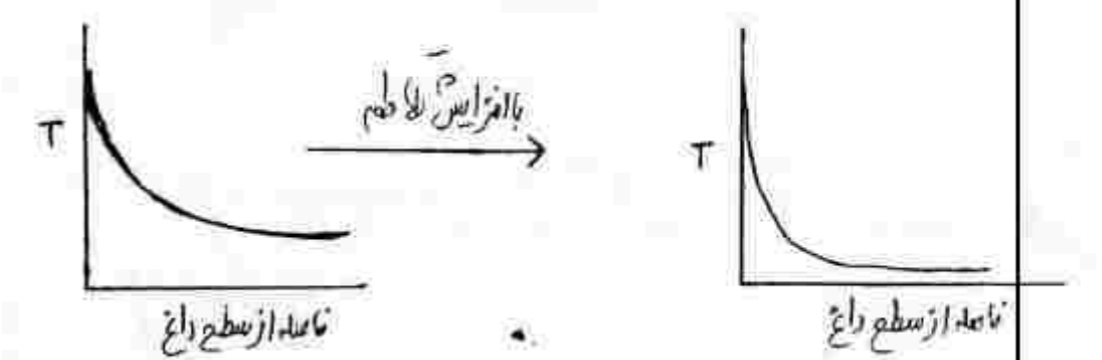
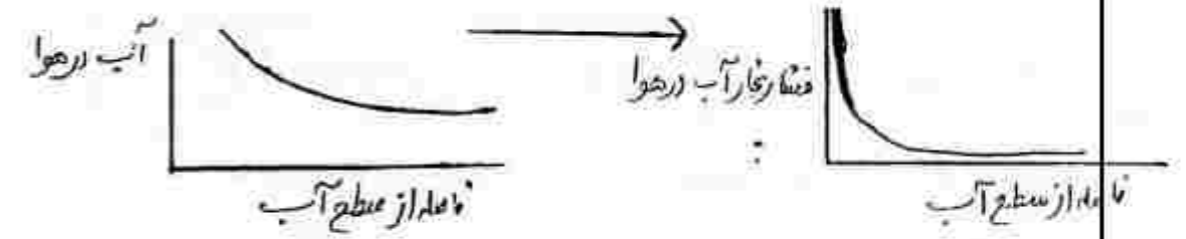
از جدول ۱-۳۰: K_G و K_L

$$F = K_G \bar{P}_{O_2,M} = K_y \frac{\bar{P}_{O_2,M}}{P_t} = K_c \frac{\bar{P}_{O_2,M}}{RT} = \frac{K_y}{M_B} = K_G P_t = K_y = K_c \frac{P_t}{RT} = K_c C$$

K_G و K_y و K_c و K_y و K_G و K_y و K_c و K_c

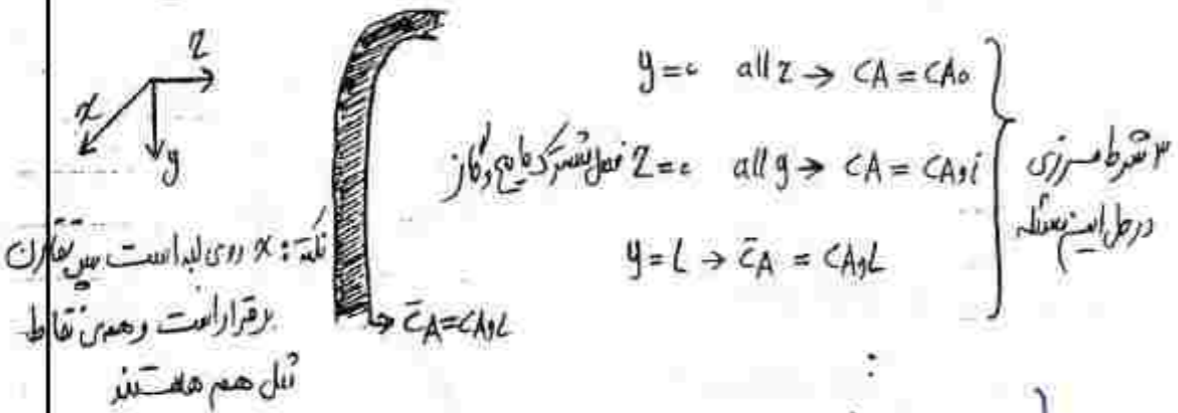
K_L و K_L و K_L و K_L و K_L

$$F = K_x X_{B,M} = K_L X_{B,M} C = K_L C = K_L \frac{P}{m} = K_x$$



که ماده بین C_{A1} و C_{A2}

به انتقال جرم از یک گاز به درون یک لایه سطحی ریزان:
مسئله زیر را برای سیال با جریان آرام (laminar flow) با در دست داشتن شرط زیر حل کنید:



$$\left. \begin{aligned} y=0 \text{ all } z \rightarrow C_A = C_{A0} \\ z=0 \text{ all } y \rightarrow C_A = C_{A0} \\ y=L \rightarrow \bar{C}_A = C_{A0L} \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{شرط مرزی} \\ \text{در حل این مسئله} \end{array}$$

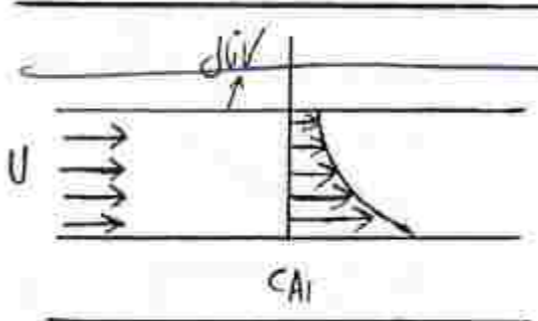
مسئله را با شرط زیر حل کنید:

- (۱) هیچ گونه تغییراتی در تفسیر وجود ندارد. (هیچ یک از متغیرها در جهت تغییر نمی کنند)
- (۲) از نفوذ در امتداد y در مقابل سرعت ریزش سیال صرف نظر شود.
- (۳) در امتداد z برای نفوذ، سرعت قابل توجهی برای سیال ایجاد نمی شود.
- (۴) هیچگونه واکنش شیمیایی رخ نمی دهد.
- (۵) شرایط تغییراتی (انسیمیه، ویسکوزیته، دما، هدایت، ضریب نفوذ مولکولی) ثابت می مانند.
- (۶) حالت پایدار (steady state) برقرار است و نسبت به زمان هیچگونه تغییراتی نداریم.

$$N_A = \frac{C_{DAB}}{Z_F C_{B,M} R T} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2})$$

اگر $N_A = -N_B$:

$$N_A = \frac{D_A}{Z} (C_{A1} - C_{A2})$$



$$\bar{V} = \frac{1}{S} \int U ds \rightarrow \bar{C}_A = \bar{C}_A = \frac{1}{\bar{V} S} \int U C_A ds$$

پولهای خواصم و سرعت + بر وجه حرکت
↑
Θ می شود

$$\rightarrow -\mu \left. \frac{du_y}{dz} \right|_{z=z} + \mu \left. \frac{du_y}{dz} \right|_{z=z+dz} + \rho g dz = 0$$

این قسمت از
بالا جبر است

$$T_z - T(z+dz) + \rho g dz = 0$$

$$\rightarrow -dT + \rho g dz = 0 \rightarrow + \frac{dT}{dz} = \rho g \rightarrow T = -\mu \frac{du_y}{dz}$$

$$\rightarrow \frac{dT}{dz} = -\mu \frac{d^2u_y}{dz^2} \rightarrow -\mu \frac{d^2u_y}{dz^2} = \rho g$$

شهادت عظمی شاه زارین خانه خدایه دستور آمریکا به دست مأموران ال سعود (۲۲۶۱ هـ ش) برابر با ۲۰۰۷ (هـ ق)

مرداد

نکته: در سطح گاز-مایه، گاز من توانا

مایع را نکه دارد چونکه ویسکوزیته گاز

کمتر است و عبارتی گاز من توانا

تنش برشی ایجاد کند پس: $\tau = 0$

تعطیل

$$\frac{d^2u_y}{dz^2} = \frac{-\rho g}{\mu} \rightarrow \frac{du_y}{dz} = -\frac{\rho g}{\mu} z + C$$

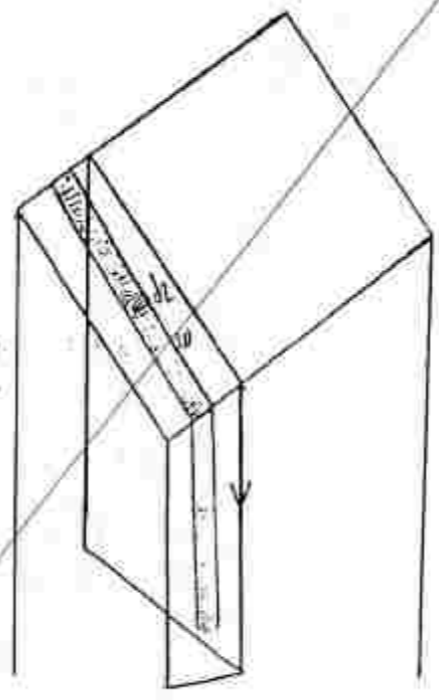
شرایط مرزی: $at z=0 \quad \frac{du_y}{dz} = 0 \rightarrow C=0$

$$\rightarrow \frac{du_y}{dz} = -\frac{\rho g}{\mu} z \rightarrow \left[u_y = -\frac{\rho g}{2\mu} z^2 + C_1 \right]$$

تواند این کرداریم:

$$u_x \frac{\delta CA}{\delta x} + u_y \frac{\delta CA}{\delta y} + u_z \frac{\delta CA}{\delta z} + \frac{\delta CA}{\delta \theta} = D_{AE} \left(\frac{\delta^2 CA}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 CA}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 CA}{\delta z^2} \right) + R_A$$

$$\left[u_y \frac{\delta CA}{\delta y} = D_{AB} \frac{\delta^2 CA}{\delta z^2} \right]$$



سطحی که رزش
می کند

نکته: در افتاد z، یک کم می شود.

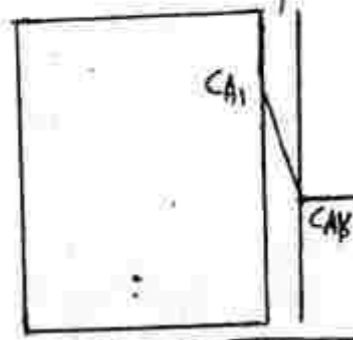
۱۲ در کنار دیواره صاف است و
حرکت دوری سوم زیاد می شود.

$$T_z(wL) - T(z+dz)(wL) + (wL dz) \rho g = 0$$

$$\rightarrow T_z - T(z+dz) + \rho g dz = 0$$

تلاطم: هنگامی که حرکت ممتد سول نسبت به جهت وزنا/ نظم خاصی نداشته باشد

انتقال جرم در محیط تلاطم:
تئوری ها:



انتقال جرم در تلاطم
تئوری فیلم: جابجایی جابجایی

بر اساس این تئوری موارد زیر اتفاق می افتد:

- ۱) تمام تغییرات غلظت در نامیده فیلم رخ می دهد یا عبارتی (بغیر از نامیده فیلم تا تغییر غلظت در آن رخ می دهد)
- ۲) این تئوری می گوید تلاطم و حرکت بسیار وجود ندارد و بسیار ساکن است.
- ۳) همچنین این تئوری می گوید در هر تلاطمی این تغییرات در جوار یک لایه ی ثابت بنام Interface اتفاق می افتد و بقیه تغییرات خیلی کم و ثابت است.

در تلاطم

$$K \propto D_{AB}^n$$

بر اساس تئوری فیلم

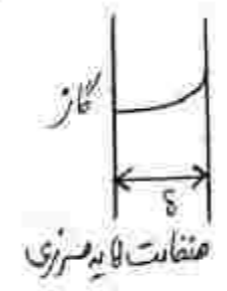
$$K_c = \frac{D_{AB}}{z_f}$$

بر اساس تجربیه از کتاب کیمیا

$$0.5 < n < 1$$

از کتاب ...

$$0.5 < n < 1$$



at $z = \delta$ $U_y = 0$

$$0 = -\frac{\rho g}{\mu} \delta^2 + c_1$$

$$c_1 = \frac{\rho g}{\mu} \delta^2$$

$$U_y = \frac{\rho g}{\mu} (\delta^2 - z^2)$$

$C_{A,B} = \frac{1}{\sqrt{S}} \int U_{C_A,B} dz$

هر چه باشد مقدار U_y از نظاری که z کمتر باشد بیشتر است که به آن U_{max} می گویند.

$$U_y = \frac{\rho g \delta^2}{\mu} \left(1 - \frac{z^2}{\delta^2}\right)$$

at $z = 0$ $U_y = U_{max} = \frac{\rho g \delta^2}{\mu}$

$$U_y = U_{max} \left(1 - \frac{z^2}{\delta^2}\right), \quad \left[U_{max} \left(1 - \frac{z^2}{\delta^2}\right) \frac{\partial C_A}{\partial y} = D_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} \right]$$

در تئوری فیلم $n = 1$



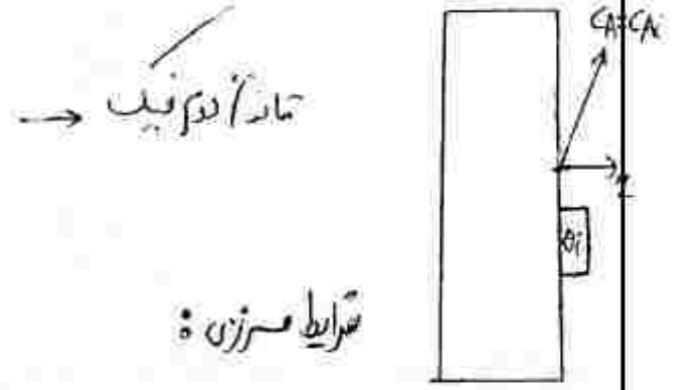
دما: θ_c : دما از حالت اول به حالت دوم

۲) تئوری نفوذ (penetration) : هیگلی (Higbie) تا آنکه کرد که در بسیاری از حالات، زمان واقع شدن سیال در معرض انتقال صدم کوتاه است. بنابراین جهت حصول گرانها خلقتی مطابق با تئوری لایه (فیلم) که مشخصی حالت یا است زمان کافی وجود نخواهد داشت و نفوذ مولکولی در مدت آن زمان امکان خواهد داشت.

گردانه ها (eddies) : بر اثر تلاطم با یکدیگر میزنند و اکسیراً ریزند.



$$\frac{\partial c_A}{\partial \theta} = D_{AB} \frac{\partial^2 c_A}{\partial z^2}$$



شرایط مرزی :

۱) Interface: انتقال مستقیم eddie و پارهای که انتقال جرم با آن صورت میگیرد در زمان $t = 0$ است.

$$c_A = c_{Ai} \quad \text{all } \theta \quad \text{at } z = 0$$

$$c_A = c_{Ao} \quad \text{all } z \quad \text{at } \theta = \infty$$

$$c_A = c_{Ao} \quad \text{all } \theta \quad \text{at } z = \infty$$

تغیور از شرط دوم از شرایط مرزی : این است که در فواصل دراز Interface زمان ماندن eddie در Interface اندکتر کوتاه است که انتقال جرم صورت نمیگیرد.

$$K = \sqrt{\frac{2 D_{AB}}{\pi \theta_c}}$$

$$K \propto D^{1/2}$$

در این مورد با همخوانی
شرایط یکسان
 $0 < D < \infty$

۳) تئوری تجدید سطح (surface renewal) : توسط Prandtl و Danckwerts

ذکر آنست که در این تئوری بیان داشت که رادی ها زمان آمدنشان در جوار Interface مینویسند و این است بعبارة دیگر ذکرتن بیان داشت که تئوری هیگلی و فرض زمان ثابت قرارگیری گردانه های سیال در سطح مستقیم تنهایی توان یک حالت خاص از وضعیت واقعی تر است که در آن گردانه ها با زمانهای مختلفی در معرض گاز قرار میگیرند.

$$N_A = \sqrt{D_{AB} S} (c_{Ai} - c_{Ao})$$

$$K = \sqrt{D_{AB} S}$$

$$K \propto D^{1/2}$$

همان شرایط مرزی موجود در آزمایش قبلی را انجام دادیم و به عبارتی بالا رسیدیم.

۴) انجام تئوری های نفوذ و فیلم :

این تئوری در انتقال بین آند و کاتد به عطف کردن فرمول های آن نیست

شرایط مرزی برای حل معادلات صفحه‌ی قبلی :

at $x=0$ ally $U_x = U_{\infty}$, $U_y = 0$ و $T = T_{\infty}$

thermal diffusivity $\alpha = \frac{k}{\rho c_p}$

اعداد بدون بعد $Sc = \frac{\nu}{D_{AB}}$ و $Pr = \frac{\nu}{\alpha}$

Prandtl

شهادت حضرت امام موسی کاظم علیه السلام (۱۸۳ ه.ق)

تعطیل

برای اینکه بتوانیم روابط حرکت را بدون بدرکنیم به شکل زیر عمل می‌کنیم :

for t با یکداری $\frac{t - t_i}{t_o - t_i} = \eta_T$ } t_o : دمای توره سیال

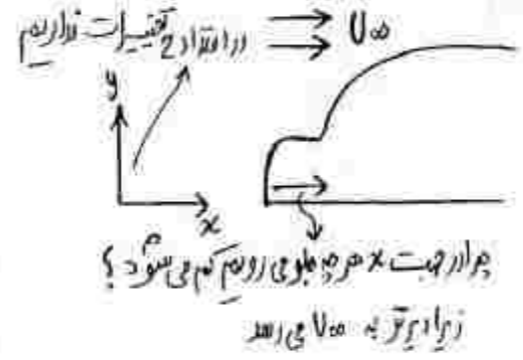
for C_A با یکداری $\frac{C_A - C_{Ai}}{C_{Ao} - C_{Ai}} = \eta_{AB}$ } t_i : دمای سیال در فصل مشترک

$u_m = (u_{\infty} z = 0)$
 $(u_o = (u_{\infty} z = 0))$

$f = \frac{D_{AB} C}{z_f}$
f = CK'C f = CK'C

در جریان سیال لایه‌ی مرزی در جدار ممتد تشکیل می‌شود و هنگامی که در نزدیکی انتهای ممتد قرار گیرد در جدار لایه‌ی مرزی است که اول آن به خاطر کم بودن سرعت حالت آرام می‌تواند داشته باشد و در نزدیکی انتهای ممتد لایه‌ی مرزی با بدست آوردن طاق می‌شود

شرایط مرزی مرزی : فاصله‌ای که قرار است سرعت در آن ناحیه از صفر به $0.99 u_{\infty}$ برسد .



و این لایه‌ی مرزی در وقت است .

معادله پیوستگی : $\frac{\partial u_x}{\partial x} + \frac{\partial u_y}{\partial y} + \frac{\partial u_z}{\partial z} = 0$ (1)

$\tau = -\mu \frac{\partial u_x}{\partial y}$

معادله پیوستگی معکوس است

$\rightarrow C_A \left(\frac{\partial u_x}{\partial x} + \frac{\partial u_y}{\partial y} + \frac{\partial u_z}{\partial z} \right) + U_x \frac{\partial C_A}{\partial x} + U_y \frac{\partial C_A}{\partial y} + U_z \frac{\partial C_A}{\partial z} + \frac{\partial C_A}{\partial t}$

$= D_{AB} \left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} \right) + R_A$

ناوبر-استوکی

$U_x \frac{\partial C_A}{\partial x} + U_y \frac{\partial C_A}{\partial y} = D_{AB} \left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} \right)$ (7)

انتقال جرم

معادله سرعت : $U_x \frac{\partial u_x}{\partial x} + U_y \frac{\partial u_x}{\partial y} = \nu \left(\frac{\partial^2 u_x}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u_x}{\partial y^2} \right)$ (4)

معادله حرارت : $U_x \frac{\partial T}{\partial x} + U_y \frac{\partial T}{\partial y} = \alpha \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} \right)$ (5)

$N_A = \frac{D_{AB}}{z_f} (C_{A,o} - C_{A,i})$

f = CK'C * رابطه f, K, و C

تعطیل

$$\text{برای } U_x \xrightarrow{\text{با ماکزیمم}} \frac{U_x}{U_0} = \pi V$$

$$\text{at } z=0 : t=t_i, C_A=C_{A_i}, U_x=0$$

$$\text{at } z=0 : \pi_{AB} = \pi_T = \pi_V = 0$$

$$\text{at } z=0 : \pi_{AB} = \pi_T = \pi_V = 1$$

$$\frac{\partial \pi_{AB}}{\partial x} = \frac{\partial c_A}{\partial x}, \dots$$

$$q = -\alpha \left[\frac{\partial (t_c p)}{\partial z} \right]_{\text{at } z=0} = h(t_i - t_o) \quad \text{شرط انتقال حرارت}$$

$$T_{igc} = -v \left[\frac{\partial (u_x p)}{\partial z} \right]_{\text{at } z=0} = \frac{f u_0}{\gamma} (\rho u_0 - 0) \quad \text{شرط انتقال مومنتوم}$$

$$T_{igc} = v \left[\frac{\partial (u_x p)}{\partial z} \right]_{\text{at } z=0} = \frac{f u_0}{\gamma} (\rho u_0 - 0)$$

$$N_A = j_A = -D_{AB} \left[\frac{\partial c_A}{\partial z} \right]_{\text{at } z=0} = k_L (C_{A_i} - C_A) \quad \text{شرط انتقال جرم}$$

$$N_A = \frac{D_{AB}}{2\delta} (C_{A,b} - C_{A,c})$$

$$D_{AB} \frac{C_{A_i} - C_A}{\delta} = k (C_{A_i} - C_A) \rightarrow k = \frac{D_{AB}}{\delta}$$

۲۱

$$f = \frac{\tau_w}{\rho V^2} = \frac{\tau_w}{\rho V^2} \cdot \frac{2\gamma e}{2\gamma e}$$

$$\alpha = \frac{k}{\rho c_p} \quad \text{اعداد بدون بعد}$$

$$Sc = \frac{\nu}{D_{AB}} \quad \text{شماره اسمیت}$$

$$\text{عدد شوری} = Sh = \frac{KcL}{D_{AB}}$$

$$Re_x = \frac{\rho U_\infty x}{\mu}$$

$$Pr = \frac{D_{AB} \rho c_p}{k} = \frac{\nu}{\alpha}$$

$$\text{عدد ناسلت} = Nu = \frac{hL}{k}$$

توجه: ممکن است گفته شود اعداد عدد شوری را درست بیاورید.

$$\frac{Sh}{Re_x Sc^{1/2}} = \frac{Nu}{Re_x Pr^{1/2}} = \frac{f}{\gamma} = 0.332 Re_x^{-1/2}$$

فشاری بالا در مواردی کاربرد دارد که شدت انتقال جرم کم بوده و انتقال حرارت یا جرم از لایه صافه آغاز شود و عدد رینولدز کمتر از تقریباً ۸۰۰۰۰ باشد.

توجه: عدد گراسف و عدد بکلت و سایر عددها برای انتقال لازم نیست بلد باشیم.

در مواد سیالی با فلا/سخت به سطحی برخورد کنند و در لایه مرزی و دیفیوژنی را در نظر بگیریم.

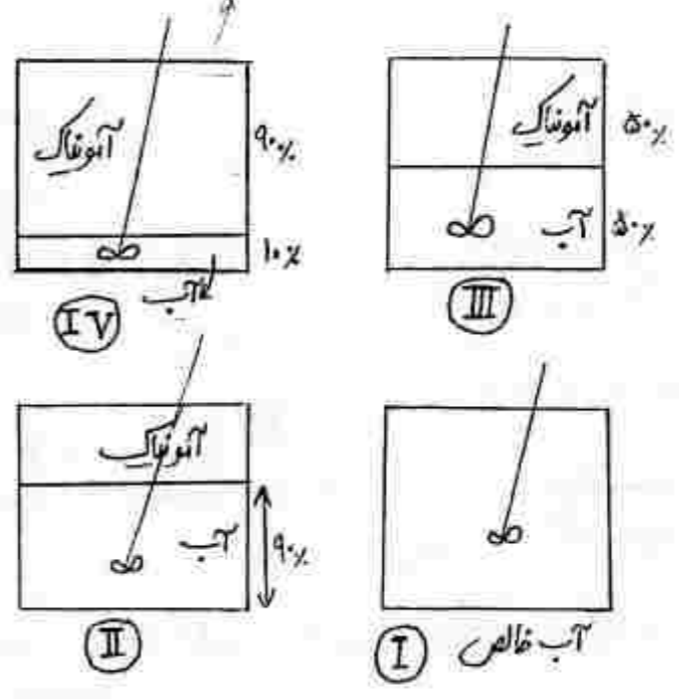
$$N_A = -k_c (C_{A_i} - C_{A_0}) = \dots$$

اول عدد رینولدز را حساب کنیم و سپس عدد اسمیت. در آن فرجه رینولدز را داریم و همه اینها را ضرب کنیم شده عدد ناسلت. بعد باید که k_c پیدا کنیم و آنجا N_A را حساب کنیم.

$$C_{A_0}$$

« ۵ »

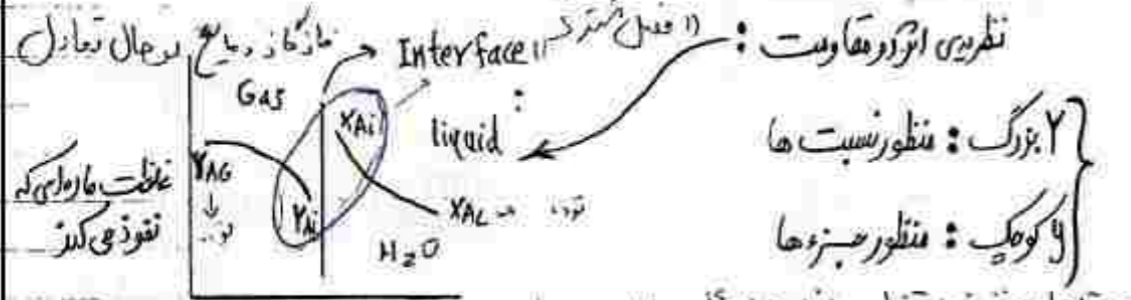
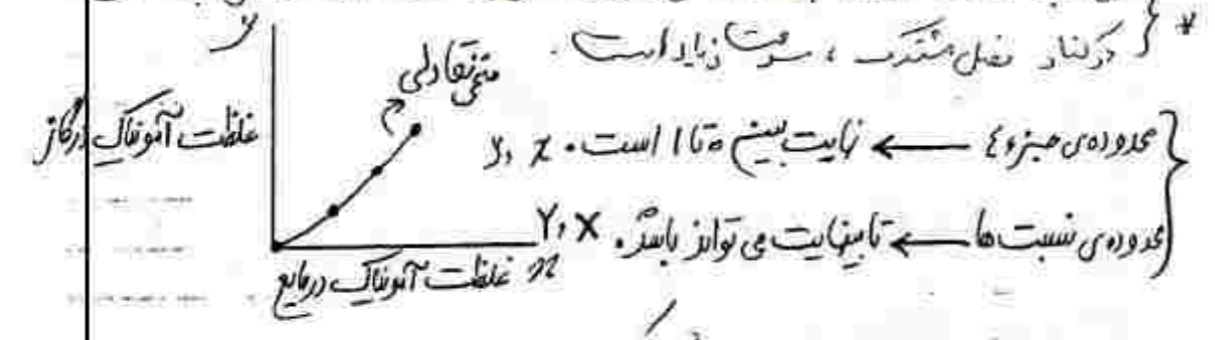
فصل پنجم - انتقال مبروم بین فازها - ص ۱۵۶ :
غلظت‌ها در دو طرف دیواره در حالت تعادل برابر است



گدازه در مورد شکل‌ها :

- ۱) شماره‌های I و III و IV بعد از مدتی با هم خورده و به تعادل می‌رسند.
- ۲) انتقال مبروم در طول آب و الکل بیشتر است و آب کمتر باقی‌مانده (شماره‌های I و II)
- ۳) در شماره‌های IV از حد غلظت آمونیاک در محلول بیشتر است.

در آب غلظت در قوده کم کاملاً در فصل مشترک زیاد است ولی در کان برعکس
در کنار فصل مشترک، سرعت زیاد است



مشادست‌های شوره‌ها تنها در داخل نازک‌ها سیال موجود دارد
بسیی مشادست‌ها در برابر انتقال حل شوند. چرا که در طرف سطح مشترک که فاز سیال بر طرف دیگر وجود ندارد

بانونه به شکل ۳-۵ کتاب :
شرکت انتقال

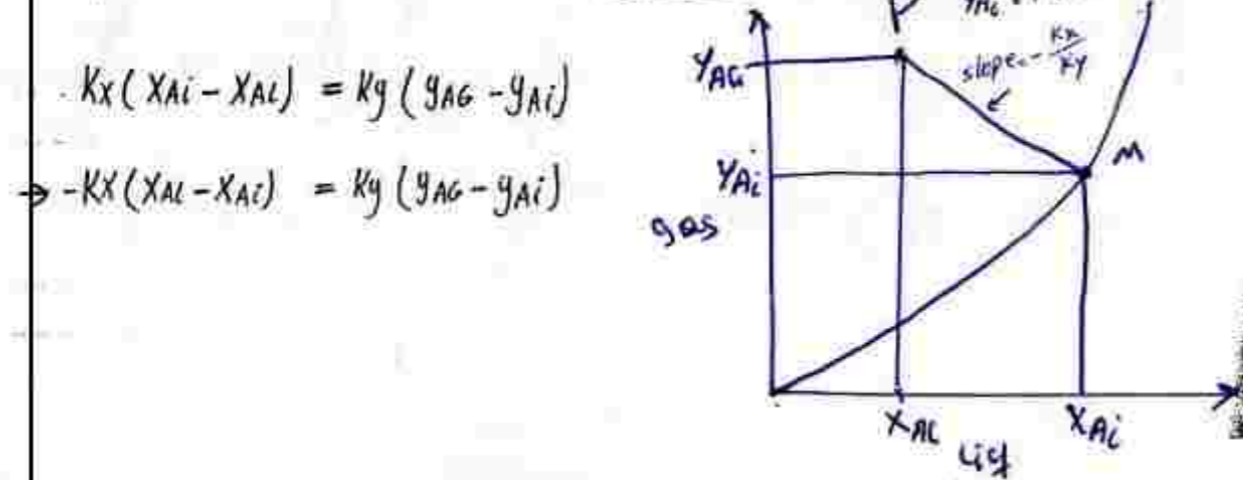
با هم برابرند

$$NA = Ky (y_{AG} - y_{AI})$$

در کان در جانب

$$NA = Kx (x_{AI} - x_{AL})$$

در جانب (توده)



$$Kx (x_{AI} - x_{AL}) = Ky (y_{AG} - y_{AI})$$

$$\rightarrow -Kx (x_{AL} - x_{AI}) = Ky (y_{AG} - y_{AI})$$



فصل اول

مولی میسوز

بسم الله الرحمن الرحيم: نفوذ در جهت ما فی سبیلنا

سرعت حرکت از دید ناظر داخلی

→ قانون اول نیوتن → $j_A = -D_{AB} \frac{\delta C_A}{\delta z} = -C D_{AB} \frac{\delta x_A}{\delta z}$

نسبت مولی انتقال A با نفوذ مولکولی از دید ناظر A که با سرعت متوسط مولی U_m در حرکت

است و واحد آن: $\frac{\text{kmole}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$ کیلومول بر مترمربع در ثانیه

سرعت متوسط از دید ناظر خارجی

از طرفی $j_A = C_A (U_A - U_m) \rightarrow U_m = \frac{U_A C_A + U_B C_B}{C} \rightarrow j_C = C_A + C_B$

از طرفی $N_A = C_A U_A \rightarrow G_A = \frac{N_A}{S} = P_A U_A$

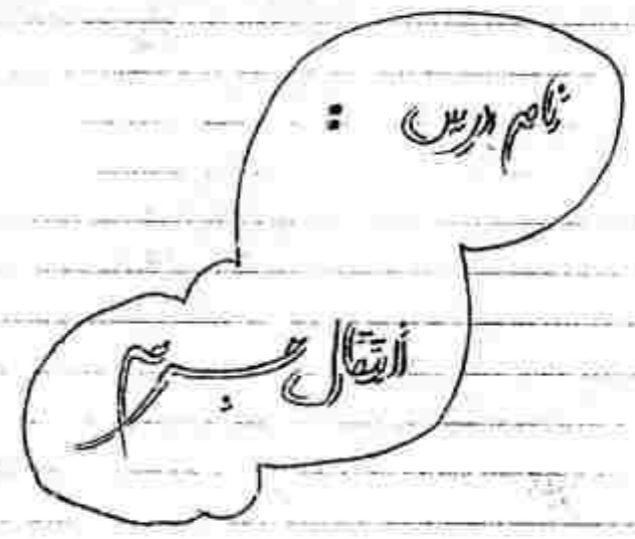
→ $\frac{G_A}{N_A} = \frac{P_A}{C_A} = \frac{P_A}{C_A} U_A = C_A U_A$

از طرفی: $U_m = \frac{N_A + N_B}{C}$

if ①: $U_m = \frac{C_A U_A + C_B U_B}{C}$

② $j_A = C_A (U_A - U_m) \xrightarrow{\text{با جایگذاری}} j_A = C_A \left(U_A - \frac{C_A U_A + C_B U_B}{C} \right)$

→ $j_A = C_A U_A - \frac{(N_A + N_B) C_A}{C} \rightarrow \text{if } \begin{cases} \frac{C_A}{C} = \frac{N_A}{C} \\ N_A + N_B = 0 \end{cases}$



مرداد
یکشنبه

۱۳۸۶
شعبان ۱۳۳۸

$$N_A = k_{Ax} (x_A^* - x_{A,i}) \quad (1)$$

$$N_A = k_{Ay} (y_{A,g} - y_{A,i}) \quad (2)$$

$$N_A = k_{Ax} (x_A^* - x_{A,i}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{k_x} = \frac{1}{m' k_y} + \frac{1}{k_x}$$

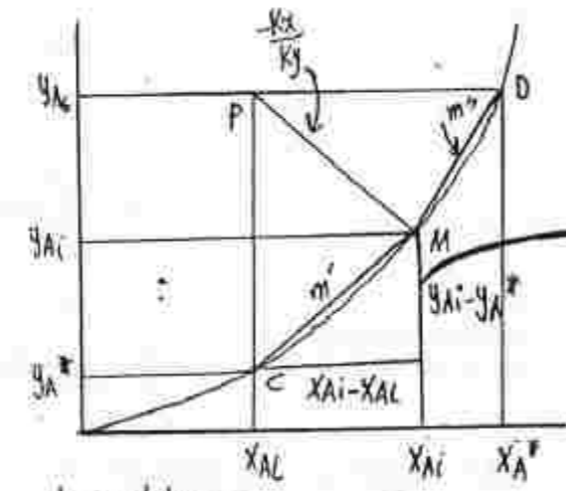
$$N_A = k_x (x_A^* - x_{A,i}) + m' (x_{A,i} - x_{A,e}) \quad (4)$$

$$\Rightarrow (x_A^* - x_{A,i}) m' = \frac{N_A}{k_y} \Rightarrow x_A^* - x_{A,i} = \frac{N_A}{k_y m'}$$

$$\Rightarrow \frac{N_A}{k_x} - \frac{N_A}{k_y} = \frac{N_A}{k_y m'}$$

$\Rightarrow \frac{N_A}{k_x} - \frac{N_A}{k_y} = \frac{N_A}{k_y m'}$
 مثل توضیحات معادله قبلی فقط برای مایع

$$y_{A,g} - y_A^* = (y_{A,g} - y_{A,i}) + (y_{A,i} - y_A^*) = (y_{A,g} - y_{A,i}) + m' (x_{A,i} - x_{A,e})$$



$$m' = \frac{y_{A,i} - y_A^*}{x_{A,i} - x_{A,e}} \Rightarrow y_{A,i} - y_A^* = m' (x_{A,i} - x_{A,e})$$

* روابطی که k_y با k_x با هم برابر شوند: توضیحات در صفحه بعد

$$x_A^* - x_{A,i} = \frac{N_A}{k_x} - \frac{N_A}{k_y}$$

(۱) m' بسیار کوچک و k_x بسیار بزرگ باشد
 (۲) m' خیلی بزرگ و k_y خیلی بزرگ باشد

(۱) مبنی اکتی تر می شود به نوبی که در مقابل k_y کوچک
 غلبت فاز مایع جاری بیشتر از فاز گازی است و در نتیجه k_y بزرگ
 (۲) فاز مایع بسیار غدهل است
 (۳) فاز مایع از آنجا که در آنجا مایع می باشد و k_x کوچک
 به نسبت مستعد

تفاوت در فاز گاز = $\frac{1}{k_y}$ کوچک
 تفاوت کل در هر دو فاز = $\frac{1}{k_y}$ بزرگ
 تفاوت در فاز مایع = $\frac{1}{k_x}$ کوچک
 تفاوت کل در هر دو فاز = $\frac{1}{k_x}$ بزرگ

نکته: اگر دو تا شرط بالا برقرار باشد دو تا معادله بالا برابر می شود.

اگر مایع و گاز هر دو غلیظان از بالا به پایین باشند جریان همسو است در غیر این صورت جریان مخالف است.

رابطه بین ضرایب کلی انتقال جرم و ضرایب کلی انتقال جرم است

$$\frac{N_A}{k_y} = \frac{N_A}{k_x} + \frac{m' N_A}{k_x}$$

$$\left(\frac{1}{k_y} \right) = \left(\frac{1}{k_x} \right) + \left(\frac{m'}{k_x} \right)$$

تفاوت کلی
 فاز گاز در مقابل انتقال جرم بر اساس فاز گاز
 تفاوت کلی
 فاز گاز در مقابل انتقال جرم بر اساس فاز گاز

تفاوت کلی فاز مایع در مقابل انتقال جرم بر اساس فاز گاز

$$m' = \frac{y_{A,i} - y_A^*}{x_{A,i} - x_{A,e}} \Rightarrow y_{A,i} - y_A^* = m' (x_{A,i} - x_{A,e})$$

$$y_{A,i} - y_A^* = \left(\frac{N_A}{k_y} - \frac{N_A}{k_x} \right) \quad (3)$$

$$\Rightarrow \frac{N_A}{k_y} = \frac{m' N_A}{k_x} + \frac{N_A}{k_x}$$

$$Y = \frac{y}{1-y}$$

$$E = E_s + E_y \rightarrow E - E_y = E_s \Rightarrow E(1-y) = E_s \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E \left(\frac{y}{1-y} \right) = E_s \Rightarrow E_y = E_s Y$$

برای ترازه منتقل سوزده : اگر فرآیند معادلان بنویسیم فقط برای ترازه می نویسیم و فقط برای نسبت های نویسیم .

$$E_s Y_1 + R_s X_1 = E_s Y_2 + R_s X_2$$

$$\begin{cases} R_x = R_s X \\ E_y = E_s Y \end{cases}$$

$$R = R_s + R_x$$

اگر یک طرف مولی باشد طرف دیگر هم باید مولی باشد

$$R - R_x = R_s \rightarrow R(1-x) = R_s$$

$$R \left(\frac{x}{1-x} \right) = R_s \rightarrow R_x = R_s X \rightarrow E_y = E_s Y \Rightarrow X = \frac{R_s}{1-x}$$

نسبت مولی x جزو طاق = کل درجه مولی

نسبت جرمی x مقدار هم طاق = کل جرمی درجه جرمی

$$X = \frac{x}{1-x} \Rightarrow 1-x = \frac{x}{X}$$

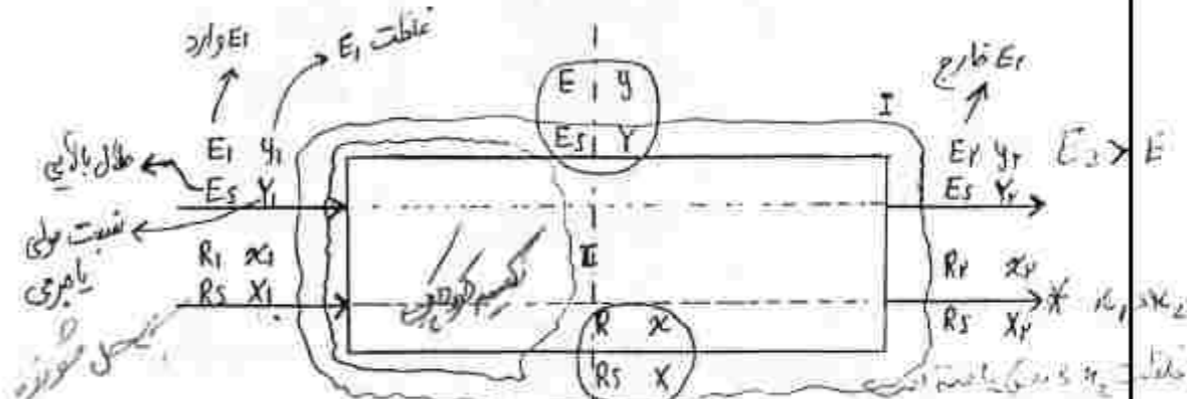
$$R_s X_1 - R_s X_2 = E_s Y_2 - E_s Y_1$$

$$R_s (X_1 - X_2) = E_s (Y_2 - Y_1)$$

برای موازنه بستن از ابتدا تا انتهای دستگاه که از کسری بزرگ نتیجه گرفتیم

$$\Rightarrow \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = - \frac{R_s}{E_s}$$

operating line



فرآیند هم جریان (steady-state cocurrent processes)

$$E_1 + R_1 = E_2 + R_2$$

$$E_1 + R_1 = E + R$$

$$E_1 Y_1 + R_1 X_1 = E_2 Y_2 + R_2 X_2$$

$$E_1 Y_1 + R_1 X_1 = E Y + R X$$

$$E_g = R_s$$

$$E_{S1} + R_{S1} = E_{S2} + R_{S2}$$

$$E_S = E_{S1} = E_{S2}$$

$$R_S = R_{S1} = R_{S2}$$

نکته : R_s او ندارد یعنی بجای آن R_{S1} و R_{S2} نداریم .

خالص (سود) $R_s = 100(1 - \gamma) = 40 \text{ Kg/hr} \rightarrow$

$E_s = E_1 = 50 \text{ Kg/hr}$

$X_1 = \frac{x_1}{1-x_1} = \frac{\gamma}{1-\gamma} = \frac{7}{3}$

$X_2 = \frac{x_2}{1-x_2} = \frac{\gamma}{1-\gamma} = \frac{1}{9}$

$R_s(X_1 - X_2) = E_s(Y_2 - Y_1) \rightarrow 40(\frac{7}{3} - \frac{1}{9}) = 50(Y_2 - 0)$

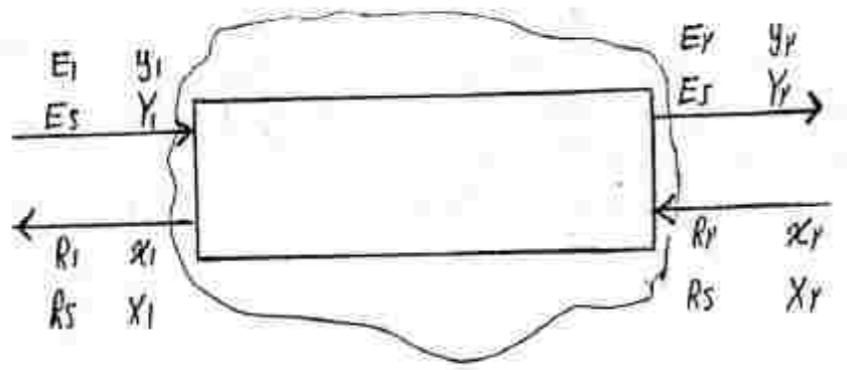
$\rightarrow Y_2 = \frac{4}{5}(\frac{7}{3} - \frac{1}{9})$

روز پزشک - روز بزرگداشت ابوعلی سینا

شهریور $\rightarrow Y_2 = \frac{4}{3}$ نسبت وزنی استون (مولکول) خارجی

تعطیل

انتقال مبروم یا بایار مختلف جهت (counter current):



$E_s Y_1 + R_s X_1 = E_s Y + R_s X$

برای فرقیه ای در داخل سیستم اگر این بیان مبروم را ببندیم صورتی کذا در سطح از کسری کوچک نتیجه گرفتیم.

بجز مورد نظر در فاز E در هر قطبای $E_1 Y_1 + R_1 X_1 = E_1 Y + R_1 X$ ابیات معادله با R بجز مورد نظر در فاز ورودی R

$\rightarrow E_s Y_1 + R_s X_1 = E_s Y + R_s X$

معادله خط عامل operating line $\rightarrow R_s(X_1 - X) = E_s(Y - Y_1)$

$Y - Y_1 = -\frac{R_s}{E_s}(X - X_1)$

معادله خط عامل یا operating line برای استخراج مداوم با جریان موازی و همگرا (co-current)

مثال 50 Kg/hr آب همراه با استون وارد یک دستگاه استخراج با جریان همگرا مداوم می شود تا خلقت استون (بر حسب جزء وزنی) از ۷۰ به ۱۰ درصد برسد، اگر برای این استخراج از 50 Kg/hr بر ساعت تولوئن خالص استفاده کنیم، خلقت خروجی استون را در تولوئن تقسیم کنید.

حلان 50 Kg/hr

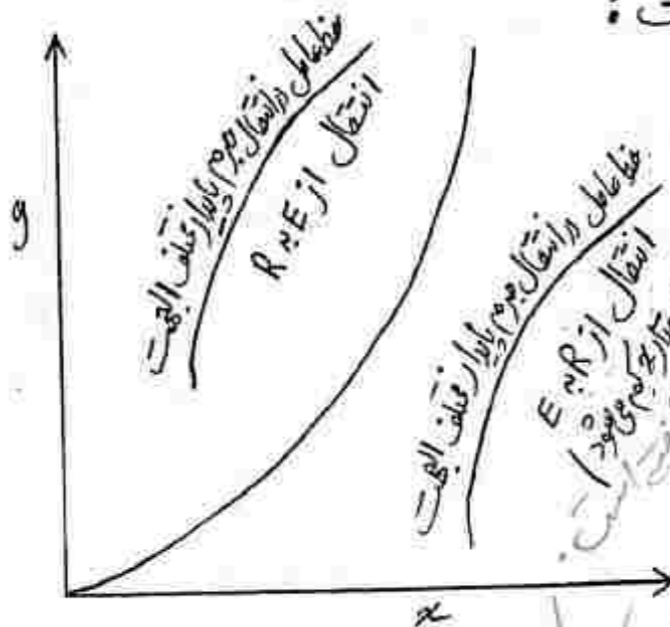
موازنه معادله آخر معادله قبلی بر اساس هلال $E_s Y_1 + R_s X = E_s Y + R_s X_1 \rightarrow$

معادله خط حامل برای انتقال جرم باید از مختلف جهت $\rightarrow E_s (Y - Y_1) = R_s (X - X_1)$

خطی با شیب $\frac{R_s}{E_s}$ که شیب از R است $\rightarrow Y = \frac{R_s}{E_s} (X - X_1) + Y_1$

مقدار اینکه $\frac{R_s}{E_s}$ دارای شیب مثبت است یا عبارتی معادله $Y = \frac{R_s}{E_s} (X - X_1) + Y_1$

معادله یک خط است :

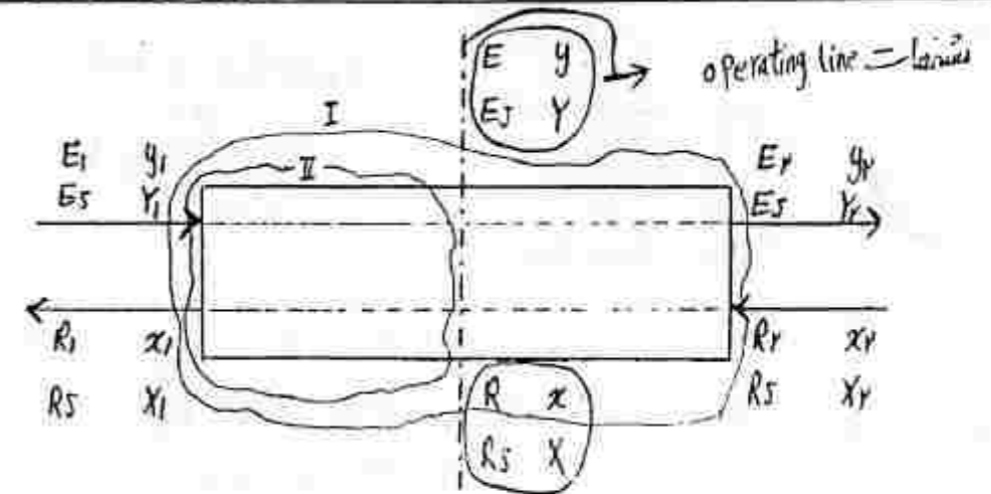


موازنه جرم یا مول کل در سراسر دستگاه $E_1 + R_1 = E_2 + R_2 \rightarrow$

نکته: موازنه مول کل در مواردی که واکنش شیمیایی رخ می دهد نمی توانیم بنویسیم و باید موازنه جرم را بنویسیم و موازنه جرمی همیشه برقرار می گذرد.

موازنه جرم یا مول کل ماده منتقل شونده در سراسر دستگاه $E_1 y_1 + R_2 x_2 = E_2 y_2 + R_1 x_1 \rightarrow$
 $E_s Y_1 + R_s X_2 = E_s Y_2 + R_s X_1$

معادله بالایی بر اساس هلال $\rightarrow E_s (Y_1 - Y_2) = R_s (X_1 - X_2)$

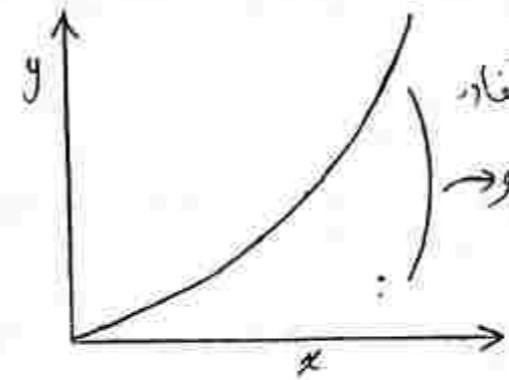


موازنه کل ماده در کسب کوچک $E_1 + R = E + R_1 \rightarrow$

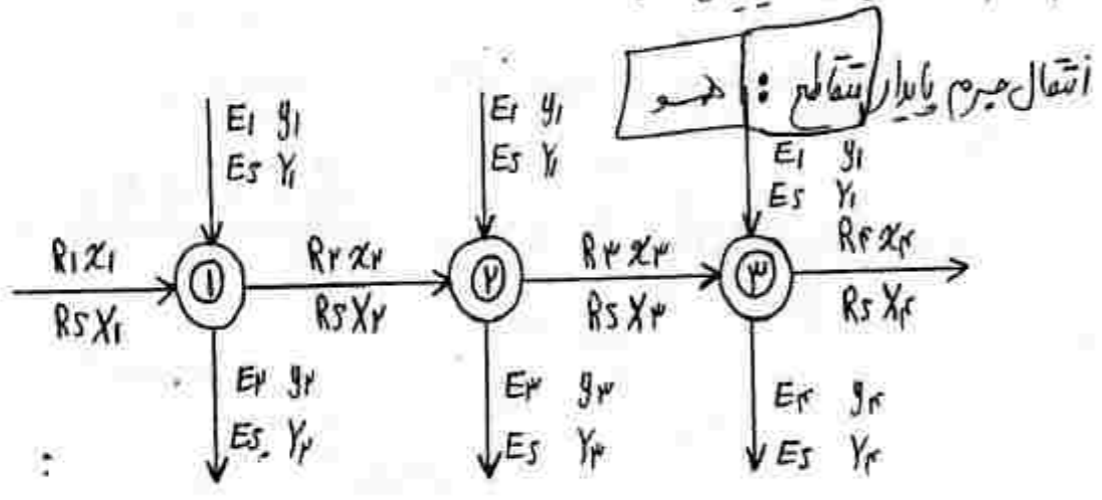
موازنه برای جزء منتقل شونده در کسب کوچک $E_1 y_1 + R x = E y + R_1 x_1 \rightarrow$

۱- هر واحد دارای بارده، موردی جدید است.
۲- در صورتی که جنس سفالی، استخراجه شود، استخراجه با حلال.
۳- اگر R_s و R_p ثابت باشد، سبب تغییر می کند.

تعداد را می بیند تعدادی $E_y + R_s X_1 = E_1 Y_1 + R_s X_1$ بصورت یک معنی است نه یک خط:



این نمودار (یا منوی) را چری می استغفار
خط عامل در انتقال جرم یا بار همسو



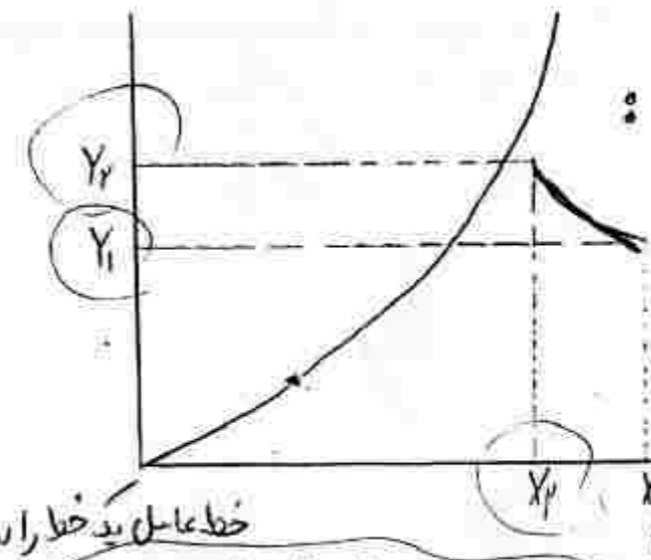
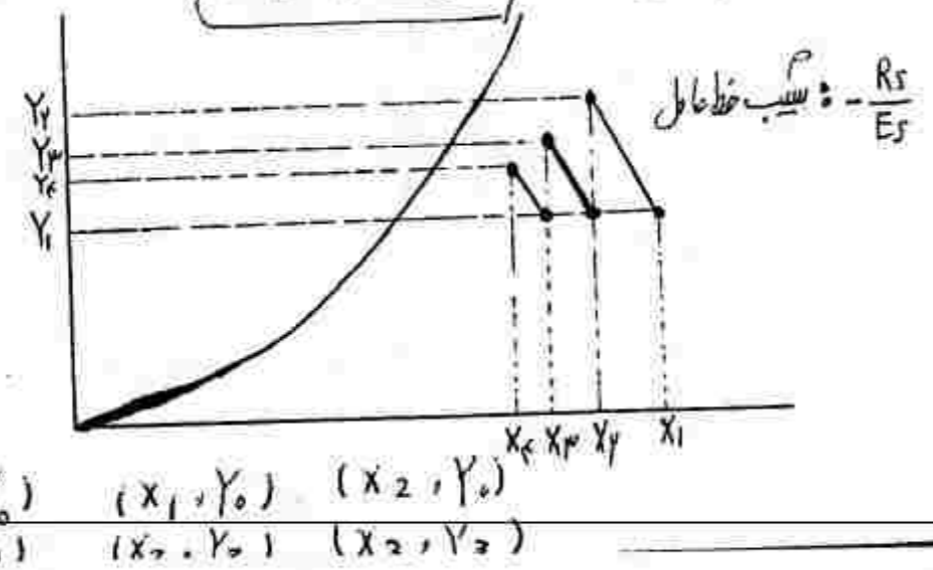
فرض کردیم که مشخصات موادی که در هم می اینها زده می شود یکسان باشد:

مقدار E ثابت و R تغییر کند

$$E_s Y_1 + R_s X_1 = R_s X_2 + E_s Y_2$$

$$E_s (Y_1 - Y_2) = R_s (X_2 - X_1)$$

خط عامل برای سیستم انتقال و مقدارشان ثابت باشد:



خط عامل در جریان یا بار همسو (موازی):

شکل ۱-۵ کتاب ص ۱۲۹

خط عامل به خط راست می شود

عظمت $R_s E_s$
۱- اگر بر اساس نسبت ها باشد، شکل بصورت بالا می شود یعنی یک خط است.
۲- اگر بر اساس مبداها باشد، شکل بصورت معنی (شکل ۱-۵) می شود.



از مدارات ۱-ک و ۷-ک یعنی: $\frac{1}{K_x} = \frac{1}{m^* K_y} + \frac{1}{K_x}$ و $\frac{1}{K_y} = \frac{1}{K_y} + \frac{m^*}{K_x}$ نتیجه می شود
به شرط آنکه تمام تفاوت ها در یکی از فازها خلاصه شود این است که ضریب انتقال جرم عالی
در فاز دیگر ضریب بزرگ باشد همچنین اگر معنی تعادلی در هر دو سی عملاً یکی هستند مورد نظر به
یک خط افقی نزدیک باشد در صورت تفاوت در فازها که با خط نشان داده شده و اگر ضریب
معنی تعادلی در هر دو سی عملاً یکی هستند مورد نظر به سمت انتهایی میل کند در صورت تفاوت
در فازها که با علامت Δ (فازهای) نشان داده شده خطوط خواهد شد.

و این تقریبها:

$$D_{AB} = m^2/s \quad , \quad P_t = P = \bar{P} = N_m \cdot v \cdot \rho \quad , \quad N_A = \text{kmol}/m^2 \cdot s$$

$$r_a = nm \quad , \quad \frac{\epsilon_{AB}}{K} \quad , \quad \frac{KT}{\epsilon_{AB}} = \text{واحد ندارد} \quad , \quad C_A = \text{gmol}/l$$

$$M = \text{kg}/\text{kmol} \quad \text{یا} \quad \text{g}/\text{mol} \quad , \quad \left(\frac{P}{m}\right) = \text{kmol}/m^3$$

$$v = m^2/s \quad , \quad \alpha = m^2/s \quad , \quad D = m^2/s$$

$$K_y = \text{kmol}/m^2 \cdot s \quad , \quad K_x = \text{kmol}/m^2 \cdot s \quad , \quad K_L = K_C = \text{kmol}/m^2 \cdot s$$

مثال) می خواهم نسبت جرمی ماده A را در آب از $\frac{7}{5}$ به $\frac{1}{5}$ کاهش دهم
محلول (آب + ماده A) با سرعت جرمی $\frac{100}{5} \text{ kg/s}$ دارد در دستگاه می شود و محلول حاصل
تولوشش بسیار جزیب A به طور همسودا در آب دستگاه با آب می شود. نسبت جرمی A
را در تولوشش جرمی تقسیم کنید. مدت جرمی تولید $\frac{100}{5} \text{ kg/s}$ است.

$$R_D (X_1 - X_2) = E_S (Y_2 - Y_1)$$

$$E_1 = E_S = 100 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \quad , \quad R_1 = 100 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \quad , \quad R_S X_1 = R_1 x_1$$

$$x_1 = \frac{7}{5} \quad , \quad x_2 = \frac{1}{5}$$

$$x_{12} = \frac{n_1}{1-n_1}$$

$$Y_1 = 0 \quad \text{چون تقویم خالصی است} \quad , \quad \frac{7}{5} = \frac{n_1}{1-n_1} \Rightarrow n_1 = \frac{7}{12}$$

$$R_S \times \frac{7}{5} = 100 \times \frac{7}{12} \Rightarrow R_S = \frac{500}{12} \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow \frac{500}{12} \left(\frac{7}{5} - \frac{1}{5} \right) = 100 \cdot Y_2 \Rightarrow Y_2 = \frac{1}{12}$$

جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر بردار y از انان مجببی خارج می شود

$$M_A N_A y + \delta y (\delta x \delta z)$$

جمع اینها می شود ضروی

جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر بردار z از انان مجببی خارج می شود

$$M_A N_A z + \delta z (\delta x \delta y)$$

زغیره = تولد + ضروی - وروی : انان صبر

یا تولد - = زغیره - ضروی - وروی

یا تولد = زغیره + وروی - ضروی

سرعت تولد : $\frac{\delta \rho_A}{\delta t} (\delta x \delta y \delta z)$
 که در امتداد بردار x و y و z حرکت می کند و در حجم است قبل تولد

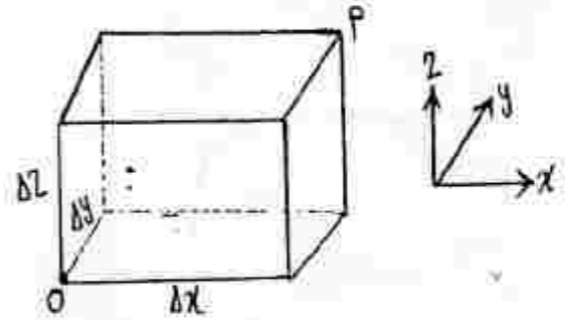
تولد : $R_A M_A (\delta x \delta y \delta z)$

R_A (سرعت تولد) : مقدار مول A که در واحد زمان در واحد حجم مورد نظر (انان) تولد می شود.

$$\dot{\rho}_A = \rho_A v_A - \chi_A \nabla T \rightarrow \dot{\rho}_A = N_A - \chi_A \nabla T \quad \text{یا} \quad N_A = \dot{\rho}_A + \chi_A \nabla T$$

حرکت A
تولد

قانون دوم فیک : بر اساس موازنه جرم شرایط نفوذ نامیوست را بررسی می کند.



جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر محور x وارد این انان مجببی می شود

$$M_A N_A x (\delta y \delta z)$$

جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر محور y وارد این انان مجببی می شود

$$M_A N_A y (\delta x \delta z)$$

جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر محور z وارد این انان مجببی می شود

$$M_A N_A z (\delta x \delta y)$$

جرم A که در واحد زمان از سطح عمود بر بردار x از انان مجببی خارج می شود

$$M_A N_A x + \delta x (\delta y \delta z)$$

جمع اینها می شود ضروی

ضروی

$$\rho_A v_A = \rho_A (v_x + \delta v_x)$$

$$\frac{\delta(P_{ux})}{\delta x} + \frac{\delta(P_{uy})}{\delta y} + \frac{\delta(P_{uz})}{\delta z} + \frac{\delta P}{\delta \theta} = 0$$

$$\rightarrow \rho \frac{\delta u_x}{\delta x} + u_x \frac{\delta \rho}{\delta x} + \rho \frac{\delta u_y}{\delta y} + u_y \frac{\delta \rho}{\delta y} + \rho \frac{\delta u_z}{\delta z} + u_z \frac{\delta \rho}{\delta z} + \frac{\delta P}{\delta \theta} = 0$$

نکته: در شرایط کم دما و یا فشاری توانیم سیالات تراکم پذیر را به تراکم ناپذیر تبدیل کنیم.

(Steady State) در شرایط پایدار

$$\frac{\delta P}{\delta x} = \frac{\delta P}{\delta y} = \frac{\delta P}{\delta z} = \frac{\delta P}{\delta \theta} = 0$$

برای سیالات تراکم ناپذیر

$$\rightarrow \rho \left(\frac{\delta u_x}{\delta x} + \frac{\delta u_y}{\delta y} + \frac{\delta u_z}{\delta z} \right) = 0$$

$$\rightarrow \frac{\delta u_x}{\delta x} + \frac{\delta u_y}{\delta y} + \frac{\delta u_z}{\delta z} = 0$$

تغیر

تایوان پیوستگی (Continuity)

در کلیه سیالات در حالت پایدار صدق می کند.

تعطیل

$$\sqrt{N_A = \dot{q}_A + \dot{q}_A N_T} \xrightarrow{\text{جزئی A}} N_A = \dot{q}_A + \dot{q}_A (N_A + N_B) \quad \left[\frac{M_A \dot{q}_A}{N_A} = \dot{q}_A \right]$$

$$N_A \dot{q}_A = \dot{q}_A + \frac{C_A}{C} (N_A \dot{q}_A + N_B \dot{q}_A) \quad \left[\frac{N_B}{C} = u_x \right]$$

$$M_A N_{A,x} = M_A \dot{q}_{A,x} + \frac{C_A}{C} (M_A N_x)$$

* ترمادینامیک و ترمودینامیک سیالات

$$\left\{ \begin{array}{l} \delta A: \text{درجه اول} \\ \delta B: \text{درجه دوم} \end{array} \right.$$

المان جدید:

$$\left[M_A N_{A,x} + \delta x (\delta y \delta z) - M_A N_{A,x} (\delta y \delta z) \right] + \left[M_A N_{A,y} + \delta y (\delta x \delta z) - M_A N_{A,y} (\delta x \delta z) \right]$$

$$+ \left[M_A N_{A,z} + \delta z (\delta x \delta y) - M_A N_{A,z} (\delta x \delta y) \right] + \frac{\delta P_A}{\delta \theta} (\delta x \delta y \delta z) = R_A M_A (\delta x \delta y \delta z)$$

$$\xrightarrow{\text{از ماکرو ترمودینامیک}} M_A \left[\frac{\delta N_{A,x}}{\delta x} + \frac{\delta N_{A,y}}{\delta y} + \frac{\delta N_{A,z}}{\delta z} \right] + \frac{\delta P_A}{\delta \theta} = R_A M_A$$

در حالت پایدار و در صورتی که دما و فشار ثابت باشد

$$\frac{\delta(N_{A,x} M_A)}{\delta x} + \frac{\delta(N_{A,y} M_A)}{\delta y} + \frac{\delta(N_{A,z} M_A)}{\delta z} + \frac{\delta P_A}{\delta \theta} = R_A M_A \quad (1)$$

$$\frac{\delta(N_{B,x} M_B)}{\delta x} + \frac{\delta(N_{B,y} M_B)}{\delta y} + \frac{\delta(N_{B,z} M_B)}{\delta z} + \frac{\delta P_B}{\delta \theta} = R_B M_B$$

$$\xrightarrow{\text{از مجموع دو طرف}} \frac{\delta(M_A N_{A,x} + M_B N_{B,x})}{\delta x} + \frac{\delta(M_A N_{A,y} + M_B N_{B,y})}{\delta y}$$

$$+ \frac{\delta(M_A N_{A,z} + M_B N_{B,z})}{\delta z} + \frac{\delta P}{\delta \theta} = R_A M_A + R_B M_B$$

نکته: الزاماً $R_A M_A + R_B M_B$ معر است ولی $R_A + R_B$ الزاماً معر نیست زیرا ممکن است

B.P.A

Advection: حرکت سیال همراه با نفوذ مولکولی

$$C_A \left(\frac{\delta v_x}{\delta x} + \frac{\delta v_y}{\delta y} + \frac{\delta v_z}{\delta z} \right) + v_x \frac{\delta C_A}{\delta x} + v_y \frac{\delta C_A}{\delta y} + v_z \frac{\delta C_A}{\delta z} + \frac{\delta C_A}{\delta \theta} = \dots$$

$$\rightarrow R_A + D_{AB} \left(\frac{\delta^2 C_A}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 C_A}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 C_A}{\delta z^2} \right) \leftarrow \text{mass transfer (انتقال جرم)}$$

$$C_A \left(\frac{\delta v_x}{\delta x} + \frac{\delta v_y}{\delta y} + \frac{\delta v_z}{\delta z} \right) + v_x \frac{\delta T}{\delta x} + v_y \frac{\delta T}{\delta y} + v_z \frac{\delta T}{\delta z} + \frac{\delta T}{\delta \theta} = \dots$$

$$\frac{Q}{\rho c_p} + \frac{K}{\rho c_p} \left(\frac{\delta^2 T}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 T}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 T}{\delta z^2} \right) \leftarrow \text{Heat transfer (انتقال گرما)}$$

$d = \frac{K}{\rho c_p}$ و Q : انتقال گرما یا میزان حرارت تولید شده

اثبات اینکه ضریب نفوذ A در B = ضریب نفوذ B در A

$$\{ D_{AB} = D_{BA} \}$$

$$N_A = -D_{AB} \frac{\delta C_A}{\delta x} + (N_A + N_B) \frac{C_A}{C}$$

$$N_B = -D_{BA} \frac{\delta C_B}{\delta x} + (N_A + N_B) \frac{C_B}{C}$$

تذکره: اگر حرکت نداشته باشیم یعنی حرکت مایکرومولکولیک باشد در هر ۲ مورد زیر مواردی رسمی (در فضا) نفوذ می شود

$$M_A N_{A,x} = M_A j_{A,x} + \rho_A U_x$$

$$\rightarrow M_A N_{A,x} = -M_A D_{AB} \frac{\delta C_A}{\delta x} + \rho_A U_x$$

$$\rightarrow \frac{\delta(M_A N_{A,x})}{\delta x} = -M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta x^2} + \rho_A \frac{\delta U_x}{\delta x} + U_x \frac{\delta \rho_A}{\delta x}$$

$$\rightarrow \frac{\delta(M_A N_{A,y})}{\delta y} = -M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta y^2} + \rho_A \frac{\delta U_y}{\delta y} + U_y \frac{\delta \rho_A}{\delta y}$$

$$\rightarrow \frac{\delta(M_A N_{A,z})}{\delta z} = -M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta z^2} + \rho_A \frac{\delta U_z}{\delta z} + U_z \frac{\delta \rho_A}{\delta z}$$

از معادله ①: $-M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta x^2} - M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta y^2} - M_A D_{AB} \frac{\delta^2 C_A}{\delta z^2} + \frac{\delta \rho_A}{\delta \theta} = 0$

مفروضه تقسیم مساوی: $\frac{N_A}{\rho_A} \leftarrow \frac{\delta C_A}{\delta \theta} = D_{AB} \left(\frac{\delta^2 C_A}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 C_A}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 C_A}{\delta z^2} \right)$

قانون دوم فیک

$$\checkmark Z = -CDAB \int_{CAI}^{CAr} \left(\frac{-1}{NA+NB} \right) \frac{-(NA+NB)dCA}{CNA - (NA+NB)CA}$$

$$Z = \frac{CDAB}{(NA+NB)} \int_{CAI}^{CAr} \frac{-(NA+NB)dCA}{CNA - (NA+NB)CA}$$

$$Z = \frac{CDAB}{NA+NB} \ln \frac{CNA - (NA+NB)CAr}{CNA - (NA+NB)CAI} \rightarrow Z = \frac{CDAB}{NA+NB} \ln \frac{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAr}{C}}{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAI}{C}}$$

$$I = \frac{1}{NA+NB} \cdot \frac{CDAB}{Z} \ln \frac{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAr}{C}}{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAI}{C}}$$

$$NA = \frac{NA}{NA+NB} \cdot \frac{CDAB}{Z} \ln \frac{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAr}{C}}{\frac{NA}{NA+NB} - \frac{CAI}{C}} \quad \text{I}$$

تمرین: معادله تغییرات غلظت CA را با Z در شرایط نفوذ روجزی یا بار درست آورده.

CA = f(Z)

جواب در زیر بالایی

$$NA+NB = -DAB \frac{dCA}{dx} - DBA \frac{dCB}{dx} + (NA+NB) \frac{CA+CB}{C}$$

نسبت $\frac{dC}{dx} = \frac{dCA}{dx} + \frac{dCB}{dx} = 0 \rightarrow \frac{dCA}{dx} = -\frac{dCB}{dx}$
توسیحات اضافی: $C = CA + CB$

$$\rightarrow -DAB \frac{dCA}{dx} - DBA \frac{dCB}{dx} = 0 \rightarrow -DAB \frac{dCA}{dx} - DBA \left(-\frac{dCA}{dx} \right) = 0$$

$$\rightarrow -DAB \frac{dCA}{dx} + DBA \frac{dCA}{dx} = 0 \rightarrow DAB = DBA$$

شرایط نفوذ B در A و نفوذ A در B برابرند

بررسی سرعت انتقال جرم در شرایط پایدار (steady state): (در سیستم دوتایی (AB))

$$NA = -DAB \frac{dCA}{dz} + (NA+NB) \frac{CA}{C}$$

تغییر انتقال: Z
تغییر اجزای: CA

$$NA - (NA+NB) \frac{CA}{C} = -DAB \frac{dCA}{dz}$$

$$dz = \frac{-CDAB}{CNA - (NA+NB)CA} dCA \rightarrow \int_{Z_1}^{Z_2} dz = \int_{CAI}^{CAr} \frac{-CDAB}{CNA - (NA+NB)CA} dCA$$

$$\rightarrow \frac{Z}{Z_2 - Z_1} = -CDAB \int_{CAI}^{CAr} \frac{dCA}{CNA - (NA+NB)CA}$$

تبدیلی از ادمی بقاروی معضری

$$N_A = \frac{C_{DAB}}{Z C_{B,M}} (C_{A1} - C_{A2})$$
 سوت انتقال جرم در حالت یک و تیره:

برای گازها:

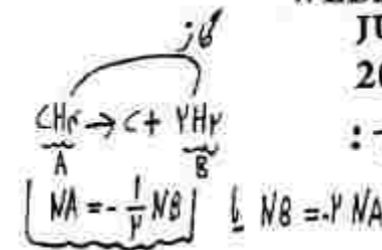
$P = CRT$ برای گاز و $PV = nRT$ و $C_A = \frac{\bar{P}_A}{RT}$
 $\bar{P}_A = C_A RT \rightarrow C_A = \frac{\bar{P}_A}{RT}$

رابطه I برای گازها:

تیر

تعطیل

$$N_A = \frac{N_A}{N_A + N_B} \frac{D_{AB} P_f}{RT Z} \ln \frac{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{\bar{P}_{A2}}{RT}}{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{\bar{P}_{A1}}{RT}}$$



سوت انتقال جرم در حالت های ویژه:

$$N_A = \frac{N_A}{N_A + N_B} \cdot \frac{C_{DAB}}{Z} \ln \frac{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{C_{A2}}{C}}{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{C_{A1}}{C}}$$

در حالت خاص (کلی):

$N_B = 0$: در حالت خاص: absorption جذب گاز توسط مایع
 adsorption جذب گاز توسط جامد
 به ترتیبات جانبی جزو ابیات نیست

$$\frac{N_A}{N_A + N_B} = 1 \rightarrow N_A = \frac{C_{DAB}}{Z} \ln \frac{1 - \frac{C_{A2}}{C}}{1 - \frac{C_{A1}}{C}} \quad \text{و} \quad N_A = \frac{C_{DAB}}{Z} \ln \frac{\frac{C - C_{A2}}{C_{B2}}}{\frac{C - C_{A1}}{C_{B1}}}$$

$C_{A1} + C_{B1} = C$ و $C_{A2} + C_{B2} = C$
 $C_{A1} - C_{A2} = C_{B2} - C_{B1} \rightarrow \frac{C_{A1} - C_{A2}}{C_{B2} - C_{B1}} = 1$

$$N_A = \frac{C_{DAB}}{Z} \cdot \frac{C_{A1} - C_{A2}}{C_{B2} - C_{B1}} \ln \frac{C_{B2}}{C_{B1}}$$

$$N_A = \frac{C_{DAB}}{Z} \left[\frac{\ln \frac{C_{B2}}{C_{B1}}}{C_{B2} - C_{B1}} \right] (C_{A1} - C_{A2})$$

کلمه متوسط لاریتی

$C_{B,M}$ متوسط لاریتی C_{B1} و C_{B2} است:

$$C_{B,M} = \frac{C_{B2} - C_{B1}}{\ln C_{B2} - \ln C_{B1}}$$

یوانسیم :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{C_{A1}}{C} = x_{A1} \leftarrow \text{برای مایعات} \rightarrow \frac{C_{Ay}}{C} = x_{Ay} \\ \frac{C_{A1}}{C} = y_{A1} \leftarrow \text{برای گازها} \rightarrow \frac{C_{Ay}}{C} = y_{Ay} \end{array} \right.$$

برای مایعات :

$$N_A = \frac{N_A}{N_A + N_B} \frac{C_{DAB}}{Z} \ln \frac{\frac{N_A}{N_A + N_B} - x_{Ay}}{\frac{N_A}{N_A + N_B} - x_{A1}}$$

برای گازها :

$$N_A = \frac{N_A}{N_A + N_B} \frac{D_{AB} P_f}{RTZ} \ln \frac{\frac{N_A}{N_A + N_B} - y_{Ay}}{\frac{N_A}{N_A + N_B} - y_{A1}}$$

در حالت $N_B = 0$:

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{RTZ} \ln \frac{y_{A2}}{y_{A1}}, \quad \frac{y_{A1} - y_{A2}}{y_{B2} - y_{B1}} = 1$$

برای گازها :

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{RTZ \bar{P}_{B,m}} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2})$$

برای مایعات :

$$N_A = \frac{D_{AB} C}{Z \bar{x}_{B,m}} (x_{A1} - x_{A2})$$

$\bar{x}_{B,m} \rightarrow (\frac{P}{m})_{average}$

$$D_{AM} = \frac{y_b}{D_{AB}} + \frac{y_c}{D_{AC}}$$

برای $N_B = 0$: بر حسب فشار جزئی گازها : \leftarrow مثل موله برقی و $N_B = 0$ عمل نمیکنیم

$$N_A = \frac{N_A}{N_A + N_B} \cdot \frac{D_{AB} P_f}{RTZ} \ln \frac{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{\bar{P}_{A2}}{P_f}}{\frac{N_A}{N_A + N_B} - \frac{\bar{P}_{A1}}{P_f}}$$

برای $N_B = 0$: بر حسب فشار جزئی گازها : \leftarrow مثل موله برقی و $N_B = 0$ عمل نمیکنیم

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{ZRT} \ln \frac{1 - \frac{\bar{P}_{A2}}{P_f}}{1 - \frac{\bar{P}_{A1}}{P_f}} \rightarrow N_A = \frac{D_{AB} P_f}{ZRT} \ln \frac{\bar{P}_{B2}}{\bar{P}_{B1}}$$

$$\left. \begin{array}{l} \bar{P}_{A1} + \bar{P}_{B1} = P_f \\ \bar{P}_{A2} + \bar{P}_{B2} = P_f \end{array} \right\} \rightarrow \bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2} = \bar{P}_{B2} - \bar{P}_{B1}$$

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{RTZ} \frac{\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2}}{\bar{P}_{B2} - \bar{P}_{B1}} \ln \frac{\bar{P}_{B2}}{\bar{P}_{B1}}$$

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{RTZ} \left(\frac{\bar{P}_{B2}}{\bar{P}_{B1}} \right)^{\frac{\bar{P}_{B2} - \bar{P}_{B1}}{\bar{P}_{B2} - \bar{P}_{B1}}} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2})$$

عکس متوسط تا ریتی

$$N_A = \frac{D_{AB} P_f}{RTZ \bar{P}_{B,m}} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2})$$

فرد با بار A از جدول جدول B

نمودار فاز

CH₄ → c
O₂ → B
C₂H₆ → A

✓ نفوذ در مخلوطی چند جزئی در حالت پایا :

$$\frac{1}{D_{Am}} = \frac{\sum_{i=A}^n \frac{1}{D_{Ai}} (y_i N_A - y_A N_i)}{N_A - y_A \sum_{i=A}^n N_i}$$

D_{Am} → میسر مخلوط

$$\rightarrow D_{Am} = \frac{N_A - y_A \sum_{i=A}^n N_i}{\sum_{i=A}^n \frac{1}{D_{Ai}} (y_i N_A - N_i y_A)}$$

بازای i=B=C=... سفری شود

بازای i=A کلاً سفری شود

اگر NB = NC = ... = 0 باشد یعنی فقط NA راسته باقیمانده فرمول به شکل زیر در می آید :

$$\sum N_i = N_A \rightarrow D_{Am} = \frac{N_A (1 - y_A)}{N_A \sum_{i=B}^n \frac{1}{D_{Ai}} (y_i)}$$

چونکه اگر آنها A شوند نهایتاً هم سفری شوند

$$\rightarrow D_{Am} = \frac{1}{\sum_{i=B}^n \frac{y_i}{D_{Ai} (1 - y_A)}}$$

در شرایطیکه NA داریم و بقیه آنها صفرند →

$$= \frac{1}{\sum_{i=B}^n \frac{y_i}{D_{Ai}}}$$

جزء مولی در شرایطیکه A در نظر گرفته نشود

$$x_A = \frac{c_A}{c} = \frac{n_A}{\sum n} \quad , \quad X_A = \frac{C_A}{C_B} = \frac{n_A}{n_B} = \frac{x_A}{1 - x_A}$$

در حالت خاص : NA = -NB : برای گاز ع :

$$N_A = -D_{AB} \frac{dc_A}{dz} + x_A (N_B + N_B)$$

$$N_A = -D_{AB} \frac{dc_A}{dz} \quad , \quad c_A = \frac{\bar{P}_A}{RT} \quad \text{یا} \quad c_A = c y_A = \frac{P}{RT} y_A$$

$$N_A = -D_{AB} \frac{d\bar{P}_A}{RT dz} \rightarrow dz = \frac{-D_{AB}}{N_A RT} d\bar{P}_A$$

$$z = \frac{D_{AB}}{N_A RT} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2}) \rightarrow N_A = \frac{D_{AB}}{RT z} (\bar{P}_{A1} - \bar{P}_{A2})$$

$$N_A = \frac{D_{AB}}{z} (c_{A1} - c_{A2})$$

برای مایعات و گاز ع قابل استفاده است

$$N_A = \frac{D_{AB}}{z} \left(\frac{P}{m} \right)_{ave} (x_{A1} - x_{A2})$$

برای مایعات استفاده می شود