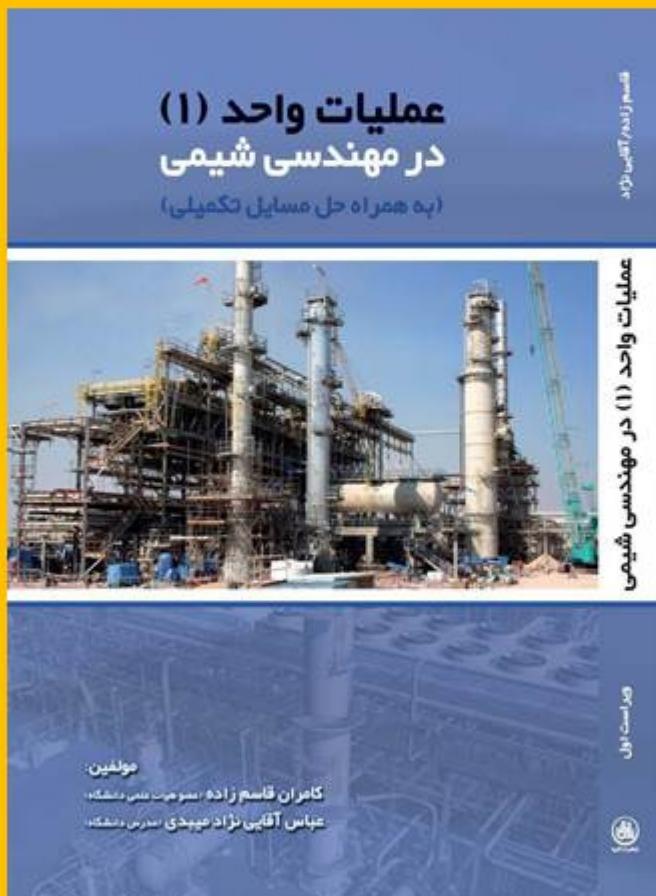


فصل دوم

عملیات تقطیر

Distillation Operations



.....	۱-۱- مقدمه
.....	۲-۱- تعادلات مایع - بخار
.....	۱-۲-۱- مفهوم تعادل
.....	۲-۲-۱- ضریب توزیع یک سازنده در دوفاز
.....	۳-۲-۱- ضریب فراریت
.....	۴-۲-۱- نمودارهای فازی فشار- دما- غلظت
.....	۵-۲-۱- تعادل در فشار ثابت
.....	۱-۵-۲-۱- رسم نمودارهای $u-x$ - برای سیستم های دو جزئی
.....	۶-۲-۱- تعادل در دما ثابت
.....	۷-۲-۱- محلول های ایده ال و غیر ایده ال
.....	۱-۷-۲-۱- محلول های ایده ال یا کامل
.....	۲-۷-۲-۱- محلول های غیر ایده ال
.....	۳-۷-۲-۱- محلول های غیر ایده ال آزئوتروپی
.....	۳-۱- محاسبات نقطه حباب و شبنم
.....	۱-۳-۱- محاسبات نقطه حباب و شبنم با استفاده از قانون رائولت
.....	۲-۳-۱- محاسبات نقطه حباب و شبنم با استفاده از ضرایب توزیع
.....	۳-۳-۱- محاسبات نقطه حباب و شبنم با استفاده از ضریب فراریت

- ۴- نمودارهای تعادلی آنتالپی-غلضت..... ۱
- ۵- عملیات تقطیر..... ۱
 - ۱-۵-۱- عملیات تبخیر آنی یا ناگهانی
 - ۱-۵-۱-۱- عملیات میعان ناگهانی..... ۱
 - ۱-۵-۱-۲- عملیات تبخیر آنی یا ناگهانی برای مخلوطهای چند جزئی ۱
 - ۱-۵-۱-۳- تقطیر دیفرانسیلی یا ساده یا ناپیوسته
 - ۱-۵-۱-۴- تقطیر دیفرانسیلی برای مخلوط های دو جزئی..... ۱
 - ۱-۵-۱-۵- تقطیر دیفرانسیلی برای مخلوط های چند جزئی
 - ۱-۵-۱-۶- میعان دیفرانسیلی
 - ۱-۵-۱-۷- تقطیر پیوسته یا مداوم
 - ۱-۵-۱-۸- موازنہ جرم برای محاسبه دبی و خلوص در برج تقطیر..... ۱
 - ۱-۵-۱-۹- محاسبه بار حرارتی کندانسور (Q_c)
 - ۱-۵-۱-۱۰- محاسبه بار حرارتی ریبویلر (Q_B)
 - ۱-۵-۱-۱۱- محاسبه ارتفاع برج تقطیر سینی دار
 - ۱-۵-۱-۱۲- روش مک کیب- تیلی برای محاسبه تعداد سینی ها..... ۱
 - ۱-۵-۱-۱۳- راندمان برج تقطیر
 - ۱-۵-۱-۱۴- روش پانچون- ساواریت برای محاسبه تعداد سینی ها
 - ۱-۵-۱-۱۵- موارد خاص عملیات تقطیر مداوم

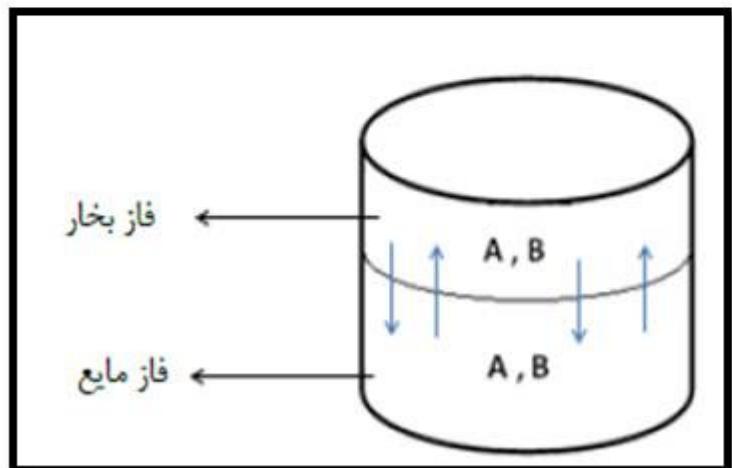
۱-۱ مقدمه

عملیات تقطیر، عملیاتی می باشد که طی آن اجزای یک مخلوط براساس اختلاف نقطه جوش آنها از یکدیگر جدا می شوند. در این نوع عملیات، تعادل دو فاز گاز- مایع رخ میدهد که براساس انتقال جرم بین دو فاز، نهایتاً دو محصولی غنی از جزء سبک و غنی از جزء سنگین حاصل می شود. لذا جهت تفهیم هرچه بهتر اصول عملیات تقطیر، پیش از ورود به بحث تقطیر نیاز می باشد که شناخت مناسبی از مبحث تعادل گاز- مایع و قوانین مربوطه فراهم گردد.

۲-۱ تعادلات مایع- بخار

۲-۱-۱ مفهوم تعادل

سیستم به حالتی می رسد که شدت تبخیر و خروج مولکولها از جزء مایع با شدت میعان و برگشت مولکولهای بخار به فاز مایع برابر می شود. در چنین حالتی گفته می شود که سیستم به تعادل رسیده است.



شکل (۱): تعادل فاز مایع- بخار

در حالت تعادل، سیستم از دید ماکروسکوپی ثابت است ولی از دید میکروسکوپی حالتی دینامیک و پویا دارد که در آن اختلاف پتانسیل شیمیایی برابر صفر است.

► اگر سیستم در حال تعادل به صورت ایدهآل فرض شود، برای جزء i می‌توان نوشت:

$$P_i^{vapor} = P_i^{liquid}$$

► رابطه بین کسر مولی هر جزء در فازهای بخار و مایع در حالت تعادل بر اساس قانون رائولت به صورت زیر بیان می‌شود:

$$y_i P_t = x_i P_i^{sat}$$

► در رابطه فوق، y_i و x_i به ترتیب کسر مولی جزء i در فاز بخار و مایع، P_t فشار کل و P_i^{sat} فشار اشباع جزء i در دمای موجود می‌باشد.

۱-۲-۲-۱- ضریب توزیع یک سازنده در دو فاز (*k value*)

این ضریب به صورت نسبت کسر مولی هر جزء در فاز بخار به کسر مولی همان جزء در فاز مایع تعریف شده و با نماد *k* نشان داده می‌شود.

$$k_i = \frac{y_i}{x_i}$$

در یک محلول ایده‌آل که قانون رائولت برای آن صادق می‌باشد، ضریب توزیع را می‌توان به صورت زیر محاسبه نمود:

$$k_i = \frac{P_i^{sat}}{P_t}$$

در حالت کلی، ضریب توزیع تابعی از دما، فشار و غلظت می‌باشد و هر چه مقدار آن بیشتر باشد، حاکی از آن است که ماده فرارتر می‌باشد.

۱-۲-۳- ضریب فراریت (α_{ij})

ضریب فراریت برابر نسبت ضریب توزیع جزء i به جزء j است و بیانگر فراریت اجزاء یک مخلوط است. عموماً با نماد α_{ij} نشان داده می‌شود:

$$\alpha_{ij} = \frac{k_i}{k_j}$$

$$\alpha_{ij} = \frac{y_i(1 - x_i)}{x_i(1 - y_i)}$$

$$y = \frac{\alpha x}{(\alpha - 1)x + 1}$$

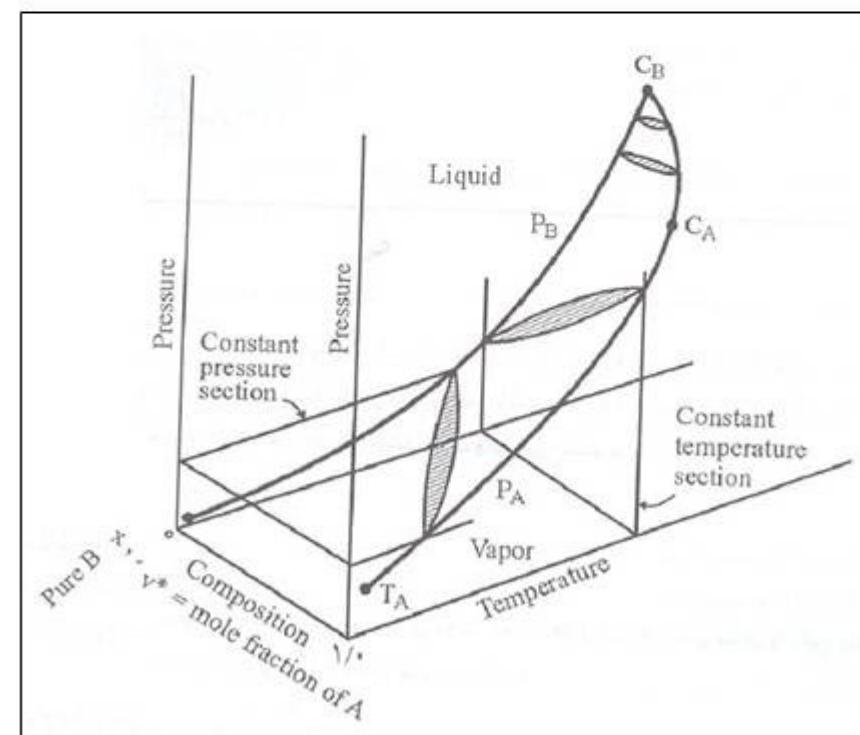
برای یک مخلوط ایده‌آل دوچرخی شامل اجزای i و j ، با استفاده از قانون رائولت به رابطه زیر تبدیل می‌شود:

$$\alpha_{ij} = \frac{P_i^{\text{sat}}}{P_j^{\text{sat}}}$$

نکته: اگر ضریب فراریت بزرگتر از ۳ باشد، تقطیر به آسانی صورت می‌گیرد ولی اگر مقدار آن در بازه ۱/۳ باشد، تقطیر به سختی انجام خواهد شد.

۱-۲-۴- نمودارهای فازی فشار- دما- غلظت

تعادل فازهای بخار و مایع مربوط به اجزای خالص در حقیقت همان رابطه موجود بین فشار بخار و دمای هر جزء می‌باشد، ولی در تعادل فازهای بخار و مایع مخلوطهای دوجزئی یک متغیر دیگر به نام غلظت نیز وارد می‌شود که در این حالات بهترین پارامتر برای بیان غلظت، جزء مولی می‌باشد. در این درس، x به عنوان جزء مولی ماده فرارتر (A) در فاز مایع و $1-x$ به عنوان جزء مولی A در فاز بخار که در تعادل با مایع است، در نظر گرفته می‌شود. برای مخلوطهای دوجزئی، ارائه کامل نمودارهای تعادلی نیازمند استفاده از محورهای سه‌بعدی می‌باشد.

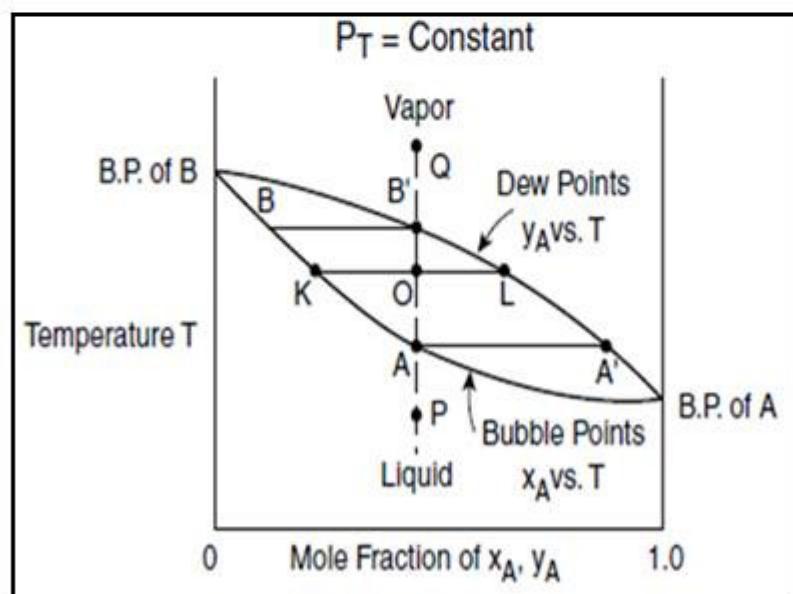


شکل (۲): نمودارهای فازی فشار- دما- غلظت برای سیستم‌های دوجزئی

برای بررسی تعادل فازهای مایع و بخار بر روی محورهای دو بعدی، یکی از پارامترهای دما یا فشار ثابت در نظر گرفته می شود. در ادامه این دو حالت مورد بررسی قرار می گیرد.

۲-۵-۱- تعادل در فشار ثابت

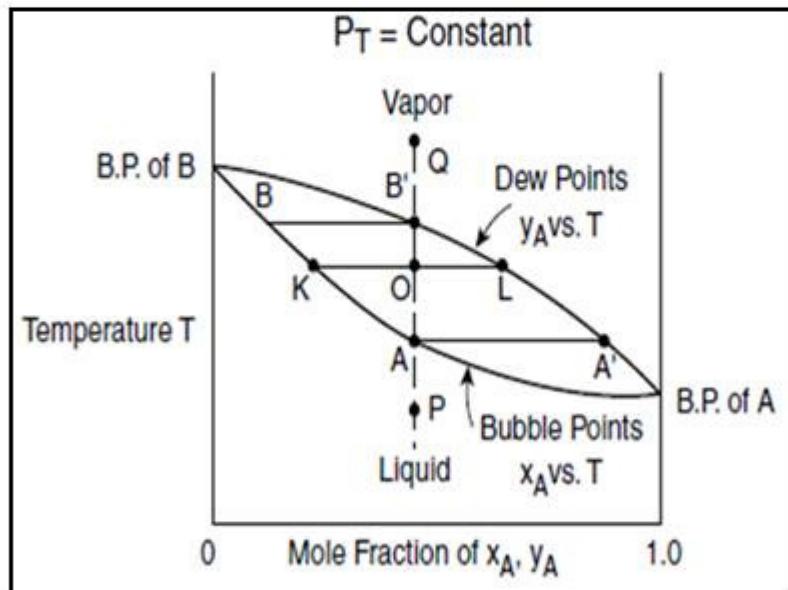
هنگامی که فشار کل در سیستم ثابت باشد، با استفاده از داده های تعادلی می توان نمودار $T\text{-}xy$ را برای جزء فرآر یک سیستم دوجزئی رسم کرد



در نقطه A اولین حباب بخار تشکیل می شود که از جزء فرار غنی می باشد، به این نقطه، نقطه حباب (*Bubble Point*) گفته می شود.

با ادامه گرمادهی و تغییر فاز در نهایت به نقطه ای می رسیم که آخرین قطره مایع نیز بخار می شود (نقطه B). به این نقطه، نقطه شبنم (*Dew Point*) گفته می شود

برای یافتن غلظت فازهای مایع و بخار در طی فرایند، کافی است از نقطه‌ای که سیستم در آن قرار دارد، خطی موازی محور xy رسم شود، محل برخورد این خط با منحنی حباب جزء A در فاز مایع و نقطه برخورد آن با منحنی شبنم غلظت جزء A در فاز بخار را خواهد داد. به هریک از خطوط موازی با محور xy ، خط رابط یا *Tie line* گفته می‌شود که هر کدام یک داده‌ی تعادلی را نشان می‌دهند. خطوط رابط در واقع غلظت فاز مایع را به غلظت فاز بخار در تعادل با آن، وصل می‌کند. هر خط رابط در نمودار $T\text{-}xy$ -معروف یک نقطه در نمودار $x\text{-}y$ می‌باشد.



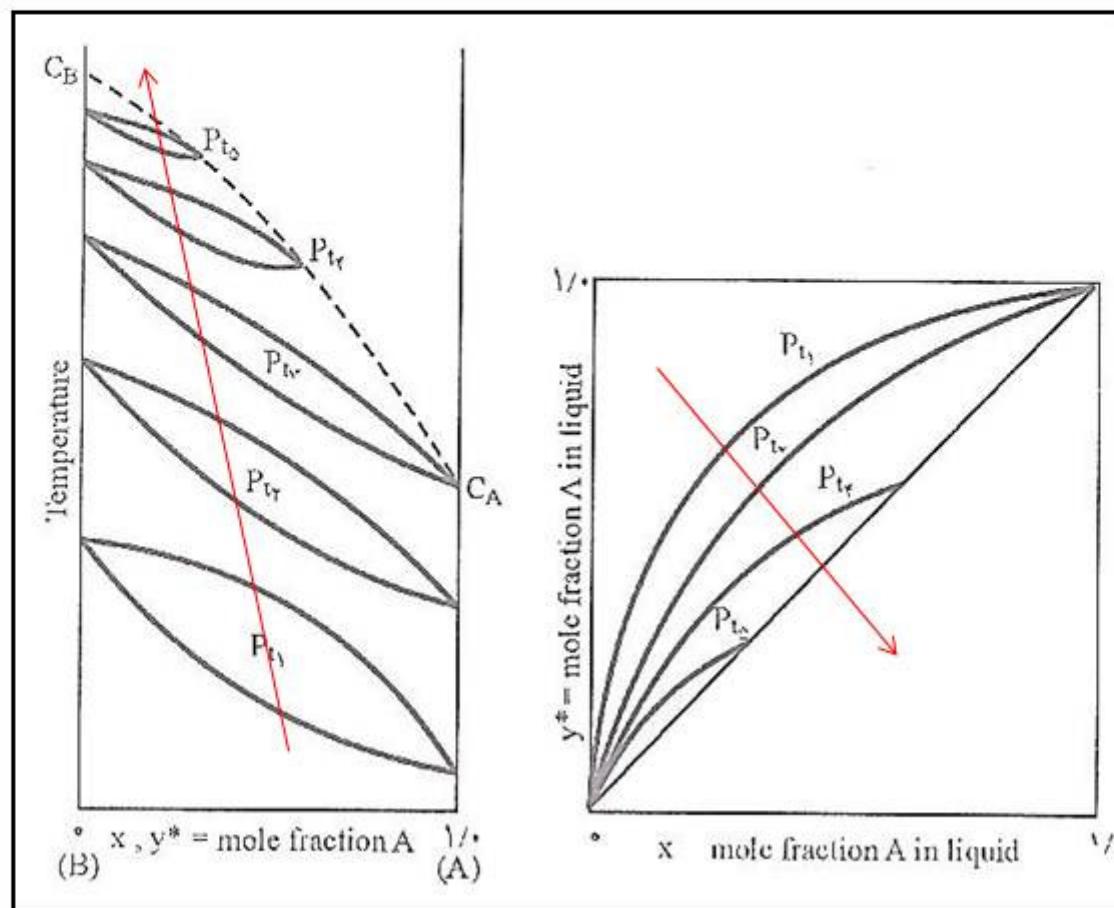
شکل(۳): تعادل فازهای مایع و بخار در فشار ثابت

نقطه O مبین کل مخلوط و به عبارتی نشانگر مخلوط دوفازی متشکل از فاز مایع با ترکیب نسبی K و فاز بخار با ترکیب نسبی L می‌باشد. مقادیر نسبی فازهای در حال تعادل با استفاده از قانون احتمالات به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$\frac{\text{طول پاره خط } LO}{\text{طول پاره خط } KO} = \frac{\text{مولهای فاز مایع با ترکیب نسبی } K}{\text{مولهای فاز بخار با ترکیب نسبی } L}$$

عمل تبخیر در یک محدوده دمایی از نقطه حباب تا نقطه شبنم انجام می‌گیرد. در حالت کلی هر چه فاصله بین منحنی‌های حباب و شبنم بیشتر باشد، جداسازی راحت‌تر صورت می‌گیرد.

با افزایش فشار، ناحیه بین دو منحنی حباب و شبنم در نمودار $T\text{-}xy$ باریکتر شده و جداسازی سخت‌تر می‌گردد. این اثر بر روی منحنی $x\text{-}y$ هم مشاهده می‌شود و نمودارهای تعادلی به خط ۴۵ درجه نزدیکتر می‌شود که باعث می‌شود عملیات جداسازی دشوارتر گردد.



شکل (۱-۴): اثر فشار بر روی نمودارهای فازی $x\text{-}y$ و $T\text{-}xy$

۱-۵-۲-۱- رسم نمودارهای $T-x$ برای سیستم‌های دو جزئی

در این قسمت نحوه رسم نمودارهای تعادلی دما-غلظت در یک فشار ثابت ارائه می‌شود، برای رسم این نمودارها، نیازمند معادلاتی هستیم که ارتباط بین فشار بخار اشباع و دما را مشخص نماید. یکی از معروف‌ترین این معادلات، معادله آنتوان می‌باشد.

معادله آنتوان برای به دست آوردن فشار بخار در یک دمای خاص (و یا بالعکس برای محاسبه دمای جوش سیستم در یک فشار خاص) مورد استفاده قرار می‌گیرد و فرم کلی آن به صورت زیر است:

$$\ln(P_i^{sat}) = A - \frac{B}{(T + C)}$$

در کتب مرجع و متون علمی مربوطه، مقادیر ثوابت تجربی A ، B و C برای مواد مختلف ارائه شده است. در کاربرد معادله آنتوان، باید آحاد فشار بخار اشباع و دمای ارائه شده در مرجع مورد استفاده را، در نظر داشت

مراحل رسم نمودار $T-x_y$

- ۱- برای حالات خالص هر یک از اجزا یا دو نقطه انتهایی محور غلظت ($x_i=1, x_i=0$). فشار بخار اشباع برابر فشار کل میشود. بنابراین با داشتن فشار اشباع، دمای جوش یا همان دمای اشباع مربوط به نقاط ابتدایی و انتهایی محور با استفاده از معادله آنتوان به دست آمده و بر روی محور مشخص می‌گردند. نقطه جوش اجزای خالص به کمک معادله آنتوان، با برابر قرار دادن فشار بخار اشباع هر جزء خالص با فشار کل محاسبه می‌شود.
- ۲- برای مقادیر مختلف دما بین دماهای جوش اجزای خالص که در مرحله ۱ محاسبه شد، فشار بخار اشباع برای هر جزء با استفاده از معادله آنتوان محاسبه می‌شود.
- ۳- با استفاده از روابط زیرکسر مولی هر جزء در فاز مایع (x_i) و کسر مولی هر جزء در فاز بخار (y_i) به دست می‌آید.

$$x_i = \frac{P_t - P_j^{\text{sat}}}{P_i^{\text{sat}} - P_j^{\text{sat}}}$$

$$y_i P_t = x_i P_i^{\text{sat}}$$

مثال(۱): نمودارهای فازی $T-xy$ و $x-y$ برای سیستم دو جزئی نرمال هپتان و نرمال اکтан رسم کنید. فشار کل سیستم برابر با یک اتمسفر است. ثوابت معادله آنتوان برای این سیستم در جدول ارائه شده است.

$$\log p_i^{sat} = A - \frac{B}{T+C}$$

فشار بر حسب میلیمتر جیوه و دما بر حسب سانتیگراد است.

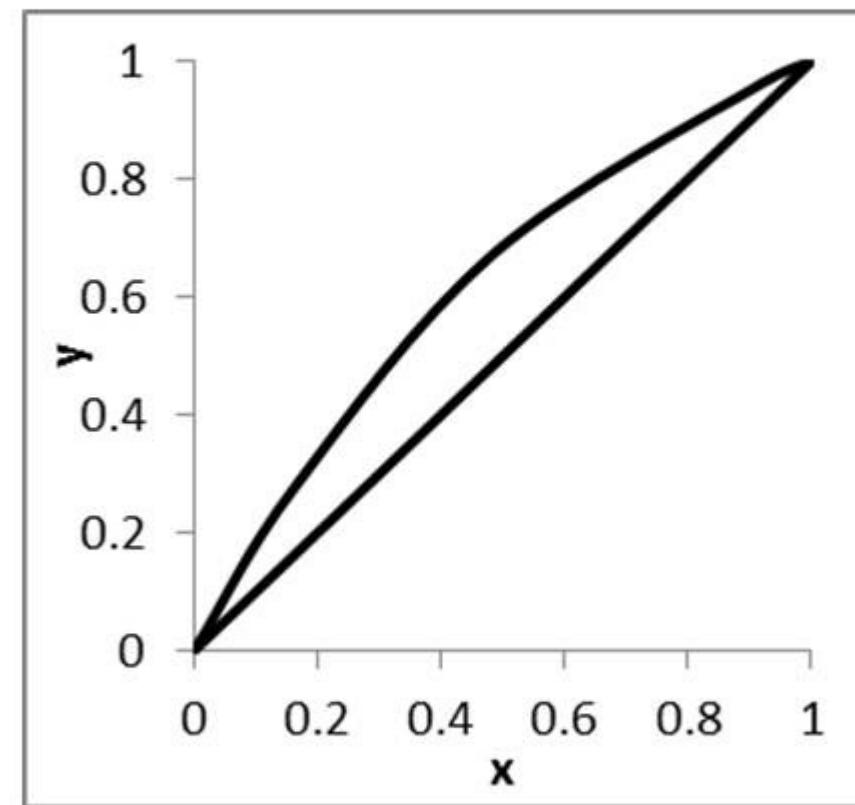
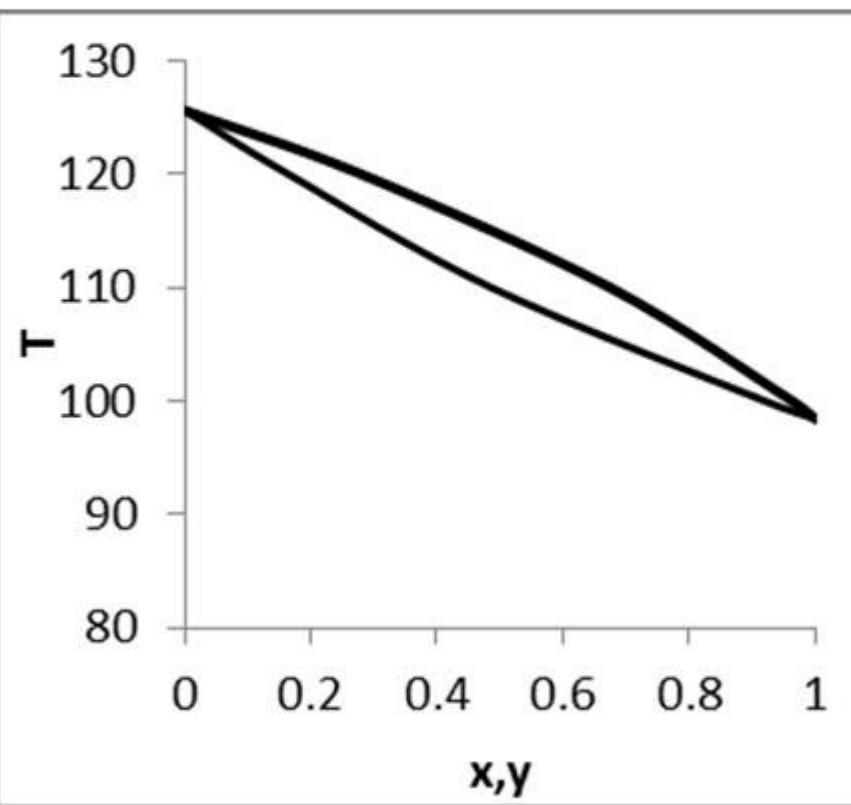
<i>Component</i>	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
<i>n-Heptane</i>	6.90253	1267.828	216.823
<i>n-Octane</i>	6.91874	1351.756	209.100

حل: با جایگذاری مقدار فشار کل در معادله آنتوان می‌توان نقطه جوش اجزای خالص را به دست آورد.

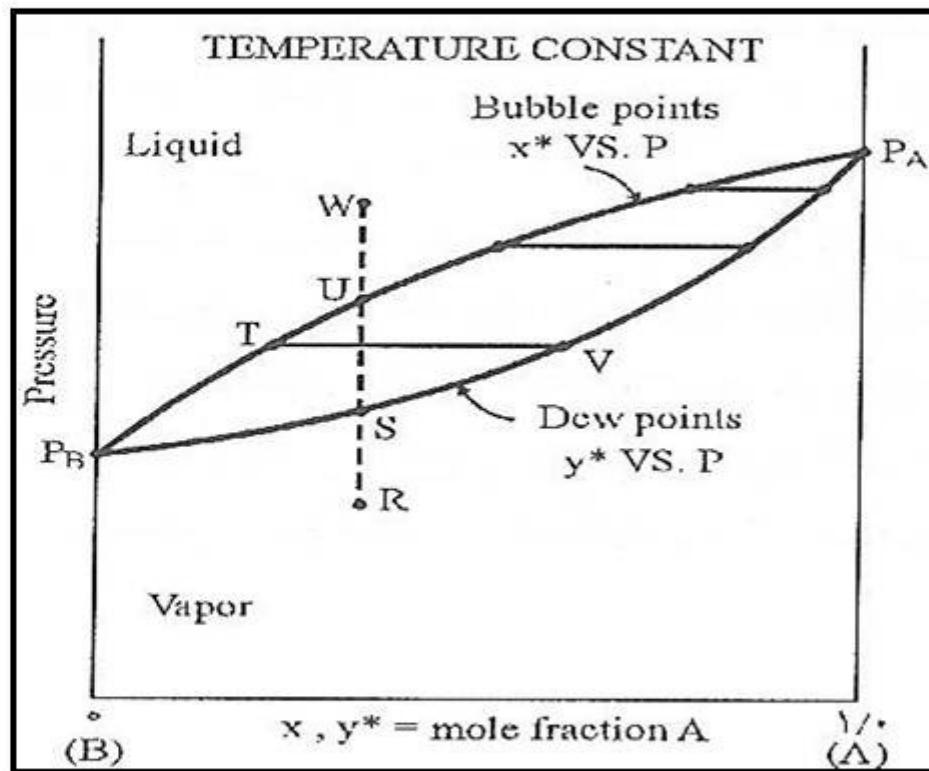
$$P_t = 1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg} \Rightarrow T^{\text{sat}}_{n\text{-Hexane}} = 98.4^\circ \text{C} \quad T^{\text{sat}}_{n\text{-Octane}} = 125.6^\circ \text{C}$$

برای رسم نمودار $T\text{-}xy$, دماهایی در محدوده بین دمای نقاط جوش در نظر گرفته می‌شود. در دماهای در نظر گرفته شده، فشار بخار اجزاء را محاسبه نموده و با استفاده از روابط قبلی می‌توان ترکیب درصد جزء فرار (ترمال هپتان) برای فازهای مایع و بخار به دست آورد.

$T(\text{ }^\circ \text{C})$	$P_H^{(\text{sat})}(\text{mmHg})$	$P_O^{(\text{sat})}(\text{mmHg})$	x_i	y_i
98.4	760	333.26	1	1
100	795.86	351.19	0.9194	0.9628
110	1055.07	481.49	0.4856	0.6741
120	1375.47	647.6	0.1644	0.2794
125.6	1584.93	760	0	0



۶-۲-۱- تعادل در دما ثابت

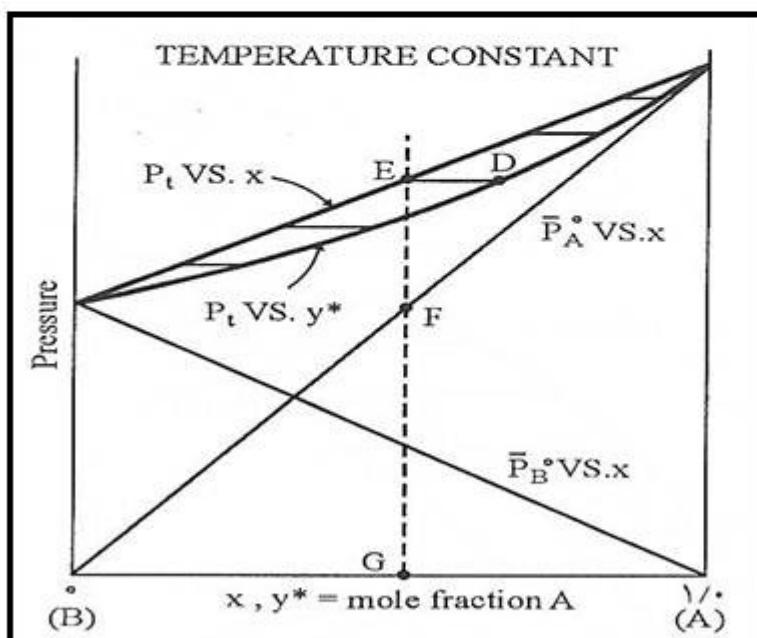


شکل(۵): تعادل فازهای مایع - بخار در دمای ثابت

۱-۲-۷- محلولهای ایدهآل و غیرایدهآل

۱-۲-۷-۱- محلولهای ایدهآل یا کامل

$$P_A = y_A P_t = x_A P_A^{sat}$$



شکل(۶): محلول ایدهآل

برای یک سیستم دوجزئی

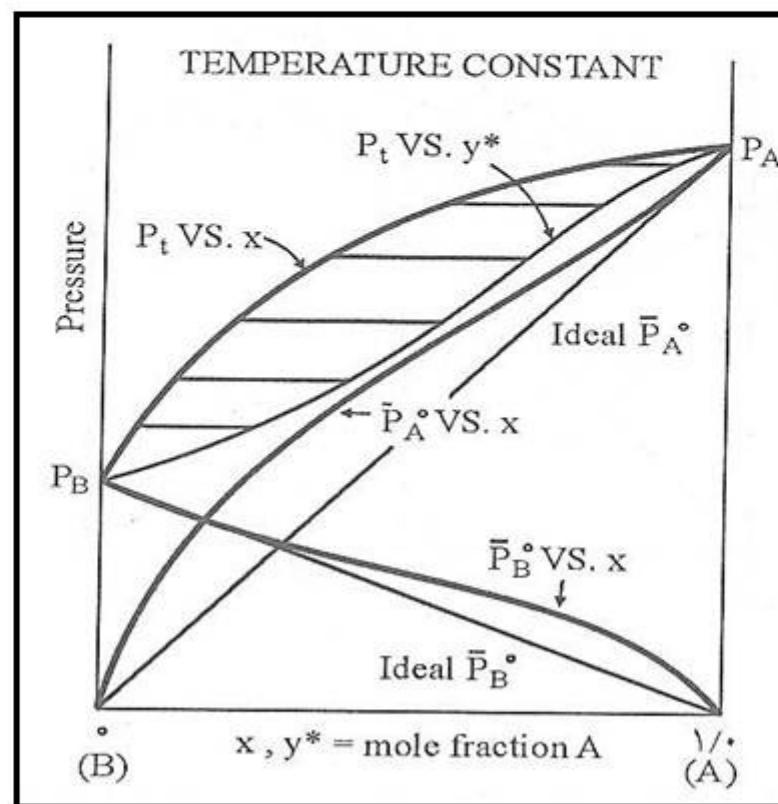
$$\begin{aligned} P_t &= P_A + P_B = x_A P_A^{sat} + x_B P_B^{sat} \\ &= (P_A^{sat} - P_B^{sat})x_A + P_B^{sat} \end{aligned}$$

 در دمای ثابت، فشارهای جزئی و فشارکل توابع خطی از x هستند.

۲-۷-۲-۱- محلول‌های غیر ایده‌آل

$$P_t > x_A P_A^{\text{sat}} + x_B P_B^{\text{sat}}$$

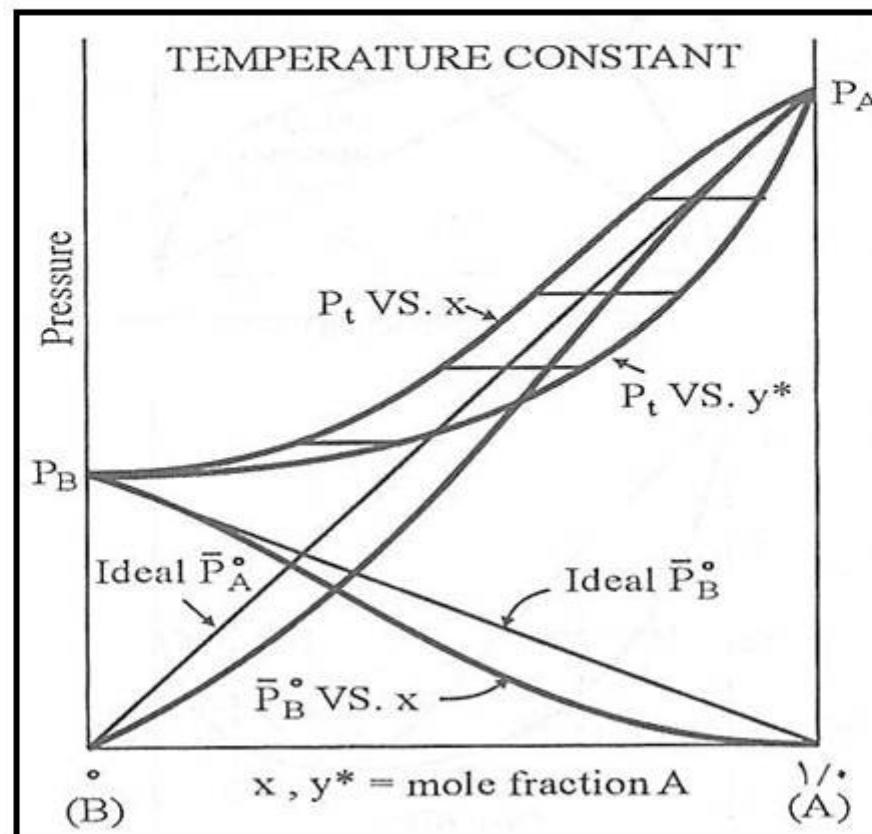
الف) انحراف مثبت از قانون رائولت:



شکل(۷): انحراف مثبت از قانون رائولت

ب) انحراف منفی از قانون رائولت:

$$P_t \left(\text{واقعی} \right) < x_A P_A^{\text{sat}} + x_B P_B^{\text{sat}}$$



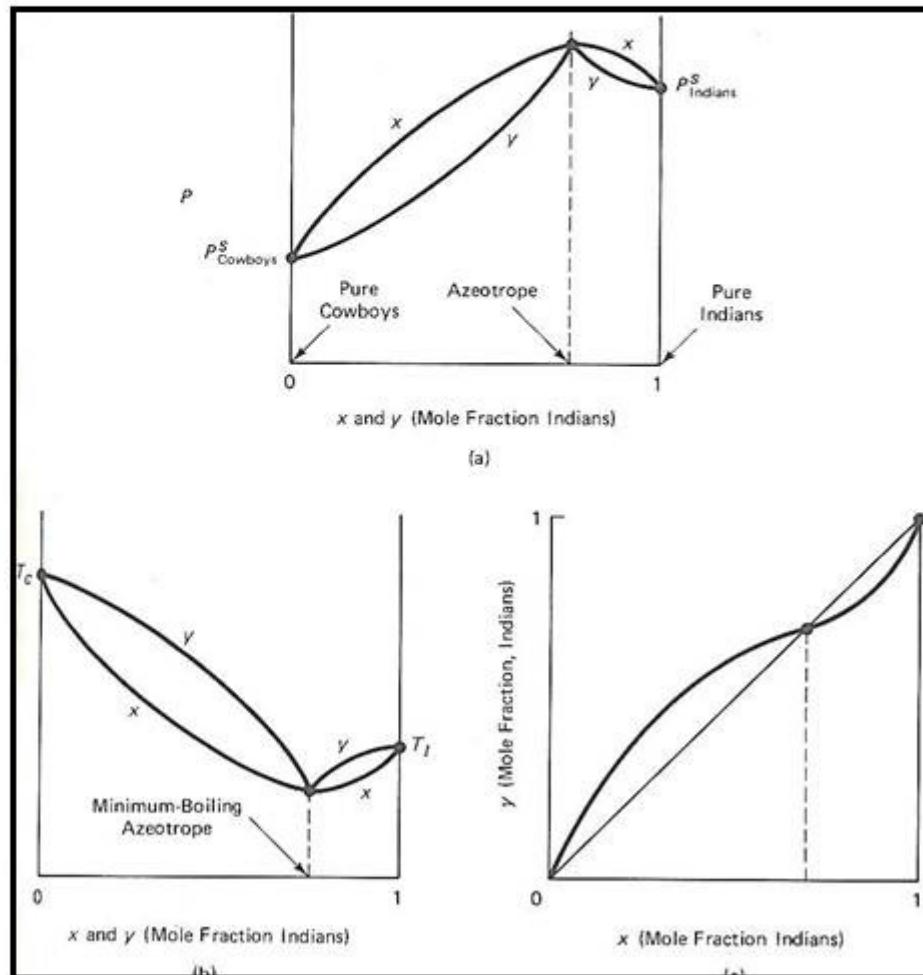
شکل (۸): انحراف منفی از قانون رائولت

۱-۲-۷-۳- مخلولهای غیر ایدهآل آزئوتروپی

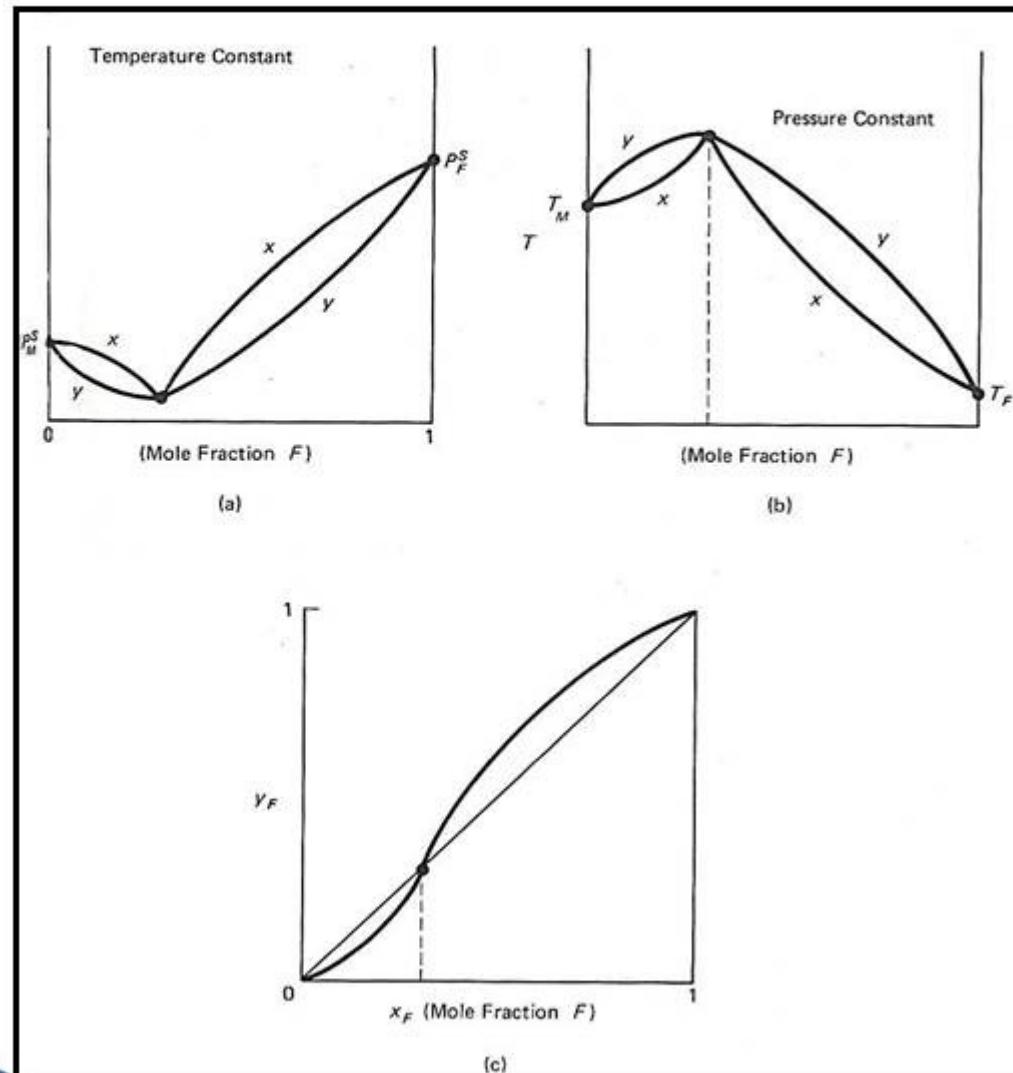
الف) مخلوطهای آزئوتروپی دارای نقطه جوش مینیمم (ماکریمم فشار)

➤ در این مخلوطها قبل از نقطه آزئوتروپ، ضریب فرازیت بزرگتر از یک و بعد از نقطه آزئوتروپ کوچکتر از یک خواهد بود.

➤ مخلوطهایی مانند دی‌سولفیدکربن و استون و آب و اتانول



شکل(۹): مخلوطهای آزئوتروپی دارای نقطه جوش مینیمم (ماکریمم فشار)



شکل (۱۰): مخلوطهای آزئوتروپی دارای نقطه جوش ماکزیمم (مینیمم فشار)

ب) مخلوطهای آزئوتروپی دارای نقطه جوش ماکزیمم (مینیمم فشار)

► در این مخلوطها قبل از نقطه آزئوتروپ، ضریب فراریت کوچکتر از یک و بعد از نقطه آزئوتروپ بزرگتر از یک خواهد بود.

► توجه: در بعضی موارد می‌توان با تغییر فشار، نقطه آزئوتروپ را حذف نمود.

► مخلوطهایی مانند کلروفرم و استون و همچنین آب و اسید کلریدریک

مثال (۲): مخلوطی دوجزئی شامل آب و استون که جزء مولی استون در آن برابر $4/0$ می‌باشد، در فشار یک اتمسفر و دمای 70 درجه سانتیگراد می‌جوشد. غلظت استون در بخار تولیدی 80 درصد مولی می‌باشد. به سوالات زیر پاسخ دهید.

الف) آیا محلول ایده‌آل است؟

ب) در صورتی که محلول غیرایده‌آل باشد، نوع انحراف سیستم را مشخص نمایید.

ثوابت معادله آنتوان برای این سیستم در جدول ارائه شده است.

$$\ln p_i^{\text{sat}} = A - B / (T + C)$$

فشار بر حسب میلیمتر جیوه و دما بر حسب کلوین است.

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
Water	18.303	3816.44	-46.13
Acetone	16.651	2940.46	-35.93

حل:

الف) محلول ایده‌آل باید از قانون رائولت پیروی نماید.

$$P_t = \sum x_i P_i^{sat} \Rightarrow P_t = x_W P_W^{sat} + x_A P_A^{sat}$$

$$x_A = 0.4 \Rightarrow x_W = 0.6$$

$$y_A = 0.8 \Rightarrow y_W = 0.2$$

$$T = 70^\circ C = 343.15 K \Rightarrow P_A^{sat} = 1187.76 \text{ mmHg} \quad P_W^{sat} = 233.67 \text{ mmHg}$$

$$P_t = 0.4 \times 1187.76 + 0.6 \times 233.67 = 615.30 \text{ mmHg}$$

الف) به دلیل آنکه فشار کل سیستم با فشار بدست آمده از طریق قانون رائولت یکسان نیست، در نتیجه مخلوط به صورت غیراینهال است.

ب) مشاهده می‌شود که فشار بدست آمده در حالت ایده‌آل، از فشار واقعی کمتر است ($P_{actual} > P_{ideal}$). بنابراین محلول از حالت ایده‌آل انحراف مثبت نشان می‌دهد.

۱-۳-۳- محاسبات نقطه حباب و شبند استفاده از ضریب فراریت

الف- نقطه حباب

$$T_{bm} = \sum_i^n x_i T_{bi}$$

۱) حدس اولیه دمای حباب

۲) در دمای حدسی، مقادیر فشار بخار اشباع اجزاء با استفاده از معادله آنتوان، ضرایب توزیع (k_i) و ضرایب فراریت (α_{ij}) محاسبه می شود.

۳) با توجه به پارامترهای محاسبه شده در مرحله ۲، صحت رابطه زیر بررسی می شود. اگر تساوی برقرار نشد می بایست دمای جدیدی حدس زد و مراحل را تکرار کرد. اگر رابطه برقرار بود دمای مورد نظر صحیح است و به مرحله بعد می رویم.

$$y_i = x_i \frac{k_i}{k_j} k_j \longrightarrow y_i = x_i \alpha_{ij} k_j \longrightarrow \boxed{\frac{1}{k_i} = \sum x_i \alpha_{ij}}$$

۴) ترکیب درصد هر جزء در فاز گاز بدست می آید.

ب - نقطه شبنم

$$T_{dm} = \sum_i^n y_i T_{di} \quad 1) \text{ حدس اولیه دمای شبنم}$$

۲) در دمای حدسی، مقادیر فشار بخار اشباع اجزاء با استفاده از معادله آنتوان، ضرایب توزیع (k_i) و ضرایب فراریت (α_{ij}) محاسبه می شود.

۳) با توجه به پارامترهای محاسبه شده در مرحله ۲، صحت رابطه زیر بررسی می شود. اگر تساوی برقرار نشد می بایست دمای جدیدی حدس زد و مراحل را تکرار کرد. اگر رابطه برقرار بود دمای مورد نظر صحیح است و به مرحله بعد می رویم.

$$x_i = \frac{y_i}{k_i k_j} \longrightarrow x_i = \frac{y_i}{\alpha_{ij} k_j} \longrightarrow k_j = \sum \frac{y_i}{\alpha_{ij}}$$

۴) ترکیب درصد هر جزء در فاز مایع بدست می آید.

مثال(۳): در یک برج تقطیر، بخار خروجی از بالای برج شامل اجزای بنزن، تولوئن و ارتوزايلن به ترتیب با کسر مولی‌های ۵۰٪ و ۴۵٪ و ۵٪ مایع خروجی از پایین نیز شامل اجزای بنزن، تولوئن و ارتوزايلن به ترتیب با کسر مولی‌های ۷۶٪ و ۲۳٪ و ۰٪ می‌باشد. با فرض اینکه فشار کل برج تقطیر برابر یک اتمسفر باشد، دمای بالا و پایین برج را به دست آورید.

ثوابت معادله آنتوان برای این سیستم در جدول ارائه شده است.

$$\log p_i^{\text{sat}} = A - B / (T + C)$$

فشار بر حسب میلیمتر جیوه و دما بر حسب سلسیگراد است.

	A	B	C
Benzene	6.89272	1203.531	219.888
Toluene	6.95802	1346.773	219.693
Xylene	7.00154	1476.393	213.872

حل: در داخل برج تقطیر، کلیه جریانهای مایع و بخار در حالت اشباع می‌باشند، بخار خروجی از بالای برج در دمای شبنم و مایع خروجی از پایین برج در دمای حباب خارج می‌گردند.

با جایگذاری مقدار فشار کل در معادله آنتوان می‌توان نقطه جوش اجزای خالص را به دست آورد.

$$P_t = 1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg}$$

$$\Rightarrow T_{Benzene}^{sat} = 80.10^\circ C \quad T_{Toluene}^{sat} = 110.62^\circ C \quad T_{Xylene}^{sat} = 144.41^\circ C$$

$$\begin{aligned} T_d &= \sum y_i T_{di} \\ &= 0.50 \times 80.10 + 0.45 \times 110.62 + 0.05 \times 144.41 = 97.0495^\circ C \end{aligned}$$

با استفاده از دمای حدسی بالا، و به کمک معادله آنتوان می‌توان فشار بخار اجزا را در

این دما به دست آورد.

$$P_B^{sat} = 1245.5 \text{ mmHg}$$

$$P_T^{sat} = 508.28 \text{ mmHg}$$

$$P_X^{sat} = 179.1 \text{ mmHg}$$

ضریب توزیع برای هر جزء را می‌توان محاسبه نمود.

$$k_i = \frac{P_i^{sat}}{P_t}$$

$$k_B = \frac{P_B^{sat}}{P_t} = \frac{1245.5}{760} = 1.64$$

$$k_I = \frac{P_I^{sat}}{P_t} = \frac{508.28}{760} = 0.67$$

$$k_X = \frac{P_X^{sat}}{P_t} = \frac{179.1}{760} = 0.24$$

در اين سистем، زايلن به عنوان جزء مبنا در نظر گرفته ميشود، زيراكه غير فرارتر است.

$$\alpha_{ij} = \frac{k_i}{k_j} \Rightarrow \alpha_{BX} = 6.83 \quad \alpha_{IX} = 2.8 \quad \alpha_{XX} = 1$$

$$k_j = \sum \frac{y_i}{\alpha_{ij}} \Rightarrow k_X = \frac{0.5}{6.83} + \frac{0.45}{2.8} + \frac{0.05}{1} = 0.284$$

$$\% \text{ error} = \frac{|0.24 - 0.284|}{0.24} \times 100 = 18.33$$

مقدار خطا بزرگ است. حدس دیگری برای دما در نظر گرفته میشود ($T_d = 105^{\circ}C$) با استفاده از دمای حدسی بالا، و به کمک معادله آنتوان میتوان فشار بخار اجزا را در این دما به دست آورد.

$$P_B^{sat} = 1542.66 \text{ mmHg}$$

$$P_T^{sat} = 645.93 \text{ mmHg}$$

$$P_X^{sat} = 235.23 \text{ mmHg}$$

ضریب توزیع برای هر جزء را میتوان محاسبه کرد.

$$k_i = \frac{P_i^{sat}}{P_t}$$

$$k_B = \frac{P_B^{sat}}{P_t} = \frac{1542.66}{760} = 2.03$$

$$k_T = \frac{P_T^{sat}}{P_t} = \frac{645.93}{760} = 0.85$$

$$k_X = \frac{P_X^{sat}}{P_t} = \frac{235.23}{760} = 0.31$$

$$\alpha_{BX} = 6.56 \quad \alpha_{TX} = 2.75 \quad \alpha_{XX} = 1$$

$$k_j = \sum \frac{y_i}{\alpha_{ij}} \Rightarrow k_X = \frac{0.5}{6.56} + \frac{0.45}{2.75} + \frac{0.05}{1} = 0.29$$

$$\% \text{ error} = \frac{|0.31 - 0.29|}{0.31} \times 100 = 6.26$$

در صورتیکه دمای 10°C درجه سانتیگراد در نظر گرفته شود.

$$k_B = 1.93 \quad k_T = 0.8 \quad k_X = 0.29$$

$$\alpha_{BX} = 6.65 \quad \alpha_{TX} = 2.77 \quad \alpha_{XX} = 1$$

$$k_j = \sum \frac{y_i}{\alpha_{ij}} \Rightarrow k_X = \frac{0.5}{6.65} + \frac{0.45}{2.77} + \frac{0.05}{1} = 0.288$$

$$\% \text{ error} = \frac{|0.29 - 0.288|}{0.29} \times 100 = 0.576$$

در نتیجه دمای بخار خروجی از بالای برج برابر 10°C درجه سانتیگراد خواهد بود