

- (۱) نقاط  $A = \begin{bmatrix} 4 \\ 1 \\ 5 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 4 \\ -3 \\ 5 \end{bmatrix}$  را روی محور مختصات نشان دهید. بردار  $AB$  را رسم کنید و مختصات آن را به دست آورید، متناظر با آن یک جمع و یک تفریق بنویسید.
- (۲) اگر  $a = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \end{bmatrix}$  و  $b = \begin{bmatrix} -2 \\ a \end{bmatrix}$  باشد، مختصات بردارهای  $b$  و  $c = a + b$  و  $x = 3c + 2b$  را به دست آورید.
- (۳) مقدار  $m$  را به دست آورید تا نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 4m - 8 \\ -5m + 20 \end{bmatrix}$  الف) روی محور طول باشد. ب) روی محور عرض باشد.
- (۴) مقدار  $a$  و  $b$  را به دست آورید به طوری که نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 2a - b - 4 \\ 3a + b - 13 \end{bmatrix}$  بر مبدأ مختصات منطبق باشد.
- (۵) دو بردار  $b = \begin{bmatrix} -4m + 9 \\ n - 7 \end{bmatrix}$  و  $a = \begin{bmatrix} 2m - 11 \\ 3n + 7 \end{bmatrix}$  با هم مساوی‌اند. مطلوب است مقدار  $n$  و  $m$  باشد.
- (۶) الف) نقاط  $B = \begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 7 \end{bmatrix}$  را روی محورهای مختصات نمایش دهید. ب) بردار  $AB$  را رسم کنید و مختصات آن را بنویسید.
- ج) از مبدأ مختصات، بردار  $OC$  را مساوی با بردار  $\overrightarrow{AB}$  رسم کنید.
- د) از نقطه‌ی  $M = \begin{bmatrix} -6 \\ 7 \end{bmatrix}$  بردار  $MN$  را مساوی  $\overrightarrow{AB}$  رسم کنید.
- (۷) مختصات نقطه‌ی  $N$  را به دست آورید.
- ب) از ای چه مقدار از  $a$ ، نقطه‌ی  $M = \begin{bmatrix} 2a - 15 \\ 5a + 21 \end{bmatrix}$  روی:
- الف) نیم ساز ربع اول و سوم باشد. ب) نیم ساز دوم و چهارم باشد.
- (۸) مقدار  $a$  را طوری به دست آورید که فاصله‌ی نقطه‌ی  $M = \begin{bmatrix} 3a - 5 \\ -2a + 10 \end{bmatrix}$  از محورهای مختصات به یک فاصله باشد. (دو جواب)
- (۹) اگر  $M = \begin{bmatrix} -3 \\ 7 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -7 \\ 2b + 11 \end{bmatrix}$  دو راس پاره خط  $AB$  و  $A = \begin{bmatrix} 2a + 1 \\ 2b - 1 \end{bmatrix}$  مختصات وسط پاره خط  $AB$  باشد، مقدار  $a$  و  $b$  را به دست آورید.
- (۱۰) اگر  $A = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  و  $C = \begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix}$  و  $D = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  راس‌های متوازی الاضلاع  $ABCD$  باشند، مختصات  $D$  را به دست آورید.
- (۱۱) دو نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} -4a + 5 \\ -b + 5 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 2a - 2 \\ 3b - 11 \end{bmatrix}$  نسبت به محور طول‌ها قرینه‌اند. مطلوب است مقدار  $a$  و  $b$  باشد.
- (۱۲) دو نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} m - 4 \\ 2n - 5 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 4m - 1 \\ -4 \end{bmatrix}$  نسبت به محور طول‌ها قرینه‌اند. مطلوب است مقدار  $m$  و  $n$  باشد.
- (۱۳) قرینه‌ی نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  را نسبت به نقطه‌ی  $M = \begin{bmatrix} -5 \\ 4 \end{bmatrix}$  به دست آورید.

(۱۴) نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} 4 \\ -a-3 \end{bmatrix}$  قرینه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 2a-9 \\ 3b-11 \end{bmatrix}$  نسبت به نیم ساز اول و سوم می‌باشد.  $a$  و  $b$  را حساب کنید.

(۱۵) دو نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} -4b-1 \\ a-4 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} -3a+4 \\ 2b-9 \end{bmatrix}$  نسبت به نیم ساز دوم و چهارم قرینه‌اند. مطلوبست مقدار  $a$  و  $b$  را.

(۱۶) دو نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} -b-1 \\ -2b-6 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 2a-5 \\ -4b+4 \end{bmatrix}$  نسبت به مبدأ مختصات قرینه‌اند. مقدار  $a$  و  $b$  را به دست آورید.

$$-6x = \begin{bmatrix} -4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$3x + \begin{bmatrix} -10 \\ 9 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

(۱۷) معادلات مختصاتی را حل کنید.

$$2x + \begin{bmatrix} -7 \\ 6 \end{bmatrix} = x + \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$x + 2\begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2}\begin{bmatrix} -6 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$-5x + \begin{bmatrix} -9 \\ 5 \end{bmatrix} = -3x + \begin{bmatrix} -7 \\ 3 \end{bmatrix}$$

(۱۸) اگر  $\vec{AB} = \vec{DC}$  باشد، مختصات نقطه‌ی  $C$  را به دست آورید.

(۱۹) اگر  $\vec{MN} = 3\vec{CF}$  باشد، مختصات  $C$  را به دست آورید.

(۲۰) مقدار  $x$  و  $y$  را طوری به دست آورید که نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 3x-1 \\ 2y-6 \end{bmatrix}$  روی مبدأ مختصات باشد.

(۲۱) مقدار  $a$  را طوری تعیین کنید که نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 3a-9 \\ 3a+1 \end{bmatrix}$  روی محور طول‌ها باشد.

(۲۲) مقدار  $b$  را طوری تعیین کنید که نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 3-b \\ b \end{bmatrix}$  روی نیم ساز ناحیه‌ی اول باشد.

(۲۳)  $\vec{AB} = \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \end{bmatrix}$  انتهای در  $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$  را رسم کنید و جمع نظیر آن را بنویسید.

(۲۴) اگر نقطه‌ی  $D = \begin{bmatrix} a-1 \\ 2a+4 \end{bmatrix}$  در ناحیه‌ی دوم مختصات و از محورهای مختصات به یک فاصله باشد، مقدار  $a$  را به دست آورید.

(۲۵) اگر  $B = \begin{bmatrix} -5 \\ 2b-2 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} a-4 \\ 3 \end{bmatrix}$  نسبت به محور طول‌ها قرینه‌اند. مقدار  $a$  و  $b$  چیست؟

(۲۶) بردار  $MN = \begin{bmatrix} 3a-1 \\ 2-a \end{bmatrix}$  موازی محور طول‌هاست. مقدار  $a$  را به دست آورید.

(۲۷)  $C = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$  سه راس مثلث هستند. مساحت مثلث را به دست آورید.

(۲۸) بردار  $b = \begin{bmatrix} a-1 \\ 2a+4 \end{bmatrix}$  بر محور طول‌ها عمود است. مقدار  $a$  را به دست آورید.

(۲۹) اگر  $B = \begin{bmatrix} -5 \\ 3 \end{bmatrix}$  و  $M = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  مفروض باشند، مختصات نقطه‌ی  $E$  وسط پاره خط  $BM$  را به دست آورید.