

لَبِسْمِهِ

آزمایشگاه فیزیک پایه ۱

گزارش کار آزمایش شماره ۱۲

«آونگ کاتر»

گروه ۲

محمد رضا مهدیه

تاریخ آزمایش: ۱۳۹۰/۹/۲۷

تاریخ تحویل گزارش کار: ۱۳۹۰/۱۰/۴

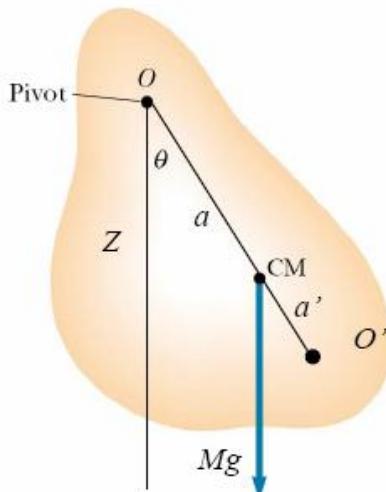
استاد: آقای (وزبه ترگی)

تئوری آزمایش:

اگر چه شتاب ثقل زمین را می‌توان با استفاده از یک آونگ ساده و اندازه گیری دوره تناوب آن بدست آورد، لکن در عمل به ویژه در زمین‌شناسی برای تعیین دقیق آن از نوعی آونگ مركب به نام آونگ کاتر استفاده می‌کنند. آونگ مركب: هر جسمی که بتواند حول یک محور ثابت افقی تحت اثر نیروی جاذبه زمین نوسان کند آونگ مركب نامیده می‌شود دوره تناوب نوسانات یک آونگ مركب حول محوری مانند OZ به فاصله a از مرکز جرم آن، CM ، برابراست با:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_0}{Mga}}$$

در این رابطه T دوره تناوب نوسانات آونگ حول محور $M.OZ$ جرم آونگ و لختی دورانی آن نسبت به محور OZ است. می‌توان نشان داد که در صفحه شامل OZ و CM ، محور دیگری مانند $O'Z'$ به موازات OZ و در امتداد OG ، به فاصله a' از G وجود دارد به طوری که دوره تناوب نوسانات آونگ حول آن نیز برابر T است. در این حالت فاصله دو محور یعنی OZ و $O'Z'$ برابر طول آونگ ساده ایست که زمان تناوب آن نیز همان T می‌باشد. یکی از دو محور OZ و $O'Z'$ را در هر حالت محور تعليق و دیگری را محور نوسان گویند. برابر بودن نوسان آونگ مركب با آونگ ساده ای به طول $L=a+a'$ می‌توان از روابط زیر نتیجه گرفت.



شکل ۱- محور تعليق و محور نوسان یک آونگ مركب

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_0}{Mga}} \quad (1)$$

$$T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{I_0'}{Mga'}} \quad (2)$$

حال چنانچه $T=T'$ باشد، خواهیم داشت:

$$\frac{I_0}{a} = \frac{I_0'}{a'} \Rightarrow I_0' = \frac{a'I_0}{a} \quad (3)$$

از طرفی چنانچه لختی دورانی جسم حول مرکز ثقل آن I_G باشد لختی دورانی آن حول محور OZ که به ترتیب به فواصل a و a' از مرکز ثقل جسم قرار گرفته‌اند، طبق قضیه محورهای موازی چنین خواهد بود،

از تفاضل دو رابطه فوق چنین خواهیم داشت،

$$I_0 = I_G + Ma^2$$

$$I_0' = I_G + Ma'^2$$

$$I_0 - I_0' = M(a^2 - a'^2)$$

این رابطه با جایگزینی I_0 از معادله (۳) به صورت زیر تبدیل می شود:

$$I_0 - \frac{a I_0}{a} = M(a^2 - a'^2) \Rightarrow \frac{I_0(a - a')}{a} = M(a + a')(a - a')$$

$$I_0 = Ma(a - a') \quad (4)$$

با قرار دادن مقدار I_0 از رابطه (۴) در رابطه (۱) مقدار دوره تنابوب چنین بدست می آید:

$$T_0 = T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{a+a'}{g}} \quad (5)$$

چنانچه ' $L=a+a'$ را طول آونگ ساده همزنمان با آونگ مرکب بنامیم خواهیم داشت:

$$T_0 = T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

بدین ترتیب می توان در یک آزمایش ابتدا طول L را تعیین کرده سپس با اندازه گیری دوره تنابوب حول نقطه تعليق يا نوسان، مقدار g را بدست آوری م .اين روش يعني استفاده از طول آونگ ساده که همزنمان با اندازه گرفتن فاصله محور تعليق و محور نوسان آونگ مرکب بدست می آيد، نخستین بار در سال ۱۸۱۸ بوسیله کاتر بکار رفت و يكى از دقیق ترین روش هایی است که برای اندازه گیری g بکار می رود در این آزمایش به جای تغییر فاصله L با جایه جایی مکان محور نوسان (' O)، مرکز جرم را در طول ' OO' در حالی که L ثابت است، جابجا می کنیم تا شرط (۴) برقرار گردد. آونگ کاتر به اشكال مختلف ساخته می شود .آونگ موجود در آزمایشگاه مطابق شکل ۲ ، از يك ميله تشکيل شده است که دو وزنه A و B و دو تیغه E و F در دو انتهای آن ثابت شده اند . فقط دو مهره C و D روی آن حرکت می کنند . جنس وزنه های C و A از برنج و وزنه های B و D از جنس فيبر استخوانی است. بدین ترتیب اگر چه آونگ از نظر ظاهری تقارن دارد . لکن از نظر جرمی تقارن ندارد . تقارن ظاهری آونگ در هنگام آزمایش ب سیار مهم می باشد . این تقارن ظاهری برای آن است که هنگام نوسان حول هر يك از دو انتهای (لبه تیغه های E و F) اثر مقاومت هوا بر آن يکسان باشد . لبه تیغه های E و F در هنگام نوسان روی يك پایه قرار می گيرند . باید دقت نمود که اولاً تیغه ها به صورت کاملاً افقی روی پا يه قرار گيرد و تمام قسمت های آن به سطح پایه تکيه داشته باشد، ثانياً برای حفظ تقارن ظاهری دستگاه مهره های C و D را باید همیشه به فواصل متساوی از دو انتهای ميله قرار دارد . این آونگ با آنکه کاملاً متقارن به نظر می رسد لکن بعلت يکسان نبودن وزن مخصوص وزنه ها مرکز ثقل آن در وسط قرار ندارد و به وزنه A نزدیکتر است.



شکل ۲- شماتیکی آونگ کاتر مورد آزمایش



اینک چنانچه بتوانیم مهره های C و D را بطور متقاض در محلی قرار دهیم که دوره تناوب نوسانات حول تیغه های E و F باشند. هم برابر شوند- یعنی شرط (۴) ارضاء شود - توانسته ایم آونگ را به یک آونگ دو طرفه تبدیل کنیم.

وسایل آزمایش:

۱- آونگ کاتر ۲- زمان سنج ۳- متر یا خط کش.

شرح عملی آزمایش:

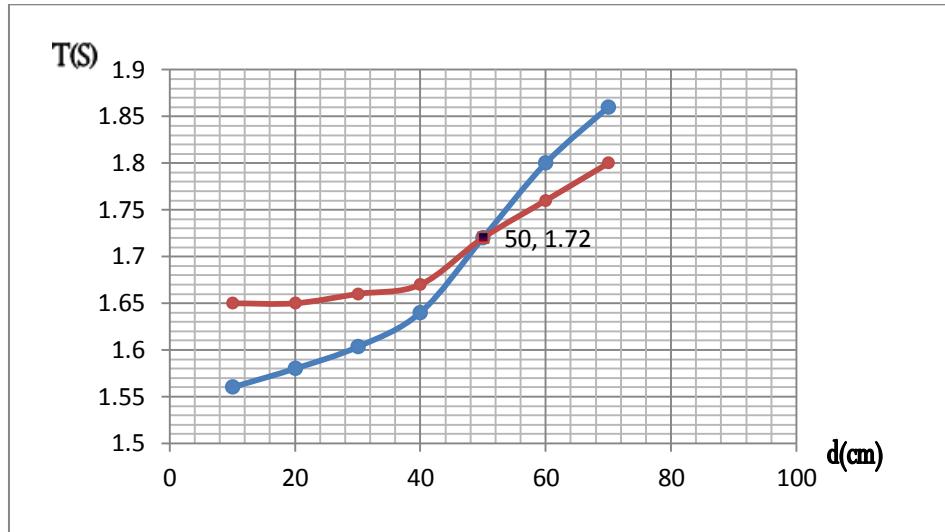
ابتدا فاصله هر یک از مهره های C و D را از تیغه مجاور خود(X) برابر ۱۰ سانتی متر قرار داده و پیچ آنها را روی میله محکم کنید. فقط مهره های C و D متوجه هستند و نباید مهره های A و B و همین طور تیغه ها جایه جا شوند. تکیه گاه را با استفاده از پیچ روی پایه طوری تنظیم کنید که تیغه های آونگ روی تکیه گاه قرار گرفته و در حین نوسان نلغزد. سپس آونگ را یک بار حول تیغه E و بار دیگر حول تیغه F با دامنه کم به نوسان درآورید. بعد از انجام چند نوسان و اطمینان از عدم لغزش تیغه آونگ روی تکیه گاه، مدت ۳۰ نوسان را اندازه گرفته و در جدول ۱ یادداشت کنید. سپس فاصله مهره های C و D را از تیغه ها به ترتیب ۴۰، ۳۰، ۲۰، ۲۰، ۳۰، ... سانتی متر قرار داده و هر بار مدت زمان ۳۰ نوسان را در جدول ۱ ثبت کنید.

با محاسبه دوره تناوب هر مرحله جدول ۱ را کامل کنید. سپس بر روی کاغذ میلی متری با انتخاب مقیاس مناسب برای محور افقی که معرف تغییر مکان مهره ها روی آونگ باشد، و انتخاب مقیاس مناسب برای زمان روی محور عمودی، منحنی های تغییرات T و T' را بر حسب X رسم کنید. برای این کار هیچ لزومی ندارد که مبدأ زمانی از صفر شروع شود. این دو منحنی یکدیگر را در نقطه ای که آنرا N می نامیم، قطع می کنند. فاصله مهره ها از دو تیغه آونگ (X_N) را از روی برگه رسم بدست می آید.

متاسفانه چون باقی کار باید با مقدار بدست آمده از نمودار حساب شود کار ما در اینجا به پایان می رسد. ولی به کمک نمودار مقدار g کم و بیش قابل محاسبه است هرچند از روش مورد نظر آزمایش نمی باشد.

جدول:

فاصله وزنه ها (cm)	۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰	۶۰	۷۰	۸۰
(S) زمان ۳۰ نوسان حول تیغه A	۴۶.۹	۴۷.۳	۴۸.۱	۴۹.۱			۵۵.۸	
(S) زمان تناوب حول تیغه A	۱.۵۶	۱.۵۸	۱.۶۰	۱.۶۴			۱.۸۶	=
(S) زمان ۳۰ نوسان حول تیغه B	۴۹.۴	۴۹.۵	۵۰	۵۰.۱			۵۴	=
(S) زمان تناوب حول تیغه B	۱.۶۵	۱.۶۵	۱.۶۷	۱.۶۷			۱.۸۰	



حالت کلی نمودار به صورت بالا می باشد که در برگه میلیمتری نیز ضمیمه شده است.

محاسبات و خطاهای:

مقادیر دوره به راحتی و با تقسیم زمان ۳۰ نوسان بر تعداد نوسان یا همان ۳۰ به دست می آید:

$$T_{A10} = \frac{46.9}{30} = 1.56 \text{ s} \quad T_{A20} = \frac{47.3}{30} = 1.58 \text{ s} \quad T_{A30} = \frac{48.1}{30} = 1.60 \text{ s}$$

$$T_{A40} = \frac{49.1}{30} = 1.64 \text{ s} \quad T_{A70} = \frac{55.8}{30} = 1.86 \text{ s} \quad T_{B10} = \frac{449.8}{30} = 1.65 \text{ s}$$

$$T_{B20} = \frac{49.5}{30} = 1.65 \text{ s} \quad T_{B30} = \frac{50}{30} = 1.67 \text{ s} \quad T_{B40} = \frac{50.1}{30} = 1.67 \text{ s}$$

$$T_{B70} = \frac{54}{30} = 1.80 \text{ s}$$

همانطور که در نمودار بالا و نمودار ضمیمه شده مشخص است، دو نمودار یکدیگر را در نقطه به طول ۵۰cm و عرض ۱.۷۲۵ قطع میکند که می توان برای محاسبه ای شتاب طبق رابطه :

$$\frac{8\pi^2}{g} = \frac{T_A^2 - T_B^2}{L_A - L_B} + \frac{T_A^2 + T_B^2}{L_A + L_B}$$

و با توجه به اینکه قسمت $\frac{T_A^2 - T_B^2}{L_A - L_B}$ برابر صفر است پس با جایگزاری داریم:

$$\frac{8\pi^2}{g} = \frac{2.96 + 2.96}{0.5 + 0.5} = 5.92 \Rightarrow g = 13.32 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

هرچند این مقدار چندان دقیق نیست ولی می توان گفت با در نظر گرفتن خطاهای چون خطای زمان، عدم تنظیم دقیق محل تیغه و... کم و بیش معقول هست هرچند در اینجا اختلاف بسیار زیاد است.

نتیجه گیری:

در این آزمایش یکی دیگر از روش های محاسبه g مورد بررسی قرار گرفت.

پرسشها:

۱) وجه تمایز آونگ کاتر با سایر آونگ ها در چیست؟

وجه تمایز در این است که در آونگ های معمولاً جرم و مرکز جرم در یک نقطه هستند در حالی که در این آونگ کاتر باید نسبت به مرکز جرم سنجیده شود.

۲) آیا لازم است که زمان تناوب حول لبه i تیغه ها درست مساوی باشند؟ اگر پاسخ منفی است چگونه آزمایش را برای تعیین g به کار می بردی؟

خیر. این آزمایش نسبت مرکز جرم انجام می شود وقتی برای دو حالت تیغه ها این نسبت برابر شد دیگر حتی دوره تناوب نیز برابر می شود و در ضمن قابل بیان است که وقتی به محاسبه g می پردازیم که دوره ها نسبتا برابر هستند.

۳) عوامل و منابع خطای موجود در آزمایش را بیان کنید.

تنظیم نبودن دقیق هنگام قرار دادن تیغه، دقیق نبودن فاصله ها، دقیق نبودن وزن وزنه ها، و خطای در اندازه گیری زمان ۳۰ نوسان.