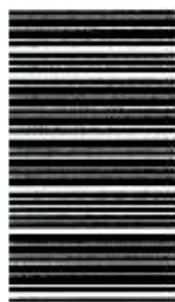


wikiAzmoon
wikiazmoon.ir

نام

نام خانوادگی

محل امضاء



349C

صبح پنجشنبه
۹۱/۱۱/۱۹اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد نایابوسته داخل - سال ۱۳۹۲

مهندسی مواد (نانو مواد - نانوفناوری) - کد ۱۲۷۳

تعداد سؤال: ۱۴۵

مدت پاسخگویی: ۱۸۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

| ردیف | دروس اختصاصی | مواد امتحانی | تعداد سؤال | از شماره | تا شماره |
|------|-------------------------|---|------------|----------|----------|
| ۱ | | زبان عمومی و تخصصی | ۳۰ | ۱ | ۲۰ |
| ۲ | | ریاضیات مهندسی | ۱۰ | ۲۱ | ۴۵ |
| ۳ | دروس اختصاصی | شیمی کاربردی (اصول محاسبات شیمی صنعتی ۱ و ۲، شیمی صنعتی (۱ و ۲)، اصول تصفیه آب و پسابهای صنعتی، خوردگی فلزات) | ۲۰ | ۴۶ | ۶۵ |
| ۴ | | فیزیک جدید | ۲۰ | ۶۶ | ۸۵ |
| ۵ | انتخاب یک درس از سه درس | خواص فیزیکی و مکانیکی مواد | ۲۰ | ۸۶ | ۱۰۵ |
| ۶ | | پدیده‌های انتقال (مکانیک سیالات، انتقال جرم، انتقال حرارت) | ۲۰ | ۱۰۶ | ۱۲۵ |
| ۷ | | الکترونیک (۱ و ۲) و الکتروموهندسی مهندسی | ۲۰ | ۱۲۶ | ۱۴۵ |

یهمن ماه سال ۱۳۹۱

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.



Part A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- He is a woman of ----- who has never abandoned his principles for the sake of making money.
1) utility 2) integrity 3) treaty 4) acrimony
- 2- The loud sound of the radiator as it released steam became an increasingly annoying -----.
1) interval 2) perception 3) zenith 4) distraction
- 3- Jackson's poor typing skills were a ----- to finding employment at the nearby office complex.
1) hindrance 2) supplement 3) confirmation 4) versatility
- 4- The judge dismissed the extraneous evidence because it was not ----- to the trial.
1) obedient 2) treacherous 3) pertinent 4) vulnerable
- 5- Because biology is such a ----- subject, it is subdivided into separate branches for convenience of study.
1) deficient 2) consistent 3) broad 4) mutual
- 6- In addition, physicians may have difficulty in deciding that an illness can be ----- the job. Many industrial diseases mimic sickness from other causes.
1) attributed to 2) precluded from 3) refrained from 4) exposed to
- 7- Mechanics was one of the most highly developed sciences ----- in the Middle Ages.
1) extracted 2) persisted 3) resolved 4) pursued
- 8- In the absence of death from other causes, all members of a population may exist in their environment until the ----- of senescence, which will cause a decline in the ability of individuals to survive.
1) ratio 2) onset 3) core 4) output
- 9- Before the invention and diffusion of writing, translation was ----- and oral; persons professionally specializing in such work were called interpreters.
1) subsequent 2) unilateral 3) eventual 4) instantaneous
- 10- Public attitudes toward business regulation are somewhat -----; most people resent intrusive government rules, yet they expect government to prevent businesses from defrauding or endangering them.
1) cogent 2) emotional 3) ambiguous 4) indifferent

Part B: Cloze Test

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The variety of successful dietary strategies (11) ----- by traditionally living populations provides an important perspective on the ongoing debate about how high-protein, low-carbohydrate regimens such as the Atkins diet compare with (12) ----- underscore complex carbohydrates and fat restriction. The fact that both these schemes produce weight loss is not surprising. (13) ----- both help people shed pounds through the same basic mechanism: (14) ----- major sources of calories. When you create an energy deficit—that is, when you consume fewer calories (15) ----- —your body begins burning its fat stores and you lose weight.

- 11- 1) employed 2) are employed 3) is employed 4) then employed
- 12- 1) those that 2) the ones they 3) that which 4) they
- 13- 1) in fact 2) although 3) likewise 4) because
- 14- 1) limit 2) limiting 3) which limit 4) with limiting
- 15- 1) are expended 2) that they are expended 3) than you expend 4) to expend



PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

Passage 1:

A chemical sensing system has been developed to detect vapours released by landmines and other explosive devices at parts-per-trillion concentrations.

The system, created by researchers at the University of Connecticut, USA, consists of a sensing film and a hand-held UV light. 'We can spray the sensing material onto the suspected area and then detect the fluorescent quenching spots that indicate the position of buried explosives' explains lead researcher.

The sensor is based on a fluorescent nanofibrous film that is prepared by electrospinning pyrene and polystyrene then adding an organic salt (tetrabutylammonium hexafluorophosphate). According to the researchers, this results in a highly porous, nanofibrous membrane that absorbs explosive vapours at ultra-trace levels.

The potential $\pi - \pi$ stacking between pyrene and/or phenyl pendants of polystyrene allows efficient energy migration along the polymer chain, and thus significantly amplifies the sensing signal in the detection of nitroexplosives. An organic salt is added into the pyrene / polystyrene solution to increase the conductivity of the electrospinning solution, which results in nanofibres with good morphology.

16- How is the sensing signal amplified?

- 1) By the addition of organic salt.
- 2) By the stacking between pyrene and / or phenyl pendants of polystyrene.
- 3) By the potential $\pi - \pi$ stacking.
- 4) By the provision of efficient energy migration along the polymer chain.

17- What is the minimum concentration of explosive vapour that may be detected by the device?

- 1) trillion 2) UV light 3) 10^{-12} 4) 10^{-9}

18- What is the operation mechanism of the device?

- 1) Fluorescence is detected by UV.
- 2) The sensor absorbs explosive vapours and produces detectable fluorescence.
- 3) The position of landmines may be detected by UV.
- 4) The sensing material is sprayed on the area.

19- How is the nanofibrous film prepared?

- 1) By electrospinning pyrene and polystyrene followed by the addition of a salt.
- 2) By electrospinning pyrene and polystyrene and an organic salt.
- 3) By electrospinning polymers and organic salts.
- 4) By preparing a sensitive film.

20- What is the structure of the film?

- 1) It is a membrane.
- 2) It is based on a fluorescent nanofibrous film.
- 3) It is an explosive vapour at ultra-trace levels.
- 4) It is nanofibrous with high porosity.



Passage 2:

A team of scientists has announced a method of making defect-free patterns of semiconductor nanocrystal films. The development could allow scientists to study a film's fundamental properties. There are two common approaches to patterning films - micro-contact printing and inkjet printing - but neither enables them to be formed with nanoscale precision that is crack-free and electrically conductive. The technique uses electron-beam lithography and a lift-off process to solve those problems.

The method reported by the researchers relates to the preparation of lead sulphide (PbS) nanocrystal films, although the same approach holds for films of other types of nanocrystal. To pattern the films, silicon dioxide was used as a substrate, owing to its prevalence in semiconductor devices.

In the first instance, a 100nm positive resist layer of polymethyl methacrylate (PMMA) is coated onto the substrate and then nanoscale trenches are patterned into it. The nanocrystals are prepared by high-temperature pyrolysis of Pb and S precursors in an oleic acid/octadecene mixture.

The growth solution is then processed to remove remaining salts and byproducts, and to replace the native oleic acid capping molecule with a smaller molecule, n-butylamine - it is this exchange of capping ligand while the nanocrystals are still in solution that is critical for making films with a measurable current that are free of cracks, the researchers say. The PbS nanocrystals are then drop cast into the trenches.

- 21- Why is the processing of defect free patterns of semiconductor nanocrystal film so important?**
 - 1) Because it enables researchers to investigate a film's basic properties.
 - 2) Because it could develop scientists to study fundamental features.
 - 3) Because it would allow scientists.
 - 4) Because it is a new development.
- 22- What is the advantage of this method over traditional techniques of patterning films?**
 - 1) It can print crack-free, electrically conductive films on nanoscale.
 - 2) It can produce films with nanoscale precision.
 - 3) It can produce defect-free, electrically conductive films.
 - 4) It can produce precise, crack-free and electrically conductive films.
- 23- Why was silicon dioxide used as a substrate?**
 - 1) Because it could pattern the films.
 - 2) Because silicon dioxide holds the same approach as lead sulphide.
 - 3) Because of its widespread applications in semiconductor components.
 - 4) Because silicon dioxide owes prevalence in semiconductor devices.
- 24- Which reaction enables the films to be crack-free and electrically conductive?**
 - 1) Exchange of capping ligand.
 - 2) Removal of salts and byproducts.
 - 3) Replacement of the small molecule n-butylamine by native oleic acid capping molecule.
 - 4) Processing of the growth solution.
- 25- How are the nanocrystals produced?**
 - 1) By drop casting PbS nanocrystals into the trenches.
 - 2) By patterning trenches onto PMMA.
 - 3) By an oleic acid / octadecene mixture.
 - 4) By high temperature reaction between lead and sulphur containing precursors.



Passage 3:

A superconductor is a material that conducts electric current with virtually no resistance when cooled to very low temperatures. At around -200°C , the superconducting material is transformed into an almost perfect electrical conductor able to transport 100 times more current than copper. These properties make superconductors very attractive to power cable manufacturers, but progress has been slow since 1911, when Dutch physicist Heike Kamerlingh Onnes discovered that the electrical resistance of a solid mercury wire immersed in liquid helium suddenly vanished at a temperature of -269°C , close to absolute zero.

Research into superconducting power cables only really got going in the 1960s, but because conventional metallic superconductors required cooling with liquid helium, these cable system designs were too complex and cost-prohibitive. The turning point came in 1986 when researchers Johannes Georg Bednorz and Karl Alexander Müller at IBM's research laboratory in Zurich discovered that the electrical resistance of a material made from lanthanum, barium, copper and oxygen (LaBaCuO) fell abruptly to zero when cooled below a temperature of -238°C .

Suddenly, the game changed. The discovery won Bednorz and Müller the 1987 Nobel Prize for Physics and, alive to the possibilities of high temperature superconductors (HTS), work quickly began on new materials. A year later a material containing bismuth, strontium, calcium, copper and oxygen (BSCCO) that superconducts at about -168°C was developed. BSCCO was adopted by American Superconductors (AMSC), which was founded in 1987.

- 26- **Which external condition is essential for superconductors?**
- Ability to transport 100 times more current than copper.
 - Perfect electrical conductivity.
 - Very low temperatures.
 - Virtually zero electrical resistance.
- 27- **Which breakthrough discovery led scientists to do research on high temperature superconductors?**
- Discovery of superconducting behaviour of mercury.
 - Discovery of "LaBaCuO".
 - Discovery of "BSCCO".
 - Discovery of liquid helium.
- 28- **Who is accredited with the discovery of high temperature superconductivity?**
- AMSC.
 - Bednorz and Müller
 - IBM research lab in Zurich.
 - Kamerlingh Onnes.
- 29- **Which factor hindered commercialization of superconductive cables in the 1960's?**
- Conventional metallic superconductors.
 - Costs.
 - Liquid helium.
 - Research.
- 30- **When was "BSCCO" first prepared?**
- 1960
 - 1986
 - 1987
 - 1988



-۳۱ در بسط به سری فوریه تابع $f(x) = \begin{cases} \sin x & -\pi < x < 0 \\ \cos x & 0 < x < \pi \end{cases}$ کدام است؟

$-\frac{1}{2}$ (۲) -۱ (۱)

$\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳)

-۳۲ با توجه به اینکه $f(x) = x^7$ که به صورت $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^7} = \frac{\pi^7}{4}$ (با استفاده از سری فوریه تابع) کدام است؟

$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(4n-1)^7} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(4n-1)^7} x^7 = \frac{\pi^7}{4} - f(\cos x - \frac{1}{4} \cos 4x + \frac{1}{9} \cos 8x - \dots)$ کدام است؟

$\frac{\pi^7}{24}$ (۲) $\frac{\pi^7}{22}$ (۱)

$\frac{\pi^7}{8}$ (۴) $\frac{\pi^7}{16}$ (۳)

-۳۳ اگر $f(x)$ آنگاه نمایش انتگرال فوریه کسب نویسی آن به صورت:

$$f(x) = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{1-e^{-1}(\cos w - w \sin w)}{1+w^2} \cos wx dw$$

می باشد. مقدار $f(x)$ کدام است؟

$\frac{\pi}{2e}$ (۲) $\frac{\pi}{4e}$ (۱)

$\frac{\pi}{2}$ (۴) $\frac{\pi}{4}$ (۳)

-۳۴ اگر $|f(x)|$ با جند جمله ای متعددی x تقریب شده و $1 = \pi$ باشد، آنگاه مینیمم مردی

خطای حاصل، کدام است؟

$\frac{\pi}{72}$ (۲) $\frac{\pi}{96}$ (۱)

$\frac{\pi}{144}$ (۴) $\frac{\pi}{96}$ (۳)

-۳۵ با استفاده از روش ضربی ($u(x, y) = F(x)G(y)$) برای حل معادله دیفرانسیل با مشتقهای جزئی $Au_{xx} + Bu_{yy} + Cu_y + Du_x = 0$: که در آن ضوابط اعداد ثابت مشخص حقیقی می باشند، معادلات دیفرانسیل

معمولی حاصل برای $F(x)$ و $G(y)$ کدام است؟ (K ثابت دلخواه است)

$$\begin{cases} AF'' + CF' - (E - K)F = 0 \\ BG + DG + (E + K)G = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} AF'' + CF' - (E - K)F = 0 \\ BG + DG - (E + K)G = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} AF'' + CF' + (E - K)F = 0 \\ BG + DG + (E + K)G = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} AF'' + CF' + (E - K)F = 0 \\ BG + DG - (E + K)G = 0 \end{cases}$$



-۳۶ جواب معادله $u(x, \circ) = \sin x$ و $u_t(x, \circ) = \frac{1}{1+x^2}$ با شرایط اولیه $u_{tt} = 4\pi^2 u_{xx}$ کدام است؟

$$u(x, t) = \sin x \cos 2\pi t + \frac{1}{4\pi} [\tan^{-1}(x + 2\pi t) - \tan^{-1}(x - 2\pi t)] \quad (1)$$

$$u(x, t) = \sin x \cos 2\pi t + \frac{1}{4\pi} [\tan^{-1}(x + 2\pi t) - \tan^{-1}(x - 2\pi t)] \quad (2)$$

$$u(x, \circ) = \sin 2\pi x \cos t + \frac{1}{4\pi} [\tan^{-1}(x + 2\pi t) - \tan^{-1}(x - 2\pi t)] \quad (3)$$

$$u(x, \circ) = \sin 2\pi x \cos t + \frac{1}{4\pi} [\tan^{-1}(x + 2\pi t) - \tan^{-1}(x - 2\pi t)] \quad (4)$$

-۳۷ فرم جواب معادله دیفرانسیل $2u_{xx} + \Delta u_{xy} + 2u_{yy} = 0$ و g توابع دلخواه فرض شوند.

$$u = f(y - 2x) + g(y - x) \quad (2) \qquad u = f(y - 2x) + g(y - \frac{x}{2}) \quad (1)$$

$$u = f(2y - x) + g(2y + x) \quad (4) \qquad u = f(2x + y) + g(2x - y) \quad (3)$$

-۳۸ یک جواب خصوصی از معادله دیفرانسیل $2u_{xx} + u_{yy} = \cos(x + 2y)$ کدام است؟

$$u(x, y) = -\frac{1}{5} \cos(x + 2y) \quad (2) \qquad u(x, y) = -\Delta \cos(x + 2y) \quad (1)$$

$$u(x, y) = -\cos(x + 2y) - \frac{1}{4} \sin(x + 2y) \quad (4) \qquad u(x, y) = -\cos(x + 2y) - \frac{1}{4} \sin(x + 2y) \quad (3)$$

-۳۹ اگر z باشد، آنگاه در مورد $A = |e^{(2z+i)} + e^{(iz^2)}|$ کدام گزینه، صحیح است؟

$$A \leq e^{2x} + e^{2xy} \quad (2) \qquad A \leq e^{2x} + e^{-2xy} \quad (1)$$

$$A > e^{2x} + e^{2xy} \quad (4) \qquad A > e^{2x} + e^{-2xy} \quad (3)$$

-۴۰ اگر $z = x + iy$ یک عدد مختلط، $\operatorname{Re} z$ قسمت حقیقی آن و $\operatorname{Im} z$ قسمت موهومی آن باشد، آنگاه مقدار

$$\operatorname{Re} z^{n+1} - (x^n + y^n) \operatorname{Re} z^n$$

$$\operatorname{Re} z^{n+1} \quad (2) \qquad \text{صفر} \quad (1)$$

$$\operatorname{Re} z^{n+1} - \operatorname{Im} z^{n+1} \quad (4) \qquad \operatorname{Im} z^{n+1} \quad (3)$$

-۴۱ انتگرال تابع $I = \int_C f(z) dz$ وقتی C پاره خط جهت دار از 0 تا $1+i$ باشد، کدام است؟

$$I = 1-i \quad (2) \qquad I = -1-i \quad (1)$$

$$I = 1+i \quad (4) \qquad I = -1+i \quad (3)$$

-۴۲ اگر $|Z| = \frac{3}{2}$ و $f(z) = \frac{5}{9(z-2)} - \frac{5}{9(z+1)} + \frac{1}{4(z-1)^2}$ باشد؛ که در خلاف جهت عقربه های ساعت جهت-

گذاری شده (جهت مثبت) است، آنگاه مقدار $\oint_C f(z) dz$ کدام است؟

$$-\frac{5\pi i}{9} \quad (2) \qquad -\frac{10\pi i}{9} \quad (1)$$

$$\frac{10\pi i}{9} \quad (4) \qquad \frac{5\pi i}{9} \quad (3)$$



-۴۳ اگر $f(z) = \frac{\cosh z - 1}{z^2}$ باشد، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) $Z = 0$ یک صفر ساده تابع است.(۲) $Z = 0$ یک قطب ساده تابع است.(۳) نقطه $Z = 0$ یک نقطه تکین رفع شدنی تابع است.(۴) $Z = 0$ یک نقطه ثابت تابع است.

-۴۴ فرض کنیم $c : |z - \frac{\pi}{2}| = 1$ و $I = \oint_C \frac{\cos zdz}{(z - \frac{\pi}{4})^2}$ در آن صورت مقدار I کدام است؟

$$\begin{aligned} & \frac{\pi i}{\sqrt{2}} \quad (۱) \\ & -\frac{\pi i}{\sqrt{2}} \quad (۲) \end{aligned}$$

$$\sqrt{2}\pi i \quad (۱)$$

$$-\sqrt{2}\pi i \quad (۲)$$

-۴۵ نگاشت خط $y = c_1$ ، تحت تابع $w = \frac{1}{z}$ ، کدام است؟

$$u^2 + v^2 - \frac{v}{c_1} = 0 \quad (۱)$$

$$u^2 - v^2 - \frac{v}{c_1} = 0 \quad (۲)$$

$$u^2 + v^2 + \frac{v}{c_1} = 0 \quad (۳)$$

$$u^2 - v^2 + \frac{v}{c_1} = 0 \quad (۴)$$

شیمی کاربردی

(اصول محاسبات شیمی صنعتی ۱ و ۲، شیمی صنعتی ۱ و ۲، اصول تصفیه آب و پساب‌های صنعتی، خوردگی فلزات)

-۴۶ برای محاسبه حرارت تبخیر (Heat of Vaporization) یک حلال آلی، از کدام معادله، استفاده می‌شود؟

(۱) آتسوان (۲) کلاسیوس - کلابیرون (۳) فنسک (۴) برنوی

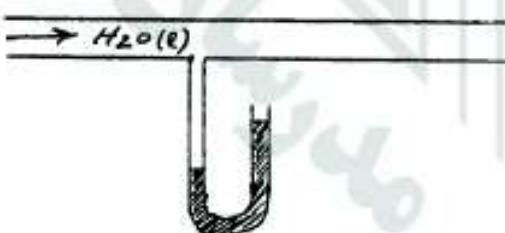
-۴۷ مایع مورد استفاده در لوله U شکل زیر، کدام یک از ترکیبات خالص زیر می‌تواند باشد؟

(۱) الكل اتیلیک

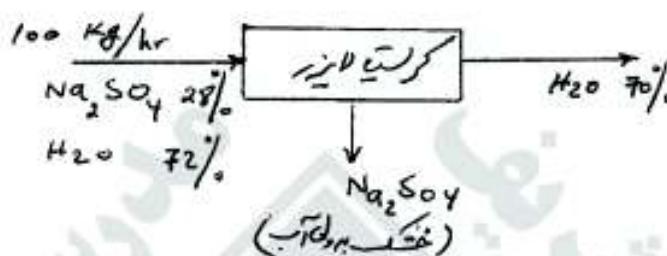
(۲) الكل متیلیک

(۳) بنزن

(۴) کربن تراکلراید



-۴۸. یک سیستم کریستالایزاسیون (متبلورسازی)، به شکل زیر، کار می‌کند.



مقدار Na_2SO_4 جامد به دست آمده بر حسب kg/hr، چقدر است؟

(۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۱۵ (۴) ۱۶

۴) اطلاعات صحیح نمی‌باشد.

-۴۹. گدام یک از ترکیبات زیر، حرارت تشکیل استاندارد (ΔH_f°) مثبت دارد. (در زمان تشکیل انرژی جذب می‌کنند).

(۱) بتزن (۲) بوتن (۳) سولفور کربن (۴) هرسه ترکیب

-۵۰. اگر بخار اتر [$\text{C}_2\text{H}_5\text{O}$]₂ در گف اطاق تولید شود و درجه حرارت و فشار آن یکسان با درجه حرارت و فشار همان اطاق باشد، گدام یک از موارد زیر اتفاق می‌افتد؟

(۱) عمدۀ بخار اتر، تزدیک به کف اطاق قرار خواهد گرفت. (۲) بخار اتر، تزدیک به سقف اطاق قرار خواهد گرفت.

(۳) درجه حرارت اطاق، به مقدار قابل توجه افزایش می‌یابد. (۴) واکنش شیمیایی، بین بخار اتر و هوا انجام می‌گیرد.

-۵۱. در حرکت جریان آرام سیالات در داخل لوله‌های مدور، گدام فرمول می‌تواند برای محاسبۀ ضریب اصطکاک (f)، مورد استفاده قرار گیرد؟

$$f = \frac{64}{Re} \quad (۱)$$

$$f = \frac{24}{Re} \quad (۲)$$

$$f = \frac{36}{Re} \quad (۳)$$

$$f = \frac{16}{Re} \quad (۴)$$

-۵۲. گدام یک از روابط زیر، معادله پیوستگی برای حالت یکنواخت (Steady-State) حرکت سیالات در لوله‌ها را، بیان می‌کند؟
دانسیته ρ و سرعت خطی U و فشار P و ثابت C

$$UpA = C \quad (۱)$$

$$UA\rho = C \quad (۲)$$

$$\frac{Up}{A} = C \quad (۳)$$

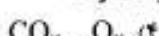
$$\frac{UP\rho}{A} = C \quad (۴)$$

پره یک بهم‌زن (Mixer)، از نوع لنگری، در چه موقعی به کار می‌رود؟

(۱) دورهای کم، که انتقال حرارت نیز مطرح باشد. (۲) دورهای کم، که دو قاز گازی را با یکدیگر مخلوط می‌کند.

(۳) دورهای زیاد، که انتقال حرارت نیز مطرح باشد. (۴) دورهای زیاد، که دو فاز گازی را با یکدیگر مخلوط می‌نماید.

-۵۴. گدام یک از مخلوط‌های دو ترکیبی زیر، ضریب نفوذ مولکولی بزرگ‌تری در شرایط یکسان P و T دارد؟



-۵۵-

از معادله فنسک (Fensk's Equation). برای محاسبه کدام عامل در برج‌های تنظیر استفاده می‌شود؟

- (۱) اندازه‌گیری فنار در نقاط مختلف طول برج
- (۲) تعداد سینی‌های حداقل
- (۳) تخمین درجه حرارت سینی‌ها
- (۴) مقدار حداقل نسبت برگشت

-۵۶-

نسبت $\frac{خوارک}{توده زیستی} = \frac{F}{M}$ روی پدیده تهشینی لجن در یک واحد تصفیه بیولوژیکی، چگونه اثر می‌گذارد.

- (۱) با افزایش $\frac{F}{M}$ ، مقدار تهشینی افزایش می‌یابد.
- (۲) با افزایش $\frac{F}{M}$ ، مقدار تهشینی کاهش می‌یابد.
- (۳) با کاهش $\frac{F}{M}$ ، مقدار تهشینی کاهش می‌یابد.
- (۴) با کاهش $\frac{F}{M}$ ، مقدار تهشینی رابطه‌ای ندارد.

-۵۷-

پدیده اوتوفیکاسیون، در اثر کدام عوامل ایجاد می‌شود؟

- (۱) افزایش دما و افزایش کود تیتروزن و فسفردار
- (۲) افزایش دما و افزایش کود تیتروزن و فسفردار
- (۳) کاهش دما و افزایش فسفر
- (۴) کاهش دما و افزایش فسفر

-۵۸-

غلظت $\frac{mg}{l} = 200$ BOD یک فاضلاب با ضریب سینتیکی $K = 0.23^{d^{-1}}$ ، پس از یک روز، چند میلی‌گرم برلیتر، کاهش می‌یابد.

$$e^{1/15} = 3,16 \cdot e^{0/23} = 1,26$$

$220/2$

$292/2$

$86,4/2$

(۱) با افزایش دمای آب ورودی به فرایند اسوز معکوس، کدام پدیده، اتفاق می‌افتد؟

- (۱) افزایش دمای آب شیرین
- (۲) افزایش آب‌گی غشا
- (۳) کاهش خلوص آب شیرین
- (۴) کاهش فنار اسمزی

-۵۹-

نسبت $\frac{\text{سدیم}}{\text{سختی}}$ یک نمونه آب، با مقدار ظرفیت وزین، چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) مقدار ظرفیت، با کاهش این نسبت دو برابر می‌شود.
- (۲) مقدار ظرفیت، با افزایش این نسبت دو برابر می‌شود.
- (۳) مقدار ظرفیت، هیچگونه ارتباطی با این نسبت ندارد.
- (۴) مقدار ظرفیت، با افزایش این نسبت کاهش پیدا می‌کند.

-۶۰-

حافظت آندی، در مورد کدام یک از فلزات یا آلیاژ‌های زیر، می‌تواند مؤثر باشد؟

- (۱) موتنل
- (۲) مس
- (۳) منزبیم
- (۴) روی

-۶۱-

در چه محدوده‌ای از pH، می‌توان از الومیتیوم با ضریب اطمینان بالایی استفاده نمود؟

- (۱) ۲-۴
- (۲) ۴-۶
- (۳) ۶-۸
- (۴) ۸-۱۰

-۶۲-

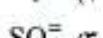
در کدام حالت، حفاظت کاتدی به طور کامل انجام می‌گیرد. (E_{ap}) پتانسیل تعادل فلز، E_{corr} پتانسیل اعمال شده، E_{corr} پتانسیل خوردگی می‌باشد).

$$E_{ap} = E_{corr} \quad (۱)$$

$$E_{ap} < E_{corr} \quad (۲)$$

$$E_{eq} > E_{ap} < E_{corr} \quad (۳)$$

کدام یون، سبب تشدید حفره‌دار شدن قولاد زنگ نزن آستینتی، در محیط آبی می‌شود؟



-۶۴-

افزودن کدام عنصر، به آلیاژ‌های فولاد زنگ نزن، سبب کاهش مقاومت در برابر حفره‌دار شدن می‌شود؟

- (۱) کروم
- (۲) گوگرد
- (۳) مولیبدن
- (۴) نیکل

-۶۵-

- ۶۶ ذرهای در حال سکون دارای طول عمر 5 میکروثانیه است. این ذره در چارچوب مرجعی که در آن ذره دارای سرعت ثابت $8\text{c} / \text{s}$ است چند متر قبل از تلاشی می‌بیناید؟
- (۱) 864 m
 (۲) 1440 m
 (۳) 2400 m
- ۶۷ یک ساعت در راستای محور x با تندی $65 / \text{s}$ در حرکت است و هنگامی که از جلوی مبدأ مختصات عبور می‌کند، زمان صفر را نشان می‌دهد. وقتی که ساعت از جلوی نقطه $m = 270 \text{ m} = x$ عبور می‌کند، چه زمانی را بر حسب میکروثانیه نشان می‌دهد؟
- (۱) $0 / 96 \text{ s}$
 (۲) $1 / 2 \text{ s}$
 (۳) $1 / 875 \text{ s}$
- ۶۸ کشتبه فضایی با طول ویژه 1400 متر با سرعت نسبی 7 از جلوی یک ناظر عبور می‌کند. اگر این ناظر مدت زمان عبور کامل کشتبه از جلوی خود را یک میکروثانیه اندازه بگیرد، سرعت نسبی 7 چند برابر سرعت نور در خلا است؟
- (۱) $0 / 15$
 (۲) $0 / 4$
 (۳) $0 / 8$
- ۶۹ توری با طول موج 200 نانومتر به یک سطح آلومینیومی می‌تابد. برای کندن یک الکترون از سطح آلومینیوم 42 eV انرژی لازم است. پیشینه و کمینه انرژی جنبشی الکترون‌هایی که از سطح کنده می‌شوند، چند الکترون ولت است؟
- (۱) 2 ، صفر
 (۲) $5 \cdot 2$
 (۳) $2 \cdot 4 \cdot 2$
- ۷۰ یک لامپ 400 واتی با طول موج 628 نانومتر در تمام جهات تابش یکنواخت دارد. در چند متری از این لامپ یک پرده کاملاً جذب کننده، فوتون‌ها را با آهنگ 1 فوتون در سانتی‌متر مربع در یک ثانیه، جذب می‌کند؟
- (۱) 5×10^7
 (۲) 7×10^6
 (۳) 5×10^9
 (۴) 7×10^8
- ۷۱ در پراکندگی کامپیتون اشعه ایکس با طول موج 0.1 nm از یک الکترون آزاد ساکن، فوتون‌ها تحت زاویه پراکندگی 180° نسبت به راستای اولیه خود پراکنده می‌شوند. انرژی الکترون پس زده شده تقریباً چند کیلو الکترون ولت است؟
- (۱) 12
 (۲) 24
 (۳) 40
- ۷۲ یون‌های سدیم یک بار یونیده، تحت اختلاف پتانسیل 400 ولت شتاب می‌گیرند. طول موج دوبروی نهایی این یون‌ها کدام است؟ عدد انتی سدیم 11 ، عدد جرمی آن 22 و جرم بروتون $kg = 1.67 \times 10^{-27}$ است.
- (۱) 41 nm
 (۲) 41 pm
 (۳) 297 fm
 (۴) 412 fm
- ۷۳ یک ناظر طول یک کشتبه فضایی را $\frac{1}{3}$ طول سکون آن اندازه‌گیری می‌کند. سرعت این ناظر ... برابر سرعت نور در خلا است. ساعت کشتبه هوابی نسبت به ساعت ناظر مورد اشاره برابر حرکت می‌کند.
- (۱) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ ، کندر
 (۲) $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \sqrt{\frac{2}{3}}$ ، کندر
 (۳) $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \sqrt{\frac{2}{3}}$ ، کندر
- ۷۴ ناظر S' اطلاع می‌دهد که حادثه‌ای در چارچوب او با سرعت $c / 60$ در راستای x مشیت در حرکت است. در لحظه $t = t' = 0$ دو مبدأ مختصات بر هم منطبقند ($x = x' = 0$). مختصات مکان و زمان حادثه در چارچوب S' کدام است؟
- (۱) $x' = -2 \times 10^7 \text{ m}$ و $t' = 1/65 \text{ s}$
 (۲) $x' = -5 \times 10^7 \text{ m}$ و $t' = 2/55 \text{ s}$
 (۳) $x' = -8 \times 10^8 \text{ m}$ و $t' = 4 \text{ s}$
 (۴) $x' = 1/5 \times 10^9 \text{ m}$ و $t' = 6/25 \text{ s}$

-۷۵ یک گشتی فضایی با طول سکون 700 m با سرعت 6% نسبت به یک چارچوب عرجع معینی در حرکت است. در همان چارچوب ذره‌ای با سرعت 3% از مقابل گشتی فضایی در مسیری موازی حرکت کشتی و در خلاف جهت حرکت آن عبور می‌کند. از دید ناظر ساکن در گشتی فضایی تقریباً چند میکروثانیه طول می‌کشد: تا ذره به طور کامل از جلوی کشتی بگذرد؟

- (۱) $2/3$
 (۲) $3/73$
 (۳) $2/5$
 (۴) 7

-۷۶ یک چشم‌های لامپ سدیم با طول موج ویژه $589 \text{ nm} = \lambda$ بر روی مسیر دایروی افقی با سرعت ثابت 2% در حرکت است. اگر λ طول موجی باشد: که آشکارساز ساکن بر روی مرکز دایره دریافت می‌کند، مقدار λ -
تقریباً چند نانومتر است؟

- (۱) $5/89$
 (۲) صفر
 (۳) $5/89$
 (۴) $11/78$

-۷۷ انرژی جنبشی الکترونی 2 MeV است. اندازه تکانه خطی آن تقریباً چند $\frac{\text{MeV}}{e}$ است؟ جرم سکون الکترون

$$\text{را } \frac{\text{MeV}}{e^2} \text{ در نظر بگیرید.}$$

- (۱) $1/41$
 (۲) $1/94$
 (۳) $2/6$
 (۴) $2/46$

-۷۸ الکترونی در یک چاه بی نهایت یک بعدی به عرض 2 نانومتر به دام افتاده است. اگر الکترون در حالت پایه باشد، بزرگ‌ترین طول موج نوری که می‌تواند از طریق جذب یک فوتون از حالت پایه برانگیخته کند، چند نانومتر است؟

- (۱) 108
 (۲) 26
 (۳) 4250
 (۴) 1416

-۷۹ ذره‌ای در چاه یک بعدی بی نهایت با عرض L محصور است. دیواره‌های چاه در $x = 0$ و $x = L$ قرار دارد. احتمال آن

$$\text{که ذره در بازه } 0 < x < L \text{ آشکار شود، تقریباً چند درصد است؟}$$

(۱) $9/1$
 (۲) 25
 (۳) $15/9$

-۸۰ تابع موج ذره‌ای در سه بعد در مختصات کروی به شکل $\Psi(\vec{r}) = C \left(2 - \frac{r}{a}\right) e^{-\frac{r}{2a}}$ است؛ که در آن C و a مقادیر ثابتی هستند. در چه فاصله‌ای از مبدأ مختصات احتمال یافتن ذره بیشینه است؟

- (۱) $r = (2 + \sqrt{5})a$
 (۲) $r = 2a$
 (۳) $r = 4a$

-۸۱ با عبور جریان الکتریکی از سیمی استوانه‌ای به طول یک متر و شعاع یک میلی‌متر سیم گرم شده و با توان 1000 W ناش می‌کند. اگر سیم جسم سیاه فرض شود و از هرگونه اثرات در انتهای سیم چشم‌بوشی شود، دمای سیم تقریباً چند درجه سانتی‌گراد است؟ ثابت استقان - بولترمن را $W/m^2 \cdot K^4 = 7 \times 10^{-8}$ در نظر بگیرید.

- (۱) 1027
 (۲) 1300
 (۳) 2200
 (۴) 1573

-۸۲ شدت بیشینه تابشی از یک حفره سیاه در طول موج $4 \mu\text{m}$ رخ می‌دهد. اگر دمای حفره جنان بالا رود؛ که شدت تابش حفره 16 برابر شود، بیشینه تابش در دمای جدید در چه طول موجی بر حسب میکرون رخ خواهد داد؟

- (۱) $8/25$
 (۲) 1
 (۳) 2
 (۴) 4

-۸۳ الکترونی با سرعت 8% با یک پوزیtron ساکن برخوردناپذیر می‌کند و دو فوتون به وجود می‌آید. یکی از فوتون‌ها درجهت عمود بر الکترون فرودی حرکت می‌کند. انرژی هر دو فوتون بر حسب مگا الکترون ولت کدام است؟

- (۱) $0/41, 0/41$
 (۲) $0/85, 0/51$
 (۳) $0/66, 0/66$
 (۴) $0/68, 0/15$

- ۸۴ تابش هم شدت دو پرتوی ایکس اولی با طول موج $\frac{1}{3} \text{ mm}$ و دویی با طول موج $\frac{5}{6} \text{ mm}$ آنگستروم و ضریب جذب 7 mm^{-1} بر یک ماده فرود می‌آیند. خاصیت این ماده چند میلی‌متر باشد، تا در پرتوی خروجی از ماده شدت پرتوهای ایکس از نوع اول دو برابر شد پرتوهای ایکس از نوع دوم باشد؟

- (۱) $1/4$
 (۲) $1/75$
 (۳) $2/5$
 (۴) $2/42$

- ۸۵ الکترون‌هایی با انرژی $12/2 \text{ eV}$ در یک لامپ تخلیه گاز به سوی اتم‌های هیدروژن شلیک می‌شوند. طول موج‌های خطوطی که می‌تواند به وسیله هیدروژن گسیل شوند بر حسب آنگستروم کدام است؟
 $hc = 12/4 \times 10^3 \text{ eV.A}^0$

- (۱) $6563, 1215, 1025$
 (۲) $5460, 1824, 1367$
 (۳) $18788, 6563, 3645$
 (۴) $973, 1025, 972$

خواص فیزیکی و مکانیکی مواد

- ۸۶ نیروی خالص اعمال شده بر یک جفت یون در تشکیل یک پیوند یونی، از رابطه زیر تعیین می‌شود:

$$F = -\frac{z_1 z_2 e^r}{4\pi\epsilon_0 a^r} - \frac{nb}{a^{n+1}}$$

- الکترون، ϵ_0 الکتریسیته فضای آزاد، a فاصله جدایش بین یون‌ها، n و b اعداد ثابتی هستند. در صورت تشکیل یک پیوند یونی پایدار، a چقدر خواهد بود؟

$$a = \left(\frac{-4\pi\epsilon_0 nb}{z_1 z_2 e^r} \right)^{\frac{1}{n+1}} \quad (۱)$$

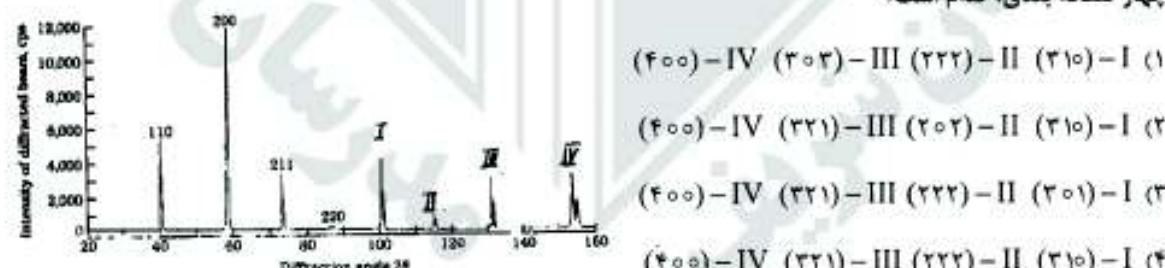
$$a = \left(\frac{-4\pi\epsilon_0 nb}{z_1 z_2 e^r} \right)^{\frac{1}{(n-1)}} \quad (۲)$$

$$a = \left(\frac{-\pi\epsilon_0 nb}{4z_1 z_2 e^r} \right)^{\frac{1}{n+1}} \quad (۳)$$

$$a = \left(\frac{-\pi\epsilon_0 nb}{4z_1 z_2 e^r} \right)^{\frac{1}{n-1}} \quad (۴)$$

- ۸۷ در الگوی پراش اشعه X (شکل زیر)، اندیس بلوری چهار صفحه یک ساختمان بلوری مکعبی ارائه شده است. اندیس بلوری

- چهار صفحه بعدی، کدام است؟



- (۱) I - IV (۲۰۲) - III (۲۲۲) - II (۲۱۰) - I (۲)

- (۲) (۴۰۰) - IV (۳۲۱) - III (۲۰۲) - II (۲۱۰) - I (۲)

- (۳) (۴۰۰) - IV (۳۲۱) - III (۲۲۲) - II (۲۰۱) - I (۲)

- (۴) (۴۰۰) - IV (۳۲۱) - III (۲۲۲) - II (۲۱۰) - I (۲)

-۸۸ نسبت چگالی اتمی خطی $\frac{\rho_L[111]}{\rho_L[110]}$ در یک بلور FCC، کدام است؟

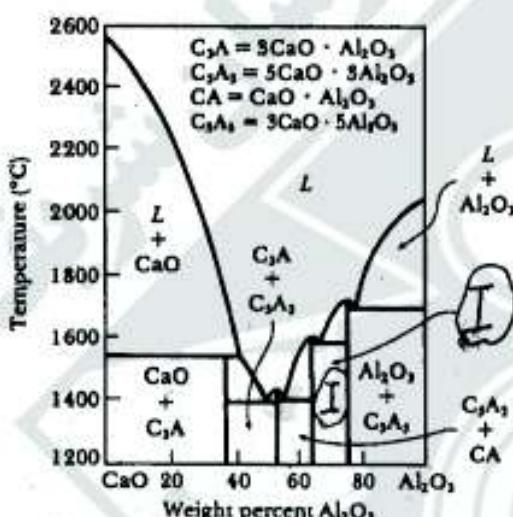
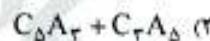
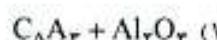
$$\frac{\sqrt{6}}{3} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{6} \quad (2)$$

$$\sqrt{6} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (4)$$

-۸۹ در نمودار تعادلی $\text{CaO} - \text{Al}_2\text{O}_3$ روبه رو، فازهای موجود در ناحیه I، کدام است؟



-۹۰ زوج نفوذی متشکل از فلزات A و B (دمای ذوب A، ۲۰۰°C کمتر از دمای ذوب فلز B است) را در گوره قرار داده و تا ۵۰°C زیر دمای ذوب فلز A به مدت ۱۰۰ ساعت حرارت می‌دهیم. فصل مشترک به سمت حرکت می‌کند و جاهای خالی در سمت فلز تشکیل می‌شوند.

A, A (۱)

B, A (۲)

A, B (۳)

B, B (۴)

-۹۱ یک رسوب درشت در مرز دو دانه آلیاژ نیکل با دو دانه دو طرفش، چه نوع مرزی را ممکن است داشته باشد؟ با دانه اول و با دانه دوم است.

(۱) نیمه هم سیما، نیمه هم سیما

(۱) هم سیما، هم سیما

(۲) نیمه هم سیما، هم سیما

(۲) نیمه هم سیما، غیر هم سیما

-۹۲ در گدام استحاله، نفوذ با دامنه کوتاه انجام می‌شود؟

- (۱) استحاله بونکتونید (۲) تبلور مجدد (۳) دوقلویی شدن (۴) رسوب فریت از استینلت

-۹۳ در تغییر حالت $\alpha' + \beta \rightarrow \alpha$ ، افزایش انرژی فصل مشترک $\frac{\alpha'}{\beta}$ ، چه تأثیری بر ΔG^* (انرژی اکتیواسیون جوانهزنی) و r^* (شعاع بحرانی جوانه) دارد؟

- (۱) کاهش ΔG^* و افزایش r^*
 (۲) کاهش ΔG^* و کاهش r^*
 (۳) افزایش ΔG^* و کاهش r^*
 (۴) افزایش ΔG^* و افزایش r^*

-۹۴ میانگین فاصله بین لایه‌های پرلیت در یک نمونه فولاد هیبیووتکتوبید آنیل شده حدود ۱ میکرون است. اگر این نمونه تا ۹۰۰ درجه سانتی‌گراد گرم شده و سپس در هوای سرد شود،

- (۱) فاصله بین لایه‌ای ثابت، استحکام کشن کاهش و درصد فریت اولیه در ریز ساختار افزایش می‌باید.
 (۲) فاصله بین لایه‌ای کاهش، استحکام کشن افزایش و درصد فریت اولیه در ریز ساختار ثابت می‌ماند.
 (۳) فاصله بین لایه‌ای کاهش، استحکام کشن افزایش و درصد فریت اولیه در ریز ساختار کاهش می‌باید.
 (۴) فاصله بین لایه‌ای افزایش، استحکام کشن کاهش و درصد فریت اولیه در ریز ساختار ثابت می‌ماند.

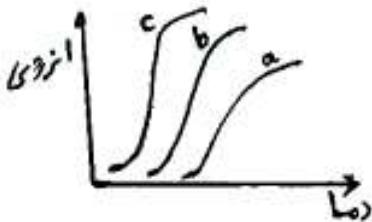
-۹۵ نمونه‌ای از فولاد 1020 (حاوی ۲٪ درصد کربن) در دمای ۸۲۵ درجه سانتی‌گراد آستینته شده و به سرعت در آب سرد شده است. در ساختار نهایی، درصد تقریبی فازها، گدام است؟

- (۱) ۵۰ درصد پرلیت و ۵۰ درصد فریت اولیه
 (۲) ۵۰ درصد فریت و ۵۰ درصد مارتزیت
 (۳) ۷۵ درصد فریت و ۲۵ درصد مارتزیت
 (۴) ۲۵ درصد پرلیت و ۷۵ درصد فریت اولیه

-۹۶ در مورد چفرمگی شکست گرفتی صفحه‌ای (K_{1c}) و چهارمگی شکست نتش صفحه‌ای (K_{Ic}), گزینه صحیح گدام است؟

(۱) فقط به عوامل متالورژیکی، اما (K_{Ic}) هم به عوامل متالورژیکی و هم به ضخامت نمونه بستگی دارد.
 (۲) فقط به عوامل متالورژیکی، اما (K_{1c}) هم به عوامل متالورژیکی و هم به ضخامت نمونه بستگی دارد.
 (۳) (K_{Ic}) و (K_{1c}) هم به عوامل متالورژیکی و هم به ضخامت نمونه بستگی دارد.
 (۴) (K_{Ic}) و (K_{1c}) فقط به عوامل متالورژیکی بستگی دارد.

-۹۷ نمودار تست ضربه چاربی، برای سه فولاد کربنی c, b, a آنیل شده، داده شده است. تفاوت این سه نمودار با هم در گدام مسورد است؟



- (۱) ابعاد نمونه‌ها، از فولاد a بهمیش فولاد c، بزرگ‌تر می‌شود.
 (۲) ابعاد دانه دراین فولادها، از فولاد a بهمیش فولاد c، زیاد‌تر می‌شود.
 (۳) درصد کربن در این فولادها، بهترتب از فولاد a بهمیش فولاد c، بیش‌تر می‌شود.
 (۴) درصد کربن در این فولادها، بهترتب از فولاد a بهمیش فولاد c، کم‌تر می‌شود.

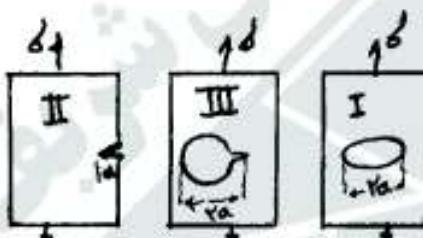
طبق نظریه کوبل (Coble)، خوش ناشی از:

- (۱) نفوذ اتمی، در مرزدانه‌ها است.
- (۲) نفوذ اتمی، در داخل دانه‌ها است.
- (۳) نفوذ اتمی از مرزدانه‌های تحت کشش، به مرز دانه‌های تحت فشار است.
- (۴) نفوذ تهیی جای‌ها (Vacancies)، از مرزدانه‌های تحت فشار به مرزدانه‌های تحت کشش است.

حد خستگی فولادی در تنش‌های $5_1, 5_2, 5_3$ به ترتیب $10^4, 10^4, 10^5$ چرخه است. اگر قطعه‌ای از این فولاد در تنش $5_1, 5_2, 5_3$ چرخه، در تنش $5_1, 5_2, 5_3$ چرخه و در تنش $5_1, 5_2, 5_3$ چرخه تحمل کند، عمر باقیمانده تا شکست با ادامه اعمال تنش 5_3 کدام است؟

- | | |
|-----------|-----------|
| ۴۰۰۰۰ (۲) | ۲۰۰۰۰ (۱) |
| ۸۰۰۰۰ (۴) | ۶۰۰۰۰ (۳) |

در مورد K_1 نمونه‌های رو به رو، تحت تنش یکسان گزینه صحیح، کدام است؟

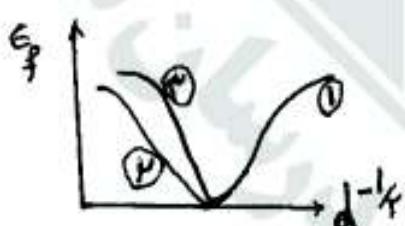


- $K_1(\text{II}) > K_1(\text{I}) > K_1(\text{III})$ (۱)
 $K_1(\text{I}) > K_1(\text{III}) > K_1(\text{II})$ (۲)
 $K_1(\text{III}) > K_1(\text{I}) > K_1(\text{II})$ (۳)
 $K_1(\text{III}) > K_1(\text{II}) > K_1(\text{I})$ (۴)

دو نمونه مشابه فاق دار (Notch) از یک ماده، تحت تنش خستگی قرار می‌گیرند. کدام گزینه در مورد اثر شعاع رأس فاق بر عمر جوانهزنی یا گسترش ترک خستگی صادر است؟

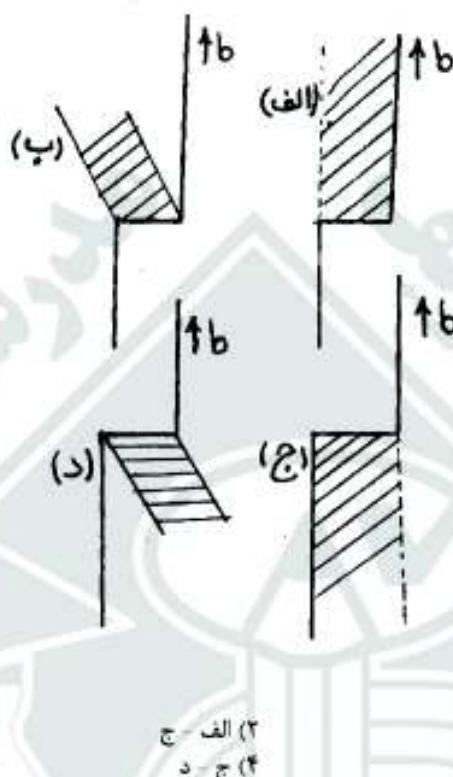
- (۱) در شعاع‌های بیشتر فاق، بیشتر عمر خستگی صرف گسترش ترک خستگی می‌شود.
- (۲) عمر جوانهزنی ترک خستگی، با افزایش شعاع رأس فاق، کاهش می‌یابد.
- (۳) عمر جوانهزنی ترک خستگی، با کاهش شعاع رأس فاق، کاهش می‌یابد.
- (۴) عمر جوانهزنی ترک خستگی، به شعاع رأس فاق بستگی ندارد.

کدام منحنی، بیانگر نقش اندازه دانه، در گرنش شکست ماده‌ای مانند فولاد کم کردن است؟ (۱) اندازه دانه)



- ۱ (۱)
 ۲ (۲)
 ۳ (۳)
 ۴ (۴)

- ۱۰۳ - کدام گزینه، صفحه لغزش پلۀ نایه‌جایی را معرفی می‌کند؟



- (۱) الف - ب
(۲) ب - د

- (۳) الف - ج
(۴) ج - د

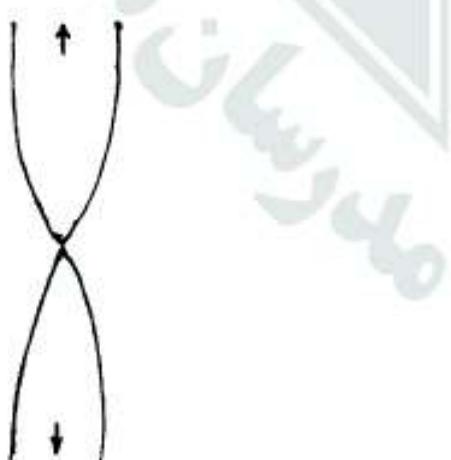
- ۱۰۴ - یک ماده ترد دارای تنش شکست برابر $\sigma_0 = 5$ است. اگر انرژی سطحی این ماده را $G_0 = 400$ برابر افزایش و طول بزرگ‌ترین ترک

داخلی در آن را به $\frac{1}{4}$ طول ترک قبلی کاهش دهیم، تنش شکست σ_c چند برابر تنش شکست σ_0 خواهد شد؟

- (۱) ۱
(۲) ۱۰
(۳) ۲۰
(۴) ۴۰

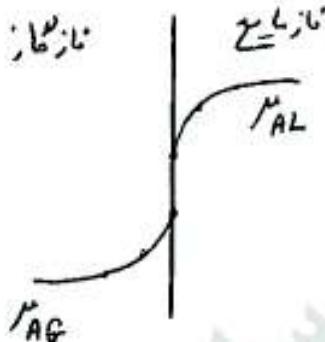
- ۱۰۵ -

شکل رویه‌رو، نشان دهنده چه نوع شکستی است؟



- (۱) پوشی در تک گربستان‌های چکش‌خوار
(۲) ترد در تک گربستان‌ها و پلی گربستان‌ها
(۳) کاملاً چکش‌خوار در پلی گربستان‌ها
(۴) نسبتاً چکش‌خوار در پلی گربستان‌ها

- ۱۰۶- شکل زیر نتایج آزمایش‌های دانشجویی که تغییرات پتانسیل شیمیایی مل در اطراف فصل مشترک فاز گاز و فاز مایع که در حال انتقال جرم هستند را نشان می‌دهد. کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟



- (۱) انتقال جرم از فاز گاز به فاز مایع انجام می‌شود.
- (۲) شکل غلط است جون پتانسیل شیمیایی در هر فاز نمی‌تواند تغییر کند.
- (۳) شکل غلط است جون توزیع پتانسیل شیمیایی در دو فاز نمی‌تواند تابیوسته باشد.
- (۴) شکل غلط است جون نمی‌توان پتانسیل شیمیایی دو فاز مختلف را با هم مقابله کرد.

- ۱۰۷- انتقال جرم در خارج قطعه کروی به صورت $Sh = Sh_0 + \frac{1}{(Re \cdot Sc)^{1/62}} + 0.247$ است.

$$Sh = Sh_0 + \frac{1}{(Re \cdot Sc)^{1/62}} + 0.247 \quad (1)$$

- (۱) نشان می‌دهد که انتقال جرم در خارج کره، در اثر نفوذ مولکولی بوده و لذا عدد ۲ در رابطه دیده می‌شود.
 - (۲) رابطه جامعی است، که کل انتقال جرم ناشی از نفوذ مولکولی، حرکت توده‌ای طبیعی، و حرکت توده‌ای اجباری را دربر می‌گیرد.
 - (۳) رابطه جامعی است که انتقال جرم در اثر حرکت توده‌ای، و جریان‌های متلاطم را که از نفوذ مولکولی بسیار بیشتر است، دربر می‌گیرد.
 - (۴) هرچند عدد ۲ در خارج کره را نشان می‌دهد، لیکن فقط انتقال جرم در اثر حرکت توده و ناشی از جابجایی طبیعی است.
- ۱۰۸- دامنه تغییرات $C \times D$ که $C \times D$ مخلوقت کل گاز و ضرب نفوذ رطوبت در فاز گاز است. و در یک واحد عملیاتی رطوبت افزایشی، در چه محدوده‌ای است؟

$$(1) \text{ مقادیر در سیستم SI، فشار کل } P = 250 \text{ kPa} \quad (2) \text{ فرض می‌شود.}$$

$$(3) \frac{(0.3 - 0.5) \times 10^{-5}}{(0.15 - 0.25) \times 10^{-6}} \quad (4) \frac{(0.15 - 0.25) \times 10^{-5}}{(0.3 - 0.5) \times 10^{-6}}$$

$$(5) \frac{(0.15 - 0.25) \times 10^{-5}}{(0.3 - 0.5) \times 10^{-6}}$$

- ۱۰۹- حل شدن کربستال سولفات مس $CuSO_4 \cdot 5H_2O$ در تانک بزرگی از آب خالص را در نظر بگیرید. اگر کسر مولی اشباع سولفات مس ($CuSO_4$) در آب x_A^* بگیریم. رابطه ضریب انتقال جرم F_L با k_c با بعد $\frac{m}{s}$ ، کدام است؟

$$F_L = k_c \cdot x_A^* \quad (1)$$

$$F_L = \frac{\varepsilon k_c \cdot x_{B,M}^*}{\ln(1-x_A^*)} \quad (2)$$

$$F = \varepsilon k_c \ln(1-x_A^*) \quad (3)$$

$$F_L = \varepsilon k_c C_L x_A^* \ln[(1-\varepsilon x_A^*)] \quad (4)$$

-۱۱۰ محلول ۱۱ ppm کلر در آب در تماس با کربن فعال تازه (C)، کلوزدایی شده و میزان کلر آن به ۱ ppm کاهش می‌باید. اگر

$$\text{ضریب توزیع تعادلی کلر بین مایع - جامد} = m = \frac{\frac{\text{kgCl}_2}{\text{مایع}}}{\frac{\text{kgCl}_2}{\text{kgC}}} = \frac{1}{1}$$

این عملیات جداسازی در یک ظرف همزده، که به صورت بی‌دررو (batch) کار می‌کند، چند کیلوگرم است؟

- (۱) ۸ (۲) ۶ (۳) ۱۰ (۴) ۱۱

-۱۱۱ برای جریان مغذو شدن هوا در لوله مدور از جنس مس با $f = 0.004$ (Moody) ضریب اصطکاک مودی (Re) $= 2 \times 10^5$ است. اگر هوا در لوله ای با همان ابعاد از جنس نفتالین جریان پابد، عدد بدون بعد D_f به کدام نزدیک‌تر

$$\text{است؟} (\text{ضریب اصطکاک } f = \frac{1}{4}, \text{ ضریب اصطکاک مودی است.})$$

- (۱) ۰.۰۰۵ (۲) ۰.۰۰۲ (۳) ۲۰۰ (۴) ۸۰۰

-۱۱۲ R_1 کیلوگرم در ثانیه ماده جاذب رطوبت در تماس با $E_1 = R_1$ کیلوگرم در ثانیه هوا؛ که جزء وزنی رطوبت در آن y_1 است. قرار می‌گیرد. جاذب اولیه تهی از رطوبت است. رابطه تعادلی $x = y$ داده شده است. حداقل رطوبت در هوا، پس از تماس کامل دو فاز، برابر کدام است؟

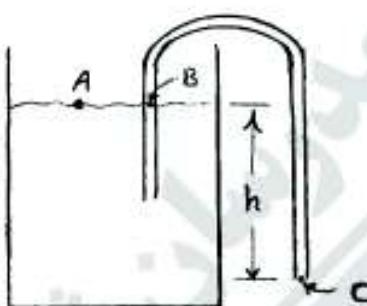
$$y_T = \frac{y_1}{x - y_1} \quad (۱) \quad y_T = \frac{2y_1}{x - y_1} \quad (۲)$$

$$y_T = \frac{y_1}{x} \quad (۳) \quad y_T = y_1 \quad (۴)$$

-۱۱۳ در شکل زیر، لوله بین دو نقطه A و B با قطر D و طول L و ضریب اصطکاک f، دبی Q را منتقل می‌نماید. اگر به جای این لوله از n لوله همان اندازه با طول L/n و قطر d و با همان ضریب اصطکاک، به صورت موازی استفاده نماییم؛ به طوری که مجموع لوله‌های موازی همان میزان دبی Q را داشته باشد، قطر لوله‌های موازی (d) برابر کدام است؟



- ۱۱۴- برای تخلیه‌ی تانک از یک لوله مطابق شکل زیر استفاده می‌شود. (قطر لوله نسبت به قطر تانک خیلی کوچک است) در زمان t اگر ارتفاع سطح تانک نسبت به ارتفاع خروجی لوله h باشد، در این صورت سرعت و فشار در نقطه‌ی B (داخل لوله) چقدر است؟



$$V_B = \sqrt{2gh} \quad (1)$$

$$P_B = P_{atm}$$

$$V_B = \sqrt{2gh} \quad (2)$$

$$P_B = P_{atm} - \rho gh$$

$$V_B = \sqrt{gh} \quad (3)$$

$$P_B = P_{atm}$$

$$V_B = \sqrt{gh} \quad (4)$$

$$P_B = P_{atm} + \rho gh$$

- ۱۱۵- در یک میدان جریان دو بعدی، اگر سرعت در جهت x برای یک سیال غیرقابل تراکم $v_x = x^T - y^T$ باشد، توزیع سرعت جریان در جهت y برابر کدام است؟

$$v_y = 2xy \quad (1) \quad v_y = y^T - x^T \quad (2) \quad v_y = xy - y^T \quad (3) \quad v_y = -2xy \quad (4)$$

- ۱۱۶- آب توسط یک مطابق شکل، از مخزن A به مخزن B انتقال می‌یابد. در صورتی که:

$$h_p = 20 - 9Q^T \quad \text{منحنی مشخصه پس:}$$

$$h_s = 10 + Q^T \quad \text{و منحنی سیستم:}$$

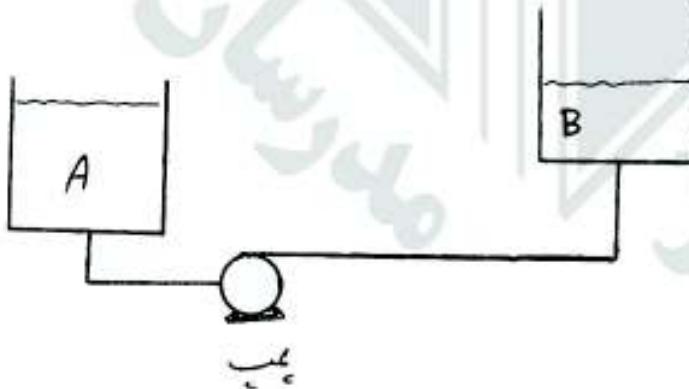
باشد، هد استاتیک و هد پمپ در نقطه‌ی عملکرد به ترتیب چند متر است؟

۱۰ و ۱۰ (۱)

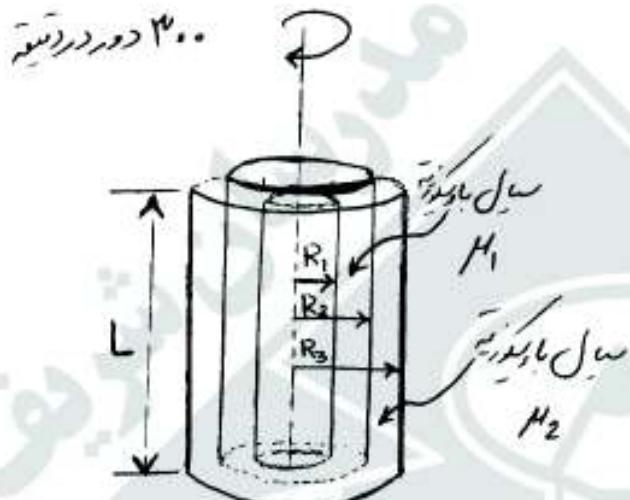
۱۱ و ۱۰ (۲)

۲۰ و ۱۱ (۳)

۱۰ و ۲۰ (۴)



-۱۱۷ سه استوانه متعددالمرکز به شعاع‌های R_1 , R_2 و R_3 مطابق شکل زیر، $(R_2 - R_1 << 1)$ و $(R_3 - R_2 << 1)$ قرار دارند. اگر فضای بین استوانه‌ی داخلی (به شعاع R_1) و استوانه‌ی میانی (به شعاع R_2) مایعی با ویسکوزیته‌ی μ_1 و فضای بین استوانه‌ی میانی (به شعاع R_2) و استوانه‌ی خارجی (به شعاع R_3) از مایعی با ویسکوزیته‌ی μ_2 بر شده باشد، گشتاور موردنیاز برای چرخش استوانه‌ی میانی (به شعاع R_2) با سرعت 30° دور در دقیقه کدام است.



$$20\pi^2 R_2^2 L \left[\frac{\mu_2}{R_2 - R_1} + \frac{\mu_1}{R_3 - R_2} \right] \quad (1)$$

$$600\pi^2 R_2^2 L \left[\frac{\mu_2 - \mu_1}{R_2 - R_1} + \frac{2\mu_1 - \mu_2}{R_3 - R_2} \right] \quad (2)$$

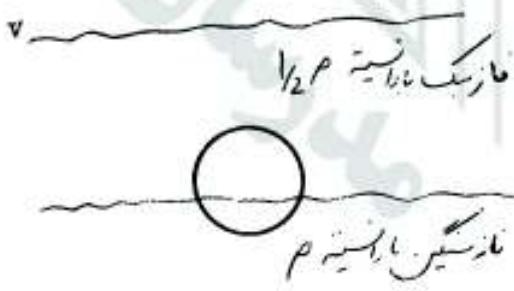
$$20\pi^2 R_2^2 L \left[\frac{\mu_1}{R_2 - R_1} + \frac{\mu_2}{R_3 - R_2} \right] \quad (3)$$

$$600\pi^2 R_2^2 L \left[\frac{\mu_2 - \mu_1}{R_2 - R_1} + \frac{2\mu_2 - \mu_1}{R_3 - R_2} \right] \quad (4)$$

-۱۱۸ روغن با دبی Q درون یک میکروکانال با سطح مقطع مربع با قطر هیدرولیکی 25° میکرومتر جریان دارد. اگر دبی روغن دو برابر شود، افت فشار به ازاء واحد طول میکروکانال، چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) $2^{0.22}$ برابر می‌شود. (۲) $2^{0.8}$ برابر می‌شود. (۳) چهار برابر می‌شود. (۴) دو برابر می‌شود.

-۱۱۹ یک جسم جامد کروی مطابق شکل در فصل مشترک بین دو سیال غیرقابل امتزاج شناور شده است، اگر $\frac{1}{3}$ حجم آن در فاز پایین و بقیه در فاز بالایی باشد. با فرض اینکه دانسیته‌ی سیال پایین P و دانسیته‌ی سیال بالا $\frac{P}{2}$ باشد، دانسیته‌ی جسم جامد کروی برابر کدام است؟



$$\frac{3}{4} P \quad (1)$$

$$\frac{P}{2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} P \quad (3)$$

$$\frac{P}{4} \quad (4)$$

-۱۲۰ گلوله گرمی از جنس طلا را در مجاورت هوای آتاق، سرد می‌کنیم. کدام گزینه نشان دهنده نسبت Bi/Nu است؟

- (۱) بزرگتر از یک
 (۲) خیلی بزرگتر از یک
 (۳) خیلی کمتر از یک
 (۴) غیر قابل تخمین

-۱۲۱ سطح یک صفحه نیمه بینهایت که در ابتداء دمای تمامی نقاط آن 10° درجه سانتی گراد است را تا 100° درجه سانتی گراد گرم می‌کنیم. شار حرارت هدایتی ورودی به این دیواره:

- (۱) با چذر زمان، نسبت مستقیم دارد.
- (۲) با چذر زمان، نسبت معکوس دارد.
- (۳) با زمان، نسبت مستقیم دارد.
- (۴) با زمان، نسبت معکوس دارد.

-۱۲۲ در یک پره دراز، اگر همه عوامل ثابت باشند و فقط ضریب انتقال حرارت جابه جایی افزایش پیدا کنند، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) افت دما پسته به طول پره، کم یا زیاد می‌شود.
- (۲) افت دما در طول پره، تغییر نمی‌کند.
- (۳) افت دما در طول پره، زیاد می‌شود.
- (۴) افت دما در طول پره، خواهد شد.

-۱۲۳ در جریان آرام داخل لوله، کدام گزینه در مورد عدد تاسیت صحیح است؟

- (۱) در نقاطی از طول لوله که جریان کاملاً توسعه یافته است، کمتر از ابتدای لوله است.
- (۲) در نقاطی از طول لوله که جریان کاملاً توسعه یافته است، می‌تواند بیشتر از عدد ناسلت در ورودی لوله می‌باشد.
- (۳) در جریان آرام، مربوط به یک لوله کوتاه، عدد ناسلت در طول لوله همواره ثابت است.
- (۴) عدد ناسلت برای لوله‌ای با دمای دیواره ثابت، بیشتر از لوله‌ای با فلاکس حرارتی ثابت است.

-۱۲۴ درون گره‌ای با قطر 10 سانتی‌متر، انرژی با شدت $\frac{W}{m^2} = 15 \times 6$ تولید می‌شود. این کره در معرض محیط جابه جایی با

ضریب انتقال حرارت جابه جایی برابر $\frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C} = 10$ و دمای 20° درجه سانتی گراد قرار دارد. دمای سطح این کره در شرایط پایا چند درجه سانتی گراد است؟

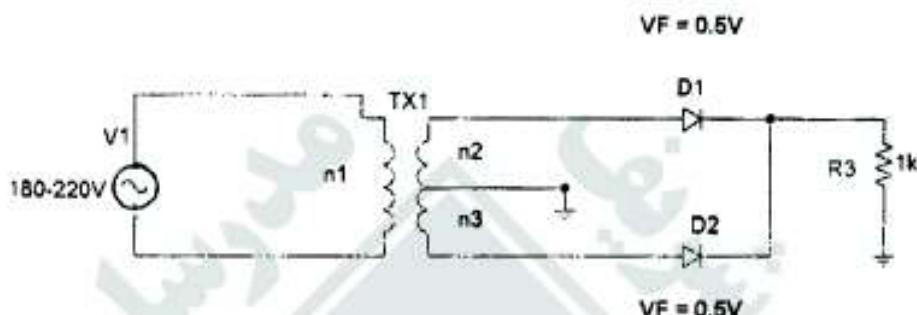
- | | |
|--------|--------|
| ۳۰ (۲) | ۱۵ (۱) |
| ۵۰ (۴) | ۴۰ (۳) |

-۱۲۵ توزیع دمای یک بعدی در دیواره‌ای با منبع تولید Q ، به صورت $T = -200x^3 + 50x + 100$ است. اگر مقدار تولید انرژی

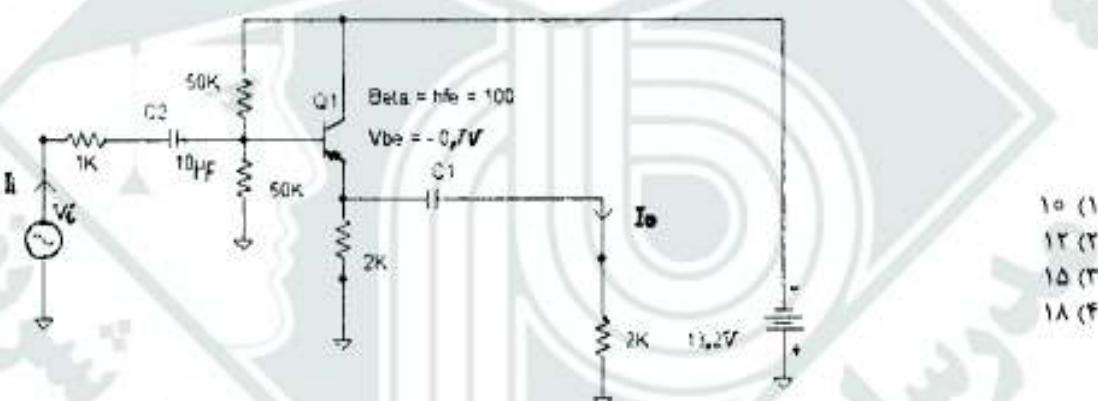
در این دیواره برابر با $\frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C} = 80000$ باشد، ضریب انتقال حرارت هدایتی این دیواره، چند است؟

- | | |
|---------|---------|
| ۱۰۰ (۲) | ۵۰ (۱) |
| ۴۰۰ (۴) | ۲۰۰ (۳) |

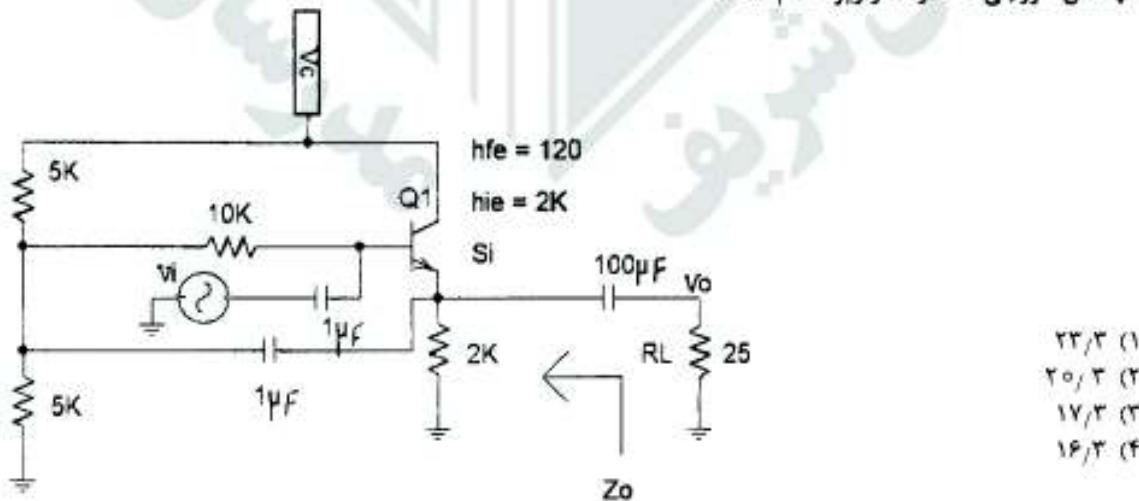
- ۱۲۶ - در مدار زیر، چنانچه جهت تعداد دورهای ترانسفورم کاهنده برق شهر روابط $n_2 = 0/1$ و $\frac{n_2}{n_1} = 2n_2$ بروقرار باشد، گزینه صحیح کدام است؟



- (۱) حداقل PIV مورد نیاز برای دیودها، یکسان و برابر $46/27$ می‌باشد.
 (۲) حداقل PIV مورد نیاز برای دیودها، یکسان و برابر $22/57$ می‌باشد.
 (۳) حداقل PIV مورد نیاز برای دیودها، D_1 و D_2 به ترتیب $21/57$ و $15/57$ می‌باشد.
 (۴) حداقل PIV مورد نیاز برای دیودها، D_1 و D_2 به ترتیب $30/47$ و $15/17$ می‌باشد.
- ۱۲۷ - پرسه جواب: ۱ / ۰ در مدار شکل زیر، کدام است؟

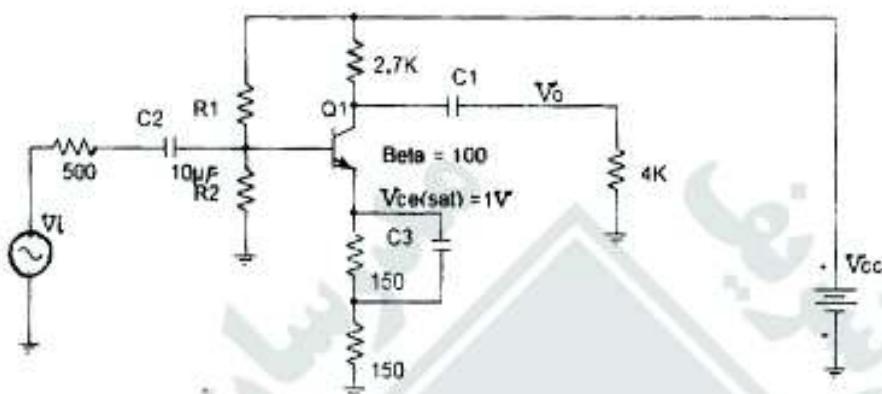


- ۱۲۸ - امپدانس خروجی Z_o در مدار زیر، کدام است؟



- ۱۳۹

در صدای زیر، مقادیر V_{cc} ، R_1 ، R_2 و $V_{ce(sat)}$ به شکلی انتخاب می‌شوند: که مدار توانایی ایجاد ولتاژ سینوسی حداکثر با دامنه ۶/۴۴۷ در خروجی را داشته باشد، مقادیر V_{cc} برابر چند ولت است؟ خازن‌ها دارای امپدانس کم می‌باشند.



- ۱۵ (۱)
۱۸ (۲)
۲۰ (۳)
۲۲ (۴)

- ۱۴۰

یک آمپلی فایر با قدرت کلاس B (پوش بول)، که با یک منبع تغذیه می‌شود: یک موج سینوسی را تقویت نموده و حداکثر توان که در مقاومت بار 4Ω می‌تواند ایجاد نماید. $W_{max} = 25W$ است. چنانچه بازده این آمپلی فایر تحت شرایطی 70% باشد. توانی که در هر ترانزیستور در این حالت تلف می‌شود، چند وات است؟

- ۴/۲۵ (۱)
۵ (۲)
۴/۵ (۳)

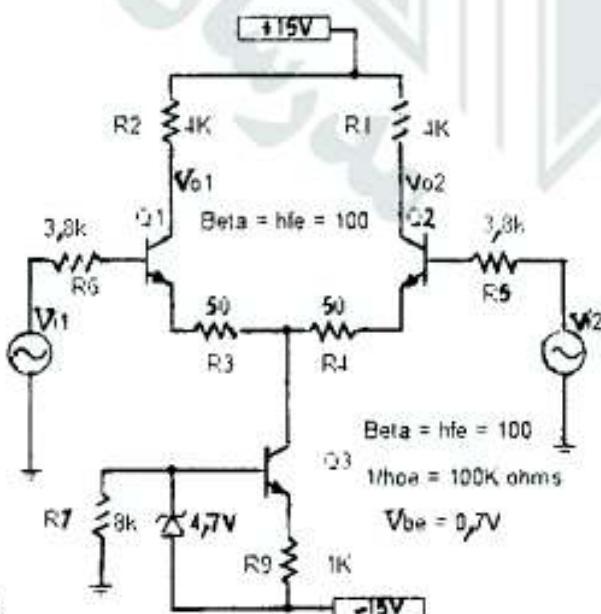
- ۱۴۱

چهار ترانزیستور با قدرت مشابه بر روی یک خنک کننده نصب شده‌اند: و توان‌های مصرفی آن‌ها: $15W$, $10W$, $5W$ و $2W$ می‌باشد. مقاومت گرمایی بین پیوند و محفظه هر ترانزیستور $\theta_{je} = 1/5^{\circ}\text{C}/W$ و مقاومت گرمایی بین محفظه ترانزیستور و خنک کننده $\theta_{es} = 0/5^{\circ}\text{C}/W$ می‌باشد. حداکثر دمای اتصال ترانزیستور $T_{j(max)} = 200^{\circ}\text{C}$ است. چنانچه درجه حرارت محیط 60°C باشد، مقاومت گرمایی محیط و خنک کننده $\theta_{ss} = \frac{^{\circ}\text{C}}{W}$ چند است؟

- ۱/۸ (۱)
۲/۵ (۲)
۱/۵ (۳)
۲/۰ (۴)

- ۱۴۲

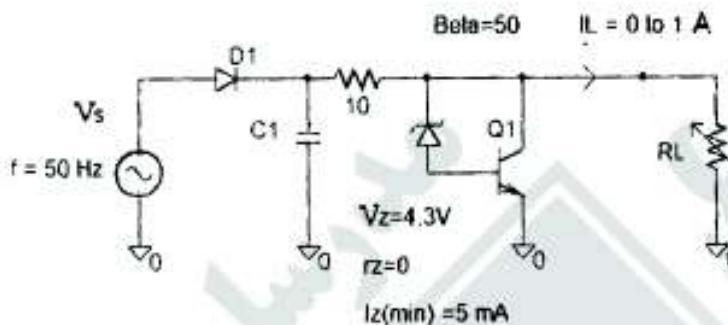
بهره حالت مشترک (Common mode gain) برای هر یک از خروجی‌های نامتقارن آمپلی فایر تفاضلی شکل زیر، کدام است؟



- ۰/۰۰۰۲۲ (۱)
۰/۰۰۰۳۲ (۲)
۰/۰۰۰۴۲ (۳)
۰/۰۰۰۵۲ (۴)

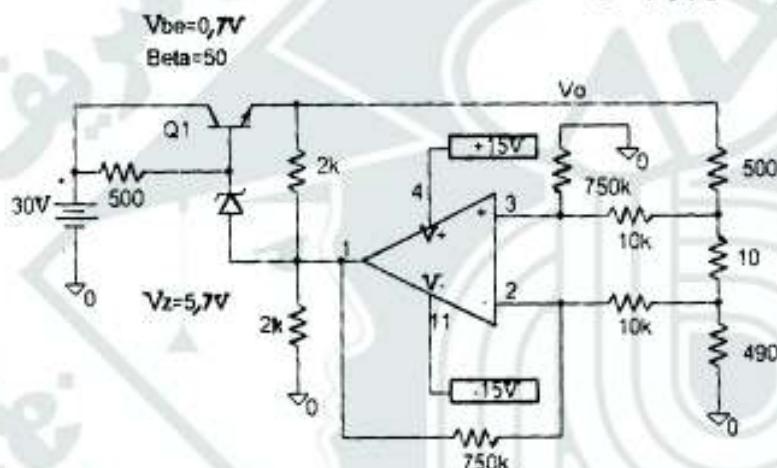
- ۱۳۳ در مدار زیر، جریان در دیود زینر حداقل به 30 mA می‌رسد. حداقل مقدار خازن C_1 برای آنکه رگولاتور ولتاژ خروجی را تشییت نماید، چند میکروفواراد باید باشد؟

$$V_{be} = 0.7V$$



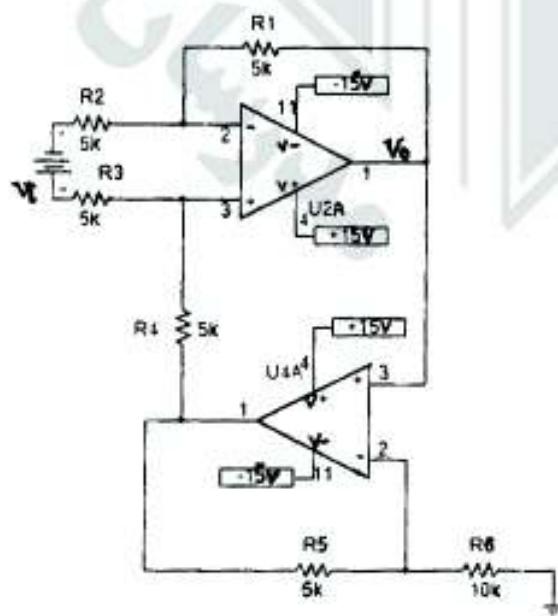
- ۴۲۰۰ (۱)
۵۲۰۰ (۲)
۶۲۰۰ (۳)
۷۲۰۰ (۴)

- ۱۳۴ ولتاژ بین کالکتور و امپیور ترانزیستور Q_1 شکل زیر، چند ولت است؟



- ۱۰ (۱)
۱۵ (۲)
۲۰ (۳)
۲۵ (۴)

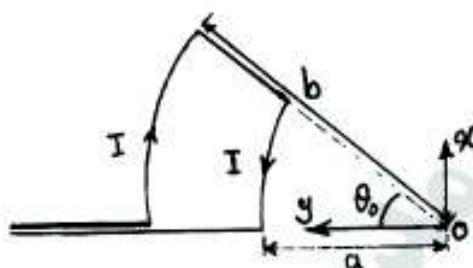
- ۱۳۵ در مدار زیر ولتاژ خروجی V_O چند ولت است؟ مقدار ولتاژ تفاضلی ورودی V_i یک ولت می‌باشد.



- $+1/0$ (۱)
 $+2/0$ (۲)
 $-1/0$ (۳)
 $-2/0$ (۴)

- ۱۳۶- در شکل زیر، جریان ثابت I از حلقه عبور می‌کند و مرکز دایره‌ها بر مبدأ مختصات منطبق است. میدان مغناطیسی \vec{H} در نقطه O

$$\text{به ازای } \theta_0 = \frac{\pi}{4}, b = 2a, \text{ کدام است؟}$$



$$\vec{H} = \frac{1}{16a} \hat{a}_z \quad (1)$$

$$\vec{H} = \frac{1}{32a} \hat{a}_z \quad (2)$$

$$\vec{H} = \frac{1}{4\pi a} \hat{a}_z \quad (3)$$

$$\vec{H} = \frac{1}{8\pi a} \hat{a}_z \quad (4)$$

- ۱۳۷- یک کره به شعاع R دارای بار الکتریکی Q می‌باشد، که به طور یکنواخت در جسم آن توزیع شده است. نسبت انرژی الکتریکی ذخیره شده در بیرون کره به انرژی الکتریکی ذخیره شده در درون آن، کدام است؟

$$\frac{5}{R^4} \quad (2)$$

$$5 \quad (4)$$

$$\frac{5}{R^4} \quad (1)$$

$$\frac{5}{R} \quad (3)$$

- ۱۳۸- بار $> Q >$ در مبدأ مختصات واقع است. در چه نقطه‌ای بر روی خط $z = 3, x = 2, y = 0$ و در فضای $> z = 0$ ، میزان E_y به حداقل خود خواهد رسید؟

$$y = \sqrt{5} \quad (2)$$

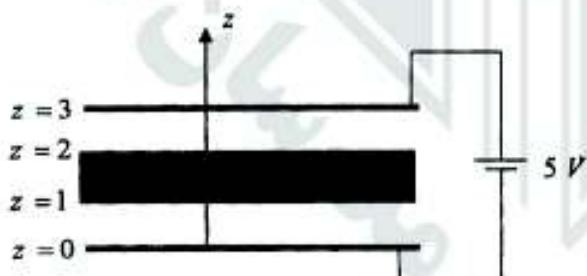
$$y = \sqrt{10} \quad (4)$$

$$y = \sqrt{2} \quad (1)$$

$$y = \sqrt{7} \quad (3)$$

- ۱۳۹- صفحه‌های $z = 3, z = 2, z = 1$ را صفحات هادی با مساحت S (مساحت بسیار بزرگ) پوشانده است. ناحیه $z < 1$ را دی الکتریک همگن پر کرده است. اگر مطابق شکل زیر این دو صفحه به ولتاژ ۵ ولت متصل شوند، بردار قطبی شدگی در

$$\text{ناحیه دی الکتریک به صورت } \vec{P} = -\hat{a}_z \frac{C}{\epsilon_0 S} \text{ خواهد بود. رابطه } \frac{C}{\epsilon_0 S} \text{ (ظرفیت الکتریکی) برابر کدام است؟}$$



$$0/25 \quad (1)$$

$$0/4 \quad (2)$$

$$0/5 \quad (3)$$

$$1/4 \quad (4)$$

- ۱۴۰- کار انجام شده در حرکت Q (بر حسب کولمب) از نقطه $(2,2,2)$ به نقطه $(3,3,1)$ در امتداد هذلولی $z = \frac{2}{x-1}$ در میدان

$$\text{الکتریکی } \vec{E} = x^2 \hat{a}_x + z^2 \hat{a}_z, \text{ کدام است؟}$$

$$W = 4Q \quad (2)$$

$$W = -8Q \quad (4)$$

$$W = 8Q \quad (1)$$

$$W = -4Q \quad (3)$$

- ۱۴۱ در مختصات استوانه‌ای، $\nabla V = \frac{V_0 z \rho (\cos \phi + \sin \phi)}{a^2}$ داده شده است. بردار واحد شدت میدان الکتریکی در نقطه

$$(\nabla V = \frac{\partial V}{\partial \rho} \hat{a}_\rho + \frac{1}{\rho} \frac{\partial V}{\partial \phi} \hat{a}_\phi + \frac{\partial V}{\partial z} \hat{a}_z) \text{ کدام است? } (\rho = a, \phi = 0, z = a)$$

$$\bar{a}_E = \frac{1}{\sqrt{2}} (\hat{a}_x + \hat{a}_y + \hat{a}_z) \quad (2) \quad \bar{a}_E = -\frac{1}{\sqrt{2}} (\hat{a}_x + \hat{a}_y + \hat{a}_z) \quad (1)$$

$$\bar{a}_E = \frac{1}{\sqrt{2}} (\hat{a}_x - \hat{a}_y + \hat{a}_z) \quad (4) \quad \bar{a}_E = -\frac{1}{\sqrt{2}} (\hat{a}_x - \hat{a}_y + \hat{a}_z) \quad (3)$$

- ۱۴۲ حلقه جریانی در صفحه $z = 0$ در نقاط $(0, 0, 0), (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 2, 0)$ و $(1, 2, 0)$ قرار گرفته است. جریان A در جهت

$$\hat{a}_x \text{ بر روی محور } x \text{ برقرار است. اگر چگالی شار مغناطیسی } \bar{B} = 2z \hat{a}_x + 2x \hat{a}_z \left(\frac{Wb}{m} \right) \text{ در این محیط واقع شود، بردار}$$

نیروی که بر این حلقه وارد می‌شود، چند نیوتون است؟

$$\vec{F} = 10 \hat{a}_x \quad (2) \quad \vec{F} = 20 \hat{a}_x \quad (1)$$

$$\vec{F} = -10 \hat{a}_x \quad (4) \quad \vec{F} = -20 \hat{a}_x \quad (3)$$

- ۱۴۳ بار غیر یکنواختی با چگالی بار $\rho_b = \rho_0 \rho^{-r} \left(\frac{C}{m} \right)$ در تابع $b \geq \rho \geq a$ یک پوسته استوانه‌ای به طول بی‌نهایت قرار گرفته است.

پوسته در مختصات استوانه‌ای به شعاع داخلی a و شعاع خارجی b مفروض است. چه چگالی بار خطی بر حسب $\frac{c}{m}$ در $r = 0$ باید قرار گیرد تا شدت میدان الکتریکی را در تابع $b < r < \rho$ برابر با صفر نماید؟

$$\rho_L = 4\pi \rho_0 \frac{b-a}{ab} \quad (2) \quad \rho_L = 4\pi \rho_0 \frac{b-a}{ab} \quad (1)$$

$$\rho_L = 2\pi \rho_0 \frac{b-a}{ab} \quad (4) \quad \rho_L = 2\pi \rho_0 \frac{a-b}{ab} \quad (3)$$

- ۱۴۴ پوسته کروی هادی به شعاع 7m و به مرکز $(0, 0, 0)$ مفروض است. در فضای سه بعدی، شدت میدان مغناطیسی

$$\bar{H} = 2\rho \hat{a}_\phi \left(\frac{A}{m} \right)$$

می‌کند، چند آمپر است؟

$$12\pi \quad (2) \quad 18\pi \quad (1)$$

$$28\pi \quad (4) \quad 6\pi \quad (3)$$

- ۱۴۵ در یک کره عایق به شعاع a و با چگالی حجمی بارهای پلاریزه $\rho_b = \rho_0 r$ (ρ_0 مقدار ثابت) می‌باشد. به طوری که مرکز کره

واقع بر مبدأ مختصات و z شعاع دستگاه کروی است. بردار پلاریزاسیون \bar{P} ، داخل کره کدام است؟

$$\frac{-\rho_0 a^4}{4r^3} \hat{a}_r \quad (2) \quad \frac{-\rho_0 a^4}{4r^3} \hat{a}_r \quad (1)$$

$$\frac{-\rho_0 a^4}{4r^3} \hat{a}_r \quad (4) \quad \frac{-\rho_0 a^4}{4r^3} \hat{a}_r \quad (3)$$