

راهنمای فرمول نویسی تک

یکی از استانداردهای فراگیر برای نوشتن عبارات ریاضی استاندارد مورد استفاده در خانواده تک است. با گسترش وب و به وجود آمدن ابزارهای قدرتمندی همچون *MathJax*، بسیاری از سایت‌های ریاضی نیز برای نمایش عبارات ریاضی از این استاندارد استفاده می‌کنند. از این رو یادگیری این استاندارد می‌تواند مفید باشد.

راه‌های یادگیری فرمول نویسی لاتک:

۱. ادامه به مطالعه همین نوشته!

۲. مطالعه مطالب آموزشی لاتک در سطح اینترنت به ویژه

راهنمای سایت *StackOverflow* برای فرمول نویسی *MathJax* و راهنمای ویکی‌پدیا برای فرمول نویسی.

۳. استفاده از سایت‌های تولید عبارت لاتک توسط واسط گرافیکی مانند

ویرایشگر سایت *codecogs* و

ویرایشگر سایت *hostmath*.

۴. استفاده از افزونه *MathType* در محیط *Word* و دریافت عبارت لاتک با دکمه *Toggle Tex* در نوار ابزار برنامه.

۵. نوشتن در سایت‌هایی که از *MathJax* استفاده می‌کنند و یا دست به کار شدن و کار با محیط واقعی لاتک.

پس همین الان به سایت <http://www.mathjax.org/demos/> رفته و در جعبه موجود عبارت $a \times b = c$ را وارد کنید تا $a \times b = c$ نمایش داده شود. الآن می‌توانیم حدس بزنیم که علامت ضرب را نشان می‌دهد! در ادامه این نوشته سعی کنید همه عبارات معرفی شده را به همین صورت آزمایش کنید.

نوشتن عبارات در جای مناسب

پیش از هر چیز باید بدانیم که برای نوشتن یک عبارت ریاضی تک در میان متن، باید آن را داخل $\$ \dots \$$ قرار دهیم. برای مثال جمله «برای حل معادله $ax^2+bx+c=0$ روش زیر را به کار می‌گیریم.» پس از پردازش به صورت «برای حل معادله $ax^2 + bx + c = 0$ روش زیر را به کار می‌گیریم.» نمایش داده خواهد شد.

اگر بخواهیم عبارت ما در خطی جداگانه و با فضای بیشتر نمایش داده شود، آن را در میان $\$\$ \dots \$\$$ قرار می‌دهیم. برای مثال جمله «و در نهایت پاسخ به شکل $\frac{-b \pm \sqrt{b^2-4ac}}{2a}$ خواهد بود.» (نگران این

عبارت نباشید، سخت تر از این را هم یاد خواهیم گرفت) پس از پردازش به شکل «و در نهایت پاسخ به شکل

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

خواهد بود.» نمایش داده می شود.

گاهی با قرار دادن عبارت میان $\$ \dots \$$ و $\$\$ \dots \$\$$ دو نتیجه متفاوت به دست می آوریم. برای مثال عبارت $\sum_{i=0}^n i^2 = \frac{(n^2+n)(2n+1)}{6}$ در فرم اول به شکل $\sum_{i=0}^n i^2 = \frac{(n^2+n)(2n+1)}{6}$ و در فرم دوم به شکل

$$\sum_{i=0}^n i^2 = \frac{(n^2 + n)(2n + 1)}{6}$$

نمایش داده خواهد شد. در فرم اول پردازنده به هر حال باید عبارت را در «یک خط» جای دهد و به همین خاطر عبارت کمی جمع و جورتر می شود ولی در فرم دوم چنین نیست.

دو شیوه دیگر (\dots) و (\dots) برای نوشتن عبارات ریاضی وجود دارد که با کمی جستجو و یا سعی و خطا به سادگی می توانید رفتار آنها را کشف کنید.

عبارات ساده ریاضی

عبارات ساده ریاضی واقعا ساده هستند! برای نوشتن $+$ ، $-$ ، $()$ ، $[]$ و $=$ کافی است همین حروف را در عبارات خود به کار ببرید. برای مثال با نوشتن $(2+2-4)=[4-2]-2$ ، $2 = [4 - 2] - 2$ ، $(2 + 2 - 4) = [4 - 2] - 2$ را به دست می آورید.

خوب تا اینجا کار جمع و تفریق را بلدیم، برای ضرب کافی است دستور \times را به کار ببریم. این دستور دقیقا یک \times در عبارت شما قرار می دهد. برای مثال $2 \times 2 = 4$ به شکل $2 \times 2 = 4$ نمایش داده می شود.

دستور تقسیم هم به همین صورت است. کافی است \div را در عبارت خود به کار ببرید تا \div ظاهر شود.

از آنجایی که نمایش عبارات ریاضی توسط \div کار مشکلی به نظر می رسد، بهتر است خیلی زود نمایش کسرها را نیز یاد بگیریم، برای نمایش کسر به صورت $\frac{abc}{xyz}$ کافی است دستور $\frac{abc}{xyz}$ را وارد کنید.

در واقع دستور $\frac{\{\}}{\{\}}$ دو ورودی دریافت کرده و اولی را در صورت و دومی را در مخرج قرار می دهد. کسرهایی را می توان به صورت تودرتو هم به کار برد برای مثال $1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4}}}$ عبارت زیر را تولید می کند.

$$1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4}}}$$

راهنمای فرمول نویسی تک

چنانچه کسرهای شما پیچیده باشند، ممکن است ترجیه دهید از دستور `\over` استفاده کنید. مثلاً برای نمایش کسر $\frac{a+1}{b+1}$ کافی است دستور `\frac{a+1}{b+1}` را به کار ببرید.

توجه کنید که در دستور `\frac{}{}` از `{}` استفاده کردیم. پس طبیعی است که برای نوشتن `{` دچار دردسر شویم. برای نوشتن «آکولاد» لازم است پیش از حرف، `\` استفاده کنیم. برای مثال `\{2,3,5,7\}` موجب تولید عبارت $\{2, 3, 5, 7\}$ می‌شود.

و اما «توان» و «اندیس»، برای نوشتن عبارتی مانند a^b از `a^b` و برای نوشتن عبارتی به شکل a_i از `a_i` استفاده می‌کنیم. توان و اندیس می‌توانند همزمان نیز به کار برده شوند. برای مثال عبارت `a_i^2` را تولید می‌کند.

نکته مهم: در صورتی که طول توان و اندیس از یک حرف بیشتر باشد، لازم است آن را به وسیله `{...}` در یک «گروه» قرار دهید. برای مثال عبارت `13^93` عبارت 13^{93} را تولید می‌کند که مطلوب نیست. برای به دست آوردن عبارت 13^{93} لازم است `13^{93}` نوشته شود. نکته جالب توجه اینجاست که شما در همه جای عبارات خود می‌توانید عناصر را گروه کنید. برای مثال برای به دست آوردن $1393^{2014} + 1435$ می‌توانید عبارت `$\{13\}^{93}\{20\{14\}\}+\{\{14\}35\}$` را بنویسید.

توجه کنید که گروه‌ها نیز می‌توانند تودرتو باشند. برای مثال عبارت `$\{1393\}^{2014}\{1435\}$` توسط 1393^{2014} تولید می‌شود. به عنوان کنجکاوای خودتان عبارت `$\{1393^{2014}\}^{1435}$` را امتحان کرده و نتیجه را با نتیجه عبارت قبل مقایسه کنید.

برای نوشتن عبارات رادیکالی دستور `\sqrt` به کار می‌آید. برای نوشتن عبارات مانند \sqrt{x} از `\sqrt{x}` و برای نوشتن عبارت $\sqrt[3]{2}$ از `\sqrt[3]{2}` استفاده می‌کنیم.

طبیعی است در عبارات پیچیده به جای `\sqrt[a]{bc}` که موجب $\sqrt[bc]{a}$ می‌شود از `(bc)^{\frac{1}{a}}` استفاده کنیم.

نکته اضافی: می‌توان حدس زد که چون پس از `\sqrt` از `[]` استفاده کردیم، عبارت `\sqrt[1+]{1+1}\{2\}` موجب بروز **خطای منطقی** شود (یعنی خروجی $\sqrt[1+]{1+1}^2$ که مورد انتظار ما نیست تولید شود). برای تولید عبارت (هر چند بی‌معنی) $\sqrt[1+]{1+\rbrack+1}\{2\}$ می‌توان از `\sqrt[1+\rbrack+1]\{2\}` استفاده کرد. در واقع `\lbrack` و `\rbrack` هم‌واه (و به ویژه در موارد خاص) موجب تولید `[` و `]` می‌شوند.

حروف یونانی

برای نوشتن حروف یونانی کافی است پیش از نام آنها `\` قرار دهید. برای مثال `\gamma` گامای کوچک (γ) و `\Gamma` گامای بزرگ (Γ) را نشان می‌دهد. در «پیوست ۱» لیست کاملی از حروف یونانی قرار دارد.

تکمیل حروف و دستورات ریاضی

در قسمت‌های قبل حرف‌ها و دستورات ساده ریاضی را بررسی کردیم. در ادامه این کار را تکمیل می‌کنیم.

برای نوشتن «روابط و نابرابری‌ها» از دستورات زیر استفاده می‌کنیم.

`<` , `>` , `\le` , `\ge` , `\neq` , `\approx` , `\sim` , `\cong` , `\equiv` , `\prec`

با تقریب خوبی قرار دادن `\not` پشت هر عبارت روی آن یک خط می‌کشد. برای مثال `\not\le` عبارت $\not\leq$ و `\not\sim` عبارت $\not\sim$ را تولید می‌کند.

نکته: برای \dagger (عاد نکردن) بهتر است به جای استفاده از `\not` به همراه `|` که خروجی آن \nmid بوده و زیبا نیست، از دستور زیبای `\nmid` استفاده کرد. خوب است اشاره کنیم `\mid` در واقع همان `|` (عاد کردن) است.

برای ایجاد علامت‌های مثبت-منفی، عبارات `\mp` و `\pm` به ترتیب خروجی‌های \mp و \pm را تولید می‌کنند.

دستورات ریاضی تک شامل انواع متنوع «فلش‌ها» هستند. این دستورات می‌توانند برای نتیجه‌گیری‌های عبارات و پرهیز از توضیح بی‌مورد استفاده شوند. برای مثال «از $a > b > 0$ می‌توان $a^2 > b^2$ را نتیجه گرفت.» را می‌توان به شکل کوتاه‌تر و البته خواناتر « $a > b > 0 \Rightarrow a^2 > b^2$ » خلاصه نمود. برای به دست آوردن عبارت اخیر کافی است `\$a>b>0 \Rightarrow a^2>b^2\$` را بنویسید. در زیر می‌توانید تعدادی از فلش‌های معمول را مشاهده کنید.

دستورات لاتک به کوچک و بزرگ بودن حروف حساس هستند. (به \rightarrow و \Rightarrow دقت کنید).

`\to` , `\rightarrow` , `\leftarrow` , `\leftrightarrow` , `\leftrightharrow` , `\longleftarrow` ,
`\mapsto` , `\Rightarrow` , `\Leftarrow` , `\Leftrightarrow` , `\Longleftarrow`

برای نوشتن مجموع‌ها، انتگرال‌ها و ... ابتدا توجه می‌کنیم که حروف مشخص کننده هر یک `\sum = \sum` , `\prod = \prod` , `U = \bigcup` , `\cap = \bigcap` , `f = \int` , `\iint = \iint` , `\iiint = \iiint` از دستورات دقیقا مانند مشخص کردن «توان» و «اندیس» عمل می‌کنیم. برای مثال برای نوشتن عبارت $\sum_{i=1}^n \frac{1}{i}$ می‌نویسیم `\sum_{i=1}^n \frac{1}{i}` . اگر همین دستور را میان `\$...\$` قرار دهیم، شکل زیر نتیجه می‌شود.

$$\sum_{i=1}^n \frac{1}{i}$$

برای استفاده زیباتر عبارات `\min` , `\max` , `\ln` , `\sin` , `\cot` , `\log` , `\lim` , ... (برای مثال `\lim` به جای `\lim`) می‌توانیم از دستورات `\min` , `\max` , `\ln` , `\sin` , `\cot` , `\log` , `\lim` , ... استفاده کنیم. به طور خاص برای تعیین حدود دستور `\lim` می‌توانیم از `\lim_{x \rightarrow 0}` استفاده کنیم. (این دستور را بین `\$...\$` نیز امتحان کنید.)

راهنمای فرمول نویسی تک

برای نوشتن عبارات منطقی و جبر مجموعه‌ای کافی است دستورات زیر را بلد باشید:

\cup \cup , \cap \cap , \setminus \setminus , \subset \subset , \subseteq \subseteq , \subsetneq \subsetneq , \supset \supset
 \in \in , \notin \notin , \emptyset \emptyset , \forall \forall , \exists \exists , \nexists \nexists , \therefore \therefore
 \because \because , \wedge \wedge , \vee \vee , \neg \neg , \top \top , \perp \perp , \dashv \dashv , \vDash \vDash

گاهی برای نوشتن عبارات هندسی لازم است تا روی زاویه، بردار و ... علامت‌های خاصی را قرار دهیم. مثال‌های زیر برای این امر به قدر کفایت گویا هستند.

\widehat{ABC} \hat{ABC} , \widehat{ABC} \widehat{ABC} , \vec{ABC} \vec{ABC} , \overrightarrow{ABC} \overrightarrow{ABC}
 \bar{ABC} \bar{ABC} , \overline{ABC} \overline{ABC} , \overleftarrow{ABC} \overleftarrow{ABC}

دستورات زیر نیز در عبارات هندسی بسیار پرکاربرد هستند.

\parallel \parallel , \nparallel \nparallel , \perp \perp , 45° 45^\circ , \triangle \triangle , A' A'\prime
 \sphericalangle \sphericalangle , \sphericalangle \sphericalangle , \sphericalangle \sphericalangle , \square \Box , \bigcirc \bigcirc , \triangle \triangle

بعضی از کتاب‌ها برای نوشتن «انتخاب m از n » از نماد $\binom{n}{m}$ استفاده می‌کنند. برای نوشتن این عبارت کافی است از $\binom{n}{m}$ یا $\$ \binom{n}{m} \$$ استفاده کنید.

بهتر است به جای سه بار استفاده از نقطه، از دستور \dots برای سه نقطه در سطح پایین و از دستور \cdots برای سه نقطه در سطح میانی استفاده کنید. برای مثال $a_1 + a_2 + \dots + a_n$ که نتیجه $a_1 + a_2 + \dots + a_n$ است بسیار چشم نواز تر از $a_1 + a_2 + \dots + a_n$ جلوه می‌کند.

برای نمایش تحدید توابع به مقادیر خاص از $|_{n=p}$ استفاده می‌کنیم. به عنوان مثال برای به دست آوردن عبارت $f(n) = n^k + n|_{n=p}$ از $f(n) = n^k + n|_{n=p}$ استفاده می‌کنیم.

در مورد بی‌نهایت‌ها به معرفی دو نماد \aleph_0 و ∞ بسنده می‌کنیم. برای نمایش قسمت حقیقی و موهومی اعداد مختلط از \Re و \Im استفاده می‌کنیم. همچنین برای مشتق‌های پاره‌ای و گرادیان نیز می‌توان از دستورات ∇ و ∂ استفاده نمود.

و در نهایت برای نمایش هم‌نهشتی اعداد سه شیوه زیر را پیشنهاد می‌کنیم.

$a \equiv b \pmod{p}$ $\$ a \equiv b \pmod{p} \$$
 $a \overset{p}{\equiv} b$ $\$ a \overset{p}{\equiv} b \$$
 $a \overset{p}{\underset{\mathrm{p}}{\equiv}} b$ $\$ a \overset{p}{\underset{\mathrm{p}}{\equiv}} b \$$

قلم‌های معنی دار

مرسوم است برخی حروف و عبارات ریاضی را به شکل خاصی بنویسند. برای مثال عموماً مجموعه اعداد طبیعی و حقیقی را با نماد \mathbb{N} و \mathbb{R} نشان می‌دهند. به همین خاطر چنین قلم‌هایی در استاندارد لاتک پیش‌بینی شده‌است.

آنچه بیشتر از هر چیز مورد استفاده است قلم‌های blackboard bold هستند که در نتیجه آنها \mathbb{N} و \mathbb{R} تولید می‌شوند. برای استفاده از این حروف کافی است حرف (یا حروف) مورد نظر خود را در دستور `\mathbb{}` و یا `\Bbb{}` به کار ببرید. نتیجه این دستور بر روی حروف لاتین به شکل زیر خواهد بود. این دستور تنها بر حروف بزرگ عمل می‌کند.

`ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ` `\Bbb{ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ}`

قلم‌های خاص دیگری نیز در لاتک موجود هستند که صرفاً به ارائه مثال‌هایی از بعضی از آنها بسنده می‌کنیم.

`\mathbf{IRaN}` `\mathbf{IRaN}` ، `\mathhtt{IRaN}` `\mathhtt{IRaN}` ، `\mathrm{IRaN}` `\mathrm{IRaN}` ، `\mathcal{IRaN}` `\mathcal{IRaN}` ، `\mathit{IRaN}` `\mathit{IRaN}` ، `\mathsf{IRaN}` `\mathsf{IRaN}` ، `\mathfrak{IRaN}` `\mathfrak{IRaN}`

پرانته‌گذاری‌ها

پس از مدتی کار با دستورات لاتک به این نتیجه خواهید رسید که بعضی عبارات به اندازه کافی زیبا نیستند. برای مثال براکت بیرونی عبارت $\left[1 + \frac{\binom{n}{2}}{1+y^2}\right]^3$ خیلی کوچک به نظر می‌رسد. برای رفع مشکل اندازه براکت‌ها راهکاری وجود دارد. دستورهایی `\left[` ، `\right]` جایگزین علامت‌های `[` ، `]` هستند به نحوی که علاوه بر همان معنا، خود را با عبارت داخلشان تنظیم می‌کنند. برای مثال چنانچه همان عبارت قبل را به $\left[1 + \frac{\binom{n}{2}}{1+y^2}\right]^3$ تغییر دهیم، نتیجه `\left[1 + \frac{\binom{n}{2}}{1+y^2}\right]^3` می‌شود.

همین روش برای انواع پرانته‌ها به ویژه `\langle \rangle` ، `\{ \}` ، `\| \|\|` ، `\angle \rangle` ، `\left\lceil \right\rceil` و `\left\lfloor \right\rfloor` قابل پیاده سازی است. برای مثال `\left\lceil \frac{x^2}{3} \right\rceil` و `\left\lfloor \frac{x^2}{3} \right\rfloor` را می‌توان توسط `\left\lceil x^2 \over 3 \right\rceil` و `\left\lfloor x^2 \over 3 \right\rfloor` به دست آورد.

یک نکته بامزه این است که پرانته سمت چپ می‌تواند از یک نوع و پرانته سمت راست از نوع دیگر باشد. برای مثال می‌توان $\left\langle \frac{x^2}{3} \right\rangle$ را به وسیله عبارت `\left\langle x^2 \over 3 \right\rangle` به دست آورد. نکته بامزه دیگر این است که به وسیله `\left` یا `\right` می‌توان پرانته نامرئی تولید کرد! برای مثال خروجی عبارت `\left\{ x^2 \over 3 \right\}` برابر `\left\{ x^2 \over 3 \right\}` خواهد بود.

علاوه بر تنظیم اندازه توسط پردازنده متن، می‌توان اندازه پرانته‌ها را به صورت دستی نیز تغییر داد. برای این کار کافی است عبارات `\big` ، `\Big` ، `\bigg` ، `\Bigg` را پیش از انواع پرانته‌ها به کار برد. برای مثال `\{` را در نظر گرفته و توجه کنید

که خروجی عبارت `\{ \big \{ \Big \{ \bigg \{ \Bigg \{ }` برابر `\{ \big \{ \Big \{ \bigg \{ \Bigg \{ }` است.

در «پیوست ۲» لیست مناسبی از پرانته‌ها موجود است.

حالت بندی ها

فرض کنید می خواهیم تابعی با حالات مختلف معرفی کنیم. مثلاً تابع قدرمطلق را اینگونه تعریف می کنیم:

$$abs(x) = \begin{cases} x & x \geq 0 \\ -x & x < 0 \end{cases}$$

این فرمول نتیجه عبارت زیر است.

```
$abs(x) =
\begin{cases}
x & x \ge 0 \\
-x & x < 0
\end{cases}$
```

برای نوشتن یک عبارت دارای حالت بندی ابتدا `\begin{cases} ... \end{cases}` را نوشته و حالت ها را در میان آن می گنجانیم. هر یک از سطرهای حالت بندی به شکل `value & condition \\` پیاده سازی می شود که value نقش مقدار تابع (عبارت سمت چپ) و condition نقش شرط حالت (عبارت سمت راست) را دارد. برای مثال در توصیف تابع قدرمطلق `x & x \ge 0 \\` به همین فرم است. برای سطر آخر حالت بندی می توان `\\` را نوشت ولی در صورت نوشتن هم اتفاق بدی نخواهد افتاد. توجه کنید این عبارات را می توان در یک خط نیز نوشت. مثلاً عبارت مثال را می توان به شکل `$abs(x) = \begin{cases} x & x \ge 0 \\ -x & x < 0 \end{cases}$` نیز پیاده سازی کرد.

فاصله ها

اگر دقت کرده باشید متوجه می شوید که هر مقدار استفاده از کاراکتر space تفاوتی در خروجی فرمول تک ندارد. برای مثال خروجی هر دو عبارت `xy` و `$x y$` برابر `xy` است. پس سوال این است که چگونه فاصله ایجاد کنیم؟

یک راه دم دستی و البته مناسب این است که از تعدادی `\,` استفاده کنیم تا فاصله مورد نظر ما ساخته شود. برای مثال خروجی `$x \, \, \, y$` و `$x \, y$` برابر `x y` و `x y` خواهد بود. برای اطلاع دقیق تر از فواصل به «پیوست ۳» مراجعه فرمایید.

نکات جانبی

گاهی وقت ها لازم است در میان فرمول ریاضی از عبارات معمول استفاده کنیم. در چنین مواردی می توان عبارات معمول را داخل `\text{...}` قرار داد. برای مثال عبارت `\{x \in \mathbb{R} \mid \text{x is extra large}\}` به **{ایکس خیلی بزرگ است | $x \in \mathbb{R}$ }}** تبدیل می شود!

نکته دیگری که می توان به آن اشاره کرد این است که برای به دست آوردن علامت های `\,`, `$`, `{`, `}` که در روش فرمول نویسی استفاده می شوند، می توان از عبارات `_`, `\$`, `\{`, `\}`, `\backslash` استفاده کرد.

