



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

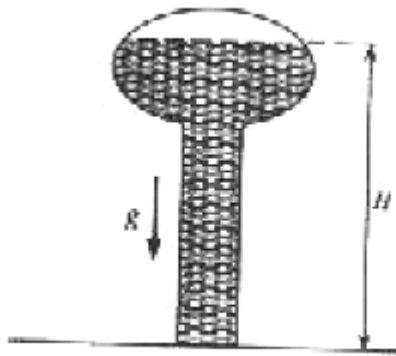
نام مدرس: **الیاس یوسفی**

نام درس: **ترمودینامیک** - سری ۱ (دی ۹۴)

شرح سوال و پاسخ

ردیف

۱ در برج آب شهر آب تا ارتفاع $25m$ بالاتراز سطح زمین در یک مخزن تحت فشار با فشار هوای $125 kPa$ بالای سطح آب، پمپ می شود. (شکل ۲۵-۲۲) فرض کنید چگالی آب $1000kg/m^3$ و شتاب گرانش استاندارد است، فشار لازم برای اینکه آب بیشتری از سطح زمین پمپ شود را پیدا کنید.



$$P_1 = P_{Water} + P_{Air}$$

$$\Rightarrow P_1 = +\rho_{Water} g H + P_{Air}$$

$$= 1000 \times 9.81 \times 25 + 125 \times 1000$$

$$P_1 = 370250 (Pa) = 370.25 (kPa)$$

پاسخ ۱

۲ هوا در یک تایر در ابتدا در $-10^\circ C$ ، $190kPa$ است. بعد از مدتی رانندگی دمایه $10^\circ C$ افزایش می یابد. فشار جدید را بیابید.

۲

فرض می کنیم که حجم لاستیک اتومبیل در حرکت برابر با حجم آن در هنگام سکون باشد (به علت خاصیت الاستیکی لاستیک) به علت ثابت بودن جرم هوادر درون لاستیک می توان گفت که حجم ویژه هوادر مدت فرآیند ثابت می ماند.

$$v = \frac{V}{m} = cte$$

$$\begin{cases} P_1 v_1 = RT_1 \\ P_2 v_2 = RT_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{190}{P_2} = \frac{263.1}{283.1} \Rightarrow P_2 = 204.44 kPa$$

پاسخ ۲



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

نام مدرس: الیاس یوسفی

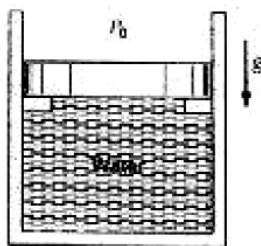
نام درس: ترمودینامیک - سری ۱ (دی ۹۴)

شرح سوال و پاسخ

ردیف

یک سلیندر پیتون با سطح مقطع $0.01 m^2$ پیتونی دارد به جرم $100 kg$ که بر روی زبانه مادر حال سکون است. با فشار اتمسفریک بیرون برابر $100 kPa$. مقدار فشار آب چقدر باید باشد تا پیتون بلند شود.

۳



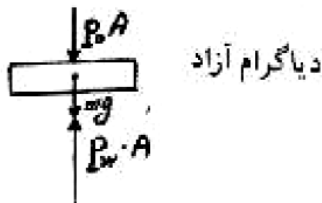
معادله تعادل استاتیکی $\Sigma F_y = 0$

$$\Rightarrow P_w A = P_0 A + mg$$

$$\Rightarrow P_w - p_0 + \frac{mg}{A} =$$

$$= 100 \times 1000 + \frac{100 \times 9.81}{0.01} = 198100 (Pa)$$

$$\Rightarrow P_w = 198.1 (kPa)$$



دیگرام آزاد

پاسخ ۳

فشار مطلق در یک تانک $85 kPa$ و فشار مطلق محیط محل آزمایش $97 kPa$ است. اگر لوله U شکل محتوی جیوه با جرم حجمی $13550 \frac{kg}{m^3}$ برای اندازه گیری خلا به تانک وصل گردد چه اختلاف ارتفاع ستون مایعی را نشان خواهد داد؟

۴

$$P_0 = 97 kPa$$

$$P_A = P_{tank}$$

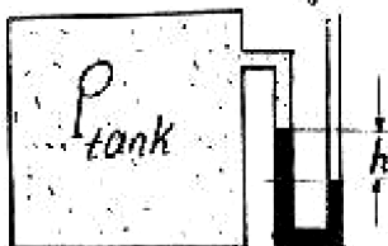
$$P_B = P_C = P_0$$

$$p = 97 kPa$$

$$\Rightarrow P_0 = P_C = P_A - \rho_{Hg} g h = P_{tank} + \rho_{Hg} g h$$

$$\Rightarrow h = \frac{P_0 - P_{tank}}{\rho_{Hg} g} = \frac{(97 - 85) \times 1000 (N/m^2)}{13550 \times 9.81 (N/m^2)}$$

$$\Rightarrow h = 0.09028 m = 90.28 mm$$



پاسخ ۴



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

نام مدرس: الیاس یوسفی

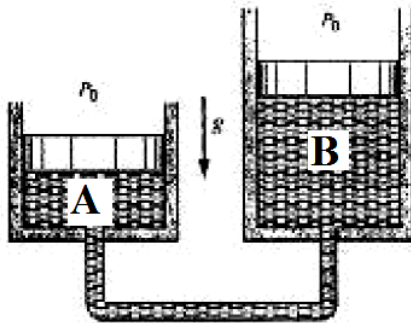
نام درس: ترمودینامیک - سری ۱ (دی ۹۴)

شرح سوال و پاسخ

ردیف

در دو ترکیب سیلندر/پیستون B, A اتاقکهای گازی با یک لوله به هم متصل شده اند، شکل (۲-۳۲) P . سطح مقطع دو سیلندر به ترتیب $A_A = 75(\text{cm}^2)$, $A_B = 25(\text{cm}^2)$ و جرم پیستون $m_A = 25\text{kg}$ می باشد. با فرض فشار محیط برابر $P_0 = 100(\text{kPa})$ و شتاب گرانش استاندارد، جرم m_B را طوری بیابید که هیچ یک از پیستونها به کف سیلندر برخورد نکند.

۵



با توجه شکل برای اینکه هیچ کدام از پیستونها به کف سیلندر برخورد نکند لازم است که هیچ یک حرکت شتابدار روبه پایین نداشته باشند و چون سیال موجود گاز می باشد فشار با تغییر ارتفاع تغییر نکرده و در هر دو اتاقک ثابت و برابر می باشد.

$$\Rightarrow P_A = P_B = P$$

معادله تعادل استاتیکی

$$\Sigma F_y = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} P_0 A_A + m_A g = P_A A_A = P A_A \\ P_0 A_B + m_B g = P_B A_B = P A_B \end{cases}$$

پاسخ ۵

$$\Rightarrow \begin{cases} P_0 + m_A \frac{g}{A_A} = P \\ P_0 + m_B \frac{g}{A_B} = P \end{cases} \Rightarrow g \left(\frac{m_A}{A_A} - \frac{m_B}{A_B} \right) = 0 \Rightarrow m_B = \frac{A_B}{A_A} m_A \Rightarrow m_B = 8.33 \text{ kg}$$



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

نام مدرس: **الیاس یوسفی**

نام درس: **ترمودینامیک - سری ۱ (دی ۹۴)**

شرح سوال و پاسخ	ردیف
<p>هوا در یک تایر در ابتدا در $-10^{\circ}C$ ، $190kPa$ است. بعد از مدتی رانندگی دمایی $10^{\circ}C$ افزایش می یابد. فشار جدید را بیابید.</p>	۶
<p>فرض می کنیم که حجم لاستیک +تومبیل در حرکت برابر با حجم آن در هنگام سکون باشد (به علت خاصیت الاستیکی لاستیک) به علت ثابت بودن جرم هوادر درون لاستیک می توان گفت که حجم ویژه هوادر مدت فرآیند ثابت می ماند.</p> $v = \frac{V}{m} = cte$ $\begin{cases} P_1 v_1 = RT_1 \\ P_2 v_2 = RT_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{190}{P_2} = \frac{263.1}{283.1} \Rightarrow P_2 = 204.44 kPa$	پاسخ ۶
<p>یک مخزن $400m^3$ برای نگهداری LNG، گاز طبیعی مایع، که می تواند متان خالص فرض شود ساخته شده است اگر مخزن باید 90% حجمی مایع و 10% حجمی گاز را در $100kPa$ نگهداری کند چه جرمی از LNG را در خودنگه خواهد داشت؟ کیفیت درون مخزن چقدر است.</p>	۷
$P = 100kPa \Rightarrow \begin{cases} v_f \cong 0.002367 m^3/kg \\ v_g \cong 0.54997 m^3/kg \end{cases}$ <p>ناحیه دوفازه</p> $V_f = 0.9 \times 400 = 360 m^3 \Rightarrow V_g = 40 m^3$ $m_f = \frac{V_f}{v_f} = 152091.25 kg \qquad m_g = \frac{V_g}{v_g} = 72.73 kg$ $m_{tot} = m_f + m_g = 152163.98 kg$ $x = \frac{m_g}{m_{tot}} = 4.7 \times 10^{-4}$	پاسخ ۷

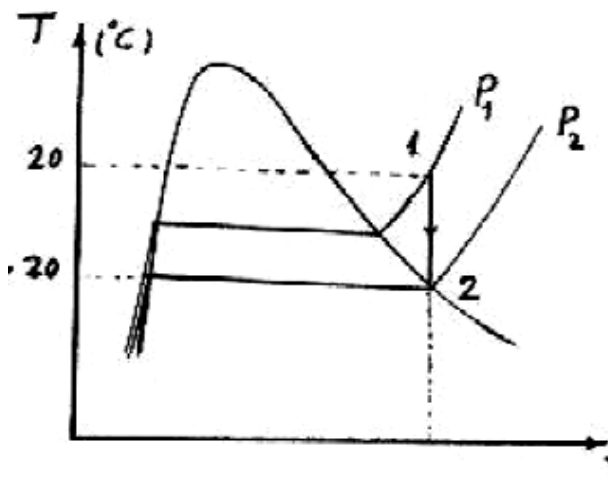


شرح سوال و پاسخ

ردیف

۸

برای آزمایش خاصی، R-22 در لوله درزبندی شده ای در دمای 20°C محبوس شده است و لازم است که فشار را در این دما بدانیم ولی هیچ راهی برای اندازه گیری فشار وجود ندارد چون لوله درزبندی شده است. اگر لوله تا -20°C سرد شود قطرات کوچک مایع بر دیواره های شیشه ای دیده می شوند. فشار اولیه را بیابید.



فرآیند سرد شدن به صورت حجم ثابت انجام می گیرد و وقتی قطرات کوچک مایع در جدار ظرف دیده می شود حجم ویژه برابر حجم ویژه بخار اشباع در -20°C است بنابراین داریم:

$$v = v_g \big|_{T = -20^{\circ}\text{C}} = 0.09284 \text{ m}^3/\text{kg} = \text{Cte}$$

حال با معلوم بودن حجم ویژه و دما در حالت اول

می توان فشار اولیه را از جدول تعیین کرد.

$T = 20^{\circ}\text{C}$	→ بخار فوق گرم →	250 kPa	/	300 kPa
$v = 0.09284$		$v = 0.10829 \text{ m}^3/\text{kg}$		$v = 0.08947 \text{ m}^3/\text{kg}$

$\Rightarrow P_1 = 291.046 \text{ kPa}$ درون یابی

پاسخ ۸



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

نام مدرس: **الیاس یوسفی**

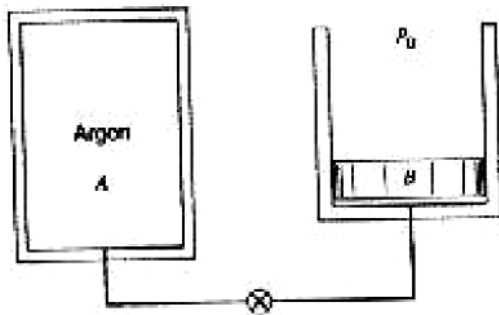
نام درس: **ترمودینامیک - سری ۱ (دی ۹۴)**

شرح سوال و پاسخ

ردیف

مخزن A به حجم 400L حاوی گاز آرگون در $30^{\circ}C, 250kPa$ است. سیلندر B دارای پیستون بدون اصطکاک است و جرم پیستون طور است که فشار 150kPa آنرا شناور می کند. و در ابتدا خالی است. شیربازمی شود و آرگون وارد B میشود تا نهایتاً به حالت یکنواخت $30^{\circ}C, 150kPa$ برسد. کار انجام شده توسط آرگون چقدر است.

۹



آرگون را به عنوان سیستم در نظر می گیریم.
فراآیند به صورت غیر تعادلی صورت می گیرد
با بکار بردن معادله حالت گاز ایده ال برای آرگون:

$$T_1 = T_2 = 30^{\circ}C, \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow 250 \times 0.4 = 150 \times V_2$$

$$\Rightarrow V_2 = 0.667 m^3$$

پاسخ ۹

$$W_{1-2} = \int_1^2 P_{ext} dV = 150(0.667 - 0.4) = 40 kJ \quad (\text{غیر تعادلی})$$



بسمه تعالی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد رودان

نام مدرس: **الیاس یوسفی**

نام درس: **ترمودینامیک - سری ۱ (دی ۹۴)**

ردیف	شرح سوال و پاسخ
۱۰	<p>برای پرواز هواپیما از روی یک ناو هواپیما برای یک سیلندر-پیستون محرک با فشار $1750 kPa$ استفاده می شود. یک هواپیما به وزن $3500 kg$ باید از سرعت صفر تا $30 m/s$ شتاب بگیرد و ۲۵٪ انرژی لازم برای این کار توسط سیلندر پیستون فراهم می شود. حجم جابجائی لازم برای پیستون را تعیین کنید.</p>
پاسخ ۱۰	$\Delta KE = \frac{1}{2} m (V_2^2 - V_1^2) = \frac{1}{2} \times 3500 \times (30^2 - 0) = 1575000 J = 1575 kJ$ <p>انرژی که توسط سیلندر پیستون تامین می شود</p> $W = 1575 \times 0.25 = 393.75 kJ$ $W = \int_1^2 p dV = 750 (V_2 - V_1) \Rightarrow V_2 - V_1 = \frac{393.75}{750} = 0.525 m^3$