

کاربرد نظریه صف بندی در بهره برداری بهینه از شبکه های توزیع نیروی برق

سید کامران خواصی - کیکاوس رضایی
شرکت توزیع نیروی برق استان کرمانشاه

چکیده :

به دلیل اهمیت برق رسانی به مشترکین بطور مستمر و مداوم نیاز به تامین برق مطمئن از اهمیت ویژه ای برخوردار است و از طرفی باید هزینه این مهم حتی الامکان کاهش یابد، با استفاده از آمار و نظریه صف بندی [1] در این مقاله سعی شده است هدف فوق الذکر امکان پذیر گردد.

معمولا همه ما از انتظار کشیدن و در صف ایستادن رنج میبریم به تجربه دریافته ایم که قطعی فیدر های بیست کیلوولت را می توان به عنوان صفی غیر قابل تحمل هم برای مشترکین و هم برای شرکت توزیع نیروی برق در نظر گرفت. پس بر آن شدیم این صف را کوتاه کنیم و در این راستا استفاده از نظریه صف بندی را انتخاب و بکار برده و در ذیل ابتدا فرمولها و اصطلاحات مربوط به نظریه صف بندی و مدل برازش شده به فیدرهای بیست کیلوولت [3] آمده و سپس تحلیل اقتصادی این روش برای داده های سال 80 و 81 امور برق مرکز کرمانشاه که دارای 16 فیدر بیست کیلوولت است ارائه می شود ..

مقدمه :

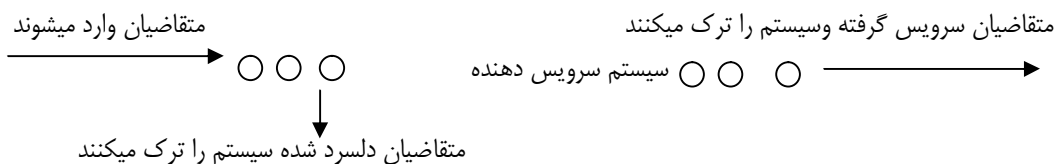
همه ما تجربه های نامطلوب از انتظار کشیدن در صف را داریم . متأسفانه این پدیده با افزایش تراکم جمعیت و شهری شدن روزافزون جامعه بیشتر گسترش میابد. در سوپرمارکتها برای پرداخت بهای اقلام انتخابی در صف مربوطه نوبت میگیریم و همچنین در آرایشگاهها و سالنهای زیبایی به انتظار می نشینیم و....
ما به عنوان یک متقاضی معمولا اینگونه انتظار کشیدنها را دوست نداریم . و گردانندگان موسساتی که ما در صفوف آنان نوبت گرفته ایم نیز انتظار کشیدن ما را دوست ندارند زیرا ممکن است این صفوف برای آنان هزینه هایی در بر داشته باشد . همچنین ممکن است یا لا بردن سرویس تا حد مطلوب به لحاظ اقتصادی غیر عملی باشد و یا برای ارائه سرویس ظرفیت محدود باشد .

در صنعت برق نیز همین موضوع در تمام زمینه ها موجود است چراکه مشترکین برق دوست ندارند برقشان قطع گردد و به طبع آن توزیع کنندگان برق نیز با قطع برق متحمل هزینه های بالایی میگردند. در این مقاله سعی شده است با استفاده از نظریه صف بندی قطعی فیدرهای بیست کیلوولت به حداقل ممکن برسد . همچنین ضرور و زیانهای ناشی از انرژی توزیع نشده و هزینه های تعمیرات تجزیه و تحلیل میگردد.

1- نظریه صف بندی

یک سیستم صف بندی را میتوان به صورت زیر توصیف کرد :

متقاضیان برای اخذ سرویس مراجعه کرده و اگر ارائه سرویس بلافاصله مقدور نباشد به انتظار سرویس میایستند و بعد از اخذ سرویس سیستم را ترک میکنند. مدل زیر سیستم ورود و خروج متقاضیان را نشان میدهد :



2- مشخصه های فرایند صف بندی

1- نحوه ورود متقاضیان

2- نحوه سرویس به متقاضیان

2-3- نظم صف

2-4- ظرفیت سیستم

2-5- تعدادباجه های سرویس

3-6- مراحل سرویس

2-1- نحوه ورود متقاضیان

اکثراً برحسب متوسط تعدادواردین در واحد زمان (میانگین نرخ ورودی) یا به وسیله متوسط زمان بین دو مراجعه متوالی (میانگین فاصله زمانی دو ورود متوالی) اندازه گیری می شود.

2-2- نحوه سرویس به متقاضیان

توسط نرخ سرویس (تعداد متقاضیانی که در واحد زمان سرویس می شوند و یا زمان لازم برای سرویس یک متقاضی توصیف می شود).

2-3- نظم صف

به روشی اطلاق می شود که طی آن زمانی که صف شکل گرفته است متقاضیان را جهت سرویس انتخاب میکنیم واکثراً در نظم های معمولی در زندگی روزمره سرویس به ترتیب زمان ورود است.

2-4- ظرفیت سیستم

در بعضی ازفرایندهای صف بندی محدودیتی از نظر فضای مکان انتظار موجود است بدین ترتیب اگر طول صف به اندازه معینی رسید متقاضیان دیگری تا منقضی شدن سرویس و فراهم آمدن فضای خالی مجاز به داخل شدن به صف نیستند.

2-5- تعدادباجه های سرویس

به تعداد سرویس دهنده هایی که متقاضیان را متشابهها سرویس می کنند اطلاق میشود.

3-6- مراحل سرویس

یک سیستم صف بندی ممکن است تنها یک مرحله سرویس داشته باشد مانند یک آرایشگاه یا یک سوپر مارکت و یا یک سیستم صف بندی چند مرحله ای باشد مانند آزمون پزشکی

3- میزان تاثیر پذیری

عموما سه نوع تحلیل مورد توجه است اول اندازه زمان انتظار تحمیلی به متقاضی دوم تعیین چگونگی رشد صف وسوم اندازه زمان فراغت سرویس دهنده ها.

چون اکثر سیستم های صف بندی حاوی عناصر احتمالی است بنابر این این اندازه ها متغیرهای تصادفی بوده و بدین جهت تابع توزیع احتمال یا حداقل امید ریاضی آنان مورد توجه است.



4- اصطلاحات

جهت توصیف يك فرآیند صف بندی به اختصار اصطلاحاتی که در اکثر قسمتها منتسب به کندال (1953) است ارائه میشود . یک فرآیند صف بندی توسط یک عده حروف و خطوط مورب به صورت $A/B/X/Y/Z$ توصیف میشود . که در آن A مبین چگونگی توزیع فواصل زمانی ورود متقاضیان B نحوه سرویس یعنی چگونگی احتمال زمان سرویس X تعداد کانالهای زمان سرویس Y گنجایش سیستم و Z نظم است .
به عنوان مثال $M/D/2/oo/FIFO$ مبین یک فرآیند صف بندی با توزیع نمایی برای فاصله زمانی مراجعات و به صورت قطعی و 2 سرویس دهنده و ظرفیت نامحدود و نظم صف به ترتیب ورود متقاضیان را نشان میدهد .

اصطلاحات و تعاریف:

توزیع فواصل زمان ورود A

M نمایی

D تعیینی

E_k ارلانز از نوع K

G_i کلی مستقل

توزیع زمان سرویس B

M نمایی

D تعیینی

E_k ارلانز از نوع K

G_i کلی

تعدد سرویس دهنده ها X (1 و 2 و 3 و 4 و ...)

ظرفیت سیستم Y (1 و 2 و 3 و 4 و ...)

نظم صف Z

FIFO سرویس به ترتیب ورود متقاضیان

LIFO سرویس به ترتیب عکس ورود متقاضیان

SIRO انتخاب تصادفی متقاضیان جهت سرویس

PRI حق تقدم

GD نظم کلی

5- مدل‌های صف بندی تعیینی



یقیناً ساده ترین مدل صف بندی آنهايي است که براساسی تابع توزیع احتمال برای نحوه ورود و خروج متقاضیان لازم نیست همچنین زمانهای سرویس مقادیر ثابتی هستند . این گونه مدلها را به خاطر عدم وجود هر نوع تابع توزیع احتمال مدلهای صف بندی تعیینی میگوییم .

$$\lambda = \text{تعداد مراجعات در واحد زمان}$$

$$1/\lambda = \text{فاصله زمانی بین دو مراجعه متوالی}$$

$$\mu = \text{نرخ سرویس ارائه شده در واحد زمان وقتی سرویس دهنده ها مشغول انجام وظیفه باشند .}$$

$$1/\mu = \text{زمان ثابت سرویس}$$

6- فرآیند پواسون و توزیع نمایی

در اکثر مدلهای صف بندی معمولی فرض براین است که فواصل زمانی مراجعات و زمانهای سرویس از توزیع نمایی پیروی میکنند و به عبارتی نرخ سرویس از توزیع پواسون [4] متابعت میکند

$$P_n(t) = \frac{\lambda^n t^n}{n!} e^{-\lambda t} \quad n \geq 0 \quad (1)$$

به راحتی ثابت می شود که توزیع نمایی خاصیت فقدان حافظه یا خاصیت مارکوفی دارد .

$$P_n(T \leq t_1 | T > t_0) = P(0 \leq t < t_1 - t_0)$$

7- صفوف با تعداد متقاضیان متناهی M/M/C/M

در این جمعیت مدعو متناهی و مثلاً به اندازه M باشد و احتمالات رخداد پیش آمدها توابعی از چگونگی وضع گذشته باشند. فرض کنید C سرویس دهنده انجام وظیفه کنند زمانهای سرویس متغیرهای تصادفی مستقل از هم با توزیع نمایی با میانگین μ /1 میباشد فرآیند مراجعه به صورت زیر فرض میشود. اگر در زمان T هیچ واحد مدعوی در سیستم موجود نباشد در این صورت احتمال مراجعه هریک تا زمان T + ΔT برابر $O(\Delta T) + \lambda(\Delta T)$ است. یعنی مدت زمانی که واحد فراخوانده شده خارج از سیستم میگذراند توزیع نمایی با میانگین $1/\lambda$ است با استفاده از نظریه تولد و مرگ میتوان نوشت

$$\lambda_n = (M-n) \lambda \quad , 0 < n < M$$

$$\lambda_n = 0 \quad , M < n$$

(3)

(4)

$$\mu_n = nM \quad , 0 < n < C$$

$$\mu_n = CM \quad , C < n$$

(5)

$$p_n = \binom{m}{n} (\lambda / \mu)^n p_0 \quad , 0 < n < C$$

$$\binom{m}{n} p_n = \frac{n-c}{n! (C-c)!} (\lambda / \mu)^n p_0 \quad , c < n < M$$

$$p_0 = \left[\sum_{n=0}^{c-1} \binom{m}{n} (\lambda/\mu)^n + \sum_{n=c}^m \binom{m}{n} \frac{n-c}{n! (C-c)!} (\lambda/\mu)^n \right]^{-1} \quad (6)$$

از تعریف امید ریاضی داریم :

$$\begin{aligned} M \\ L = \sum_{n=0}^m np_n \\ N=0 \end{aligned}$$

$$L = \left[\sum_{n=0}^{c-1} n \binom{m}{n} (\lambda/\mu)^n + \sum_{n=c}^m \binom{m}{n} \frac{n-c}{n! (C-c)!} n (\lambda/\mu)^n \right] p_0$$

$$\begin{aligned} M \\ Lq = \sum_{n=c}^m (n-c) p_n \\ Lq = L - C + \sum_{n=0}^{c-1} (c-n) p_n \end{aligned}$$

امید ریاضی انازه های زمان انتظار : w_q, w

اگر سیستم شامل n واحد باشد $m-n$ واحد دیگر با نرخ λ مراجعه به سیستم دارند بنابراین میانگین نرخ مراجعه به

سیستم λ ($m-n$) است (9)

$$\lambda' = (M-L) \lambda \quad (10)$$

$$W = L / \lambda' \quad (11)$$

$$Wq = Lq / \lambda' \quad (12)$$

$$W=Wq+1/\mu$$

8- صورت مساله

در امور برق مرکز کرمانشاه تعداد 16 فیدر فشار متوسط مشترکین را تغذیه مینمایند - دو اکیپ عملیاتی 2 نفره جهت تعمیرات ناشی از خاموشی های احتمالی انجام وظیفه مینمایند به تجربه ثابت شده است که متوسط قطعی های هر فیدر 62 دقیقه میباشد به دلیل اهمیت مشترکین لازم است هیچگاه فیدر ها قطع نگردند زمان تعمیر هر فیدر به وسیله اکیپها دارای توزیع نمایی با میانگین 68 دقیقه است می خواهیم بررسی کنیم متوسط تعداد فیدرهای آماده تغذیه به مشترکین در هر زمان وهمچنین متوسط درصد اوقات فراغت هر اکیپ عملیاتی چقدر است؟ و در صورت اضافه کردن یک اکیپ عملیاتی دیگر چه تاثیری بر کاهش میزان خاموشی ها خواهد داشت .
جدول شماره (1) کلیه اطلاعات مربوط به برق مرکز کرمانشاه را نشان میدهد.

علکرد فیدر های بیست کیلوولت آمپر امور برق مرکز کرمانشاه در سال 81 و 82

زمان قطعی هر فیدر (دقیقه)		میزان رشد	تعداد انرژی توزیع نشده	جمع کل خاموشیها	بار عادی (آمپر)	بیک بار (آمپر)	نام فیدر
80	81		80	81			
107	299	11	12	23	96	160	باریکه
		13870	7784	21654			
2508	415	-7	27	20	12	20	ارشاد
		-18981	22743	3762			
1495	1710	23	106	129	75	125	حافظیه
		12235	84692	96927		125	
1461	2650	14	155	169	36	60	ده پهن
		32339	39736	72075			
670	621	-5	64	59	120	200	بهمن-22
		-4427	60737	56310			
406	682	30	44	74	96	160	کشمیر
		19967	29481	49448			
1646	1048	0	40	40	39	65	پایگاه
		-17622	48516	30894			
1211	1111	-13	116	103	120	200	الهیه
		-9069	109779	100710			

1046	1010	32	48	80	72	120	گلستان
		-1975	56897	54922			
1422	2675	1	31	32	12	20	صنعتي 1
		11361	12892	24253			
935	1039	-23	64	41	60	100	صنعتي 2
		4714	42389	47103			
373	1020	38	40	78	36	60	فرستنده
		17574	10159	27733			
1610	1402	20	125	145	85	140	دولت آباد
		-13247	102606	89359			
1486	846	-29	67	38	84	140	دادگستري
		-40590	94294	53704			
40	764	30	4	34	78	130	برق منطقه اي
		42647	2383	45030			
1056	1728	-2	79	77	70	120	فرهنگيان
		36190	56853	93043			
909	1008	120	1022	1142	1091	1945	جمع شهرستان
		84986	781941	866927			

جدول شماره (1)

9- تحليل اقتصادي نتايج

با استفاده از داده های خطوط بیست کیلوولت جدول شماره 1 و روابط 1-10 داریم:

$$1/68 = \lambda$$

$$1/62 = \mu$$

$$2 = C$$

$$16 = M$$

$$P_0 = 0/000000001$$

$$L = 13$$

$$L_q = 12$$

$$W = 295 \text{ دقیقه} = 5 \text{ ساعت}$$

باقراردان در فرمول شماره (6):

باقراردان در فرمول شماره (7):

باقراردان در فرمول شماره (8):

باقراردان در فرمول شماره (10)

بنابر این متوسط زمان خاموشی هر فیدر در طول ماه برابر است با

$$t_1 = 295/12 = 25 \text{ دقیقه}$$

در صورتی که یک اکیپ دیگر را جهت تعمیرات به سیستم اضافه کنیم :

$$C= 3$$

$$p_0 = 0/00000023$$

$$L=12$$

$$W= 3 \text{ ساعت} = 180 \text{ دقیقه}$$

بنابر این متوسط زمان خاموشی هر فیدر در طول ماه برابر است با :

$$t_2=180/12 = 15 \text{ دقیقه}$$

مشاهده میگردد که با اضافه کردن یک اکیپ تعمیراتی دیگر به میزان ده دقیقه در هر ماه از خاموشی فیدرهای بیست کیلوولت کاسته میگردد.

حقوق دو اکیپ تعمیراتی (هر اکیپ شامل 2 سیمبان و انومبیل با راننده) با احتساب هزینه های بالاسری مبلغ 180000000 ریال میباشد.

در طول سال به طور متوسط ضرر و زیان ناشی از انرژی توزیع نشده [2] و هزینه های اکیپ به صورت زیر است :

$$180000000+206108500 = 386108500 = c_1 \text{ ریال}$$

با توجه به رابطه t_1, t_2 داریم: $t_1/t_2 = 0/6$ که نشان میدهد که انرژی توزیع نشده به میزان 60% کاهش یافته است حال اگر اکیپ سوم (با حقوق به مبلغ 90000000 ریال) وارد سیستم گردد به طور متوسط هزینه های انرژی توزیع نشده و اکیپ به صورت زیر است :

$$82443400+90000000+180000000 = 352443400 = c_2 \text{ ریال}$$

$$c_1 - c_2 = 33665100 \text{ مبلغ ریال}$$

به نفع شرکت خواهد بود. از طرفی با کاهش خاموشیها میزان رضایتمندی مشترکین نیز افزایش مییابد

10- نتیجه گیری

با توجه به داده های فوق و مقادیر بدست آمده از فرمولها میتوان نتیجه گرفت که اضافه کردن یک اکیپ تعمیراتی باعث میشود که قطعی فیدرهای بیست کیلوولت و هزینه های امور برق مرکز کرمانشاه به حد چشمگیری تقلیل یابد. با استفاده از نظریه صف بندی میتوان تشخیص داد که تعداد اکیبهای تعمیراتی در هر شهرستان کافی میباشد و یا لازم است اضافه و تقویت شوند ، میتوان با نظر مدیر عامل شرکت در فصلهایی که احتمال قطعی فیدرها مثل زمستان بیشتر است اکیبهای کمکی سایر شهرستانها را به شهرستانهای بحرانی اعزام کرد،

11- مراجع - منابع

(1) آشنایی با نظریه صف بندی دکتر شاهکار

(2) آشنایی باشبکه های توزیع - میلانی



3) عملکرد فیدرهای بیست کیلوولت امور برق مرکز کرمانشاه سال 80 و 81
4) مفاهیم و روشهای آماری مرتضی شهر آشوب و فتاح میکاییلی