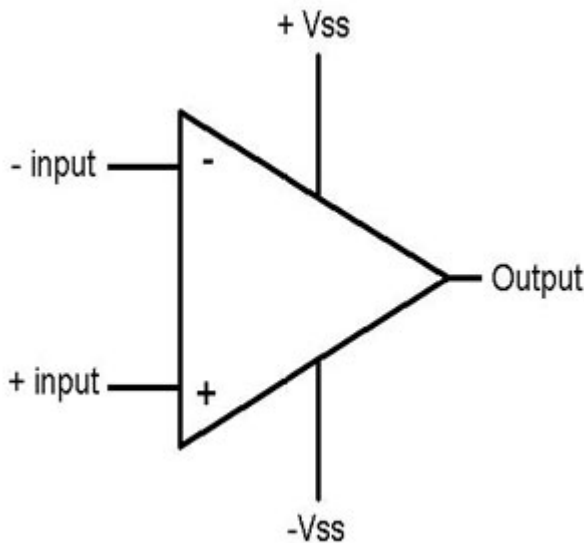




## تقویت کننده های عملیاتی

تقویت کننده های عملیاتی به اختصار آپ امپ نامیده می شوند. و به صورت مدار مجتمع در دسترس می باشند. این تقویت کننده ها از پایداری بالایی برخوردارند. و با اتصال ترکیب مناسبی از عناصر خارجی مثل مقاومت، خازن، دیود و غیره به آنها، می توان انواع عملیات خطی و غیر خطی را انجام داد .



از ویژگیهای اختصاصی تقویت کننده های عملیاتی ورودی تفاضلی، بهره بسیار زیاد و مقاومت ورودی بسیار بالا است .

این المان الکترونیکی اختلاف میان ولتاژهای ورودی در پای های مثبت و منفی را در خروجی با تقویت بسیار بالایی آشکار می سازد. حتی اگر این اختلاف ولتاژ کوچک نیز باشد، آنرا به سطح قابل قبولی از ولتاژ در خروجی تبدیل می کند.

به شکل مداری این المان در روبه رو توجه کنید .

این المان همواره دارای دو پایه مثبت و منفی در ورودی است، این دو پایه ورودی مستلزم یک پایه در خروجی هستند .  
پایه ورودی مثبت را در اصطلاح لاتین noninverting و پایه منفی را inverting می گویند .

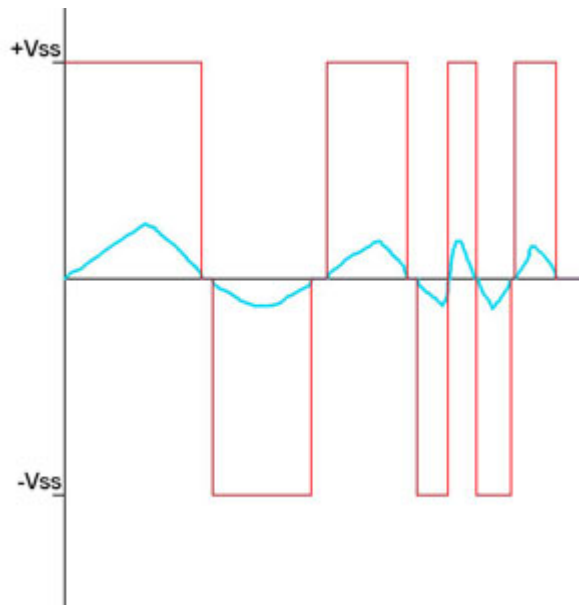
## نحوه عملکرد op\_amp

این المان بسته به وضعیت پایه های ورودی و خروجی دارای شرایط و عملکرد متفاوتی خواهد شد که در زیر به توضیح راجب این وضعیت ها می پردازیم .

اگر  $\text{noninverting} > \text{inverting}$  باشد، خروجی به سمت منفی  $V_{SS}$  اشباع می شود. منظور از منفی  $V_{SS}$  مقدار منفی ولتاژ تغذیه آرسی است. مثلا اگر ولتاژ ورودی ۵ ولت باشد و ورودی پایه منفی دارای ولتاژی بزرگتر از ورودی پایه مثبت باشد، خروجی به سمت منفی ۵ ولت به اشباع می رود .

اگر  $\text{noninverting} < \text{inverting}$  باشد، خروجی به سمت مثبت  $V_{SS}$  اشباع می شود. مثلا اگر تغذیه آرسی ۵ ولت باشد. و ورودی پایه مثبت دارای ولتاژی بزرگتر از پایه منفی باشد، خروجی به سمت مثبت ۵ ولت به اشباع می رود. به شکل توجه کنید این شکل گویای همه مطالب است. همانطور که مشاهده می کنید، هر جا که اختلاف ولتاژ ورودی مثبت باشد، خروجی به اشباع مثبت  $V_{SS}$  می رود. و همچنین هر جا که اختلاف ولتاژ ورودی منفی باشد خروجی به منفی  $V_{SS}$  می رود .

منظور از اختلاف ولتاژ، اختلاف بین ورودی های مثبت و منفی است . می توان منبع را فقط به یکی از پایه ها متصل کرد و دیگری را گراند نمود. اگر ورودی به پایه منفی متصل گردد خروجی با ورودی ۱۸۰ درجه اختلاف فاز دارد اما اگر به پایانه مثبت متصل گردد ورودی با خروجی هم فاز است.



بدون قرار دادن فیدبک از خروجی به ورودی، ماکزیمم اشباع در خروجی با کمترین اختلاف ولتاژ در پایه های مثبت و منفی ورودی بوجود می آید. در این حالت مدار شما بسیار نویز پذیر است .

در حالت ایده آل منظور حالت غیر عملی است. در این حالت op-amp ها دارای مقاومت ورودی بی نهایت تقویت سیگنال ورودی در خروجی به صورت بی نهایت و مقاومت خروجی صفر هستند .

در حالت واقعی گین یا تقویت بین ولتاژ های مثبت و منفی ورودی محدود می شود .

بین پایه های ورودی و خروجی آپ امپ جریانی وجود ندارد یعنی آپ امپ هیچ گونه جریانی از مدار نمی کشد. و این تنها ولتاژ ورودی است که خروجی را کنترل می کند .

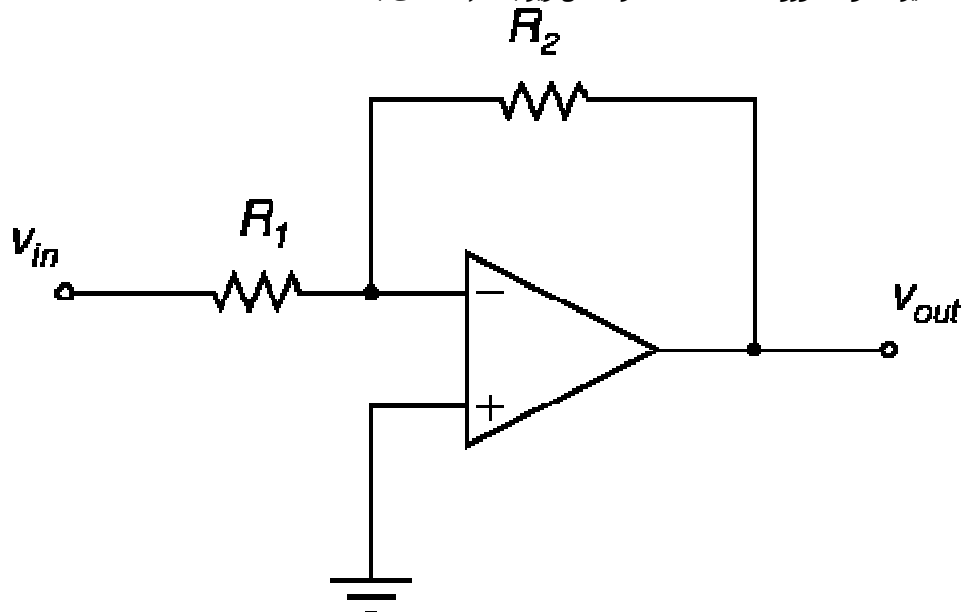
## استفاده از فیدبک در آپ امپ

با استفاده از فیدبک می توانید میزان تقویت ولتاژ های ورودی در خروجی را تعیین کنید. فیدبک می تواند، از خروجی به هر یک از پایه های مثبت و منفی صورت گیرد. در آپ امپ اغلب فیدبک از خروجی به پایه منفی صورت می گیرد این نوع فیدبک را فیدبک منفی یا negative feedback می نامند .

با استفاده از فرمول زیر می توانید. میزان تقویت یا گین (gain) را در این نوع از فیدبک به راحتی محاسبه کنید .

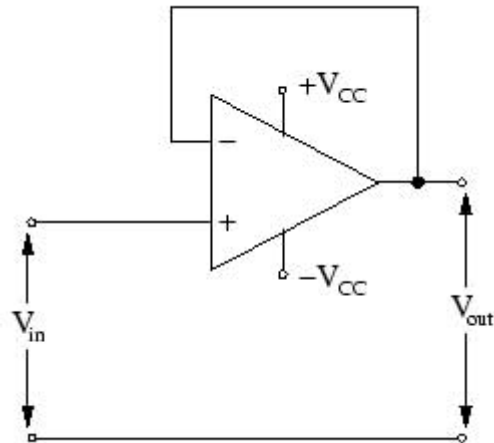
$$GAIN = 1 + R_f/R_{in}$$

در فرمول فوق  $R_f$  همان مقاومت فیدبک است. که در شکل زیر با نام  $R_2$  و از خروجی به پایه منفی ورودی زده شده است. منظور از  $R_{in}$  نیز مقاومت ورودی است. که در شکل زیر با نام  $R_1$  می باشد .



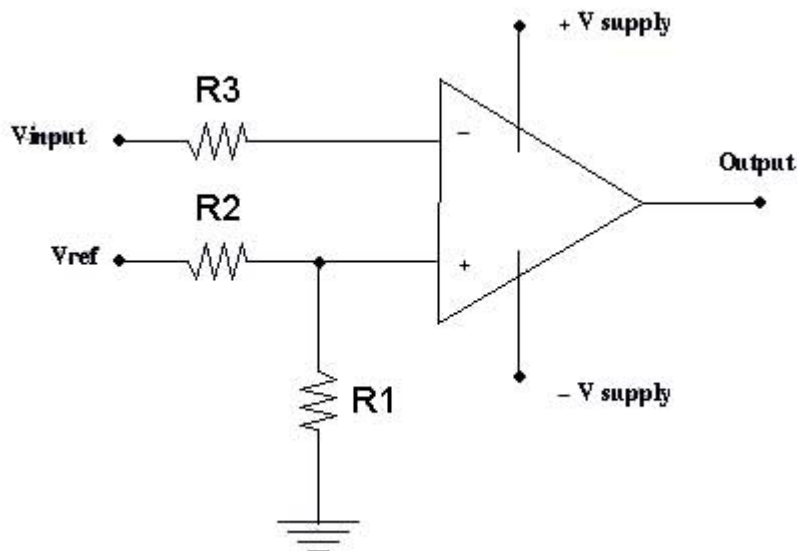
بنابر فرمول فوق اگر  $R_f$  برابر صفر باشد دیگر تقویتی وجود ندارد. و  $GAIN$  برابر یک می شود. در این حالت ولتاژ خروجی برابر ولتاژ ورودی است. در این وضعیت آپ امپ تنها به صورت یک بافر مجزا کننده یا ISOLATE کننده جریان

ورودی از خروجی عمل می کند. شکل زیر نشان می دهد چگونه خروجی بدون استفاده از مقاومت به پایه منفی ورودی فیدبک زده شده است. (مانند ترانسی که تعداد دور های اولیه و ثانویه برابر دارد).



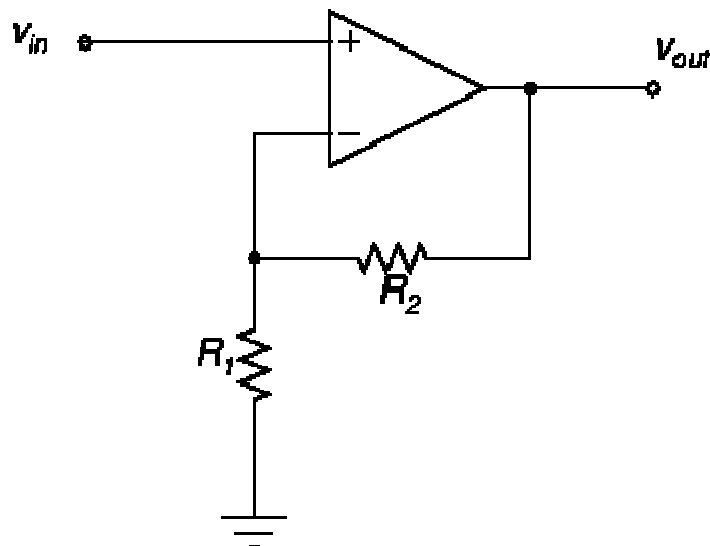
## آپ امپ در حالت مقایسه گری یا Comparator

در این حالت کوچکترین اختلاف بین ولتاژ های ورودی تقویت شده و در خروجی نمایان می شود. در این وضعیت خروجی زمانی high یا سویچ می شود. که مقدار ولتاژ در پایه inverting یا منفی به سطح ولتاژ در پایه noninverting یا مثبت برسد. این ولتاژ در شکل زیر برابر  $v_{ref}$  است. از این نوع مدار جهت مقایسه ولتاژ های ورودی به خصوص در سنسورها استفاده می شود. در این مدار به جای مقاومت R2 می توانید از پتانسیومتر جهت تعیین ولتاژ  $V_{ref}$  و تنظیم آن به صورت دلخواه استفاده کنید. (از این مدار در درایو کردن سنسورهای ربات نیز استفاده میگردد)



## تقویت کننده مستقیم (noninverting amplifier)

در این حالت ورودی منفی یا inverting توسط مقاومت R1 زمین می شود. و فیدبک نیز از خروجی توسط مقاومت R2 به ورودی منفی فیدبک داده می شود. در این حالت خروجی کاملاً هم فاز با ورودی خواهد بود.



## تغذیه Op-Amp

در بعضی موارد Op-Amp ها نیاز به دو منبع تغذیه مثبت و منفی دارند . اگر ما مایل باشیم که تنها از خروجی مثبت آپ امپ استفاده کنیم در واقع ولتاژهای مثبت در خروجی است. در این حالت می بایست منفی  $V_{SS}$  را به زمین متصل کنیم. ولتاژ مثبت را تنها به پایه تغذیه مثبت وصل کنیم . در این حالت شما بایستی از دو باتری یا از یک منبع تغذیه دوتایی مثبت و منفی استفاده کنید . در لینک زیر می توانید یک مدار ساده تغذیه دوبل را تجربه کنید .

## نکاتی راجب به Op-Amp

هیچگاه تغذیه مثبت و منفی آپ و امپ را به صورت معکوس وصل نکنید زیرا با این کار Op-Amp خواهد سوخت برای اینکه خیال خود را از این بابت راحت کنید می توانید در ورودی یک دیود قرار دهید . تغذیه ورودی های مثبت و منفی می بایست از مقادیر ورودی در پایه های inverting و noninverting بیشتر باشد. سیگنال های ورودی و خروجی را توسط خازنهای  $10\mu\text{f}$  تا  $100\mu\text{f}$  زمین کنید تا از تأثیر نویز در مدار خود جلوگیری کنید .

در حالت ایده آل آپ امپ ها دارای مقاومت ورودی بالا و در نتیجه جریان ورودی در حد صفر و مقاومت خروجی صفر می باشند. همچنین در این حالت ولتاژ در ورودی های مثبت و منفی با یکدیگر مساوی هستند .

$$V_{-} = V_{+}$$

## حالت های مختلف بستن Op-Amp

### تقویت کننده معکوس (Inverting Amplifier)

با توجه به اینکه  $V_{+}$  زمین شده است. بنابراین  $V_{+} = 0$  است. در حالت ایده آل  $V_{-} = V_{+}$  است. در نتیجه

$$V_{-} = 0 \text{ می شود.}$$

با توجه به بالا بودن مقاومت ورودی آپ امپ در پایه منفی و با توجه به قوانین گره می توان نتیجه گرفت .

$I_{Z1} = I_{Z2}$  (منظور از  $I_{Z1}$  جریان امپدانس یا مقاومت  $Z1$  می باشد) می شود. در واقع در اینجا فرض کردیم  $I_{Z1}$  جریان وارد شونده به گره موجود در پایه منفی آپ امپ است. و  $I_{Z2}$  جریان خارج شونده از این گره است. با توجه به قانون اهم و جهت جریان و صفر بودن جریان ورودی در آپ امپ رابطه زیر را برای  $I_{Z1}$  و  $I_{Z2}$  داریم.

$$I_{Z2} = (V_S / Z1)$$

$$I_{Z2} = -(V_{out} / Z2)$$

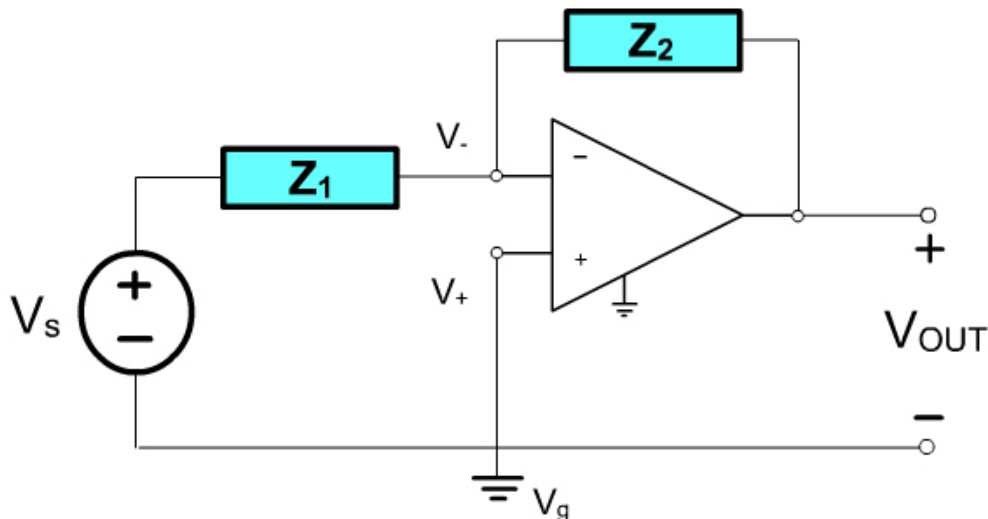
منفی به خاطر اینکه خروجی  $180^\circ$  درجه اختلاف فاز دارد

$$V_S / Z1 = -V_{out} / Z2$$

با توجه به فرمول فوق و تساوی  $I_{Z1}$  و  $I_{Z2}$  رابطه زیر بدست می آید.

$$V_{out} = -(Z2 / Z1) V_S$$

اگر مقاومت فیدبک و مقاومت ورودی یکسان باشند، مقدار گین برابر منفی یک می شود. در این حالت آپ امپ به صورت یک بافر NOT یا معکوس عمل می کند.



### تقویت کننده مستقیم

در این حالت برعکس حالت قبلی تحریک آپ امپ از پایه مثبت صورت می گیرد. همانطور که در شکل زیر مشخص است.  $V_+ = V_S$  است. با توجه به هم پتانسیل بودن پایه های ورودی منفی و مثبت در حالت ایده آل داریم  $V_- = V_S$

با در نظر گرفتن قانون اهم  $I = V/R$  در مورد جریان  $I_{Z2}$  رابطه زیر را داریم

$$I_{Z2} = (V_{out} - V_1) / Z2$$

همانطور که دیدید  $V_- = V_1 = V_S$  می باشد. در نتیجه فرمول فوق به صورت زیر ساده می شود.

$$I_{Z2} = (V_{out} - V_S) / Z2$$

$$I_{Z1} = (V_1 - 0) / Z1$$

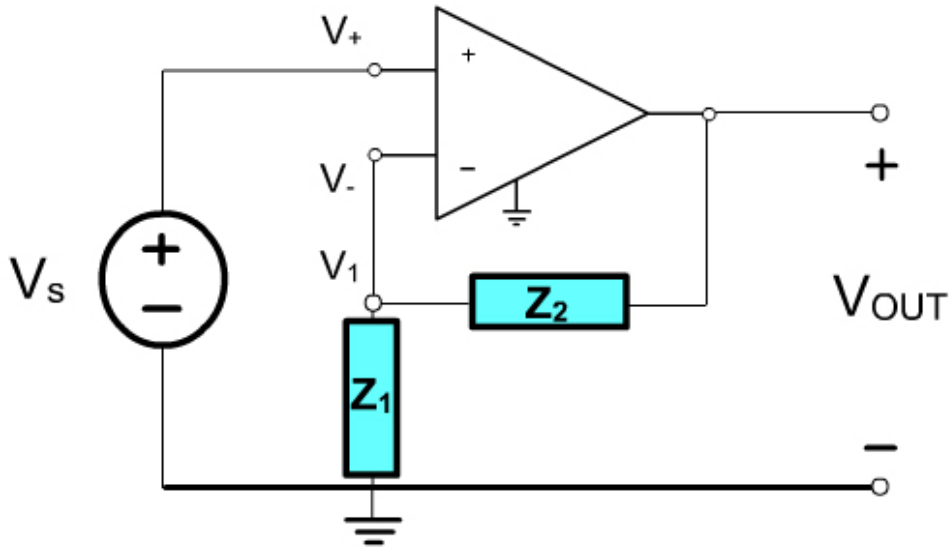
با توجه به قوانین گره و صفر بودن جریان ورودی آپ امپ در حالت ایده آل و روابط فوق رابطه زیر را داریم

$$(V_{out} - V_S) / Z2 = V_S / Z1$$

با ساده کردن رابطه فوق داریم

$$V_{out} = (1 + Z2 / Z1) V_S$$

در این حالت خروجی مضرب مثبتی از ورودی است.

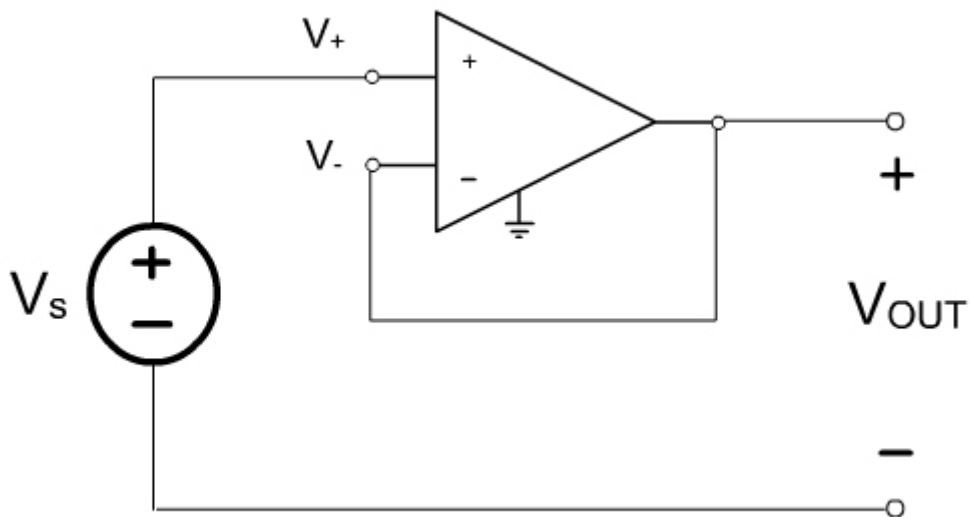


### دنبال کننده و ولتاژ

در یک آپ امپ ایده آل که به صورت زیر بسته شود، ولتاژ ورودی  $V_S$  با ولتاژ خروجی برابر می شود. در این حالت به دلیل امپدانس بالای ورودی در آپ امپ ها ولتاژ خروجی با وجود برابری با ولتاژ ورودی ولی کاملاً از جریان ورودی مجزا یا ایزوله شده است .

همانطور که گفته شد، در آپ امپ ایده آل  $V_- = V_+$

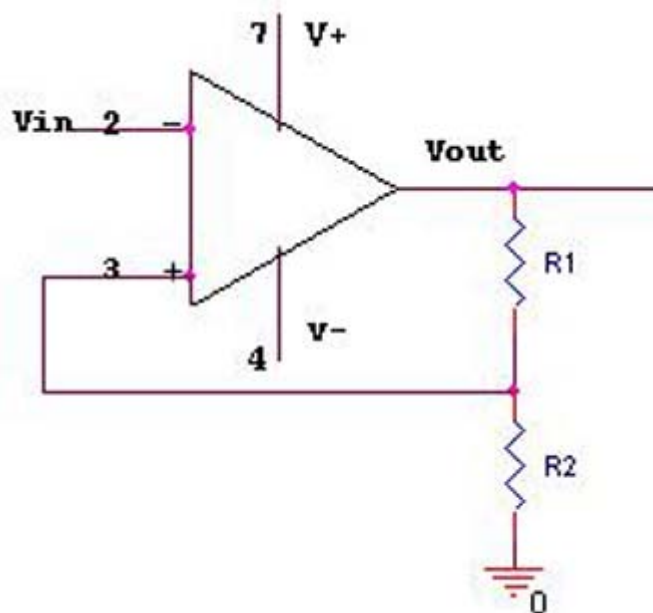
همانطور که در نقشه ملاحظه می کنید.  $V_+ = V_S$  در این حالت جریان از پایه مثبت به پایه منفی می رود، و از آنجا به خروجی می رود. در این حالت  $V_- = V_{out}$  می شود. و در نهایت  $V_S = V_{out}$



## تقویت کننده ولتاژ به جریان

در این حالت جریان ایجاد شده در بار مقاومتی متناسب با ولتاژ ورودی است. به دلیل مقاومت ورودی بسیار بالا در آپ امپ ها می توان از جریان ورودی آپ امپ ها صرف نظر کرد. بنابراین جریان خروجی از رابطه زیر محاسبه می شود.

$$I_{out} = V_{in}/R_2$$

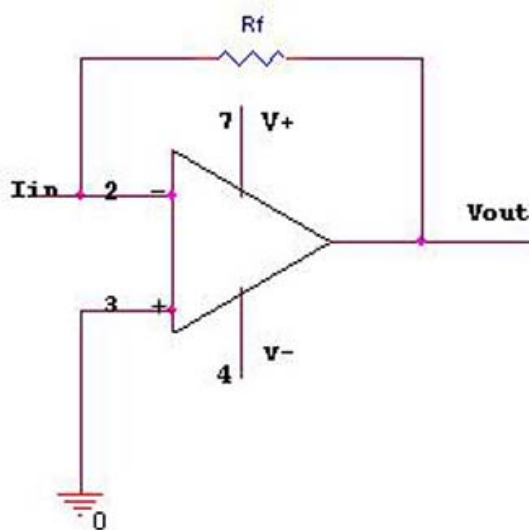


## تقویت کننده جریان به ولتاژ

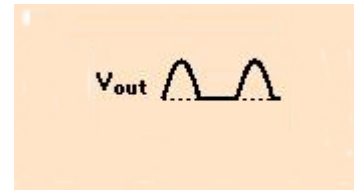
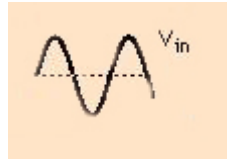
از این مدار جهت تقویت جریانهای خیلی کوچک در حد میکرو آمپر و تبدیل آن ها به ولتاژ های مناسب و خیل بیشتر از میکرو استفاده می شود.

با استفاده از فرمول زیر می توانید مقدار ولتاژ خروجی را محاسبه کنید.

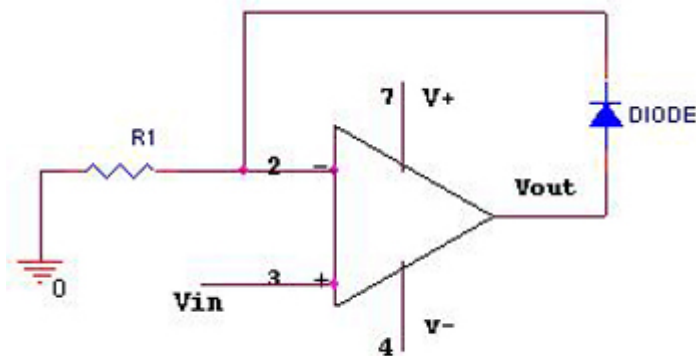
$$V_{out} = -I_{in} * R_f$$



## مدار نمونه با استفاده از دیود



همانطور که در شکل زیر مشاهده می کنید، مسیر فیدبک توسط دیود ایجاد می شود. اگر شکل موج ورودی سینوسی باشد، این شکل موج را با عبارت  $V_{in}$  در کنار شکل می توانید در شکل بالا مشاهده کنید. خروجی این آپ امپ در حالتی که ولتاژ ورودی در سیکل منفی باشد، نزدیک به صفر است، که با صرف نظر کردن از این مقدار نزدیک به صفر آنرا صفر در نظر می گیرند .  
در این حالت ولتاژ های کمتر از ولتاژ هدایت دیود را از سیگنال ورودی در حالت عملی در خروجی نخواهیم داشت .



## مدار انتگرال گیر

همانطور که در شکل زیر مشاهده می کنید، زمانیکه لبه بالارونده پالس را در ورودی منفی این آیسی داشته باشیم، ولتاژ در پایه منفی بیشتر از ولتاژ در پایه مثبتی است، که زمین شده است. در این حالت آپ امپ به صورت معکوس کننده عمل می کند .  
همانطور که می دانید، انتگرال شکل موج مربعی به صورت مثلثی است، شیب این شکل موج در لبه بالا رونده منفی و در لبه پایین رونده مثبت می شود .  
می توانید شکل موج مربعی را توسط آیسی ۵۵۵ ایجاد کنید، و شکل موج مثلثی را در ایسیلِسکوپ ببینید .

در حالت ایده آل همانطور که می دانید،  $V_- = V_+$  .  
با توجه به قوانین مربوط به گره، جریان های وارد شونده به یک گره با جریان های خارج شونده از گره برابر هستند. این قانون تحت عنوان KCL نامیده می شود، بنابراین رابطه زیر را خواهیم داشت .

$$IR1 = I_- + Ic2$$

همانطور که گفته شد به دلیل مقاومت ورودی بالا در آپ امپ می توانید از جریات  $I_-$  صرف نظر کنید .  
بنابراین رابطه بالا به صورت زیر ساده می شود .

$$IR1 = Ic2$$

با توجه به قانون اهم جریان گذرنده از مقاومت  $IR1$  به این صورت به دست می آید،  $IR1 = (VS - V_-) / R1$  با توجه ب اینکه در حالت ایده آل  $V_- = V_+$  و  $V_+$  برابر صفر است،  $V_- = 0$  می شود .

$$IR1 = VS / R1$$

و رابطه مربوط به جریان در بالا به این صورت ساده می شود.

رابطه مربوطه به جریان خازن به صورت زیر می باشد. در این رابطه جریان خازن با حاصل ضرب ظرفیت خازن بر حسب فاراد در مشتق زمانی ولتاژ خازن بدست می آید .

$$IC(t) = C2d/dtVc(t)$$



بر اساس این رابطه و جهت جریان عبارت مربوط به جریان خازن به صورت زیر به دست می آید .

$$I_c(t) = C2d/dt(V - -V_{out})$$

با توجه به صفر بودن  $V -$  رابطه بالا به صورت روبرو ساده می شود.

$$I_c(t) = -C2d/dtV_{out}$$

بنابراین روابط مربوط به KCL که گفته شد، رابطه زیر را خواهیم داشت .

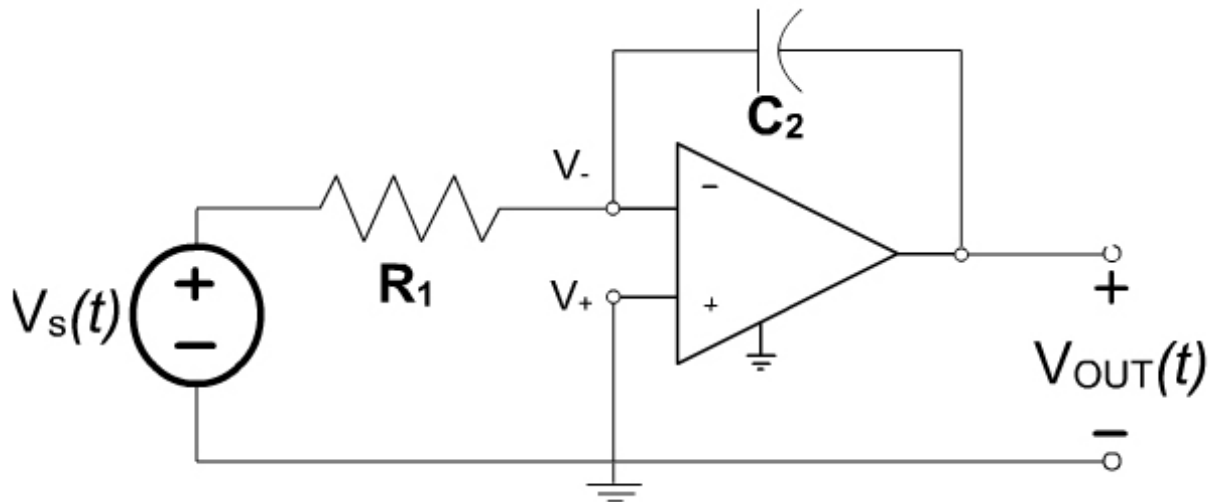
$$VS(t)/R1 = -C2d/dtV_{out}$$

با ساده کردن این رابطه خواهیم داشت.

$$d/dtV_{out} = VS(t)/(R1C2)$$

همانطور که می دانید، انتگرال از مشتق برابر خود عبارت می شود. پس برای بدست آوردن خروجی از دو طرف

تساوی انتگرال می گیریم .  
در این حالت خروجی برابر انتگرال حاصل تقسیم ورودی بر حاصلضرب مقاومت در ظرفیت خازن خواهد شد .  
در این حالت اگر شکل موج ورودی به صورت مربعی باشد شکل موج خروجی به صورت مثلثی خواهد بود .



## مدار مشتق گیر

اگر در محل اتصال خازن با پایه ۲ آپ امپ مطابق شکل از قوانین مربوط به KCL استفاده کنید. همانطور که می دانید بر اساس قوانین KCL جریان های وارد شونده به یک گره با جریان های خارج شونده از گره برابرند. در این گره ای که مطرح شد، ۲ جریان وجود دارد، یک جریان را جریان خازن در نظر بگیرید، که به گره وارد می شود. دو جریان دیگر از گره خارج می شوند. یک جریانی که وارد پایه منفی آپ امپ می شود. و جریانی که وارد مقاومت R2 در خروجی می شود. بنابراین فرمول زیر را خواهیم داشت .

$$I_c = I - +IR2$$

به دلیل مقاومت ورودی بالا در آپ امپ و در حالت ایده آل می توانیم از جریان در پایه منفی آپ امپ صرف نظر کنیم بنابراین داریم  
در واقع بنابراین فرمول زیر همان جریانی که از خازن در ورودی می گذرد وارد خروجی نیز می شود .

$$I_c = IR2$$

فرمولی که می توان در مورد جریان خازن وجود دارد. به صورت زیر است .  
در این فرمول C ظرفیت خازن بر حسب فاراد است t. نیز در این عبارات بیانگر این است. که این فرمول بر حسب زمان می باشد .  
d/dt نیز همانطور که می دانید علامت مشتق گیری است. بنابراین جریان گذرنده از خازن از حاصلضرب ظرفیت خازن در مشتق زمانی ولتاژ بدست می آید .

$$I_c(t) = cd/dtV_c(t)$$

جریان گذرنده از مقاومت فیدبکی R2 نیز از رابطه زیر محاسبه می شود .

$$IR_2 = (V - -V_{out})/R_2$$

$$IR_2 = -V_{out}/R_2 \quad \text{در حالت ایده آل } V - = 0 \text{ می باشد. بنابراین}$$

بنابر روابط فوق راطه زیر را خواهیم داشت .

$$-V_{out}/R_2 = cd/dtV_c(t)$$

با ساده کردن عبارت فوق خواهیم داشت. همانطور که می بینید خروجی از مشتق ورودی حاصل می شود .

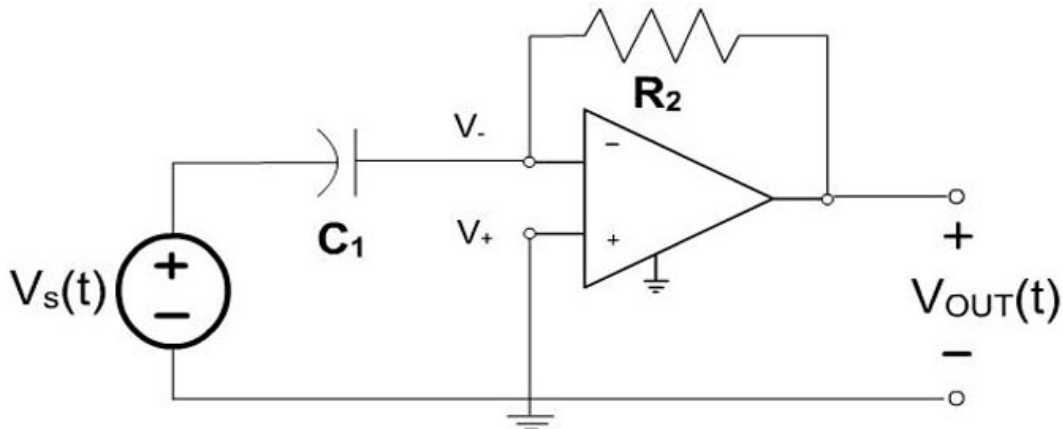
$$-V_{out} = R_2cd/dtV_c(t)$$

در شکل مثلثی ورودی مربوط به مشتق گیر. هر جا که شیب خط مثلثی شکل زاویه ای حاده باشد لبه بالا رونده پالس را خواهیم داشت. و هر جا که این زاویه منفرد یا باز باشد. لبه پایین رونده پالس را خواهیم داشت . اگر شکل موج ورودی سینوسی باشد. مشتق آنرا در نظر بگیرید. و سپس به خاطر علامت منفی که در فرمول بدست آوردید. آنرا معکوس کنید .

$$d/dt \sin(at) = -a \cos(at)$$

علامت منفی این عبارت با منفی فرمول بالا مثبت می شود. بنابراین در این حالت شکل موج خروجی همسان با شکل موج ورودی و جلوتر از آن ایجاد می شود. علت جلوتر بودن آن ضرب a است. که در مشتق مشاهده می کنید. این شکل موج ها را براحتی می توانید در اسیلوسکوپ مشاهده کنید .

اگر شکل موج ورودی مربعی باشد. همانطور که می دانید مشتق تابع پله ای تابع ضربه ای می شود. بنابراین در خروجی هنگامیکه لبه بالا رونده پالس وجود داشته باشد. یک پالس نوک تیز به سمت بالا خواهیم داشت. و هنگامیکه لبه پایین رونده پالس را داشته باشیم. این پالس نوک تیز به سمت پایین خواهد بود .

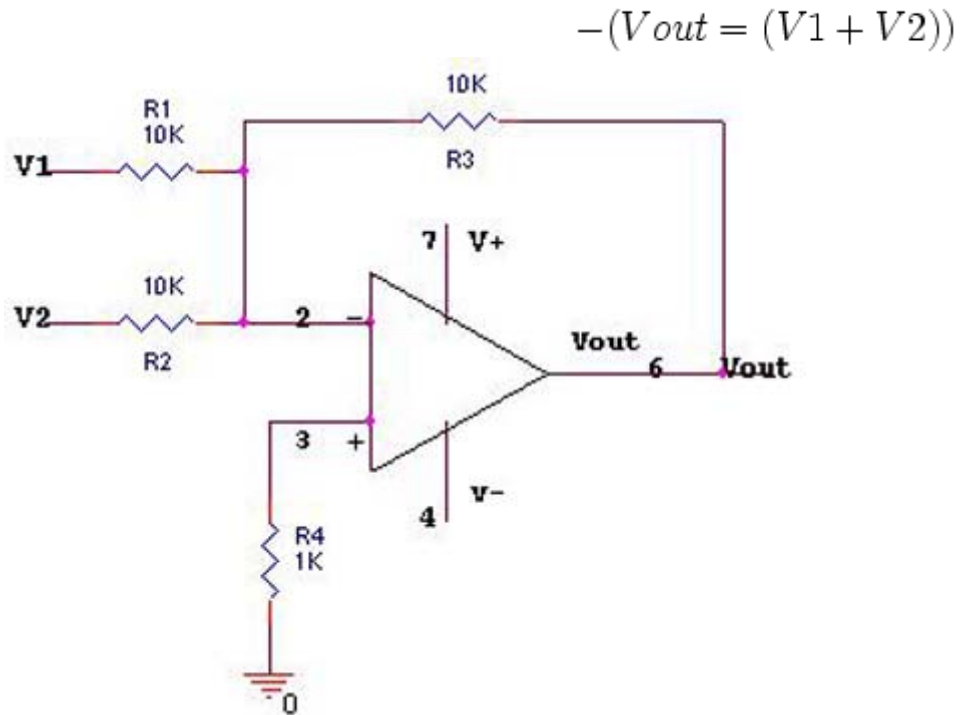


## مدار جمع کننده

با توجه به مقاومت ورودی بالا در آپ امپ جریان هر یک از مقاومت ها در ورودی و جریان خروجی از رابطه زیر بدست می آید. علامت منفی نیز به خاطر این است که تحریک ولتاژ از پایه منفی صورت گرفته است .

$$(V_1/R_1 + V_2/R_2 = -V_{out}/R_3)$$

اگر مقاومت های  $R1$  ،  $R2$  و  $R3$  با یکدیگر برابر باشند. فرمول بالا به صورت زیر محاسبه می شود .



## مدار تفریق کننده

اگر آپ امپ را ایده آل فرض کنید. در واقع مقاومت ورودی آنرا بی نهایت و ولتاژ در دو پایه مثبت و منفی آنرا یکسان در نظر بگیرید . روابط زیر را جهت محاسبه ولتاژ خروجی خواهیم داشت .

$$V- = V+$$

مقدار ولتاژ در مقاومت  $R3$  به صورت زیر محاسبه می گردد. در اینجا از قانون تقسیم ولتاژ در مقاومت های سری استفاده شده است. اگر به شکل نگاه کنید. این دو مقاومت سری نیستند. اما به دلیل بالا بودن مقاومت ورودی آپ امپ و صفر بودن جریان ورودی می توان دو مقاومت را سری در نظر گرفت .

$$VR3 = (V2 * R3 / (R1 + R3))$$

همانطور که در شکل می بینید.  $VR3 = V+$

و همانطور که گفته شد. در حالت ایده آل  $V- = V+$  است. بنابراین همانطور که در شکل می بینید  $VA = V-$  است .

از روابط گفته شده می توان نتیجه گرفت. که  $VA = VR3$  است .

با توجه به اینکه جریان های وارد شده به یک گره با جریان خارج شونده از آن گره برابر است. بنابراین اگر شما در شکل زیر گره  $VA$  را در نظر بگیرید. جریان خارج شونده از آن به سمت ورودی منفی آپ امپ به دلیل مقاومت بالا ورودی آپ امپ نزدیک به صفر خواهد بود. که در محاسبات صفر در نظر می گیرند. این کاهش جریان و نزدیکی آن به صفر را می توان با رابطه قانون اهم به راحتی فهمید .

$V = R * I$  بر اساس این قانون هر چه قدر جریان بیشتر شود. مقاومت کمتر خواهد شد. چرا که همانطور که در فرمول می بینید. می توانید مقاومت را در کسر در زیر ولتاژ بیاورید. و جریان را به صورت مجزا در یک طرف تساوی داشته باشید. حال هر چه قدر مقاومت را بیشتر کنید. این کسر کوچکتر می شود. و جریان کمتر می شود .

با توجه به مسایل گفته شده جریان در مقاومت  $R1$  برابر  $(V1 - VA) / R1$

جریان در مقاومت R3 نیز از رابطه زیر بدست می آید

$$(V_{out} - V_A)/R_3$$

با توجه به قوانین مربوط به گره اگر هر دو جریان را وارد شونده به گره VA در نظر بگیرد. رابطه زیر را خواهیم داشت.

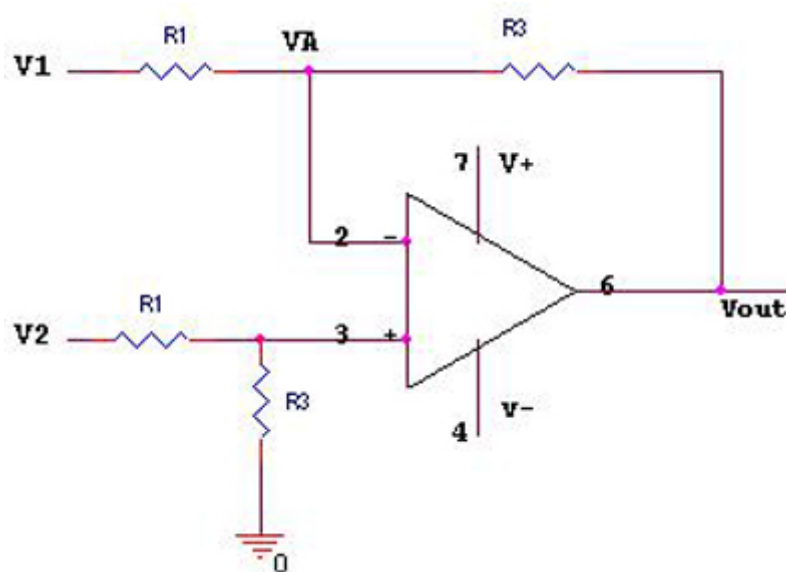
$$(V_1 - V_A)/R_1 = -(V_{out} - V_A)/R_3$$

با ساده کردن این رابطه و جاگذاری VA با عبارت مربوط به VR3 که مساوی VA بدست آمد. رابطه نهایی زیر را خواهیم داشت .

$$1/R_1 * (V_1 - V_2) = -V_{out}/R_3$$

اگر دو مقاومت R1 و R3 با یکدیگر مساوی باشند. رابطه زیر را خواهیم داشت.، که بیانگر عمل تفریق است .

$$V_{out} = V_2 - V_1$$



گردآورنده : امین شیخ نجدی

email : aminnima2@gmail.com

[www.esud83.mihanblog.com](http://www.esud83.mihanblog.com)

mobile: 09166420367

# Thanks for your attention