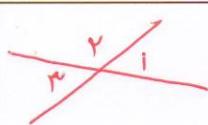


سازمان ملی پژوهش استعدادهای درخشان مرکز شمید بهشتی آمل امتحان ریاضی پایه هفتم - نوبت اول

نام کلاس:	نام دبیر:	نام خانوادگی:	نام:																
تعداد صفحات:	تعداد سوالات:	مدت پاسخگویی:	تاریخ امتحان:																
بازم	۹	۹۰ دقیقه	۱۳۹۴ / ۱۰ / ۱۲																
ردیف		شماره:																	
۱	*** الا بذكر الله التطمئن القلوب آگاه باشید که دل ها با یاد خدا آرام می گیرد ***																		
۱	*** درستی یا نادرستی عبارات زیر را معلوم کنید.		۱																
	الف) حاصل $(2 \div 10 \div 12) \times 40 = 280$ برابر صفر است. ج) عبارات $x^3 - 3ax^2 + 5x^3$ و $a - (b - (c - a)) - b$ متشابه اند.																		
۱	*** در جای خالی، عدد یا کلمه مناسب قرار دهید.		۲																
	الف) اگر در مسئله ای همه حالت های ممکن را بنویسیم تا حالتی از قلم نیافتد، از راهبرد استفاده کردیم. ب) قرینه عدد -7 نسبت به عدد $+7$ ، عدد $+21$ می باشد. ج) حاصل $c - c - (b - (c - a)) - b$ برابر صفر می شود. د) ب م دو عدد 15 و ک م آن ها 180 می باشد. اگر یکی از اعداد 45 باشد، عدد دیگر 90 می باشد.																		
۱	*** برای هر سوال از ستون سمت راست، پاسخ درست را از ستون سمت چپ بیابید.		۳																
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>پاسخ</th> <th>سوال</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>انتقال</td> <td>الف) دهمین مضرب 6، پانزدهمین مضرب است.</td> </tr> <tr> <td>$\frac{4}{5}$</td> <td>ب) ضریب عددی عبارت جبری $\frac{3x}{5}$.</td> </tr> <tr> <td>دوران</td> <td>ج) جواب معادله $\frac{2k-6}{6} = k - 3$</td> </tr> <tr> <td>$\frac{3}{5}$</td> <td>د) تبدیل هندسی که جهت را تغییر نمی دهد.</td> </tr> <tr> <td>تقارن</td> <td>انتقال</td> </tr> <tr> <td>-6</td> <td></td> </tr> <tr> <td>3</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	پاسخ	سوال	انتقال	الف) دهمین مضرب 6 ، پانزدهمین مضرب است.	$\frac{4}{5}$	ب) ضریب عددی عبارت جبری $\frac{3x}{5}$.	دوران	ج) جواب معادله $\frac{2k-6}{6} = k - 3$	$\frac{3}{5}$	د) تبدیل هندسی که جهت را تغییر نمی دهد.	تقارن	انتقال	-6		3			
پاسخ	سوال																		
انتقال	الف) دهمین مضرب 6 ، پانزدهمین مضرب است.																		
$\frac{4}{5}$	ب) ضریب عددی عبارت جبری $\frac{3x}{5}$.																		
دوران	ج) جواب معادله $\frac{2k-6}{6} = k - 3$																		
$\frac{3}{5}$	د) تبدیل هندسی که جهت را تغییر نمی دهد.																		
تقارن	انتقال																		
-6																			
3																			
۱	*** در هو سوال، گزینه درست را انتخاب کنید و علامت بزنید.		۴																
	الف) بین -4 و $+14$ چند عدد صحیح نامنفی وجود دارد؟																		
	<input type="checkbox"/> ۱۵ <input checked="" type="checkbox"/> ۱۴ <input type="checkbox"/> ۱۳ <input type="checkbox"/> ۱۸																		
	ب) مجموع سه زاویه 290 درجه است. اولی 15 درجه بیش تر از دومی و دومی 25 درجه بیشتر از سومی است. زاویه اول چند درجه است؟																		
	<input checked="" type="checkbox"/> ۱۱۵ درجه <input type="checkbox"/> ۱۰۰ درجه <input type="checkbox"/> ۷۵ درجه <input type="checkbox"/> ۵۰ درجه																		

*** فصل ۴ - هندسه و استدلال ***

۸



$$\begin{array}{l} \hat{1} + \hat{2} = 180^\circ \\ \hat{3} + \hat{4} = 180^\circ \end{array} \Rightarrow \hat{1} = \hat{2}$$

الف) فقط یکی از دو مورد زیر را انتخاب کرده و ثابت کنید:
دو زاویه متقابل به راس مساوی‌اند.

زاویه موردنظر: α

$$90^\circ - (90^\circ - \alpha) = 90^\circ - 90^\circ + \alpha = \alpha$$



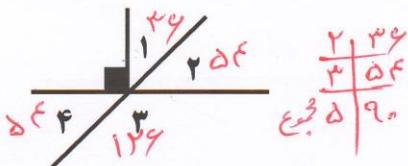
$$\overline{AC} = \frac{\overline{CD}}{2}$$

ب) با توجه به شکل، تساوی را کامل کنید.

ج) نقاط A و B و C و D را روی خط راست چنان انتخاب کنید که:



$$\overline{AC} + \overline{BC} = \overline{AD} - \overline{BD}$$

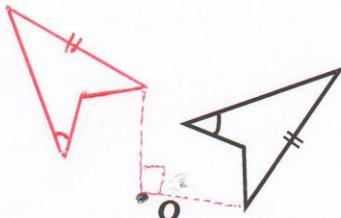


د) در شکل مقابله زاویه ۱، $\frac{2}{3}$ برابر زاویه ۲ است. زاویه ۳ چند درجه است؟

$$\hat{3} = 126$$

ه) یک n ضلعی محض ۲۰ قطر دارد. اندازه هر زاویه داخلی آن چند درجه است؟

$$\frac{n(n-3)}{2} = 20 \rightarrow n = 8 \quad \frac{(n-2) \times 180}{n} = 135$$



و) شکل را نسبت به نقطه O ، 90° درجه خلاف عقربه‌های ساعت

دوران دهید و اجزای متناظر مشخص شده را در شکل دوران یافته

علامت بزنید. (رسم با مداد اشکالی ندارد.)

*** فصل ۵ - شمارنده و اعداد اول ***

۹

$$3^1, 3^2, 3^3$$

عدد 3 باشد؟

الف) چند عدد کمتر از 50 وجود دارد که شمارنده اول آن‌ها فقط 3 باشد؟

ب) ب m دو عدد 240 و $3^2 \times 7 \times 2^3$ را با تجزیه به دست آورید.

$$(2^3 \times 2^2 \times 7, 240) = 2^3 \times 3 = 24$$

$$240 = 2^5 \times 3 \times 5$$

$$[64, 36] = 396$$

ج) اولین مضرب مشترک چهار رقمی دو عدد 36 و 66 را به دست آورید.

$$396 \times 3 = 1188$$

د) مجموع دو عدد اول 52 است. اگر یکی از آن‌ها مضرب 5 باشد، عدد بزرگ تر را به دست آورید.

$$52 - 5 = 47$$

ه) امروز تصمیم گرفته شد که علی هر 4 روز و رضا هر 6 روز به باشگاه بروند. وقتی برای هشتادمین بار آن‌ها یکدیگر را

$$[4, 6] = 12$$

در باشگاه ملاقات کنند، علی چند بار به باشگاه رفته است؟

$$\frac{12 \times 8}{4} = 24$$

۱/۵

*** فصل اول - راهبرد حل مسئله ***

۵

الف) ضرب دو عدد طبیعی ۱۲ و تفاضل آن ها کمترین مقدار ممکن است. آن دو عدد را به دست آورید.

تذکر: مجموع احتراق عدد را صفت در نظر نگیریم.

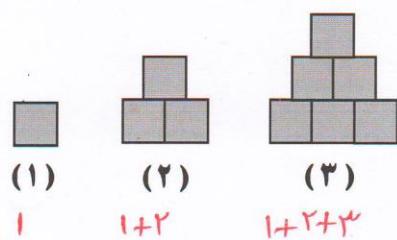
ب) با توجه به شکل: جمله n ام :

$$1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\frac{20 \times 21}{2} = 210 \quad * \quad *$$

* شکل بیستم از چند مریخ ساخته شده است؟

* در کدام شکل، تعداد مریخ ها ۷۸ تاست؟



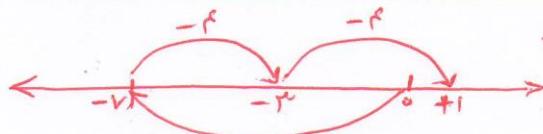
$$\frac{n(n+1)}{2} = 78 \rightarrow n = 12$$

۲/۵

*** فصل دوم - اعداد صحیح ***

۶

الف) حاصل $4 \times 2 + 7 - 1$ را با رسم محور به دست آورید.



ب) در جای خالی یکی از علامت های + یا - قرار دهید به طوری که حاصل کمترین مقدار ممکن باشد:

$$158 \textcircled{+} (-1418) \textcircled{-} 127 \textcircled{-} (+983)$$

ج) حاصل را به دست آورید.

$$5 - 2 + (5 \times (-2)) - (5 - (-2)) \div (2 - (-5)) = 5 - 2 - 10 - 1 = -8$$

۴

*** فصل ۳ - عبارت جبری ***

۷

الف) ساده کنید.

$$3a - 4 - 2(2a - 2) = 3a - 4 - 4a + 4 = -a$$

$$\frac{2}{3}(6a - b - b - b) = 4a - 2b$$

ب) جمله n ام دنباله ای به صورت $n \times n - 4n + 3$ می باشد. جمله سوم آن را به دست آورید.

$$3 \times 3 - 4 \times 3 + 3 = 0$$

ج) معادله مقابله ای حل کنید.

$$4x - 15 = 3(2x - 2)$$

$$4x - 15 = 6x - 6 \rightarrow 4x - 6x = 15 - 6$$

$$-2x = -9 \rightarrow x = \frac{-9}{-2} = +\frac{9}{2}$$

د) برای مسئله زیر فقط معادله بنویسید و نیازی به حل آن نیست.

* مجموع پول مهدی و نوید ۱۲۵۰ تومان است. اگر پول مهدی از دو برابر پول نوید ۴ تومان کمتر باشد، پول نوید را

x : پول نوید

$2x - 4$: پول مهدی

$$x + 2x - 4 = 1250$$

به دست آورید.

$$3x - 4 = 1250$$

*** تشویقی ***

فقط یکی از دو مورد زیر را به دلخواه انتخاب کرده و حل کنید. (یک نمره)

الف) علی ۵۰ شکلات را بین تعدادی از دوستانش تقسیم کرد و ۲ شکلات باقی ماند. سپس ۳۹ آدامس را بین همان تعداد

تقسیم کرد و ۳ آدامس باقی ماند. تعداد دوستان علی چند نفر می توانند باشند؟

$$\begin{aligned} 50 - 2 &= 48 \\ 39 - 3 &= 36 \\ (36, 48) &= 12 \end{aligned}$$

سریعهای ۱۲ و بزرگتر از ۳۶ :

۴، ۶، ۱۲

ب) در یک مهمانی قرار شد هر کس به مقدار پولی که روی میز است، به میز اضافه کند و ۱۲۰۰ تومان بردارد. سه نفر به

ترتیب این کار را کردند و دیگر پولی روی میز باقی نماند. مقدار پول اولیه روی میز را به دست آورید. (با معادله)

مقدار اولیه از لیست : x

$$\begin{aligned} 2(2(2x - 1200) - 1200) &= 0 \\ 2(4x - 2400 - 1200) &= 0 \\ 2(4x - 3600) &= 0 \\ 8x - 7200 - 1200 &= 0 \rightarrow 8x - 8400 = 0 \rightarrow 8x = 8400 \\ x &= 1050 \end{aligned}$$



*** خسته نباشی ***

امتحان چطور بود؟!

از این که یک فیلم سال را در کنارتون بودم، خوشحالم. امیدوارم که در این امتحان و مهم تر از آن در زندگی قان موفق باشید.

آنکه نمی تواند از خواب خویش برای فرازیری دانش و آگاهی کم کند ارزش برتری و بزرگی ندارد. ارباب بزرگ

موقعیت شما، آرزوی قلبی ما ابراهیم زاده