



اصول برنامه نویسی کامپیوتر

تابع:

تبدیل زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به برنامه

محمد فرشی

آزمایشگاه الگوریتم های ترکیباتی و هندسی - دانشکده علوم ریاضی - دانشگاه نیرود

۲۷ اسفند ۱۴۰۱

## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در حقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برخورد می‌کنیم.
- ◀ اول: یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم: در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در مقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برنورد می‌کنیم.
- ◀ اول: یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم: در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در حقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برخورد می‌کنیم.
- ◀ اول: یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم: در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در حقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برنورد می‌کنیم.
- ◀ اول: یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم: در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در حقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برخورد می‌کنیم.
- ◀ اول؛ یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم؛ در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم و زیرفلوچارت به زبان ++C:

- ◀ در فصل‌های قبلی از زیرالگوریتم‌ها و زیرفلوچارت‌ها برای تقسیم مل یک مسئله به مل تعدادی زیرمسئله استفاده کردیم.
- ◀ در اینجا، روش تبدیل این زیرالگوریتم و زیرفلوچارت‌ها به برنامه و همچنین روش استفاده از آنها در سایر زیرالگوریتم‌ها را بیان می‌کنیم.
- ◀ تابع در حقیقت، یک زیرالگوریتم و زیرفلوچارت تبدیل شده به برنامه است.
- ◀ با مقایسه زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با الگوریتم و فلوچارت، با دو تفاوت برخورد می‌کنیم.
- ◀ اول؛ یک الگوریتم یا فلوچارت با شروع آغاز می‌شود در حالی که در زیرالگوریتم و زیرفلوچارت، شروع با نام آن زیرالگوریتم و زیرفلوچارت و لیست پارامترهای آن است.
- ◀ دوم؛ در انتهای یک الگوریتم و فلوچارت با پایان به انتها می‌رسد اما زیرالگوریتم و زیرفلوچارت با دستور برگردان.



## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(...، نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant) int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلو نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.





## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(...، نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

`double BMM(int m, float n, int constant)`                      `int IsPrime(int n)`

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را `void` قرار

می‌دهیم. مثال: `void print(int m, int n)`

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلوی نام آن را خالی می‌گذاریم

یا `void` قرار می‌دهیم. مثال: `double test()` یا `double test(void)`

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور `return` استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور `return` قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: `return;` یا `return sum;`

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(... , نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant) int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلو نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(... , نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant) int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلو نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## بیان زیرالگوریتیم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتیم به صورت زیر است:

(... , نام پارامتر دوم نوع پارامتر دوم ، نام پارامتر اول نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant)          int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتیمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتیم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلوی نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(...، نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant) int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلو نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع مداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## بیان زیرالگوریتم در ++C:

◀ معرفی زیرالگوریتم به صورت زیر است:

(...، نام پارامتر دوم، نوع پارامتر دوم، نام پارامتر اول، نوع پارامتر اول) نام تابع نوع مقدار بازگشتی

◀ مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant) int IsPrime(int n)
```

◀ اگر زیرالگوریتمی مقدار بازگشتی ندارد، نوع مقدار بازگشتی را void قرار

می‌دهیم. مثال: void print(int m, int n)

◀ اگر زیرالگوریتم هیچ پارامتری ندارد، داخل پرانتز جلو نام آن را خالی می‌گذاریم

یا void قرار می‌دهیم. مثال: double test() یا double test(void)

◀ دقت کنید که در انتهای دستور و بعد از پرانتز بسته سمی کالن نمی‌آید.

◀ برای عبارت «برگردان» از دستور return استفاده می‌کنیم. اگر مقداری باید

برگشت داده شود آن مقدار با یک فاصله بعد از دستور return قرار می‌گیرد و

سپس سمی کالن قرار می‌گیرد. مثال: return; یا return sum;

◀ تابع حداکثر یک مقدار برمی‌گرداند.



## فراخوانی تابع:

- ◀ در بمت زیرالگوریتم، ما یک زیرالگوریتم را با نام آن به همراه لیست آرگومان‌های مورد نظمان فراخوانی می‌کردیم و اگر زیرالگوریتم، مقدار بازگشت داده شده داشت، آن را در متغیری ذخیره می‌کردیم.
- ◀ در زیرفلوپارت نیز همین روند با قرار گرفتن موارد ذکر شده در داخل یک مستطیل با اضلاع عمودی دوتایی بیان می‌شود.
- ◀ در فراخوانی صرفاً نام تابع و لیست آرگومان‌ها کافی است و نوع مقدار بازگشتی تابع و نوع آرگومان‌ها بیان نمی‌شود.
- ◀ نوع و تعداد آرگومان‌های تابع در فراخوانی دقیقاً مشابه نوع و تعداد پارامترهای آن در تعریف تابع باشد. در صورت تفاوت در تعداد پارامترها، برنامه با فضای گرامری در زمان ترجمه یا فضای منطقی مواجه می‌شود.
- ◀ مثال:

```
print(3, x);
```

```
R=IsPrime(i);
```



## فراخوانی تابع:

- ◀ در بمت زیرالگوریتم، ما یک زیرالگوریتم را با نام آن به همراه لیست آرگومان‌های مورد نظرمون فراخوانی می‌کردیم و اگر زیرالگوریتم، مقدار بازگشت داده شده داشت، آن را در متغیری ذخیره می‌کردیم.
- ◀ در زیرفلوچارت نیز همین روند با قرار گرفتن موارد ذکر شده در داخل یک مستطیل با اضلاع عمودی دوتایی بیان می‌شود.
- ◀ در فراخوانی صرفاً نام تابع و لیست آرگومان‌ها کافی است و نوع مقدار بازگشتی تابع و نوع آرگومان‌ها بیان نمی‌شود.
- ◀ نوع و تعداد آرگومان‌های تابع در فراخوانی دقیقاً مشابه نوع و تعداد پارامترهای آن در تعریف تابع باشد. در صورت تفاوت در تعداد پارامترها، برنامه با فضای گرامری در زمان ترجمه یا فضای منطقی مواجه می‌شود.
- ◀ مثال:

```
print(3, x);
```

```
R=IsPrime(i);
```





## فراخوانی تابع:

- ▶ در بمت زیرالگوریتم، ما یک زیرالگوریتم را با نام آن به همراه لیست آرگومان‌های مورد نظرمان فراخوانی می‌کردیم و اگر زیرالگوریتم، مقدار بازگشت داده شده داشت، آن را در متغیری ذخیره می‌کردیم.
- ▶ در زیرفلوپارت نیز همین روند با قرار گرفتن موارد ذکر شده در داخل یک مستطیل با اضلاع عمودی دوتایی بیان می‌شود.
- ▶ در فراخوانی صرفاً نام تابع و لیست آرگومان‌ها کافی است و نوع مقدار بازگشتی تابع و نوع آرگومان‌ها بیان نمی‌شود.
- ▶ نوع و تعداد آرگومان‌های تابع در فراخوانی دقیقاً مشابه نوع و تعداد پارامترهای آن در تعریف تابع باشد. در صورت تفاوت در تعداد پارامترها، برنامه با فضای گرامری در زمان ترجمه یا فضای منطقی مواجه می‌شود.
- ▶ مثال:

```
print(3, x);
```

```
R=IsPrime(i);
```



## فراخوانی تابع:

- ▶ در بمت زیرالگوریتم، ما یک زیرالگوریتم را با نام آن به همراه لیست آرگومان‌های مورد نظرمان فراخوانی می‌کردیم و اگر زیرالگوریتم، مقدار بازگشت داده شده داشت، آن را در متغیری ذخیره می‌کردیم.
- ▶ در زیرفلوپارت نیز همین روند با قرار گرفتن موارد ذکر شده در داخل یک مستطیل با اضلاع عمودی دوتایی بیان می‌شد.
- ▶ در فراخوانی صرفاً نام تابع و لیست آرگومان‌ها کافی است و نوع مقدار بازگشتی تابع و نوع آرگومان‌ها بیان نمی‌شود.
- ▶ نوع و تعداد آرگومان‌های تابع در فراخوانی دقیقاً مشابه نوع و تعداد پارامترهای آن در تعریف تابع باشد. در صورت تفاوت در تعداد پارامترها، برنامه با فضای گرامری در زمان ترجمه یا فضای منطقی مواجه می‌شود.
- ▶ مثال:

```
print(3,x);
```

```
R=IsPrime(i);
```



## فراخوانی تابع:

- ▶ در بمت زیرالگوریتم، ما یک زیرالگوریتم را با نام آن به همراه لیست آرگومان‌های مورد نظرمان فراخوانی می‌کردیم و اگر زیرالگوریتم، مقدار بازگشت داده شده داشت، آن را در متغیری ذخیره می‌کردیم.
- ▶ در زیرفلوچارت نیز همین روند با قرار گرفتن موارد ذکر شده در داخل یک مستطیل با اضلاع عمودی دوتایی بیان می‌شود.
- ▶ در فراخوانی صرفاً نام تابع و لیست آرگومان‌ها کافی است و نوع مقدار بازگشتی تابع و نوع آرگومان‌ها بیان نمی‌شود.
- ▶ نوع و تعداد آرگومان‌های تابع در فراخوانی دقیقاً مشابه نوع و تعداد پارامترهای آن در تعریف تابع باشد. در صورت تفاوت در تعداد پارامترها، برنامه با فضای گرامری در زمان ترجمه یا فضای منطقی مواجه می‌شود.
- ▶ مثال:

```
print(3, x);
```

```
R=IsPrime(i);
```



## نکات مهم:

- ◀ توابع مربوط به زیرالگوریتمها باید در همان فایل برنامه مربوط به الگوریتم موجود باشد.
- ◀ الگوریتم اصلی در داخل تابع main قرار می‌گیرد.
- ◀ با اجرای یک برنامه، فقط تابع main اجرا می‌شود و در صورتی توابع دیگر اجرا می‌شوند که دستور فرافوانی مربوط به آنها اجرا شود.
- ◀ ترتیب قرار گرفتن توابع در برنامه، تاثیری در اجرای برنامه ندارد ولی تابع باید قبل از اولین فرافوانی‌اش در ترتیب آمدن توابع در برنامه، آمده باشد، یا تعریف شده باشد.
- ◀ منظور از تعریف کردن تابع آن است که همان خط اول تعریف تابع که شامل نوع بازگشت داده شده توسط تابع، نام تابع و لیست پارامترها و نوع آنها بود به مملی که نیاز داریم تابع تعریف شود کپی شده و در انتها یک سمی کالن قرار دهیم. این کار، هیچ تاثیر اجرایی ندارد. مثال:

```
double BMM(int m,float n,int constant);
```



## نکات مهم:

- ◀ توابع مربوط به زیرالگوریتم‌ها باید در همان فایل برنامه مربوط به الگوریتم موجود باشد.
- ◀ الگوریتم اصلی در داخل تابع `main` قرار می‌گیرد.
- ◀ با اجرای یک برنامه، فقط تابع `main` اجرا می‌شود و در صورتی توابع دیگر اجرا می‌شوند که دستور فرافوانی مربوط به آنها اجرا شود.
- ◀ ترتیب قرار گرفتن توابع در برنامه، تاثیری در اجرای برنامه ندارد ولی تابع باید قبل از اولین فرافوانی‌اش در ترتیب آمدن توابع در برنامه، آمده باشد، یا تعریف شده باشد.
- ◀ منظور از تعریف کردن تابع آن است که همان خط اول تعریف تابع که شامل نوع بازگشت داده شده توسط تابع، نام تابع و لیست پارامترها و نوع آنها بود به مملی که نیاز داریم تابع تعریف شود کپی شده و در انتها یک سمی کالن قرار دهیم. این کار، هیچ تاثیر اجرایی ندارد. مثال:

```
double BMM(int m,float n,int constant);
```



## نکات مهم:

- ◀ توابع مربوط به زیرالگوریتمها باید در همان فایل برنامه مربوط به الگوریتم موجود باشد.
- ◀ الگوریتم اصلی در داخل تابع `main` قرار می‌گیرد.
- ◀ با اجرای یک برنامه، فقط تابع `main` اجرا می‌شود و در صورتی توابع دیگر اجرا می‌شوند که دستور فرافوانی مربوط به آنها اجرا شود.
- ◀ ترتیب قرار گرفتن توابع در برنامه، تاثیری در اجرای برنامه ندارد ولی تابع باید قبل از اولین فرافوانی‌اش در ترتیب آمدن توابع در برنامه، آمده باشد، یا تعریف شده باشد.
- ◀ منظور از تعریف کردن تابع آن است که همان خط اول تعریف تابع که شامل نوع بازگشت داده شده توسط تابع، نام تابع و لیست پارامترها و نوع آنها بود به مملی که نیاز داریم تابع تعریف شود کپی شده و در انتها یک سمی کالن قرار دهیم. این کار، هیچ تاثیر اجرایی ندارد. مثال:

```
double BMM(int m,float n,int constant);
```



## نکات مهم:

- ◀ توابع مربوط به زیرالگوریتم‌ها باید در همان فایل برنامه مربوط به الگوریتم موجود باشد.
- ◀ الگوریتم اصلی در داخل تابع `main` قرار می‌گیرد.
- ◀ با اجرای یک برنامه، فقط تابع `main` اجرا می‌شود و در صورتی توابع دیگر اجرا می‌شوند که دستور فرافوانی مربوط به آنها اجرا شود.
- ◀ ترتیب قرار گرفتن توابع در برنامه، تاثیری در اجرای برنامه ندارد ولی تابع باید قبل از اولین فرافوانی‌اش در ترتیب آمدن توابع در برنامه، آمده باشد، یا تعریف شده باشد.
- ◀ منظور از تعریف کردن تابع آن است که همان خط اول تعریف تابع که شامل نوع بازگشت داده شده توسط تابع، نام تابع و لیست پارامترها و نوع آنها بود به مملی که نیاز داریم تابع تعریف شود کپی شده و در انتها یک سمی کالن قرار دهیم. این کار، هیچ تاثیر اجرایی ندارد. مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant);
```



## نکات مهم:

- ◀ توابع مربوط به زیرالگوریتمها باید در همان فایل برنامه مربوط به الگوریتم موجود باشد.
- ◀ الگوریتم اصلی در داخل تابع `main` قرار می‌گیرد.
- ◀ با اجرای یک برنامه، فقط تابع `main` اجرا می‌شود و در صورتی توابع دیگر اجرا می‌شوند که دستور فراخوانی مربوط به آنها اجرا شود.
- ◀ ترتیب قرار گرفتن توابع در برنامه، تاثیری در اجرای برنامه ندارد ولی تابع باید قبل از اولین فراخوانی‌اش در ترتیب آمدن توابع در برنامه، آمده باشد، یا تعریف شده باشد.
- ◀ منظور از تعریف کردن تابع آن است که همان خط اول تعریف تابع که شامل نوع بازگشت داده شده توسط تابع، نام تابع و لیست پارامترها و نوع آنها بود به مملی که نیاز داریم تابع تعریف شود کپی شده و در انتها یک سمی کالن قرار دهیم. این کار، هیچ تاثیر اجرایی ندارد. مثال:

```
double BMM(int m, float n, int constant);
```





## مثال ۱

زیرالگوریتمی بنویسید که عدد  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و در صورت اول بودن  $n$ ، عدد ۱ و در غیر این صورت عدد ۰ را برگرداند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $IsPrime(n)$

۲  $i \leftarrow 2$

۳ اگر  $i \leq \frac{n}{i}$  و  $n \% i \neq 0$  آنگاه

۴  $i \leftarrow i + 1$

۵ به مرحله ۳ برو

۶ پایان اگر

۷ اگر  $i > \frac{n}{i}$  آنگاه

۸ ۱ را برگردان

۹ در غیر این صورت

۱۰ ۰ را برگردان

۱۱ پایان اگر



## مثال ۱

زیرالگوریتمی بنویسید که عدد  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و در صورت اول بودن  $n$ ، عدد ۱ و در غیر این صورت عدد ۰ را برگرداند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $IsPrime(n)$

۲  $i \leftarrow 2$

۳ اگر  $i \leq \frac{n}{i}$  و  $n \% i \neq 0$  آنگاه

۴  $i \leftarrow i + 1$

۵ به مرحله ۳ برو

۶ پایان اگر

۷ اگر  $i > \frac{n}{i}$  آنگاه

۸ ۱ را برگردان

۹ در غیر این صورت

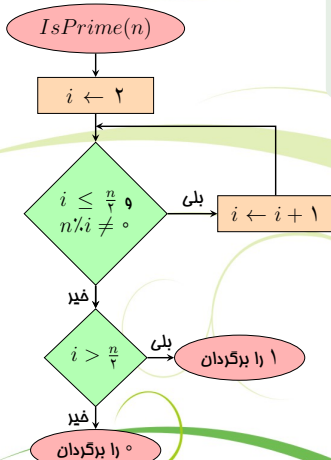
۱۰ ۰ را برگردان

۱۱ پایان اگر



## مثال ۱

زیرالگوریتمی بنویسید که عدد  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و در صورت اول بودن  $n$ ، عدد ۱ و در غیر این صورت عدد ۰ را برگرداند.



حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $IsPrime(n)$

۲  $i \leftarrow 2$

۳ اگر  $i \leq \frac{n}{2}$  و  $n \% i \neq 0$  آنگاه

۴  $i \leftarrow i + 1$

۵ به مرحله ۳ برو

۶ پایان اگر

۷ اگر  $i > \frac{n}{2}$  آنگاه

۸ ۱ را برگردان

۹ در غیر این صورت

۱۰ ۰ را برگردان

۱۱ پایان اگر



## مثال ۱

زیرالگوریتمی بنویسید که عدد  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و در صورت اول بودن  $n$  عدد ۱ و در غیر این صورت عدد ۰ را برگرداند.

```

1 int IsPrime(unsigned int n)
2 {
3     int i = 2;
4     while(i<=n/2 && n%i !=0)
5         i++;
6     if(i> n/2)
7         return 1;
8     else
9         return 0;
10 }
    
```

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $IsPrime(n)$   
 ۲  $i \leftarrow 2$   
 ۳ اگر  $i \leq \frac{n}{2}$  و  $n \% i \neq 0$  آنگاه  
 ۴  $i \leftarrow i + 1$   
 ۵ به مرحله ۳ برو  
 ۶ پایان اگر  
 ۷ اگر  $i > \frac{n}{2}$  آنگاه  
 ۸ ۱ را برگردان  
 ۹ در غیر این صورت  
 ۱۰ ۰ را برگردان  
 ۱۱ پایان اگر



## مثال ۲

الگوریتمی بنویسید که تعداد اعداد اول بین ۲ و ۱۰۰۰ را محاسبه و چاپ کند.

حل:

```
۱ شروع  
۲  $counter \leftarrow 0, i \leftarrow 2$   
۳ اگر  $i \leq 1000$  آنگاه  
۴  $R \leftarrow \text{IsPrime}(i)$   
۵ اگر  $R = 1$  آنگاه  
۶  $counter \leftarrow counter + 1$   
۷ پایان اگر  
۸  $i \leftarrow i + 1$   
۹ به مرحله ۳ برو  
۱۰ پایان اگر  
۱۱  $counter$  را چاپ کن  
۱۲ پایان
```



## مثال ۲

الگوریتمی بنویسید که تعداد اعداد اول بین ۲ و ۱۰۰۰ را محاسبه و چاپ کند.

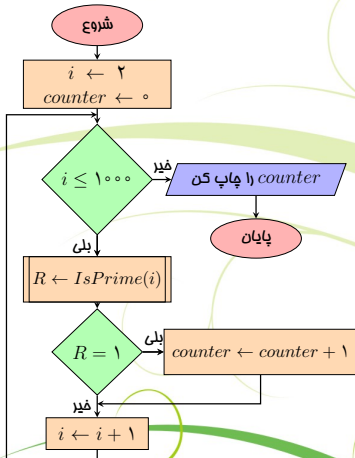
حل:

۱	شروع
۲	$i \leftarrow 2, counter \leftarrow 0$
۳	اگر $i \leq 1000$ آنگاه
۴	$R \leftarrow \text{IsPrime}(i)$
۵	اگر $R = 1$ آنگاه
۶	$counter \leftarrow counter + 1$
۷	پایان اگر
۸	$i \leftarrow i + 1$
۹	به مرحله ۳ برو
۱۰	پایان اگر
۱۱	$counter$ را چاپ کن
۱۲	پایان



## مثال ۲

الگوریتمی بنویسید که تعداد اعداد اول بین ۲ و ۱۰۰۰ را محاسبه و چاپ کند.



حل:

۱	شروع
۲	$i \leftarrow 2, counter \leftarrow 0$
۳	اگر $i \leq 1000$ آنگاه
۴	$R \leftarrow \text{IsPrime}(i)$
۵	اگر $R = 1$ آنگاه
۶	$counter \leftarrow counter + 1$
۷	پایان اگر
۸	$i \leftarrow i + 1$
۹	به مرحله ۳ برو
۱۰	پایان اگر
۱۱	$counter$ را چاپ کن
۱۲	پایان



## مثال ۲

الگوریتمی بنویسید که تعداد اعداد اول بین ۲ و ۱۰۰۰ را محاسبه و چاپ کند.

حل:

	۱	شروع
$counter \leftarrow 0$	۲	$i \leftarrow 2$
	۳	اگر $i \leq 1000$ آنگاه
$R \leftarrow \text{IsPrime}(i)$	۴	
	۵	اگر $R = 1$ آنگاه
$counter \leftarrow counter + 1$	۶	
	۷	پایان اگر
$i \leftarrow i + 1$	۸	
	۹	به مرحله ۳ برو
	۱۰	پایان اگر
	۱۱	$counter$ را چاپ کن
	۱۲	پایان

```

1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 int IsPrime(unsigned int n)
4 {
5     int i = 2;
6     while(i<=n/2 && n%i !=0)
7         i++;
8     if(i> n/2)
9         return 1;
10    else
11        return 0;
12 }
13 int main()
14 {
15     unsigned int i,counter=0,R;
16     for(i = 2; i <= 1000; i++)
17     {
18         R=IsPrime(i);
19         if (R == 1)
20             counter++;
21     }
22     cout << "# of Primes:" <<
        counter;
23     return 0;
    }

```





### مثال ۳

الگوریتمی بنویسید که یک عدد طبیعی را از ورودی بگیرد و تشخیص دهد اول است یا فیر.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  را بگیر
- ۳  $x \leftarrow \text{IsPrime}(A)$
- ۴ اگر  $x = 1$  آنگاه
- ۵ | «اول است» را چاپ کن
- ۶ در غیر این صورت
- ۷ | «اول نیست» را چاپ کن
- ۸ پایان اگر
- ۹ پایان



### مثال ۳

الگوریتمی بنویسید که یک عدد طبیعی را از ورودی بگیرد و تشخیص دهد اول است یا فیر.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  را بگیر
- ۳  $x \leftarrow \text{IsPrime}(A)$
- ۴ اگر  $x = 1$  آنگاه
- ۵ | «اول است» را چاپ کن
- ۶ در غیر این صورت
- ۷ | «اول نیست» را چاپ کن
- ۸ پایان اگر
- ۹ پایان



### مثال ۳

الگوریتمی بنویسید که یک عدد طبیعی را از ورودی بگیرد و تشخیص دهد اول است یا فیر.

حل:

۱ شروع

۲  $A$  را بگیر

۳  $x \leftarrow \text{IsPrime}(A)$

۴ اگر  $x = 1$  آنگاه

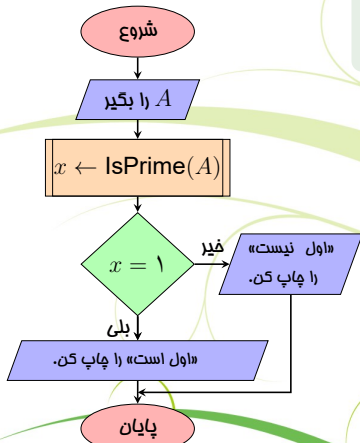
۵ «اول است» را چاپ کن

۶ در غیر این صورت

۷ «اول نیست» را چاپ کن

۸ پایان اگر

۹ پایان



### مثال ۳

الگوریتمی بنویسید که یک عدد طبیعی را از ورودی بگیرد و تشخیص دهد اول است یا فیر.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  را بگیر
- ۳  $x \leftarrow \text{IsPrime}(A)$
- ۴ اگر  $x = 1$  آنگاه
- ۵ | «اول است» را چاپ کن
- ۶ در غیر این صورت
- ۷ | «اول نیست» را چاپ کن
- ۸ پایان اگر
- ۹ پایان

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 int IsPrime(unsigned int n)
4 {
5     int i = 2;
6     while(i<=n/2 && n%i !=0)
7         i++;
8     if(i> n/2)
9         return 1;
10    else
11        return 0;
12 }
13 int main()
14 {
15     unsigned int A,x;
16     cout << "Please enter a
17         positive integer:";
18     cin >> A;
19     x = IsPrime(A);
20     if(x == 1)
21         cout<<"Is Prime.";
22     else
23         cout<<"Not Prime.";
24     return 0;
25 }
```

دانشگاه علوم ریاضی

### مثال ۳

الگوریتمی بنویسید که یک عدد طبیعی را از ورودی بگیرد و تشخیص دهد اول است یا فیر.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  را بگیر
- ۳  $x \leftarrow \text{IsPrime}(A)$
- ۴ اگر  $x = 1$  آنگاه
- ۵ | «اول است» را چاپ کن
- ۶ در غیر این صورت
- ۷ | «اول نیست» را چاپ کن
- ۸ پایان اگر
- ۹ پایان

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 int IsPrime(unsigned int n)
4 {
5     int i = 2;
6     while(i<=n/2 && n%i !=0)
7         i++;
8     if(i> n/2)
9         return 1;
10    else
11        return 0;
12 }
13 int main()
14 {
15     unsigned int A,x;
16     cout << "Please enter a
17         positive integer:";
18     cin >> A;
19     x = IsPrime(A);
20     if(x == 1)
21         cout<<"Is Prime.";
22     else
23         cout<<"Not Prime.";
24     return 0;
25 }
```

استفاده مجدد!

## مثال ۴

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که یک عدد طبیعی را بگیرد و تجزیه آن را به عوامل اول مناسبه و چاپ کند.

حل:

```
۱ شروع  
۲  $n$  را بگیر  
۳  $i \leftarrow ۲$   
۴ اگر  $n > ۱$  آنگاه  
۵  $x \leftarrow \text{IsPrime}(i)$   
۶ اگر  $x = ۱$  آنگاه  
۷ اگر  $n \% i = ۰$  آنگاه  
۸  $i$  را چاپ کن  
۹  $n \leftarrow n/i$   
۱۰ درغیراینصورت  
۱۱  $i \leftarrow i + ۱$   
۱۲ پایان اگر  
۱۳ درغیراینصورت  
۱۴  $i \leftarrow i + ۱$   
۱۵ پایان اگر  
۱۶ به مرحله ۴ برو  
۱۷ پایان اگر
```



## مثال ۴

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که یک عدد طبیعی را بگیرد و تجزیه آن را به عوامل اول مناسبه و چاپ کند.

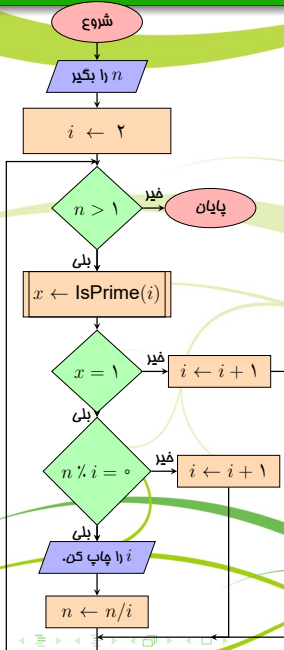
### مل:

```
۱ شروع  
۲  $n$  را بگیر  
۳  $i \leftarrow 2$   
۴ اگر  $n > 1$  آنگاه  
۵  $x \leftarrow \text{IsPrime}(i)$   
۶ اگر  $x = 1$  آنگاه  
۷ اگر  $n \% i = 0$  آنگاه  
۸  $i$  را چاپ کن  
۹  $n \leftarrow n/i$   
۱۰ در غیر این صورت  
۱۱  $i \leftarrow i + 1$   
۱۲ پایان اگر  
۱۳ در غیر این صورت  
۱۴  $i \leftarrow i + 1$   
۱۵ پایان اگر  
۱۶ به مرحله ۴ برو  
۱۷ پایان اگر
```



## مثال ۴

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که یک عدد طبیعی را بگیرد و تجزیه آن را به عوامل اول مناسبه و چاپ کند.



### حل:

۱ شروع  
۲ n را بگیر  
۳  $i \leftarrow ۲$   
۴ اگر  $n > ۱$  آنگاه  
۵  $x \leftarrow \text{IsPrime}(i)$   
۶ اگر  $x = ۱$  آنگاه  
۷ اگر  $n \% i = ۰$  آنگاه  
۸ i را چاپ کن  
۹  $n \leftarrow n/i$   
۱۰ درغیراینصورت  
۱۱  $i \leftarrow i + ۱$   
۱۲ پایان اگر  
۱۳ درغیراینصورت  
۱۴  $i \leftarrow i + ۱$   
۱۵ پایان اگر  
۱۶ به مرحله ۴ برو  
۱۷ پایان اگر





## مثال ۴

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که یک عدد طبیعی را بگیرد و تجزیه آن را به عوامل اول مناسبه و چاپ کند.

```

1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 int IsPrime(unsigned int n)
4 {
5     int i = 2;
6     while(i<=n/2 && n%i !=0)
7         i++;
8     if(i> n/2)
9         return 1;
10    else
11        return 0;
12 }
13 int main()
14 {
15     unsigned int n,i,x;
16     cout << "Please enter a
17     positive integer:";
18     cin >> n;
19     for(i=2; n>1; )
20     {
21         x = IsPrime(i);
22         if(x == 1)
23             if(n%i == 0)
24             {
25                 cout<<i<<"*";
26                 n/=i;
27             }
28         else
29             i++;
30     }
31     else
32         i++;
33     return 0;

```

### حل:

۱	شروع
۲	$n$ را بگیر
۳	$i \leftarrow 2$
۴	اگر $n > 1$ آنگاه
۵	$x \leftarrow \text{IsPrime}(i)$
۶	اگر $x = 1$ آنگاه
۷	اگر $n \% i = 0$ آنگاه
۸	$i$ را چاپ کن
۹	$n \leftarrow n/i$
۱۰	در غیر این صورت
۱۱	$i \leftarrow i + 1$
۱۲	پایان اگر
۱۳	در غیر این صورت
۱۴	$i \leftarrow i + 1$
۱۵	پایان اگر
۱۶	به مرحله ۴ برو
۱۷	پایان اگر

## مثال ۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که صورت و  
مخرج دو کسر را بگیرد و مجموع آن دو کسر را  
مماسبه و به صورت کسر تا حد امکان ساده  
شده چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر

۳  $E \leftarrow A \times D + B \times C$

۴  $F \leftarrow B \times D$

۵  $G \leftarrow \text{BMM}(E, F)$

۶  $F \leftarrow F/G, E \leftarrow E/G$

۷  $E/F$  را چاپ کن

۸ پایان



## مثال ۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که صورت و  
مخرج دو کسر را بگیرد و مجموع آن دو کسر را  
مماسبه و به صورت کسر تا حد امکان ساده  
شده چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر

۳  $E \leftarrow A \times D + B \times C$

۴  $F \leftarrow B \times D$

۵  $G \leftarrow \text{BMM}(E, F)$

۶  $F \leftarrow F/G, E \leftarrow E/G$

۷  $E/F$  را چاپ کن

۸ پایان



شروع

A و B و C و D را بگیر

$E \leftarrow A \times D + B \times C$   
 $F \leftarrow B \times D$

$G \leftarrow \text{BMM}(E, F)$

$E \leftarrow E/G$   
 $F \leftarrow F/G$

E/F را چاپ کن

پایان

**مثال ۵**  
الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که صورت و مخرج دو کسر را بگیرد و مجموع آن دو کسر را مناسبه و به صورت کسر تا حد امکان ساده شده چاپ کند.

- حل:**
- ۱ شروع
  - ۲ A و B و C و D را بگیر
  - ۳  $E \leftarrow A \times D + B \times C$
  - ۴  $F \leftarrow B \times D$
  - ۵  $G \leftarrow \text{BMM}(E, F)$
  - ۶  $F \leftarrow F/G, E \leftarrow E/G$
  - ۷ E/F را چاپ کن
  - ۸ پایان



```

1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 unsigned int BMM(unsigned int A
    , unsigned int B)
4 {
5     unsigned int i;
6     if (A > B)
7         i=B;
8     else
9         i=A;
10    while ( A % i != 0 || B % i
        !=0)
11        i--;
12    return i;
13 }
14 int main()
15 {
16     int A,B,C,D,E,F,G;
17     cout << "I want to compute
        A / B + C / D.\n";
18     cin>>A>>B>>C>>D;
19     E=A*D+B*C; F=B*D;
20     G=BMM(E,F);
21     E/=G; F/=G;
22     cout << "The result:" << E
        << "/" << F;
    return 0;
}
    
```

## مثال ۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که صورت و مخرج دو کسر را بگیرد و مجموع آن دو کسر را مناسبه و به صورت کسر تا حد امکان ساده شده چاپ کند.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر
- ۳  $E \leftarrow A \times D + B \times C$
- ۴  $F \leftarrow B \times D$
- ۵  $G \leftarrow \text{BMM}(E, F)$
- ۶  $F \leftarrow F/G, E \leftarrow E/G$
- ۷  $E/F$  را چاپ کن
- ۸ پایان

## مثال ۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد ماصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $digits(n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $n > 0$  آنگاه

۴  $n \leftarrow \lfloor \frac{n}{10} \rfloor$

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸  $i$  را برگردان



## مثال ۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد ماصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $\text{digits}(n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $n > 0$  آنگاه

۴  $n \leftarrow \lfloor \frac{n}{10} \rfloor$

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

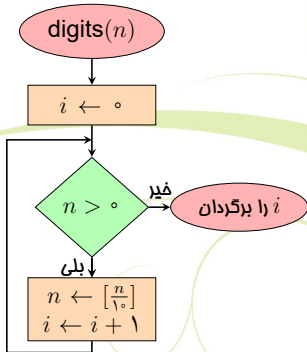
۷ پایان اگر

۸  $i$  را برگردان



## مثال ۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد ماصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.



حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $digits(n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $n > 0$  آنگاه

۴  $n \leftarrow \left[ \frac{n}{10} \right]$

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸  $i$  را برگردان





## مثال ۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

```
1 unsigned int digits(unsigned  
   long int n)  
2 {  
3     unsigned int i;  
4     for(i=0; n>0; i++)  
5         n/=10;  
6     return i;  
7 }
```

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $\text{digits}(n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $n > 0$  آنگاه

۴  $n \leftarrow \lfloor \frac{n}{10} \rfloor$

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸  $i$  را برگردان



## مثال ۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $concat2(x, y)$

۲  $i \leftarrow digits(x)$

۳  $A \leftarrow y \times 10^i + x$

۴  $A$  را برگردان



## مثال ۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع زیرالگوریتم  $concat2(x, y)$

۲  $i \leftarrow digits(x)$

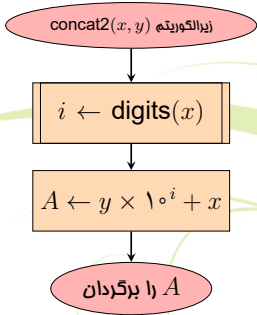
۳  $A \leftarrow y \times 10^i + x$

۴  $A$  را برگردان



## مثال ۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.



حل:

- ۱ شروع زیرالگوریتم  $\text{concat2}(x, y)$
- ۲  $i \leftarrow \text{digits}(x)$
- ۳  $A \leftarrow y \times 10^i + x$
- ۴ A را برگردان



```
1 long int pow(int base, unsigned
  int power)
2 {
3     long int p=1;
4     unsigned int i;
5     for(i=0; i<power; i++)
6         p*=base;
7     return p;
8 }
9 unsigned int digits(unsigned
  long int n)
10 {
11     unsigned int i;
12     for(i=0; n>0; i++)
13         n/=10;
14     return i;
15 }
16 unsigned long int concat2(
  unsigned long int x,
  unsigned long int y)
17 {
18     unsigned long int A;
19     unsigned int i;
20     i=digits(x);
21     A=y*pow(10,i)+x;
22     return A;
23 }
```

## مثال ۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

## حل:

۱ شروع زیر الگوریتم  $concat2(x, y)$   
۲  $i \leftarrow digits(x)$   
۳  $A \leftarrow y \times 10^i + x$   
۴  $A$  را برگردان

## مثال ۸

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر

۳  $E \leftarrow \text{concat2}(B, A)$

۴  $F \leftarrow \text{concat2}(C, E)$

۵  $G \leftarrow \text{concat2}(D, F)$

۶  $G$  را چاپ کن

۷ پایان



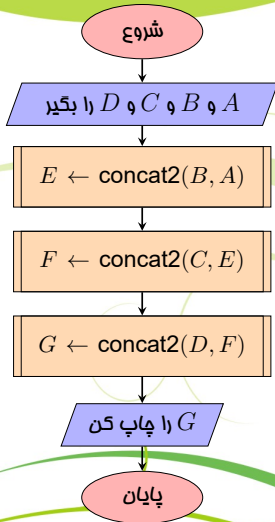
## مثال ۸

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر
- ۳  $E \leftarrow \text{concat2}(B, A)$
- ۴  $F \leftarrow \text{concat2}(C, E)$
- ۵  $G \leftarrow \text{concat2}(D, F)$
- ۶  $G$  را چاپ کن
- ۷ پایان





## مثال ۸

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

- ۱ شروع
- ۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر
- ۳  $E \leftarrow \text{concat2}(B, A)$
- ۴  $F \leftarrow \text{concat2}(C, E)$
- ۵  $G \leftarrow \text{concat2}(D, F)$
- ۶  $G$  را چاپ کن
- ۷ پایان





```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 long int pow(int base, unsigned
    int power)
4 {
5     ....
6 }
7 unsigned int digits(unsigned
    long int n)
8 {
9     ....
10 }
11 unsigned long int concat2(
    unsigned long int x,
    unsigned long int y)
12 {
13     .....
14 }
15 int main()
16 {
17     unsigned long int A,B,C,D,E,
        F,G;
18     cout << "Give me four
        numbers: ";
19     cin >> A >> B >> C >> D;
20     E=concat2(B,A);
21     F=concat2(C,E);
22     G=concat2(D,F);
23     cout << "The result= " << G;
24     return 0;
25 }
```

## مثال ۸

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ۴ عدد طبیعی را بگیرد و عدد حاصل از قرار دادن آن ۴ عدد در کنار یکدیگر را مناسبه و چاپ کند.

## حل:

۱ شروع

۲  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  را بگیر

۳  $E \leftarrow \text{concat2}(B, A)$

۴  $F \leftarrow \text{concat2}(C, E)$

۵  $G \leftarrow \text{concat2}(D, F)$

۶  $G$  را چاپ کن

۷ پایان

## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با مقدار:

◀ فرض کنید تابعی به صورت `int func(int x, double y)` داریم و در جای دیگری، این تابع با دستور `func(a,b)` فراخوانی شده است. در این فراخوانی مرامل زیر اتفاق می‌افتد:

◀ مقدار متغیر `a` در متغیر `x` و مقدار متغیر `b` در `y` کپی می‌شود.

◀ دستورات تابع `func` یکی پس از دیگری اجرا می‌شود تا اجرای تابع به پایان برسد یا در روند اجرای تابع به دستور `return` برسد. در اینجا اجرای تابع پایان می‌یابد و در صورتی که تابع، مقداری را بازگشت می‌دهد، این مقدار به تابع فراخواننده برگشت داده می‌شود.

◀ اجرای برنامه از دستور بعد از دستوری که تابع `func` را فراخوانی کرده است ادامه می‌یابد.

◀ این شکل فراخوانی تابع را فراخوانی با مقدار می‌نامند. دلیل این امر آن است که مقدار آرگومان‌ها به پارامترهای متناظر کپی می‌شود و سپس تابع اجرا می‌شود. حال اگر مقدار متغیرهای پارامتر (یعنی `x` و `y`) در تابع عوض شود، این مقدار تأثیری در متغیر متناظر در فراخوانی تابع (یعنی `a` و `b`) ندارد.



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با مقدار:

◀ فرض کنید تابعی به صورت `int func(int x, double y)` داریم و در جای دیگری، این تابع با دستور `func(a,b)` فراخوانی شده است. در این فراخوانی مرامل زیر اتفاق می‌افتد:

◀ مقدار متغیر `a` در متغیر `x` و مقدار متغیر `b` در `y` کپی می‌شود.

◀ دستورات تابع `func` یکی پس از دیگری اجرا می‌شود تا اجرای تابع به پایان برسد یا در روند اجرای تابع به دستور `return` برسد. در اینجا اجرای تابع پایان می‌یابد و در صورتی که تابع، مقداری را بازگشت می‌دهد، این مقدار به تابع فراخواننده برگشت داده می‌شود.

◀ اجرای برنامه از دستور بعد از دستوری که تابع `func` را فراخوانی کرده است ادامه می‌یابد.

◀ این شکل فراخوانی تابع را فراخوانی با مقدار می‌نامند. دلیل این امر آن است که مقدار آرگومان‌ها به پارامترهای متناظر کپی می‌شود و سپس تابع اجرا می‌شود. حال اگر مقدار متغیرهای پارامتر (یعنی `x` و `y`) در تابع عوض شود، این مقدار تاثیری در متغیر متناظر در فراخوانی تابع (یعنی `a` و `b`) ندارد.



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با مقدار:

فرض کنید تابعی به صورت `int func(int x, double y)` داریم و در جای دیگری، این تابع با دستور `func(a,b)` فراخوانی شده است. در این فراخوانی مرامل زیر اتفاق می‌افتد:

مقدار متغیر `a` در متغیر `x` و مقدار متغیر `b` در `y` کپی می‌شود.

دستورات تابع `func` یکی پس از دیگری اجرا می‌شود تا اجرای تابع به پایان برسد یا در روند اجرای تابع به دستور `return` برسد. در اینجا اجرای تابع پایان می‌یابد و در صورتی که تابع، مقداری را بازگشت می‌دهد، این مقدار به تابع فراخواننده برگشت داده می‌شود.

اجرای برنامه از دستور بعد از دستوری که تابع `func` را فراخوانی کرده است ادامه می‌یابد.

این شکل فراخوانی تابع را فراخوانی با مقدار می‌نامند. دلیل این امر آن است که مقدار آرگومان‌ها به پارامترهای متناظر کپی می‌شود و سپس تابع اجرا می‌شود. حال اگر مقدار متغیرهای پارامتر (یعنی `x` و `y`) در تابع عوض شود، این مقدار تأثیری در متغیر متناظر در فراخوانی تابع (یعنی `a` و `b`) ندارد.



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با مقدار:

فرض کنید تابعی به صورت `int func(int x, double y)` داریم و در جای دیگری، این تابع با دستور `func(a,b)` فراخوانی شده است. در این فراخوانی مرامل زیر اتفاق می‌افتد:

مقدار متغیر `a` در متغیر `x` و مقدار متغیر `b` در `y` کپی می‌شود.

دستورات تابع `func` یکی پس از دیگری اجرا می‌شود تا اجرای تابع به پایان برسد یا در روند اجرای تابع به دستور `return` برسد. در اینجا اجرای تابع پایان می‌یابد و در صورتی که تابع، مقداری را بازگشت می‌دهد، این مقدار به تابع فراخواننده برگشت داده می‌شود.

اجرای برنامه از دستور بعد از دستوری که تابع `func` را فراخوانی کرده است ادامه می‌یابد.

این شکل فراخوانی تابع را فراخوانی با مقدار می‌نامند. دلیل این امر آن است که مقدار آرگومان‌ها به پارامترهای متناظر کپی می‌شود و سپس تابع اجرا می‌شود. حال اگر مقدار متغیرهای پارامتر (یعنی `x` و `y`) در تابع عوض شود، این مقدار تأثیری در متغیر متناظر در فراخوانی تابع (یعنی `a` و `b`) ندارد.



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با مقدار:

فرض کنید تابعی به صورت `int func(int x, double y)` داریم و در جای دیگری، این تابع با دستور `func(a,b)` فراخوانی شده است. در این فراخوانی مرامل زیر اتفاق می‌افتد:

مقدار متغیر `a` در متغیر `x` و مقدار متغیر `b` در `y` کپی می‌شود.

دستورات تابع `func` یکی پس از دیگری اجرا می‌شود تا اجرای تابع به پایان برسد یا در روند اجرای تابع به دستور `return` برسد. در اینجا اجرای تابع پایان می‌یابد و در صورتی که تابع، مقداری را بازگشت می‌دهد، این مقدار به تابع فراخواننده برگشت داده می‌شود.

اجرای برنامه از دستور بعد از دستوری که تابع `func` را فراخوانی کرده است ادامه می‌یابد.

این شکل فراخوانی تابع را فراخوانی با مقدار می‌نامند. دلیل این امر آن است که مقدار آرگومان‌ها به پارامترهای متناظر کپی می‌شود و سپس تابع اجرا می‌شود. حال اگر مقدار متغیرهای پارامتر (یعنی `x` و `y`) در تابع عوض شود، این مقدار تاثیری در متغیر متناظر در فراخوانی تابع (یعنی `a` و `b`) ندارد.



# فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

## فراخوانی با مقدار:

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 void func(int x, double y)
4 {
5     x=x+y;
6     y=2*y;
7 }
8 int main()
9 {
10    int a=2;
11    double b=3.14;
12    func(a,b);
13    cout<<"\na="<<a<<" , b="<<b;
14    return 0;
15 }
```

فروچی برنامه: a=2, b=3.14



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با ارجاع:

- ◀ تغییر در پارامترهای تابع که به صورت ارجاعی تعریف شده‌اند در داخل تابع، روی آرگومان متناظر نیز اعمال می‌شود.
- ◀ این کار با قرار دادن علامت & در جلو پارامتر مربوطه در تعریف تابع، انجام می‌شود.
- ◀ از این کار، می‌توان برای برگرداندن بیش از یک مقدار از تابع هم استفاده کرد.





## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با ارجاع:

- ◀ تغییر در پارامترهای تابع که به صورت ارجاعی تعریف شده‌اند در داخل تابع، روی آرگومان متناظر نیز اعمال می‌شود.
- ◀ این کار با قرار دادن علامت & در جلوی پارامتر مربوطه در تعریف تابع، انجام می‌شود.
- ◀ از این کار، می‌توان برای برگرداندن بیش از یک مقدار از تابع هم استفاده کرد.



## فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

### فراخوانی با ارجاع:

- ◀ تغییر در پارامترهای تابع که به صورت ارجاعی تعریف شده‌اند در داخل تابع، روی آرگومان متناظر نیز اعمال می‌شود.
- ◀ این کار با قرار دادن علامت & در جلو پارامتر مربوطه در تعریف تابع، انجام می‌شود.
- ◀ از این کار، می‌توان برای برگرداندن بیش از یک مقدار از تابع هم استفاده کرد.



# فراخوانی با مقدار، فراخوانی با ارجاع

## فراخوانی با ارجاع:

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 void func(int &x, double y)
4 {
5     x=x+y;
6     y=2*y;
7 }
8 int main()
9 {
10    int a=2;
11    double b=3.14;
12    func(a,b);
13    cout<<"\na="<<a<<" , b="<<b;
14    return 0;
15 }
```

خروجی برنامه: a=5, b=3.14



# آرایه به عنوان آرگومان تابع

## آرایه به عنوان آرگومان تابع:

- ◀ انتقال آرایه‌ها به توابع نیز مشابه سایر متغیرها است. تنها تفاوت این است که در تعریف پارامترهای تابع، باید آرایه‌ها نیز مشابه تعریف آرایه‌ها، یعنی با استفاده از کروشه و مشخص کردن اندازه آنها آورده شود.
- ◀ آوردن اندازه اولین بعد آرایه لازم نیست و می‌توان کروشه اول را خالی گذاشت.
- ◀ در فراهوانی یک تابع با پارامترهای آرایه، این پارامترها لزوماً به صورت **فراهوانی با ارجاع** هستند و هر تغییری در آرایه در داخل تابع، روی آرایه اصلی نیز اعمال می‌شود.
- ◀ امکان بازگرداندن یک آرایه از یک تابع نیست و لذا در صورتی که لازم است یک آرایه از یک تابع برگشت داده شود، آن را در بین پارامترهای تابع قرار می‌دهیم.



# آرایه به عنوان آرگومان تابع

## آرایه به عنوان آرگومان تابع:

- ◀ انتقال آرایه‌ها به توابع نیز مشابه سایر متغیرها است. تنها تفاوت این است که در تعریف پارامترهای تابع، باید آرایه‌ها نیز مشابه تعریف آرایه‌ها، یعنی با استفاده از کروشه و مشخص کردن اندازه آنها آورده شود.
- ◀ آوردن اندازه اولین بعد آرایه لازم نیست و می‌توان کروشده اول را فالی گذاشت.
- ◀ در فراخوانی یک تابع با پارامترهای آرایه، این پارامترها لزوماً به صورت فراخوانی با ارجاع هستند و هر تغییری در آرایه در داخل تابع، روی آرایه اصلی نیز اعمال می‌شود.
- ◀ امکان بازگرداندن یک آرایه از یک تابع نیست و لذا در صورتی که لازم است یک آرایه از یک تابع برگشت داده شود، آن را در بین پارامترهای تابع قرار می‌دهیم.



# آرایه به عنوان آرگومان تابع

## آرایه به عنوان آرگومان تابع:

- ◀ انتقال آرایه‌ها به توابع نیز مشابه سایر متغیرها است. تنها تفاوت این است که در تعریف پارامترهای تابع، باید آرایه‌ها نیز مشابه تعریف آرایه‌ها، یعنی با استفاده از کروشه و مشخص کردن اندازه آنها آورده شود.
- ◀ آوردن اندازه اولین بعد آرایه لازم نیست و می‌توان کروشده اول را فالی گذاشت.
- ◀ در فراخوانی یک تابع با پارامترهای آرایه، این پارامترها لزوماً به صورت **فراخوانی با ارجاع** هستند و هر تغییری در آرایه در داخل تابع، روی آرایه اصلی نیز اعمال می‌شود.
- ◀ امکان بازگرداندن یک آرایه از یک تابع نیست و لذا در صورتی که لازم است یک آرایه از یک تابع برگشت داده شود، آن را در بین پارامترهای تابع قرار می‌دهیم.



## آرایه به عنوان آرگومان تابع

### آرایه به عنوان آرگومان تابع:

- ◀ انتقال آرایه‌ها به توابع نیز مشابه سایر متغیرها است. تنها تفاوت این است که در تعریف پارامترهای تابع، باید آرایه‌ها نیز مشابه تعریف آرایه‌ها، یعنی با استفاده از کروشه و مشخص کردن اندازه آنها آورده شود.
- ◀ آوردن اندازه اولین بعد آرایه لازم نیست و می‌توان کروشده اول را فالی گذاشت.
- ◀ در فراهوانی یک تابع با پارامترهای آرایه، این پارامترها لزوماً به صورت **فراهوانی با ارجاع** هستند و هر تغییری در آرایه در داخل تابع، روی آرایه اصلی نیز اعمال می‌شود.
- ◀ امکان بازگرداندن یک آرایه از یک تابع نیست و لذا در صورتی که لازم است یک آرایه از یک تابع برگشت داده شود، آن را در بین پارامترهای تابع قرار می‌دهیم.



## مثال ۹

زیرالگوریتمی بنویسید که یک آرایه از اعداد و تعداد آن‌ها را دریافت کرده و عناصر موجود در آرایه را به ترتیب صعودی مرتب کند.

حل:

```
۱ شروع  $Sort(A, n)$ 
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴    $j \leftarrow i + 1$ 
۵   اگر  $n < j$  آنگاه
۶     اگر  $A[i] > A[j]$  آنگاه
۷        $B \leftarrow A[i]$ 
۸        $A[i] \leftarrow A[j]$ 
۹        $A[j] \leftarrow B$ 
۱۰   پایان اگر
۱۱    $j \leftarrow j + 1$ 
۱۲   به مرحله ۵ برو
۱۳   پایان اگر
۱۴    $i \leftarrow i + 1$ 
۱۵   به مرحله ۳ برو
۱۶   پایان اگر
۱۷    $A$  را برگردان
```





## مثال ۹

زیرالگوریتمی بنویسید که یک آرایه از اعداد و تعداد آن‌ها را دریافت کرده و عناصر موجود در آرایه را به ترتیب صعودی مرتب کند.

حل:

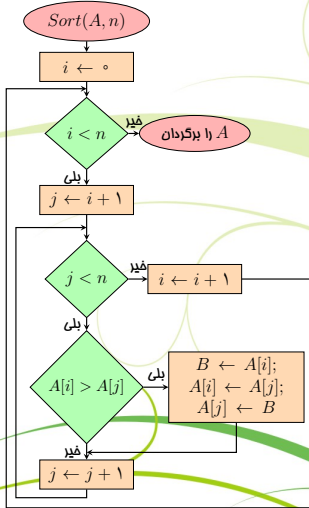
```

۱ شروع  $Sort(A, n)$ 
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴    $j \leftarrow i + 1$ 
۵   اگر  $j < n$  آنگاه
۶     اگر  $A[i] > A[j]$  آنگاه
۷        $B \leftarrow A[i]$ 
۸        $A[i] \leftarrow A[j]$ 
۹        $A[j] \leftarrow B$ 
۱۰   پایان اگر
۱۱    $j \leftarrow j + 1$ 
۱۲   به مرحله ۵ برو
۱۳   پایان اگر
۱۴    $i \leftarrow i + 1$ 
۱۵   به مرحله ۳ برو
۱۶   پایان اگر
۱۷    $A$  را برگردان
    
```



## مثال ۹

زیرالگوریتمی بنویسید که یک آرایه از اعداد و تعداد آن‌ها را دریافت کرده و عناصر موجود در آرایه را به ترتیب صعودی مرتب کند.



حل:

1	شروع $Sort(A, n)$
2	$i \leftarrow 0$
3	اگر $i < n$ آنگاه
4	$j \leftarrow i + 1$
5	اگر $j < n$ آنگاه
6	اگر $A[i] > A[j]$ آنگاه
7	$B \leftarrow A[i]$
8	$A[i] \leftarrow A[j]$
9	$A[j] \leftarrow B$
10	پایان اگر
11	$j \leftarrow j + 1$
12	به مرحله ۵ برو
13	پایان اگر
14	$i \leftarrow i + 1$
15	به مرحله ۳ برو
16	پایان اگر
17	$A$ را برگردان



## مثال ۹

زیرالگوریتمی بنویسید که یک آرایه از اعداد و تعداد آن‌ها را دریافت کرده و عناصر موجود در آرایه را به ترتیب صعودی مرتب کند.

```

1 void Sort(double A[500],
  unsigned int n)
2 {
3     unsigned int i,j;
4     double B;
5     for(i=0; i<n; i++)
6         for(j=i+1; j<n; j++)
7             if(A[i]>A[j])
8                 {
9                     B=A[i];
10                    A[i]=A[j];
11                    A[j]=B;
12                }
13     return;
14 }
```

### حل:

شروع $Sort(A, n)$	۱
$i \leftarrow 0$	۲
اگر $i < n$ آنگاه	۳
$j \leftarrow i + 1$	۴
اگر $j < n$ آنگاه	۵
اگر $A[i] > A[j]$	۶
آنگاه	
$B \leftarrow A[i]$	۷
$A[i] \leftarrow A[j]$	۸
$A[j] \leftarrow B$	۹
پایان اگر	۱۰
$j \leftarrow j + 1$	۱۱
به مرحله ۵ برو	۱۲
پایان اگر	۱۳
$i \leftarrow i + 1$	۱۴
به مرحله ۳ برو	۱۵
پایان اگر	۱۶
$A$ را برگردان	۱۷



## مثال ۱۰

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

۱ شروع  $Input\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را بگیر

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸  $A$  را برگردان



## مثال ۱۰

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

۱ شروع  $Input\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را بگیر

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

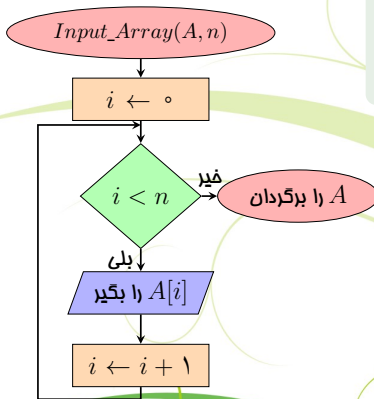
۷ پایان اگر

۸  $A$  را برگردان



## مثال ۱۰

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.



حل:

- ۱ شروع  $Input\_Array(A, n)$
- ۲  $i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < n$  آنگاه
- ۴  $A[i]$  را بگیر
- ۵  $i \leftarrow i + 1$
- ۶ به مرحله ۳ برو
- ۷ پایان اگر
- ۸  $A$  را برگردان



## مثال ۱۰

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

```
1 void Input_Array(double A[500],  
   unsigned int n)  
2 {  
3     unsigned int i;  
4     for(i=0; i<n; i++)  
5     {  
6         cout<<"Enter Next Element  
           :";  
7         cin>>A[i];  
8     }  
9     return;  
10 }
```

حل:

۱ شروع  $Input\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را بگیر

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸  $A$  را برگردان



## مثال ۱۱

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

۱ شروع  $Output\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را چاپ کن

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸ برگرد





## مثال ۱۱

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

۱ شروع  $Output\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را چاپ کن

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

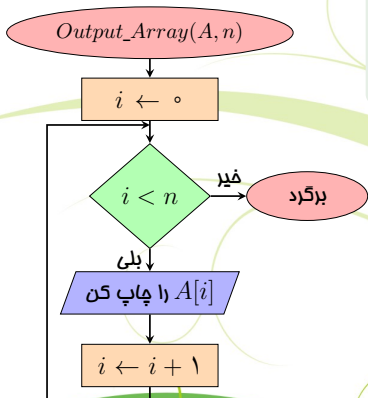
۷ پایان اگر

۸ برگرد



## مثال ۱۱

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.



### حل:

- ۱ شروع  $Output\_Array(A, n)$
- ۲  $i \leftarrow ۰$
- ۳ اگر  $i < n$  آنگاه
- ۴  $A[i]$  را چاپ کن
- ۵  $i \leftarrow i + ۱$
- ۶ به مرحله ۳ برو
- ۷ پایان اگر
- ۸ برگرد



## مثال ۱۱

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

```
1 void Output_Array(double A[500],  
   unsigned int n)  
2 {  
3     unsigned int i;  
4     for(i=0; i<n; i++)  
5         cout<<A[i]<<",";   
6     return;  
7 }
```

حل:

۱ شروع  $Output\_Array(A, n)$

۲  $i \leftarrow 0$

۳ اگر  $i < n$  آنگاه

۴  $A[i]$  را چاپ کن

۵  $i \leftarrow i + 1$

۶ به مرحله ۳ برو

۷ پایان اگر

۸ برگرد



## مثال ۱۲

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $n$  را بگیر

۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$

۴  $\text{Sort}(A, n)$

۵  $\text{Output\_Array}(A, n)$

۶ پایان



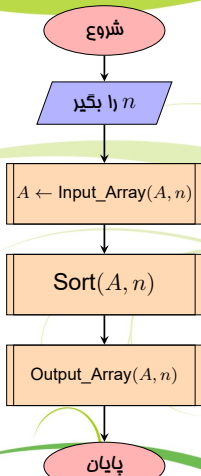
## مثال ۱۲

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $n$  را بگیر
- ۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$
- ۴  $\text{Sort}(A, n)$
- ۵  $\text{Output\_Array}(A, n)$
- ۶ پایان





## مثال ۱۲

الگوریتم و فلویچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $n$  را بگیر
- ۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$
- ۴  $\text{Sort}(A, n)$
- ۵  $\text{Output\_Array}(A, n)$
- ۶ پایان



## مثال ۱۲

الگوریتم و فلوپارتنی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  عدد را بگیرد و آنها را به ترتیب صعودی مرتب کرده و چاپ کند.

```
1 int main()
2 {
3     unsigned int n;
4     double A[500];
5     cout << "Enter n: ";
6     cin >> n;
7     Input_Array(A,n);
8     Sort(A,n);
9     Output_Array(A,n);
10    return 0;
11 }
```

حل:

- ۱ شروع
- ۲  $n$  را بگیر
- ۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$
- ۴  $\text{Sort}(A, n)$
- ۵  $\text{Output\_Array}(A, n)$
- ۶ پایان



### مثال ۱۳

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

حل:

۱	شروع $Search(A, n, x)$
۲	$i \leftarrow 0$
۳	اگر $i < n$ آنگاه
۴	اگر $x = A[i]$ آنگاه
۵	۱ را برگردان
۶	پایان اگر
۷	$i \leftarrow i + 1$
۸	به مرحله ۳ برو
۹	پایان اگر
۱۰	۰ را برگردان





### مثال ۱۳

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

حل:

- |    |                        |
|----|------------------------|
| ۱  | شروع $Search(A, n, x)$ |
| ۲  | $i \leftarrow 0$       |
| ۳  | اگر $i < n$ آنگاه      |
| ۴  | اگر $x = A[i]$ آنگاه   |
| ۵  | ۱ را برگردان           |
| ۶  | پایان اگر              |
| ۷  | $i \leftarrow i + 1$   |
| ۸  | به مرحله ۳ برو         |
| ۹  | پایان اگر              |
| ۱۰ | ۰ را برگردان           |

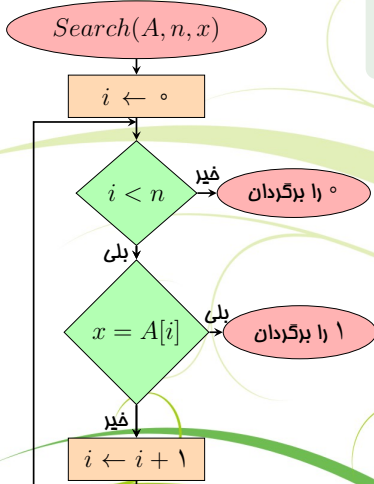


### مثال ۱۳

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 عدد  $n$  موجود است؟

حل:

- ۱ شروع  $Search(A, n, x)$
- ۲  $i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < n$  آنگاه
- ۴ اگر  $x = A[i]$  آنگاه
- ۵ | ۱ را برگردان
- ۶ پایان اگر
- ۷  $i \leftarrow i + 1$
- ۸ به مرحله ۳ برو
- ۹ پایان اگر
- ۱۰ | ۰ را برگردان



### مثال ۱۳

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

حل:

```
1 int IsPrime(unsigned int n)
2 {
3     int i = 2;
4     while(i<=n/2 && n%i !=0)
5         i++;
6     if(i> n/2)
7         return 1;
8     else
9         return 0;
10 }
```

۱ شروع  $Search(A, n, x)$   
۲  $i \leftarrow 0$   
۳ اگر  $i < n$  آنگاه  
۴ اگر  $x = A[i]$  آنگاه  
۵  $i$  را برگردان  
۶ پایان اگر  
۷  $i \leftarrow i + 1$   
۸ به مرحله ۳ برو  
۹ پایان اگر  
۱۰  $i$  را برگردان



## مثال ۱۴

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

حل:

۱	شروع $Bin\_Search(A, n, x)$
۲	$j \leftarrow n - 1; i \leftarrow 0$
۳	اگر $i < j$ آنگاه
۴	$mid \leftarrow \lfloor (i+j+1)/2 \rfloor$
۵	اگر $x = A[mid]$ آنگاه
۶	۱ را برگردان
۷	پایان اگر
۸	اگر $x > A[mid]$ آنگاه
۹	$i \leftarrow mid + 1$
۱۰	پایان اگر
۱۱	اگر $x < A[mid]$ آنگاه
۱۲	$j \leftarrow mid - 1$
۱۳	پایان اگر
۱۴	به مرحله ۳ برو
۱۵	پایان اگر
۱۶	اگر $x = A[i]$ آنگاه
۱۷	۱ را برگردان
۱۸	درغیراینصورت
۱۹	۰ را برگردان
۲۰	پایان اگر



## مثال ۱۴

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

حل:

۱	شروع $Bin\_Search(A, n, x)$
۲	$j \leftarrow n - 1; i \leftarrow 0$
۳	اگر $i < j$ آنگاه
۴	$mid \leftarrow \lfloor (i+j+1)/2 \rfloor$
۵	اگر $x = A[mid]$ آنگاه
۶	۱ را برگردان
۷	پایان اگر
۸	اگر $x > A[mid]$ آنگاه
۹	$i \leftarrow mid + 1$
۱۰	پایان اگر
۱۱	اگر $x < A[mid]$ آنگاه
۱۲	$j \leftarrow mid - 1$
۱۳	پایان اگر
۱۴	به مرحله ۳ برو
۱۵	پایان اگر
۱۶	اگر $x = A[i]$ آنگاه
۱۷	۱ را برگردان
۱۸	در غیر این صورت
۱۹	۰ را برگردان
۲۰	پایان اگر

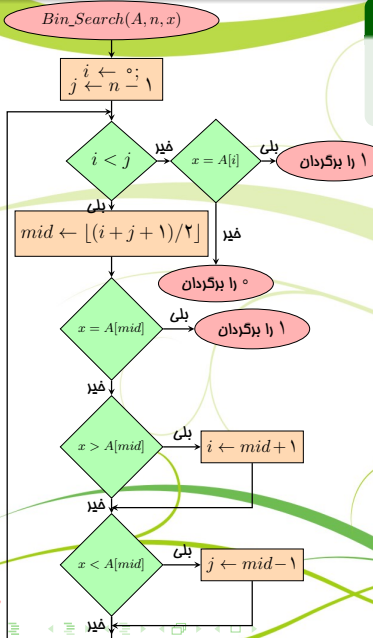


## مثال ۱۴

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 عدد  $n$  موجود است؟

حل:

- ۱ شروع  $Bin\_Search(A, n, x)$
- ۲  $i \leftarrow 0; j \leftarrow n - 1$
- ۳ اگر  $i < j$  آنگاه
- ۴  $mid \leftarrow \lfloor (i+j+1)/2 \rfloor$
- ۵ اگر آنگاه  $x = A[mid]$
- ۶ ۱ را برگردان
- ۷ پایان اگر
- ۸ اگر  $x > A[mid]$  آنگاه
- ۹  $i \leftarrow mid + 1$
- ۱۰ پایان اگر
- ۱۱ اگر  $x < A[mid]$  آنگاه
- ۱۲  $j \leftarrow mid - 1$
- ۱۳ پایان اگر
- ۱۴ به مرحله ۳ برو
- ۱۵ پایان اگر
- ۱۶ اگر آنگاه  $x = A[i]$
- ۱۷ ۱ را برگردان
- ۱۸ در غیر این صورت
- ۱۹ ۰ را برگردان
- ۲۰ پایان اگر



## مثال ۱۴

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴
۲	۱۱	۲۰	۳۵	۳۶	۸۱	۱۰۲	۲۱۲	۳۴۲	۴۳۰	۵۵۵	۵۸۰	۶۵۷	۷۲۱

$n$	$x$	$i$	$j$	$mid$
۱۴	۱۰۲	۰	۱۳	۷
			۶	۳
		۴		۵
		۴		

حل:

- ۱ شروع  $Bin\_Search(A, n, x)$
- ۲  $j \leftarrow n - 1; i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < j$  آنگاه
- ۴  $mid \leftarrow \lfloor (i+j+1)/2 \rfloor$
- ۵ اگر  $x = A[mid]$  آنگاه
- ۶ ۱ را برگردان
- ۷ پایان اگر
- ۸ اگر  $x > A[mid]$  آنگاه
- ۹  $i \leftarrow mid + 1$
- ۱۰ پایان اگر
- ۱۱ اگر  $x < A[mid]$  آنگاه
- ۱۲  $j \leftarrow mid - 1$
- ۱۳ پایان اگر
- ۱۴ به مرحله ۳ برو
- ۱۵ پایان اگر
- ۱۶ اگر  $x = A[i]$  آنگاه
- ۱۷ ۱ را برگردان
- ۱۸ در غیر این صورت
- ۱۹ ۰ را برگردان
- ۲۰ پایان اگر



## مثال ۱۴

جستجوی داده‌ها: آیا عدد  $x$  در آرایه  $A$  شامل  
 $n$  عدد موجود است؟

```

1 int Bin_Search(double A[ ], int
  n, double x)
2 {
3   unsigned int i=0,j=n-1,mid;
4   while(i < j)
5   {
6     mid=(i+j+1)/2;
7     if(x == A[mid])
8       return 1;
9     if(x > A[mid])
10      i=mid+1;
11     if(x < A[mid])
12      j=mid-1;
13   }
14   if(x == A[i])
15     return 1;
16   else
17     return 0;
18 }
```

حل:

1	شروع $Bin\_Search(A, n, x)$
2	$j \leftarrow n - 1; i \leftarrow 0$
3	اگر $i < j$ آنگاه
4	$mid \leftarrow \lfloor (i+j+1)/2 \rfloor$
5	اگر $x = A[mid]$ آنگاه
6	۱ را برگردان
7	پایان اگر
8	اگر $x > A[mid]$ آنگاه
9	$i \leftarrow mid + 1$
10	پایان اگر
11	اگر $x < A[mid]$ آنگاه
12	$j \leftarrow mid - 1$
13	پایان اگر
14	به مرحله ۳ برو
15	پایان اگر
16	اگر $x = A[i]$ آنگاه
17	۱ را برگردان
18	در غیر این صورت
19	۰ را برگردان
20	پایان اگر



## مثال ۱۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Max\_Element(A, n)$

۲  $Max \leftarrow A[0]$

۳  $i \leftarrow 1$

۴ اگر  $i < n$  آنگاه

۵ اگر  $Max < A[i]$  آنگاه

۶  $Max \leftarrow A[i]$

۷ پایان اگر

۸  $i \leftarrow i + 1$

۹ به مرحله ۳ برو

۱۰ پایان اگر

۱۱  $Max$  را برگردان



## مثال ۱۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Max\_Element(A, n)$

۲  $Max \leftarrow A[0]$

۳  $i \leftarrow 1$

۴ اگر  $i < n$  آنگاه

۵ اگر  $Max < A[i]$  آنگاه

۶  $Max \leftarrow A[i]$

۷ پایان اگر

۸  $i \leftarrow i + 1$

۹ به مرحله ۳ برو

۱۰ پایان اگر

۱۱  $Max$  را برگردان



## مثال ۱۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Max\_Element(A, n)$

۲  $Max \leftarrow A[0]$

۳  $i \leftarrow 1$

۴ اگر  $i < n$  آنگاه

۵ اگر  $Max < A[i]$  آنگاه

۶  $Max \leftarrow A[i]$

۷ پایان اگر

۸  $i \leftarrow i + 1$

۹ به مرحله ۳ برو

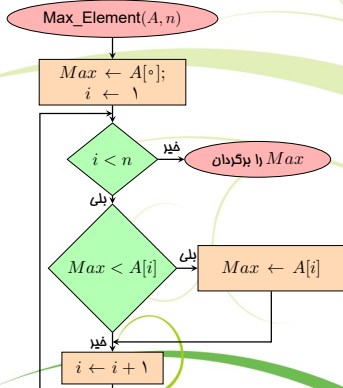
۱۰ پایان اگر

۱۱  $Max$  را برگردان



## مثال ۱۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.



### حل:

سه زیرمسئله:

- ◀ زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- ◀ **زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.**
- ◀ زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Max\_Element(A, n)$

۲  $Max \leftarrow A[0]$

۳  $i \leftarrow 1$

۴ اگر  $i < n$  آنگاه

۵ اگر  $Max < A[i]$  آنگاه

۶  $Max \leftarrow A[i]$

۷ پایان اگر

۸  $i \leftarrow i + 1$

۹ به مرحله ۳ برو

۱۰ پایان اگر

۱۱  $Max$  را برگردان



## مثال ۱۵

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

```
1 double Max_Element(double A[
    ], unsigned int n)
2 {
3     double Max=A[0];
4     unsigned int i;
5     for(i=1; i<n; i++)
6         if(Max<A[i])
7             Max=A[i];
8     return Max;
9 }
```

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Max\_Element(A, n)$

۲  $Max \leftarrow A[0]$

۳  $i \leftarrow 1$

۴ اگر  $i < n$  آنگاه

۵ اگر  $Max < A[i]$  آنگاه

۶  $Max \leftarrow A[i]$

۷ پایان اگر

۸  $i \leftarrow i + 1$

۹ به مرحله ۳ برو

۱۰ پایان اگر

۱۱  $Max$  را برگردان



## مثال ۱۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

```
۱ شروع  $Count(A, n, x)$ 
۲  $counter \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴ اگر  $A[i] = x$  آنگاه
۵  $counter \leftarrow counter + 1$ 
۶ پایان اگر
۷  $i \leftarrow i + 1$ 
۸ به مرحله ۳ برو
۹ پایان اگر
۱۰  $counter$  را برگردان
```



## مثال ۱۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

```
۱ شروع  $Count(A, n, x)$ 
۲  $counter \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴   اگر  $A[i] = x$  آنگاه
۵      $counter \leftarrow$ 
۶      $counter + 1$ 
۶ پایان اگر
۷  $i \leftarrow i + 1$ 
۸ به مرحله ۳ برو
۹ پایان اگر
۱۰  $counter$  را برگردان
```



## مثال ۱۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

سه زیرمسئله:

- زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

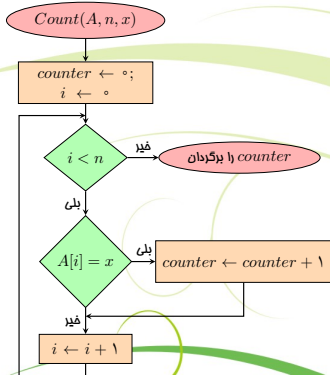
```
۱ شروع  $Count(A, n, x)$ 
۲  $counter \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴   اگر  $A[i] = x$  آنگاه
۵      $counter \leftarrow$ 
۶      $counter + 1$ 
۶ پایان اگر
۷  $i \leftarrow i + 1$ 
۸ به مرحله ۳ برو
۹ پایان اگر
۱۰  $counter$  را برگردان
```





## مثال ۱۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.



### حل:

سه زیرمسئله:

- ◀ زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- ◀ زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- ◀ زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع	$Count(A, n, x)$
۲	$i \leftarrow 0; counter \leftarrow 0$
۳	اگر $i < n$ آنگاه
۴	اگر $A[i] = x$ آنگاه
۵	$counter \leftarrow$
۶	$counter + 1$
۷	پایان اگر
۸	$i \leftarrow i + 1$
۹	به مرحله ۳ برو
۱۰	پایان اگر
	$counter$ را برگردان



## مثال ۱۶

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را مناسبه و چاپ کند.

### حل:

```

1 unsigned int Count(double A[
    ], unsigned int n,
    double x)
2 {
3     unsigned int counter=0,i;
4     for(i=0; i<n; i++)
5         if(A[i] == x)
6             counter++;
7     return counter;
8 }
    
```

سه زیرمسئله:

- ◀ زیرمسئله گرفتن  $n$  عدد و قرار دادن در آرایه.
- ◀ زیرمسئله مناسبه بزرگترین عدد در آرایه.
- ◀ زیرمسئله مناسبه تعداد تکرار یک عدد در آرایه.

۱ شروع  $Count(A, n, x)$   
 ۲  $counter \leftarrow 0$  ;  $i \leftarrow 0$   
 ۳ اگر  $i < n$  آنگاه  
 ۴ اگر  $A[i] = x$  آنگاه  
 ۵  $counter \leftarrow$   
 ۶  $counter + 1$   
 ۷ پایان اگر  
 ۸  $i \leftarrow i + 1$   
 ۹ به مرحله ۳ برو  
 ۱۰ پایان اگر  
 ۱۰  $counter$  را برگردان



## مثال ۱۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را محاسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $n$  را بگیرد

۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$

۴  $Max \leftarrow \text{Max\_Element}(A, n)$

۵  $i \leftarrow \text{Count}(A, n, Max)$

۶  $i$  را چاپ کن

۷ پایان



## مثال ۱۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را محاسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $n$  را بگیرد

۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$

۴  $Max \leftarrow \text{Max\_Element}(A, n)$

۵  $i \leftarrow \text{Count}(A, n, Max)$

۶  $i$  را چاپ کن

۷ پایان



## مثال ۱۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را محاسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $n$  را بگیر

۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$

۴  $Max \leftarrow \text{Max\_Element}(A, n)$

۵  $i \leftarrow \text{Count}(A, n, Max)$

۶  $i$  را چاپ کن

۷ پایان



## مثال ۱۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را محاسبه و چاپ کند.

حل:

۱ شروع

۲  $n$  را بگیر

۳  $A \leftarrow Input\_Array(A, n)$

۴  $Max \leftarrow Max\_Element(A, n)$

۵  $i \leftarrow Count(A, n, Max)$

۶  $i$  را چاپ کن

۷ پایان

شروع

$n$  را بگیر

$A \leftarrow Input\_Array(A, n)$

$Max \leftarrow Max\_Element(A, n)$

$i \leftarrow Count(A, n, Max)$

$i$  را چاپ کن

پایان



## مثال ۱۷

الگوریتم و فلوچارتی ارائه کنید که ابتدا عدد  $n$  و سپس  $n$  نمره را بگیرد و تعداد افراد با بیشترین نمره را محاسبه و چاپ کند.

```
1 int main()
2 {
3     unsigned int n,i;
4     double A[500],Max;
5     cout << "Enter n: ";
6     cin >> n;
7     Input_Array(A,n);
8     Max=Max_Element(A,n);
9     i=Count(A,n,Max);
10    cout<<"# of Max Grades:"<<
        i;
11    return 0;
12 }
```

### حل:

- ۱ شروع
- ۲  $n$  را بگیر
- ۳  $A \leftarrow \text{Input\_Array}(A, n)$
- ۴  $Max \leftarrow \text{Max\_Element}(A, n)$
- ۵  $i \leftarrow \text{Count}(A, n, Max)$
- ۶  $i$  را چاپ کن
- ۷ پایان



# آرایه دو بعدی

## آرایه دو بعدی

یک آرایه، از تعدادی متغیر هم‌نوع تشکیل شده است که در فضایی به هم پیوسته در حافظه اصلی ذخیره می‌شوند و دارای ویژگی‌های زیر است.

هر آرایه دو بعدی دارای یک نام و یک طول و یک عرض است که طول آرایه همان تعداد سطرهای آن و عرض، تعداد ستون‌های آن آرایه است.

به هر عنصر آرایه با طول  $n$  و عرض  $m$  می‌توان به وسیله نام آرایه و دو اندیس، یک اندیس بین صفر و  $n - 1$  یک اندیس بین صفر و  $m - 1$  دسترسی داشت.

$A[0][0]$	$A[0][1]$	$A[0][2]$	$A[0][3]$
$A[1][0]$	$A[1][1]$	$A[1][2]$	$A[1][3]$
$A[2][0]$	$A[2][1]$	$A[2][2]$	$A[2][3]$





# آرایه دو بعدی

## آرایه دو بعدی

یک آرایه، از تعدادی متغیر هم‌نوع تشکیل شده است که در فضایی به هم پیوسته در حافظه اصلی ذخیره می‌شوند و دارای ویژگی‌های زیر است.

هر آرایه دو بعدی دارای یک نام و یک طول و یک عرض است که طول آرایه همان تعداد سطرهای آن و عرض، تعداد ستون‌های آن آرایه است.

به هر عنصر آرایه با طول  $n$  و عرض  $m$  می‌توان به وسیله نام آرایه و دو اندیس، یک اندیس بین صفر و  $n - 1$  یک اندیس بین صفر و  $m - 1$  دسترسی داشت.

$A[0][0]$	$A[0][1]$	$A[0][2]$	$A[0][3]$
$A[1][0]$	$A[1][1]$	$A[1][2]$	$A[1][3]$
$A[2][0]$	$A[2][1]$	$A[2][2]$	$A[2][3]$



## مثال ۱۸

زیرالگوریتم گرفتن عناصر یک آرایه دو بعدی با  $m$  سطر و  $n$  ستون.

حل:

- ۱ شروع  $Input\_2darray(A, m, n)$
- ۲  $i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < m$  آنگاه
- ۴  $j \leftarrow 0$
- ۵ اگر  $j < n$  آنگاه
- ۶ « $A[i][j]$  را وارد کن»  
را چاپ کن
- ۷ « $A[i][j]$  را بگیر»  
 $j \leftarrow j + 1$
- ۸ برو به مرحله ۵
- ۹
- ۱۰ پایان اگر
- ۱۱  $i \leftarrow i + 1$
- ۱۲ به مرحله ۳ برو
- ۱۳ پایان اگر
- ۱۴  $A$  را برگردان

Input\_2darray(A, m, n)

$i \leftarrow 0$

$i < m$

خیر

$A$  را برگردان

بله

$j \leftarrow 0$

$j < n$

خیر

$i \leftarrow i + 1$

بله

« $A[i][j]$  را وارد کن»  
را چاپ کن

« $A[i][j]$  را بگیر»

$j \leftarrow j + 1$



دانشگاه یزد  
فصل ۱۸  
دانشکده علوم رایانه

## مثال ۱۸

زیرالگوریتم گرفتن عناصر یک آرایه دو بعدی با  $m$  سطر و  $n$  ستون.

حل:

- ۱ شروع  $Input\_2darray(A, m, n)$
- ۲  $i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < m$  آنگاه
- ۴  $j \leftarrow 0$
- ۵ اگر  $j < n$  آنگاه
- ۶ « $A[i][j]$  را وارد کن»  
را چاپ کن
- ۷  $A[i][j]$  را بگیر
- ۸  $j \leftarrow j + 1$
- ۹ برو به مرحله ۵
- ۱۰ پایان اگر
- ۱۱  $i \leftarrow i + 1$
- ۱۲ به مرحله ۳ برو
- ۱۳ پایان اگر
- ۱۴  $A$  را برگردان

Input\_2darray(A, m, n)

$i \leftarrow 0$

$i < m$

خیر  
A را برگردان

بله  
 $j \leftarrow 0$

$j < n$

خیر  
 $i \leftarrow i + 1$

بله  
« $A[i][j]$  را وارد کن»  
را چاپ کن

$A[i][j]$  را بگیر

$j \leftarrow j + 1$



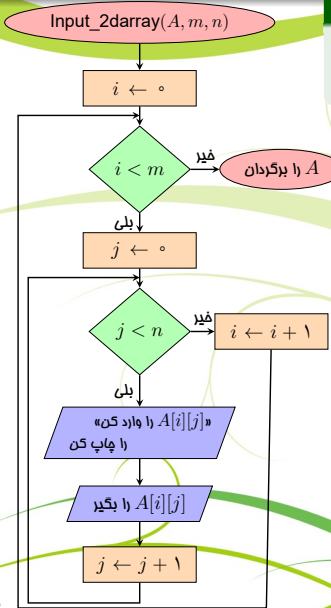
دانشگاه یزد  
سازمان علوم ریاضی

## مثال ۱۸

زیرالگوریتم گرفتن عناصر یک آرایه دو بعدی با  $m$  سطر و  $n$  ستون.

حل:

- ۱ شروع  $Input\_2darray(A, m, n)$
- ۲  $i \leftarrow 0$
- ۳ اگر  $i < m$  آنگاه
- ۴  $j \leftarrow 0$
- ۵ اگر  $j < n$  آنگاه
- ۶ « $A[i][j]$  را وارد کن»  
را چاپ کن
- ۷ « $A[i][j]$  را بگیر»  
 $j \leftarrow j + 1$
- ۸ برو به مرحله ۵
- ۹
- ۱۰ پایان اگر
- ۱۱  $i \leftarrow i + 1$
- ۱۲ به مرحله ۳ برو
- ۱۳ پایان اگر
- ۱۴  $A$  را برگردان



## مثال ۱۹

زیرالگوریتم و زیرفلوپارتی رسم کنید که دو ماتریس  $m \times n$  می  $A$  و  $B$  و ابعاد  $m$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و مجموع  $A$  و  $B$  یا  $A + B$  را محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

```
۱ شروع Matrix_Sum(A, B, m, n)
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < m$  آنگاه
۴    $j \leftarrow 0$ 
۵   اگر  $j < n$  آنگاه
۶      $C[i][j] \leftarrow A[i][j] + B[i][j]$ 
۷      $j \leftarrow j + 1$ 
۸   برو به مرحله ۵
۹   پایان اگر
۱۰  $i \leftarrow i + 1$ 
۱۱   برو به مرحله ۳
۱۲   پایان اگر
۱۳   را  $C$  برگردان
```



## مثال ۱۹

زیرالگوریتم و زیرفلوپارتنی رسم کنید که دو ماتریس  $m \times n$  می  $A$  و  $B$  و ابعاد  $m$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و مجموع  $A$  و  $B$  یا  $A + B$  را محاسبه کرده و برگرداند.

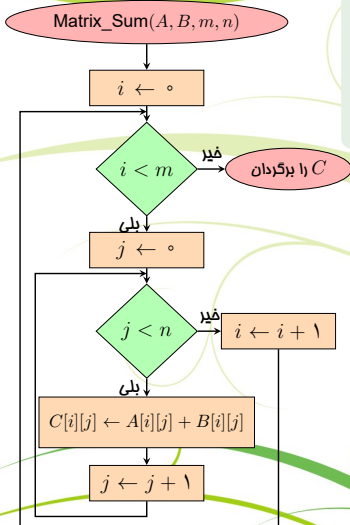
حل:

شروع $Matrix\_Sum(A, B, m, n)$	۱
$i \leftarrow 0$	۲
اگر $m < i$ آنگاه	۳
$j \leftarrow 0$	۴
اگر $n < j$ آنگاه	۵
$C[i][j] \leftarrow A[i][j] + B[i][j]$	۶
$j \leftarrow j + 1$	۷
برو به مرحله ۵	۸
پایان اگر	۹
$i \leftarrow i + 1$	۱۰
به مرحله ۳ برو	۱۱
پایان اگر	۱۲
$C$ را برگردان	۱۳



## مثال ۱۹

زیرالگوریتم و زیرفلوپارتی رسم کنید که دو ماتریس  $m \times n$  می  $A$  و  $B$  و ابعاد  $m$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و مجموع  $A$  و  $B$  یا  $A + B$  را محاسبه کرده و برگرداند.



حل:

۱ شروع  $Matrix\_Sum(A, B, m, n)$   
 ۲  $i \leftarrow 0$   
 ۳ اگر  $i < m$  آنگاه  
 ۴  $j \leftarrow 0$   
 ۵ اگر  $j < n$  آنگاه  
 ۶  $C[i][j] \leftarrow A[i][j] + B[i][j]$   
 ۷  $j \leftarrow j + 1$   
 ۸ برو به مرحله ۵  
 ۹ پایان اگر  
 ۱۰  $i \leftarrow i + 1$   
 ۱۱ به مرحله ۳ برو  
 ۱۲ پایان اگر  
 ۱۳  $C$  را برگردان



## مثال ۱۹

زیرالگوریتم و زیرفلوپارتری رسم کنید که دو ماتریس  $m \times n$  می  $A$  و  $B$  و ابعاد  $m$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و مجموع  $A$  و  $B$  یا  $A + B$  را محاسبه کرده و برگرداند.

```

1 void Matrix_Sum(
2     double A[100][100],
3     double B[100][100],
4     double C[100][100],
5     unsigned int m,
6     unsigned int n)
7 {
8     unsigned int i,j;
9     for(i=0; i<m; i++)
10        for(j=0; j<n; j++)
11            C[i][j]=A[i][j]+B[i][j];
12 }
```

حل:

شروع $Matrix\_Sum(A, B, m, n)$	۱
$i \leftarrow 0$	۲
اگر $i < m$ آنگاه	۳
$j \leftarrow 0$	۴
اگر $j < n$ آنگاه	۵
$C[i][j] \leftarrow A[i][j] + B[i][j]$	۶
$j \leftarrow j + 1$	۷
برو به مرحله ۵	۸
پایان اگر	۹
$i \leftarrow i + 1$	۱۰
به مرحله ۳ برو	۱۱
پایان اگر	۱۲
$C$ را برگردان	۱۳





## مثال ۲۰

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $n \times n$  به نام  $A$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و اگر به ازای هر  $i$  بین  $0$  و  $n - 1$ ، مجموع عناصر سطر  $i$ ام با مجموع عناصر ستون  $i$ ام برابر باشد مقدار  $1$  و در غیر این صورت مقدار  $0$  را برگرداند.

حل:

```

۱ شروع Sum_Row_Col(A, n)
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴      $Sum\_Row \leftarrow 0$ 
۵      $Sum\_Col \leftarrow 0$ 
۶     اگر  $j < n$  آنگاه
۷          $Sum\_Row \leftarrow Sum\_Row + A[i][j]$ 
۸          $Sum\_Col \leftarrow Sum\_Col + A[j][i]$ 
۹      $j \leftarrow j + 1$ 
۱۰ به مرحله ۵ برو
۱۱ پایان اگر
۱۲ اگر  $Sum\_Row \neq Sum\_Col$  آنگاه
۱۳      $0$  را برگردان
۱۴ پایان اگر
۱۵  $i \leftarrow i + 1$ 
۱۶ به مرحله ۳ برو
۱۷ پایان اگر
۱۸  $1$  را برگردان
    
```



## مثال ۲۰

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $n \times n$  به نام  $A$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و اگر به ازای هر  $i$  بین  $0$  و  $n - 1$ ، مجموع عناصر سطر  $i$ ام با مجموع عناصر ستون  $i$ ام برابر باشد مقدار  $1$  و در غیر این صورت مقدار  $0$  را برگرداند.

حل:

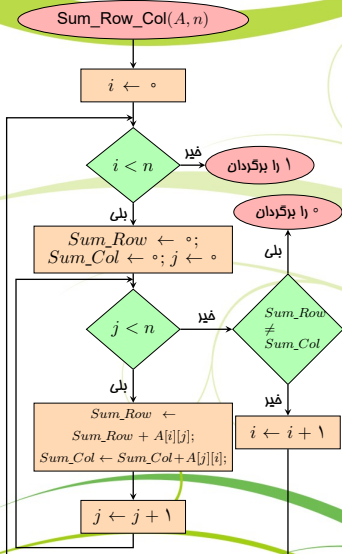
```

۱ شروع Sum_Row_Col(A, n)
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < n$  آنگاه
۴    $Sum\_Row \leftarrow 0$ 
۵    $Sum\_Col \leftarrow 0$ 
۶   اگر  $j < n$  آنگاه
۷      $Sum\_Row \leftarrow Sum\_Row + A[i][j]$ 
۸      $Sum\_Col \leftarrow Sum\_Col + A[j][i]$ 
۹    $j \leftarrow j + 1$ 
۱۰ به مرحله ۵ برو
۱۱ پایان اگر
۱۲ اگر  $Sum\_Row \neq Sum\_Col$  آنگاه
۱۳    $0$  را برگردان
۱۴ پایان اگر
۱۵  $i \leftarrow i + 1$ 
۱۶ به مرحله ۳ برو
۱۷ پایان اگر
۱۸  $1$  را برگردان
    
```



## مثال ۲۰

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $n \times n$  به نام  $A$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و اگر به ازای هر  $i$  بین  $0$  و  $n - 1$ ، مجموع عناصر سطر  $i$ ام با مجموع عناصر ستون  $i$ ام برابر باشد مقدار  $1$  و در غیر این صورت مقدار  $0$  را برگرداند.



### حل:

شروع	1
$i \leftarrow 0$	2
اگر $i < n$ آنگاه	3
$Sum\_Row \leftarrow 0$	4
$Sum\_Col \leftarrow 0$	5
اگر $j < n$ آنگاه	6
$Sum\_Row \leftarrow$	7
$Sum\_Row + A[i][j]$	8
$Sum\_Col \leftarrow$	9
$Sum\_Col + A[j][i]$	10
$j \leftarrow j + 1$	11
پایان اگر	12
اگر $Sum\_Row \neq Sum\_Col$ آنگاه	13
$0$ را برگردان	14
پایان اگر	15
$i \leftarrow i + 1$	16
پایان اگر	17
$1$ را برگردان	18



## مثال ۲۰

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $n \times n$  به نام  $A$  و  $n$  را به عنوان پارامتر دریافت کند و اگر به ازای هر  $i$  بین  $0$  و  $n - 1$ ، مجموع عناصر سطر  $i$ ام با مجموع عناصر ستون  $i$ ام برابر باشد مقدار  $1$  و در غیر این صورت مقدار  $0$  را برگرداند.

```

1 bool Sum_Row_Col(
2     double A[100][100],
3     unsigned int n)
4 {
5     unsigned int i,j;
6     double Sum_Row=0,
7           Sum_Col=0;
8     for(i=0; i<n; i++)
9     {
10        for(j=0; j<n; j++)
11        {
12            Sum_Row+=A[i][j];
13            Sum_Col+=A[j][i];
14        }
15        if(Sum_Row != Sum_Col)
16            return 0;
17    }
18    return 1;
19 }

```

### حل:

شروع $Sum\_Row\_Col(A, n)$	۱
$i \leftarrow 0$	۲
اگر $i < n$ آنگاه	۳
$Sum\_Row \leftarrow 0$	۴
$Sum\_Col \leftarrow 0$	۵
اگر $j < n$ آنگاه	۶
$Sum\_Row \leftarrow$ $Sum\_Row + A[i][j]$	۷
$Sum\_Col \leftarrow$ $Sum\_Col + A[j][i]$	۸
$j \leftarrow j + 1$	۹
به مرحله ۵ برو	۱۰
پایان اگر	۱۱
اگر $Sum\_Row \neq Sum\_Col$ آنگاه	۱۲
$0$ را برگردان	۱۳
پایان اگر	۱۴
$i \leftarrow i + 1$	۱۵
به مرحله ۳ برو	۱۶
پایان اگر	۱۷
$1$ را برگردان	



## مثال ۲۱

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  
 $m \times n$  به نام  $A$ ، یک ماتریس  $n \times k$  به نام  $B$  و  
 $m$  و  $n$  و  $k$  را به عنوان پارامتر بگیرد و  $A \times B$  را  
محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

```
Matrix_Multi(A, B, m, n, k) شروع ۱
    i ← ۰ ۲
    اگر i < m آنگاه ۳
        j ← ۰ ۴
        اگر j < k آنگاه ۵
            ℓ ← ۰; C[i][j][ℓ] ← ۰ ۶
            اگر ℓ < n آنگاه ۷
                C[i][j][ℓ] ← C[i][j][ℓ] + ۸
                (A[i][ℓ] × B[ℓ][j])
                ℓ ← ℓ + ۱ ۹
            برو به مرحله ۸ ۱۰
        پایان اگر ۱۱
        j ← j + ۱ ۱۲
        برو به مرحله ۵ ۱۳
    پایان اگر ۱۴
    i ← i + ۱ ۱۵
    به مرحله ۳ برو ۱۶
پایان اگر ۱۷
C را برگردان ۱۸
```



## مثال ۲۱

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  
زیر الگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $m \times n$  به نام  $A$ ، یک ماتریس  $n \times k$  به نام  $B$  و  
 $m$  و  $n$  و  $k$  را به عنوان پارامتر بگیرد و  $A \times B$  را  
محاسبه کرده و برگرداند.

### حل:

```

۱ شروع Matrix_Multi(A, B, m, n, k)
۲  $i \leftarrow 0$ 
۳ اگر  $i < m$  آنگاه
۴    $j \leftarrow 0$ 
۵   اگر  $j < k$  آنگاه
۶      $\ell \leftarrow 0$ ;  $C[i][j] \leftarrow 0$ 
۷     اگر  $\ell < n$  آنگاه
۸        $C[i][j] \leftarrow C[i][j] +$ 
۹        $(A[i][\ell] \times B[\ell][j])$ 
۱۰       $\ell \leftarrow \ell + 1$ 
۱۱      برو به مرحله ۸
۱۲     پایان اگر
۱۳      $j \leftarrow j + 1$ 
۱۴     برو به مرحله ۵
۱۵     پایان اگر
۱۶      $i \leftarrow i + 1$ 
۱۷     به مرحله ۳ برو
۱۸     پایان اگر
۱۹     را برگردان C

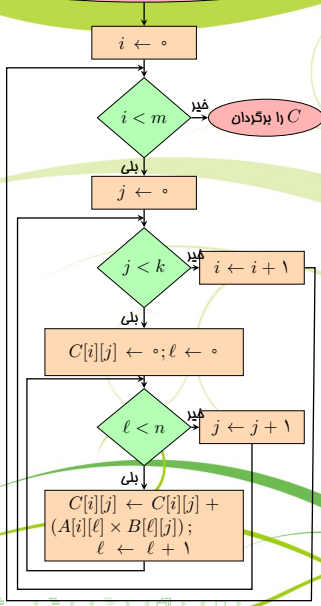
```



## مثال ۲۱

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  
زیر الگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  $n \times k$  به نام  $B$  و  
 $m \times n$  به نام  $A$ ، یک ماتریس  $k \times n$  به نام  $A \times B$  را  
محاسبه کرده و برگرداند.

Matrix\_Multi( $A, B, m, n, k$ )



### حل:

شروع	1
$i \leftarrow 0$	2
اگر $i < m$ آنگاه	3
$j \leftarrow 0$	4
اگر $j < k$ آنگاه	5
$C[i][j] \leftarrow 0; l \leftarrow 0$	6
اگر $l < n$ آنگاه	7
$C[i][j] \leftarrow C[i][j] +$ $(A[i][l] \times B[l][j])$	8
$l \leftarrow l + 1$	9
برو به مرحله ۸	10
پایان اگر	11
$j \leftarrow j + 1$	12
برو به مرحله ۵	13
پایان اگر	14
$i \leftarrow i + 1$	15
به مرحله ۳ برو	16
پایان اگر	17
$C$ را برگردان	18



## مثال ۲۱

زیرالگوریتم و زیرفلوچارتی رسم کنید که یک ماتریس  
 $m \times n$  به نام  $A$ ، یک ماتریس  $n \times k$  به نام  $B$  و  
 $m$  و  $n$  و  $k$  را به عنوان پارامتر بگیرد و  $A \times B$  را  
محاسبه کرده و برگرداند.

```

1 void Matrix_Multi(
2     double A[ ][100],
3     double B[ ][100],
4     double C[ ][100],
5     unsigned int m,
6     unsigned int n,
7     unsigned int k)
8 {
9     unsigned int i,j,l;
10    for(i=0; i<m; i++)
11        for(j=0; j<k; j++)
12            {
13                C[i][j]=0;
14                for(l=0; l<n; l++)
15                    C[i][j]+=(A[i][l]*B[l][j]);
16            }
17 }
    
```



### حل:

Matrix_Multi(A, B, m, n, k)	شروع	۱
	$i \leftarrow 0$	۲
	اگر $i < m$ آنگاه	۳
	$j \leftarrow 0$	۴
	اگر $j < k$ آنگاه	۵
	$\ell \leftarrow 0$ ; $C[i][j] \leftarrow 0$	۶
	اگر $\ell < n$ آنگاه	۷
	$C[i][j] \leftarrow C[i][j] +$	۸
	$(A[i][\ell] \times B[\ell][j])$	
	$\ell \leftarrow \ell + 1$	۹
	پرو به مرحله ۸	۱۰
	پایان اگر	۱۱
	$j \leftarrow j + 1$	۱۲
	پرو به مرحله ۵	۱۳
	پایان اگر	۱۴
	$i \leftarrow i + 1$	۱۵
	پرو به مرحله ۳	۱۶
	پایان اگر	۱۷
	$C$ را برگردان	۱۸



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

- ◀ منظور از قلمرو (SCOPE) یک متغیر، مملهایی از برنامه است که آن متغیر قابل استفاده است، یعنی می‌توان با دستور انتساب به آن متغیر مقداری نسبت داد یا از محتوای ذخیره شده در آن متغیر استفاده کرد.
- ◀ «هر متغیر از محل تعریف شدن تا آخر بلوکی که در آن تعریف شده است قابل رویت و استفاده است و در خارج از محدوده قابل استفاده نیست.»
- ◀ بلوک: مجموعه دستوراتی است که با یک آکولاد باز شروع می‌شود و تا آکولاد بسته متناظر با آن ختم می‌شود.
- ◀ در هر قلمرو، نمی‌توان متغیرهای همانم داشت.
- ◀ در بحث فوق، یک استثنا وجود دارد و آن، زمانی است که بلوک‌های متداخل داشته باشیم. در این صورت می‌توانیم در بلوک داخلی، متغیری همانم با متغیری که در بلوک بیرونی تعریف شده، تعریف کنیم. در این حالت، استفاده از متغیر، بسته به محل استفاده از آن به آن متغیری اشاره می‌کند که در آن بلوک تعریف شده است.



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

- ◀ منظور از قلمرو (SCOPE) یک متغیر، مملهایی از برنامه است که آن متغیر قابل استفاده است، یعنی می‌توان با دستور انتساب به آن متغیر مقداری نسبت داد یا از محتوای ذخیره شده در آن متغیر استفاده کرد.
- ◀ «هر متغیر از محل تعریف شدن تا آخر بلوکی که در آن تعریف شده است قابل رویت و استفاده است و در خارج از محدوده قابل استفاده نیست.»
- ◀ بلوک: مجموعه دستوراتی است که با یک آکولاد باز شروع می‌شود و تا آکولاد بسته متناظر با آن ختم می‌شود.
- ◀ در هر قلمرو، نمی‌توان متغیرهای همانم داشت.
- ◀ در بحث فوق، یک استثنا وجود دارد و آن، زمانی است که بلوک‌های متداخل داشته باشیم. در این صورت می‌توانیم در بلوک داخلی، متغیری همانم با متغیری که در بلوک بیرونی تعریف شده، تعریف کنیم. در این حالت، استفاده از متغیر، بسته به محل استفاده از آن به آن متغیری اشاره می‌کند که در آن بلوک تعریف شده است.



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

- ◀ منظور از قلمرو (SCOPE) یک متغیر، مملهایی از برنامه است که آن متغیر قابل استفاده است، یعنی می‌توان با دستور انتساب به آن متغیر مقداری نسبت داد یا از محتوای ذخیره شده در آن متغیر استفاده کرد.
- ◀ «هر متغیر از محل تعریف شدن تا آخر بلوکی که در آن تعریف شده است قابل رویت و استفاده است و در خارج از محدوده قابل استفاده نیست.»
- ◀ بلوک: مجموعه دستوراتی است که با یک آکولاد باز شروع می‌شود و تا آکولاد بسته متناظر با آن ختم می‌شود.
- ◀ در هر قلمرو، نمی‌توان متغیرهای همانم داشت.
- ◀ در بحث فوق، یک استثنا وجود دارد و آن، زمانی است که بلوک‌های متداخل داشته باشیم. در این صورت می‌توانیم در بلوک داخلی، متغیری همانم با متغیری که در بلوک بیرونی تعریف شده، تعریف کنیم. در این حالت، استفاده از متغیر، بسته به محل استفاده از آن به آن متغیری اشاره می‌کند که در آن بلوک تعریف شده است.



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

- ◀ منظور از قلمرو (SCOPE) یک متغیر، مملهایی از برنامه است که آن متغیر قابل استفاده است، یعنی می‌توان با دستور انتساب به آن متغیر مقداری نسبت داد یا از محتوای ذخیره شده در آن متغیر استفاده کرد.
- ◀ «هر متغیر از محل تعریف شدن تا آخر بلوکی که در آن تعریف شده است قابل رویت و استفاده است و در خارج از محدوده قابل استفاده نیست.»
- ◀ بلوک: مجموعه دستوراتی است که با یک آکولاد باز شروع می‌شود و تا آکولاد بسته متناظر با آن ختم می‌شود.
- ◀ در هر قلمرو، نمی‌توان متغیرهای همانم داشت.
- ◀ در بحث فوق، یک استثنا وجود دارد و آن، زمانی است که بلوک‌های متداخل داشته باشیم. در این صورت می‌توانیم در بلوک داخلی، متغیری همانم با متغیری که در بلوک بیرونی تعریف شده، تعریف کنیم. در این حالت، استفاده از متغیر، بسته به محل استفاده از آن به آن متغیری اشاره می‌کند که در آن بلوک تعریف شده است.



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

- ◀ منظور از قلمرو (scope) یک متغیر، مملهایی از برنامه است که آن متغیر قابل استفاده است، یعنی می‌توان با دستور انتساب به آن متغیر مقداری نسبت داد یا از محتوای ذخیره شده در آن متغیر استفاده کرد.
- ◀ «هر متغیر از محل تعریف شدن تا آخر بلوکی که در آن تعریف شده است قابل رویت و استفاده است و در خارج از محدوده قابل استفاده نیست.»
- ◀ بلوک: مجموعه دستوراتی است که با یک آکولاد باز شروع می‌شود و تا آکولاد بسته متناظر با آن ختم می‌شود.
- ◀ در هر قلمرو، نمی‌توان متغیرهای همانم داشت.
- ◀ در بحث فوق، یک استثنا وجود دارد و آن، زمانی است که بلوک‌های متداخل داشته باشیم. در این صورت می‌توانیم در بلوک داخلی، متغیری همانم با متغیری که در بلوک بیرونی تعریف شده، تعریف کنیم. در این حالت، استفاده از متغیر، بسته به محل استفاده از آن به آن متغیری اشاره می‌کند که در آن بلوک تعریف شده است.



## قلمرو متغیرها

### قلمرو متغیرها:

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 int main()
4 {
5     int a=0;
6     {
7         int a=1;
8         cout<<a;
9     }
10    cout<<a;
11    return 0;
12 }
```

مثال: خروجی برنامه ابتدا عدد ۱ و سپس عدد ۰ است.



## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ◀ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ◀ طول عمر متغیر معمول یا مملی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ◀ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ◀ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ◀ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً `a` در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ◀ متغیرهای فارسی؛ متغیرهایی که فارغ از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.



## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ▶ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ▶ طول عمر متغیر معمول یا محلی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ▶ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ▶ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ▶ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً `a` در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ▶ متغیرهای خارجی؛ متغیرهایی که خارج از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.





## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ▶ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ▶ طول عمر متغیر معمول یا محلی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ▶ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ▶ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ▶ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً `a` در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ▶ متغیرهای فارمی؛ متغیرهایی که خارج از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.



## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ▶ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ▶ طول عمر متغیر معمول یا محلی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ▶ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ▶ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ▶ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً ۱ در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ▶ متغیرهای فارمی؛ متغیرهایی که خارج از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.



## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ▶ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ▶ طول عمر متغیر معمول یا محلی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ▶ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ▶ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ▶ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً `a` در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ▶ متغیرهای فارسی: متغیرهایی که خارج از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.



## طول عمر متغیرها

### طول عمر متغیرها:

- ▶ طول عمر یک متغیر: بازه زمانی که به متغیر حافظه تفصیص داده شده است.
- ▶ طول عمر متغیر معمول یا محلی متناسب با قلمرو آن است، یعنی از ابتدای بلوکی که متغیر تعریف شده است تا انتهای آن بلوک.
- ▶ با هر بار اجرای تابع، ممکن است حافظه‌ای در محل‌های مختلف به متغیرهای آن نسبت داده شود.
- ▶ کلاسی از متغیرها به نام ایستا (static) وجود دارد که طول عمر آنها، از ابتدا تا انتهای اجرای برنامه است. تعریف این متغیرها با اضافه کردن کلمه کلیدی static. به عنوان مثال،  
`static int x;`
- ▶ اگر در یک اجرای تابع مقدار مثلاً `a` در یک متغیر ایستا قرار گرفت، در فرافوانی بعدی تابع، این متغیر همچنان دارای همین مقدار خواهد بود. این متغیرها در بسیاری موارد مفید هستند.
- ▶ متغیرهای خارجی؛ متغیرهایی که خارج از توابع تعریف می‌شوند، دارای طول عمر مشابه متغیرهای ایستا هستند و قلمرو آنها نیز در سرتاسر برنامه است.



## توابع بازگشتی

## توابع بازگشتی:

- یکی از روش‌های مرسوم در حل مسائل، روش بازگشتی است.
- در ریاضی، بعضاً از فود مفهوم برای تعریف فودش استفاده می‌شود. مثال:  
تعریف فاکتوریل:  $n! = n \times (n - 1) \times \dots \times 2 \times 1$ .

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 0 \\ n \times (n - 1)! & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

- برای مناسبه فاکتوریل با استفاده از فرمول بازگشتی، تابعی که برای مناسبه فاکتوریل می‌نویسیم، فودش را فراخوانی کند. تابعی با این خاصیت را تابع بازگشتی می‌نامیم.
- تابع بازگشتی، ممکن است مستقیم، فودش، فودش را فراخوانی نکند و با واسطه فودش را فراخوانی کند.



## توابع بازگشتی

## توابع بازگشتی:

- یکی از روش‌های مرسوم در حل مسائل، روش بازگشتی است.
- در ریاضی، بعضاً از خود مفهوم برای تعریف فودش استفاده می‌شود. مثال:  
تعریف فاکتوریل..  $1 \times 2 \times \dots \times (n-1) \times n = n!$

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 0 \\ n \times (n-1)! & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

- برای مناسبه فاکتوریل با استفاده از فرمول بازگشتی، تابعی که برای مناسبه فاکتوریل می‌نویسیم، فودش را فراخوانی کند. تابعی با این خاصیت را تابع بازگشتی می‌نامیم.
- تابع بازگشتی، ممکن است مستقیم، فودش، فودش را فراخوانی نکند و با واسطه فودش را فراخوانی کند.



## توابع بازگشتی

## توابع بازگشتی:

- یکی از روش‌های مرسوم در حل مسائل، روش بازگشتی است.
- در ریاضی، بعضاً از خود مفهوم برای تعریف فودش استفاده می‌شود. مثال:  
تعریف فاکتوریل..  $1 \times 2 \times \dots \times (n-1) \times n = n!$

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 0 \\ n \times (n-1)! & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

- برای محاسبه فاکتوریل با استفاده از فرمول بازگشتی، تابعی که برای محاسبه فاکتوریل می‌نویسیم، فودش را فراخوانی کند. تابعی با این خاصیت را تابع بازگشتی می‌نامیم.
- تابع بازگشتی، ممکن است مستقیم، فودش، فودش را فراخوانی نکند و با واسطه فودش را فراخوانی کند.



## توابع بازگشتی

## توابع بازگشتی:

- یکی از روش‌های مرسوم در حل مسائل، روش بازگشتی است.
- در ریاضی، بعضاً از خود مفهوم برای تعریف فودش استفاده می‌شود. مثال:  
تعریف فاکتوریل..  $1 \times 2 \times \dots \times (n-1) \times n = n!$

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 0 \\ n \times (n-1)! & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

- برای محاسبه فاکتوریل با استفاده از فرمول بازگشتی، تابعی که برای محاسبه فاکتوریل می‌نویسیم، فودش را فراخوانی کند. تابعی با این خاصیت را تابع بازگشتی می‌نامیم.
- تابع بازگشتی، ممکن است مستقیم، فودش، فودش را فراخوانی نکند و با واسطه فودش را فراخوانی کند.





## مثال ۲۲

مطلوب است، تابع بازگشتی برای محاسبه فاکتوریل عدد داده شده.

حل:

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 long int fact(long int n)
4 {
5     if(n == 0)
6         return 1;
7     else
8         return n*fact(n-1);
9 }
10 int main()
11 {
12     int n;
13     cout<<"Enter n:";
14     cin >> n;
15     cout<<" \n Factorial is :"<< fact(n);
16     return 0;
17 }
```



## مثال ۲۲

مطلوب است، تابع بازگشتی برای محاسبه فاکتوریل عدد داده شده.

حل:

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 long int fact(long int n)
4 {
5     if(n == 0)
6         return 1;
7     else
8         return n*fact(n-1);
9 }
10 int main()
11 {
12     int n;
13     cout<<"Enter n:";
14     cin >> n;
15     cout<<" \n Factorial is :"<< fact(n);
16     return 0;
17 }
```

مطلوب است، تابع بازگشتی برای محاسبه جمله  $n$ ام دنباله فیبوناچی.

حل:

تعریف بازگشتی دنباله فیبوناچی به صورت زیر است:

$$Fib(n) = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 1 \text{ یا } 2 \\ Fib(n-1) + Fib(n-2) & \text{اگر } n \geq 3 \end{cases}$$

```

1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 long int Fib(int n)
4 {
5     if(n == 1 || n == 2)
6         return 1;
7     else
8         return Fib(n-1)+Fib(n-2);
9 }
10 int main()
11 {
12     int n;
13     cout<<"Enter n:";
14     cin >> n;
15     cout<<" \n nth element of Fibonacci sequence is : "<< Fib(n);
16     return 0;
17 }

```



مطلوب است، تابع بازگشتی برای محاسبه جمله  $n$ ام دنباله فیبوناچی.

حل:

تعریف بازگشتی دنباله فیبوناچی به صورت زیر است:

$$Fib(n) = \begin{cases} 1 & \text{اگر } n = 1 \text{ یا } 2 \\ Fib(n-1) + Fib(n-2) & \text{اگر } n \geq 3 \end{cases}$$

```

1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 long int Fib(int n)
4 {
5     if(n == 1 || n == 2)
6         return 1;
7     else
8         return Fib(n-1)+Fib(n-2);
9 }
10 int main()
11 {
12     int n;
13     cout<<"Enter n:";
14     cin >> n;
15     cout<<" \n nth element of Fibonacci sequence is : "<< Fib(n);
16     return 0;
17 }
```



## مثال ۲۴

تابعی بازگشتی بنویسید که یک آرایه از اعداد اعشاری و تعداد عناصر آرایه را به عنوان آرگومان بگیرد و مجموع اعداد موجود در آرایه را محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

برای حل مسئله به صورت بازگشتی باید الگوریتمی بازگشتی برای آن ارائه کرد.

لذا از ساده‌ترین حالت شروع می‌کنیم و سعی خواهیم کرد که فرمولی بازگشتی برای حل مسئله ارائه کنیم.

بسیار مواردی وجود دارد که راه حل مسئله آن بسیار پیچیده است ولی با استفاده از روش بازگشتی به سادگی مسئله حل می‌شود.

```

1 double Sum_Array(double A[ ], int n)
2 {
3     if(n == 1)
4         return A[0];
5     else
6         return Sum_Array(A, n-1)+A[n-1];
7 }
```



## مثال ۲۴

تابعی بازگشتی بنویسید که یک آرایه از اعداد اعشاری و تعداد عناصر آرایه را به عنوان آرگومان بگیرد و مجموع اعداد موجود در آرایه را محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

- ◀ برای حل مسئله به صورت بازگشتی، باید الگوریتمی بازگشتی برای آن ارائه کرد.
- ◀ لذا از ساده‌ترین حالت شروع می‌کنیم و سعی خواهیم کرد که فرمولی بازگشتی برای حل مسئله ارائه کنیم.
- ◀ بسیار مواردی وجود دارد که راه حل مستقیم آن بسیار پیچیده است ولی با استفاده از روش بازگشتی به سادگی مسئله حل می‌شود.

```

1 double Sum_Array(double A[ ], int n)
2 {
3     if(n == 1)
4         return A[0];
5     else
6         return Sum_Array(A,n-1)+A[n-1];
7 }
```



## مثال ۲۴

تابعی بازگشتی بنویسید که یک آرایه از اعداد اعشاری و تعداد عناصر آرایه را به عنوان آرگومان بگیرد و مجموع اعداد موجود در آرایه را محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

- ◀ برای حل مسئله به صورت بازگشتی، باید الگوریتمی بازگشتی برای آن ارائه کرد.
- ◀ لذا از ساده‌ترین حالت شروع می‌کنیم و سعی خواهیم کرد که فرمولی بازگشتی برای حل مسئله ارائه کنیم.
- ◀ بسیار مواردی وجود دارد که راه حل مستقیم آن بسیار پیچیده است ولی با استفاده از روش بازگشتی به سادگی مسئله حل می‌شود.

```

1 double Sum_Array(double A[ ], int n)
2 {
3     if(n == 1)
4         return A[0];
5     else
6         return Sum_Array(A,n-1)+A[n-1];
7 }
```



## مثال ۲۴

تابعی بازگشتی بنویسید که یک آرایه از اعداد اعشاری و تعداد عناصر آرایه را به عنوان آرگومان بگیرد و مجموع اعداد موجود در آرایه را محاسبه کرده و برگرداند.

حل:

- ◀ برای حل مسئله به صورت بازگشتی، باید الگوریتمی بازگشتی برای آن ارائه کرد.
- ◀ لذا از ساده‌ترین حالت شروع می‌کنیم و سعی خواهیم کرد که فرمولی بازگشتی برای حل مسئله ارائه کنیم.
- ◀ بسیار مواردی وجود دارد که راه حل مستقیم آن بسیار پیچیده است ولی با استفاده از روش بازگشتی به سادگی مسئله حل می‌شود.

```

1 double Sum_Array(double A[ ], int n)
2 {
3     if(n == 1)
4         return A[0];
5     else
6         return Sum_Array(A,n-1)+A[n-1];
7 }
```





## مثال ۲۵

جستجوی دودویی یک عدد را در یک آرایه مرتب به صورت بازگشتی.

حل:

روش بازگشتی جستجوی دودویی:

عناصر مورد جستجو را با عضو وسط آرایه مقایسه می‌کنیم. اگر برابر است که جستجو پایان می‌یابد.

در غیر این صورت در صورتی که مقدار مورد جستجو بزرگتر از عضو وسط است، باید عضو را در قسمت دوم آرایه جستجو کرد.

در غیر این صورت، جستجوی دودویی روی نیمه اول آرایه ادامه پیدا می‌کند.



## مثال ۲۵

جستجوی دودویی یک عدد را در یک آرایه مرتب به صورت بازگشتی.

حل:

روش بازگشتی جستجوی دودویی:

عنصر مورد جستجو را با عضو وسط آرایه مقایسه می‌کنیم. اگر برابر است که جستجو پایان می‌یابد.

در غیر این صورت در صورتی که مقدار مورد جستجو بزرگ‌تر از عضو وسط است، باید عضو را در قسمت دوم آرایه جستجو کرد.

در غیر این صورت، جستجوی دودویی روی نیمه اول آرایه ادامه پیدا می‌کند.



## مثال ۲۵

جستجوی دودویی یک عدد را در یک آرایه مرتب به صورت بازگشتی.

حل:

روش بازگشتی جستجوی دودویی:

عنصر مورد جستجو را با عضو وسط آرایه مقایسه می‌کنیم. اگر برابر است که جستجو پایان می‌یابد.

در غیر این صورت در صورتی که مقدار مورد جستجو بزرگتر از عضو وسط است، باید عضو را در قسمت دوم آرایه جستجو کرد.

در غیر این صورت، جستجوی دودویی روی نیمه اول آرایه ادامه پیدا می‌کند.



## مثال ۲۵

جستجوی دودویی یک عدد را در یک آرایه مرتب به صورت بازگشتی.

حل:

روش بازگشتی جستجوی دودویی:

عنصر مورد جستجو را با عضو وسط آرایه مقایسه می‌کنیم. اگر برابر است که جستجو پایان می‌یابد.

در غیر این صورت در صورتی که مقدار مورد جستجو بزرگتر از عضو وسط است، باید عضو را در قسمت دوم آرایه جستجو کرد.

در غیر این صورت، جستجوی دودویی روی نیمه اول آرایه ادامه پیدا می‌کند.



## مثال ۲۵

جستجوی دودویی یک عدد را در یک آرایه مرتب به صورت بازگشتی.

```

1 int Bin_Search_rec(double
    A[500],double x,int i,
    int j)
2 {
3     unsigned int mid;
4     if(i == j)
5         if(x == A[i])
6             return 1;
7         else
8             return 0;
9     mid=(i+j)/2;
10    if(x == A[mid])
11        return 1;
12    if(x < A[mid])
13        return Bin_Search_rec(A
            ,x,i,mid-1);
14    if(x > A[mid])
15        return Bin_Search_rec(A
            ,x,mid+1,j);
16 }
```

حل:

روش بازگشتی جستجوی دودویی:

عنصر مورد جستجو را با عضو وسط آرایه مقایسه می‌کنیم. اگر برابر است که جستجو پایان می‌یابد.

در غیر این صورت در صورتی که مقدار مورد جستجو بزرگتر از عضو وسط است، باید عضو را در قسمت دوم آرایه جستجو کرد.

در غیر این صورت، جستجوی دودویی روی نیمه اول آرایه ادامه پیدا می‌کند.



با آرزوی  
موفقیت  
و  
پروزی

[mfarshi@yazd.ac.ir](mailto:mfarshi@yazd.ac.ir)