

- (۱) سال تولد یک دانشمند، مقلوب سال وفاتش می‌باشد. اگر او در قرن ۱۱ شمسی به دنیا آمده باشد و در قرن ۱۲ وفات کرده باشد، سال تولد، سال وفات و طول عمر او را به دست آورید.
- (۲) در یک تقسیم، مقسوم علیه و باقی مانده اعدادی فرد هستند. در مورد خارج قسمت، چه نظری می‌توان داد؟
 الف) حتماً فرد است ب) حتماً زوج است ج) یک است د) نمی‌توان حرفی زد
- (۳) در تقسیم مقابل، چند واحد به مقسوم اضافه کنیم تا باقی مانده صفر و خارج قسمت ۱۱ شود؟

$$\begin{array}{r} 165 \\ 153 \\ \hline 12 \end{array}$$
 الف) ۲۲ ب) ۵ ج) ۱۷ د) ۱۲
- (۴) اگر باقی مانده‌ی تقسیم عدد x بر ۳ و باقی مانده تقسیم عدد y بر ۵ برابر ۲ باشد، باقی مانده‌ی تقسیم عدد $y \times x$ بر ۵ کدام است؟
 الف) ۱ ب) ۲ ج) ۳ د) ۴
- (۵) عدد ۳۶ را به دو قسمت تقسیم کرده‌ایم، به طوری که حاصل ضرب دو قسمت در هم بیشترین مقدار ممکن را دارا باشد. آن دو قسمت کدام‌اند؟
 الف) ۲۴ و ۱۲ ب) ۲۰ و ۱۶ ج) ۳۲ و ۱۴ د) ۱۸ و ۱۸
- (۶) در یک تقسیم، ۹۰ واحد به مقسوم و ۴ واحد به مقسوم علیه اضافه می‌کنیم. خارج قسمت تغییر نمی‌کند ولی از باقی مانده، ۲ واحد کم می‌شود. خارج قسمت کدام است؟
 الف) ۱۳ ب) ۱۷ ج) ۳۱ د) ۲۳
- (۷) در یک تقسیم عدد دو رقمی بر عدد یک رقمی، باقی مانده:
 ب) همیشه یک رقمی است
 د) هرگز یک رقمی است.
 الف) همیشه دو رقمی است
 ج) گاهی یک رقمی و گاهی دو رقمی است.
- (۸) در یک عمل تقسیم، مقسوم علیه ۱۲ و باقی مانده ۸ می‌باشد. حداقل چند واحد باید به مقسوم علیه اضافه کرد تا باقی مانده نصف شود؟
 الف) ۴ ب) ۲۰ ج) ۱۲ د) ۸
- (۹) در عدد $\underline{\hspace{1cm} ۶۰۴}\bigcirc\text{ } ۰$ ، در جای خالی چه رقمی قرار دهیم تا این عدد بر همه‌ی اعداد طبیعی یک رقمی بخش پذیر باشد؟
 الف) ۰ ب) ۷ ج) ۸ د) ۶
- (۱۰) عدد ۵ رقمی $\underline{\hspace{1cm} ۵۱۶۱۵}$ بر ۹ بخش پذیر است. $y+x$ کدام است؟
 الف) ۲۱ ب) ۱۵ ج) ۹ د) ۲۷
- (۱۱) اگر عدد سه رقمی \overline{abc} بر ۱۵ بخش پذیر باشد، کدام عدد زیر بر ۱۵ بخش پذیر نیست?
 الف) $c(a-1)(b+1)$ ب) $(a-1)b(c+1)$ ج) $7 \times \overline{abc}$ د) $\overline{abc}5$
- (۱۲) از اعداد بین ۷۷ و ۲۱۷ چند عدد بر ۱۳ بخش پذیرند؟
 الف) ۱۶ ب) ۱۵ ج) ۱۱ د) ۵

(۱۳) کوچک ترین عدد طبیعی که اگر از آن ۷ واحد کم کنیم بر ۸ و اگر از آن ۸ واحد کم کنیم بر ۵۶ بخش پذیر می باشد، کدام است؟ الف) ۴۸ ج) ۱۱۲ ب) ۴۹ د) ۵۶

(۱۴) چند عدد دو رقمی می توان نوشت که یکان آن اعداد اول و دهگان آن مقسوم علیه های ۶ باشد؟

الف) ۸ ب) ۱۲ ج) ۲۰ د) ۱۶

(۱۵) چند عدد دو رقمی بدون تکرار ارقام با رقم های ۵ و ۹ و ۰ و ۷ و ۶ می توان نوشت؟

الف) ۲۵ ب) ۲۰ ج) ۱۶ د) ۱۲

(۱۶) علی سه جفت جوراب قرمز ، سبز ، آبی و چهار جفت کفش سفید ، سیاه ، قهوه ای ، آبی دارد. او به چند صورت می توان آن هارا بپوشد تا هم رنگ نباشد؟ الف) ۱۵ ج) ۱۱ ب) ۹ د) ۸

(۱۷) با ارقام ۱ و ۲ و ۳ و ۴ چند عدد دو رقمی زوج بدون تکرار ارقام می توان نوشت؟

الف) ۱۶ ب) ۱۲ ج) ۸ د) ۶

(۱۸) با ارقام ۰ و ۱ و ۲ و ۳ و ۵ چند عدد سه رقمی زوج بدون تکرار ارقام می توان نوشت؟

الف) ۱۸ ب) ۳۲ ج) ۴۰ د) ۲۱

(۱۹) چند عدد سه رقمی زوج می توان نوشت که ارقام ۰ و ۵ و ۷ در آن ها به کار نرفته باشد؟

الف) ۱۹۶ ب) ۱۶۹ ج) ۴۰۰ د) ۳۰۰

(۲۰) با ارقام ۰ و ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ چند عدد سه رقمی بزرگ تراز ۳۰۰ می توان نوشت؟ (بدون تکرار)
الف) ۴۰ ب) ۶۰ ج) ۸۰ د) ۱۲۰

(۲۱) مجموع دو عدد اول ۹ است. اختلاف دو عدد کدام است؟ الف) ۹۷ ج) ۹۵ ب) ۲۵ د) ۴۷

(۲۲) چند عدد اول کوچک تراز ۵۰ وجود دارد که مضرب ۷ باشد؟ الف) ۷ ب) ۱ ج) ۶ د) ۲

(۲۳) مجموع دو عدد اول ۵۲ است که یکی از آن ها مضرب ۵ می باشد. عدد اول بزرگ تر کدام است؟

الف) ۲۹ ب) ۴۷ ج) ۳۷۸۰ د) ۴۱

(۲۴) حاصل ضرب بزرگ ترین و کوچک ترین عدد اول دو رقمی چیست؟

الف) ۱۰۰۱ ب) ۱۰۵۷ ج) ۱۰۷۶ د) ۱۰۶۷

(۲۵) اگر a یک عدد اول باشد، آن گاه مجموع مقسوم علیه های a کدام است؟

۱) a^2

۲) $2a$

۳) $a+1$

۴) 1

(۲۶) بزرگ ترین مقسوم علیه‌ی مشترک ۷۲ و ۳۶ و ۱۴۴ کدام است؟

۱) ۶

۲) ۱۲

۳) ۷۲

۴) ۳۶

(۲۷) بین دانش آموزان یک کلاس، ۱۱۰ دفتر را به تعداد مساوی تقسیم کردیم و دو دفتر باقی مانده است.

۱۸۰ خودکار را بین آن‌ها تقسیم کردیم که خودکاری باقی نمانده است. حداکثر دانش آموزان کدام است؟

۱) ۳۲

۲) ۲۴

۳) ۱۸

(۲۸) حاصل ضرب دو عدد اول ۱۹۴ است. حاصل جمع آن دو عدد، برابر است با :

۱) ۹۹

۲) ۹۷

۳) ۱۰۳

۴) ۱۵۳

(۲۹) اگر a عدد طبیعی باشد، حاصل $a \sqcap (a+1) \sqcup (a+2)$ همواره برابر است با :

۱) ۶

۲) ۲

۳) ۱

۴) ۳

(۳۰) بزرگ ترین عدد دو رقمی که بر اعداد ۶ و ۱۴ و ۴۲ بخش پذیر باشد، کدام است؟

۱) ۴۲

۲) ۹۹

۳) ۸۴

۴) ۶۸

(۳۱) سطحی به ابعاد ۱۸ و ۲۷ سانتی متر را می خواهیم با کارت‌هایی مربع شکل بپوشانیم، کم ترین تعداد

۱) ۱۲

۲) ۶

۳) ۹

۴) ۵۴

۱) ۱۸۹

۲) ۲۱۶

۳) ۸۳۷

۴) ۳۱۵

(۳۲) در شماره گذاری صفحات یک کتاب ۸۳۷ رقم بکار رفته است. این کتاب چند صفحه دارد؟

۱) ۵

۲) ۲۱۶

۳) ۸۳۷

۴) ۳۱۵

(۳۳) کدام دسته از اعداد زیر، نسبت به هم متباین هستند؟

۱) ۴۷ و ۹۴

۲) ۲۳ و ۲۶۵

۳) ۲۹ و ۸۷

۴) ۳۹ و ۲۵

(۳۴) اگر a و b نسبت به هم اول باشند، کدام یک از روابط زیر درست است؟

۱) $a \sqcup b = ab$

۲) $a \sqcup b = b$

۳) $a \sqcap b = b$

۴) $a \sqcap b = a$

(۳۵) علی ۴۶ شکلات و حسین ۲۹ شکلات دارد. آن‌ها مقداری از شکلات‌های خود را به ناصر می دهند تا هر

۳ نفر، شکلات مساوی داشته باشند. علی و حسین هر کدام به ترتیب چند شکلات به ناصر می دهند؟

۱) ۵ و ۲۳

۲) ۳ و ۲۲

۳) ۵ و ۲۰

۴) ۴ و ۲۱

(۳۶) رقم یکان حاصل ضرب اعداد اول کم تراز ۴۹ کدام است؟

۱) ۵

۲) ۱

۳) ۲

۴) ۲

(۳۷) ۱۲ دانش آموز تشکیل صف داده اند. اگر ۷ نفر از آن ها عینک و ۶ نفر از آن ها ساعت داشته باشند، چند نفر نه عینک و نه ساعت دارند؟
الف) حداکثر ۱ نفر
ب) حداکثر ۲ نفر
ج) حداکثر ۵ نفر
د) حداکثر ۶ نفر

(۳۸) عدد ۲۸ چند مقسوم علیه‌ی مرکب دارد؟
الف) ۶
ب) ۴
ج) ۳

(۳۹) اگر a را بر عدد فرد b تقسیم کنیم، باقی مانده مساوی ۳ می‌شود. آن‌گاه حاصل $b \sqcap a$ کدام است؟
د) هیچ کدام
ب) ۲
ج) b
الف) ۱

(۴۰) چند عدد اول یک رقمی وجود دارد که فقط یک مقسوم علیه‌ی اول دارند؟

الف) ۴
ب) ۵
ج) ۶
د) ۷

(۴۱) کوچک ترین عددی که باقی مانده‌ی تقسیم آن بر اعداد ۵۴ و ۶۳ برابر ۶ باشد، کدام است؟

الف) ۳۷۸
ب) ۷۵۶
ج) ۷۶۲
د) ۳۸۴

(۴۲) کوچک ترین عدد سه رقمی که باقی مانده‌ی تقسیم آن بر اعداد ۱۸ و ۱۲ و ۲۴ برابر ۷ شود، کدام است؟

الف) ۱۳۷
ب) ۱۵۱
ج) ۱۴۴
د) ۱۰۷

(۴۳) a و b و c سه عدد طبیعی اند به طوری که b و c بر a بخش پذیرند. $(b \sqcap c) \sqcap a$ کدام است؟

الف) a
ب) b
ج) c
د) abc

(۴۴) دو چرخ با قسمه با هم متصل هستند. اگر محیط چرخ A ، ۱۲۰ سانتی متر و محیط چرخ B ، ۱۵۰ سانتی متر باشد، چرخ B چند دور بزند تا برای بار هفتم دو علامت مقابل هم در روی دو چرخ، رو بروی هم قرار گیرند؟

الف) ۱۴
ب) ۲۱
ج) ۲۸
د) ۳۵

(۴۵) دهمین مضرب طبیعی عدد ۱۶ مساوی با چندمین مضرب طبیعی عدد ۲۰ است؟

الف) ۶
ب) ۸
ج) ۵
د) ۴

(۴۶) b م دو عدد $a \times 27$ و $27 \times a$ مساوی ۳۶ است. a کدام است؟

الف) ۶
ب) ۴
ج) ۲
د) ۳

(۴۷) یک مکعب مستطیل به ابعاد ۶۰ و ۱۰۰ و ۴۸ سانتی متر را با مکعب‌های مساوی پر کرده ایم. بزرگ ترین ضلع این مکعب چه عددی است؟ در این صورت چند مکعب در این مکعب مستطیل جا می‌شود؟

(۴۸) آیا عددی سه رقمی وجود دارد که باقی مانده‌ی تقسیم آن بر ۸۱ و ۲۵ برابر ۲۰ باشد؟

(۴۹) کوچک ترین عدد ۴ رقمی که باقی مانده‌ی تقسیم آن بر اعداد ۴۵ و ۶۰ و ۷۵ برابر ۱۲ باشد، چیست؟

(۵۰) بین دانش آموزان یک کلاس ۱۱۰ مداد را به تعداد مساوی تقسیم کرده ایم و ۲ مداد باقی مانده است.

۱۸۰ خودکار را نیز بین آن‌ها به تعداد مساوی تقسیم کرده ایم و خودکاری باقی نمانده است. دانش آموزان

این کلاس حداقل چند نفر می‌توانند باشند؟

(۵۱) کوچک ترین عدد ۴ رقمی که اگر بر ۸ و ۹ و ۱۲ تقسیم شود، ۴ واحد باقی مانده بیاورد چیست؟

(۵۲) کوچک ترین مضرب مشترک دو عدد ۹۰ و ب م آن‌ها ۳ است. اگر یکی از آن دو عدد ۱۵ باشد، عدد دیگر

چیست؟

(۵۳) کوچک ترین عدد سه رقمی که مقسوم علیه‌های اول آن فقط ۲ و ۷ باشند، چه عددی است؟

(۵۴) چند عدد طبیعی وجود دارد که از ۱۹ کوچک‌تر و نسبت به آن اول است؟

(۵۵) مقداری پول را بین ۱۸ نفر تقسیم کردیم، ۵ تومان باقی ماند. بار دیگر بین ۱۲ نفر تقسیم کردیم و ۵ تومان

باقی ماند و بار سوم بین ۲۴ نفر تقسیم کردیم و ۵ تومان باقی ماند. اگر مقدار پول بین ۹۰۰ و ۱۰۰۰ تومان

باشد، مقدار پول را حساب کنید.

(۵۶) به عددی "قام" یا "کامل" می‌گوییم که برابر با مجموع تمام مقسوم علیه‌هایش (به جز خودش) باشد.

مثلًا عدد ۶ قام است. چون $6 = 1 + 2 + 3$. در این صورت عدد قام بعد از ۶ کدام است؟

(۵۷) حدس گلدباخ (دانشمند آلمانی) حاکی از آن است که هر عدد زوج بزرگ تراز ۲ را می‌توان به شکل

مجموع دو عدد اول نوشت. (این حدس تا کنون نه رد شده و نه اثبات)

عدد ۴۰ را به چند صورت می‌توان به شکل مجموع دو عدد اول نوشت؟

(۵۸) به عددی "جالب" می‌گویند که مجموع هر دو مقسوم علیه آن عددی زوج می‌شود. چند عدد "جالب"

کمتر از ۴۰ داریم؟

(۵۹) چرخ A در هر ۲۴ ثانیه و چرخ B در هر ۱۶ ثانیه و

چرخ C در هر ۹ ثانیه. وقتی پس از شروع حرکت هر ۳ علامت

با هم دوباره رو به پایین قرار می‌گیرند چرخ C چند دور زده است؟

