



مبارزه علمی برای جوانان، زنده کردن روح جست‌وجو و کشف واقعیت‌هاست. «امام خمینی (ره)»

دفترچه سؤالات مرحله اول سال ۱۴۰۳

سی و هشتمین دوره المپیاد فیزیک

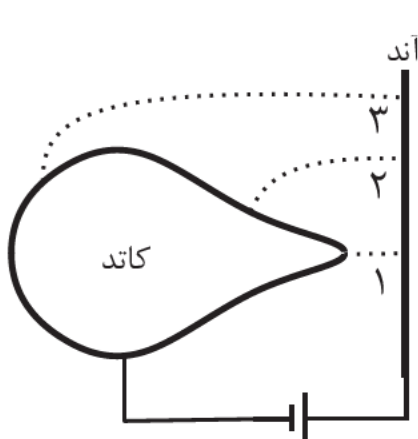
مدت آزمون	تعداد سؤالات	
۲۴۰ دقیقه	مسئله کوتاه	چهارگزینه‌ای
		۳۰

نام: _____ نام خانگی: _____ شماره سندلی: _____

توضیحات مهم

استفاده از هر نوع ماشین حساب ممنوع است.

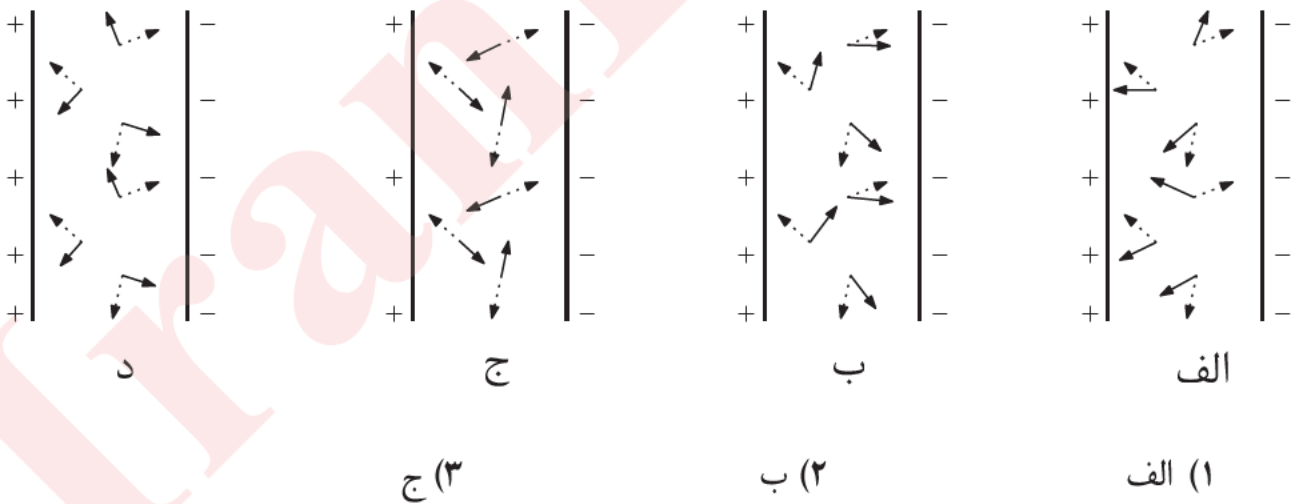
- ۱- بلافاصله پس از آغاز آزمون، تعداد سؤالات داخل دفترچه و همه برگه‌ها درجه سؤالات را بررسی نمایید، در صورت هرگونه نقصی در دفترچه، در اسرع وقت مسوول جلسه را مطلع کنید.
- ۲- یک برگ پاسخ‌برگ در اختیار شما قرار گرفته که مشخصات شما بر روی آن درج شده است در صورت نادرست بودن آن، در اسرع وقت مسوول جلسه را مطلع کنید. ضمناً مشخصات خواسته شده در پایین پاسخ‌برگ را با دقت و دقت بنویسید.
- ۳- برگه پاسخ‌برگ توسط دستگاه تصحیح می‌شود، پس آن را تا نکنید و تمیز نگه دارید و پاسخ هر پرسش را با دقت در کادر مشخص شده در محل مربوط علامت بزنید. لطفاً خانه مورد نظر را کاملاً سیاه کنید.
- ۴- دفترچه سؤال باید همراه پاسخ‌برگ تحویل داده شود.
- ۵- در سؤال‌های چهارگزینه‌ای هر پاسخ درست ۳ نمره مثبت و هر پاسخ نادرست ۱ نمره منفی دارد. مسئله‌های ۵ و ۶ هر پاسخ درست ۵ نمره مثبت دارد و پاسخ نادرست نمره منفی ندارد.
- ۶- شرکت‌کنندگان در دوره تابستانی از بین دانش‌آموزان پایه دهم و یازدهم انتخاب می‌شوند.



۱) در فرایند تخلیه الکتریکی در خلاء، به واسطه اختلاف پتانسیل معینی که بین کاتد و آند برقرار می‌شود، الکترون‌ها از کاتد کنده شده و به آند می‌رسند. کاتد و آند هر کدام رساناهای هم‌پتانسیلی هستند که به ترتیب به قطب‌های منفی و مثبت یک منبع با ولتاژ بالا وصل شده‌اند. با توجه به شکل، کدام یک در مورد سرعت الکترون‌هایی که به ترتیب از مسیرهای ۱، ۲ و ۳ به آند رسیده‌اند درست است؟

۱) $v_1 > v_2 > v_3$ ۲) $v_1 = v_2 = v_3$ ۳) $v_1 < v_2 < v_3$ ۴) $v_1 > v_3 > v_2$

۲) در بین صفحات یک خازن دی‌الکتریک قرار داده‌ایم که مولکول‌های آن قطبی است. هر مولکول دوقطبی را با برداشتن بار مثبت و منفی به مرکز بار مثبت وصل می‌شود نشان می‌دهیم. فرض کنید بارهای زرد در مدارهای خط چین، مولکول‌های قطبی قبل از آن که صفحات خازن بار داشته باشند را نشان دهد. مدارهای با خطوط سیاه نشان‌دهنده مولکول‌ها بعد از گذاشتن بار روی صفحات خازن باشد. برای هر یک فرض کنید مولکول‌ها جابه‌جا نمی‌شوند و فقط می‌توانند سر جای خود بچرخند. کدام گزینه می‌تواند نشان‌دهنده آرایش مولکول‌ها بعد از گذاشتن بار روی صفحات خازن باشد؟





۳) چراغ‌های جلوی یک خودرو بعد از خاموش کردن خودرو (بر اثر اشتباه راننده و یا اختلال در سامانه کنترل خودرو) روشن مانده‌اند. این امر در صورت ادامه باعث تخلیه کامل باتری می‌شود. تصاویر روبه‌رو نوع باتری و لامپ‌های جلو را نشان می‌دهد. واحد Ah که روی باتری نوشته شده مخفف r Amper ه معنی آمپر - ساعت است. فرض کنید باتری قبل از خاموش شدن خودرو کاملاً شارژ شده و در طی مدت t ولتاژ ثابتی برقرار می‌کند. همچنین از انرژی تلف شده در چراغ‌های عقب t مت‌های خودرو چشم‌پوشید. با توجه به اطلاعات تصاویر، معلم کنید راننده حداکثر چند ساعت فرصت رد تا قبل از تمام شدن کامل باتری، چراغ‌ها را خاموش کند؟

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۳/ ۲

۶/۵ (۱)

۴) چنانچه می‌دانید، هرگاه جسمی در داخل یک شاره n ط کند پس از مدتی به سرعت ثابت v حدی می‌رسد. پس از آن، شاره با آهنگ ثابتی انرژی مکانیکی جسم را تلف می‌کند و باعث گرم شدن جسم و محیط می‌شود. این آهنگ ثابت را P_g ن اتلافی شد P_f می‌نامیم و با P_f نشان می‌دهیم. فرض کنید $P_f = a(P_g)^n$ که P_g توان انجام کار توسط v ی گران بر روی جسم است. کدام گزینه در سرعت حدی درست است؟

$$P_f = a^{\frac{1}{n-1}} \quad (۴)$$

$$= a^{\frac{1}{1-n}} \quad (۳)$$

$$P_f = a^{1-n} \quad (۲)$$

$$P_f = a^{n-1} \quad (۱)$$

۵) دیواره‌های ظرف بسته‌ای عایق حرارت و غیر قابل جابه‌جایی هستند. این ظرف محتوی هوا و چند قطره آب است. فشار اولیه ظرف کم است و تمام قطرات آب تبخیر می‌شوند. کدام گزینه در مورد کار انجام شده روی دستگاه متشکل از هوا، ظرف و آب درون آن و نیز تغییر انرژی داخلی این دستگاه در فرایند یاد شده درست است؟

(۲) $\Delta U = 0$ و $W < 0$

$\Delta U < 0$ و $W < 0$

(۴) $\Delta U < 0$ و $W = 0$

(۳) $\Delta U = 0$ و $W = 0$

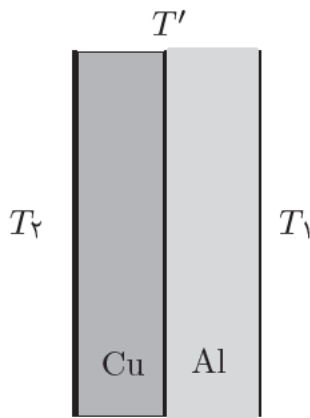
۶) کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

(۱) پیچ‌های د میدان مغناطیسی متغیر خارجی قرار دارد و در آن جریان القایی ایجاد می‌شود. میدان مغناطیسی ناشی از جریان القایی، در مرکز پیچ، ممکن است همسو با میدان خارجی باشد.

(۲) یک حلقه رسانا در جایی که میدان مغناطیسی یکنواخت و ثابت برقرار است، می‌چرخد. تحت هر شرایطی در حلقه جریان القایی ایجاد می‌شود.

(۳) الکترونی در میدان مغناطیسی حرکت می‌کند. تحت هر شرایطی میدان مغناطیسی به آن نیرو وارد می‌کند.

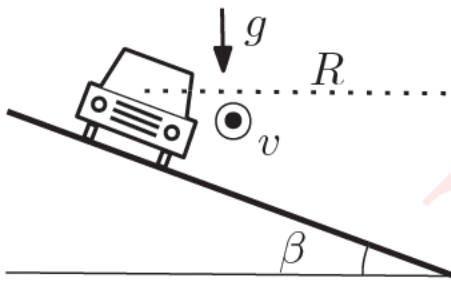
(۴) میدان مغناطیسی ناشی از یک حلقه جریان یکنواخت و متناهی محور حلقه است.



۷) در شکل روبه‌رو لایه‌هایی از مس و آلومینیوم به ضخامت‌های یکسان بین دو منبع گرمایی به دماهای T_1 و T_2 قرار گرفته‌اند و $T_2 > T_1$. در حالت پایا گرما از چپ به راست شارش می‌یابد و دمای همهٔ نقاط در طول زمان ثابت است. با چه به آن که رسانایی گرمایی مس بیشتر از آلومینیوم است، گزینهٔ مورد دمای سطح تماس دو لایه، T' ، درست است؟

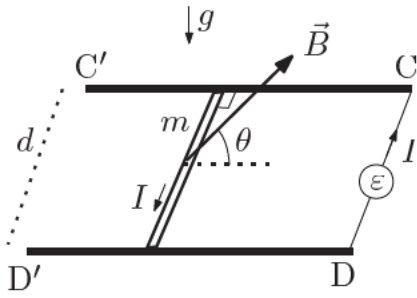
$T' = \frac{T_2 - T_1}{2}$ (۴)
 $T' > \frac{T_1 + T_2}{2}$ (۳)
 $T' = \frac{T_1 + T_2}{2}$ (۲)
 $T' < \frac{T_1 + T_2}{2}$

۸) شکل روبه و مقطعی از یک ده در سربیک پیچ را نشان می‌دهد که برای سهولت $> k$ و دروها آن را با شیب عرضی به زاویهٔ شیب β ساخته‌اند. پیچ جا می‌توان تی از یک دایره به شعاع R دانست. خوبی که آن از شعاع پیچ خیلی کوچکتر است با تندی v در ا جاده حر می‌کند ضریب اصطکاک ایستایی بین چرخ‌ها و جاده μ_s ب گرانش g است. اگر سرعت خودرو از مقدار مشخصی بیشتر شود سُر می‌خورد. این مقدار بیشینه کدام گزینه است؟



$\sqrt{Rg \left(\frac{\sin \beta \cos \beta}{\cos \beta + \mu_s} \right)}$ (۲)
 $\sqrt{Rg \left(\frac{\sin \beta + \mu_s \cos \beta}{\cos \beta - \mu_s \sin \beta} \right)}$ (۱)

$\sqrt{Rg \sin \beta (\sin \beta - \mu_s \cos \beta)}$ (۴)
 $\sqrt{Rg \cos \beta (\sin \beta + \mu_s \cos \beta)}$ (۳)



۹) ریل‌های رسانای CC' و DD' به فاصله d از یکدیگر در صفحه افقی قرار دارند. میله‌ای به جرم m و مقاومت الکتریکی معین، مطابق شکل روبه‌رو بر روی ریل‌ها می‌تواند جابه‌جا شود. مولد ϵ جریان ثابت I را در مدار برقرار می‌کند.

مغناطیسی یکنواخت \vec{B} در صفحه عمود بر میله قرار دارد و با امتداد موازی با ریل‌ها زاویه θ می‌سازد. اب گرانش \vec{g} و ضریب اصطکاک ایستایی میله با ریل‌ها μ_s است. اندازه B چقدر باشد میله در آستانه حرکت قرار گیرد؟

$$(۲) \frac{\mu_s mg}{Id(\cos \theta + \mu_s \sin \theta)}$$

$$(۱) \frac{mg}{Id(\cos \theta + \mu_s \sin \theta)}$$

$$(۴) \frac{\mu_s mg}{Id(\sin \theta + \mu_s \cos \theta)}$$

$$(۳) \frac{\mu_s mg}{Id(\sin \theta - \mu_s \cos \theta)}$$



۱۰) عکس روبه‌رو توسط گوشی هوشمند ز ماه در دست عکاس گرفته شده است. می‌دانیم که قطر ماه تقریباً ۰ کیلومتر است. فرض کنید گوشی در کنار چشم عکاس و دست وی کاملاً کشیده است. با استفاده از این عکس حدس‌های مناسب تخمین بزنید نسبت فاصله زمین تا ماه فاصله شمال تا جنوب ایران به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟

- (۱) دویست (۲) ده هزار (۳) دویست هزار (۴) ده میلیون

۱۱) چنانچه می‌دانید نماد A_ZX_N معرف هسته‌ای است که تعداد پروتون‌ها و نوترون‌های آن به ترتیب Z و N و عدد جرمی آن A است. در یک مدل ساده رابطه زیر را می‌توان برای جرم هسته پیشنهاد داد

$$m({}^A_ZX_N) = Zm_p + Nm_n + \alpha A + \beta A^{\frac{1}{2}} + \gamma(Z^2 - Z)A^{-\frac{1}{2}} + \frac{\lambda}{A}(Z - N)^2$$

ک آن m_p به ترتیب جرم پروتون و نوترون و α, β, γ و λ ضرایب ثابتی هستند. هسته‌های ایزوبار هسته‌هایی گفته می‌شود که عدد جرمی آن‌ها یکسان است. برای چند هسته ایزوبار به د جرمی A ، عدد اتمی (Z) کدام گزینه باشد تا انرژی بستگی بیشینه شود؟ (راهنمایی: کمیت‌ها Z و N پیرهای پسته فرض کنید.)

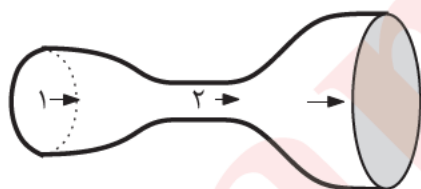
$$(2) \frac{2\lambda A + \gamma A^{\frac{1}{2}}}{4\lambda + 2\gamma A^{\frac{1}{2}}}$$

$$(1) \frac{2 + \gamma A^{\frac{1}{2}}}{4\lambda A + 2\gamma A^{\frac{1}{2}}}$$

$$(4) \frac{4\lambda A + \gamma A^{\frac{1}{2}}}{8\lambda + 2\gamma A^{\frac{1}{2}}}$$

$$(3) \frac{8\lambda A + \gamma A^{\frac{1}{2}}}{4\lambda A + 2\gamma A^{\frac{1}{2}}}$$

۱۲) شاره‌ای آرمانی در یک لوله افقی بدون اصطکک در جریان است. سطح مقطع لوله متغیر است، به طوری که مطابق شکل روبه‌رو $A_2 < A_1 < A_3$. در تمام قسمت‌ها شاره‌ها لوله را پر کرده است. فشار و سرعت در منطقه ۱ را با P_1 و v_1 نشان می‌دهیم و به همین ترتیب برای مناطق بعدی نام‌گذاری می‌کنیم. کدام گزینه درست است؟

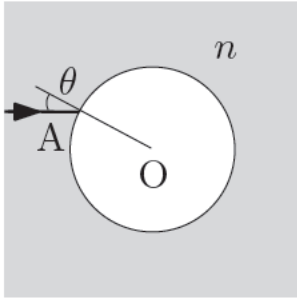


$$(2) v_2 < v_3$$

$$(1) A_1 v_1 = A_2 v_2 = A_3 v_3$$

$$(4) P_2 > P_1 > P_3$$

$$(3) P_1 v_1 = P_2 v_2 = P_3 v_3$$



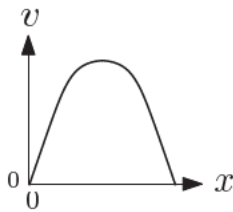
۱۳) در شکل روبرو حبیبی کروی محتوی هوا به ضریب شکست ۱ در داخل محیط شفاف به ضریب شکست n نشان داده شده است. پرتو نوری که در داخل محیط شفاف به نقطه A تابیده با راستای شعاع در آن نقطه زاویه θ می‌سازد. اگر امتداد پرتو خروجی از حباب بر پرتو فرودی عمود باشد، کدام درست است؟

۲) $\cot \theta = n + \sqrt{2}$

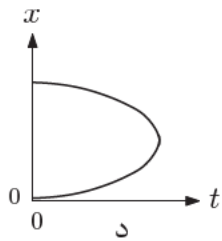
۱) $\cot \theta = \sqrt{2}n - 1$

۴) $\cot \theta = n - \sqrt{2}$

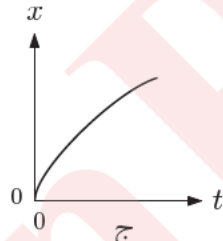
۲) $\cot \theta = \sqrt{2}n - 1$



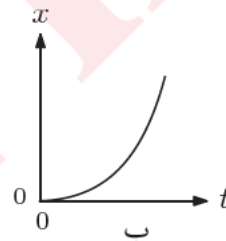
۱۴) نمودار سرعت - مکان متحرکی به شکل روبه‌رو است. متحرک در لحظه $t = 0$ و $x = 0$ بوده است. کدام گزینه می‌تواند نشان‌دهنده نمودار مکان - زمان حرکت در کل این حرکت باشد؟



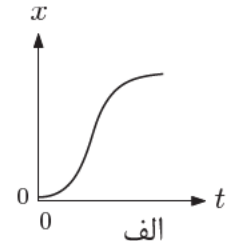
د) ۴



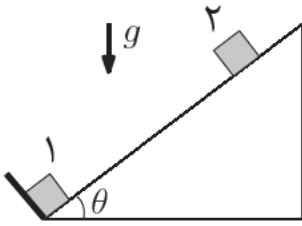
ج) ۱



ب) ۲



الف) ۱



۱۵) در شکل مقابل جرم دو جسم ۱ و ۲ یکسان است و هر دو بار الکتریکی $+q$ دارند. جسم ۱ در پایین سطح شیب‌دار ساکن نگه داشته شده و جسم ۲ در فاصله معینی از جسم ۱ روی سطح شیب‌دار ساکن است. ضریب اصطکاک ایستایی جسم ۲ با سطح شیب‌دار μ_s و زاویه شیب θ است.

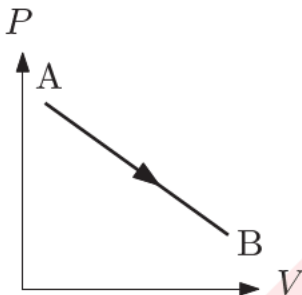
با آن که جرم ۲ ساکن بماند باید بار الکتریکی q بین مقدار کمینه (غیر صفر) q_{\min} و مقدار بیشینه q_{\max} باشد. نسبت q_{\max}/q_{\min} کدام گزینه است؟

$$\sqrt{\frac{(1 - \mu_s \tan \theta)(\tan \theta + \mu_s)}{(1 + \mu_s \tan \theta)(\tan \theta - \mu_s)}} \quad (۲)$$

$$\sqrt{\frac{\tan \theta + \mu_s}{\tan \theta - \mu_s}}$$

$$\sqrt{\frac{(1 + \mu_s \tan \theta)(\tan \theta - \mu_s)}{(1 - \mu_s \tan \theta)(\tan \theta + \mu_s)}} \quad (۴)$$

$$\sqrt{\frac{\tan \theta - \mu_s}{\tan \theta + \mu_s}} \quad (۳)$$



۱۶) یک مول گاز آرمانی در یک ول ترمو میکی از حالت A در نمودار $P - V$ شکل مقابل به حالت B می‌شود. طوری که مسیر تحول با رابطه $P = -aV + b$ می‌شود. ضرایب ثابت a و b در این رابطه مثبت هستند.

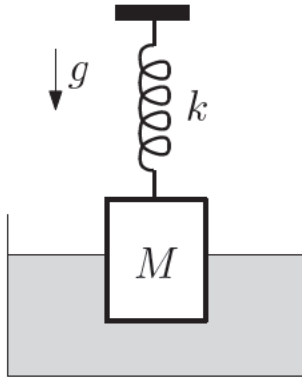
شرط لازم و کافی برای این که در این فرایند دما همواره کاهش یابد کدام گزینه است؟

$$V_B \geq \frac{b}{2a} \quad (۴)$$

$$V_B \geq \frac{b}{4a} \quad (۳)$$

$$V_A \geq \frac{b}{2a} \quad (۲)$$

$$V_A \geq \frac{b}{4a} \quad (۱)$$



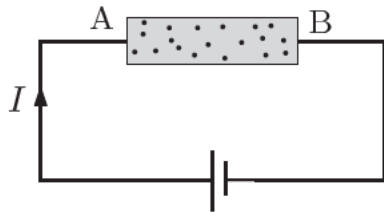
۱۷) در شکل روبه‌رو استوانه‌ای به جرم M و حجم V از بالا از فنری با ثابت k آویزان است و از پایین نیمی از آن در مایعی با چگالی ρ فرو رفته است. در این حالت طول فنر به اندازه d از طول عادی آن بیشتر است. حال جرم m را بر روی استوانه می‌گذاریم تا این بار $\frac{2}{3}$ آن در مایع فرورود و بازشدگی فنر d' شد. جرم m به حسب کمیت $y = \frac{d'}{d}$ و سایر داده‌های مسئله کدام گزینه است؟

$$M \left(\frac{1-y}{y} \right) + \frac{\rho V}{2} \left(\frac{3-4y}{3y} \right) \quad (2)$$

$$M(y-1) + \frac{\rho V}{2} \left(\frac{4}{3} - y \right)$$

$$M \left(\frac{1-y}{y} \right) + \frac{\rho V}{2} \left(\frac{3-2y}{3y} \right) \quad (4)$$

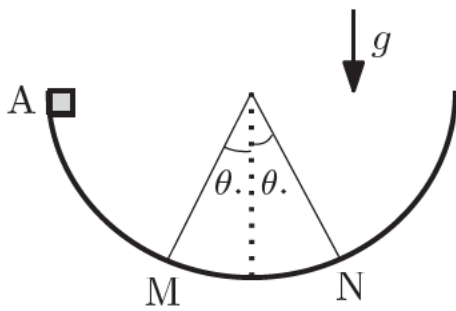
$$M(y-1) + \frac{\rho}{2} \left(\frac{2}{3} - y \right) \quad (3)$$



۱۸) بر اثر حل شدن نمک طعام آب و یون Na^+ و Cl^- می‌توانند آزادانه در محلول حرکت کنند. ولت بار A در شکل روبه‌رو محتوی محلول آب نمک است. دو میله که به قطب‌های یک باتری متصل‌اند در دو سر این لوله قرار گرفته‌اند.

فرض کنید در داخل لوله و دور از میله‌های رسانای دو سر آن تعداد های Na^+ و Cl^- در واحد حجم با هم برابر باشند. اگر اندازه سرعت یون‌های سدیم و کلرین منطقه به ترتیب v_{Na} و v_{Cl} باشد، جریان I با کدام گزینه متناسب است؟

$$v_{\text{Na}} + v_{\text{Cl}} \quad (4) \quad |v_{\text{Na}} - v_{\text{Cl}}| \quad (3) \quad \sqrt{v_{\text{Na}}^2 + v_{\text{Cl}}^2} \quad (2) \quad \frac{v_{\text{Na}} v_{\text{Cl}}}{v_{\text{Na}} + v_{\text{Cl}}} \quad (1)$$



۱۹) یک ترن هوایی شهر بازی در بخشی از حرکت خود از حال سکون از نقطه A شکل مقابل در مسیری نیم‌دایره به پایین حرکت می‌کند. در طی مسیر نیروی ترمزی ثابت F در خلاف جهت حرکت ترن به آن وارد می‌شود و آن را در نقطه‌ای بر وی کمان MN متوقف می‌کند.

فرایند در همان حرکت اول رخ می‌دهد و ترن رفت و برگشت ندارد. کمان MN مقابل زاویه

2θ است. شتاب گرانش g است. کدام گزینه در مورد نسبت F/mg درست است؟

$$\frac{\cos \theta_0}{\pi/2 + \theta_0} < \frac{F}{mg} < \frac{\cos \theta_0}{\pi/2 - \theta_0} \quad (2) \quad \frac{1 - \cos \theta_0}{\pi/2 + \theta_0} < \frac{F}{mg} < \frac{1 - \cos \theta_0}{\pi/2 - \theta_0} \quad (1)$$

$$\frac{2}{\pi} - \frac{\sin \theta_0}{\pi/2 - \theta_0} < \frac{F}{mg} < \frac{2}{\pi} + \frac{\sin \theta_0}{\pi/2 - \theta_0} \quad (4) \quad \frac{1}{\pi/\theta_0} < \frac{F}{mg} < \frac{1}{\pi/2 - \theta_0} \quad (3)$$



۲۰) در کشوری گرمسیر محل رعا را با خطوط

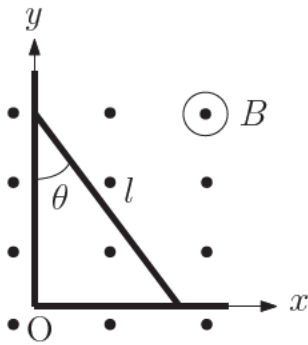
موازی در عرض خیابان نشان می‌دهند. بل زیرک ض خیابان، یعنی از زاویه دید عابران، رفته شده نشان می‌که بر اثر حرکت اتوبوس‌های سنگین در نزدیکی یک گاه، خطوط تغییر شکل داده‌اند. با توجه به این شکل کنید چه نوع حرکتی می‌تواند باعث این تغییر شکل باشد؟

۱) حرکت یکنواخت به سمت راست تصویر

۲) حرکت تندشونده به سمت چپ تصویر

۳) حرکت تندشونده به سمت چپ تصویر

۴) حرکت تندشونده به سمت راست تصویر



(۲۱) میله‌ای رسانا به طول l مطابق شکل روبه‌رو به دو میله ثابت و رسانا که بر محورهای x و y قرار دارند، تکیه دارد و همواره با آنها در تماس می‌ماند. دستگاه در صفحه‌ای افقی قرار دارد که میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} بر آن عمود است. هنگامی که میله با محور y زاویه θ دارد، در بازه زمانی بسیار کم Δt زاویه θ به مقدار بسیار کوچک $\Delta\theta$ اضافه می‌شود.

دازه نیروی محرکه متوسط القایی ایجاد شده در مدار طی این مدت کدام گزینه است؟

راهنما $\Delta(\sin 2\theta) \approx 2(\cos 2\theta)\Delta\theta$ و $\Delta(\cos 2\theta) \approx -2(\sin 2\theta)\Delta\theta$.

$$\left| \frac{Bl^2}{4} \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \sin 2\theta \right| \quad (۲)$$

$$\left| \frac{Bl^2}{4} \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \cos 2\theta \right| \quad (۱)$$

$$\left| \frac{Bl^2}{2} \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \sin 2\theta \right| \quad (۴)$$

$$\left| \frac{Bl^2}{2} \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \cos 2\theta \right| \quad (۳)$$

(۲۲) دانشمندی برای شوخی زنماد نامعمول نشان دادن کمیت‌های فیزیکی استفاده می‌کند. مثلاً از علامت \diamond برای نشان دادن نیرو و زغال \clubsuit برای نشان دادن کمیتی از جنس سرعت استفاده می‌کند. در نوشته‌های او هر گاه نماد \clubsuit نباشد هم بیابند در هم ضرب شده‌اند و علامت‌های $+$ و $=$ معنای معمول خود را دارند. نوشته‌ای از دانشمند معادله زیر آمده است

$$+ \clubsuit \clubsuit = *$$

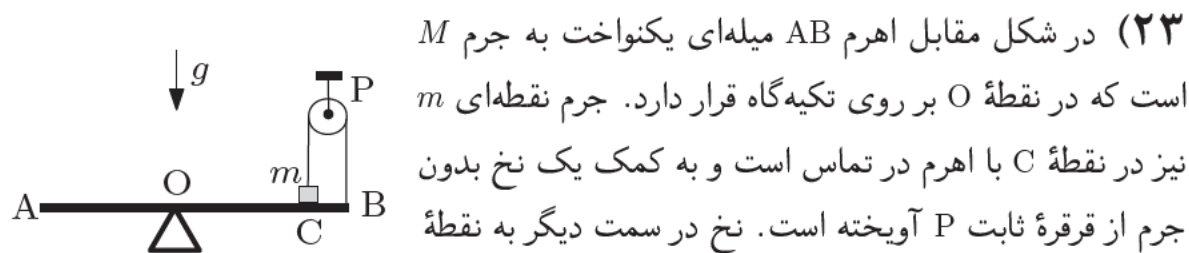
یکای کمیتی که در معادله فوق با علامت $*$ نشان داده شده در دستگاه I کدام گزینه است؟

(۴) بدون یکا

(۳) kg.m/s^2

(۲) $\text{kg}^2.\text{m/s}^3$

(۱) $\text{kg.m}^2/\text{s}^3$



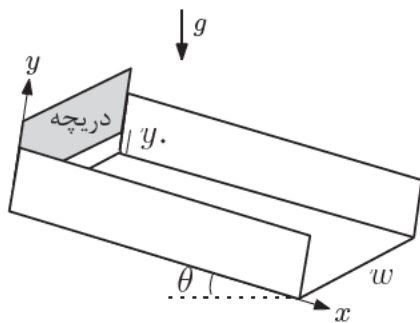
(۲۳) در شکل مقابل اهرم AB میله‌ای یکنواخت به جرم M است که در نقطه O بر روی تکیه‌گاه قرار دارد. جرم نقطه‌ای m نیز در نقطه C با اهرم در تماس است و به کمک یک نخ بدون جرم از قرقره ثابت P آویخته است. نخ در سمت دیگر به نقطه

اتهای B اهرم متصل است. از جرم قرقره و اصطکاک در محور آن چشم‌پوشید. می‌دانیم که وزن یک میله یکنواخت به طور مؤثر بر نقطه وسط آن اثر می‌کند. بیکربندی دستگاه طوری است که $AO = OC = 3CB$ و در این حالت اهرم افقی است. نیروی کشش نخ کدام گزینه است؟

$\frac{M + 3m}{4}g$ (۴) $\frac{M + 6m}{4}g$ (۳) $\frac{M + 3m}{14}g$ (۲) $\frac{M + 6m}{14}g$

(۲۴) فشار پیم ی آب (افزون فشار نسبت به فشار هوا) در لوله‌های شبکه آبرسانی شهر اصفهان، در یک محل خاص b است. چگالی آب را 1000 kg/m^3 و شتاب گرانش را 9.8 m/s^2 بگیرید. اگر a هر طبقه ساختمان در یک برج مسکونی 3 m باشد، آب شهری حداکثر چند طبقه از سطح زمین ی رو ؟ آوری می‌شود $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$.

۱۰ (۴) ۸ (۳) ۶ (۲) ۴ (۱)



۲۵) مقطع یک کانال آب، مستطیلی به عرض w است. این کانال، بر روی سطح شیب‌داری به زاویه شیب θ آب را به پایین منتقل می‌کند. دریچه‌ای که مطابق شکل عمود بر امتداد شیب کانال (محور x) است، می‌تواند مسیر آب را ببندد. فرض کنید این دریچه به اندازه y_0 که از طول کانال بسیار کوچکتر است باز شده و آب با سرعت v_0 از زیر آن جاری است.

ر هر نقطه دلخواه از کانال مقطع آب در سطح عمود بر امتداد سرعت، مستطیلی به عرض w و ارتفاع y است که در ابتدای کانال همان y_0 است. سطح کانال را بدون اصطکاک فرض کنید به طوری که در یک x معین آب در تمام مقطع عمود بر محور x یکسان باشد. مقدار y پس از آن که ب طول L در امتداد کانال طی کرد، کدام گزینه است؟

$$\frac{y_0 \sqrt{v_0^2 + 2gl \sin \theta}}{v_0} \quad (۲)$$

$$\frac{y_0 (v_0^2 + gl \sin \theta)}{v_0^2} \quad (۱)$$

$$\frac{y_0 v_0}{\sqrt{v_0^2 + 2gl \sin \theta}} \quad (۴)$$

$$\frac{y_0 v_0^2}{v_0^2 + 2gl \sin \theta} \quad (۳)$$

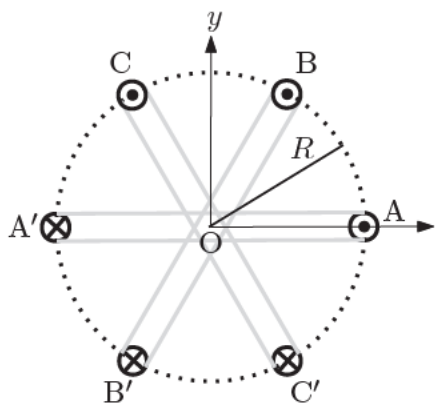
۲۶) با حدس‌های مناسب تخمین بزنید تعداد دانه برنج پخته شده (پلو) که کل ایرانی‌ها در یک سال می‌خورند به کدام گزینه نزدیک‌تر است. رض کنید ایرانی به طور میانگین روزانه در یک وعده غذایی برنج مصرف می‌کند.

$$۱۰^۹ \quad (۴)$$

$$۱۰^۱ \quad (۳)$$

$$۱۰^{۱۴} \quad (۲)$$

$$۱۰^{۱۶} \quad (۱)$$



(۲۷) سه حلقه به شعاع R هر کدام حامل جریان I هستند. حلقه‌ها از سیم‌های نازک با روکش نارسا ساخته شده‌اند. فرض کنید این سه حلقه بر روی کره‌ای نامرئی به شعاع R قرار گرفته‌اند و مرکز آن‌ها بر مرکز کره منطبق است. شکل مقابل برشی از این دستگاه را نشان می‌دهد. صفحات حلقه‌ها صفحه‌شده عمود هستند و با یکدیگر زاویه 60° می‌سازند.

نخست حلقه در نقاط A و A' صفحه‌شکل را قطع کرده است به طوری که جریان از نقطه A از صفحه‌شکل بیرون می‌آید و در نقطه A' داخل می‌شود. به همین ترتیب حلقه بعدی در نقاط B و B' حلقه‌شکل را قطع کرده است. اگر $B_0 = \frac{\mu_0 I}{2R}$ اندازه میدان مغناطیسی حلقه در مرکز آن باشد که در آن μ_0 ضریب تراوایی مغناطیسی خلاء است، میدان برایند سه حلقه در نقطه O کدام گزینه است؟

$$B_0(-\sqrt{3}\hat{i} + \hat{j}) \quad (۲)$$

$$-B_0(\hat{i} + \sqrt{3}\hat{j}) \quad (۱)$$

$$B_0(\sqrt{3}\hat{i} - \hat{j}) \quad (۴)$$

$$B_0(\hat{i} + \sqrt{3}\hat{j}) \quad (۳)$$

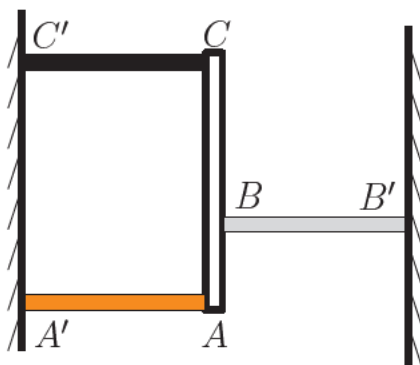
(۲۸) در حرکت دایره‌ای یکنواخت نسبت اندازه متوسط در یک سوم دوره تناوب به اندازه شتاب مرکزگرا کدام گزینه است؟

$$\frac{3\sqrt{3}}{2\pi} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (۳)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2\pi} \quad (۲)$$

$$\frac{3}{2\pi} \quad (۱)$$



۲۹ سه میله افقی AA' ، BB' و CC' در شکل مقابل دارای طول‌های برابر و به ترتیب ضرایب انبساط طولی α_1 ، α_2 و α_3 هستند. این سه میله همواره بر دیوارها عمودند و از سمت نقاط A ، B و C به میله ABC تکیه دارند، به طوری که $BC = 2AB$. میله ABC از جنس بسیار نرمی ساخته شده که به راحتی ممکن است خمیده شود. تمام میله‌ها در یک صفحه افقی قرار دارند.

ضرایب α_1 ، α_2 و α_3 هیچ‌کدام صفر نیستند اما ممکن است مثبت یا منفی باشند. رابطه بین این ضرایب چه باشد تا بر اثر تغییرات دما میله ABC همواره خط راست باقی بماند.

$$(2) \quad 2\alpha_1 + 2\alpha_2 + \alpha_3 = 0$$

$$(1) \quad \alpha_1 + 3\alpha_2 - 2\alpha_3 = 0$$

$$(4) \quad 2\alpha_1 + 3\alpha_2 + \alpha_3 = 0$$

$$(3) \quad \alpha_1 + 2\alpha_2 + 3\alpha_3 = 0$$

۳۰ یک بالن در نزدیکی سطح زمین قرار دارد. بالن کاملاً بسته است و گازی به آن وارد یا از آن خارج نمی‌شود. برای بالا بردن بالن، گاز در آن را گرم می‌کنیم تا حجم آن ۱۰ درصد مقدار اولیه‌اش افزایش یابد. چگالی هوای بیرون بالن در حال اول ρ_1 و در محل بعدی ρ_2 است. از حجم سبد آویخته از بالن و چیزهای داخل آن m می‌پوشیم و فرض می‌کنیم در هر دو محل دستگاه در حالت تعادل است. نسبت $\frac{\rho_2}{\rho_1}$ کدام گزینه است؟

$$(4) \quad \frac{11}{10}$$

$$(3) \quad \frac{3}{9}$$

$$(2) \quad \frac{10}{11}$$

$$(1) \quad \frac{9}{10}$$

مسئله‌های کوتاه

پیش از شروع به حل مسئله‌های کوتاه توضیح زیر را به دقت بخوانید.
 ر این مسئله‌ها باید پاسخ را برحسب واحدهای مورد نظر (مثلاً میلی آمپر، متر، کیلوگرم، دقیقه و
) که در رت مسئله خواسته شده، با دو رقم به دست آورید. سپس خانه‌های مربوط به
 رقم‌های عدد را در پاسخ‌نامه سیاه کنید. توجه کنید که رقم یکان عدد در ستون یکان، و رقم
 دهگ در ستون دهگان علامت زده شود.

مثال: فرض کنید ظرف خازنی برحسب میکروفاراد خواسته شده باشد و شما عدد $267 \mu F$ را به
 دست آورده باشد ابتدا آن را به نزدیک‌ترین عدد صحیح گرد کنید تا عدد ۲۷ میکروفاراد به
 دست آید. سپس مطابق شکل پا خود را در پاسخ‌نامه وارد کنید.

پاسخ نادرست در این بخش نم منفی ندارد.

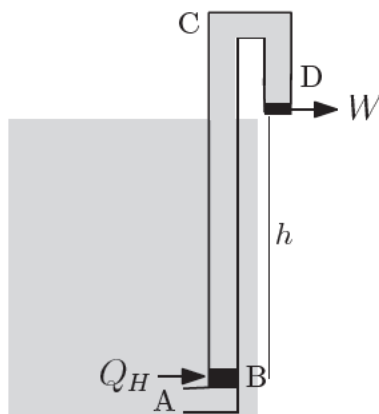
دهگان	یکان
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

(۱) در یک نیروگاه هسته‌ای سالانه ۱۸۲۵ کیلوگرم اورانیوم ۲۳۵ شکافت پیدا می‌کند. توان خروجی میانگین این نیروگاه ۱۲۰۰ مگاوات است. در فرایند شکافت هر هسته اورانیوم ۲۳۵ به مقدار 200 MeV انرژی آزاد می‌شود. بار الکتریکی الکترون $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ و عدد آووگادرو $N_A = 6.0 \times 10^{23}$ است. بازده این نیروگاه چند درصد است؟

۲ لوله‌ای یک و دراز که انتهای پایین آن بسته است، به سطح مقطع ثابت 0.4 cm^2 ، به طور قائم دارد. در این لوله ابتدا 10 cm^3 روغن به چگالی 850 kg/m^3 می‌ریزیم. سپس به آرا همین حجم آب روی آن اضافه می‌کنیم. این دستگاه در نوعی حالت تعادل شبه پایدار قرار می‌گیرد، به این معنی که لرزش قابل توجهی نداشته باشد در همین حالت می‌ماند. حال فرض کنید بر اثر یک ت کوچک دستگاه، روغن به آرامی روی بیاید و آب به زیر رود. چگالی آب را 1000 kg/m^3 شتاب گرانش 9.8 m/s^2 بگیرید. در این فرایند مقدار انرژی مکانیکی کاهش یافته به صورت $J \times 10^{-4}$ عدد α را در پاسخ‌نامه وارد کنید.

راهنمایی: برای محاسبه انرژی پتانسیل گرانشی یک استوانه همگن می‌توان کل جرم آن را در مرکز آن فرض کرد.

۳) در یک یخچال نسبت مقدار گرمای گرفته شده از منبع سرد به کار انجام شده در هر چرخه را ضریب عملکرد یخچال می‌نامند. یک سردخانه میوه و تره‌بار اتاق بسته‌ای به ابعاد $3.0 \text{ m} \times 4.0 \text{ m} \times 3.0 \text{ m}$ با دیواره‌های عایق گرما است که توسط یک یخچال با توان موتور 2300 W و ضریب عملکرد ۳ سردسازی می‌شود. برای این یخچال سردخانه منبع سرد و هوای بیرون منبع گرم است. هوای داخل سردخانه را هوای خشک با گرمای ویژه 0.72 J/kg.K و چگالی 2.0 kg/ بگیرید. یخچال چند ثانیه کار کند تا دمای سردخانه را از 20°C به 5°C برساند؟



۴) در شکل مقابل یک ماشین گرمایی نشان داده شده است. در این بین لوله عایق ABCD از پایین‌ترین نقطه دریاچه‌ای به عمق h تا کمی بالا دریاچه کشیده شده است. آب دریاچه از نقطه A وارد می‌شود و در نقطه B (مثلاً با استفاده از یک گرم‌کن الکتریکی) به آبی با دمای Q می‌دهیم تا دمای آن به اندازه ΔT بالاتر

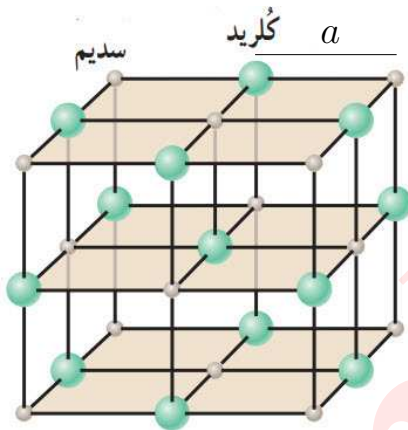
آب منبسط شده و در لوله بالا می‌رود. به نقطه B بالاتر از سطح دریاچه برسد. سپس مسیر CD را طی کرده و از آنجا سرریز می‌شود. یک پره مکانیکی زیر خروجی D قرار می‌دهیم تا انرژی اضافه‌ای که آب به لحاظ بالاتر رفتن از سطح آزاد دریاچه به دست آورده تماماً به کار W بر روی پره تبدیل شود. ضریب انبساط حجمی آب را مقدار ثابت β و گرمای ویژه آن را c بگیرید. از انبساط لوله چشم‌پوشید. با استفاده از داده‌های زیر

$$h = \quad \text{m}, \quad g = 9.8 \text{ m/s}^2, \quad \beta = 2.1 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1},$$

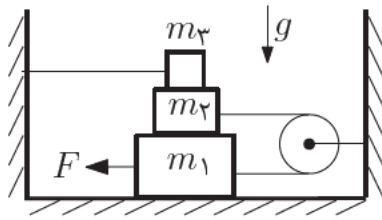
$$c = 4200 \text{ J/kg.K}, \quad T_0 = 300 \text{ K}, \quad \Delta T = 50 \text{ K}$$

بازده این ماشین، η ، را حساب کنید و مقدار عددی η را در پاسخ‌نامه وارد کنید

۵) شخصی در حال قدم زدن مسافت مستقیم بین آنتن‌های A و B که امواج تلفن همراه گسیل می‌کنند را طی می‌کند. در نزدیکی فرستنده A، به تدریج که شخص از فرستنده A دور می‌شود آنتن‌دهی ضعیف‌تر می‌شود و از جایی به بعد با نزدیک شدن به فرستنده B آنتن‌دهی بهتر می‌شود. توان دریافتی از هر فرستنده با رابطه $P = \alpha \frac{P_s}{r^2}$ داده می‌شود که P_s توان کل ارسال شده در محل فرستنده، r فاصله از فرستنده و α یک ثابت است. توان ارسالی P_s برای فرستنده B هشت برابر توان ارسالی P_s برای فرستنده A است. فرض کنید توان دریافت شده توسط گوشی مجموع توان‌های دریافت شده از دو فرستنده باشد. همچنین فرض کنید ارتفاع فرستنده‌ها از سطح زمین در مقادیر فواصل افقی قابل چشم‌پوشی باشد. در نقطه‌ای که آنتن‌دهی از همه جا ضعیف‌تر است، توان دریافتی از فرستنده A چند درصد توان کل دریافتی توسط گیرنده است؟



۶) در یک بلور خالص از طعام یون‌های کلرید و سدیم مطابق شکل در گوشه‌های مکعب‌هایی به ضلع a قرار دارند. چگالی یک بلور 2.2 g/cm^3 و جرم مولی آن 58.5 g/mol است. عدد آوگادرو برابر $6.02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ است. اگر حجم مکعبی به ضلع a به صورت $a^3 = \beta \times 10^{-30} \text{ m}^3$ به دست آید، عدد را در پاسخ‌نامه وارد کنید.



۷) در دستگاه شکل روبه‌رو جرم‌ها به ترتیب $m_3 = 0.50 \text{ kg}$ ، $m_2 = 1.00 \text{ kg}$ و $m_1 = 2.00 \text{ kg}$ و ضریب اصطکاک ایستایی بین همه سطوح $\mu_s = 0.51$ است. جرم نخ و قرقره ناچیز است و قرقره در محور آن اصطکاک ندارد. F چند نیوتن باشد تا جرم‌های m_2 و m_1 در آستانه حرکت قرار گیرند؟
 $g = 9.8 \text{ m/s}^2$