



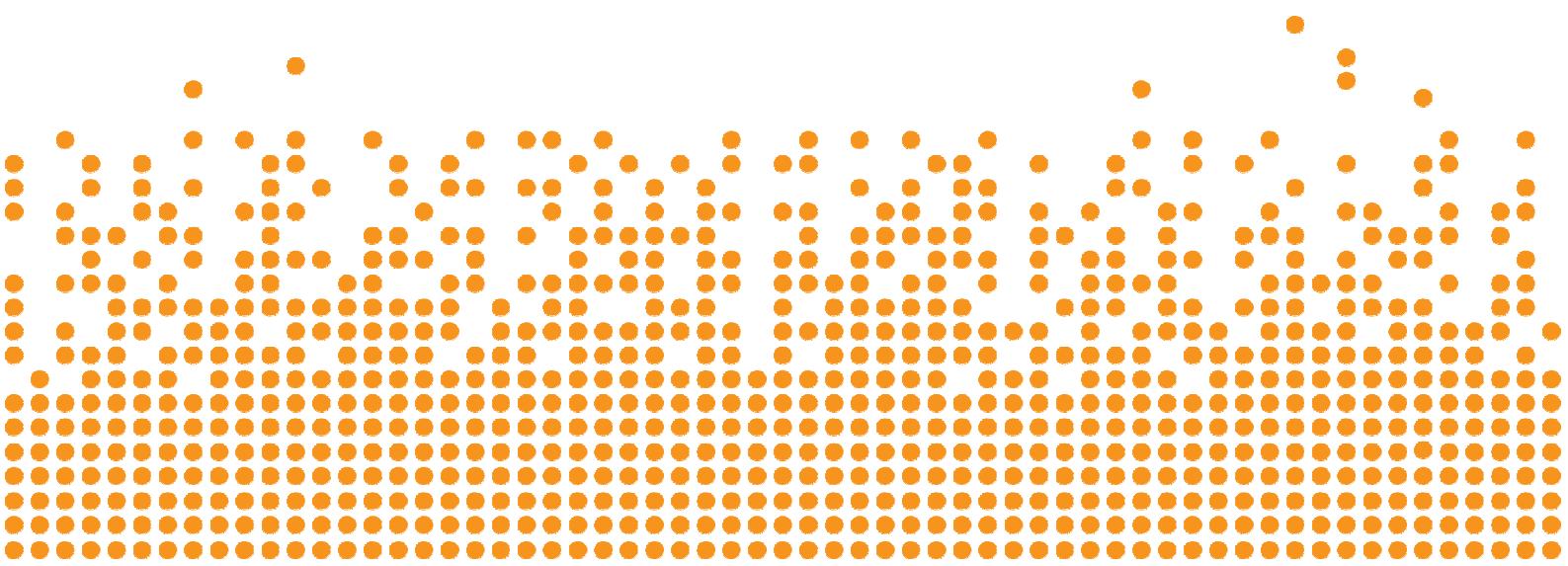
مؤسسه آموزشی فرهنگی

پاسخ تشریحی



آزمون سراسری سال ۹۴

• گروه آزمایشی علوم تجربی



زبان و ادبیات فارسی

۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

(الف) موی بالیده: موی رشد کرده، موی بلند

(د) الف: خوگرفتن، انس گرفتن / پلاس: جامه‌ی پشمینه، تکه‌ای از پارچه‌ی کهنه

۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱

فایق: بوجزیده، برتر / معارضه: ستیزه کردن / مطاع: کسی که دیگری فرمان او را می‌برد، اطاعت شده / ممد: مدد کننده، یاری رساننده

۳- پاسخ: گزینه‌ی ۴

نفی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۱: هبوط و صعود: تضاد

گزینه‌ی ۲: کهر و کرنده: تناسب / سفر و حضر: تضاد

گزینه‌ی ۳: صور و سیر: تضاد / انقباض و انبساط: تضاد

۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

املای درست:

گزینه‌ی ۲: سخره

۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

املای درست: جرس - حایل - عاجل

۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

مطلع الشمس - منتظم ناصری: اعتماد السلطنه

ارغون - آخر شاهنامه: اخوان ثالث

موسیقی شعر - از بودن و سرودن: شفیعی کدکنی

انتقام - روزگار سیاه: عباس خلیلی

نفی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۲: جزیره‌ی سرگردانی: سیمین دانشور / تهران مخوف: مشق کاظمی

گزینه‌ی ۳: کتاب احمد: طالبوف / بوف کور: صادق هدایت / یادگار شب: مشق کاظمی

گزینه‌ی ۴: تاریخ وصف: وصف الحفره / سالاری‌ها: بزرگ علوی

۷- پاسخ: گزینه‌ی ۲

طریق التحقیق: سنایی / پیامبر: زین العابدین رهنما / ذن چیست: ترجمه‌ی عسگری پاشایی / اسرار التوحید: محمد بن منور

۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

نفی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۱: الایه: منثور

گزینه‌ی ۲: کمدی الهی: منظوم / کویر: منثور

گزینه‌ی ۳: همه‌ی آثار این گزینه منثورند.

۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳

استعاره: دست نوازش (به نظر می‌آید طرّاحان «دست نوازش» را تشخیص دانسته‌اند و می‌دانیم که هر تشخیصی استعاره است).

حس آمیزی: سخن شیرین (شنوایی × چشایی)

مجاز: دست (نوازش، محبت)

اسلوب معادله: مصراع دوم معادل مصراع اول است. مثلاً دست سلیمان معادل دست نوازش است.

۱۰- پاسخ: گزینه‌ی ۳

شعر به دریا - خون به شراب - اشک به شهد - لفظ به دانه - این به کاسه‌ی خون

۱۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

ایهام تناسب «ج»: هزار: الف) عدد ۱۰۰۰ که در این بیت فقط به همین معنی است.

(ب) ببل که در این معنی با ببل و باغ تناسب دارد.

حسن تعلیل «د»: شاعر علت زیبایی خیره‌کننده‌ی ماه را اثرپذیری اش از چهره‌ی زیبای یار می‌داند

کنایه «الف»: جان سپردن / به خاک سپردن

اسلوب معادله «ه»: مصراع دوم معادل برای مصراع اول است: طفل معادل اشک است و دیوانگان معادل دل.

تناقض «ب»: خفته‌ی بیدار

۱۲- پاسخ: گزینه‌ی ۴

جهان‌بینی مولانا شعر او را ساخته است. / نموده است / گردانیده است / کرده است.
نهاد مفعول فعل استنادی ممتاز مسنده

۱۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

طراحت «کوره راه‌های پرنشیب و فراز» را گروه اسمی دانسته‌اند (در حالی که گروه قیدی است). در این صورت «کوره راه» هسته است، زیرا اولین اسم گروه و اولین واژه‌ای است که نقش نمای اضافه گرفته است.

واج: ک / و / ر / ا / د / ه ← ۷

۱۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

تکوازها: هم / سنگ / ای / آواز / آواز / و / معنا / در / شعر / شکل / پو / بسیار / هنر / مند / انه / ایجاد / می / کن / داد / در / تقویت / ای /
موسیقی / زبان / مؤثر / است / Ø ← ۳۴

۱۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

گزینه‌ی ۱: دل اگر بار کشد بار
مفعول تکرار مفعول

گزینه‌ی ۲: جمال عارض خورشید و حسن قامت سرو
معطوف

گزینه‌ی ۳: بدین روش که تو طاوس می کنی رفتار
بدل

۱۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

بررسی واژه‌های صورت سؤال و گزینه‌ها:

منشی‌گری (صفت + گری) (۱) صوفی‌گری (صفت + گری) (۲) یاغی‌گری (صفت + گری) (۳) خوالیگری (اسم + گری + ای) (۴) آهنگری (اسم + گر + ای)	ناپیاس (نا + اسم) (۱) نافرمان (نا + اسم) (۲) ناشناس (نا + بن مضارع) (۳) نامعلوم (نا + اسم) (۴) نارس (نا + بن مضارع)
کشتار: اسم (۱) دیدار: اسم (۲) گرفتار: صفت (۳) برخوردار: صفت (۴) شنیدار: اسم	روزانه (اسم + انه) (۱) مردانه (اسم + انه) (۲) محروم‌انه (صفت + انه) (۳) شکرانه (اسم + انه) (۴) شبانه (اسم + انه)

۱۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

مفهوم بیت اول: لزوم کشش معشوق و جذبه‌ی عشق

مفهوم سایر ایيات: توصیه به ترک وجود مادی خود برای نائل شدن به مقام وصل
ستایی:

راه نزدیک شد سخن کوتاه
وان دگر در بر و دود نهی
دو قدم بیش نیست این همه راه
یک قدم بر سر وجود نهی

۱۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

دفع مضرّت عامل بفرمود در حال: فوراً آن والی را برکنار کرد.

۱۹- پاسخ: گزینه‌ی ۲

مفهوم مشترک: زوال قدرت و حتمی بودن مرگ

۲۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲

مفهوم مشترک: توصیه به تحمل و صبر و دشواری آن

۲۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴

مفهوم مشترک: بلاکش بودن عاشقان

مفهوم سایر ایيات:

گزینه‌ی ۱: لزوم پاکبازی عاشقان

گزینه‌ی ۲: شیکوه و گلایه از یار

گزینه‌ی ۳: انسان عاشق به دنیا می‌آید.

۲۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

مفهوم بیت ۳: ناکامی عاشق

مفهوم سایر ابیات: ارزش انسان

۲۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

مفهوم مشترک دو بیت: تفاوت بینش / نگاه عاشق به ظاهر معشوق نیست.

۲۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

مفهوم بیت ۱: وفاداری عاشق و تسلیم و رضا

مفهوم سایر ابیات: اشاره به نامردی (یادآور نامردی شگاد و شاه کابل نسبت به رستم)

۲۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

گزینه‌ی ۴: مفهوم بیت: توصیه به خاموشی و زیان جلوه‌گری

ذیان عابی

۲۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲

«الا مثال (معرفه): مثل‌ها» (رد گزینه‌ی ۱) و جمع (رد گزینه‌های ۳ و ۴)

یضربُ: می‌زند» (رد گزینه‌های ۳ و ۴)

۲۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

«صعوبات الدهر: سختی‌های روزگار» (رد گزینه‌های ۲ و ۳)

فقد ذاق: چشیده است» (رد گزینه‌ی ۲)

«ذوقاً: مفعول مطلق تأکیدی است که باید به صورت قید تأکیدی، فارسی ترجمه شود» (رد گزینه‌های ۲ و ۴)

«الذی: کسی که» (رد سایر گزینه‌ها)

۲۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

«لحاجات‌الإنسان: برای نیازهای انسان» (رد گزینه‌های ۱ و ۳)

«لیس هناك: وجود ندارد» (رد گزینه‌های ۱ و ۳)

«المصادر: منابع» (رد گزینه‌ی ۲)

«محدودة: محدود است (خبر)» (رد گزینه‌های ۱ و ۳)

«طرق دقیقة: روش‌های دقیقی» (رد سایر گزینه‌ها)

۲۹- پاسخ: گزینه‌ی ۲

«زمیلاتی: همکلاسی‌هایم» (رد گزینه‌های ۳ و ۴)

«بحاجة: نیازمند» (رد گزینه‌ی ۱)

«تعلمنا: که (تا) به ما آموزش دهد» (رد گزینه‌های ۱ و ۳)

۳۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

ترجمه‌ی صحیح سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۱: قبل از هر چیزی قدرت باید بر عقل تکیه کند.

گزینه‌ی ۲: بسیاری از چیزها را می‌دانیم اما آنها در خاطر ما نیستند.

گزینه‌ی ۳: بدون تردید خانواده در تربیت فرزندانش مؤثر است.

۳۱- پاسخ: گزینه‌ی ۱

عاتب أخاك بالإحسان إلية: برادرت را با نیکی کردن به او سرزنش کن. کنایه از اینکه جواب بدی را با بدی نده.

که این مفهوم در بیت اول آمده است.

۳۲- پاسخ: گزینه‌ی ۴

در گزینه‌های ۱ و ۲ علاوه بر «الآخرین» از کلمه‌ی «الناس» هم استفاده شده که در عبارت فارسی موجود نیست.

از طرف دیگر کلمه‌ی «الآخرین» مذکور است پس « قادرات » برای آن درست نیست. (رد گزینه‌های ۱ و ۳)

۳۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳

«دیدم: شاهدت، رأيت» (رد گزینه‌های ۲ و ۴)

«حفظ کرده: قد حفظ، قد حفظت» (رد سایر گزینه‌ها)

«حفظ کردم: حفظت» (رد گزینه‌های ۱ و ۴)

۳۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

چه زمانی اعلام نواقص و آشکار نمودن آن کلیدی برای رسیدن به فضائل است؟

۱) وقتی که از خود توقع نداشته باشیم که همه‌ی اعمال ما شایسته و درست است.

۲) وقتی به خود توجه کنیم و نخواهیم که خود را به کسانی که ما را نمی‌خواهند بفروشیم.

۳) وقتی این نواقص از زبان و قلم‌های دشمنان خارج شود.

۴) وقتی توجه به اصلاح نفس خویش و تهذیب اخلاقمان را افزایش دهیم.

۳۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

۱) از وظایف دشمن اصلاح معایب دوست است.

۲) کشور با دوستان پیشرفت نمی‌کند بلکه قطعاً با دشمنان.

۳) ستایش از وظایف دوست است همانطور که نکوهش از وظایف دشمن است.

۴) برخی اوقات مخالف، بیشتر از دوست به ما کمک می‌کند.

۳۶- پاسخ: گزینه‌ی ۴

از نتایج این متن آن است

۱) که بر انسان است که همیشه توقع خوبی از خود نداشته باشد لذا نیازمند تذکر است.

۲) که نمی‌توانیم انسانی را پیدا کنیم که همه‌اش خیر باشد و وظیفه‌ی ما کاستن از بدی‌ها و افزایش خوبی‌هاست.

۳) که هر کس به دنبال نواقص ما باشد و آنها را ظاهر گرداند، ما را به راه پیشرفت هدایت می‌کند.

۴) که جامعه باید بیشتر از دوستانش به دشمنانش توجه کند.

۳۷- پاسخ: گزینه‌ی ۲

عبارت مناسب با مفهوم را مشخص کنید.

۱) برخی از مردم خادم برخی دیگر هستند اگرچه آنان نفهمند.

۲) دوست، کسی است که عیوب‌های مرا ظاهر کند نه کسی که آن‌ها را پنهان کند و تحسین کند.

۳) عظمت این نیست که هرگز اشتباہ نکنی بلکه در این است که همیشه اصلاح کنی.

۴) راه پوشیده شده از گل‌ها به بزرگی و عظمت منجر نمی‌شود.

۳۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

حرکت‌گذاری کامل عبارت: «قد تَعَوَّدَ الْأَنْسَانُ أَنْ يَهْرِبَ مِنْ عَدُوٍّ وَ مَمْنَ يَنْقُدُهُ وَ يَشْتَمُهُ وَ يَذْمُهُ!»

در این گزینه «الإنسان» که فاعل است منصوب به کار رفته است.

۳۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

حرکت‌گذاری کامل عبارت: «نَفَسَطَ إِلَى اجْتِنَابِ الْعُيُوبِ حَتَّى لَا يَقُومَ الْعَدُوُّ بِإِفْشَائِهَا لِيَجْعَلَهَا وَسِلَةً لِلْسَّيْطَرَةِ عَلَيْنَا!»

فعل «يقوم» با ارادت ناصبه «حتى» منصوب شده است ولی در اینجا مرفوع به کار رفته است.

حتی لا يقوم ← حتی لا يقوم

۴۰- پاسخ: گزینه‌ی ۱

اشتباهات سایر گزینه‌ها:

۲) من باب تفعیل ← من باب تفعّل

۳) معرب ← مبني

۴) مضارع ← ماض / للغائبة ← للغائب

- ۴۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴
اشتباهات سایر گزینه‌ها:
 ۱) فاعله «هذه» ← فاعله «هی» المستتر
 ۲) مبني للمجهول ← مبني للمعلوم / نائب فاعله «هذه» ← فاعله «هی» المستتر
 ۳) مزيد ثلاثي (من باب تفعّل) ← مجرّد ثلاثي
- ۴۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱
اشتباهات سایر گزینه‌ها:
 ۱) منوع من الصرف ← منصرف
 ۲) مبتدأ «عين» ← «هی»
 ۳) حال و منصوب و صاحب الحال «عين» ← خبر مفرد و مرفاع
- ۴۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳
كتينا: متصل للرفع / تمارينا: متصل للجرّ / يحسبنا: متصل للنصب
در گزینه‌ی ۱: ضمير متصل للرفع به کار نرفته است.
در گزینه‌ی ۲: ضمير متصل للنصب به کار نرفته است.
در گزینه‌ی ۴: ضمير متصل للنصب و للرفع به کار نرفته است.
- ۴۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲
إن: از ارادات جازمه است و افعال بعد از آن مجزوم می‌شوند و چون ناقص هستند با حذف حرف علّه مجزوم می‌گردند. (رد گزینه‌های ۳ و ۴) و چون «كلمة» و «الله» به ترتیب مؤنث و مذكر هستند افعال آن‌ها نیز باید به همین گونه بباید. (رد گزینه‌ی ۱)
- ۴۵- پاسخ: گزینه‌ی ۱
أبداً: مفعول فيه
در گزینه‌ی ۲، «كثيراً» مفعول مطلق است.
- ۴۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲
خبر كان منصوب است: كان العلماء خلال أعمالهم العلمية متذوقين
متذوقون ← متذوقين
- ۴۷- پاسخ: گزینه‌ی ۳
منظور از تأکید فعل، مفعول مطلق تأکیدی است که «انعاماً» در گزینه‌ی ۳ است.
در گزینه‌ی ۱: تنافساً: مفعول به / كتنافس: جار و مجرور
در گزینه‌ی ۲: تنافساً: مفعول مطلق نوعی
در گزینه‌ی ۴: انعاماً: مفعول مطلق نوعی
- ۴۸- پاسخ: گزینه‌ی ۲
خائفين: حال و صاحب حال: نحن مستتر در «عيش»
در گزینه‌ی ۱: مخوفاً: خبر ليس است.
در سایر گزینه‌ها اسم مشتق نکره منصوب به کار نرفته است.
- ۴۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳
اسم «آل» دار منادا نمی‌شود: يا الطالبات ← يا أيّتها الطالبات
- ۵۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲
در سایر گزینه‌ها جمله‌ی قبل از إلّا كامل است و مستثنی منه حضور دارد پس اعراب مستثنی منصوب است، اما در گزینه‌ی ۲ مستثنی منه محذوف است و مستثنی مرفاع به اعراب فاعل می‌شود.

دین و زندگی

۵۱- پاسخ: گزینه‌ی ۱

از سؤال‌های اصلی هر جوان و نوجوانی این است که ما در چگونه جهانی زندگی می‌کنیم؟ که برای پاسخ به این سؤال باید به سراج آیاتی رفت که بر حکیمانه بودن و هدفمند بودن خلقت دلالت دارند که آیه‌ی مذکور به دلیل وجود عبارت «بالحق» بیانگر این مطلب است.

۵۲- پاسخ: گزینه‌ی ۴

اینکه جهان رو به سوی خدا دارد به معنای وجود معاد می‌باشد.
آیه‌ی **﴿مَا خَلَقْنَا السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ وَمَا بَيْنَهُمَا إِلَّا بِالْحَقِّ وَأَجْلِ مُسْمَتٍ...﴾** بیانگر عمر معین و مشخص انسان است و معاد را عنوان نمی‌کند، اما آیه‌ی **﴿خَلَقَ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ بِالْحَقِّ وَصَوَرَكُمْ فَأَحْسَنَ صُورَكُمْ وَإِلَيْهِ الْمَصِيرُ﴾** نشان‌دهنده‌ی بازگشت به سوی خدا و معاد است. به عبارت **﴿وَإِلَيْهِ الْمَصِيرُ﴾** توجه کنید.

از طرفی بازتاب اعتقاد به وجود معاد آن است که انسان می‌داند پایان دنیا پایان زندگی نیست و باید در پیشگاه خدا حاضر شود، لذا خود را برای آن آماده می‌کند.

۵۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

آیه بیانگر روابه‌ای صادقه است که با مراجعه به اندیشه و تحقیق درس ۴ دوم به راحتی می‌توان پاسخگوی این سؤال بود.

۵۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲

آیه بیانگر تناکر منکرین معاد است. در اصل بیانگر تفکر مادی‌گرایان است که در اندیشه و تحقیق به آن اشاره شده است.
ترجمه‌ی آیه‌ی شریفه: **﴿مَسْلِمًا غَيْرَ أَنِّي زَنْدَةٌ دُنْيَايِي مَا چِيزِي در کار نیست، پیوسته گروهی از ما می‌بیریم و نسل دیگری جای ما را می‌گیرد و ما هرگز برانگیخته نخواهیم شد.﴾**

۵۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

این حدیث امام صادق **طیللا** بیانگر رابطه‌ی دنیا با بزرخ و وجود آثار متأخر اعمال است که در میان گزینه‌ها فقط گزینه‌ی ۳ با وجود عبارت **«قدم و آخر»** بیان‌کننده‌ی آثار ماقدم و متأخر است.
توجه: ظرف زمانی گزینه‌ی ۳، قیامت است نه بزرخ.

۵۶- پاسخ: گزینه‌ی ۳

ظرف زمانی آیه‌ی شریفه قیامت است و بیانگر شکرگزاری بهشتیان است.
گزینه‌های ۱ و ۲ هر دو درست هستند، اما ناقص‌اند و با یکدیگر کامل می‌شوند.

۵۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

آثار محبت به خدا:

(۱) پیروی از خدا

(۲) دوستی با دوستان خدا

(۳) بیزاری از دشمنان خدا

(۴) مبارزه با دشمنان خدا

۵۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

مطالعه‌ی صفحه‌های ۱۳۸ و ۱۳۹ کتاب دوم لازم است.

۵۹- پاسخ: گزینه‌ی ۱

نامه‌ی امیر المؤمنین **طیللا** به مالک اشتر در مورد مالیات بسیار مهم و پر تکرار است، به آن توجه شود.

۶۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

مجموعه‌ی معارف و احکام موجود در قرآن و سیره به گونه‌ای از جانب خدا طراحی شده که با مراجعه به آن‌ها می‌توان پاسخ سؤال‌ها و نیازهای جوامع را داد به شرط آنکه از روش علمی و درست تحقیق که به وسیله‌ی عالمان و متخصصان دین تدوین شده است، استفاده گردد و با دانش لازم و بصیرت کافی عمل شود.

۶۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

ولایت معنوی به معنای واسطه‌ی فیض بودن و حق دخل و تصرف در عالم طبیعت است و استقلال جامعه بیانگر ولایت ظاهری است.

ولایت معنوی برترین قلمرو رسالت است.

۶۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

مطالعه‌ی متن کتاب در صفحه‌های ۷۶ و ۷۷ لازم است.

۶۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳

حاکمان بنی‌امیه و بنی‌عباس به اندیشه‌هایی میدان می‌دادند که در جهت حفظ مقام و منفعت آن‌ها بود، لذا برای تفسیر قرآن به کسانی همچون کعب‌الاحبار که از اهل کتاب بود فرصت داده شد تا این امر خطیر را بر عهده گیرد.
توجه کنید که قرآن به هیچ وجه تحریف نشده و ممنوعیت نوشتن احادیث، مربوط به احادیث پیامبر ﷺ بود.

۶۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

ائمه در راستای ولایت ظاهری برای آگاهی‌بخشی به مردم تلاش می‌کردند، چرا که راه رهابی از دست حاکمان طاغوت و مشکلات اجتماعی را آگاهی مردم می‌دانستند.

۶۵- پاسخ: گزینه‌ی ۲

انتظار یک مفهوم دینی است که در آن نگاه مثبت دین را به آینده‌ی جهان وجود یک منجی به نام حضرت مهدی (عج) بیان می‌دارد.

۶۶- پاسخ: گزینه‌ی ۴

عوامل بیرونی فقط زمینه‌ساز گناهاند و عامل اصلی گناه خود انسان است.

۶۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

اهداف ازدواج عبارتند از:

(۱) نیاز جنسی

(۲) آرامش و انس روحی با همسر که آیه‌ی مذکور در صورت سؤال با عبارت «لتیکنوا» بیانگر آن می‌باشد و نشان می‌دهد که برای ایجاد مؤدت و رحمت در خانواده، آرامش و انس روحی همسران در کنار یکدیگر لازم است.

(۳) رشد و پرورش فرزندان

(۴) رشد اخلاقی و معنوی هر یک از اعضای خانواده که مهم‌ترین و عالی‌ترین هدف است.

۶۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱

این حدیث به وظیفه‌ی مادری زنان برمی‌گردد که نشان‌دهنده‌ی آن است که وظیفه‌ی اصلی زنان مادری است، نه تأمین معاش.

۶۹- پاسخ: گزینه‌ی ۲

انسان‌ها در هنگام سختی‌ها به یاد خدا می‌افتدند که سختی بیان شده در آیه، طوفان شدید در دریا می‌باشد. در ادامه‌ی آیه می‌خوانیم که «دعا اللہ مخلصین له الدین» یعنی از روی خلوص عقیده خدا را می‌خوانند، چرا که انسان‌ها دارای سرشت خدا آشنا هستند و در مشکلات به یاد خدا می‌افتنند.

۷۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

انجام کارها به قصد اطاعت از خدا بیانگر توحید عبادی است.

آیه‌ی «الْحَمْدُ لِلّٰهِ رَبِّ الْعَالَمِينَ» هم بیانگر توحید عبادی است و هم ربوبی، اما آیه‌ی «إِنَّ اللّٰهَ رَبُّي وَ رَبُّكُمْ» فقط بیانگر توحید ربوبی است.

۷۱- پاسخ: گزینه‌ی ۳

دستیابی به حکمت یا همان اندیشه‌های محکم و دانش استوار، سبب تصمیم‌گیری‌های درست و آگاهانه و رهایی از سرگردانی است.

۷۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱

زندگی در جهان قانونمند این امکان را به ما می‌دهد که با شناخت و استفاده از این قوانین، نیازهایمان را برطرف کنیم، استعدادهای خود را به فعلیت برسانیم و پلهای کمال را بیپاییم. نام دیگر این قانونمندی، نظام قضا و قدر است.

۷۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

امداد خاص خداوند برای پاکان و خوبان توفیق الهی است.

آیه‌ی مذکور هم بیانگر تأثیر نیکی و بدی در سرنوشت است و هم بیانگر توفیق الهی

۷۴- پاسخ: گزینه‌ی ۴

مراحل توبه:

(۱) پشیمانی از گذشته

(۲) تصمیم بر عدم تکرار گناه

(۳) جبران حقوق مردم

(۴) جبران حقوق الهی

۷۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

آیه‌ی شریفه بیانگر دعوت به خیر و نیکی و امر به معروف و نهی از منکر است که در راستای تلاش برای جامعه و تمدن آرمانی اسلام است.

زبان انگلیسی

۷۶- پاسخ: گزینه‌ی ۴

هلن چنان معلم خوبی است که من مطمئن هستم از او راضی خواهی بود.

توضیح:

جمله + اسم قابل شمارش مفرد + (صفت) + such a / an + (that) + اسم قابل شمارش مفرد +

۷۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

سگ بزرگ همسایه‌ی ما خیلی ترسناک است و دختر کوچکم وقتی آن را می‌بیند معمولاً می‌ترسد.

توضیح: صفات فاعلی (شکل ing دار) به وجود آورنده‌ی حالتی است و معمولاً برای غیر انسان استفاده می‌شود و صفات مفعولی (ed دار)

پذیرای حالت هستند و معمولاً برای انسان استفاده می‌شود.

۷۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱

مدل‌های جدید با کیفیت بالای عینک‌ها سال آینده در کارخانه‌ی ما تولید خواهند شد.

توضیح: جمله حالت مجھول دارد و فقط گزینه‌ی ۱ مجھول است.

به جای از to be going to استفاده شده است.

۷۹- پاسخ: گزینه‌ی ۱

متأسفانه فراموش کردم عکس‌های گرفته شده در جشن تولد را به دوستانم ایمیل کنم.

توضیح: جمله شکل مجھول دارد و واژه‌ی photograph نمی‌تواند کاری را انجام دهد بلکه کار باید انجام شود. در حالت عبارت‌های وصفی

شکل مجھول به ۲ شکل دیده می‌شود.
wh + pp → pp + فعل کمکی

۸۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲

رضا بیمار است و دکتر به او توصیه کرده است که مقدار چربی را در غذاش کم کند.

۱- نادیده گرفتن ۲- کاهش دادن ۳- مهیا کردن

۸۱- پاسخ: گزینه‌ی ۳

این نوع گیاه که اینجا کمیاب است، عموماً در کوههای آمریکای جنوبی یافت می‌شود.

۱- به طور مختصر ۲- به طور رسمی ۳- عموماً

۸۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

آقای علوی به کشورهای آسیایی علاقه‌مند است. بنابراین به یک سفر اکتسافی طولانی به چین رفت.

۱- پیش‌بینی ۲- مقصد ۳- اکتساف ۴- ارتباط

۸۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

برنامه‌های ما خیلی انعطاف‌پذیر هستند، بنابراین می‌توانیم شما را یا چهارشنبه یا پنجشنبه ببینیم.

۱- خصوصی ۲- انعطاف‌پذیر ۳- واقعی ۴- فوری

۸۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

مسلمانان همیشه کفش‌هایشان را قبل از ورود به مسجد یا اماکن مقدس دیگر در می‌آورند.

۱- در آوردن لباس، برخاستن هواپیما ۲- خاموش کرن وسائل صوتی

۳- تشکیل دادن، درست کردن ۴- زنگ زدن

۸۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

به نظر من، صعود به قله‌ی اورست یک مثال عالی از تلاش انسان بود.

۱- وسیله ۲- حرکت دست و سر ۳- رمز

۸۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲

آقا و خانم کریمی هر دو نگران پرسشان هستند چون او زندگی را جدی نمی‌گیرد.

۱- به طور منظم ۲- به طور جدی ۳- از نظر احساسی ۴- با آسودگی

۸۷- پاسخ: گزینه‌ی ۳

او حالت خوب نبود، بنابراین با یک لبخند تصنیعی در چهره‌اش به مهمنانش خوشامد گفت.

۱- روش ۲- ابتدایی ۳- تصنیعی، مصنوعی ۴- تأثیرگذار

ترجمه‌ی Cloze Test:

اولین مردم شناخته‌شده‌ی آمریکای شمالی اسکیموها و سرخ‌پوستان بودند. آنها احتمالاً از آسیا به آمریکا از طریق آلاسکا-طی مدت زمانی

طولانی-مهاجرت کردند. آنها در سراسر شرق و جنوب آمریکای شمالی گسترش یافته‌اند.

اسکیموها و بسیاری از قبیله‌های سرخ‌پوستان با راههای غیرپیش‌رفته زندگی می‌کردند و از سلاح‌ها و ابزار سنگی استفاده می‌کردند.

بسیاری، شکارچی‌های سردرگمی در دشت‌ها و جنگل‌ها بودند. سرخ‌پوستان مکزیک و آمریکای مرکزی تمدن پیش‌رفته‌ای داشتند با

ساختمان‌های فاخر، هنر، و سیستم‌های قانون و دولت. بزرگ‌ترین مردمان سرخ‌پوست-از جمله مایاها و آزتک‌ها- معابد و قصرهای سنگی زیبا ساختند.

۸۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱

۱- مهاجرت کردن ۲- افزایش دادن ۳- کش دادن ۴- زنده ماندن

- ۸۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳
۱- وله
۲- الگو
۳- دوره، مدت
۴- فرآیند
۵- دولت
۶- بخش
۷- محیط زیست
۸- سیاره‌ها
۹- برج‌ها
۱۰- جلگه‌ها
- ۹۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲
این دو جمله از نظر معنایی یکسان هستند.

**The primitive people lived in the caves. They used some tools.
The primitive people lived in the caves, using some tools.**

- ۹۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴
۱- جامعه‌ها
۲- سند
۳- بخش
۴- جلگه‌ها
۵- دولت
۶- محیط زیست
۷- سیاره‌ها
۸- برج‌ها
۹- الگو
- ۹۲- پاسخ: گزینه‌ی ۴
ترجمه‌ی I:

برای این که ببینیم چگونه همه‌ی بخش‌های طبیعت با هم هماهنگ هستند، می‌توانیم به آن، همان‌طور نگاه کنیم که به یک دستگاه پیچیده. هر موجود زنده جای خودش را در طبیعت دارد و اکولوژی (بوم‌شناسی) مطالعه‌ی این است که چگونه موجودات در ارتباط با پیرامون خود زندگی می‌کنند. این به ما کمک می‌کند بهفهمیم که چطور گیاهان و حیوانات برای باقی به یکدیگر وابسته هستند. بوم‌شناسی همچنین به ما کمک می‌کند در جهت محافظت از حیوانات و گیاهان در برابر انقرض و نیز حل مشکلات ناشی از آلودگی کار کنیم. گیاهان و حیوانات، بسته به کارکرد بوم‌شناسخانه خود، می‌توانند به گروههای مختلف تقسیم شوند. گیاهان انرژی نوری خورشید را به دام می‌اندازند و از آن برای تولید رشد جدید استفاده می‌کنند، پس تولیدکننده نامیده می‌شوند؛ حیوانات، گیاهان و سایر حیوانات را مصرف می‌کنند، پس مصرفکننده نامیده می‌شوند. تمام گیاهان و جانورانی که در یک منطقه زندگی می‌کنند و یکدیگر را تغذیه می‌کنند، یک جمعیت را تشکیل می‌دهند. رابطه‌ی بین گیاهان و جانوران در یک جمعیت، زنجیره‌ی غذایی نامیده می‌شود؛ انرژی از طریق این زنجیره‌های غذایی در جمعیت رد و بدل می‌شود.

- ۹۳- پاسخ: گزینه‌ی ۴
۹۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲
۹۵- پاسخ: گزینه‌ی ۲
۹۶- پاسخ: گزینه‌ی ۴
ترجمه‌ی II:

رابرت بوبل در دورانی زندگی می‌کرد که بسیاری از انسان‌های جوان در انگلیس به علم و به انجام آزمایش‌های علمی علاقه‌مند می‌شدند. او خودش دانشمندی بزرگ در شیمی بود. عمر او در تحقیقات علمی سپری شد و او تعدادی کشف مهم انجام داد. او یکی از اعضای گروهی از انسان‌های فرهیخته بود که معمولاً با یکدیگر دیدار می‌کردند تا راجع به پیش‌رفته‌های جدید و کشفیات در علم بحث کنند؛ این جا، که به آن «دانشگاه نامرئی» گفته می‌شود، در نهایت تبدیل به «انجمن سلطنتی» در سال ۱۶۶۰ شد.

بوبل در ایرلند به دنیا آمد. او وقتی ۸ ساله بود، در «تون-انگلیس» به مدرسه رفت و ۳ سال بعد، به همراه معلم خصوصی فرانسوی اش عازم اروپا شد. هنگامی که در ایتالیا بود، کار دانشمند بزرگ-گالیله- را مطالعه کرد. او و دستیارش-رابرت هوک- مخترع- پمپ هوایی ساختند که او را قادر به اجرای آزمایش‌هایی با هوا کرد و توانست کشف کند که، به عنوان مثال، برای تنفس، سوختن، و انتقال صدا، هوا ضروری است. بوبل معتقد بود که مواد از چیزهایی ساخته شده‌اند که آنها را «ذرات اوتلیه» نامید و درنتیجه، او انتظار نظریه‌های اتمی مدرن را داشت.

- ۹۷- پاسخ: گزینه‌ی ۳
۹۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱
۹۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴
۱۰۰- پاسخ: گزینه‌ی ۱

زمین شناسی

۱۰۱- پاسخ: گزینه‌ی ۱

ابتدا عدد ۸۱ درصد را در جدول مشخص کنید. حال دو سطر افقی و عمودی مثل + جدا کنید

۲

۱۶°۵ (در جدول دو تا ۸۱ درصد می‌بینید)

۳

(اختلاف دو دماسنجد تر و خشک)

۴

۵

۱۷°۲ (در ب: ۱۵ = ۲ - ۱۶ (دماسنجد خشک))

۶

برای بیدار کردن دماسنجد تر که معمولاً دمای کمتر از دماسنجد خشک را دارد باید چنین عمل کنید:

دمای دماسنجد تر = اختلاف دو دماسنجد تر و خشک - دمای دماسنجد خشک

۱۰۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

آب اقیانوس‌ها در اعماق بیشتر از ۵۰۰ متر ثابت بوده و حدود ۴۰°C است. ولی آب‌های سطحی دریاها، در مناطق قطبی حدود ۳°C است.

۱۰۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در آبخوان تحت فشار، لایه‌ی نفوذپذیر بین لایه‌های نفوذناپذیر محصور است و درنتیجه سطح فوقانی منطقه‌ی اشبع، تحت فشاری بیش از فشار اتمسفر است.

۱۰۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲

می‌دانیم درجه‌ی سختی آپاتیت ۵ و گارنت ۷/۵ است. پس رنگ خاکه‌ی سفید باید از کانی نرم تر یعنی آپاتیت، خراشیده شده باشد. یعنی پودر کنده شده از آپاتیت توسط گارنت سخت، رنگ سفید دارد.

۱۰۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

گالن دارای رخ سه‌جهتی با زاویه‌ی قائمه و دولویت دارای رخ سه‌جهتی با زاویه‌ی غیر قائمه است. پس تعداد سطح رخ، یکسان و سه تا است، ولی زاویه‌ی سطح شکست‌ها فرق دارد.

۱۰۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

بعضی از فلزات بالرزش اقتصادی مانند طلا، نقره، مس، جیوه و ... توسط فرآیندهای آذرین فراهم می‌شوند. مثلاً از فرسایش گرانیت‌ها، رسوبات آبرفتی حاصل می‌آید که با استفاده از صنعت طلاشویی، استخراج طلا از آن‌ها امکان‌پذیر است.

۱۰۷- پاسخ: گزینه‌ی ۲

اجتماد ماده‌ی مذاب می‌تواند آرام و درون زمین باشد که بافت درشت بلور را ایجاد می‌کند و می‌تواند سریع و بیرون زمین باشد که بافت ریز و شیشه‌ای را سبب می‌شود.

۱۰۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

مطابق واکنش بون داریم:

(A) پیروکسن → مایع مذاب باقیمانده + الیوین

(هورنبلاند) آمفیبیول → مایع مذاب باقیمانده + پیروکسن (A)

نوعی آمفیبیول است

۱۰۹- پاسخ: گزینه‌ی ۲

سنگ‌های فراوان رسوبی عبارتند از: ۱- شیل٪/۴۵ (ستون b)، ۲- ماسه‌سنگ٪/۳۲ (ستون a)، ۳- سنگ آهک٪/۲۲ (ستون c)، ۴- سایر سنگ‌های رسوبی (ستون d). پس گزینه‌ی ۲ که شامل سایر سنگ‌های رسوبی مثل سنگ نمک، سنگ گچ، کنگلومرا است، پاسخ می‌باشد.

۱۱۰- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در طی میلیون‌ها سال، با افزایش فشار و دما، مقدار آب در رسوبات کاهش یافته و به میزان درصد کربن افزوده می‌شود. یعنی ابتدا تورب و سپس گیلنیت و بعد زغال سنگ قهقهه‌ای و آنtrapasیت ایجاد می‌شود.

۱۱۱- پاسخ: گزینه‌ی ۳

گینس یک سنگ دگرگونی دارای جهت یافتگی است و آرکوزیک سنگ رسوبی.

در ماسه‌سنگ فلدسپات‌دار (آرکوز) که دارای کانی‌های کوارتز و فلدسپات است در اثر فشار جهت‌دار، کانی‌ها در امتداد خاصی پهن و طویل می‌شوند و منظره‌ی نواری سیاه و سفید پیدا می‌کنند.

۱۱۲- پاسخ: گزینه‌ی ۴

شکل، حرکت سنگ‌ها و مواد را در دامنه‌ی کوه‌ها نشان می‌دهد که سطوح لغزشی باعث این نوع حرکات توسعه نیروی جاذبه‌ی زمین می‌باشد.

۱۱۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

بیشترین اختلاف طول روز و شب در نیمکره‌ی شمالی (مثلًاً شهر ما) می‌تواند اول تابستان یا اول زمستان باشد. در این زمان خورشید به مدار رأس‌السطان یا رأس‌الجدى به طور ۹۰ درجه می‌تابد.

۱۱۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در شکل، رابطه‌ی عمق زمین با دما نمایش داده شده است. هرچه عمق زمین بیشتر شود، دمای زمین یا به عبارتی شیب زمین‌گرمایی افزایش می‌یابد.

۱۱۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

با حرکت دادن یک جسم آهنی در یک میدان مغناطیسی، می‌توان میدان مغناطیسی ایجاد کرد. زمین را می‌توان به یک دیناموی خودالقای غولپیکر تشبیه کرد که حرکت الکترون‌ها در آهن مذاب موجود در هسته‌ی خارجی آن، مولد میدان مغناطیسی است.

۱۱۶- پاسخ: گزینه‌ی ۳

پس از تقسیم پانگه‌آ، ابتدا آمریکای جنوبی و آفریقا به صورت یک قطعه از گندوانا جدا شدند و بعدها اقیانوس اطلس جنوبی، این دو قاره را نیز از هم جدا نمود. سپس در حدود ۶۵ میلیون سال قبل، اقیانوس اطلس توسعه بیشتری نسبت به شمال یافت، استرالیا از قطب جنوب جدا شد و سپس هندوستان نیز شروع به حرکت به سمت شمال و پیوستن به آسیا نمود.

۱۱۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در شکل حرکت موج ریلی در یک زلزله را می‌بینید. این موج شبیه امواج دریا بوده که ذرات را در یک مدار دایره‌ای به ارتعاش در می‌آورند ولی جهت حرکت دایره مخالف جهت حرکت امواج دریا است. عمق تأثیر و نفوذ امواج ریلی مانند امواج دریا از سطح به عمق، رفتار فوتی کاهش می‌یابد.

۱۱۸- پاسخ: گزینه‌ی ۲

مواد جامد خارج شده از آتشفسان را تفرا می‌نامند که ذرات را در ۳۲ میلی‌متر، قطعه سنگ و اگر دوکی شکل باشند، بمب نامیده می‌شوند.

۱۱۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

در شکل، شکستگی دیده شده، گسل است. نوع گسل به علت قرار گرفتن لایه‌ی قدیمی شیل پرمین در فرادیواره نسبت به لایه‌ی جوان تر آهک ترباس در فرویدیواره، معکوس یا رانده است. ولی چون تنها گزینه از خانواده‌ی گسل رانده، می‌تواند روراندگی باشد، گزینه‌ی ۴ را درست می‌دانیم.

۱۲۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

هر کجا که سطح شیبداری بر اثر رسوب‌گذاری سریع تشکیل شود یا عمل رسوب‌گذاری و تخریب به نوبت انجام گیرد، چینه‌بندی متقاطع ایجاد می‌گردد.

۱۲۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

نایپوستگی‌ها یعنی زمانی که عمل رسوب‌گذاری متوقف شده است. در شکل توالی لایه‌ها چنین است: پرکامبرین - کامبرین - سیلورین - تریاس - ژوراسیک.

با توجه به ترتیب زمانی درست باید این لایه‌ها وجود داشته باشند ولی در شکل دیده نمی‌شوند: پرکامبرین - اردوویسین - سیلورین - دونین - کربنیفر - پرمین - تریاس - ژوراسیک.

(۱)

(۲)

پس دوبار، دریا پسروی داشته و نایپوستگی رسوبی وجود دارد.

۱۲۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱

شکل فسیل آمونیت است که شاخص دوران مزوژوییک است. تریاس اولین دوره از دوران مزوژوییک است.

۱۲۳- پاسخ: گزینه‌ی ۴

در شکل منحنی‌های توپوگرافی، بیانگر لایه‌های مایل در یک دره هستند که در آن شیب دایک (لایه‌ی سیاهرنگ) هم‌جهت با شیب دره است. به شکل ۷ لایه‌های مایل توجه کنید.

۱۲۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

شکل موجود در پرسش یک ناویدیس است زیرا $\text{I}^{\text{شیب لایه‌ها به داخل است}}$.

در یک ناویدیس لایه‌های بیرونی قدیمی و لایه‌های داخلی جدید هستند. پس اگر آمونیت در لایه‌های بیرونی باشد، باید به طرف جنوب یعنی داخلی ترشدن لایه‌ها، به فسیل‌های جوان تر مثل نومولیت برسیم.

۱۲۵- پاسخ: گزینه‌ی ۱

نفت‌گیرها، مخازن طبیعی و مناسبی هستند که نفت در داخل آن‌ها انباسته می‌شود. یک نفت‌گیر باستی دارای خصوصیات زیر باشد:

۱- سنگ مخزن مناسب با تحمل و قابلیت نفوذ خوب.

۲- وجود پوش‌سنگ غیر قابل نفوذ.

۳- وضعیت و شکل هندسی مناسب برای تجمع نفت.

ریاضیات

۱۲۶- پاسخ: گزینه‌ی ۳

شماره‌ی دسته	۱	۲	۳	...	۲۹	۳۰
دسته	(۱)	(۲, ۵)	(۷, ۹, ۱۱)	...	(...)	(...)
تعداد اعضاي دسته	۱	۲	۳	...	۲۹	۳۰

اگر دنباله‌ی اعداد طبیعی فرد را به صورت $1, 3, 5, 7, \dots$ در نظر بگیریم، جمله‌ی عمومی آن به صورت زیر است:

$$a_n = a_1 + (n-1)d \quad \frac{d=2}{a_1=1} \quad a_n = 1 + (n-1)2 = 2n - 1$$

تا قبل از دسته‌ی ۳۰ ام به تعداد $1 + 2 + 3 + \dots + 29$ از اعداد فرد استفاده شده است که برابر است با:

$$1 + 2 + 3 + \dots + 29 = \frac{29 \times 30}{2} = 435$$

پس اولین جمله‌ی دسته‌ی ۳۰ ام، جمله‌ی ۴۳۶ ام دنباله‌ی اعداد فرد است، یعنی:

$$a_{436} = 2(436) - 1 = 871$$

جمله‌ی آخر دسته‌ی ۳۰ ام به صورت زیر به دست می‌آید:

$$1 + 2 + 3 + \dots + 30 = \frac{30 \times 31}{2} = 465$$

$$a_{465} = 2(465) - 1 = 929$$

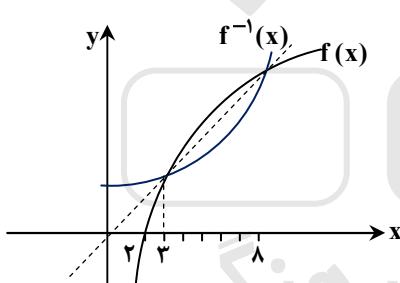
بنابراین مجموع جمله‌ی اول و آخر دسته‌ی ۳۰ ام برابر است با:

$$871 + 929 = 1800$$

۱۲۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

نکته: برای رسم نمودار تابع $f^{-1}(x)$ کافیست نمودار تابع $y = f(x)$ را نسبت به خط $x = y$ قرینه کنیم.

نکته: منظور از $f(x) > g(x)$ ، قسمت‌هایی از نمودار $f(x)$ است که بالای نمودار $g(x)$ قرار می‌گیرد.



ابتدا برای دامنه‌ی تابع $f^{-1}(x) = \sqrt{x - f^{-1}(x)}$ داریم:

$$x - f^{-1}(x) \geq 0 \Rightarrow f^{-1}(x) \leq x$$

حال مطابق نکات فوق نمودار $f^{-1}(x)$ را با توجه به نمودار $f(x)$ رسم می‌کنیم.

با توجه به شکل، قسمت‌هایی که نمودار $f^{-1}(x)$ زیر نمودار $x = y$ قرار می‌گیرد.

فقط در بازه‌ی $[3, 8]$ می‌باشد.

۱۲۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$\frac{\cos 285^\circ - \sin 255^\circ}{\sin 525^\circ - \sin 105^\circ} = \frac{\cos(270^\circ + 15^\circ) - \sin(270^\circ - 15^\circ)}{\sin(540^\circ - 15^\circ) - \sin(90^\circ + 15^\circ)} = \frac{\sin 15^\circ + \cos 15^\circ}{\sin 15^\circ - \cos 15^\circ}$$

$$\frac{\cos 15^\circ}{\cos 15^\circ} \neq 0 \quad \text{طبق فرض تقسیم بر } \cos 15^\circ \neq 0 \quad \frac{\tan 15^\circ + 1}{\tan 15^\circ - 1} = \frac{\tan 15^\circ + 1}{\tan 15^\circ - 1} = \frac{+1/28+1}{+1/28-1} = \frac{1/28}{-1/28} = -\frac{128}{72} = -\frac{16}{9}$$

۱۲۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

نکته: معکوس ماتریس $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$A^{-1} = \frac{1}{ad - bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

با توجه به نکته‌ی فوق داریم:

$$(A - B)^{-1} = \left(\begin{bmatrix} 12 & -8 \\ 10 & 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 10 & -6 \\ 7 & 2 \end{bmatrix} \right)^{-1} = \left(\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \right)^{-1} = \frac{1}{4 - (-6)} \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 \\ -1/3 & 1/2 \end{bmatrix}$$

۱۳۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$\theta_i = \frac{f_i}{n} \times 360^\circ$$

نکته: زاویه‌ی مرکزی نظیر دسته‌ی A در نمودار دایره‌ای برابر است با:

مطابق نمودار مستطیلی داریم:

دسته	[۱۲, ۱۵)	[۱۵, ۱۸)	[۱۸, ۲۱)	[۲۱, ۲۴)
فراوانی	۱۳	۲۱	۱۷	۹
فراوانی جدید	۱۲	۱۹	۱۷	۹

بزرگ‌ترین زاویه‌ی مرکزی را دسته‌ی با بیشترین فراوانی دارد، بنابراین:

$$\theta = \frac{19}{12+19+17+9} \times 360^\circ = \frac{19}{57} \times 360^\circ = 120^\circ$$

۱۳۱- پاسخ: گزینه‌ی ۱

نکته (روش پیدا کردن میانه): ابتدا داده‌ها را مرتب می‌کنیم. اگر تعداد داده‌ها فرد باشد، داده‌ای که در وسط قرار می‌گیرد میانه است. اگر تعداد داده‌ها زوج باشد، نصف مجموع دو داده‌ای که در وسط قرار گرفته‌اند، برای میانه است.

نکته: به میانه‌ی نیمه‌ی اول داده‌ها، چارک اول (Q_1) و به میانه‌ی نیمه‌ی دوم داده‌ها، چارک سوم (Q_3) می‌گوییم.

در داخل نمودار جعبه‌ای داده‌های بین چارک اول (Q_1) و چارک سوم (Q_3) قرار دارد. ابتدا کل داده‌ها را می‌نویسیم:

$$Q_1 = \frac{54+56}{2} = 55$$

↑

$$Q_3 = \frac{71+71}{2} = 71$$

↑

۵۰, ۵۱, ۵۱, ۵۲, ۵۲, ۵۴, ۵۴, ۵۶, ۵۷, ۵۹, ۵۹, ۶۰, ۶۰, ۶۲, ۶۳, ۶۳, ۶۵, ۶۵, ۶۶, ۷۱, ۷۱, ۷۲, ۷۲, ۷۲, ۷۴, ۷۷, ۷۸
↓
میانه

در این سؤال چون تعداد داده‌ها فرد است، پس میانه برابر است با داده‌ی $\frac{25+1}{2} = 62$ = میانه

میانگین داده‌های داخل نمودار جعبه‌ای برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{56+57+59+59+60+60+62+63+63+65+65+66+71}{13} = 62 = 62 - 62 = 0$$

۱۳۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

راه حل اول:

نکته: اگر A' متمم پیشامد A باشد، داریم:

در این سؤال متمم پیشامد این است که هر دو مهره «همزنگ» باشند، پس داریم:

$$\begin{cases} n(S) = \binom{3+2+5}{2} = \binom{10}{2} = \frac{10 \times 9}{2} = 45 \\ n(A') = \binom{3}{2} + \binom{2}{2} + \binom{5}{2} = 3+1+\frac{5 \times 4}{2} = 14 \end{cases} \Rightarrow P(A') = \frac{14}{45} \Rightarrow P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{14}{45} = \frac{31}{45}$$

راه حل دوم:

$$\begin{cases} n(S) = 45 \\ n(A) = \binom{2}{1} \binom{2}{1} + \binom{3}{1} \binom{5}{1} + \binom{2}{1} \binom{5}{1} = 3 \times 2 + 3 \times 5 + 2 \times 5 = 31 \end{cases} \Rightarrow P(A) = \frac{31}{45}$$

۱۳۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$\sin 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}, \quad \tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$$

نکته:

طبق فرض داریم:

$$\alpha - \beta = \frac{\pi}{4} \xrightarrow{\text{از طرفین } \tan \text{ می‌گیریم}} \tan(\alpha - \beta) = \tan \frac{\pi}{4} \Rightarrow \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta} = 1$$

$$\frac{\tan \beta - 1}{1} \xrightarrow{\tan \beta = \frac{1}{2}} \tan \alpha - \frac{1}{2} = 1 + \frac{1}{2} \tan \alpha \Rightarrow \tan \alpha - \frac{1}{2} \tan \alpha = 1 + \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} \tan \alpha = \frac{3}{2} \Rightarrow \tan \alpha = 3$$

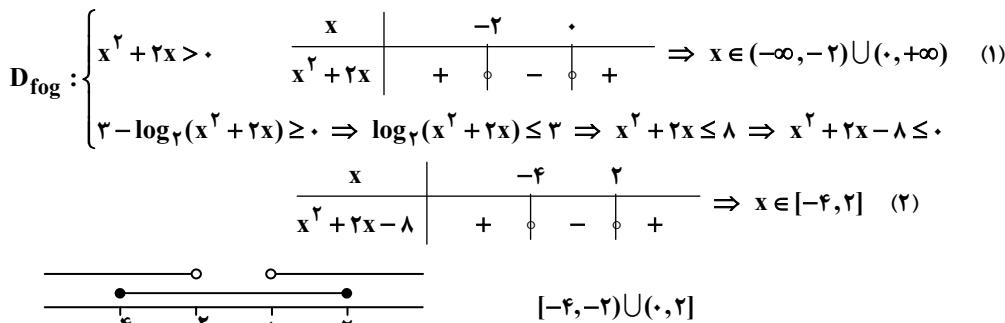
$$\sin 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} = \frac{2 \times 3}{1 + 3^2} = \frac{6}{10} = +/\sqrt{6}$$

۱۳۴- پاسخ: گزینه ۴

نکته: دامنه تابع $x = \log_a y$ به صورت مقابل است: $x > 0, a > 0, a \neq 1$

ابتدا ضابطه $fog(x)$ را به دست می‌آوریم:

$$fog(x) = \sqrt{3 - \log_2(x^2 + 2x)}$$



۱۳۵- پاسخ: گزینه ۱

نکته (قاعده پرتوان):

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^n + bx^{n-1} + cx^{n-2} + \dots + d}{a'x^m + b'x^{m-1} + c'x^{m-2} + \dots + d'} = \begin{cases} \frac{a}{a'} & n = m \\ \dots & \\ \infty & n > m \end{cases}$$

نکته (قاعده همارزی رادیکالها): $\sqrt{ax^2 + bx + c} \underset{x \rightarrow \infty}{\sim} \sqrt{a} \left| x + \frac{b}{2a} \right|$

چون حد در بی‌نهایت برابر عدد شده است، پس با توجه به نکته بالا درجهٔ صورت و مخرج برابر بوده یعنی: $n = m$ بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax + 15}{3x - \sqrt{4x^2 + 15x}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax + 15}{3x - 2\left|x + \frac{15}{8}\right|} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax + 15}{3x + 2x + \frac{15}{4}} \xrightarrow{\text{پرتوان}} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax}{5x} \xrightarrow{\text{طبق فرض}} -1 \Rightarrow a = -5$$

بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{-5x + 15}{3x - \sqrt{4x^2 + 15x}} = \frac{-5}{3} \xrightarrow{\text{Hop}} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{-5}{3 - \frac{8x + 15}{2\sqrt{4x^2 + 15x}}} = \frac{-5}{3 - \frac{5}{6}} = -6$$

۱۳۶- پاسخ: گزینه ۲

نکته: اگر تابع $f(x)$ بخواهد در نقطهٔ $x = a$ پیوسته باشد، باید: $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = f(a)$

چون هر کدام از ضابطه‌های تابع $f(x)$ در بازه‌های خودشان پیوسته هستند. بنابراین باید مقدار این تابع در نقطهٔ $x = 6$ را با حد چپ و راست آن در این نقطه برابر قرار داد.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 6^+} f(x) &= a + \cos^2 \frac{6\pi}{36} = a + \frac{3}{4} \\ \lim_{x \rightarrow 6^-} f(x) &= \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \\ f(6) &= \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \end{aligned} \quad \left. \Rightarrow a + \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \Rightarrow a = -\frac{1}{4} \right.$$

۱۳۷- پاسخ: گزینه ۱

نکته: آهنگ متوسط تغییر تابع $f(x)$ از نقطهٔ $x = a$ تا نقطهٔ $x = b$ برابر است با: $\frac{f(b) - f(a)}{b - a}$

نکته: آهنگ لحظه‌ای تابع $f(x)$ در نقطهٔ $x = a$ برابر است با: $f'(a)$

ابتدا آهنگ متوسط تغییر تابع را در بازهٔ $[1, 1/21]$ به دست می‌آوریم:

$$\frac{f(1/21) - f(1)}{1/21 - 1} = \frac{\sqrt{1/21} - \sqrt{1}}{1/21 - 1} = \frac{1/1 - 1}{1/21 - 1} = \frac{1}{21} = \frac{10}{100}$$

حال آهنگ لحظه‌ای را در $x = 1$ به دست می‌آوریم:

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \Rightarrow f'(1) = \frac{1}{2}$$

بنابراین:

$$\frac{1}{2} - \frac{10}{21} = \frac{21-20}{2 \times 21} = \frac{1}{42}$$

۱۳۸- پاسخ: گزینه‌ی ۲

نکته: فرض کنید یک آزمایش تصادفی فقط دو نتیجه داشته باشد و نتیجه‌ی هر بار آزمایش مستقل از سایر دفعات باشد. اگر دو نتیجه را شکست و پیروزی بنامیم و احتمال پیروزی را با p نشان دهیم، احتمال شکست برابر $p - 1$ خواهد شد. حال اگر این آزمایش را n بار تکرار کنیم، احتمال این که k مرتبه پیروزی داشته باشیم، برابر است با:

$$P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

در این سؤال به کمک نمودار درختی داریم: (دقت کنید که احتمال زوج آمدن یک تاس $\frac{1}{2}$ و احتمال فرد آمدن آن نیز $\frac{3}{2}$ است).

$$\begin{array}{c} \text{زوج} \\ \diagdown \quad \diagup \\ \frac{1}{2} \quad \frac{1}{2} \\ \diagup \quad \diagdown \\ \text{فرد} \quad \text{زوج} \\ \diagdown \quad \diagup \\ \frac{1}{2} \quad \frac{1}{2} \\ \diagup \quad \diagdown \\ \text{فرد} \quad \text{زوج} \\ \diagdown \quad \diagup \\ \frac{1}{2} \quad \frac{1}{2} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{۲ بار موفقیت} \quad \text{۴ تیر} \\ \left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{2}{3}\right)^2\left(1-\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4 \times 3}{2} \times \frac{4}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{8}{27} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{۳ تیر} \\ \left(\frac{3}{2}\right)\left(\frac{2}{3}\right)^2\left(1-\frac{2}{3}\right)^1 = 3 \times \frac{4}{9} \times \frac{1}{3} = \frac{4}{9} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{۲ بار موفقیت} \\ \frac{1}{2} \times \frac{8}{27} + \frac{1}{2} \times \frac{4}{9} = \frac{10}{27} \end{array}$$

۱۳۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

روش اول:

نکته: اگر α و β ریشه‌های معادله‌ی درجه‌ی دوم $ax^2 + bx + c = 0$ باشند، آن‌گاه:

$$S = \alpha + \beta = -\frac{b}{a}$$

$$P = \alpha\beta = \frac{c}{a}$$

در این سؤال اگر ریشه‌های معادله‌ی $-1 - 3x^2 - 2x = 0$ را α و β در نظر بگیریم، ریشه‌های معادله‌ی جدید به صورت $-1 - \frac{1}{\alpha}$ و $-1 - \frac{1}{\beta}$ می‌باشد.

داریم:

$$\alpha + \beta = -\frac{1}{2}, \quad \alpha\beta = -\frac{1}{2}$$

$$S = \frac{1}{\alpha} - 1 + \frac{1}{\beta} - 1 = \frac{\beta + \alpha}{\alpha\beta} - 2 = \frac{\frac{1}{2} - 2}{-\frac{1}{2}} = -5$$

$$\left(\frac{1}{\alpha} - 1\right)\left(\frac{1}{\beta} - 1\right) = \frac{1}{\alpha\beta} - \frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\beta} + 1 = \frac{1}{\alpha\beta} - \frac{\beta + \alpha}{\alpha\beta} + 1 = \frac{1}{-\frac{1}{2}} - \frac{\frac{1}{2}}{-\frac{1}{2}} + 1 = 2$$

فرم کلی معادله‌ی درجه‌ی دوم با داشتن S و P به صورت زیر است:

$$x^2 - Sx + P = 0 \xrightarrow[S=-5]{P=2} x^2 + 5x + 2 = 0$$

روش دوم:

اگر x جواب معادله‌ی $-1 - 3x^2 - 2x = 0$ باشد و X را جواب معادله‌ی خواسته شده در نظر بگیریم، داریم:

$$X = \frac{1}{x} - 1 \Rightarrow X + 1 = \frac{1}{x} \Rightarrow x = \frac{1}{X+1}$$

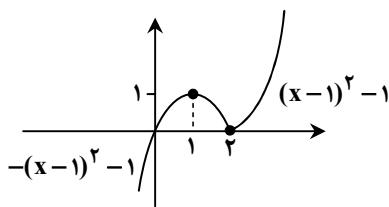
با جایگذاری در معادله‌ی اولیه داریم:

$$2\left(\frac{1}{X+1}\right)^2 - 2\left(\frac{1}{X+1}\right) - 1 = 0 \xrightarrow{x(X+1)^2} 2 - 2(X+1) - (X+1)^2 = 0 \Rightarrow 2 - 2X - 2 - X^2 - 2X - 1 = 0 \Rightarrow X^2 + 5X + 2 = 0$$

۱۴۰- پاسخ: گزینه‌ی ۳

ابتدا تابع y را بازه‌بندی می‌کنیم:

$$y = \begin{cases} x(x-2) = x^2 - 2x & ; \quad x \geq 2 \\ -x(x-2) = -x^2 + 2x & ; \quad x < 2 \end{cases}$$



حال نمودار تابع y را رسم می‌کنیم تا مشخص شود در کدام بازه این تابع نزولی است.

$$y = \begin{cases} (x-1)^2 - 1 & ; \quad x \geq 2 \\ -(x-1)^2 + 1 & ; \quad x < 2 \end{cases}$$

همان‌طور که از نمودار مشخص است تابع در بازه‌ی $(1, 2)$ نزولی است.

مطابق شکل چون برد تابع در بازه‌ی $(1, 2) \in x$ برابر $(1, 0)$ می‌باشد، پس دامنه‌ی معکوس برابر این بازه خواهد شد.

کافیست معکوس ضابطه‌ی دوم تابع را به دست آوریم:

$$y = -(x-1)^2 + 1 \Rightarrow y-1 = -(x-1)^2 \Rightarrow 1-y = (x-1)^2 \Rightarrow \sqrt{1-y} = |x-1| \xrightarrow{x>1} x-1$$

$$\Rightarrow \sqrt{1-y} + 1 = x \Rightarrow y^{-1} = \sqrt{1-x} + 1$$

دقت کنید با استفاده از عددگذاری هم می‌توانستیم گزینه‌ی درست را پیدا کنیم. مثلاً نقطه‌ی $y \in (0, 2)$ ، پس $y^{-1} \in (0, 2)$ که تنها در گزینه‌ی ۳ صدق می‌کند.

۱۴۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴

می‌دانیم هر دنباله‌ی همگرا، کراندار است. پس حد دنباله را به دست می‌آوریم:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n - 4^{n-1}}{2 + 4^n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{n-1}}{4^n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n \times 4^{-1}}{4^n} = 4^{-1} = \frac{1}{4}$$

بنابراین دنباله کراندار است.

چون در گزینه‌ها فقط صعودی و نزولی بودن آمده، کافیست حد دنباله را با جمله‌ی اول دنباله مقایسه کنیم. اگر جمله‌ی اول از حد دنباله بزرگ‌تر باشد، دنباله نزولی و اگر جمله‌ی اول کوچک‌تر از حد دنباله باشد، دنباله صعودی است.

$$a_1 = \frac{4+1}{2+4} = \frac{5}{6} = \frac{4}{3}$$

چون $a_1 = \frac{4}{3} > \frac{1}{4}$ ، پس دنباله نزولی است.

۱۴۲- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$f(t) = 7t \Rightarrow 7t = 9 - 4e^{-0.2t} \Rightarrow -2t = -4e^{-0.2t} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-0.2t}$$

$$\ln \frac{1}{2} = \ln e^{-0.2t} \xrightarrow{\text{از طرفینLn می‌گیریم}} \ln 1 - \ln 2 = -0.2t \xrightarrow{\ln 1 = 0} -\ln 2 = -0.2t \xrightarrow{-\ln 2 = -0.68} 0.68 = 0.2t$$

$$\Rightarrow t = \frac{0.68}{0.2} = \frac{6.8}{2} = 3.4$$

۱۴۳- پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$\sin 2x \cos x = \sin 2x, \quad 2 \cos^2 x - 1 = \cos 2x, \quad \cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) = -\sin \alpha$$

به کمک نکات بالا داریم:

$$2 \cos^2 x + 2 \sin x \cos x = 1 \Rightarrow 2 \cos^2 x - 1 = -2 \sin x \cos x \Rightarrow \cos 2x = -\sin 2x$$

راه حل اول:

$$\cos 2x = \cos(\frac{\pi}{2} + 2x) \Rightarrow 2x = 2k\pi \pm (\frac{\pi}{2} + 2x) \Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} + 2x \Rightarrow 2k\pi + \frac{\pi}{2} = 0 & * \\ 2x = 2k\pi - \frac{\pi}{2} - 2x \Rightarrow 4x = 2k\pi - \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{8} \end{cases}$$

راه حل دوم:

$$\cos 2x = -\sin 2x \xrightarrow{\div \cos 2x \neq 0} \tan 2x = -1 = \tan(-\frac{\pi}{4}) \Rightarrow 2x = k\pi - \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{8}$$

۱۴۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$f(x) = \frac{4}{5}x - \frac{1}{5}|x|$$

$$g(x) = 4x + |x|$$

$$(fog)(x) = f(g(x)) = \frac{4}{5}(4x + |x|) - \frac{1}{5}|4x + |x|| = \begin{cases} \frac{4}{5}(4x + x) - \frac{1}{5}|4x + x| = \frac{4}{5}(5x) - \frac{1}{5}(5x) = 4x - x = 3x & x \geq 0 \\ \frac{4}{5}(4x - x) - \frac{1}{5}|4x - x| = \frac{4}{5}(3x) + \frac{1}{5}(3x) = 3x & x < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (fog)(x) = 3x \Rightarrow (fog)(x)' = 3$$

۱۴۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

نکته: معادله‌ی خط مماس بر منحنی $y = f(x)$ در نقطه‌ی $(a, f(a))$ دوی f عبارت است از:

$$y = \sqrt{2}xe^{2-x} \Rightarrow y(2) = \sqrt{2 \times 2}e^{2-2} = 2 \Rightarrow (2, 2)$$

$$y' = \frac{2}{\sqrt{2x}}e^{2-x} - \sqrt{2}xe^{2-x} \Rightarrow y'(2) = \frac{2}{2 \times \sqrt{2 \times 2}}e^{2-2} - \sqrt{2 \times 2}e^{2-2} = \frac{1}{2} - 2 = -\frac{3}{2}$$

$$y - 2 = -\frac{3}{2}(x - 2) \Rightarrow y - 2 = -\frac{3}{2}x + 3 \Rightarrow y = -\frac{3}{2}x + 5$$

بنابراین خط مماس محور y را با عرض ۵ قطع می‌کند.

۱۴۶- پاسخ: گزینه‌ی ۳

نکته: اگر تابع $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ بخواهد همواره نامنفی باشد، باید (۱) و (۲) $\Delta \leq 0$ و

نکته: اگر در تابع مشتق‌پذیر f داشته باشیم، $f'(x) \geq 0$ ، تابع صعودی و اگر $f'(x) \leq 0$ تابع نزولی است.

$$x_I = \frac{-b}{3a}$$

طبق فرض f همواره صعودی است، پس باید مشتق آن همواره مثبت باشد، داریم:

$$y = x^3 - (m+2)x^2 + 3x \Rightarrow y' = 3x^2 - 2(m+2)x + 3$$

تابع صعودی $\Rightarrow y' \geq 0$

$$\Delta \leq 0 \Rightarrow 4(m+2)^2 - 36 \leq 0 \Rightarrow 4(m+2)^2 \leq 36 \Rightarrow (m+2)^2 \leq 9 \Rightarrow -3 \leq m+2 \leq 3$$

$$-1 \leq \frac{m+2}{3} \leq 1 \Rightarrow -1 \leq x_I \leq 1 \quad \text{طول نقطه‌ی عطف} = \frac{m+2}{3} \quad \text{است. با تقسیم طرفین نامعادله‌ی} \quad 3 - 3 \leq m+2 \leq 3 - \text{بر} \quad 3 \quad \text{داریم؛} \quad 1 \quad \text{بر} \quad 3 \quad \text{داریم؛} \quad 1 \quad \text{است.}$$

پس مجموعه‌ای که طول نقاط عطف این توابع در آن قرار می‌گیرد، برابر $[-1, 1]$ است.

۱۴۷- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$x = 0 \Rightarrow y = \frac{+++8}{++4} = 2$$

جانب افقی (خط نقطه‌چین) از نقطه‌ی تقاطع نمودار با محور y یعنی همان $(0, 2)$ می‌گذرد، بنابراین معادله‌ی آن به صورت $y = 2$ می‌باشد.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 2 \quad \text{در نتیجه:}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^3 + bx^2 + 8}{x^3 + 4} = \frac{\text{قاعده‌ی پرتوان}}{\text{قاعده‌ی پرتوان}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^3}{x^3} = a = 2$$

از طرفی نمودار تابع در قسمت مثبت محور x بر محور طول‌ها مماس است. پس تقاطع (x, f) با خط $y = 2$ باید ریشه‌ی مضاعف مثبت داشته باشد.

$$f(x) = 2 \Rightarrow \frac{2x^3 + bx^2 + 8}{x^3 + 4} = 2 \Rightarrow 2x^3 + bx^2 + 8 = 2x^3 + 8 \quad \xrightarrow{\substack{\text{ریشه‌ی مضاعف} \\ \text{مثبت}}} \Delta = 0$$

$$\Rightarrow b^3 - 64 = 0 \Rightarrow b^3 = 64 \Rightarrow b = \pm 4$$

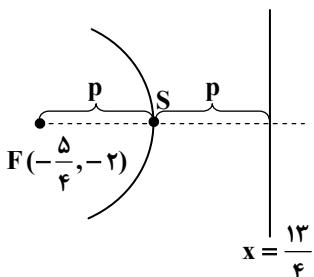
می‌دانیم ریشه‌ی مضاعف تابع $y = ax^3 + bx^2 + c$ برابر است با $\frac{b}{2a}$. چون باید ریشه‌ی مضاعف مثبت باشد، پس:

$$\frac{-b}{2a} > 0 \xrightarrow{a=2} \frac{-b}{4} > 0 \Rightarrow \begin{cases} b = 4 \Rightarrow \frac{-4}{4} = -1 < 0 & \times \\ b = -4 \Rightarrow \frac{4}{4} = 1 & \checkmark \end{cases}$$

بنابراین: $a + b = 2 + (-4) = -2$

۱۴۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

چون خط هادی سهمی به صورت $x = \frac{13}{4}$ است، پس این سهمی افقی است. از طرفی اگر پرتویی از کانون سهمی عبور کند و به سهمی برخورد نماید، موازی محور تقارن سهمی بازتاب می‌شود. بنابراین $(-\frac{5}{4}, -2)$ کانون سهمی است. شکل سهمی به صورت زیر است:



$$2p = \frac{13}{4} - (-\frac{5}{4}) = \frac{9}{2} \Rightarrow p = \frac{9}{4}$$

$$x_S = \frac{-\frac{5}{4} + \frac{13}{4}}{2} = \frac{\frac{8}{4}}{2} = 1 \Rightarrow S(1, -2)$$

با توجه به شکل، معادله‌ی سهمی به صورت $(y - \beta)^2 = -4p(x - \alpha)$ است.

$$\begin{cases} S(1, -2) \\ p = \frac{9}{4} \end{cases} \Rightarrow (y - (-2))^2 = -4(\frac{9}{4})(x - 1) \Rightarrow (y + 2)^2 = -9(x - 1)$$

حال محل برخورد با محور x را به دست می‌آوریم:

$$y = 0 \Rightarrow 0 = -9(x - 1) \Rightarrow -\frac{4}{9} = x - 1 \Rightarrow x = \frac{5}{9}$$

۱۴۹- پاسخ: گزینه‌ی ۱

ابتدا معادله‌ی هذلولی را به صورت استاندارد می‌نویسیم:

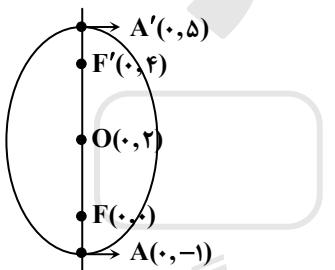
$$5y^2 - 4x^2 - 2y = 0 \Rightarrow 5(y^2 - \frac{4}{5}x^2) - 2y = 0 \Rightarrow 5((y - 2)^2 - 4) - 4x^2 = 0 \Rightarrow 5(y - 2)^2 - 4x^2 = 20$$

$$\frac{\div 20}{\div 20} \rightarrow \frac{(y - 2)^2}{4} - \frac{x^2}{5} = 1$$

هذلولی قائم است، پس:

$$a^2 = 4 \Rightarrow a = 2, b^2 = 5 \Rightarrow b = \sqrt{5} \Rightarrow c^2 = a^2 + b^2 = 4 + 5 \Rightarrow c = 3$$

بیضی جدید به شکل مقابل است:



بنابراین:

$$\frac{(y - \beta)^2}{a^2} + \frac{(x - \alpha)^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{(y - 2)^2}{4} + \frac{(x - 0)^2}{5} = 1 \Rightarrow 5(y - 2)^2 + 4x^2 = 20 \Rightarrow 5(y^2 - 4y + 4) + 4x^2 = 20$$

$$\Rightarrow 5y^2 - 20y + 20 + 4x^2 = 20 \Rightarrow 5y^2 + 4x^2 - 20y = 0$$

۱۵۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{dx}{\sqrt{1 + \tan^2 x}} = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{dx}{\sqrt{\frac{1}{|\cos x|}}} = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{dx}{|\cos x|} = \int_{-\pi}^{\pi} |\cos x| dx$$

می‌دانیم $\cos x$ در بازه‌ی $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ مثبت و در بازه‌ی $(\frac{\pi}{2}, \pi)$ منفی است. بنابراین داریم:

$$\int_{-\pi}^{\pi} |\cos x| dx = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx + \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} -\cos x dx = \sin x \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} - \sin x \Big|_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} = \sin \frac{\pi}{2} - \sin(-\frac{\pi}{2}) - \sin \pi + \sin \frac{\pi}{2} = 1 - (-1) + 1 = 2$$

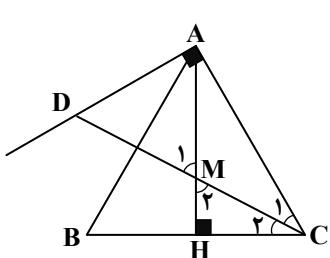
۱۵۱- پاسخ: گزینه‌ی ۳

$$\int \frac{\sqrt[4]{x^2 - 4x}}{x^3} dx = \int \left(\frac{\sqrt[4]{x^2}}{x^3} - \frac{4x}{x^3} \right) dx = \int \left(\sqrt[4]{x^2}^{1-\frac{2}{3}} - 4x^{\frac{1}{3}-\frac{2}{3}} \right) dx = \int \left(\sqrt[4]{x^2} - 4x^{\frac{1}{3}} \right) dx = \int \sqrt[4]{x^2} dx - \int 4x^{\frac{1}{3}} dx$$

$$= \frac{\sqrt[4]{x^2+1}}{\frac{4}{3}+1} - \frac{4x^{\frac{1}{3}+1}}{\frac{1}{3}+1} + C = \frac{\sqrt[4]{x^2}}{\frac{4}{3}} - \frac{4x^{\frac{4}{3}}}{\frac{4}{3}} + C = 3x^{\frac{7}{3}} - 3x^{\frac{4}{3}} + C = 3x^{\frac{7}{3}}\sqrt[3]{x} - 3x^{\frac{4}{3}}\sqrt[3]{x} + C = 3\sqrt[3]{x}(x^{\frac{4}{3}} - x) + C$$

طبق فرض $\sqrt[3]{x}f(x) + C \Rightarrow f(x) = x^{\frac{4}{3}} - x$

۱۵۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱



$$\left. \begin{array}{l} \triangle ADC : \hat{D} = 90^\circ - \hat{C}_1 \\ \text{متقابل به رأس } \hat{M}_1 = \hat{M}_2 \\ \triangle MCH : \hat{M}_2 = 90^\circ - \hat{C}_2 \\ \text{نیمساز } CD : \hat{C}_1 = \hat{C}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{D} \Rightarrow \triangle ADM \Rightarrow AD = AM$$

۱۵۳- پاسخ: گزینه‌ی ۴

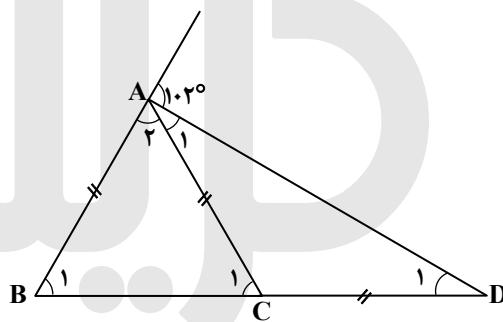
$$\triangle ACD : AC = CD \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{D}_1 \quad (*)$$

$$\triangle ACD : \hat{C}_1 = \hat{A}_1 + \hat{D}_1 \xrightarrow{(*)} \hat{C}_1 = 2\hat{A}_1 \quad (**)$$

$$\triangle ABC : AB = AC \Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{C}_1 \xrightarrow{(**)} \hat{B}_1 = 2\hat{A}_1$$

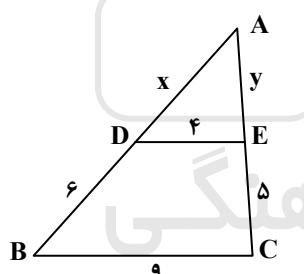
$$\triangle ABC : 102^\circ + \hat{A}_1 = \hat{B}_1 + \hat{C}_1 \Rightarrow 2\hat{A}_1 + 2\hat{A}_1 - \hat{A}_1 = 102^\circ$$

$$\Rightarrow 102^\circ = 3\hat{A}_1 \Rightarrow \hat{A}_1 = \frac{102^\circ}{3} = 34^\circ$$



$$\hat{A}_2 = 180^\circ - (\hat{B}_1 + \hat{C}_1) = 180^\circ - (2\hat{A}_1 + 2\hat{A}_1) = 180^\circ - (68^\circ + 68^\circ) = 44^\circ$$

۱۵۴- پاسخ: گزینه‌ی ۴



$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{x}{x+6} = \frac{4}{9} \Rightarrow 4x + 24 = 9x \Rightarrow 5x = 24 \Rightarrow x = 24/5 \\ \frac{y}{y+5} = \frac{4}{9} \Rightarrow 4y + 20 = 9y \Rightarrow 5y = 20 \Rightarrow y = 4 \end{cases}$$

$$\text{طبق تالس داریم: } \frac{x}{x+6} = \frac{y}{y+5} = \frac{4}{9}$$

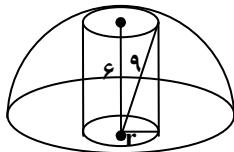
$$\triangle ADE \text{ برابر است با: } 4 + 4 + 4/5 = 12/5$$

۱۵۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴

$$V = \pi r^2 h \text{ برابر است با: }$$

$$r^2 = 9^2 - 6^2 = 81 - 36 = 45$$

$$V_{\text{استوانه}} = \pi r^2 h = \pi \times 45 \times 6 = 270\pi$$



زیست شناسی

۱۵۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

سلول‌های سازنده‌ی تار کشنده (نوعی روپوست تمایز یافته) در پیوستگی شیره‌ی خام در آوندهای چوبی نقش دارند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۲): سلول‌های مریستمی (نه تار کشنده) توسط سلول‌های مرده‌ی نوک ریشه (کلاهک) محافظت می‌شوند.

گزینه‌ی (۳): سلول‌های تار کشنده در منطقه‌ای بالاتر از (نه مجاور) منطقه‌ی مریستمی قرار دارند.

گزینه‌ی (۴): سلول‌های روپوستی ریشه کوتیکول ندارند، زیرا کوتین ضد آب بوده و جلوی جذب مواد را می‌گیرد.

۱۵۷- پاسخ: گزینه‌ی ۳

پرنده با آزمون و خطاب یاد می‌گیرد که از خوردن بروانه‌های مقلد امتناع کند که این رفتار از نوع شرطی شدن فعال می‌باشد.

۱۵۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

هنگام تقسیم میتوز، ریز لوله‌های اسکلت سلولی تغییر آرایش داده و دوک تقسیم را پدید می‌آورند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): برخی رشته‌های دوک (نه همه‌ی آنها) تا صفحه‌ی میانی سلول ادامه می‌یابند.

گزینه‌ی (۲): اگر به شکل کتاب درسی خود دقت کنید متوجه می‌شوید که فقط گروهی از رشته‌های دوک به سانتروم‌ها متصل می‌شوند.

گزینه‌ی (۳): گیاه حسن یوسف جزء نهان دانگان بوده و سانتریول ندارد.

۱۵۹- پاسخ: گزینه‌ی ۲

هر جانور دورگه‌ی نازا از تقسیم میتوز زیگوت به وجود آمده و در بدنش تقسیم میتوز در حال انجام است؛ در هنگام میتوز؛ اطلاعات ژنتیکی والدین تکثیر می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): قاطر زیستا است اما باعث تبادل ژن بین دو گونه‌ی نزدیک اسب و الاغ نمی‌شود.

گزینه‌ی (۳): قاطر زیستا است اما اصلاً زاده‌ای تولید نمی‌کند (نازا است).

گزینه‌ی (۴): قاطر نازا است اما طول عمر طبیعی داشته و بلافضله بعد از تولد نمی‌میرد.

۱۶۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

آنژیم‌های گوارشی توسط سلول‌های بافت پوششی ترشح می‌شوند که فضای بین سلولی اندک دارند. منشأ آنژیم‌های موجود در روده‌ی باریک عبارتند از: سلول‌های کنده شده از دیواره‌ی روده و بخش برون‌ریز پانکراس.

سه گزینه‌ی دیگر: برای آنژیم‌های آزاد شده از دیواره‌ی روده صحیح نیستند.

۱۶۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

انتقال دهنده‌ی عصبی فضای سیناپسی را با روش انتشار ساده طی می‌کند تا به گیرنده‌اش در فضای سلول پس‌سیناپسی متصل شود که این عمل نیازی به ATP ندارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): سنتز انتقال دهنده‌ی عصبی انرژی خواه بوده و نیاز به ATP دارد.

گزینه‌ی (۳): برقراری پتانسیل آرامش نیاز به فعالیت پمپ $\text{Na}^+ - \text{K}^+$ دارد که از انرژی ATP استفاده می‌کند.

گزینه‌ی (۴): آزادسازی انتقال دهنده‌ی عصبی به فضای سیناپسی با روش اگزوستیوز است که نیاز به ATP دارد.

۱۶۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در جهش نقطه‌ای نوع یک (جانشینی) تغییری در طول DNA ایجاد نمی‌شود؛ عامل ترانسفورماتیون DNA است، بنابراین تغییری در طول آن به وجود نمی‌آید.

۱۶۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

همه‌ی جانداران، از باکتری گرفته تا انسان، فرآیند گلیکولیز را انجام می‌دهند. در گلیکولیز، سلول در غیاب O₂ (اکسیژن) می‌تواند مقدار ATP بسازد. گزینه‌ی (۱) در مورد گیاهان C_۳ و C_۴ صادق نیست. در گیاهان CAM، ثبیت CO₂ در یک نوع سلول انجام می‌گیرد (رد گزینه‌ی ۳). گیاهان C_۴ فتوسنتز را با کارآبی بالایی انجام می‌دهند (رد گزینه‌ی ۴).

۱۶۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

مواد الاف، ب و ج نادرست هستند. منظور از قورباغه‌ی دارای حفره‌ی گلووی، نوزاد قورباغه است.

(الف) نادرست: نوزاد قورباغه اصلًاً نمی‌تواند گامت تولید کند (به مرحله‌ی بلوغ نرسیده است).

(ب) نادرست: نوزاد قورباغه آبزی بوده و آمونیاک دفع می‌کند.

(ج) نادرست: نوزاد قورباغه همانند ماهی گردن خون ساده دارد، بنابراین خون روشن بعد از آبشش‌ها دوباره به قلب برنمی‌گردد.

(د) درست: نوزاد قورباغه گیاه‌خوار بوده و می‌تواند از سلولز تغذیه کند.

۱۶۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

مواد شیمیایی عامل خفتگی در پاسخ به دماهای پایین تجزیه می‌شوند. بیشترین قسمت اکسیژن مورد استفاده‌ی برگ‌ها و ساقه‌ها از هوا (نه فتوسنتز) تأمین می‌شود.

۱۶۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در الگوی تعادل نقطه‌ای، پس از میلیون‌ها سال که گونه‌ها تغییر نداشتند یا تغییرات کمی داشتند، با تغییر ناگهانی محیط دچار تغییرات ناگهانی شدند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۲): انفراض پنجم منجر به نابودی حدود ۷۶ درصد گونه‌های ساکن خشکی شد.

گزینه‌ی (۳): با تغییر شرایط محیط، گونه‌های ناسازگار از بین رفته و فراوانی گونه‌های سازگار زیاد شد.

گزینه‌ی (۴): هنوز شناخت کاملی از سیر تحول گونه‌ها به دست نیامده است.

۱۶۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

سلول‌های هاپلوبیدی تاژک‌دار شامل گامت‌ها و زئوسپور‌ها هستند که زئوسپور توانایی همجوشی ندارد و گامت نمی‌تواند به گامتوفیت تبدیل شود بلکه عمل لفاح را انجام می‌دهد (رد گزینه‌های ۱ و ۲). سلول‌های هاپلوبیدی بدون تاژک در گامتوفیت وجود دارند که از تقسیم می‌توانند سلول‌های هاپلوبید به وجود آمدند.

۱۶۸- پاسخ: گزینه‌ی ۲

در نقطه‌ی A بر خلاف D، بطن‌ها در حال استراحت هستند. سلول‌های ماهیچه‌ای قلب مخطط و منشعب هستند.

۱۶۹- پاسخ: گزینه‌ی ۱

همزمان با شروع تحلیل جسم زرد (حدود روز ۲۶)، غلظت هورمون‌های استروژن و پروژسترون در خون کاهش می‌یابند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۲): تشکیل نخستین جسم قطبی در روز ۱۴ است، در حالی که شروع افزایش هورمون LH در حدود روز ۱۲ می‌باشد.

گزینه‌ی (۳): آغاز رشد فولیکولی پاره شده مربوط به روز ۱۵ است اما شروع کاهش هورمون FSH در روز ۱۳ است.

گزینه‌ی (۴): از تخدان، اووسیت ثانویه آزاد می‌شود نه تخمک تمایز نیافته.

۱۷۰- پاسخ: گزینه‌ی ۳

کپک مخاطی پلاسمودیومی (توده‌ی سیتوپلاسمی چندهسته‌ای) می‌تواند با میتوز تکثیر شود. هاگ‌های کپک‌های مخاطی در بیرون از کپسول می‌روید (رد گزینه‌ی ۱).

کپک مخاطی سلولی می‌تواند هاگ بسازد اما سلول تاژک‌دار نمی‌سازد (رد گزینه‌ی ۲).

کپک مخاطی سلولی به توده‌های متعدد تقسیم نمی‌شود (رد گزینه‌ی ۴).

۱۷۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴

همه‌ی وکتورها (پلازمیدها و ویروس‌های DNA‌دار) درون سلول می‌بازند و با استفاده از آنزیم‌های DNA پلی‌مراز و هلیکاز می‌توانند به طور مستقل تکثیر شوند (رد گزینه‌های ۱ و ۲).

دقت کنید که ژن مورد نظر و نه وکتور را به سلول گیاهی شلیک می‌کنند (رد گزینه‌ی ۳).

بعضی وکتورها مانند پلازمید Ti با اثر آنزیم محدود کننده به دو قطعه (قطعات) تبدیل می‌شوند، پلازمید خطی و ژن ایجاد کننده‌ی تومور.

۱۷۲- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در ملخ، رگ پشتی (قلب لوله‌ای) خون را از انتهای بدن به سوی سر و سایر قسمت‌ها می‌راند. در ماهی رگ پشتی (سرخراگ) خون روشن را از جلوی بدن (نه انتهای بدن) به سوی سر و عقب بدن حرکت می‌دهد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): ملخ فاقد رگ شکمی است.

گزینه‌ی (۲): در کرم خاکی خون تیره به قلب وارد می‌شود.

گزینه‌ی (۴): در ماهی، رگ شکمی خون را به سمت سر (نه بخش‌های عقبی) جریان می‌دهد.

۱۷۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳

موارد «ب»، «ج» و «د» درست نیستند. منظور از سلول‌های دربرگیرنده‌ی کیسه‌ی رویانی، سلول‌های پارانشیم خورش (۲n) است. این سلول‌ها دیپلوبید بوده و حاوی کروموزوم‌های همتا هستند (درستی الف).

بررسی سایر جملات:

جمله‌ی (ب): لیه‌ها و نه پارانشیم خورش، می‌توانند آلبومن را مصرف نمایند.

جمله‌ی (ج): این سلول‌ها قادر می‌باشند میوز ندارند.

جمله‌ی (د): بخشی که موجب اتصال رویان به گیاه مادر می‌شود جزء رویان دانه است نه پارانشیم.

۱۷۴- پاسخ: گزینه‌ی ۴

فرد شماره‌ی ۸ حتماً ناقل بیماری است ($X^H X^h$) زیرا مادرش (فرد شماره‌ی ۳) بیمار ($X^h X^h$) بوده است. بنابراین داریم:

$$X^H X^h \times X^h Y \rightarrow \underbrace{\frac{1}{4} X^H X^h + \frac{1}{4} X^H Y}_{\text{نیمی از فرزندان سالم هستند}} + \underbrace{\frac{1}{4} X^h X^h + \frac{1}{4} X^h Y}$$

۱۷۵- پاسخ: گزینه‌ی ۲

انرژی الکترون‌های برانگیخته از P_{680} (نه P_{700}) پمپ غشایی تیلاکوئید را فعال می‌کند.

۱۷۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در خودلقاحی، فراوانی افراد هتروزیگوس و نیز فراوانی افراد غالب کاهش می‌یابد.

۱۷۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

تجوچ کنید که همه‌ی سلول‌ها (از باکتری گرفته تا انسان) گلیکولیز انجام می‌دهند و می‌توانند در غیاب O_2 اندکی ATP تولید کنند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۲): سلول‌های دیواره‌ی دستگاه گوارش گاو، سلولز را تجزیه نمی‌کنند.

گزینه‌ی (۳): غذای دوباره جویده شده وارد سیرابی (شماره‌ی ۴) نمی‌شود.

گزینه‌ی (۴): در شیردان عمل گوارش شیمیایی انجام می‌گیرد و نه جذب. جذب مواد در روده است.

۱۷۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در گیاهانی که رشد پسین دارند (بازدانگان و نهان‌دانگان) گامتوفیت به اسپوروفیت بالغ وابسته است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): زبق (نهان‌دانه) ساقه‌ی زیرزمینی دارد اما در نهان‌دانگان اسپوروفیت کاملاً از گامتوفیت مستقل است.

گزینه‌ی (۲): بازدانگان، نهان‌دانگان و سرخس‌ها نیز حرکت‌های غیرفعال دارند که در همه‌ی این گیاهان اسپوروفیت بالغ بزرگ‌تر از گامتوفیت است.

گزینه‌ی (۴): هویج (نهان‌دانه) ریشه‌ی گوشتشی دارد که اسپوروفیت آن کاملاً مستقل است.

۱۷۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

هر سلول گلیکولیز را انجام می‌دهد. در مرحله‌ی (۳) گلیکولیز، $2H^+$ ایجاد می‌شود.

۱۸۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

یون‌های کلسیم می‌توانند در تماس مستقیم با رشته‌های اکتین و میوزین قرار گرفته و باعث انقباض ماهیچه شوند.

۱۸۱- پاسخ: گزینه‌ی ۳

اگر آلل‌های صفت مورد نظر را با حروف a, b, c و d نشان دهیم، خواهیم داشت:

ملخ‌های ماده ملخ‌های نر

$$X^aO \quad X^aX^a$$

$$X^bO \quad X^bX^b$$

$$\Rightarrow f(X^a) = f(X^b) = f(X^c) = f(X^d) = \frac{1}{4}$$

$$X^cO \quad X^cX^c$$

$$X^dO \quad X^dX^d$$

↓

فراآنی گامت‌های نری که X

$f(X^aX^a) = f(X^bX^b) = \dots = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$

$f(X^aX^b) = f(X^aX^c) = \dots = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{8}$

$f(X^aO) = f(X^bO) = \dots = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$

$\Rightarrow f(X^a) = f(X^b) = f(X^c) = f(X^d) = \frac{1}{8}$

$f(O) = \frac{1}{2}$

در صورت لقادسیه تصادفی گامت‌ها:

بررسی گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱): زاده‌های ماده خالص یا ناخالص هستند:

$$1/32 = \text{فراآنی ماده‌های خالص}$$

در بین ماده‌ها، $\frac{3}{4}$ آنها ناخالص و $\frac{1}{4}$ آنها خالص خواهند بود \Rightarrow

$$1/8 = \text{فراآنی ماده‌های ناخالص}$$

گزینه‌ی (۲): زاده‌هایی که دارای دو نوع آلل هستند:

$$1/16 = \text{فراآنی ماده‌های ناخالص}$$

گزینه‌ی (۳): زاده‌هایی که داری یک نوع آل هستند:

$$فراآنی ماده‌های خالص = \frac{1}{4} \times \frac{1}{32} = \frac{1}{8}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{8} + \frac{1}{2} = \frac{5}{8}$$

$$فراآنی نرها = \frac{1}{8} \times 4 = \frac{1}{2}$$

گزینه‌ی (۴): زاده‌های ماده حداقل ۱۰ نوع ژنتیک دارند:

$$\begin{matrix} 4 \\ 2 \end{matrix} = 10 \quad \text{خالص} \\ \text{ناخالص}$$

- پاسخ: گزینه‌ی ۳ ۱۸۲

البته در مورد این تست باید به یک نکته‌ی مهم توجه کنیم که در کتاب سال چهارم سال ۱۳۹۳، رابطه‌ی انگلی را نوعی رابطه‌ی صیادی درنظر گرفته بود که این مطلب در چاپ سال ۱۳۹۴ تغییر کرده است و رابطه‌ی انگلی را نوعی رابطه‌ی همزیستی درنظر گرفته است، این تست را با توجه به کتاب سال ۱۳۹۳ پاسخ خواهیم داد:

گزینه‌ی (۱): در مورد رابطه‌ی انگلی (که در کتاب سال ۱۳۹۳ نوعی رابطه‌ی صیادی محسوب شده است) این مطلب در کتاب نوشته شده است که معمولاً انگل باعث کشته شدن میزبان نمی‌شود، لذا کلمه‌ی همواره در گزینه‌ی ۱، این گزینه را به گزینه‌ی نادرست تبدیل کرده است.

گزینه‌ی (۲): رابطه‌ی صیادی بین دو گونه، ارتباطی بر مترک بودن کنام واقعی صیاد و صید ندارد.

گزینه‌ی (۳): در رابطه‌ی بین صیاد و صید، همواره تکامل همراه شکار و شکارچی دیده می‌شود.

گزینه‌ی (۴): در رابطه‌ی صیادی بین ستاره‌ی دریایی و صدف، حضور ستاره‌ی دریایی رقابت را کاهش داده است.

- پاسخ: گزینه‌ی ۱ ۱۸۳

(الف) کراسینگ اور تبادل قطعه بین دو کروموزوم هفتاست و با جهش متفاوت است.

(ب) به آمیزش $Aa \times aa$ توجه کنید که سبب بروز فنوتیپ جدید در زاده‌ها نمی‌شود.

(ج) اگر از تقسیم میوز صرف نظر کنیم این جمله درست خواهد بود. در تقسیم میوز عدد کروموزومی سلول‌ها تغییر می‌کند اما جهش محسوب نمی‌شود.

(د) تفکیک کروموزومی در هنگام تقسیم میوز انجام می‌شود و تقسیم میوزی باعث نوترکیبی گامت‌ها می‌شود.

- پاسخ: گزینه‌ی ۳ ۱۸۴

منظور پرسشن انتخاب جهت‌دار، انتخاب پایدار کننده و انتخاب گسلنده بوده است. گزینه‌ی ۱ به انتخاب جهت‌دار دلالت دارد. گزینه‌ی ۲ به انتخاب پایدار کننده دلالت دارد. گزینه‌ی ۴ به انتخاب گسلنده دلالت دارد.

- پاسخ: گزینه‌ی ۲ ۱۸۵

فرآیند ذکر شده در متن پرسشن مربوط به انکاس استفراغ است. در این فرآیند دفاعی ابتدا دریچه‌ی کاردیا باز می‌شود.

یعنی ماهیچه‌ی حلقوی انتهای مری از انقباض خارج می‌شود و با فشاری که توسط ماهیچه‌های ناحیه‌ی شکم به معده وارد می‌شود، کشیدگی دیواره‌ی معده کاهش می‌یابد و معده کاهش حجم خواهد داشت.

- پاسخ: گزینه‌ی ۴ ۱۸۶

سلول زاینده یا سلول تولیدکننده‌ی گامت دارای ۸ کروموزوم است. این سلول دیبلوئید در انتهای مرحله‌ی S. ۸ کروموزوم مضاعف دارد که در مجموع ۱۶ کروماتید خواهد بود. در ابتدای مرحله‌ی G_۲، ۸ سانترومر دارد و در انتهای مرحله‌ی G_۱، ۱۶ رشته‌ی پلی‌نوكلئوتیدی دارد و در ابتدای مرحله‌ی G_۱ چون دارای دو سانتروول است ($54 = 27 \times 2$) رشته‌ی میکروتوپولی سانتروولی دارد.

- پاسخ: گزینه‌ی ۱ ۱۸۷

در گام دوم و گام چهارم چرخه‌ی کالوین ATP مصرف و ADP تولید می‌شود و در گام چهارم گلیکولیز ADP مصرف و ATP تولید می‌شود.

- پاسخ: گزینه‌ی ۴ ۱۸۸

مخمر نان تک سلولی است و تنفس سلولی را انجام می‌دهد که در فرآیند تنفس سلولی CO₂ آزاد می‌شود.

- پاسخ: گزینه‌ی ۱ ۱۸۹

در حشرات و در پستانداران، خزندگان و دوزیستان بالغ که دارای شش هستند، سطح تنفس به درون بدن منتقل شده است (البته در خرچنگ دراز نیز که آبشش دارد، آبشش آن به درون بدن منتقل شده است).

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۲): در حشرات دستگاه گردش خون در تنفس نقشی ندارد.

گزینه‌ی (۳): حشرات و خرچنگ دراز نیز گردش خون باز دارند.

گزینه‌ی (۴): در مهره‌داران مراحل اولیه‌ی نمو رویان یکسان است.

۱۹۰- پاسخ: گزینه‌ی ۴

سلول‌های ماهیچه‌ی اسکلتی تقسیم هسته یا میوز دارند اما سیتوکینز ندارند. در ماهیچه، تبدیل گلوکز به گلیکوژن انجام می‌شود.

۱۹۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

(۱) داروین به چگونگی وراثت صفات و ساز و کار تنوع در جمعیت‌ها اشاره‌ای نداشت.

(۲) لامارک به این دلیل نظریه‌ی خود را ارائه داد که تغییر تدریجی گونه‌ها را توجیه کند.

(۳) در نظریه‌ی مالتوس به تأثیر عوامل کاهنده‌ی رشد جمعیت توجه می‌شود. در این نظریه گفته می‌شود به علت وجود جنگ و گرسنگی جمعیت انسانی کنترل می‌شود.

(۴) در نظریه‌ی ترکیبی انتخاب طبیعی به عوامل متنوع شدن ژن‌های جمعیت مثل جهش پرداخته می‌شود.

۱۹۲- پاسخ: گزینه‌ی ۲

(۱) برای کدون‌های پایان ترجمه، آتنی کدون در سلول‌ها وجود ندارد.

(۲) برای هر نوع آمینو اسید حداقل یک نوع tRNA در سلول‌ها وجود دارد.

(۳) برای آمینواسید متیونین فقط یک کدون در سلول‌ها وجود دارد.

(۴) tRNA برای پروتئین‌سازی مورد نیاز هستند اما هیچ کدام کدون آغاز ندارند.

۱۹۳- پاسخ: گزینه‌ی ۳

ویروس‌های گیاهی از طریق شکاف‌های کوچک دیواره وارد سلول می‌گردند.

(الف) نادرست است چون هیچ کدام از ویروس‌های گیاهی پوشش‌دار نیستند.

(ب) نادرست است چون پلاسموسیت‌ها در مهره‌داران دیده می‌شوند.

(ج) درست است چون ویروس‌های گیاهی از طریق آوندهای چوبی می‌توانند در گیاه منتشر شوند.

(د) نادرست است چون ویروس‌ها متابولیسم ندارند.

۱۹۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

سلول‌های هاپلوبیوت موجود در لوله‌ی اسپرم‌ساز یک فرد بالغ عبارتند از:

اسپرماتوسیت ثانویه، اسپرماتید و اسپرم.

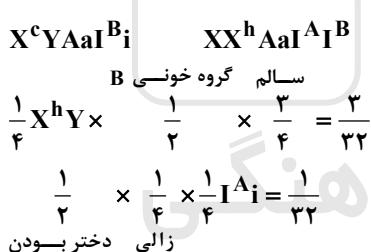
(۱) اسپرم‌ها از تمایز اسپرماتیدها حاصل می‌شوند نه از سیتوکینز و تقسیم آنها.

(۲) ترشحات غدد بروون‌ریز به درون لوله‌های اسپرم‌ساز نمی‌ریزند.

(۳) FSH و LH سبب اسپرم‌زایی می‌شوند.

(۴) گامت‌های نر یا اسپرم‌ها، قابلیت تقسیم ندارند.

۱۹۵- پاسخ: گزینه‌ی ۴



۱۹۶- پاسخ: گزینه‌ی ۱

(۱) باکتری‌های غیرگوگردی ارغوانی و سیانوباکتری‌ها و شیمیواتوتروف‌ها برای ساختن ترکیبات آلی به ترتیب از کربوهیدرات‌ها، آب و مواد معدنی

به عنوان منبع الکترون استفاده می‌کنند. این باکتری‌ها در فرآیند تخمیر NAD^+ تولید می‌کنند تا فرآیند گلیکولیز را بتوانند انجام دهند.

(۲) سیانوباکتری‌ها از آب به عنوان منبع الکtron استفاده می‌کنند. این باکتری‌ها بی‌هوایی هستند.

(۳) باکتری‌های گوگردی سبز و گوگردی ارغوانی که بی‌هوایی هستند، برای بازسازی NAD^+ تخمیر را انجام می‌دهند و برای این کار نیاز به ترکیب آلی پیروویک اسید دارند.

(۴) به عنوان مثال سیانوباکتری‌ها در غشاء خود رنگیزه‌ی فتوسنتری دارند.

۱۹۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

ماهیچه‌ی مزکی با عنیبه در تماس مستقیم است و تحت تأثیر دستگاه عصبی خودمختار است چون ماهیچه‌هایی از نوع ماهیچه‌ی صاف دارد.

۱۹۸- پاسخ: گزینه‌ی ۲

انعکاس‌ها آموخته نمی‌شوند. در انعکاس‌ها دستگاه عصبی پیکری نیز دخالت دارد (در مورد انعکاس‌های ماهیچه‌ی مخطط)، مرکز بعضی از

انعکاس‌ها نخاع است. انعکاس‌ها چون فرآیندی هستند که به سرعت باید انجام شوند، لذا سلول‌های نوروگلیا در انعکاس‌ها نقش مؤثری

دارند.

۱۹۹- پاسخ: گزینه ۱

در یوکاریوت‌ها به طور معمول هر ژن بیش از یک توالی تنظیمی دارد.

۲۰۰- پاسخ: گزینه ۲

(۱) در انسان، تشکیل بند ناف در هفته‌ی دوم صورت می‌گیرد و بعد از اتصال بلاستوسیست تشکیل می‌شود. در ضمن یک سیاه‌رگ در بند ناف داریم، پس سیاه‌رگ «ها» نادرست است.

(۲) شکل‌گیری بازوها و پاها در ماه دوم است و اندام‌های اصلی در ماه دوم مشخص می‌شوند اما در هفته‌ی چهارم شروع به شکل‌گیری می‌کنند.

(۳) به وجود آمدن پرده‌های اطراف رویان همزمان با تشکیل جفت است.

(۴) شروع نمو روده در هفته‌ی سوم است و ضربان قلب در هفته‌ی چهارم است، پس نمو روده قبل از شروع ضربان قلب است.

۲۰۱- پاسخ: گزینه ۱

تمام سلول‌ها، فرآیند گلیکولیز را انجام می‌دهند و هر سلولی یا در طی مرحله‌ی هوایی یا در فرآیند تخمیر، NADH را مصرف می‌نماید.

۲۰۲- پاسخ: گزینه ۱

نورون‌های رابط دندربیت‌های طویل ندارند. هم با نورون‌های حسی هم با نورون‌های حرکتی در ارتباط هستند. قادر غلاف میلین هستند.

۲۰۳- پاسخ: گزینه ۲

در چرخه‌ی زندگی جنسی قارچ‌ها، سلول‌های سازنده‌ی هاگ، دیپلوفید هستند و میوز انجام می‌دهند.

۲۰۴- پاسخ: گزینه ۳

در افراد مبتلا به پرکاری تیروئید:

(۱) ذخیره‌ی گلیکوژن و اندازه‌ی سلول چربی کاهش می‌یابد.

(۲) نیاز به مصرف ویتامین‌ها افزایش می‌یابد و میزان خشکی پوست کاهش می‌یابد.

(۳) تحريك بافت گرهی قلب افزایش می‌یابد و فعالیت غدد درون‌ریز نیز افزایش می‌یابد.

۲۰۵- پاسخ: گزینه ۴

این سؤال یکی از سؤالات جنجال آفرین گنگ است که برای بررسی آن باید صرفًا به کلید سازمان سنجش متوجه شد! گزینه‌ی ۴ به دلیل آوردن کلمه‌ی خطوط اشتباه است چرا که در خط اول دفاع غیر اختصاصی، سلول‌های خونی شرکت ندارند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) به دلیل کلید سازمان سنجش پس این عبارت صحیح است!

(۲) آنزیم لیزوزیم هم در اشک یافت می‌شود هم در مایع مخاطی.

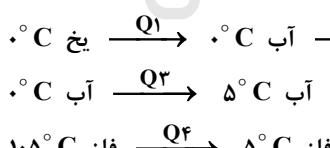
(۳) تعدادی از لنفوسيت‌ها بین خون و لطف در گردش هستند.

فیزیک

۲۰۶- پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{\Delta V}{V} \times 100 = 3 \times \Delta \theta \times 100 = 3 \times 10^{-5} \times 100 \times 100 = 0 / 3$$

۲۰۷- پاسخ: گزینه ۳



$$Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 = 0 \Rightarrow m_i L_f + m_i c_i \Delta \theta_i + m_w c_w \Delta \theta_w + m_M c_M \Delta \theta_M = 0$$

$$\Rightarrow m(336 + 4/2 \times 5) + (0/4 - m) \times 4/2 \times 5 + 0/2 \times 0/84 \times (-100) = 0$$

$$\Rightarrow m(336 + 2) + 8/4 - 2m - 16/8 = 0$$

$$\Rightarrow 336m = 8/4 \Rightarrow m = \frac{8/4}{336} = 0.025 \text{ kg} = 25 \text{ g}$$

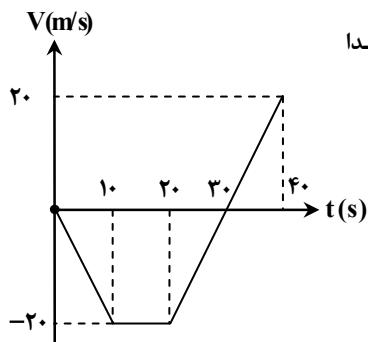
۲۰۸- پاسخ: گزینه ۴

$$\vec{V} = 15\vec{i} - 20\vec{t}\vec{j}$$

$$\vec{r} = 15\vec{t}\vec{i} - 10\vec{t}^2\vec{j} + \vec{r}_0$$

$$\left. \begin{array}{l} \vec{t} = \vec{r} \Rightarrow \vec{r}_1 = \vec{r}_0 \\ \vec{t} = 2s \Rightarrow \vec{r}_2 = 2\vec{t}\vec{i} - 4\vec{t}\vec{j} + \vec{r}_0 \end{array} \right\} \Rightarrow \vec{\Delta r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = 2\vec{t}\vec{i} - 4\vec{t}\vec{j} \Rightarrow |\vec{\Delta r}| = \sqrt{20^2 + 40^2} = 50 \text{ m}$$

۲۰۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳



نمودار سرعت-زمان این متحرک به شکل مقابل است. در بازه‌ی زمانی $t = 20\text{ s}$ تا $t = 35\text{ s}$ ابتدا حرکت متحرک کند شونده و سپس تند شونده است و متحرک یک بار تغییر جهت داده است.

۲۱۰- پاسخ: گزینه‌ی ۲

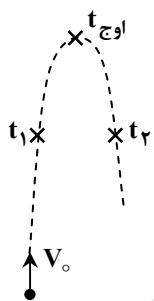
حرکت سقوط آزاد با سرعت اولیه به طرف بالا، یک حرکت متقاضن نسبت به زمان اوج است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$t_{\text{اوج}} = \frac{t_1 + t_2}{2} = \frac{5+2}{2} = 3.5\text{ s}$$

$$t_{\text{اوج}} = \frac{V_0}{g} \Rightarrow 3.5 = \frac{V_0}{10} \Rightarrow V_0 = 35\text{ m/s}$$

$$V_2 = -gt_2 + V_0 = -10 \times 5 + 35 = -15\text{ m/s}$$

$$\bar{V} = \frac{V_0 + V_2}{2} = \frac{35 - 15}{2} = 10\text{ m/s}$$



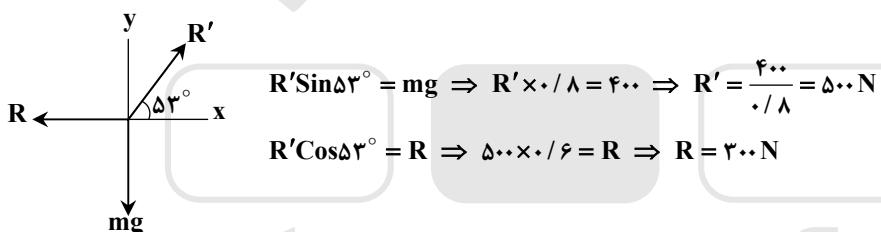
۲۱۱- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} \Rightarrow \theta = \int \omega dt = \int (\pi t + \frac{3}{2}\pi) dt \Rightarrow \theta = \frac{1}{2}\pi t^2 + \frac{3}{2}\pi t \Big|_0^t \Rightarrow \theta = \frac{1}{2}\pi t^2 + \frac{3}{2}\pi t$$

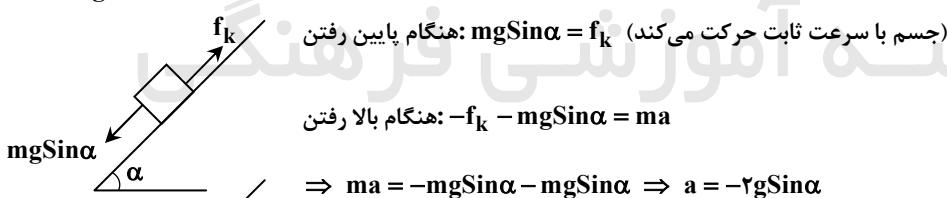
برای آنکه گلوله یک دور بزند، باید $\theta = 2\pi \text{ rad}$ شود. بنابراین:

$$2\pi = \frac{1}{2}\pi t^2 + \frac{3}{2}\pi t \Rightarrow t^2 + 3t - 4 = 0 \Rightarrow (t-1)(5+4) = 0 \Rightarrow t = 1\text{ s}$$

۲۱۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱



۲۱۳- پاسخ: گزینه‌ی ۴



$$t_{\text{توقف}} = \frac{V_0}{|a|} = \frac{V_0}{2g\sin\alpha}$$

۲۱۴- پاسخ: گزینه‌ی ۱

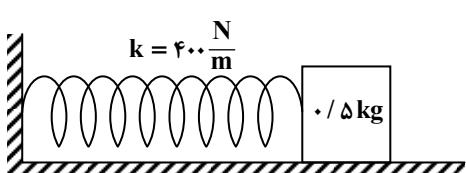
بیشترین سرعت وزنه، در لحظه‌ی جدا شدن جسم از فنر اتفاق می‌افتد. (چرا؟)

$$E_i = E_f \Rightarrow U_A = K_B \Rightarrow \frac{1}{2}kx_i^2 = \frac{1}{2}mV_f^2$$

$$x_i = \Delta l = l - l_0 = 0.2 - 0.3 = -0.1\text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 400 \times (-0.1)^2 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times V^2 \Rightarrow 2 = \frac{1}{2} V^2 \Rightarrow V^2 = 4$$

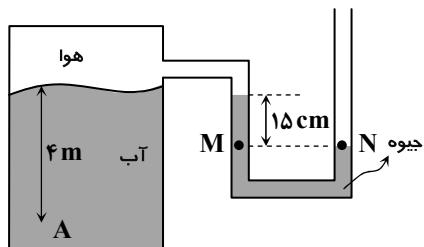
$$\Rightarrow V = 2\sqrt{2}\text{ m/s}$$



-۲۱۵- پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$\frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A}{m_B} \cdot \frac{C_A}{C_B} \cdot \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \Rightarrow 1 = \frac{2}{2} \times \frac{C_A}{C_B} \times \frac{5}{2} \Rightarrow \frac{C_A}{C_B} = \frac{2}{5} = 0.4$$

-۲۱۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲



$$\left. \begin{array}{l} P_A = P_{\text{هوای}} + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}} \Rightarrow P_{\text{هوای}} = P_A - \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}} \\ P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} + P_{\text{هوای}} = P_0 \\ (\rho_{\text{جیوه}} + (P_A - \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}})) = P_0 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

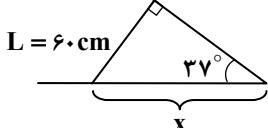
$$13600 \times 10 \times 0.015 + P_A - 1000 \times 10 \times 4 = 10^5$$

$$P_A = 10^3 (100 + 40 - 20 / 4) = 116 / 6 \times 10^3 \text{ Pa} = 116 / 6 \text{ kPa}$$

-۲۱۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

بلندترین طول سایه زمانی است که میله بر امتداد پرتوها عمود باشد.

در این صورت با توجه به شکل مقابل داریم:



$$\sin 37^\circ = \frac{L}{x} \Rightarrow x = \frac{L}{\sin 37^\circ} = \frac{60}{0.6} = 100 \text{ cm}$$

-۲۱۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

هنگامی که تصویر روی پرده تشکیل می‌شود، تصویر حقيقی است. ($+q > p$)

$$D = +\delta d \Rightarrow f = \frac{1}{D} = \frac{1}{\delta} = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

$$AB = 2 \text{ cm}, A'B' = 8 \text{ cm} \Rightarrow m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{8}{2} = 4 \Rightarrow \frac{|q|}{|p|} = 4 \Rightarrow q = 4p$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{p} + \frac{1}{4p} = \frac{1}{20} \Rightarrow \frac{5}{4p} = \frac{1}{20} \Rightarrow p = 25 \text{ cm}, q = 100 \text{ cm}$$

$$\text{فاصله جسم و تصویر: } d = |p + q| = |100 + 25| = 125 \text{ cm}$$

-۲۱۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳

$$\left. \begin{array}{l} d = 48 \text{ cm} \Rightarrow |p - q| = 48 \\ m = 5 \Rightarrow \frac{|q|}{|p|} = 5 \xrightarrow{\text{تصویر حقيقی}} q = 5p \end{array} \right\} \Rightarrow |p - 5p| = 48 \Rightarrow 4p = 48 \Rightarrow p = 12 \text{ cm}, q = 60 \text{ cm}$$

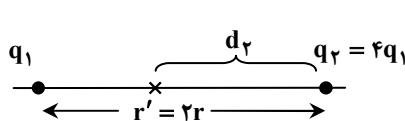
$$\frac{1}{f} = \frac{1}{p} + \frac{1}{q} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{12} + \frac{1}{60} = \frac{5+1}{60} \Rightarrow f = 10 \text{ cm}$$



چون بارها همنام هستند، میدان در فاصله‌ی بین دو بار صفر می‌شود.

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{q_1}{d_1} = \frac{4q_1}{(r-d_1)} = \frac{1}{d_1} = \frac{2}{r-d_1}$$

$$\Rightarrow r - d_1 = 2d_1 \Rightarrow r = 3d_1 \Rightarrow d_1 = \frac{r}{3}$$



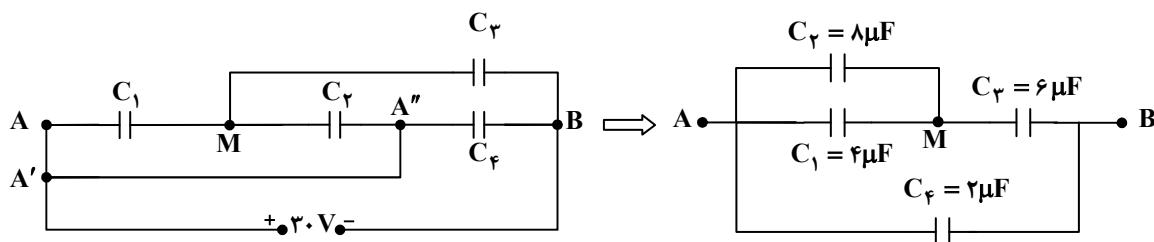
$$E'_1 = E'_2 \Rightarrow \frac{q_1}{(r'-d_2)} = \frac{4q_1}{d_2} \Rightarrow \frac{1}{r'-d_2} = \frac{2}{d_2}$$

$$\Rightarrow 2r' - 2d_2 = d_2 \Rightarrow 2r' = 3d_2 \Rightarrow d_2 = \frac{2}{3}r'$$

$$\frac{d_2}{d_1} = \frac{\frac{2}{3}(2r)}{\frac{1}{3}r} = 4$$

- ۲۲۱ - پاسخ: گزینه‌ی ۳

مدار شکل مقابل، ساده شده مدار تست داده شده است.



$$C_{1,2} = C_1 + C_2 = 12\mu F, \quad C_{1,2,3} = \frac{C_{1,2} \times C_3}{C_{1,2} + C_3} = 4\mu F$$

$$V_{1,2,3} = V_{کل} = 3V \Rightarrow q_{1,2,3} = C_{1,2,3} V_{1,2,3} = 4 \times 3 = 12 \mu C \Rightarrow q_3 = 12 \mu C$$

$$V_4 = V_{کل} \Rightarrow q_4 = C_4 \cdot V_4 = 2 \times 3 = 6 \mu C$$

$$\frac{q_3}{q_4} = \frac{12}{6} = 2$$

- ۲۲۲ - پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$\left. \begin{aligned} \frac{V}{\mathcal{E}} &= \frac{R}{R+r} \\ I &= \frac{\mathcal{E}}{R+r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow P = VI \quad \text{مفید}$$

$$P_1 = P_2 \Rightarrow \frac{R_1}{(R_1+r)^2} \mathcal{E}^2 = \frac{R_2}{(R_2+r)^2} \mathcal{E}^2 \Rightarrow \frac{R_1}{(R_1+r)^2} = \frac{R_2}{(R_2+r)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{R_1}}{R_1+r} = \frac{\sqrt{R_2}}{R_2+r} \Rightarrow \sqrt{R_1} R_2 + \sqrt{R_1} \cdot r = \sqrt{R_2} R_1 + \sqrt{R_2} \cdot r$$

$$\Rightarrow \sqrt{R_1} R_2 - \sqrt{R_2} R_1 = r(\sqrt{R_2} - \sqrt{R_1}) \Rightarrow \sqrt{R_1} R_2 (\sqrt{R_2} - \sqrt{R_1}) = r(\sqrt{R_2} - \sqrt{R_1})$$

$$\Rightarrow r = \sqrt{R_1 R_2}$$

- ۲۲۳ - پاسخ: گزینه‌ی ۴

با روشن شدن لامپ، دمای لامپ افزایش یافته و مقاومت الکتریکی زیاد می‌شود.

- ۲۲۴ - پاسخ: گزینه‌ی ۳

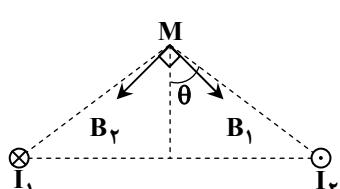
$$\text{در اتصال سری یا موزای مقاومت‌ها، با افزایش یک مقاومت، مقاومت معادل مدار هم افزایش می‌بابد.}$$

$$\left. \begin{aligned} R_2 &\nearrow \Rightarrow R_{2,3} \nearrow \Rightarrow R_{eq} \nearrow \\ I_{کل} &= \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_{کل} \nearrow \quad V_{MN} = \mathcal{E} - I(R_1 + r) \Rightarrow V_2 \nearrow$$

- ۲۲۵ - پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$\tan \theta = \frac{r}{3} > 1 \Rightarrow \theta > 45^\circ \Rightarrow 2\theta > 90^\circ \Rightarrow$$

میدان‌ها داخل مثلث می‌افتنند



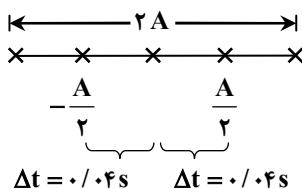
- ۲۲۶ - پاسخ: گزینه‌ی ۳

$$\left. \begin{aligned} |\mathcal{E}| &= N \left| \frac{d\Phi}{dt} \right| \\ \left| \frac{d\Phi}{dt} \right| &= \left| \Phi - t \right| = \left| \frac{-2}{3-1} \right| = 1 \end{aligned} \right\} \Rightarrow |\mathcal{E}| = 1V$$

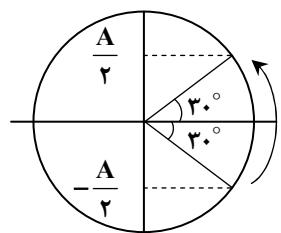
- ۲۲۷ پاسخ: گزینه ۱

$$\left. \begin{aligned} K &= \frac{1}{4} m \omega^2 (A^2 - x^2) \\ K &= \frac{1}{4} (16 - 4x^2) = 4 \cdot \left(\frac{1}{4} - x^2 \right) \end{aligned} \right\} \Rightarrow A^2 = \frac{16}{40} = A = \frac{4}{20} \Rightarrow A = \frac{1}{5} m = 2 \text{ cm}$$

- ۲۲۸ پاسخ: گزینه ۳



تنها در صورتی نوسانگر می‌تواند جایه‌جایی‌های مساوی کمتر از دامنه را در زمان‌های مساوی بدون تغییر جهت طی کند که این جایه‌جایی‌ها نسبت به مرکز نوسان، به صورت متقاضن صورت بگیرد. یعنی باید این نوسانگر، از $x = +\frac{A}{2}$ به $x = -\frac{A}{2}$ رسیده باشد.



$$\begin{aligned} \Delta t &= \frac{1}{6} T \Rightarrow \frac{1}{48} = \frac{1}{6} T \Rightarrow T = \frac{1}{48} \times 6 = 1/8 \text{ s} \\ \omega &= \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi \times 3}{1/8} = 12\pi \text{ rad/s} \\ V_{\max} &= A\omega = \frac{1}{2} \times 12\pi = 6\pi \text{ m/s} = \frac{3}{4} \text{ m/s} \end{aligned}$$

- ۲۲۹ پاسخ: گزینه ۳

هماهنگ سوم $\Rightarrow n = 3 \Rightarrow 3$ شکم $\Rightarrow 4$ گره

$$\frac{\lambda}{2} = 3 \Rightarrow \lambda = 6 \text{ cm} = 0.06 \text{ m}$$

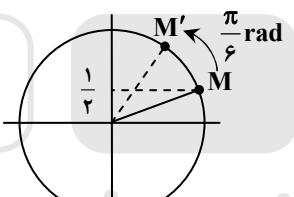
$$f_3 = \frac{V}{2\ell} = 3 \times \frac{240}{2 \times 0.06} = 600 \text{ Hz}$$

- ۲۳۰ پاسخ: گزینه ۴

$$\left. \begin{aligned} \lambda = V \cdot T &\Rightarrow T = \frac{1}{6} = 0.16 \text{ s} \\ \Delta t &= \frac{1}{100} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{200} = \frac{1}{12}$$

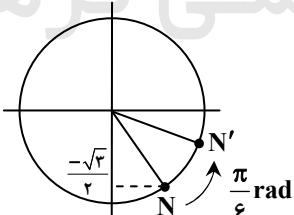
یعنی در مدت $\Delta t = \frac{1}{200} \text{ s}$ فاز موج به اندازه‌ای $\Delta\phi = \frac{2\pi}{12} = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$ تغییر می‌کند و نقاط M و N در وضعیت جدید قرار می‌گیرند.

$$\text{نقطه M: } \frac{x_M}{A} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$



$$\Rightarrow \frac{x'_M}{A} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow a_M = -\frac{\sqrt{3}}{2} a_{\max}$$

$$\text{نقطه N: } \frac{x_N}{A} = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$



$$\Rightarrow \frac{x'_N}{A} = -\frac{1}{2} \Rightarrow a_N = -\frac{1}{2} a_{\max}$$

$$\left| \frac{a_M}{a_N} \right| = \left| \frac{\frac{\sqrt{3}}{2} a_{\max}}{\frac{-1}{2} a_{\max}} \right| = \sqrt{3}$$

- ۲۳۱ پاسخ: گزینه ۴

تراز شدت صوت در آستانه‌ی دردناکی $\beta' \Rightarrow \beta' = 20 + \beta'$: حالت اول

حالات دوم $\beta_2 = \beta' - 20$

$$\begin{aligned} \beta_2 - \beta_1 &= (\beta' - 20) - (20 + \beta') = 1 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} = 1 \cdot \log \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 = 2 \cdot \log \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow -40 = 1 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} = 1 \cdot \log \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \\ &= 2 \cdot \log \left(\frac{r_1}{r_2} \right) \Rightarrow 10^{-2} = \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow r_2 = 10^3 = 1000 \text{ m} \end{aligned}$$

۲۳۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱

$$x_n = \frac{n\lambda D}{a} \Rightarrow x_4 = \frac{4\lambda_2 D}{a}$$

$$x'_m = \frac{(m - \frac{1}{2})\lambda D}{a} \Rightarrow x'_5 = \frac{4/5\lambda_1 D}{a}$$

$$x_4 = x'_5 \Rightarrow 4/5\lambda_1 = 4\lambda_2 \Rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{4}{4/5} = \frac{8}{9} \Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = \frac{8}{9} \Rightarrow \frac{f_2}{7/5 \times 10^{14}} = \frac{8}{9} \Rightarrow f_2 = \frac{2}{3} \times 10^{15} \text{ Hz}$$

۲۳۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

$$hf = W_0 + K_{\max} \quad K_{\max} = 12 / 8 \times 10^{-19} \text{ J} = \frac{12 / 8 \times 10^{-19}}{1 / e \times 10^{-19}} \text{ eV} = 8 \text{ eV}$$

$$4 \times 10^{-15} \times 2 / 5 \times 10^{15} = W_0 + 8 \Rightarrow W_0 = 10 - 8 = 2 \text{ eV}$$

$$hf' = W_0 + K'_{\max} \Rightarrow 4 \times 10^{-15} \times 8 \times 10^{14} = 2 + K'_{\max} \Rightarrow 2 / 2 = 2 + K'_{\max} \Rightarrow K'_{\max} = 1 / 2 \text{ eV} = 0.5 \text{ eV} \Rightarrow V_0 = 1 / 2 \text{ V}$$

۲۳۴- پاسخ: گزینه‌ی ۴

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow -1/85 = \frac{13/6}{n^2} \Rightarrow n^2 = \frac{13/6}{-1/85} = 16 \Rightarrow n = 4$$

$$E_{n+1} = -\frac{E_R}{(n+1)^2} = -\frac{13/6}{5^2} = -\frac{13/6}{25} = -1/544$$

$$|\Delta E| = -1/85 - -1/544 = 0/3.6 \text{ eV}$$

۲۳۵- پاسخ: گزینه‌ی ۲

سوخت هسته‌ای در درجه‌ی اول، U_{236} به علاوه‌ی ۳ درصد U_{235} است. چون U_{235} با U_{236} رقیق شده است، امکان انفجار هسته‌ای در آن وجود ندارد.

لیلیمی

۲۳۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲

در گزینه‌ی ۱ باید به جای ۲۵۰۰ سال گفته شود ۲۰۰۰ سال تا عبارت درست شود.

در گزینه‌ی ۳ اگر به جای ارسپتو، رابت بویل نوشه شود درست می‌شود.

در گزینه‌ی ۴ باید جای رابت بویل و دالتون عوض شود تا درست شود.

۲۳۷- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در گزینه‌ی ۱ آرایش الکترونی هر دو کاتیون به صورت $[Ar]^{18}3d^5$ است و مشخصات کوانتمی الکترون‌ها در آن‌ها یکسان است.

۲۳۸- پاسخ: گزینه‌ی ۳

با وجود آنکه Be پیوند یونی ندارد و پیوند آن با سایر عناصر همواره کووالانسی است، اما به دلیل ارائه جدول الکترونگاتیوی و براساس داده‌های

ابتدا سؤال (با توجه به جدول) پیوندهای Be با F و O یونی فرض می‌شود و در سایر موارد پیوند کووالانسی قطبی در نظر گرفته می‌شود.

اگر پیوند Be با F و O نیز کووالانسی قطبی در نظر بگیریم، باید گزینه‌ای با عدد ۱۰ داشته باشیم.

۲۳۹- پاسخ: گزینه‌ی ۴

E متعلق به گروه ۷ فرعی و تناوب ۴ است و آرایش الکترونی آن به صورت $[Ar]^{18}3d^54s^2$ است که زیرلایه‌ی ۳d در آن نیمه‌پر می‌باشد.

گزینه‌ی ۱: A نسبت به Z و D شعاع اتمی بزرگ‌تری دارد.

گزینه‌ی ۲: مولکول D_2Z مانند OF_2 ساختار خمیده دارد.

گزینه‌ی ۳: X و Cu در گروه یازدهم قرار دارند.

۲۴۰- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در تناوب چهارم حداقل عدد اکسایش گروه ۱ تا ۷ برابر شماره‌ی گروه خود آن‌ها است و با تشکیل یون‌های X^{7+} تا X^{7+} به آرایش گاز نجیب

قبل از خود می‌رسند. هر چند این یون‌ها واقعی نیستند و یک یون پایدار حداقل می‌تواند سه بار منفی یا سه بار مثبت داشته باشد.

۲۴۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴

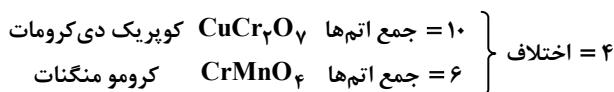
گزینه‌ی ۱: آرایش الکترونی H^- و Li^{+} هر دو ۱s است.

گزینه‌ی ۲: در یون کربنات (CO_3^{2-}) عدد اکسایش کربن ۴ و در یون نیترات (NO_3^-) عدد اکسایش N برابر ۵ است.

گزینه‌ی ۳: به یون Na^{+} تبدیل می‌شود و شعاع کاتیون نسبت به اتم سازنده‌ی آن کوچک‌تر است.

گزینه‌ی ۴: در شبکه‌ی یونی، نیروی جاذبه در کلیه‌ی جهات تعريف می‌شود، بنابراین نسبت به جاذبه‌ی یک جفت یون قوی‌تر است.

-۲۴۲- پاسخ: گزینه‌ی ۲



-۲۴۳- پاسخ: گزینه‌ی ۱

گزینه‌ی ۳: باید در مولکول، H متصل به F، O وجود داشته باشد تا پیوند هیدروژنی تشکیل شود.

گزینه‌ی ۲: ۱- هگزانول در آب کم محلول است (بخش ناقطبی در آن بر بخش قطبی برتری دارد)

گزینه‌ی ۴: با افزایش جرم و حجم مولکول، نیروی بین مولکولی قوی‌تر می‌شود.

-۲۴۴- پاسخ: گزینه‌ی ۳

شکل b و d مربوط به ساختارهای شناخته شده نیست.

c ساختار سه ضلعی مسطح و a ساختار چهاروجهی را نشان می‌دهد.

در گزینه‌ی ۱، SF₄ شامل ۵ قلمرو است و نمی‌تواند مطابق شکل a باشد، بنابراین فقط گزینه‌ی ۳ درست است که SO₃ ساختار سه ضلعی مسطح دارد و S شامل ۳ قلمرو است و مولکولی ناقطبی است.

-۲۴۵- پاسخ: گزینه‌ی ۲

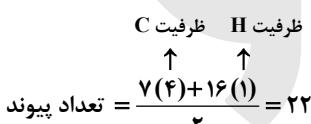
در بین ترکیبات داده شده NO₂ و SnCl₂ از قاعده‌ی هشتایی پیروی نمی‌کنند.



-۲۴۶- پاسخ: گزینه‌ی ۲

هپتان آلkan ۷ کربن‌های با فرمول مولکولی C₇H₁₆ است و با هر آلkan ۷ کربن‌های دیگر ایزومر است. بنابراین در بخش اول و دوم هر دو گزینه‌ی ۱ و ۲

درست هستند، اما تعداد پیوندهای از رابطه‌ی $\frac{\text{جمع ظرفیت‌ها}}{2}$ برابر ۲۲ به دست می‌آید.

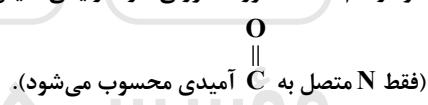


-۲۴۷- پاسخ: گزینه‌ی ۳

ساختار داده شده مربوط به آسپارتام است که در آن هر اتم O دو جفت الکترون ناپیوندی و هر اتم N یک جفت الکترون ناپیوندی دارد، بنابراین

۱۲ جفت الکترون ناپیوندی مشاهده می‌شود.

هر دو اتم N، ۴ قلمرو الکترونی دارند و یکی آمینی و یکی آمیدی است.



به غیر از پیوند C سه پیوند دوگانه‌ی دیگر مشاهده می‌شود، بنابراین با سه Mول H₂ اشباع می‌شود.

اکسیژن‌های دوگانه، سه‌قلمرو و اکسیژن‌هایی که پیوند دوگانه ندارد، ۴ قلمرو دارند.

-۲۴۸- پاسخ: گزینه‌ی ۴

ابتدا اتم‌های نیتروژن هر ۴ ترکیب را برابر می‌کنیم.

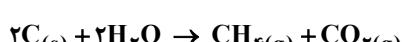


در گزینه‌ی ۴ نسبت تعداد N به O کمتر است و در صد جرمی N کمتر می‌شود.

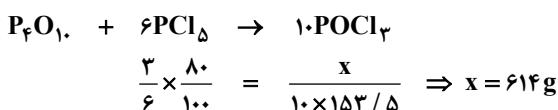
-۲۴۹- پاسخ: گزینه‌ی ۱

در قسمت آ، فرآورده‌ی پتانسیم نیترات محلول است.

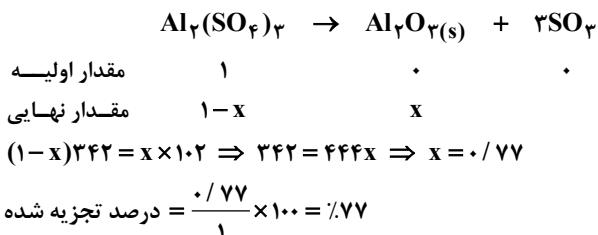
در قسمت ت از واکنش هر مول کربن با بخار آب، نیم مول متان حاصل می‌شود.



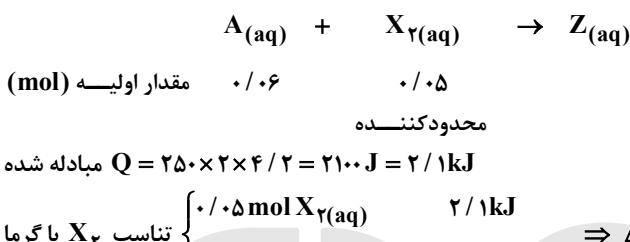
۲۵۰- پاسخ: گزینه‌ی ۳



۲۵۱- پاسخ: گزینه‌ی ۴



۲۵۲- پاسخ: گزینه‌ی ۱

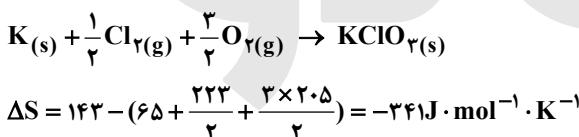


۲۵۳- پاسخ: گزینه‌ی ۲

بررسی آ- در حالت جامد فقط حرکت ارتعاشی تعریف می‌شود.

بررسی ب- حرکت ارتعاشی نیز باعث تغییر فاصله بین اتم‌ها می‌شود.

۲۵۴- پاسخ: گزینه‌ی ۲



۲۵۵- پاسخ: گزینه‌ی ۳

در بین عبارت‌های داده شده گرمای آزاد شده در واکنش سوختن یک ماده و کار انجام شده در سامانه‌ی واکنش، مقداری هستند.

۲۵۶- پاسخ: گزینه‌ی ۴

- آنتالپی تشکیل تابع حالت فیزیکی مواد است.

- واکنش‌های تجزیه معمولاً گرمایی و با افزایش آنتروپی همراه هستند.

- در واکنش‌هایی که $\Delta S < 0$ و $\Delta H < 0$ است واکنش در دماهای پایین خودبه‌خودی است.

۲۵۷- پاسخ: گزینه‌ی ۴

$$\frac{70 - 14}{70} \times 100 = 80\% \text{ درصد تشکیل رسوب}$$

$$\frac{14}{114} \times 100 = 12 / 3 \text{ درصد نمک در محلول باقی‌مانده}$$

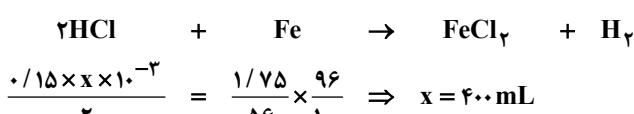
۲۵۸- پاسخ: گزینه‌ی ۱

$\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}$ صابون مورد نظر

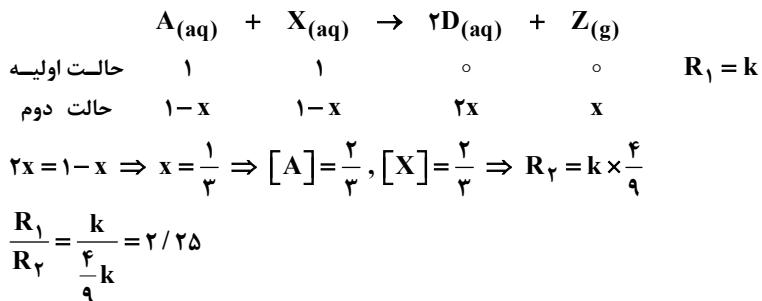
پاک‌کننده‌ی غیرصابونی $\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{SO}_4\text{Na}$ مورد نظر

جرم مولی شوینده‌ی غیرصابونی بیشتر از صابون است و یک اتم O بیشتر دارد.

۲۵۹- پاسخ: گزینه‌ی ۳



۲۶۰ - پاسخ: گزینه‌ی ۲



۲۶۱ - پاسخ: گزینه‌ی ۱

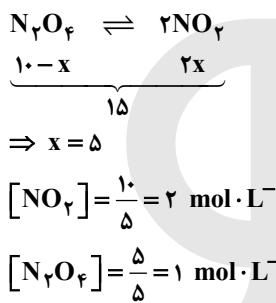
قسمت اول این تست در کتاب جدید حذف شده است و تنها قسمت دوم این ۴ عبارت درست می‌باشد.

۲۶۲ - پاسخ: گزینه‌ی ۱

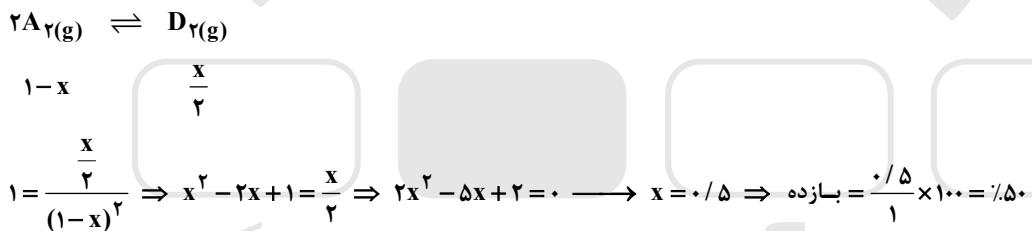
براساس کتاب سال گذشته FeSO_4 کاتالیزگر واکنش است و اضافه کردن آن سرعت واکنش را بالا می‌برد. بنابراین با توجه به گرماده بودن واکنش سرعت افزایش دمای ظرف A بیشتر است.

۲۶۳ - پاسخ: گزینه‌ی ۴

با توجه به گرماده بودن واکنش با افزایش دما مول‌های گازی زیاد می‌شود و یکی از گزینه‌های ۲ یا ۴ پاسخ خواهد بود. پس با جایگذاری ساده در رابطه‌ی K_{eq} نسبت غلظت مولار N_2O_4 برابر ۲ به دست می‌آید.



۲۶۴ - پاسخ: گزینه‌ی ۲



۲۶۵ - پاسخ: گزینه‌ی ۳

فرآیند هابر گرماده است، بنابراین با افزایش دما مقدار K کاهش می‌یابد، سرعت در هر دو جهت افزایش می‌یابد و خارج کردن NH_3 باعث جابه‌جاوی در جهت رفت شده و بدین ترتیب تا رسیدن به تعادل جدید $K < Q$ خواهد بود.

۲۶۶ - پاسخ: گزینه‌ی ۴

اسید = HA

$$[\text{H}^+] = \sqrt{K_a \cdot m} = \sqrt{10^{-3} \times 1/1} = 10^{-1.5} \Rightarrow \text{pH} = 2$$

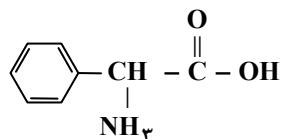
[اسید] = $+/\sqrt{1}$

$$[\text{A}^-] = \frac{+/\sqrt{1}}{+/\sqrt{1}} = +/\sqrt{1}$$

$$10^{-3} = \frac{+/\sqrt{1} \times [\text{H}^+]}{+/\sqrt{1}} \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-3} \Rightarrow \text{pH} = 3$$

۲۶۷ - پاسخ: گزینه‌ی ۳

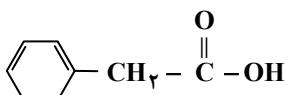
۱: فرمول مولکولی $C_8H_9NO_2$



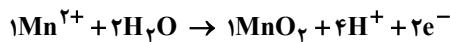
گزینه‌ی ۲: در آب محلول است.

گزینه‌ی ۳: هم از طرف COOH و هم از طرف NH_2 پیوند هیدروژنی می‌دهد.

گزینه‌ی ۴: بنزویک اسید فرمول $\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH}$ دارد، در صورتی که با جانشین شدن H به جای CH_2 ترکیب به فرمول زیر حاصل می‌شود.



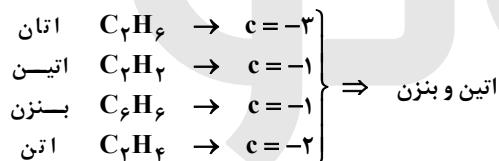
۲۶۸ - پاسخ: گزینه‌ی ۱



$$\left\{ \begin{array}{l} a = 1 \\ b = 2 \\ c = 1 \Rightarrow \text{مجموع ضریبها} = 10 \\ d = 4 \\ f = 2 \end{array} \right.$$

۲۶۹ - پاسخ: گزینه‌ی ۴

باید عدد اکسایش اتم‌های کربن در هر دو ترکیب یکسان باشد.



۲۷۰ - پاسخ: گزینه‌ی ۲

گزینه‌ی ۱: در این سلول Zn^{2+} آند است، بنابراین غلظت Zn^{2+} زیاد می‌شود، اما آنیون از پل نمکی وارد محلول ظرف آند می‌شود.

گزینه‌ی ۲: کاتد SHE است، بنابراین جرم تیغه‌ی کاتدی (pt) تغییر نمی‌کند، اما فشار گاز هیدروژن در کاتد زیاد می‌شود.

گزینه‌ی ۳: واکنش کلی سلول به صورت $\text{Zn}_{(s)} + 2\text{H}_{(aq)}^+ \rightarrow \text{Zn}^{2+}_{(aq)} + \text{H}_2(g)$ است.

گزینه‌ی ۴: در سلول گالوانی آند قطب منفی است.

موسسه آموزشی فرهنگی