

## بنام خدا

آزمون ۲۱ اسفند ۱۳۹۴ قلم چی - چهارم تجربی و ریاضی - درس فیزیک ۴ - موج های الکترو مغناطیسی

مؤلف: مصطفی کیانی، گزینشگرو طراح آزمون های قلم چی، مؤلف کتاب های فیزیک قلم چی

آن چه برای این آزمون نیاز دارید را به صورت خلاصه بیان می کنم. امیدوارم براتون مفید باشه. اگر این روش را می پسندید، اعلام کنید تا بازم براتون بنویسم.

### موج های الکترو مغناطیسی

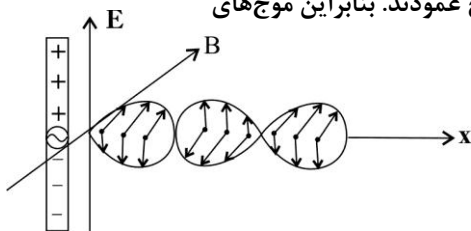
موج های الکترومغناطیسی از میدان های الکتریکی و مغناطیسی مغناطیسی تشکیل شده اند. عامل اصلی ایجاد موج های الکترومغناطیسی، ذره های باردار شتاب دارند. یعنی وقتی ذره ی باردار شتاب دار می شود، بخشی از انرژی خود را به صورت موج های الکترومغناطیسی، گسیل می کند. وقتی یک ذره ی باردار شتاب دار می شود، میدان های الکتریکی و مغناطیسی متغیری در اطراف خود به وجود می آورند و این میدان الکتریکی و مغناطیسی متغیر به ترتیب میدان های مغناطیسی و الکتریکی دیگری را به وجود خواهند آورد که با سرعت ثابت در فضا منتشر می شوند.

### ویژگی های موج های الکترو مغناطیسی

۱- عامل اصلی ایجاد موج های الکترومغناطیسی، ذره های باردار شتاب دارند.

۲- میدان های الکتریکی و مغناطیسی هردو نوسانی اند و دوره ی نوسان آنها با دوره ی نوسان منبع برابر است.

۳- میدان های الکتریکی و مغناطیسی بر یک دیگر و هردو آنها بر راستای حرکت موج عمودند. بنابراین موج های الکترومغناطیسی از نوع موج های عرضی اند.



۴- تغییر میدان مغناطیسی در فضا، میدان الکتریکی تولید می کند و برعکس، تغییر میدان الکتریکی، میدان مغناطیسی تولید می کند.

۵- میدان های الکتریکی و مغناطیسی القایی هم فازند. یعنی، در هر نقطه هردو میدان هم زمان با هم بیشینه یا کمینه می شوند. تذکر: میدان های الکتریکی و مغناطیسی در محیط های فلزی هم فاز نیستند.

۶- موج های الکترومغناطیسی علاوه بر محیط مادی در خلاء نیز منتشر می شوند.

۷- موج های الکترومغناطیسی بدون بار الکتریکی اند. بنابراین در هیچ میدانی منحرف نمی شوند.

۸- موج های الکترومغناطیسی حامل انرژی اند.

۹- این موج ها می توانند توسط ماده جذب و گسیل شوند.

توجه: گسیل موج‌های الکترومغناطیسی توسط اجسام را تابش می‌نامند

۱۰- سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی در خلأ از رابطه‌ی  $C = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = (\epsilon_0 \mu_0)^{-\frac{1}{2}}$  به دست می‌آید و برابر

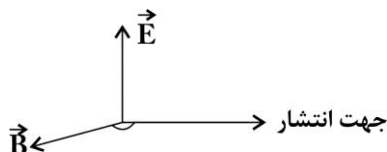
$3 \times 10^8 \text{ m/s}$  است.

۱۱- سرعت انتشار همه‌ی موج‌های الکترومغناطیسی در خلأ با هم برابر و اندازه‌ی آن  $3 \times 10^8 \text{ m/s}$  است، اما در سایر محیط‌ها

طبق رابطه‌ی  $V = \frac{c}{n}$  (n ضریب شکست محیط است) سرعت انتشار موج‌ها کم‌تر از سرعت انتشار آن‌ها در خلأ است.

۱۲- برای تعیین جهت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی از قاعده‌ی دست راست به صورت زیر استفاده می‌کنیم:

اگر چهار انگشت دست راست را در جهت میدان الکتریکی قرار دهیم، به طوری که وقتی آن‌ها را خم می‌کنیم در جهت میدان مغناطیسی قرار گیرد (کف دست رو به میدان مغناطیسی)، انگشت شست در جهت انتشار موج قرار می‌گیرد.



۱۳- تابع موج میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی به صورت زیر است:

$$E_y = E_m \sin(\omega t - kx) \quad B_z = B_m \sin(\omega t - kx)$$

۱۴- سرعت نور در هر محیط با ضریب شکست آن محیط نسبت وارون دارد. اگر سرعت نور در خلأ C باشد، سرعت آن در

محیط شفافی به ضریب شکست n از رابطه‌ی  $V = \frac{C}{n}$  قابل محاسبه است.

۱۵- اگر یک دسته پرتو نور از یک محیط وارد محیط دیگر شود، بسامد آن ثابت می‌ماند و در نتیجه رنگ آن تغییر نمی‌کند.

اما سرعت و طول موج آن به یک نسبت تغییر می‌کنند. اگر سرعت و طول موج در محیط اول به ضریب شکست  $n_1$  به ترتیب

$V_1$  و  $\lambda_1$  و در محیط دوم به ضریب شکست  $V_2$  و  $\lambda_2$  باشد، با توجه به این که بسامد نور ثابت است، می‌توان نوشت:

$$f = \frac{V_1}{\lambda_1} = \frac{V_2}{\lambda_2} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1}$$

هم چنین طبق رابطه‌ی  $V = \frac{C}{n}$  داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_1}{n_2}$$

بنابراین

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{n_1}{n_2}$$

۱۶- اگر نور از خلأ، با ضریب شکست  $n_1 = 1$  وارد محیط شفاف به ضریب شکست  $n_2 = n$  شود، بین طول موج در خلأ

( $\lambda$ ) و طول موج در محیط شفاف ( $\lambda'$ ) رابطه‌ی  $\lambda' = \frac{\lambda}{n}$  برقرار است..

۱۷- رنگ هر پرتو نور فقط به بسامد آن بستگی دارد. بنابراین وقتی نور از یک محیط وارد محیط دیگر شود، رنگ آن تغییر نمی‌کند.

**مثال:** موج‌های رادیویی در شیشه به ضریب شکست  $\frac{3}{2}$  منتشر می‌شوند. طول موج آن‌ها در شیشه چه قدر است؟ بسامد

موج‌های رادیویی ۱۲ MHz است.  $C = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$

حل: ابتدا سرعت موج در شیشه را حساب می‌کنیم و سپس طول موج در شیشه را به دست می‌آوریم.

$$V = \frac{C}{n} = \frac{3 \times 10^8}{\frac{3}{2}} = 2 \times 10^8 \frac{m}{s}$$

$$\lambda = \frac{V}{f} = \frac{2 \times 10^8}{12 \times 10^6} = \frac{50}{3} m$$

\* یکی از یکاهای طول موج نور انگستروم (Å) است که برابر  $10^{-10} m$  است.

**مثال:** طول موج نوری در آب به ضریب شکست  $\frac{4}{3}$  برابر  $4500 \text{ \AA}$  است. دوره‌ی آن چند ثانیه است؟

$$C = 3 \times 10^8 m/s$$

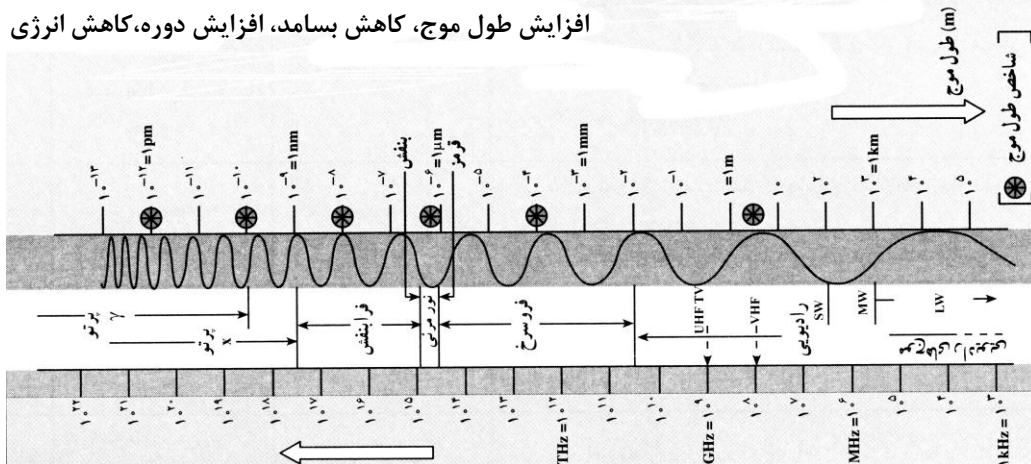
حل: دوره‌ی نور در همه‌ی محیط‌ها با هم برابر است. بنابراین چون طول موج نور در آب را داریم ابتدا سرعت نور در آب را حساب می‌کنیم و سپس دوره را به دست می‌آوریم.

$$V = \frac{C}{n} = \frac{3 \times 10^8}{\frac{4}{3}} = \frac{9}{4} \times 10^8 \frac{m}{s}$$

$$\lambda = VT \Rightarrow 4500 \times 10^{-10} = \frac{9}{4} \times 10^8 T \Rightarrow T = 2 \times 10^{-15} s$$

۱۸- موج های الکترومغناطیسی طیف گسترده‌ای از نظر بسامد (و طول و موج) دارند. این موج‌ها از بسامد ۱۰ Hz تا بسامد ۱۰<sup>۲۴</sup> Hz تولید می‌شوند.

چگونگی تولید، خاصیت و آشکارسازی این موج‌ها با هم تفاوت دارد. به همین علت به ناحیه‌های مختلف این طیف نام‌های متفاوت داده شده است، که برحسب افزایش طول موج و از چپ به راست عبارت‌اند از: پرتو گاما، پرتو X، فرابنفش، نور مرئی، فروسرخ، موج‌های رادیویی.



توجه: طول موج نور مرئی بین ۴۰۰nm (بنفش) تا ۷۰۰nm (قرمز)، طول موج پرتوهای فروسرخ بین ۱۰<sup>۳</sup> nm = ۱μm تا ۱۰<sup>۷</sup> nm = ۱cm و طول موج امواج رادیویی بین ۱۰<sup>-۲</sup> m تا ۱۰<sup>۵</sup> m است.

طیف نور مرئی به ترتیب کاهش طول موج و افزایش بسامد عبارت‌اند از: قرمز - نارنجی - زرد - سبز - آبی - نیلی - بنفش

**مثال:** معادله‌ی میدان مغناطیسی یک موج الکترومغناطیسی در SI به صورت  $B = B_m \sin(2\pi \times 10^7 t - \frac{\pi}{15} x)$  است. این

موج در چه ناحیه‌ای از طیف الکترومغناطیسی است؟

**حل:** ابتدا طول موج آن را به دست می‌آوریم و سپس ناحیه آن را در طیف موج های الکترو مغناطیسی تعیین می‌کنیم. با توجه

به معادله ی داده شده عدد موج برابر  $\frac{\pi \text{ rad}}{15 \text{ m}}$  است. بنابراین این طول موج آن برابر است با:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \frac{\pi}{15} = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 3.0 \text{ m}$$

موج هایی که طول موج آن ها از ۱cm بیش تر باشد در ناحیه ی موج های رادیویی است.

۱۹- برای پاسخ دادن به تست هایی که نحوه ی تولید، آشکارسازی و کار برد طیف موج های الکترو مغناطیس مطرح می شود

، باید جدول زیر را حفظ کنید.

نحوه‌ی تولید، آشکارسازی و کاربرد طیف موج‌های الکترومغناطیسی

| نام و حدود طول موج  | چشمه  | وسایل آشکارسازی                    | بعضی از ویژگی‌های خاص و کاربرد  |
|---|---|------------------------------------|---|
| پرتو گاما (γ)<br>$1\text{pm} = 10^{-12}\text{m}$            | هسته‌ی مواد رادیواکتیو و پرتوهای کیهانی                   | شمارش گر گایگر - مولر و فیلم عکاسی | فوتون‌های با انرژی بسیار بالا و با قدرت نفوذ بسیار زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: بافت‌های سرطانی را از بین می‌برد، برای پیدا کردن ترک در فلزات، برای ضدعفونی کردن تجهیزات و وسایل |
| پرتوی ایکس (X)<br>$100\text{pm} = 10^{-10}\text{m}$         | لامپ پرتو X   | فیلم عکاسی و صفحه‌ی فلورئوسان      | فوتون‌های بسیار پر انرژی و با قدرت نفوذ زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: استفاده در پرتونگاری، استفاده در مطالعه‌ی ساختار بلورها، معالجه‌ی بیماری‌های پوستی، استفاده در پرتودرمانی   |
| فرابنفش (UV)<br>$10\text{nm} = 10^{-8}\text{m}$             | خورشید، جسم‌های خیلی داغ، جرقه‌ی الکتریکی، لامپ بخار جیوه | فیلم عکاسی، فوتوسل                 | ویژگی‌ها: توسط شیشه جذب می‌شود، سبب بسیاری از واکنش‌های شیمیایی می‌شود، باخته‌های زنده را از بین می‌برد. کاربرد: لامپ‌های UV در پزشکی   |
| نور مرئی<br>$400\text{nm} = 4 \times 10^{-7}\text{m}$ (سبز) | خورشید، اجزای داغ، لیزرها                                 | چشم، فیلم عکاسی، فوتوسل            | ویژگی‌ها: در دیدن اجسام نقش اساسی دارد، برای رشد گیاهان و عمل فتوسنتز نقش حیاتی دارد. کاربرد: در سیستم‌های مخابراتی (لیزر و تارهای نوری) مورد استفاده قرار می‌گیرد.           |
| فروسرخ (IR)<br>$100\text{μm} = 10^{-4}\text{m}$             | خورشید، جسم‌های گرم و داغ                                 | فیلم‌های مخصوص عکاسی               | ویژگی‌ها: هنگامی که جذب می‌شود، پوست را گرم می‌کند. کاربرد: برای گرم کردن، برای فیلم‌برداری و عکاسی در مه و تاریکی، عکاسی IR توسط ماهواره‌ها                                  |
| رادیویی<br>$3\text{m (VHF)}$                                | اجاق‌های مایکروویو، آنتن‌های رادیویی و تلویزیونی          | رادیو و تلویزیون                   | کاربرد: در آشپزی، رادیو، تلویزیون، مخابرات ماهواره‌ای و در رادارها برای آشکارسازی هواپیما، موشک و کشتی  |

**مثال:** در طیف موج‌های الکترومغناطیسی، بیشترین بسامد مربوط به ..... و بلندترین طول موج مربوط به ..... است.

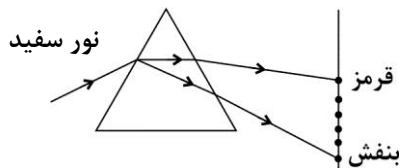
- (۱) نوربنفش - نورقرمز  
(۲) موج‌های رادیویی - اشعه‌ی ایکس  
(۳) اشعه‌ی گاما - موج‌های فرسرخ  
(۴) اشعه‌ی گاما - موج‌های رادیویی و مخابراتی
- پاسخ: گزینه (۴)

**مثال:** با توجه به مشخصات موج الکترومغناطیس در ستون اول، نوع موج را از ستون دوم انتخاب کنید.

| نوع موج           | مشخصات موج                                 |
|-------------------|--|
| • رادیویی         | الف) توسط شیشه جذب می‌شود.                 |
| • فرسرخ           | ب) چشم انسان آشکار ساز آن است.             |
| • نور مرئی        | ج) قابل استفاده برای فیلم برداری در تاریکی |
| • فرابنفش         | د) یکی از چشمه‌های آن اجاق مایکروویو است.  |
| • اشعه ی X        | هـ) قابل استفاده در پرتونگاری              |
| • اشعه ی $\gamma$ |  |

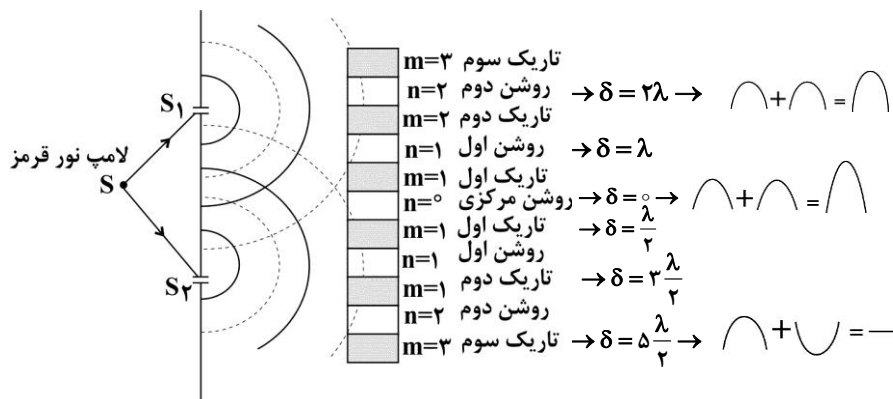
پاسخ: الف- فرابنفش ب- نور مرئی پ- فرسرخ ت- رادیویی ث- پرتو ایکس

۲۰- اگر یک دسته پرتو نور سفید به یک وجه منشور بتابانیم، پس از عبور از منشور به هفت رنگ تجزیه می‌شود. زیرا ضریب شکست منشور برای نورهای مختلف متفاوت است. در این حالت نوری که طول موج آن کم تر است، بیش تر منحرف می‌شود. بنابراین نور بنفش که طول موج آن کوچک تر است بیش تر و نور قرمز که طول موج آن بزرگ تر است، کم تر منحرف می‌شود.



## ۲۱- تداخل موج‌های نورانی:

اگر دو منبع نور هم‌فاز، هم‌بسامد و هم‌دامنه، موج‌های نوری خود را در محیط منتشر کنند، این موج‌ها با هم تداخل می‌کنند. در نقطه‌هایی از محیط که دو موج هم‌فاز به هم برسند، برهم نهی آن‌ها سازنده است، در نتیجه در این نقطه‌ها دامنه‌ی موج بیشینه و انرژی موج‌های نورانی نیز بیشینه خواهند شد. در این نقطه‌ها نورهای روشن تشکیل می‌شود. در نقطه‌هایی از محیط که دو موج نورانی در فاز مخالف به هم می‌رسند، برهم نهی آن‌ها ویرانگر است. در این نقطه‌ها برآیند دامنه‌ی موج‌های نورانی صفر می‌شود، در نتیجه انرژی موج‌های نورانی نیز صفر خواهد شد. بنابراین در این نقطه‌ها نوارهای تاریک تشکیل می‌شود.



۲۲- شرط تداخل موج‌های نورانی آن است که دو منبع نور هم‌بسامد، هم‌فاز و هم‌دامنه باشند.

۲۳- نوارهای روشن از برهم‌نهی موج‌های هم‌فاز تشکیل می‌شود. برای دو موجی که نوارهای روشن را تشکیل می‌دهند، داریم:

$$\delta = n\lambda = \text{اختلاف راه}$$

$$\Delta\Phi = 2n\pi = \text{اختلاف فاز}$$

$$\Delta t = nT = \text{اختلاف زمانی}$$

**مثال** - آزمایش ینگ را با نوری به طول موج  $0.6 \mu\text{m}$  انجام می‌دهیم. اختلاف زمانی ۲ موج نوری که به محل نوار چهارم

$$C = 3 \times 10^8 \text{ m/s} \quad \text{روشن می‌رسند چند ثانیه است؟}$$

**حل:** ابتدا دوره را حساب می‌کنیم و سپس اختلاف زمانی را به دست می‌آوریم.

$$\lambda = C \times T \Rightarrow 6 \times 10^{-7} = 3 \times 10^8 T \Rightarrow T = 2 \times 10^{-15} \text{ s}$$

$$\Delta t = nT = 4 \times 2 \times 10^{-15} \text{ s}$$

۲۴- نوارهای تاریک از برهم‌نهی موج‌های نوری در فاز مخالف تشکیل می‌شوند. برای دو موجی که نوارهای تاریک را تشکیل می‌دهند، داریم:

$$\delta = (2m-1) \frac{\lambda}{2} = \text{اختلاف راه}$$

$$\Delta\phi = (2m-1)\pi = \text{اختلاف فاز}$$

$$\Delta t = (2m-1) \frac{T}{2} = \text{اختلاف زمانی}$$

**مثال** - آزمایش ینگ را با نوری به بسامد  $5 \times 10^{14} \text{ Hz}$  انجام می‌دهیم. اختلاف راه دو موجی که به محل نوار سوم تاریک می‌رسد چند انگستروم است؟

$$C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

**حل:** ابتدا طول موج نور را حساب می‌کنیم و سپس اختلاف راه را به دست می‌آوریم.

$$\lambda = \frac{C}{f} \Rightarrow \lambda = \frac{3 \times 10^8}{5 \times 10^{14}} = 6 \times 10^{-7} = 6000 \text{ \AA}$$

$$\delta = (2m-1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \delta = (2 \times 3 - 1) \times \frac{6000}{2} = 15000 \text{ \AA}$$

۲۵- در آزمایش ینگ رابطه های نوار های روشن و تاریک به صورت زیر است.

$$\lambda = \frac{\gamma ax}{(\gamma m - 1)D} \quad \text{برای نوارهای تاریک} \quad x = \frac{(\gamma m - 1)D\lambda}{\gamma a}$$

$$\lambda = \frac{ax}{nD} \quad \text{برای نوار های روشن} \quad x = \frac{nD\lambda}{a}$$

در این رابطه ها  $n$  شماره نوار روشن و  $m$  شماره نوار تاریک است.

**توجه:** در آزمایش ینگ، وقتی نوار تاریک مطرح می شود، می توان به جای استفاده از رابطه ی نوار های تاریک، از رابطه ی نوار های روشن استفاده کرد. فقط کافی است در رابطه ی نوار روشن به جای  $n$  مقدار  $(m - 0.5)$  را قرار می دهیم. به عنوان مثال، برای محاسبه فاصله نوار سوم تاریک از نوار روشن مرکزی، فاصله ی نوار  $(2/5 = 3 - 0.5)$  را قرار می دهیم. روشن از نوار مرکزی را حساب می کنیم.

**مثال:** آزمایش ینگ را با نوری به طول موج  $5000 \text{ \AA}$  انجام می دهیم. اگر فاصله ی پرده از شکاف ها  $2000$  برابر فاصله ی دو شکاف باشد، فاصله ی نوار پنجم تاریک از نوار روشن مرکزی چند  $\text{mm}$  است؟  
 حل: به جای استفاده از رابطه ی نوار تاریک، از رابطه ی نوار روشن استفاده می کنیم و به جای  $n$  مقدار  $n = 5 - 0.5 = 4/5$  قرار می دهیم.

$$x = \frac{nD\lambda}{a} \Rightarrow x = \frac{4/5 \times 2000 \times a \times 5000 \times 10^{-10}}{a} = 4/5 \times 10^{-3} \text{ m} = 4/5 \text{ mm}$$

۲۶- می توان برای محاسبه ی فاصله ی  $n_1$  امین نوار روشن از  $n_2$  امین نوار روشن، فاصله ی  $|n_1 \pm n_2|$  امین نوار روشن از نوار روشن مرکزی را به دست آورد. علامت  $(-)$  برای نوارهای روشنی که یک طرف نوار روشن مرکزی اند و علامت  $(+)$  برای نوارهای روشنی است که دو طرف نوار روشن مرکزی اند. به عنوان مثال، برای محاسبه فاصله نوار سوم روشن یک طرف نوار روشن مرکزی از نوار پنجم روشن طرف دیگر نوار مرکزی، کفایت فاصله نوار هشتم  $(5 + 3 = 8)$  روشن از نوار روشن مرکزی را به دست آوریم. بدیهی است، اگر این دو نوار یک طرف نوار روشن مرکزی می بودند، باید فاصله نوار دوم  $(5 - 3 = 2)$  روشن از نوار مرکزی را حساب کنیم.

**توجه:** اگر فاصله نوار روشن  $n$  ام از نوار تاریک  $m$  ام مورد نظر باشد، از همان نکته فوق استفاده می کنیم. فقط از شماره نوار تاریک  $0/5$  تا کم می کنیم. به عنوان مثال برای محاسبه فاصله نوار سوم تاریک یک طرف نوار روشن مرکزی از نوار پنجم روشن طرف دیگر، کفایت فاصله نوار  $7/5$  روشن از نوار مرکزی را به دست آوریم.



**مثال:** آزمایش یانگ را با نوری به طول موج  $500\text{nm}$  انجام می‌دهیم. اگر فاصله‌ی دو شکاف  $3\text{mm}$  و فاصله‌ی پرده از سطح شکاف‌ها  $1/5\text{m}$  باشد، فاصله‌ی نوار سوم روشن یک طرف از نوار پنجم روشن همان طرف چند  $\text{mm}$  است؟

**حل:** فاصله نوار سوم روشن از پنجم روشن همان طرف برابر فاصله‌ی نوار دوم ( $n = 5 - 3 = 2$ ) روشن از نوار روشن مرکزی است.

$$x = \frac{nD\lambda}{a} \Rightarrow x = \frac{2 \times 1/5 \times 500 \times 10^{-9}}{3 \times 10^{-3}} = 0.5 \times 10^{-3} \text{ m} = 0.5 \text{ mm}$$

**مثال:** در آزمایش یانگ  $D = 2000a$  است. فاصله‌ی نوار سوم روشن یک طرف نوار روشن مرکزی از نوار هفتم روشن طرف دیگر آن چند برابر طول موج نور مورد آزمایش است؟

**حل:** فاصله‌ی نوار سوم روشن یک طرف از نوار هفتم روشن طرف دیگر برابر فاصله‌ی نوار دهم ( $n = 7 + 3 = 10$ ) روشن از نوار روشن مرکزی است.

$$x = \frac{nD\lambda}{a} = \frac{10 \times 2000a \times \lambda}{a} \Rightarrow x = 2 \times 10^4 \lambda$$

**مثال:** در آزمایش یانگ  $D = 2000a$  است. فاصله‌ی نوار سوم تاریک یک طرف نوار روشن مرکزی از نوار هفتم روشن طرف دیگر آن چند برابر طول موج نور مورد آزمایش است؟

**حل:** به جای نوار سوم تاریک، نوار  $2/5 = 3 - 0/5 = 2/5$  روشن را در نظر می‌گیریم. بنابراین  $n = 7 + 2/5 = 9/5$  است.

$$x = \frac{nD\lambda}{a} \Rightarrow x = \frac{9/5 \times 2000a \times \lambda}{a} \Rightarrow x = 19000 \lambda$$

**۲۷-** برای محاسبه‌ی فاصله‌ی  $k$  نوار روشن متوالی در رابطه‌ی نوارهای روشن به جای  $n$  مقدار  $n = k - 1$  را قرار می‌دهیم. به عنوان مثال فاصله‌ی ۶ نوار روشن متوالی برابر فاصله‌ی نوار پنجم روشن از نوار مرکزی است.

**مثال:** توان یک لامپ کوچک که نور تک رنگ تولید می‌کند، ۱۱۰ وات است و در هر ۵ دقیقه  $10^{23}$  فوتون تابش می‌کند. از نور این لامپ در یک آزمایش یانگ استفاده می‌شود. در این آزمایش، فاصله‌ی شکاف‌ها از هم ۲ میلی‌متر است. اگر پرده‌ی نوارها به فاصله‌ی ۱/۵ متر از سطح دو شکاف قرار داشته باشد، فاصله‌ی بین دو نوار روشن متوالی چند میلی‌متر

$$\text{است؟ } h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ Js}, C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$1/80 \text{ (۴)}$$

$$1/25 \text{ (۳)}$$

$$0.90 \text{ (۲)}$$

$$0.45 \text{ (۱)}$$

**حل:** گزینه (۱) ابتدا با استفاده از رابطه‌ی انرژی فوتون، طول موج نور مورد آزمایش را به دست می‌آوریم.

$$E = Pt \xrightarrow{E=nhf} nhf = Pt \Rightarrow nh \frac{C}{\lambda} = Pt$$

$$\Rightarrow 10^{23} \times 6.6 \times 10^{-34} \times \frac{3 \times 10^8}{\lambda} = 110 \times (5 \times 60) \Rightarrow \lambda = 6 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$x = \frac{nD\lambda}{a} \Rightarrow x = \frac{1 \times 1/5 \times 6 \times 10^{-7}}{2 \times 10^{-3}} = 0/45 \times 10^{-3} \text{ m} = 0/45 \text{ mm}$$

۲۸ - در آزمایش یانگ پهنای نوارهای روشن و تاریک با هم برابر است. پهنای هر نوار برابر نصف فاصله‌ی دو نوار روشن

متوالی است و از رابطه زیر  $w = \frac{D\lambda}{2a}$  به دست می آید.

برای افزایش پهنای هر نوار می‌توان: ۱- از نوری با طول موج بلندتر استفاده کرد. ۲- فاصله‌ی پرده از شکاف‌ها را افزایش داد. ۳- فاصله‌ی دو شکاف از یکدیگر را کاهش داد.

۲۹ - در آزمایش یانگ فاصله‌ی  $m$  امین نوار تاریک از نوار روشن مرکزی  $1 - 2m$  برابر پهنای هر نوار است:

$$x = (2m - 1) \frac{\lambda D}{2a} \Rightarrow x = (2m - 1) W$$

۳۰ - در آزمایش یانگ فاصله‌ی  $n$  امین نوار روشن از نوار روشن مرکزی  $2n$  برابر پهنای هر نوار تاریک یا روشن است.

$$x = \frac{nD\lambda}{a} = 2n \times \frac{D\lambda}{2a} \Rightarrow x = 2nw$$

**مثال:** در آزمایش یانگ فاصله‌ی نوارششم روشن از نوار مرکزی  $3 \text{ mm}$  است. فاصله‌ی سومین نوار تاریک از نوار روشن مرکزی چند میلی‌متر می‌باشد؟

$$1/8 \text{ (۴)}$$

$$1/75 \text{ (۳)}$$

$$1/5 \text{ (۲)}$$

$$1/25 \text{ (۱)}$$

**حل:** ابتدا پهنای هر نوار را حساب می‌کنیم.

$$x = 2nw \Rightarrow 3 = 2 \times 6 \times w \Rightarrow w = \frac{1}{4} \text{ mm}$$

اکنون به جای سومین نوار تاریک فاصله‌ی نوار  $2/5$  روشن را حساب می‌کنیم.

$$x = 2nw \Rightarrow x = 2 \times 2/5 \times \frac{1}{4} \Rightarrow x = 1/25 \text{ mm}$$

**مثال:** در آزمایش یانگ اگر فاصله‌ی دو شکاف را  $1/2$  برابر و فاصله‌ی پرده از صفحه‌ی دو شکاف را  $0/8$  برابر کنیم ولی طول موج نور تغییر نکند، پهنای هر یک از نوارها چند برابر می‌شود؟

$$\frac{4}{3} \text{ (۴)}$$

$$\frac{3}{4} \text{ (۳)}$$

$$\frac{3}{2} \text{ (۲)}$$

$$\frac{2}{3} \text{ (۱)}$$

حل: گزینه (۱)

$$w = \frac{D\lambda}{2a} \Rightarrow \frac{w'}{w} = \frac{D'}{D} \times \frac{\lambda'}{\lambda} \times \frac{a}{a'} \Rightarrow \frac{w'}{w} = \frac{0/8D}{D} \times \frac{a}{1/2a} \times 1 = \frac{2}{3}$$

۳۱- اگر مکان یک نوار تاریک یا روشن با شماره‌ی معین از نوری به طول موج  $\lambda$  بر مکان نوار تاریک یا روشن از نور دیگری به طول موج  $\lambda'$  منطبق باشد، در این حالت فاصله‌ی آن نوارها از نوار روشن مرکزی با هم برابر است.

**مثال:** در آزمایش ینگ ابتدا از نور تک‌رنگی با بسامد  $f_1 = 7/5 \times 10^{14} \text{ Hz}$  و سپس بدون آن که فاصله‌ها تغییر پیدا کنند، از نور تک‌رنگ دیگری با بسامد  $f_2$  استفاده می‌کنیم.  $f_2$  چند هرتز باشد تا فاصله‌ی چهارمین نوار روشن تا نوار مرکزی در آزمایش دوم برابر با فاصله‌ی پنجمین نوار تاریک تا نوار مرکزی در آزمایش اول شود؟

$$\frac{2}{3} \times 10^{15} \text{ (۱)} \quad \frac{1}{5} \times 10^{15} \text{ (۲)} \quad \frac{2}{3} \times 10^{14} \text{ (۳)} \quad \frac{1}{5} \times 10^{14} \text{ (۴)}$$

حل: گزینه (۱) با توجه به این که  $x = x'$  است با استفاده از رابطه‌ی نوارهای روشن و هم‌چنین با توجه به این که فاصله‌ی پنجمین نوار تاریک برابر فاصله‌ی  $n_2 = 5 - 0/5 = 4/5$  نوار روشن است، می‌توان نوشت.

$$x_1 = x_2 \Rightarrow \frac{n_1 D \lambda_1}{a} = \frac{n_2 D \lambda_2}{a} \Rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

از طرف دیگر می‌دانیم  $\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{f_2}{f_1}$  است. بنابراین می‌توان نوشت.

$$\frac{f_2}{f_1} = \frac{n_2}{n_1} \xrightarrow{n_2=4} \frac{f_2}{7/5 \times 10^{14}} = \frac{4}{5} \Rightarrow f_2 = \frac{2}{3} \times 10^{15} \text{ Hz}$$

۳۲- اگر آزمایش ینگ با نور سفید انجام شود:

آ- نوار روشن مرکزی سفید رنگ می‌شود. زیرا برای همه‌ی طول موج‌های موجود در نور سفید که به محل نوار روشن مرکزی می‌رسند، اختلاف فاز صفر می‌شود. ب- نوار تاریک وجود ندارد. زیرا در نور سفید طول موج‌های متعددی وجود دارد و برای یک نقطه روی پرده‌ی نوارها، طول موجی وجود دارد که به ازای آن اختلاف فاز دو موج مضرب زوجی از  $\pi$  شود. پ- نوارهای روشن به رنگ‌های طیف نور سفید است. ترتیب قرار گرفتن آن‌ها از نوار مرکزی که به دو طرف دور شویم از طول موج کم‌تر به طرف طول موج بیش‌تر است. یعنی در طرفین نوار مرکزی، دو نوار روشن بنفش، در طرفین آن‌ها دو نوار روشن نیلی و ... در انتها دو نوار قرمز خواهد بود.

**مثال:** در آزمایش ینگ، منبع نور سفید را جایگزین منبع نور تک‌رنگ می‌کنیم. در این حالت بر روی پرده:

(۱) فقط یک نوار سفید مرکزی تشکیل می‌شود.

(۲) فقط یک نوار رنگی مرکزی تشکیل می‌شود.

(۳) یک نوار سفید مرکزی تشکیل می‌شود که هر طرف آن نوارهای رنگی مخدوش شده وجود دارد.

(۴) هیچ نواری به وجود نمی‌آید.

پاسخ: گزینه‌ی (۳)