



سری اول تمرینات گروه کنترل تطبیقی دکتر حسینی ثانی

مهر ماه ۱۳۹۴

هدف:

- آشنایی با مفاهیم شناسایی پارامترهای سیستم
- شناخت روش‌های مختلف شناسایی سیستم و کاربرد هریک از آنها

تمرینات:

۱- با فرض بر اینکه معادله‌ی مورد نظر به صورت زیر باشد.

$$y(t) + aY(t - 1) = bu(t - 1) + e(t) + ce(t - 1)$$

که در آن $a = -0.8$ ، $b = 0.5$ و $e(t)$ نویز سفید با میانگین صفر و انحراف معیار $\sigma = 0.5$ می‌باشد.

کلیه شبیه سازیها در مدت زمان 1000 ثانیه و زمان نمونه برداری برابر 1 ثانیه در نظر گرفته شود.

✓ به جز مواقعی که ذکر می‌شود، $c = 0$ ، $P(0) = 100.I$ و $\hat{\theta}(0) = 0$ در نظر گرفته شده و در اکثر حالات نیز از

$$\hat{\theta} = \begin{bmatrix} \hat{a} \\ \hat{b} \end{bmatrix}$$

$$\varphi(t - 1) = [-y(t - 1) \quad u(t - 1)]$$

استفاده گردد.

الف) شبیه سازی تخمین‌ها (روند تخمین پارامترها) را برای حالتی که ورودی، یک پالس واحد در $t = 50$ باشد، انجام دهید.

ب) آزمایش قبل را مجدداً با ورودی یک موج مربعی با دامنه‌ی واحد و دوره‌ی تناوب 100 ثانیه و همچنین برای یک تابع سینوسی با دامنه‌ی واحد و دوره‌ی تناوب 10 تکرار نمایید.

نظر خود را در مورد تخمین‌های صورت گرفته در مورد $\hat{\theta}$ و $P(t)$ و $P(1000)$ و انحراف معیار برای هر دو بخش الف و ب بیان فرمایید.

ج) با فرض اینکه مقدار $c = -0.5$ باشد، تخمینی از پارامترهای a, b, c با دو روش **RLS** و **ELS** با انتخاب ورودی مناسب انجام دهید.

ح) در صورتی که ورودی با فیدبک $u(t) = -0.2y(t)$ و $u(t) = -0.32(y(t) - 1)$ شناسایی پارامترها را مجدداً انجام دهید. شبیه سازی را با فرض $P(0) = I$ انجام دهید.

۲- سیستم زیر را در نظر بگیرید.

$$\frac{y(s)}{u(s)} = \frac{(s + b_0)(s + b_1)(s + b_2)}{(s + a_0)(s + a_1)^2(s + a_2)}$$

پارامترهای مدل نیز به صورت زیر می‌باشد.

a_2	4
a_1	1
a_0	2

و همچنین پارامترهای صورت به صورت زیر می‌باشد.

b_0	<u>20 + Multiply the last two digits of student ID</u> 200
b_1	<u>20 + Sum of the last two digits of student ID</u> 20
b_2	<u>The penultimate student ID</u>

باتوجه به پارامترهای شناسایی برای هر شخص موارد زیر را انجام دهید.

الف) با انتخاب ورودی مناسب و به صورت آنلاین تحت شرایط ایده آل و بدون نویز و با استفاده از روش RLS شناسایی کرده و همگرایی را بررسی نمایید. خروجی سیستم تخمین زده شده را بررسی کرده و نشان دهید آیا لزومی بر همگرایی همزمان خروجی سیستم شناسایی شده و واقعی از یک طرف و همگرایی پارامترهای سیستم از طرف دیگر وجود دارد؟ پاسخ خود تشریح کنید.

ب) اثر مرتبه‌ی مدل انتخاب شده را در حالت **over-parameterized** و **under-parameterized** را بررسی کرده و نتایج خود را تحلیل کنید.

ج) اثر نویزهای سفید و رنگی را بر دقت شناسایی بررسی کنید.

خ) باتغییر دادن پارامترهای سیستم یکبار به طور ناگهانی و بار دیگر به طور آرام (در هر دو حالت در حدود ۲۵٪ تغییرات اعمال شود) در طول فرآیند شناسایی، از مکانیزم های **Covariance Resetting** و **Forgetting Factor** برای بهبود دقت شناسایی سیستم استفاده کرده و نتایج را با هم مقایسه نمایید. کدام روش را برای تغییرات ناگهانی و کدام روش را برای تغییر آرام مناسب می‌دانید؟ برای انتخاب خود دلیل بیاورید.

د) یک تحقق کانونیکال برای سیستم داده شده بدست آورید.

ذ) روش شناسایی فضای حالت و روش رویت گر تطبیقی را برای آن پیاده کنید.

ر) اثر پایا بودن سیگنال تحریک را برای شناسایی بررسی کنید.

۳- سیستم زیر را در نظر بگیرید.

$$\frac{y(s)}{u(s)} = \frac{1}{s(s-1)}$$

باتوجه به ناپایداری سیستم، روند سوال قبل را تکرار نمایید.

۴- (سوال تحلیلی) مرتبه غنای هر یک از سیگنال های زیر را محاسبه کنید.

الف) $u(t) = \sin(\omega t)$

ب) سیگنال پله واحد

جهت ارسال تمرینات، فایل پی دی اف گزارش به همراه کدهای نوشته شده (به صورت مجزا شده برای هر تمرین) تا تاریخ مشخص شده به ایمیل

Mojtaba.ghorbani313@gmail.com

ارسال نمایید.