



گزینه ۴

۱

باتوجه به اینکه می‌تواند اجسام A، B و C هر سه دارای بار باشند، در آن صورت B و C باید مخالف A باشند، پس همدیگر را دفع می‌کنند و همچنین می‌تواند B و C خنثی بوده و توسط القا توسط جسم A جذب شده باشند و به هم نیرویی وارد نکنند و همچنین ممکن است یکی از B و C خنثی باشد و دیگری دارای بار باشد و در این حالت همدیگر را جذب خواهند کرد.

گزینه ۴

۲

برای بررسی این سؤال به نکات زیر توجه کنید:

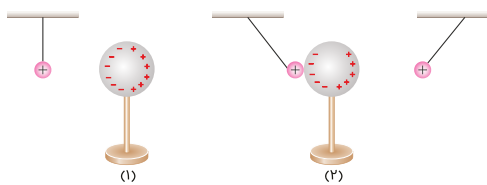
(۱) اگر دو جسم یکدیگر را جذب کنند یا دارای بار ناهمنام هستند و یا یکی از آنها بدون بار و دیگری باردار است و از طریق القای الکتریکی یکدیگر را جذب کرده‌اند.

(۲) اگر دو جسم یکدیگر را دفع کنند قطعاً هر دو باردار و دارای بار همنام هستند. حالت‌های ممکن به صورت زیر است:

A	B	C
+	-	-
-	+	+
بدون بار	-	-
بدون بار	+	+

گزینه ۳

۳



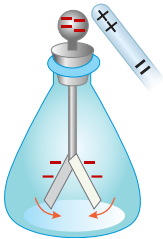
همان‌طور که در شکل‌ها نشان داده شده است، نزدیک کردن آونگ به کره فلزی، باعث ایجاد بارهای القایی مثبت و منفی در دو طرف کره می‌شود. بارهای ناهمنام با بار آونگ در نزدیک‌ترین مکان نسبت به آونگ و بارهای همنام با بار آونگ در دورترین مکان نسبت به آونگ قرار می‌گیرند؛ بنابراین به دلیل بزرگتر بودن نیروی ربایشی بین بارهای ناهمنام از نیروی رانشی بین بارهای همنام، گلوله به کره می‌چسبد و چون در اثر تماس،

بار الکتریکی گلوله و کره همنام می‌شود، نیروی رانشی بین بارهای همنام باعث می‌شود آونگ از کره دور شده و به همان صورت باقی بماند.

اگر بار میله A منفی باشد، با نزدیک کردن آن به کلاهک الکتروسکوپ، تجمع بار منفی بر روی ورقه‌ها بیشتر شده و فاصله بین آن‌ها نیز بیشتر خواهد شد، در نتیجه بار میله A قطعاً منفی نیست.  
دو حالت دیگر داریم:

الف) اگر بار میله A مثبت باشد با نزدیک کردن آن به الکتروسکوپ به دلیل جاذبه، تجمع بار منفی بر روی ورقه‌ها و همچنین فاصله آن‌ها در ابتدا کاهش می‌یابد، حال اگر میله A را به میله B نزدیک کنیم، نیروی بین آن‌ها دافعه است.

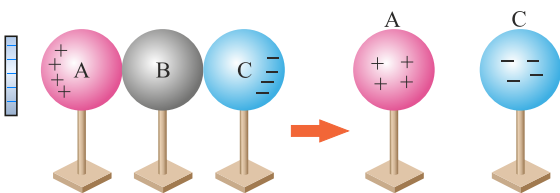
ب) اگر میله A خنثی باشد نیز به دلیل نزدیک کردن آن به الکتروسکوپ با بار منفی، به دلیل القای بار الکتریکی، در میله بارهای مثبت و منفی از هم تفکیک شده و بارهای مثبت نزدیک به الکتروسکوپ قرار می‌گیرند. باز هم با جذب بارهای منفی الکتروسکوپ، ورقه‌ها به هم نزدیک می‌شوند، حال اگر میله خنثی A را به میله با بار مثبت B نزدیک کنیم، نیروی جاذبه بین آن‌ها برقرار خواهد شد؛ در نتیجه باتوجه به شرایط، نیروی مد نظر می‌تواند جاذبه یا دافعه باشد.



با نزدیک کردن کره فلزی بدون بار به کلاهک الکتروسکوپ باردار، در کره فلزی القای بار صورت می‌گیرد، طوری که بارهای مخالف الکتروسکوپ در نزدیک کلاهک الکتروسکوپ، در کره فلزی جمع می‌شوند. این تجمع بار، تعدادی از بارهای ورقه‌های الکتروسکوپ را به سمت خود می‌کشد و موجب می‌شود که ورقه‌های الکتروسکوپ به هم نزدیک شوند. همچنین می‌دانیم با نزدیک کردن یک جسم با بار مخالف الکتروسکوپ به الکتروسکوپ باردار، ورقه‌های آن به هم نزدیک می‌شوند.  
فقط با دور شدن ورقه‌های الکتروسکوپ می‌توان با قاطعیت گفت که جسم نزدیک شده به کلاهک الکتروسکوپ دارای باری موافق بار الکتروسکوپ است.

در حالت اول هنگامی که گلوله را نزدیک می‌کنیم پدیده القا صورت می‌گیرد و یکدیگر را جذب می‌کنند. اما وقتی باهم تماس پیدا می‌کنند بار مثبت گلوله بین گلوله و کره توزیع می‌شود و بار هر دو مثبت می‌شود و یکدیگر را دفع می‌کنند.

مطابق شکل زیر، وقتی میله با بار منفی را به کره A نزدیک کنیم، الکترون‌های آزاد به دورترین نقطه یعنی سمت راست کره C منتقل می‌شوند و بار سمت چپ کره A مثبت می‌شود و کره B بدون بار باقی می‌ماند؛ بنابراین با جدا کردن کره B، این کره بدون بار (خنثی) می‌ماند و کره A بار مثبت و کره C بار منفی پیدا می‌کند.





با نزدیک کردن میله (مثلاً دارای بار منفی) به الکترون‌های آزاد روی کلاهک نیروی رانشی وارد می‌شود و آن‌ها روی ورقه‌ها قرار می‌گیرند و ورقه‌ها از یکدیگر باز می‌شوند. در این صورت کلاهک که الکترون از دست داده بار مثبت پیدا می‌کند. با دور شدن میله، بارها به سر جای خود برمی‌گردند و ورقه‌ها به هم می‌چسبند.

جسم رسانای A می‌تواند حتی زمانی که بدون بار است، در اثر القا، بارهای الکتروسکوپ را جذب کرده و موجب نزدیک شدن ورقه‌های الکتروسکوپ به هم می‌شود. پس گزینه ۴ پاسخ درست است.

اگر میله‌ای با بار منفی را به کلاهک الکتروسکوپی خنثی نزدیک کنیم، الکترون‌های کلاهک الکتروسکوپ به طرف ورقه‌ها دفع می‌شوند، پس بار ورقه‌های الکتروسکوپ منفی و بار کلاهک آن مثبت می‌شود.

طبق سری الکتروسیته مالشی، با مالش قطعه پلاستیکی خنثی توسط پارچه پشمی خنثی، پارچه پشمی الکترون از دست داده و دارای بار مثبت شده و قطعه پلاستیکی الکترون دریافت می‌کند و دارای بار منفی خواهد شد. باتوجه به اینکه بار الکتریکی کمیتی کوانتیده است، داریم:

$$q = -ne = -4/5 \times 10^{13} \times 1/6 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow q = -7/2 \times 10^{-6} \text{ C} = -7/2 \mu\text{C}$$

کره‌ها مشابه‌اند، لذا بعد از اتصال آن‌ها با یکدیگر، بار هر دو یکسان و برابر با میانگین بار آن‌ها قبل از تماس است.

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} = \frac{20 + 12}{2} = 16 \mu\text{C}$$

حال تغییر بار هریک از کره‌ها برابر است با:

$$\Delta q_B = q'_B - q_B = 16 - 12 = 4 \mu\text{C}$$

$$\Delta q_A = q'_A - q_A = 16 - 20 = -4 \mu\text{C}$$

باتوجه به تغییرات بار کره‌های A و B، در می‌یابیم که کره B الکترون از دست داده و کره A الکترون دریافت کرده است. تعداد الکترون‌های جابه‌جا شده نیز برابر است با:

$$n = \frac{q}{e} = \frac{4 \times 10^{-6}}{1/6 \times 10^{-19}} = 2/5 \times 10^{13}$$

و جهت شارش الکترون از کره B به کره A بوده است.

اگر تعداد  $n$  الکترون اضافی روی جسمی که در ابتدا خنثی است، قرار بگیرد، اندازه بار الکتریکی آن از رابطه  $|q| = ne$  به دست می‌آید:

$$|q| = ne = 20 \times 1/6 \times 10^{-19} = 32 \times 10^{-19} C = 3/2 \times 10^{-18} C$$

اگر از جسم الکترون بگیریم، بار آن به اندازه زیر کم می‌شود:

$$q = -ne = -10^{13} \times 1/6 \times 10^{-19} = -1/6 \times 10^{-6} C = -1/6 \mu C$$

یعنی اگر از این جسم باری به اندازه  $1/6 \mu C$  کم شود، بار نهایی آن  $5 \mu C$  می‌شود. پس می‌توان نوشت:

$$q_0 - q = 5 \Rightarrow q_0 - (-1/6) = 5 \Rightarrow q_0 = 3/4 \mu C$$

$q = -ne$ : مقدار بار داده شده به جسم

$$\frac{n=2 \times 10^{13} \text{ الکترون}}{e=1/6 \times 10^{-19} C} \rightarrow q = -2 \times 10^{13} (1/6) \times 10^{-19} = -3/2 \times 10^{-7} C = -0/32 \mu C$$

$$\text{بار نهایی جسم} = 6/4 \mu C + (-0/32) = 6/8 \mu C$$

وقتی جسمی الکترون از دست می‌دهد، بار الکتریکی آن مثبت‌تر می‌شود.

$$q_1 + ne = q_2 \xrightarrow[n=6 \times 10^{12}]{q_2 = -5q_1} q_1 + 6 \times 10^{12} \times (1/6 \times 10^{-19}) = -5q_1$$

$$\Rightarrow -6q_1 = 6 \times 16 \times 10^{-8} \Rightarrow q_1 = -16 \times 10^{-8} C \Rightarrow q_1 = -0/16 \mu C$$

بار الکتریکی، یک کمیت کوانتیده است و باید مضرب صحیحی از اندازه واحد بار الکتریکی پروتون ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ ) باشد، یعنی  $q = \pm ne$ ؛ بنابراین:

$$1) n = \frac{2}{3} \times 10^{-12} \times 10^{-6}}{1/6 \times 10^{-19}} = \frac{25}{3} \times$$

$$2) n = \frac{4 \times 10^{-10} \times 10^{-9}}{1/6 \times 10^{-19}} = 2/5 \times$$

$$3) n = \frac{11/2 \times 10^{-13}}{1/6 \times 10^{-19}} = 7 \times 10^6 \quad \checkmark$$

$$4) n = \frac{\pi \times 10^{-6}}{1/6 \times 10^{-19}} = \frac{5}{\lambda} \pi \times 10^{13} \times$$

پس فقط بار گزینه "۳" می‌تواند بیانگر بار الکتریکی یک جسم باشد.

چون بار جسم منفی است، پس جسم الکترون اضافی گرفته است.

$$q = -ne \Rightarrow -56 \times 10^{-19} = n \times (-1/6 \times 10^{-19})$$

$$\Rightarrow n = \frac{56 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 35 \text{ الکترون}$$

برای یکسان شدن بار دو جسم، باید داشته باشیم:

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} = \frac{-12 + 4}{2} = -4 \mu C$$

$$A \text{ جسم } : q'_A - q_A = (-4) - (-12) = +8 \mu C$$

$$B \text{ جسم } : q'_B - q_B = (-4) - (+4) = -8 \mu C$$

$$|q| = ne \Rightarrow 8 \times 10^{-6} = n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 5 \times 10^{13} \text{ الکترون}$$

پس جسم A باید به تعداد  $n = 5 \times 10^{13}$  الکترون به جسم B بدهد.

شدت جریان متوسط از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{ne}{t} \Rightarrow n = \frac{It}{e} = \frac{3/2 \times 1 \times 10^{-3}}{1/6 \times 10^{-19}} = 2 \times 10^{16} \text{ الکترون}$$

ابتدا جریان متوسط خروجی از این باتری را محاسبه می‌کنیم:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{n \cdot e}{\Delta t} = \frac{6 \times 10^{16} \times 1/6 \times 10^{-19}}{60} = 1/6 \times 10^{-4} \text{ A}$$

سپس باتوجه به ظرفیت باتری و جریان خروجی آن، زمان تخلیه محاسبه می‌شود:

$$q = I \cdot t \Rightarrow 160 \times 10^{-3} \text{ A.h} = 1/6 \times 10^{-4} \text{ A} \times t$$

$$\Rightarrow t = \frac{160 \times 10^{-3}}{1/6 \times 10^{-4}} = 100 \times 10^1 = 1000 \text{ h}$$

$$q = ne \Rightarrow ne = It \Rightarrow n \times 1/6 \times 10^{-19} = 16 \times 10^{-3} \times 2 \times 60$$

$$\Rightarrow n = \frac{16 \times 10^{-3} \times 2 \times 60}{1/6 \times 10^{-19}} = 1/2 \times 10^{19} \text{ الکترون}$$

گزینه ۳

۲۳

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow \bar{I} = \frac{240}{120} \Rightarrow \bar{I} = 2 \text{ A}$$

گزینه ۱

۲۴

مقدار بار ذخیره شده در باتری برحسب mA.h است که برای تبدیل آن به آمپرساعت، عدد را در  $10^{-3}$  ضرب می‌کنیم. همین‌طور جریان را در  $10^{-6}$  ضرب می‌کنیم تا  $\mu\text{A}$  به A تبدیل شود. در این صورت خواهیم داشت:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 200 \times 10^{-6} = \frac{100 \times 10^{-3}}{t} \Rightarrow t = 500 \text{ h}$$

گزینه ۴

۲۵

کافی است زمان را برحسب ساعت در رابطه زیر قرار دهیم:

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0.4 \times 10^{-3} = \frac{\Delta q}{200} \Rightarrow \Delta q = 8 \times 10^{-2} \text{ A.h}$$

گزینه ۲

۲۶

ابتدا بار الکتریکی عبوری از مدار را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$|\Delta q| = ne = 5 \times 10^{20} \times 1/6 \times 10^{-19} = 80 \text{ C}$$

جریان متوسط عبوری از مدار برابر است با:

$$\bar{I} = \left| \frac{\Delta q}{\Delta t} \right| = \frac{80}{40} = 2 \text{ A}$$

گزینه ۲

۲۷

طبق رابطه مقایسه‌ای قانون اهم، داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{I_1}{I_2} \Rightarrow \frac{5R_1}{R_1} = 1 \times \frac{I + 8}{I}$$

$$\Rightarrow 5I = I + 8 \Rightarrow 4I = 8 \Rightarrow I = 2 \text{ A}$$

گزینه ۱

۲۸

باتوجه به نمودار، اگر اندازه ولتاژ نقطه‌ای را که دو نمودار به صورت مشترک با خطچین به آن وصل شده‌اند،  $V'$  بنامیم، با داشتن مقدار  $V'$  مقاومت الکتریکی  $R_2$  به صورت زیر به دست می‌آید:

$$R_1 = \frac{V'}{I_1} \Rightarrow 2 = \frac{V'}{2} \Rightarrow V' = 4 \text{ V}$$

$$R_2 = \frac{V'}{I_2} \Rightarrow R_2 = \frac{4}{8} = 0.5 \Omega$$

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \epsilon = \frac{24}{I} \Rightarrow I = 4 \text{ A}$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow \epsilon = \frac{\Delta q}{\epsilon_0} \Rightarrow \Delta q = 24 \cdot C$$

$$\Delta q = ne \Rightarrow 24 \cdot C = n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 1/5 \times 10^{21} \text{ الکترون}$$

باتوجه به اینکه نمودار اختلاف پتانسیل بر حسب جریان خطی است، بنابراین رسانای مورد نظر یک رسانای اهمی است و مقاومت الکتریکی آن در دمای ثابت مقدار ثابتی است.

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow V = RI$$

$$V_0 = R(I_0 - 2) \quad (1)$$

$$V_0 + 3 = R(I_0 + 4) \quad (2)$$

از تفاضل (۲) و (۱) داریم:

$$(2) - (1) \Rightarrow V_0 + 3 - V_0 = R(I_0 + 4) - R(I_0 - 2)$$

$$3 = 4R + 2R \Rightarrow R = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \Omega$$

با استفاده از رابطه قانون اهم می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} R_A = \frac{V_A}{I_A} \Rightarrow R_A = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \Omega \\ R_B = \frac{V_B}{I_B} \Rightarrow R_B = \frac{4}{2} = 2 \Omega \end{cases} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{1}{3}$$