

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۶ – PERT

تکنیکهای اولیهٔ زمانبندی پروژه در اواخر دههٔ ۱۹۵۰ میلادی ابداع شدند. اولین روش نظام‌مند که در جهت زمانبندی پروژه با هدف بهینگی توسعه داده شد، روش مسیر بحرانی [1] می‌باشد. این روش که تجزیه و تحلیل مسیر بحرانی نیز نام دارد [2] نتیجهٔ همکاری دوپونت [3] و رمینگتون رند [4] در سال ۱۹۵۷ میلادی است. در این روش مدت انجام فعالیتها به صورت یک مقدار عددی تخمین زده می‌شود و فرض می‌شود که تغییرات این مدت بسیار ناچیز و قابل چشم پوشی است. این شرایط در پروژه‌هایی عینیت دارد که سابقاً نمونه‌ای شبیه به آنها اجرا شده و یا تجاربی از مدت اجرای فعالیتها در دست باشد.

همزمان با معرفی روش مسیر بحرانی در زمانبندی پروژه‌ها، نیروی دریایی ایالات متحده با همکاری مشاوران مدیریت بوز آلن همیلتون [5] و همینطور شرکت هواپیماسازی لاکهید [6]، تکنیک ارزیابی و مرور پروژه [7] را در زمانبندی پروژهٔ زیردریایی پولاریس ارایه کرد. موفقیت این روش در زمانبندی پروژهٔ پولاریس به گسترش استفاده از این روش در سالهای بعد منتهی شد. کاربرد اصلی روش ارزیابی و مرور برنامه در پروژه‌هایی است که عدم قطعیت در مدت انجام فعالیتها وجود دارد و نمی‌توان از یک مقدار عددی ثابت برای تخمین زمان انجام فعالیتها استفاده کرد.

[1] Critical Path Method (CPM)

[2] Critical Path Analysis (CPA)

[3] De Pont

[4] Remington Rand

[5] Booz-Allen Hamilton

[6] Lockheed Corporation

[7] Program Evaluation & Review Technique (PERT)

مثال

فعالیت طراحی موتور جدید در یک پروژه تحقیقاتی .

از ۱۰ نفر کارشناس مربوطه در خصوص مدت زمان فعالیت نظرخواهی شده و اطلاعات زیر حاصل شده است.

مدت زمان فعالیت (ماه)	تعداد کارشناس دارای نظر	درصد کارشناسان دارای نظر
1	1	10/0
2	2	20/0
3	5	50/0
5	1	10/0
6	1	10/0

میانگین وزنی مدت زمان = $3/1$

واریانس مدت زمان = $1/2$

استفاده از تخمین سه زمانه

در روش PERT غالباً از ۳ تخمین برای مدت زمان فعالیت استفاده می‌کنند:

زمان خوش بینانه (a) Optimistic Time :

تعداد کمی از کارشناسان این حدس را زده‌اند و این تعداد با دید خوشبینانه زمان را پیش بینی کرده‌اند. و این زمان کمترین مقدار است.

زمان محتمل (m) Most Likely Time :

زمانی که بیشترین تعداد کارشناسان این حدس را زده‌اند و یا در بیشتر مواقع زمان انجام فعالیت این باشد.

زمان بد بینانه (b) Pessimistic Time :

تعداد کمی از کارشناسان این حدس را زده‌اند و این تعداد با دید بدبینانه زمان را پیش بینی کرده‌اند. و این زمان بیشترین مقدار است.

مثال

فعالیت طراحی موتور جدید در یک پروژه تحقیقاتی .

از ۱۰ نفر کارشناس مربوطه در خصوص مدت زمان فعالیت نظرخواهی شده و اطلاعات زیر حاصل شده است.

درصد کارشناسان دارای نظر	تعداد کارشناس دارای نظر	مدت زمان فعالیت (ماه)
10%	1	1
20%	2	2
50%	5	3
10%	1	5
10%	1	6



فرمولهای تقریب میانگین و واریانس فعالیتها

میانگین مدت زمان فعالیت $E(D) = (a+4m+b)/6$

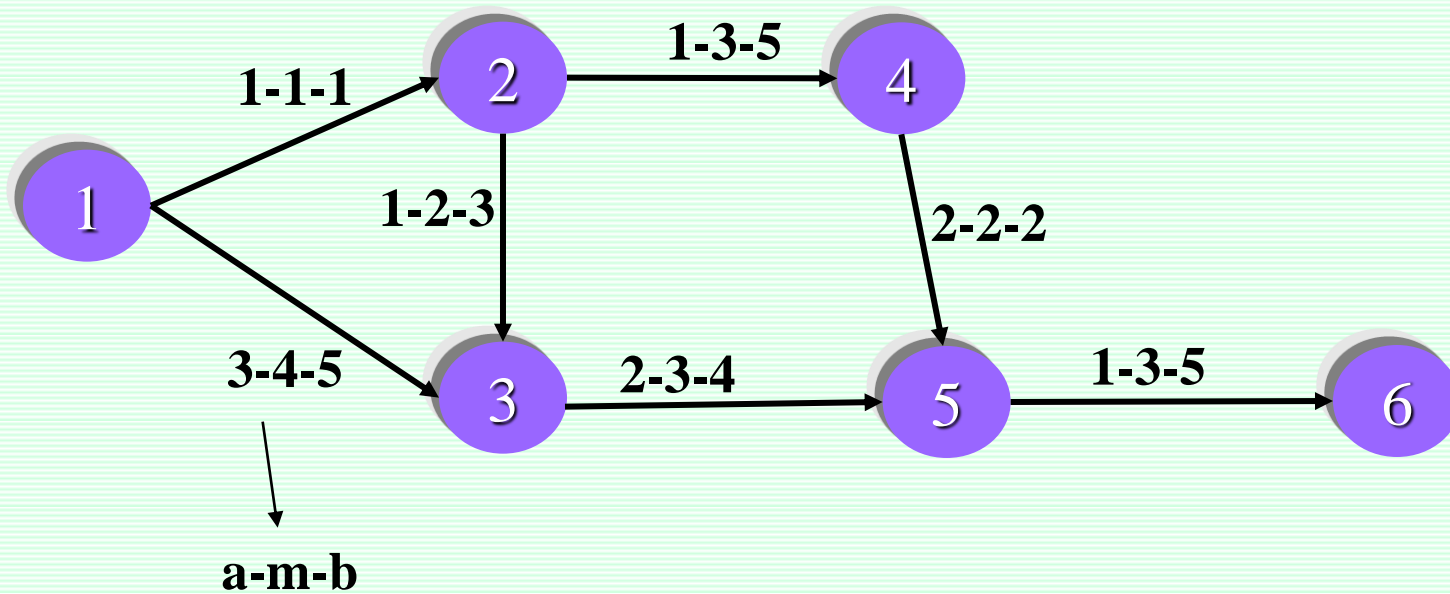
واریانس مدت زمان فعالیت $Var(D) = [(b-a)/6]^2$ سیستم بازه ۰٪ تا ۱۰۰٪

$Var(D) = [(b-a)/3.2]^2$ سیستم بازه ۵٪ تا ۹۵٪

محاسبات زمانبندی در PERT

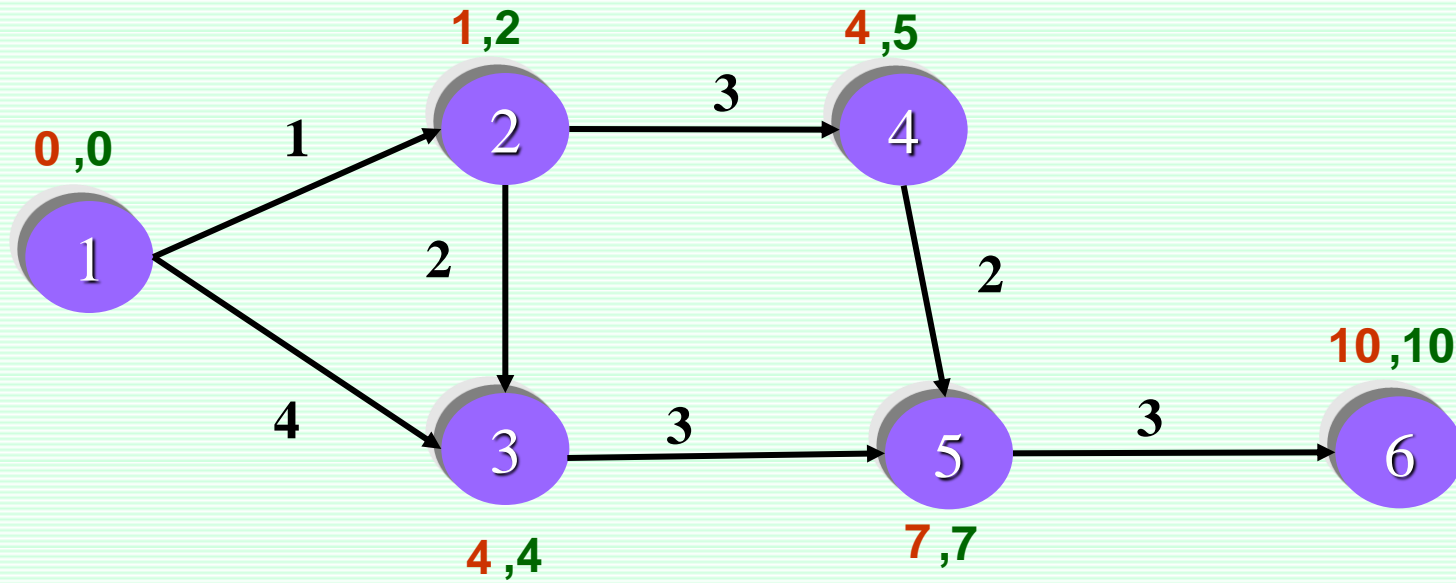
- گام اول در محاسبات PERT محاسبه میانگین و انحراف معیار فعالیتهاست.
- گام دوم محاسبات رفت و برگشت با استفاده از میانگین زمان فعالیتهاست.
- گام سوم تشخیص مسیر بحرانی است.
- گام چهارم انجام تحلیل ها می باشد.

مثال

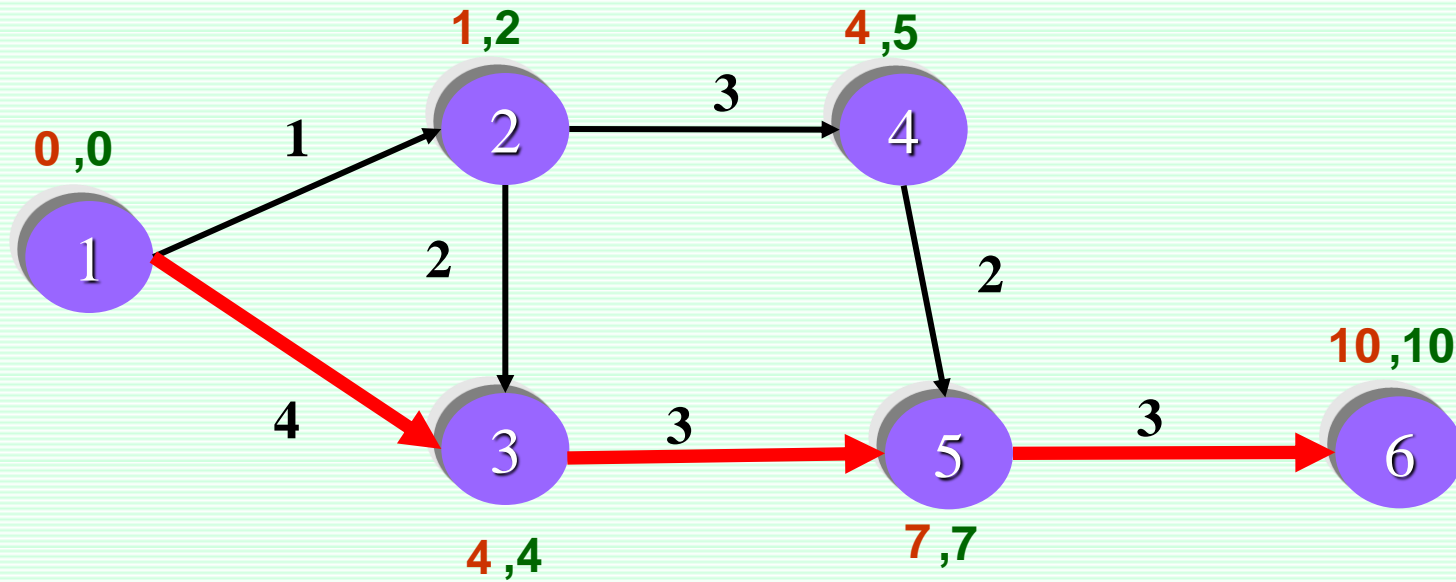


سیستم بازه ۰٪ تا ۱۰۰٪

فعالیت	1-2	1-3	2-3	2-4	3-5	4-5	5-6
میانگین مدت زمان	1	4	2	3	3	2	3
واریانس مدت زمان	0	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{1}{9}$	0	$\frac{4}{9}$



تشخیص مسیر بحرانی



مسیرهای بحرانی شامل فعالیت‌های ۱-۳ و ۳-۵ و ۵-۶ می‌باشد.

مدت زمان اجرای پروژه برابر است با مجموع فعالیت‌های مسیر بحرانی. اگر T برابر مدت زمان اجرای پروژه تعریف شود می‌توان گفت که T برابر مدت زمان مسیر بحرانی است یا به عبارتی T برابر مجموع مدت زمان فعالیت‌های مسیر بحرانی است و چون زمان فعالیت‌ها متغیر تصادفی (احتمالی) می‌باشد و مدت زمان آنها از هم مستقل است طبق قضیه حد مرکزی T دارای توزیع نرمال با میانگین زمان مسیر بحرانی و واریانس برابر مجموع واریانس‌های فعالیت‌های مسیر بحرانی است.

$$T = D(1-3) + D(3-5) + D(5-6)$$

$$E[T] = E[D(1-3)] + E[D(3-5)] + E[D(5-6)]$$

$$E[T] = 4 + 3 + 3 = 10$$

$$\text{Var}[T] = \text{Var}[D(1-3)] + \text{Var}[D(3-5)] + \text{Var}[D(5-6)]$$

$$\begin{aligned} \text{Var}[T] &= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{4}{9} \\ &= \frac{6}{9} \end{aligned}$$

$$T \sim N\left(10, \frac{6}{9}\right)$$

$$P(T \leq H) = P\left(Z \leq \frac{H - E(D)}{\sqrt{\text{Var}(D)}}\right)$$

با چه احتمالی پروژه در کمتر از ۱۱ روز به اتمام میرسد؟

$$P(T \leq 11) = P\left(Z \leq \frac{11-10}{\sqrt{\frac{6}{9}}}\right) = P(Z \leq 1.5) = 0.93$$

با چه احتمالی پروژه بین ۹ تا ۱۱ روز به اتمام میرسد؟

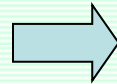
$$P(9 \leq T \leq 11) = P\left(\frac{9-10}{\sqrt{\frac{6}{9}}} \leq Z \leq \frac{11-10}{\sqrt{\frac{6}{9}}}\right) = P(-1.5 \leq Z \leq 1.5)$$

$$= P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq -1.5) = 0.93 - 0.07 = 0.86$$

زمانی که به احتمال ۹۰ درصد پروژه قبل از آن به اتمام رسیده است؟

$$P(T \leq H) = P\left(Z \leq \frac{H - 10}{\sqrt{\frac{4}{9}}}\right) = 0.90$$

$$\frac{H - 10}{\sqrt{\frac{4}{9}}} = 1.28$$



$$H = 10.85$$

سایر موارد

خطا در محاسبات PERT

شبیه سازی مونت کارلو در PERT

GERT