

ماکزیمم و می نیمم مطلق

تعريف ماکزیمم و می نیمم مطلق: اگر تابع f در بازه $I = [a, b]$ تعریف شده و نقطه c متعلق به این بازه باشد

در این صورت:

الف) نقطه ای به طول $x=c$ ماکزیمم مطلق تابع f است هرگاه به ازای هر x متعلق به این بازه

$$f(c) \geq f(x) \text{ داشته باشیم.}$$

ب) نقطه ای به طول $x=c$ مینیمم مطلق تابع f است هرگاه به ازای هر x متعلق به این بازه

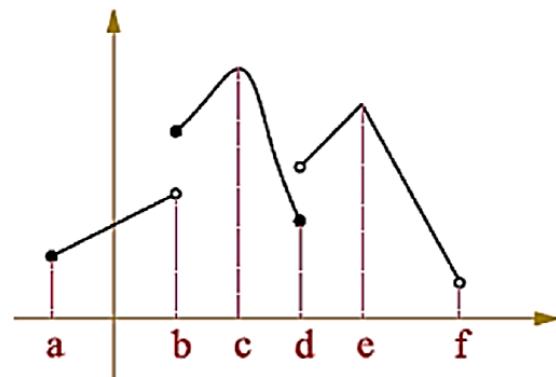
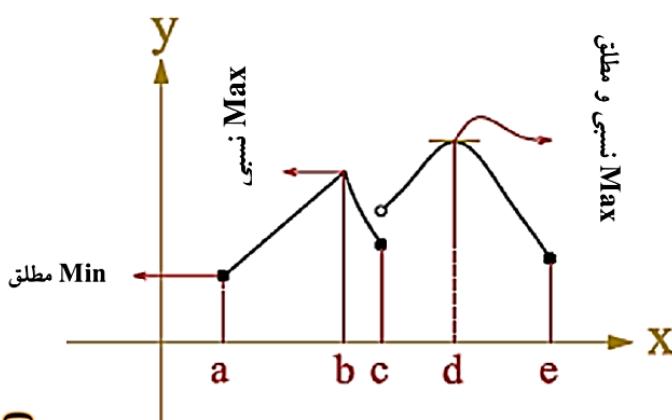
$$f(c) \leq f(x) \text{ داشته باشیم.}$$

بطور خلاصه: نقطه ای که نسبت به کلیه نقاط بازه بسته $[a, b]$ دارای عرض بیشتر یا مساوی باشد، ماکزیمم

مطلق بوده و نقطه ای که نسبت به تمامی نقاط این بازه دارای عرض کمتر یا مساوی باشد، مینیمم مطلق تابع f

خواهد بود.

مثال) با توجه به شکل‌های زیر نقاط اکسٹرم مطلق و نسبی تابع f و g را مشخص کنید.



نکته: (تشخیص نقاط اکسٹرم به کمک مشتق دوم)

فرضی کنیم a ریشه مشتق تابع f باشد ($f'(a) = 0$) حال عدد a را در معادله مشتق دوم تابع f قرار داده و علامت آنرا مشخص می کنیم، اگر علامت منفی باشد ($f''(a) < 0$) تابع در نقطه $x = a$ ماکسیمم داشته و اگر مثبت باشد ($f''(a) > 0$) تابع در این نقطه می نیم خواهد داشت و در حالتی که $f''(a) = 0$ باشد از این نکته هیچ نتیجه ای نمی توان گرفت.

مثال ۱ به کمک مشتق دوم، نقاط ماکزیمم و می نیم تابع $y = x^3 - 3x$ را بیابید.

مثال ۲ جهت تقریر و نقطه عطف منحنی به معادله $y = -x^3 + 2x$ را تعیین کنید.

مثال ۳ مقادیر a و b را طوری بیابید که نقطه $(-1, 1)$ نقطه عطف تابع $y = x^3 - ax^2 + bx + b$ باشد.

مثال ۴ مقادیر a و b را طوری تعیین کنید که محور x را در نقطه ای به طول 1 قطع کند و نقطه عطفی به طول $(1, 0)$ داشته باشد.

مثال ۵ تابع $y = x^3 + ax^2 + bx + c$ مفروض است. a و b و c را چنان بیابید که تابع در نقطه ای به طول 1 دارای می نیم بوده و نقطه $(0, 1)$ نقطه عطف منحنی باشد.

مثال ۶ تابع $y = x^3 + ax^2 + bx + c$ مفروض است. a و b و c را چنان بیابید که نقطه اکسٹرم تابع $(-1, 1)$ و طول نقطه عطف آن صفر باشد.