

ارشمیدس: اعلیحضرت! چه افتخاری در این ساعت شب نصیب من شده است که کلبه درویشی مرا شاه هیرون^۱ منور فرموده‌اند؟

هیرون: دوست عزیزم ارشمیدس، امشب در کاخ من ضیافت شامی ترتیب داده شده بود به مناسبت پیروزی درخشان شهر کوچکمان سیراکوز^۲ بر رومیهای مقتدر. من شما را دعوت کرده بودم، ولی جایتان خالی بود. چرا نیامدید؟ ما بیش از هر کس این پیروزی را مذیعون شما هستیم. آینه‌های مقعر برنجی عظیم شما ده کشتی از بیست کشتی رومیها را به آتش کشید. کشتیها مانند مشعلهای فروزان بسرعت با طوفان جنوب غربی از بندرگاه دور شدند و قبل از آنکه به دریای آزاد برسند، همگی غرق گردیدند. من نمی‌توانستم قبل از اینکه از شما، که شهر ما را از شر دشمن رهانید یه تشکر کنم، بهتر بروم.

ارشمیدس: آنها ممکن است بازگردند، و سرزمین ما هنوز در محاصره آنهاست.

هیرون: درباره آن، بعد صحبت خواهیم کرد. اول اجازه بدھید هدیه‌ای به شما تقدیم کنم، بهترین هدیه‌ای که می‌توانستم تهیه کنم.

ارشمیدس: این واقعاً شاهکار فوق العاده زیبایی است!

هیرون: این سینی از طلای ناب است. می‌توانید آن را به روشهای خود امتحان کنید؛ ذره‌ای نقره در آن نخواهدیافت.
 ارشمیدس: فکر می‌کنم برجسته کاری روی آن سرگذشت او دیسه‌ئوس را نشان می‌دهد. در وسط سینی مردم تروا را می‌بینیم در حال کشیدن اسب غول پیکر چوبی به درون شهر. من همیشه در این فکر بوده‌ام که مردم تروا از نوعی قرقره مرکب برای این کار استفاده کرده‌اند یا نه. البته آن اسب چرخ داشت، ولی جاده‌ای که به شهر می‌رفت ظاهراً باید دارای شیب تندی بوده باشد.

هیرون: ارشمیدس عزیز، شما را به زئوس سوگند لحظه‌ای قرقره‌ها را فراموش کنید. خودتان می‌دانید که وقتی می‌خواستم آن کشتنی سنگین را برای بطلمیوس شاه بفرستم، چقدر متعجب شدم که شما با چرخاندن دسته یک قرقره مرکب آن کشتنی عظیم را به آب انداختید. لطفاً نگاهی به مناظر دیگر سینی بیندازید.

ارشمیدس: من سیکلوپها^۱ را می‌بینم، همچنین کیرکه^۲ را که در حال مسخ کردن یاران او دیسه‌ئوس به خوک است؛ و در اینجا همسرایی پریان دریایی است و او دیسه‌ئوس که خود را به دیرک کشتنی به زنجیر کشیده به آن گوش می‌دهد (اگر به چهره او دقت کنیم، تقریباً می‌توانیم این آهنگ فریبند را بشنویم). و اینجا او دیسه‌ئوس را در عالم زیرین یا دوزخ می‌بینیم که با شبح آشیل^۳ سخن می‌گوید، و در این قسمت او با چهره خشمناک و غصب آلود خود همه را به وحشت می‌اندازد و بالاخره در اینجا او دیسه‌ئوس را می‌بینیم که تغییر شکل داده

و به صورت گدای پیری درآمده است که خم کمانش را می‌کشد و با مدعیان تسویه حساب می‌کند. براستی که شاهکار هنری شگفت‌انگیزی به من هدیه داده‌ایم. از شما پادشاه بخشنده بسیار سپاسگزارم. این هدیه‌ای براستی شاهانه است.

هیرون: این بهترین قطعه خزانه سلطنتی است، ولی شما واقعاً سزاوار آن هستید. من آن را فقط برای ارزش و زیباییش انتخاب نکردم، بلکه کار من دلیل سومی هم داشت. کاری که شما امروز برای سیراکوز انجام دادید، با حیله او دیسه‌ئوس قابل مقایسه است. این حیله‌ها، هر دو گواه پیروزی تفکر هشیارانه برزور سبعانه است.

ارشمیدس: شما پیر سالخوردۀ ای را شرمنده می‌کنید. ولی اجازه دهید یادآوری کنم که جنگ هنوز خاتمه نیافته است. آیا دوست دارید به نصیحت پیر مردی گوش دهید؟

هیرون: من حتی به عنوان پادشاه دستور می‌دهم که نظرتان را بصراحت بگویید.

ارشمیدس: اکنون لحظه‌ای است که باید شما با رومیها صلح کنید؛ از وقتی که جنگ شروع شده است، هیچ‌گاه ما در چنین وضع مناسبی برای مذاکره نبوده‌ایم. اگر مارسلوس^۱ سفیر خود را قبل از نیمه شب نزد شما نفرستد، شما باید سفیر خود را پیش از طلوع آفتاب به دیدار وی بفرستید و قرارداد صلح را پیش از آنکه دوباره آفتاب غروب کند منعقد کنید. مارسلوس مشتاق است که نیروهایی

را که برای محاصره ما بکار گرفته است، بر ضد هانیبال^۱ بکار برد. به علاوه اگر فردا با شما به توافق برسد، می‌تواند گزارشی مبتنی بر پیروزی، حتی در سطح سیاسی، برای رم بفرستد؛ گزارشی که به هر حال از خبر ناراحت‌کننده از دست دادن نیمی از ناوگانش بهتر است. اگر گزارش جنگ امروز به رم برسد، آنها چنان خشمگین خواهند شد که دیگر جز به پیروزی کامل به هیچ چیز راضی نخواهند شد.

هیرون: تحلیل شما درست است. در واقع هنگام غروب پیامی از مارسلوس دریافت کردم که در آن پیشنهاد صلح و ترک محاصره شهر را تحت شرایطی خاص قبول کرده است. اگر شرایط وی را به شما بگوییم، نسبت به معامله با رومیها قدری ملاحظه کارتر می‌شوید.

ارشمیدس: مارسلوس چه می‌خواهد؟

هیرون: البته، مقدار زیادی طلا و نقره می‌خواهد؛ به علاوه، ده کشتی نو به جای کشتی‌هایی که امروز غرق کردیم؛ و همچنین خواسته است که همه قلعه‌هایمان را جز یکی خراب کنیم و آن یکی را هم به سر بازان رومی بدھیم تا در آن مستقر شوند. و نیز تقاضا کرده است که به کارتاز اعلان جنگ بدهیم و پسرم گلون^۲، دخترم هلنه^۳، و شما را گروگان خواسته است. در مقابل قول داده است که به شهر و سکنه‌اش تا وقتی که ما به این عهده‌نامه وفادار بمانیم هیچ آسیبی نرساند.

ارشمیدس: شاید جز بر سر گروگان گرفتن من، چندان در مورد

چیزهای دیگر اصرار نکند.

هیرون: شما خو نسرد و بی اعتماد درباره این موضوع سخن می گویید. به همه خدایان المپ سوگند که تا جان در بدن دارم نه فرزندانم را بدهشمن می سپارم و نه شما را، به طلا و نقره و کشتی اعتمای ندارم، بگذار بگیرد. اما چیزی که مرا به خشم می آورد این است که اگر همه چیزهایی را که خواسته به او بدهیم، زبونانه تسلیم شده ایم. تازه چه تضمینی هست که به عهد خود وفا کنند؟ او که به من گروگانی نمی دهد.

ارشمیدس: توجه داشته باشید که در صداقت شن تردید نکنید؛ رومیها به شرف و آبروی خود لااقل هنگام مذاکره بسیار حساسند. اما ممکن است بتوانید از دادن فرزندان به وی اجتناب کنید.

هیرون: و شما چه؟ آیا حاضرید خود را فدای شهر تان کنید؟

ارشمیدس: این سؤال است یا درخواست؟

هیرون: البته فقط سؤال است. می خواهید بدانید که به مارسلوس چه جواب داده ام؟

ارشمیدس: شما قبلاً جواب داده اید؟

هیرون: بله. من همه شرایط را جز گروگان دادن شما پذیرفتهم. موافقت کرده ام که حاضرم فرزندانم را گروگان بدhem فقط در صورتی که او هم دو فرزندش را نزد من گروگان بسپارد. در مورد شما گفتم که سن ایشان اجازه نمی دهد در اردوگاه زندگی کنند. به هر حال با علم به اینکه شما را واقعاً به عنوان گروگان نمی خواهد بلکه طالب دانش شماست، به وی قول دادم که شما برایش شرح مفصلی

بنویسید از اختراعاتتان که ارزش نظامی دارد.

ارشمیدس: من هرگز درباره اختراعات نظامی خود چیزی نخواهم نوشت.

هیرون: چرا؟ اگر صلح برقرار شود، ما دیگر هرگز به آنها احتیاجی نخواهیم داشت. به من بگویید چرا از نوشتن اختراقات نظامیتان خودداری می‌کنید.

ارشمیدس: اگر حوصله داشته باشد که دلایل مرا بشنوید، برایتان شرح می‌دهم.

هیرون: حاضرم که بشنوم، در ضمن می‌خواهم بیدار بمانم و منتظر جواب مارسلوس باشم.

ارشمیدس: پس وقت زیادی داریم، چون مدتی طول می‌کشد تا مارسلوس جواب خود را تنظیم کند. جوابش چون شلاق خواهد بود.

هیرون: فکر می‌کنید مذاکرات را قطع کند؟

ارشمیدس: البته. شما شرافتش را لکه دار کرده‌اید، هرگز شما را نخواهد بخشید و قراردادی امضا نخواهد کرد.

هیرون: ممکن است حق با شما باشد.

ارشمیدس: من همیشه سیاست‌ورزی هنرمندانه و بینش روانکاوانه شما را نسبت به نیات دشمنانتان تحسین کرده‌ام. اما این بار از این هنر غافل بوده‌اید.

هیرون: باید حرف شما را بپنیرم. شاید من از غرور و پیروزی هر دو سخت می‌ست بوده‌ام، ولی کار گذشته‌است. هنوز هم منتظر شنیدن دلایل شما هستم.

ارشمیدس: هر چند که این بحث دیگر مصدق اعلی نخواهد داشت، با این همه به سؤالتان پاسخ می‌دهم. شما ماشینهای من را با اسب چوبی تروا مقایسه کردید. خوب، مقایسه‌تان با مسمی است ولی نه به آن تعبیری که فکر می‌کنید، بلکه به تعبیری کاملاً متفاوت. اودیسهوس اسب چوبی را برای ورود مخفیانه خود و تعدادی از سرباز یونانی به تروا بکاربرد، اما من اختراعاتم را برای ورود مخفیانه اندیشه‌ای به ذهن و فکر مردم یونان بکارگرفتم: این اندیشه که همه ریاضیات، نه فقط مبادی آن، بلکه حتی بخش‌های ظریفتر آن، می‌تواند در عمل با موقیت معجزه‌آسایی جامه عمل پوشند. باید اعتراف کنم که چون من از جنگ و خونریزی متنفرم قبلاً از این کار ابا داشتم، اما به هر حال جنگ روی داده بود و این تنها راهی بود که می‌توانستم اندیشه‌ام را به مردم تفهیم کنم. قبلاً از هر راهی که سعی کردم موفق به انجام این کار نشدم. اجازه بدهید به یادتان بیاورم که چند سال پیش تلمیه‌ای اختراع کردم که از معادن شما آب بیرون بکشد تا دیگر کارگران ناچار نباشند تا بالای ران در آب فرو روند، ولی شما از آن استقبال نکردید. وزیر معادن شما گفت برایش اصلاً اهمیتی ندارد که پای بر دگان خیس شود. به من گفت «مگر پای بر دگان از نمک است که به آب نزنند؟» همچنین به یاد می‌آورید که پیشنهاد کردم ماشینی بسازم تا همه مزارع شما را آبیاری کند؟ به من گفته شد که کار بر دگان ارزانتر تمام می‌شود. زمانی به بطلمیوس شاه گفتم که می‌توانم با نیروی بخار آسیابهای او را بگردانم. جواب داد که این آسیابها همان‌طور که برای اجداد من گردیده‌اند، برای من هم

خواهند گردید. اگر باز هم مثال می‌خواهید، می‌توانم دست کم ده دوازده مثال دیگر برایتان نقل کنم. در زمان صلح همه کوشش‌های من برای نشان دادن قدرت ریاضیات بی‌ثمر ماند، ولی همین که صفير جنگ از دور برخاست، به بیاد قرقه‌ها و ارابه‌ها و اهرمهای من افتادید. هنگام صلح همه به اختراعهای من به عنوان اسباب بازی می‌ذکریستند، اسباب بازیهایی که ارزش بزرگسالان را نداشت چه رسید به فیلسوفان؟ حتی شما که همیشه حامی من بوده و کمک کرده‌اید تا بتوانم اندیشه‌هایم را به آزمایش درآورم، آنها را خیلی جدی نمی‌گرفتید، و فقط برای سرگرمی می‌همانانتان بکارمی‌بردید. وقتی که جنگ درگرفت و کشتیهای رومی بندرگاه را بستند، من تصادفاً این فکر را مطرح کردم، یعنی پرتاب سنگهای بزرگ با منجنيق به سوی کشتیهای رومی، و شما فوراً پذیرفتید. چون حرفم را نمی‌توانستم پس بگیرم، تصمیم گرفتم که بدان عمل کنم. هر چند که از همان آغاز از نظر اخلاقی مردد بودم. البته خوشحال بودم که این بار اختراع من دیگر به شوخی گرفته نشد و فرصتی یافت تا به جهانیان نشان دهد که چگونه ریاضیات در عمل می‌تواند اعجاز کند. با این حال قلبیاً نمی‌خواستم از این راه ارزش عملی ریاضیات را نمایان سازم. امروز مردانی را دیدم که به وسیله ماشینهای من کشته شده بودند؛ واقعاً احساس گناه کردم. آنگاه با آتنه^۱ پیمان بستم که هرگز راز ماشینهای جنگیم را چه به صورت نوشته و چه به طور شفاهی فاش نکنم. با خود گفتم که آوازه شکست رومیها توسط ارشمیدس و با

کمک ریاضیات همه جهان یونانی زبان را فراخواهد گرفت، و باقی خواهد مساند، حتی پس از آنکه جنگ تمام شود و حتی هنگامی که راز این ماشینهای جنگی نیز با خود من مدفون گردد. و بدین ترتیب بود که وجود ان خود را تسکین دادم.

هیرون: همین طور هم هست ارشمیدس عزیز؛ نامه‌های بسیاری از پادشاهانی به دستم می‌رسد که از دوستان منند و در آنها راجع به اختراعات شما پرسش‌هایی می‌کنند.

ارشمیدس: و شما چه جواب داده‌اید؟

هیرون: می‌گویم تا وقتی که جنگ ادامه داشته باشد، به این پرسش‌ها نمی‌توان پاسخ داد.

ارشمیدس: امیدوارم که شما دلایل مرا برای فاش نساختن این رازها دریافت‌باشید. حتی موفق شده‌ام این اسرار را از کسانی که بر نقشه‌های من جامه عمل پوشانده‌اند مخفی نگهداشتم. به‌هر یک از این کسان فقط قسمتی از طرح‌های‌می‌آموزم. خوشحالم که شما هرگز در این باره از من سؤالی نکرده‌اید، زیرا که در آن صورت از جواب دادن به‌شما نیز خودداری می‌کردم.

هیرون: اما حال من سؤالهایی دارم. نترسید، به‌رازهایتان کاری ندارم، فقط سؤالهایی درباره اصول کلی دارم.

ارشمیدس: گمان می‌کنم بدون اینکه سوگندم را بشکنم می‌توانم به سؤالهای شما پاسخ دهم.

هیرون: قبل از اینکه سؤالهای‌می‌طرح کنم، می‌خواهم چیزی دیگری بپرسم. چرا برای شما این قدر اهمیت داشت که مردم به

اندیشه‌های شما در مورد مفیدبودن ریاضیات پی‌ببرند؟
 ارشمیدس: شاید حماقت کرده باشم، اما فکر کردم که می‌توانم
 جریان تاریخ را تغییر دهم. من نگران آینده یونان بودم. اندیشیدم
 که اگر ما در مقیاس بسیار وسیعی ریاضیات را بکارگیریم، ممکن
 است بتوانیم زندگی خود را با روش یونانیمان حفظ کنیم. آخر،
 ریاضیات اختراعی یونانی است و گمان می‌کنم که بهترین دستاوردهای
 روح یونانی باشد. حال بهاین نتیجه رسیده‌ام که خیلی دیر شده است.
 رومیها نه تنها سیراکوز را فتح خواهند کرد، بلکه بر همه شهرهای
 دیگر یونان نیز چیره خواهند شد؛ دوره ما بپایان رسیده است.

هیرون: اگر حتی چنین هم بشود، فرهنگ یونانی ما از میان
 نخواهد رفت؛ رومیها آن را فراخواهند گرفت. ببینید چگونه از هم
 اکنون تقلید از ما می‌کنند، مانند ما مجسمه می‌سازند، ادبیات
 ما را ترجمه می‌کنند، و مازسلوس هنوز چیزی نشده است خواهان
 ریاضیات شماست.

ارشمیدس: رومیها هرگز به کنه آن نخواهند رسید. آنها بیش
 از حد عملی فکر می‌کنند و به اندیشه‌های مجرد علاقه‌ای ندارند.

هیرون: اما آنها بی‌شك به کاربردهای عملی ریاضیات
 علاقه‌مندند.

ارشمیدس: ولی ریاضیات عملی، و مجرد را نمی‌توان از هم
 جدا کرد. انسان باید آنچنان ذهن خیال‌پردازی داشته باشد که بتواند
 ریاضیات را با موقیت در عمل بکار ببرد.

هیرون: این کمی تناقض‌آمیز به نظر می‌آید. من این طور فکر

می کردم که برای بکاربردن ریاضیات انسان باید شمی قوی در کارهای عملی داشته باشد. این موضوع مرا به سؤال اولم برمی گرداند. راز دانش جدیدی که شما ابداع کرده اید، اگر بفرض آن را ریاضیات عملی بنامیم، چیست؟ و تفاوت اصلی ریاضیات عملی شما با آن نوع ریاضیاتی که در مدرسه ها آموخته می شود، اگر آن را ریاضیات محض بنامیم، کدام است؟

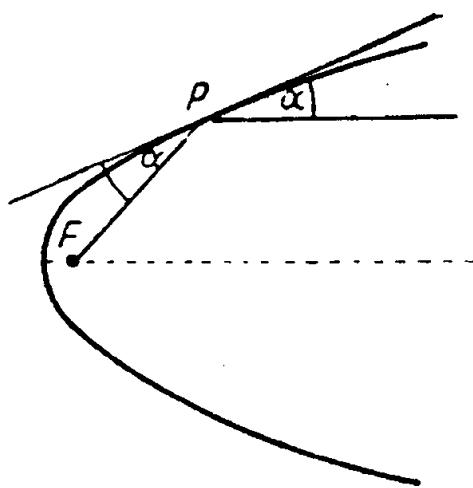
ارشمیدس: متأسفم که باید بگوییم اشتباه می کنید. ریاضیاتی جز آنچه معلمان ریاضی به شما آموخته اند وجود ندارد، و تا آنجا که در خاطرم هست آنها ناموفق هم نبوده اند. هیچ ریاضیات عملی به عنوان هنری متفاوت و جدا از ریاضیات، وجود ندارد! اسرار من بدآن سبب خوب پنهان مانده است که اصلاً سر نیستند؛ همان وضوح و سادگی آنهاست که از دیدگان مخفیشان می سازد. آنها چنان پنهان شده اند که یک سکه طلا، افتاده در خاک راه.

هیرون: یعنی می گویید که ماشینهای خارق العادة شما بر اساس همین ریاضیاتی درست شده است که هر کس تحصیل می کند؟
ارشمیدس: دارید به حقیقت نزدیک می شوید.

هیرون: ممکن است مثالی برایم بزنید؟

ارشمیدس: بسیار خوب، بیایید برای مثال آینه هایی را که امروز چنان خوب کار کردند، در نظر بگیریم. کاری که من کردم، فقط بادآوری یک خاصیت مهم و معروف سهمی بود: نقطه P را روی سهمی در نظر بگیرید، آن را به کانون وصل کنید، و خطی هم از P موازی محور سهمی بکشید. این دو خط با خط مماس بر سهمی در

نقطه P زوایای مساوی می‌سازند.



این قضیه را من توانید در کتابهای همکاران برجسته من در اسکندریه هم بیابید.

هیرون: باور نکردنی است که شما با این قضیه که یکی از صدھا قضیه مشابه در هندسه است، نصف ناوگان مارسلوس را نابود کرده‌اید. من این قضیه را به طور مبهمی به خاطر می‌آورم، لیکن اثبات آن را فراموش کرده‌ام.

ارشمیدس: احتمالاً وقتی که یکی از اثباتهای خلاقانه آن را دیده‌اید، آن را فهمیده و حتی زیبایی و ظرافتش را تحسین کرده‌اید، ولی قدمی فراتر برنداشته‌اید. بعضی از ریاضیدانها چند گام بیشتر برداشته‌اند؛ آنها خواص کاملاً هندسی جدیدی از سهمی را با بکار گرفتن این قضیه کشف کرده‌اند. عده‌ای هم برای همین قضیه اثباتهای نویی ابداع کرده ولی همانجا متوقف مانده‌اند. من خیلی ساده فقط یک قدم بیشتر برداشت. کاری که من کردم این بود که دنبال نتایج غیر ریاضی این قضیه نیز گشتم.

هیرون: فکر می‌کردم قوانین تازه‌ای در نوزشناخت ابداع

کرده‌اید.

ارشمیدس: از همه چیز گذشته، سورشاخت هم چیزی نیست جز شاخه‌ای از هندسه. از سورشاخت فقط خاصیت انعکاس پرتو را بکارگرفتم که مدت مديدة است همه بر آن واقfnد.

هیرون: آیا منظورتان این است که برای بکاربردن ریاضیات، بدست آوردن نتایج جدید لازم نیست و فقط کافی است که برای يك مسئله عملی، همتایی ریاضی در نظر بگیریم که يك گزاره ریاضی شناخته شده باشد؟

ارشمیدس: نه، به‌این سادگی هم نیست. خیلی وقتها اتفاق می‌افتد که قضیه‌ای را که لازم داریم وجود ندارد و باید آن را خودمان پیدا کرده ثابت کنیم. ولی حتی اگر این کار هم لازم نباشد، یافتن همتای ریاضی - به قول شما - برای مسئله‌ای عملی (که ترجیح می‌دهم آن را يك الگوی ریاضی بنامم)، باسانی جفت کردن لنگه‌های دستکش نیست. اول اینکه برای يك مسئله عملی گاهی می‌توان الگوهای ریاضی بسیاری ساخت، و باید آن الگویی را که مناسبترین و حتی الامکان نزدیکترین الگو به وضعیت عملی است انتخاب کرد (اینکه الگو کاملاً منطبق بر وضعیت مورد نظر باشد، هرگز امکانپذیر نیست). در عین حال، الگو باید از نظر ریاضی قابل دسترسی و بررسی باشد و خیلی پیچیده نباشد. این دو شرط البته با یکدیگر معارضند، و معمولاً لازم است بین این دو توازنی معقول برقرارشود. الگوی ریاضی لازم نیست که بیانگر همه جوانب مسئله عملی باشد، بلکه باید تقریب بسیار خوبی برای بخش‌های با اهمیت و

پر ارزش آن باشد. از سوی دیگر، یک الگو ممکن است بتواند در وضعیتهای عملی کاملاً گوناگونی مورد استفاده قرار گیرد. مثلاً من از خواص سهمی، هم برای ساختن آینه استفاده کردم، و هم، چون مسیر سنگی که با منجنيق پرتاپ می‌شود تا حدودی قابل تقریب با سهمی است، برای درست کردن منجنيق. برای محاسبه اینکه کشته تحت تأثیر وزن بارش تا چه میزان در آب فرو خواهدرفت نیز از سهمیها استفاده کردم. البته شکل هندسی مقطع کشته دقیقاً سهمی نیست، ولی الگوی واقعیتر آن از نظر ریاضی قابل بررسی نخواهدبود. با این حال نتایج حاصل شده بخوبی با واقعیت منطبق است. بخصوص با استفاده از اینکه مرکز ثقل کشته همواره ناچار است در عمیق‌ترین نقطه ممکن آن باشد، توانستم شرایط لازم را برای ایستایی کشته در مقابل ضربات ناشی از باد و امواج دریا پیدا کنم. برای توصیف موقعیتی به این پیچیدگی، حتی یک الگوی غیر دقیق هم مفید واقع می‌شود، زیرا لااقل نتایج کافی درستی به دست خواهدداد و این نتایج ممکن است از نتایج کمی اهمیت عملی بیشتری داشته باشند. تجربه بهمن آموخته است که حتی الگویی بسیار ناشیانه نیز می‌تواند ما را در درک بهتر یک وضعیت عملی یاری دهد، زیرا در تلاش برای بهبود بخشیدن به یک الگوی ریاضی مجبوریم همه امکانات منطقی را در نظر بگیریم، همه مفاهیم را بدون هیچ ابهامی تعریف کنیم، و عوامل مهم را از عوامل ثانوی متمایز سازیم. حتی اگر الگوی ریاضی ما نتایجی به بار آورد که با واقعیات سازگار نباشند، باز می‌تواند مفید واقع شود،

زیرا از شکست یک الگو می‌توان درسی برای یافتن الگویی بهتر گرفت.

هیرون: بنظر می‌رسد که ریاضیات عملی درست مانند جنگ است. بعضی وقتها شکست از پیروزی بسیار با اهمیت‌تر است، زیرا به ما کمک می‌کند تا به ناکافی بودن ساز و برگ و نقص ترفندهای جنگی خود پی‌بریم.

ارشمیدس: حال شما به کنه مطلب پی‌برده‌اید.

هیرون: راجع به آینه‌هاتان بیشتر برایم توضیح بدهید.

ارشمیدس: فکر اصلی را قبلاً برایتان شرح دادم. وقتی که برایم مشخص شد که خاصیت ذکر شده سهمی برای این کار بسیار مناسب است، تنها مسئله‌ای که باقی‌ماند این بود که چگونه می‌توان آینه فلزی را به شکل سهمی محدب دوار درآورد. البته ترجیح می‌دهم درباره روش این کار صحبت نکنم، ولی باید بدانید که انتخاب آلیاز مناسب هم مهم بود.

هیرون: بدون قصد کنجکاوی در اسرار شما، واضح است که شما می‌باید به جز آگاهی به خواص سهمی، اطلاعات وسیعی نیز درباره فلزها و طرز کار با آنها داشته باشید. به نظرم این نشان می‌دهد که دانستن ریاضیات بتنها برای کاربردن آن کافی نیست. آیا کسی که می‌خواهد ریاضیات را بکارگیرد، مانند شخصی نیست که بخواهد بردو اسب، همزمان سوار شود؟

ارشمیدس: من تشبیه شمارا قدری تغییر می‌دهم: کسی که می‌خواهد ریاضیات را در عمل بکارگیرد، مثل مردی است که

بعواهد دو اسب را به درشکه خود براق کند. این کار چندان دشوار نیست، البته اندک اطلاعی درباره اسب و درشکه لازم دارد، اما هر یک از درشکه‌چیهای شما قادرند که این کار را بکنند.

هیرون: دیگر من کاملاً سردرگم شده‌ام: هر بار که فکر می‌کنم ریاضیات عملی اسرارآمیز است، شما نشان می‌دهید که خیلی ساده است. اما همین که قانع می‌شوم که کل جریان واقعاً دشوار نیست، مثالی می‌زنید که نشان دهید ساده‌انگاری کرده‌ام و مسئله غامضتر از این حرفه است.

ارشمیدس: اصول کار واضح و روشن است، ولی ریزه‌کاریها گاهی کاملاً پیچیده‌اند.

هیرون: هنوز هم منظورتان را از الگوی ریاضی نفهمیده‌ام، بیشتر توضیح بدهید.

ارشمیدس: آیا کراتی را به یاد دارید که چند سال پیش ساختم تا حرکات خورشید، ماه، و پنج سیاره را با کمک آنها نشان دهم؟ کراتی را می‌گوییم که با آنها می‌شد خسوف و کسوف را نشان داد.

هیرون: البته. این کرات از چیزهایی است که در قصرم همیشه به میهمانانم نشان می‌دهم. هر کس که دیده، آنها را خارق العاده وصف کرده است. آیا این کرات الگویی ریاضی برای کیهانند؟

ارشمیدس: نه، من آنها را الگویی فیزیکی کیهان (عالی) می‌نامم. الگوهای ریاضی را نمی‌توان دید. آنها تنها در ذهن ما وجود دارند و فقط به یاری فرمول می‌توان بیانشان کرد. الگوی ریاضی کیهان الگویی است که هم کیهان واقعی را بیان می‌کند و هم

الگوی فیزیکی مرا. مثلاً در الگوی فیزیکی، هر سیاره به صورت توپی کوچک به اندازه پر تقال ساخته شده است، در حالی که در الگوی ریاضی کیهان هر سیاره با نقطه‌ای نشان داده می‌شود.

هیرون: فکر می‌کنم کم‌دارم متوجه منظورتان از الگوی ریاضی می‌شوم. بگذارید برگردیم به تشبیه اسبها. فن یراق کردن اسبها به درشه و راندن آنها، از پرورش و نگاهداری اسب کاملاً جدا است. آیا منظورتان این نیست که فن به کارگیری ریاضیات نیز کاملاً متمایز از کشف و اثبات قضایاست؟

ارشمیدس: البته در مورد اسب حرف شما صحیح است، گرچه کسی که اسبی را بزرگ کرده باشد، معمولاً بهتر از دیگران آن اسب را می‌شناسد و بدیهی است که بهتر از هر کس می‌تواند از آن سواری بگیرد. در مورد ریاضیات، همان طور که قبلاً هم گفتم، برای بکارگرفتن آن باید درک عمیقی از آن داشت و اگر کسی بخواهد ریاضیات را به طور بدیعی بکاربرد، باید خود ریاضیدانی خلاق باشد. البته ارج نهادن به کاربردها نیز ممکن است در تحقیقات ریاضی مجرد مفید باشد.

هیرون: چطور ممکن است؟ برایم مثالی بزنید.

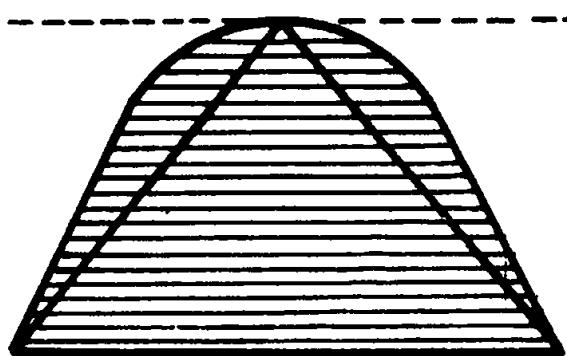
ارشمیدس: شاید به خاطر بیاورید که چند وقت پیش من به مسئله یافتن مرکز ثقل اجسام در مکانیک خیلی علاقه‌مند بودم. نتایجی که در مورد مرکز ثقل کشف کردم به من کمک کرد که هم ماشینهای جدیدی بسازم و هم قضایای هندسی تازه‌ای به اثبات برسانم. من دو شدیده‌ای دارد که در آن با مطالعه مرکز ثقل

اجسام می‌توان مسائل هندسی را بررسی کرد. این روش خصلتی شهودی دارد، بدین معنی که با آن نمی‌توان اثباتهای دقیق اداهه داد. البته، اذ آنجا که این روش اثباتهای واقعی بدهست نمی‌دهد، من پس اذ آنکه قضایا را به کمک روش مکانیکی خودم حدس ندم، با روش‌های سنتی هندسه اثبات کرم. بدین ترتیب، اگر اذ قبل دامود مسائلهای اطلاعاتی اذ طریق قیاسهای مکانیکی کسب کرده باشیم و بدانیم چه را باید ثابت کنیم، اثبات قضیه بسیار ساده‌تر می‌شود.

هیرون: قضیه‌ای را بگویید که از این طریق عجیب و غریب بدهست آورده باشد.

ارشمیدس: مساحت هر قطعه سهمی برابر است با چهار سوم مساحت مثلثی که همان قاعده و همان ارتفاع را داشته باشد.

این قضیه را بعد از آنکه با روش خودم کشف نمودم، به روش سنتی نیز اثبات کرم.



هیرون: اگر آن را از روش مکانیکی بدهست آوردید، چرا به خود زحمت دادید تا از طریق هندسی نیز ثابت‌ش کنید؟

ارشمیدس: نخستین بار که روش خود را کشف کرم، نتابیجی از آن حاصل شد که همه آنها درست نبود. بعدها، با تحلیل حالاتی که

به نتایج غلط منتهی می‌شد، روشنم را آن قدر کمال بخشیدم تا اینکه دیگر نتیجه نادرست بددست ندهد. در عین حال هنوز نمی‌توانم ثابت کنم که تمام نتایج حاصل شده از این طریق درست است. شاید روزی کسی بتواند این مطلب را ثابت کند، ولی تا آن موقع من به‌طور کامل از صحت این روش مطمئن نیستم.

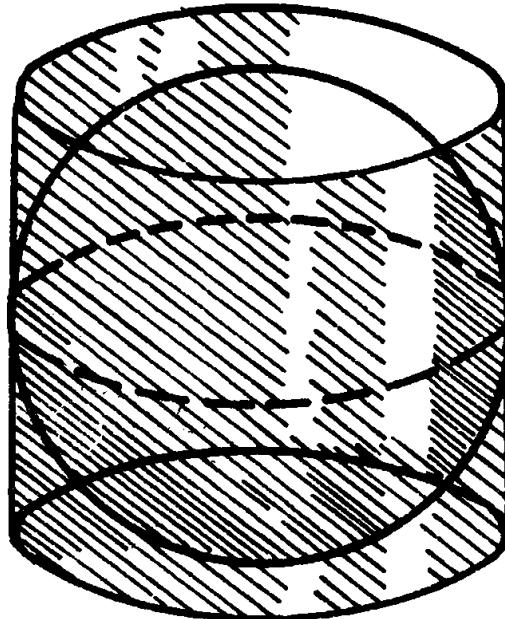
هیرون: ولی آیا اثباتهای خبیلی دقیق برای مسائل ریاضیات عملی برآستی لازم است؟ پیش از هر چیز، الگوی ریاضی چنانکه گفتید فقط یک تقریب از واقعیت است. اگر فرمولهای تقریبی را به کار بگیریم، نتایجمان نیز به‌طور تقریبی درست خواهد بود و می‌دانیم که در هر حال هیچ وقت نمی‌توان نتایج مطلقاً دقیقی را استنتاج کنیم.

ارشمیدس: شاه، اشتباه می‌کنید. دقیقاً بدین دلیل که الگوی ریاضی تقریبی است و همواره مقداری از واقعیت فاصله دارد، نباید این فاصله را با بی‌دقیقی در بکاربستن ریاضیات افزایش داد. ضمناً، خبیلیها بغلط تصور می‌کنند که استفاده از تقریب در ریاضیات به معنای دورشدن از دقت است، در حالی که تقریب‌زدن خود دارای نظریه‌ای بسیار دقیق است و هر نتیجه‌ای در مورد تقریبها - مانند نامساویها - باید به‌همان اندازه دقیق ثابت شود که هر قضیه‌ای در ریاضیات. شاید شما تقریبها بی‌راکه من برای مساحت دایره بر حسب قطر آن پیدا کردم به‌یاد داشته باشید. من آنها را با همان دقت معمول در هندسه ثابت کردم.

هیرون: با روشهای مکانیکی خود چه قضایای دیگری را به

ائبات رسانیده‌اید؟

ارشميدس: ثابت کرده‌ام که حجم کره محاط ده استوازه برابر است با دو سوم حجم استوازه.



هیرون: شنیده‌ام گفته‌اید که می‌خواهید پس از مرگتان این قضیه بر روی سنگ مزارتان حک شود. آیا فکر می‌کنید که این قضیه برجسته‌ترین کار ریاضی شماست؟

ارشميدس: فکر می‌کنم خود این روش از هر قضیه‌ای که از آن نتیجه شده است مهمتر باشد. آیا به‌خاطر می‌آورید يك بار به‌شما گفتم: تکیه‌گاهی به‌من بدهید، من کره زمین را با اهرمی بلند می‌کنم؟ البته چنین نقطه مشخصی در عالم وجود ندارد. ولی در ریاضیات چنین تکیه‌گاهی هست و آن اصول موضوع و منطق است. بکاربردن ریاضیات در عالم واقعی در حکم حرکت‌دادن زمین از تکیه‌گاه ریاضیات است.

هیرون: شما همیشه درباره کاربرد ریاضیات صحبت می‌کنید،

ولی همه مثالها بستان کاربردهای هندسه است. حالا متوجه شده‌ام که هندسه در عمل چگونه بکارمی‌رود. برای مثال، کار ماشین بستگی به‌شکل و اندازه اجزاء آن دارد؛ سنگهایی که منجنیق شما پرتاب می‌کنند، مسیرشان تقریباً سهمی است. اما کاربرد شاخه‌های دیگر ریاضیات، مثل نظریه اعداد، چیست؟ اصلاً من تصورش را هم نمی‌توانم بکنم که نظریه اعداد کاربرد داشته باشد. البته در مورد حساب و کتاب روزانه که افراد با آن سرو کار دارند سخن نمی‌گوییم؛ صحبت من در مورد چیزهایی است مانند تقسیم پذیری، اعداد اول، کوچکترین مضرب مشترک، و نظایر اینها.

ارشمیدس: خوب، اگر شما دو چرخ دنده با تعدادی دنده‌های متفاوت را به‌هم وصل کنید، فایده کوچکترین مضرب مشترک، خود به‌خود معلوم می‌شود. بتازگی از دوستم اراتوستن (اراتوستنس)^۱ از مردم کورنه^۲ نامه‌ای دریافت کردم که در آن روش ساده ولی هوشمندانه‌اش را برای یافتن اعداد اول نوشته بود. وی آن را روش غربال نامیده است. وقتی درباره روش او فکر می‌کردم، طرح ساختن ماشینی را ریختم که اندیشه او را تحقق می‌بخشید. این ماشین با تعدادی چرخ دنده کارمی‌کند. وقتی چرخ را n بار بچرخانیم و به سوراخ روی ماشین نگاه کنیم، اگر n عددی اول باشد، سوراخ کاملاً باز است و اگر n عددی مرکب باشد، سوراخ مسدود خواهد بود.

هیرون: واقعاً حیرت‌انگیز است. وقتی که جنگ تمام شد باید

این ماشین را بسازید. میهمانان من عاشق آن خواهند شد.
ارشمیدس: اگر زنده ماندم آن را خواهم ساخت. این اختراع نشان می دهد که ماشین هم می تواند گاهی مسئله ریاضی حل کند. شاید این باعث شود که ریاضیدانها متوجه شوند که حتی از نظر گاه خودشان هم سودمند است که رابطه بین ماشین و ریاضیات را مطالعه کنند.

هیرون: راجع به سودمندی گفتید، به باد داستانی از اقلیدس افتدام. یکی اذ شاگردانش که هندسه می خواند اذ او پرسید «اذ مطالعه این چیزها چه سودی عاید من می شود؟» اقلیدس غلام خود (احدا) ذد و گفت «سکه‌ای به این آقا بده، ذیرا می خواهد اذ آنچه فرامی گیرد سود ببرد». از این ماجرا چنین استنباط می کنیم که اقلیدس نگرانی در مورد کاربردهای عملی را برای ریاضیدانها لازم نمی دانسته است.

ارشمیدس: البته این طنز را شنیده ام، ولی تعجب خواهید کرد اگر بشنوید که من در این مورد کاملاً با اقلیدس هم عقیدام. اگر من هم به جای او بودم، جوابی مشابه می دادم.

هیرون: نفهمیدم، تا حالا شما با اشتیاق درباره کاربردهای ریاضیات صحبت می کردید، ولی ناگهان با ناب گرایان که معتقدند تنها پاداش دانشمند باید حظ از دانش باشد همداستان شدید.

ارشمیدس: فکر می کنم شما و بیشتر مردم درست متوجه منظور اقلیدس نشده اید. این درست نیست که بگویید اقلیدس به نتایج عملی قضایای ریاضی علاقه نداشت و آنها را دونشأن یک فیلسوف می پنداشت. این تعبیری کاملاً مهمل است. یقیناً می دانید که او

کتابی به نام پدیده‌ها در زمینه نجوم، و کتابی در زمینه نورشناخت نوشته است. احتمالاً^۱ نویسنده کتاب کاتوپتریکا^۱ نیز هست که من برای ساختن آینه‌های خود از آن استفاده کردم. بدهز عم من، اقلیدس می‌خواست تأکید کند ریاضیات فقط به کسانی پاداش خواهد داد که به آن، به‌خاطر پاداش، علاقه‌مند نیستند، بلکه به‌خود آن عشق می‌ورزند. ریاضیات مانند شما پادشاه عزیز است که هر بار که فرزندتان به دیدار شما می‌آید شک می‌کنید که به خاطر ثروت و قدرت شما را ملاقات می‌کند و یا به خاطر عشق به پدر. شما فرزندی می‌خواهید که شما را به خاطر مهربانی تان دوست داشته باشد، نه ثروتی که از این طریق عایدش می‌شود. ریاضیات هم به‌طور مشابهی اسرارش را تنها برای کسانی آشکار می‌کند که با عشقی خالصانه به خاطر زیباییش به آن نزدیک می‌شوند. البته کسانی که چنین شیوه‌ای در پیش گیرند، در نهایت نتایج عملی بسیار مهمی نیز به عنوان پاداش حاصل می‌کنند، اما اگر کسی در هر مرحله بپرسد که «چه سودی از اینها عاید می‌شود؟» هرگز وارد جریان ژرف مطالعه و تحقیق نخواهد شد. به‌یاد می‌آورید که به‌شما گفتم که رومیان هرگز موفق نخواهند شد ریاضیات را در عمل بکار گیرند. خوب، حالا دلیلش را می‌فهمید؛ آنها فکرشان دائم به‌دبیال نتایج عملی است.

هیرون: فکر می‌کنم ما باید از رومیها درس بگیریم. در این صورت شاید بتوانیم با آنها بهتر بجنگیم.
ارشمیدس: مساوی نیستم. تقلید از دشمن یعنی از دستدادن

اندیشه‌هایی که ما برای آنها زنده‌ایم. اگر بخواهیم جنگ را بدان قیمت ببریم، در واقع نبرد را پیش از آنکه شروع شود باخته‌ایم. حتی اگر به این طریق در جنگ پیروز شویم، ارزشی نخواهد داشت، و این پیروزی از شکست بدتر است.

هیرون: بگذارید درباره جنگ سخنی نگوییم و به ریاضیات باز گردیم. به من بگویید الگوی ریاضی را چگونه می‌سازند؟ ارشمیدس: بیان این مسئله آن هم به‌طور کلی خیلی مشکل است. شاید یک مثال کمک کند. الگوی ریاضی یک وضعیت واقعی، چیزی مثل سایه آن بر روی پرده مغز است.

هیرون: بنظر می‌رسد فلسفه شما دقیقاً عکس فلسفه افلاطون باشد. او می‌گوید موجودات عالم واقع سایه اندیشه‌هایند، در حالی که اگر حرفان را درست فهمیده باشم، شما می‌گویید اندیشه‌ها سایه دنیای واقع هستند.

ارشمیدس: این دو دیدگاه آن قدرها هم که بنظر می‌رسد از یکدیگر فاصله ندارند. افلاطون از تناظر و تطابق اندیشه‌های ریاضی و واقعیات در شکفت بود و فکر می‌کرد که هدف اصلی فلسفه باید تبیین این رابطه باشد. تا اینجا با او کاملاً موافقم، اما با تبیین او از این رابطه موافق نیستم. مع‌هذا باید بگویم که افلاطون بروشی ... آله را دریافت ... بود و کوشش می‌کرد یکی از راه حل‌های ممکن منطقی را بشکافد. اما فکر می‌کنم که باید فلسفه را کنار بگذاریم و به واقعیات زندگی بپردازیم... صدای در به‌گوشم می‌رسد، بگذارید در را بازکنم.

هیرون: نه، خودم باز می‌کنم.... باید فرستاده‌ام باشد که پاسخ مارسلوس را آورده است. این هم پیغام او.

ارشمیدس: پیغام مارسلوس چیست؟

هیرون: خودتان آن را بخوانید.

ارشمیدس: نوشته‌است «مارسلوس به شاه هیرون درود می‌فرستد و می‌گوید که تا قبل از حلول دوباره ماه سیراکوز را فتح خواهد کرد. آن وقت پادشاه خواهد فهمید که یک رومی پاس حرف خود را نگاه خواهد داشت».

هیرون: خوب، درباره این پیغام چه فکر می‌کنید؟

ارشمیدس: زبان یونانیش چندان بد نیست، ولی معنی پیغام همان است که انتظار داشتم.

هیرون: در واقع پیش‌بینی شما چنان درست از آب درآمد که گویی با روش جدیدتان آن را بافته بودید.

ارشمیدس: خوب، حالا دست کم می‌دانیم که انتظار چه حواله‌ی را باید داشته باشیم.

هیرون: اکنون باید بروم، زیرا لازم است کمی بخوابم. فردا خود را برای حمله جدیدی آماده می‌کنیم. از این بحث جالب توجه سپاسگزارم.

ارشمیدس: من هم از آن خیلی لذت بردم. این روزها معمولاً مجال نمی‌شود که درباره ریاضیات با کسی صحبت کنم. بار دیگر تشکر مرا به‌خاطر سینی فوق العاده زیبایی‌تان بپذیرید.

هیرون: خوشحالم که آن را پسندیدید. شب به خیر دوست من.

گمان کنم شما هم به استراحت نیاز داشته باشید.

ارشمیدس: شب به خیر اعلیحضرت. من حالا نخواهم خوابید.

باید نامه‌ای را که برای دوستم دوسيتيوس پلوزیومی^۱ شروع کرده‌ام به پایان برسانم. این نامه در مورد آخرین نتایج کارهای علمی من است. حالا که ناوگانهای روم بندرگاه را ترک کرده‌اند، فردا حتماً کشتیهایی به طرف پلوزیوم حرکت خواهند کرد. نامه را از این طریق می‌فرستم، زیرا ممکن است بعد از فردا رومیها دوباره ما را محاصره کنند. نباید فرصت را از دست بدهم، شاید این آخرین مجال من باشد.