

مرحله دوم المپیاد نجوم و اختتامیه فیزیک

تایید کمیته علمی

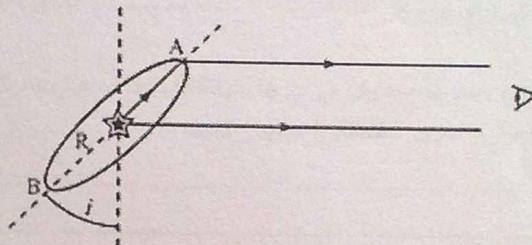
کد ملی: ۱۲۳۴۵۶۷۸۹۰



معاونت دانش پژوهان جوان

(۱۰ نمره)

در فوریه ۱۹۸۷ در کهکشان ابرماژلانی بزرگ یک ابرنواختر در حال انفجار دیده شد. مدت کوتاهی بعد از آن، خطوط نشری نازکی از گربن و نیتروزن بسیار یونیده در طیف آن ظاهر شد. خطوط نشری خیلی نازک بودند و احتمالاً از گاز سرد موجود در اطراف ستاره ارسال شده بودند. هنگامی که ابرنواختر خاموش شد، یک بیضی از گاز فروزان در اطراف آن مشاهده شد که ابعاد آن در آسمان در حدود  $1.62 \times 1.10''$  بود. این ابعاد احتمالاً معرف یک حلقه‌ی دایره‌ای شکل از ماده است که در صفحه استوایی ستاره و در مرحله‌ای که ستاره غول قرمز بوده است از آن به بیرون پرتاب شده است و به ظاهر بیضی دیده می‌شود (شکل ۱).



شکل ۱

(الف) زاویه تمايل حلقة اطراف ابرنواختر،  $\alpha$  را به دست آورید.  
روشن شدن خطوط نشری نازک چندین روز بعد از انفجار ابرنواختر شروع می‌شود. در واقع نور از دو راه به ما می‌رسد: یکی نوری است که مستقیماً از انفجار به ما می‌رسد، و دومی نوری است که از محل انفجار به حلقة گازی در اطراف ابرنواختر رسیده، گاز را یونیده کرده و سپس نور از گاز به سمت ما گسیل شده است.

(ب) اگر شعاع حلقة  $R$  باشد، مقدار تأخیر زمانی نوری که ابتدا به نقطه A رسیده و سپس به ما می‌رسد، با نوری که مستقیماً از ابرنواختر به ما می‌رسد (ت<sub>A</sub>) را به دست آورید.

(ج) همانند قسمت (ب)، تأخیر زمانی مربوط به نوری که از طریق نقطه B به ما می‌رسد (ت<sub>B</sub>) را به دست آورید.  
(د) اگر مقادیر اندازه‌گیری شده برای تأخیرهای زمانی، برحسب روز، عبارت باشند از:

$t_A = 83 \pm 6$  و  $t_B = 395 \pm 24$  شعاع R و فاصله‌ی ما تا ابرنواختر، d، را برحسب روز نوری به دست آورید و خطای مقادیر مربوطه را نیز ذکر کنید.  
(ه) اگر ابرنواختر در بیشترین روشنایی خود دارای قدر ظاهري  $m_V = 4$  باشد، درخشندگی مطلق آن L را برحسب درخشندگی مطلق خورشید،  $\odot$ ، به دست آورید و با توجه به قسمت (د) خطای آن را نیز ذکر کنید.

# در این قسمت چیزی ننویسید

مرحله دوم المپیاد نجوم و اختر فیزیک

تایید کمیت علمی

کد ملی: ۱۲۳۴۵۶۷۸۹۰



معاونت دانش پژوهان جوان

۲ - (۱۰ نمره)

مشاهدات رصدی وجود یک سیاه چاله در مرکز برخی از کهکشان‌ها را پیش بینی می‌کند. برای مدل سازی منحنی سرعت دورانی کهکشان‌هایی که یک سیاه چاله در مرکز دارد فرض می‌کنیم که یک جرم نقطه‌ای (سیاه چاله) با جرم  $M_0 = 10^6 M_{\odot}$  در مرکز کهکشان قرار دارد و بقیه‌ی جرم با چگالی  $\rho(r) = \rho_0 a^2/r^2$  در اطراف آن توزیع شده است، که در این رابطه  $a = 1 \text{ kpc}$  و  $\rho_0$  مقادیر ثابتی هستند.

(الف) رابطه‌ای برای سرعت دورانی اجرام، حول مرکز کهکشان،  $V(r)$ ، به دست آورده و نمودار آن را به صورت تقریبی رسم کنید. فرض کنید اجرام در مدارهای دایره‌ای حرکت می‌کنند.

(ب) اگر در شاعع  $r = 1 \text{ pc}$  سرعت دورانی ستاره‌ای برابر با  $V = 100 \text{ km s}^{-1}$  باشد، مقدار عددی ثابت  $\rho_0$  را بر حسب جرم خورشید بر پارسک مکعب ( $M_{\odot}/(\text{pc})^3$ ) به دست آورید.

(ج) اگر چگالی  $(r) \rho$  تا فاصله‌ای گسترده شده باشد که مقدارش در آن جا  $0.01 \rho_0$  باشد (به عبارت دیگر لبه‌ی کهکشان جایی است که چگالی در آن جا  $0.01 \rho_0$  باشد)، مقدار عددی سرعت فرار از لبه‌ی کهکشان را محاسبه کنید.

۳ - (۱۰ نمره)

در نجوم قدر ستاره‌ها در نواحی مختلف طیفی اندازه‌گیری می‌شود. معمولاً ناحیه‌ی مرئی را به سه ناحیه‌ی U به مرکز ۳۶۵ نانومتر و پهنه‌ای ۶۸ نانومتر و B به مرکز ۴۴۰ نانومتر و پهنه‌ای ۹۸ نانومتر و پهنه‌ای ۵۵۰ نانومتر و پهنه‌ای ۸۹ نانومتر تقسیم بندی می‌کنند. به این روش اصطلاحاً طیف سنجی  $UBV$  گفته می‌شود. کمیت‌های  $B-V$ ,  $U-B$ ,  $U-V$  و  $B-V$  کمیت‌های بسیار مناسبی در نجوم رصدی هستند.

(راهنمایی)  $(U-B) = m_U - m_B$

چون مقدار تضعیف نور ستاره‌ها در محیط‌های مادی تابع طول موج نور عبوری است؛ بنابراین ضریب تضعیف نور ستاره نیز برای اندیس‌های U, B و V متفاوت خواهد بود.

مقدار شار تابشی ستاره پس از عبور از ناحیه‌ی کدر به ضخامت  $d$  به صورت  $f = f_0 \exp(-k_1 d)$  کاهش می‌یابد که  $k_1$  ضریب تضعیف در طول موج λ است و  $f_0$  شار تابشی در بالای جو

(الف) رابطه‌ای برای "قدر ستاره" و در حضور تضعیف به دست آورید.

- اندیس رنگ  $U-B$  ستاره‌ای در دو زاویه‌ی صفر و  $60^\circ$  درجه نسبت به سمت رأس به ترتیب  $0.18$  و  $0.16$  است. همچنین  $B-V$  این ستاره در زاویه‌ی سمت الرأسی صفر و  $60^\circ$  درجه به ترتیب دو مقدار  $-0.16$  و  $-0.12$  است.

- مقدار افزایش قدر به دلیل خاموشی جوی در نواحی  $U-B$ ,  $B-V$  و  $K_{B-V}$  نشان می‌دهیم.

(ب) ضرایب خاموشی جو  $K_{U-B}$  و  $K_{B-V}$  را و همچنین مقدار اندیس رنگهای خارج از جوی  $0$  ( $U-B$ ) و  $0$  ( $B-V$ ) بدون اثر خاموشی را به دست آورید.

(ج) قدر ستاره در ناحیه‌ی U برابر  $6$  است. قدر B و V ستاره را به دست آورید.

(د) قدر بولومتریک ستاره قدری است که ستاره در تمام طیف دارد. در اینجا ما تقریباً قدر بولومتریک را از روی مجموع شار دریافتی از سه ناحیه‌ی U, B و V محاسبه می‌کنیم. با این تعریف قدر بولومتریک این ستاره در بالای جو را محاسبه کنید.

# در این قسمت چیزی ننویسید

## مرحله دوم السیباد نجوم و اختر فیزیک



معاونت دانش پژوهان جوان

۴ - (۱۰ نمره)

فرض کنید در ابتدای بهار، سیاره‌ی مریخ در حالت مقارنه باشد. شش ماه بعد (ابتدای پاییز) در لحظه‌ی طلوع خورشید، سمت و ارتفاع مریخ از دید ناظری در شهر دوگبدان با عرض جغرافیایی  $30^{\circ}/5$  درجه، چقدر خواهد بود؟ (مدار مریخ را بر روی دایره‌البروج و نیم محور مدار مریخ را  $1/52$  واحد نجومی در نظر بگیرید).

۵ - (۱۰ نمره)

مقارنه دو جرم سماوی زمانی است که دو جرم در آسمان کمترین زاویه را از دید ناظر زمینی داشته باشند. در لحظه‌ی مقارنه دو جرم در منظومه‌ی خورشیدی مرکز هر دو جرم روی یک نصف‌النهار قرار گرفته‌اند و فاصله‌ی زاویه‌ای این دو مرکز  $4/5^{\circ}$  است. دوره‌ی تناوب نجومی این اجرام به ترتیب در جدول زیر آمده است.

	$M_1$	$M_2$	زمین
$T$ نجومی	$224/7$	$27/3$	$365/25$

۲۴ ساعت بعد، فاصله‌ی زاویه‌ای مرکزهای این دو جرم آسمانی چند درجه خواهد بود.

# در این قسمت چیزی ننویسید

مرحله دوم المپیاد نجوم و اختر فیزیک



معاونت دانش پژوهان جوان

تایید کیته علمی  
کد ملی: ۱۲۳۴۵۶۷۸۹۰



۶ - (۱۰ نمره)

برخی از ستاره ها در طی مراحل تحولی شان، پس از خروج بخشی از جرمشان که از طریق سوخت و ساز هسته ای است، تحت گرانش می رمبند و تبدیل به کوتوله های سفید می شوند. به طور معمول جرم کوتوله های سفید از مرتبه جرم خورشید و شعاعشان از مرتبه شعاع زمین است. جرم و شعاع سه کوتوله های سفید که هر کدام عضوی از یک منظمه دوتایی هستند اندازه گیری شده و در جدول زیر مقدار آنها ذکر شده است.

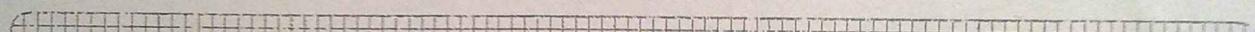
ستاره	جرم ( $M_{\odot}$ )	شعاع ( $R_{\odot}$ )
۱	0.5	0.018
۲	0.8	0.015
۳	1.1	0.014

(الف) اگر فرض کنیم که رابطه جرم و شعاع در کوتوله های سفید به صورت زیر باشد:

$$\frac{R}{R_{\odot}} = A \left( \frac{M}{M_{\odot}} \right)^B$$

با رسم منحنی شعاع - جرم در مقیاس لگاریتمی، در نمودار شماره ۱، مقدار عددی A و B را به دست آورید.

نمودار شماره ۱



# در این قسمت چیزی ننویسید

مرحله دوم المپیاد نجوم و اختر فیزیک



معاونت دانش پژوهان جوان

تایید کیته علمی

کد ملی: ۱۲۳۴۵۶۷۸۹۰



(ب) فرض کنید که کوتوله های سفید مانند جسم سیاه تابش می کند، درخشندگی مطلق یک کوتوله های سفید را بر حسب جرم ( $M$ ) و دمای سطحی ( $T_E$ ) آن به دست آورید.

(ج) نمودار درخشندگی - دمای سطحی یک کوتوله با جرم  $M=1 M_{\odot}$  را در مقیاس لگاریتمی در نمودار شماره ۲ رسم کنید.

(د) با توجه به قسمت (ج)، اگر درخشندگی کوتوله ای به جرم  $M=1 M_{\odot}$  و دمای سطحی  $T_E=10^4 K$  در طول زمان ثابت باشد، چه مدت این کوتوله می درخشد. یک کوتوله سفید مشکل از یون ها و الکترون ها است که فقط انرژی جنبشی یون ها می تواند ساطع شود. مقدار انرژی یون ها تقریباً 0.1 کل انرژی پتانسیل گرانشی کوتوله است. چگالی جرمی کوتوله را ثابت فرض کنید.

نمودار شماره ۲

