

**گفت و شنودی به زبان
کتاب طبیعت**

توریچلی: سرکار خانم، اجاره بدهید خودم را معرفی کنم. من او انجلیستا توریچلی^۱، یکی از شاگردان آبوت کاستلی^۲ هستم.
خانم نیکولینی: آه، پس شما جوانی هستید که آن نامه پرسور را نوشته‌ید و در آن خود را پیرو کپرنیک و گالیله معرفی کردید؟

توریچلی: خیلی از ما جوانها این طور فکر می‌کنیم. من از آبوت کاستلی شنیده‌ام که استاد مشغول نوشتن کتاب جدیدی هستند. مایلم درباره آن با ایشان صحبت کنم.

خانم نیکولینی: آبا نمی‌دانید که گالیله زندانی دادگاه مقدس واتیکان است؟ آنها برخلاف معمول به ایشان اجازه داده‌اند که اینجا در خانه شوهر من زندگی کند، و این فقط به خاطر آن است که دوک اعظم تو سکان مؤکداً چنین درخواستی کرده بود. شوهر من که سفیر دوک اعظم است، مجبور شد قول بدهد که هیچ‌کس در اینجا گالیله را ملاقات نکند.

توریچلی: هیچ‌کس نمی‌داند که من به اینجا آمده‌ام؛ در راه کسی مرا ندید.

خانم نیکولینی: بسیار خوب، به شما اجازه ملاقات می‌دهم،

زیرا می‌دانم که استاد پیر از اینکه با کسی سخن بگوید که حرفش را می‌فهمد، لذت خواهد برد. گاهی ایشان راجع به کار جدیدش با من حرف می‌زند، ولی غالباً نمی‌توانم صحبت‌هایش را پی‌بگیرم. بعد از هفته‌ها بی‌خوابی، دیشب استاد خوب خوابید و به همین دلیل امروز حسابی سر حال است. با من بیایید. اگر کسی شما را در اینجا دید، می‌گوییم که از خویشاوندان من هستید و برای دیدن من به اینجا آمده‌اید.

توریچلی: سپاسگزارم خانم. بر من منت گذاردۀ اید.

خانم نیکولینی: لطفاً از این راه بیایید... آقای گالیله، میهمانی را به حضورتان آورده‌ام که از دیدارش خیلی خوشحال می‌شوید، او انجلیستا توریچلی.

گالیله: البته که خوشحال می‌شوم. توریچلی شما چقدر قابل تحسینید که نترسیدید و به دیدار پیر مردی آمدید که متهم بدارتداد است.

توریچلی: من و دوستانم گفت و شنود شما را درباره دو منظومه بزرگ خلقت، کتاب مقدس خود می‌دانیم. آبوت کاستلی می‌گفت اکنون مشغول نوشتن کتابی هستید که از هر چه تاکنون راجع به مکانیک نوشته شده است پیشی خواهد گرفت. آمده‌ام که درباره آن برایم شرحی بدھیم.

گالیله: مدت زیادی بود که تصمیم داشتم این کتاب را بنویسم. بالاخره چند ماه پیش آن را شروع کردم، ولی کارم متوقف شد، زیرا که از رم مرا برای تفتیش عقايد احضار کردند. از آن وقت

تا به حال حتی فرصت نکرده‌ام که یک سطر به این کتاب اضافه کنم. در هر حال، هیچ چیز برایم مهمتر از تمام کردن آن نیست. این اثر خلاصه‌ای خواهد بود از هر آنچه راجع به حرکت می‌دانم. این کتاب بی‌شک از همه کارهای قبل من پیشی خواهد گرفت. اما از اینکه نتوانم آن را به پایان برسانم سخت بی‌مناکم. اگر این کشاکش ناخواسته آنچنان از پایم درآورد که موفق به پایان رساندن این کتاب نشوم، پیروزی در آن برایم جز شکست نخواهد بود.

توربیچلی: خیلی شائقم که درباره محتوای آن توضیحی بدھیم.
 گالیله: ریاضیدانان یونانی به نتایج خارق العاده‌ای در کارشان دست پافتند، و بعضی از آنها - مانند ارشمیدس - نتایج بدست آمده را در مسائل عملی با موفقیت چشمگیری بکار بستند. اما متأسفانه آنها از مطالعه ریاضی حرکت، شانه خالی کردند و از آن زمان تا به حال هم، کسی بدین کار نپرداخته است. اساسی‌ترین بخش کتاب من، اگر اصلاً تمام شود، توصیف ریاضی حرکت خواهد بود.

توربیچلی: مشکل بتوان فهمید که چرا یونانیها به این کار نپرداختند. براستی علتیش چه بود؟

گالیله: فیلسوفان یونانی گاه گاه به بحث درباره حرکت پرداخته‌اند. احتجاجات جدلی زنون^۱ درباره آشیل و سنگ پشت، یا

۱. Zeno. احتجاجات جدلی [زنون]... برای اثبات اینکه حرکت حقیقت ندارد...: انتقال، از یک نقطه است به نقطه دیگر، پس هر گاه میان آن دو نقطه خطی فرض کنیم... می‌توان آن را نیمه کرد، و آن نیمه را می‌توان نصف کرد. [الخ] پس آن خط اجزاء بیشمار دارد و جسم متحرک از همه آن اجزا باید گذر کند، و گذر کردن از اجزاء بیشمار مدت نامتناهی لازم دارد؛ ←

درباره تیرپرتاپی مثالی براین مدعاست. اگرچه بنظر می‌رسید که زنون با این مثالها کوشش می‌کرد نشان دهد که حرکت وجود ندارد، اگر دقت کنیم می‌بینیم که منظور اصلیش این بود که حرکت یک مفهوم تناقض‌آمیز است، و بنا براین نمی‌توان آن را با روشهای ریاضی بیان کرد. ارسسطو سعی کرد که احتجاجهای زنون را رد کند، ولی کوشش‌هایش در ابطال سخنان زنون فقط منجر به‌این شد که حرکت وجود دارد، و البته هر کوکه به‌این امر آگاه است. ابطال واقعی احتجاجهای زنون در این نهفته‌است که نشان‌دهیم حرکت را می‌توان با ریاضیات شرح داد. این چیزی است که ارسسطو در این زمینه هیچ گامی بر نداشت. کار من در این کتاب، اگر روزی به‌اتمام برسد، اولین ابطال واقعی احتجاجهای زنون خواهد‌بود. در واقع، ارسسطو و زنون هر دو معتقد‌بودند که مطالعه حرکت خارج از قلمرو ریاضیات است. ولی انگیزه‌ای که ارسسطو را وادار به‌چنین فکری کرده با انگیزه زنون متفاوت بوده است. ارسسطو معتقد بود که حکمت طبیعی با اموری سر و کار دارد که استقلال وجودی دارند و لی قابل تغییر و تبدیلند در حالی که ریاضیات با چیزهایی سر و کار دارد که وجودشان وابسته ولی غیرقابل تغییر است. بنا براین، بر طبق اعتقاد

→ بنا براین، آن جسم بــ نقطه مقصد نمی‌رسد... [به همین ترتیب نیز آشیل] که چابکترین مردم است هر گاه در ذنبال سنگ پشت - که یکی از کندروترین جانوران است - برود... هرگز نباید به او برسد... و هر گاه تیری از کمان پرتاب کنیم بر حسب ظاهر روان می‌شود، اما در واقع ساکن است....
ر.ک.: سیر حکمت در اروپا، محمد علی فروغی، صفی‌علیشاه، ص ۱۵ و ۱۶، تهران، ۱۳۱۷. ۵. ش.

او، امور وابسته و متغیر - که حرکت یکی از آنهاست - نمی‌توانند موضوع مطالعه هیچ دانشی باشند. بدین ترتیب نزدیک به ۲۰۰۰ سال رأی ارسطو مانع آن شد که ریاضیدانها و فلاسفه به مطالعه ریاضی حرکت بپردازنند. تعالیم غلط ارسطو سدی غیرطبیعی میان ریاضیات و علوم طبیعی ایجاد کرد که تنها عده بسیار اندکی جرأت کردند از آن بگذرند.

توریچلی: برای خواندن کتابتان روزشماری می‌کنم. استاد بزرگ، جای شرمداری است که شما را با اتهامهایی مسخره و واهم آزار می‌دهند و نمی‌گذارند کتابتان را به پایان برسانید که گشایشندۀ عصری جدید در دانش خواهد بود. اجازه بلهید سؤالی بکنم: چرا به جای اینکه به گوشۀ دنجی بروید و کارهایتان را بدون مزاحمت دنبال کنید، به رم آمدید؟

گالیله: چه می‌توانستم بکنم؟ دادگاه تفتیش عقاید مرا احضار کرده است.

توریچلی: می‌توانستید به جایی بگریزید که دست دادگاه از آنجا کوتاه باشد.

گالیله: وقتی به رم آمدم، هنوز امیدوار بودم که بتوانم کلیسا (۱) متقاعد کنم که مسأله حرکت زمین مسأله‌ای علمی است نه اعتقادی، و باید صحت و سقم آن به علم واگذاشته شود. احساس می‌کردم که نه فقط به خاطر دانش، بلکه حتی به خاطر کلیسا هم وظیفه دارم این مطلب را تبیین کنم. اگر کلیسا به حمایت خود از نظام بطلمیوسی همچنان ادامه بلهد، مانند کسی خواهد بود که حاضر نیست عرشۀ کشتی در

حال غرق شدن را ترک کند. گمان می کردم که اگر شخصاً با کلیسا به بحث بنشینم، می توانم عقیده منفی آنها را نسبت به نظریه کپرنیک عوض کنم. من اطمینان داشتم که می توانم شخص پاپ (اکه اذ گذشته های دو دوست من بود) قانع کنم - یعنی ذهانی که مادئو با Barberini^۱ خوانده می شد و کادینال بود. او برای من ارج و احترام خاصی قائل بود؛ شاید شنیده باشد که حتی یک پاد برایم شعری نیز گفته بود. و من همواره او (دوستدار دانش می دانستم؛ و در واقع هم با آزاد کردن کامپانلا^۲) بیچاره از زندان بر مسند پاپی نشست و بکار پرداخت. فکر می کردم که اگر فرصتی برای مذاکره مستقیم با پاپ دست دهد، می توانم او را متقادع کنم که منافع کلیسا نیز حکم می کند که دست دانش را برای مطالعه حرکت زمین باز بگذارد. اما همه امیدم بر باد رفت؛ و پاپ حتی حاضر نشد، کسی سخن از من در حضورش بر زبان آورد. دشمنان من به پاپ چنان فهمانده بودند که در قالب سیمپلیچیو^۳ ابله، شخصیت او را در گفت و شنود خود مسخره کردند. حالا آن دوستی سالیان ما مبدل به نفرت و کینه شده است. شما درست می گویید که بهتر بود من بهرم نمی آمدم، ولی دیگر دیرتر از آن شده است که غصه بخورم.

توریچلی: فکر نمی کنم خیلی دیر شده باشد. آیا می توانم در اینجا با خیال راحت صحبت کنم؟

گالیله: من هیچ رازی را از خانم نیکولینی پنهان نمی کنم؛ ایشان بهترین دوست من هستند. این خانم نیکولینی بود که عمویش،

پدر ریکاردی^۱ را وادار کرد که گفت و شنود مرا به چاپ برساند. حالا هم مانند مادر از من نگاهداری می‌کند، و دائم در فکر پیدا کردن راهی است تا مرا تسلی بخشد و به تو انساییم در مقابل رنج این محاکمات بیفزاید و کاری کند که من سفیدم و بتوانم تا آخر این ماجرا دوام بیاورم. در برابر خانم نیکولینی هر چه می‌خواهد بگویید.

توریچلی: من در این باره شکی نداشتم؛ وقتی که خانم نیکولینی به من اجازه داد تا شمارا ببینم، فهمیدم که می‌توانم به ایشان اعتماد کنم. ولی این روزها حتی دیوار هم گوش دارد.
خانم نیکولینی: در خانه من می‌توانید با خیال راحت صحبت کنید.

گالیله: دوست جوان من، باور می‌کنید که همین چند روز پیش خانم نیکولینی یکی از مستخدمان خود را اخراج کرد برای اینکه متوجه شده بود که او برای اداره تفتیش عقاید خبر چینی می‌کند؛ البته برای اینکه من را ناراحت نکند، در این باره چیزی به من نگفت؛ این طور نیست؟

خانم نیکولینی: بسیار خوب، حالا که شما ماجرا را فهمیده‌اید، من هم آن را تکذیب نمی‌کنم. ولی به بقیه مستخدمان خود کاملاً^{*} اطمینان دارم؛ آنها همه اهل فلورانس و افرادی قابل اعتمادند. آقای توریچلی، هر چه می‌خواهید بگویید؛ حرفهای شما چون راز مخفی خواهد ماند.

توریچلی: من و دوستانم که خود را پیروان گالیله می‌خوانیم، همه وسائل فرار شما را آماده کرده‌ایم. ابتدا شما را به‌ونیز می‌بریم؛ آنجا مدتی از شر اداره تفتيش عقاید در امان خواهیدبود، زیرا جمهوری ونیز نمی‌تواند تحت هیچ شرایطی شما را پس بفرستد. بعد از آن اگر خواستید می‌توانید با کشتی به هلند بروید. در آنجا بدون هیچ مزاحمتی می‌توانید به کارهای خود بپردازید و کتاب جدیدتان را به‌چاپ برسانید. همه ریزه‌کاریهای فرار را بررسی کرده‌ایم. اگر موافقت کنید، همین آن می‌توانیم بر سر تاریخش به توافق برسیم.

گالیله: میزبانانم مسؤول نگهداری من هستند و نمی‌خواهم برای آنها گرفتاری ایجاد کنم. چیزهای دیگر به‌کنار، فقط همین یک دلیل کافی است تا درخواست شما را رد کنم.

توریچلی: ما این نکته را هم در نظر داشته‌ایم. تصمیم داریم که شما را هنگامی که دفعه آینده به دادگاه مقدس می‌برند، از چنگ مأموران اداره تفتيش برباییم. چون این واقعه در خیابان روی می‌دهد، هیچ کس نخواهدتوانست عالیجناب نیکولینی سفیر را مسؤول آن قلمداد کند. ما افراد قابل اعتمادی داریم که برایتی می‌توانند از پس نگهبانان برآیند.

گالیله: زبانم قادر است تا خوشحالیم را از اینکه جوانان وطنم در فکر نجاتم هستند، بیان کنم. ولی هر قدر نقشه شما دقیق و جالب توجه باشد عملی نیست، زیرا پیکر پیر مرا یارای رفتن به‌چنین مسافتی نیست. شاید شنیده باشید که بتازگی از بستر بیماری برخاسته‌ام، و هنوز هم از آن کاملاً بهبود نیافته‌ام.

توریچلی: در باره این هم فکر کرده ایم. یکی از دوستانم که همیشه همراه شما خواهد بود پژوهش است، و وظیفه اش مراقبت از سلامت شماست. مسیر این مسافرت خیلی دقیق طراحی شده است. از رم تا ونیز مکانهای مطمئنی را برای اقامت شبانه در نظر گرفته ایم. اقرار می کنم که در حین سفر نمی توانیم وسائل آسایش شما را مانند این منزل فراهم سازیم. فراموش نکنید که ممکن است هر لحظه شما را به زندان دادگاه مقدس بیندازند. فکر می کنم بین زندان و کلبه محقر یک چوپان باصفا، انتخاب آسان است.

گالیله: دوست جوان من، از برنامه و هدف شما قدردانی می کنم، ولی بنظر می رسد که نمی توانید خود را به جای یک پیرمرد بگذارید. بباید دیگر در باره جزئیات این سفر صحبت نکنیم و فرض کنیم که من از همه مصائب آن جان سالم بدر ببرم. اما هنوز از من نپرسیده اید که آیا اصلاً می خواهم رم را ترک کنم یا نه.

توریچلی: شما همین چند لحظه پیش قبول کردید که آمدنیان به رم کار اشتباہی بود. من چنین استنباط کردم که اگر فرصتی پیش بباید، حاضرید فرار کنید.

گالیله: منظورم را بد فهمیده اید. من در شرایط حاضر نمی توانم عقب نشینی کنم؛ اگر چه امکان پیروزی از آنچه تصور کرده بودم کمتر است، ناچارم این جنگ را به پایان برسانم. اگر فرار کنم، دشمنان من پیروز می شوند و مشعل آزادی تحقیقات علمی در ایتالیا خاموش خواهد شد. درست به خاطر شما، و به خاطر منافع نسل جوان است که نمی توانم عقب نشینی کنم.

توریچلی: استاد، منظور تان را نمی‌فهمم. همان طوری که گفتید نمی‌توانید دل به حمایت پاپ بیندید. پس به چه کسی می‌توانید اعتماد کنید؟ من اطلاع دارم که بین یسوعیان خیلی‌ها هستند که می‌دانند شما درست می‌گویید. اما امیدوارم تصور نکنید که کسی از آنان جرأت می‌کند با پاپ در بیفت. مثلاً "اخیراً من با پدر گرینبرگر^۱ صحبت کردم و از او خواستم که نظرش را در مورد گفت و شنود شما صریحاً بیان کند.

گالیله: عجب! جواب راهب چه بود؟

توریچلی: خیلی واضح بود که می‌خواست هم به وجود آن علمیش و فادر بماند و هم به کلیسا. گفت که تحت تأثیر استدلالهای روش و دانش بسی نظیر شما قرار گرفته است و اضافه کرد که چون بعضی از جمله‌های مندرج در گفت و شنود با احتیاط کافی نوشته نشده است، دشمنان شما این فرصت را یافته‌اند که مقامات کلیسا را علیه شما برانگیزنند. با وجود همه اینها، وی هرگز به اخلاص شما در هدفهایتان شکی نکرده است. او استدلالهای شما را بسی نهایت قابل توجه می‌داند، هر چند که احساس می‌کند در بعضی موارد احساسات، شما را به افراط کشانده است با اینکه خودش به پرهیز از بیان پاره‌ای از مکنونات خود مشکوک است.

گالیله: این یک جواب واقعاً حساب شده است، هر کس هرچه بخواهد می‌تواند در آن بیابد. راست می‌گویید که نمی‌توانم به کمک چنین دوستان محافظه کاری امید بیندم. آیا او چیز دیگری

هم گفت؟

توریچلی: بله، گفت که شما را یک کاتولیک خوب به حساب می‌آورد و این گفته او شاید مهم باشد.

گالیله: پدر گرینبرگر خیلی خوب می‌داند که مسأله، مسأله مذهب نیست، و شما فرزندم، فریب نخورید، دشمنان من ردای مذهب به تن کرده‌اند تا به‌یاری آن به‌من حمله کنند. آنها این شیوه را از همان ابتدا بکار برند و پس از ده‌ها سال زمینه‌سازی مکارانه توانستند کلیسا را به‌طرف خود، یعنی علیه من و علیه دانش بکشانند. اما به‌هر حال اصل مطلب چیز کاملاً متفاوتی است.

توریچلی: دشمنان واقعی شما چه کسانی هستند؟ دلیل تنفر آنها از شما چیست؟

گالیله: دشمنان اصلی من همکاران ابله و نالایق منند. دانشمندان‌مایانی هستند که طوطی وار حرفه‌ای ارسسطو را تکرار می‌کنند و حاضر نیستند از دریچه تلسکوپ من به‌جهان بنگرند؛ می‌ترسند که مبادا ناچار شوند در تعالیم غلط خود تجدیدنظر کنند. آنها به‌این خاطر از من متزجرند که از روش‌های اصیل علمی می‌ترسند. به نظر من، هدف اصلی فلسفه درک قوانین طبیعت است، و این میسر نمی‌شود مگر با مشاهدات دقیق و آزمایش‌های بدقت طراحی شده و سیس با باریک‌اندیشی تحلیل شده؛ و این قوانین را تنها به کمک ریاضیات می‌توان بیان کرد. اما آنچه آنها فلسفه می‌نامند، چیزی نیست جز رد و بدل کردن سخنان ارسسطو به‌یکدیگر.

توریچلی: برای من غیرقابل تصور است که کسی بخواهد

طبیعت را بفهمد اما از بکاربستن روشهای علمی احتراز کند. بیشک آنچه در تعالیم ارسطو اساسی بوده، توسط خود او یا برخی از دیگر دانشمندان یونانی به همان شیوه ارسطو تبیین شده است.

گالیله: کاملاً همین طور است، و بجرأت می‌توانم بگویم که اگر ارسطو امروز زنده بود، علیه این دانشمندانمایانسی که مرتب سخنانش را تکرار می‌کنند، قیام می‌کرد. اما فراموش نکنید که اینها نه بدعلم دلسته‌اند و نه به‌شناخت طبیعت؛ علاقه آنها صرفاً پوشیدن خرقه دانشمندی و گرفتن دستمزد کلان است. بنا بر این دسیسه‌های آنها علیه من ابدآ تعجب‌انگیز نیست. دیگر این واقعیت را پذیرفته‌ام که بدون انتظار حمله از جانب آنها نه می‌توانم چیزی بنویسم نه حرفی بزنم. اینها توطئه‌چینی را بر تحقیق علمی ترجیح می‌دهند و برای اولی خیلی بیشتر از دومی خود را آماده کرده‌اند. و بدینختی من در این است که با این کارشان من را هم از کار بازمی‌دارند. بهترین سالهای عمرم را در دفاع از خود در برابر دروغها و اتهامهای این کسان تلف کرده‌ام، و حالا پیرمردی شده‌ام که هنوز نتوانسته‌ام کتابی را بنویسم که سالهای سال تدارک آن را دیده‌بودم.

توریچلی: اگر نقشه ما را بپذیرید، می‌توانید کتابتان را که عاشقان واقعی علم مدت‌هاست منتظرش هستند به رشته تحریر درآورید. من هنوز نمی‌توانم بفهمم که چرا نمی‌خواهید از این وضعیتی که شایسته شما نیست نجات پیدا کنید. شما نباید در انتظار پایان خوشی باشید. دوستانتان نمی‌توانند کاری به نفعتان انجام دهند و از دشمنانتان هم تغییر عقیده بسیار بعید است. پس دیگر به چه امیدی

نشسته اید؟

گالیله: من فقط به حقیقت و راستی امیدوارم. دوباره به کل مسئله بینند بشید: آنها مرا به چه چیزی می خواهند متهم کنند؟ گفت و شنود را به تشویق شخص پاپ به نگارش درآوردم، و طبق قانون آن را به اداره سانسور سپردم. آنها آن را از همه جهات مورد بررسی قراردادند و اجازه طبع و نشر دادند. اما دشمنانم می گویند که اداره سانسور احتیاط لازم را بخرج نداده است و نمی بایست اجازه انتشار آن را می داد. اما این چه ربطی به من دارد و مرا چگونه می خواهند محکوم کنند؟ البته آنها می توانند کتاب را توقيف کنند، من هم در واقع بدان اعتراضی ندارم، زیرا بهر حال مدتی هاست که نایاب شده است. اگر بخواهند کتابم را بسوزانند، نمی دانم از کجا می توانند حتی یک نسخه آن را تهیه کنند. جالب توجه خواهد بود اگر دوباره کتاب را چاپ کنند تا چیزی برای سوزاندن داشته باشند. اما در غیر این صورت آنها حتی نمی توانند اداره سانسور را محکوم کنند. ذیرا من کاملاً به دستور کادینال بلا (مینو) د دمود عدم دفاع از تعالیم کپرونیک و فاداد مانده ام. د گفت و شنود، با بسی طرفی کامل همه مزایا و نقاطیص نظام کپرونیکی (ا بررسی کرده ام. هر کس که این کتاب (ا بدقت بخواند، می بیند که من استدلالهای مبنی بر ساکن بودن ذمین (ا به قویترین شکل ممکن عرضه کرده ام، یعنی بسیار بهتر از آنچه هر یک از دشمنان ابلهم د د نظریه کپرونیک با فریاد و فغان عرضه می داند. پس دیگر تقصیر من نیست اگر این استدلالها قانع کننده نیستند. اگر کسی می خواهد مرا سرزنش

کند، بهتر است ابتدا دلایل محکمتری از آنچه من برای ساکن بودن زمین آورده‌ام ارائه بدهد. در جریان محاکمه تا کنون فرصت نشده است که این مطالب را تذکر بدهم. هر بار که خواسته‌ام شروع به صحبت کنم، آنها مرا ساکت کرده‌اند و پسی در پسی سؤال پیچم کرده‌اند که چرا در سال ۱۶۱۶ بهاداره سانسور تذکر نداده بودم که مسئله‌ای که طرح کرده بودم در دادگاه مقدس تحت بررسی بوده است. اما این مسخره است، زیرا اداره سانسور از تصمیمات واتیکان بهتر از من اطلاع داشت. اما آنها می‌گویند چرا دستورهای ۱۶ سال پیش بلارمینو را بهاداره سانسور گوشزد نکرده بودم. سپس آنها می‌پرسند که بلارمینو تنها گفته بود که از تعالیم کپرنیک دفاع نکنم یا آنکه اصلاً ذکری از آنها بهمیان نیاورم. البته او نگفته بود که حق ندارم از تعالیم کپرنیک سخنی بگویم. در این زمینه من برگ برنده‌ای در دست دارم و آن نامه‌ای است از بلارمینو که در آن فقط گفته شده که باید به جانبداری از نظریه کپرنیک پوشیدم.

خانم نیکولینی: و اگر دشمنان شما مدرکی جعل کنند که خلاف آنچه می‌گویید در آن نوشته شده باشد، چه می‌کنید؟
گالیله: چنین مدرکی نمی‌تواند وجود داشته باشد.

خانم نیکولینی: قبلًا هم بسیار پیش آمده است که مدارک تقلیلی درست کرده‌اند.

گالیله: من حتی نمی‌توانم تصور کنم که دشمنانم دست به چنین کار شرم‌آوری بزنند.

خانم نیکولینی: فراموش نکنید که کسی که بر علیه حقیقت

نمی‌جنگد، نمی‌تواند در انتخاب راهها بش چندان سختگیر باشد، او روز به روز بیشتر در منجلاب دروغ و افتراء غوطه‌ور می‌شود.

گالیله: نه، این ممکن نیست. مطمئنم که اگر نامه‌های بلازمینو را به آنها نشان دهم، همه ماجرا بپایان می‌رسد؛ وقت این کار هم فرار سپده است. آنها فقط درباره این قبیل مسائل صوری سؤال می‌کنند؛ حتی یک کلمه هم درباره اینکه حقیقت مسأله چیست، صحبت نکرده‌اند. آنها نپرسیده‌اند که آیا زمین روی محور خود می‌چرخد، آیا دور خورشید می‌چرخد، یا در مرکز جهان هستی آرام و بی‌حرکت استاده است. اگر امکان آن را بدست آورم که درباره افکارم سخن بگویم، فکر می‌کنم که وضعیت بکلی تغییر کند.

توریچلی: اگر فرصتی به شما بدهند چه می‌گویید؟ آیا برایشان ثابت می‌کنید که نظریه کپرنیک بی‌تردد تنها نظریه صحیح است؟

گالیله: فرزندم، من آرزو دارم که بتوانم چنین کنم، زیرا معتقدم که حقیقت همین است. اما متاسفانه نمی‌توانم آن را طوری به ثبوت برسانم که جای هیچ شکی باقی نماند. من تنها می‌توانم ثابت کنم که تعالیم کپرنیک با همه واقعیات علمی موجود سازگار است و هیچ واقعیت ثابت شده‌ای نیست که با آن در تناقض باشد. تناقضات ظاهری را می‌شود بسادگی رد کرد. من ثابت کرده‌ام که اگر زمین در حال حرکت باشد، ما که روی آن زندگی می‌کنیم و با آن در حال حرکت هستیم نمی‌توانیم حرکتش را مستقیماً حس کنیم. بنا بر این، تجربه روزمره ما نمی‌تواند دلیلی بر رد نظریه کپرنیک باشد. در مورد

کروی بودن زمین هم مسئله همین طور بود، ابتدا مردم از قبول آن سر باز می‌زدند؛ در عهد دانته می‌گفتند کروی بودن زمین خلاف عقل سليم است و تجربه روزمره را شاهدی بر این مدعای دانستند. می‌گفتند که اگر زمین کروی است باید مردمی که در آن سوی زمین زندگی می‌کنند آویزان شوند و بیفتد؛ و آن همه چرنودیات درباره نقاط متقارن می‌گفتند! امروز همه قبول دارند که زمین کروی است و آن همه بحث و استدلال را فراموش کرده‌اند. وقتی مردم دیدند کشتبی که به‌سوی شرق حرکت کرده‌است از غرب بازمی‌گردد، دیگر چه می‌توانستند بگویند؟ امسال یکصد و یازدهمین سالگرد بازگشت کشتبی «پیروزی» مازلان از سفر دور دنیاست. در مورد حرکت زمین، هنوز اثبات چشمگیری مانند آنچه حرکت کشتبی مازلان نشان داد، در دست نداریم. بداین دلیل است که نمی‌توانیم حرکت زمین را بی‌شك و شبیه به اثبات برسانیم. من تنها می‌توانم نشان دهم که همه اشکالاتی که بر نظریه کپرنيک گرفته‌می‌شود بـا بر اثر عدم درک واقعی آن است بـا جهل. من قادرم ثابت کنم که تفسیر حرکت ظاهري خسودشید و ماه و سیارات دیگر بر اساس فرضیه کپرنيکی بمراتب ساده‌تر از نظریه بطلمیوس است. اقما (برجیس)، حلقة کیوان، داس (زهره)، و پدیده‌های متعدد دیگری که کشف کـرده‌ام، همگی مؤید دستی نظریه کپرنيک است، اما هیچ یک از آنها آن را ثابت نمی‌کند. در حین محاکمه، یکی از اتهامها این بود که من سعی کرده‌ام در گفت و شنود حقانیت کپرنيک را به ثبوت برسانم. وقتی در جواب گفتم که بدین علت کتاب را ننوشتم، فقط این حقیقت را پنهان داشتم که بگویم به‌این سادگی

نمی‌توانستم به ثبوت برسانم، زیرا هنوز دلایل قطعی در دست نداشتم.

توریچلی: آیا نظریه جزر و مد دلیلی قطعی بر حرکت زمین نیست؟

گالیله: وقتی که گفت و شنود را می‌نوشتم، به این پدیده اهمیت زیادی دادم. ولی باید اقرار کنم حالا وقتی آن را پس از سه سال می‌خوانم، این بخش کتاب را راضی نمی‌کند. اگر می‌خواستم کتاب را حالا بنویسم، بخش جزر و مد را به گونه‌ای دیگر می‌نوشتم با اصلاً نمی‌نوشتم.

توریچلی: چرا؟ توضیح شما درباره وقوع جزر و مد بر اثر حرکت دو گانه زمین بسیار قانع کننده است.

گالیله: سوء تفاهم نشود، منظور من این نیست که به کشفیاتم در مورد جزر و مد شک برده‌ام. اما فکر می‌کنم در حالی که تبیین پدیده جزر و مد با حرکت دو گانه زمین از دیگر استدلال‌ها ساده‌تر است، لیکن از آنها قطعی‌تر نیست.

توریچلی: که این طور.

گالیله: می‌دانم که حالا تعجب می‌کنید که چرا خود را اینقدر بسیز حمایت انداخته‌ام در حالی که نتوانسته‌ام مسئله را به طور قطعی حل کنم. نه، خواهش می‌کنم اعتراض نکنید. می‌دانم که این فکر در مغز شما هست، کاملاً هم طبیعی است. خودم هم در ماه‌گذشته گاهی فکر کرده‌ام که آیا بهتر نبود چند سالی صبر می‌کردم تا اثبات قاطعی پیدا کنم. ولی وقتی درست فکر کردم دیدم که جواب این سؤال منفی

است. من دیگر پیر شده‌ام و نمی‌توانم بیشتر از این منتظر بمانم. شاید آنقدر زنده نمانم تا شاهد کشف این اثبات قاطع باشم. احساس می‌کنم چیزی که می‌خواهم بگوییم، حتی اگر مسأله را کاملاً حل نکند، دارای چنان اهمیتی است که باید گفته شود. همچنین احساس می‌کنم که وظیفه من گفتن آن است، زیرا که این نظریات ممکن است به یافتن اثبات قطعی کمک کند. اما می‌ترسم که زمان پیداشدن این اثبات اصلاً نزدیک نباشد. مسأله مهم دیگری نیز وجود دارد و آن اینکه حتی خود اصول کپرنیک را باید کامل کرد، زیرا با این اصول حرکت ظاهری سیارات دقیقاً قابل توجیه نیست. من موفق نشده‌ام که اختلاف بین فرضیه و مشاهدات را توضیح دهم.

توریچلی: کپلر ادعا می‌کند که اگر فرض کنیم مدار هر سیاره بیضیبي است که خورشید در يك کانون آن قرار دارد، و همچنین اگر فرض کنیم که سیارات با سرعت یکنواخت روی مدارشان در حرکت نیستند بلکه طوری حرکت می‌کنند که حاصل ضرب سرعت طول خطی که از کانون بر جهت لحظه‌ای حرکت عمود می‌شود مقداری است ثابت، در آن صورت به توافق بهتری با مشاهدات خواهیم رسید.

گالیله: آبا کپلر واقعاً چنین چیزی گفته است؟ جای تعجب است؛ تا حالا به این موضوع توجه نکرده بودم. بهر حال فکر می‌کنم فرضیه‌هایی از این قبیل واقعاً مورد نیاز نیستند. چرا باید سیارات فقط روی مدارهای بیضی شکل در حرکت باشند؟ آبا این فرض ما را به باد مدارهای تدویر نمی‌اندازد که برای سازگار کردن نظریه

بطلمیوس با واقعیات بکار گرفته می شد؟ این فرض که مدار سیارات دایره و سرعت آنها یکنواخت است، تنها گمانی است که من می توانم آن را با مکانیک توجیه کنم، و در واقع ساده‌ترین راه هم هست.

توریچلی: اینکه چیزی ساده باشد، دلیل بر صحت آن نیست. استاد، خود شما کسانی را که حاضر نبودند وجود کوهها را در ماه پژیرند - به رغم آنکه اگر از تلسکوپ شما نگاه می کردند، آنها را می دیدند - به ریشخند گرفتید. آنها وجود کوه را در ماه قبول نمی کردند، زیرا می گفتند اگر در ماه کوه باشد، دیگر ماه نمی تواند کره کامل باشد، پس در آن نقص هست.

گالیله: البته این استدلال خیلی مسخره است؛ مسخره‌تر از آن این است که کلاویوس^۱ کامل بودن ماه را می خواست این طور توجیه کند: همه دره‌های ماه با ماده‌ای نامرئی پرشده است و به رغم کوهها بی که بر روی ماه می بینیم، سطح آن بیک کره کامل بدون کوچکترین ناهمواری است. به همین احتمال، من هم می توانم بگویم که بر سر کلاویوس در واقع دو گوش الاغ وصل است، اما از ماده‌ای نامرئی و غیرقابل لمس و مشاهده ناپذیر. در مورد بیضیهای کپلر هم البته باید آن مفروضات را به معرض آزمایش گذاشت. اگر آزادی تحقیق وجود داشته باشد، در مدت کمی می توان چنین آزمایشها بی را انجام داد. در مورد وضعیت خودمان، به اعتقاد من نکته مهم این است که کلیسا آزادی تحقیقات علمی را در خصوص حرکت زمین با هر پرسش

دیگری راجع به طبیعت محدود نکند. آنها می‌گویند گفت و شنود من نظریه کپرنیک را تأیید می‌کند. من در جواب می‌گویم که گفت و شنود من پرچم آزادی تحقیقات علمی را بر می‌افرازد. درست به این دلیل بود که کتاب را نوشتم، و به این دلیل بود که تبعات آن را بجان خریدم. و گرنه من هیچ نگرانی نسبت به سرنوشت نظریه کپرنیک ندارم؛ دیر یا زود صحت آنها به اثبات می‌رسد و مردم آنها را می‌پذیرند. اما ترس فراوان من از این است که اگر در این نبرد پیروز نشوم، تحقیقات علمی تا مدت زیادی، لااقل در ایتالیا، فلج خواهد شد. چه فایده‌ای دارد اگر من فرار کنم و به هلند بروم؟ گذشته از آنکه در این سن نمی‌توانم حتی تصور شروع زندگی جدیدی را بکنم، فرار من به این معناست که قبل از اینکه جنگ را باخته باشم خود را تسلیم کرده‌ام. تا زمانی که کوچکترین بارقه امیدی در قلب من روشن باشد، رم را ترک نخواهم کرد. خواهشمندم صمیمانه‌ترین تشکرات را به دوستان خود ابلاغ کنید. دلگرم کننده‌است که هنوز کسانی وجود دارند که می‌خواهند مرا یاری دهند.

توریچلی: همیشه می‌توانید به کمک من و دوستانم امیدوار باشید؛ ما نهایت سعی خودمان را می‌کنیم. اما می‌ترسم اگر زمان بگذرد، برای عملی کردن طرح فعلی دیر بشود. اگر عقیده‌تان در مورد نقشه ما عوض شد یا کاری پیش آمد که می‌توانستم به نوعی کمک کنم، فوراً مرا خبر کنید. خدا حافظ استاد.

گالیله: خدا حافظ دوست من. از اینکه نزد من آمدید و از همه کارهایی که می‌خواستید برایم انجام بدهید، سپاسگزارم. خدا حافظ.

خانم نیکولینی: من تا دم در آقای توریچلی را همراهی می کنم... آقای گالیله، این توریچلی جوان خیلی خوبی است... راستی ز این زرده‌لوهای رسیده‌ای که از فلورانس برایمان آورده‌اند میل کنید. از نگاه کردن به آنها انسان گرفتاری‌هایش را فراموش می‌کند. من به مباحثه شما با توریچلی با علاقه فراوان گوش دادم، اما همه حرفهای شما را کاملاً نفهمیدم. هر وقت فرصتی شد، سؤال‌هایی برایم پیش آمد است، می‌خواهم از شما بپرسم.

گالیله: همین حالا بپرسید، کاترین. من از اینکه با شما درباره حم صحبت کنم لذت می‌برم. شما بینش منطقی و آزادی دارید. افکار شما را این فضل فروشان مکتب مدرسی^۱ نپوسانده‌اند.

خانم نیکولینی: آیا شما پس از این همه صحبت خسته شده‌اید؟ نمی‌خواهید استراحت کنید؟

گالیله: ابدآ. فقط کمی ناخوشنودم، و گرنه آنقدر سر حال ستم که حاضرم درباره هر چه بخواهید با کمال میل صحبت کنم. به بن بگویید به چه موضوعی علاقه دارید؟

خانم نیکولینی: در مورد تعالیم کپرنیک منظورتان را نفهمیدم. ی گویید قانع شده‌اید که نظریه وی درست است ولی نمی‌توانید آن را ثابت کنید. اگر قادر به اثبات آن نیستید، پس چگونه قانع شده‌اید که این نظریه درست است؟ و اگر دلایل کافی برای قبول آن دارید، س چرا آن را هنوز اثبات نشده می‌دانید؟

گالیله: این سؤال پر دردسراست و نمی‌توان آن را با یکی

دو کلمه جواب گفت. ابتدا باید برایتان درباره روش علمی صحبت کنم. اما قبل از آن، خیلی مشتاقم بدانم که از کجا فهمیدید خدمتکاری که اخراج کردید جاسوسی مرا می‌کرده است؟

خانم نیکولینی: حالا که از جریان مطلع شده‌اید، برایتان شرح می‌دهم. ابتدا پی‌بردم که جوزپه، این پست‌فطرت رذل، گاهی چند ساعتی غیبش می‌زند. ظهر جمعه گذشته وقتی به بازار رفتم، او را دیدم که در دالانی با یکی از راهبان دومینیکی^۱ پنج پنج می‌کند. البته این صحنه مرا خیلی مظنون کرد، ولی برای این نتیجه‌گیری که وی جاسوس است، کافی نبود. بنا بر این فکر کردم که او را آزمایش کنم. شاهینی را درون یک کیف گذاشتم و از پدر کاستلی^۲ خواستم که آن را به منزل ما بفرستد و وانمود کند که برای شماست. بعد وقتی صدای در را شنیدم، جوزپه را فرستادم که در را باز کند. بعد از چند دقیقه خودم دنبال او رفتم. دیدم که شاهین در راهرو در حال پرواز است و جوزپه هم با دستان خون آلود سعی می‌کند آن را بگیرد. با این آزمایش تقریباً یقین کردم که او جاسوس است، ولی هنوز کمی شک داشتم. پیش خود گفتم شاید فقط فضولی باعث شده است که ببینند داخل کیف چیست. بنا بر این تصمیم به آزمایش دیگری گرفتم. نامه‌ای برای اسقف اعظم آسکانیو پیکولومینی^۳ نوشتم و در آن راجع به وضعیت مزاجی شما توضیح دادم. سپس نامه را عمدتاً روی میز گذاشتم و کمی جوهر کنار میز روی زمین ریختم. بعد جوزپه را صدا کردم تا جوهر را از روی زمین پاک کند. خودم هم فوراً اتاق را ترک

کردم و روی بالکن رفتم و مخفیانه از پشت پنجره کوچک به تماشایش نشستم. دیدم آن پست‌فطرت کشیف با شوق و هیجان نامه را برداشت، شروع به خواندن آن کرد، و بعد مشغول بادداشت برداری از آن شد. دیگر برایم شکی نماند که جاسوس است، اما برای آخرین امتحان فردایش از او پرسیدم که آیا خواندن و نوشتن می‌داند. جواب داد که حتی اسم خودش را هم نمی‌تواند بنویسد. آنگاه بر سرش فریاد زدم: «ای احمق خرفت! از خانه من بیرون شو! من به بیسواط ابله‌ی چون تو احتیاج ندارم.» ولی قبول کنید نمی‌دانم چرا سر شما را با این داستان دراز بدردآوردم.

گالیله: هیچ سرم را بدرد نیاوردید! از آنچه گفتید متوجه شدم که با وجود اینکه شما هیچ وقت روش علمی را رسمیاً یاد نگرفته‌اید، آن را از تمام مشاعیون دانشگاه پادوا^۱ بهتر می‌دانید. کاری که شما در مورد جوزپه کردید، یک روش علمی است. ابتدا متوجه شدید که او گاهی چند ساعتی ناپدیدمی‌شود، بنا بر این به دنبال علتیش گشتشید. بعد او را در حال بیخ‌گوشی حرف‌زن با راهب دومینیکی دیدید و به او مظنون شدید. بنا بر این فرضیه‌ای ابداع کردید و آن اینکه او جاسوسی می‌کند. بعد منتظر نماندید که حادثه جدیدی تصادفاً روی دهد و فرضیه شما را به ثبوت برساند، بلکه آزمایش شاهین را انجام دادید. با خود گفتید اگر جاسوس باشد، در کیف را باز می‌کند و چنین هم شد. اگر متفکر عمیقی نبودید، در این مرحله فرضیه خود را اثبات شده تلقی می‌کردید. ولی از خود پرسیدید آیا ممکن نیست

فضولی باعث شده باشد که جوزپه در کیف را باز کند؟ بنا بر این اگر چه نتیجه آزمایش مثبت بود و فرضیه شما را تأیید می کرد، برایتان هنوز قطعی نبود. پس آزمایش نامه نگاری را طرح کردید و نتیجه آن را هم در تأیید فرضیه خود یافتید. با وجود همه اینها، سرانجام از او پرسیدید که آیا می تواند بخواند یا بنویسد، و هنگامی که پاسخ منفی شنیدید، متقادع شدید که واقعاً جاسوس است، و او را اخراج کردید. کسی که می خواهد به اسرار طبیعت دست یابد نیز باید اساساً همین روش را در پیش بگیرد. بر اساس مشاهدات باید فرضیه ای ساخت و بعد با آزمایشها دقیقاً طراحی شده آنها را امتحان کرد. گوش سپردن به نداهای تصادفی طبیعت کافی نیست؛ باید طبیعت را چند جانبی آزمود. اگر نتایج آزمایش با فرضیه در تضاد بود، فرضیه رد می شود. اما اگر سازگار بود، فرضیه اثبات نمی شود، زیرا باید پرسید که آیا نمی توان نتیجه را هنوز با روش دیگری توصیف کرد؟ اگر توصیف دیگری بیابیم، یعنی فرضیه ای تازه و متفاوت با اولی پیدا کنیم، باید آزمایش دیگری انجام دهیم تا معلوم شود کدام یک از فرضیه های اول یا دوم درست است. اگر نتیجه آزمایش دوم، بار دیگر در تأیید فرضیه اول، ولی در تضاد با فرضیه دوم بود، آنگاه باید فرضیه دوم را کنار گذاشت یا دست کم تغییر داد.

خانم نیکولینی: اما این روند هیچ گاه تمام نمی شود، زیرا همیشه می توان برای تمام آزمایشها چنین توصیفهای عجیب و غریبی یافت. برای مثال، در مورد جوزپه می توان فرض کرد که کنجدکاوی باعث شد او نامه را بخواند. البته این فرضیه علت نسخه برداری او

از نامه مرا روشن نمی‌کند. اما می‌توان تصور کرد که این کار او به دلیل آن بود که مثلاً به سبک نامه‌نگاری من علاقه‌مند شد، و بعد بدان سبب قدرت خواندن و نوشتنش را انکار کرد که ترسید من بکار او رونویسی را هم بیفزایم و مشغله‌اش زیاد شود. آبا این نشان نمی‌دهد که فرضیه‌ها را نمی‌شود ثابت کرد و فقط آنها را می‌توان رد نمود؟

گالیله: نه. البته پس از هر آزمایشی که با فرضیه در تضاد باشد، می‌توان تناقض را رفع کرد. اما هر آزمایشی که نتیجه‌اش بر اساس فرضیه ما قابل پیش‌بینی باشد و نیز با تناقضات گفته شده سازگار نباشد، می‌تواند فرضیه ما را تأیید کند. تعداد زیادی از این آزمایش‌های تأیید‌کننده می‌تواند ما را به صحت فرضیه‌مان متقادع کند، هر چند که عملاً اثبات قطعی در دست نباشد.

خانم نیکولینی: کم کم دارم متوجه می‌شوم. اگر هر جای یک پیراهن کهنه را که وصله می‌زنم جای دیگرش پاره شود آنگاه می‌فهم که باید اصلاً آن را به دور بیندازم. ولی هنوز جواب سؤال مرا نداده‌اید. اصلاً چطور ممکن است فرضیه‌ای را درباره طبیعت مطلقاً درست دانست؟

گالیله: یک فرضیه فیزیکی در مورد طبیعت را هرگز نمی‌توان مثل یک قضیه ریاضی ثابت کرد. در ریاضیات، اثبات به کمک یک سلسله استنتاج منطقی از تعدادی اصول موضوع انجام می‌پذیرد. اما فرضیه‌های ما در مورد طبیعت، خود واقعاً اصول موضوع‌مند، و می‌دانید که حتی در ریاضیات هم اصول موضوع را نمی‌شود ثابت

کرد. مثلاً نمی‌توانیم اصول موضوع هندسه را ثابت کنیم. ما آنها را می‌پذیریم و صحیح می‌دانیم، زیرا هندسه‌ای که بر مبنای آنها ساخته می‌شود جهانی را که ما در آن زندگی می‌کنیم بخوبی توصیف می‌کند. فرضیه‌های فیزیکی معمولاً به‌طور صوری قابل اثبات نیستند. تنها کاری که می‌توان انجام داد این است که از آنها نتایجی در مورد رویدادهای مشاهده‌پذیر و از نظر تجربی مهارشدنی بدست بیاوریم و بعد این نتایج را با نتایجی مقایسه کنیم که از تجربه حاصل می‌شوند. اما نتایجی را که از فرضیه‌ها استنتاج می‌کنیم باید با روش‌های ریاضی نیز بدست بیاوریم، پس فرضیه‌ها نقش اصول موضوع را بازی می‌کنند، و از این اصول حقایق مورد نظر به کمک دقت ریاضی حاصل می‌شود.

خانم نیکولینی: حالا کم کم متوجه می‌شوم که چرا در مطالعه طبیعت به ریاضیات احتیاج داریم.

گالیله: این فقط یکی از علل ضرورت استفاده از ریاضیات در مطالعه علوم طبیعی است. علت دیگری هم وجود دارد که بمراتب عمیقتر است: قوانین اساسی طبیعت را به‌هیچ طریقی نمی‌توان بیان کرد مگر به‌زبان ریاضی. کتاب عظیم طبیعت (۱) فقط کسانی می‌توانند بخوانند که به‌زبان آن آشنایی داشته باشند، و آن زبان هم (یا خیات است). کسانی که فقط راجع به‌طبیعت و راجی می‌کنند و از مشاهده آن با تحریک و وادار کردن آن به‌وسیله آزمایش، غافلند، هرگز چیزی از آن را درک نمی‌کنند. ولی اگر کسی موفق شد که طبیعت را وادار سازد که با او سخن بگوید، طبیعت به‌زبان ریاضیات با او سخن

خواهد گفت، و اگر او این زبان را نداند، سخن طبیعت را هم در نخواهد یافت. متأسفانه عده زیادی هستند که این زبان را فقط به طور پراکنده و نامنظم فراگرفته‌اند، و این کافی نیست، زیرا خیلی اتفاق می‌افتد که این افراد مفهوم بکلی متفاوتی را از سخن طبیعت برداشت می‌کنند، و بعد وقتی می‌خواهند اندیشه‌هایشان را به زبان ریاضیات بیان کنند، نتیجه‌اش لکنت زبانی اسفبار است. فیلسوفانی هم هستند که عقاید عجیب و غریبی - حتی می‌توانم بگویم عقایدی بدروی - نسبت به ریاضیات دارند. با وجودی که دیگر امروز نمی‌توانند لزوم دانش ریاضی را انکار کنند، می‌گویند که کسی که ریاضیات را برای مطالعه طبیعت بسکارمی گیرد، نیازی ندارد آن را عمیق و کامل فراگیرد. این درازگوشها مدعیند که تنها به نتایج نهایی احتیاج دارند؛ آنها نه حوصله و نه وقت آن را دارند که با اثبات و صور تبندی دقیق قضایا دست و پنجه نرم کنند. حرف این فیلسوفان همانقدر احمقانه است که کسی بگوید: «بگذارید ریشه و شاخه‌های درخت را قطع کنیم، چون فقط به میوه‌های آن نیاز داریم.» کسی که می‌خواهد از میوه‌های ریاضیات بهره‌مند شود، چه بخواهد و چه نخواهد باید روش تفکر آن را نیز بپذیرد.

خانم نیکولینی: من متوجه نمی‌شوم که چطور ممکن است کسی بخواهد ریاضیات را بکار گیرد ولی با روح آن نیز درستیز باشد. من در ریاضیات تنها یک تازه‌کارم، و دانشم فقط در همین حد اندکی است که شما در طی صحبت‌هایمان به من آموخته‌اید، بنا بر این شاید اظهار نظرم در این مورد پر مدعاوی باشد. با این حال، من

متوجه مطلبی شده‌ام. ولی نمی‌خواهم خسته‌تان بکنم، چون یقیناً آنچه بتوانم بگویم خودتان می‌دانید.

گالیله: لطفاً ادامه بدهید. نظرتان را بگویید. خبیلی مایلم بدانم نکته‌ای که متوجه آن شده‌اید چیست. ذهن بی‌غرض و منصفانه شما به چیزهایی توجه می‌کند که از دید بسیاری از همکاران دانش-آموخته من پنهان می‌ماند.

خانم نیکولینی: متوجه شده‌ام که یک قضیه ریاضی را تنها هنگامی واقعاً فهمیده‌ام که اثبات آن را کاملاً درک کرده‌باشم. حتی اتفاق افتاده است که تنها، وقتی قضیه‌ای را برایم از راه متفاوت دیگری ثابت کرده‌اید، آن را کاملاً متوجه شده‌ام. زمانی به‌من گفتید که می‌خواهید راه حل متفاوتی برای یک قضیه ارائه بدهید. اعتراف می‌کنم که با خود گفتم چه لزومی دارد که چنین کنید، و چرا یک اثبات کفايت نمی‌کند. اما بعد متوجه شدم که چقدر مفید است که از جهات مختلف به مسئله‌ای نظر کنیم، درست مانند آنکه مجسمه‌ای را از زوایای مختلف تماشا کنیم. البته درک می‌کنم که چرا انسان گاهی از اثبات دشوارتر می‌گریزد. خودم هم بسیاری اوقات از یک سلسله استدلال طولانی که می‌بایست گام به گام دنبال شود وحشت‌زده می‌شدم. من در این موارد احساس کوهنوردی را داشتم که به‌طرف قله‌ای در میان پرتگاههای خطرناک در حرکت است و باید تنها جلو پایش را نگاه کند تا مبادا پایش بلغزد. اما جالب توجه این است که وقتی به قله می‌رسد و از آن بالا به‌منظرا اطرافش می‌نگرد، آن چنان لذت غیرقابل توصیفی به او دست می‌دهد که همه مشکلات راه را از

یادمی برد. ابتدا من اثباتهای طولانی را به شوق رسیدن به چنین چشم اندازی دنبال می‌کرم. اما بتازگی از هر گام شگفت‌انگیز و نبوغ‌آمیز اثبات لذت فراوانی می‌برم که بالذت شنیدن زیباترین قطعات موسیقی قابل مقایسه است. فکر می‌کنم که وضعیت برای کو亨وردهم مشابه این است: ابتدا او فقط به فکر قله و منظرة زیبایی است که از آنجا می‌بیند، ولی کم کم برایش نفس کو亨وردهی اهمیت پیدا می‌کند، از سرراه برداشتن هر مانعی و پیدا کردن هر دستاویزی در میان صخره‌ها برایش شادی‌بخش و فرح‌افزا می‌شود.

گالیله: نمی‌دانید حرفهای شما چقدر مرا خوشحال کرد. در طول عمر درازم فقط تعداد کمی از شاگردانم مرا و روح واقعی ریاضیات را اینقدر خوب فهمیده‌اند. هر وقت چیز جدیدی به‌شما پاد می‌دهم، بلا فاصله به‌چشمانتان نگاه می‌کنم تا برق آنها را مشاهده کنم. هر وقت چشمانتان برق می‌زنند، می‌فهمم که متوجه نکته قضیه شده‌اید. هنگام تدریس، این برق دیدگان بالاترین لذتها را به‌من می‌دهد. درست مثل لذت آن لحظه‌ای است که آتش اجاق، پس از سعی زیاد در روشن کردنش، بالاخره زبانه می‌کشد. معلمانی هستند که می‌خواهند ریاضیات را با حفظ کردن قواعد و روش‌های مکانیکی به شاگردانشان بیاموزند. کار آنها از سر رفع تکلیف است، و تدریسشان پشیزی نمی‌ارزد. معلم واقعی کسی است که به‌شاگردش یادمی‌دهد که چگونه باید فکر کند و بفهمد. کسی که در عوض فهم حقیقی مطلب فقط دستورالعمل‌ها را می‌آموزد، قادر نخواهد بود که آنها را درست بکارگیرد، زیرا دانستن درست تنها در سایه تفکر امکان‌پذیر است.

کسی که به جای فکر کردن تنها به شمردن اکتفا کند، معمولاً پیچیده ترین راهها را خواهد پیمود و غالباً هم آن چیزی را که لازم است نمی‌شمارد. بنا بر این حتی اگر اشتباه هم نکند، نتیجه‌اش بی‌ارزش و بی‌فایده خواهد بود. بگذارید دو مطلب به گفته‌های شما اضافه کنم. اول اینکه ریاضیات علاوه بر آنکه مفید است و برای کسانی که می‌خواهند به مطالعه طبیعت پردازند یا از قدرت آن - مثلاً در ساختن ماشینها - استفاده کنند اجتناب ناپذیر است، مبحшу است بسیار زیبا و جالب توجه، و از ماجراجویی‌های هیجان‌انگیز و شگفتی‌آور مغز آدمی است. من فکر می‌کنم که زیبایی ریاضیات یک نکتهٔ فرعی و الحاقی به آن نیست، بلکه یکی از خصایص اساسی آن است. حقیقت همیشه زیباست و زیبایی همیشه حقیقت دارد. یونانیان باستان به این نکتهٔ خوب پی بردند. کسانی که تصوراتی منحظر از ریاضیات دارند، یا زیبایی آن را نمی‌بینند و یا اینکه بدان مشکو کند، گمان می‌برند زیبایی یک جنبهٔ تجملی و زائد است، و وقتی بدان پشت می‌کنند به خیال خود به واقعیت نزدیکتر می‌شوند. این کسان خود را مرد عمل می‌نامند و متکبرانه به تحقیر کسانی می‌پردازند که در روح واقعی ریاضیات نفوذ کرده‌اند. در حالی که هیچ چیز غیر منطقی‌تر از خودبینی آنها نیست که در واقع انعکاس ناتوانی خود آنهاست. حالت آنها درست مثل اسکندر کبیر است که از روی خشم گره گوردیوس^۱ را با شمشیر برید، زیرا نتوانست به راز آن پی ببرد. این را هم بدانید که در دربار حکومتهای خود کامهٔ ابتدا ای، هنر و علم

صرفاً جنبه تشریفاتی داشتند، در حالی که در یونان باستان هنر و علم هر دو اجزاءٔ تشکل یافتهٔ زندگی بودند. این هر دو به روش‌های مختلف به آدمیان کمک کردند تا خودشان و جهان اطرافشان را بشناسند. حالا که پس از ۲۵۰۰ سال ما ادامه دادن به راه آنها را آغاز کرده‌ایم باید از آنجایی شروع کنیم که ارشمیدس باز استاد.

خانم نیکولینی: درست می‌گویید، هنرمندان عصر ما هم همین کار را می‌کنند. ولی گفتید که به گفته‌های من دو نکته می‌خواهید بیفزایید. نکته دوم چیست؟

گالیله: نکته دومی که می‌خواهم بیان کنم، با نکته اول رابطه بسیار نزدیک دارد. تا به حال راجع به زیبایی ریاضیات و لذتی که از آن حاصل می‌شود صحبت کرده‌ام. این لذت، درست مانند لذت درک زیبایی یک اثر هنری است. مولد این لذت شناخت واقعی، و نشانه آن بر قردن چشمان آدمی است. اما در ریاضیات این لذت فقط با کوشش بسیار بدست می‌آید. تمثیل کوهنوردی شما را بدان سبب دوست دارم که این جنبه را هم نشان می‌دهد. بدون تلاش عمیق فکری نمی‌توان در ریاضیات پیش رفت. اما کسی که لذت دانش ناب را چشیده و به زیبایی آن پی برده باشد، دوست دارد که رنج آن را بارها و بارها تحمل کند. هدف اصلی تعلیم ریاضیات نیز باید این باشد که شاگردان را با این حظ و افراد آشنا کند و از این راه تفکر سازمان یافته و منطقی را که خاص ریاضیات است به آنها بیاموزد. این موضوع از آن رو مهم است که کسانی که هنر تفکر منطقی را از راه ریاضیات بیاموزند، می‌توانند آن را در همهٔ شؤون زندگی بکار گیرند.

خانم نیکولینی: بعضیها معتقدند که اگر همه کس فکر خود را بکار بیندازد، هرج و مرچ خواهد شد. آنها می‌گویند بهتر است مردم از قدمای صاحب اختیار پیروی کنند. نظر شما در این باره چیست؟

گالیله: همه عمرم، در جنگ با این گونه عقاید سپری شده است. بگذارید به یک مثال اکتفا کنم. ارسطو فکر می‌کرد که برای ادامه حرکت یک جسم، نیرو لازم است. اما این موضوع درست نیست: محتوای اصلی کار جدید من، که ادله فراوانی آن را تأیید می‌کنند، این است که تنها برای تغییر حرکت نیرو لازم است؛ اگر نیرویی بجسم متحرک وارد نشود، آن جسم حرکت خود را ادامه می‌دهد. بدون تشخیص این پدیده، هیچ کس قادر به درک قوانین حرکت نخواهد بود. دلیل اینکه ۲۰۰۰ سال است که مردم متوجه این مطلب نشده‌اند این است که به گفته قدمای صاحب اختیار - ارسطو - بیشتر از مشاهدات خود اعتقاد داشتند. در زندگی عادی نیز همانند کارهای علمی، مردم باید شخصاً به مسائل بینداشتنند. مردم همچون گوسفندان نیستند که کسی باید آنها را به کمک سگهای گله به آغل براند. فرق انسان با حیوان در این است که او قادر به تفکر و اندیشیدن است. کسی که معتقد است انسان نباید شخصاً فکر کند، می‌خواهد او را تا درجه حیوان تنزل دهد. به هر حال فکر می‌کنم که از بحث اصلی خود دور شده‌ایم. نمی‌دانم آیا به سؤال شما جواب دادم یا نه؟

خانم نیکولینی: سرانجام خوب متوجه نشدم که منظورتان چه بود وقتی به توریچلی گفتید که هنوز اثبات قاطعی برای نظریه کپرنیک پیدا نکرده‌اید. از مطالبی که پیشتر ابراز داشتید به نظرم

رسید که چنین اثباتی اصلاً نمی‌تواند وجود داشته باشد.

گالیله: سرکار خانم نیکولینی، شما اشتباه متوجه مطلب شده‌اید. می‌توان تصور اثباتی را کرد که بالاخره فرضیه سکون زمین در مرکز عالم و گردش خورشید به دور آن را باطل سازد. وقتی من از اثبات قاطع سخن می‌گوییم، منظورم آزمایش یا مشاهده‌ای است که به هیچ وجه با مفهوم بعلمیوسی عالم سازگار نباشد. من مرتب در این راه گام بر می‌دارم. برای اینکه بهتر متوجه سختی مسأله بشوید، به این آزمایش توجه کنید: تصور کنید که در پک کشتنی، در اتاقکی دربسته و بدون پنجره هستید؛ اگر نیمه شب از خواب بیدار شوید، حتی اگر مجهز به وسایلی برای آزمایش هم باشد، متوجه نخواهد شد که آیا کشتنی ایستاده است یا روی خط مستقیم با سرعتی یکنواخت حرکت می‌کند. مثلاً اگر شیئی را رها کنید، در این دو وضع، فرود آمدنش یکسان است. البته اگر کشتنی سرعت یا جهتش را تغییر دهد، حالت فرود آمدن آن شیء فرق می‌کند. اما مادامی که سرعت یکنواخت، و مسیر مستقیم است، از درون اتاقک نمی‌توان حرکت را حس کرد. البته اگر اتاقک پنجره داشته باشد و از آن بتوان ساحل را دید، قادر خواهیم بود حرکت کشتنی را نسبت به ساحل حس کنیم. اما اگر در عرشة کشتنی ایستاده باشیم و فقط کشتنی دیگری را بینیم که نسبت به کشتنی ما در حرکت است، بازنمی‌توانیم بفهمیم که آیا این تغییر بر اثر حرکت آن کشتنی است یا کشتنی خودمان، یا هر دو.

خانم نیکولینی: من این مطلب را می‌فهمم. ولی بنا بر نظریه کپرنيک حرکت زمین روی خط مستقیم نیست و به دور خورشید

خانم نیکولینی: بعضیها معتقدند که اگر همه کس فکر خود را بکار بیندازد، هرج و مرچ خواهد شد. آنها می‌گویند بهتر است مردم از قدمای صاحب اختیار پیروی کنند. نظر شما در این باره چیست؟

گالبله: همه عمرم، در جنگ با این گونه عقاید سپری شده است. بگذارید به یک مثال اکتفا کنم. ارسطو فکر می‌کرد که برای ادامه حرکت یک جسم، نیرو لازم است. اما این موضوع درست نیست: محتوای اصلی کار جدید من، که ادله فراوانی آن را تأیید می‌کنند، این است که تنها برای تغییر حرکت نیرو لازم است؛ اگر نیرویی بر جسم متحکم نشد، آن جسم حرکت خود را ادامه می‌دهد. بدون تشخیص این پدیده، هیچ کس قادر به درک قوانین حرکت نخواهد بود. دلیل اینکه ۲۰۰۰ سال است که مردم متوجه این مطلب نشده‌اند این است که به گفته قدمای صاحب اختیار - ارسطو - بیشتر از مشاهدات خود اعتقاد داشتند. در زندگی عادی نیز همانند کارهای علمی، مردم باید شخصاً به مسائل بیندیشند. مردم همچون گوسفندان نیستند که کسی باید آنها را به کمک سگهای گله به آغل براند. فرق انسان با حیوان در این است که او قادر به تفکر و اندیشیدن است. کسی که معتقد است انسان نباید شخصاً فکر کند، می‌خواهد او را تا درجه حیوان تنزل دهد. به هر حال فکر می‌کنم که از بحث اصلی خود دور شده‌ایم. نمی‌دانم آیا به سؤال شما جواب دادم یا نه؟

خانم نیکولینی: سرانجام خوب متوجه نشدم که منظورتان چه بود وقتی به توریچلی گفتید که هنوز اثبات قاطعی برای نظریه کپرنیک پیدا نکرده‌اید. از مطالبی که پیشتر ابراز داشتید به نظرم

رسید که چنین اثباتی اصلاً نمی‌تواند وجود داشته باشد.

گالیله: سرکار خانم نیکولینی، شما اشتباه متوجه مطلب شده‌اید. می‌توان تصور اثباتی را کرد که بالاخره فرضیه سکون زمین در مرکز عالم و گردش خورشید به دور آن را باطل سازد. وقتی من از اثبات قاطع سخن می‌گویم، منظورم آزمایش یا مشاهده‌ای است که به هیچ وجه با مفهوم بطلمیوسی عالم سازگار نباشد. من مرتب در این راه گام بر می‌دارم. برای اینکه بهتر متوجه سختی مسأله بشوید، به این آزمایش توجه کنید: تصور کنید که در یک کشتی، در اتاقکی دربسته و بدون پنجره هستید؛ اگر نیمه شب از خواب بیدار شوید، حتی اگر مجهز به وسایلی برای آزمایش هم باشید، متوجه نخواهد شد که آیا کشتی ایستاده است یا روی خط مستقیم با سرعتی یکنواخت حرکت می‌کند. مثلاً اگر شیئی را رها کنید، در این دو وضع، فرود آمدنش یکسان است. البته اگر کشتی سرعت یا جهتش را تغییر دهد، حالت فرود آمدن آن شیء فرق می‌کند. اما مادامی که سرعت یکنواخت، و مسیر مستقیم است، از درون اتاقک نمی‌توان حرکت را حس کرد. البته اگر اتاقک پنجره داشته باشد و از آن بتوان ساحل را دید، قادر خواهیم بود حرکت کشتی را نسبت به ساحل حس کنیم. اما اگر در عرشة کشتی ایستاده باشیم و فقط کشتی دیگری را ببینیم که نسبت به کشتی ما در حرکت است، بازنمی‌توانیم بفهمیم که آیا این تغییر بر اثر حرکت آن کشتی است یا کشتی خودمان، یا هر دو.

خانم نیکولینی: من این مطلب را می‌فهمم. ولی بنا بر نظریه کپرنيک حرکت زمین روی خط مستقیم نیست و به دور خورشید

است. آیا این مانند تغییر جهت در حرکت کشتی نیست که می‌توان از درون اتاقک دربسته متوجهش شد؟

گالیله: اگر کشتی خیلی آهسته و تدریجی تغییر جهت بدهد، احساس آن بسیار دشوار است؛ مسا فقط تغییرات ناگهانی را متوجه می‌شویم. یک سال طول می‌کشد تا زمین گرد خورشید بچرخد، و ظرف چند ساعت تنها مقدار بسیار ناچیزی جهتش را تغییر می‌دهد. این است که پی بردن به این پدیده خیلی سخت است.

خانم نیکولینی: درباره چرخش زمین حول محور خودش چه می‌گویید؟ تا آنجا که من می‌دانم، بر طبق نظریه کپرنیک زمین هر روز یک دور حول محورش دوران می‌کند. آیا مستقیماً نمی‌توان آن را به طریقی حس کرد؟

گالیله: از سؤالتان چنین بر می‌آید که منظورم را از اثبات قاطعی که در پی آن هستم فهمیده‌اید. در هر حال، چنانکه گفتم، هنوز آن را پیدا نکرده‌ام. ولی اطمینان دارم که علم بزودی به آن دست خواهد یافت.

خانم نیکولینی: سؤال دیگری هم دارم: کاملاً متوجه نشدم که منظورتان از اینکه گفتید قوانین طبیعت را به زبان ریاضیات نوشته‌اند چیست. ممکن است برای تشریح آن مثالی بزنید؟

گالیله: لطفاً با من کنار پنجره بیایید. به این توب نگاه کنید؛ من آن را رها می‌کنم و شما چگونگی فرود آمدن آن را به زمین مشاهده کنید. چیزی دستگیر تان شد؟

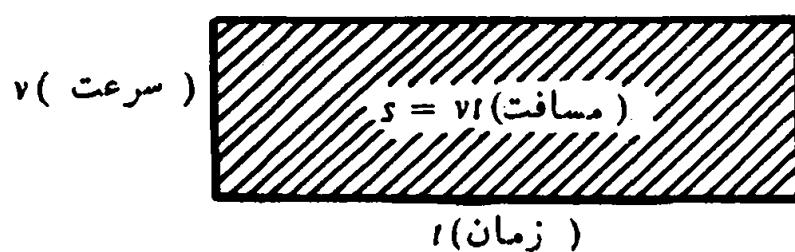
خانم نیکولینی: بنظر می‌رسد که سرعت فرود آمدن آن زیاد و

زیادتر می‌شود.

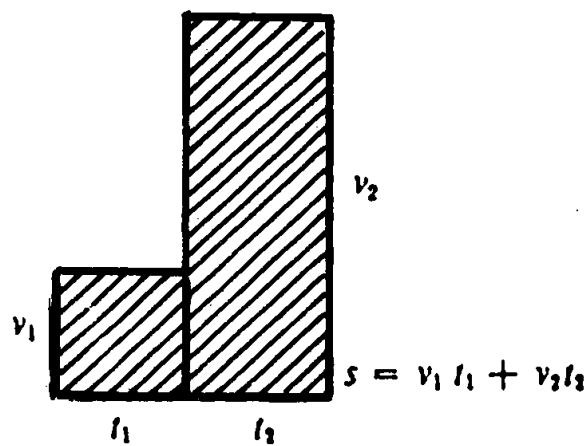
گالیله: حق با شماست، ولی افزایش این سرعت چگونه است؟
 نظم خیره‌کننده و در عین حال ساده‌ای در آن وجود دارد. اگر
 مسافتی را که توب در زمانهای مساوی طی کرده است اندازه بگیرید،
 می‌بینید که نسبت تغییرات آن مانند اعداد فرد است. مثلاً در ثانیه
 دوم مسافت طی شده سه برابر ثانیه اول است؛ در ثانیه سوم پنج برابر
 ثانیه اول؛ در ثانیه چهارم هفت برابر ثانیه اول، و همین طور تا
 آخر. پس افزایش سرعت جسم در حال سقوط یکنواخت است. به
 عبارت دیگر حرکت آن به‌طور یکنواختی غیریکنواخت است. پیروان
 مکتب مدرسی این نوع حرکت را مطالعه می‌کردند، اما برای آن
 ریاضیات را بکار نمی‌بردند. در حالی که این حرکت بدون ریاضیات
 واقعاً قابل درک نیست.

خانم نیکولینی: جداً که خیلی جالب توجه است.

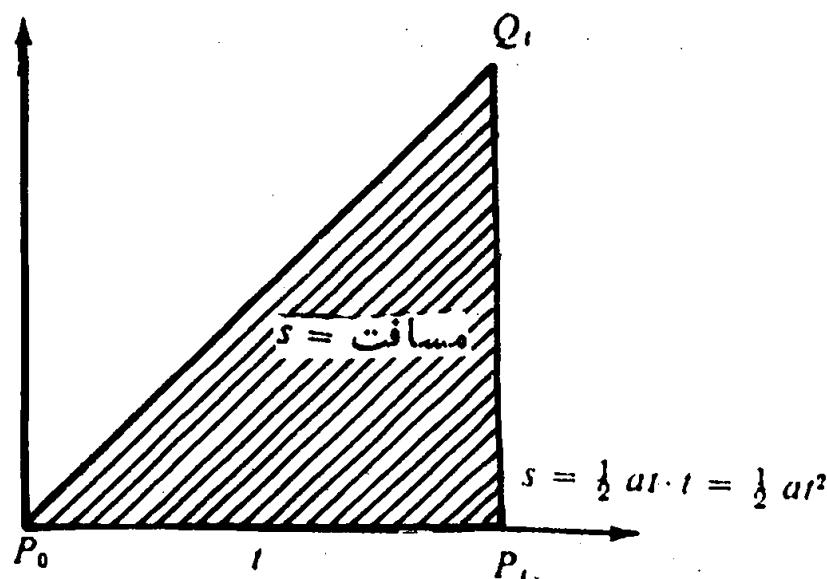
گالیله: کمی صبر کنید، هنوز حرفم در مورد سقوط اجسام
 تمام نشده است. آنچه قبلاً گفتم می‌توان این طور هم بیان کرد که
 سرعت جسم، متناسب با زمان تغییر می‌کند. حالا بباید مسافتی را
 که جسم در حال سقوط از ابتدا تا یک لحظه دلخواه طی می‌کند در
 نظر بگیریم. فرض کنید که در ثانیه اول مسافتی به اندازه a را
 پیموده باشد؛ در ثانیه دوم طبق آنچه گفتم مسافتی به اندازه $2a$ را
 طی می‌کند، پس در ثانیه‌های اول و دوم روی هم رفته $3a+a=4a$
 را می‌پیماید. حال شما بگویید که می‌دانید در ثانیه سوم چه مسافتی
 طی می‌شود؟



حرکت با سرعت ثابت



حرکت با سرعت قطعه‌ای ثابت



حرکت با سرعتی که بطور یکنواخت تغییر می‌کند.

خانم نیکولینی: البته $5a$ ، پس در سه ثانیه اول جمعاً $4a + 5a = 9a$ را می‌پیماید؛ در ثانیه چهارم مسافتی به طول $7a$ را طی می‌کند و تا آن موقع کلاً $16a$ را طی کرده است.

گالیله: پس جسم در حال سقوط در دو ثانیه $4a$ و در سه ثانیه $9a$ و در چهار ثانیه $16a$ را طی می‌کند. در این مطلب نظمی نمی‌بینید؟

خانم نیکولینی: بنظر می‌رسد که طول مسافتی که از ابتدا طی شده، متناسب با مربع تعداد ثانیه‌ها باشد. آیا واقعاً چنین است؟
گالیله: بله، و این موضوع نه فقط برای ثانیه‌های اول، دوم، سوم،...، بلکه در حالت کلی هم درست است.

خانم نیکولینی: چگونه می‌توان این نظم را در حالت کلی به اثبات رسانید؟

گالیله: خیلی ساده است. خط مستقیمی به نام L بکشید و نقطه P را روی آن انتخاب کنید. فرض کنید که P متناظر با لحظه شروع حرکت باشد. در این صورت هر نقطه Q_t روی خط L در طرف راست P نمایانگر لحظه t پس از آغاز حرکت خواهد بود. در هر نقطه Q_t خطی عمود بر L رسم کنید و روی آن نقطه Q_t را طوری انتخاب کنید که فاصله اش از Q_0 مساوی با سرعت جسم در حال سقوط در لحظه t باشد. چون سرعت متناسب با زمان افزایش می‌یابد، نقاط Q_t همگی روی یک خط راست گذرنده از P خواهند بود.

خانم نیکولینی: این درست، ولی چگونه می‌توان از روی این

شکل مجموع مسافت طی شده را یافت؟

گالیله: خیلی ساده: مسافت طی شده تا لحظه t برابر با مساحت مثلث $P_0 P_t Q_t$ است.

خانم نیکولینی: چرا؟

گالیله: اگر سرعت ثابت باشد، مسافت طی شده مساوی است با حاصلضرب سرعت در زمان. اگر خط افقی نشانگر زمان و خط عمودی نمایانگر سرعت باشد، مسافت طی شده برابر است با مساحت مستطیلی که يك ضلعش زمان است و ضلع دیگرش سرعت. اگر سرعت تغییر کند، مسئله مشکلتر می‌شود، ولی مسافت هنوز با يك مساحت قابل بیان است. مثلاً اگر سرعت برای مدتی ثابت باشد و ناگهان افزایش بیابد و در آن حالت بماند، مسافت طی شده مساوی است با مساحت ناحیه‌ای متشکل از دو مستطیل. اگر سرعت مرتبأ تغییر کند اما بین هر دو تغییر ناگهانی ثابت بماند، مسافت طی شده برابر خواهد بود با مساحت ناحیه‌ای مرکب از تعداد زیادی مستطیل. اگر سرعت به‌طور پیوسته و یکنواخت از صفر شروع به افزایش کند، مسافت طی شده مساوی مساحت يك مثلث است. برای فهمیدن دلیل آن، کافی است توجه کنید که مثلث ترکیبی است از تعداد بی‌شماری مستطیل موازی بی‌نهایت نازک با ارتفاعهای مختلف.

خانم نیکولینی: واقعاً خارق العاده است. آیا کتاب شما در

باب ریاضیات حرکت با این سؤال هم سر و کار خواهد داشت؟

گالیله: بله، در آن کتاب راجع به بسیاری از مسائل مشابه دیگر نیز توضیح خواهم داد. درست همان طور که می‌توان پیش‌بینی

کرد که وضعیت سنگی که در حال سقوط است در هر لحظه چیست، می‌توان نشان داد که اگر سنگی را در هر راستایی پرتاب کنیم، مسیرش سه‌می خواهد بود. این مشاهده نه تنها به دلایل عملی جالب توجه است، بلکه به کمک آن می‌توانم نشان دهم که چگونه حرکتهای مختلف را می‌توان در هم آمیخت. در واقع برای من عجیب است که چرا هیچ کس، به استثنای احتمالاً ارشمیدس سعی نکرد مسیر حرکت یک قطعه سنگ را در حالت سقوط یا پرتاب بررسی کند در حالی که از زمان بطلمیوس سعی شده بود که مدار ظاهری خورشید، ماه و سیارات محاسبه شود. بگذارید باز هم مرا به الحاد محاکوم کشند، اما باز حرفم را تکرار می‌کنم که قوانین حاکم بر حرکت دل دوی ذمین همان است که در آسمانها.

خانم نیکولینی: پس جهان هستی مانند ساعت بسیار بزرگی است که در آن می‌توانیم دقیقاً حساب کنیم که هر چرخی، کوچک یا بزرگ، چگونه می‌چرخد.

گالیله: این نظم خارق العاده تنها یک فصل از «کتاب طبیعت» است؛ رویدادهای نامنظم، غیرقابل پیش‌بینی، و تصادفی نیز بسیارند.

خانم نیکولینی: منظورتان چیست؟

گالیله: ستاره‌گان جدیدی را در نظر بگیرید که گاهگاه (مثل ۶۰ سال پیش) ظاهر می‌شوند. مثلاً ستاره‌ای ناگهان در آسمان ظاهر می‌شود، چند سالی درخشش بیشتر و بیشتر می‌شود، اما درست همان گونه که به طور ناگهانی ظاهر شد ناگهان هم غیب شد.

لکه‌های خورشیدی را در نظر بگیرید که دور خورشید و نزدیک سطح آن می‌چرخند، گاهی بزرگ می‌شوند و گاهی کوچک، بعضی وقتها ظاهر می‌شوند، می‌چرخند، و بعد غیب می‌شوند. نمی‌شود گفت که جهان از همه جهات تابع بک ساخت و کار است؛ از بعضی جنبه‌ها بیشتر به یک زن هوسباز و غیرقابل پیش‌بینی می‌ماند.

خانم نیکولینی: از آنچه گفتید بنظر می‌رسد که در کتاب طبیعت فصولی هم هست که به زبان ریاضیات نوشته نشده‌است، زیرا که با پیشامدهای غیرقابل پیش‌بینی سر و کار دارد.

گالیله: اشتباه می‌کنید و حق هم دارید، زیرا تا به حال فقط گامهای نخست در توصیف ریاضی پدیده‌های تصادفی برداشته شده است. اما این کار شدنی است، و من اخیراً این را با بک مثال بسیار ساده نشان داده‌ام.

خانم نیکولینی: مثالتان را اگر ممکن است بگویید.

گالیله: بازی قدمی اما هنوز متدائل تاس را در نظر بگیرید، اگر تاس را بریزیم، طرز نشستن آن کاملاً به شанс بستگی دارد. اگر اعداد ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶ را روی شش وجه تاس بنویسیم و آن را بریزیم، تنها چیزی که می‌توان گفت این است که یکی از این اعداد خواهد آمد. اما اگر تاسی را به دفعات زیاد بریزیم، نظم خاصی را مشاهده خواهیم کرد: هر یک از این اعداد به تعداد تقریباً مساوی ظاهر خواهد شد. مسئله جالبتر این است که اگر دو تاس را همزمان بریزیم و اعداد حاصل شده را جمع کنیم، چه خواهیم دید. انتظار شما چیست؟

خانم نیکولینی: کاملاً واضح است؛ مجموع می‌تواند هر عددی بین ۲ و ۱۲ باشد.

گالیله: بله، اما احتمال آمدن این ۱۱ عدد مساوی نیست. تقریباً در $\frac{1}{6}$ دفعات مجموع ۷ را می‌بینیم؛ دو عدد ۶ و ۸ در تقریباً $\frac{5}{36}$ دفعات ظاهر می‌شوند؛ بعد دو عدد ۵ و ۹ در $\frac{1}{9}$ دفعات، و ۴ و ۱۰ در $\frac{1}{12}$ دفعات مشاهده خواهند شد؛ دو عدد ۳ و ۱۱ را در حدود $\frac{1}{18}$ کل دفعات می‌بینیم، و بالاخره اعداد ۲ و ۱۲ در $\frac{1}{36}$ دفعات ظاهر می‌شوند.

خانم نیکولینی: عجیب بنظر می‌رسد. چرا چنین می‌شود؟

گالیله: دلیل ساده‌اش این است که ۴ به ۳ طریق ممکن بدست می‌آید: یکی اینکه قاس اول ۳ و قاس دوم ۱ بیاید، دیگر اینکه قاس اول ۱ و قاس دوم ۳ بیاید، و سوم اینکه هر دو قاس ۲ بیایند. د حالی که فقط به یک طریق ظاهر می‌شود و آن اینکه هر دو قاس ۶ بیایند. پس در بین این مجموعه‌ها، ۴ تقریباً ۳ برابر ۱۲ ظاهر می‌شود.

خانم نیکولینی: حالا که اینها را گفتید، سعی می‌کنم این قوانین را یک بار در بازیهای آینده‌ام بکار بگیرم. فکر می‌کنید می‌توانم پول زیادی برنده شوم؟

گالیله: اگر قوانین بازی طوری طرح شده باشند که هیچ بازیکنی در وضعیت از پیش مطلوبتری نسبت به بازیکن دیگر، قرار نداشته باشد، آن بازی عادلانه است، البته اگر قوانین به طریق صحیحی وضع نشده باشند، بازیکن می‌تواند مقدار زیادی پول ببرد به شرط آنکه آن اندازه پول داشته باشد که بتواند بازی را تا به آنجا

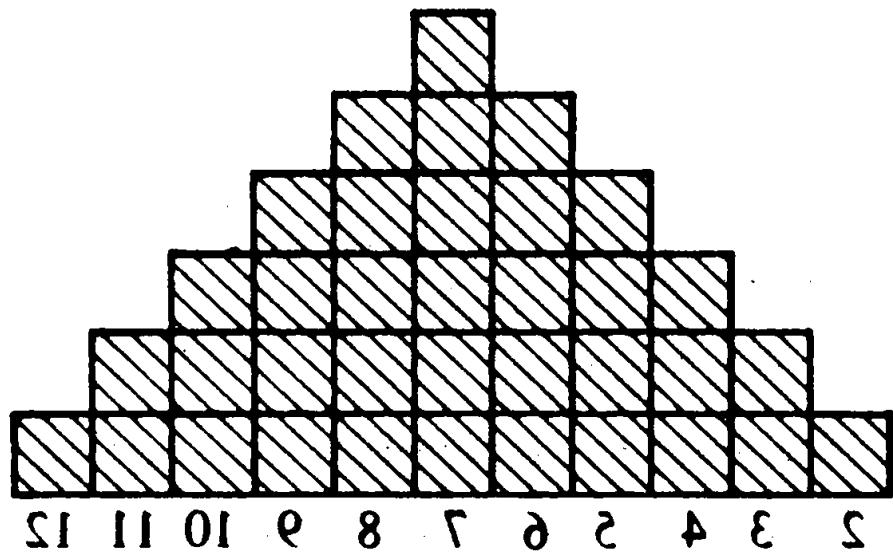
ادامه دهد که قوانین شانس در موردهش به اجرا درآیند.

خانم نیکولینی: هرگز فکر نمی‌کردم که حتی پایه بازیهای شانسی هم ریاضی باشد. این مطالب به‌چه شاخه‌ای از ریاضیات تعلق دارد؟

گالیله: این مبحث به قدری جدید است که هنوز برایش نامی نگذاشته‌اند. می‌توان آن را مثلاً حساب احتمالات نامید.

خانم نیکولینی: چگونه است که من تا به حال درباره آن هیچ چیزی نشنیده‌بودم؟

گالیله: چون ریاضیدانها عادت کرده‌اند که فقط با چیزهای منظم و دقیق سروکار داشته باشند، و تا همین اوآخر از مطالعه قوانین شانس کوتاهی کرده بودند، زیرا بنظر نمی‌رسید که این رشته ربطی به ریاضیات داشته باشد. این هم یکی از همان مواردی است که اطاعت کردن محض از پیشگامان باعث گمراهی شده است، زیرا ارسسطو می‌گفت ریاضیات فقط با چیزهای سروکار دارد که تغییرناپذیر باشند. خودتان می‌دانید که شاید هیچ چیز تغییرپذیرتر از شانس نیست. البته تعصبات قدیمیتر دیگری نیز وجود داشت: طبق سنت مردم اتفاقات تصادفی مانند ریختن تاس، پرواز پرنده‌گان، و شکلهای نامنظم چگر حیوان قربانی شده را نشانی از اراده خدا بان می‌انگاشتند. این باعث شده بود که کوشش برای درک یا مطالعه واقعی تصادفی به باری عقل آدمی کفر شمرده شود. به هر حال نظر من این است که در سر آدمی چیزی به نام مغز گذاشته‌اند که می‌تواند از آن استفاده کند.



$$r = 1 + 1$$

$$r = 1 + 2 = 2 + 1$$

$$r = 1 + 3 = 2 + 2 = 3 + 1$$

$$\Delta = 1 + r = 2 + 3 = 3 + 2 = r + 1$$

$$\theta = 1 + \Delta = 2 + r = 3 + 2 = r + 2 = \Delta + 1$$

$$\gamma = 1 + \theta = 2 + \Delta = 3 + r = r + 3 = \Delta + r = \theta + 1$$

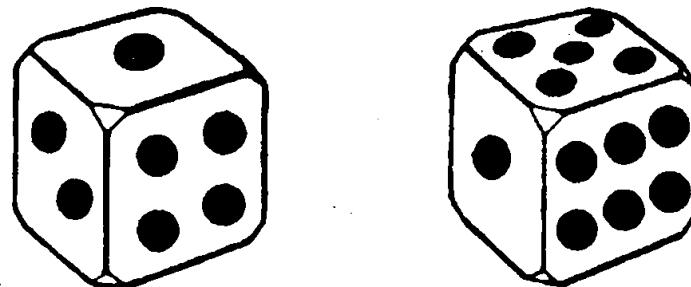
$$\lambda = \quad = r + \theta = r + \Delta = r + r = \Delta + r = \theta + r$$

$$\eta = \quad = r + \gamma = r + \Delta = \Delta + r = \theta + r = \theta + \gamma$$

$$10 = \quad = r + \theta = \Delta + \Delta = \theta + r$$

$$11 = \quad = \Delta + \theta = \theta + \Delta$$

$$12 = \quad = \theta + \theta$$



$$1 + \Delta = \theta$$

خانم نیکولینی: با اینکه معلومات من فقط در حد چیزهایی است که از شما شنیده‌ام، جداً از راهی که ریاضیات مسائل پیچیده را ساده می‌کند لذت فراوان می‌برم. با نور مشعل ریاضیات، بسیاری از مسائل سخت و غیرقابل فهم همچون بلور شفاف و روشن می‌شوند. گالیله: درست است، ولی باید به شما بگویم که ریاضیات گاهی هم نشان می‌دهد که چیزهای به‌ظاهر ساده واقعاً خیلی مشکل و پیچیده است.

خانم نیکولینی: منظور تان چیست استاد؟
گالیله: بگذارید تنها یک مثال خیلی ساده برای شما بزنم. روی این کاغذ اعداد صحیح را از صفر به بعد می‌نویسیم:

۵، ۱، ۲، ۳، ...

فرض کنید که این دنباله تا بی‌نهایت ادامه داشته باشد. حال در میان این اعداد، آنهای را که مربع کامل‌نند مشخص می‌کنیم. هر چه جلوتر برویم، تعداد اعداد مربع کامل کمتر و کمتر می‌شود، زیرا فاصله میان آنها بیشتر و بیشتر می‌گردد.

خانم نیکولینی: درست است، فاصله میان آنها را اعداد فرد تشکیل می‌دهند: ۱، ۳، ۵، ۷، ۹، ...

گالیله: این اعداد مانند مسافت طی شده در ثانیه‌های متوالی سنگی در حال سقوط آزاد است. حالا به من جواب بدهید: اگر بگوییم که تعداد اعدادی که مربع کامل‌نند کمتر از تعداد کل اعداد است، آیا درست گفته‌ام؟

خانم نیکولینی: مسلماً.

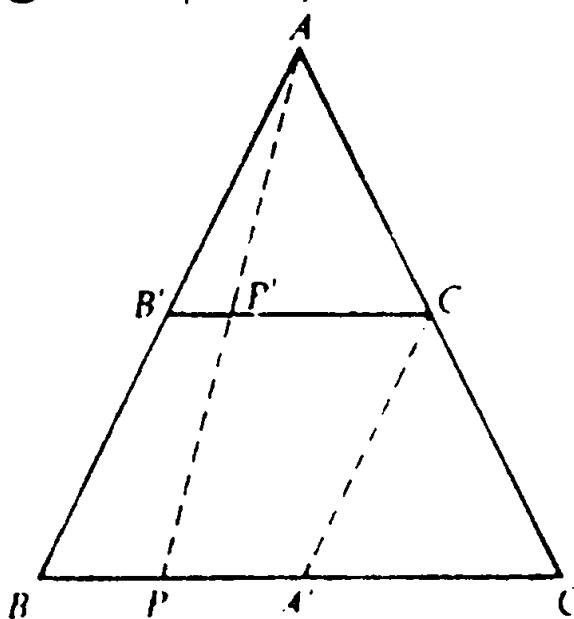
گالیله: حالا این کار را بکنید: دوباره دنباله اعداد صحیح را بنویسید و زیر آن مربع آنها را یادداشت کنید. در سطر دوم فقط اعدادی وجود دارند که مربع کاملند و هر عدد فقط یک بار ظاهر می‌شود.

خانم نیکولینی: بله.

گالیله: زیر هر عدد از سطر اول یک عدد از سطر دوم وجود دارد، پس در سطر دوم همان تعداد عدد هست که در سطر اول. آیا هنوز هم می‌گویید که تعداد کل اعداد صحیح بیشتر از تعداد اعداد مربع کامل است؟

۰ ۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ ۷ ۸ ۹ ۱۰ ۱۱ ۱۲ ۱۳ ۱۴ ۱۵ ۱۶....
۰ ۱ ۴ ۹ ۱۶ ۲۵ ۳۶ ۴۹ ۶۴ ۸۱....

خانم نیکولینی: من کاملاً سردرگم شده‌ام. موضوع چیست؟



گالیله: نکته این است که قوانینی که برای تعدادی متناهی اذ اشیاء هادق است، لزوماً برای تعدادی نامتناهی برقرار نیست. در واقع زنون قبلًا متوجه این مطلب شده بود (احتجاج مسابقه دو او را

به یاد دارید؟) وی متوجه شده بود که اگر پاره خط $C'B'$ را از نقطه A روی پاره خط بلندتر BC تصویر کنیم، آنگاه به هر نقطه C' مانند P یک نقطه BC مانند P متناظر می‌شود. تنها زنون متوجه نبود که این احتجاج در مورد اعداد صحیح هم پیش می‌آید.

خانم نیکولینی: به همین روش می‌توان نشان داد که اگر چه اعداد صحیح، یک در میان زوجند، تعداد کل آنها با تعداد اعداد زوج برابر است.

گالیله: می‌بینم که شما مطلب را کاملاً فهمیده‌اید. زمانی می‌توانیم بگوییم کسی مطلبی را عمیقاً فهمیده‌است که بتواند مطلب را به زبان خودش بازسازی و بیان کند؛ در یک کلام، باید بتواند آن را از نو بیافریند.

خانم نیکولینی: واقعاً درست است. مثلاً اگر کسی تنها دستورهای آشپزی را مو به مو اجرا کند، واقعاً آشپز خوبی نیست. آشپز خوب کسی است که هر بار ابتکار خاصی بخرج دهد، یک بار چاشنی را کم و بار دیگر زیاد کند، به‌طوری که مزه غذا هر دفعه با دفعه قبل تفاوت داشته باشد.

گالیله: آشپز خوب هم مثل یک دانشمند آزمایش می‌کند، بدون ترس از اتهام ارتداد.

خانم نیکولینی: آقای گالیله، در حالی که برایم این همه چیزهای جالب توجه تعریف می‌کردید، عقره زمان هم عصر را به شام کشانید. فکر می‌کنم وقت آن است که به استراحت بپردازید. مناسبم که تا این موقع شب شما را بیدار نگه‌داشته‌ام. حتماً از توضیح

این همه مطلب برای من بسیار خسته شده‌اید.

گالیله: نه، به هیچ روی. این گفتگو مرا از شرایطی که در آن هستم کاملاً غافل کرد و این خود نعمتی بود.

خانم نیکولینی: شما واقعاً نباید چندان به آن شرایط فکر کنید.

گالیله: راستی، آیا شما همیشه وقتی که از من درباره ریاضیات سؤالهایی می‌کنید نقشہ‌تان این است که مرا از فکر مشکلاتم بیرون بیاورید؟

خانم نیکولینی: امیدوارم که شما را عصبانی نکرده باشم. ولی باور کنید حتی اگر نقشه‌ام چنین باشد، باز هم به این مسائل واقعاً علاقه‌مندم. اما استاد، بنظر می‌رسید که توانایی شما منحصر به خواندن کتاب طبیعت نمی‌شود، بلکه قادر به خواندن ذهن انسان هم هستید. نمی‌فهمم که چرا این قدرت خود را در دفاع از خویش بکار نمی‌گیرید؟ می‌توانید خیلی بهتر خود را تبرئه کنید و کمتر خشم آنها را برانگیزید.

گالیله: خواندن ذهن فرشته‌گون شما همان لذت خالصانه را به من می‌دهد که تحقیق در شگفتیهای طبیعت. اما علاقه‌ای ندارم که فکر دشمنانم را بخوانم؛ فقط خوک پوزه در مزبله فرومی‌برد.

خانم نیکولینی: به هر حال فکر می‌کنم اگر به نفرت خود نسبت به دشمنانتان غلبه می‌کردید و سعی می‌کردید فکر آنها را بخوانید، عقیده‌تان راجع به نقشه سوریچلی و دوستان احساساتیش عوض می‌شد.

گالیله: پس شما هم می‌گویید که باید فرار کنم؟ آیا براستی معتقد بید که باید پیشنهاد آنها را قبول کنم؟

خانم نیکولینی: فقط بدان دلیل با یک «آری» ساده جواب نمی‌دهم که نمی‌دانم نقشه آنها تا چه اندازه عملی است و چه قدر احتمال موقیت دارد، اگر به جای شما باشم از آنها در این باره مفصلانه پرسش می‌کنم. اگر نقشه عملی بود (که در این مورد اصلاً مطمئن نیستم)، آن را قبول می‌کنم. نمی‌خواستم نظرم را بگویم، ولی حالاً که پرسیدید آن را به زبان آوردم.

گالیله: پس شما هم فکر نمی‌کنید که من برنده شوم؟

خانم نیکولینی: شما گفته بید که فقط به حقیقت اعتماد می‌کنید. من هم معتقدم که حقیقت دیر با زود آشکار می‌شود، ولی اطمینان ندارم که تا آن روز ما زنده باشیم. شما می‌گویید که اتهامهای آنها بی‌اساس است و نمی‌توانند آن را به ثبوت برسانند. اما غافلید که دادگاه تفتیش عقاید در اثبات ادعاهای خود همان معیارهای عالی و دقیقی را بکار نمی‌گیرد که شما در کارهای علمی خود بدان پایبندید. اما بگذارید به این بحث خاتمه دهیم. شاید من خیلی بدین باشم. ولی دیگر وقت خواب و استراحت است. امیدوارم که امشب هم مانند دیشب خواب راحت و خوشی داشته باشید.

گالیله: دیشب خواب دیدم اتفاقی که در آن نشسته بودم ناگهان شروع به پرواز کرد، بالا و بالاتر رفت، از ابرها گذشت و به خلا رسید. نمی‌توانید تجسم کنید که چه قدر تمایزی زمین از آن فاصله دلپذیر بود. هر چه بالاتر می‌رفتم، زمین کوچک و کوچکتر می‌شد، و

بر اثر انعکاس نور خورشید همچون ماه در تاریکی آسمان می‌درخشد. به آن نگاه می‌کردم و می‌دیدم که به طرز معجزه‌آسایی گرد خورشید و نیز حول محور خودش می‌چرخد. آنقدر شاد بودم که هرگز در همه عمرم تا به این حد احساس شعف نکرده بودم. من به چشم خویش حرکت زمین را مشاهده می‌کردم. با تلسکوپ که بارها از زمین آسمان را دیده بودم، این بار زمین را از آسمان تماشا می‌کردم؛ جهت تلسکوپ را به سوی رم گرداندم. تلسکوپ دقیق و بسیار نظری بود، بهتر از هر تلسکوپی بود که تا به حال ساخته بودم، به طوری که حتی می‌توانستم با آن چهره اشخاص را تشخیص بدهم. فکرش را بکنید، اینکوفر^۱ و پاسکوالیو^۲، آن دو ابله روسیاه، را دیدم که داشتند کنار رود تiber^۳ قدم می‌زدند و بحث می‌کردند. دکمه‌ای را روی تلسکوپیم فشار دادم تا صدای آن دو را بشنوم؛ داشتند درباره حرکت زمین سخن می‌گفتند و ادعای می‌کردند که موضوع حرکت زمین اعتقادی غلط و ارتداد آمیز است. اما زمین به ارجیف آنها وقوعی نمی‌نماید؛ با وقار تمام به حرکت بر روی مدار خود ادامه می‌داد و در حالی که آنها را بر پشت خود داشت حول محور خودش می‌چرخید. می‌شنیدم که آن دو من و کپرنیک را به باد تهمت گرفته بودند. گفتار آنها آنقدر مسخره بود که از شدت خنده اشک بر گونه‌هایم غلتید. آنقدر بلند خنده بدم که عاقبت بیدار شدم.

خانم نیکولینی: خواب واقعاً قشنگی بود. شاید امشب در خواب روزگاری را ببینید که در آن حتی کودکان در دبستان می-

آموزنند که زمین به دور خورشید می‌گردد.

گالیله: من این را غالباً وقتی بیدارم در رؤیا می‌بینم و مطمئنم که آن دوران بزودی خواهد آمد. پیشرفت دانش توقف ناپذیر است. اما گاهی پیش خود شک می‌کنم که آیا آن دوره به آن می‌میونی که من تصور می‌کنم خواهد بود؟ آیا تعصبات و تنگ نظریهایی از انواع دیگر، سد راه آنها نخواهد شد؟ آیا در آن زمان هم افراد کودن، حسود، کینه‌توز، و توطندهایی وجود خواهند داشت؟ آیا کسانی وجود نخواهند داشت که شخصیت مردان صادقی را با تهمت و ناسزا لکه دار کنند؟ و سرانجام آیا آفتهای مزاحمی بر درخت سبز و شکوفای دانش لانه نخواهد کرد؟

خانم نیکولینی: شکی ندارم که آن زمان هم چنین کرمهایی خواهند بود. اما مردانی نیز وجود خواهند داشت که برایشان حقیقت از هر چیز دیگر بالاتر است. آنها به روزگار ما نظر خواهند افکند و خواهند گفت که گالیلیو گالیله‌ای یک سر و گردن از هم‌عصران خود بالاتر بود و افتخار خواهند کرد که خود را از شاگردان و پیروان مکتب او بدانند.