

# تشریف

## توضیحات مهم

### استفاده از ماشین حساب ممنوع است

- قبل از شروع آزمون دقت کنید که وسائل ذکر شده در صورت سوال عملی، به طور کامل در اختیار شما قرار گرفته باشد. در صورت بروز مشکل مراقبین را مطلع نمایید.
- از آنجا که ممکن است تا پایان آزمون عملی به وسایلی که در اختیار شما قرار داده شده نیاز داشته باشد، هنگام کار با آنها دقت کنید. در صورت وجود مشکل در ابزارهای آزمایش، از مسؤول حوزه درخواست کنید آن را تعویض نماید.
- این پاسخنامه به صورت نیمه کامپیوتری تصحیح می شود، بنابراین از مجاله و کثیف کردن آن خودداری نمایید.
- مشخصات خود را با اطلاعات بالای هر صفحه تطبیق دهید. در صورتی که حتی یکی از صفحات پاسخنامه با مشخصات شما همخوانی ندارد، مراقبین را مطلع نمایید.
- پاسخ سوال را در محل تعیین شده خود بنویسید. چنانچه همه یا قسمتی از جواب سوال را در محل دیگری بنویسید، به شما نمره‌ای تعلق نمی‌گیرد.
- با توجه به آنکه برگه‌های پاسخنامه به نام صادر شده است، امکان ارائه هیچگونه برگه اضافه وجود نخواهد داشت.
- عملیات تصحیح توسط مصححین، پس از قطع سربرگ، به صورت ناشناس انجام خواهد شد. لذا از درج هرگونه نوشته یا علامت مشخصه که نشان دهنده صاحب برگه باشد، خودداری نمایید.
- در غیر این صورت تقلب محسوب شده و در هر مرحله‌ای که باشید از ادامه حضور در المپیاد محروم خواهد شد.
- از مخدوش کردن دایره‌ها در چهار گوشه صفحه و بارکدها خودداری کنید، در غیر این صورت برگه شما تصحیح نخواهد شد.
- همراه داشتن هرگونه کتاب، جزو، یادداشت و لوازم الکترونیکی نظیر تلفن همراه و لپ تاپ ممنوع است. همراه داشتن این قبیل وسایل حتی اگر از آن استفاده نکنید یا خاموش باشد، تقلب محسوب خواهد شد.

کد ملی:

## وسایل آزمایش

## تعیین نسبت قطر داخلی دو نوع مختلف سرسوزن

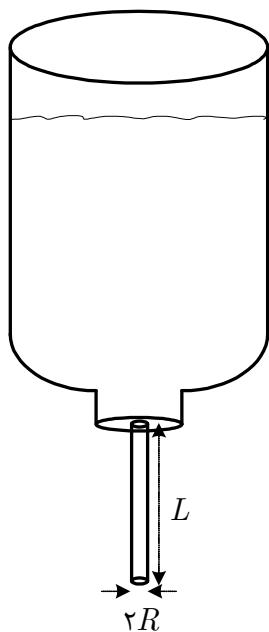
یک بطری آب معدنی نیم لیتری، دو عدد مخزن سرنگ ۲۵ cc به عنوان استوانه مدرج، یک عدد در بطری آب معدنی که از میان آن دو لوله از جنس نی آشامیدنی عبور کرده است، دو عدد سرسوزن که در داخل نی‌ها قرار داده شده (نیازی به برداشتن پوشش پلاستیکی محافظ سرسوزن‌ها نیست)، دو عدد لیوان یک بار مصرف برای جمع‌آوری آبهای اضافه، یک عدد خطرکش، دستمال کاغذی.

## مقدمه

اگر  $Q$  حجم سیال عبور کرده در واحد زمان (آهنگ جریان) از لوله‌ای به شعاع  $R$  و طول  $L$  باشد (شکل ۱)،  
بنابراین معادله پوازی داریم :

$$Q = \frac{\pi R^4 \Delta P}{8 h L}$$

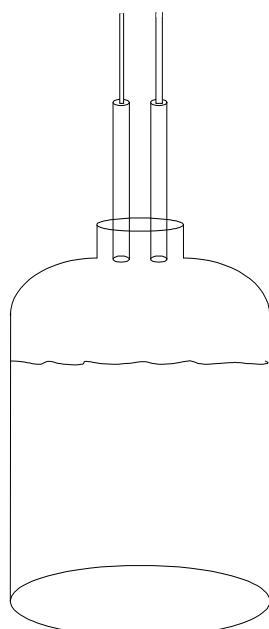
که در آن  $\Delta P$  اختلاف فشار در دو سر لوله‌ی به طول  $L$  و  $h$  پارامتر ثابتی است که به خواص فیزیکی سیال بستگی دارد و گرانروی نامیده می‌شود.



(شکل ۱)

## توضیح وسایل آزمایش

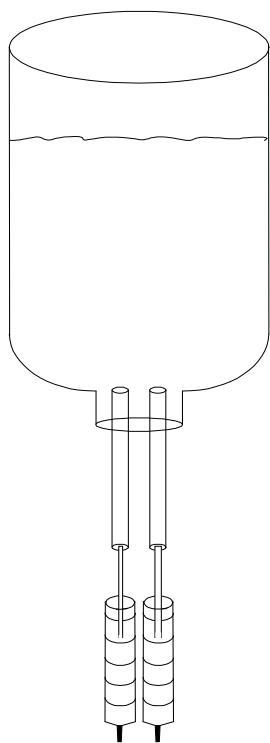
۱- برای این که بتوانیم دو عدد نی را به طور هم‌زمان داخل بطری آب قرار دهیم روی یک در بطری که در اختیار شما قرار داده‌ایم قبل از سوراخ ایجاد کرده‌ایم که از وسط آن‌ها نی آشامیدنی عبور کرده است. در انتهای بیرونی نی‌ها دو عدد سر سوزن که طول آنها یکسان و قطر داخلی سوراخ آنها متفاوت است نصب کرده‌ایم. شما باید در معمولی بطری آب را باز کرده و جای آن در بطری مذکور را محکم بینید (شکل ۲).



(شکل ۲)

۲- پس از بستن در بطری (شامل نی‌ها) به بطری، اگر آن را برگردانید آب می‌تواند از سرسوزن‌ها خارج شود. با فشردن آهسته‌ی بطری آب، آهنگ جریان آب از سرسوزن‌ها افزایش می‌یابد. فشردن بطری باید پیوسته باشد به طوری که در تمام مدت جمع‌آوری آب در هر مرحله، جریان آب در هر دو سوزن برقرار باشد و قطره قطره نشود. متغیر بودن فشار دست روی بطری مشکلی ایجاد نمی‌کند، چون همواره  $\Delta P$  برای هر دو سوزن یکسان است. به علت متفاوت بودن شعاع داخلی سوزن‌ها میزان آب خارج شده از آنها با هم متفاوت است.

کد ملی:



-۳ برای اندازه‌گیری آب خارج شده از سوزن‌ها دو عدد مخزن سرنگ ۲۵ cc را می‌توان هم‌زمان زیر سوزن‌ها گرفت (شکل ۳). فرض کنید در مدت  $t$  با فشردن بطربی آب، سرنگ‌های ۱ و ۲ به ترتیب تا ارتفاع  $h_1$  و  $h_2$  از آب پر شده باشند. اگر  $A$  سطح مقطع داخلی مخزن‌های سرنگ باشد آهنگ حریان آب خارج شده از سر سوزن‌ها به ترتیب  $Q_1 = \frac{Ah_1}{t}$  و  $Q_2 = \frac{Ah_2}{t}$  است. سرسوزن زرد رنگ را شماره ۱ و سرسوزن سبز رنگ را شماره ۲ بگیرید.

هدف ما در این آزمایش رسم نمودار  $h_2$  بر حسب  $h_1$ ، محاسبه‌ی شبیه خط و سرانجام به دست آوردن نسبت شعاع داخلی سرسوزن‌ها است.

### آزمایش

۱- قبل از انجام آزمایش با استفاده از رابطه‌ی پوازی و روابط  $Q_1$  و  $Q_2$  بر حسب  $h_1$  و  $h_2$ ، نسبت  $\frac{h_1}{h_2}$  را به دست آورید و در جدول ۱ پاسخ‌نامه وارد کنید.

(شکل ۳)

۲- با برگرداندن بطربی آب معدنی و قرار دادن سرنگ‌ها در زیر هر یک از سوزن‌ها مقداری از آب بطربی را به طور هم‌زمان در دو سرنگ تخلیه کنید، به طوری که ارتفاع آب خارج شده از سرسوزن زرد حدود ۱۰ میلی‌متر شود. در همین حال ارتفاع آب خارج شده از سرسوزن سبز یعنی  $h_2$  را نیز اندازه‌گیری کنید و نتایج را در جدول ۲ وارد کنید. همین کار را برای پنج ارتفاع دیگر  $h_1$  و  $h_2$  انجام دهید و در جدول ۲ وارد کنید. تفاوت مقادیر  $h_2$  از یکدیگر حدود ۱۰ میلی‌متر باشد. توصیه می‌شود قبل از انجام این قسمت ابتدا یک بار نحوه‌ی تخلیه‌ی آب بطربی از سرسوزن‌ها در سرنگ‌ها را تمرین کنید.

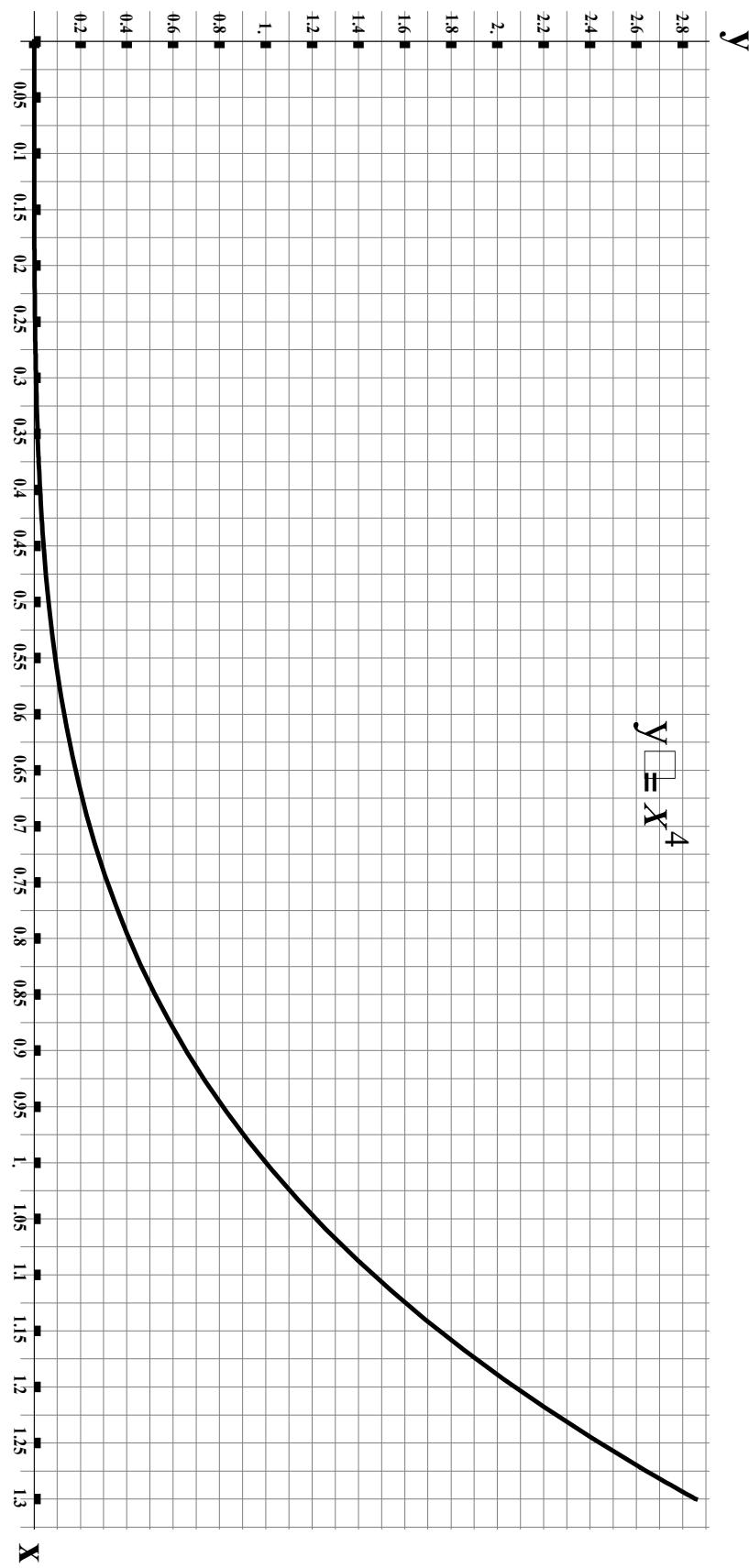
۳- نمودار  $h_2$  بر حسب  $h_1$  را در پاسخ‌نامه رسم کنید. بهترین خطی که از مبدا مختصات و نقاط روی نمودار می‌گذرد را رسم کنید. شبیه خط را به دست آورید و در جدول ۳ پاسخ‌نامه بنویسید.

۴- نسبت شعاع داخلی سوزن‌ها،  $\frac{R_1}{R_2}$  را به دست آورید. برای این کار از نمودار تابع  $y = f(x)$  که ضمیمه‌ی سوال است استفاده کنید. مقدار  $\frac{h_1}{h_2}$  را

روی محور  $y$  و مقدار  $\frac{R_1}{R_2}$  را روی محور  $x$  بخوانید. پاسخ نهایی خود برای  $\frac{R_1}{R_2}$  را در جدول ۳ پاسخ‌نامه وارد کنید.



کد ملی:



# تئیز

## توضیحات مهم

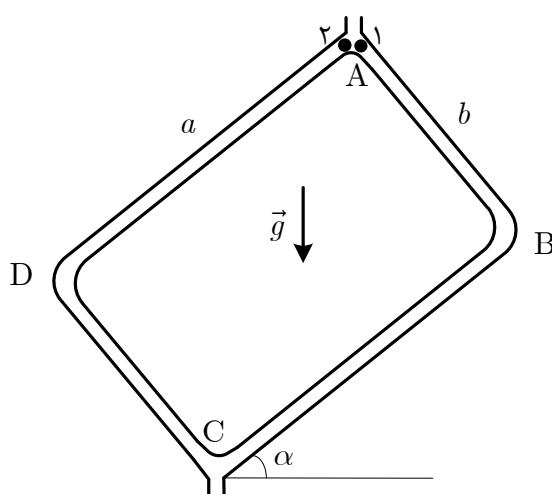
### استفاده از ماشین حساب ممنوع است

- ۱ این پاسخنامه به صورت نیمه کامپیوتوی تصحیح می شود، بنابراین از مقاله و کثیف کردن آن خودداری نمایید.
- ۲ مشخصات خود را با اطلاعات بالای هر صفحه تطبیق دهید. در صورتی که حتی یکی از صفحات پاسخنامه با مشخصات شما همخوانی ندارد، مراقبین را مطلع نمایید.
- ۳ پاسخ هر سوال را در محل تعیین شده خود بنویسید. چنانچه همه یا قسمتی از جواب سوال را در محل پاسخ سوال دیگری بنویسید، به شما نمره‌ای تعلق نمی‌گیرد.
- ۴ با توجه به آنکه برگه‌های پاسخنامه به نام صادر شده است، امکان ارائه هیچگونه برگه اضافه وجود نخواهد داشت. لذا توصیه می شود ابتدا سوالات را در برگه چرک نویس، حل کرده و آنگاه در پاسخنامه پاکنویس نمایید.
- ۵ عملیات تصحیح توسط مصححین، پس از قطع سربرگ، به صورت ناشناس انجام خواهد شد. لذا از درج هرگونه نوشته یا علامت مشخصه که نشان دهنده صاحب برگه باشد، خودداری نمایید.
- ۶ در غیر این صورت تقلب محسوب شده و در هر مرحله‌ای که باشید از ادامه حضور در المپیاد محروم خواهد شد.
- ۷ از مخدوش کردن دایره‌ها در چهار گوشه صفحه و بارکدها خودداری کنید، در غیر این صورت برگه شما تصحیح نخواهد شد.
- ۸ همراه داشتن هرگونه کتاب، جزو، یادداشت و لوازم الکترونیکی نظیر تلفن همراه و لپ تاپ ممنوع است. همراه داشتن این قبیل وسائل حتی اگر از آن استفاده نکنید یا خاموش باشد، تقلب محسوب خواهد شد.
- ۹ آزمون مرحله دوم برای دانشآموزان سال اول و دوم دیبرستان صرفاً جنبه آزمایشی و آمادگی دارد و شرکت کنندگان در دوره تابستانی از بین دانشآموزان پایه سوم دیبرستان انتخاب می‌شوند.



کد ملی:

معاونت دانش پژوهان جوان



(۱) مطابق شکل لوله‌ای بدون اصطکاک به شکل مسیر مستطیلی

ABCD در آمده است و در صفحه‌ی قائم قرار دارد. دو گلوله‌ی مشابه از نقطه‌ی A واقع بر بالاترین نقطه‌ی دستگاه از حال سکون رها شده و از دو راه مختلف هر دو به نقطه‌ی C می‌رسند. زاویه‌ی بین امتداد BC با افق  $\alpha$  است و طول و عرض این مستطیل به ترتیب  $a$  و  $b$  است.

(آ) زمان رسیدن گلوله‌ی ۱ تا نقطه‌ی C را  $T_1$  بنامید و آن را حساب کنید.

(ب) زمان رسیدن گلوله‌ی ۲ تا نقطه‌ی C را  $T_2$  بنامید و آن را حساب کنید.

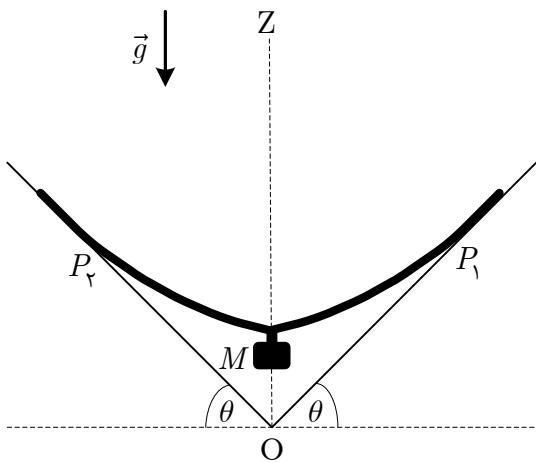
(پ) کمیت  $T_1 - T_2$  را به دست آورید و آن را به شکل زیر بیان کنید

$$T_1 - T_2 = f(a, b, \alpha) \left( \frac{1}{\cos \alpha} - \frac{1}{\sin \alpha} \right).$$

تابع  $f(a, b, \alpha)$  را به ساده‌ترین شکل بنویسید و در مورد علامت آن بر حسب  $\alpha$  بحث کنید. تعیین کنید در چه شرایطی  $T_1$

کوچک‌تر از  $T_2$  است.

کد ملی:



(۲) طنابی به طول  $l$  و جرم  $m$  وقتی روی سطح شیبداری به

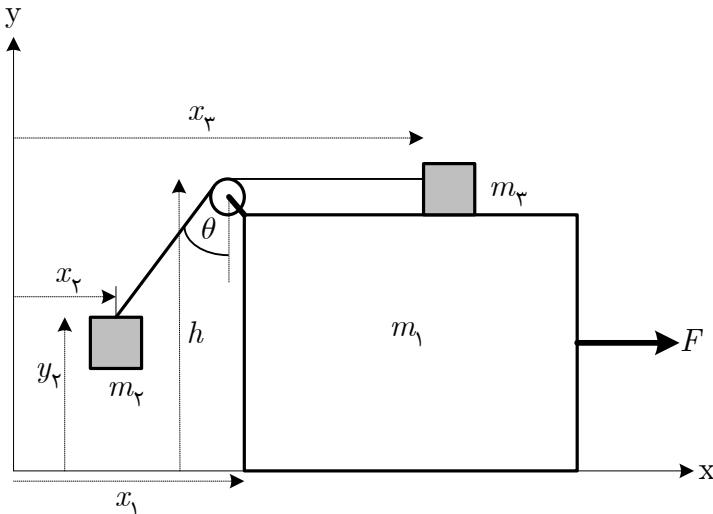
شیب  $\alpha$  قرار دارد در اثر نیروی اصطکاک بین طناب و سطح، در آستانه‌ی لغزش است. به نقطه‌ی وسط این طناب جرم  $M$  را می‌بنديم و آن را مطابق شکل روی دو سطح شیبدار با همان ضریب اصطکاک قرار می‌دهیم. صفحه‌ی شکل، مقطع قائم دو سطح شیبدار است و طناب در این صفحه واقع است. در این وضعیت اگر زاویه‌ی شیب دو سطح با افق  $\theta$  باشد دستگاه در

آستانه‌ی لغزش قرار دارد و مجموعاً طول  $x$  از طناب روی دو سطح قرار دارد. در این حالت طناب نسبت به محور قائم  $OZ$  تقارن دارد.

آ) کشش طناب در نقاط  $P_1$  و  $P_2$  که طناب از دو سطح شیبدار جدا شده است را به دست آورید.

ب) طول  $x$  را بر حسب  $\theta$  به دست آورید و نمودار آن را با فرض ثابت بودن سایر کمیت‌ها رسم کنید. به ازای چه  $x$  کمینه است؟ مقدار کمینه‌ی  $x$  را حساب کنید.

پ) به ازای  $M$  و  $m$  معین،  $\theta$  در چه محدوده‌ای باشد تا دستگاه در وضعیت فوق در تعادل باشد؟



(۳) سه جسم به جرم‌های  $m_1$ ,  $m_2$  و  $m_3$  مطابق

شکل به هم متصل‌اند. جسم  $m_1$  با نیروی ثابت  $F$  به

سمت راست کشیده می‌شود، به طوری که در ضمن

حرکت اجسام نخ متصل به جرم  $m_2$  در زاویه‌ی ثابت

$\theta$  نسبت به امتداد قائم قرار داشته باشد. مختصات  $x_1$ ,

$x_2$  و  $x_3$  در شکل نشان داده شده‌اند. طول نخ

میان جرم‌های  $m_2$  و  $m_3$  مقدار ثابت  $l$  است و

کلیه‌ی سطوح بدون اصطکاک هستند. قرقه کوچک و جرم‌ش ناچیز است.

آ) معادلات حرکت نیوتون را برای حرکت افقی هر سه جرم و حرکت قائم جرم  $m_2$  بنویسید. به این ترتیب با مفروض دانستن  $\theta$ ,

چهار معادله برای شش مجهول  $F$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ ,  $a_{2x}$  و  $T$  (کشش نخ) به دست می‌آید.

ب) عبارتی برای طول نخ,  $l$ , بر حسب  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ ,  $y_2$ ,  $y_3$  و  $\theta$  بنویسید و با دو بار مشتق‌گیری از آن نسبت به زمان رابطه‌ای بین

$a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  و  $a_{2x}$  به دست آورید.

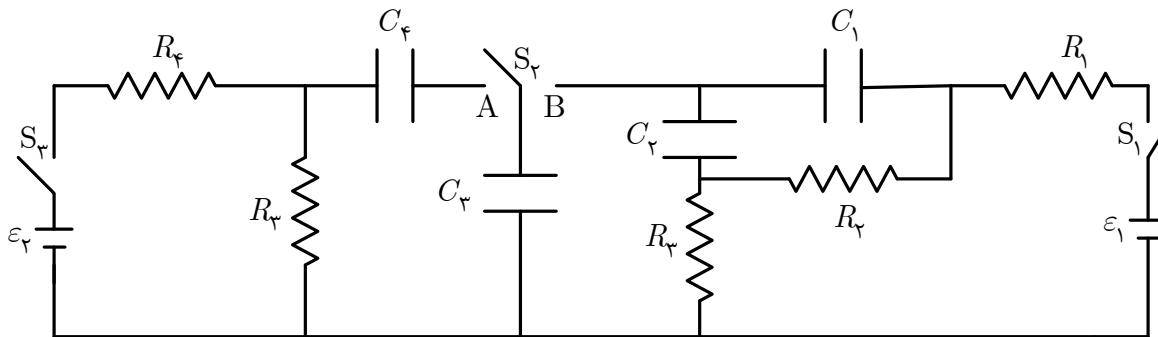
پ) با توجه به ثابت بودن  $\theta$  رابطه‌ی دیگری بین  $x_1$ ,  $x_2$  و  $y_2$  بر حسب  $\theta$  به دست می‌آید. از این رابطه نیز دو بار نسبت به

زمان مشتق بگیرید و رابطه‌ای بین  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  و  $a_{2x}$  به دست آورید.

ت) معادلات به دست آمده (شش معادله و شش مجهول) را حل کنید تا  $a_1$  و  $F$  بر حسب  $\theta$  و سایر کمیت‌های معلوم به دست

آیند.

(۴) در مدار نشان داده شده در شکل، ولتاژ باتری‌ها، مقادیر مقاومت‌ها و ظرفیت خازن‌ها روی شکل مشخص شده است. در ابتدا همهی خازن‌ها بدون بار و همهی کلیدها باز هستند. در لحظه‌ی  $t = 0$  کلیدهای  $S_1$  و  $S_3$  بسته می‌شوند و کلید  $S_2$  به نقطه‌ی A وصل می‌شود. پس از گذشت زمان بسیار زیاد کلید  $S_2$  از نقطه‌ی A باز شده و به نقطه‌ی B بسته می‌شود.



اگر  $q_1$  و  $q_3$  بار خازن‌های  $C_1$  و  $C_3$  درست قبل از باز شدن کلید  $S_2$  از نقطه‌ی A و  $q'_1$  و  $q'_3$  بار آن‌ها پس از گذشت زمان

بسیار زیاد از بسته شدن کلید  $S_2$  به نقطه‌ی B باشد،

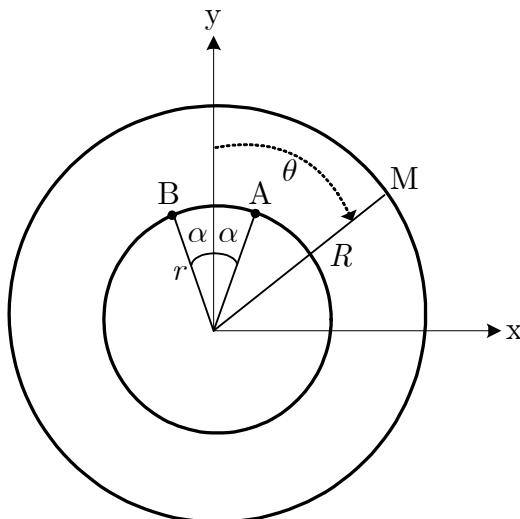
آ) مقادیر  $q_1$  و  $q_3$  را بر حسب کمیت‌های داده شده در شکل به دست آورید.

ب) معادلاتی بنویسید که از حل آن‌ها  $q'_1$  و  $q'_3$  به دست آید.

پ) با فرض آن که اندازه‌ی همهی مقاومت‌ها  $R$  و ظرفیت همهی خازن‌ها  $C$  باشد جواب معادلات فوق را به دست آورید.



کد ملی:



(۵) یک منبع نور خطی با طول موج  $\lambda$  روی محور Z قرار دارد. مطابق

شکل دو پوسهای استوانه‌ای کدر هم محور به شعاع‌های  $r$  و  $R$  که محور آنها محور Z است، منبع نور را احاطه کرده‌اند. نقاط A و B از شکل، مقطع شکاف‌های باریکی هستند که روی استوانه‌ای به شعاع  $r$  به موازات محور Z ایجاد شده‌اند. می‌توان نقاط A و B را مانند منابع نور نقطه‌ای هم‌فاز در نظر گرفت که در صفحه‌ی x-y واقع‌اند و شعاع‌های واصل به آنها با محور y زاویه‌ی حاده  $\alpha$  دارند. همه‌ی کمیت‌های خواسته شده در این مسئله را تنها در صفحه‌ی x-y محاسبه کنید. نقطه‌ای مانند M

مطابق شکل در نظر بگیرید که روی پرده‌ی استوانه‌ای به شعاع  $R$  قرار دارد و شعاع واصل به آن در زاویه‌ی  $\theta$  نسبت به محور y قرار دارد. فاصله‌ی نقطه‌ی M از نقاط A و B را به ترتیب با  $d_A$  و  $d_B$  نمایش می‌دهیم.

(آ)  $d_A$  را بر حسب  $\theta$  و ثابت‌های داده شده در صورت مسئله محاسبه کنید.

(ب) تعریف می‌کنیم  $d = d_B - d_A$ . این کمیت را بر حسب  $\theta$  و ثابت‌های داده شده در مسئله به دست آورید.

(پ) اگر  $r$  از  $R$  خیلی کوچک‌تر باشد می‌توان از عبارت‌های متناسب با  $\frac{r}{R}$  و  $\frac{r^2}{R^2}$  چشم پوشید و نیز از رابطه‌ی

تقریبی  $s\varepsilon \approx 1 + \varepsilon^s$  که در آن  $\varepsilon$  خیلی از یک کوچک‌تر است، استفاده کرد. عبارت به دست آمده برای  $d$  را با این فرض ساده کنید و در ادامه مسئله فرض کنید چنین شرطی برقرار است.

(ت) اندازه‌ی اختلاف فاز نور رسیده به نقطه‌ی M از نقاط A و B را با  $|\Delta\phi|$  نمایش می‌دهیم.  $|\Delta\phi|$  را بر حسب  $\alpha$ ,  $\theta$ ,  $r$  و  $R$  به دست آورید.

(ث) به ازای چه زاویه‌های  $\theta$  ای شدت نور در نقطه‌ی M روی استوانه‌ی خارجی بیشینه است؟

(ج) در چه زاویه‌هایی روی استوانه‌ی خارجی شدت نور کمینه است؟

(چ) تعداد کل نوارهای روشن روی استوانه‌ی خارجی را به دست آورید.

کد ملی:

۶) یک خازن تخت و تعداد زیادی توب بسیار کوچک، هر یک به جرم  $m$ ، که قادرند بار الکتریکی را بین صفحات یک خازن

تخت انتقال دهند در نظر بگیرید. توب‌ها به طور ناکشسان و عمود به صفحه‌های خازن برخورد می‌کنند به طوری که اگر اندازه‌ی سرعت در لحظه‌ی قبل از برخورد به صفحه  $v$  باشد، اندازه‌ی سرعت آن درست پس از برخورد  $ev$  خواهد بود که  $e < 1 < v$ . هر توب هنگام تماس با هر یک از صفحه‌ها به صورت آنی بار  $q$  را به دست می‌آورد و در اثر دافعه از آن صفحه دور می‌شود و نیز هنگام برخورد به هر یک از صفحه‌ها به طور تقریباً آنی بار قبلی خود را از دست می‌دهد و باری با اندازه‌ی  $q$  به دست می‌آورد، سپس بر اثر دافعه الکتریکی از آن دور می‌شود. این فرایند هر بار که تکرار شود، توب بخشی از انرژی جنبشی خود را از دست می‌دهد. فرض کنید مساحت هر یک از صفحات خازن  $A$ ، فاصله‌ی صفحه‌های آن از هم  $d$  و تعداد توب‌ها در واحد سطح صفحه‌ی خازن  $n$  باشد. شاع توب‌ها در مقایسه با فاصله‌ی بین صفحه‌های خازن ناچیز است و از نیروی وزن توب‌ها و اثرات لبه‌ی خازن چشم می‌پوشیم. در ابتدا خازن بدون بار است و همه‌ی توب‌ها روی یکی از صفحه‌ها قرار دارند و ساکن هستند. در این وضعیت خازن را به پتانسیل  $\epsilon$  وصل می‌کنیم.

آ) زمان رسیدن هر توب به صفحه‌ی مقابل و سرعت آن درست قبل از برخورد به آن صفحه پس از یک بار طی مسافت  $d$  چقدر است؟

ب) سرعت هر توب درست قبل از برخورد به صفحه‌ی خازن پس از طی مسافت  $k d$  (تعداد دفعه‌هایی است که هر توب

مسافت  $d$  را طی کرده است) و مدت زمان حرکت در مرحله‌ی  $k$  ام را به دست آورید.

پ) جریان الکتریکی میانگین بین صفحه‌ها در مرحله‌ی  $k$  ام را به دست آورید.

ت) نمودار جریان - ولتاژ ( $I - \epsilon$ ) را در حد  $\infty \rightarrow k$  به طور کیفی رسم کنید.

ث) مقدار انرژی مکانیکی تلف شده توب‌ها در برخورد  $k$  ام را به دست آورید و با استفاده از آن آهنگ اتلاف انرژی مکانیکی میانگین در حد  $\infty \rightarrow k$  را حساب کنید.

ج) آهنگ میانگین انجام کار به وسیله‌ی باتری را در حد  $\infty \rightarrow k$  حساب کنید.

$$1 + x + x^2 + \dots + x^{k-1} = \frac{1 - x^k}{1 - x}$$

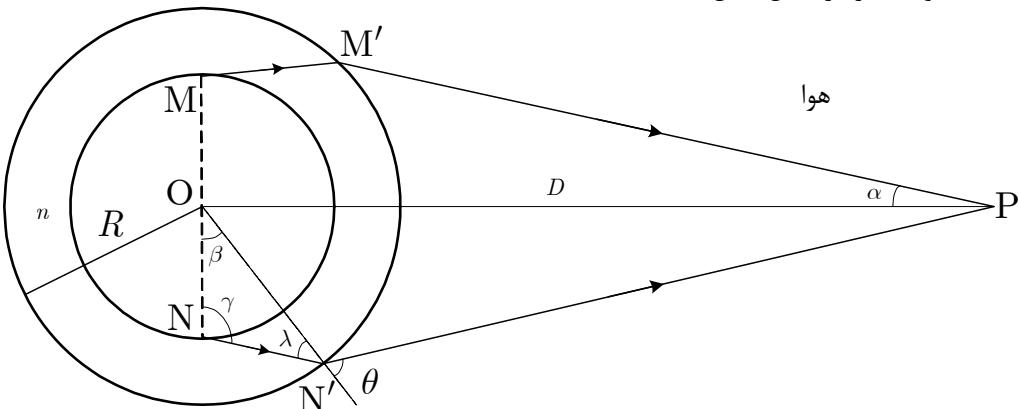
راهنمایی:

(۷) یک ظرف شیشه‌ای استوانه‌ای که مقطع آن در شکل نشان داده شده است دارای شعاع خارجی  $R$  و ضریب شکست  $n$  است

و در هوا با ضریب شکست یک قرار دارد. ناظری که از نقطه‌ی  $P$  به فاصله‌ی  $D$  از محور ظرف استوانه‌ای به آن نگاه می‌کند به

دلیل شکست نوری که از دو سر قطر داخلی  $MN$  هنگام عبور از نقاط  $M'$  و  $N'$  اتفاق می‌افتد استوانه داخلی را تحت زاویه‌ی  $2\alpha$

می‌بیند. زاویه‌های  $\beta$ ،  $\gamma$ ،  $\lambda$  و  $\theta$  نیز در شکل نشان داده شده است.

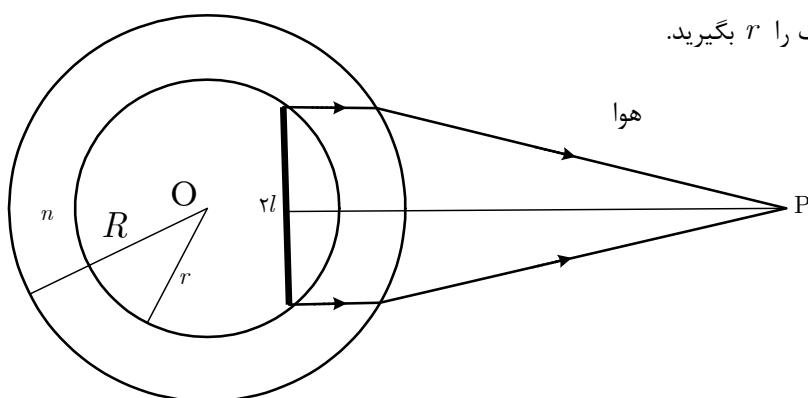


(آ) کمیت‌های  $\sin \theta$ ،  $\sin \lambda$ ،  $\sin \beta$ ،  $\sin \gamma$  را بر حسب  $n$ ،  $R$ ،  $D$  و  $\alpha$  به دست آورید.

(ب) قطر واقعی داخلی ظرف را بر حسب  $n$ ،  $R$ ،  $D$  و سینوس زاویه‌های مشخص شده در شکل به دست آورید.

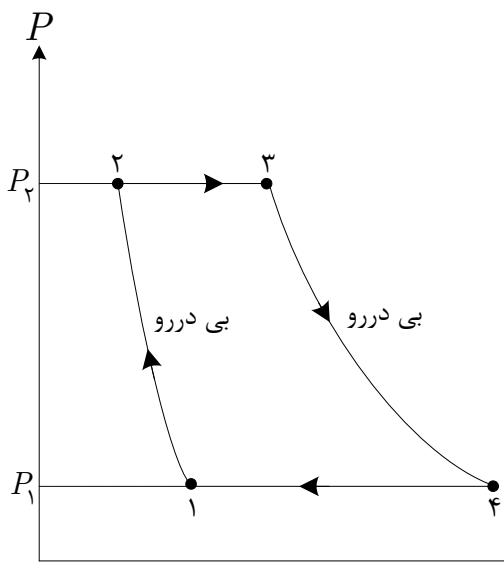
اکنون فرض کنید داخل این ظرف استوانه‌ای، میله‌ای به طول  $2l$  درست در کنار دیواره قرار دارد و ناظری در نقطه‌ی  $P$  مطابق

شكل به آن نگاه می‌کند. از این پس شعاع داخلی ظرف را  $r$  بگیرید.



(پ) چشم ناظر در چه فاصله‌ای از محور استوانه قرار داشته باشد تا پرتوهایی که از دو سر میله به طور موازی خارج می‌شود را

دریافت کند.



۸) یک مول گاز کامل، چرخه‌ی نشان داده شده در شکل را طی می‌کند. این چرخه شامل دو فرایند بی‌دررو و دو فرایند هم‌فشار است. ظرفیت گرمایی مولی گاز در فشار ثابت و در حجم ثابت به ترتیب  $C_{MV}$  و  $C_{MP}$  است. اثبات می‌شود که در یک فرایند بی‌دررو برای گاز کامل  $PV^\gamma$  ثابت است که  $\gamma = \frac{C_{MP}}{C_{MV}}$  و همواره  $1 < \gamma$ . دمای دستگاه در نقاط ۱، ۲، ۳ و ۴ را به ترتیب  $T_1$ ،  $T_2$ ،  $T_3$  و  $T_4$  می‌نامیم. فشار دستگاه در نقاط فوق به ترتیب  $P_1$ ،  $P_2$ ،  $P_3$  و  $P_4$  است.

آ) در فرایند بی‌دررو برای گاز کامل کمیت  $PT^\alpha$  ثابت است.  $\alpha$  را بر حسب  $\gamma$  حساب کنید.

ب) در میان دماهای  $T_1$  تا  $T_4$  یکی بیشترین دمای دستگاه  $T_H$  و دیگری کمترین دمای دستگاه  $T_C$  است.  $T_1$  تا  $T_4$  را بر حسب  $P_1$ ،  $P_2$ ،  $T_C$ ،  $T_H$  و  $\gamma$  به دست آورید.

پ) کاری که گاز در یک چرخه انجام می‌دهد،  $|W|$  را بر حسب  $C_{MP}$ ،  $P_2$ ،  $P_1$ ،  $T_C$ ،  $T_H$  و  $\gamma$  به دست آورید. بازده

$$\text{چرخه را بر حسب } \gamma \text{ و } r = \frac{P_2}{P_1} \text{ به دست آورید.}$$

در ادامه فرض کنید با ثابت نگه داشتن  $T_H$  و  $P_2$  می‌توان  $P_1$  و  $T_C$  را متغیر در نظر گرفت.

ت) به ازای چه مقداری از  $r$  کار  $|W|$  برابر صفر است؟

ث) در محدوده‌ی مجاز  $r$  (بین دو مقداری که بازده بیشینه‌ی چرخه چقدر است؟)

ج) بیشینه‌ی  $|W|$  به ازای چه مقداری از  $r$  اتفاق می‌افتد؟ بیشینه‌ی  $|W|$  چقدر است؟

چ) در وضعیتی که بیشینه است بازده دستگاه چقدر است؟

ح) بازده ماشین کارنویی که بین  $T_C$  و  $T_H$  کار می‌کند چند برابر بازده قسمت چ است؟