

نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سؤال: نسی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: تستی و تکمیلی -- دقیقه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

۱. روان شناسی ادعا می کند که متوسط ضریب هوشی در جامعه ای بیش از ۹۰ است. براساس یک بررسی آماری از ۱۶ نفر، متوسط ضریب هوشی  $\bar{X} = 91/5$  بدست آمده است. اگر توزیع ضریب هوشی نرمال با واریانس ۲/۲۵ باشد، مطلوب است الف. فرض مربوطه را بنویسید و ناحیه رد و قبول را مشخص کنید. ب. با اطمینان ۹۵ درصد فرض را آزمون کنید.

۲. برای مقایسه متوسط نمرات ارزیابی معلمان در دو منطقه از آموزش و پرورش اطلاعات زیر بدست آمده است

شماره یا کد معلم	۱	۲	۳	۴	۵
منطقه I	۱۲	۱۶	۱۴	۱۵	۱۳
منطقه II	۱۱	۱۳	۱۶	۱۰	۱۰

اگر نمرات ارزیابی از توزیع نرمال پیروی کنند. فرض زیر را با اطمینان ۹۵٪ آزمون کنید.

$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \quad H_1: \mu_1 > \mu_2$$

۳. یک کارشناس تغذیه ادعا می کند که برنامه غذایی او در افزایش وزن دانش آموزان مؤثر است. برای بررسی این موضوع، وزن ۹ دانش آموز در یک دوره سه ماهه به صورت زیر گزارش شده است.

قبل از رعایت برنامه ریزی	۲۵	۲۷	۳۰	۲۷	۲۴	۲۶	۲۴	۲۳	۲۲
بعد از رعایت برنامه ریزی	۲۶	۲۵	۳۰	۳۰	۲۶	۲۷	۲۵	۲۴	۲۴

فرض مربوطه را بنویسید و آنرا در سطح ۹۵٪ آزمون کنید.

۴. ۱۰۰ نفر که دارای ضریب هوشی متفاوت هستند به دو سؤال به صورت جدول فراوانی زیر پاسخ داده اند. آیا می توان گفت اختلاف معنی دار در پاسخ دادن به این دو سؤال وجود دارد ( $\alpha = 5\%$ )

سؤال اول	سؤال دوم		کل
	موافق	مخالف	
موافق	۲۰	۱۵	۳۵
مخالف	۴۰	۲۵	۶۵
کل	۶۰	۴۰	۱۰۰

۵. یک گروه پژوهشی که رابطه بین گروه خون و شدت بیماری خاص را مطالعه می کنند اطلاعات در مورد ۶۰ بیمار به صورت زیر گزارش داده اند.

شدت بیماری \ گروه خونی	کل		
	A	B	AB
عدم	۵	۴	۱
ملايم	۱۳	۱۱	۹
شدید	۲	۵	۱۰
کل	۲۰	۲۰	۲۰

آیا با اطمینان ۹۵٪ می توان گفت که شدت بیماری مستقل از گروه خونی است.

نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سوال: نسی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: تستی و تکمیلی -- دقیقه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

۶. در جدول زیر نمرات قبولی ۵ نفر از افراد مؤسسه‌ای که دوره باز آموزشی را گذرانده‌اند گزارش شده است .

الف. نمودار پراکنش را رسم کنید .	۱۰	۶	۱۲	۴	۸
ب. ضریب همبستگی نمونه‌ای پیرسن را بدست آورید .	۱۲	۱۴	۱۶	۱۲	۱۶
ج. معادله خط رگرسیون برازش شده را به دست آورید .					

۷. پژوهشگری برای بررسی توانایی کلامی و نوع کتاب آموزشی ، در یک بررسی آماری از ۱۲ دانشجو ، نمرات اکتسابی را با توجه به نوع کتاب آموزشی و توانایی کلامی به صورت زیر بدست آورده‌است . ( $\alpha = 5\%$ )

توانایی کلامی	کتاب آموزشی		
	سری $B_1$	سری $B_2$	سری $B_3$
کم	۳	۳	۱۵
زیاد	۱۷	۷	۷

اگر جدول آنالیز واریانس به صورت زیر باشد

منبع تغییرات	SS	df	MS	F
توانایی کلامی	۱۶/۷	۱		
کتاب آموزشی	<input type="text"/>	<input type="text"/>		
خطا	۱۲۱/۳	<input type="text"/>		
کل	۱۷۹/۳	۵		

جدول آنالیز واریانس را کامل و فرضهای مربوطه را بنویسید و آنها را آزمون کنید . (مقدار جدول ۱۸/۵ در نظر بگیرید.)

نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سؤال: نسی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

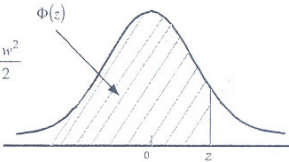
رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: تستی و تکمیلی -- دقیقه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

جدول ۲. توزیع نرمال استاندارد

$$P(Z \leq z) = \Phi(z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{w^2}{2}} dw$$


$$\Phi(-z) = 1 - \Phi(z)$$

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7703	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990

Selected Upper Precentage Points

Tail probability x	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005
Upper percentage	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576
Point z (x)					

نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سؤال: نسبی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

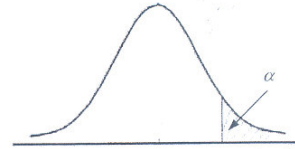
رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: نسبی و تکمیلی -- دقیقه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

جدول ۳. توزیع استودنت



$r$	$\alpha = 0.10$	$\alpha = 0.05$	$\alpha = 0.025$	$\alpha = 0.01$	$\alpha = 0.005$
1	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925
3	1.635	2.353	3.182	4.541	5.841
4	1.533	2.132	2.996	3.747	4.604
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756
30	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750
40	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704
60	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660
120	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617
$\infty$	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576

Source : Reproduced with permission from Table 12 of E. S. Pearson and H. O. Hartely, Biometrika Tables for Statisticians, Vol. I ( Cambridge: Cambridge University Press ,1954 )

نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سوال: نسبی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

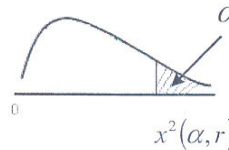
رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: نسبی و تکمیلی -- دقیقه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

جدول ۴: توزیع کی دو



$r$	$\alpha=0.995$	$\alpha=0.99$	$\alpha=0.975$	$\alpha=0.95$	$\alpha=0.05$	$\alpha=0.025$	$\alpha=0.01$	$\alpha=0.005$	$r$
1	0.0 <sup>4</sup> 393	0.0 <sup>3</sup> 157	0.0 <sup>3</sup> 982	0.00393	3.841	5.024	6.635	7.879	1
2	0.0100	0.0201	0.0506	0.103	5.991	7.378	9.210	10.597	2
3	0.0717	0.115	0.216	0.352	7.815	9.348	11.345	12.838	3
4	0.207	0.297	0.484	0.711	9.488	11.143	13.277	14.860	4
5	0.412	0.554	0.831	1.145	11.070	12.832	15.086	16.750	5
6	0.676	0.872	1.237	1.635	12.592	14.449	16.812	18.548	6
7	0.989	1.239	1.690	2.167	14.067	16.013	18.475	20.278	7
8	1.344	1.646	2.180	2.733	15.507	17.535	20.090	21.955	8
9	1.735	2.088	2.700	3.325	16.919	19.023	21.666	23.589	9
10	2.156	2.558	3.247	3.940	18.307	20.483	23.209	25.188	10
11	2.603	3.053	3.816	4.575	19.675	21.920	24.725	26.757	11
12	3.074	3.571	4.404	5.226	21.026	23.337	26.217	28.300	12
13	3.565	4.107	5.009	5.892	22.362	24.736	27.688	29.819	13
14	4.075	4.660	5.629	6.571	23.685	26.119	29.141	31.319	14
15	4.601	5.229	6.262	7.261	24.996	27.488	30.578	32.801	15
16	5.142	5.812	6.908	7.962	26.296	28.845	32.000	34.267	16
17	5.697	6.408	7.564	8.672	27.587	30.191	33.409	35.718	17
18	6.265	7.015	8.231	9.390	28.869	31.526	34.805	37.156	18
19	6.844	7.633	8.907	10.117	30.144	32.852	36.191	38.582	19
20	7.434	8.260	9.591	10.851	31.410	34.170	37.566	39.997	20
21	8.034	8.897	10.283	11.591	32.671	35.479	38.932	41.401	21
22	8.643	9.542	10.982	12.338	33.924	36.781	40.289	42.796	22
23	9.260	10.196	11.688	13.091	35.172	38.076	41.638	44.181	23
24	9.886	10.856	12.401	13.848	36.415	39.364	42.980	45.558	24
25	10.520	11.524	13.120	14.611	37.652	40.646	44.314	46.928	25
26	11.160	12.198	13.844	15.379	38.885	41.923	45.642	48.290	26
27	11.808	12.879	14.573	16.151	40.113	43.194	46.963	49.645	27
28	12.461	13.565	15.308	16.928	41.337	44.461	48.278	50.993	28
29	13.121	14.256	16.047	17.708	42.557	45.722	49.588	52.336	29
30	13.787	14.953	16.791	18.493	43.773	46.979	50.892	53.672	30

Source : Reproduced with permission from Table 8 of E. S. Pearson and H.O. Hartely, Biometrika Tables for Statisticians, Vol. 1 ( Cambridge : Cambridge University Press, 1954 ).



نام درس: آمار استنباط پیشرفته

تعداد سوال: نسبی -- تکمیلی -- تشریحی ۷

رشته تحصیلی: گرایش: علوم تربیتی و برنامه ریزی

زمان امتحان: نسبی و تکمیلی -- بقیه تشریحی ۱۲۰ دقیقه

کد درس: ۱۲۱۱۲۱۸

تعداد کل صفحات: ۶

فرضیات و فرمول‌ها

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$t = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

$$t = \frac{\bar{d}}{\frac{s_d}{\sqrt{n}}}$$

$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{s_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

$$S_p^2 = \frac{(n_1 - 1) S_1^2 + (n_2 - 1) S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$\chi^2 = \sum \sum \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}} = \sum \sum \frac{(n_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

$$Z_0 = \frac{n_{11} - n_{12}}{\sqrt{n_{11} + n_{12}}}$$

$$Y = \frac{\sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sqrt{\sum (x_i - \bar{x})^2 \cdot \sum (y_i - \bar{y})^2}}$$

$$F = \frac{MST_A}{MSE} \quad , \quad F = \frac{MSTr}{MSE}$$