

«هوَ الْحَلِيم»

نام و نام خانوادگی:

پسر کبی جبر - پایه‌ی هشتم

سال تحصیلی ۹۵-۹۶ ویژه نوروز ۹۵ - ش ۳

مدرس: آقای کلانتری

موضوع: مختصات و توان

۱) بردار $\vec{s} = \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix}$ ابتدا در $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ را در دستگاه مختصات رسم کنید.

۲) بردار $\vec{m} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$ انتهای در $F = \begin{bmatrix} 2 \\ +2 \end{bmatrix}$ را در دستگاه مختصات رسم کنید.

۳) بردار $\vec{a} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$ را یک بار از نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}$ و یک بار از نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -4 \\ 1 \end{bmatrix}$ و یک بار از نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 0 \\ 5 \end{bmatrix}$ رسم نماید.

۴) اگر $\hat{C}, \hat{B}, \hat{A}$ ، انتقال یافته‌ی نقاط $C = \begin{bmatrix} -12 \\ 9 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 7 \\ -7 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} -13 \\ 5 \end{bmatrix}$ تحت بردار $\vec{u} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ باشند، مختصات نقاط $\hat{C}, \hat{B}, \hat{A}$ را بدست آورید.

۵) حاصل عبارت‌های زیر را بدست آورید:

$$(الف) \begin{bmatrix} 0 \\ -11 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -9 \\ 7 \end{bmatrix} =$$

$$(پ) 3 \times \begin{bmatrix} -8 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix} =$$

$$(ب) \begin{bmatrix} 12 \\ -7 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -9 \\ -2 \end{bmatrix} =$$

$$(ت) 4 \begin{bmatrix} -5 \\ -2 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} 7 \\ -5 \end{bmatrix} =$$

۶) اگر $\vec{a} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2/5 \end{bmatrix}$ و $\vec{b} = \begin{bmatrix} -1/5 \\ -2/5 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل عبارات زیر را بدست آورید:

$$(الف) \frac{1}{2} \vec{a} + 4\vec{b} =$$

$$(ب) \frac{3}{2} \vec{a} - 2\vec{b}$$

۷) اگر نقاط $A = \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ، سه رأس مثلث ABC باشند، مثلث ABC را در دستگاه مختصات رسم کنید و سپس مثلث را تحت بردار $\vec{z} = \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix}$ انتقال داده و رسم نماید.

۸) بردار $\vec{a} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$ انتهای در نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$ را رسم کرده و جمع و تفریق متناظر با آن را بنویسید.

۹) امتداد بردار $\vec{e} = \begin{bmatrix} m+6 \\ 2m-8 \end{bmatrix}$ بر محور عرض عمود است. مقدار m چقدر است؟

۱۰) امتداد دو بردار $\vec{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ -7 \end{bmatrix}$ و $\vec{a} = \begin{bmatrix} m+4 \\ -2m \end{bmatrix}$ بر هم عمودند. مقدار m چقدر است؟

۱۱) معادلات زیر را حل کنید:

$$(الف) 3\vec{a} - \begin{bmatrix} 9 \\ -11 \end{bmatrix} = \vec{a} - \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \end{bmatrix} \quad (ب) 2 \begin{bmatrix} x-3 \\ y+4 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} x+1 \\ y-2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ -4 \end{bmatrix} \quad (پ) \begin{bmatrix} 18 \\ -12 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -x \\ 2x-y \end{bmatrix}$$

۱۲) دو نقطه‌ی $C = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$ نسبت به نقطه‌ی $B = \begin{bmatrix} m \\ -2 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} m-n \\ n+3 \end{bmatrix}$ متقارن هستند. مقادیر m و n را بدست آورید.

۱۳) در عبارات زیر به جای \circ ، علامت $>$ یا $=$ بگذارید.

$$(الف) 19^{14} \circ (0.0/2)^{19} \quad (ب) 19^{18} \circ (-19)^{24} \quad (پ) 19^{18} \circ -19^{24}$$

$$(ت) 18^{18} \circ (5)^{18} \quad (ث) 13^{13} \circ (-14)^{13} \quad (ج) \left(\frac{5}{7}\right)^{11} \circ \left(\frac{5}{7}\right)^{20}$$

۱۴) حاصل عبارت‌های زیر را بدست آورید:

$$(الف) (-5)^{-2} \quad (ب) \left(-\frac{2}{3}\right)^{-2} \quad (پ) -5^{-2}$$

$$(ث) (0/2)^{-3} \quad (ج) 1^{-18} \quad (پ) -1^{-18}$$