

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶ - ۱۱۱۵۰۶۷

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- کدام هم ارزی زیر برقرار نیست؟

۴. $p \vee \neg P \equiv F$

۳. $p \vee F \equiv P$

۲. $p \vee T \equiv T$

۱. $p \wedge T \equiv P$

۲- کدامیک از گزاره های زیر همیشه راستگو است؟

۲. $(\neg q \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow \neg p$

۱. $(\neg p \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow \neg q$

۴. $\neg(p \rightarrow q) \wedge (p \rightarrow q)$

۳. $\neg p \rightarrow p$

۳- کدامیک از استنتاج های زیر معتبر هستند؟

۱. علی به زبان برنامه نویسی فرترن یا پاسکال می تواند برنامه نویسی کند.

بنابراین علی می تواند به زبان پاسکال برنامه نویسی کند.

۲. اگر برنامه کامپیوتری محمد صحیح باشد، آنگاه قادر خواهد بود تمرین درس کامپیوتر را در حداکثر دو ساعت کامل کند.

محمد بیش از دو ساعت برای کامل کردن تمرین درس کامپیوتر خود وقت صرف کرده است.

بنابراین برنامه کامپیوتری محمد صحیح نیست.

۳. $p \rightarrow r$

$p \rightarrow (q \vee \neg r)$

$\neg q \vee \neg s$

$\therefore s$

۴. $p \rightarrow q$

r

$q \rightarrow s$

$\neg q$

$\therefore s$

۴- در گزاره های زیر عالم سخن، همه اعداد صحیح ناصفر است. کدام گزاره دارای ارزش درست است؟

۲. $\exists x \exists y (2x + y = 5) \wedge (x - 3y = -8)$

۱. $\exists x \forall y \quad xy = 1$

۴. $\forall x \forall y \neg(x + y = -y)$

۲. $\exists x \exists y (3x - y = 7) \wedge (2x + 4y = 3)$

۵- اگر رابطه $R = \{(a, a), (a, b), (b, c), (c, a), (d, c), (c, b)\}$ و $A_1 = \{c, d\}$ آنگاه $R(A_1)$ برابر است با:

۴. $\{c, b, d\}$

۳. $\{a, b, c\}$

۲. $\{a, b\}$

۱. $\{a, c\}$

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

سری سوال: ۱ یک

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۶- کدام گزینه در مورد خواص تقارن و ضدتقارن صحیح نیست؟

۱. رابطه $(a, b) \in R, |a - b| < 1$ دارای خاصیت تقارن است.

۲. رابطه عاد کردن دارای خاصیت ضدتقارن است

۳. رابطه عاد کردن، دارای خاصیت تقارن است

۴. رابطه $(a, b) \in R, a = b + 1$ دارای خاصیت ضدتقارن است..

۷- دسته هم ارزی [۱۶] در رابطه $R: x^2 - y^2 = x - y \Leftrightarrow xRy$ و X و Y اعداد حقیقی می باشند برابر است با:

۴. $\{-15, 15, -16, 16\}$

۳. $\{16, -15, -16\}$

۲. $\{16, -15\}$

۱. $\{16, 15\}$

۸- نقیض گزاره $\exists x \forall y (p(x, y) \rightarrow q(x, y))$ کدام گزینه است؟

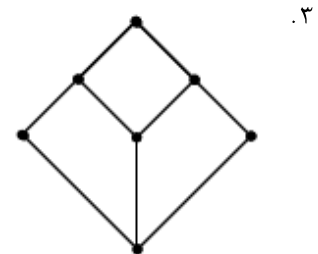
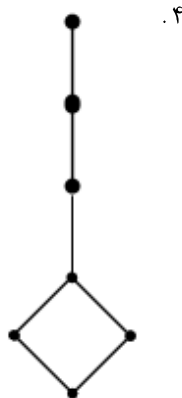
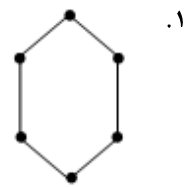
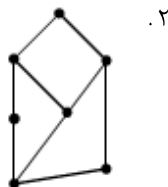
۲. $\forall x \exists y \neg p(x, y) \vee q(x, y)$

۱. $\forall x \forall y \neg p(x, y) \wedge q(x, y)$

۴. $\forall x \forall y p(x, y) \vee \neg q(x, y)$

۳. $\forall x \exists y p(x, y) \wedge \neg q(x, y)$

۹- کدام شبکه توزیع پذیر است؟



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۰- تابع $f = a + b'c$ را در نظر گرفته d, n, f آن برابر است با:

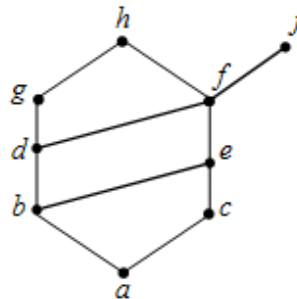
۲. $a'bc' + ab'c' + ab'c + abc + a'bc$

۱. $a'bc' + ab'c' + ab'c + abc$

۴. $a'bc' + ab'c + abc + abc'$

۳. $a'bc' + ab'c' + ab'c + abc + abc'$

۱۱- در نمودار هاس زیر، کوچکترین کران بالای $B = \{a, b, c\}$ و نیز کوچکترین کران بالای $C = \{j, h\}$ برابر است با:



۲. $LUB(C) = \{h, j\}, LUB(B) = \{h\}$

۱. $LUB(C) = \{j\}, LUB(B) = \{e\}$

۴. $LUB(C) = \{h, j\}, LUB(B) = \{b, c\}$

۳. $LUB(C) = \{f\}, LUB(B) = \{a\}$

۱۲- تابع $f = (AB + CD)(A'B' + C'D')$ به فرم SoP (جمع حاصلضربها) برابر است با:

۴. $A'B'C'D' + ABCD$

۳. $ABC'D' + A'B'CD$

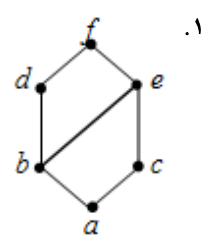
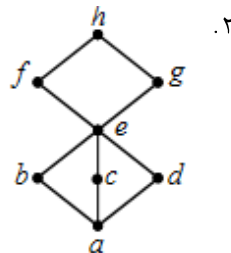
۲. $ABD + A'B'C'D'$

۱. $ABC + A'B'C'$

۱۳- کدامیک از مجموعه های با ترتیب جزئی زیر معرف یک جبر بول هستند؟

۴. D_{54}

۳. D_{165}





تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

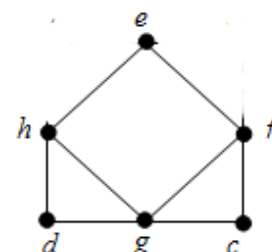
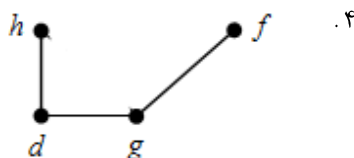
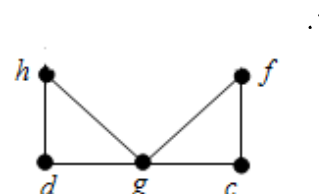
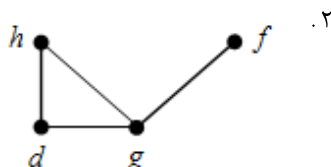
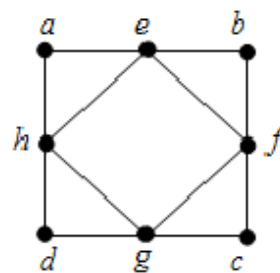
سری سوال: ۱: یک

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۴- زیر گراف القایی رئوس $\{h, d, g, f\}$ از گراف زیر کدام است؟



۱۵- گراف k_n از گراف k_{n-2} ، ۱۳ یال بیشتر دارد، n چند است؟

۱۹ .۴

۸ .۳

۱۶ .۲

۱۳ .۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

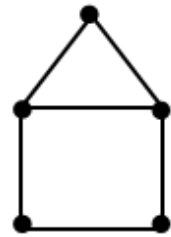
۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۶- در مورد مدارها و گذرهای اویلری، کدام گزینه صحیح است؟

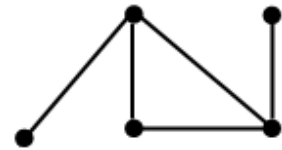
۱. K_n به ازای n های فرد دارای گذر اویلری است.

۲. K_n به ازای n های فرد، مدار اویلری وجود دارد.

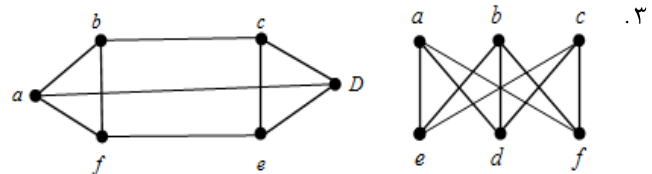
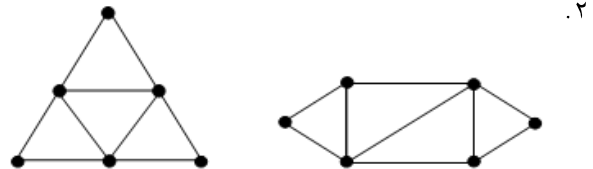
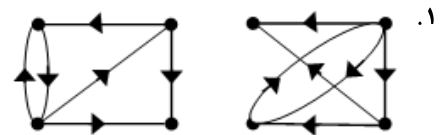
۳. گراف مقابل دارای مدار اویلری است.



۴. گراف مقابل دارای گذر اویلری است.



۱۷- کدام جفت از گرافهای زیر یکریخت هستند؟



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ شریعی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ شریعی: ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۸- کدامیک از گرافهای زیر مسطح هستند؟

$K_{1,3}$.۴

Q_4 .۳

$K_{3,3}$.۲

K_5 .۱

۱۹- ماتریس مجاورت زیر را در نظر بگیرید، چند مسیر متفاوت به طول ۳ بین رئوس a و b وجود دارد؟

	a	b	c	d	e
a	0	1	1	1	1
b	1	0	1	1	1
c	1	1	0	1	1
d	1	1	1	0	1
e	1	1	1	1	0

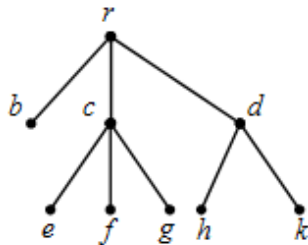
۱۳ .۴

۱۱ .۳

۱۵ .۲

۱۰ .۱

۲۰- پیمایش پیش ترتیب درخت زیر کدام است؟



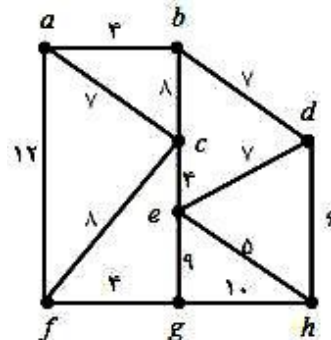
$rbcef gdhk$.۴

$rbcd e f g h k$.۳

$khgf e d c b r$.۲

$bcef g d h k r$.۱

۲۱- با استفاده از الگوریتم کروسکال، درخت فراگیر مینیمم، برای گراف زیر چه وزنی خواهد داشت؟



۳۶ .۴

۳۸ .۳

۴۰ .۲

۳۴ .۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۲۲- کدام گزینه حل رابطه بازگشتی زیر را نشان می دهد:

$$a_n = 6a_{n-1} - 9a_{n-2}$$

$$a_0 = 1, a_1 = 6$$

$$a_n = 3^n + n3^n \quad .۲$$

$$a_n = n^3 + n3^n \quad .۱$$

$$a_n = 3^{n-1} + (n-1)3^n \quad .۴$$

$$a_n = 3^n + (n-1)3^n \quad .۳$$

۲۳- مجموعه اعداد طبیعی را با رابطه کوچکتر یا مساوی عددی در نظر بگیرید، کدام گزینه در مورد آن برقرار نمی باشد:

۲. زیر مجموعه ای از آن می توان یافت که زیر شبکه باشد.

۱. شبکه ای است که عناصر آن مقایسه پذیرند.

۴. شبکه ای است که هر عنصر آن متمم دارد.

۳. هیچ زیر مجموعه ای از آن نداریم که زیر شبکه نباشد.

۲۴- درخت عبارت ریاضی $t + (u * v) / (w + x - y^z)$ که در آن \wedge به معنی توان است، را در نظر گرفته، پیمایش پیشوندی آن :

$$+t*/uv+-wx^yz \quad .۴ \quad +t/*uv+-wx^yz \quad .۳ \quad +t*/uv+-wx^yz \quad .۲ \quad +t/*vu+-wx^yz \quad .۱$$

۲۵- کدام رابطه بازگشتی تعداد یالهای گراف کامل را محاسبه می نماید؟

$$E(n) = E(n-1) + E(n-2) \quad .۲$$

$$E(n) = E(n-1) * (n-1) \quad .۱$$

$$E(1) = 1$$

$$E(1) = 1$$

$$E(n) = E(n-1) - E(n-2) \quad .۴$$

$$E(n) = E(n-1) + n - 1 \quad .۳$$

$$E(1) = 0$$

$$E(1) = 0$$

سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰

۱- فرض کنید A مجموعه اعداد گویای غیر صفر باشد. رابطه R در A برای دو عضو از آن مثل a, b به صورت زیر تعریف شده است: (به شرط اینکه تقسیم a بر b عددی صحیح باشد) خاصیتهای بازتابی، تقارنی، ضدتقارنی و تعدی را برای آن بررسی کنید: خاصیتهایی که برقرار نیست با مثال نقض و خاصیتهایی که برقرار است بصورت کلی اثبات کنید.

$$aRb \Leftrightarrow \frac{a}{b}$$

تعداد سوالات: نستی: ۲۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

سری سوال: یک: ۱

عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/کد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی)
مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶ - ۱۱۱۵۰۶۷

۲- فرض کنید p و q دو عدد اول متمایز هستند، مجموعه تمامی مقسوم علیه های عدد p^2q^4 را در نظر گرفته، رابطه عاد کردن را روی آن تعریف می کنیم. $(D_{p^2q^4} |)$ نمودار هاس آن را رسم کنید. با استفاده از آن تعمیم دهید و بگویید در حالت کلی برای توان m و n بجای ۲ و ۴ تعداد یالهای نمودار چند است.

۳- الف) درختی با $2n$ راس از درجه ۱، $3n$ راس از درجه ۲، و n راس از درجه ۱، داریم تعداد یال های این درخت را محاسبه کنید.
ب) گرافی دارای ۴۰ یال و مکمل آن دارای ۸۰ یال می باشد، ای گراف چند راس دارد.

۴- جواب رابطه بازگشتی زیر را به دست آورید؟

$$\begin{cases} a_n = 5a_{n-1} - 6a_{n-2} + 2^n & n \geq 2 \\ a_0 = 7 & a_1 = 1 \end{cases}$$

۵- با استفاده از روش جستجوی اول عمق، درخت فراگیر گراف زیر را به دست آورید. شروع پیمایش را از راس V_6 آغاز نمایید.

