

ریاضی ۹۲

- گلوله‌ای را از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین با سرعت اولیه‌ی  $V_0$  در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. در ارتفاع ۶۵ متری سطح زمین سرعت گلوله به صفر می‌رسد. اگر  $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$  باشد،  $V_0$  چند متر بر ثانیه است؟ مقاومت هوا ناچیز است)

(۱)  $۱۰\sqrt{۱۳}$  (۴)

(۲)  $۱۳\sqrt{۱۰}$  (۳)

(۳)  $۳۰$

(۴)  $۳۵$

- معادله‌ی مکان متحرکی در SI به صورت  $x = \frac{1}{3}t^3 - 6t^2 + 20t$  است. کمترین سرعتی که این متحرک در مسیر حرکت پیدا می‌کند، چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۴ (۴)

(۲) ۲ (۳)

(۳) ۱ (۲)

(۴) صفر

- بردار سرعت اولیه‌ی پرتابهای در SI به صورت  $\bar{v} = ۱۵\bar{i} + ۲۰\bar{j}$  است. بردار جایه‌جایی این پرتابه در ۳ ثانیه‌ی اول در SI کدام است؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$  و مقاومت هوا ناچیز است).

(۱)  $۱۰\bar{i} + ۴۵\bar{j}$  (۴)

(۲)  $۴۵\bar{i} - ۱۰\bar{j}$

(۳)  $۱۵\bar{i} - ۱۰\bar{j}$  (۲)

(۴)  $۴۵\bar{i} + ۱۵\bar{j}$

- قطار A به طول ۲۰۰ متر با سرعت ثابت  $\frac{m}{s} = ۴$  در حال حرکت است. قطار B به طول ۲۲۵ متر که روی ریل مجاور توقف کرده است، به محض اینکه قطار A کاملاً از آن عبور کرد، با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  در همان جهت حرکت قطار A شروع به حرکت می‌کند و سرعت خود را به  $۵ \frac{m}{s}$  می‌رساند و با همان سرعت حرکت خود را ادامه می‌دهد. قطار B چند ثانیه پس از شروع حرکت، از قطار A سبقت گرفته و از کنار آن کاملاً عبور می‌کند؟

(۱) ۱۰۵ (۴)

(۲) ۸۰ (۳)

(۳) ۸۲,۵ (۲)

(۴) ۵۷,۵

ریاضی ۹۱

- گلوله‌ای در شرایط خلاء، از سطح زمین با سرعت اولیه‌ی  $V_0$  در جهتی که با افق زاویه‌ی  $60^\circ$  درجه می‌سازد روبه بالا پرتاب می‌شود. در ضمن حرکت، اندازه‌ی تغییر سرعت گلوله در یک فاصله‌ی زمانی یک ثانیه‌ای چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

(۱) بستگی به این دارد که آن یک ثانیه در چه مقطعی از حرکت باشد.

(۲)  $۵\sqrt{۳}$  (۳)

(۴)  $۱۰$

(۵)

- معادله‌ی بردار مکان متحرکی در SI به صورت  $\bar{r} = (2t^2 - 4t + 2)\bar{i} + (4t^2 - 8t + 10)\bar{j}$  است. در لحظه‌ی  $t=0$  بردار شتاب و بردار سرعت چه زاویه‌ای با هم می‌سازند؟

(۱)  $۱۸۰^\circ$  (۴)

(۲)  $۹۰^\circ$  (۳)

(۳)  $۶۰^\circ$

(۴)  $۴۵^\circ$

- دو گلوله در شرایط خلاء به فاصله‌ی زمانی  $2/5 s$  از یک نقطه بالای زمین رها می‌شوند. چند ثانیه پس از رها شدن گلوله‌ی اول، فاصله‌ی دو گلوله به  $68/75 m$  می‌رسد؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

(۱)  $۴/۵$  (۴)

(۲)  $۴$

(۳)  $۳$

(۴)  $۲/۵$

- معادله‌ی حرکت متحرکی که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند، در SI به صورت  $x = t^3 - 9t^2 + 27t$  است. در مورد این حرکت، گدام گزینه درست نیست؟

(۱) در لحظه‌ی  $t=3s$  جهت حرکت عوض می‌شود.(۲) در لحظه‌ی  $t=3s$  جهت شتاب عوض می‌شود.(۳) در بازه‌ی زمانی  $0 \leq t \leq 3s$  بزرگی شتاب در حال کاهش است.(۴) در بازه‌ی زمانی  $0 \leq t \leq 3s$  حرکت کند شونده و در جهت محور X است.

ریاضی ۹۰

- بردار مکان متحرکی در SI به صورت‌های  $\bar{r} = (t^2 - 2t)\bar{i} + (\frac{1}{3}t^3 - t^2)\bar{j}$  است. در لحظه‌ای که اندازه‌ی شتاب متحرک به حداقل مقدار خود می‌رسد، زاویه‌ی بین بردارهای سرعت و شتاب چند درجه می‌شود؟

(۱) ۹۰ (۴)

(۲)  $۴۵$  (۳)

(۳)  $۳۰$

(۴) صفر

- گلوله‌ای از سطح زمین پرتاب شده و معادله‌ی مسیر آن در SI به صورت  $y = 2X^2 - 40X$  است. برآین گلوله چند متر است؟

(۱)  $۸۰$  (۴)

(۲)  $۴۰$  (۳)

(۳)  $۲۰$

(۴)  $۱۰$

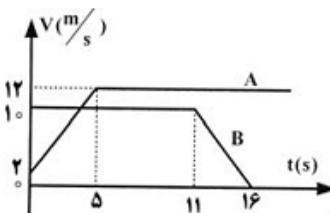
- گلوله‌ای از سطح زمین در راستای قائم روبه بالا پرتاب می‌شود. و در لحظه‌های  $t_1 = ۲s$  و  $t_2$  به ارتفاع ۴۰ متری از سطح زمین می‌رسد.  $t_2$  چند ثانیه است و ارتفاع اوچ چند متر است؟ (مقاومت هوا ناچیز و  $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$  است)

(۱)  $۸۰$  و ۶ (۴)

(۲)  $۶۱/۲۵$  و ۵ (۳)

(۳)  $۴۵$  و ۴ (۲)

(۴)  $۳۱/۲۵$  و ۳ (۱)



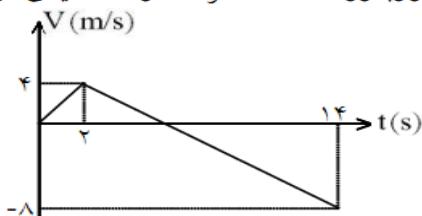
- نمودار سرعت - زمان دو متوجه A و B، که روی محور X حرکت می‌کنند، مطابق شکل مقابل است. اگر در لحظه  $t=0$ ، هر دو در مکان X قرار داشته باشند، چند ثانیه پس از آن، دو متوجه به هم می‌رسند؟
- (۱) ۷/۵ (۲) ۸ (۳) ۱۲/۵ (۴) ۱۲

ریاضی ۸۹

- گلوله‌ای از بالای برجی به ارتفاع ۴۵ متر به طور افقی پرتاب می‌شود و در فاصله‌ی  $30\sqrt{3}$  متر از پای برج به زمین برخورد می‌کند. در لحظه‌ی برخورد به زمین، زاویه‌ی بین سرعت گلوله و راستای قائم چند درجه است؟
- $$(g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- (۱) ۳۰ (۲) ۴۵ (۳) ۵۳ (۴) ۶۰

- متوجه کی روی محور X حرکت می‌کند و نمودار سرعت-زمان آن مطابق شکل رو به رو است. متوجه در ۱۴ ثانیه‌ی اول، چند ثانیه در سوی مخالف محور X حرکت کرده است؟



- (۱) ۴ (۲) ۶ (۳) ۸ (۴) ۱۲

- متوجه کی در مسیر مستقیم و با شتاب ثابت فاصله‌ی  $80$  متری از A تا B را در مدت  $8$  ثانیه طی می‌کند و در لحظه‌ی رسیدن به نقطه‌ی B سرعتش به  $\frac{m}{s} 15$  می‌رسد. شتاب متوجه چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱)  $\frac{5}{4}$  (۲)  $\frac{5}{2}$  (۳)  $\frac{3}{4}$  (۴)  $\frac{3}{2}$

ریاضی ۸۸

- ۱- در شکل مقابل از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین همزمان دو گلوله را از نقاط A و B در خلاف جهت هم در راستای افقی پرتاب می‌کنیم. اگر هر دو گلوله در لحظه‌ی برخورد به زمین به یک نقطه برسند، فاصله‌ی AB چند متر است؟
- $$(g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$
- (۱) ۶ (۲) ۱۰ (۳) ۱۶ (۴) ۱۲

- ۱- دو گلوله A و B در صفحه‌ی xoy قرار دارند و مکان آنها در SI به صورت  $\begin{cases} x_B = 18 \\ y_B = 9 \end{cases}$  و  $\begin{cases} x_A = 8t - 6 \\ y_A = 3t \end{cases}$  است. یک ثانیه قبل از برخورد فاصله‌ی دو گلوله چند متر است؟

- (۱)  $\sqrt{73}$  (۲)  $\sqrt{57}$  (۳)  $\sqrt{34}$  (۴)  $\sqrt{42}$

- ۱- سنگی را از لبه‌ی بالای ساختمانی به ارتفاع ۶۰ متر در شرایط خلاه در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. سنگ پس از ۶ ثانیه به زمین برخورد می‌کند. سرعت سنگ هنگام برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟

- $(g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

- (۱) ۶۰ (۲) ۴۰ (۳) ۲۰ (۴) ۳۰

ریاضی ۸۷

- ۱- از ارتفاع معین، گلوله‌ای رها می‌شود و لحظه‌ای بعد گلوله‌ی دیگری از همان نقطه رها می‌شود. تا رسیدن گلوله‌ی اول به زمین، فاصله‌ی بین دو گلوله چگونه تغییر می‌کند؟ ( مقاومت هوا ناچیز است.)
- (۱) ثابت می‌ماند. (۲) کاهش می‌یابد. (۳) افزایش می‌یابد. (۴) بستگی به جرم گلوله‌های دارد

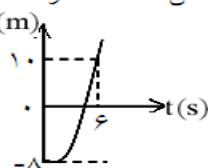
- ۱- پرتابهای با سرعت اولیه‌ی  $\frac{m}{s} 40$  تحت زاویه‌ی  $30$  درجه نسبت به افق رو به بالا پرتاب می‌شود. بزرگی جابه‌جایی

- پرتابه در مدتی که به نقطه‌ی اوج خود می‌رسد چند متر است؟

- (۱)  $20\sqrt{13}$  (۲)  $40\sqrt{13}$  (۳)  $40$  (۴)  $20$

ریاضی ۸۶

- ۱- نمودار مکان - زمان دو متوجه کی که با شتاب ثابت روی محور X حرکت می‌کند مطابق شکل است. سرعت متوجه در لحظه‌ای که متوجه از مبدأ مکان عبور کرده است چند  $m/s$  است؟



- (۱) ۲ (۲) ۸ (۳) ۴ (۴)

- ذرهای روی خط  $y = 3x + 5$  در حرکت است. بردار سرعت آن کدام است؟

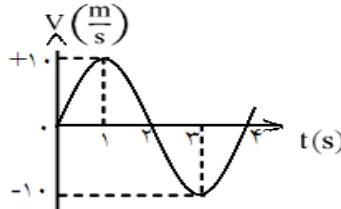
$$\vec{V} = 5\hat{i} + 2\hat{j} \quad (4)$$

$$\vec{V} = 2\hat{i} + \hat{j} \quad (3)$$

$$\vec{V} = 2\hat{i} + 5\hat{j} \quad (2)$$

$$\vec{V} = \hat{i} + 2\hat{j} \quad (1)$$

- نمودار سرعت - زمان متحركی که بر روی خط راست حرکت می‌کند مطابق شکل است. بزرگی شتاب متوسط و سرعت متوسط در بازه‌ی زمانی ۱ تا ۳ ثانیه به ترتیب از راست به چپ برابر است با:



$$10 \text{ m/s}^2 \quad (2)$$

$$10 \text{ m/s}^2 \quad (4)$$

$$-10 \text{ m/s}^2 \quad (3)$$

### ریاضی ۹۱ خارج

- معادله‌ی سرعت - زمان متحركی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، در SI به صورت  $V = 200 - 8t$  است. کدام گزینه‌ی زیر درست است؟ ( $t \geq 0$ )

$$2) \text{ از } 0 \text{ تا } 5 \text{ ثانیه حرکت تندشونده است.}$$

۳) در لحظه‌ی  $t = 5 \text{ s}$  جهت شتاب تغییر می‌کند.

- معادله‌ی حرکت متحركی در SI به صورت  $\ddot{x} = (2t + 8t)\hat{i} + (6t)\hat{j}$  است. سرعت اولیه‌ی این متحرك چند متربه‌اندیه است؟

$$1) 14 \quad 2) 10 \quad 3) 8 \quad 4) 14 \quad (1)$$

- گلوله‌ای را با سرعت اولیه‌ی  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  از سطح زمین در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. یک ثانیه‌ی بعد گلوله‌ی دیگری را

از ارتفاع ۳۵ متری سطح زمین با سرعت اولیه‌ی  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  رو به پایین پرتاب می‌کنیم. در لحظه‌ای که دو گلوله به یک ارتفاع

می‌رسند، سرعت گلوله‌ای اولی چند متر بر ثانیه می‌شود؟ ( $\frac{\text{m}}{\text{s}} = 10$  و مقاومت هوای ناچیز است.)

$$1) \text{ صفر} \quad 2) \frac{2}{5} \quad 3) 5 \quad 4) \frac{7}{5} \quad (1)$$

- گلوله‌ای در شرایط خلاء تحت زاویه‌ی  $37^\circ$  درجه نسبت به افق رو به بالا پرتاب می‌شود. این گلوله پس از مدت  $\Delta t$  به سطح هم‌تراز با نقطه‌ی پرتاب می‌رسد. زاویه‌ی بین سرعت و شتاب گلوله در این مدت چند درجه تغییر می‌کند؟

$$1) 127 \quad 2) 74 \quad 3) 53 \quad 4) 37 \quad (1)$$

### ریاضی ۹۰ خارج

۱۵۷- بردار مکان ذرهای در SI به صورت  $\vec{r} = 2s + (3t^3 - 2t^2 - 2)\hat{i}$  است. بردار سرعت ذره در لحظه‌ی  $t = 2s$  با محور  $x$  زاویه‌ی چند درجه می‌سازد؟

$$1) 45 \quad 2) 30 \quad 3) 60 \quad 4) 53 \quad (1)$$

۱۵۸- گلوله‌ای در شرایط خلا از ارتفاع  $h$  با سرعت اولیه‌ی  $v_0$  به طور قائم رو به بالا پرتاب می‌شود. پس از  $\frac{2}{3}s$  جهت حرکتش عوض می‌شود و

۳/۶ ثانیه‌ی بعد به زمین می‌رسد. بزرگی سرعت متوسط گلوله در کل مسیر چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

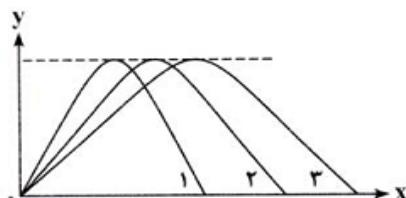
$$1) 18 \quad 2) 30 \quad 3) 36 \quad 4) 6 \quad (1)$$

۱۵۹- متحركی روی محور  $x$  با شتاب ثابت در حرکت است و در مبدأ زمان با سرعت  $v_0 = 4m \text{ s}^{-1}$  از مکان  $x = 0$  می‌گذرد. اگر متحرك در

لحظه‌ی  $t = 4s$  در جهت مثبت محور  $x$  در بیشترین فاصله‌ی خود از مبدأ باشد، در لحظه‌ی  $s = 8t$  در چند متری مبدأ خواهد بود؟

$$1) 4 \quad 2) 6 \quad 3) 8 \quad 4) 12 \quad (1)$$

۱۶۰- شکل زیر مسیر حرکت سه گلوله را نشان می‌دهد که از سطح زمین پرتاب شده‌اند. کدام گزینه‌ی زیر نادرست است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود).



۱) زمان حرکت هر سه گلوله یکسان است.

۲) در نقطه‌ی اوج سرعت گلوله‌ی ۳ بیشتر است.

۳) مؤلفه‌ی قائم سرعت هر سه گلوله در لحظه‌ی برخورد به زمین یکسان است.

۴) مؤلفه‌ی افقی سرعت هر سه گلوله در لحظه‌ی برخورد به زمین یکسان است.

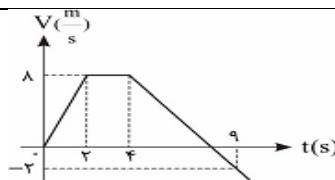
### ریاضی ۸۹ خارج

- متحركی با شتاب ثابت و بدون سرعت اولیه از نقطه‌ی A به حرکت در می‌آید و در ادامه‌ی مسیر به نقطه‌ی B و سپس

C می‌رسد و فاصله‌ی BC را در مدت ۱۰ ثانیه طی می‌کند. اگر سرعت متحرك در نقطه‌ی C  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد،

فاصله‌ی بین A و B چند متر است؟

$$1) 20 \quad 2) 40 \quad 3) 10 \quad 4) 22 \quad (1)$$



- نمودار سرعت-زمان متحرکی که روی محور  $x$  از مکان  $-26\text{ m}$  شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل رو به رو است. پس از چند ثانیه متحرک برای اولین بار از مبدأ مکان می‌گذرد؟

۶ (۲)

۱۰ (۴)

- گلوله‌ای در شرایط خلاه با سرعت اولیه  $V$  از سطح زمین به طور قائم رو به بالا پرتاب می‌شود. پس از  $\frac{1}{2}$  ثانیه از نقطه‌ی  $A$  عبور می‌کند و  $\frac{1}{5}$  ثانیه بعد به نقطه‌ی اوچ می‌رسد. فاصله‌ی نقطه‌ی  $A$  تا سطح زمین چند متر است؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۵۷ (۴)

۴۰ (۳)

۲۵/۲ (۲)

۱۱/۲۵ (۱)

- گلوله‌ای تحت زاویه‌ی  $\alpha$  نسبت به افق، در مبدأ زمان از مبدأ مختصات پرتاب می‌شود. این گلوله در لحظه‌های  $t_1 = 2s$  و  $t_2 = 4s$  از نقطه‌هایی می‌گذرد که در یک ارتفاع قرار دارند و فاصله‌ی بین آنها  $80$  متر است. سرعت اولیه‌ی گلوله

$$\text{چند متر بر ثانیه است؟ ( مقاومت هوا ناچیز است و } g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



۶۰ (۴)

۵۰ (۳)

۴۰ (۲)

۳۰ (۱)

- گلوله‌ای را از سطح زمین در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. اگر مقاومت هوا ناچیز باشد و گلوله در لحظه‌ی  $t_1 = 3s$  و

$$\text{از یک نقطه بگذرد، سرعت اولیه‌ی گلوله چند متر بر ثانیه است؟ ( } g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

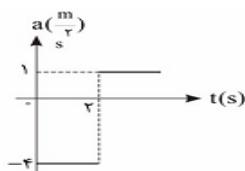
۶۰ (۴)

۴۰ (۳)

۴۰ (۲)

۳۰ (۱)

- متحرکی از حال سکون در مسیر مستقیم به حرکت درمی‌آید و نمودار شتاب-زمان آن مطابق شکل است. در کدام لحظه (بر حسب ثانیه)، جهت سرعت عوض می‌شود؟



۴ (۲)

۸ (۴)

۲ (۱)

۶ (۳)

- رابطه‌ی بین مکان و سرعت متحرکی در SI به صورت  $X = Vt$  است. شتاب این متحرک در مکان  $16\text{ m}$  چند

$$\frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ است؟}$$

۱ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- پرتابه‌ای از مبدأ مختصات با سرعت اولیه‌ی  $V$  تحت زاویه‌ی  $53^\circ$  درجه نسبت به افق رو به بالا پرتاب می‌شود و از نقطه‌ای به مختصات

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \sin 53^\circ = 0.8) \quad \begin{cases} x = 4 / 8 \text{ m} \\ y = 2 / 2 \text{ m} \end{cases}$$

۲۴ (۴)

۲۰ (۳)

۱۶ (۲)

۱۰ (۱)

- سنگی از بالای صخره‌ای در بالای یک دریاچه رها می‌شود. ۱ ثانیه‌ی بعد سنگ دیگری از همان نقطه با سرعت اولیه  $12/25 \text{ m/s}$  به طور

قائم رو به پایین پرتاب می‌شود. هر دو سنگ در یک لحظه به سطح آب می‌رسند. ارتفاع صخره از سطح آب چند متر است؟ ( مقاومت هوا ناچیز و  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$  است).

۴۴/۱ (۴)

۳۹/۲ (۳)

۳۴/۶ (۲)

۱۹/۶ (۱)

- پرتابه‌ای با سرعت اولیه‌ی  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  تحت زاویه‌ی  $30^\circ$  نسبت به افق از سطح زمین رو به بالا پرتاب می‌شود. لحظه‌ای که پرتابه به نقطه‌ی اوچ می‌رسد، بردار جایه‌جایی آن با سطح افق زاویه‌ی  $\theta$  می‌سازد.  $\tan \theta$  چقدر است؟

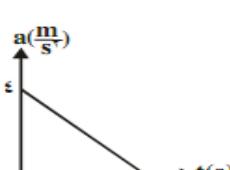
$$\frac{\sqrt{3}}{6}$$

۳ (۳) صفر

۲۷۳ (۲)

۱ (۱)

- متحرکی با سرعت اولیه  $6 \text{ m/s}$  در مسیر مستقیم به حرکت در می‌آید و نمودار شتاب-زمان آن به صورت مقابل است. حرکت این



متحرک در فاصله‌ی زمانی نشان داده شده است؟

۲) پیوستگی کند شونده

۱) پیوستگی کند شونده

۴) کند شونده و سپس کند شونده

۳) کند شونده و سپس کند شونده

- گلوله‌ای در شرایط خلا تحت زاویه‌ی  $\alpha$  نسبت به سطح افق برتاب می‌شود. ۲ ثانیه پس از برتاب مؤلفه‌های قائم سرعت صفر می‌شود. اگر

مؤلفه‌های افقی سرعت در آن لحظه برابر  $15\text{ m/s}$  باشد، سرعت اولیه گلوله چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

۴۵ (۱)

۳۰ (۳)

۲۵ (۲)

۲۰ (۱)